# **Physik**

#### Konstanten

 $\begin{array}{l} \cdot \ g = 9,81\frac{m}{s^2} \\ \cdot \ G = 6,674 \cdot 10^{-11}\frac{m^3}{kgs^2} \\ \cdot \ \epsilon_0 = 8,85 \cdot 10^{-12}\frac{As}{Vm} \\ \cdot \ \mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7}\frac{Vs}{Am} \\ \cdot \ k_B = 1,38 \cdot 10^{-23}\frac{J}{K} \\ \cdot \ R = 8,314\frac{J}{molK} \\ \cdot \ N_A = 6,022 \cdot 10^{23}\frac{1}{mol} \\ \cdot \ \vartheta_0 = -273,15^{\circ}\mathrm{C} \\ \cdot \ c_0 = 2,998 \cdot 10^8\frac{m}{s} \end{array}$ 

### Allgemeines

#### Kleinwinkelnäherung

 $\tan \phi \approx \sin \phi \approx \phi$  $\cos \phi \approx 1$ 

#### Additionst heoreme

 $\sin(x \pm y) = \sin x \cos y \pm \sin y \cos x$  $\cos(x \pm y) = \cos x \cos y \mp \sin x \sin y$ 

#### Kreuzprodukt

$$\vec{v} \times \vec{u} = (v_2u_3 - v_3u_2, v_3u_1 - v_1u_3, v_1u_2 - v_2u_1)$$

#### Polarkoordinaten

$$e^{i\varphi} = \cos(\varphi) + i\sin(\varphi)$$
  
 $z = |z| e^{i\varphi}$ 

#### 1 Mechanik

v	$\frac{m}{s}$	Geschwindigkeit
a	$\frac{\frac{\tilde{m}}{s^2}}{\frac{rad}{s}}$	Beschleunigung
$\omega$		Winkelgeschwindigkeit
p	$\frac{kgm}{s}$	Impuls
F	$\frac{kgm}{s^2} = N$	Kraft
W	$\frac{kgm^2}{r^{s^2}}$	Arbeit
P	$\frac{J}{s} = W$	Leistung
ρ	<u>kg</u>	Massendichte
M	$\stackrel{m}{N}\stackrel{3}{m}$	Drehmoment
I	$kgm^2$	Trägheitsmoment
L	Nsm	Drehimpuls
$\alpha$	$\frac{rad}{2}$	Winkelbeschleunigung
D;k	$\frac{\stackrel{s}{N}^2}{m}$	Federkonstante

#### 1.1 Kinematik

$$\begin{split} \vec{v}(t) &= \frac{\partial \vec{r}(t)}{\partial t} = \dot{\vec{r}} \\ \vec{a}(t) &= \frac{\partial \vec{v}}{\partial t} = \dot{\vec{v}} = \ddot{\vec{x}} \\ \Delta v &= \int_{t_1}^{t_2} a(t) \mathrm{d}t \\ \Delta x &= \int_{t_1}^{t_2} v(t) \mathrm{d}t \\ v &= v_0 + a_0(t - t_0) \\ x &= x_0 + v_0(t - t_0) + \frac{1}{2}a(t - t_0)^2 \\ v &= \sqrt{v_0^2 + 2a(x - x_0)^2} \end{split}$$

#### Kreishewegung

$$\begin{split} \vec{v} &= \frac{\partial \vec{s}}{\partial t} = R \frac{\partial \varphi}{\partial t} \vec{e}_{\varphi} =: R \omega \vec{e}_{\varphi} \\ \vec{a} &= \frac{\partial \vec{v}}{\partial t} = -v \frac{\partial \varphi}{\partial t} \vec{e}_{r} = -v \omega \vec{e}_{r} = -R \omega^{2} \vec{e}_{r} \\ \omega &= \frac{\partial \varphi}{\partial t} = \frac{2\pi}{T} = \frac{v}{r} \\ \varphi &= \frac{x}{r} \\ \alpha &= \omega = \ddot{\varphi} \end{split}$$

