

# Einfacher harmonischer Oszillator

Alexander Helbok, Clemens Bein<sup>†</sup>

4. Dezember 2022

## Zusammenfassung

Das Ziel dieses Versuches ist es ein Modell, um die Federkonstante k in einem System von parallelen Feder zu bestimmen, zu entwickeln. Dies geschieht in drei Versuchen . Im ersten Versuch wird die Federkonstante von einer Feder mit Hilfe drei Verschiedenen Massen bestimmt, darauf hin wird im zweiten Versuch wird nun die Federkonstante von zwei parallelen Federn bestimmt und mit dem ersten Versuch verglichen. Aus diesem Vergleich wird nun ein Modell entwickelt, mit welchen man die Federkonstante k für ein System aus N parallelen Feder berechnen kann. IM letzten Versuch wird nun dieses Modell, mit Hilfe von einem System mit drei parallelen Federn, geprüft. Im gesamten wurde das Modell angenommen, dadurch folgt das die Versuchsreihe erfolgreich war.

<sup>\*</sup>clemens.bein@student.uibk.ac.at

<sup>†</sup>Email.Student2@uibk.ac.at

# Inhaltsverzeichnis

1.	Einleitung	1
2.	Grundlagen und Theorie	1
3.	Experiment und Aufbau	1
4.	Ergebnisse	2
<b>5</b> .	Schlussfolgerungen	2
Α.	Ein paar Tipps und Tricks für LATEX	3
	A.1. Header, Dokumentenklasse und Gliederung	3
	A.2. Befehle, Leerzeichen und Kommentare	4
	A.3. Mathematik	4
	A.4. Einheiten und Dezimalzahlen	5
	A.5. Tabellen und Listen	6
	A.6. Label und Referenzen	6
	A.7. Zitieren von Referenzen	6
	A.8. Abbildungen	7
	A.9. Zusammenfassung	8

### 1. Einleitung

Harmonische Oszillationen sind nicht nur, wie in diesem Versuch, in der Mechanik anzutreffen, sondern erstreckt sich über alle Teilbereiche der Physik. Von der Elektro-Dynamik bis hin zur Quantenphysik. Da sich die Modelle des harmonischen Oszillator gut eignen um nicht mechanische Konzepte zu beschreiben und anzunähern, wie zum Beispiel ein Bindungsenergien von Atomen. Aber auch im Alltag begegnen uns dies oft wieder. Mit so vielen Anwendungen ist die physikalische Beschreibung des harmonischen Oszillator eine der wichtigsten Werkzeuge der Physik. Dadurch ist es lohnenswert im Grundpraktikum einer dieser Modelle mit Hilfe eines Experimentes zu überprüfen. Hier prüfen wir das Hookesche Gesetz bzw. die bestimmung einer Federkonstante k.

Dafür werden in Kapitel 2 die benötigten Grundlagen und die Vorgehensweise bei der Fehlerrechnung aufgezeigt. Darauf hin wird in Kapitel 3 der einzelnen Versuche beschrieben. Das hei $\operatorname{SS}$ t es wird die Massenbestimmung , die Berechnung der Federkonstante k, das Aufstellen eines Modells zur bestimmung dieser für mehrere parallele Federn und anschlie $\operatorname{SS}$ end die Überprüfung dieses Modells, beschrieben. In 4 werden die Ergebnisse der drei Versuche dargestellt und mit der Theorie verglichen.

### 2. Grundlagen und Theorie

Was sind die wichtigen physikalischen Grundlagen?

Tabelle 1 zeigt ein typisches Beispiel für eine Tabelle in einer Auswertung.

Tabelle 1: Dies hier ist eine typische Tabelle. Die Werte haben, wenn nicht anders angegeben, eine Unsicherheit von 0,4 nm. Da die lateralen Dimensionen von Teilchen D (in einer Dimension) stark vom Mittelwert abweichen, wurde der Mittelwert zusätzlich ohne dieses Teilchen berechnet.

