ΠΑΝΕΠΙΣΤΗΜΙΟ ΠΑΤΡΩΝ - ΤΜΗΜΑ ΜΗΧΑΝΙΚΩΝ Η/Υ ΚΑΙ ΠΛΗΡΟΦΟΡΙΚΗΣ

ΕΙΣΑΓΩΓΗ ΣΤΗ ΒΙΟΠΛΗΡΟΦΟΡΙΚΗ

ΠΡΩΤΟ ΣΥΝΟΛΟ ΑΣΚΗΣΕΩΝ · 2023–2024

ПЕРІЕХОМЕНА

1	ΕΡΩΤ	HMA 1		3				
	1.1	ЕРГАЛЕ	ΊΑ ΓΙΑ ΧΕΙΡΙΣΜΟ ΠΡΟΒΛΗΜΑΤΩΝ ΒΙΟΠΛΗΡΟΦΟΡΙΚΗΣ	3				
		1.1.1	"Introduction to the Bioinformatics Armory": (SMS 2)	3				
		1.1.2	"GenBank Introduction": Αναζήτηση	3				
		1.1.3	"Data Formats": Formats της GenBank	3				
		1.1.4	"New Motif Discovery": Αναζήτηση Motifs σε ακοθουθίες	3				
		1.1.5	"Pairwise Global Alignment": Στοίχιση ακοθουθιών	4				
		1.1.6	"FASTQ format introduction": Μετατροπή FASTQ σε FASTA	4				
		1.1.7	"Read Quality Distribution": Per sequence quality analysis	4				
		1.1.8	"Protein Translation": SMS 2 Translate	5				
		1.1.9	"Read Filtration by Quality": FASTQ Quality Filter	5				
		1.1.10	"Complementing a Strand of DNA": SMS 2 Reverse Complement	5				
		1.1.11	"Suboptimal Local Alignment": Lalign	6				
		1.1.12	"Base Quality Distribution": Per Base Sequence Quality	6				
		1.1.13	"Global Multiple Alignment": Clustal	7				
		1.1.14	"Finding Genes with ORFs":	7				
		1.1.15	"Base Filtration by Quality":	7				
	1.2	ΒΑΣΕΙΣ	ΔΕΔΟΜΕΝΩΝ NCBI & EBI	8				
2	ΕΡΩΤ	НМА 2		8				
	2.1	ΣΤΟΙΧΙΣ	Η ΑΚΟΛΟΥΘΙΩΝ	8				
	2.2	ΣΥΓΚΡΙ	ΣΗ ΔΟΜΩΝ	g				
3	ΕΡΩΤ	НМА З		10				
	3.1	прови	ΗΜΑΤΑ ΣΤΑΤΙΚΩΝ ΔΕΝΤΡΩΝ	10				
	3.2 ΔΥΝΑΜΙΚΟΙ ΑΛΓΟΡΙΘΜΟΙ							
		3.2.1	Δυναμικό δέντρο επιθεμάτων του McCreight	10				
		3.2.2	Δυναμικό δέντρο επιθεμάτων των Choi - Lam	10				
		3.2.3	Online αλγόριθμος του Ukkonen	11				
		3.2.4	LCP αλγόριθμος των Cole - Hariharan	11				
4	ΕΡΩΤ	НМА 4		11				
5	ΕΡΩΤ	НМА 5		12				
6	5 EPΩTHMA 6							

6.1	ΟΛΙΚΗ ΣΤΟΙΧΙΣΗ	12
6.2	ΤΟΠΙΚΗ ΣΤΟΙΧΙΖΗ	1:

ΑΛΕΞΑΝΔΡΟΣ ΞΙΑΡΧΟΣ · 1059619 2

1 ΕΡΩΤΗΜΑ 1

1.1 ΕΡΓΑΛΕΙΑ ΓΙΑ ΧΕΙΡΙΣΜΟ ΠΡΟΒΛΗΜΑΤΩΝ ΒΙΟΠΛΗΡΟΦΟΡΙΚΗΣ

Η σελίδα της Rosalind περιλαμβάνει κάποια βασικά προβλήματα, με σκοπό μια πρώτη εξοικείωση στο τομέα της Βιοπληροφορικής.

