### Paralelismo en Datos

#### Programación Funcional Avanzada

Ernesto Hernández-Novich <emhn@usb.ve>

Universidad "Simón Bolívar"

Copyright ©2010-2015



- Paralelismo explícito usando forkIO y MVars.
  - Complejidad semántica para controlar la mutación del estado.
  - Difícil razonar sobre las relaciones.
  - Control preciso sobre la granularidad del trabajo.



- Paralelismo explícito usando forkIO y MVars.
  - Complejidad semántica para controlar la mutación del estado.
  - Difícil razonar sobre las relaciones.
  - Control preciso sobre la granularidad del trabajo.
- Paralelismo explícito usando forkIO y STM.
  - Control automático y riguroso sobre la mutación del estado.
  - Habilidad de componer transacciones.



- Paralelismo explícito usando forkIO y MVars.
  - Complejidad semántica para controlar la mutación del estado.
  - Difícil razonar sobre las relaciones.
  - Control preciso sobre la granularidad del trabajo.
- Paralelismo explícito usando forkIO y STM.
  - Control automático y riguroso sobre la mutación del estado.
  - Habilidad de componer transacciones.
- Paralelismo implícito usando estrategias o Monad Par.
  - Hilos implícitos controlados por el RTS.
  - Operan es espacio puro transparencia referencial.
  - Difícil asegurar granularidad adecuada de manera consistente.



- Paralelismo explícito usando forkIO y MVars.
  - Complejidad semántica para controlar la mutación del estado.
  - Difícil razonar sobre las relaciones.
  - Control preciso sobre la granularidad del trabajo.
- Paralelismo explícito usando forkIO y STM.
  - Control automático y riguroso sobre la mutación del estado.
  - Habilidad de componer transacciones.
- Paralelismo implícito usando estrategias o Monad Par.
  - Hilos implícitos controlados por el RTS.
  - Operan es espacio puro transparencia referencial.
  - Difícil asegurar granularidad adecuada de manera consistente.
- Difíciles de implantar en memoria distribuida.
  - Apuntadores libres pobre localidad espacial.
  - Difícil obtener desempeño predecible y escalable.



#### Paralelismo de Datos

Aplicar la misma operación, en paralelo, sobre cada elemento de una colección grande.

- Aplicable a problemas que pueden expresarse con:
  - Pureza funcional semántica transparente.
  - Buena granularidad un hilo por procesador.
  - Excelente localidad particionamiento simple de los datos.
- Buen modelo de desempeño con escalabilidad predecible ha sido objeto de estudio por décadas por los "calculistas".
- Se ha venido usando de forma limitada en otros lenguajes High Performance Fortran, OpenMP, MPI para C, . . .



#### Paralelismo de Datos

#### Condiciones diferentes

- Adoptar lo que se ha venido usando en otros lenguajes.
- Aplicar la misma función pura y estricta, pero en paralelo, sobre cada elemento de una colección grande finita.
  - Grandes. Muy grandes.
  - Como son finitas, se les llama vectores
- La evaluación debe costar más o menos lo mismo por elemento para que la técnica tenga buenos resultados de desempeño.
  - Se necesita excelente desempeño secuancial.
  - No sirven las listas estándar estructuras unboxed especializadas.



# Regular Parallel Arrays (REPA)

These are the vectors you're looking for

- REPA operaciones para crear y operar sobre arreglos finitos.
- Operaciones eficientes paralelizadas por la librería.
- Importar calificado –
   diferenciar de operaciones provistas en Prelude y Data.List.
- Tipo de datos abstracto opaco para arreglos no confudir con los arreglos estándar de Haskell.

data Array r sh e



# Arreglos en REPA

La eficiencia está en los detalles

#### data Array r sh e

- r representación del arreglo en memoria.
  - U unboxed vectors.
  - D delayed vectors como funciones de índices a valores.
  - Cosas aún más sofisticadas.
- e elementos almacenados en el arreglo (Int, Double, Word8).
- sh la **forma** del arreglo.
  - Número de dimensiones.
  - Condiciones sobre las dimensiones.



