

# Современное программирование: 2020–2024

Учебный план и описания дисциплин

[bsse.compscicenter.ru](https://bsse.compscicenter.ru)

## О программе

Мы работаем на [факультете математики и компьютерных наук](#) (МКН) СПбГУ при поддержке компании JetBrains и готовим программистов высокой квалификации, способных решать сложные задачи в любых областях информационных технологий.

Вот как мы это делаем. Во-первых, мы считаем, что будущим программистам в первую очередь нужны:

- крепкая математика и теоретическая информатика;
- умение писать качественные программы;
- знание алгоритмов.

Это база, мы формируем её первые два года, сотрудничая с [лабораторией Чебышёва](#) и [ПОМИРАН](#), ведущими отечественными научными центрами.

Во-вторых, студентам никак не обойтись без:

- изучения современных технологий;
- участия в проектах по разработке ПО.

Мы хорошо учим современным технологиям, потому что эти курсы у нас читают разработчики ведущих IT-компаний (из JetBrains, Яндекса и других) и опытные преподаватели [Computer Science центра](#). Студенты участвуют в реальных проектах под руководством профессиона-

лов отрасли. Такие проекты дают опыт работы в условиях, максимально похожих на «боевые». Заодно можно изучить массу новых технологий. А ещё проекты могут быть исследовательскими. В программировании много чего можно исследовать!

В-третьих, начиная с третьего курса у студентов появляется большой выбор дисциплин: можно углубляться в программирование в интересных областях, а можно и переключиться в математику ([математические спецкурсы](#) и [научные семинары](#) в том же здании!).

В-четвёртых, у нас маленькие наборы (30 человек и две группы на практических занятиях) — это идеальные условия для передачи знаний, ведь преподаватель может посмотреть код каждого студента и поругать его на [code review](#)!

Что ещё? Можно участвовать в соревнованиях (олимпиадная математика, спортивное программирование, турниры по машобучу) — у нас отличные тренеры! И стипендия есть — до 15 тысяч рублей от компании JetBrains. Наконец, мы учимся на Ваське (это исторический центр Петербурга, Васильевский остров).

В общем, у нас хорошо.

## Совет

Информационные технологии развиваются стремительно. Совет образовательной программы одобряет все изменения в ней и следит за тем, чтобы давались актуальные знания, востребованные в науке и индустрии. В совет входят и действующие учёные, и профессиональные разработчики программного обеспечения — как из России, так и из других стран.



**Андрей Андреевич Бреслав**

Руководитель проекта Kotlin, JetBrains.



**Андрей Владимирович Иванов**

Старший вице-президент по инвестициям, исследованиям и образованию в JetBrains (председатель совета).



**Владислав Анатольевич Казначеев**

Руководитель группы разработки пользовательского интерфейса операционной системы Chrome OS, Google.



**Дмитрий Игоревич Качмар**

Коммерческий директор, Яндекс.



**Кирилл Владимирович Кринкин**

К.т.н., доцент, зав. каф. математического обеспечения и применения ЭВМ Санкт-Петербургского электротехнического университета «ЛЭТИ».



**Александр Сергеевич Куликов**

Д.ф.-м.н., с.н.с. ПОМИ РАН, профессор СПбГУ, член совета Computer Science центра, JetBrains. Руководитель ОП «Современное программирование».



**Михаил Владимирович Левин**

Директор по машинному интеллекту ООО «Яндекс.Маркет».



**Илья Лазаревич Миронов**

Ведущий научный сотрудник, Facebook.



**Павел Аркадьевич Певзнер**

Зав. лаб. «Центр алгоритмической биотехнологии» Института трансляционной биомедицины СПбГУ, профессор Калифорнийского университета (Сан-Диего, США).



**Станислав Константинович Смирнов**

Лауреат Филдсовской премии, руководитель лаборатории имени П. Л. Чебышёва СПбГУ, профессор Женевского университета (Швейцария).



**Андрей Николаевич Терехов**

Д.ф.-м.н., профессор, зав. каф. системного программирования СПбГУ.

# Учебный план

1	осень	Математический анализ 1	Алгебра 1	Дискретная математика 1	Основы программирования	Введение в ООП	Linux	Язык C	История	ФК	Иностранный язык	осень
	весна	Математический анализ 2	Алгебра 2	Дискретная математика 2	Объектно-ориентированное программирование		Язык C++		Алгоритмы 1	ФК	Иностранный язык	весна
2	осень	Математический анализ 3	Базы данных	Теоретическая информатика 1	Функциональное программирование	Архитектура		Алгоритмы 2		ЯЭК	Иностранный язык	осень
	весна	Математический анализ 4	Теория вероятностей	Теоретическая информатика 2	Математическая логика в информатике	Операционные системы		Алгоритмы 3	Проекты		Иностранный язык	весна
3	осень	Дисциплины по выбору			Математическая статистика		Машинное обучение 1	Проекты	ЦК	ОПКЭ		осень
	весна	Дисциплины по выбору			Параллельное программирование		Машинное обучение 2	Проекты	ОФГ	ОБ		весна
4	осень	Дисциплины по выбору			Программная инженерия		Высоконагруженные системы	Проекты	Философия			осень
	весна	Дисциплины по выбору			Cont. issues in IT	Производственная практика		Итоговая аттестация				весна

Учебный план определяет практически всё, что студенты изучают на протяжении всего времени обучения — в бакалавриате это четыре года (восемь семестров). В этой схеме учебного плана отражены размеры всех дисциплин в зачетных единицах: чем шире прямоугольник дисциплины, тем больше по ней аудиторных занятий (и самостоятельной работы!). Подготовка к экзаменам тоже учитывается в зачетных единицах. К при-

меру, у дисциплины на пять зачётных единиц обычно две пары занятий в неделю в течение семестра и есть экзамен. Четверть всего обучения — это дисциплины по выбору студента, в каждом из семестров с пятого по восьмой есть три такие дисциплины. Их список может каждый год меняться. По ссылкам в названиях дисциплин можно перейти к описанию конкретной дисциплины.

# Содержание

<b>Первый семестр</b>	<b>6</b>
Математический анализ 1 . . . . .	6
Алгебра 1 . . . . .	7
Дискретная математика 1 . . . . .	8
Основы программирования . . . . .	9
Основы Linux . . . . .	10
Объектно-ориентированное программирование . . . . .	11
Низкоуровневое программирование на языке C . . . . .	12
<b>Второй семестр</b>	<b>13</b>
Математический анализ 2 . . . . .	13
Алгебра 2 . . . . .	14
Дискретная математика 2 . . . . .	15
Алгоритмы и структуры данных 1 . . . . .	16
Программирование на языке C++ . . . . .	17
<b>Третий семестр</b>	<b>18</b>
Математический анализ 3 . . . . .	18
Теория вероятностей . . . . .	19
Теоретическая информатика 1: формальные языки . . . . .	20
Теоретическая информатика 1: сложность вычислений . . . . .	21
Функциональное программирование . . . . .	22
Алгоритмы и структуры данных 2 . . . . .	23
Архитектура ЭВМ . . . . .	24
<b>Четвёртый семестр</b>	<b>25</b>
Математический анализ 4 . . . . .	25
Математическая статистика . . . . .	26
Математическая логика в информатике . . . . .	27
Теоретическая информатика 2: вычислимость . . . . .	28
Теоретическая информатика 2: теория информации . . . . .	29
Алгоритмы и структуры данных 3 . . . . .	30
Операционные системы . . . . .	31
<b>Пятый семестр</b>	<b>32</b>
Выпуклая оптимизация . . . . .	32
Машинное обучение 1 . . . . .	33

# Математический анализ 1

**Период:** I курс, сентябрь–январь.  
**Размер:** 5 зачётных единиц, 3 часа лекций, 3 часа практик в неделю.  
**Отчётность:** зачёт, экзамен.

