## AL-Hausarbeit Aufgabe 1

Gruppe: 0395694, 678901, 234567

WiSe 24/25

## Hausaufgabe 1

## Formel $\varphi_{K,T,P,M}$

Sei K die Menge der Kommiliton\*innen, T die Menge der möglichen Termine, P die Menge der Plätzchensorten und  $M \subseteq K \times P$  die Relation, die (k, p) enthält, falls k die Plätzchensorte p mag.

Verwendete atomare Formeln:

- eingeladen(k, t): Person k ist zu Termin t eingeladen.
- ausweichtermin(k, t): Termin t ist ein Ausweichtermin für Person k.
- gebacken(p,t): Die Plätzchensorte p wird an Termin t gebacken.

Wir fordern:

Person gibt.

(i) Jede\*r Kommiliton\*in wird genau einem Termin zugewiesen, und es gibt mindestens einen weiteren Termin als Ausweichtermin. Außerdem soll jede\*r nur einen Einladungstermin haben.

Erläuterung außerhalb der Formel: - Der Ausdruck  $\bigvee_{t \in T} (\text{eingeladen}(k,t) \land \bigvee_{t' \in T \setminus \{t\}} \text{ausweichtermin}(k,t'))$  stellt sicher, dass es für jede Person k genau einen Termin gibt, zu dem k eingeladen ist, und mindestens einen anderen Termin als Ausweichtermin. - Der Ausdruck  $\bigwedge_{t,t' \in T} \neg (\text{eingeladen}(k,t) \land \text{eingeladen}(k,t'))$  stellt sicher, dass es nicht zwei unterschiedliche Einladungstermine für dieselbe

$$\varphi_{K,T,P,M} := \bigwedge_{k \in K} \left[ \left( \bigvee_{t \in T} \left( \operatorname{eingeladen}(k,t) \wedge \bigvee_{t' \in T \setminus \{t\}} \operatorname{ausweichtermin}(k,t') \right) \right) \right. \\ \left. \wedge \bigwedge_{\substack{t,t' \in T \\ t \neq t'}} \neg \left( \operatorname{eingeladen}(k,t) \wedge \operatorname{eingeladen}(k,t') \right) \right].$$

(ii) Jede Plätzchensorte wird bei maximal einem Treffen gebacken:

$$\bigwedge_{p \in P} \bigwedge_{\substack{t,t' \in T \\ t \neq t'}} \neg (\operatorname{gebacken}(p,t) \wedge \operatorname{gebacken}(p,t')).$$

(iii) An Terminen ohne Einladungen werden keine Plätzchen gebacken, und umgekehrt:

$$\bigwedge_{t \in T} \left( \bigvee_{k \in K} \operatorname{eingeladen}(k, t) \leftrightarrow \bigvee_{p \in P} \operatorname{gebacken}(p, t) \right).$$

(iv) Wenn jemand eingeladen wird, muss diese Person alle gebackenen Plätzchensorten mögen:

$$\bigwedge_{k \in K} \bigwedge_{t \in T} \Big( \mathrm{eingeladen}(k,t) \to \bigwedge_{p \in P} (\mathrm{gebacken}(p,t) \to ((k,p) \in M)) \Big).$$

(v) An jedem Ausweichtermin muss mindestens eine Plätzchensorte gebacken werden, die die Person mag:

$$\bigwedge_{k \in K} \bigwedge_{t \in T} \Big( \text{ausweichtermin}(k,t) \to \bigvee_{p \in P} (\text{gebacken}(p,t) \land ((k,p) \in M)) \Big).$$

## Ergebnisse aus der Belegung ablesen

Eine erfüllende Belegung der Formel  $\varphi_{K,T,P,M}$  erlaubt die folgende Interpretation:

- eingeladen(k,t): k wird zu t eingeladen.
- ausweichtermin(k,t): t ist ein möglicher Ersatztermin für k.
- gebacken(p, t): Die Plätzchensorte p wird an t gebacken.

Aus der erfüllenden Belegung können wir direkt entnehmen, wer zu welchem Termin eingeladen ist, welche Plätzchensorten gebacken werden und welche Termine mögliche Ersatztermine sind.