English Version

Cerca nel Blog

Statistica con R



Esercizi di statistica descrittiva e di verifica delle ipotesi risolti e commentati con R

Home Indice degli esercizi Links utili e libri Proponi un articolo

domenica 16 novembre 2008

Test di Wilcoxon dei ranghi con segno

Confronto delle medie tra 2 gruppi di campioni appaiati, metodo non parametrico.

Il sindaco di una città vuole verificare se i livelli di inquinamento si riducono chiudendo le strade del centro al traffico. A tal fine viene misurato il tasso di inquinamento ogni 60 minuti (dalle 8 alle 22: totale di 15 rilevazioni) in una giornata in cui il traffico è aperto, e in una giornata di chiusura al traffico. Ecco di seguito i valori di inquinamento atmosferico:

Con traffico: 214, 159, 169, 202, 103, 119, 200, 109, 132, 142, 194, 104, 219, 119, 234 Senza traffico: 159, 135, 141, 101, 102, 168, 62, 167, 174, 159, 66, 118, 181, 171, 112

Siamo di fronte a dati appaiati, perché esiste un vincolo tra le rilevazioni, consistente nel fatto che stiamo considerando la stessa città (con le sue peculiarità atmosferiche, ventilazione, etc.) seppure in due differenti giorni. Non potendo supporre una distribuzione gaussiana per i valori rilevati, dobbiamo procedere con un test non parametrico, il test di Wilcoxon dei ranghi con segno.

```
> a = c(214, 159, 169, 202, 103, 119, 200, 109, 132, 142, 194, 104, 219,
119, 234)
> b = c(159, 135, 141, 101, 102, 168, 62, 167, 174, 159, 66, 118, 181, 171,
112)
>
```

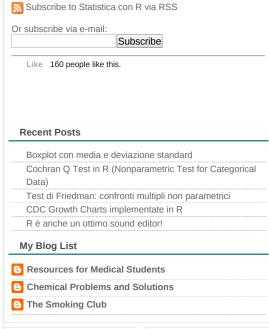
Wilcoxon signed rank test

> wilcox.test(a,b, paired=TRUE)

data: a and b $V = 80, \; p\text{-value} = 0.2769$ alternative hypothesis: true location shift is not equal to 0

Essendo il p-value maggiore di 0.05, significa che le medie delle rilevazioni sono sostanzialmente rimaste inalterate (accettiamo l'ipotesi H0), quindi bloccare il traffico per un solo giorno non ha portato a nessun miglioramento per quanto riguarda l'inquinamento della città.

Il valore V=80 corrisponde alla somma dei ranghi assegnati alle differenze con segno positivo. Con qualche acrobatismo matematico, possiamo calcolare manualmente la somma dei ranghi assegnati alle differenze con segno positivo, e la somma dei ranghi assegnati alle differenze con segno negativo, per confrontare questo intervallo con l'intervallo tabulato sulle tavole di Wilcoxon per campioni appaiati, e confermare la nostra decisione statistica. Ecco come fare per calcolare le due somme.





Tag Cloud

Algebra Lineare Algoritmo
di Strassen Analisi dell
trend Analisi della

opravvivenza Analisi delle varianze



Post più letti

Indice degli esercizi svolti

Regressione lineare

Regressione lineare multivariata

I test di verifica di normalità

Analisi della sopravvivenza: curve di Kaplan-Meier e modello di Cox

Test di analisi di omogeneità della varianza

```
> a = c(214, 159, 169, 202, 103, 119, 200, 109, 132, 142, 194, 104, 219,
119, 234)
> b = c(159, 135, 141, 101, 102, 168, 62, 167, 174, 159, 66, 118, 181, 171,
112)
> diff = c(a - b) #calcolo il vettore contenente le differenze tra tutti i
valori di a e i valori di b
> diff.rank = rank(abs(diff)) #assegno i ranghi alle differenze calcolate
prima, prese in valore assoluto; la funzione abs(x) dà in output il valore
> diff.rank.sign = diff.rank * sign(diff) #do il segno ai ranghi,
richiamando i segni dei valori delle differenze
> ranghi.pos = sum(diff.rank.sign[diff.rank.sign > 0]) #calcolo la somma dei
ranghi assegnati alle differenze con segno positivo, ossia maggiori di zero
> ranghi.neg = -sum(diff.rank.sign[diff.rank.sign < 0]) #calcolo la somma
dei ranghi assegnati alle differenze con segno negativo, ossia minori di
zero, cambiando di segno il risultato, che sarebbe logicamente negativo
> ranghi.pos #chiamo il risultato: esso corrisponde al valore V calcolato
con il wilcox.test
[1] 80
> ranghi.neg #chiamo il risultato
[1] 40
```