1.1.1 "Introduction to the Bioinformatics Armory": (SMS 2)

Το πρώτο πρόβημα αφορά την εύρεση των αριθμών των νουκηεοτιδίων από μια ακοηουθία DNA. Ένα εργαηείο για την ανάηυση της ακοηουθίας είναι το Sequence Manipulation Suite (SMS) 2. Πρόκειται για μια συηηογή Javascript προγραμμάτων για τη δημιουργία, στοίχιση και ανάηυση μικρών DNA και πρωτεϊνικών ακοηουθιών. [15] Χρησιμοποιώντας το DNA Stats, εισάγουμε το Sample Dataset και εισάγεται το πηήθος των νουκηεοτιδίων, και το ποσοστό εμφάνισής τους:

Pattern	Times found:	Percentage
g	17	24.29
a	20	28.57
С	21	30
3	12	17.14

1.1.2 "GenBank Introduction": Αναζήτηση

Αφορά τη βάση δεδομένων GenBank. [10] Μπορούμε να αναζητήσουμε ακολουθίες νουκλεοτιδίων και πρωτεϊνών, όπως επίσης και βιβλιογραφικές δημοσιεύσεις.

1.1.3 "Data Formats": Formats της GenBank

Στην GenBank για να υπάρχει μια συνέπεια στην αναπαράσταση των νουκλεοτιδικών ακολουθιών ακολουθείται ένα συγκεκριμένο format που περιλαμβάνει το header, τα χαρακτηριστικά της ακολουθίας και την ίδια την ακολουθία. Το εργαλείο GenBank to Fasta του SMS 2 [16] επιτρέπει την αντιγραφή κάποιου entry από το GenBank και τη μετατροπή του σε FASTA, τη πιο δημοφιλέστερη μορφή αναπαράστασης ακολουθιών. 1 Για παράδειγμα:

```
GenBank to FASTA results
>Strongylocentrotus purpuratus fascin (FSCN1) mRNA, complete cds.
acttgaaagtggataaaatcgactgataccaaaacaattgttttacagaagtggtcgt
ttgaggacatcaacatatttcacaatgcctgctatgaatttaaaatacaaatttggcctg
```

1.1.4 "New Motif Discovery": Αναζήτηση Motifs σε ακολουθίες

Με το εργαθείο MEME (Multiple Em for Motif Elicitation) [13], εισάγοντας ακοθουθίες που περιθαμβάνει motif ², εξάγεται η κανονική έκφραση (regular expression) του συγκεκριμένου motif.

¹Η μορφή FASTA αποτεθείται από ένα header (που ξεκινάει με το σύμβοθο ">" και ένα αγνωριστικό της ακοθουθίας), και τα δεδομένα της αθηθηθουχίας. Κάθε εγγραφή της GenBank είναι ποθύ πιο θεπτομερής σε σχέση με τη FASTA: περιθαμβάνει πθηροφορίες όπως το μήκος της ακοθουθίας, ημερομηνία τροποποίησης, περιγραφή της ακοθουθίας, χαρακτηριστικά της ακοθουθίας όπως επίσης και δημοσιεύσεις που σχετίζονται με την ακοθουθία.

²Πρόκειται για ένα μοτίβο συγκεκριμένης λειτουργικής σημασίας που επαναλαμβάνεται σε μια ακολουθία. Ο εντοπισμός τους έχει σημασία για την κατανόηση της λειτουργίας των αλληλουχιών.

```
Motif TISWYQ MEME-1 regular expression

TISWYQ

Motif YQPARIKEFAK MEME-2 regular expression

[YQ] [ALQ] [PC] [AGV]R[IR] [KV] [ERS]F[AMN] [KC]
```

Η κανονική έκφραση του μοτίβου που εξήχθη από τη δεύτερη ακολουθία για παράδειγμα, έχει ως πρώτη θέση πάντα το Υ ή το Q, στη δεύτερη θέση πάντα τη A, L ή Q,

1.1.5 "Pairwise Global Alignment": Στοίχιση ακολουθιών

Στο εργαθείο Needle [8] μπορούμε να εισάγουμε τα ID από δύο GenBank entries, με σκοπό την οθική στοίχισή τους.

