Análise de Carteiras usando o R - Parte 5 Bibliografia – BKM, cap. 7

Claudio Lucinda

 $\mathsf{FEA}\text{-}\mathsf{RP}/\mathsf{USP}$

Otimizando Carteiras

Otimizando Carteiras

- Vamos agora entender melhor o que o PortfolioAnalytics faz.
- Existem Funções para achar uma carteira ótima, o que é consistente com a ideia de implementação de uma estratégia de investimento baseada em carteira ótima.
- Existem Funções para desenhar a fronteira eficiente, o que é útil para fins didáticos e para comparar o que você está fazendo em termos de investimento com o ótimo.

Um exemplo básico

```
port_spec<-portfolio.spec(colnames(IBOV_Returns_Final))</pre>
port_spec <- add.constraint(portfolio = port_spec,</pre>
                              type = "full investment")
port_spec <- add.constraint(portfolio = port_spec,</pre>
                                type = "long only")
port_spec <- add.objective(portfolio = port_spec,</pre>
                               type = "return".
                               name = "mean")
port spec <- add.objective(portfolio = port spec,
                               type = "risk".
                               name = "StdDev")
```

Encontrando a Carteira que Maximiza o Índice de Sharpe – Sem Risk-Free

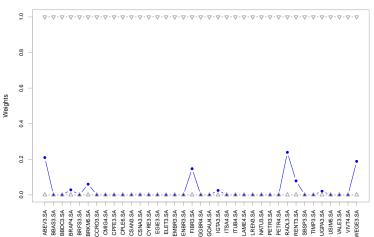
Carteira Ótima

```
## ************
## PortfolioAnalytics Optimization
## *************
##
## Call:
## optimize.portfolio(R = IBOV_Returns_Final, portfolio = port_spec,
      optimize_method = "ROI", trace = TRUE, maxSR = TRUE, message = TRUE)
##
## Optimal Weights:
## ABEV3.SA BBAS3.SA BBDC3.SA BRAP4.SA BRFS3.SA BRKM5.SA CCRO3.SA CMIG4.SA
    0.2097
             0.0000
                     0.0000
                             0.0284
                                       0.0000
                                                0.0602
                                                         0.0000
                                                                 0.0000
## CPFE3.SA CPLE6.SA CSAN3.SA CSNA3.SA CYRE3.SA EGIE3.SA ELET3.SA EMBR3.SA
    0.0000
            0.0000
                     0.0000
                             0.0023
                                      0.0000
                                                0.0000
                                                        0.0000
##
                                                                 0.0000
## ENBR3.SA FIBR3.SA GGBR4.SA GDAU4.SA IGTA3.SA ITSA4.SA ITUB4.SA LAME4.SA
##
    0.0000
             0.1472
                     0.0000
                              0.0000
                                       0.0251
                                                0.0000
                                                        0.0000
                                                                  0.0000
## LREN3.SA NATU3.SA PETR3.SA PETR4.SA RADL3.SA RENT3.SA SBSP3.SA TIMP3.SA
    0.0000
             0.0000
                      0.0000
                              0.0000
                                       0.2392
                                                0.0786
                                                         0.0000
                                                                 0.0000
## UGPA3.SA USIM5.SA VALE3.SA VIVT4.SA WEGE3.SA
##
    0.0206
             0.0000
                      0.0000
                              0.0000
                                       0.1885
##
## Objective Measure:
## StdDev
## 0.04188
##
##
##
     mean
## 0.02494
```

Graficamente – Pesos

chart.Weights(opt_1)



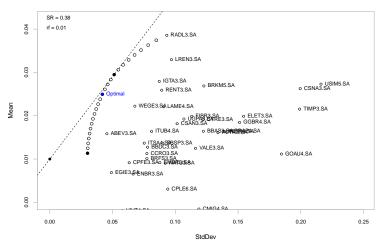


Carteira ótima e Fronteira Eficiente

```
chart.EfficientFrontier(opt_1,match.col = "StdDev",
                        n.portfolios = 25,
                        xlim = NULL, ylim = NULL,
                        cex.axis = 0.8,
                        element.color = "darkgray",
                        main = "Efficient Frontier".
                        RAR.text = "SR", rf = 0.01,
                        tangent.line = TRUE,
                        cex.legend = 0.8,
                        chart.assets = TRUE,
                        labels.assets = TRUE,
                        pch.assets = 21,
                        cex.assets = 0.8)
```

