

Lezione 12

Fisica I – Ingegneria Automazione e Informatica
Università di Napoli "Federico II"
prof. Nicola R. Napolitano

Riepilogo della lezione precedente

- 1) Lavoro della forza elastica
- 2) Lavoro di forze esterne
- 3) Conservazione dell' energia totale di un sistema
- 4) Energia potenziale e forze conservative
- 5) Energia Potenziale della forza gravitazionale

In questa lezione

- 1) Rivediamo il potenziale gravitazionale
- 2) quantità di moto e sua conservazione
- 3) Impulso
- 4) Urti (introduzione)

Conservazione Energia Meccanica

energia cinetica ed energia potenziale:

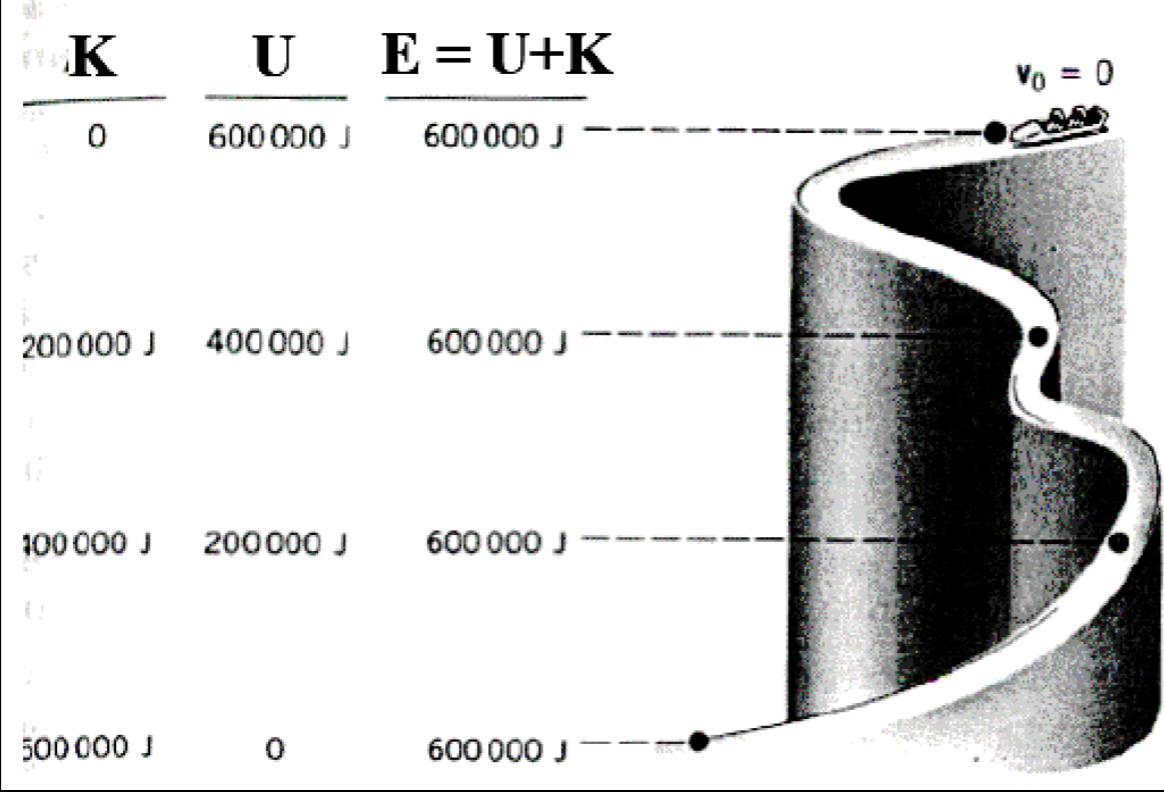
- ✖ quantità molto legate tra loro
- ✖ entrambe esprimono il **lavoro** fatto per andare tra due punti A e B

$$L(A \rightarrow B) = \frac{1}{2}mv_B^2 - \frac{1}{2}mv_A^2 = K_B - K_A$$

$$L(A \rightarrow B) = -(U(B) - U(A)) = U(A) - U(B)$$

$$K_B - K_A = U(A) - U(B)$$

$$K_B + U(B) = U(A) + K_A$$



corpo in caduta:

a mano a mano che diminuisce di quota

- ✖ aumenta **velocità**
- ✖ diminuisce **energia potenziale**

è come se l' energia potenziale si trasformasse in energia cinetica

$$E_{\text{mecc}} \underset{\text{def}}{=} K + U$$

energia meccanica

*in un sistema isolato in cui agiscono solo forze conservative l'**energia meccanica** di un corpo si conserva in ogni punto della traiettoria*

[N.B. da qui nasce il termine **forze conservative**]

esempi: conservazione energia meccanica

in una cascata:



← **energia potenziale gravitazionale**
del sistema acqua – Terra
si converte in
← **energia cinetica** acqua

in un salto:

in salita:

converto
energia cinetica in
energia potenziale



in discesa:

converto
energia potenziale in
energia cinetica

Sistema Isolato:

3 differenti tecniche per calcolare il lavoro

1 definizione

$$L = \int_{l(A,B)} \overline{F} \cdot \overline{ds}$$

processo di integrazione in più dimensioni
(spesso complesso o
non risolvibile analiticamente)

2 teorema lavoro - energia cinetica (per corpo puntiforme)

$$L = \frac{1}{2}mv_B^2 - \frac{1}{2}mv_A^2$$

banale se si conoscono
velocità iniziale e finale

3 mediante energia potenziale (per forze conservative)

$$L = -(U(B) - U(A))$$

devo sapere **solo** ed **esclusivamente**
il valore dell' energia potenziale
nei due punti A e B

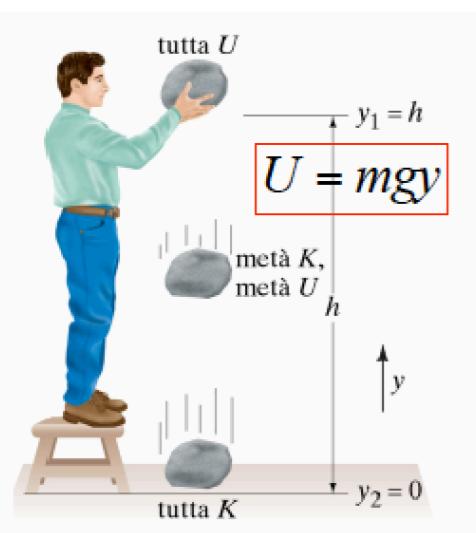
**NON tutte le forze
conservano l' energia meccanica !!!**



Forze Conservative e NON

➤ **forze conservative:**

lavoro compiuto è immagazzinato in **forma di energia** (detta **potenziale**) che può essere liberata successivamente



- posso definire energia potenziale U
- $U = f(y)$ $L = -\Delta U$
- si conserva energia meccanica

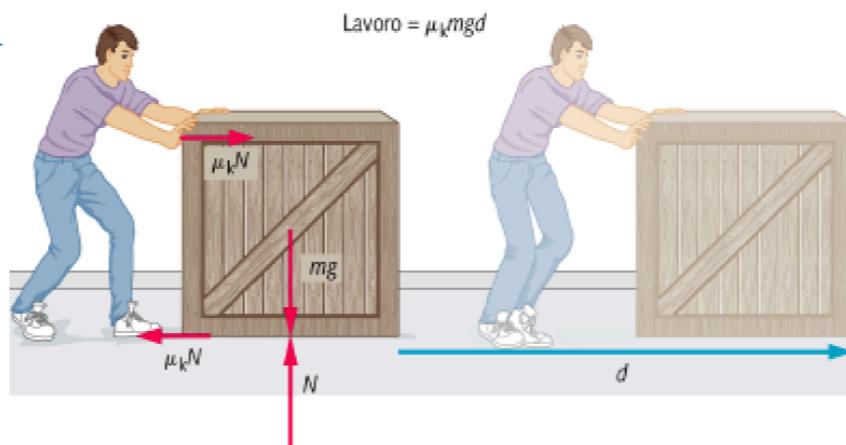
$$E_{mecc} = K + U = \text{costante}$$

$$L_{cons} = -\Delta U = \Delta K$$

$$\Delta(K + U) = \Delta E_{mecc} = 0$$

➤ **forze NON conservative:**

lavoro compiuto **NON** può essere recuperato come energia cinetica ma è trasformato in altra forma di energia (**esempio**: calore, rumore, ...)