Teilchen	Länge / nm	Breite / nm	Höhe / nm
A	34,5	25,6	4,6
В	34,4	28,0	4,0
$^{\mathrm{C}}$	31,9	27,4	4,6
D	49,1	34,0	4,6
${f E}$	35,2	26,1	4,9
$\mathbf{F}$	27,2	23,6	4,3
G	27,2	23,6	4,3
Mittelwert:	$35 \pm 6$	$28 \pm 3$	$4.7 \pm 0.6$
Mittelwert ohne Teil. D:	$33 \pm 3$	$27\pm2$	

## 3. Experiment und Aufbau

Was würde jemand brauchen, um den Versuch nachzuvollziehen und zu wiederholen? Als Beispiel für eine Gleichung ist hier die Formel für das Verhalten eines verkippbaren Interferenz-Filters angegeben. Dabei verschiebt sich die Wellenlänge  $\lambda(\Phi)$  der Filterkante bei gröSSeren

Winkeln  $\Phi$ , unabhängig von der Kipp-Richtung, zu kürzeren Wellenlängen [1]:

$$\lambda \left(\Phi\right) = \lambda \left(0\right) \sqrt{1 - \frac{\sin^2 \Phi}{n_{\text{eff}}^2}} \,. \tag{1}$$

 $n_{\rm eff}$  ist der effektive Brechungsindex.

## 4. Ergebnisse

Was ist(sind) die gemessene Antwort(en) auf die Hauptfrage(n)? Abbildung 1 zeigt ein Beispiel für eine Abbildung in Haupttext.

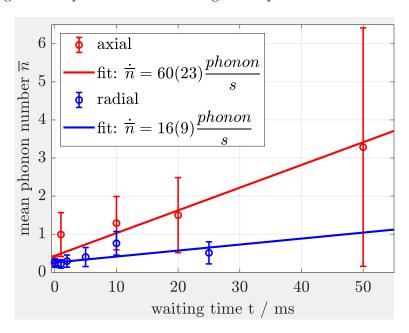


Abbildung 1: Ein typischer Graph in einer Auswertung.

## 5. Schlussfolgerungen

Was ist die Endantwort und soll ihr vertraut werden? Wie hätte man den Versuch anders oder besser durchführen können?

Die Referenz [2] soll ein Beispiel sein, wie man ein Praktikums-Skript zitieren sollte.

### A. Ein paar Tipps und Tricks für LATEX

Dieses Dokument soll keine vollständige Anleitung darstellen, wie das Textsatzsystem IATFX funktioniert. Hierfür gibt es eine Menge an guten Internetquellen. Wir wollen Ihnen einen kleinen Überblick verschaffen, damit der Einstieg leichter fällt, und eine Vorlage geben, mit denen Sie mit möglichst wenig Aufwand Ihren Bericht schreiben können. Viele Befehle werden hier nicht näher erklärt, aber deren Gebrauch sollte sich aus dem Quelltext ergeben. Grundsätzlich benötigen Sie zunächst eine TeX-Distribution, wie z.B. MiKTeX für Windows, das kostenlos aus dem Internet heruntergeladen werden kann. Diese übersetzen den Quelltext in eine PDF-Datei. Ein zusätzlicher Texteditor zum Erstellen des Quelltextes, z.B. TeXnicCenter, ist sehr hilfreich. Dieser enthält viele Werkzeuge und Hilfsmittel, z.B. einen Überblick über die Gliederung oder Autovervollständigung und vieles mehr. Der Quelltext kann auch in mehrere Dateien aufgeteilt werden und mit dem Befehl \include{} oder \input{} werden die Dateien eingefügt, so wie es hier mit dem Anhang gemacht wird. Die meisten Editoren enthalten auch einen Dokumentenbetrachter für die fertige PDF. Manche benötigen hierfür allerdings ein weiteres Programm. Hier kann z.B. Adobe Acrobat Reader oder Sumatra, das für die Verwendung mit IATFX optimiert ist, verwendet werden. Es gibt hier eine Vielzahl verschiedener Lösungen; viele Studenten benutzen heutzutage die Online-IATFX-Umgebung Overleaf, welche keine lokale Installation der IATFX-Distribution benötigt und es ermöglicht als Team an einem Dokument gleichzeitig zu arbeiten.

#### A.1. Header, Dokumentenklasse und Gliederung

Im Header, also bevor das Dokument mit \begin{document} begonnen wird, wird zunächst die Dokumentenklasse scrartcl festgelegt. Es gibt hier einige vordefinierte Klassen, die für die jeweilige Art des Dokuments optimiert sind. Darunter werden mit dem Befehl \usepackage{} die benötigten Pakete geladen. Diese müssen natürlich installiert sein, was viele LATEX-Distributionen automatisch machen. Zusätzlich können den Paketen in den eckigen Klammern ggf. diverse Optionen übergeben werden. Der Header ist auch der optimale Ort, um weitere Definitionen zu machen.