Carteira ótima e Fronteira Eficiente – Figura





Exemplo 02 – Função Média-Variância

- Lembrando que a função Média-Variância é dada por $w'r \frac{\lambda}{2}w'Vw$, em que λ é um parâmetro de aversão ao risco.
- Especificando

```
port spec2 <- portfolio.spec(colnames(IBOV Returns Final))</pre>
port spec2 <- add.constraint(portfolio = port spec2,</pre>
                              type = "full investment")
port spec2 <- add.constraint(portfolio = port spec2,</pre>
                              type = "long only")
port spec2 <- add.objective(portfolio = port spec2,</pre>
                             type = "return",
                             name = "mean")
port_spec2 <- add.objective(portfolio = port_spec2,</pre>
                             type = "risk",
                             name = "StdDev",
                             risk aversion=4)
```

Otimizando a Carteira

Neste caso, a gente não especifica a opção maxSR=TRUE.

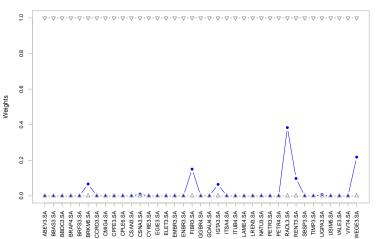
Carteira Ótima nesse caso

```
## PortfolioAnalytics Optimization
## *************
##
## Call:
## optimize.portfolio(R = IBOV_Returns_Final, portfolio = port_spec2,
       optimize_method = "ROI", trace = TRUE, message = TRUE)
##
## Optimal Weights:
## ABEV3.SA BBAS3.SA BBDC3.SA BRAP4.SA BRFS3.SA BRKM5.SA CCRO3.SA CMIG4.SA
    0.0000
             0.0000
                      0.0000
                               0.0000
                                        0.0000
                                                 0.0670
                                                          0.0000
                                                                   0.0000
## CPFE3.SA CPLE6.SA CSAN3.SA CSNA3.SA CYRE3.SA EGIE3.SA ELET3.SA EMBR3.SA
    0.0000
             0.0000
                      0.0000
                               0.0102
                                        0.0000
                                                          0.0000
##
                                                 0.0000
                                                                   0.0000
## ENBR3.SA FIBR3.SA GGBR4.SA GDAU4.SA IGTA3.SA ITSA4.SA ITUB4.SA LAME4.SA
##
    0.0000
             0.1506
                      0.0000
                               0.0000
                                        0.0646
                                                 0.0000
                                                          0.0000
                                                                    0.0000
## LREN3.SA NATU3.SA PETR3.SA PETR4.SA RADL3.SA RENT3.SA SBSP3.SA TIMP3.SA
    0.0000
                                                 0.0980
             0.0000
                      0.0000
                               0.0000
                                        0.3838
                                                          0.0000
                                                                   0.0000
## UGPA3.SA USIM5.SA VALE3.SA VIVT4.SA WEGE3.SA
##
    0.0080
             0.0000
                      0.0000
                                0.0000
                                        0.2179
##
## Objective Measure:
##
    mean
## 0.0292
##
##
## StdDev
## 0.05052
```

Graficamente – Pesos

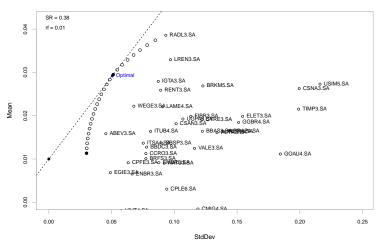
chart.Weights(opt_2)





Graficamente

Efficient Frontier - Quad. Util



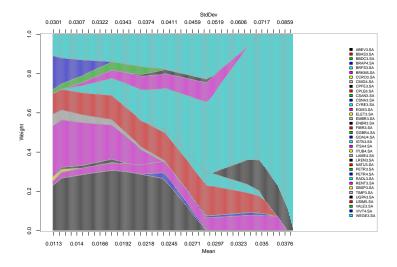
Funções para Extrair a Fronteira Eficiente

- A função create. Efficient Frontier extrai os dados da Fronteira Eficiente.
- Note-se que essa função toma como argumentos os dados dos retornos e a especificação do portfólio e não o objeto de otimização.
- Ele retorna tanto o retorno esperado quanto o desvio-padrão.
 Dá pra achar os pesos do portfólio com o máximo Sharpe com um risk-free diferente de zero.

Pesos ao longo da Fronteira Eficiente

- A função chart.EF.Weights mostra a evolução dos pesos dos diferentes ativos à medida em que a gente se move ao longo da fronteira eficiente.
- No meu caso, fica ruim de ver porque tem muitos ativos e o R não consegue encontrar cores para pintar tudo direitinho.