# La forma de los arreglos

Se expresa empleando dos constructores

```
data Z = Z
data tail :. head = tail :. head
```

- Z es un arreglo sin dimensiones un valor escalar.
- Z :. Int agrega una dimensión Int.
- Aliases de tipo para simplificar la construcción

```
type DIMO = Z
type DIM1 = DIMO :. Int
type DIM2 = DIM1 :. Int
```

• Las dimensiones sólo pueden ser Int



# Construyendo arreglos REPA

De listas a vectores

Pasar una lista tradicional a vector unidimensional

```
fromListUnboxed :: (Shape sh, Unbox a)
=> sh -> [a] -> Array U sh a
```

Siempre se puede probar en GHCi

- AUnboxed datos unboxed
- Z :. 10 una dimensión de 10 posiciones.



## Construyendo arreglos REPA

De listas a matrices

Pasar una lista tradicional a vector bidimensional

Basta cambiar la forma del arreglo

- Matriz de 3 filas y 5 columnas.
  - Conceptualmente

• Internamente es un vector contiguo.



#### Accediendo a elementos en los vectores

• El operador (!)

```
(!) :: (Shape sh, Source r e)
=> Array r sh e -> sh -> e
```

■ Se usan Z y (:.) como *valores* en este caso – no confundirse.

• Recordando que internamente son vectores

```
toIndex :: Shape sh => sh -> sh -> Int
> toIndex (Z:.5:.3 :: DIM2) (Z:.2:.1 :: DIM2)
11
```

UNIVERSIDAD SIMÓN BOLÍVAR

## Operando con la forma del arreglo

Total, es una interpreación de espacio contiguo

• No hace falta copiar el arreglo para reinterpretarlo

Obteniendo información sobre la forma de un arreglo

- extent la forma completa.
- rank número de dimensiones.

size – cantidad total de elementos.



# **Operaciones con vectores**

Como si fueran listas...

Aplicar una función pura sobre todos los elementos

```
map :: (Shape sh, Source r a)
=> (a -> b) -> Array r sh a -> Array D sh b
```

- Vector resultante es Delayed vector resultado "por demanda".
- Combinar varios map en secuencia no evalúa nada hasta que se aplique una función de evaluación definitiva.
  - Nunca se calculan los vectores intermedios.
  - Se aplica la **fusión** funcional pura.
  - Lazy Computation Pipeline



### Forzando la construcción del resultado

Sin los pasos intermedios

```
computeS :: (Target r2 e, Load r1 sh e)
=> Array r1 sh e -> Array r2 sh e
```

Calcular de manera secuencial

- Compila a un ciclo secuencial sobre el vector.
- El cuerpo del ciclo tiene el equivalente a  $(\lambda x > x^2 + 1)$



# **Arreglos diferidos**

#### Operación sin datos

Con una forma y una función de índices a valores

- Función se aplica sobre los índices noten el pattern matching.
- El vector Diferido no se evalúa inmediatamente.
- Se puede pedir un elemento específico –
   se evalúa la función en ese momento sobre ese índice.

```
> a ! (Z:.5)
```



Floyd-Warshall sobre grafos densos

- Representaremos grafos con matrices de adyacencia
  - Arreglo de dos dimensiones indizado por vértices.
  - Cada elemento es la longitud del camino entre ambos vértices.
- Definiremos un par de aliases para los tipos

```
type Weight = Int
type Graph r = Array r DIM2 Weight
```



Programación dinámica vectorizada

```
shortestPaths :: Graph U -> Graph U
shortestPaths g0 = go g0 0
 where
  Z :. _ :. n = extent g0
   go !g !k | k == n = g
            | otherwise =
      let g' = computeS $ fromFunction (Z:.n:.n) sp
      in go g' (k+1)
        where
          sp (Z:.i:.j) = min (g ! (Z:.i:.j))
                             (g ! (Z:.i:.k) +
                              g ! (Z:.k:.j))
```

- El número de vértices se determina con pattern matching.
- go es recursiva de cola y estricta en ambos argumentos arreglo acumulador y vértice a procesar.



#### Fast and curious

El programa principal construye grafos densos

Compilamos y corremos

```
$ ghc -02 --make fw
```

Si se dispone del backend LLVM, tanto mejor

```
$ ghc -02 --make fw -fllvm
```



### Can I has faster?

#### Fast and serious

- El tamaño del vector es conocido, por tanto es posible dividir con precisión la carga de cómputo entre varios núcleos.
- El vector está dispuesto linealmente y contiguo en memoria, por tanto se maximiza la coherencia del caché de cada núcleo.
- Sólo hay que cambiar la función de manifestación

• Cualquier monad – sólo interesa la la garantía de secuenciación.



