Aula 4 - NumPy e Pandas I

Numpy (https://numpy.org/) e Pandas (https://pandas.pydata.org/) são duas das bibliotecas mais utilizadas no Python. Numpy contém estruturas de dados para computações mais rápidas, na medida em que o Pandas contém as ferramentas para realizar a análise de dados. Portanto, conhecer o básico de cada uma é crucial para se tornar fluente em Python. Lembre-se da aula 1, para realizar a instalação de pacotes usamos o instalador *pip*, com os comandos (no terminal cmd):

```
>> pip install pandas
>> pip install numpy
```

4.1 NumPy

O NumPy (Numerical Python) é um dos pacotes básicos mais importantes para o processamento numérico em Python. Isso pela sua estrutura de dados principal, o numpy array (array), que faz o processamento de dados de forma muito mais eficiente do que listas, por exemplo.

4.1.1Array NumPy

O array numpy é uma estrutura para armazenar dados numéricos (em sua maioria), e tem seu funcionamento como um vetor ou lista. Existem diversas formas de se criar o array. Abaixo criamos array de 3 formas distintas: usando uma lista com valores, a partir da função range() e a função np.arange() (equivalente ao range do NumPy).

```
In [1]: import numpy as np
lista = [1,2,3,4,5] # lista normal

# Array de lista
array1 = np.array(lista)

# Array de range
```

```
array2 = np.array(range(10))

# Array de arange
array3 = np.arange(10)
```

Os arrays em NumPy podem ser processados de forma *vetorizada*, o que aumenta a eficiência dos cálculos. Isso quer dizer que podemos realizar operações matemáticas em todos os elementos da array sem usar laços for (sempre vai existir um laço, porém ele é realizado em funções pré-compiladas em C/C++ ou Fortran, imbutidas no pacote NumPy). Considere um vetor de 10000 elementos representado por uma lista e por um array, que deve ter seus elementos individuais multiplicados por 2. O código abaixo faz esses cálulos e coleta o tempo de processamento de cada um, usando uma lista e um array (com a função so Notebook *%time*).

CPU times: total: 0 ns Wall time: 9.86 ms CPU times: total: 0 ns Wall time: 0 ns

4.1.2 Inicialização de arrays

np.arange

Existem outras formas de inicializarmos arrays. Usando np.arange() cria um array com valores internos. np.arange() possui vários argumentos que podem ser utilizados, algumas construções são mostradas abaixo:

```
In [3]: # Valores entre 0 e 9
    arr1 = np.arange(0,10)
    arr1
```

```
# Valores entre 5 e 14
arr2 = np.arange(5,15)
arr2

# Valores entre 5 e 14 com passo de 0.5
arr3 = np.arange(5,15, 0.5)
arr3

# Valores entre -3 e 9 com passo de 0.5
arr4 = np.arange(-3, 10)
arr4
```

Out[3]: array([-3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9])

np.zeros() e np.ones()

Podemos ainda inicizlizar arrays com valores nulos ou com valores unitários usando as funções np.zeros() e np.ones():

```
In [4]: # Array com 10 elementos nulos
arr0 = np.zeros(10)
arr0

# Array com 10 elementos iguais a 1
arr0 = np.ones(10)
arr0
```

Out[4]: array([1., 1., 1., 1., 1., 1., 1., 1., 1., 1.])

np.random()

np.random fornece diversas ferramentas para a geração de dados aleatórios em arrays. Abaixo algumas opções (extraídas de https://numpy.org/doc/1.16/reference/routines.random.html)

rand(d0, d1, ..., dn) Random values in a given shape. Return a sample (or samples) from the "standard normal" **randn**(d0, d1, ..., dn) distribution. randint(low[, high, size, dtype]) Return random integers from *low* (inclusive) to *high* (exclusive). Random integers of type np.int between low and high, inclusive. random_integers(low[, high, size]) random_sample([size]) Return random floats in the half-open interval [0.0, 1.0). Return random floats in the half-open interval [0.0, 1.0). random([size]) Return random floats in the half-open interval [0.0, 1.0). ranf([size]) Return random floats in the half-open interval [0.0, 1.0). sample([size]) choice(a[, size, replace, p]) Generates a random sample from a given 1-D array bytes(length) Return random bytes.

O código abaixo cria arrays de números aleatórios de diversas formas:

```
In [5]: # Amostra de 10 números aleatórios gerados pela distribuição Normal Padrão
    rand_arr1 = np.random.randn(10)
    rand_arr1

# Amostra de 10 números aleatórios gerados uniformemente entre 0 e 5
    rand_arr2 = np.random.randint(5, size = 10)
    rand_arr2

# Amostra de 10 números aleatórios gerados uniformemente entre 100 e 200
    rand_arr3 = np.random.randint(100,200, size = 10)
    rand_arr3
```

Out[5]: array([103, 178, 101, 191, 110, 172, 136, 102, 172, 171])

4.1.3 Arrays multidimensionais (N-dimensional array)

Arrays multidimensionais podem ser pensados como matrizes. Podemos criar arrays multidimensionais (ndarrays) das mesmas formas vistas acima, porém especificamos as suas dimensões. Abaixo alguns exemplos.

```
In [6]: # A partir de uma lista de listas
        lista lista = [[1,2,3], [4,5,6]]
        nd arr1 = np.array(lista lista)
        nd arr1
        # Matriz 2x3 de aleatórios
        nd arr2 = np.random.randn(2,3)
        nd arr2
        # Matriz 2x3 de zeros - passamos uma tupla com as dimensões
        nd arr3 = np.zeros((2,3))
        # Matriz 2x3 de 1 - passamos uma tupla com as dimensões
        nd arr3 = np.ones((2,3))
        nd arr3
        #Criando uma matriz identidade 5x5:
        iden = np.identity(5)
        iden
Out[6]: array([[1., 0., 0., 0., 0.],
```

Podemos verificar o tamanho dos arrays usando o método .shape(). Este método retorna uma tupla com o número de elementos referente ao número de dimensões do array, e para cada dimensão, o número representa a quantidade de elementos que existe nela. Considere o exemplo:

```
In [7]: # Matriz 2x3 de zeros - passamos uma tupla com as dimensões
    nd_arr3 = np.zeros((2,3))
    print(nd_arr3)

print("Numero de linhas : \n", nd_arr3.shape[0])
    print("Numero de colunas : \n", nd_arr3.shape[1])
```

```
[[0. 0. 0.]
[0. 0. 0.]]
(2, 3)
Numero de linhas :
2
Numero de colunas :
```

4.1.4 Aritmética com arrays

Como dissemos, a grande vantagem de usar arrays está no processamento vetorizado, o que permite expressar operações matemáticas em lotes sem usar laços for . Qualquer operação matemática aplicada em um array faz a operação ser aplicada a todos os seus elementos. Considere os exemplos abaixo:

```
In [8]: # Gera uma matriz 3x3 com dados aleatorios entre 2-100
arr4 = np.random.randint(2,6, size=(4,4))
print("Aleatorios :\n", arr4)

# Multiplica a Linha 0 por 2:
arr4[0] = arr4[0]*2
print("Multiplica linha 0 por 2 : \n" ,arr4)

# Linha 0 - 1
arr4[0] = arr4[0] - 1
print("Linha 0 - 1 : \n" ,arr4)

# Eleva todos os elementos ao quadrado:
arr4 = arr4**2
print("Todos os elementos^2 : \n" ,arr4)

# Linha:
arr4[1] = arr4[1] - arr4[0]
print("Linha 1 = linha 1 - linha 0 : \n" ,arr4)
```

```
Aleatorios :
[[5 3 2 4]
[5 5 5 5]
[5 2 3 2]
[3 4 5 4]]
Multiplica linha 0 por 2 :
[[10 6 4 8]
[5 5 5 5]
[ 5 2 3 2]
[ 3 4 5 4]]
Linha 0 - 1 :
[[9 5 3 7]
[5 5 5 5]
[5 2 3 2]
[3 4 5 4]]
Todos os elementos^2 :
[[81 25 9 49]
[25 25 25 25]
[25 4 9 4]
[ 9 16 25 16]]
Linha 1 = linha 1 - linha 0 :
[[ 81 25 9 49]
[-56 0 16 -24]
[ 25  4  9  4]
[ 9 16 25 16]]
```

