

⑤ Тр-е показать, что

$$p(x_i) q(x_j | x_i) = p(x_j) q(x_i | x_j)$$

$$\begin{aligned} p(x_i) q(x_j | x_i) &= p(x_i) p(x_j | x_1 \dots x_{j-1} x_{j+1} \dots x_n) = p(x_i, x_j | x_1 \dots x_{j-1} x_{j+1} \dots) \\ &= p(x_j) p(x_i | x_1 \dots x_{i-1} x_{i+1} \dots x_n) = p(x_j) q(x_i | x_j) \end{aligned}$$

Markov Chain Monte-Carlo

$$p(\theta) = \frac{\tilde{p}(\theta)}{Z_p}$$

$$1) \theta^{(0)} = (\theta_1^{(0)} \dots \theta_n^{(0)})$$

2) Повторяем T раз ($t=1, 2 \dots T$)

Сэмплируем $\theta^* \sim q(\theta | \theta^{(t-1)})$

$$q(\theta | \theta^{(t-1)}) = \begin{pmatrix} q(\theta_1 | \theta_2^{(t-1)} \dots \theta_n^{(t-1)}) \\ \vdots \\ q(\theta_n | \theta_1^{(t-1)} \dots \theta_{n-1}^{(t-1)}) \end{pmatrix}$$

Принимаем $\theta^{(t)} = \theta^*$ с вер-ю $\alpha = 1$

Разница только в том, что мы принимаем новое значение всегда