# Return of the Identity

... porque todo este código es puro

- Modificaciones triviales al código
  - runIdentity para la llamada auxiliar.
  - return para el grafo final.
  - Usar un bloque do para el let/in.
- Compilar y ejecutar con múltiples núcleos



### **Catamorfismos Vectorizados**

#### Acumulación de resultados

Cálculo de folds homogéneos sobre vectores – secuencial y paralelo.

- Si los contenidos son numéricos...
  - sumS y sumP vector con suma de filas.
  - sumAllS y sumAllP suma de todos los elementos.



## Aún más rápido...

Warp speed, Mr. GPU

- Un GPU moderno usualmente es uno o dos órdenes de magnitud más potente para cálculo numérico.
- El GPU emplea un modelo de cómputo notablemente diferente a la combinación CPU/FPU.
  - Muchísimas unidades de procesamiento más lentas que el CPU.
  - Todas ejecutan exactamente la misma instrucción simultáneamente.
  - Deben programarse de manera diferente al CPU/FPU.
- CUDA y OpenCL son lenguajes de programación específicos muy bajo nivel, detalles de operación, compilador especial...



### **Accelerate**

#### Data.Array.Accelerate

- Accelerate es un lenguaje de dominio específico (EDSL) embebido en Haskell.
  - Comparte conceptos con REPA arreglos, forma, índices.
  - Folds y operaciones más complejas.
- Se escribe Haskell con instrucciones estilizadas para GPU.
- Compilable e interpretable probar cosas desde GHCi.
- Data.Array.Accelerate construir cómputos.
- Data.Array.Accelerate.Interpreter interpretarlos cuando no se cuenta con un GPU.
- Backends para emitir CUDA y enviarlo al GPU.



## Arreglos e índices

#### Similares a REPA

Los arreglos no requieren representación explícita

```
data Array sh e
```

La forma y los índices se expresan igual que en REPA

```
data Z = Z
data tail :. head = tail :. head
```

Los vectores se pueden construir de manera similar

```
fromList :: (Shape sh, Elt e)
=> sh -> [e] -> Array sh e
```



# Ejecutando cómputos con Accelerate

Run, Forrest! Run!

Un cómputo acelerado que produce valores de tipo a

```
run :: Array a => Acc a -> a
```

- run de Data. Array. Accelerate. Interpreter pruebas.
- run de Data.Array.Accelerate.CUDA GPU.
- Acc representa el contexto de cómputo

```
use :: Arrays arrays => arrays -> Acc arrays
```

permite "inyectar" vectores desde Haskell hasta el contexto.



# Un cómputo acelerado simple

Para comparar con REPA

```
> let arr = fromList (Z:.3:.5) [1..] :: Array DIM2 Int
> run $ map (+1) (use arr)
Array (Z :. 3 :. 5) [2,...,16]
```

- El run particular interpreta o ejecuta en CUDA.
- En el código real, debería calificar run y map.



## Este map es curioso

Porque debe llevar cómputo al GPU

```
map :: (Shape ix, Elt a, Elt b)
=> (Exp a -> Exp b)
-> Acc (Array ix a)
-> Acc (Array ix b)
```

- Acc indica que el vector de entrada y de salida son cómputos en el contexto Accelerate.
- Exp indica que el valor de entrada y de salida son calculados en el contexto Accelerate.
- Accelerate provee una instancia Num (Exp a) usar constantes y operaciones numéricas directamente.



#### Vectores dentro de Acc

Porque fromList es muy caro

Vectores con valor idéntico

```
fill :: (Shape sh, Elt e)
=> Exp sh -> Exp e -> Acc (Array sh e)
```

Hay que suministrar la firma de tipos como en REPA

```
> run $ fill (index2 3 3) 42 :: Array DIM2 Int
Array (Z :. 3 :. 3) [42,...,42]
```



#### Vectores dentro de Acc

Porque fromList es muy caro

Vectores desde enumeraciones

• Hay que suministrar la firma de tipos como en REPA



#### Vectores dentro de Acc

#### Porque fromList es muy caro

Vectores generados a partir de los índices

```
generate :: (Shape ix, Elt a)
=> Exp ix
-> (Exp ix -> Exp a)
-> Acc (Array ix a)
```

Hay que suministrar la firma de tipos como en REPA

unlift asiste en tomar valores dentro de un Exp.



Ajustando la representación

```
type Weight = Int32
type Graph = Array DIM2 Weight
```

- Accelerate está particularmente optimizado para los tipos nativos usaremos Int32
- Ajustamos para vectores Accelerate eliminar la representación interna.