L'intervallo calcolato è (40, 80). L'intervallo tabulato sulle tavole di Wilcoxon per campioni appaiati, con 15 differenze è (25, 95). Poiché l'intervallo calcolato è contenuto nell'intervallo tabulato, accettiamo l'ipotesi H0 di uguaglianza delle medie. Come preannunciato dal pvalue, la chiusura delle strade al traffico non ha apportato alcun miglioramento in termini di

NOTA.

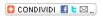
Il test di Wilcoxon dei ranghi con segno prevede la NON assegnazione del rango a quelle differenze pari a zero. Pertanto con il metodo illustrato, si avrebbero risultati falsati, in quanto anche a differenze pari a zero, viene assegnato un rango. Si consiglia pertanto di verificare sempre i contenuti dei vari vettori che vengono calcolati. Se qualcuno ha tempo, può provare a costruire una funzione con le sequenza di calcoli da me utilizzata, aggiungendo la condizione di eliminare dall'assegnazione dei ranghi quelle differenze pari a zero. Io per ora non ho tempo, ma magari in futuro scriverò una funzione completamente automatizzata.

EDIT.

La risposta al dubbio espresso nella nota è molto più semplice di quanto avessi previsto! Per eliminare le differenze pari a zero dal calcolo, è sufficiente aggiungere la seguente istruzione:

```
diff <- diff[ diff != 0 ]</pre>
e il gioco è fatto!
```

Etichette: Campioni appaiati, Due campioni, Test di Wilcoxon



Articoli Correlati:

- Repeated measures ANOVA: confronto tra gruppi di misure ripetute
- Test di Wilcoxon dei ranghi con segno
- Test t di verifica della media di due campioni appaiati
- Test di Wilcoxon-Mann-Whitney della somma dei ranghi
- Test t a due campioni #2
- Test t a due campioni #1
- Cochran Q Test in R (Nonparametric Test for Categorical Data)
- Test di Friedman: confronti multipli non parametrici

ANOVA a NOVA a due vie Bernoulli CA Campioni appaiati Campioni indipendenti CDC Choropleth map Cluster Analysis Cochran Q

test Cochran-Mantel-Haenszel Confronti multipli Correlazione curve di Kaplan-Meier Dataframe Diagramma a torta Diamond chart Distribuzione binomiale Distribuzione F-Due campioni Editor Excel

For..To..Do Friedman test Funzioni di R ggplot2 Google Analytics Google Chart API Grafici Growth charts Hierarchical Clustering IEEE-754 If..Then..Else Immagini InkBlot graph Latin Squares Design Log-rank test Matrici McNemar test Modello di Cox Odd-ratio Omoschedasticità OR Ortogonale p-value Partitional clustering Più campioni Post-hoc tests

Probabilità Quadrati latini Regressione

Regressione lineare multipla Regressione logistica Regressione polinomiale Regressione segmentale Repeated measures ANOVA Residui Stagionalità Standardizzazione Suoni T-test Tabelle di contingenza Test del chiquadro Test di Armitage Test di Bartlett Test di Cox-Stuart Test di Fligner-Killeen Test di Kendall Test di Kruskal-Wallis Test di Levene Test di Pearson Test di Spearman Test di verifica di normalità Test di Wilcoxon Test F di Fisher Trend

analysis Un campione

Verifica di proporzioni

Welch test Z-test

ANOVA a due vie

Repeated measures ANOVA: confronto tra gruppi di misure ripetute

Ouando le assunzioni dell'ANOVA sono violate: tests e post-hoc tests

Cluster Analysis in R #1: Hierarchical Clustering

Contact me at:

todoslogos @ GMail .com

Blog Archive

febbraio 2014 (1)

ottobre 2011 (2)

settembre 2011 (2)

agosto 2011 (2)

giugno 2011 (1) novembre 2010 (1)

ottobre 2010 (5)

settembre 2010 (1)

luglio 2010 (1)

giugno 2010 (1)

aprile 2010 (1)

febbraio 2010 (2)

gennaio 2010 (1)

dicembre 2009 (3)

settembre 2009 (1) agosto 2009 (10)

luglio 2009 (15)

novembre 2008 (16)

Blog's reader info



