





Базовая математика, которая пригодится всем

Числовые множества





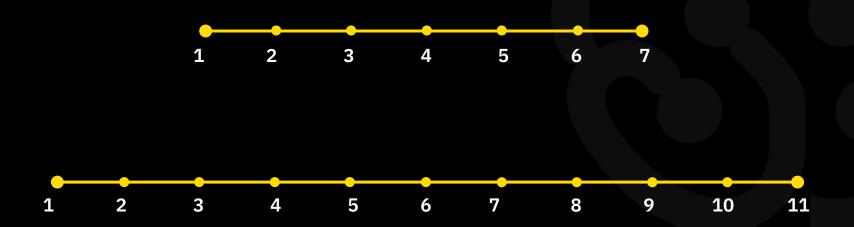


























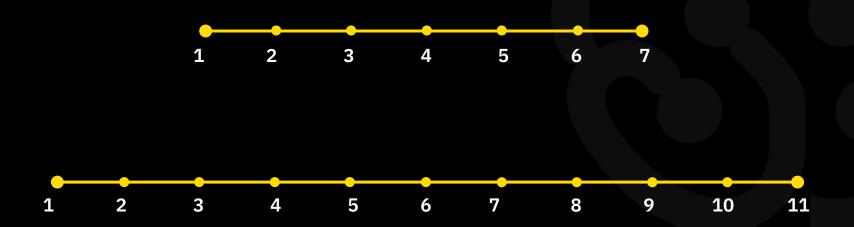










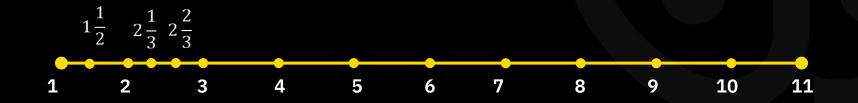




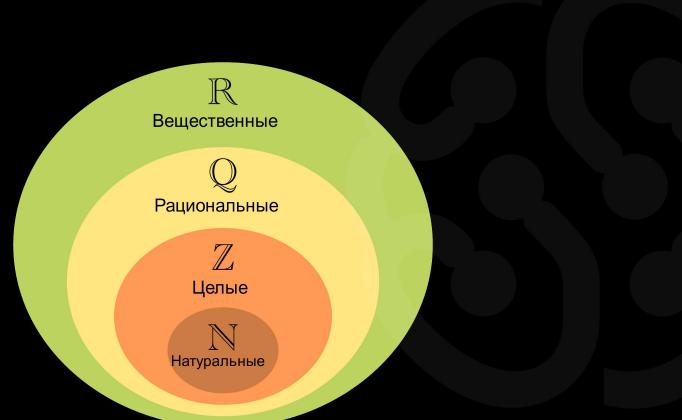














$$\sqrt{2}$$
, $\sqrt{5}$, π , e , ...,









































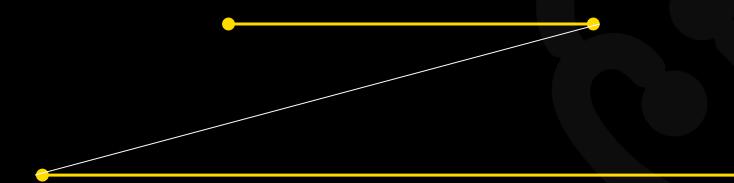




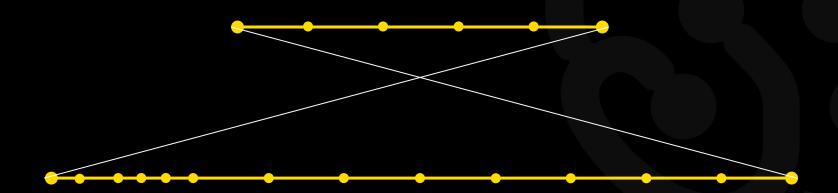




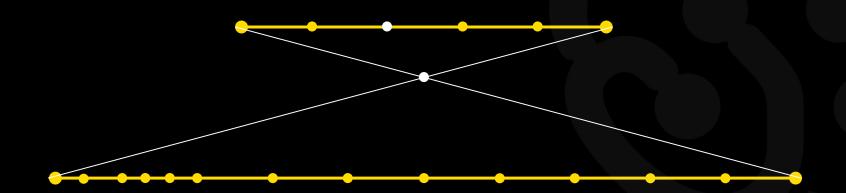


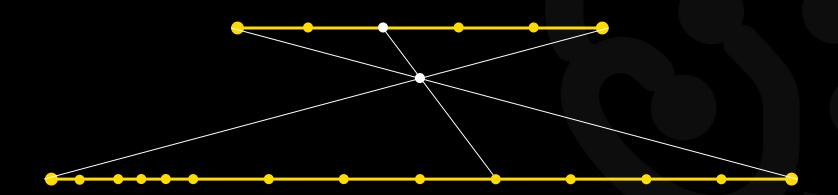




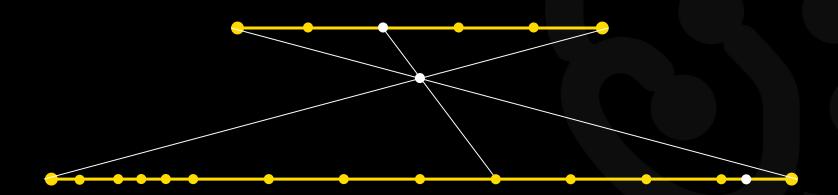




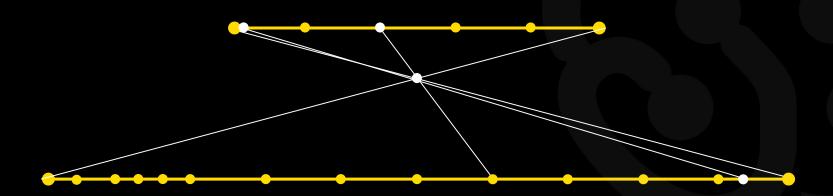














Базовая математика, которая пригодится всем

Они равны 0_о









Базовая математика, которая пригодится всем

Буквенные выражения



Базовая математика, которая пригодится всем



Базовая математика, которая пригодится всем



Базовая математика, которая пригодится всем

```
9a + 28a
7b + 11a + 8b + 123b + 228ab
8 - x
8 - x = 0
8a - x = 0
```