## Аннотация

Первая часть курса математического анализа состоит в изучении базовых понятий и теорем курса дифференциального исчисления функций одной вещественной переменной. Однако помимо изучения аксиоматики вещественных чисел, свойств функций и стандартных теорем начального курса математического анализа, слушателям предлагается изучить основные понятия (предел и непрерывность) в более абстрактных ситуациях метрического и топологического пространства, что позволяет сделать первую часть курса более глубокой и насыщенной. Тем не менее, дифференциальное исчисление в первом семестре излагается лишь для функций одной вещественной переменной: его основной целью является обучение крайне важным для математической культуры умениям — отыскание экстремумов функций с помощью принципа Ферма и приближенное вычисление значений с помощью формулы Тейлора. Эта часть курса иллюстрируется рядом важных и интересных приложений (вычисление асимптотик сумм, доказательство иррациональности чисел  $\pi$  и  $e$ , доказательство классических неравенств). Завершает первую часть курса вводное построение интеграла.

## Пререквизиты

- [Дискретная математика 1.](#)
- [Алгебра 1.](#)

## Где понадобится

- Во всех последующих математических дисциплинах аналитического характера.
- Для понимания курсов: [Математический анализ 2, 3 и 4](#), [Теория вероятностей](#), [Математическая статистика](#), [Выпуклая оптимизация](#), [Машинное обучение 1.](#)
- Для создания общей математической культуры.

## Содержание

- Аксиоматика вещественных чисел.
- Метрические, топологические и нормированные пространства. Пределы и непрерывность, компактность. Теоремы Вейерштрасса и Кантора.
- Дифференциальное исчисление функций одной вещественной переменной (теоремы Ролля, Ферма, Коши и Лагранжа, формула Тейлора).
- Интегрирование функций одной вещественной переменной (первообразная и определённый интеграл, существование и свойства).

## Вы научитесь

- оценивать качественно и количественно поведение функций и сумм;
- основным принципам исследования функций;
- оперировать абстрактными структурами и оценивать возможность обобщения утверждений на более широкий класс пространств.

# Алгебра 1

**Период:** I курс, сентябрь–декабрь.  
**Размер:** 5 зачётных единиц, 2 часа лекций, 2 часа практик в неделю.  
**Отчётность:** зачёт, экзамен.

## Аннотация

Программа включает традиционный материал начального курса высшей алгебры: общее знакомство с основными алгебраическими структурами, комплексные числа, свойства кольца многочленов одной переменной, важнейшие понятия линейной алгебры как на координатном, так и на абстрактном уровне.

Курс содержит большое количество практических задач, призванных дать возможность слушателям закрепить полученные знания различных алгебраических методов, которые будут возникать практически во всех дальнейших курсах — как математических, так и прикладных.

## Пререквизиты

- Математика на уровне школьной программы.

## Где понадобится

- Во всех последующих математических дисциплинах.
- Для понимания курсов: [Алгебра 2](#), [Математический анализ 1, 2](#), [Алгоритмы и структуры данных 1](#), [Машинное обучение 1](#).

## Содержание

- Алгебраические структуры: группы, кольца, поля.
- Комплексные числа: тригонометрическая форма, формула Муавра, извлечение корней.
- Многочлены и рациональные дроби.
- Векторные пространства и линейные системы: линейная зависимость, ранг матрицы, метод Гаусса, теорема Кронекера–Капелли, линейные отображения, размерность ядра и образа, суммы и пересечения подпространств.
- Определители: свойства, минорный ранг, взаимная матрица, теорема Крамера.

## Вы научитесь

- оперировать с комплексными числами, многочленами, рациональными дробями, линейными пространствами, матрицами;
- раскладывать многочлены на неприводимые множители, находить кратные корни, раскладывать рациональные дроби в сумму простейших дробей;
- вычислять ранги матриц, определители, анализировать системы линейных уравнений и решать их методом Гаусса, находить суммы и пересечения линейных подпространств.

# Дискретная математика 1

**Период:** I курс, сентябрь–декабрь.  
**Размер:** 5 зачётных единиц, 2 часа лекций, 2 часа практик в неделю.  
**Отчётность:** зачёт, экзамен.

## Аннотация

Одна из основных целей данного курса — научиться строить и строго анализировать математические модели, возникающие в программировании и компьютерных науках. Много внимания будет уделено формальным доказательствам корректности: разберёмся, какие бывают методы доказательства; узнаем, как доказывать существование, оптимальность и универсальность; увидим много примеров того, как интуитивно кажущееся правильным доказательство оказывается формально неверным (что на практике может привести к сбою оборудования или программного обеспечения). Также узнаем, как эффективно перебирать различные комбинаторные объекты и вычислять их количество, не перечисляя их явно. Увидим, как часто это помогает при построении эффективных алгоритмов. Наконец, начнём изучать теорию вероятностей — раздел математики, возникающий в самых разных областях компьютерных наук: в алгоритмах, теории игр, криптографии, обработке сигналов и других. Узнаем, как формально определять и оценивать вероятности различных случайных процессов. Научимся пользоваться стандартными методами оценки разных параметров случайных величин — среднего, дисперсии, уклонений.

Курс содержит большое количество задач разной степени сложности — как на доказательство, так и на программирование. Задачи на доказательство призваны дать слушателям возможность потренироваться кратко и строго записывать рассуждения. Задачи на программирование покажут, как именно возникающие дискретные структуры используются на практике, и помогут разобраться во всех деталях этих структур.

## Пререквизиты

- Математика: школьная программа (доказательства, основные функции: логарифм, многочлен, экспонента).
- Программирование: базовое владение языком программирования Python (ввод-вывод, циклы, рекурсия).

## Содержание

- Доказательства: существование, оптимальность, универсальность.
- Множества: мощности, диагональный аргумент, порядки, цепи/антицепи.
- Перебор и подсчёт: подмножества, перестановки, размещения, сочетания, скобочные последовательности, разбиения, рекуррентные соотношения.
- Вероятность: события, условная вероятность и независимость, случайные величины, уклонения, вероятностный метод.

## Где понадобится

- Во всех последующих математических дисциплинах.
- Для построения и анализа алгоритмов и эффективных программ.
- Для понимания курсов: [Алгоритмы и структуры данных](#), [Теория вероятностей](#), [Теоретическая информатика](#), [Математическая статистика](#), [Машинное обучение](#).

## Вы научитесь

- строго и кратко записывать доказательства;
- оценивать время работы алгоритмов и программ;
- оценивать вероятности;
- применять идеи дискретной математики в разных областях IT;
- реализовывать перебор, кодирование и шифрование, сведения к задаче выполнимости.



# Основы программирования

**Период:** I курс, сентябрь-октябрь.  
**Размер:** 3 зачётные единицы, 2 часа лекций, 3 часа практик в неделю.  
**Отчётность:** зачёт.

## Аннотация

Первокурсники обычно уже знакомы с программированием. Многие участвовали в олимпиадах, кто-то имел опыт реализации прикладных проектов. Практика, впрочем, показывает, что при обучении программированию на предыдущих этапах мало внимания уделяется таким вопросам как профессиональное отношение программиста к работе, качество кода, суть языка программирования как промышленного инструмента со своими достоинствами и недостатками.

Этот курс разработан с целью осветить все эти вопросы, а также подготовить студентов к работе на последующих программистских курсах путём формирования у них некоторой общей базы знаний в области разработки ПО. В качестве основного языка программирования на курсе будет использоваться язык `Kotlin`. По ходу курса студенты реализуют несколько программных проектов и благодаря многократным обзорам кода (`code review`) получают навыки написания кода, решающего поставленные задачи и удовлетворяющего при этом критериям качества.

## Пререквизиты

- Компиляция и запуск программы на любом языке программирования.
- Работа с массивами.
- Обработка строк.
- Представление о структурах данных.
- Использование подпрограмм.

## Где понадобится

- Во всех последующих дисциплинах по программированию.
- В командных проектах.
- В работе на должности разработчика программного обеспечения.

## Содержание

- Программирование как профессия: основные составляющие, мастерство в профессии и качество кода.
- Язык `Kotlin`: базовые типы данных, переменные, выражения и операторы, функции, собственные типы данных, ввод-вывод, контейнерная библиотека, исключения.
- Технологии: контроль версий и удалённое хранение кода, именование, декомпозиция, тестирование и отладка, рефакторинг.