Percebe-se que as operações algébricas ficam muito facilitadas com os arrays. Considere o código abaixo, que encontra a inversa da seguinte matriz:

```
M = [[4, 3, 3, 4], [4, 3, 3, 2], [8, 3, 5, 5], [5, 6, 3, 4]]
```

```
In [9]: M = np.array([[10. ,3. ,3. ,4.],[2. ,3. ,3. ,2.],[8. ,3. ,5. ,5.],[5. ,6. ,3. ,4.]])
MI = np.identity(4)
#print("iNVERSA :",np.linalg.inv(M))
#print("M \n", M)
for i in range(M.shape[0]):
    pivo = M[i,i]
    M[i] = M[i] / pivo
    MI[i] = MI[i] / pivo
    #print("Pivo : ", pivo,"\n", M)
```

```
for j in range(M.shape[1]):
        if i != j:
           MI[j] = MI[j] - MI[i] * M[j,i]
           M[j] = M[j] - M[i] * M[j,i]
print("Inversa : \n",MI)
```

Inversa:

```
[[ 0.28125
              0.15625
                         -0.1875
                                     -0.125
[ 0.13541667  0.26041667  -0.3125
                                     0.125
                                               1
[ 0.09375
             0.71875
                        -0.0625
                                    -0.375
                                               1
                                               ]]
[-0.625
            -1.125
                         0.75
                                     0.5
```

Por sorte, podemos conferir o resultado pelo próprio NumPy...

```
In [10]: M = np.array([[10.,3.,3.,4.],[2.,3.,3.,2.],[8.,3.,5.,5.],[5.,6.,3.,4.]])
         print("Inversa pelo NumPy : \n",np.linalg.inv(M))
       Inversa pelo NumPy :
        [[ 0.28125
                      0.15625
                                 -0.1875
                                            -0.125
         [ 0.13541667  0.26041667  -0.3125
                                            0.125
                                                      ]
         [ 0.09375
                     0.71875
                                -0.0625
                                           -0.375
                                                      ]
                                                      11
         [-0.625
                     -1.125
                                 0.75
                                            0.5
```

Uma observação importante é em relação ao tipo numérico dos arrays. Considere o seguinte caso, em que uma matriz é criada e a primeira linha substituida por ela /10.

```
In [11]: M = np.array([[10, 3, 3, 4], [2, 3, 3, 2], [8, 3, 5, 5], [5, 6, 3, 4]])
         M[0] = M[0]/10
         print(M[0])
```

[1 0 0 0]

O resultado não é como o esperado, pois o tipo dos dados foi inferido como inteiro. Podemos verificar o tipo de dados usando o dtype (no caso abaixo, int32):

```
In [12]: print(M.dtype)
```

int32

O problema pode ser corrigido ao se inicializar os valores da matriz, colocando um ponto após os números, indicando que são reais:

```
In [13]: M = np.array([[10. ,3. ,3. ,4.],[2. ,3. ,3. ,2.],[8. ,3. ,5. ,5.],[5. ,6. ,3. ,4.]])
M[0] = M[0]/10
print(M[0])
print(M.dtype)

[1. 0.3 0.3 0.4]
float64
```

Ou ainda especificando o próprio tipo dos dados:

```
In [14]: M = np.array([[10 ,3 ,3 ,4],[2 ,3 ,3 ,2],[8 ,3 ,5 ,5],[5 ,6 ,3 ,4]], dtype=np.float64)
M[0] = M[0]/10
print(M[0])
print(M.dtype)

[1. 0.3 0.3 0.4]
float64
```

4.1.5 Fatiamento de arrays

O fatiamento de arrays permite visualizar partes do mesmo. Para arrays unidimensionais a sintaxe é muito parecida com o fatiamento de listas. Considere os exemplos abaixo.

```
In [15]: # Gera 10 valores extraidos da normal padrão
arr = np.random.randn(10)
print(arr)

# Imprime os 5 primeiros valores (de 0 a 4)
print(arr[:5])

# Imprime os últimos valores, a partir do índice 5
print(arr[5:])

# Imprime os elementos de indices 2-5
print(arr[2:6])
```

Uma diferença importante entre o fatiamento de listas e de arrays, é que estes últimos são visualizações (*views*) do próprio array, ou seja, alterando a visualização também altera o array. Considere o exemplo:

```
In [16]: arr = np.zeros(10, dtype = np.float64)
print(arr)

arr[:5] = 10
print("Alterando os valores por fatiamento :",arr)

[0. 0. 0. 0. 0. 0. 0. 0. 0. 0.]
Alterando os valores por fatiamento : [10. 10. 10. 10. 0. 0. 0. 0. 0.]

Se quisermos uma cópia do fatiamento precisamos dizer explicitamente, usando o método .copy()
```

```
In [17]: arr = np.zeros(10, dtype = np.float64)
    print(arr)

copia = arr[:5].copy()
    copia = 10
    print("Copiando não altera os valores :",arr)
```

```
[0. 0. 0. 0. 0. 0. 0. 0. 0.]
Copiando não altera os valores : [0. 0. 0. 0. 0. 0. 0. 0. 0. 0. 0.
```

Em arrays multidimensionais os fatiamentos de cada índice não são mais escalares, mas arrays unidimensionais. Considere o caso 2d:

```
In [18]: M = np.array([[10. ,3. ,3. ,4.],[2. ,3. ,3. ,2.],[8. ,3. ,5. ,5.],[5. ,6. ,3. ,4.]])
print("Matriz original : \n", M)

# Imprime todas as linhas a partir do indice 1
print("Linhas a partir do indice 1 :\n",M[1:])
```

```
# De todas as linhas a partir do indice 1 (igual anterior), seleciona as colunas até o indice 2
print("Colunas até o índice 2, das linhas a partir do indice 1 :\n",M[1:,:3])

Matriz original :
[[10. 3. 3. 4.]
[ 2. 3. 3. 2.]
[ 8. 3. 5. 5.]
[ 5. 6. 3. 4.]]

Linhas a partir do indice 1 :
[[2. 3. 3. 2.]
[ 8. 3. 5. 5.]
[ 5. 6. 3. 4.]]

Colunas até o índice 2, das linhas a partir do indice 1 :
[[2. 3. 3.]
[ 8. 3. 5.]
[ 5. 6. 3.]
```

4.1.6 Indexação booleana

[False True True False True True]

Também podemos realizar operações booleanas em arrays, de forma que o resultado será um novo array de valores booleanos, de acordo com a condição. Considere o exemplo:

```
In [19]: arr_string = np.array(["Dwight", "Michael", "Angela", "Oscar", "Michael", "Angela"])

# Condição : quais elementos do array são iguais a "Michael"?
arr_bool = arr_string == "Michael"
print(arr_bool)

# Condição : quais elementos do array são iguais a "Michael" OU "Angela"
arr_bool = (arr_string == "Michael") | (arr_string == "Angela")
print(arr_bool)

[False True False False True False]
```

