

Моделирование туннельного эффекта

Панасик Александра
Б03-004



Содержание

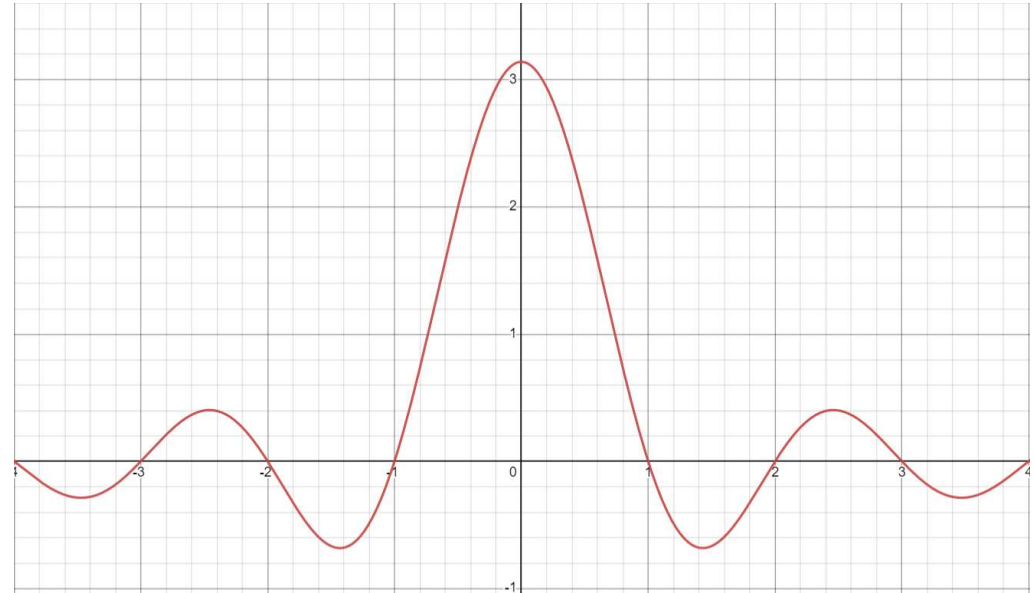
- 1) Базовые определения квантовой механики
- 2) Моделирование свободной частицы
- 3) Моделирование частицы в параболическом потенциале
- 4) Моделирование туннельного эффекта

Волновая функция

$$\psi(\vec{r}, t) = \psi_0 e^{i(\vec{k}\vec{r} - \omega t)} = \psi_0 e^{\frac{i}{\hbar}(\vec{p}\vec{r} - Et)}$$

$$\psi(x, t) = \int_{k_0 - \Delta k}^{k_0 + \Delta k} A(k) e^{i(kx - \omega t)} dk$$

$$\psi(x, t) = 2A(k_0) \frac{\sin\left(\left(x - \left(\frac{d\omega}{dk}\right)_0\right)\Delta k\right)}{x - \left(\frac{d\omega}{dk}\right)_0} e^{i(k_0 x - \omega_0 t)} = C(x - v_{групп} t) e^{i(k_0 x - \omega_0 t)}$$



Уравнение Шрёдингера

Оператор импульса: $\hat{p} = -i\hbar \frac{\partial}{\partial x}$

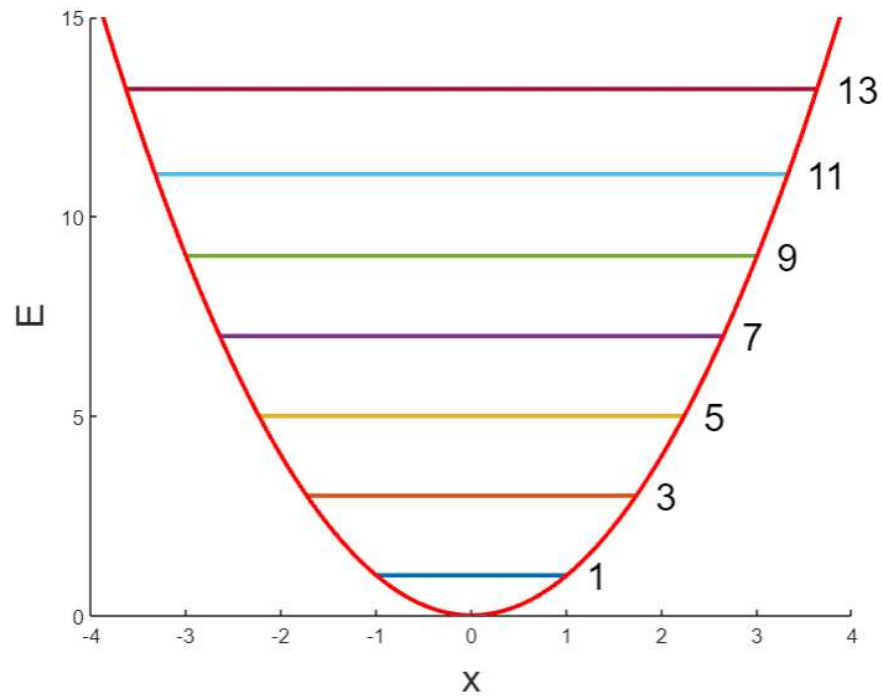
Оператор полной энергии: $\hat{H} = \hat{T} + V = \frac{\hat{p}^2}{2m} + V = -\frac{\hbar^2}{2m} \frac{\partial^2}{\partial x^2} + V$