Κομμάτι του αποτελέσματος που εξάγεται:

```
%# Length: 142
%# Identity: 122/142 (85.9%)
%# Similarity: 131/142 (92.3%)
%# Gaps: 0/142 ( 0.0%)
%# Score: 648.0
```

1.1.6 "FASTQ format introduction": Μετατροπή FASTQ σε FASTA

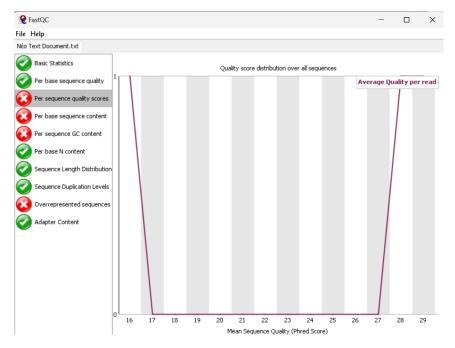
Η διαφορά του FASTQ αρχείου σε σχέση με το FASTA είναι πως περιθαμβάνει quality scores (πθηροφορίες ποιότητας) για κάθε νουκθεοτίδιο στην ακοθουθία. Αναπαρίσταται ως μια "γραμμή ποιότητας", κάτω από την ακοθουθία, συνδεδμένη με ένα "+".

Υπάρχουν διαφορετικοί online convertors που μπορούν να το μετατρέψουν σε FASTA, όπως ο Sequence Conversion της Bugaco, [2] στον οποίον ανεβάζουμε ένα FASTQ αρχείο και το μετατρέπουμε σε αρχείο .fasta.

1.1.7 "Read Quality Distribution": Per sequence quality analysis

Το FastQC [FastQC] είναι πογισμικό ανάγνωσης ακοπουθιακών δεδομένων, το οποίο μπορεί να εξάγει γραφικά και πίνακες επέγχου ποιότητας των ακοπουθιών.

```
INPUT:
    @Rosalind_0041
    GGCCGGTCTATTTACGTTCTCACCCGACGTGACGTCCC
+
    6.3536354;.151<211/0?::6/-2051)-*"40/.,+%)
    @Rosalind_0041
    TCGTATGCGTACCACTTGGTACAGGAAGTGAACATCCAGGAT
    +
    AH@FGGGJ<GB<<9:GD=D@GG9=?A@DC=;:?>839/4856
    @Rosalind_0041
    ATTCGGTAATTGGCGTGAATCTGTTCTGACTGATAGAGACAA
    +
    @DJEJEA?JHJ@8?F?IA3=;8@C95=;=?;>D/:;74792
```



Σχήμα 1.1: Γραφικό περιβάλλον FastQC.

1.1.8 "Protein Translation": SMS 2 Translate

Μέσω του εργαθείου Translate του SMS 2 [17], μπορούμε να μεταφράσουμε την αθθηθουχία των νουκθεοτιδίων σε αμινοξέα. Για παράδειγμα:

```
INPUT:
    >test
    ATGGCCATGGCGCCCAGAACTGAGATCAATAGTACCCGTATTAACGGGTGA

OUTPUT:
    >rf 1 test
    MAMAPRTEINSTRING*
```

1.1.9 "Read Filtration by Quality": FASTQ Quality Filter

Μπορούμε να "καθαρίσουμε" αδιάφορα κομμάτια από τις αθθηθουχίες, με στόχο τη βεθτίωση της ποιότητας των δεδομένων μας, χρησιμοποιώντας το FASTQ Quality Filter της Galaxy. [9]

Aπό το εργαλείο εξάγεται το αρχείο $Galaxy2-[Filter_by_quality_on_data_1]$. fastqsanger το οποίο περιλαμβάνει μόνο τα φιλταρισμένα entries.

1.1.10 "Complementing a Strand of DNA": SMS 2 Reverse Complement

To Reverse Complement του SMS 2 επιστρέφει τα συμπληρωματικά νουκλεοτίδια. Για παράδειγμα:

```
INPUT:
  >Rosalind 12
  GACTCCTTTGTTTGCCTTAAATAGATACATATTTACTCTTGACTCTTTT...
   ...GTTGGCCTTAAATAGATACATATTTGTGCGACTCCACGAGTGATTCGTA
  >Rosalind 37
  ATGGACTCCTTTGTTTGCCTTAAATAGATACATATTCAACAAGTGTGCA...
   ...CTTAGCCTTGCCGACTCCTTTGTTTGCCTTAAATAGATACATATTTG
OUTPUT:
   Rosalind 37
                      ( 96) [f] 465 35.8 1.6e-07 0.763 0.774 93
                                      308 19.1 0.017 0.549 0.593 91
                                      252 13.1 0.65 0.476 0.563 103
                                     244 12.3 0.85 0.489 0.564 94
                                     235 11.3 0.98 1.000 1.000 34
                           ( 96) [r] 229 10.7 1 0.442 0.526 95
  Rosalind 37
```