Базовая математика, которая пригодится всем

```
9a + 28a = 37a

7b + 11a + 8b + 123b + 228ab = 11a + 138b + 228ab

8 - x = 8 - x

8 - x = 0 => x = 8

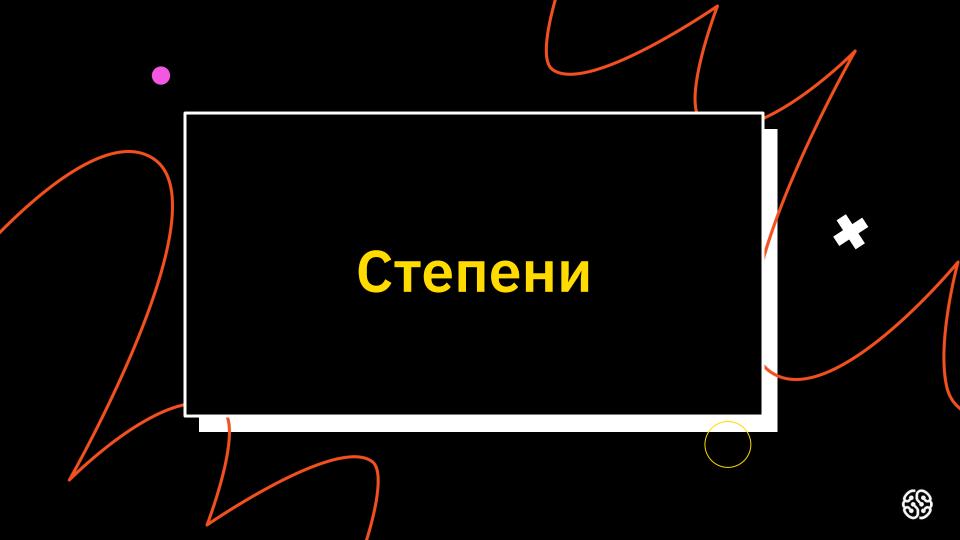
8a - x = 0 ???
```



Базовая математика, которая пригодится всем

Где это может пригодиться?





Базовая математика, которая пригодится всем



Базовая математика, которая пригодится всем

Степени

2 x 2 x 2 x 2 x 2



Базовая математика, которая пригодится всем



Базовая математика, которая пригодится всем



Базовая математика, которая пригодится всем

$$2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 2^{5}$$



Базовая математика, которая пригодится всем

$$\underbrace{a \times a \times a \times a \times a}_{b} = a^{b}$$



Базовая математика, которая пригодится всем

$$a \times a \times a \times a \times a = a^b$$



Базовая математика, которая пригодится всем

$$a \times a \times a \times a \times a = a^b$$

$$2^3 * 2^5 = 2^8$$



Базовая математика, которая пригодится всем

$$a \times a \times a \times a \times a = a^b$$

$$2^3 * 2^5 = 2^8$$
 $a^m * a^n = a^{(m+n)}$



Базовая математика, которая пригодится всем

$$axaxaxaxa = a^b$$

$$2^3 * 2^5 = 2^8$$
 $a^m * a^n = a^{(m+n)}$

$$2^{12} = (2^2)^6$$



Базовая математика, которая пригодится всем

$$a \times a \times a \times a \times a = a^b$$

$$2^3 * 2^5 = 2^8$$
 $a^m * a^n = a^{(m+n)}$

$$2^{12} = (2^2)^6$$
 $(a^m)^n = a^{(m*n)}$



Базовая математика, которая пригодится всем

1.
$$a^m * a^n = a^{(m+n)}$$

2.
$$a^m + a^n = a^{(m+n)}$$

3.
$$(a^m)^n = a^{(m*n)}$$

4.
$$(a^m)^n = a^{(m+n)}$$



Базовая математика, которая пригодится всем

$$a \times a \times a \times a \times a = a^{b}$$

$$2^{3} * 2^{5} = 2^{8} \qquad a^{m} * a^{n} = a^{(m+n)}$$
 {1}
$$2^{12} = (2^{2})^{6} \qquad (a^{m})^{n} = a^{(m*n)}$$
 {2}



Степени
$$2^3 * 2^5 = 2^8$$
 $a^m * a^n = a^{(m+n)}$ {1} $2^{12} = (2^2)^6$ $(a^m)^n = a^{(m*n)}$ {2}



```
Степени 2^3 * 2^5 = 2^8 a^m * a^n = a^{(m+n)} {1} 2^{12} = (2^2)^6 (a^m)^n = a^{(m*n)} {2} 2^{28}
```















































Базовая математика, которая пригодится всем

Степени

$$2^{28}={2}=(2^{14})^2={2}=([2^7]^2)^2={1}=([2^6\times 2^1]^2)^2={2}=([(2^3)^2\times 2^1]^2)^2={1}=268\ 435\ 456$$
 6 операций