#### 1.2 Newtonsche Axiome

- 2. Die Ursache für eine Impulsänderung ist eine Kraft.  $\vec{F} = \frac{\partial \vec{p}}{\partial t}$   $m = \mathrm{const}: \vec{F} = m \frac{\partial \vec{v}}{\partial t} = m \vec{a}$   $\vec{F} = 0 \rightarrow \vec{p} = \mathrm{const}$
- 3. actio = reactio  $\vec{F}_{12} = -\vec{F}_{21}$

#### Wichtige Kräfte

- 1. Gravitationskraft:  $\vec{F} = -G \frac{mM}{r^2} \frac{\vec{r}}{r}$
- 2. Coulomb-Kraft:  $\vec{F} = \frac{1}{4\pi\epsilon} \frac{q\vec{Q}}{r^2} \frac{\vec{r}}{r}$
- 3. Hooke'sches Gesetz: F = -kx;  $\frac{F}{A} = E \frac{\Delta L}{L}$
- 4. Haft-/Gleitreibung:  $F_R = \mu F_N$
- 5. Rollreibung:  $M_R = \mu F_N$
- 6. Viskose Reibung:  $\vec{F}_R = -\gamma \vec{v}$
- Trägheitskräfte: Können durch einen Wechsel des Bezugssystems "wegtransformiert" werden.
- 8. Zentripetalkraft:  $\vec{F} = -m\omega^2 r \vec{e}_r = -\frac{mv^2}{r} \vec{e}_r$
- 9. Corioliskraft:  $\vec{a_c} = 2(\vec{v} \times \vec{\omega})$

#### 1.3 Arbeit

$$W = \int_{P1}^{P2} \vec{F}(\vec{r}) d\vec{r}$$

$$W_{Feder} = \frac{1}{2}k(x - x_0)^2$$

$$P = \frac{dW}{dt}$$

### 1.4 Kraftstoß

Elastischer Stoß:  $p={\rm const}; E={\rm const}$  Unelastischer Stoß:  $p={\rm const}; E\neq{\rm const}$   $p=m_1v_1+m_2v_2=m_1v_1'+m_2v_2'$   $E=\frac{1}{2}m_1v_1^2+\frac{1}{2}m_2v_2^2=\frac{1}{2}m_1v_1'^2+\frac{1}{2}m_2v_2'^2$   $v_1'=\frac{v_1(m_1-m_2)+2m_2v_2}{m_1+m_2}$   $v_2'=\frac{v_2(m_2-m_1)+2m_1v_1}{m_1+m_2}$ 

## 1.5 Schwerpunkt

$$\begin{split} \vec{r_s} &= \frac{\sum\limits_i m_i \vec{r_i}}{\sum\limits_i m_i} = \frac{1}{\int_V \varrho(\vec{r}) \mathrm{d}V} \int_V \vec{r} \varrho(\vec{r}) \mathrm{d}V \\ \vec{v_s} &= \dot{\vec{r_s}} = \frac{\sum\limits_i m_i \cdot \vec{v_i}}{\sum\limits_i m_i} \end{split}$$

#### 1.6 Rotationsbewegungen

$$\begin{split} \vec{M} &= \vec{r} \times \vec{F} = rF \sin \phi \\ I &= \sum_i m_i r_\perp^2 = \int_M r_\perp^2 \mathrm{d}m = \varrho \int_V r_\perp^2 \mathrm{d}V \\ E &= \frac{1}{2} \sum_i m_i (\vec{r}_i \times \vec{\omega})^2 = \frac{1}{2} \omega^2 \sum_i m_i r_{i\perp}^2 = \frac{1}{2} I \omega^2 \\ I &= I_{\mathrm{SP}} + M d^2 \text{ (Satz von Steiner)} \end{split}$$

#### Wichtige Trägheitsmomente

- $\cdot$  Massepunkt, dünner Kreisring:  $I=m\cdot r^2$   $\cdot$  Vollzylinder  $I=\frac{1}{2}m\cdot r^2$
- · Kugel  $I = \frac{2}{5}m \cdot r^2$
- · Hohlzylinder  $\frac{1}{2}m(r_a^2 + r_i^2)$
- $\cdot\;$ gerader Kreiskegel  $I=\frac{3}{10}m\cdot r^2$
- Quader  $I = \frac{1}{12}m(b^2 + c^2)$
- · Stab (Rotationsachse bei  $\frac{l}{2}$ )  $I = \frac{1}{12} m \cdot l^2$