1.1.11 "Suboptimal Local Alignment": Lalign

Το εργαλείο Lalign [11] βρίσκει επαναλαμβανόμενες εσωτερικές ακολουθίες νουκλεοτιδίων ή πρωτεϊνών, στοιχίζοντας ξένες υπακολουθίες, ψάχνοντας ομοιότητες. Για παράδειγμα:

```
INPUT:

>Rosalind_48

GCATA

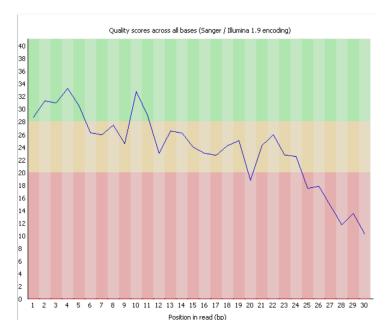
OUTPUT:

>Rosalind_48 reverse complement

TATGC
```

1.1.12 "Base Quality Distribution": Per Base Sequence Quality

Το FastQC [FastQC] εμφανίζει διάγραμμα με τη μετρική Base Call Quality. Για παράδειγμα:



Σχήμα 1.2: Διάγραμμα μετρικής Base Call Quality.

1.1.13 "Global Multiple Alignment": Clustal

Το πρόγραμμα Clustal πραγματοποιεί ολική στοίχιση ακολουθιών.

1.1.14 "Finding Genes with ORFs":

Το OTF Finder του SMS 2 ξεχωρίζει το κωδικόνιο έναρξης και λήξης και επιστρέφει τη μεγαλύτερη πρωτεϊνική ακολουθία. Για παράδειγμα:

1.1.15 "Base Filtration by Quality":

Το FASTQ Quality Filter του Galaxy μπορεί να χρησιμοποιηθεί για να καθαρίσουμε τα entries που δεν ικανοποιούν κάποιο threshold. Για παράδειγμα για window size 20:

```
INPUT:
    @Rosalind_0049
    GCAGAGACCAGTAGATGTGTTTGCGGACGGTCGGGCTCCATGTGACACAG
    +
    FD@@;C<AI?4BA:=>C<G=:AE=><A??>764A8B797@A:58:527+,

OUTPUT:
    @Rosalind_0049
    GCAGAGACCAGTAGATGTGTTTGCGGACGGTCCGTGCACAC
    +
    FD@@;C<AI?4BA:=>C<G=:AE=><A??>764A8B797@A:58:527
```

1.2 ΒΑΣΕΙΣ ΔΕΔΟΜΕΝΩΝ ΝΟΒΙ & ΕΒΙ

Η βάση δεδομένων NCBI (National Center for Biotechnology Information) [14] χρησιμοποιεί το COBALT [5] ως εργαλείο πολλαπλής στοίχισης. ΤΟ COBALT (Constraint-Based Multiple Alignment Tool) λαμβάνει motif και ομοιότητες από υπάρχουσες βάσεις δεδομένων, τα οποία μετά αξιοποιεί για τη στοίχιση των ακολουθιών. Είναι πιο αποτελεσματικό σε συγκεκριμένα είδη πρωτεϊνών, είναι πιο υπολογιστικά απαιτητικό γενικά.

Αντίθετα, η βάση δεδομένων ΕΒΙ [7] (European Bioinformatics Institute) χρησιμοποιεί το Cluster Omega [4]. Το Cluster Omega είναι εξαιρετικά γρήγορο και ευέλικτο καθώς χρησιμοποιεί προοδευτική σύγκριση (progressive alignment) για την κατασκευή πολλαπλών στοιχίσεων. Αυτό επιτυγχάνεται με τη δημιουργία ιεραρχικών δομών (guide trees) που αναπαριστούν τις ομοιότητες μέσα στις ακολουθίες, οι οποίες στη συνέχεια στοιχίζονται. Μπορεί να στοιχίσει ταυτόχρονα πολλαπλές ακολουθίες, προσφέροντας υψηλή ακρίβεια και κλιμακωτή απόδοση.