Também podemos fazer o processo reverso: passamos um array de booleanos para um array, e ele retorna somente os elementos (ou arrays) em que a condição é verdadeira:

```
In [20]: arr_string = np.array(["Dwight", "Michael", "Angela", "Oscar", "Michael", "Angela"])
arr_booleano = np.array([True,False,False,True,False,False])

# Seleciona somente os elementos em que arr_booleano == True
print(arr_string[arr_booleano])
```

['Dwight' 'Oscar']

[[5 6 9 8]]

Também podemos fazer a indexação booleana em arrays multidimensionais. Nesses casos as condições verdadeiras retornam arrays de dimensões menores. Considere o sequinte caso:

```
In [21]: # Gerando uma matriz 3x4 de aleatórios entre 5 e 9
ndarray = np.random.randint(5,10, size=(3,4))
ndarray

# Gerando um array de booleanos com a mesmo número de elementos da primeira dimensão da Matriz (3)
arr_bool = np.array([True,False,False])

# Imprimindo somente as linhas de ndarray que satisfazem as condições de arr_bool
print(ndarray[arr_bool])
```

Combinando as duas indexações nos fornece uma poderosa ferramenta para a análise de dados. Considere o seguinte cenário: temos os dados de produção de uma indústria de pães, em que a cada vez que um lote é produzido, uma amostra de 5 pães é verificada pela qualidade, aferindo o peso total. Os tipos de pães são armazenados em um array chamado arr_paes e as coletas dos pesos em uma ndarray chamado arr_pesos. Os valores são os seguintes: arr_paes = np.array(["frances","italiano","sirio","frances","sirio"])

```
arr_pesos = np.array([[3.0,2.8,3.1,3.0,3.23], [5.0,5.3,4.95,4.9,5.23], [3.0,2.8,3.1,3.0,3.23], [6.0,6.8,6.1,6.0,6.23], [3.0,2.8,3.1,3.0,3.23]])
```

Podemos realizar filtros na matriz de pesos com base nos pães que desejamos verificar. Considere os exemplos:

```
[3.0,2.8,3.1,3.0,3.23]
 # Filtrando todas as linhas que contém medidas do pão francês
 arr frances = arr pesos[arr paes == "frances"]
 print("Linhas pao frances \n", arr frances)
 # Filtrando todas as linhas que contém medidas do pão sirio
 arr frances = arr pesos[arr paes == "sirio"]
 print("Linhas pao sirio \n", arr frances)
 # Filtrando todas as linhas que contém medidas do pão sirio OU frances
 arr frances = arr pesos[(arr paes == "sirio") | (arr paes == "frances")]
 print("Linhas pao sirio ou frances \n", arr frances)
Linhas pao frances
[[3. 2.8 3.1 3. 3.23]
[6. 6.8 6.1 6. 6.23]]
Linhas pao sirio
[3. 2.8 3.1 3. 3.23]
[3. 2.8 3.1 3. 3.23]]
Linhas pao sirio ou frances
[[3. 2.8 3.1 3. 3.23]
 [3. 2.8 3.1 3. 3.23]
 [6. 6.8 6.1 6. 6.23]
 [3. 2.8 3.1 3. 3.23]]
```

Note que a indexação booleana, diferentemento do fatiamento, não produz uma view do array, mas sim uma cópia! Ou seja, alterar o resultado de uma indexação booleana não altera os valores originais. Considere o exemplo abaixo:

```
print("Alterando arr_frances \n",arr_frances)

print("Não altera arr_pesos \n",arr_pesos)

[[3.     2.8     3.1     3.     3.23]
     [6.     6.8     6.1     6.     6.23]]

Alterando arr_frances
[[99.     99.     99.     99.    ]
[ 6.     6.8     6.1     6.     6.23]]

Não altera arr_pesos
[[3.     2.8     3.1     3.     3.23]
[5.     5.3     4.95     4.9     5.23]
[3.     2.8     3.1     3.     3.23]
[6.     6.8     6.1     6.     6.23]
[7.     5.3     4.95     4.9     5.23]
[8.     2.8     3.1     3.     3.23]
[9.     6.8     6.1     6.     6.23]
[9.     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0     7.0
```

4.1.7 Métodos matemáticos e estatísticos

Os arrays do NumPy possuem muitos métodos que matemáticos que facilitam o processamento. Alguns deles são: sum() mean() std(),var() cumsum() min(), max() argmin(), argmax()

```
In [24]: # Gera 20 elementos aleatórios (entre 10 e 19)
arr_rand = np.random.randint(10,20, size=(20))
print("Valores : \n", arr_rand)

# Calcula a soma
print("Soma : \n", arr_rand.sum())

# Calcula a media
print("Média : \n", arr_rand.mean())

# Calcula o desv. padrão
print("Desvio padrão : \n", arr_rand.std())

# Calcula a variancia
print("Variância : \n", arr_rand.var())

# Máximo
print("Máximo :\n",arr_rand.max())
```

```
print("Indice do Máximo :\n",arr rand.argmax())
         # Soma cumulativa dos elementos começando em 0
         print("Soma cumulativa :\n", arr rand.cumsum())
        Valores:
         [18 18 18 19 18 18 14 15 19 19 14 17 11 13 11 17 10 10 15 17]
         311
        Média :
         15.55
        Desvio padrão :
         3.0573681492420897
        Variância :
         9.3475
        Máximo :
         19
        Indice do Máximo :
         3
        Soma cumulativa :
         [ 18 36 54 73 91 109 123 138 157 176 190 207 218 231 242 259 269 279
         294 311]
         Em arrays multidimensionais podemos escolher em relação a qual eixo que desejamos coletar as informações (não todas):
In [25]: arr m = np.array([[1,1,1,1]],
                            [4,5,6,6],
                            [10,4,3,2]])
         print("Média por colunas", arr m.mean(axis=0))
         print("Média por linhas", arr m.mean(axis=1))
         print("Maior elemento", arr m.max())
        Média por colunas [5. 3.33333333 3.33333333 3.
        Média por linhas [1. 5.25 4.75]
        Maior elemento 10
```

Indice do Máximo

Exercícios I

1. Escreva os seguintes vetores como arrays numpy:

2. Considere as seguintes sequências matemáticas, e para cada uma delas escreva um algoritmo que armazene os elementos em um array, e calcule a soma e o desvio padrão dos valores.