- **NON** posso definire energia potenziale U
- **NON** si conserva energia meccanica

Strategia per risoluzione problemi

[sistema isolato e **NON**]

1) Applico il principio di conservazione dell' energia:

1. definisco il sistema (uno o più oggetti)
2. determino se si ha trasferimento di energia attraverso il contorno del sistema.
se sì: sistema **NON** isolato
se no: sistema isolato
3. se il sistema è **isolato**:
scelgo posizione di riferimento per energia potenziale gravitazionale e per energia potenziale elastica
4. individuo eventuali forze non conservative

$$\Delta E_{sistema} = \sum_i H_i$$
$$\Delta E_{sistema} = 0$$

H_i = tutte le forme di energia trasferite al sistema compreso il lavoro



equazione di continuità

$$\Delta E_{sistema} = L + Q + E_{OM} + E_{TM} + E_{TE} + E_{RE}$$

5. ricordo che se sono presenti attrito o forza di resistenza dell' aria
energia meccanica NON si conserva
6. se ho solo **forze conservative**:

$$E_{mecc} = K + U = \text{costante}$$

7. in presenza di **forze NON conservative** E_{mecc} non si conserva.:

$$E_{sistema} = \text{costante} = K + U + E_{int}$$

è dovuta a forze **NON conservative !!**

- 2) Applico **teorema forze vive:**

$$\Delta K = \sum L_{forzeattive}$$

× potenziale gravitazionale

$$\vec{F} = -G \frac{m_1 m_2}{r^2} \hat{r} \approx -\frac{1}{r^2}$$
 è **conservativa** \Rightarrow ammette **potenziale**

$$U_f - U_i = - \int_{r_i}^{r_f} F(r) dr = G m_1 m_2 \int_{r_i}^{r_f} \frac{1}{r^2} dr = G m_1 m_2 \left[-\frac{1}{r} \right]_{r_i}^{r_f}$$

$$U_f - U_i = -G m_1 m_2 \left(\frac{1}{r_f} - \frac{1}{r_i} \right)$$

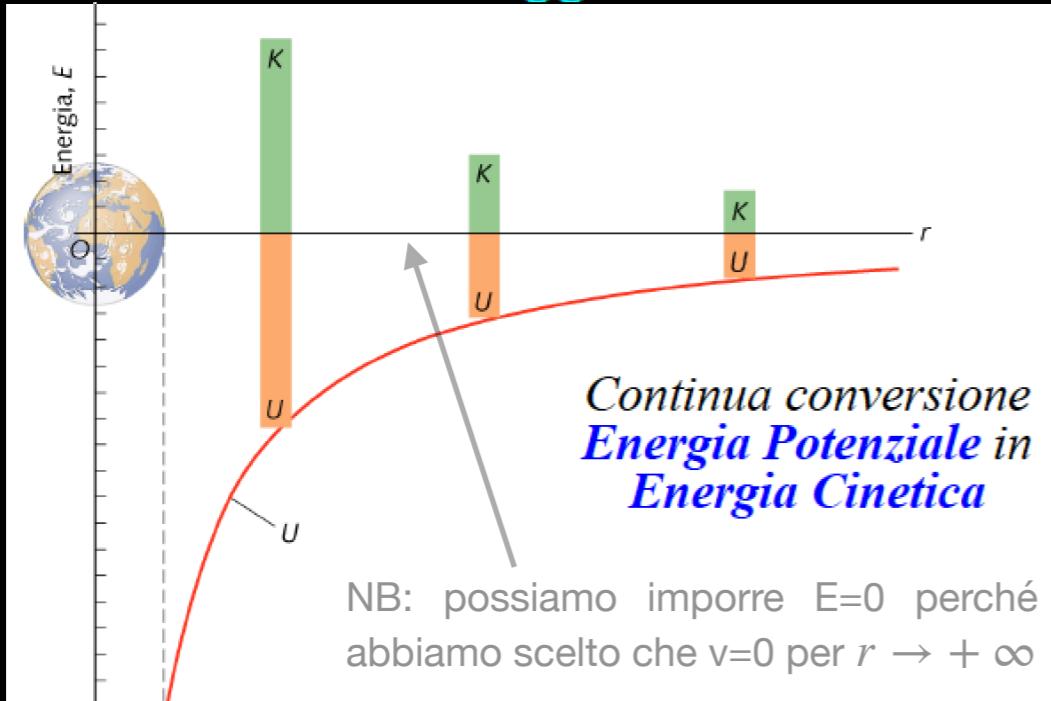
se scelgo come riferimento
 $r_i = \infty$ e quindi $U_i = 0$

$$U(r) = -\frac{G m_1 m_2}{r} \approx -\frac{1}{r}$$
 è **negativo**
(forza attrattiva)

N.B. in prossimità della superficie terrestre:

$$\Delta U_g = -GM_T m \left(\frac{1}{r_f} - \frac{1}{r_i} \right) = GM_T m \left(\frac{r_f - r_i}{r_f r_i} \right) = GM_T m \frac{\Delta y}{R_T^2} = mg\Delta y$$

**Applicazione: Energia Potenziale e Cinetica
di oggetto che cade verso la Terra** [$v_i = 0$, r_i molto grande]



velocità di caduta del proiettile

$$E_{mecc,i} = E_{mecc,f}$$
$$-\frac{GM_T m}{r_i} = \frac{1}{2}mv_f^2 - \frac{GM_T m}{R_T}$$

applicazioni: velocità di fuga

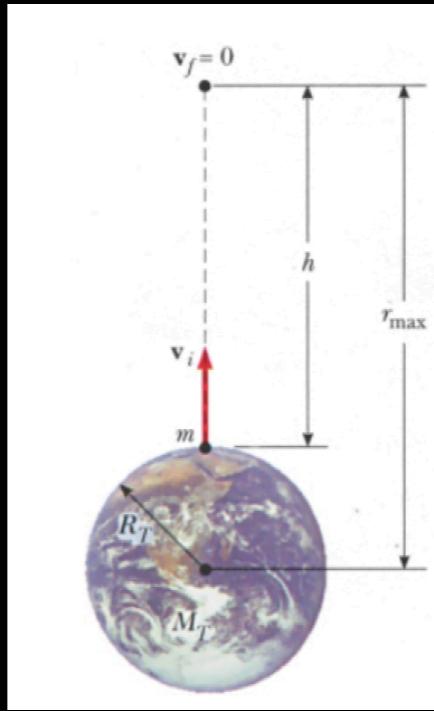
$$E_{mecc} = K + U = \text{costante}$$

in generale il proiettile:

- ▶ **rallenta** (converte K in U , h aumenta)
- ▶ **si arresta** ($K = 0$, $E_{mecc} = U$)
- ▶ **ricade** (converte U in K , h diminuisce)

esiste un valore **minimo** di v_i per cui il proiettile **non** torna indietro

proiettile lanciato in aria
massa **m**, velocità **v_i**



$$v_f = \sqrt{\frac{2GM_T}{R_T}} = 11200 \text{ m/s} = 11.2 \text{ km/s}$$

$$E_{mecc,i} = E_{mecc,f}$$

$$\frac{1}{2}mv_i^2 - \frac{GM_T m}{R_T} = -\frac{GM_T m}{r_{\max}} \Rightarrow v_i^2 = 2GM_T \left(\frac{1}{R_T} - \frac{1}{r_{\max}} \right)$$

$v_{fuga} =$ **velocità minima** che il corpo deve avere per continuare a muoversi **allontanandosi sempre**

$$v_i \xrightarrow[r_{\max} \rightarrow \infty]{} v_{fuga}$$

$$v_{fuga} = \sqrt{\frac{2GM_T}{R_T}}$$

Pianeta	v_f (km/s)
Terra	11.2
Luna	2.3
Sole	618
Marte	5.0
Giove	60

NON dipende da **massa oggetto!!**
[è la stessa per **molecola** o **navicella spaziale**]

Link: [Teoria cinetica dei gas, composizione atmosfera](#)

Ricerca Analitica di una Forza

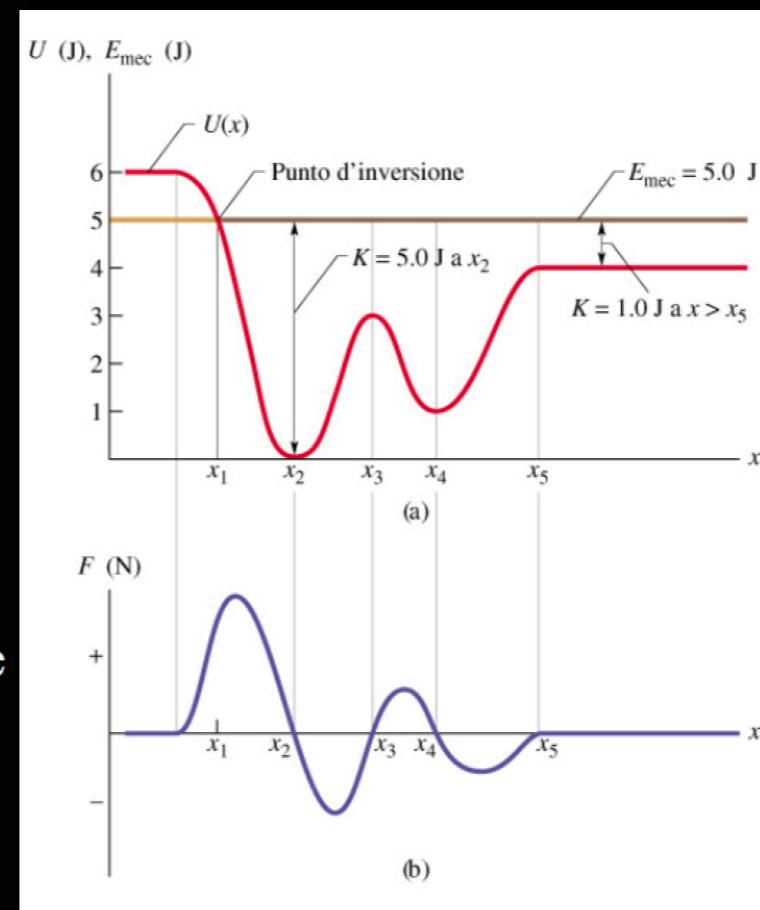
Il lavoro fatto da una **forza conservativa** è pari alla **variazione di energia potenziale** fra punto iniziale e finale del percorso