2 EPΩTHMA 2

Μετά από αναζήτηση, χρησιμοποιούμε τις εξής αλυσίδες φεριττίνης:

```
>AAH13928.1 Ferritin, light polypeptide [Homo sapiens]

MSSQIRQNYSTDVEAAVNSLVNLYLQASYTYLSLGFYFDRDDVALEGVSHFFRELAEEKREGYERLLKMQNQRGGRALFQ
DIKKPAEDEWGKTPDAMKAAMALEKKLNQALLDLHALGSARTDPRLCDFLETHFLDEEVKLIKKMGDHLTNLHRLGGPEA
GLGEYLFERLTLKHD

>NP_001126850.1 ferritin light chain [Pongo abelii]

MSSQIRQNYSTDVEAAVNSLVNMYLQASYTYLSLGFYFDRDDVALEGVSHFFRELAEEKREGYERLLKMQNQRGGRALFQ
DIKKPAEDEWGKTPDAMKAAMALEKKLNQALLDLHALGSAHTDPHLCDFLETHFLDEEVKLIKKMGDHLTNLHRLGGPEA
GLGEYLFERLTLKHD

>XP_063672238.1 ferritin light chain-like [Pan troglodytes]

MFWQFGGPAGLSLASTVFGRNRSGDSLPASDRPPISSPLATSGTIFSAISCFWDLPAPFLWLAPSCQPTMSSQIRQNYST
DVEAAVNSLVNLYLQASYTYLSLGFYFDRDDVALEGVSHFFRELAEEKREGYERLLKMQNQRGGRALFQDIKKPAEDEWG
KTPDAMKAAMALEKKLNQALLDLHALGSAHTDPHLCDFLETHFLDEEVKLIKKMGDHLTNLHRLGGPEAGLGEYLFERLT
LKHD
```

2.1 ΣΤΟΙΧΙΣΗ ΑΚΟΛΟΥΘΙΩΝ

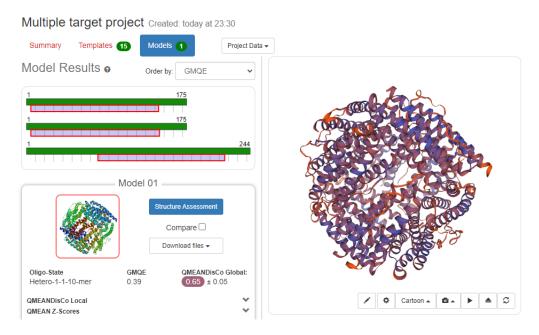
Για τη στοίχιση των ακολουθιών χρησιμοποιούμε το εργαλείο T-COFFEE [18].



Σχήμα 2.1: Αποτελέσματα εργαλείου T-COFFEE.

Βλέπουμε πως υπάρχει μια πολύ καλή βαθμολογία (99), το οποίο σημαίνει πως υπάρχει μεγάλη ομοιότητα ανάμεσα στις ακολουθίες.

2.2 ΣΥΓΚΡΙΣΗ ΔΟΜΩΝ



Σχήμα 2.2: Αποτελέσματα εργαλείου swiss-modeller.

Αφού εξάγουμε το αρχείο .pdb μέσω του swiss-modeller, συγκρίνουμε τις δομές χρησιμοποιώντας το Dali.

```
1287: 8jb0-F 15.3 2.1 128 161 13 MOLECULE: BACTERIOFERRITIN;
1288: 8jb0-T 15.3 2.0 128 162 14 MOLECULE: BACTERIOFERRITIN;
1289: 8jb0-S 15.3 2.1 129 161 13 MOLECULE: BACTERIOFERRITIN;
1290: 2pyb-A 15.3 1.9 131 151 7 MOLECULE: NEUTROPHIL ACTIVATING PROTEIN;
1291: 6zlq-Z 15.2 2.3 136 174 75 MOLECULE: FERRITIN;
1292: 6zlq-G 15.2 2.3 136 174 75 MOLECULE: FERRITIN;
1293: 6job-B 15.2 2.4 137 172 50 MOLECULE: FERRITIN HEAVY CHAIN;
1294: 6job-A 15.2 2.4 137 172 50 MOLECULE: FERRITIN HEAVY CHAIN;
1295: 5obb-F 15.2 2.4 136 174 49 MOLECULE: FERRITIN HEAVY CHAIN;
1296: 1xz1-A 15.2 2.4 137 168 82 MOLECULE: FERRITIN LIGHT CHAIN;
```