Базовая математика, которая пригодится всем

Степени Как это в программировании записать? 🤨

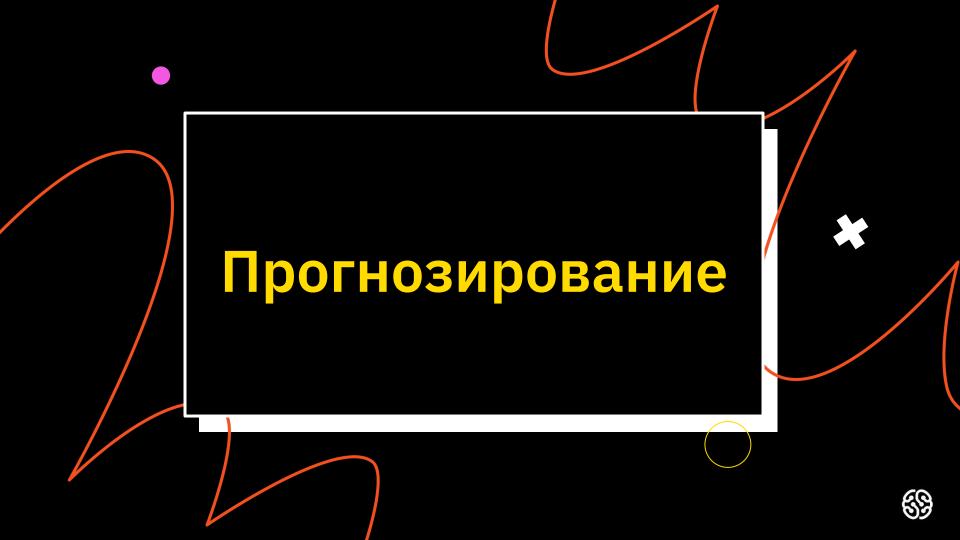


Базовая математика, которая пригодится всем

Степени Как это в программировании записать? 🤨

Pow(a: 2, b: 28)





Базовая математика, которая пригодится всем



Базовая математика, которая пригодится всем

Где это может пригодиться?

1



Базовая математика, которая пригодится всем

```
1
1+1
```



Базовая математика, которая пригодится всем

```
1
1+1
1+1+1
```



Базовая математика, которая пригодится всем

```
1
1+1
1+1+1
1+1+1+1
```



Базовая математика, которая пригодится всем

Где это может пригодиться?

```
1
1+1
1+1+1
1+1+1+1
```



Базовая математика, которая пригодится всем

```
Где это может пригодиться?
```

```
1
1+1
1+1+1
1+1+1+1
```



Базовая математика, которая пригодится всем

Где это может пригодиться?

```
1 1
1+1 2
1+1+1
1+1+1+1
```



Базовая математика, которая пригодится всем

Где это может пригодиться?

```
1
1+1
2
1+1+1
3
1+1+1+1
```



Базовая математика, которая пригодится всем

Где это может пригодиться?

```
1 1
1+1 2
1+1+1 3
1+1+1+1 4
```



Базовая математика, которая пригодится всем

```
1
1+1
2
1+1+1
3
1+1+1+1
4
... ???
```



Базовая математика, которая пригодится всем

```
1 1 1
1+1 2 3
1+1+1 3 6
1+1+1+1 4 10
... ???
```



Базовая математика, которая пригодится всем



Базовая математика, которая пригодится всем

А ещё визуализация?



Базовая математика, которая пригодится всем

А ещё визуализация?







Базовая математика, которая пригодится всем

Где это может пригодиться?

```
1 1 1
1+1 2 3
1+1+1 3 6
1+1+1+1 4 10
```

... ??? гугль, помоги!



Базовая математика, которая пригодится всем

Где это может пригодиться?

```
1 1
```

2 3

3 6

4 10

??? гугль, помоги!



Базовая математика, которая пригодится всем

Где это может пригодиться?

```
1 1
```

2 3

3 6

4 10

n ???



Базовая математика, которая пригодится всем

```
Где это может пригодиться?
```

```
1 1
```

2 3

3 6

4 10

5 минут

n ???



Базовая математика, которая пригодится всем

Где это может пригодиться?

```
1 1
```

2 3

3 6

4 10

n ???



Базовая математика, которая пригодится всем

```
Где это может пригодиться?
```

```
1 1
2 3
3 6
4 10
```

```
n-1
n ???
```



Базовая математика, которая пригодится всем

```
Где это может пригодиться?
```

```
1 1
2 3
3 6
4 10
...
n-2
n-1
n ????
```



Базовая математика, которая пригодится всем

```
1 1
2 3
3 6
4 10
... (1+n)
n-2
n-1
n ???
```



Базовая математика, которая пригодится всем

```
1 1
2 3
3 6
4 10
... (1+n) + (2+n-1)
n-2
n-1
n ???
```



Базовая математика, которая пригодится всем

```
1 1
2 3
3 6
4 10
... (1+n) + (2+n-1) + (3+n-2)
n-2
n-1
n ???
```



Базовая математика, которая пригодится всем

```
Где это может пригодиться?
```

```
1 1
2 3
3 6
4 10
... (1+n) + (2+n-1) + (3+n-2) + ... + (n/2 + n/2 + 1)
n-2
n-1
n ????
```



Базовая математика, которая пригодится всем

```
1 1
2 3
3 6
4 10
... (1+10) + (2+9) + (3+8) + ... + (5 + 6)
8
9
10 ???
```



Базовая математика, которая пригодится всем

```
Где это может пригодиться?
```

```
1 1
2 3
3 6
4 10
... (1+n) + (2+n-1) + (3+n-2) + ... + (n/2 + n/2 + 1)
n-2
n-1
n ????
```