$$L = -(U(B) - U(A)) = -\Delta U$$

$$L = F(x) \Delta x$$

$$F(x) = -\frac{\Delta U}{\Delta x}$$
$$F(x) = -\frac{dU}{dx}$$

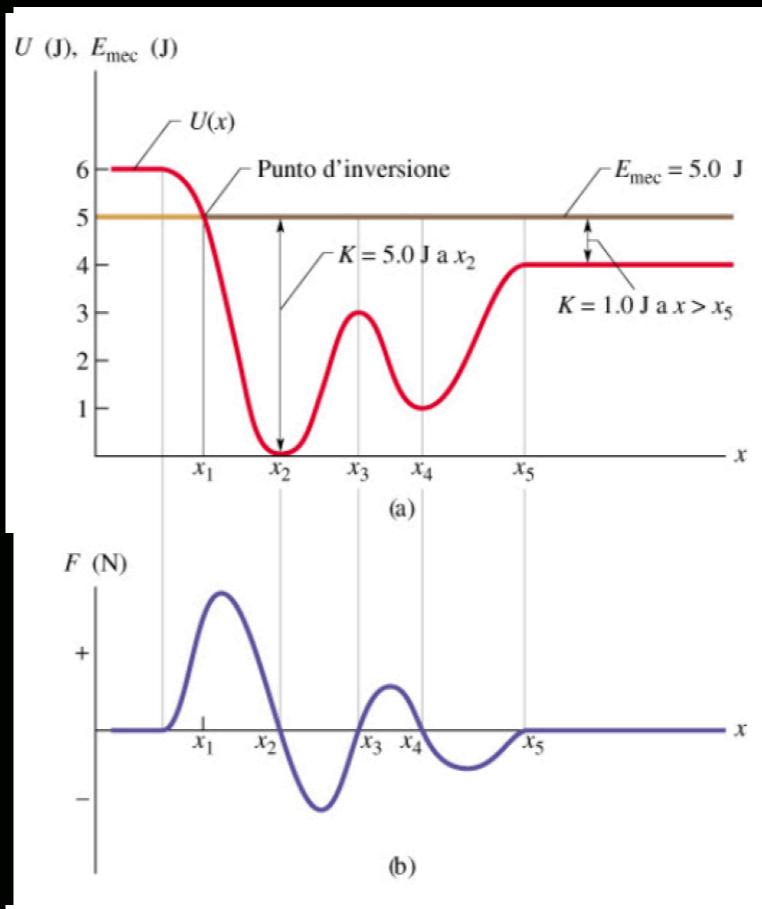
una **forza conservativa** è uguale alla **derivata cambiata di segno** dell'**energia potenziale**



Ricerca Analitica di una Forza

$$F(x) = -\frac{\Delta U}{\Delta x}$$
$$F(x) = -\frac{dU}{dx}$$

una **forza conservativa** è uguale alla **derivata cambiata di segno** dell'**energia potenziale**



$$E_{mec} = K(x) + U(x)$$

= costante

$$K(x) = E_{mec} - U(x)$$

sistema in **equilibrio**:

$$F(x) = 0$$

$x > x_5$ eq. indifferente (U cost)

$x = x_2$ eq. stabile (U min)

$x = x_4$ eq. stabile (U min)

$x = x_3$ eq. instabile (U max)

- 1) Se l'energia potenziale è costante, la forza è nulla (esempio pratico?)
- 2) Se l'energia potenziale decresce, la forza aumenta (esempio? se la forza aumenta cosa succede alla cinematica? Il principio di conservazione dell'energia meccanica è rispettato?)
- 3) Se l'energia potenziale cresce, la forza diminuisce (esempio come sopra)
- 4) Se il potenziale ha un minimo o un massimo, per definizione la sua derivata cambia direzione e così fa la forza...ossia la forza cambia il segno

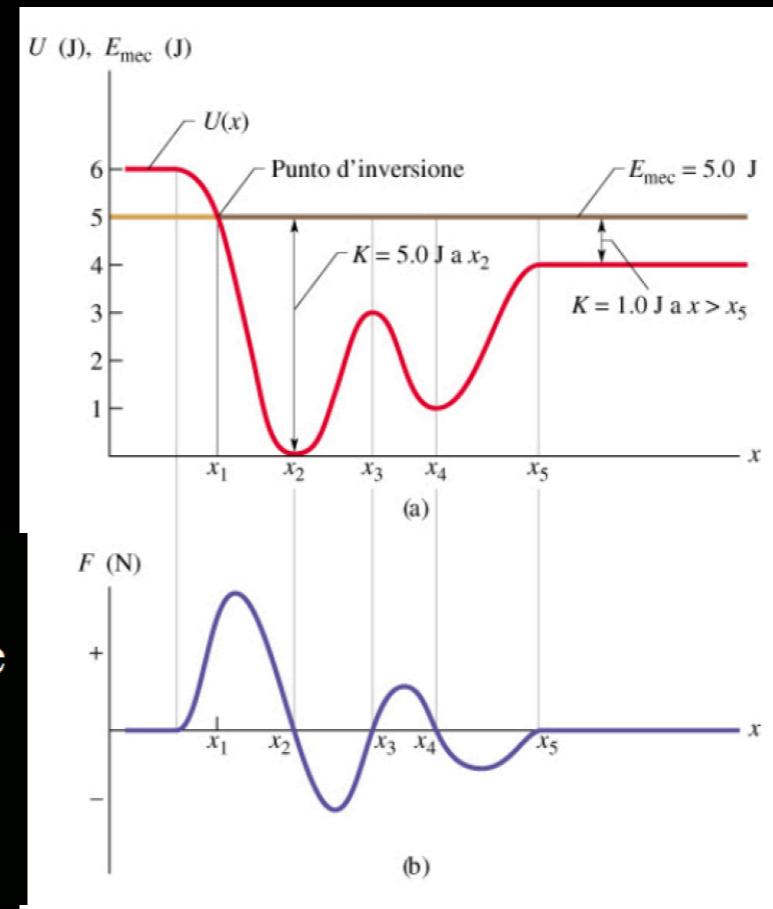
Nel minimo di U abbiamo $F=0$, $F>0$ per $x < x_{\min}$ e $F<0$ per $x > x_{\min}$ Eq. STABILE

Nel massimo di U abbiamo $F=0$, $F<0$ per $x < x_{\max}$ e $F>0$ per $x > x_{\max}$ Eq. INSTABILE

Inversioni

$$F(x) = -\frac{\Delta U}{\Delta x}$$
$$F(x) = -\frac{dU}{dx}$$

una **forza conservativa** e' uguale alla **derivata cambiata di segno** dell'**energia potenziale**



$$E_{mec} = K(x) + U(x)$$

= costante

$$K(x) = E_{mec} - U(x)$$

sistema in **equilibrio**:

$$F(x) = 0$$

$x > x_5$ eq. indifferente (U cost)

$x = x_2$ eq. stabile (U min)

$x = x_4$ eq. stabile (U min)

$x = x_3$ eq. instabile (U max)

NB che deve sempre valere il principio di conservazione dell'energia meccanica.
Nel caso in figura (ossia un sistema con energia meccanica totale minore del massimo della U)

$$E = K + U = 1/2mv^2 + U$$

In $x < x_1$ tuttavia l'energia cinetica $K = 1/2mv^2 = E - U < 0$ quindi non è possibile superare x_1 da destra verso sinistra perché il sistema non ha abbastanza energia.

Il corpo ha un'inversione e ritorna indietro.