#### 1.7 Drehimpuls

$$\begin{split} \vec{L} &= \vec{r} \times \vec{p} = m \vec{r} \times \vec{v} \\ \frac{\partial \vec{L}}{\partial t} &= \vec{r} \times \vec{F}_{\rm ext} = \vec{M}_{\rm ext} \\ \vec{L} &= I \vec{\omega} = I \frac{\partial}{\partial t} \phi \\ \frac{\partial \vec{L}}{\partial t} &= I \frac{\partial \vec{\omega}}{\partial t} = I \vec{\alpha} = \vec{M} \\ M &= -D \phi \\ \ddot{\phi} &= \frac{M}{I} \end{split}$$

### 2 Schwingungen und Wellen

Überlagerung:  $x(t) = x_1(t) + x_2(t)$ 

#### 2.1 Harmonischer Oszillator

$$\begin{aligned} \frac{\mathrm{d}^2}{\mathrm{d}t^2}x + \omega_0^2 x &= 0\\ x(t) &= A\mathrm{e}^{\pm i\omega_0 t} = A\cos(\omega_0 t + \phi)\\ m\ddot{x} &= -k(x - x_0)\\ w_0 &= \sqrt{\frac{k}{m}} \end{aligned}$$

#### 2.2 Gedämpfte Schwingung

$$\begin{split} \ddot{x} + \frac{\gamma}{m} \dot{x} + w_0^2 x &= 0 \\ x(t) &= C \mathrm{e}^{\lambda t}; \beta = \frac{\gamma}{2m}; \lambda_{12} = -\beta \pm \sqrt{\beta^2 - \omega_0^2} \end{split}$$

- 1.  $\beta > \omega_0$  (starke Dämpfung)  $x(t) = \mathrm{e}^{-\beta t} (c_1 \mathrm{e}^{\sqrt{\beta^2 \omega_0^2} t} + c_2 \mathrm{e}^{-\sqrt{\beta^2 \omega_0^2} t})$ 2.  $\beta < \omega_0$  (schwache Dämpfung)  $x(t) = \mathrm{e}^{-\beta t} (c_1 \mathrm{e}^{i\omega t} + c_2 \mathrm{e}^{-i\omega t}) = A \mathrm{e}^{-\beta t} \cos(\omega t + \phi)$
- 3.  $\beta = \omega_0$  ("aperiodischer Grenzfall")  $x(t) = (c_1 + c_2 t) e^{-\beta t}$

### 2.3 Erzwungene Schwingungen

$$\begin{split} &m\ddot{x}+\gamma\dot{x}+m\omega_{0}^{2}x=f(t)\\ &x(t)=x_{0}\cos\left(\omega t+\phi\right)\\ &x_{0}(\omega)=\frac{f_{0}}{m\sqrt{(\omega_{0}^{2}-\omega^{2})^{2}+\frac{\gamma^{2}\omega^{2}}{m^{2}}}}\\ &\omega\approx\omega_{0}:x_{0}(\omega)\approx\frac{f_{0}}{2m\omega_{0}\sqrt{(\omega_{0}-\omega)^{2}+\beta^{2}}}\\ &\text{"G\"{u}\'{e}" des Oszillators: }Q=\frac{\omega_{0}}{\Delta\omega_{H}}=\frac{\omega_{0}}{2\beta}=\frac{x_{0}(\omega_{0})}{x_{0}(0)}\\ &\beta\ll\omega_{0}\Rightarrow\text{Resonanz} \end{split}$$

