

Edifício Sede FIESP (Av. Paulista, 1313, São Paulo/SP).



REALIZAÇÃO





# INTRODUÇÃO À TEORIA DA RESPOSTA AO ITEM (TRI) COM APLICAÇÃO NO R

Alexandre Jaloto (Inep)

08/09/2025

APOIADORES







































Avaliação, Inovação e Equidade.

# TOMANDO MEDIDAS:

#### O ENEM NA FITA

Alexandre Jaloto (Inep)

08/09/2025

APOIADORES

REALIZAÇÃO

























ducação Forte » Indústria Forte » País Forte













#### OBJETIVO DA AULA

- Conhecer os modelos de dois parâmetros e três parâmetros da TRI para itens dicotômicos
- Conhecer o modelo de Samejima da TRI para itens politômicos
- Aplicar as seguintes equações no contexto de construção de instrumentos de medida em educação

$$\begin{split} P(U_{ij} = 1 \,|\, \theta_j, a_i, b_i, c_i) &= c_i + (1 - c_i) \frac{1}{1 + e^{-a_i(\theta_j - b_i)}} \\ L(\theta, \xi) &= \text{Prob}(Y \,|\, \theta, \xi) = \prod_{i=1}^n \prod_{j=1}^k P_{ij}^{y_{ij}} \left(1 - P_{ij}\right)^{1 - y_{ij}} \end{split}$$

(sem usar a fórmula)

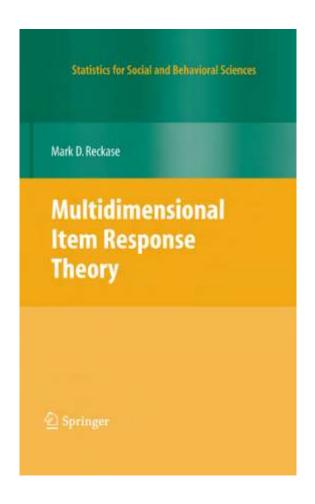
### MATERIAL DISPONÍVEL

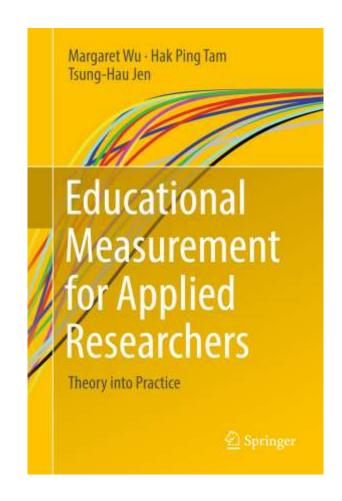
• Toda a aula está disponível em repositório no Github

Para acessar, vá em <a href="https://bit.ly/tri\_abave2025">https://bit.ly/tri\_abave2025</a>
 (github.com/alexandrejaloto/abave2025)

# bit.ly/tri\_abave2025

# SUGESTÃO DE LEITURA







#### Sumário

- Introdução ao uso da fita métrica
- Medindo a altura sem fita métrica
  - Duas alturas, a mesma medida
    - Fita métrica x Medidor digital
  - Medindo altura com vários níveis de resposta



# Introdução ao uso da fita métrica

(meus testes precisam ser comparáveis, e agora?)



#### **BOLETIM INDIVIDUAL DE RESULTADOS – ENEM 2009**

NOME: MARIA BRASIL

Caro Participante, Este boletim apresenta s Os valores estão apreser

#### Área do conhecimento

Ciências da Natureza e suas

Ciências Humanas e suas Te

Linguagens, Códigos e suas

Matemática e suas Tecnolo

Redação



no Enem 2009.

ua nota	Situação
451,3	Presente
499,9	Presente
591,7	Presente
520,5	Presente
650,0	Presente

### O QUE ESTAMOS MEDINDO?

- Medir altura x Medir conhecimento
  - Medir diretamente x medir indiretamente
- Medir um traço latente
  - Definição teórica
  - Referência para elaboração de itens
  - Elaboração de itens
  - Aplicação dos itens
  - Análise do comportamento observado
  - Construção de uma régua
  - Interpretação da régua

Necessário verificar evidências de validade em todo o processo:

- estamos medindo de fato aquilo que dizemos?
- as interpretações dos escores estão adequadas?
- o uso dos escores está adequado?

#### COMO MEDIR CONHECIMENTO?

- Psicometria: ciência da mensuração psicológica
  - Cuida de medir processos mentais
  - Procura explicar o sentido das respostas dadas pelos sujeitos a uma série de tarefas (itens)

- Duas vertentes da psicometria moderna:
  - Teoria Clássica dos Testes (TCT)
  - Teoria do traço latente
    - Teoria de Resposta ao Item (TRI)
    - Análise fatorial

# TEORIA CLÁSSICA DOS TESTES

Teste 1 de Ciências, aplicado para o 9º ano do Ensino Fundamental

	Item 1	Item 2	Item 3	Item 4	Item 5	Item 6	Item 7	Item 8	Item 9	Item 10	Escore
Juliana	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0	9
Márcio	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0	9
Francisco	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0	8
Mariana	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	5
Eduardo	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	4
João	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	3
Júlia	1	0	0	0	0	0	0	0	0	1	2
Ana	1	0	0	0	0	0	0	0	0	1	2
Acertos	8	6	6	5	4	3	3	3	2	2	

E se o teste fosse aplicado para o 6º ano?

# TEORIA CLÁSSICA DOS TESTES

Teste 2 de Ciências, aplicado para outra turma de 9º ano do Ensino Fundamental

	Item 1	Item 2	Item 3	Item 4	Item 5	Item 6	Item 7	Item 8	Item 9	Item 10	Escore
Francisca	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	10
Mariana	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0	8
Mário	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	6
Antônio	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	4
Márcia	1	1	0	0	0	1	0	0	1	0	4
Natália	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	2
Acertos	6	6	4	4	3	3	2	2	1	1	

Podemos afirmar que Francisca domina esse conhecimento mais do que Eduardo, que acertou quatro itens?

# TEORIA CLÁSSICA DOS TESTES

Teste 1 de Ciências, aplicado para o 9º ano do Ensino Fundamental

	Item 1	Item 2	Item 3	Item 4	Item 5	Item 6	Item 7	Item 8	Item 9	Item 10	Escore
Juliana	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0	9
Márcio	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0	9
Francisco	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0	8
Mariana	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	5
Eduardo	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	4
João	1	1	1	0	0	0	0	Û	U	0	3
Júlia	1	0	0	0	0	0	0	0	0	1	2
Ana	1	0	0	0	0	0	0	0	0	1	2
Acertos	8	6	6	5	4	3	3	3	2	2	

#### TEORIAS DA MEDIDA

#### **Teoria Clássica dos Testes (TCT)**

Escore: porcentagem de acertos

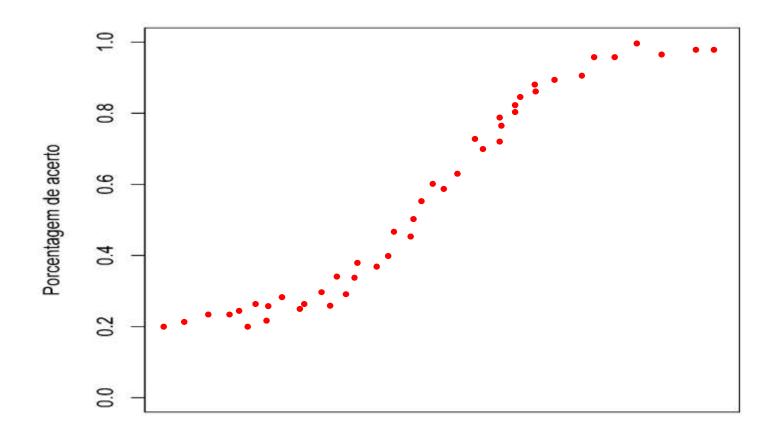
A medida depende do teste (por exemplo, dificuldade dos itens)

As características dos itens dependem dos respondentes

Como garantir comparabilidade?

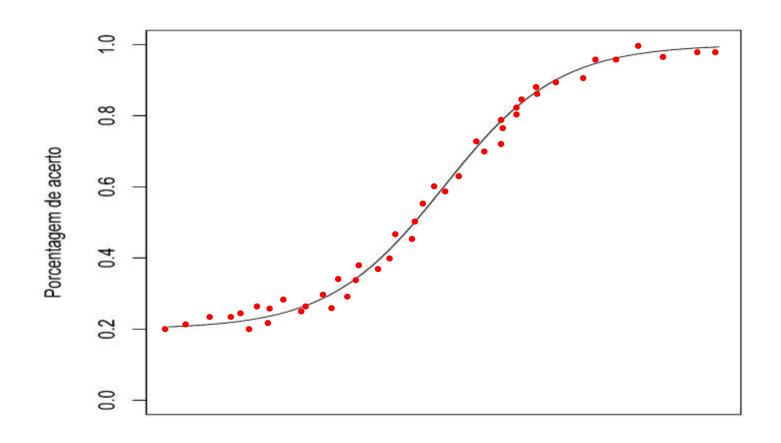
# Medindo a altura sem fita métrica (uso da TRI nos testes)