Quantità di Moto

$$\begin{array}{l} \text{quantità} \\ \text{di moto} \end{array} \quad = \quad \text{massa} \cdot \text{velocità}$$

def

- ✖ definizione
non relativistica
($v \ll c$)

$$\vec{p} = m\vec{v}$$

- ✖ grandezza **vettoriale**

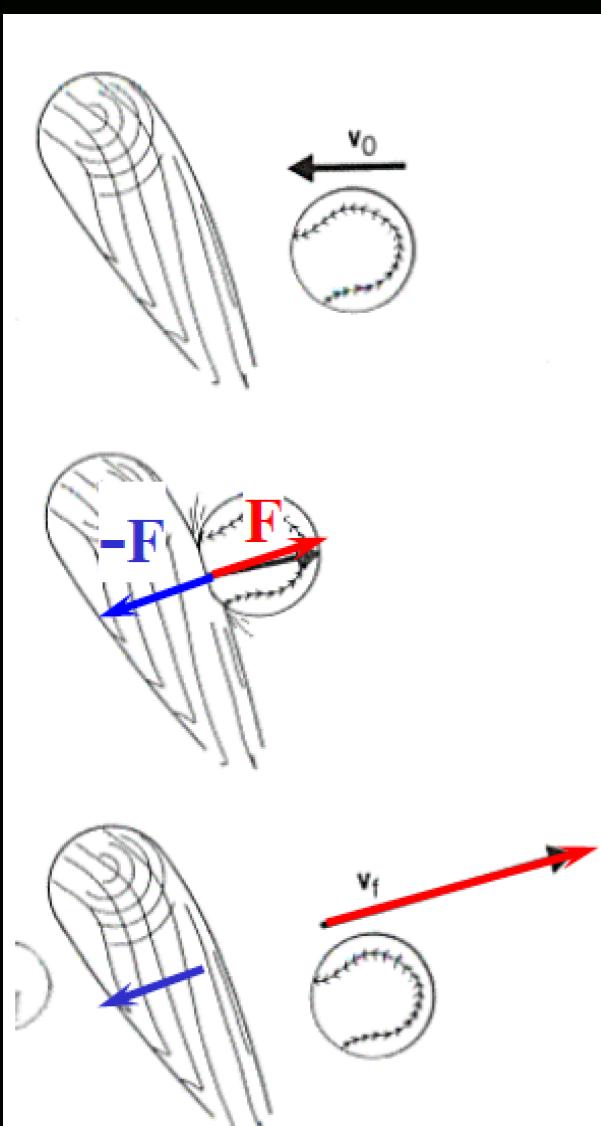
$$\begin{cases} p_x = mv_x \\ p_y = mv_y \\ p_z = mv_z \end{cases}$$

- ✖ **dimensioni e unità** di misura

$$[p] = [M] \cdot \frac{[L]}{[T]} \Rightarrow kg \cdot \frac{m}{s}$$

Quantità di Moto

E' una quantità molto importante negli urti



- ✖ palla su mazza da baseball
- ✖ palla subisce grande **variazione** di **velocità in tempo brevissimo** (≈ 0.01 s)
 - ⇒ grande accelerazione
 - ⇒ **elevata forza media** su palla ($\approx 10^3$ N)
- ✖ per principio **azione e reazione**: mazza risente di forza uguale ed opposta
 - ⇒ velocità mazza ridotta a causa della grande massa del bastone

esempio: variazione della quantità di moto

- definizione
non relativistica
($v \ll c$)

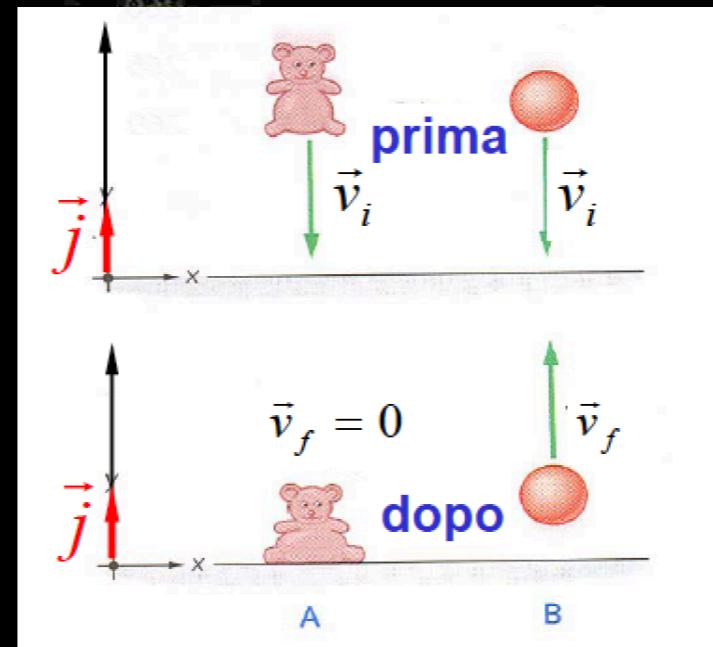
$$\vec{p} = m\vec{v}$$

- grandezza vettoriale

$$\begin{cases} p_x = mv_x \\ p_y = mv_y \\ p_z = mv_z \end{cases}$$

- dimensioni e unità di misura

$$[p] = [M] \cdot \frac{[L]}{[T]} \Rightarrow kg \cdot \frac{m}{s}$$



$$m = 0.1 \text{ kg}$$

$$v_i = 4.0 \text{ m/s}$$

$$\Delta \vec{p} = ?$$

$$m = 0.1 \text{ kg}$$

$$v_f = 0 \text{ m/s} \quad \text{orsetto}$$

$$v_f = 4.0 \text{ m/s} \quad \text{palla}$$

orsetto :

$$\Delta \vec{p} = \vec{p}_f - \vec{p}_i = 0 - (-mv_i \vec{j}) = +mv_i \vec{j} = (0.1 \text{ kg} \times 4.0 \text{ m/s}) \vec{j} = 0.4 \text{ kg m/s } \vec{j}$$

palla :

$$\Delta \vec{p} = \vec{p}_f - \vec{p}_i = mv_f \vec{j} - (-mv_i \vec{j}) = +2mv_i \vec{j} = 0.8 \text{ kg m/s } \vec{j} = 2 \times \Delta \vec{p}_{\text{orsetto}}$$

Attenzione: \vec{p} è una grandezza vettoriale !!!

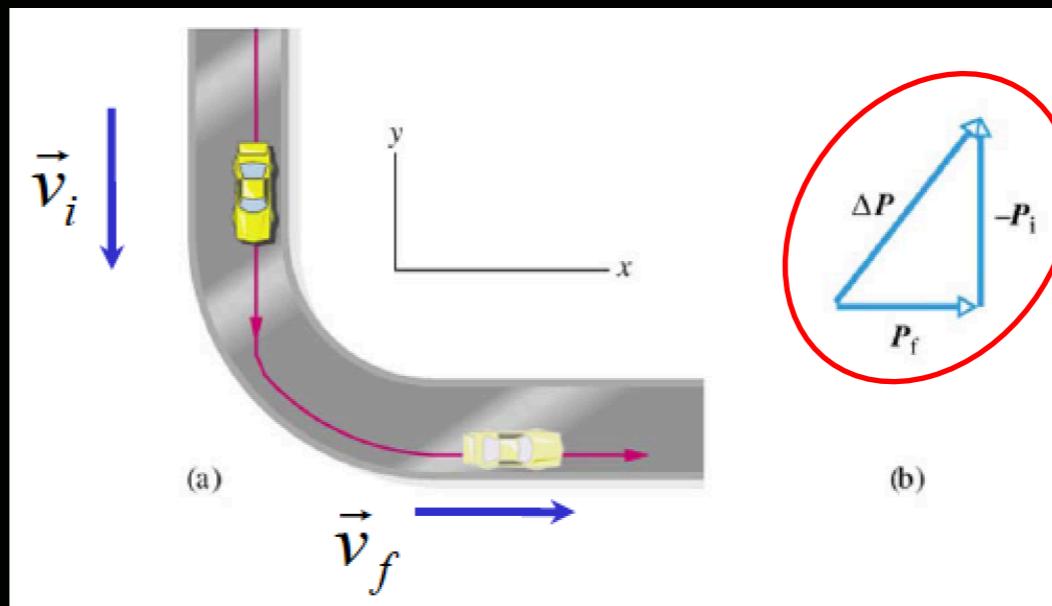
esempio: pista automobili giocattolo

$$m = 2.0 \text{ kg}$$

$$v_i = 0.50 \text{ m/s}$$

$$v_f = 0.40 \text{ m/s}$$

$$\Delta \vec{p} = ?$$



$$\vec{p}_i = (2.0 \text{ kg})(-0.50 \text{ m/s})\vec{j}$$

$$\vec{p}_f = (2.0 \text{ kg})(0.40 \text{ m/s})\vec{i}$$

$$\Delta \vec{p} = \vec{p}_f - \vec{p}_i$$

$$= (2.0 \text{ kg})(0.40 \text{ m/s})\vec{i} - (2.0 \text{ kg})(-0.50 \text{ m/s})\vec{j}$$

$$= (0.8 \vec{i} + 1.0 \vec{j}) \text{ kg m/s}$$

$$\vec{p} = m\vec{v}$$

p permette di distinguere fra
particelle pesanti e leggere
con stessa velocità

$$\vec{p} = m\vec{v}$$

p permette di distinguere fra particelle pesanti e leggere con stessa velocità

esempio:

$$\begin{aligned} v &= 10 \text{ m/s} \\ m_{\text{palla-bowling}} &>> m_{\text{palla-tennis}} \\ \Rightarrow p_{\text{palla-bowling}} &>> p_{\text{palla-tennis}} \end{aligned}$$

esempio:

un camion e una palla da ping-pong si muovono alla stessa velocità $v = 2 \text{ m/s}$.
Da quale dei due è preferibile essere investiti ?