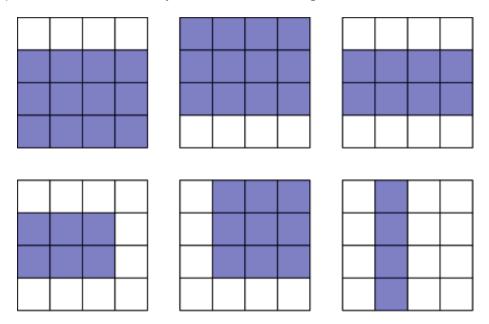
A.
$$\{n\}, n=1,\ldots,100$$
B. $\left\{\frac{n}{n+1}\right\}, n=1,\ldots 100 = \left\{\frac{1}{2},\frac{2}{3},\frac{3}{4},\ldots\right\}$
C. $\left\{\frac{(-1)^n(n+1)}{3^n}\right\}, n=1,\ldots 100 = \left\{-\frac{2}{3},\frac{3}{9},-\frac{4}{27},\ldots\right\}$

- 3. Crie um array arrN20 com 20 dados aleatórios extraidos da distribuição Normal padrão.
- 4. Crie um array arruzo com 20 dados aleatórios extraidos de uma distribuição uniforme, com valores entre -10 e 10.
- 5. Imprima a multiplicação de arrN20 por 10.
- 6. Imprima a multiplicação de arrN20 por arrU20 , esse é o resultado esperado de uma multiplicação vetorial?
- 7. Gere uma ndarray MN 5x10 com dados extraidos da Normal padrão.
- 8. Gere uma ndarray MU 5x10 com dados extraidos de uma Uniforme(-10,60).
- 9. Considerando o array arrN20, imprima somente os valores positivos.
- 10. Considerando o array arru20, imprima os valores entre os indices 5 e 10 incluindo o 10 (usando fatiamento).
- 11. Considerando o array arru20, imprima todos os valores, exceto o primeiro (usando fatiamento).
- 12. Considerando o array arru20, imprima todos os valores, exceto o último (usando fatiamento).

13. Considere o seguinte ndarray:

$$M = np.array([[4, 3, 3, 4], [4, 3, 3, 2], [5, 3, 5, 5], [5, 3, 3, 4]])$$

Use fatiamento para imprimir os números do array, de acordo com a imagem abaixo:



- 14. Ainda considerando o ndarray do exemplo anterior, encontre: A. O array com a soma dos elementos por linha. B. O array com a soma dos elementos por colunas. C. A soma e a média de todos os elementos.
- 15. Resolva os sistemas de equações lineares abaixo usando NumPy (https://numpy.org/doc/stable/reference/generated/numpy.linalg.solve.html):

A.
$$2x+3y=4$$

$$x - 5y = 2$$

B.
$$x + 2y - 3z = 1$$

$$3x - y + 2z = 0$$

```
2x + y + z = 2
```

16. Considere os seguintes dados de coleta de amostras de pesos de pães (como no exemplo): arr_paes = np.array(["frances","italiano","sirio","frances","sirio"])

```
arr_pesos = np.array([[3.0,2.8,10,3.0,3.23,3.0,2.8,3.0], [5.0,5.3,4.95,4.9,5.23,5.,5.,6.], [3.0,2.8,3.1,3.0,3.23,3.,3.], [6.0,6.8,6.1,6.0,6.23,5.8,5.9,6.], [3.0,2.8,3.1,3.0,3.23,3.,3.1,3.])
```

O controle de qualidade define que, se uma amostra têm variancia maior do que metade da média, existe algo errado com os dados(muita variabilidade), de forma que a amostra deve ser coletada novamente. Crie um código (usando indexação booleana) que retorne o pão (se existir algum) que precise de uma nova amostra coletada.

17. Ainda considerando os dados dos pães. A qualidade precisa saber a média dos pesos de todos os pães no primeiro e no último dia de coletas. Use fatiamentos e no máximo duas linhas para extrair as duas informações.

4.2 Pandas I

O pandas é um pacote essêncial para se realizar análise de dados, muito disso se dá pelas suas duas estruturas de dados principais, a series e o Dataframe, usados em quase todas as aplicações de mineração de dados. Utilizaremos a importação do pacote com a seguinte convenção:

In [26]: import pandas as pd

4.2.1 Series

Uma Serie é um objeto do tipo array unidimensional contendo uma sequência de valores (de tipos semelhantes aos do NumPy) e um array associado de rótulos (*labels*) de dados, chamado *índice*. A series mais simples é composta de um array de dados:

```
In [27]: ser1 = pd.Series([4,3,4,5])
    print(ser1)
    print(type(ser1))
```

```
4
             5
        dtype: int64
        <class 'pandas.core.series.Series'>
         Podemos acessar tanto os valores quanto os indices de uma Series pelos métodos values e index :
In [28]: print(ser1.values)
         print(ser1.index)
        [4 3 4 5]
        RangeIndex(start=0, stop=4, step=1)
         Note que o tipo de estrutura de dados do values é justamente um array NumPy:
In [29]: print(type(ser1.values))
        <class 'numpy.ndarray'>
          Podemos criar uma Series e alterar os valores de index para o que quisermos, considere:
In [30]: ser2 = pd.Series([1,2,3,4], index=["a","b","c","d"])
         print(ser2)
             1
        dtype: int64
         Alterando elementos
          Podemos usar os valores dos indices para acessar e alterar os elementos:
In [31]: print(ser2["a"])
          # Alterando o elemento
```

O método unique()

Out[33]: 1

O método unique() é muito usado em dataframes (próxima seção), ele retorna os valores de uma series *sem repetição*. Considere o seguinte exemplo:

```
In [32]: sr_string = pd.Series(["P1","P2","P3","P2","P1"])

#Retornando somente os valores sem repetição:
sr_string.unique()

Out[32]: array(['P1', 'P2', 'P3'], dtype=object)
```

Acessando elementos da Series

Como a Series têm um array dentro dela, podemos acessar seus elementos pela sintaxe dos colchetes e acesso pelos indices:

```
In [33]: ser2 = pd.Series([1,2,3,4], index=["a","b","c","d"])
# Acessando pelos indices do array
ser2[0]

C:\Users\x-eco\AppData\Local\Temp\ipykernel_11152\4112492939.py:3: FutureWarning: Series.__getitem__ treating keys
as positions is deprecated. In a future version, integer keys will always be treated as labels (consistent with Dat
aFrame behavior). To access a value by position, use `ser.iloc[pos]`
ser2[0]
```

Porém, note que também temos indices que adicionamos ao criar a series,["a","b","c","d"]. Como acessamos os elementos por esses indices? Para alguns casos também podemos usar os colchetes e o nome do indice:

```
In [34]: ser2["a"]
```

Out[34]: 1

Mas o que vai acontecer no seguinte caso, em que os indices adicionados são numéricos enão seguem a ordem sequêncial:

```
In [35]: ser2 = pd.Series([1,2,3,4], index=[1,3,5,7])
    ser2[0] # Erro
```

```
KeyError
                                       Traceback (most recent call last)
File ~\AppData\Local\Programs\Python\Python312\Lib\site-packages\pandas\core\indexes\base.py:3805, in Index.get loc
(self, key)
   3804 trv:
           return self. engine.get loc(casted key)
-> 3805
   3806 except KeyError as err:
File index.pyx:167, in pandas. libs.index.IndexEngine.get loc()
File index.pyx:196, in pandas. libs.index.IndexEngine.get loc()
File pandas\\ libs\\hashtable.Int64HashTable.get item()
File pandas\\ libs\\hashtable.Int64HashTable.get item()
KeyError: 0
The above exception was the direct cause of the following exception:
KeyError
                                       Traceback (most recent call last)
Cell In[35], line 2
     1 ser2 = pd.Series([1,2,3,4], index=[1,3,5,7])
---> 2 ser2[0] # Erro
File ~\AppData\Local\Programs\Python\Python312\Lib\site-packages\pandas\core\series.py:1121, in Series. getitem
(self, key)
  1118
           return self. values[key]
  1120 elif key is scalar:
           return self. get value(key)
-> 1121
  1123 # Convert generator to list before going through hashable part
  1124 # (We will iterate through the generator there to check for slices)
  1125 if is iterator(key):
File ~\AppData\Local\Programs\Python\Python312\Lib\site-packages\pandas\core\series.py:1237, in Series. get value(s
elf, label, takeable)
   1234
           return self. values[label]
   1236 # Similar to Index.get value, but we do not fall back to positional
-> 1237 loc = self.index.get loc(label)
  1239 if is integer(loc):
```

```
return self._values[loc]
   1240
File ~\AppData\Local\Programs\Python\Python312\Lib\site-packages\pandas\core\indexes\base.py:3812, in Index.get loc
(self, key)
   3807
           if isinstance(casted key, slice) or (
               isinstance(casted key, abc.Iterable)
   3808
               and any(isinstance(x, slice) for x in casted key)
   3809
   3810
           ):
   3811
                raise InvalidIndexError(key)
-> 3812
           raise KeyError(key) from err
   3813 except TypeError:
   3814
            # If we have a listlike key, check indexing error will raise
            # InvalidIndexError. Otherwise we fall through and re-raise
   3815
           # the TypeError.
   3816
   3817
            self. check indexing error(key)
KeyError: 0
```

loc() e iloc()

