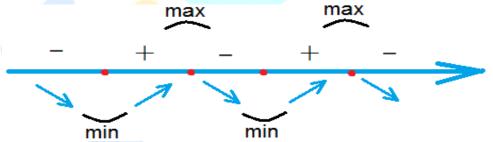
# Наибольшее и наименьшее значение функции

#### Чтобы найти точки максимума или минимума необходимо:

- **1.** Найти производную функции f'(x)
- 2. Найти стационарные точки, решив уравнение f'(x) = 0
- 3. Разложить производную функции на множители.
- 4. Начертить координатную прямую, расставить на ней стационарные точки и определить знаки производной в полученных интервалах, пользуясь записью п.3.
- 5. Найти точки максимума или минимума по правилу: если в точке производная меняет знак с плюса на минус, то это будет точка максимума (если с минуса на плюс, то это будет точка минимума). На практике удобно использовать изображение стрелок на промежутках: на промежутке, где производная положительна, стрелка рисуется вверх и наоборот.



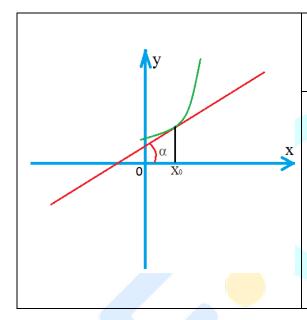
#### Алгоритм нахождения наибольшего или наименьшего значения функции

- 1. Выполнить пункты 1-5 из предыдущего раздела.
- 2. Вычислить значение функции на концах отрезка и в стационарных точках из n.3
- 3. Выбрать из полученных результатов наибольшее или наименьшее значение.

## Основные правила дифференцирования

$(f \pm g)' = f' \pm g''$	$(f\cdot g)'=f'\cdot g+f\cdot g'$
$\left(\frac{f}{g}\right)' = \frac{f' \cdot g - f \cdot g'}{g^2}$	$(f(g))'=f'(g)\cdot g'$

### Геометрический смысл производной



$$f'(x_0) = k = tg\alpha = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$

1. 
$$f'(x) > 0 < = >$$

f(x) - возрастающая в точке

$$2. f'(x) < 0 < = >$$

f(x) - убывающая в точке

3. 
$$f'(x) = 0 < = >$$

f(x) - имеет экстремум в точке  $x_0$