$$\left. \begin{array}{l} m_{\text{bambina}} = 18 \text{ kg} \\ v_{\text{bambina}} = 3 \text{ m/s} \end{array} \right\} P_{\text{bambina}} = 54 \text{ kg m/s}$$

a che **velocità** dovrebbe andare il giocatore per avere la stessa quantità di moto?



$$m_{\text{giocatore}} = 100 \text{ kg}$$

$$P_{\text{giocatore}} = P_{\text{bambina}}$$

$$m_{\text{giocatore}} v_{\text{giocatore}} = m_{\text{bambina}} v_{\text{bambina}}$$

$$v_{\text{giocatore}} = \frac{m_{\text{bambina}}}{m_{\text{giocatore}}} v_{\text{bambina}} = 54 \text{ cm/s}$$

Seconda legge di Newton

sistemi a **massa costante**

$$\sum \vec{F} = m\vec{a}$$

sistemi a **massa variabile**

$$\sum \vec{F} = \frac{d\vec{p}}{dt}$$

esempio di sistemi a massa variabile:

- ▶ razzo che espelle combustibile
- ▶ palla di neve che rotolando si ingrossa
- ▶ camion che si riempie d'acqua mentre viaggia con la pioggia

N.B. se $m = \text{costante}$ ritrovo **II legge di Newton**

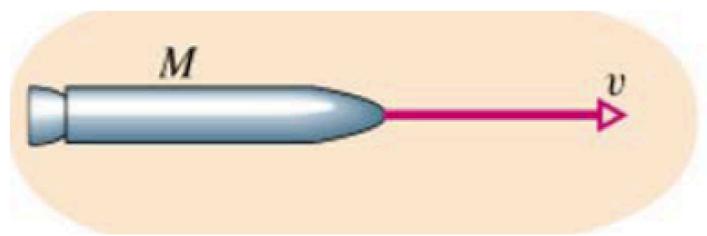
$$\sum \vec{F} = \frac{d\vec{p}}{dt} = \frac{d(m\vec{v})}{dt} = m \frac{d\vec{v}}{dt} = m\vec{a}$$

*la quantità di moto di un sistema si conserva
se sul sistema non agiscono forze esterne*

$$\sum \vec{F} = 0 \Rightarrow \frac{d\vec{p}}{dt} = 0 \Rightarrow \vec{p} = \text{costante}$$

[I Legge di Newton – Principio di Inerzia]

esempi: conservazione quantità di moto

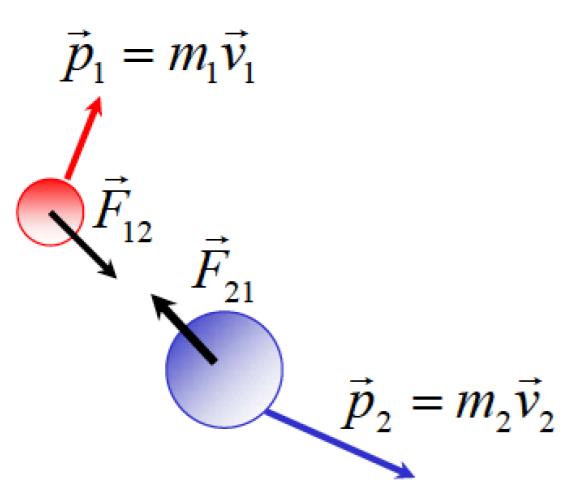


un **razzo** a motori spenti procede nello spazio
[lontano da sorgenti gravitazionali]



imponenti **petroliere** possono percorrere
fino a **10 km** dopo che i motori sono stati spenti

Sistema di due particelle: conservazione quantità di moto



- ✖ sistema **isolato**
(non ci sono forze esterne al sistema)
- ✖ sistema di 2 particelle **interagenti**
[es. forza interna = gravità]

$$\vec{F}_{12} = -\vec{F}_{21} \quad \text{principio di azione e reazione} \Rightarrow \sum \vec{F} = \vec{F}_{12} + \vec{F}_{21} = 0$$

$$\frac{d(\vec{p}_1 + \vec{p}_2)}{dt} = 0 \quad \Rightarrow \quad \vec{p}_{tot} = \vec{p}_1 + \vec{p}_2 = \text{costante}$$

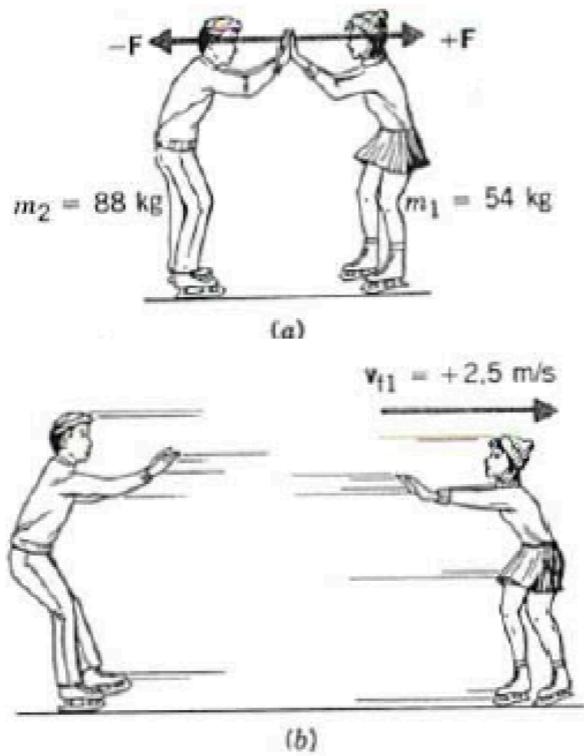
$$\vec{p}_{1i} + \vec{p}_{2i} = \vec{p}_{1f} + \vec{p}_{2f}$$
$$\Leftarrow \quad p_{ix} = p_{fx} \quad p_{iy} = p_{fy} \quad p_{iz} = p_{fz}$$

conservazione della quantità di moto:

- ✖ la **quantità di moto totale**
di due particelle isolate interagenti si conserva
- ✖ la quantità di moto totale di un **sistema isolato** è uguale
in ogni istante alla quantità di moto iniziale

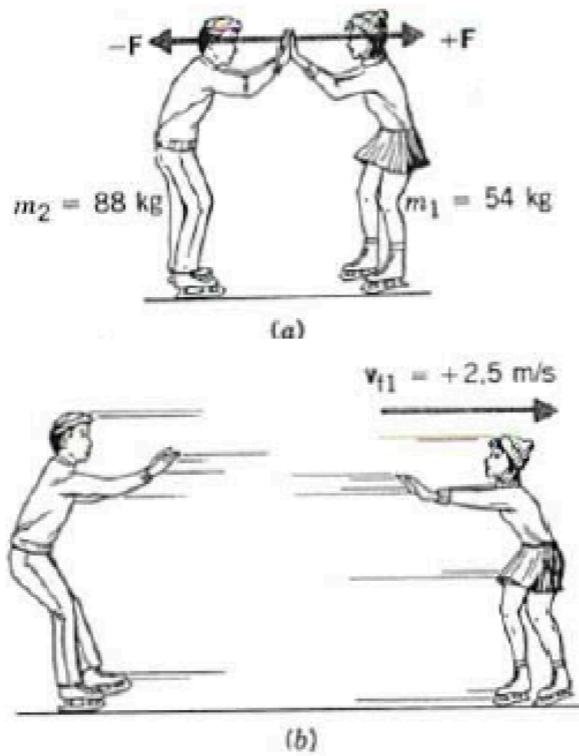
esempi: conservazione quantità di moto

2 pattinatori [su ghiaccio]



esempi: conservazione quantità di moto

2 pattinatori [su ghiaccio]



$$\vec{p}_i = \vec{p}_f$$

$$0 = m_1 v_{f1} + m_2 v_{f2}$$

$$v_{f1} = -\frac{m_2}{m_1} v_{f2}$$

rinculo [su superficie senza attrito]



$$0 = m_1 v_{f1} + m_2 v_{f2}$$

$$v_{f1} = -\frac{m_2 v_{f2}}{m_1}$$

rinculo del fucile [dopo lo sparo]