# APLICAÇÃO DE UM ITEM



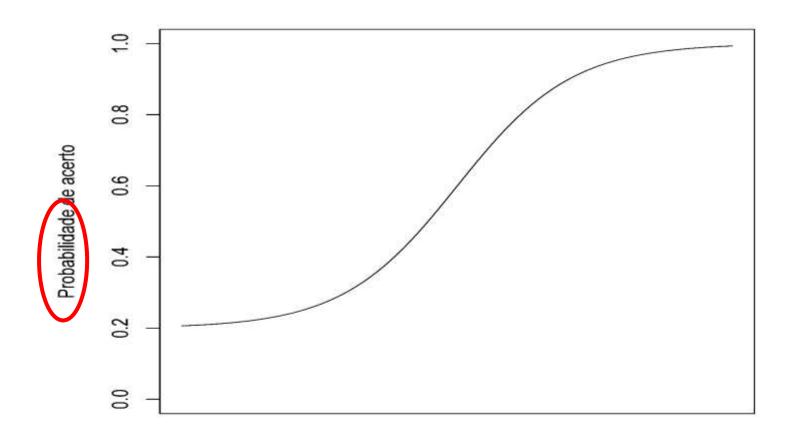
Proficiência (habilidade)

# APLICAÇÃO DE UM ITEM



Proficiência (habilidade)

# CURVA CARACTERÍSTICA DO ITEM



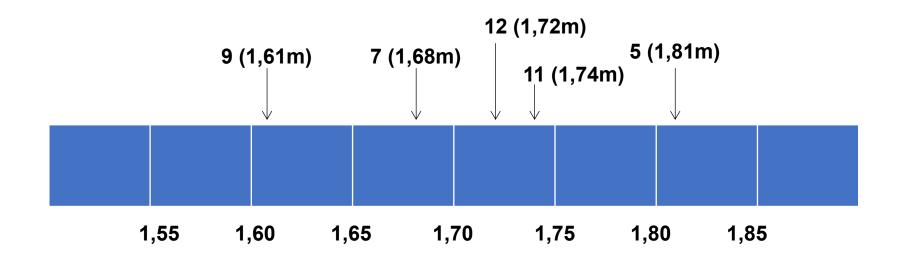
Proficiência (habilidade)

# POSSÍVEL APLICAÇÃO DA TRI

- Exemplo: medindo a altura sem usar a fita métrica
- Questionário utilizado pedagogicamente na Holanda (Cees Glas, Wim van der Linden, etc) e no Brasil (adaptado por Dalton Andrade)
- Para abrir a aplicação:
  - devtools::install\_github('alexandrejaloto/INEPsico')
  - INEPsico::brincar()

- 1. Na cama você frequentemente sente frio nos pés?
- 2. Você frequentemente desce as escadas de dois em dois degraus?
- 3. Você acha que se daria bem em um time de basquete?
- 4. Como policial, você impressionaria muito?
- 5. Na maioria dos carros você se sente desconfortável?
- 6. Você literalmente olha para seus colegas de cima para baixo?
- 7. Você é capaz de pegar um objeto no alto de um armário, sem usar escada?
- 8. Você abaixa quando vai passar por uma porta?
- 9. Você consegue guardar a bagagem no porta-malas do avião?
- 10. Você regula o banco do carro para trás?
- 11. Normalmente quando você está andando de carona lhe oferecem o banco da frente?
- 12. Quando você e várias pessoas vão tirar fotos, formando-se três fileiras, onde ninguém ficará agachado, você costuma ficar atrás?
- 13. Você tem dificuldade para se acomodar no ônibus?
- 14. Em uma fila, por ordem de tamanho, você é sempre colocado atrás?

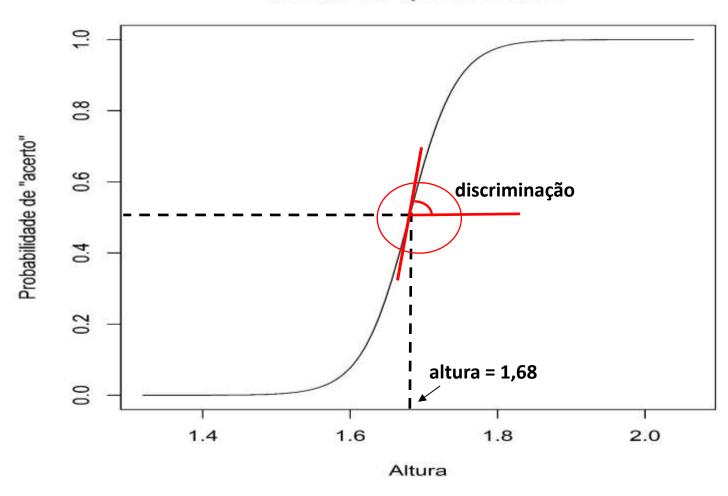
- 1. Na cama você frequentemente sente frio nos pés?
- 2. Você frequentemente desce as escadas de dois em dois degraus?
- 3. Você acha que se daria bem em um time de basquete?
- 4. Como policial, você impressionaria muito?
- 5. Na maioria dos carros você se sente desconfortável?
- 6. Você literalmente olha para seus colegas de cima para baixo?
- 7. Você é capaz de pegar um objeto no alto de um armário, sem usar escada?
- 8. Você abaixa quando vai passar por uma porta?
- 9. Você consegue guardar a bagagem no porta-malas do avião?
- 10. Você regula o banco do carro para trás?
- 11. Normalmente quando você está andando de carona lhe oferecem o banco da frente?
- 12. Quando você e várias pessoas vão tirar fotos, formando-se três fileiras, onde ninguém ficará agachado, você costuma ficar atrás?
- 13. Você tem dificuldade para se acomodar no ônibus?
- 14. Em uma fila, por ordem de tamanho, você é sempre colocado atrás?

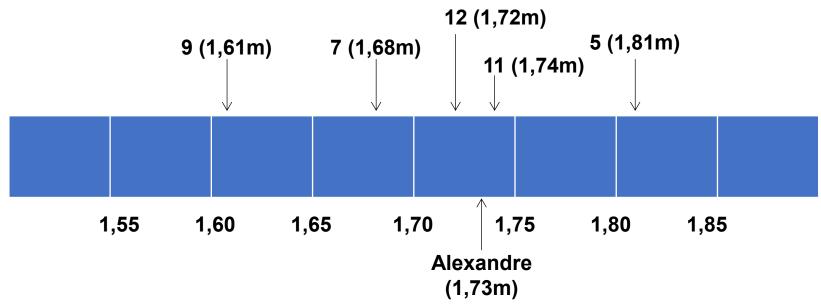


- 5. Na maioria dos carros você se sente desconfortável?
- 7. Você é capaz de pegar um objeto no alto de um armário, sem usar escada?
- 9. Você consegue guardar a bagagem no porta-malas do avião?
- 11. Normalmente quando você está andando de carona lhe oferecem o banco da frente?
- 12. Quando você e várias pessoas vão tirar fotos, formando-se três fileiras, onde ninguém ficará agachado, você costuma ficar atrás?

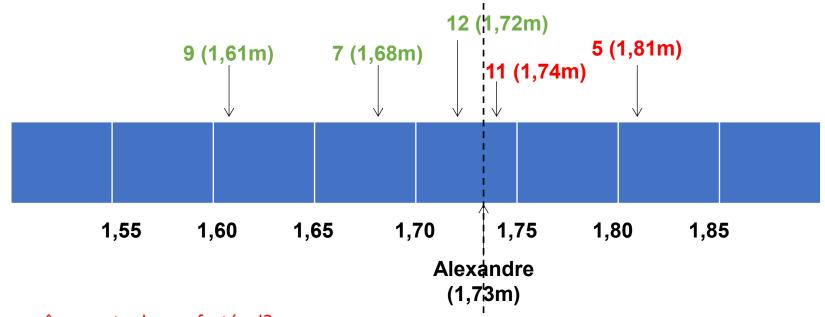
# CURVA CARACTERÍSTICA DO ITEM

#### Item 7 do questionário





- 5. Na maioria dos carros você se sente desconfortável?
- 7. Você é capaz de pegar um objeto no alto de um armário, sem usar escada?
- 9. Você consegue guardar a bagagem no porta-malas do avião?
- 11. Normalmente quando você está andando de carona lhe oferecem o banco da frente?
- 12. Quando você e várias pessoas vão tirar fotos, formando-se três fileiras, onde ninguém ficará agachado, você costuma ficar atrás?



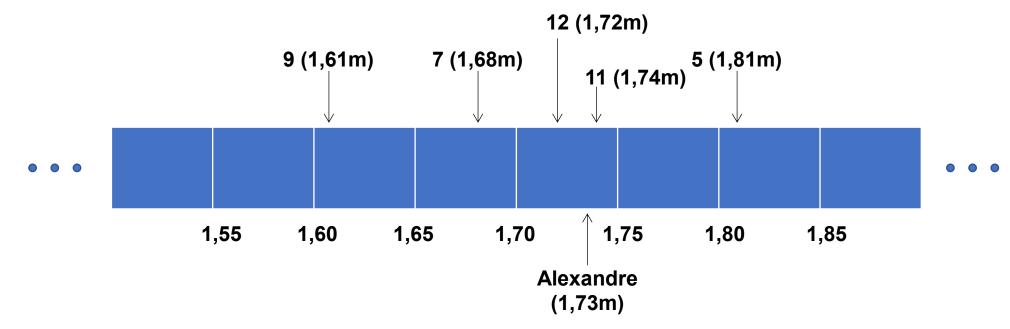
- 5. Na maioria dos carros você se sente desconfortável?
- 7. Você é capaz de pegar um objeto no alto de um armário, sem usar escada?
- 9. Você consegue guardar a bagagem no porta-malas do avião?
- 11. Normalmente quando você está andando de carona lhe oferecem o banco da frente?
- 12. Quando você e várias pessoas vão tirar fotos, formando-se três fileiras, onde ninguém ficará agachado, você costuma ficar atrás?

