## Домащнее задание 4 (на 27.05).

Необходимо набрать 2 балла.

[COMB 1.] (2 балла) Доказать, что в случае произвольного натурального числа n цикловой индекс циклической группы  $C_n$ , действующей на множестве X вершин правильного n-угольника, вычисляется по формуле  $Z_{C_n}(x_1,\ldots,x_n)=\frac{1}{n}\sum_{d|n}\varphi(d)x_d^{n/d}$ .

[COMB 2.] (1 балл) Доказать, что в случае простого числа p цикловой индекс циклической группы  $C_p$ , действующей на множестве X вершин правильного p-угольника, рассчитывается по формуле  $Z_{C_p} = \frac{1}{p}(x_1^p + (p-1)x_p)$ .

[COMB 3.] (1 балл) Подсчитать количество различных ожерелий, состоящих из пяти камней красного цвета и двух камней синего цвета.