Laboratorio di algoritmi e strutture dati

Docente: Violetta Lonati

Giovedì 13 ottobre 2016

1 Esercizi introduttivi

1.1 Potenza

Scrivete una funzione avente due parametri interi b ed e che calcoli la potenza b^e .

1.2 Primo

Scrivete una funzione con parametro un intero n che stabilisca se n è un numero primo.

1.3 Somma di array

Scrivete un programma che generi a caso un array di interi e calcoli la somma dei suoi elementi: strutturate il programma usando una funzione per generare l'array e una per sommare i suoi elementi. Scrivete una variante dell'esercizio precedente per un array bidimensionale.

1.4 Garibaldi fu ferito

Scrivete un programma che legga un carattere, uno spazio e quindi una sequenza di caratteri minuscoli terminati da . e che stampi quanto ha letto dopo il primo spazio, ma sostituendo tutte le vocali con il primo carattere letto. Per farlo, usate una funzione che, dati due caratteri, restituisca il primo carattere se il secondo è una vocale minuscola, altrimenti restituisca il secondo carattere.

Esempio di funzionamento

Stringa: **u garibaldi fu ferito, fu ferito in una gamba.**gurubuldu fu furutu, fu furutu un unu gumbu

1.5 Rubrica rivisto

Modificate l'esercizio sulla rubrica usando una funzione per stampare la rubrica, una per leggere una nuova voce, una per inserire la nuova voce nell'ordine corretto.

1.6 Sequenze di Collatz

Considerate la seguente regola: dato un numero intero positivo n, se n è pari lo si divide per 2, se è dispari lo si moltiplica per 3 e si aggiunge 1 al risultato. Quando n è 1 ci si ferma.

Questa semplice regola permette di costruire delle sequenze: la sequenza che si costruisce a partire dal numero n è detta sequenza di Collatz di n. Ad esempio, la sequenza di Collatz di 7 è:

```
7 22 11 34 17 52 26 13 40 20 10 5 16 8 4 2 1
```

E' un noto problema aperto stabilire se ogni sequenza di Collatz termina (cioè, se arriva a 1).

Scrivete innanzitutto una funzione che, dato un numero, dia il successivo in una sequenza di Collatz. Quindi, inseritela in un programma che chiede all'utente un numero e mostra la sequenza di Collatz del numero (con tanto di lunghezza).

Esempi di funzionamento

```
Numero: 7
7 22 11 34 17 52 26 13 40 20 10 5 16 8 4 2 1
Lunghezza: 17
```

```
Numero: 9
9 28 14 7 22 11 34 17 52 26 13 40 20 10 5 16 8 4 2 1
Lunghezza: 20
```

2 Esercizi da svolgere in laboratorio

I seguenti esercizi vanno risolti usando la ricorsione.

2.1 Numeri di Fibonacci

I numeri di Fibonacci furono introdotti da Leonardo di Pisa, detto Fibonacci, per descrivere la crescita di una popolazione di conigli (sebbene in modo idealizzato e non plausibile dal punto di vista biologico). Per calcolare il numero di coppie di conigli nella popolazione all'*n*-esimo mese, egli fece le seguenti assunzioni: al primo mese, c'è una sola coppia di conigli; le coppie neonate diventano fertili a partire dal secondo mese di vita; ogni mese le coppie fertili generano una nuova coppia ciascuna; i conigli non muoiono mai.

Se traduciamo queste ipotesi in formule, chiamato F_n il numero di copppie di conigli presenti all'n-esimo mese, avremo $F_1 = F_2 = 1$ e, per i mesi successivi, $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$, infatti ad ogni mese avremo le coppie del mese precedente, più le nuove coppie generate dalle coppie nate due mesi prima. Il numero di coppie di conigli cresce come $1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, \ldots$

Scrivete un programma (chiamato fibonacci) che, basandosi su una funzione ricorsiva, calcoli il valore di F_n , dove n è letto come primo passo del programma.

Esempio di funzionamento	Esempio di funzionamento
4 3	7 13

Modificate il programma perchè, oltre a stampare F_n , stampi anche il numero di volte che la funzione ricorsiva viene chiamata per calcolare tale valore.

Scrivete una versione del programma che non usi la ricorsione. Prima di impostarlo, ponetevi questa domanda: di quante variabili ho effettivamente bisogno?

2.2 Fiocco di Koch

Libreria libpsgraph.c

Questo esercizio fa uso di una libreria chiamata libpsgraph.c che consente di produrre dei semplici grafici in PostScript. Per usare questa libreria dovete procedere come segue:

- create una directory;
- scaricate in essa dalla homepage del corso i file libpsgraph.c e libpsgraph.h;
- scrivete la vostra applicazione, aggiungendo in testa la direttiva

```
#include "libpsgraph.h"
```

• compilate con il comando

```
gcc -lm libpsgraph.c pippo.c -o pippo
```

dove al posto di pippo.c metterete il nome del vostro file sorgente, mentre al posto di pippo metterete il nome che volete che abbia il vostro eseguibile.

Funzioni fornite dalla libreria

La libreria vi permette di disegnare usando le funzioni della *turtlegraphics*; il disegno prodotto viene scritto in formato PostScript su un file (il cui nome dovete specificare quando iniziate a disegnare) e dopo aver eseguito il programma potete vedere il risultato aprendo il file con un opportuno viewer (ggv oppure gv, o un altro viewer che vi verrà segnalato dai tutor).

La libreria va usata così:

- per prima cosa, invocate la funzione start (nomefile) passandole il nome del file in cui volete che il grafico venga salvato, ad esempio start ("prova.ps");
- a questo punto, per disegnare potete usare le seguenti funzioni (che prendono come argomento un double):
 - draw(x): disegna un segmento lungo x millimetri;
 - move (x): si sposta (senza disegnare) di un segmento lungo x millimetri;
 - turn (x): si gira a destra di x gradi;
- alla fine, dovete invocare la funzione end ().