### TEORIAS DA MEDIDA

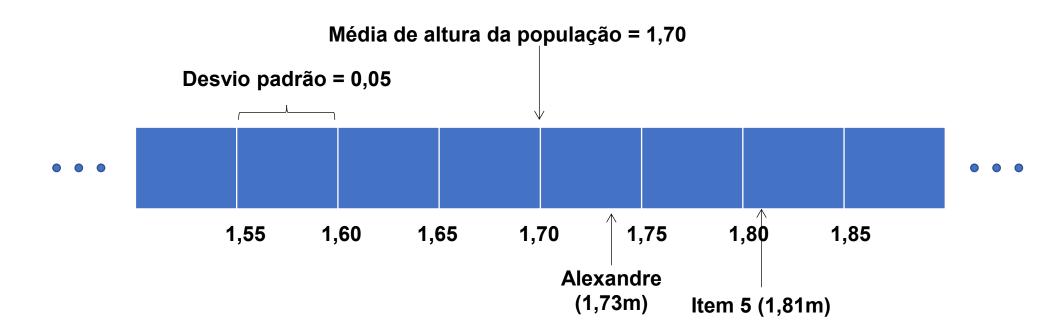
Teoria Clássica dos Testes (TCT)	Teoria de Resposta ao Item (TRI)
Escore: porcentagem de acertos	Escore: estimado por meio de um modelo probabilístico
A medida depende do teste (por exemplo, dificuldade dos itens)	A medida independe do teste
As características dos itens dependem dos respondentes	As características dos itens não dependem dos respondentes

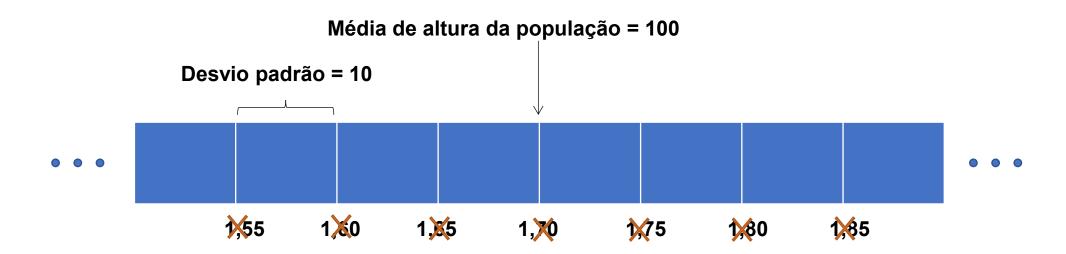
Como garantir comparabilidade?

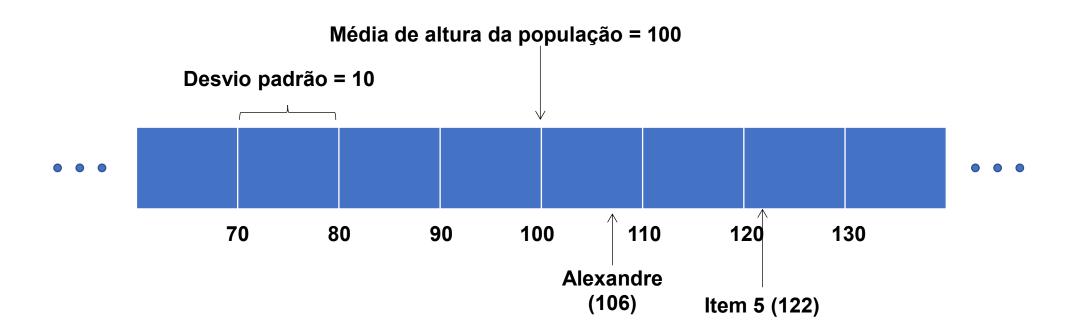
- 1. Na cama você frequentemente sente frio nos pés?
- 2. Você frequentemente desce as escadas de dois em dois degraus?
- 3. Você acha que se daria bem em um time de basquete?
- 4. Como policial, você impressionaria muito?
- 5. Na maioria dos carros você se sente desconfortável?
- 6. Você literalmente olha para seus colegas de cima para baixo?
- 7. Você é capaz de pegar um objeto no alto de um armário, sem usar escada?
- 8. Você abaixa quando vai passar por uma porta?
- 9. Você consegue guardar a bagagem no porta-malas do avião?
- 10. Você regula o banco do carro para trás?
- 11. Normalmente quando você está andando de carona lhe oferecem o banco da frente?
- 12. Quando você e várias pessoas vão tirar fotos, formando-se três fileiras, onde ninguém ficará agachado, você costuma ficar atrás?
- 13. Você tem dificuldade para se acomodar no ônibus?
- 14. Em uma fila, por ordem de tamanho, você é sempre colocado atrás?

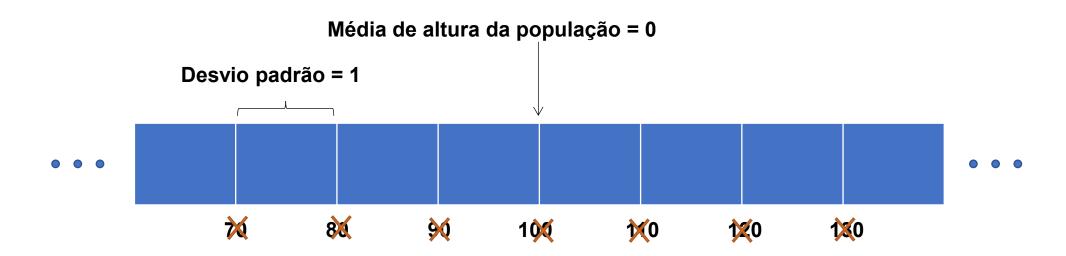


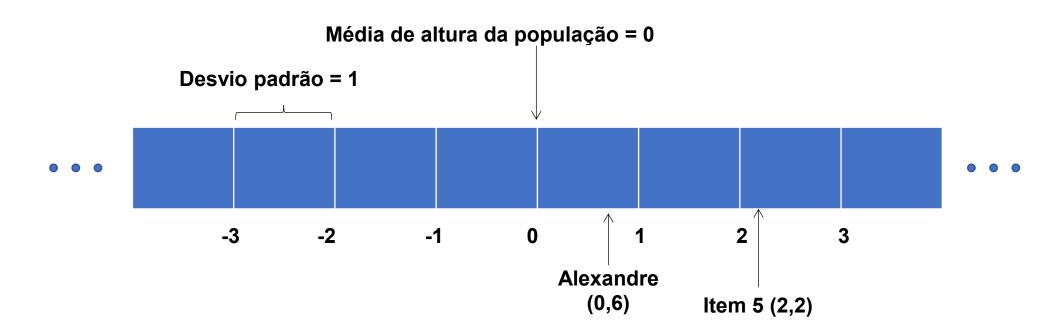
- 5. Na maioria dos carros você se sente desconfortável?
- 7. Você é capaz de pegar um objeto no alto de um armário, sem usar escada?
- 9. Você consegue guardar a bagagem no porta-malas do avião?
- 11. Normalmente quando você está andando de carona lhe oferecem o banco da frente?
- 12. Quando você e várias pessoas vão tirar fotos, formando-se três fileiras, onde ninguém ficará agachado, você costuma ficar atrás?













#### **BOLETIM INDIVIDUAL DE RESULTADOS – ENEM 2009**

NOME: MARIA BRASIL

#### Caro Participante,

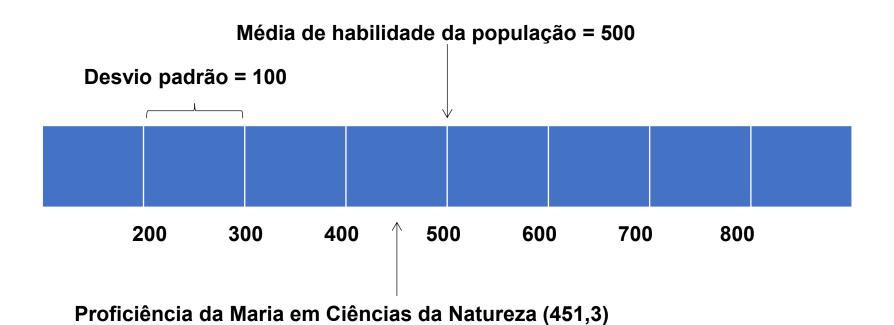
Este boletim apresenta sua nota para cada área do conhecimento avaliada no Enem 2009.

Os valores estão apresentados no quadro abaixo.