Базовая математика, которая пригодится всем

```
1 1
2 3
3 6
4 10 1+n
... (1+n) + (2+n-1) + (3+n-2) + ... + (n/2 + n/2 + 1)
n-2
n-1
n ???
```

Базовая математика, которая пригодится всем

```
1 1
2 3
3 6
4 10 1+n 1+n
... (1+n) + (2+n-1) + (3+n-2) + ... + (n/2 + n/2 + 1)
n-2
n-1
n ???
```



Базовая математика, которая пригодится всем

```
1 1
2 3
3 6
4 10 1+n 1+n 1+n
... (1+n) + (2+n-1) + (3+n-2) + ... + (n/2 + n/2 + 1)
n-2
n-1
n ???
```



Базовая математика, которая пригодится всем

```
1 1
2 3
3 6
4 10 1+n 1+n 1+n
... (1+n) + (2+n-1) + (3+n-2) + ... + (n/2 + n/2 + 1)
n-2
n-1 ???
```



Базовая математика, которая пригодится всем

```
1 1
2 3
3 6
4 10
... (1+10) + (2+9) + (3+8) + ... + (5 + 6)
8
9
10 ???
```



Базовая математика, которая пригодится всем

```
1 1
2 3
3 6
4 10
... (1+10) + (2+9) + (3+8) + (4+7) + (5 + 6)
8
9
10 ???
```



Базовая математика, которая пригодится всем

```
1 1
2 3
3 6
4 10 1+n 1+n 1+n
... (1+n) + (2+n-1) + (3+n-2) + ... + (n/2 + n/2 + 1)
n-2
n-1 ???
```



Базовая математика, которая пригодится всем

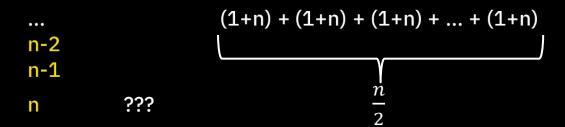


Базовая математика, которая пригодится всем

```
1 1 2 3 3 3 6 4 10 ... (1+n) + (1+n) + (1+n) + ... + (1+n) n ??? \frac{n}{2}
```

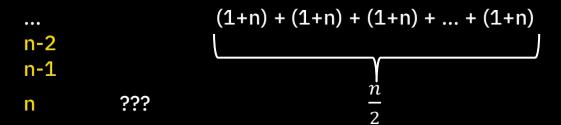


Базовая математика, которая пригодится всем





Базовая математика, которая пригодится всем





Базовая математика, которая пригодится всем



Базовая математика, которая пригодится всем



Базовая математика, которая пригодится всем

```
1 1
2 3
3 6
4 10
... (1+n) n
2
n-2
n-1
n ???
```



Базовая математика, которая пригодится всем



Базовая математика, которая пригодится всем

Где это может пригодиться?

```
1 1 2 3 3 3 6 4 10 n(1+n) ... n-2 n-1
```

555

n

$$a \times b = b \times a$$



Базовая математика, которая пригодится всем



Базовая математика, которая пригодится всем



Базовая математика, которая пригодится всем

$$a + b = b + a$$



Базовая математика, которая пригодится всем



Базовая математика, которая пригодится всем

Где это может пригодиться?

```
1 1
2 3
3 6
4 10
... n(n+1)
... 2
n-2
n-1
```

прогрессия



Базовая математика, которая пригодится всем

Где это может пригодиться?

```
1 1
2 3
3 6
4 10
... n(n+1)
... n-2
n-1
```

арифметическая прогрессия



Базовая математика, которая пригодится всем

Где это может пригодиться?

```
1 1
2 3
3 6
4 10
...
n-2
n-1
n ????
```

что за формула?



n-1

n

Базовая математика, которая пригодится всем

```
Где это может пригодиться?
```

333



Базовая математика, которая пригодится всем

А ещё визуализация?



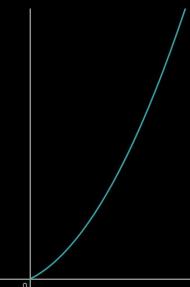
Базовая математика, которая пригодится всем



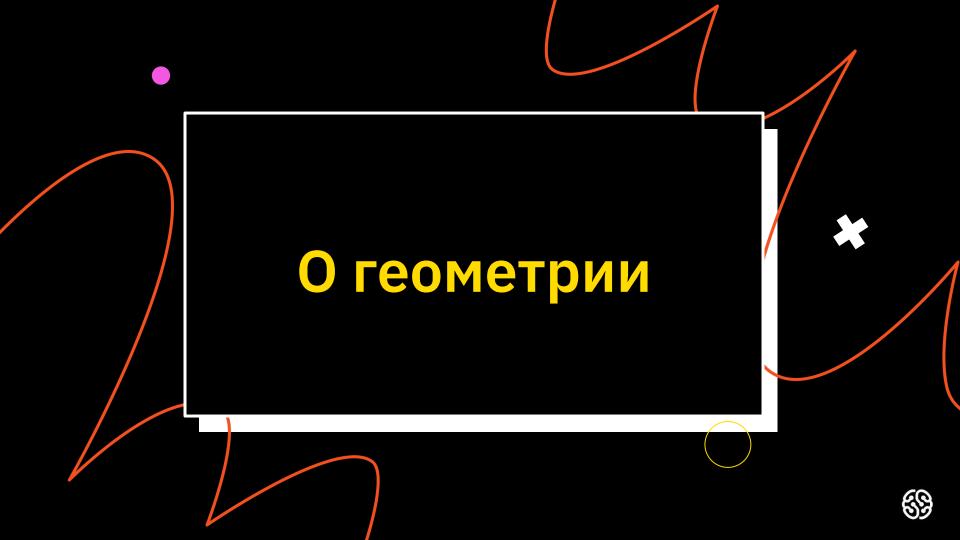


Базовая математика, которая пригодится всем

А ещё визуализация?