$$m_P = 20g, \quad m_F = 5.0kg$$

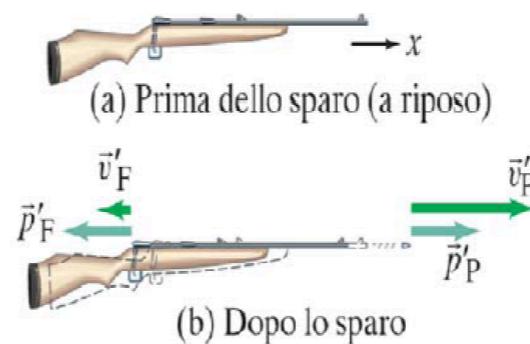
$$v_P = 620m/s$$

$$\vec{p}_i = \vec{p}_f$$

$$0 = m_P v_P + m_F v_F$$

$$v_F = -\frac{m_P v_P}{m_F}$$

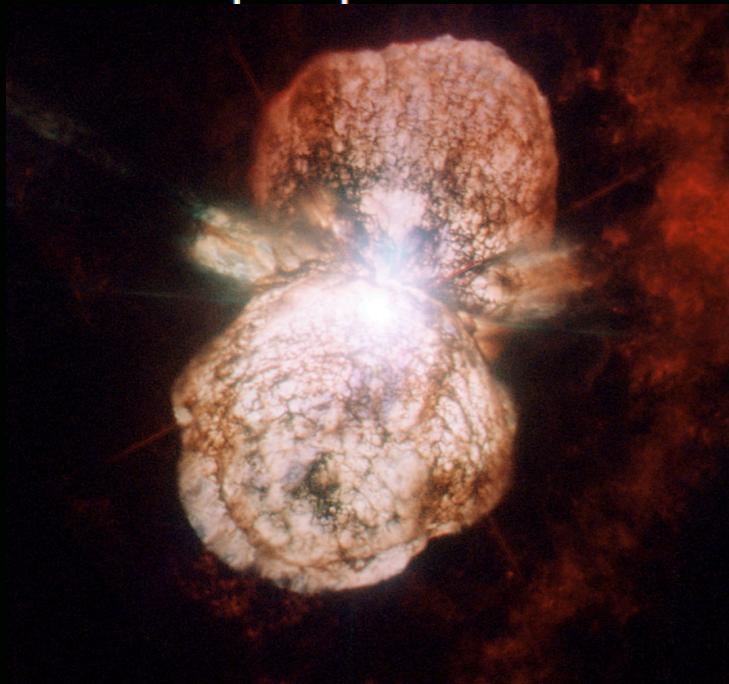
$$= -\frac{0.02kg \times 620m/s}{5.0kg} = -2.5m/s$$



secondo voi è una grande velocità?

esempi: conservazione quantità di moto esplosione di una stella

foto da
telescopio spaziale Hubble

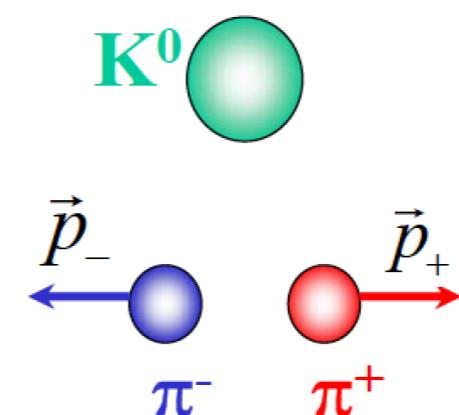


esplosione violenta
di Eta Carinae (1841):

produzione de **lobi simmetrici**
[con dimensioni pari a
nostro sistema solare!!!]
che emettono materia
in versi opposti

⇒ la **quantità di moto** della stella
è rimasta **immutata** dopo l'esplosione

decadimento di un **kaone** in quiete



$$K^0 \rightarrow \pi^+ + \pi^-$$

$$\vec{p}_f = \vec{p}_i = 0$$

$$\vec{p}_f = \vec{p}_+ + \vec{p}_- = 0$$

$$\vec{p}_+ = -\vec{p}_-$$

propulsione nel vuoto:

come fa un **razzo** o un **astronauta** a spostarsi nel vuoto ?

[cioè in assenza di attrito]

⇒ con la **conservazione** di **p** !!!!

M = massa sistema (**M+M'**)

V = velocità sistema (**V+V'**)

M' = massa astronauta

V' = velocità dell'astronauta

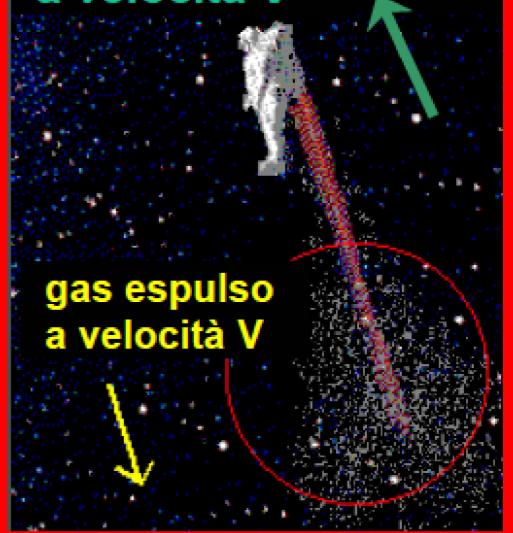
M' = massa carburante

V' = velocità dei gas espulsi

astronauta fermo
V=0



astronauta si muove
a velocità **V**



motori spenti accendo i motori

conservazione
quantità di moto →

$$MV=0$$

$$(V=0 \text{ e } V=0)$$

$$MV+M'V'=0$$

$$V \neq 0 \Rightarrow V' \neq 0$$

Impulso e Quantità di Moto

$$\vec{F} = \frac{d\vec{p}}{dt}$$

seconda legge di Newton:
la quantità di moto varia se sulla particella agisce una forza

$$d\vec{p} = \vec{F} dt$$

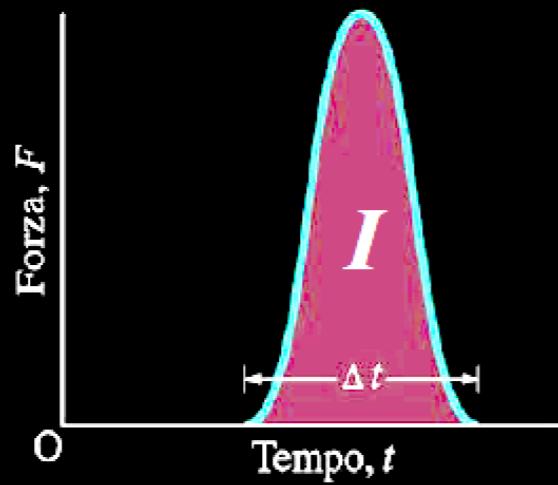
$$\Delta\vec{p} = \vec{p}_f - \vec{p}_i = \int_{t_i}^{t_f} \vec{F} dt$$

$$\vec{I} = \underset{\text{def}}{\int_{t_i}^{t_f}} \vec{F} dt = \Delta\vec{p}$$

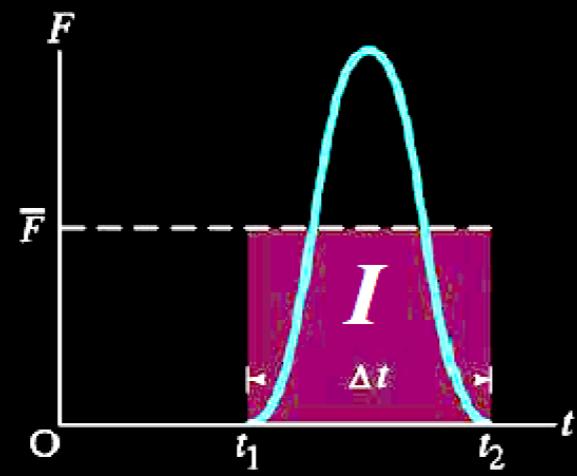
Teorema dell' impulso:

*l' **impulso** di una forza
(integrale della forza nell'intervallo di tempo)
è pari alla **variazione** della **quantità di moto***

