Занятие 6

Степень дроби 2

13 марта 2024

Задача 1. Смотри фото:

85. Упростите выражение:

$$\begin{array}{l} \mathbf{a)} \ \frac{a^{\frac{1}{2}}b^{\frac{1}{2}}}{c^{\frac{1}{6}}} \colon \left(\frac{c^{-\frac{1}{2}}}{a^{-\frac{1}{3}}b^{-\frac{1}{3}}} \cdot \frac{b^{-\frac{5}{6}}c^{-\frac{2}{3}}}{a^{\frac{5}{6}}}\right); & \mathbf{1)} \ a^{2}bc; \ 2) \ abc; & \mathbf{3)} \ a^{\frac{1}{2}}b^{\frac{1}{2}}c; & \mathbf{4)} \ ab^{2}c^{2}; \\ \hline \mathbf{6)} \ \left(\frac{a^{-\frac{1}{2}}b^{-\frac{1}{3}}}{a^{-\frac{3}{4}}b^{-\frac{5}{6}}} \colon \sqrt[4]{a^{-3}b^{-5}}\right)^{\frac{2}{7}} + \left(a^{\frac{1}{3}} \cdot \left(a^{-\frac{1}{2}}b^{-\frac{1}{3}} \cdot (a^{2}b^{2})^{\frac{2}{3}}\right)^{-\frac{1}{2}}\right)^{6}; \\ \hline \mathbf{B)} \ \frac{a^{\frac{1}{2}}b^{\frac{1}{2}}}{(a^{2}b)^{\frac{3}{4}}} \left(\frac{a^{2}xy^{-1}}{by^{\frac{1}{2}}}\right)^{-\frac{1}{2}} \left(\frac{a^{\frac{1}{6}}b^{-\frac{1}{2}}}{x^{-1}y^{\frac{1}{3}}}\right)^{-3} \left(\frac{a^{4}b^{\frac{1}{2}}x^{5}y}{a^{-3}b^{2}x^{-4}}\right)^{\frac{1}{2}}; \\ \hline \mathbf{P)} \ \sqrt{a^{-\frac{1}{2}}\sqrt{b^{-\frac{3}{4}}a^{3}}\sqrt[3]{a^{\frac{1}{2}}b^{\frac{1}{4}}}} \colon \sqrt[3]{a^{-1}\sqrt[3]{a^{-\frac{3}{2}}b^{-1}}\sqrt{a^{-\frac{3}{4}}b^{-1}}}. \end{array}$$

Задача 4. Смотри фото:

2.069.
$$\frac{a^{7/3} - 2a^{5/3}b^{2/3} + ab^{4/3}}{a^{5/3} - a^{4/3}b^{1/3} - ab^{2/3} + a^{2/3}b} : a^{1/3}.$$

2.070.
$$\frac{(a^2-b^2)(\sqrt[3]{a}-\sqrt[3]{b})}{\sqrt[3]{a^4}+\sqrt[3]{ab^3}-\sqrt[3]{a^3b}-\sqrt[3]{b^4}}.$$

2.071.
$$\frac{(m-1)\sqrt{m}-(n-1)\sqrt{n}}{\sqrt{m^3n+mn+m^2-m}}.$$

2.072.
$$\frac{\sqrt[3]{ab}(\sqrt[3]{b^2} - \sqrt[3]{a^2}) + \sqrt[3]{a^4} - \sqrt[3]{b^4}}{\sqrt[3]{a^4} + \sqrt[3]{a^2}b^2 - \sqrt[3]{a^3}b} \cdot \sqrt[3]{a^2}.$$

Задача 5. Вычислите:
$$\frac{1}{\sqrt{1}+\sqrt{2}}+\frac{1}{\sqrt{2}+\sqrt{3}}+\cdots+\frac{1}{\sqrt{99}+\sqrt{100}}$$

Задача 6. Задача Бхаскары.** Упростите выражение: $\sqrt{10+\sqrt{24}+\sqrt{40}+\sqrt{60}}$