Занятие 4

Корень п-й степени

28 февраля 2024

- **Задача 1.** При каких значениях x данное выражение имеет смысл: **1)** $\sqrt{-x}$; **2)** $\sqrt{x+3}$; **3)** $\sqrt{(x-6)^2}$?
 - При каких значениях x справедливо равенство $\sqrt{(x-7)^2} = x-7$?
 - Является ли $1)\sqrt{2}$; $2)\sqrt{3}$; $3)\sqrt{\sqrt{2}}$ рациональным числом?
 - Извлеките корень 3-й степени из \mathbf{a})1000 \mathbf{b})10⁶ \mathbf{c})10^{3k}.

Задача 2. Вычислите:

a)
$$(1+\sqrt{2})(1-\sqrt{2})$$
 b) $(\sqrt{5}-2)(\sqrt{5}+2)$
c) $(\sqrt{7}+\sqrt{2})(\sqrt{7}-\sqrt{2})$ d) $(\sqrt{7}+\sqrt{6})(\sqrt{7}-\sqrt{6})$
e) $(2\sqrt{3}-1)(2\sqrt{3}+1)$ f) $(\sqrt{5}-2\sqrt{10})(\sqrt{5}-2\sqrt{10})$.

Задача 3. Сократите дробь:
$$\mathbf{a}$$
) $\frac{a^2-4}{a^2-2}$ \mathbf{b}) $\frac{c^2-6}{c^2-\sqrt{6}}$ \mathbf{c}) $\frac{x-2}{\sqrt{x}+\sqrt{2}}$ \mathbf{d}) $\frac{a-b}{\sqrt{a}-\sqrt{b}}$.

Задача 4. Вычислите:

a)
$$\sqrt{(0.18)^2}$$
 b) $\sqrt{(-0.4)^2}$
c) $\sqrt[3]{(0.39)^3}$ d) $\sqrt[3]{(-0.6)^3}$
e) $\sqrt[4]{(-0.3)^4}$ f) $\sqrt{|-25|}$.

Задача 5. Запишите лишь с одним знаком радикала выражение:

a)
$$\sqrt{(\sqrt{2}-1)^2}$$
 b) $\sqrt{(1-\sqrt{3})^2}$
c) $\sqrt{(\sqrt{11}-\sqrt{10})^2}$ d) $\sqrt{(\sqrt{5}-\sqrt{3})^2}$.

Задача 6. Упростите выражение:

a)
$$\sqrt{7-4\sqrt{3}}$$
 b) $\sqrt{2+\sqrt{9+4\sqrt{2}}}$
c) $\sqrt{3-2\sqrt{2}}$ d) $\sqrt{9-4\sqrt{5}}$
e) $\sqrt{13+30\sqrt{2+\sqrt{9+4\sqrt{2}}}}$ f) $\sqrt[3]{2+\sqrt{5}}+\sqrt[3]{2-\sqrt{5}}$.