$$[I] = [p] = [M][L/T]$$



F può variare nel tempo
 $I = \text{area}$ sotto la curva forza-tempo

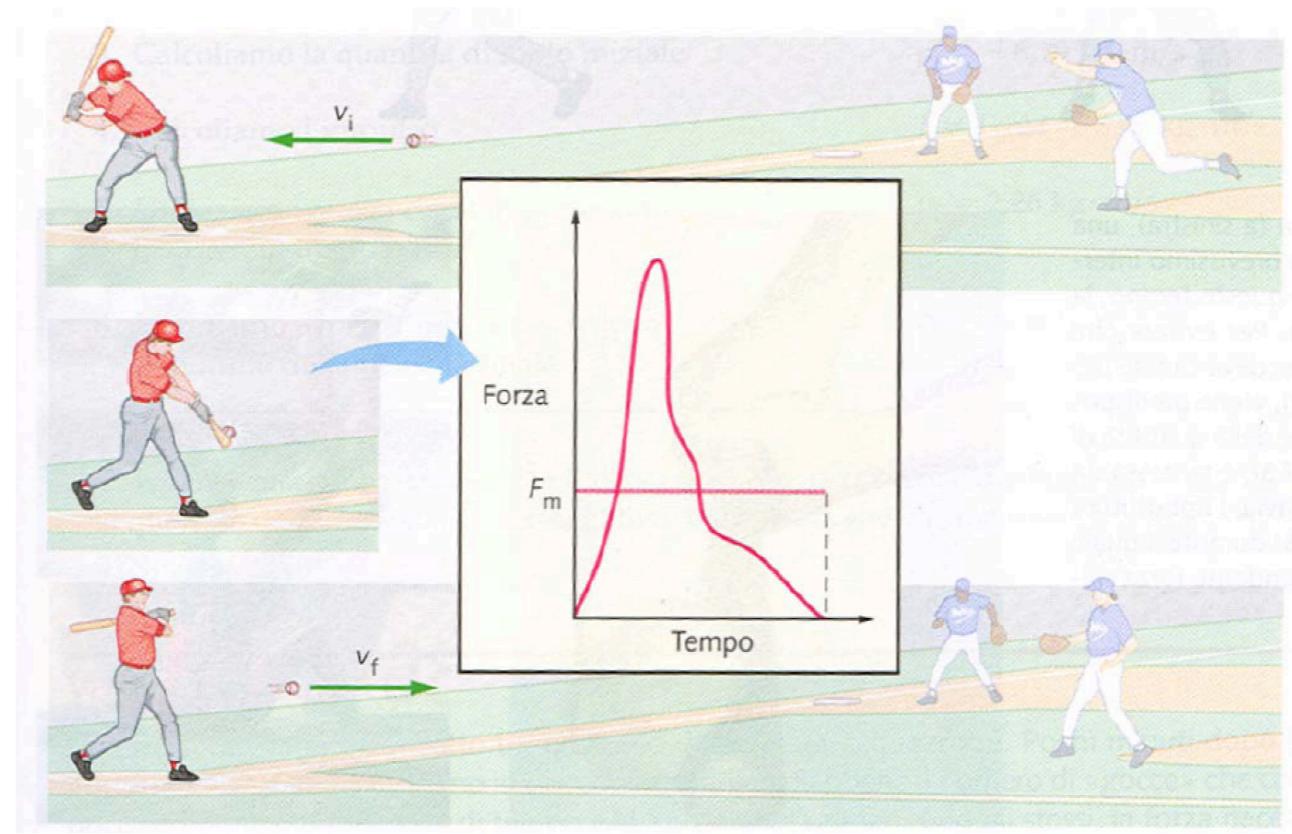


$$\bar{F} \stackrel{\text{def}}{=} \frac{1}{\Delta t} \int_{t_i}^{t_f} \vec{F} \, dt \quad \text{forza media}$$

$\vec{I} = \Delta \vec{p} = \bar{F} \Delta t$
 stesso impulso
 impresso da
 forza variabile

esempio:

la forza tra due oggetti che urtano ha spesso un **andamento complicato** e **difficilmente descrivibile**



Il **concetto di impulso** è utile quando una delle forze agenti sulla particella agisce

- per **breve tempo**
- con **intensità elevata**

**Forza
impulsiva**

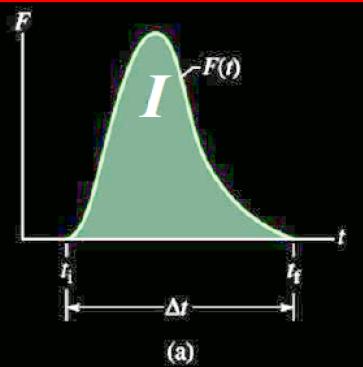
forze impulsive sono tipiche dei processi di **urto** [di durata brevissima]

esempio:
palla su mazza da baseball

$$\Delta t \approx 0.01 \text{ s} \quad v \sim 20 \text{ m/s}$$
$$\langle F \rangle \sim 200 \text{ N}$$

$$F_g = mg \approx (100 \text{ g}) (9.8 \text{ m/s}^2) = (0.1 \text{ kg}) (9.8 \text{ m/s}^2) \approx 1 \text{ N}$$

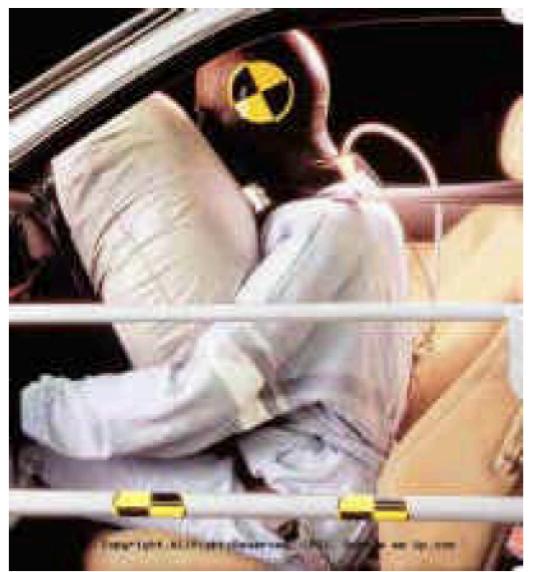
$\langle F \rangle \gg F_g \Rightarrow$ trascuro ogni variazione di velocità legata a forza di gravità



approssimazione impulsiva:

→ trascuro gli effetti delle altre forze ←
[piccoli durante la breve durata di azione delle forze intense]

applicazione: air bag



$$\Delta p = \bar{F} \Delta t$$

variazione
quantità di moto
dell'auto

air-bag:

induce variazione quantità di moto
in **intervallo** di **tempo più lungo**

- ⇒ riduce **picco** di intensità della **forza**
- ⇒ riduce **traumi**

applicazione: guantoni da pugile



$$\Delta p = \bar{F} \Delta t$$

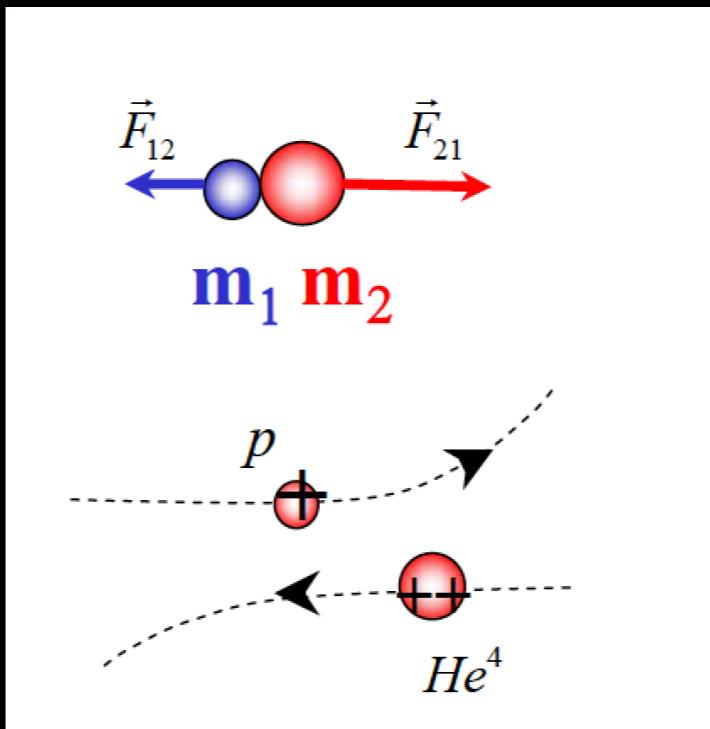
i guantoni aumentano tempo
durante il quale la forza
è applicata alla testa

- ⇒ riduce **picco** di intensità della **forza**
- ⇒ riduco **accelerazione** del cranio
- ⇒ riduco **traumi**

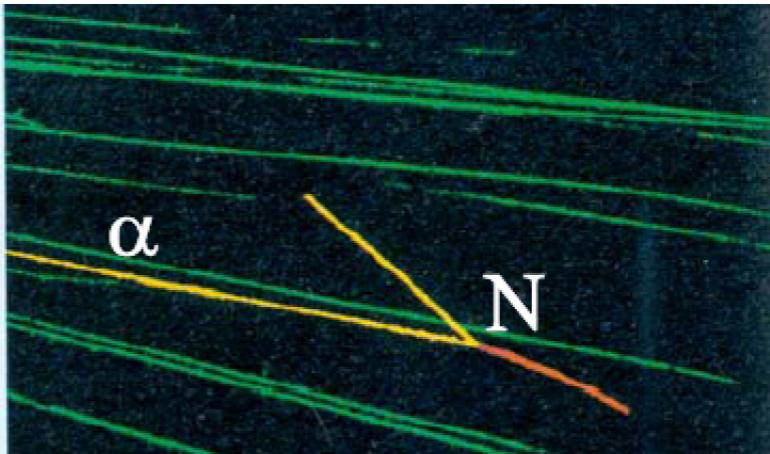
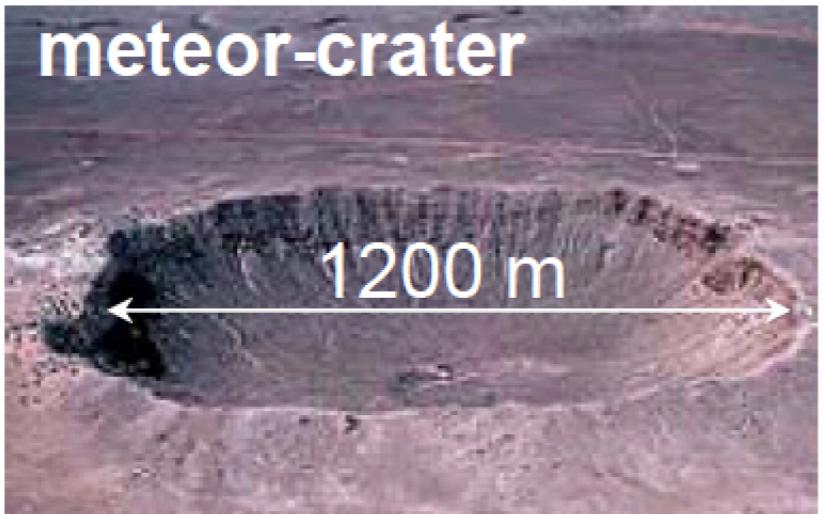
Urti

urto: evento **isolato** nel quale una **forza** relativamente **intensa** agisce per un **tempo** relativamente **breve** su due o più corpi in contatto tra loro
[**approssimazione impulsiva:** trascurro forze esterne]

