Занятие 11

Системы уравнений и продолжение метода интервалов

24 апреля 2024

Задача 1. Решить систему уравнений:

Вариант 1. 1) $\begin{cases} x + y = 3 \\ x - y = -1 \end{cases}$ 2) $\begin{cases} 2x - 3y = -5 \\ 4x - 8y = -16 \end{cases}$ 3) $\begin{cases} 2y - x = -4 \\ -3y + 4x = 11 \end{cases}$ 4) $\begin{cases} \frac{1}{2}x - y = \frac{1}{2} \\ \frac{3}{4}x + \frac{1}{4}y = -\frac{13}{4} \end{cases}$ 5) $\begin{cases} 2(x+1) - 3(y+1) = -4 \\ 4x - 6(2-y) = -6 \end{cases}$ Вариант 2 1) $\begin{cases} x + y = 5 \\ -2x - y = 6 \end{cases}$ 2) $\begin{cases} 3x + 4y = 18 \\ -2x - 3y = -13 \end{cases}$

Задача 2. Решить неравенство:

Вариант 5
Решить неравенство
1)
$$x^2 \le 25$$
; 2) $11+10x-x^2 > 0$
3) $\frac{8-x}{4x+6} < 0$ 4) $(2x+7)^2 > (2+7x)^2$;
5) $\frac{4+x}{2x-3} \le \frac{5+3x}{3-2x}$.

Вариант 6
Решить неравенство
1) $3x^2 > 27$; 2) $3-5x-2x^2 < 0$;
3) $\frac{x+1}{9+2x} \ge 0$ 4) $(8-3x)^2 \le (8x+3)^2$;
5) $\frac{3x+7}{x-2} > \frac{x-4}{2-x}$.

Задача 3. Докажите неравенство:

a)
$$51a^2 + 14ab + b^2 > -1$$

b)
$$17x^2 + 16xy + 5y^2 - 4y > -10$$