Базовая математика, которая пригодится всем



Базовая математика, которая пригодится всем







Базовая математика, которая пригодится всем



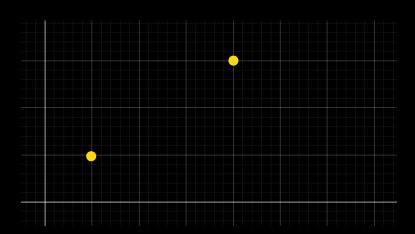
Базовая математика, которая пригодится всем





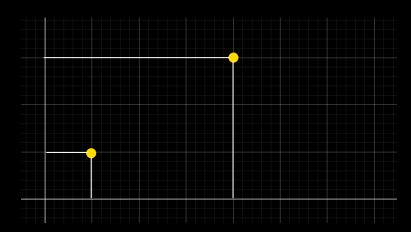


Базовая математика, которая пригодится всем



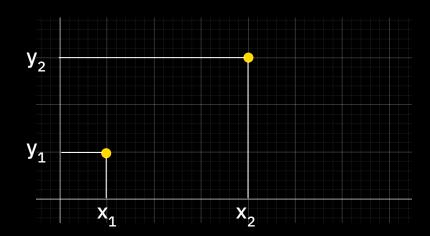


Базовая математика, которая пригодится всем



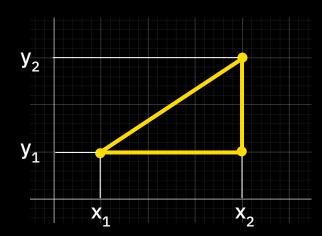


Базовая математика, которая пригодится всем



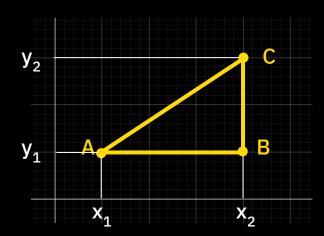


Базовая математика, которая пригодится всем



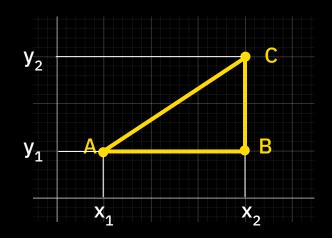


Базовая математика, которая пригодится всем





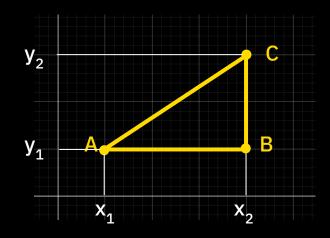
Базовая математика, которая пригодится всем