3 ΕΡΩΤΗΜΑ 3

Τα γενικευμένα δέντρα επιθεμάτων (generalized suffix trees) επιτρέπουν την αποθήκευση και την αναζήτηση πολλαπλών συμβολοσειρών, εν αντιθέσει με τα δέντρα επιθεμάτων (suffix trees) που αφορούν μια συγκεκριμένη συμβολοσειρά. Πρόκειται για μια στατική δομή δεδομένων, μιας και κατασκευάζεται για κάποιες συγκεκριμένες συμβολοσειρές που ορίζονται εξ' αρχής. Ως αποτέλεσμα, η δομή δεν έχει σχεδιαστεί για να δέχεται εύκολα τροποποιήσεις, όπως είναι η εισαγωγή νέων συμβολοσειρών ή η διαγραφή υπάρχοντων. Συγκεκριμένα:

3.1 ΠΡΟΒΛΗΜΑΤΑ ΣΤΑΤΙΚΩΝ ΔΕΝΤΡΩΝ

Για να μπορέσει να εισαχθεί μια νέα συμβολοσειρά στο γενικευμένο δέντρο επιθεμάτων, είναι απαραίτητη η ανακατασκευή ολόκληρου του δέντρου μιας και άλλαξε η είσοδος.

Έτσι όθα τα υπάρχοντα μονοπάτια –που αναπαριστούν τα υπάρχοντα επιθέματα– χρειάζεται να ανανεωθούν για να συμβαδίζουν με τις αθθαγές της εισόδου. Παρόμοια ανανέωση απαιτείται και με διαγραφή κάποιας συμβοθοσειράς, αφού τροποποιείται και πάθι η είσοδος του δέντρου.

Η αναδιάρθρωση των μονοπατιών από την αρχή μετά από κάθε εισαγωγή και διαγραφή δεν είναι αποδοτική καθώς κάθε φορά είναι απαραίτητο να επαναυπολογιστεί ολόκληρο το δέντρο.

3.2 ΔΥΝΑΜΙΚΟΙ ΑΛΓΟΡΙΘΜΟΙ

Είναι σαφές ότι είναι απαραίτητος ένας δυναμικός τρόπος διαχείρισης της δομής, ώστε να μη χρειάζεται η ανακατασκευή όπων των μονοπατιών κάθε φορά που αππάζει η είσοδος του δέντρου, αππά παρά μόνο των μονοπατιών που επηρεάζονται.

3.2.1 Δυναμικό δέντρο επιθεμάτων του McCreight

Ο McCreight προτείνει έναν νέο αλγόριθμο [12], ο οποίος κατασκευάζει το δέντρο επιθεμάτων σταδιακά (Algorithm M), προσθέτοντας ένα επίθεμα τη φορά. Κατ' αυτόν τον τρόπο, δεν είναι απαραίτητη η πρότερη γνώση όλων των συμβολοσειρών, συντελώντας σε μια κάπως δυναμική μορφή δέντρου, από την άποψη ότι δε χρειάζεται η πρωτύτερη γνώση ολόκληρης της εισόδου για να ξεκινήσει η εισαγωγή των επιθεμάτων.

Προφανώς, η πρόταση του McCreight δεν αποτεθεί μια καθαρόαιμη δυναμική δομή δεδομένων.

3.2.2 Δυναμικό δέντρο επιθεμάτων των Choi - Lam

Οι Choi - Lam προτείνουν μια νέα δυναμική υθοποίηση για το δέντρο επιθεμάτων. [3] Κατά την εισαγωγή μιας νέας συμβοθοσειράς, το δέντρο ψάχνει το μεγαθύτερο επίθεμα και μετά προσθέτει τα νέα επιθέματα κάνοντας τις απαραίτητες μεταβοθές στις ακμές και στους κόμβους. Στην εισαγωγή χρησιμοποιείται μια ιδέα που παρουσίασε και ο McCreight, τα suffix links.