#### 2.4 Energie des harmonisches Oszillators

- 1. Ungedämpfter Oszillator  $E_{\rm kin} = \frac{1}{2}m\dot{x}^2 = \frac{1}{2}m\omega_0^2A^2\sin^2\omega_0t$   $E_{\rm pot} = \frac{1}{2}m\omega_0^2x^2 = \frac{1}{2}m\omega_0^2A^2\cos^2\omega_0t$   $E = E_{\rm kin} + E_{\rm pot} = \frac{1}{2}m\omega_0^2A^2 = {\rm const}$
- 2. Gedämpfter Oszillator  $\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t} \left( \frac{1}{2} m \dot{x}^2 + \frac{1}{2} m \omega_0 x^2 \right) = -\gamma \dot{x}^2$   $E \sim \frac{1}{2} m^2 \omega_0^2 A^2 \mathrm{e}^{-2\beta t}$
- 3. Erzwungene Schwingung  $\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}\left(E_{\mathrm{kin}}+E_{\mathrm{pot}}\right)=-\gamma\dot{x}^2+f\dot{x}=0$  Energieverlust/-aufnahme:  $E=\frac{1}{2}\gamma\omega_0^2\omega^2T^2=\beta mx_0^2\omega^2T$

#### 2.5 Gekoppelte Oszillatoren

Parallelschaltung:  $k_{\rm ges} = k_1 + k_2$ Serienschaltung:  $k_{\rm ges} = k_1 \parallel k_2$ 

#### 3 Wellen

$$\begin{array}{c|c} \lambda & m \\ \nu & \frac{1}{v} = Hz \\ v_p & \frac{1}{\frac{s_n}{s^2}} = Hz \\ I & \frac{W}{m^2} = \frac{kg}{s^3} \\ \Delta x & m \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{Wellenlänge} \\ \text{Frequenz} \\ \text{Phasengeschwindigkeit} \\ \text{Intensiät} \\ \text{Phasenunterschied} \\ \text{Gangunterschied} \\ \end{array}$$

### 3.1 Harmonische Welle

 $\begin{array}{l} \Psi(x,t) = A\cos(\omega t - kx) \text{ bzw. } A \mathrm{e}^{i(\omega t - kx)} \\ (-) \text{ nach rechts laufend} \\ (+) \text{ nach links laufend} \\ k = \frac{\omega}{v_p}; \lambda = \frac{2\pi}{k}; \nu = \frac{\omega}{2\pi} \\ v_p = \lambda \nu = \frac{\omega}{k} \\ v_{ph} = \sqrt{\frac{E}{\varrho}} \end{array}$ 

### 3.2 Wellengleichung

$$\frac{1}{v^2} \frac{\partial^2}{\partial t^2} \Psi(x,t) = \frac{\partial^2}{\partial x^2} \Psi(x,t)$$

 $v_{schwingendesTeilchen} = \dot{\Psi}(x,t)$ 

## 3.3 Harmonische Welle in 3D

$$\Psi(\vec{r},t) = \vec{A}\cos\left(\omega t - \vec{k}\vec{r}\right)$$

 $\vec{k} \perp$  Phasenfläche

## 3.4 Wellengleichung in 3D

$$\frac{1}{v^2}\frac{\partial^2}{\partial t^2}\vec{\Psi}=\nabla^2\vec{\Psi}=\Delta\vec{\Psi}$$

### 3.5 Energie von Wellen

$$\frac{E_{\rm kin}}{V} = \frac{1}{2} \rho \dot{\xi}^2 = \frac{1}{2} \rho \xi_0^2 \omega^2 \cos^2 \left( \omega t - \vec{k} \vec{r} \right)$$

Elastische Welle: 
$$\overline{E_{\rm kin}} = \overline{E_{\rm pot}} = \frac{1}{2}\overline{E}$$
  
 $\overline{E}_{\rm V} = \frac{1}{2}\rho\xi_0^2\omega^2$ 

### 3.6 Intensität von Wellen

$$I = \frac{\overline{E}}{At} = \frac{\overline{E}}{V}v_p = \frac{p}{A}$$
$$I = \frac{1}{2}\varrho v_p \xi_0^2 \omega^2$$

#### 3.7 Schall

$$\begin{split} &\Delta p_0 = \xi_0 \varrho \omega v_p; I = \frac{1}{2} \Delta p_0 \xi_0 \omega = \frac{\Delta p_0}{2 \varrho v_p} \\ &\text{Schalldruckpegel: } L_p = 10 \log \left( \frac{\Delta \bar{p}^2}{p_0^2} \right) dB \\ &\text{Druckamplitude: } \Delta \tilde{p} = \frac{\Delta p_0}{\sqrt{2}} \\ &\text{H\"ordruckschwelle: } p_0 = 2 \cdot 10^{-5} Pa \; \widehat{=} \; I = 10^{-12} \, \frac{W}{2} \end{split}$$

