

# CURSO: CODIFICACIÓN DE FUENTE Y CANAL (EL271) LABORATORIO DE SIMULACIÓN 2

En el presente trabajo se llevará a cabo la simulación de la etapa que corresponde a la codificación y decodificación de canal con un codificador de bloque, se calculará el BER (Bit Error Rate) correspondiente a diferentes valores de relación señal a ruido  $\gamma_b$ , y se comparará estos resultados con los valores teóricos de las probabilidades de error  $P_b$  del sistema codificado, y  $P_{ub}$  del sistema no codificado.

Tabl	a 1
------	-----

Grupo N°	Codificador de bloque (n,k)	Sub matriz P (de la matriz G)
1	Hamming (7,4)	Según definición
2	Hamming (15,11)	de Hamming
3	(6,3)	(p. 564, texto de A.B. Carlson)
4	Hamming extendido (8,4)	Según definición
5	Hamming (31,26)	de Hamming

#### 1. Instrucciones para el caso sin codificar

# 1.1 Curva teórica $P_{ub}$ vs. $\gamma_{ub}$

Grafique la curva teórica  $P_{ub}$  vs.  $\gamma_{ub}$  del sistema de modulación BPSK (no codificado), para valores de  $\gamma_{ub}$  en el rango de 2 a 10 dB. Tenga en cuenta que para BPSK:

$$P_{ub} = Q(\sqrt{2\gamma_{ub}})$$

En donde Q(x) es la función Q, la cual se relaciona con la función de error complementario  $\operatorname{erfc}(\cdot)$ , de la siguiente manera<sup>1</sup>:  $Q(x) = (1/2) \cdot \operatorname{erfc}(x/\sqrt{2})$ .

## 1.2 Curva del BER vs. $\gamma_{uh}$

a) Genere mediante un programa (en lenguaje MATLAB, C, Python, etc.), una secuencia muy larga (por ejemplo, un millón) de valores 1 y 0, que representan a los bits entrantes al modulador.

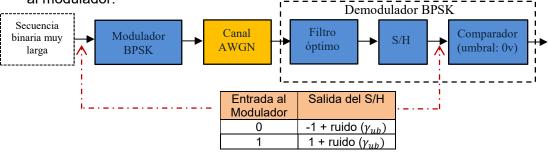


Figura 1. Diagrama de bloques del sistema de comunicación no codificado con modulador BPSK

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Esto es útil porque en los lenguajes de programación existen librerías de funciones que incluyen la erfc(·).



Tal como se muestra en la tabla de la Figura 1, los bits (0 y 1) entrantes al modulador corresponden a los valores (-1 y 1) a la salida del bloque S/H en el demodulador.

b) Genere una fuente de ruido Gaussiano n con valor medio nulo y un determinado valor de varianza  $\sigma^2$  (ruido filtrado), el cual está relacionado a un valor específico de  $\gamma_{ub}$ . Para BPSK:

$$\sigma^2 = 1/2\gamma_{uh}$$

- c) Los valores instantáneos de ruido generado en b) se deben sumar a los valores (-1 o 1) a la salida del bloque S/H, tal como se muestra en la tabla de la Figura 1.
- d) Para el valor de  $\sigma^2$  indicado en b), de la simulación se obtendrá un valor específico de Bit Error Rate (BER), el cual deberá coincidir aproximadamente con el valor teórico de  $P_{ub}$  correspondiente al valor de  $\gamma_{ub}$  también de b), tal como se muestra en la Figura 2 a continuación (las X son los valores del BER<sub>1</sub> a BER<sub>5</sub>, como ejemplo):

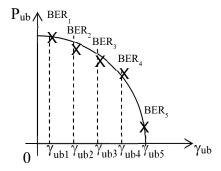


Figura 2.  $P_{ub}$  y BER vs.  $\gamma_{ub}$ : caso sin codificar

### 1.3 Pasos a seguir:

a) Considere el cálculo del BER para un rango de 2 a 10 dB, en pasos de 2 dB. Así, para el primer valor de  $\gamma_{ub}$  igual a 2 dB:

$$2 (dB) = 10 \log \gamma_{ub}, \ \gamma_{ub} = 10^{2/10} = 1,584, \ \gamma_{ub} = \frac{E_b}{\eta}$$

$$\sigma^2 = \frac{1}{2\gamma_{ub}}, \quad \sigma^2 = 1/(2 \times 1,584), \quad \sigma^2 = 0,316$$

- b) Simule una fuente de ruido Gaussiano (AWGN), con varianza  $\sigma^2 = 0.316$ .
- c) Genere una secuencia aleatoria de valores 0 y 1 equiprobables (se debe generar una secuencia muy larga) de entrada al modulador BPSK. En forma correspondiente y de acuerdo con la tabla de la Figura 1, genere la secuencia de -1 y 1 en la salida del bloque S/H. A ésta última secuencia se le deberá sumar la secuencia de valores instantáneos de ruido de la fuente simulada indicada en b). Compare dichos valores



con el umbral óptimo  $V_{opt}=0$ , y obtenga la secuencia demodulada de 1s y 0s. Calcule el BER tal como sigue:

iv total t	ic bits t	ansmi	iuos					
Ejemplo (se muestra una secuencia corta de 8 bits):								
N°	1	2	3,/	4	5	6	7	8
Secuencia binaria aleatoria (entrada al MOD)	0	1	1	1	1	0	0	1
Secuencia correspondiente a la secuencia binaria aleatoria	-1	1	1	1	1	-1	-1	1
Secuencia de valores instantáneos de ruido (filtrado)	0,2	-0,3	-1,1	0,3	-0,5	0,2	-0,8	-0,1
Secuencia de salida del bloque S/H	-0,8	0,7	-0,1	1,3	0,5	-0,8	-1,8	0,9
Secuencia de salida del comparador	0	1	0 1	1	1	0	0	1
bit errado								

Se observa la producción de un error, de allí que (para este ejemplo):

$$BER_1 = \frac{1}{8} = 1,25 \times 10^{-1}$$

Repita para los demás valores: 4, 6, 8 y 10 dB. Tenga presente que para cada valor de  $\gamma_b$  se obtendrá un nuevo valor de  $\sigma^2$ . Similarmente, para cada caso deberá generar nuevamente la secuencia larga de valores 0 y 1.