Dieses Dokument verwendet das moderne Paket BibLaTeX zur Erzeugung des Literaturverzeichnis, eine komplette Neuimplementierung des bisher meistens verwendeten BibTeX. LATEX erzeugt das Literaturverzeichnis nicht direkt selber, sondern benutzt dafür ein "externes Programm". Um ein Dokument mit seinem Haupttext und dem Literaturverzeichnis vollständig zu erzeugen, muss zuerst der latex-Compiler (z.B. pdflatex) das Hauptdokument sowie eine \*.bbl Datei erzeugen. Diese Datei enthält die Informationen über die zitierten Referenzen. AnschlieSSend erzeugt das externe Programm das Literaturverzeichnis. Diese beiden Schritte werden von den meisten LATEX-Editoren automatisch ausgeführt. AnschlieSSend benötigt es eine erneute Ausführung des latex-Compilers, damit das aktualisierte Literaturverzeichnis in das Hauptdokument (die PDF) eingefügt wird. Das ist der Grund warum, bei der Verwendung von BibTeX oder BibLaTeX der Compilierungsprozess ggf. öfters ausgeführt werden muss. Beachten Sie, dass BibLaTeX das externe Programm biber benötigt. Falls ihr Editor mit BibTeX konfiguriert ist, finden Sie z.B. in der Referenz [3, 4] eine Anleitung für die Umstellung des externen Programms von bibtex zu biber bzw. weitere Informationen.

Die Kurzfassung wurde mit dem Befehl \section\*{\abstractname} begonnen. Der Befehl \section{} erzeugt ein neues Kapitel, wobei die Kapitelüberschrift in den geschweiften Klammern steht. Unterkapitel werden mit \subsection{} usw. begonnen, wobei die Gliederung in manchen Klassen mit \chapter{} beginnt, dann \section{}, usw. Der \* bewirkt, dass dieses Kapitel nicht in die Inhaltsangabe aufgenommen wird und auch nicht nummeriert wird.

Sehr viele Dinge sind in den verschiedenen IATEX-Klassen, hier scrartcl bereits vordefiniert. Da die Dokumentensprache in der Option (in den eckigen Klammern) des Sprachpakets babel mithilfe des Befehls \usepackage[ngerman]{babel} auf Deutsch gesetzt wurde, übersetzt Latex z.B. den Befehl \abstractname mit Zusammenfassung.

#### A.2. Befehle, Leerzeichen und Kommentare

Vor Befehlen steht, auSSer es sind Zeichen die im normalen Text nicht vorkommen, immer ein Backslash (\). Die häufigsten Befehle im FlieSStext werden Leerzeichen (\) und Zeilenumbrüche sein (\\ oder \newline). Hier kann es hilfreich sein zu wissen, dass je nach Einstellungen, LATEX nach einem Punkt einen gröSSeren Abstand einfügt. Dies muss bei einem Punkt nach einer Abkürzung unterdrückt werden, wie z.B. hier. Der Abstand bei einem Zeilenumbruch kann z.B. mit \\[ [5ex] vergröSSert werden, wobei hier ex eine der vielen Längeneinheiten in LATEX automatisch die Silbentrannung

Nachdem das Dokument auf Deutsch eingestellt ist, wird LATEX automatisch die Silbentrennung nach Regeln der deutschen Rechtschreibung bei Zeilenumbrüchen durchführen. Dies kann oft auch zu ungewollten Ergebnissen führen, die mit Sonderzeichen, wie z.B. "= behoben werden können [5]. Je nach Einstellung werden Zeilenumbrüche im Quelltext ignoriert.

Alles was im Quelltext nach dem %-Zeichen steht wird vom Interpreter ignoriert. Dies erlaubt uns den Quelltext mit hilfreichen Kommentaren zu versehen. Mit dem Befehl \footnote{} werden FuSSnoten<sup>1</sup> erstellt.

#### A.3. Mathematik

Gleichungen können direkt in den Text  $\sum_{i=1}^{k+1} i$  geschrieben werden oder in einer equation Umgebung abgesetzt werden:

$$E = mc^2 (2)$$

In den Paketen amsmath, amsthm und amssymb sind bereits viele Symbole und typische Ausdrücke definiert:

$$\lim_{x \to 0} \frac{\ln \sin \pi x}{\ln \sin x} = \lim_{x \to 0} \frac{\pi \frac{\cos \pi x}{\sin \pi x}}{\frac{\cos x}{\sin x}} = \lim_{x \to 0} \frac{\pi \tan x}{\tan \pi x} = \dots = 1.$$
 (3)

$$\mathcal{A} = \begin{pmatrix} 6 & 0 & 0 \\ 0 & 5 & 0 \\ 0 & 1 & 2 \end{pmatrix}, \quad \mathcal{B} = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 1 & 0 \\ 4 & 3 & 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \mathcal{A} \cdot \mathcal{B} = \begin{pmatrix} 6 & 12 & 18 \\ 10 & 5 & 0 \\ 10 & 7 & 0 \end{pmatrix} \tag{4}$$

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Man sollte es aber nicht mit FuSSnoten übertreiben.

