

**AL-Hausarbeit Aufgabe 1****Gruppe:** 0395694, 0471850, 690000**Formel**  $\varphi_{K,T,P,M}$ 

Sei  $K$  die Menge der Kommiliton\*innen,  $T$  die Menge der möglichen Termine,  $P$  die Menge der Plätzchensorten und  $M \subseteq K \times P$  die Relation, die  $(k, p)$  enthält, falls  $k$  die Plätzchensorte  $p$  mag.

Verwendete atomare Formeln:

- $\text{eingeladen}(k, t)$ : Person  $k$  ist zu Termin  $t$  eingeladen.
- $\text{ausweichtermin}(k, t)$ : Termin  $t$  ist ein Ausweichtermin für Person  $k$ .
- $\text{gebacken}(p, t)$ : Die Plätzchensorte  $p$  wird an Termin  $t$  gebacken.

Wir fordern:

(i) Jede\*r Kommiliton\*in wird genau einem Termin zugewiesen, und es gibt mindestens einen weiteren Termin als Ausweichtermin. Außerdem soll jede\*r nur einen Einladungstermin haben.

Erläuterung außerhalb der Formel: - Der Ausdruck  $\forall t \in T (\text{eingeladen}(k, t) \wedge \forall t' \in T \setminus \{t\} \text{ausweichtermin}(k, t'))$  stellt sicher, dass es für jede Person  $k$  genau einen Termin gibt, zu dem  $k$  eingeladen ist, und mindestens einen anderen Termin als Ausweichtermin. - Der Ausdruck  $\bigwedge_{\substack{t, t' \in T \\ t \neq t'}} \neg (\text{eingeladen}(k, t) \wedge \text{eingeladen}(k, t'))$  stellt sicher, dass es nicht zwei unterschiedliche Einladungstermine für dieselbe Person gibt.

$$\varphi_{K,T,P,M} := \bigwedge_{k \in K} \left[ \left( \bigvee_{t \in T} (\text{eingeladen}(k, t) \wedge \bigvee_{t' \in T \setminus \{t\}} \text{ausweichtermin}(k, t')) \right) \right. \\ \left. \wedge \bigwedge_{\substack{t, t' \in T \\ t \neq t'}} \neg (\text{eingeladen}(k, t) \wedge \text{eingeladen}(k, t')) \right].$$

(ii) Jede Plätzchensorte wird bei maximal einem Treffen gebacken:

$$\bigwedge_{p \in P} \bigwedge_{\substack{t, t' \in T \\ t \neq t'}} \neg (\text{gebacken}(p, t) \wedge \text{gebacken}(p, t')).$$

(iii) An Terminen ohne Einladungen werden keine Plätzchen gebacken, und umgekehrt:

$$\bigwedge_{t \in T} \left( \bigvee_{k \in K} \text{eingeladen}(k, t) \leftrightarrow \bigvee_{p \in P} \text{gebacken}(p, t) \right).$$

(iv) Wenn jemand eingeladen wird, muss diese Person alle gebackenen Plätzchensorten mögen:

$$\bigwedge_{k \in K} \bigwedge_{t \in T} (\text{eingeladen}(k, t) \rightarrow \bigwedge_{p \in P} (\text{gebacken}(p, t) \rightarrow ((k, p) \in M))).$$

(v) An jedem Ausweichtermin muss mindestens eine Plätzchensorte gebacken werden, die die Person mag:

$$\bigwedge_{k \in K} \bigwedge_{t \in T} (\text{ausweichtermin}(k, t) \rightarrow \bigvee_{p \in P} (\text{gebacken}(p, t) \wedge ((k, p) \in M))).$$

## Ergebnisse aus der Belegung ablesen

Eine erfüllende Belegung der Formel  $\varphi_{K,T,P,M}$  erlaubt die folgende Interpretation:

- $\text{eingeladen}(k, t)$ :  $k$  wird zu  $t$  eingeladen.

- $\text{ausweichtermin}(k, t)$ :  $t$  ist ein möglicher Ersatztermin für  $k$ .
- $\text{gebacken}(p, t)$ : Die Plätzchensorte  $p$  wird an  $t$  gebacken.

Aus der erfüllenden Belegung können wir direkt entnehmen, wer zu welchem Termin eingeladen ist, welche Plätzchensorten gebacken werden und welche Termine mögliche Ersatztermine sind.