Área do conhecimento	Sua nota	Situação
Ciências da Natureza e suas Tecnologias	451,3	Presente
Ciências Humanas e suas Tecnologias	499,9	Presente
Linguagens, Códigos e suas Tecnologias	591,7	Presente
Matemática e suas Tecnologias	520,5	Presente
Redação	650,0	Presente

## A RÉGUA DO ENEM

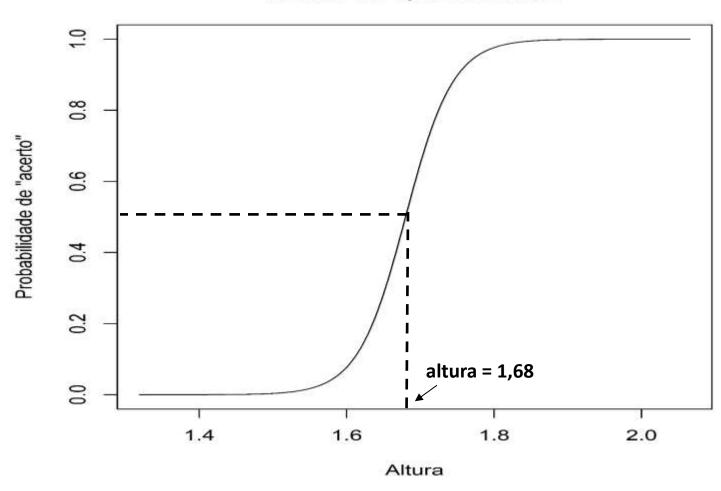
 Quatro métricas diferentes: uma para cada área do conhecimento



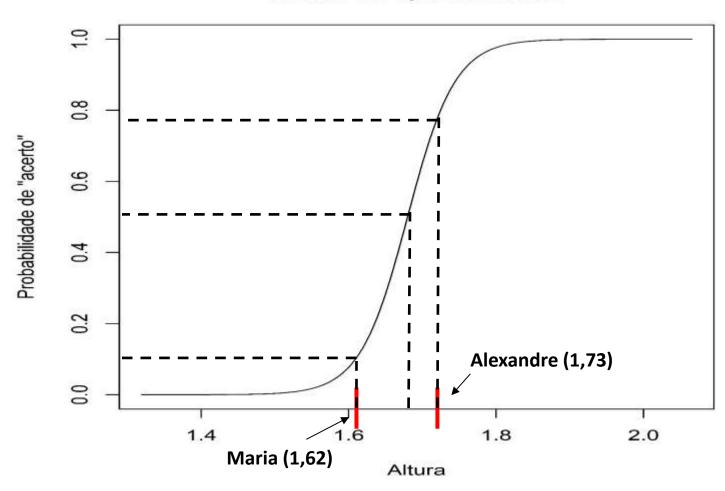
# Duas alturas, a mesma medida

(comparabilidade no Enem)

#### Item 7 do questionário

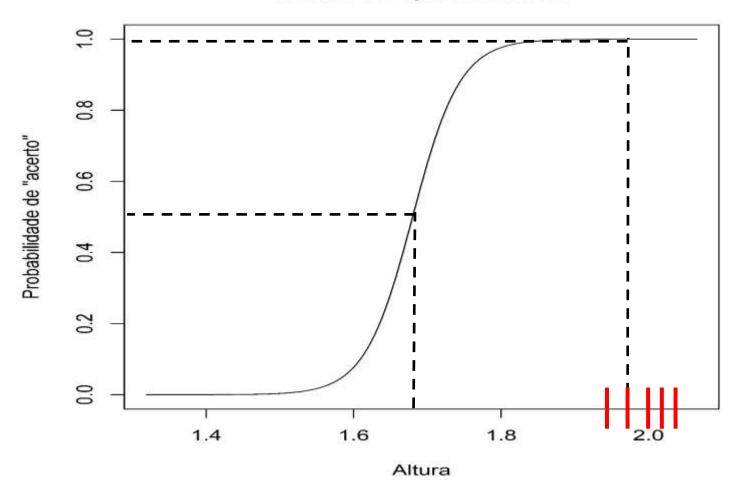


#### Item 7 do questionário



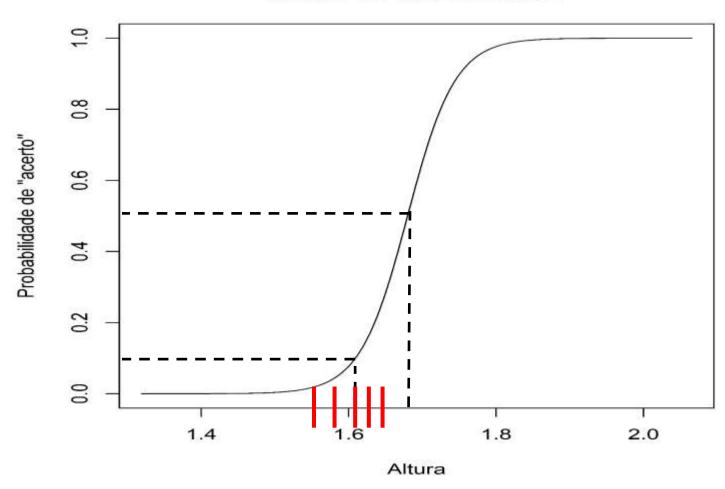
E se o item fosse aplicado para a Maria (1,62m)?



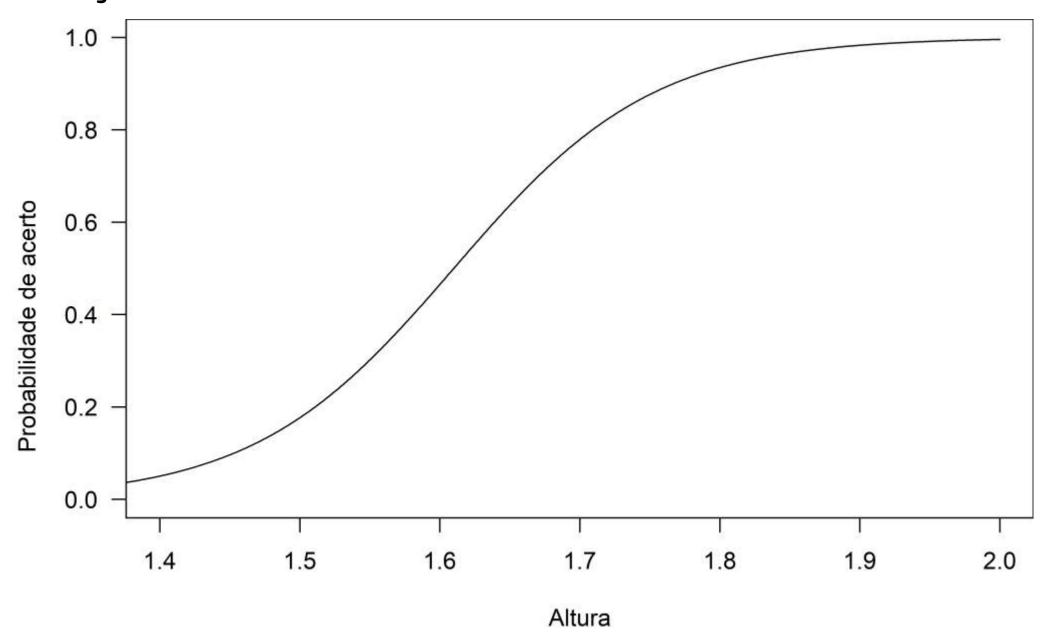


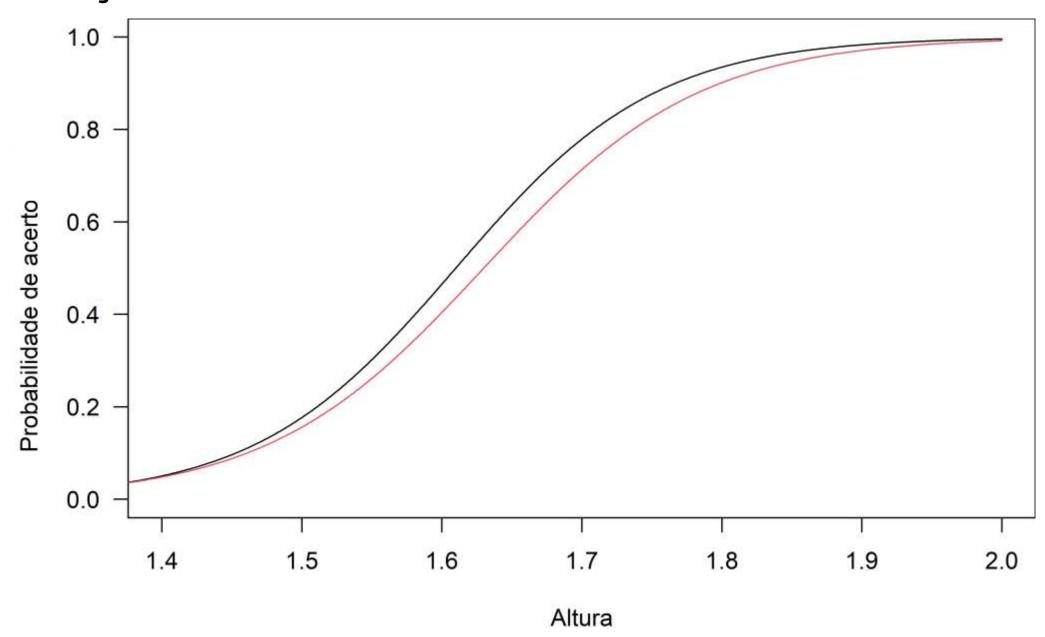
E se o item fosse aplicado para homens de um time de basquete profissional?