Pesos ao longo da Fronteira Eficiente – Graficamente



Backtesting

Backtesting

- Existe a função optimize.portfolio.rebalancing para fazer o problema de otimização de forma recursiva no passado.
- Ou seja, fazer o mesmo procedimento repetidamente com os dados passados para avaliar o desempenho da alocação
- Isto também é chamado de Backtesting.
- Vamos fazer isso com uma versão do que fizemos, só que para dados diários.
- O código tá em eff_frontier_daily.R

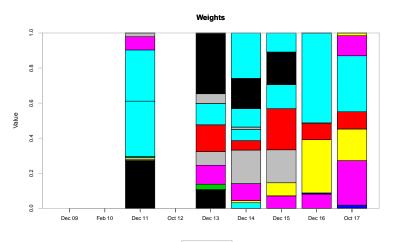
A carteira

```
IBOV Returns <- na.omit(IBOV Returns)
port_spec<-portfolio.spec(colnames(IBOV_Returns))</pre>
port spec <- add.constraint(portfolio = port spec,</pre>
                               type = "full investment")
port_spec <- add.constraint(portfolio = port_spec,</pre>
                                 type = "long only")
port_spec <- add.objective(portfolio = port_spec,</pre>
                                type = "return",
                                name = "mean")
port_spec <- add.objective(portfolio = port_spec,</pre>
                                type = "risk",
                                name = "StdDev")
```

A Otimização

Extraindo os pesos - por Ano

chart.Weights(opt2_rebal, ylim=range(0:1), cex.legend = 0.25)



Extraindo as medidas de desempenho por ano

extractObjectiveMeasures(opt2_rebal)

```
##
                   StdDev
                                   mean
   2009-12-23
                        NA
                                     NA
   2010-02-23
                       NΑ
                                     NΑ
   2011-12-29 0.014676516 0.0039343459
## 2012-10-29
                        NΑ
                                     NΑ
   2013-12-30 0.010322322 0.0010540743
   2014-12-30 0.009063321 0.0010123504
   2015-12-30 0.010310740 0.0009235861
   2016-12-29 0.015792578 0.0022310451
## 2017-10-02 0.015042474 0.0020078040
```

Extraindo os valores dos pesos

A função para isso é a extractWeights

```
extractWeights(opt2_rebal)
```

 Mas aqui eu vou usar o endereçamento direto pra um período só

```
opt2_rebal$opt_rebalancing$`2017-10-02`
```

Extraindo os valores dos pesos

```
## *************
## PortfolioAnalytics Optimization
## *************
##
## Call:
## optimize.portfolio(R = R[(ifelse(ep - rolling_window >= 1, ep -
      rolling_window, 1)):ep, ], portfolio = portfolio, optimize_method = optimize_method,
      search size = search size, trace = trace, parallel = FALSE,
##
      maxSR = TRUE, rp = rp)
##
##
## Optimal Weights:
## ABEV3.SA BBAS3.SA BBDC3.SA BRAP4.SA BRFS3.SA BRKM5.SA CCRO3.SA CMIG4.SA
    0.0000
             0.0000
                      0.0000
                              0.0182
                                       0.0000
                                                0.2539
                                                        0.0000
                                                                 0.0000
## CPFE3.SA CPLE6.SA CSAN3.SA CSNA3.SA CYRE3.SA EGIE3.SA ELET3.SA EMBR3.SA
    0.0000
             0.0000
                      0.0000
                              0.0000
                                       0.0000
                                                0.0000
                                                        0.1806
                                                                 0.0000
## ENBR3.SA FIBR3.SA GGBR4.SA GOAU4.SA IGTA3.SA ITSA4.SA ITUB4.SA LAME4.SA
    0.0000
            0.0981
                     0.0000
                              0.0000
                                       0.0000
                                                0.0000
                                                        0.0000
                                                                 0.0000
## LREN3.SA NATU3.SA PETR3.SA PETR4.SA RADL3.SA RENT3.SA SBSP3.SA TIMP3.SA
    0.0000
            0.0000
                     0.0000
                            0.0000
                                     0.3191
                                               0.1148
                                                        0.0153
                                                                 0.0000
## UGPA3.SA USIM5.SA VALE3.SA VIVT4.SA WEGE3.SA
    0.0000 0.0001 0.0000 0.0000 0.0000
##
## Objective Measure:
## StdDev
## 0.01504
##
##
##
      mean
## 0.002008
```