## Вы научитесь

- писать поддерживаемый код промышленного качества;
- использовать профессиональный инструментарий;
- хранить код под управлением систем контроля версий;
- тестировать код;
- применять механизмы обработки исключений для написания устойчивых к ошибкам вводу программ.

## ОСНОВЫ Linux

**Период:** I курс, сентябрь-октябрь.  
**Размер:** 1 зачётная единица, 2 часа практик в неделю.  
**Отчётность:** зачёт.

### Аннотация

Этот практический курс посвящён освоению командной строки как основного инструмента при использовании компьютеров. Множество действий можно выполнять быстрее и эффективнее, если описать их как последовательность вызовов программ и оформить в виде сценария на языке командного интерпретатора. Операционная система Linux идеально подходит для изучения такого стиля работы, поскольку содержит в себе все необходимые инструменты. Как выяснится по ходу курса, программистам часто приходится обращаться к командной строке. После этого курса студенты смогут делать это легко и с удовольствием.

### Пререквизиты

- Базовое владение любым языком программирования.

### Где понадобится

- В программистских дисциплинах, ориентирующихся на использование командной строки.
- В курсе операционных систем.
- Для администрирования своего компьютера.
- В рамках проектов, требующих особых условий для сборки и доставки пользователю.

### Содержание

- Работа в командной строке: доступ к файловой системе, управление процессами, запуск программ и их взаимодействие, переменные окружения, важнейшие утилиты командной строки.
- Программирование на языке `bash`: переменные, ввод-вывод, управляющие инструкции, функции.
- Элементы DevOps: сборка ПО, контейнеризация, интеграция и доставка.

### Вы научитесь

- решать задачи путём комбинирования имеющихся программ;
- применять консольные инструменты разработки программ;
- обрабатывать текстовые данные;
- автоматизировать действия по обслуживанию компьютерных систем.

# Объектно-ориентированное программирование

**Период:** I курс, ноябрь–декабрь. II курс, февраль–май.  
**Размер:** 5 зачётных единиц, 2 часа лекций, 2 часа практик в неделю.  
**Отчётность:** зачёт.

## Аннотация

Почему в 1968 году оператор перехода `goto` был объявлен вредным? Почему корректно работающий код может, тем не менее, быть единодушно признан ужасным?

Подобно тому как правила литературного языка не являются гарантией ясности и хорошего стиля, одни только правила языка программирования не обеспечивают создания качественного кода. Языки дополняются приёмами их правильного использования. Иногда из этих приёмов возникают методологии, которые становятся основой более современных языков. Самой известной из таких методологий является объектно-ориентированное программирование.

Студенты изучат такие принципы ООП, как абстракция, инкапсуляция, наследование и полиморфизм, изучат основные шаблоны проектирования.

В качестве языка программирования на курсе будет использоваться язык `Kotlin`. Практическая часть включает реализацию нескольких небольших программных проектов, предполагающих проектирование объектных моделей, создание предметно-зависимых языков (DSL) и преобразование кода при изменении требований.

## Пререквизиты

- Представление о структурах данных.
- [Введение в программирование.](#)

## Где понадобится

- Во всех последующих дисциплинах по программированию.
- В командных проектах.
- В работе на должности разработчика программного обеспечения.

## Содержание

- ООП: абстракция, инкапсуляция, наследование, полиморфизм.
- `Kotlin`: классы, интерфейсы, обобщения, функции-расширения, лямбда-выражения.
- Принципы проектирования: единственность ответственности, инверсия зависимостей, разделение интерфейсов.

## Вы научитесь

- строить объектные модели для разных предметных областей;
- писать код используя шаблоны проектирования;
- создавать предметно-зависимые языки;

## Низкоуровневое программирование на языке C

**Период:** I курс, ноябрь–декабрь.  
**Размер:** 2 зачётные единицы, 2 часа лекций, 2 часа практик в неделю.  
**Отчётность:** экзамен.

### Аннотация

Конструкции языка C близко сопоставляются типичным машинным инструкциям, благодаря чему он традиционно является одним из основных языков системного программирования (в частности, на нем написана ОС Linux). Изучение приемов программирования на C позволяет не только научиться писать эффективные программы, но и разобраться, как работает компьютер при их выполнении.

Язык C повлиял на синтаксис таких языков, как C++, C#, Java и Objective-C. Знание C позволит лучше понять решения, принятые авторами этих языков, и оценить накладные расходы по времени и памяти при их использовании.

### Пререквизиты

- Базовое владение любым языком программирования (переменные, ветвления, циклы, функции, массивы).
- **Основы Linux:** навыки пользователя.

### Где понадобится

- Для понимания курсов: [язык программирования C++](#), [операционные системы](#).
- При программировании встраиваемых систем (embedded systems).

### Содержание

- Процесс превращения программы в машинный код (компилятор, ассемблер, линковщик).
- Указатели.
- Как устроен вызов функции?
- Карта памяти: стек и куча.
- Указатели на функции. Интрузивные списки.
- Обзор стандартной библиотеки `libc`.

### Вы научитесь

- читать и писать полезные программы на языке C;
- детально понимать процесс построения программы из исходных кодов (`gcc`, `make`);
- детально понимать процесс выполнения программы;
- использовать библиотеки.

## Математический анализ 2

**Период:** I курс, февраль–июнь.  
**Размер:** 5 зачётных единиц, 3 часа лекций, 3 часа практик в неделю.  
**Отчётность:** зачёт, экзамен.

### Аннотация

Вторая часть курса математического анализа начинается с приложений интегрального исчисления функций одной вещественной переменной. В частности, изучаются методы нахождения площадей, объемов и длин, анализ сумм с помощью приближенных методов численного интегрирования, приближенное вычисление сумм и произведений. Отдельное внимание уделено несобственным интегралам. Основную часть курса составляет дифференциальное исчисление функций нескольких вещественных переменных. Главной целью является исследование функций нескольких переменных на экстремум, решение оптимизационных задач, в частности, метод градиентного спуска. Большая часть материала даётся в абстрактной ситуации нормированного пространства, подразумевающей содержательные и интересные приложения в задачах, постановка которых предполагает наличие бесконечного количества степеней свободы (задача о брахистохроне, задача о цепной линии, изопериметрическая задача), в частности, курс содержит элементы вариационного исчисления и дифференциальных уравнений. Такой подход предполагает более подробное изучение конкретных нормированных пространств, состоящих из непрерывных и дифференцируемых функций, что дает правильное и глубокое понимание равномерной сходимости и ее важности в теоремах о перестановочности основных аналитических операций. Основные трудные теоремы курса выводятся из принципа сжимающих отображений — одного из самых мощных и идейных инструментов доказательства теорем существования. Завершает курс второго семестра теория числовых и функциональных рядов, предваряющих изучение теории меры в третьем семестре.

### Пререквизиты

- [Математический анализ 1.](#)
- [Дискретная математика 1.](#)
- [Алгебра 1](#) и [2.](#)

### Где понадобится

- Во всех последующих математических дисциплинах аналитического характера.
- Для понимания курсов: [Математический анализ 3 и 4](#), [Теория вероятностей](#), [Математическая статистика](#), [Выпуклая оптимизация](#), [Машинное обучение 1.](#)
- Для создания общей математической культуры.

### Содержание

- Приложения определённого интеграла: площадь, объем, длина, численное интегрирование, формула трапеций, формула Стирлинга.
- Несобственные интегралы.
- Анализ в нормированных пространствах: принцип сжимающих отображений, дифференцируемость, теорема о неявной функции.
- Задачи оптимизации: расстояние до подпространства, минимум квадратичной формы на сфере, изопериметрическая задача, задача о брахистохроне, задача о цепной линии.
- Теория числовых и функциональных рядов.

### Вы научитесь

- применять интегральное исчисление на практике;
- оценивать качественно и количественно поведение функций нескольких переменных;
- решать простейшие задачи оптимального управления.

## Алгебра 2

**Период:** I курс, февраль–май.  
**Размер:** 5 зачётных единиц, 2 часа лекций, 2 часа практик в неделю.  
**Отчётность:** зачёт, экзамен.