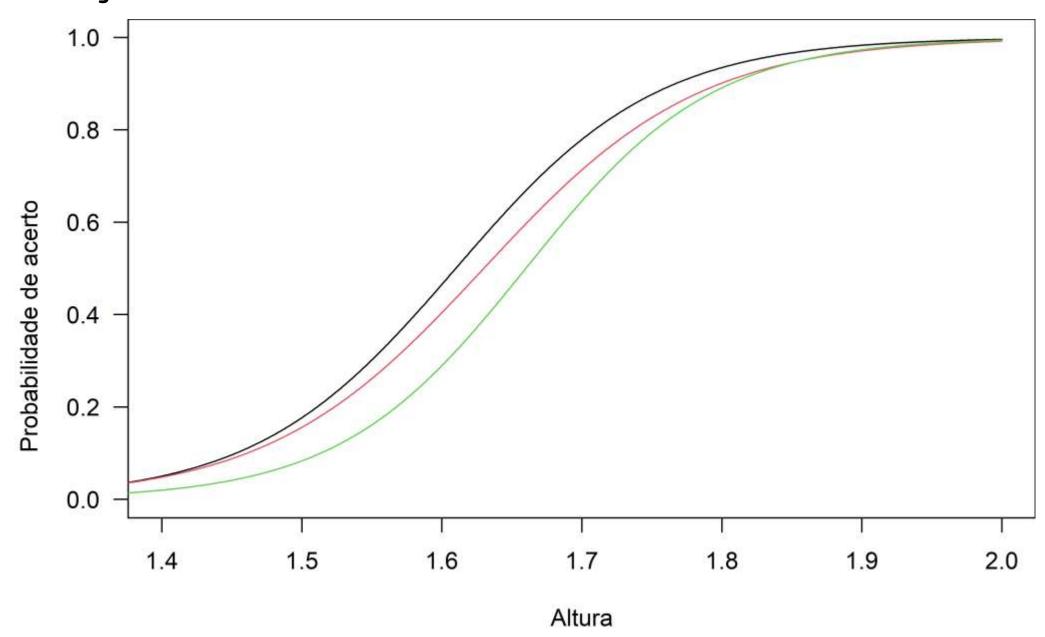


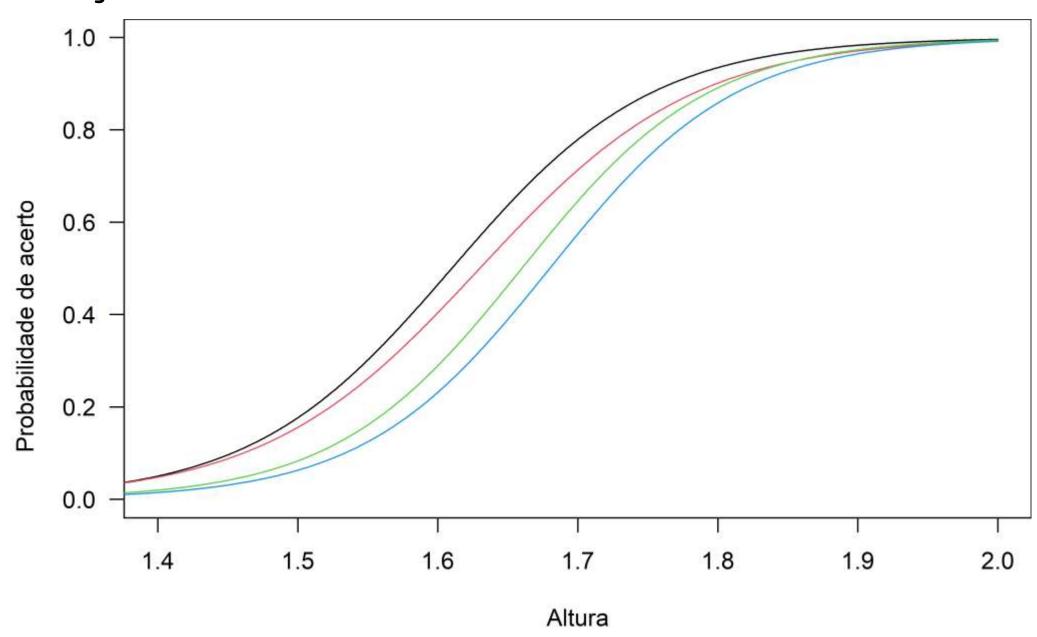


E se o item fosse aplicado para mulheres de uma equipe de ginástica artística?

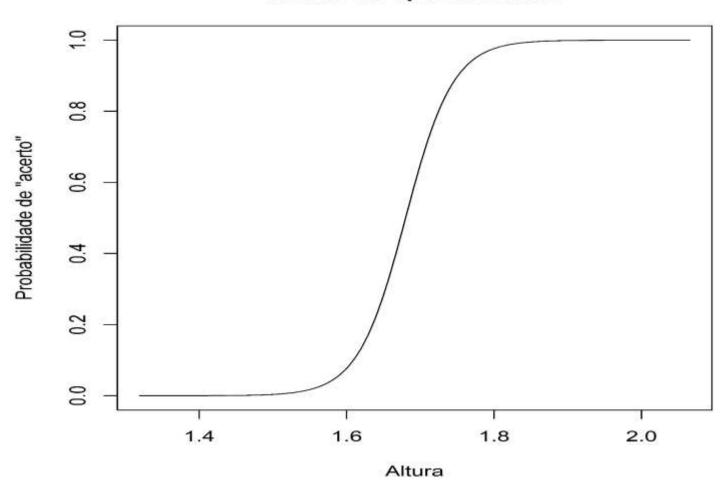


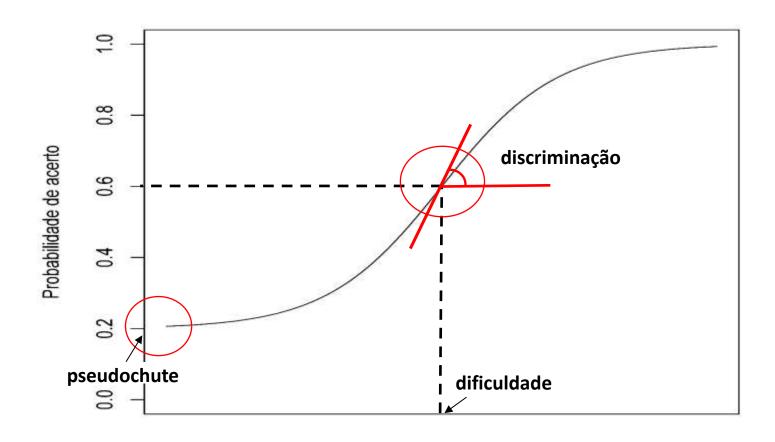




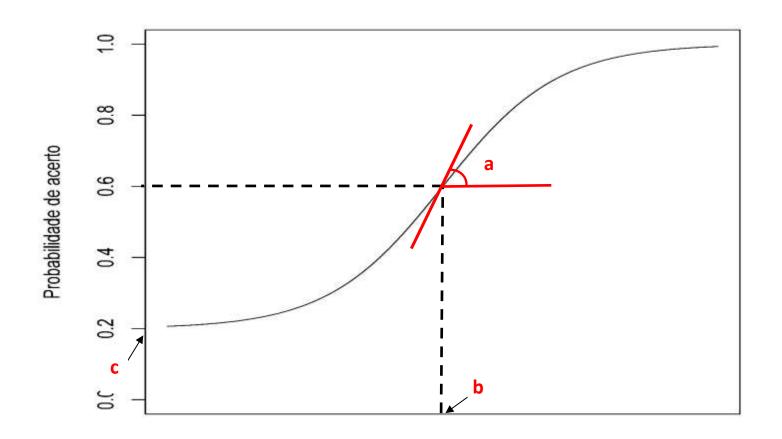


#### Item 7 do questionário





Proficiência (habilidade)



Proficiência (habilidade)

$$P(U_{ij} = 1 \mid \theta_j, a_i, b_i, c_i) = c_i + (1 - c_i) \frac{1}{1 + e^{-a_i(\theta_j - b_i)}}$$

Vamos brincar com os parâmetros?

- Para abrir a aplicação:
  - devtools::install\_github('alexandrejaloto/INEPsico')
  - INEPsico::brincar()



## Fita métrica x Medidor digital

(Enem no papel x Enem digital)