- 2. Instrucciones para caso con codificación de bloque
- 2.1 Curva teórica  $P_h$  vs.  $\gamma_h$

Grafique la curva teórica  $P_b$  vs.  $\gamma_b$  del sistema con codificación de bloque asignado a su Grupo (Tabla 1) y modulación BPSK. Es decir, programe la expresión matemática de  $P_b$  (codificado), para valores de  $\gamma_b$  en el rango de 2 a 10 dB.

$$P_b \approx {n-1 \choose t} \alpha^{t+1}, \qquad \alpha = Q(\sqrt{2\gamma_c}), \qquad \gamma_c = R_c \gamma_b, \ R_c = k/n$$

- 2.2 Curva del BER vs.  $\gamma_b$  (caso con codificación de bloque)
- a) Inserte el codificador de bloque asignado a su Grupo (Tabla 1), tal como se puede ver en la Figura 3.

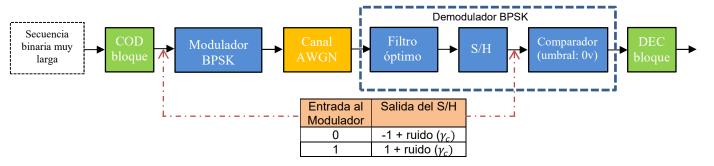


Figura 3. Diagrama de bloques con modulador BPSK y codificador de bloque



- b) Genere mediante un programa (en lenguaje MATLAB, C, Python, etc.), una secuencia muy larga (por ejemplo, un millón) de valores 1 y 0, que representan a los bits entrantes al codificador de bloque. Tal como se muestra en la Figura 3, los bits (0 y 1) entrantes al modulador corresponden a los valores (-1 y 1) a la salida del bloque S/H en el demodulador. Estos valores más el ruido ingresan al comparador (con umbral óptimo  $V_{opt}=0$ ) y su salida al decodificador de bloque, el cual emplea la técnica del síndrome.
- c) Considere el cálculo del BER para un rango de 2 a 10 dB, en pasos de 2 dB. Así, para el primer valor de  $\gamma_b$  igual a 2 dB (ejemplo para el código (7,4) de Hamming):

$$2 (dB) = 10 \log \gamma_b, \quad \gamma_b = 10^{2/10} = 1,584, \quad \gamma_b = \frac{E_b}{\eta}, \quad \gamma_c = R_c \gamma_b$$
 
$$\gamma_c = \frac{k}{n} \gamma_b = \frac{4}{7} \cdot (1,584) = 0,905$$
 
$$\sigma^2 = \frac{1}{2\gamma_c}, \quad \sigma^2 = 1/(2 \times 0,905), \quad \sigma^2 = 0,552$$

Con este valor de  $\sigma^2 = 0,552$  se debe generar las muestras de ruido instantáneo que se van a sumar a los valores -1 y +1, tal como se mostró en el ejemplo en 1.3.

d) Obtenga el BER a la salida del decodificador, tal como sigue:

$$BER = \frac{N^{\circ} \text{ de bits errados (compare la secuencia entrante al COD con la secuencia de salida del DEC)}}{N^{\circ} \text{ total de bits transmitidos}}$$

Repita para los demás valores: 4, 6, 8 y 10 dB. Tenga presente que para cada valor de  $\gamma_b$  se obtendrá un nuevo valor de  $\gamma_c$  y  $\sigma^2$ . Similarmente, para cada caso deberá generar la secuencia larga de valores 0 y 1.

d) El resultado a obtener se ilustra en la Figura 4, en donde las X de color rojo (BER<sub>c1</sub>, etc.) reflejan un mejor resultado (es decir, tienen un menor valor) que las X de color negro del sistema sin codificar (BER<sub>u1</sub>, etc.). A fin de comparar los resultados con y sin codificación se deberán superponer los gráficos tal como se muestra:

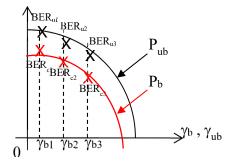


Figura 4.  $P_b$  y BER<sub>c</sub> (c: coded),  $P_{ub}$  y BER<sub>u</sub> (u: uncoded)



# 3. Presentación del trabajo

El trabajo se presentará <u>en archivo digital</u>, en formato de informe con el siguiente contenido:

- i. Explicación teórica (en sus propios términos) de la codificación y decodificación con las expresiones matemáticas correspondientes.
- ii. Código del programa (en MATLAB, C, Python, etc.) y comentario que facilite su lectura y revisión. Cada parte identificará al autor que lo realizó.
- iii. Gráficos de los resultados obtenidos, con interpretación y análisis.
- iv. Conclusiones específicas sobre la simulación realizada.

## 4. Rúbrica de evaluación y calificación

	Criterios	Puntaje
1	Explicación teórica (en sus propios términos)	3
2	Programa (comentado) desarrollado por cada integrante	3
3	Gráficos de resultados, interpretación y análisis	10
4	Conclusiones sobre la simulación	4

Septiembre de 2023 El profesor del curso