### Аннотация

Вторая часть курса алгебры носит более теоретический и менее вычислительный характер, включает ряд красивых теорем. Знакомство с теорией групп создаёт основу для изучения других разделов высшей алгебры и теории чисел, способствует развитию абстрактного мышления. Дополнительные сведения из линейной алгебры используются, в частности, в классических алгоритмах на графах и в алгоритмах распознавания образов. Курс включает также основы теории конечных полей, применяемой в криптографии.

Одна из главных целей курса — развить у слушателей абстрактное мышление, которое позволит и в дальнейшем замечать алгебраические структуры в самых разных областях — базах данных, компиляторах и языках программирования, теории графов. Вторая цель — дать необходимую практику применения методов алгебры, которые будут использоваться в дальнейших прикладных курсах — алгоритмах, теории вероятностей, машинном обучении и других.

### Пререквизиты

- [Алгебра 1.](#)
- [Дискретная математика 1.](#)

### Где понадобится

- Практически во всех последующих математических дисциплинах: [математический анализ 2, 3](#) и [4](#), [алгоритмы и структуры данных 1](#), [машинное обучение 1](#).

### Содержание

- Теория групп: подгруппы, гомоморфизмы, факторгруппы, симметрические группы, свободная группа.
- Линейные операторы: собственные значения, характеристический многочлен, канонические формы.
- Квадратичные формы: ортогонализация, закон инерции.
- Аналитическая геометрия: евклидовы пространства, ортогональное дополнение, каноническая форма нормального оператора.
- Конечные поля: классификация, цикличность мультипликативной группы.

### Вы научитесь

- выполнять вычисления в группе перестановок, задавать группы образующими и соотношениями, вычислять факторгруппы;
- уметь находить собственные значения линейных операторов, их алгебраические и геометрические кратности;
- уметь находить каноническую форму ортогонального оператора, вычислять расстояния между линейными многообразиями.

## Дискретная математика 2

**Период:** I курс, февраль–июнь.  
**Размер:** 5 зачётных единиц, 2 часа лекций, 2 часа практик в неделю.  
**Отчётность:** зачёт, экзамен.

### Аннотация

Во второй части курса по дискретной математике мы изучим графы, коды и модели вычислений. Узнаем, как самые разные практические задачи формулируются на языке графов и как пользоваться стандартными методами области теории графов для решения таких задач. Увидим, какие бывают требования к методам кодирования, изучим стандартные конструкции и их ограничения. Наконец, затронем различные модели вычислений и их ограничения.

Для закрепления материала будем решать много задач — как теоретических, так и программистских.

### Прerequisites

- [Дискретная математика 1](#): доказательства, индукция, комбинаторика.
- Программирование: базовое владение языком программирования Python.

### Где понадобится

- Для представления и анализа различных данных в виде графов.
- В теории формальных языков, при реализации компиляторов.
- Для понимания того, какие задачи могут быть эффективно решены на практике, и того, какие есть ограничения для решения трудных задач.

### Содержание

- Графы: деревья; эйлеровы и гамильтоновы циклы; связность, разрезы и потоки; паросочетания и покрытия; раскраски; планарность.
- Игры и стратегии.
- Коды с минимальной избыточностью и коды, исправляющие ошибки.
- Модели вычислений и классы сложности.

### Вы научитесь

- формулировать возникающие на практике задачи в терминах теории графов;
- пользоваться библиотечными методами для вычисления различных параметров графов;
- различать вычислительно простые и трудные задачи;
- оценивать вычислительные ресурсы, необходимые для решения задач;
- знать ограничения различных вычислительных моделей.

# Алгоритмы и структуры данных 1

**Период:** I курс, сентябрь–декабрь.  
**Размер:** 3 зачётных единицы, 2 часа лекций, 2 часа практик в неделю.  
**Отчётность:** зачёт.

## Аннотация

Основная цель данного курса — познакомить студентов со стандартными методами решения наиболее часто возникающих на практике задач. Студенты научатся формально оценивать количество используемых алгоритмом ресурсов (время и память); изучат разные способы хранения и обработки информации (структуры данных), и научатся подбирать оптимальную структуру данных в зависимости от требуемой функциональности; увидят примеры применения жадного метода и метода динамического программирования, а также потренируются решать задачи этими методами.

Конечно, для большинства включенных в курс алгоритмов и структур данных несложно найти уже готовую реализацию. Тем не менее, знание принципов работы этих алгоритмов, их преимуществ и недостатков, области применения и ограничений, позволит студенту в будущем быстро и эффективно подбирать готовое (или реализовывать своё) решение к каждой конкретной задаче. В том числе поэтому важная часть курса — это строгие доказательства корректности работы изучаемых алгоритмов, а также получение строгих оценок на время их работы. На практических занятиях студенты будут упражняться в применении изученных на лекциях алгоритмов в различных ситуациях; иногда при этом требуется модифицировать изученный алгоритм, или воспользоваться идеями из доказательства корректности его работы для получения нового алгоритма. Кроме того, студенты попробуют реализовать изученные алгоритмы на практике и решить с их помощью ряд модельных задач.

## Пререквизиты

- **Дискретная математика 1:** дискретная теория вероятностей.
- **дискретная математика 2:** основы теории графов.
- **Алгебра 1:** линейная алгебра, матрицы.
- **Программирование на языке C++:** базовое владение языком программирования C/C++.

## Содержание

- Сложность алгоритмов:  $O$ -символика, рекуррентные соотношения.
- Базовые алгоритмы и структуры данных: список, динамический массив, двоичный поиск, сортировки, двоичная куча, хеш-таблица.
- Алгоритмы на графах: поиск в глубину и его приложения, алгоритмы поиска кратчайших путей.
- Жадные алгоритмы: алгоритм Хаффмана, алгоритм Беладии, алгоритмы Прима и Краскала.
- Динамическое программирование.

## Где понадобится

- Для написания эффективного и надёжного кода.
- Для прохождения технических интервью.
- В работе на должности разработчика программного обеспечения.

## Вы научитесь

- оценивать время работы алгоритмов;
- сравнивать эффективность разных решений одной и той же задачи;
- строго доказывать корректность алгоритмов;
- реализовывать и применять изученные алгоритмы и структуры данных.



# Программирование на языке C++

**Период:** I курс, февраль-май.  
**Размер:** 3 зачётные единицы, 2 часа лекций, 2 часа практик в неделю.  
**Отчётность:** экзамен.

## Аннотация

Язык C++ является де-факто стандартом для написания высокопроизводительных программ. С одной стороны, он позволяет эффективно использовать ресурсы компьютера, а с другой — позволяет писать программы с использованием наиболее популярных подходов современного программирования (процедурного, объектно-ориентированного, обобщенного, метапрограммирования и других).

Целью курса является обучение написанию на C++ больших программ и библиотек, которые можно переиспользовать в других проектах. Особенностью курса является то, что очередной механизм языка рассматривается только после того, как слушатели смогут написать его сами.

## Пререквизиты

- [Программирование на языке C.](#)
- Базовое знание ООП на любом языке.

## Где понадобится

- В работе разработчика ПО на C++.
- В соревнованиях по спортивному программированию и курсах по [алгоритмам](#).

## Содержание

- Разработка объектно-ориентированных программ на C++.
- Обработка ошибок (в том числе, исключения).
- Разработка библиотек с помощью обобщенного программирования (шаблоны) и метапрограммирования.
- Обзор стандартной библиотеки STL.
- Элементы многопоточного программирования.
- Элементы проектирования.
- Обзор последних версий стандарта C++.

## Вы научитесь

- читать и писать программы на современном C++;
- проектировать и реализовывать код, который можно использовать повторно;
- использовать все возможности библиотеки STL.

## Математический анализ 3

**Период:** II курс, сентябрь–январь.  
**Размер:** 5 зачётных единиц, 3 часа лекций, 2 часа практик в неделю.  
**Отчётность:** зачёт, экзамен.