In der Umgebung align können mehrere Zeilen mithilfe des & Zeichen aufeinander ausgerichtet werden

$$\alpha + \beta = \gamma^2 \tag{5}$$

$$\alpha^2 + 2\gamma + \cos\theta = \delta.a \tag{6}$$

$$\alpha + \beta = \gamma^2 \tag{7}$$

$$\alpha^2 + 2\gamma + \cos \theta = \delta. \tag{8}$$

#### A.4. Einheiten und Dezimalzahlen

In der Mathematik-Umgebung werden Buchstaben automatisch kursiv geschrieben, Einheiten dürfen aber nicht kursiv geschrieben werden. Zusätzlich muss zwischen Zahlenwert und Einheit ein kleiner Abstand eingefügt werden. Mithilfe des siunitx Pakets ist es sehr einfach Einheiten im FlieSStext und in den Mathematik-Umgebungen mit einer sauberen Formatierung zu setzen. Man kann mithilfe des Befehls \si{} die Einheit alleine ausgeben \si{\meter\per\second\squared} wird zu m/s². Alternativ kann man auch den Zahlenwert mithilfe des \SI{}} Befehls übergeben. Dies wird empfohlen, da hier unter Anderem der notwendige Abstand zwischen Zahl und Einheit automatisch erzeugt wird, sowie automatisch das deutsche Dezimaltrennzeichen , verwendet wird. Hier ein paar Beispiele:

$$\begin{split} r &= 430\,\mathrm{tm}\;,\\ A &= 3.53\,\mathrm{cm}^2\;,\\ A &= 3.53\,\mathrm{cm}^2\;,\\ \rho &= 0.7914\,\mathrm{g/cm}^3\;,\\ \eta &= 5.95\cdot 10^{-4}\,\mathrm{kg/(m\,s)} = 5.95\cdot 10^{-4}\,\mathrm{Pa\,s}\;. \end{split}$$

Das siunitx Paket kann sich auch um die Formatierung der Angabe der Unsicherheit kümmern:

$$\theta = 5.95(14) \cdot 10^{-4} \, \text{Pas} ,$$
  

$$\theta = 5.95(14) \cdot 10^{-4} \, \text{Pas} ,$$
  

$$\theta = (5.95 \pm 0.14) \cdot 10^{-4} \, \text{Pas} ,$$
  

$$\theta = (5.95 \pm 0.14) \cdot 10^{-4} \, \text{Pas} .$$

Man kann auch selber Einheiten definieren mit dem Befehl \DeclareSIUnit{\} im Header, z.B. \DeclareSIUnit{\dBm}{\dBm}: \si{\dBm} wird zu dBm.

LATEX macht typischerweise in der Mathematik-Umgebung einen keinen Abstand nach einem Komma. Dies sollte bei Dezimalzahlen nicht der Fall sein. Eine Lösung dafür ist eine geschweifte Klammer um das Komma zu machen, z.B. 1,5. Alternativ kann man, wie in diesem Dokument, das Paket *icomma* verwenden, wodurch der Abstand in Dezimalzahlen automatisch weggelassen wird.

#### A.5. Tabellen und Listen

Tabelle 2 zeigt ein Beispiel wie man Tabellen einfügen kann. Das Paket booktabs erlaubt es sehr übersichtliche Tabelle zu erstellen. Das Paket multirow kann sehr hilfreich sein, wenn Text über mehrere Zeilen geschrieben werden soll. Es gibt auch Tools, um Tabellen von Excel & Co. nach Latex zu exportieren, was sehr viel Zeit sparen kann, siehe "excel2latex" [6].

Tabelle 2: Mittelwert  $\nu_0$  und Halbwertsbreite FWHM der Verteilung der ZPLs in Abhängigkeit der Temperatur. Die Parameter wurden jeweils mithilfe eines GauSS-Fits an die Verteilung bestimmt und durch direkte Berechnung des Mittelwerts bzw. der Umrechnung der Standardabweichung in die FWHM der Normalverteilung.

