Wellenfunktion und Aufenthaltswahrscheinlichkeit eines Teilchens

$$\Psi(x) = \begin{cases} 2 & \text{für } 0 \le x \le 1\\ 1 & \text{für } 1 \le x \le 2\\ -2 & \text{für } 2 \le x \le 3 \end{cases}$$

- a) The probability of finding the particle is the lowest in sector II
- b) the unit of $\psi(x)$ is \sqrt{m} and the unit of x is meter m
- c) The normalization condition states that

$$\int_{-\infty}^{\infty} |A\psi(x)|^2 \, \mathrm{d}x = 1$$

In our case

$$\int_{-\infty}^{\infty} |A\psi(x)|^2 dx = A^2 \left[\int_{0}^{1} 1 dx + \int_{1}^{2} 4 dx + \int_{2}^{3} 4 dx \right] = 9A^2 \stackrel{!}{=} 1$$

$$\Rightarrow A = \frac{1}{3}$$

d)

$$P = \int_{2}^{3} \frac{4}{9} \, \mathrm{d}x = \frac{4}{\underline{9}}$$

e)

$$P = \int_{2}^{3} \left| \frac{2}{3} e^{\frac{\pi}{6}i} \right|^{2} dx = \int_{2}^{3} \frac{4}{9} dx = \frac{4}{9}$$

Teilchen im asymmetrischen Potentialtopf

$$V(x) = \begin{cases} \infty & \text{für } x \le 0 \\ -V_0 & \text{für } 0 \le x \le a \\ 0 & \text{für } a \le x \end{cases}$$

a)

b)

c)

d)

e)

f)

g)

Teilchen an einem Potentialabfall

$$V(x) = \begin{cases} V_0 & \text{für } x \le 0\\ 0 & \text{für } x > 0 \end{cases}$$

a)

b)

c)