$$AC^2 = AB^2 + CB^2$$



Базовая математика, которая пригодится всем

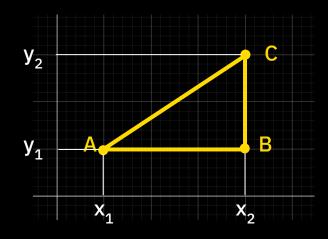


$$AC^2 = AB^2 + CB^2$$

 $AC^2 = (x_2 - x_1)^2 + CB^2$



Базовая математика, которая пригодится всем

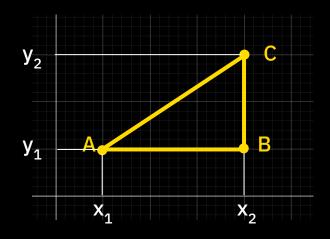


$$AC^2 = AB^2 + CB^2$$

 $AC^2 = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2$



Базовая математика, которая пригодится всем

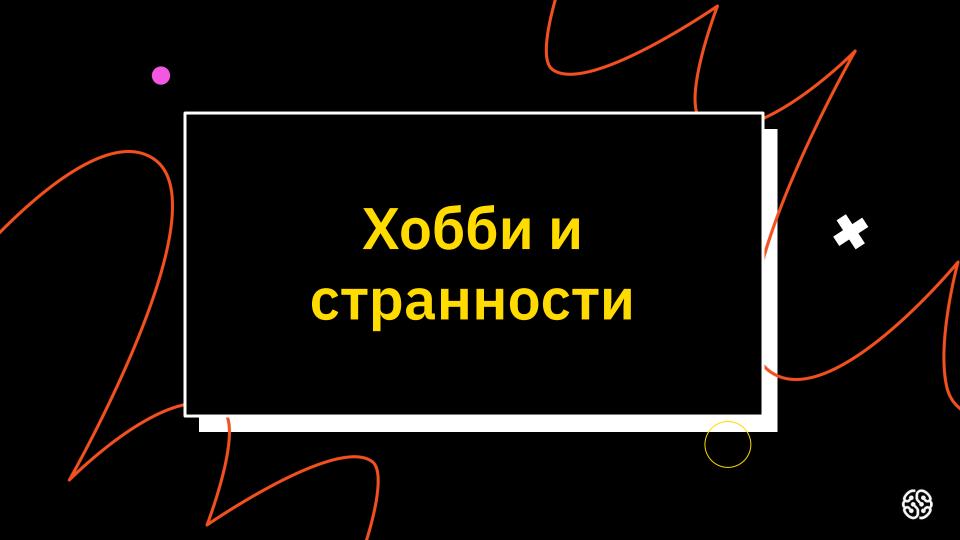


$$AC^{2} = AB^{2} + CB^{2}$$

$$AC^{2} = (x_{2} - x_{1})^{2} + (y_{2} - y_{1})^{2}$$

$$AC = \sqrt{(x_{2} - x_{1})^{2} + (y_{2} - y_{1})^{2}}$$

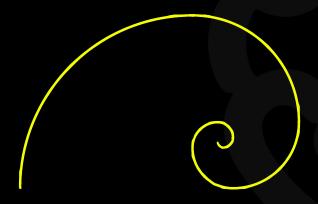




Базовая математика, которая пригодится всем

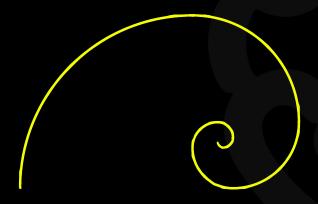


Базовая математика, которая пригодится всем



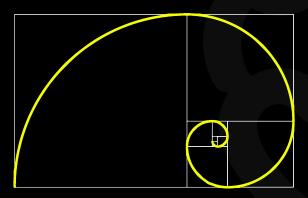


Базовая математика, которая пригодится всем



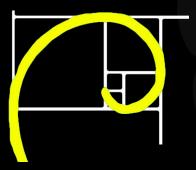


Базовая математика, которая пригодится всем



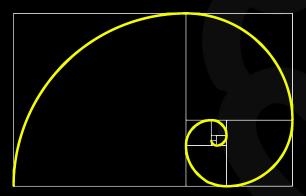


Базовая математика, которая пригодится всем





Базовая математика, которая пригодится всем





Базовая математика, которая пригодится всем

Немного странностей

1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21,...



Базовая математика, которая пригодится всем

$$a_1 = 1$$
, $a_2 = 1$, $a_3 = 2$, ..., $a_n = a_{n-1} + a_{n-2}$



Базовая математика, которая пригодится всем

Немного странностей

Последовательность Фибоначчи

$$a_1 = 1$$
, $a_2 = 1$, $a_3 = 2$, ..., $a_n = a_{n-1} + a_{n-2}$



Базовая математика, которая пригодится всем

Немного странностей

Последовательность Фибоначчи

$$a_1 = 1$$
, $a_2 = 1$, $a_3 = 2$, ..., $a_n = a_{n-1} + a_{n-2}$

GU_Разработчик_1859-выходного дня (04.09.2021)

⊃ подключение..





Базовая математика, которая пригодится всем

Событие



Базовая математика, которая пригодится всем

Событие - всякий факт, который может произойти в результате некоторого испытания (опыта).



Базовая математика, которая пригодится всем

Событие - всякий факт, который может произойти в результате некоторого испытания (опыта).





Базовая математика, которая пригодится всем

Событие - всякий факт, который может произойти в результате некоторого испытания (опыта).



 $\mathbb{O}_{\scriptscriptstyle 1}$ - к наблюдателю обращена 1

🔾 - к наблюдателю обращена 2

ದ್ತು - к наблюдателю обращена 3

Со − к наблюдателю обращена 4

СО₅ - к наблюдателю обращена 5

 \bigcirc_6° - к наблюдателю обращена 6



Базовая математика, которая пригодится всем

Событие - всякий факт, который может произойти в результате некоторого испытания (опыта).



Какова вероятность события 🔾 ?



Базовая математика, которая пригодится всем

Событие - всякий факт, который может произойти в результате некоторого испытания (опыта).



Какова вероятность события $\mathfrak{Q}_{\mathfrak{q}}$?

Вероятностью называется отношение числа, благоприятствующих исходов опыта к общему числу.



Базовая математика, которая пригодится всем

Событие - всякий факт, который может произойти в результате некоторого испытания (опыта).



Какова вероятность события $\mathfrak{Q}_{\mathfrak{q}}$?

Вероятностью называется отношение числа, благоприятствующих исходов опыта к общему числу.

$$P(w_1) = \frac{1}{6}$$



Базовая математика, которая пригодится всем

Событие - всякий факт, который может произойти в результате некоторого испытания (опыта).



 \mathbb{G}_1 - к наблюдателю обращена 1

🔾 - к наблюдателю обращена 2

്യൂ - к наблюдателю обращена 3

Со − к наблюдателю обращена 4

СО₅ - к наблюдателю обращена 5

 \bigcirc_6° - к наблюдателю обращена 6



Базовая математика, которая пригодится всем

Событие - всякий факт, который может произойти в результате некоторого испытания (опыта).



Какова вероятность выпадения четного числа?



Базовая математика, которая пригодится всем

Событие - всякий факт, который может произойти в результате некоторого испытания (опыта).



Какова вероятность, что при бросании двух игральных костей выпадет сумма больше или равная 10?



Базовая математика, которая пригодится всем

Задача



Базовая математика, которая пригодится всем

Задача

Какова вероятность, что при перемешивании 3 случайно стоящих чисел они встанут по возрастанию?



Базовая математика, которая пригодится всем

Задача

Какова вероятность, что при перемешивании 3 случайно стоящих чисел они встанут по возрастанию?

8 4 6



Базовая математика, которая пригодится всем

Задача

Какова вероятность, что при перемешивании 3 случайно стоящих чисел они встанут по возрастанию?