Paso a paso

- Se procesa el k−ésimo nodo Scalar Int
- Usamos unlift para extraer de Exp.
- Usamos the para convertir Scalar Int en Exp e.
- Con index2 construimos un subíndice por partes.



Composición de pasos

```
shortestPathsAcc :: Int -> Acc Graph -> Acc Graph
shortestPathsAcc n g0 = foldl1 (>->) steps $ g0
   where
    steps :: [ Acc Graph -> Acc Graph ]
   steps = [step (unit (constant k)) | k <- [0..n-1]]</pre>
```

- Lista de pasos
  - Aplicación paracial de step a cada nodo currying.
  - m constant y unit para construir un Acc (Scalar e)
- Pipeline Operator (>->)

```
(>->) :: (Arrays a, Arrays b, Arrays c)
=> (Acc a -> Acc b) -> (Acc b -> Acc c)
-> Acc a -> Acc c
```

Conecta cómputos Acc indicando que no hay que conservar datos intermedios – consumo de memoria casi constante.

Ejecutando la transformación

```
shortestPaths :: Graph -> Graph
shortestPaths g0 = run (shortestPathsAcc n (use g0))
where
Z :. _ :. n = arrayShape g0
```

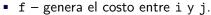
- run interpretar o enviar a CUDA según la librería en uso.
- use para llevar el vector al contexto Acc.
- arrayShape opera en contexto puro fuera de Acc.



El programa principal - el generador

```
main = do
 (n: ) <- fmap (fmap read) getArgs
 print (run
   (let g :: Acc Graph
        g = generate (constant (Z:.n:.n) :: Exp DIM2)
                     f
        f :: Exp DIM2 -> Exp Weight
        f ix = let i,j :: Exp Int
                 Z:.i:.j = unlift ix
               in
                 A.fromIntegral j +
                 A.fromIntegral i *
                 constant (Prelude.fromIntegral n)
```

■ g – genera el vector que representa un grafo denso.





El programa principal – el procesador

```
...
in
A.foldAll (+) (constant 0) (shortestPathsAcc n g)))
```

• foldAll - catamorfismo en Accelerate

```
foldAll :: (Shape sh, Elt a)
=> (Exp a -> Exp a -> Exp a) -> Exp a
-> Acc (Array sh a) -> Acc (Scalar a)
```

- g se ejecuta una vez generada.
- Separación entre la generación de cómputos y la evaluación.

Accelerate es un compilador — Acc construye el AST y run emite código



## Una comparación apurada...

Porque son las 08:50 y aún estoy haciendo láminas

REPA secuencial con LLVM

```
$ ghc -02 --make -fllvm -rtsopts fws

$ fws +RTS -s -RTS 2000

Total time 102.76s (102.74s elapsed)

Productivity 99.5% of total user
```



## Una comparación apurada...

Porque son las 08:50 y aún estoy haciendo láminas

REPA secuencial con LLVM

```
$ ghc -02 --make -fllvm -rtsopts fws

$ fws +RTS -s -RTS 2000

Total time 102.76s (102.74s elapsed)

Productivity 99.5% of total user
```

REPA paralelo con LLVM sobre cuatro núcleos

```
$ ghc -02 --make -threaded -fllvm -rtsopts fwp

$ fwp +RTS -N -s -RTS 2000

Total time 196.83s (53.14s elapsed)

Productivity 98.2% of total user
```



## Una comparación apurada...

Porque son las 08:50 y aún estoy haciendo láminas

REPA secuencial con LLVM

```
$ ghc -02 --make -fllvm -rtsopts fws

$ fws +RTS -s -RTS 2000

Total time 102.76s (102.74s elapsed)

Productivity 99.5% of total user
```

REPA paralelo con LLVM sobre cuatro núcleos

```
$ ghc -02 --make -threaded -fllvm -rtsopts fwp
$ fwp +RTS -N -s -RTS 2000
Total time 196.83s (53.14s elapsed)
Productivity 98.2% of total user
```

Accelerate sobre CUDA – los núcleos están libres.

```
$ ghc -02 --make -threaded -rtsopts fwa
$ fwa +RTS -s -RTS 2000
Total time 43.59s (43.56s elapsed)
Productivity 65.4% of total user
```

## Quiero saber más...

- Documentación de Data.Array.Repa
- Documentación de Data.Array.Accelerate