### Аннотация

В третьей части курса математического анализа студенты изучают теорию меры и интеграл Лебега. В чистом виде, теория меры — это математический язык, очень глубоко формализующий привычное нам понятие объёма. Этот раздел математики лежит в основе нескольких других важных разделов — теория вероятностей, анализ Фурье и другие. Цель первой части данного курса — познакомиться с основными понятиями и теоремами теории меры и научиться в них свободно ориентироваться.

Цель второй части курса — познакомиться с некоторым конкретным примерам интегрирования. Заводится и исследуется понятие дифференциальной формы, исследуются асимптотики некоторых интегральных выражений с помощью  $B$  и  $\Gamma$ -функции. Эти математические конструкции будут в дальнейшем использоваться, например, для описания некоторых классических вероятностных распределений.

Курс сопровождается большим количеством практических задач, призванных помочь слушателям развить интуицию и закрепить изученный материал.

### Пререквизиты

- [Математический анализ 1](#) и [2](#).
- [Алгебра 1](#).
- [Дискретная математика 1](#) и [2](#): комбинаторика, мощности множеств, диагональный аргумент.

### Где понадобится

- Для понимания курсов: [Математический анализ 4](#), [Теория вероятностей](#), [Математическая статистика](#).

### Содержание

- Теория меры: структуры множеств, объем и мера, произведение мер, стандартное продолжение мер, мера Лебега, измеримые функции, различные виды сходимости.
- Интеграл Лебега: построение интеграла Лебега и его свойства, перестановка предела и интеграла, принцип Кавальери, связь кратного и повторного интегралов, замена переменной в кратном интеграле.
- Интегралы с параметром и криволинейные интегралы: равномерная сходимость, дифференцирование по параметру,  $B$  и  $\Gamma$ -функции, криволинейные интегралы, дифференциальные формы первого порядка, замкнутые и точные формы, интегралы по гомотопным путям, формула Грина.

### Вы научитесь

- хорошо ориентироваться в основных конструкциях теории меры;
- использовать свойства интеграла Лебега для вычисления интегральных выражений;
- писать стандартные интегральные оценки;
- базовым приёмам нахождения асимптотик интегральных выражений.

# Теория вероятностей

**Период:** II курс, сентябрь–декабрь.

**Размер:** 4 зачётные единицы, 2 часа лекций, 2 часа практик в неделю.

**Отчётность:** зачёт, экзамен.

## Аннотация

Теория вероятностей — это раздел математики, изучающий закономерности случайных явлений: случайные события, случайные величины, их свойства и операции над ними. Она является основой для других областей математики, таких как математическая статистика, случайные процессы, теория оптимизации, теория игр и финансовая математика. В этом курсе будут рассмотрены как дискретные модели, уже встречавшиеся на курсах дискретной математики, так и непрерывные. В курсе даются базовые понятия теории вероятностей — случайные события и расчет вероятностей, случайные величины, способы их задания и нахождение различных числовых характеристик, основные законы распределения случайных величин, их свойства и применение, производящие и характеристические функции, многомерные случайные величины, цепи Маркова, случайные блуждания. Будут рассмотрены предельные теоремы для сумм случайных величин, закон больших чисел и другие классические результаты теории вероятностей.

## Прerequisites

- **Дискретная математика 1:** дискретная теория вероятностей.
- **Математический анализ 3:** теория меры, интегрирование
- **Математический анализ 4:** ряд Лорана.

## Где понадобится

- Для понимания курсов по математической статистике и машинному обучению.
- В таких областях, как машинное обучение и анализ данных.

## Содержание

- Случайное событие, условная вероятность, независимость, схема Бернулли, предельные теоремы.
- Случайные величины: плотность и независимость, мат. ожидание и дисперсия, закон больших чисел.
- Метод характеристических функций: обращения, различные виды сходимости случайных величин, центральная предельная теорема.
- Дискретные случайные процессы: марковские цепи, случайные блуждания, ветвящиеся процессы.

## Вы научитесь

- находить вероятности событий, описываемых случайными экспериментами;
- работать с вероятностными распределениями, которые регулярно используются на практике;
- вычислять характеристики распределений случайных величин: математическое ожидание, дисперсию, старшие моменты, характеристическую функцию;
- использовать закон больших чисел, центральную предельную теорему и другие классические результаты теории вероятностей;
- работать с цепями Маркова.

# Теоретическая информатика 1: формальные языки

**Период:** II курс, сентябрь–октябрь.  
**Размер:** 2 зачётные единицы, 2 часа лекций, 2 часа практики в неделю.  
**Отчётность:** зачёт, экзамен.

## Аннотация

Теоретическая информатика изучает математические идеи, лежащие в основе технологий обработки информации. Первый модуль курса посвящён теории формальных языков — разделу теоретической информатики, изучающему конечные автоматы — модель вычислений с конечным объёмом памяти, не зависящим от длины входных данных — и формальные грамматики — модель синтаксиса языков, естественных и искусственных, и подобных им структур. Конечные автоматы используются для формализации простых программ и устройств, а также на их примере будут введены важные понятия недетерминированных и вероятностных вычислений. Будет изучены выразительные возможности разных моделей и построены алгоритмы для анализа их свойств. Наконец, будет формализовано понятие алгоритмически разрешимой задачи и доказана неразрешимость основных задач анализа программ.

На практических занятиях будут решаться математические задачи по изученным на лекциях моделям.

## Пререквизиты

- [Дискретная математика 1 и 2](#): логика (предикаты, отношения, кванторы), графы, булевы функции.
- [Алгоритмы и структуры данных 1](#): общая алгоритмическая культура.

## Где понадобится

- Во всех последующих математических дисциплинах.
- Для построения алгоритмов и эффективных программ.
- Для понимания дальнейших курсов по теоретической информатике.

## Содержание

- Вычислимость с конечной памятью, регулярные языки.
- Конечные автоматы: детерминированные, недетерминированные, двухсторонние, вероятностные.
- Формальные грамматики и алгоритмы синтаксического анализа.
- Вычислимость и неразрешимые задачи, машины Тьюринга.

## Вы научитесь

- знать основные виды конечных автоматов, их возможности и ограничения;
- уметь описывать синтаксис языков формальными грамматиками и применять алгоритмы синтаксического анализа;
- знать математическое определение вычислимости и основные алгоритмически неразрешимые задачи.

# Теоретическая информатика 1: сложность вычислений

**Период:** II курс, ноябрь–декабрь.

**Размер:** 2 зачётные единицы, 2 часа лекций, 2 часа практик в неделю.

**Отчётность:** зачёт, экзамен.

## Аннотация

Теория сложности вычислений задаёт язык, на котором разговаривают об алгоритмах и криптографических конструкциях. Цель данного курса — ввести основные классы и понятия сложности вычислений ( $P$ ,  $NP$ , сводимости, трудность и полнота, полиномиальная иерархия, полиномиальные схемы,  $RP$  и  $BPP$ ) и доказать несложные соотношения между ними. Уже в самом начале курса мы познакомимся с одной из центральных задач теоретической информатики — вопросе о равенстве классов  $P$  и  $NP$ , то есть о том, верно ли, что мы можем быстро решить любую задачу, ответы к которой можем быстро проверить.

Практика по курсу состоит в решении математических задач, продолжающих теорию.

## Пререквизиты

- Математический анализ 1 и 2: пределы, асимптотики.
- Алгоритмы и структуры данных 1: общая алгоритмическая культура.
- Формальные языки: конечные автоматы, машина Тьюринга.
- Дискретная математика 1 и 2: логика (предикаты, отношения, кванторы), дискретная теория вероятностей (неравенства Маркова и Чебышева).

## Содержание

- Сложность и иерархии по времени и памяти.
- Сводимости и полные задачи.  $P$ ,  $NP$ , полиномиальная иерархия,  $PSPACE$ .
- Полиномиальные схемы и параллельные алгоритмы.
- Вероятностные вычисления.

## Где понадобится

- Во всех последующих математических дисциплинах.
- Для построения и анализа алгоритмов и эффективных программ.
- Для понимания дальнейших курсов по теоретической информатике (теории сложности вычислений и доказательств, криптографии).

## Вы научитесь

- понимать понятия сводимости и полноты;
- ориентироваться в классах сложности вычислений и их взаимоотношениях.