## FITA MÉTRICA x DIGITAL







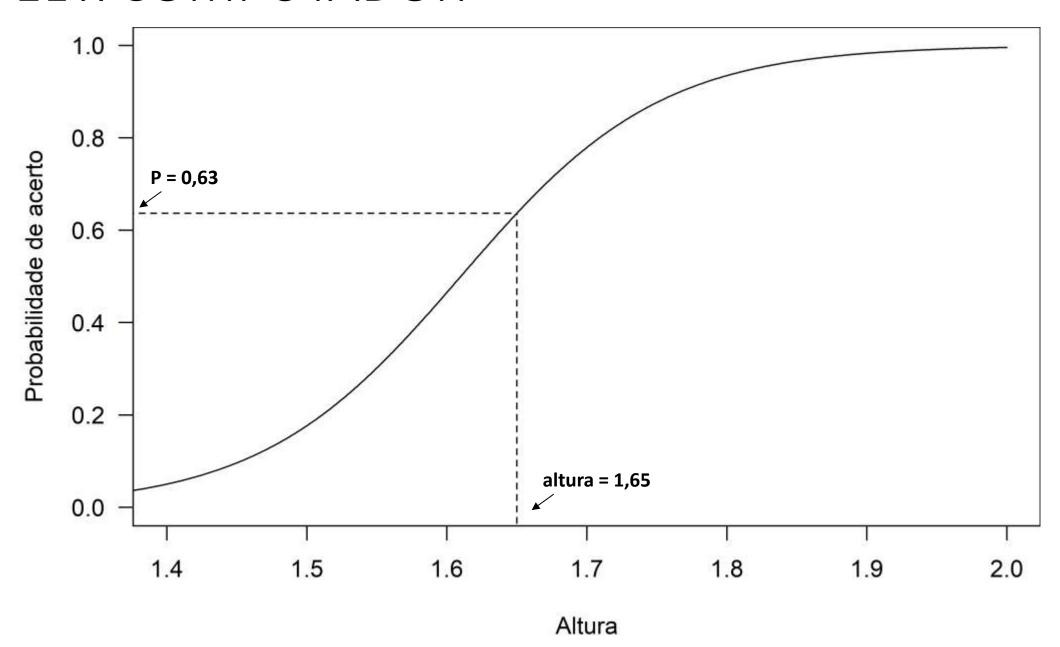
#### PAPEL x COMPUTADOR

• De 2020 a 2022, houve aplicação computadorizada do Enem

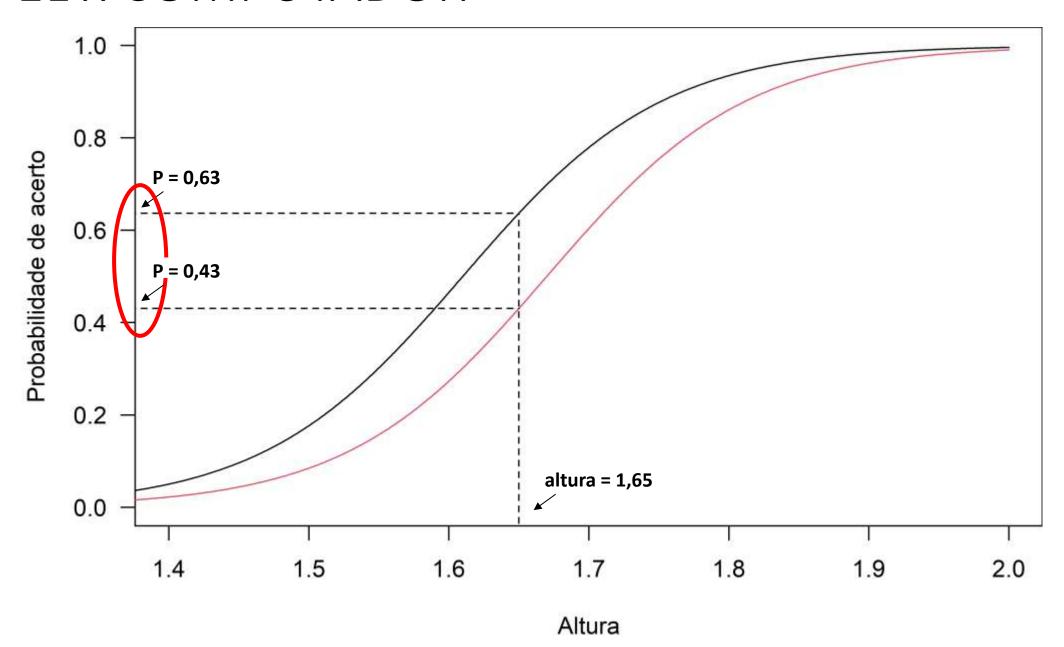
- Uma grande questão: o item fica mais fácil no computador?
  - Se Maria Brasil responder o item 7 da altura no computador ou no papel, faz diferença?

Análise de Funcionamento Diferencial do Item (DIF)

## PAPEL x COMPUTADOR



## PAPEL x COMPUTADOR



# Medindo altura com vários níveis de resposta

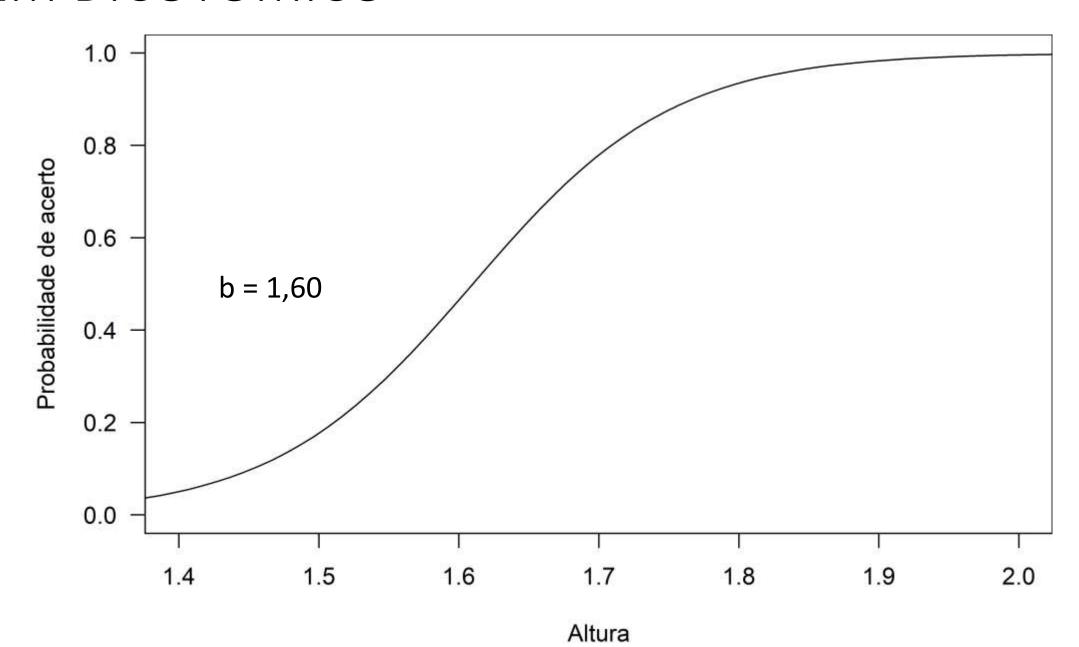
(modelo de Samejima)

#### MEDINDO ALTURA COM TRI

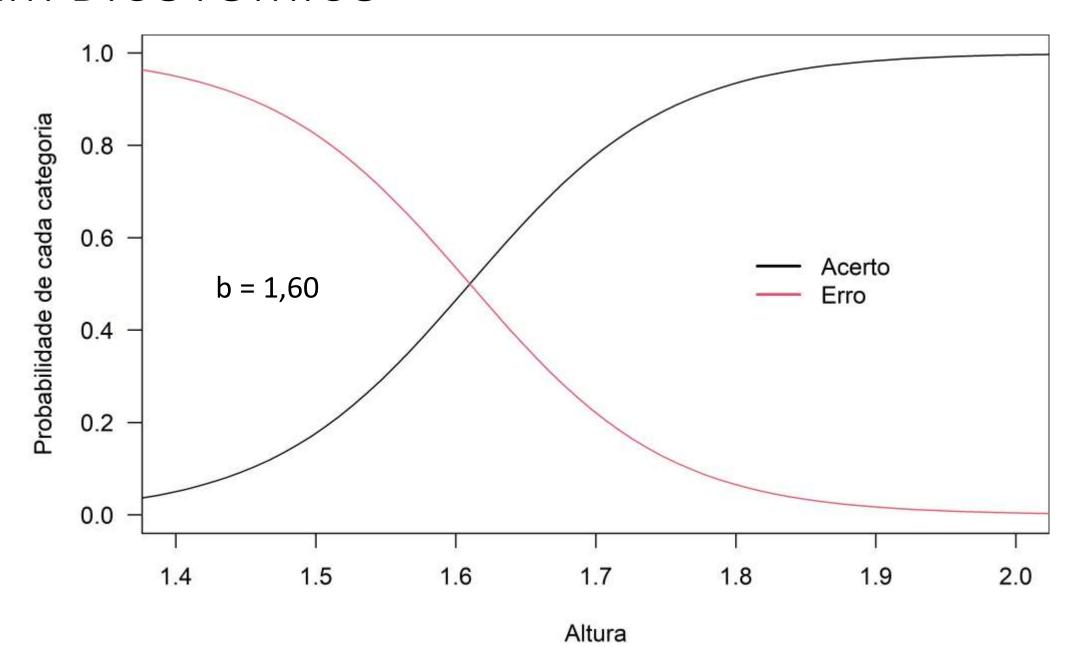
Marque o quanto você concorda com as afirmativas:

- (1) Nada
- (2) Pouco
- (3) Muito
- (4) Totalmente
- 1. Na cama eu sinto frio nos pés
- 2. Eu desço as escadas de dois em dois degraus
- 3. Eu me daria bem em um time de basquete
- 4. Como policial, eu impressionaria muito
- 5. Eu me sinto desconfortável nos carros
- 6. Eu literalmente olho para meus colegas de cima para baixo
- 7. Eu sou capaz de pegar um objeto no alto de um armário sem usar escada
- 8. Eu abaixo quando vou passar por uma porta
- 9. Eu consigo guardar a bagagem no porta-malas do avião
- 10. Eu regulo o banco do carro para trás
- 11. Quando eu ando de carona me oferecem o banco da frente
- 12. Quando vou tirar fotos com várias pessoas, formando-se três fileiras, onde ninguém ficará agachado, eu fico atrás
- 13. Eu tenho dificuldade para me acomodar no ônibus
- 14. Em uma fila por ordem de tamanho eu fico atrás