Αντίστοιχα κατά τη διαγραφή μιας συμβολοσειράς s, αναγνωρίζονται και διαγράφονται οι ακμές / επιθέματα που σχετίζονται με το s και ο αλγόριθμος ανανεώνει τις ετικέτες των φύλλων τους. Το αποτέλεσμα είναι σε κάθε περίπτωση να επανακατασκευάζεται το δέντρο ακέραια, επιτρέποντας τη δυναμική προσθήκη και διαγραφή συμβολοσειρών σε O(nloqA) χρόνο.

3.2.3 Online αλγόριθμος του Ukkonen

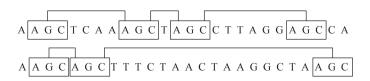
Ο Ukkonen προτείνει έναν νέο αλγόριθμο κατασκευής δέντρων επιθεμάτων σε γραμμικό χρόνο. [19] Ο αλγόριθμος διαχειρίζεται την εισαγωγή και διαγραφή των συμβολοσειρών με έναν τρόπο που επιτρέπει την ανανέωση του δέντρου χωρίς να χρειάζεται η ανακατασκευή όπων των μονοπατιών.

Για κάθε νέο χαρακτήρα που εισάγεται, ο αλγόριθμος ανανεώνει το δέντρο επιθεμάτων επεκτείνοντας τα υπάρχοντα επιθέματα με τον νέο χαρακτήρα. Όταν διαγράφεται μια συμβολοσειρά, ο αλγόριθμος διασχίζει το δέντρο για να εντοπίσει και να διαγράψει τους κόμβους που αντιστοιχούν στα επιθέματα του διαγραμμένου χαρακτήρα. Αυτά επιτυγχάνονται σε γραμμικό χρόνο.

3.2.4 LCP αλγόριθμος των Cole - Hariharan

Τέλος οι Cole - Hariharan προτείνουν έναν LCP (Longest Common Prefix) αλγόριθμο για το δέντρο επιθεμάτων, με $O(\log n)$ χειρότερο χρόνο για εισαγωγές και διεγραφές. [6]

4 EPΩTHMA 4



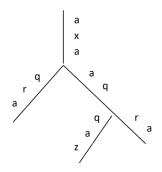
Ένα **Γενικευμένο Δέντρο Επιθεμάτων** περιέχει όλα τα suffixes από πολλαπλές συμβολοσειρές. Κάθε κόμβος του δέντρου αναπαριστά ένα κοινό suffix από αυτές τις συμβολοσειρές, και τα φύλλα πληροφορίες για τις συμβολοσειρές και τη θέση του επιθέματος μέσα στην συμβολοσειρά.

Επομένως, για την εύρεση επαναλήψεων, διασχίζουμε το δέντρο και συλλέγουμε τους κόμβους/φύλλα. Αν ένας κόμβος περιθαμβάνει k φορές το ίδιο επίθεμα, τότε αυτή η συμβοθοσειρά επαναθαμβάνεται σε διαφορετικές ακολουθίες. Σε περίπτωση που υπάρχουν περιορισμοί στα κενά, τότε θα λάβουμε υπόψη μας και τις θέσεις των επιθεμάτων, όπως είναι αποθηκευμένες στα φύλλα.

Με χρήση του **K-mers** αλγορίθμο μπορούμε να σπάσουμε τη συμβολοσειρά σε μικρότερα κομμάτια μήκους k, όπου k το μέγεθος της συμβολοσειράς που επαναλαμβάνεται, και να συγκρίνουμε τα σπασμένα κομμάτια της με την επαναλαμβανόμενη. Για πιο αποδοτική σύγκριση μπορούμε να χρησιμοποιήσουμε κάποιο hashtable. Στην περίπτωση που υπάρχουν περιορισμοί στα κενά μπορούμε να προσπεράσουμε κάποιες συγκρίσεις συμβολοσειρών όταν έχουμε βρει match.

12

5 EPΩTHMA 5



Έστω πρότυπο P και κείμενο T. Ο μόνος αλγόριθμος που μπορεί να τρέξει realtime, δηλαδή σε O(n+m) χρόνο, όπου n ο συνολικός αριθμός χαρακτήρων του T και m το μήκος του προτύπου P, είναι ο **Knuth-Morris-Pratt** αλγόριθμος.