#### 3.8 Superposition von Wellen

$$\Delta x = \frac{\delta}{k}$$

### 3.9 Doppler Effekt

- 1. Allgemein:  $\nu' = \nu \frac{v \pm v_E}{v \mp v_Q}$
- oben: Annäherung, unten: Entfernung
- 2. Ruhende Quelle, bewegter Empfänger
- $\nu' = \nu \left( 1 + \frac{v}{v_p} \right)$ 3. Bewegte Quelle, ruhender Empfänger  $\nu' = \frac{v_p}{\lambda'} = \frac{\nu}{1 \pm \frac{v}{v_n}}$

#### 4 Wärmelehre

$\begin{array}{l} \overline{p} \\ T \\ \nu \\ f \\ C \\ c \\ C_V \\ \kappa \\ \Omega \\ \lambda_s, \lambda_v \end{array}$	$ \begin{vmatrix} \frac{N}{m^2} = Pa \\ K \\ mol \\ 1 \\ \frac{J}{KJ} \\ \frac{J}{kgK} \\ \frac{J}{mojK} \\ \frac{T}{molK} \\ 1 \\ 1 \\ \frac{J_g}{kg} \\ \frac{J}{W} $	Druck Temperatur Molzahl Anzahl der Freiheitsgrade "Wärmekapazität" spezifische Wärmekapazität molare WK (p = const) molare WK (V = const) Adiabatenexponent Zustandskombinationen Latente Wärmen
$\lambda_s, \lambda_v$ $\lambda$	$\frac{kg}{WK}$	Wärmeleitfähigkeit

### Wärme ist ungeordnete Teilchenbewegung

Hinzunahme von "innerer Energie"  $\Delta \left( E_{\rm kin} + E_{\rm pot} + U \right) = 0$ 

#### 4.1 Nullter Hauptsatz der Thermodynamik

Sind Körper A und B im "thermischen Gleichgewicht", sowie Körper B und C, so sind auch A und C im Gleichgewicht. Die Temperaturen von A, B, C sind dann gleich.

### Das ideale Gas

$$\begin{split} & \text{Teilchendichte: } n = \frac{N}{V}; R = N_A k_B \\ & \overline{E_{\text{kin}}} = \frac{1}{2} m \overline{v^2} = \frac{f}{2} k_B T \\ & \overline{p} = \frac{F}{A} = \frac{1}{f} n m \overline{v^2} = \frac{2}{f} n \overline{E_{\text{kin}}} \\ & pV = \frac{2}{\ell} N \overline{E_{\text{kin}}} = N k_B T = \nu R T \end{split}$$

### 4.2 Spezialfälle

Falls p, V oder T konstant:  $\frac{pV}{T} = \frac{p_0 V_0}{T_0} = \text{const}$ 

### 4.3 Der erste Hauptsatz der Thermodynamik

Beim Aufheizen eines Materials ist der Temperaturanstieg  $\Delta T$ ein Maß der aufgenommenen "Wärme"  $\Delta Q$ , wobei  $\Delta Q =$  $C\Delta T$ 

- 1. Die Wärmemenge ist eine Form der Energie
- 2. Die Gesamtenergie eines Systems ist  $E_{\rm pot} + E_{\rm kin} +$
- 3. Bleibt das System makroskopisch in Ruhe, so ändert sich bei einem thermodynamischen Prozess nur U
- Die innere Energie U eines Systems wird erhöht (erniedrigt), wenn Wärme oder Arbeit zugeführt (abgegeben) wird. Es gilt:  $\Delta U = \Delta Q + \Delta W$  (Ideales Gas:  $U = \frac{f}{2}Nk_BT = \frac{f}{2}\nu RT$ ).