8 4 6

$$\frac{1}{3} \quad \frac{1}{3} \quad \frac{1}{3}$$



Базовая математика, которая пригодится всем

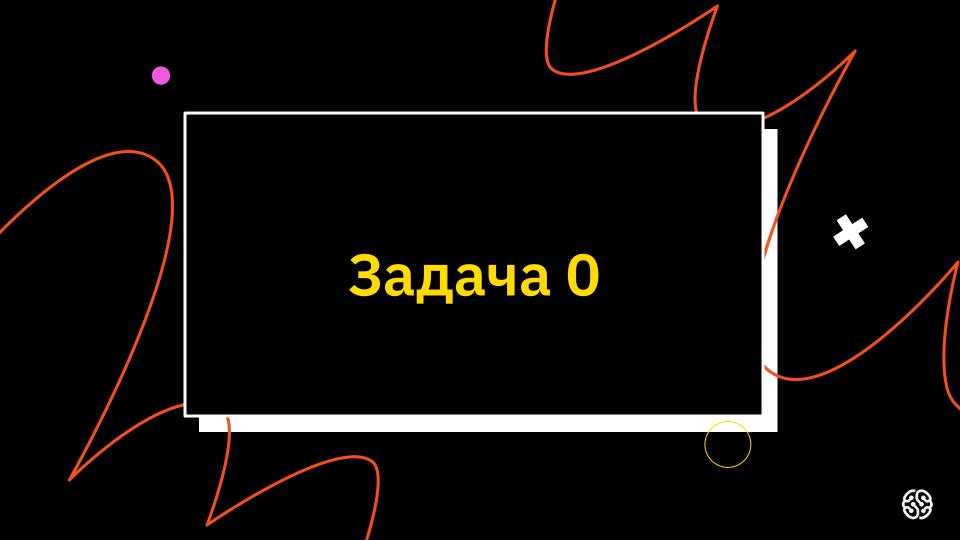
Задача

Какова вероятность, что при перемешивании 3 случайно стоящих чисел они встанут по возрастанию?

8 4 6

$$\frac{1}{3} \quad \frac{1}{2} \quad \frac{1}{1}$$





Базовая математика, которая пригодится всем



Базовая математика, которая пригодится всем

Есть 5 игроков Нужно показать все разбиения игроков на две команды

Номера игроков:

01234



Базовая математика, которая пригодится всем

01234	-				
0123	4				
0124	3				
0134	2				
013	24				
014	23				
01	234				



Базовая математика, которая пригодится всем

01234	-	0234	1	1234	0	234	01
0123	4	023	14	123	04	23	014
0124	3	024	13	124	03	24	013
012	34	02	134	12	034	2	0134
0134	2	034	12	134	02	34	012
013	24	03	124	13	024	3	0124
014	23	04	123	14	023	4	0123
01	234	0	1234	1	0234	-	01234



Базовая математика, которая пригодится всем

- 0 игрок попадает в первую команду
- 1 игрок попадает во вторую команду



Базовая математика, которая пригодится всем

Есть 5 игроков Нужно показать все разбиения игроков на две команды

0 - игрок попадает в первую команду

1 - игрок попадает во вторую команду

у нас всего 5 игроков, пронумеруем 01234 значит все 5 игроков могут быть либо все в первой команде - 00000 либо все во второй команде - 11111



Базовая математика, которая пригодится всем

Есть 5 игроков Нужно показать все разбиения игроков на две команды

0 - игрок попадает в первую команду

1 - игрок попадает во вторую команду

у нас всего 5 игроков, пронумеруем 01234 значит все 5 игроков могут быть либо все в первой команде - 00000 либо все во второй команде - 11111

чтобы получить все разбиения нужно уметь считать до 32



Базовая математика, которая пригодится всем

Есть 5 игроков Нужно показать все разбиения игроков на две команды

0 - игрок попадает в первую команду

1 - игрок попадает во вторую команду

у нас всего 5 игроков, пронумеруем 01234 значит все 5 игроков могут быть либо все в первой команде - 00000 либо все во второй команде - 11111

чтобы получить все разбиения нужно уметь считать до 32 в двоичной системе :)



Базовая математика, которая пригодится всем

Есть 5 игроков Нужно показать все разбиения игроков на две команды

Номера игроков: 01234 Порядковый номер разбиения 10110



Базовая математика, которая пригодится всем

Есть 5 игроков Нужно показать все разбиения игроков на две команды

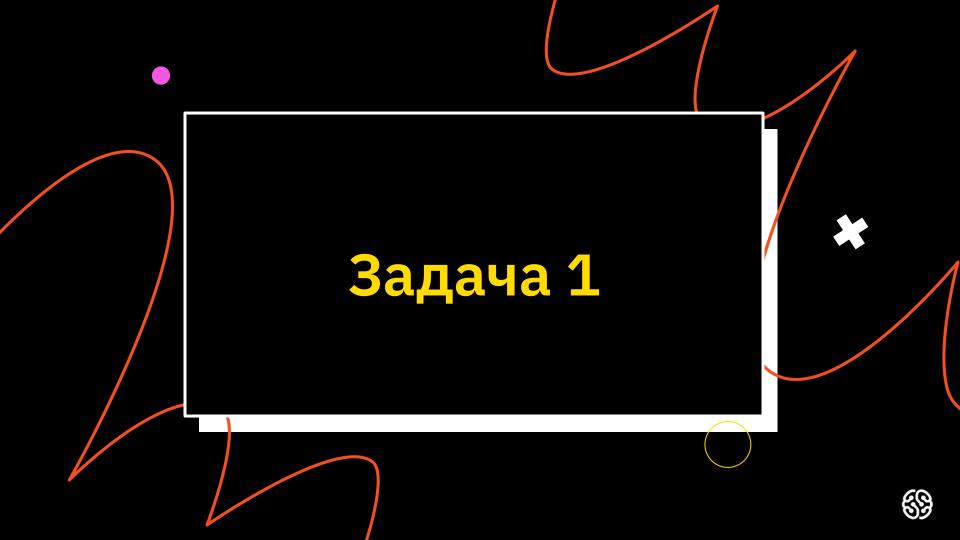
Номера игроков: 01234 Порядковый номер разбиения 10110



