## 207. Kupferblock in Styropor

$$a=0.1~{\rm m}; \quad m=a^3\rho; \quad l=\frac{1}{10}a; \quad T_0=293.15; \quad T_1=333.15~{\rm K}$$
  $\rho=8930~{\rm kg/m^3}; \quad c=385~{\rm J/kg\,K}; \quad \lambda=0.027~{\rm W/m\,K}$ 

Def: System wird erwärmt = positive Wärme = negative Arbeit System kühlt ab = negative Wärme = positive Arbeit

a) Die Wärmeleitfähigkeit der Luft sagt in diesem Beispiel nicht aus, wie gut diese Isoliert, da Luft bei Erwärmung zirkuliert und somit den "Wärmetransport" fördert.

b) 
$$G = \lambda \frac{A}{l}$$
 
$$G = 60\lambda a = \underline{0.162 \text{ W/K}}$$

c) 
$$\dot{Q} = \frac{dQ}{dt} = G\Delta T$$
  
 $\dot{Q} = G(T_0 - T_1) = \underline{6.48 \text{ W}}$ 

d) 
$$T_2 = 332.15 \text{ K}; \quad Q = mc\Delta T$$
  
 $Q_1 = a^3 \rho c (T_2 - T_1)$   
 $t_1 = \frac{Q_1}{\dot{o}} = \underline{530.6 \text{ s}}$ 

e) 
$$\frac{dT}{dt} = r(T(t) - T_0); \quad r = -\frac{G}{cm}; \quad T(0) = T_1 = 333.15 \text{ K}$$

$$\frac{dT}{dt} = r(T(t) - T_0)$$

$$\int \frac{1}{T(t) - T_0} dT = \int r dt$$

$$\ln(T(t) - T_0) + c_1 = rt + c_2 \qquad c_3 := c_2 - c_1$$

$$T(t) - T_0 = e^{rt + c_3} \qquad C := e^{c_3}$$

$$T(t) = Ce^{rt} + T_0$$

$$T(0) = T_1$$

$$Ce^{rt} + T_0 = T_1$$

$$T(t) = (T_1 - T_0)e^{rt} + T_0$$

$$\Rightarrow T(t) = 40e^{-4.7*10^{-5}t} + 293.15$$

$$21 = T(t)$$

$$21 = (T_1 - T_0)e^{rt} + T_0$$

$$t = \frac{\ln\left(\frac{21 - T_0}{T_1 - T_0}\right)}{r} = \underline{78287 \text{ s}}$$

## 209. Limonade mit Eis

$$m_1 = 0.24 \ \mathrm{kg}; \quad T_1 = 306.15 \ \mathrm{K}; \quad m_2 = 0.025 \ \mathrm{kg}; \quad T_2 = 273.15 \ \mathrm{K}$$
 
$$L = 3.33 * 10^5 \ \mathrm{J/kg} : \quad c = 4190 \ \mathrm{J/kg} \, \mathrm{K}$$

a) 
$$Q = cm\Delta T$$
;  $Q = Lm$ ;  $\Delta T = T_{Ende} - T_{Start}$  (Schmelzwärme)  $T_s = -\frac{Q_s}{cm_1} + T_1$  (Temp nach Schmelze)  $Q_1 = cm_1(T - T_s)$   $Q_2 = cm_2(T - T_2)$   $Q_1 + 2Q_2 = 0$   $\Rightarrow T = \frac{m_1T_s + 2m_2T_2}{m_1 + 2m_2} = \underline{286.76 \text{ K}}$  (= 13.61 °C)

f)

$$Q_s = 6Lm_2 = 4.995 * 10^4 \text{ J}$$
 (Schmelzwärme)  
 $Q = cm_1(T_1 - T_2) = -3.079 * 10^4 \text{ J}$  (bis zum Gefrieren)

 $\Rightarrow$  im Wasser ist nicht genügend Energie gespeichert, um die Eiswürfel zu schmelzen; es bleibt ein Wasser-Eis Gemisch bei <u>273.15 K</u> (= 0 °C) über

## 212. Luft

$$V = 3 * 4 * 5 \text{ m}; \quad T = 300 \text{ K}; \quad p = 1 \text{ atm}; \quad k_B = 1.38 * 10^{-23} \text{ J/K}$$

a) 
$$pV = nk_BT$$

$$n = \frac{pV}{k_B T} = \underline{1.47 * 10^{27}}$$

b)

$$\rho_n = \frac{n}{V} = \frac{p}{k_B T} = \underline{2.45 * 10^{19} \text{ cm}^{-3}}$$

c) 
$$u = 1.66 * 10^{-27} \text{ kg}; \quad A_{\text{O}_2} = 32; \quad A_{\text{N}_2} = 28$$

$$m_{\rm O_2} = 0.2n * 32u$$

$$m_{\rm N_2} = 0.8n * 28u$$

$$m = m_{\rm O_2} + m_{\rm N_2} = 28.8 nu = \underline{70.19 \text{ kg}}$$

d) 
$$\Delta p = \rho_m g h$$
;  $\rho_m = \frac{m}{V}$ ;  $h = 3 \text{ m}$ 

$$\Delta p = \frac{\rho_m g h}{V} = \underline{34.43 \text{ Pa}}$$

$$\frac{\Delta p}{h} = \frac{\rho_m g}{V} = \underline{\underline{11.48 \text{ Pa/m}}}$$