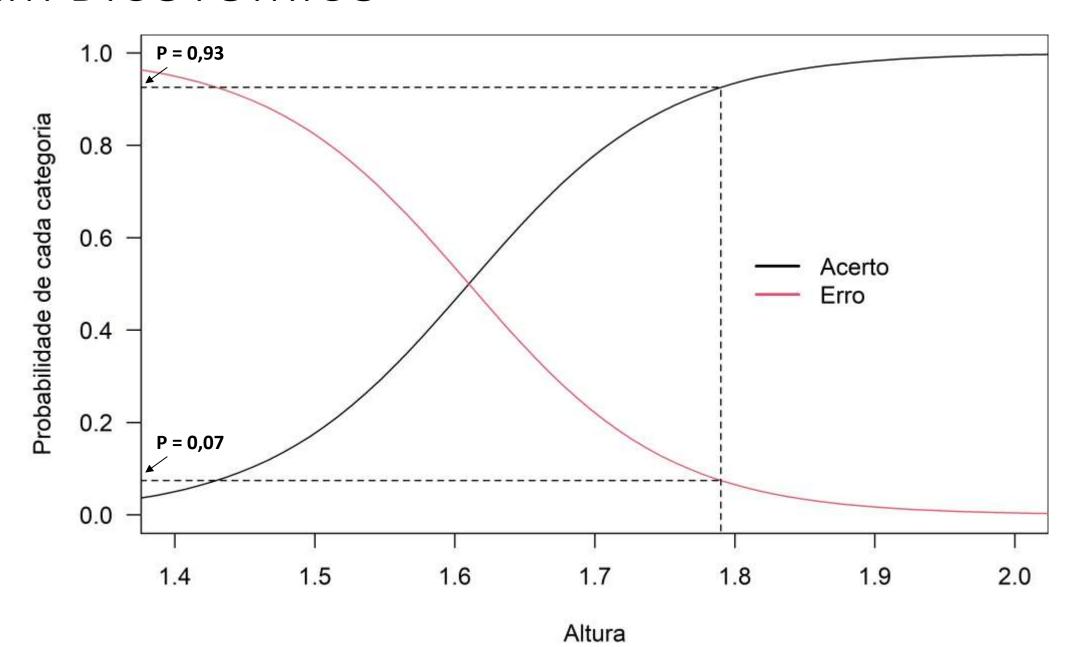
## ITEM DICOTÔMICO

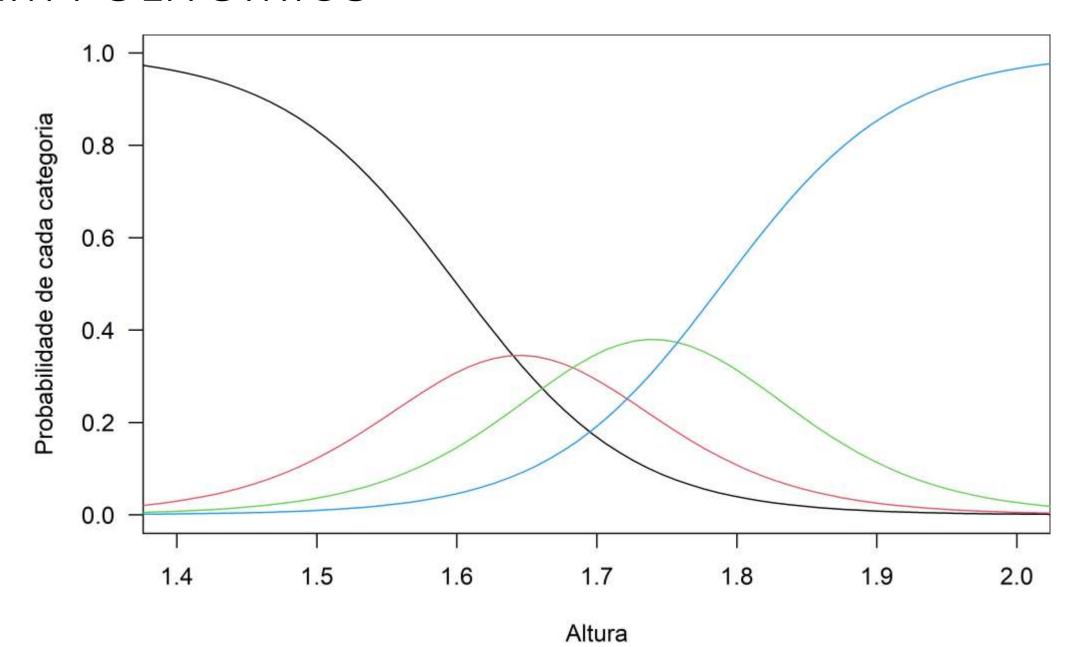


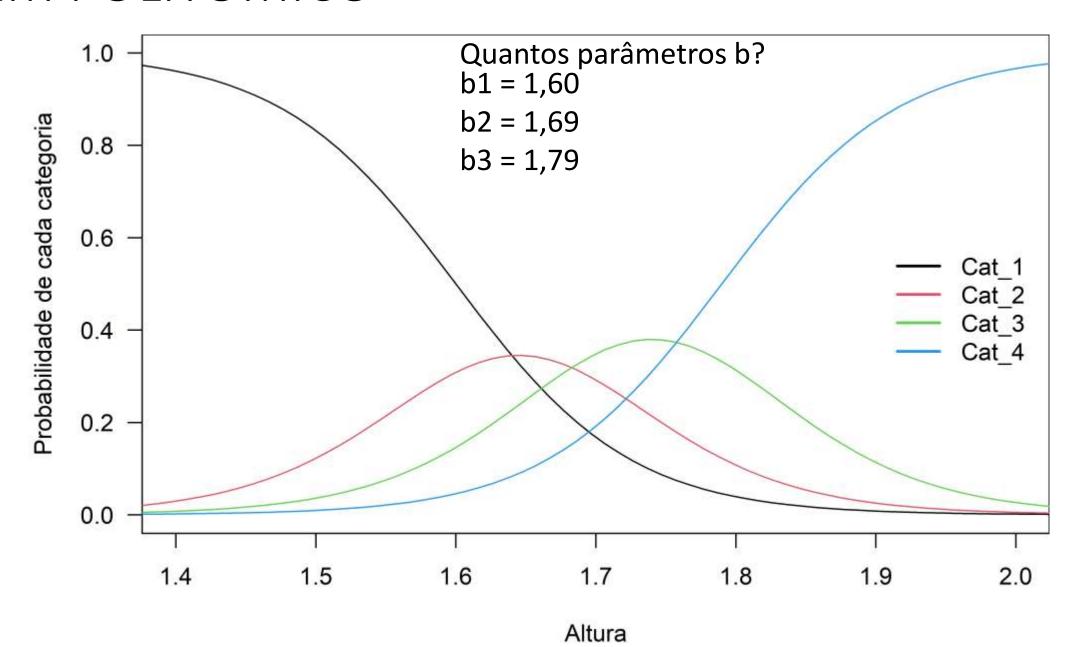
## ITEM DICOTÔMICO

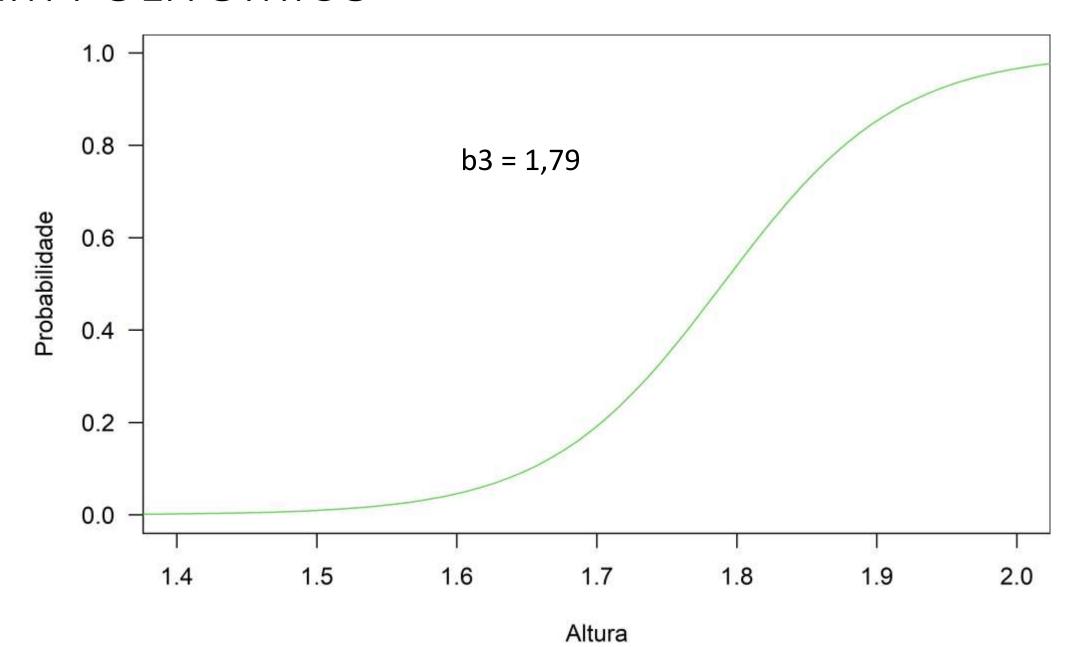