Базовая математика, которая пригодится всем

```
0 [00000] [
                             14 [01110] |
                                         04
                                                      28 [11100] | 34 012
            01234 -
                                               123
1 [00001] |
                             15 [01111] |
                                               1234
                                                      29 [11101] | 3
            0123
                                                                      0124
2 [00010] |
            0124
                   3
                             16 [10000] |
                                         12340
                                                      30 [11110] | 4
                                                                      0123
3 [00011] [
            012
                   34
                             17 [10001] [
                                         123
                                               04
                                                      31 [11111] |
                                                                      01234
                                                                   4 [00100] |
            0134
                   2
                             18 [10010] |
                                         124
                                               03
5 [00101] |
            013
                             19 [10011] |
                                         12
                   24
                                               034
6 [00110] | 014
                             20 [10100] |
                                         134
                   23
                                               02
7 [00111] |
                             21 [10101] |
            01
                   234
                                         13
                                               024
8 [01000] | 0234
                             22 [10110] |
                                         14
                                               023
9 [01001] | 023
                   14
                             23 [10111] |
                                               0234
10 [01010] | 024
                   13
                             24 [11000] | 234
                                                01
11 [01011] | 02
                   134
                             25 [11001] |
                                         23
                                               014
12 [01100] | 034
                   12
                             26 [11010] |
                                         24
                                               013
13 [01101] | 03
                   124
                             27 [11011] | 2
                                               0134
```





Базовая математика, которая пригодится всем

На столе лежит 2021 конфет

Играют два игрока делая ход друг после друга
Первый ход определяется жеребьёвкой
За один ход можно забрать не более чем 28 конфет.
Все конфеты оппонента достаются сделавшему последний ход

Сколько конфет нужно взять первому игроку, чтобы забрать все конфетами у своего конкурента?



Базовая математика, которая пригодится всем

На столе лежит 2021 конфет

```
Игрок 1: забирает 10, остаётся 2011 конфет Игрок 2: забирает 11, остаётся 2000 конфет Игрок 1: забирает 5, остаётся 1995 конфет Игрок 2: забирает 5, остаётся 1990 конфет ....
```

Игрок 1: забирает 9, остаётся 44 конфет Игрок 2: забирает 28, остаётся 16 конфет Игрок 1: забирает 16, остаётся 0 конфет

Игрок 2 отдаёт конфеты Игроку 1



Базовая математика, которая пригодится всем

Как играть?



Базовая математика, которая пригодится всем

Как играть?

Единственный правильных ход:



Базовая математика, которая пригодится всем

Как играть?

Единственный правильных ход:

 $0cT_{29}2021$



Базовая математика, которая пригодится всем

Факт:

Задачу можно решить в обще в виде для К конфет при возможности забрать т штук за один ход



Базовая математика, которая пригодится всем

Факт:

Задачу можно решить в обще в виде для К конфет при возможности забрать т штук за один ход

$0cT_{m+1}K$



Базовая математика, которая пригодится всем

В качестве тренировки предлагаю решить эту задачу, но*

Все конфеты оппонента достаются сделавшему предпоследний ход



Базовая математика, которая пригодится всем

На столе лежит 10 конфет

```
Игрок 1: забирает 2, остаётся 8 конфет Игрок 2: забирает 1, остаётся 7 конфет Игрок 1: забирает 1, остаётся 6 конфет Игрок 2: забирает 1, остаётся 5 конфет
```

••••

Игрок 1: забирает 2, остаётся 1 конфет Игрок 2: забирает 1, остаётся 0 конфет

Игрок 2 отдаёт конфеты Игроку 1



Базовая математика, которая пригодится всем

Краткие итоги



Базовая математика, которая пригодится всем

Краткие итоги

Числовые множества



Базовая математика, которая пригодится всем

Краткие итоги

Числовые множества Отрезки



Базовая математика, которая пригодится всем

Краткие итоги

Числовые множества Отрезки Буквенные выражения



Базовая математика, которая пригодится всем

Краткие итоги

Числовые множества Отрезки Буквенные выражения Степени, свойства степеней



Базовая математика, которая пригодится всем

Краткие итоги

Числовые множества Отрезки Буквенные выражения Степени, свойства степеней Геометрия, координатная плоскость



Базовая математика, которая пригодится всем

Краткие итоги

Числовые множества
Отрезки
Буквенные выражения
Степени, свойства степеней
Геометрия, координатная плоскость
Последовательности, арифметическая, Фибоначчи



Базовая математика, которая пригодится всем

Краткие итоги

Числовые множества
Отрезки
Буквенные выражения
Степени, свойства степеней
Геометрия, координатная плоскость
Последовательности, арифметическая, Фибоначчи
Элементарная теория вероятностей



Базовая математика, которая пригодится всем

Краткие итоги

Числовые множества
Отрезки
Буквенные выражения
Степени, свойства степеней
Геометрия, координатная плоскость
Последовательности, арифметическая, Фибоначчи
Элементарная теория вероятностей
Применение математики и информатики в реальных задачах



Базовая математика, которая пригодится всем

Краткие итоги

Числовые множества
Отрезки
Буквенные выражения
Степени, свойства степеней
Геометрия, координатная плоскость
Последовательности, арифметическая, Фибоначчи
Элементарная теория вероятностей
Применение математики и информатики в реальных задачах
Куда дальше?





Спасибо /// за внимание /