Temperatur / K		alle	2,0(3)	6,5(5)	9,0(3)	12,0(5)
GauSS-Fit:	$ \nu_0/\mathrm{cm}^{-1} $ FWHM/cm <sup>-1</sup>	$1882(2) \\ 22,3(1,5)$	1882(5) 19,9(1,2)	1883(2) $31(2)$	1884(1,4) 36(1)	1887(3) $40(2)$
Statistik:	$ \nu_0/\mathrm{cm}^{-1} $ FWHM/cm <sup>-1</sup>	1885(3) 32(4)	1883(8) 26(2)	1884(4) 32(2)	1885(3) 37(5)	1888(2) 36(2)

Berichte sollten immer im Blocksatz geschrieben werden. Das gilt auch für Aufzählungen, wie z.B. für die Berichte für die Versuche "Kalibrierung und das hookesche Gesetz", "Einfacher harmonischer Oszillator", "Schallgeschwindigkeit" und "Magnetfelder". Falls unbedingt notwendig kann man mit der itemize Umgebung mehrere Punkte in einer Liste anführen:

- Erster Punkt,
- Zweiter Punkt,
- Dritter Punkt.

#### A.6. Label und Referenzen

Man kann Kapitel, Tabellen, Abbildungen, Gleichungen usw. mit \label{} mit einem Label versehen. AnschlieSSend kann man mithilfe des Befehls \ref{} auf ein Kapitel A.2, eine Tabelle 2, ein Bild 2 oder eine Gleichung 8 verweisen. Dabei muss man im Text immer explizit anführen, ob es sich um ein Kapitel, eine Gleichung, etc. handelt.

#### A.7. Zitieren von Referenzen

In der Datei "MyBibliography.bib" gibt es eine Liste an Literaturquellen, auf die u.A. mit dem Befehl \cite{} referenziert werden kann. Es gibt eine Reihe verschiedenen Literaturtypen, wie z.B. article, book oder misc, die wiederum verschiedene Felder, wie z.B. title, author oder url anbieten [7]. Je nach Literaturtyp wird der Eintrag auch unterschiedlich im Literaturverzeichnis formatiert. Gelegentlich will man nicht, dass z.B. Autorennamen abgekürzt werden oder der Anfangsbuchstaben im Title klein geschrieben werden. Dies kann man mit geschweiften Klammern erreichen. Umlaute im Literaturverzeichnis führen oft zu Problemen. Dies kann behoben werden, indem man anstatt der Umlaute direkt, z.B. ä, ü, ö, etc., die Sonderzeichen \"a, \"u, \"o, etc. verwendet.

Mehr Information über Physik ist in den Referenzen [8, 9] zu finden. Ref. [10] und Ref. [11] sind Beispiele von Internet-Quellen.

### A.8. Abbildungen

Abbildung 2 zeigt wie eine Abbildung in der Gleitumgebung figure eingefügt werden kann. Die Optionen [htb!] definieren wie die Abbildung platziert werden soll.



Abbildung 2: Ein Bild von einem Löwen. Bild übernommen von Referenz [12].

Abbildung 3 zeigt ein Beispiel, wie thematisch zusammengehörende Unterabbildungen in eine Abbildung eingefügt werden können. Abbildung 3 unten zeigt ein Histogramm.

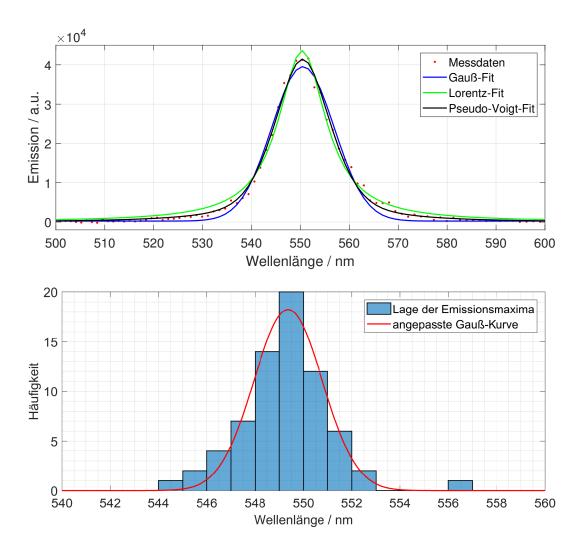


Abbildung 3: Emissions-Spektroskopie an einzelnen CdSe-Nanoplatelets bei Raumtemperatur. Analyse der Messungen vom 22.09.17. Für weitere Informationen über die Messparameter siehe Text. Oben: Beispiel für die Anpassung der verschiedenen Modelle an eines der Emissions-Spektren. Das gemessene Emissions-Profil wird am besten durch das Pseudo-Voigt-Profil beschrieben. Im Mittel weisen die Emissions-Spektren eine Halbwertsbreite von 14 nm auf. Unten: Histogramm der Verteilung der durch die Fits bestimmte spektrale Lage der Emissions-Spektren. Die an die Verteilung angepasste GauSS-Kurve lieferte eine mittlere Lage von 549,2 nm und eine Halbwertsbreite der Verteilung von 3,3 nm.