Assim, para evitar essa confusão existem dois métodos separados para acessar os indices (sequênciais) de um array e os indices que inserimos ao criar a series, os métodos .iloc() e .loc() .Com o método .iloc() acessamos os índices sequenciais, independente dos indices que adicionamos ao criar a Series, e o método .loc() para acessar os índices adicionados:

```
In [36]: ser2 = pd.Series([1,2,3,4], index=[1,3,5,7])

# Acessando o indice sequencial do array:
print(ser2.iloc[0], ser2.iloc[3])

# Acessando o indice criado na Series:
print(ser2.loc[1], ser2.loc[7])
```

4.2.2 Dataframe

4
 4

Um dataframe representa uma tabela de dados retangular e contém uma coleção ordenada de colunas, em que cada uma é uma Series e pode ter um tipo de dado diferente. O dataframe têm um índice tanto para as linhas quanto para as colunas. Existem diversas formas para se criar Dataframes (embora na maioria dos casos ele será criado automáticamente ao carregarmos dados externos), algumas delas são mostradas abaixo:

Criação de Dataframes

```
In [37]: # DataFrame a partir de um dicionário de listas: as chaves são os nomes das colunas e as listas os valores
         dic1 = {"peça1":[1,2,3,4],}
                "peça2":[5,2,3,5],
                "peça3":[2,3,4,3]}
         dt1 = pd.DataFrame(dic1)
         print(dt1)
         # DataFrame a partir de uma lista de tuplas
         l tuplas = [(10,20,30),(40,50,60),(70,80,90)]
         dt tuplas = pd.DataFrame(1 tuplas)
         print(dt tuplas)
           peça1 peça2 peça3
              1
                     5
                            2
                            3
              3
                   3
                 5
                            3
           0 1 2
          10 20 30
        1 40
              50 60
        2 70 80 90
```

Os indices das linhas foram criados automaticamente no dataframe, porém poderiamos criá-los também:

```
peça1 peça2 peça3
3 1 5 2
4 2 2 3
5 3 3 4
6 4 5 3
```

Podemos selecionar as colunas do DataFrame pela notação em colchetes com o nome da coluna:

```
In [39]: # Selecionando uma coluna
         dt1["peça1"]
         # Note que o tipo de dados da coluna é:
         print("Tipo da coluna :", type(dt1["peça1"]))
         # Assim, sabemos que a Series tem duas partes; values e index, e que values é um NumPy array, podemos extrair as c
         # dataframes como arrays e usar tudo que já sabemos sobre o NumPy:
         arr = dt1["peça1"].values
         print(type(arr))
         # Extraindo dados de um array normalmente
         print("Soma :",arr.sum())
         print("Maximo :",arr.max())
         print("Mínimo :",arr.min())
        Tipo da coluna : <class 'pandas.core.series.Series'>
        <class 'numpy.ndarray'>
        Soma : 10
        Maximo: 4
        Mínimo : 1
```

Também podemos acessar as linhas usando o método loc , que retorna uma **Series**. O método loc é usado para acessarmos os nomes dos indices, quando o DataTable não possuir nomes serão os índices (neste exemplo acessamos os indices):

```
In [40]: print(dt1.loc[0])

peça1   1
peça2   5
peça3   2
Name: 0, dtype: int64
```

Neste caso o indice deve existir. Tentando acessar a linha de indice 0 de dt2, um erro ocorre, pois ao criarmos o DF alteramos os índices, e o 0 não foi incluido:

In [41]: print(dt2.loc[0])

```
KeyError
                                        Traceback (most recent call last)
File ~\AppData\Local\Programs\Python\Python312\Lib\site-packages\pandas\core\indexes\base.py:3805, in Index.get loc
(self, key)
   3804 try:
           return self. engine.get loc(casted key)
-> 3805
   3806 except KeyError as err:
File index.pyx:167, in pandas. libs.index.IndexEngine.get loc()
File index.pyx:196, in pandas. libs.index.IndexEngine.get loc()
File pandas\\ libs\\hashtable class helper.pxi:2606, in pandas. libs.hashtable.Int64HashTable.get item()
File pandas\\ libs\\hashtable.Int64HashTable.get item()
KeyError: 0
The above exception was the direct cause of the following exception:
KeyError
                                        Traceback (most recent call last)
Cell In[41], line 1
----> 1 print(dt2.loc[0])
File ~\AppData\Local\Programs\Python\Python312\Lib\site-packages\pandas\core\indexing.py:1191, in LocationIndexer.
getitem (self, key)
   1189 maybe callable = com.apply if callable(key, self.obj)
  1190 maybe callable = self. check deprecated callable usage(key, maybe callable)
-> 1191 return self. getitem axis(maybe callable, axis=axis)
File ~\AppData\Local\Programs\Python\Python312\Lib\site-packages\pandas\core\indexing.py:1431, in LocIndexer. geti
tem axis(self, key, axis)
   1429 # fall thru to straight lookup
  1430 self. validate key(key, axis)
-> 1431 return self. get label(key, axis=axis)
File ~\AppData\Local\Programs\Python\Python312\Lib\site-packages\pandas\core\indexing.py:1381, in LocIndexer. get
label(self, label, axis)
   1379 def get label(self, label, axis: AxisInt):
           # GH#5567 this will fail if the label is not present in the axis.
   1380
```

```
return self.obj.xs(label, axis=axis)
-> 1381
File ~\AppData\Local\Programs\Python\Python312\Lib\site-packages\pandas\core\generic.py:4301, in NDFrame.xs(self, k
ey, axis, level, drop level)
   4299
                    new index = index[loc]
   4300 else:
           loc = index.get loc(key)
-> 4301
            if isinstance(loc, np.ndarray):
   4303
   4304
                if loc.dtype == np.bool :
File ~\AppData\Local\Programs\Python\Python312\Lib\site-packages\pandas\core\indexes\base.py:3812, in Index.get loc
(self, key)
            if isinstance(casted key, slice) or (
   3807
                isinstance(casted key, abc.Iterable)
   3808
   3809
                and any(isinstance(x, slice) for x in casted key)
   3810
            ):
   3811
                raise InvalidIndexError(kev)
-> 3812
            raise KeyError(key) from err
   3813 except TypeError:
            # If we have a listlike key, check indexing error will raise
   3814
   3815
            # InvalidIndexError. Otherwise we fall through and re-raise
   3816
            # the TypeError.
            self. check indexing error(key)
   3817
KeyError: 0
```