# Функциональное программирование

**Период:** II курс, сентябрь–декабрь.  
**Размер:** 5 зачётных единиц, 2 часа лекций, 2 часа практик в неделю.  
**Отчётность:** зачёт, экзамен.

## Аннотация

Курс знакомит студентов с функциональными языками программирования и методами программирования на этих языках. Рассматриваются отличия функционального подхода к программированию от традиционного императивного, сравниваются их сильные и слабые стороны.

Курс разделен на теоретическую и практическую части. В теоретической части студенты изучат синтаксис и семантику лямбда-исчисления в бестиповом и просто типизированном вариантах. Здесь же они знакомятся с устройством систем типов функциональных языков и, в частности, с алгоритмом вывода типов Хиндли-Милнера.

Практическая часть курса сосредоточена на изучении языка программирования Haskell. Студенты изучат ленивую и энергичную версии операционной семантики, алгебраические типы данных и их использование для реализации механизма сопоставления с образцом. При изучении системы типов языка Haskell будут обсуждаться параметрический и специальный полиморфизм и, в частности, механизм классов типов, в том числе многопараметрических. Подробно рассматриваются основные классы типов из стандартной библиотеки Haskell, студенты приобретают навык программирования с использованием стандартных монад.

## Пререквизиты

- [Дискретная математика 1](#): доказательства по индукции.
- Программирование: навык программирования на каком-либо императивном языке.

## Где понадобится

- В курсе [математической логики в информатике](#).
- В спецкурсах по верификации ПО, системам типов и системам проверки доказательств.
- В работе на должности разработчика программного обеспечения.

## Содержание

- Лямбда-исчисление: термы, редукция, нормальная форма, стратегии редукции, теорема Черча-Россера, теорема о неподвижной точке и рекурсия.
- Типы: простая система типов, версии Карри и Черча, проверка, вывод, обитаемость, алгоритм Хиндли-Милнера.
- Язык Haskell: нестрогая семантика, алгебраические типы данных, сопоставление с образцом; полугруппы и моноиды; свертки и траверсы; функторы, аппликативные функторы и монады; трансформеры монад.

## Вы научитесь

- писать код, используя функциональные идиомы;
- разрабатывать программное обеспечение на языке Haskell;
- единообразно рассматривать различные вычислительные эффекты и комбинировать их;
- пользоваться преимуществами ленивой модели исполнения и механизма сопоставления с образцом.

## Алгоритмы и структуры данных 2

**Период:** I курс, февраль–июнь.  
**Размер:** 4 зачётных единицы, 2 часа лекций, 2 часа практик в неделю.  
**Отчётность:** зачёт, экзамен.

### Аннотация

Во второй части курса студенты увидят примеры задач, для которых неизвестно эффективных решений (NP-полные задачи), а также узнают, как эти задачи связаны друг с другом; изучат, как решать эти задачи быстро, но неточно (приближённые алгоритмы); научатся быстро проверять большие числа на простоту, а также изучат основы криптографии — науки о методах шифрования информации; познакомятся с продвинутыми структурами данных, многие из которых используются в базах данных, планировщиках задач в операционных системах и других приложениях.

### Пререквизиты

- [Алгоритмы и структуры данных 1 и 2](#): базовые алгоритмы и структуры данных.
- [Алгебра 1](#): основы теории чисел и теории групп, подгруппа, порядок элемента, китайская теорема об остатках.
- [Программирование на языке C++](#): базовое владение языком программирования C/C++.

### Где понадобится

- Для написания эффективного и надёжного кода.
- Для прохождения технических интервью.
- В работе на должности разработчика программного обеспечения.

### Содержание

- Теория сложности вычислений: классы сложности P и NP, примеры NP-полных задач и их сведения друг к другу.
- Приближённые алгоритмы и алгоритмы кэширования.
- Теоретико-числовые алгоритмы: арифметика сравнений, тест Миллера-Рабина,  $\rho$ -алгоритм Полларда, введение в криптографию.
- Продвинутые структуры данных: дерево отрезков, двоичные деревья поиска, skip-листы.

### Вы научитесь

- понимать, в каких случаях при решении задачи на практике не стоит рассчитывать на нахождение точного решения;
- реализовывать и применять изученные алгоритмы и структуры данных.

# Архитектура ЭВМ

**Период:** II курс, сентябрь–январь.  
**Размер:** 3 зачётные единицы, 2 часа лекций, 2 часа практик в неделю.  
**Отчётность:** зачёт, экзамен.

## Аннотация

Дисциплина является необходимой для понимания того, как работает компьютер, и знакомит студентов с его организацией сразу на нескольких уровнях. Начиная с электрических сигналов и физического устройства основных узлов компьютера, материал курса постепенно погружает обучающегося в механизмы работы процессора, памяти и в способы коммуникации электронных компонент. Системно рассматриваются такие вопросы, как организация вычислений, устройство памяти на всех уровнях, механизмы прерываний и ввода-вывода. После окончания курса студенты будут уверенно разбираться в том, как работает программное обеспечение на физической аппаратуре. Практические занятия дают возможность закрепить полученные знания путем написания программ на языках C и assembler, что позволяет студентам максимально сблизиться с низкоуровневым устройством компьютера.

## Пререквизиты

- Основы информатики.
- Школьный курс физики.

## Где понадобится

- Курс является фундаментальным и пригодится для более глубокого понимания того, как работают современные аппаратные средства, а также для освоения курса [Операционные системы](#).

## Содержание

- Введение. История. Электронные компоненты. Управление проводимостью.
- Последовательная и комбинационная логика. Логические схемы.
- Строительные блоки процессора.
- Однотактный процессор.
- Многотактный процессор.
- Проектирование устройства управления.
- Конвейер.
- Организация памяти.
- Кодирование инструкций.
- Прерывания и ввод-вывод.

## Вы научитесь

- проектировать процессоры и другие электронные схемы;
- программировать процессоры и контроллеры на C и assembler.



## Математический анализ 4

**Период:** II курс, февраль–июнь.  
**Размер:** 5 зачётных единиц, 2 часа лекций, 3 часа практик в неделю.  
**Отчётность:** зачёт, экзамен.

### Аннотация

Четвёртая часть курса математического анализа начинается с изучения теории функций одной комплексной переменной (ТФКП). Мы изучим базовые свойства аналитических функций: докажем интегральную формулу Коши, выведем принцип максимума и теорему Руше, изучим различные приложения этих теорем: например, докажем основную теорему алгебры. Будут подробно обсуждаться конформные преобразования и вычисление различных интегралов методом контурного интегрирования.

ТФКП — одновременно красивый и полезный раздел математики. Почти любое утверждение из ТФКП можно превратить в математическую игру: как конформно отобразить одну картинку в другую? Как посчитать сумму обратных квадратов с помощью теоремы о вычетах? В то же время, навыки решения таких головоломок оказываются чрезвычайно полезны: например, конформная инвариантность играет важную роль в современной физике, многие важные асимптотики могут быть вычислены с помощью контурного интегрирования (метод Лапласа).

Во второй половине семестра студенты знакомятся с основами анализа Фурье. Мы начнём с общих теорем о пространствах Лебега и ортогональных системах в Гильбертовых пространствах, а затем перейдём к тригонометрическим рядам Фурье. Помимо основных определений, мы обсудим, когда можно гарантировать сходимость ряда Фурье к значениям исходной функции, как оценить скорость сходимости и асимптотику коэффициентов, какие эффекты возникают в зависимости от характера гладкости функции. Также мы разберём некоторые классические примеры.

### Прerequisites

- Математический анализ 1, 2 и 3.
- Алгебра 1.

### Где понадобится

- Для понимания некоторых физических идей, постоянно использующихся на практике.
- Для понимания курса [Теория вероятностей](#).
- Для создания общей математической культуры.