#### A.9. Zusammenfassung

Wir hoffen, dass Ihnen mit diesem kleinen Dokument der Einstieg in LATEX etwas leichter fällt. AbschieSSend bleibt zu sagen, dass für nahezu jedes Problem, das auftaucht, eine Lösung gefunden werden kann, man muss sie nur finden.

#### Literatur

- [1] T. Erdogan. Optical Filters: Non-normal Angles of Incidence. Semrock. Rochester, New York, USA, 2011. URL: https://www.semrock.com/Data/Sites/1/semrockpdfs/nonnormalanglesofincidence.pdf.
- [2] Lehrkräfte des Instituts für Experimentalphysik. GP1 Versuch 5: Strom- und Spannungsmessung. Version 2021 - 09.1 (iOLab). Universität Innsbruck, Innsbruck, AT: Institut für Experimentalphysik, 2021.
- [3] J. Wright (https://tex.stackexchange.com/users/73/joseph-wright). Biblatex with Biber: Configuring my editor to avoid undefined citations. Online; Stand: 30. Juli 2019. Abgerufen am 11. November 2020. URL: https://tex.stackexchange.com/questions/154751/biblatex-with-biber-configuring-my-editor-to-avoid-undefined-citations.
- [4] Ebosi (https://tex.stackexchange.com/users/64454/ebosi). Bibtex vs. biber and biblatex vs. natbib. Online; Stand: 13. April 2017. Abgerufen am 11. November 2020. URL: https://tex.stackexchange.com/questions/25701/bibtex-vs-biber-and-biblatex-vs-natbib.
- [5] Wikibooks. LaTeX-Wörterbuch: Silbentrennung Wikibooks, Die freie Bibliothek. Online; Stand: 9. Juni 2021. Abgerufen am 10. November 2022. 2021. URL: https://de.wikibooks.org/w/index.php?title=LaTeX-W%C3%B6rterbuch:\_Silbentrennung&oldid=963022.
- [6] C. Hughes u.a. Excel2LaTeX Convert Excel spreadsheets to LaTeX tables. Online; Stand: 17. Juli 2017. Abgerufen am 10. November 2022. URL: https://ctan.org/pkg/excel2latex?lang=de.
- [7] P. Kime, M. Wemheuer und P. Lehman. Das biblatex Paket Das Benutzerhandbuch. Version 3.15b. Mai 2021. URL: https://mirror.kumi.systems/ctan/info/translations/biblatex/de/biblatex-de-Benutzerhandbuch.pdf.
- [8] W. Demtröder. Experimentalphysik 3: Atome, Moleküle, und Festkörper. Berlin: Springer, 2010.
- [9] A. Einstein, B. Podolsky und N. Rosen. "Can Quantum-Mechanical Description of Physical Reality Be Considered Complete?" In: *Phys. Rev.* 47 (10 Mai 1935), S. 777–780. URL: https://link.aps.org/doi/10.1103/PhysRev.47.777.
- [10] National Institute of Standards and Technology (NIST). The NIST Reference on Constants, Units, and Uncertainty. Online; Stand: Oktober 2016. Abgerufen am 12. Oktober 2017. URL: http://physics.nist.gov/cuu/Constants/index.html?/codata86.html.
- [11] Wikipedia. Lise Meitner Wikipedia, die freie Enzyklopädie. Online; Stand 1. November 2022. Abgerufen am 10. November 2022. 2022. URL: https://de.wikipedia.org/w/index.php?title=Lise\_Meitner&oldid=227533544.
- [12] K. Pluck. The King. Online; Stand: 26. Juli 2004. Abgerufen am 15. November 2017. URL: https://www.flickr.com/photos/27109510@N00/11232963.

# Erklärung

digen Quellen und Referenzen angegeben sind.				
Student 1	Date			
Student 2	Date			

Hiermit versichern wir, dass der vorliegende Bericht selbständig verfasst wurde und alle notwen-