Ainda, podemos usar indices sequenciais inteiros para acessar as linhas (mesmo que as mesmas tenham outros nomes em seus indices) usando o método iloc (que também retorna uma **Series**):

```
Out[43]: pandas.core.indexes.base.Index
```

Podemos adicionar uma nova coluna no DataFrame usando as chaves com o nome da coluna:

```
In [44]: # Todos os elementos da nova coluna são preenchidas com o valor 10
dt1["Nova coluna"] = 10
dt1
```

Out[44]: peça1 peça2 peça3 Nova coluna

Da mesma forma podemos remover colunas usando o método del .

```
In [45]: del dt1["peça1"] dt1
```

Out[45]:		peça2	peça3	Nova coluna
	0	5	2	10
	1	2	3	10
	2	3	4	10
	3	5	3	10

Ordenando

Podemos ordenar todo um dataframe com base nos dados de uma coluna usando a função .sort_values(), passando o argumento by= com o nome da coluna que queremos ordenar. Considerando o banco de dados das peças, o código abaixo ordena a dataframe de Peças pelos valores de peça2 (note que que os indices das linhas foram alterados):

```
In [46]: dt1.sort values(by="peça2")
Out[46]:
            peça2 peça3 Nova coluna
         1
                2
                       3
                                  10
         2
                3
                       4
                                  10
         0
                5
                       2
                                  10
                5
                       3
                                  10
         3
```

Carregando dados em um DataFrame

A maior utilidade dos DataFrames é a manipulação de dados. Dessa forma, o Pandas contém inúmeras maneiras para se carregar dados externos, e a estrutura de dados padrão gerada é um Dataframe. Inicialmente, faremos a leitura de dados no formato .csv do próprio computador. Para isso usamos o método pd.read_csv() . Esse método possui diversos parametros (mais de 50!), porém os dois principais são: o caminho do arquivo a ser lido e o delimitador dos dados. Considere o exemplo abaixo que carrega os dados "e-shop clothing 2008.csv", contido na pasta Data.

```
In [53]: caminho = r"G:\Meu Drive\Arquivos\UFPR\1 - Disciplinas\2 - Intro Mineração de Dados\5-Python\Datasets\dados_filas
dt = pd.read_csv(caminho,sep = ";")
dt
```

: 	Agencia	dia	categoria	Senhas atendimento	time	Até 5 min. de espera	5 a 10 min. de espera	10 a 15 min. de espera	15 a 20 min. de espera	20 a 30 min. de espera	30 a 40 min. de espera	40 a 50 min. de espera
0	Araras	02/01/2023	3 - A - CAIXA	26	00:04:34	19	2	2	3	0	0	0
1	Araras	02/01/2023	4 - B - CAIXA PREFERENCIAL	8	00:01:00	8	0	0	0	0	0	0
2	Araras	03/01/2023	3 - A - CAIXA	28	00:04:46	19	4	3	2	0	0	0
3	Araras	03/01/2023	4 - B - CAIXA PREFERENCIAL	8	00:02:36	7	1	0	0	0	0	0
4	Araras	04/01/2023	3 - A - CAIXA	21	00:03:09	15	5	1	0	0	0	0
•••												
4038	PA SALTINHO	29/05/2023	6 - C - CAIXA PREFERENCIAL + 80 ANOS	1	00:08:46	0	1	0	0	0	0	0
4039	PA SALTINHO	30/05/2023	3 - A - CAIXA	50	00:05:19	28	11	9	2	0	0	0
4040	PA SALTINHO	30/05/2023	4 - B - CAIXA PREFERENCIAL	17	00:03:52	14	1	0	1	1	0	0
4041	PA SALTINHO	31/05/2023	3 - A - CAIXA	39	00:04:17	26	9	4	0	0	0	0
4042	PA SALTINHO	31/05/2023	4 - B - CAIXA PREFERENCIAL	17	00:04:38	11	3	2	1	0	0	0

4043 rows × 13 columns

Alguns repositórios de dados disponibilizam os mesmos diretamente da internet, de forma que podemos carregar os dados sem mesmo baixá-los no computador. Para isso só precisamos do URL dos dados. Por exemplo:

https://raw.githubusercontent.com/cs109/2014_data/master/countries.csv. Lendo esses dados em um DataFrame temos:

```
In [48]: caminho_url = "https://raw.githubusercontent.com/cs109/2014_data/master/countries.csv"
    dt_url = pd.read_csv(caminho_url, sep = ",")
    dt_url
```

Out[48]:		Country	Region
	0	Algeria	AFRICA
	1	Angola	AFRICA
	2	Benin	AFRICA
	3	Botswana	AFRICA
	4	Burkina	AFRICA
	•••		
	189	Paraguay	SOUTH AMERICA
	190	Peru	SOUTH AMERICA
	191	Suriname	SOUTH AMERICA
	192	Uruguay	SOUTH AMERICA
	193	Venezuela	SOUTH AMERICA

194 rows × 2 columns

Também podemos ler dados tabulares direto de uma planilha de excel com o método read_excel . OBS: Para isso o pandas requer a instalação do pacote openpyxl . Assim, abra um terminal e instale o pacote pelo *pip install*:

>> pip install openpyxl

```
In [55]: # Podemos usar a string pura do caminho (sem barras invertidas), usando a letra 'r' antes de começar o caminho
    caminho_excel = r"G:\Meu Drive\Arquivos\UFPR\1 - Disciplinas\2 - Intro Mineração de Dados\5-Python\Datasets\db_ad
```

dt_excel = pd.read_excel(caminho_excel)
dt_excel

:	Nome	Endereco	Numero	Bairro	Cidade	Estado	Pais	lat	long	Janela de tempo inicial	Janela de tempo final	Te se
0	ADEMIR JOS� VIEIRA	RUA LAUDELINO FERREIRA LOPES	229	NOVO MUNDO	Curitiba	Parana	Brasil	-25.506899	-49.304566	2022- 05-10 08:00:00	2022- 05-10 18:00:00	
1	ADRIANE ANGERER ULIANA	RUA MURILO DO AMARAL FERREIRA	72	�GUA VERDE	Curitiba	Parana	Brazil	-25.458970	-49.288281	2022- 05-10 08:00:00	2022- 05-10 18:00:00	
2	ALESSANDRO DA SILVA	RUA ARATICUM	214	UBERABA	Curitiba	Parana	Brazil	-25.476699	-49.223430	2022- 05-10 08:00:00	2022- 05-10 18:00:00	
3	ALEXANDRE ALMEIDA BLITZKOW	RUA ALFERES �NGELO SAMPAIO	1495	BATEL	Curitiba	Parana	Brazil	-25.440483	-49.284293	2022- 05-10 08:00:00	2022- 05-10 18:00:00	
4	ALEXANDRE AUGUSTO LEAL	RUA JO�O GUARIZA	522	S�O LOUREN�O	Curitiba	Parana	Brazil	-25.391206	-49.265719	2022- 05-10 08:00:00	2022- 05-10 18:00:00	
•••			•••	•••					•••			
494	M�RIO GUIMAR�ES FILHO	RUA PADRE ANCHIETA	1205	BIGORRILHO	Curitiba	Parana	Brazil	-25.430058	-49.291104	2022- 05-10 08:00:00	2022- 05-10 18:00:00	
495	MARIO HENRIQUE RITZMANN	RUA TAMBAQUIS	715	ALPHAVILLE GRACIOSA	Curitiba	Parana	Brazil	-25.398363	-49.160188	2022- 05-10 08:00:00	2022- 05-10 18:00:00	
496	MARLI LOPES REGAGNAN	AVENIDA DOUTOR EUG�NIO BERTOLLI	3062	SANTA FELICIDADE	Curitiba	Parana	Brazil	-25.374206	-49.332474	2022- 05-10 08:00:00	2022- 05-10 18:00:00	