Ecco, ad esempio, un programma che disegna un quadrato:

```
#include "libpsgraph.h"

int main() {
          start("quadrato.ps");
          draw(50);
          turn(90);
          draw(50);
```

```
turn (90);
draw (50);
turn (90);
draw (50);
end ();
return 0;
```

Curva di Koch

Realizzate una funzione che, data una lunghezza in millimetri x e un intero i, produce la curva di Koch di ordine i e di lunghezza x. Essa è definita come segue:

- se i = 0, è un segmento di lunghezza x;
- se i > 0, è ottenuta giustapponendo quattro curve di Koch di ordine i 1 e di lunghezza x/3, come in Figura 1.

Dopo averla realizzata, verificate che funzioni (scrivendo un main che la invoca e guardando il file risultante).

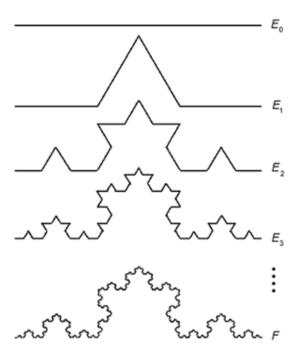


Figura 1: Costruzione di una curva di Koch (E_i è una curva di Koch di ordine i).

Fiocco di neve di Koch

Realizzate ora una funzione che, data una lunghezza in millimetri x e un intero i, produce il fiocco di neve di Koch di ordine i e di lunghezza x: esso si ottiene come un triangolo equilatero di lunghezza x i cui lati siano stati sostituiti con curve di Koch di ordine i e lunghezza x (vedi Figura 2).

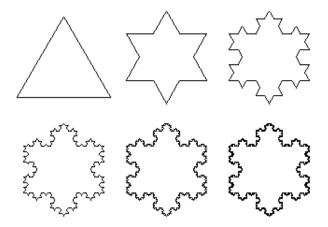


Figura 2: Fiocco di neve di Koch.

2.3 Torri di Hanoi

Il gioco delle torri di Hanoi (anche detto delle torri di Brahma) è stato inventato nel 1883 dal matematico francese Edouard Lucas. L'obiettivo è spostare da un paletto ad un altro un certo numero di dischi forati di dimensione crescente infilati sul paletto e appoggiati l'uno sull'altro. Le regole del gioco sono che si può spostare solo il disco che è in cima ad una pila e non si deve mai appoggiare un disco di dimensione più grande sopra uno più piccolo; per aiutarsi, è possibile usare un terzo paletto come appoggio ausiliario. Secondo una leggenda (forse inventata dal matematico stesso) alcuni monaci di un tempio Indù sono costantemente impegnati a spostare sessantaquattro dischi secondo le regole del gioco; la leggenda dice che quando i monaci completeranno il lavoro, il mondo finirà!

Obiettivo dell'esercizio è scrivere un programma in grado di giocare al gioco delle torri di Hanoi, ossia di specificare la sequenza di mosse da effettuare per risolvere il rompicapo data l'altezza n > 0 della pila. Potete assumere che i tre paletti siano numerati da 0 a 2 e che gli n dischi siano inizialmente impilati dal più piccolo (in cima alla pila) al più grande (sotto tutta la pila) sul paletto 0 e vadano spostati al paletto 2. Per semplicità, le mosse sono date semplicemente dall'indicazione del paletto da e verso cui si deve muovere il disco.

Ad esempio, una soluzione per una pila di altezza 3 è data dalla seguente sequenza di mosse:



Questo vuol dire che il disco più piccolo va spostato dal paletto 0 al paletto 2, quindi il disco mediano, ora in cima al paletto 0, va spostato al paletto 1; a questo punto il disco più piccolo (rimasto sul paletto 2) va rimesso sopra il mediano (ora sul paletto 1) e, finalmente, il disco più grande va spostato dal paletto 0 al paletto 2, nella sua posizione finale. Le restanti tre mosse, spostando i due dischi rimanenti dal paletto 1 al paletto 2.

Scrivete una funzione hanoi (int n, int from, int temp, int to); che stampi le mosse per spostare n dischi dal paletto from al paletto to aiutandosi, se necessario, con il paletto ausiliario temp. Osservate che tale funzione, posto che siano state stampate le mosse per spostare n-1 dischi da from a temp (usando eventualmente to come paletto ausiliario) può stampare la mossa from ->to e quindi stampare le rimanenti mosse necessarie a spostare gli n-1 dischi da temp a to (usando eventualmente from come paletto ausiliario). Questa osservazione dovrebbe suggerirvi immediatamente una implementazione ricorsiva della funzione hanoi.

La fine del mondo. Modificate la funzione precedente perché restituisca soltanto il numero di mosse effettuate (invece che stamparle). Come cresce tale numero al crescere del numero di dischi? Per rendervi meglio conto del tasso di crescita, provate a considerare il logaritmo del numero di mosse, come cresce?

Vi sembra realistico che per spostare 64 dischi ci voglia un tempo pari alla durata del mondo?

Le torri in dettaglio Supponendo ora di chiamare i dischi dal più grande al più piccolo con le lettere A, B, C, ..., scrivete ora una versione più dettagliata della funzione appena sviluppata che stampi ad ogni passo del gioco il contenuto di ogni paletto (usando una linea per ogni passo e separando il contenuto dei tre paletti con una virgola). Ad esempio, se la pila iniziale ha altezza 3, ed è quindi data da ABC, la nuova funzione deve scrivere le seguenti mosse

```
ABC, ,
AB, , C
A, B, C
A, BC,
, BC, A
C, B, A
C, , AB
, , ABC
```