- ✗ risultato di un **contatto fisico**
- ✗ risultato di una **interazione** tra particelle



Urti su scale diverse



eSEMPIO: forza su auto durante un urto

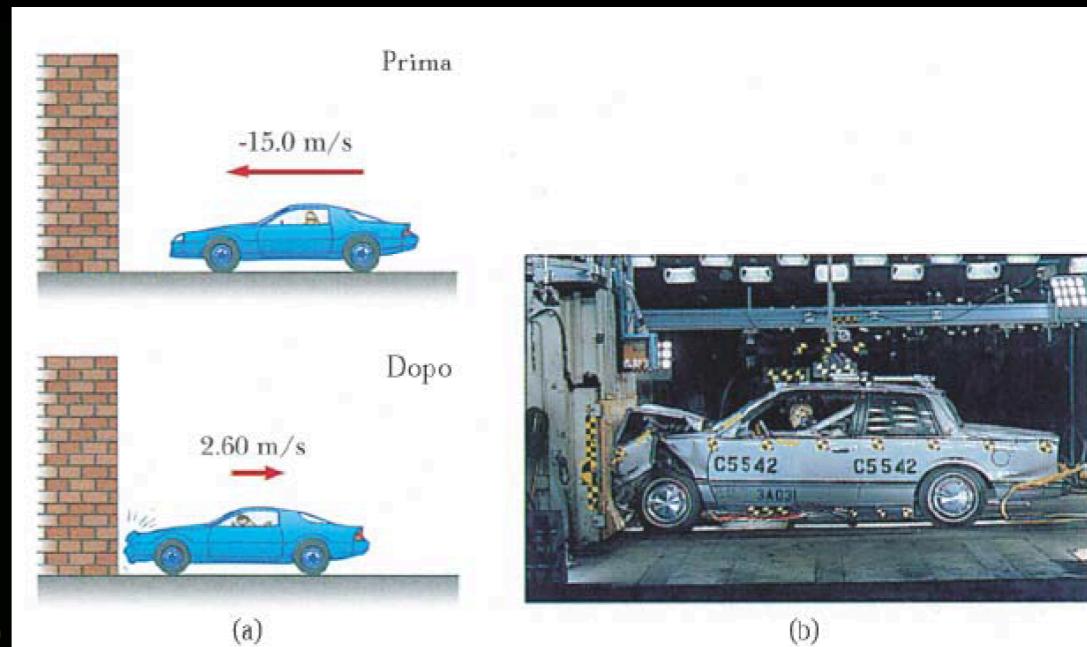
In un test d'urto, un'auto di massa $m=1500 \text{ kg}$ urta contro un muro.

velocità iniziale è $\mathbf{v}_i = -15.0 \mathbf{i} \text{ m/s}$

velocità finale è $\mathbf{v}_f = 2.60 \mathbf{i} \text{ m/s}$.

durata urto $\Delta t = 0.150 \text{ s}$

determinare **impulso** dovuto all'urto e **forza media** esercitata sull'auto



$$\vec{p}_i = m\vec{v}_i = (1500 \text{ kg})(-15.0 \text{ m/s})\vec{i} = -2.25 \cdot 10^4 \vec{i} \text{ kg m/s}$$

$$\vec{p}_f = m\vec{v}_f = (1500 \text{ kg})(2.6 \text{ m/s})\vec{i} = 0.39 \cdot 10^4 \vec{i} \text{ kg m/s}$$

$$I = \Delta \vec{p} = \vec{p}_f - \vec{p}_i = (0.39 \cdot 10^4 \vec{i} \text{ kg m/s}) - (-2.25 \cdot 10^4 \vec{i} \text{ kg m/s})$$

$$= 2.64 \cdot 10^4 \vec{i} \text{ kg m/s}$$

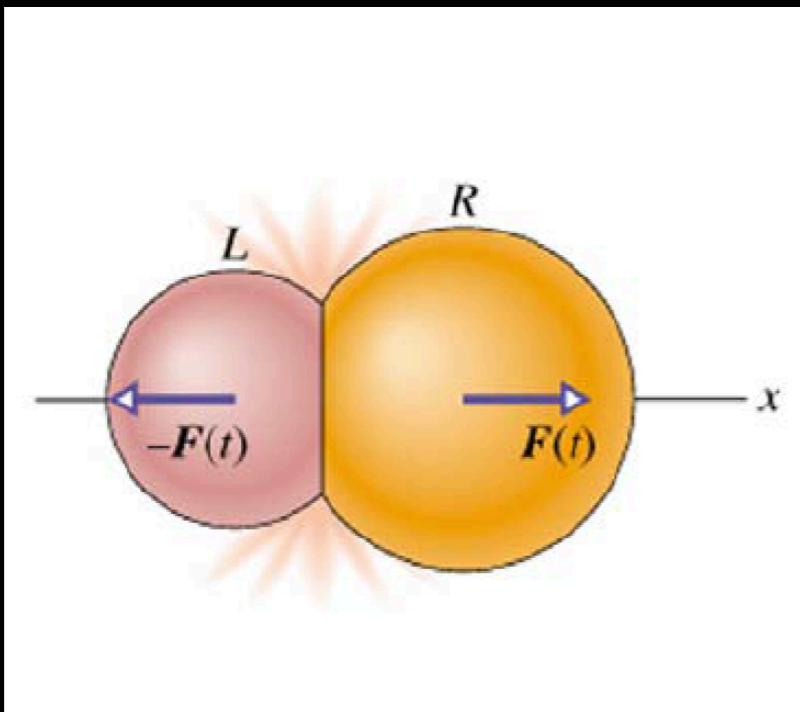
Forza media esercitata sull'auto:

$$\bar{F} = \frac{\Delta \vec{p}}{\Delta t} = \frac{2.64 \cdot 10^4 \vec{i} \text{ kg m/s}}{0.150 \text{ s}} = 1.76 \cdot 10^5 \vec{i} \text{ N}$$



Quantità di Moto negli Urti

*per ogni tipo di urto
la quantità di moto totale si conserva*



L esercita su R forza $F(t)$

R esercita su L forza $-F(t)$

$F(t)$ e $-F(t)$ sono
coppia di forze **azione e reazione:**

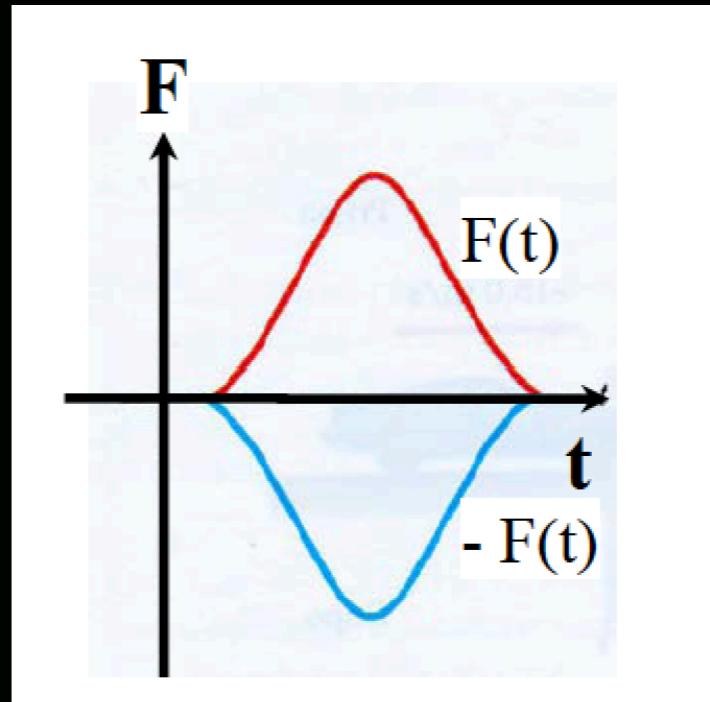
- ✖ intensità **varia nel tempo**
- ✖ intensità è **uguale** istante per istante

$$\Delta p_R = \int_{t_i}^{t_f} F(t) dt$$

$$\Delta p_L = \int_{t_i}^{t_f} (-F(t)) dt$$

$$\Delta p_R = -\Delta p_L$$

$$\Delta p_R + \Delta p_L = 0$$



$$\vec{p} = \vec{p}_R + \vec{p}_L = costante$$

→ le **forze impulsive** sono **interne** al sistema,
quindi **NON influenzano** la quantità di moto totale