	Nome	Endereco	Numero	Bairro	Cidade	Estado	Pais	lat	long	Janela de tempo inicial	Janela de tempo final	T€
49	MATHEUS 7 CARVALHO DOS SANTOS	RUA PROFESSOR �LVARO JORGE	795	VILA IZABEL	Curitiba	Parana	Brazil	-25.457559	-49.296705	2022- 05-10 08:00:00	2022- 05-10 18:00:00	
49	MAURO 8 MULLER GIL CARDOSO	RUA %NGELO DALLARMI	328	SANTA FELICIDADE	Curitiba	Parana	Brazil	-25.416720	-49.335714	2022- 05-10 08:00:00	2022- 05-10 18:00:00	

499 rows × 14 columns

Exportando dados de um Dataframe

Podemos exportar os dados de um DataFrame usando o método .to_csv() , em seu modo mais simples com o único argumento do caminho do arquivo.

In [56]: caminho = r"G:\Meu Drive\Arquivos\UFPR\1 - Disciplinas\2 - Intro Mineração de Dados\5-Python\Arquivo_exportado.cs
dt1.to_csv(caminho)

In [57]: dt1

Out[57]:

	peça2	peça3	Nova coluna
0	5	2	10
1	2	3	10
2	3	4	10
3	5	3	10

Exportando dessa forma surgem 3 problemas (ou melhorias possíveis):

- 1. As índices das linhas foram exportados também.
- 2. O arquivo não fica tabulado ao abri-lo com o Excel.
- 3. Os nomes não estão com a acentuação correta.

Para melhorar a exportação usamos os seguintes argumentos:

- 1. index = False : Não exporta o índice das linhas.
- 2. sep = ";": Adicionando o separador ';' para os dados ficarem tabulares no Excel.
- 3. encoding = "utf-8-sig" : Permite exportar acentos.

Assim, o código melhorado fica:

```
In [58]: caminho = r"G:\Meu Drive\Arquivos\UFPR\1 - Disciplinas\2 - Intro Mineração de Dados\5-Python\Arquivo_exportado.cs
dt1.to_csv(caminho, sep = ";", index = False, encoding = "utf-8-sig")
```

Assim que carregamos um conjunto de dados, podemos obter algumas informações superficiais e rápidas sobre eles, por exemplo:

- 1. .shape: Retorna uma tupla com o número de linhas e colunas do DataFrame.
- 2. .info(): Mostra o nome das colunas e seus tipos de dados associados.
- 3. .describe(): Retorna um *DataFrame* com várias estatisticas descritivas sobre as colunas.

```
In [59]: #dt1.shape
    #dt1.info()
    dt1.describe()
```

Out[59]:		peça2	peça3	Nova coluna
	count	4.00	4.000000	4.0
	mean	3.75	3.000000	10.0
	std	1.50	0.816497	0.0
	min	2.00	2.000000	10.0
	25%	2.75	2.750000	10.0
	50%	4.00	3.000000	10.0
	75%	5.00	3.250000	10.0
	max	5.00	4.000000	10.0

Filtros e indexação booleana

Os DataFrames são muito utilizados para realizarmos filtros no banco de dados. A mesma lógica da indexação booleana e do fatiamento usados nas listas e ndarrays pode ser ustilizada aqui. Considere o conjunto de dados Production_Data.csv:

```
In [62]: dt_production = pd.read_csv(r"G:\Meu Drive\Arquivos\UFPR\1 - Disciplinas\2 - Intro Mineração de Dados\5-Python\Da
```

Podemos aplicar uma condição booleana em alguma das colunas, para obtermos um array de True/False. Por exemplo, todas as linhas em que a coluna "Activity" é igual a "Turning & Milling - Machine 4":

```
In [63]: cond = dt_production["Activity"] == "Turning & Milling - Machine 4"
    cond
```

```
Out[63]: 0
                  True
         1
                  True
         2
                 True
         3
                 True
         4
                False
                 . . .
         4538
                False
         4539
                False
         4540
                False
                False
         4541
                False
         4542
         Name: Activity, Length: 4543, dtype: bool
```

Se atribuirmos esse vetor ao dataframe, teremos somente as linhas em que a cond. é verdadeira:

```
In [64]: dt_production[cond]
```

Out[64]:

•		Case ID	Activity	Resource	Start Timestamp	Complete Timestamp	Span	Work Order Qty	Part Desc.	Worker ID	•	Qty Completed	•	Q fo MF
	0	Case 1	Turning & Milling - Machine 4	Machine 4 - Turning & Milling	2012/01/29 23:24:00.000	2012/01/30 05:43:00.000	006:19	10	Cable Head	ID4932	S	1	0	
	1	Case 1	Turning & Milling - Machine 4	Machine 4 - Turning & Milling	2012/01/30 05:44:00.000	2012/01/30 06:42:00.000	000:58	10	Cable Head	ID4932	D	1	0	
	2	Case 1	Turning & Milling - Machine 4	Machine 4 - Turning & Milling	2012/01/30 06:59:00.000	2012/01/30 07:21:00.000	000:22	10	Cable Head	ID4167	S	0	0	
	3	Case 1	Turning & Milling - Machine 4	Machine 4 - Turning & Milling		2012/01/30 10:58:00.000	003:37	10	Cable Head	ID4167	D	8	0	
	126	Case 105	Turning & Milling - Machine 4	Machine 4 - Turning & Milling	2012/03/20 23:18:00.000	2012/03/21 06:34:00.000	007:16	15	Bearing	ID4167	S	0	0	
	•••													
	4463	Case 95	Turning & Milling - Machine 4	Machine 4 - Turning & Milling		2012/03/02 12:45:00.000	006:01	305	Punch Holder	ID4167	D	14	0	

	Case ID	Activity	Resource	Start Timestamp	Complete Timestamp	Span	Work Order Qty	Part Desc.	Worker ID	•	Qty Completed	Qty Rejected	Q fo MF
4464	Case 95	Turning & Milling - Machine 4	Machine 4 - Turning & Milling		2012/03/03 19:57:00.000	007:00	305	Punch Holder	ID4529	D	16	0	
4465	Case 95	Turning & Milling - Machine 4	Machine 4 - Turning & Milling	2012/03/03 22:23:00.000	2012/03/04 06:47:00.000	008:24	305	Punch Holder	ID4641	D	28	0	
4466	Case 95	Turning & Milling - Machine 4	Machine 4 - Turning & Milling	2012/03/04 06:56:00.000	2012/03/04 11:11:00.000	004:15	305	Punch Holder	ID4932	D	53	0	
4470	Case 95	Turning & Milling - Machine 4	Machine 4 - Turning & Milling	2012/03/06 08:15:00.000	2012/03/06 08:16:00.000	000:01	305	Punch Holder	ID4932	D	2	0	

262 rows × 14 columns

Podemos escrever a mesma coisa de forma direta, ou seja, colocamos a condição diretamente no dataframe:

Out[65]:

•		Case ID	Activity	Resource	Start Timestamp	Complete Timestamp	Span	Work Order Qty	Part Desc.	Worker ID	•	Qty Completed	Qty Rejected	Q fo MF
	0	Case 1	Turning & Milling - Machine 4	Machine 4 - Turning & Milling	2012/01/29 23:24:00.000	2012/01/30 05:43:00.000	006:19	10	Cable Head	ID4932	S	1	0	
	1	Case 1	Turning & Milling - Machine 4	Machine 4 - Turning & Milling	2012/01/30 05:44:00.000	2012/01/30 06:42:00.000	000:58	10	Cable Head	ID4932	D	1	0	
	2	Case 1	Turning & Milling - Machine 4	Machine 4 - Turning & Milling	2012/01/30 06:59:00.000		000:22	10	Cable Head	ID4167	S	0	0	
	3	Case 1	Turning & Milling - Machine 4	Machine 4 - Turning & Milling		2012/01/30 10:58:00.000	003:37	10	Cable Head	ID4167	D	8	0	
	126	Case 105	Turning & Milling - Machine 4	4 -	2012/03/20 23:18:00.000	2012/03/21 06:34:00.000	007:16	15	Bearing	ID4167	S	0	0	
	•••							•••		•••				
	4463	Case 95	Turning & Milling - Machine 4	Machine 4 - Turning & Milling	2012/03/02 06:44:00.000		006:01	305	Punch Holder	ID4167	D	14	0	

	(Case ID	Activity	Resource	Start Timestamp	Complete Timestamp	Span	Work Order Qty	Part Desc.	Worker ID	•	Qty Completed	Qty Rejected	Q fo MF
44	464	Case 95	Turning & Milling - Machine 4	Machine 4 - Turning & Milling		2012/03/03 19:57:00.000	007:00	305	Punch Holder	ID4529	D	16	0	
44	465	Case 95	Turning & Milling - Machine 4	Machine 4 - Turning & Milling	2012/03/03 22:23:00.000	2012/03/04 06:47:00.000	008:24	305	Punch Holder	ID4641	D	28	0	
44	466	Case 95	Turning & Milling - Machine 4	Machine 4 - Turning & Milling	2012/03/04 06:56:00.000	2012/03/04 11:11:00.000	004:15	305	Punch Holder	ID4932	D	53	0	
4470	470	Case 95	Turning & Milling - Machine 4	Machine 4 - Turning & Milling	2012/03/06 08:15:00.000	2012/03/06 08:16:00.000	000:01	305	Punch Holder	ID4932	D	2	0	

262 rows × 14 columns

Usando o método *unique()* (das Series) em um determinado atributo (coluna), conseguimos encontrar os valores sem repetição que ocorrem nos registros dessa coluna. Por exemplo, quais são os tipos de atividade desempenhadas nesse banco de dados?

```
Out[66]: array(['Turning & Milling - Machine 4', 'Turning & Milling O.C.',
                 'Laser Marking - Machine 7', 'Lapping - Machine 1',
                 'Round Grinding - Machine 3', 'Final Inspection Q.C.', 'Packing',
                 'Turning & Milling - Machine 9', 'Turning O.C.',
                 'Flat Grinding - Machine 11', 'Turning & Milling - Machine 8',
                 'Grinding Rework - Machine 12', 'Setup - Machine 8',
                 'Round Grinding - Machine 12', 'Round Grinding - Manual',
                 'Round Grinding - O.C.', 'Turning & Milling - Machine 5',
                 'Turning & Milling - Machine 10', 'Round Grinding - Machine 2',
                 'Turning & Milling - Machine 6', 'Turning - Machine 4',
                 'Grinding Rework', 'SETUP
                                               Turning & Milling - Machine 5',
                 'Final Inspection - Weighting', 'Turning - Machine 9',
                 'Deburring - Manual', 'Turning - Machine 8',
                 'Wire Cut - Machine 13', 'Wire Cut - Machine 18',
                 'Rework Milling - Machine 28', 'Fix EDM', 'Milling Q.C.',
                 'Milling - Machine 14', 'Flat Grinding - Machine 26',
                 'Grinding Rework - Machine 27', 'Grinding Rework - Machine 2',
                 'Fix - Machine 19', 'Round O.C.', 'Stress Relief',
                 'Turning Rework - Machine 21', 'Milling - Machine 10',
                 'Milling - Machine 16', 'Change Version - Machine 22',
                 'Turning - Machine 5', 'Round Grinding - Machine 19',
                 'Fix - Machine 3', 'Turn & Mill. & Screw Assem - Machine 9',
                 'Nitration Q.C.', 'Round Grinding - Machine 23',
                 'Fix - Machine 15', 'Turn & Mill. & Screw Assem - Machine 10',
                 'Fix - Machine 15M', 'Turning - Machine 21', 'Milling - Machine 8',
                 'Setup - Machine 4'], dtype=object)
```

Exercícios II

- 1. Considerando o exercício dos pães da seção anterior: salve os dados em um dataframe adequado para se realizar operações. Crie 2 dataframes iguais usando métodos diferentes: um a partir de um dicionário e um a partir de uma lista de tuplas.
 - A. Usando o dataframe, encontre as somas de pesos por dias da semana e por tipo de pão.
 - B. Usando o dataframe, encontre a média de pesos por dias da semana e por tipos de pão.
- 2. Leia os dados 'clientes_shopping.csv', exclua a coluna "Genre" e exporte os dados novamente em um arquivo .csv.

- 3. Considerando o conjunto de dados *MateriaisConstrução.xlsx*. Este conjunto contém dados referente a compra em uma loja de construção. Cada linha representa um pedido, sendo que as colunas contém os itens comprados e as células as quantidades adquiridas. Responda às seguintes questões:
 - A. Quantos registros de compra existem?
 - B. Quantos e quais os itens vendidos pela loja?
 - C. Quais as médias de vendas dos itens?
 - D. Qual é o item com a maior média de vendas?
 - E. Qual é o item que está presente na maioria das compras? Em quantas?
- 4. Considere o conjunto de dados *Production_Data.csv*.Este conjunto contém dados de produção, a coluna Case ID indica as ordens de produção, uma ordem de produção passa por diversas atividades (Activity), portanto existem diversas linhas para cada Case ID . A coluna Worker ID indica o número de identificação do funcionário que realizou a atividade. Qty Rejected indica quantas peças foram perdidas na atividade executada naquela linha. Start Timestamp e Complete Timestamp indicam as datas e horas de inicio e fim de processamento das atividades. Reponda às seguintes questões:
 - A. Ouantos trabalhadores existem nesse db?
 - B. Qual o total de peças rejeitadas no db?
 - C. Quantas ordens de produção foram processados no total?
 - D. Quais são as datas mais cedo e mais tarde de inicio de processamento de OPs?
 - E. O db compreende um período de quantos dias de produção?
 - F. Quais as médias de peças rejeitadas/dia e ordens de produção/dia no periodo todo?
 - G. Quais as médias de peças rejeitadas/dia e ordens de produção/dia nos seguintes periodos:
 - a. [2012/01/02,2012/02/01) -> janeiro
 - b. [2012/02/01,2012/03/01) -> fevereiro
 - c. [2012/03/01,2012/03/30] -> março
 - H. Qual é o tempo médio, em minutos, de processamento da atividade "Turning & Milling Machine 4"?
- 5. Considere o conjunto de dados 'ProducaoGrega.csv', com os dados de uma produção de cerâmica na Grécia, incluindo as informações do dia da semana, temperatura, medida do diametro e se houve defeitos ou não. Quais informações você pode extrair dos dados? Faça uma análise com o que já aprendeu.