#### 4.4 Festkörper und Flüssigkeiten

$$\Delta Q = cm\Delta T = \nu C_p \Delta T = \nu C_V \Delta T$$

$$C_p \approx C_V \text{ (Nicht bei Gasen!)}$$

$$U = \frac{f}{2}Nk_BT = \frac{2\cdot3}{2}Nk_BT = 3\nu RT$$

#### 4.5 Spezifische Wärme des idealen Gases

 $dU = \partial Q + \partial W$ 

"Volumenarbeit":  $\partial W = -p dV$ 

$$C_V = \frac{1}{\nu} \left(\frac{\partial Q}{\partial T}\right)_{V=\mathrm{const}} = \frac{1}{\nu} \left(\frac{\partial U}{\partial T}\right)_{V=\mathrm{const}} = \frac{f}{2} R$$
 Enthalpie:  $H = U + pV$ 

$$\left( \frac{\partial H}{\partial T} \right)_{p=\mathrm{const}} \; = \; \left( \frac{\partial U}{\partial T} \right)_p \; + \; p \left( \frac{\partial V}{\partial T} \right)_p \; = \; \left( \frac{\partial Q}{\partial T} \right)_p \; = \; \nu C_p$$

Ideales Gas: 
$$C_p = C_V + R$$
  
Isotopenexponent:  $\kappa = \frac{C_p}{C_V} = \frac{f+2}{f}$ 

#### 4.6 Zustandsänderungen des idealen Gases

$$dU = \partial Q - p dV$$

1. isotherm: dT = 0 $\partial Q = p dV = \nu RT \ln \frac{V_2}{V_1} = \int p dV =$ 

2. isochor: 
$$dV = 0$$

$$\partial W = -p dV = 0$$

$$\Delta Q = \nu C_V \Delta T$$
3. isobar: dp = 0

$$\Delta W = -\int_{V_1}^{V_2} p dV = -p(V_2 - V_1)$$

 $\Delta Q = \nu C_p \Delta T$ 4. adiabatisch:  $\partial Q = 0$ 

$$dU = -pdV$$

$$TV^{\kappa-1} = \text{const}$$

$$pV^{\kappa} = \text{const}$$

### 4.7 Wirkungsgrad eine Wärmekraftmaschine

$$\begin{split} \eta &= \left|\frac{\Delta W}{\Delta Q_{\rm in}}\right| \quad \Delta W = R(T_2 - T_1) ln \frac{V_2}{V_1} \\ \eta &= 1 - \frac{T_1}{T_2} < 1 \text{ (Stirling-Maschine)} \\ \text{Carnot-Zyklus } \Delta s_{12} &= R \ln \frac{V_2}{V_2} \end{split}$$

### 4.8 Der zweite Hauptsatz der Thermodynamik

- 1. Wärme fließt spontan nur von warm nach kalt.
- 2. Es gibt kein Perpetuum mobile 2. Art (= eine Maschine, die einem einzelnen Reservoir Wärme entzieht und in Arbeit umwandelt)
- 3. Es ist unmöglich Wärme komplett in Arbeit zu verwandeln

4. Bei einem "reversiblen" Kreisprozess bleibt die Entropie pro Umlauf konstant.

$$\begin{aligned} \mathrm{d}S &= \frac{\mathrm{d}Q_{\mathrm{rev}}}{T} \geq 0 \\ \mathrm{d}U &= T\mathrm{d}S - p\mathrm{d}V \\ \mathrm{d}S &= \frac{1}{T} \left(\mathrm{d}U + p\mathrm{d}V\right) \\ S &= k_B \ln \Omega \end{aligned}$$

 $S = \max$  im thermodynamischen Gleichgewicht

### 4.10 Clausiussche Ungleichung

$$\oint dS \le 0$$

#### 4.11 Phasenübergänge

fest	$\rightarrow$	flüssig
flüssig	$\rightarrow$	fest
fest	$\rightarrow$	gasförmig
gasförmig	$\rightarrow$	fest
flüssig	$\rightarrow$	gasförmig
gasförmig	$\rightarrow$	flüssig
	flüssig fest gasförmig flüssig	$\begin{array}{ccc} \text{flüssig} & \rightarrow \\ \text{fest} & \rightarrow \\ \text{gasförmig} & \rightarrow \\ \text{flüssig} & \rightarrow \end{array}$

### 4.12 Latente Wärme

Z.B.: 
$$\Delta Q = m \left[ C_{
m p,Eis}(T_m-T_0) + \lambda_s + C_{
m p,H_2O}(T_1-T_m) \right]$$
 6.3 Interferenz