Стационарное уравнение Шрёдингера $\hat{H} \psi = E \psi$

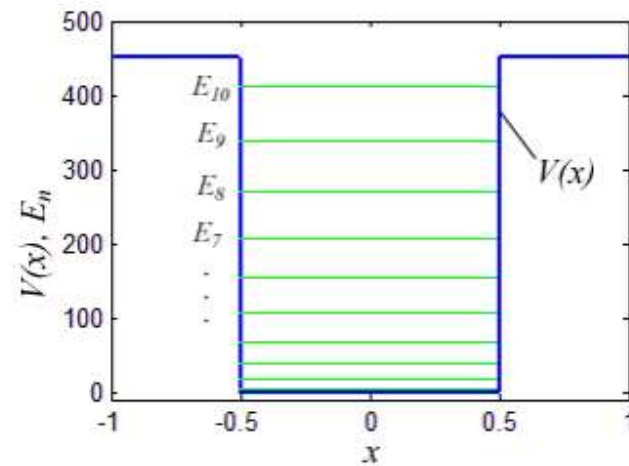
Нестационарное уравнение Шрёдингера: $i\hbar \frac{\partial \psi}{\partial t} = \hat{H} \psi$

$$\hat{H} \psi = E \psi$$

Уровни энергии в различных потенциалах

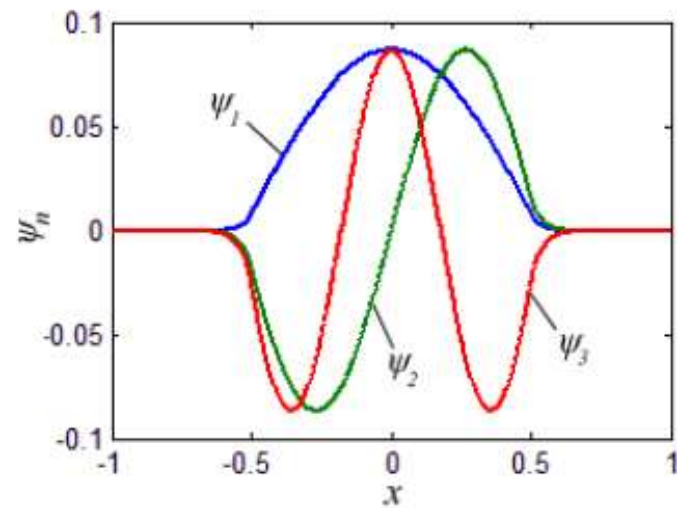


Параболический потенциал



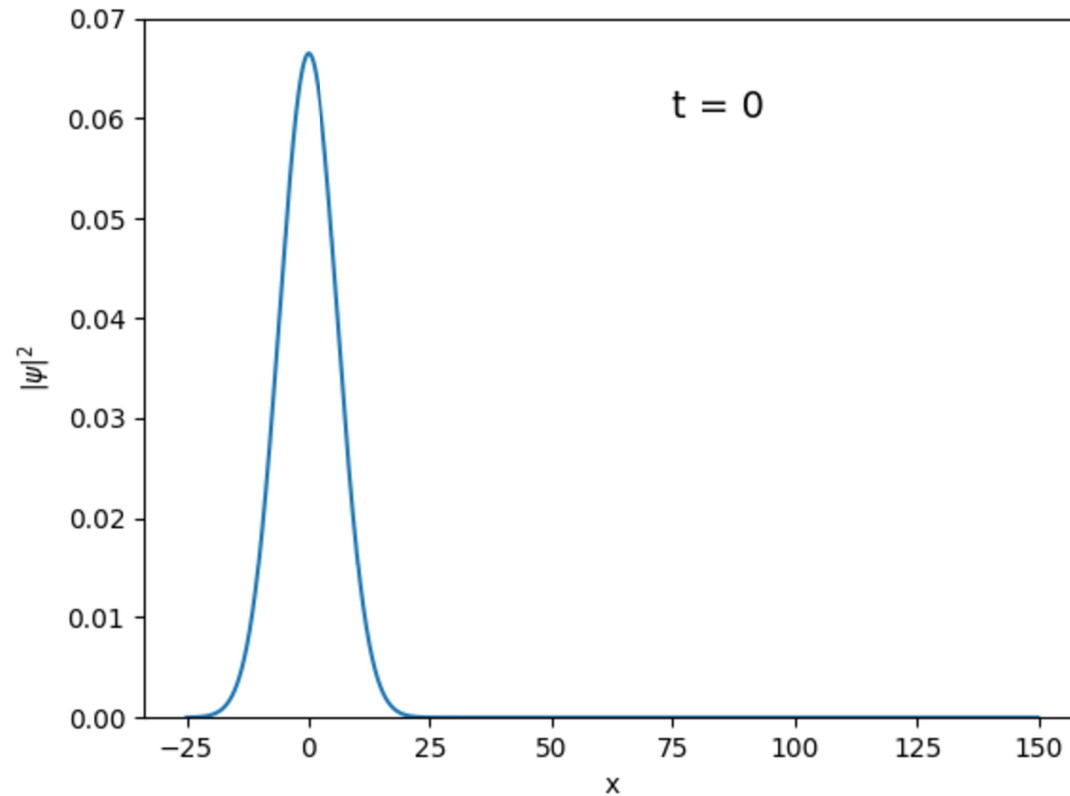
Прямоугольный потенциал

Вид волновых функций



Движение свободной частицы

$$i\hbar \frac{\partial \psi}{\partial t} = \hat{H} \psi$$





Туннельный эффект

- Вывод (коэффициент, описание)



Туннельный эффект

(демонстрация)



Туннельный эффект

- Почему скорость прошедшей части больше



Список используемой литературы

- Д. И. Блохинцев, Основы квантовой механики, 1983
- А. С. Давыдов, Квантовая механика, 1973
- П. С. Чернов, Квантовая механика, 2013