### Содержание

- Теория функций комплексной переменной: голоморфность и равносильные ей свойства, интегральная формула Коши, теорема о среднем и принцип максимума, нули и полюсы голоморфной функции, ряды Лорана, теорема Коши о вычетах, вычисление интегралов и сумм рядов с помощью вычетов, локализация корней, применение ТФКП к исследованию производящих функций, конформные отображения.
- Ряды Фурье: пространства Лебега, гильбертовы пространства, коэффициенты Фурье по ортогональной системе, неравенство Бесселя, наилучшие приближения, сходимость тригонометрических рядов Фурье, эффект Гиббса, приближение непрерывных функций многочленами, преобразование Фурье.

### Вы научитесь

- применять стандартные теоремы ТФКП для вычислений: вычислять интегралы с помощью теоремы Коши о вычетах, вычислять формулы конформных преобразований, оценивать число решений некоторых уравнений;
- основам теории рядов Фурье: будете знать, откуда берутся формулы для коэффициентов, как оценить асимптотику коэффициентов исходя из априорных свойств функции, в каких случаях ряд Фурье сходится и насколько быстро.

# Математическая статистика

**Период:** III курс, сентябрь–январь.  
**Размер:** 4 зачётные единицы, 2 часа лекций, 2 часа практик в неделю.  
**Отчётность:** зачёт, экзамен.

## Аннотация

Математическая статистика — это раздел математики, который занимается описанием и анализом данных для построения вероятностных моделей случайных явлений, эти данные породивших. Описанное промежуточное положение между реальными наблюдениями и абстрактными вероятностными моделями делает математическую статистику основным инструментом решения прикладных задач, в которых неопределённость интерпретируется как случайность. В этом курсе мы познакомимся как с классическими результатами в этой области, так и с более современными вычислительными методами. Практические занятия будут проводиться на Python, на них мы будем применять полученные знания на реальных данных и обозначим границы применимости изученных методов.

## Пререквизиты

- **Теория вероятностей:** основы, случайные величины, предельные теоремы.
- **Математический анализ 3:** теория меры, интегрирование.
- **Алгебра 2:** линейная алгебра, ортогональность.
- Программирование: базовое владение языком программирования Python.

## Где понадобится

- Для понимания курса [Машинное обучение](#).
- В работе на любой должности, связанной с прогнозированием и аналитикой.
- В жизни для более критического и осмысленного восприятия информации.

## Содержание

- Основы математической статистики: описательная статистика, оценка параметров, доверительные интервалы, проверка гипотез, критерии согласия и однородности, линейная регрессия.
- Метод Монте-Карло, методы ресемплирования.
- Основы байесовского подхода, байесовская классификация.

## Вы научитесь

- визуализировать данные для проведения предварительного анализа;
- оценивать неизвестные параметры исследуемой модели и определять качество полученных оценок;
- формулировать задачи в терминах статистических гипотез и проверять их;
- использовать бутстрэп для оценки параметров и проверки гипотез;
- работать с линейными моделями, определять их качество и использовать их для прогнозирования;
- использовать пакеты `scipy.stats`, `pandas`, `matplotlib`, `sklearn` и др. для решения описанных выше задач на реальных данных.

# Математическая логика в информатике

**Период:** II курс, февраль–май.  
**Размер:** 5 зачётных единиц, 2 часа лекций, 2 часа практик в неделю.  
**Отчётность:** зачёт, экзамен.

## Аннотация

Курсы математической логики традиционно ориентированы на подготовку математиков и логиков. Они обычно содержат громоздкие доказательства безусловно важных для логики и формальных оснований математики фактов, но, к сожалению, зачастую не имеющих приложений в других областях. Отбор материала для настоящего курса логики произведён по иным принципам: его содержание исходит из потребностей разработки программного обеспечения (в первую очередь из задачи верификации программ) и включает только самые необходимые разделы математической логики, имеющие непосредственное применение на практике.

Для оживления изложения теоретического материала и повышения вовлечённости студентов в курсе используется целый ряд программных инструментов, таких как система интерактивного доказательства теорем Lean, SMT-решатель Z3, языки программирования Prolog и Haskell, и некоторые другие. Разумеется, весь этот инструментарий не отменяет столь любимого студентами построения формальных логических доказательств с обязательным рисованием деревьев логического вывода на бумаге.

Основная цель курса — подготовить студентов к профессиональному использованию аппарата математической логики в научных исследованиях и при разработке программного обеспечения в отраслях, где корректность кода оказывается критически важной.

## Прerequisites

- **Дискретная математика 1:** множества, доказательства, в том числе по индукции.
- **Дискретная математика 2:** модели вычислений и классы сложности.
- **Функциональное программирование:** лямбда-исчисление, простая система типов, язык Haskell.

## Где понадобится

- В курсах по теории языков программирования (теории типов) и верификации программного обеспечения.
- Для применения формальных методов к информационным технологиям.
- В научных исследованиях в области теоретической информатики.

## Содержание

- Исчисление высказываний.
- Логика первого порядка (исчисление предикатов).
- Классическая и интуиционистская логики.
- Элементы теории моделей и теории доказательств.
- Язык Prolog и логическое программирование.
- SMT-решатели и их приложения.
- Соответствие Карри–Ховарда и методы верификации ПО на его основе.
- Темпоральные логики и проверка моделей.
- Модальные логики и мультиагентные системы.

## Вы научитесь

- формализовывать рассуждения относительно сущностей реального мира;
- использовать системы автоматического и интерактивного доказательства теорем;
- решать задачи методами логического программирования;
- применять SMT-решатели в программных системах;
- использовать различные инструменты верификации программного обеспечения.

## Теоретическая информатика 2: вычислимость

**Период:** II курс, февраль–март.  
**Размер:** 2 зачётные единицы, 2 часа лекций, 2 часа практики в неделю.  
**Отчётность:** зачёт, экзамен.

### Аннотация

Теоретическая информатика изучает математические идеи, лежащие в основе технологий обработки информации. Третий модуль курса посвящён теории вычислимости — разделу на стыке теоретической информатики, математической логики и теории алгоритмов, возникшему в результате изучения понятий вычислимости и невычислимости. В модуле изучаются различные модели вычислимости и доказывается их эквивалентность (машины Тьюринга, рекурсивные функции), доказываются некоторые классические теоремы теории вычислимости (теорема Райса и теорема о неподвижной точке, а также её следствие о программе, печатающей свой текст), вводится понятие арифметической иерархии.

Практика по курсу состоит в решении математических задач, продолжающих теорию.

### Пререквизиты

- [Дискретная математика 1 и 2](#): логика (предикаты, отношения, кванторы), графы, булевы функции.
- [Алгоритмы и структуры данных 1](#): общая алгоритмическая культура.

### Где понадобится

- Во всех последующих математических дисциплинах.
- Для построения алгоритмов и эффективных программ.
- Для понимания дальнейших курсов по теоретической информатике.

### Содержание

- Вычислимые функции, разрешимые и перечислимые множества.
- Универсальные нумерации. Теорема Райса. Теорема о неподвижной точке. Программа, печатающая свой текст.
- Алгоритмически неразрешимые задачи: проблема остановки, проблема соответствия Поста, проблема домино.
- Сводимость и арифметическая иерархия, полные множества в классах иерархии.

### Вы научитесь

- знать и понимать различные формализации понятия алгоритма;
- знать примеры алгоритмически неразрешимых задач и уметь ими пользоваться для доказательства неразрешимости;
- понимать классы арифметической иерархии.

## Теоретическая информатика 2: теория информации

**Период:** II курс, апрель–май.

**Размер:** 2 зачётные единицы, 2 часа лекций, 2 часа практик в неделю.

**Отчётность:** зачёт, экзамен.

### Аннотация

Часто у людей есть какое-то интуитивное понятие «количества информации». Например в книге «Война и мир» содержится больше информации, чем, к примеру, на этикетке от сока. В данном курсе мы формализуем это интуитивное представление, что даст нам полезный математический инструмент, который поможет, в частности, понять, какие из вычислительных задач являются простыми, а какие сложными. Пользуясь теорией информации мы покажем: как можно эффективно закодировать данные; как разделить секрет между несколькими людьми таким образом, чтобы они смогли его узнать, только в случае если они соберутся вместе.