Εφαρμόζουμε τον αλγόριθμο αφού πρώτα διασχίσουμε το δέντρο, όπου για κάθε χαρακτήρα $\in P$ ακολουθούμε τις ακμές που αντιστοιχούν σε αυτό. Μπορεί να χρησιμοποιηθεί κάποιος DFS αλγόριθμος για την εύρεση όλων των εμφανίσεων.

6 EPΩTHMA 6

6.1 ΟΛΙΚΗ ΣΤΟΙΧΙΣΗ

Οι τιμές του D(i,j) ορίζονται ως

$$D(i,j) = \min\{D(i-1,j) + 1, D(i,j-1) + 1, D(i-1,j-1) + t(i+j))\}$$

όπου t(i,j)=1 αν υπάρχει συμφωνία και t(i,j)=0 αν υπάρχει ασυμφωνία.

Ο πίνακας δυναμικού προγραμματισμού είναι ο εξής:

D		G	U	G	T	Т	G	T	G	G
	0	\leftarrow 1	←2	←3	←4	← 5	←6	←7	←8	←9
Т	†1	× 1	$\nwarrow \leftarrow 2$	\nwarrow \leftarrow 3	< 3	\nwarrow \leftarrow 4	\leftarrow 5	<u></u>	←7	←8
С	†2	<u>\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\</u>	× 2	K ←3	<u></u> ←↑4	√4	$\nwarrow \leftarrow 5$	^K √←6	₹ ←7	[⊼] √←8
G	†3	₹2	<u></u>	× 2	←3	\leftarrow 4	< 4	\leftarrow 5	←6	←7
T	†4	↑3	√3	†3	~2	< ≺3	←4	√4	←5	←6
G	†5	√4	<u>\</u>	√3	<u></u>	X 3	√3	\leftarrow 4	₹4	<u> </u>
Α	↑6	†5	<u></u> ↑5	†4	<u>\</u>	<u>_</u>	^4	₹ 4	△ ←↑5	√ 5
Α	↑7	↑6	<u>\</u> \ \ \ \	†5	<u>\</u> \ \ \ \ 5	<u>\</u> \ \ \ \ \ 5	<u></u>	\	√5	\nwarrow \leftarrow \uparrow 6
T	↑8	↑7	△ ↑7	†6	√5	√5	<u></u>	√ 5		₹ 6
T	†9	†8	<u></u>	†7	<u></u>	√5	[~] ←6	<u>\</u> \ \ \ \		\ ← ↑7

Η τιμή της βέθτιστης οθικής στοίχισης είναι 7. Μπορούμε να ακοθουθήσουμε ποθθά διαφορετικά μονοπάτια οπισθοδρόμησης. Για το σκιασμένο προκύπτει η εξής στοίχιση:

```
GUGTTGTGG
| |
TCGTGAATT
```

6.2 ΤΟΠΙΚΗ ΣΤΟΙΧΙΣΗ

Οι τιμές του v(i,j) ορίζονται ως

$$v(i,j) = \max\{v(i-1,j) + s(S_1(i),\underline{\ }), v(i,j-1) + s(\underline{\ }, S_2(j)), v(i-1,j-1) + s(S_1(i), S_2(j)), 0\}$$

٧		G	U	G	T	T	G	T	G	G
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
T	0	0	0	0	_1	_1	0	<u>1</u>	0	0
С	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
G	0	<u>1</u>	0	∖_1	0	0	<u>1</u>	0	_1	\ <u></u> 1
T	0	0	0	0	<u>1</u>	<u>1</u>	0	<u>2</u>	\rightarrow 1	0
G	0	<u>\</u> 1	0	<u>1</u>	0	0	_2	\rightarrow 1	>3	$\searrow \rightarrow 2$
Α	0	0	0	0	0	0	√1	<u>1</u>	↓2	2
Α	0	0	0	0	0	0	0	0	↓1	_\J\1
T	0	0	0	0	0	_1	<u>1</u>	0	√1	0
T	0	0	0	0	0	\searrow 1	<u>\</u> 2	\rightarrow 1	\searrow 1	0

Η τιμή της βέλτιστης τοπικής στοίχισης είναι 3.

```
GUGTTGTGG
    1 1 1 1
    T C G T G A A T T
```