#### 4.13 Steigung der Koexistenzkurven

$$\frac{\mathrm{d}p}{\mathrm{d}T} = \frac{\nu\Lambda}{T\Delta V}$$

#### 4.14 Wärmeleitung

$$\frac{dQ}{dt} = -\lambda A \frac{dT}{dx}$$

$$\frac{\partial}{\partial t} T(x, t) = \frac{\lambda}{\varrho c} \frac{\partial^2}{\partial x^2} T(x, t)$$

#### 5 Optik

$$\begin{array}{c|ccc} c & \frac{m}{s} \\ n & 1 \\ g & m & \text{Gegenstandsweite} \\ b & m & \text{Bildweite} \\ G & m & \text{Bildgröße} \\ B & m & \text{Bildgröße} \\ f & m & \text{Brennweite} \\ D & \frac{1}{1} = \text{dpt} & \text{Brenkraft} \\ v & 1 \\ \end{array}$$

### 5.1 Brechungsgesetz

 $n_1 \sin \alpha_1 = n_2 \sin \alpha_2$ 

Total  
reflexion: 
$$\frac{n_1}{n_2} = \frac{\sin \alpha_2}{\sin \alpha_1} > 1$$

### 5.2 Sphärischer Spiegel

$$\begin{array}{l} \frac{1}{g} + \frac{1}{b} = \frac{2}{r} = \frac{1}{f} = D; f = \frac{r}{2}; D = \frac{1}{f} \\ v = \frac{B}{G} = -\frac{b}{g} \end{array}$$

#### 5.3 Kugelförmige Oberfläche

$$\frac{n_1}{g} + \frac{n_2}{b} = \frac{n_2 - n_1}{r}$$

$$v = \frac{B}{G} = -\frac{n_1}{n_2} \frac{b}{g}$$

#### 5.4 Dünne Linsen

$$\frac{1}{g} + \frac{1}{b} = \left(\frac{n_2}{n_1} - 1\right) \left(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2}\right) = \frac{1}{f} = D$$

$$r > 0 \to M \text{ auf Transmissionsseite}$$

#### 6 Licht und Materie

$$egin{array}{c|c|c|c} lpha_B & {
m rad} & {
m Brewster-Winkel} \ \Delta \phi & {
m rad} & {
m Phasenunterschied} \end{array}$$

#### 6.1 Licht als elektromagnetische Welle

$$\Delta \vec{B} = \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2}{\partial t} \vec{B}$$

$$\Delta \vec{E} = \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2}{\partial t^2} \vec{E}$$

$$\frac{1}{c^2} = \mu \epsilon$$

$$c_0 = \sqrt{\frac{1}{\mu_0 \epsilon_0}}$$

$$c = \frac{c_0}{c_0} = \frac{c_0}{\sqrt{\mu_0 \epsilon_0}}$$

#### 6.2 Reflexion

$$\alpha_1 + \alpha_2 = \frac{\pi}{2}$$

$$n_1 \sin \alpha_1 = n_2 \sin \alpha_2 = n_2 \cos \alpha_1$$

$$\tan \alpha_B = \frac{n_2}{2}$$

$$\begin{split} I &= I_1 + I_2 + 2\sqrt{I_1I_2}\cos\Delta\phi \\ I &\sim |\overline{E}|^2 \end{split}$$

#### 6.4 Phasenverschiebung bei Reflexion

 $n_1 < n_2$ : Phasenverschiebung um  $\pi$  $n_1 > n_2$ : keine Phasenverschiebung

### 6.5 Interferenz am Doppelspalt

 $m \in \mathbb{N}_0$ :  $d \sin \theta_m = m\lambda$  (Interferenzmaxima)  $m \in \mathbb{N} : d \sin \theta_m = \left(m - \frac{1}{2}\right) \lambda$  (Interferenzminima) Auflösung falls  $\Delta x \geq 1$ ,  $22\lambda \frac{\tilde{t}}{d} \quad \alpha_{min} \approx 1$ ,  $22\frac{\lambda}{d}$  Winkelvergrößerung  $v = \frac{\text{Sehwinkel mit Instrument}}{\text{Sehwinkel ohne Instrument}}$