Одной из основных частей курса является «коммуникационная сложность», где мы попытаемся ответить на вопрос: каким количеством информации два человека должны обменяться, чтобы совместно решить какую-нибудь задачу. Коммуникационная сложность — один из активно развивающихся разделов теоретической информатики, применяющийся во всех областях, и в частности, для анализа эффективности алгоритмов. Мы рассмотрим, как классические подходы к данной проблеме, так и современный теоретико-информационный подход.

Ближе к концу курса мы рассмотрим «Колмогоровскую сложность», где мы изучим свойства случайных объектов и поймем, какие именно объекты мы можем считать случайными, а какие нет.

### Пререквизиты

- **Дискретная математика 1:** дискретная теория вероятностей.
- **Дискретная математика 2:** основы теории графов.
- Алгебра 1: линейная алгебра, многочлены.
- **Теоретическая информатика 1**, теория сложности.
- Теоретическая информатика 2: вычислимость.

### Содержание

- Понятие информации. Информация по Хартли.
- Энтропия распределения. Информация по Шеннону.
- Энтропийная оценка на биномиальные коэффициенты.
- Однозначно декодируемые коды. Неравенство Крафта–Макмиллана.
- Код Шеннона–Фано, код Хаффмана, арифметическое кодирование.
- Криптографические протоколы: задача о разделении секрета.
- Коммуникационная сложность. Оценки на коммуникационные протоколы.
- Игра Карчмера–Вигдерсона.
- Применение теории информации в коммуникационной сложности. Теорема Храпченко.
- Колмогоровская сложность.
- Случайность по Мартин-Лёфу.

### Где понадобится

- Во всех последующих дисциплинах по теоретической информатике.
- Для построения и анализа алгоритмов.
- Для понимания теории кодирования.

### Вы научитесь

- оценивать «количество информации» во множествах;
- эффективно кодировать данные;
- использовать понятие «информации» для получения оценок на время работы алгоритмов;
- строить и оценивать коммуникационные протоколы.
- применять идеи алгебры и дискретной математики для решения теоретических задач.

## Алгоритмы и структуры данных 3

**Период:** II курс, сентябрь–декабрь.  
**Размер:** 5 зачётных единиц, 2 часа лекций, 2 часа практик в неделю.  
**Отчётность:** зачёт, экзамен.

### Аннотация

В третьей части курса студенты научатся быстро осуществлять арифметические операции с длинными числами; изучат продвинутые алгоритмы на графах (паросочетания, потоки), а также алгоритмы и структуры данных, предназначенные для работы со строками.

### Пререквизиты

- [Алгоритмы и структуры данных 1 и 2](#): базовые алгоритмы и структуры данных.
- [Алгебра 1](#): комплексные числа.
- [Программирование на языке C++](#): базовое владение языком программирования C/C++.

### Где понадобится

- Для написания эффективного и надёжного кода.
- Для прохождения технических интервью.
- В работе на должности разработчика программного обеспечения.

### Содержание

- Быстрое преобразование Фурье, быстрое деление методом Ньютона.
- Паросочетания: алгоритм Куна, алгоритм поиска стабильного паросочетания.
- Потоки и разрезы: алгоритмы поиска максимального потока, минимального глобального разреза.
- Алгоритмы на строках: поиск подстроки в строке, алгоритм Ахо-Корасик, суффиксные структуры данных.

### Вы научитесь

- реализовывать и применять изученные алгоритмы и структуры данных.

# Операционные системы

**Период:** II курс, февраль–июнь.  
**Размер:** 3 зачётные единицы, 2 часа лекций, 2 часа практик в неделю.  
**Отчётность:** зачёт, экзамен.

## Аннотация

Курс дает системный взгляд на принципы работы операционных систем и их архитектуру. В рамках данного курса рассматривается история и основные этапы развития операционных систем, общие принципы организации современных операционных систем общего назначения, объясняется, каким образом сложилась современная архитектура. Основное внимание уделено механизмам планирования исполнения процессов и потоков, организации памяти, средствам межпроцессного взаимодействия. Обзорно рассматриваются особенности мобильных операционных систем и систем реального времени. Ключевым аспектом курса являются практические работы, в рамках которых студенты получают практические навыки разработки реальных ОС.

## Пререквизиты

- Основы Linux.
- Низкоуровневое программирование на языке C.
- Архитектура ЭВМ: знание принципов работы современных аппаратных средств.

## Где понадобится

- Курс является фундаментальным и пригодится для более глубокого понимания дисциплин, связанных с разработкой программного обеспечения, особенно, при разработке серверных и мобильных приложений и системного программного обеспечения.
- Для понимания курса Параллельное программирование.

## Содержание

- Введение. Генезис операционных систем.
- Основные абстракции ядра ОС.
- Процессы и потоки.
- Загрузка ОС и создание первого процесса.
- Планирование и многозадачность.
- Примитивы синхронизации.
- Управление памятью и защищённый режим.
- Файловые системы.
- Управление пользовательским окружением.
- Реализация межпроцессного взаимодействия.

## Вы научитесь

- разбираться в устройстве операционных систем;
- программировать основные компоненты ОС, такие как планировщик процессов, менеджер памяти, обработчики прерываний ввода-вывода;
- писать драйверы.

## Выпуклая оптимизация

**Период:** III курс, сентябрь–январь.  
**Размер:** 5 зачётных единиц, 2 часа лекций, 2 часа практик в неделю.  
**Отчётность:** зачёт, экзамен.

### Аннотация

Выпуклая оптимизация обобщает теорию линейного и квадратичного программирования. Курс затрагивает основные концепции математической оптимизации и базовые методы для решения различных прикладных задач.

### Пререквизиты

- Математический анализ 1, 2, 3 и 4.
- Алгебра 1 и 2.
- Программирование: базовое владение языком программирования Python.

### Где понадобится

- Подавляющее большинство современных методов машинного обучения основаны на выпуклой оптимизации.
- Большой пласт задач автоматического управления покрывается выпуклой оптимизации.
- Является одним из основных математических инструментов в экономике.

### Содержание

- Квадратичные функции.
- Метод множителей Лагранжа и его обобщения.
- Основные разновидности градиентного спуска.
- Метод Ньютона и метод внутренней точки.

### Вы научитесь

- реализовывать и оценивать сложность основных методов оптимизации;
- сводить некоторые практические задачи к задачам оптимизации;
- подбирать наиболее подходящий алгоритм оптимизации к конкретной задаче.



# Машинное обучение 1

**Период:** III курс, сентябрь–январь.  
**Размер:** 5 зачётных единиц, 2 часа лекций, 2 часа практик в неделю.  
**Отчётность:** зачёт, экзамен.

## Аннотация

Целью курса является демистификация машинного обучения. В рамках курса предполагается подробное рассмотрение простейших моделей машинного обучения, так как именно такой подход позволяет осознать основные принципы данной области в целом. Знание этих принципов даст студентам возможность самостоятельно понимать механизмы функционирования более сложных современных моделей, обнаруживать пути улучшения уже существующих алгоритмов, а также адаптировать методы машинного обучения для решения нестандартных задач.

## Пререквизиты

- Алгебра 1 и 2.
- Теория вероятностей.
- Математическая статистика.
- Математический анализ 1, 2, 3 и 4.
- Программирование: базовое владение языком программирования Python (ввод-вывод, циклы, рекурсия, классы, функции).

## Где понадобится

- Более узкоспециализированные курсы по машинному обучению.
- В работе на должности Data Scientist, Machine Learning Engineer, Machine Learning Researcher.

## Содержание

- Задачи машинного обучения.
- Линейные методы классификации и регрессии.
- Логические методы классификации.
- Метрические методы классификации и регрессии.
- Метрики качества, обобщающая способность.
- Методы отбора признаков.
- Основы байесовских методов.

## Вы научитесь

- ориентироваться в обширной области машинного обучения;
- понимать на базовом уровне принципы устройства различных методов;
- формализовывать задачи на языке обучения моделей;
- понимать преимущества и недостатки моделей;
- реализовывать базовые модели на языке программирования Python;
- азам использования таких библиотек языка программирования Python, как numpy, matplotlib и pandas;
- бороться с проблемами, которые возникают при обучении моделей.