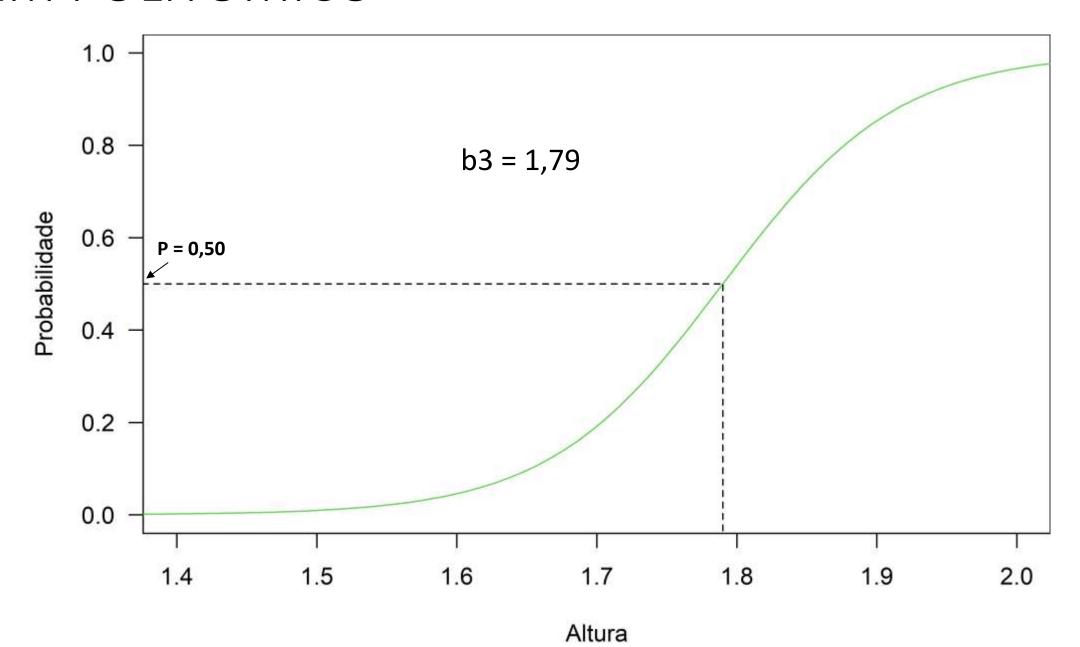
## ITEM DICOTÔMICO

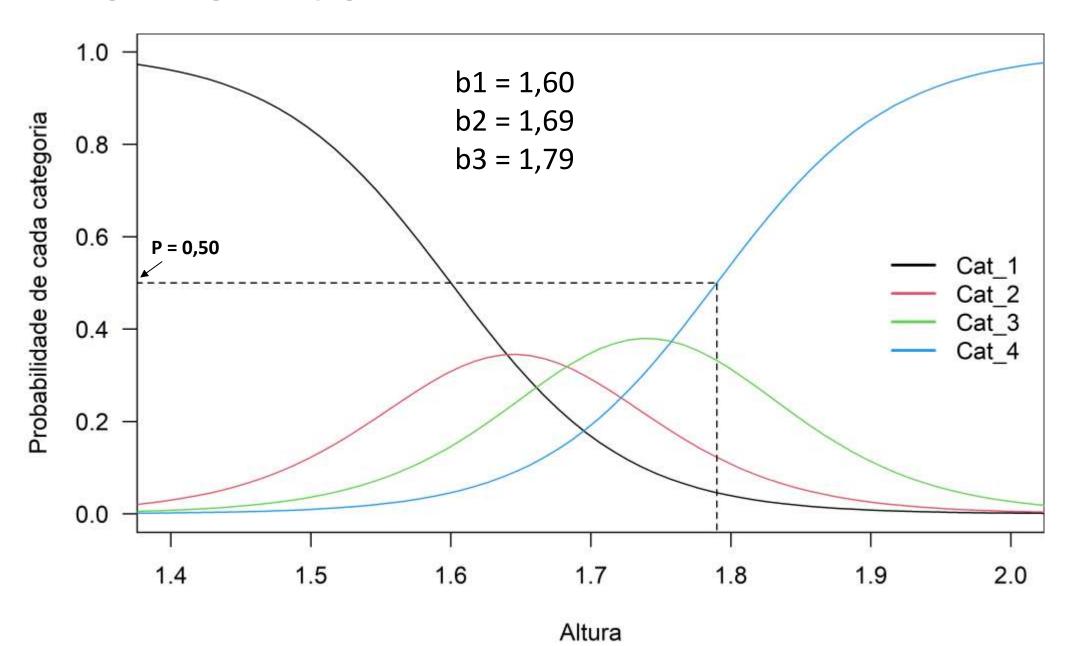


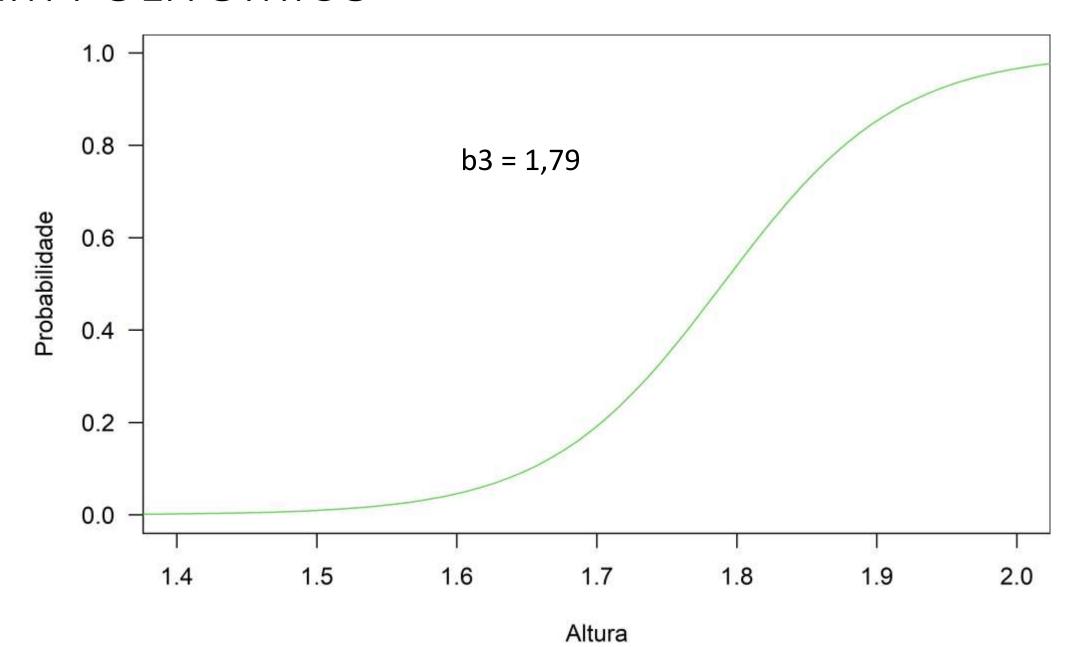


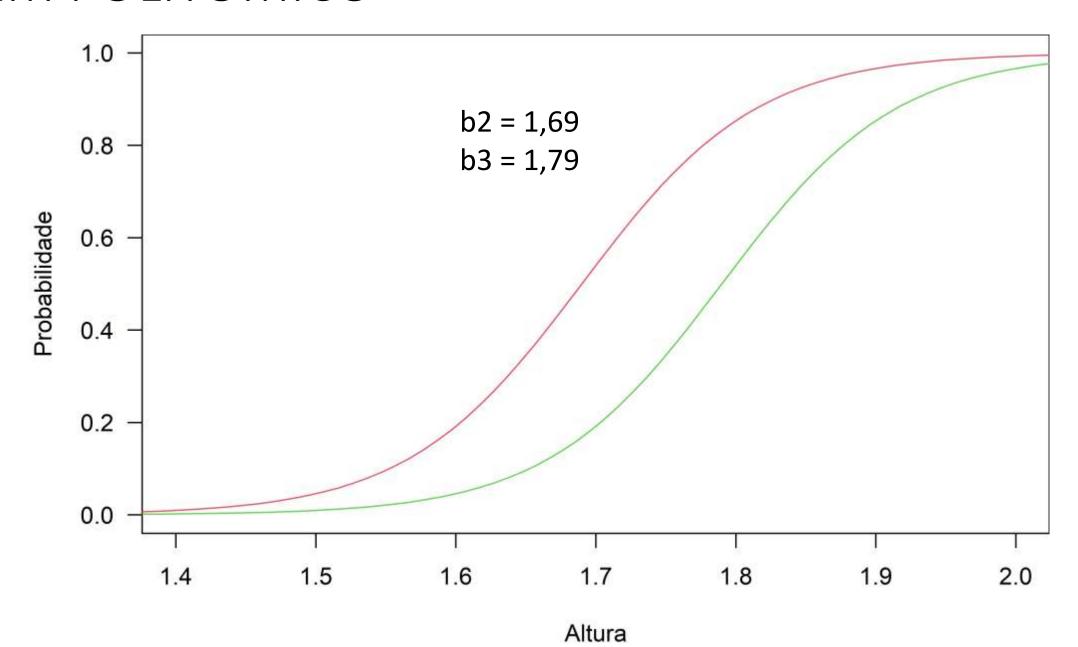


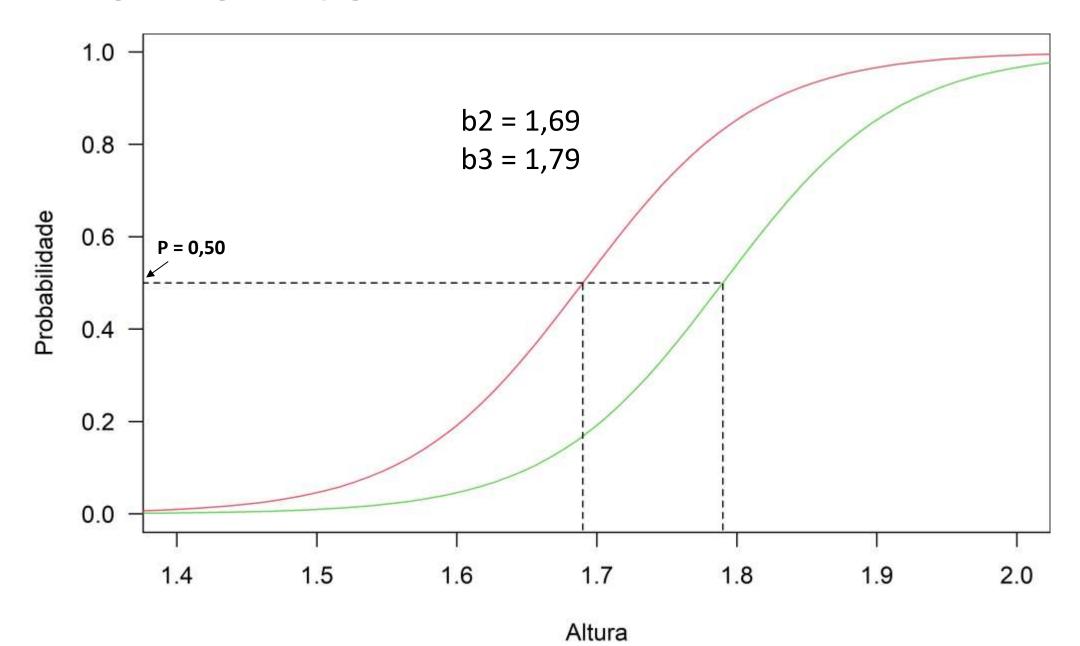


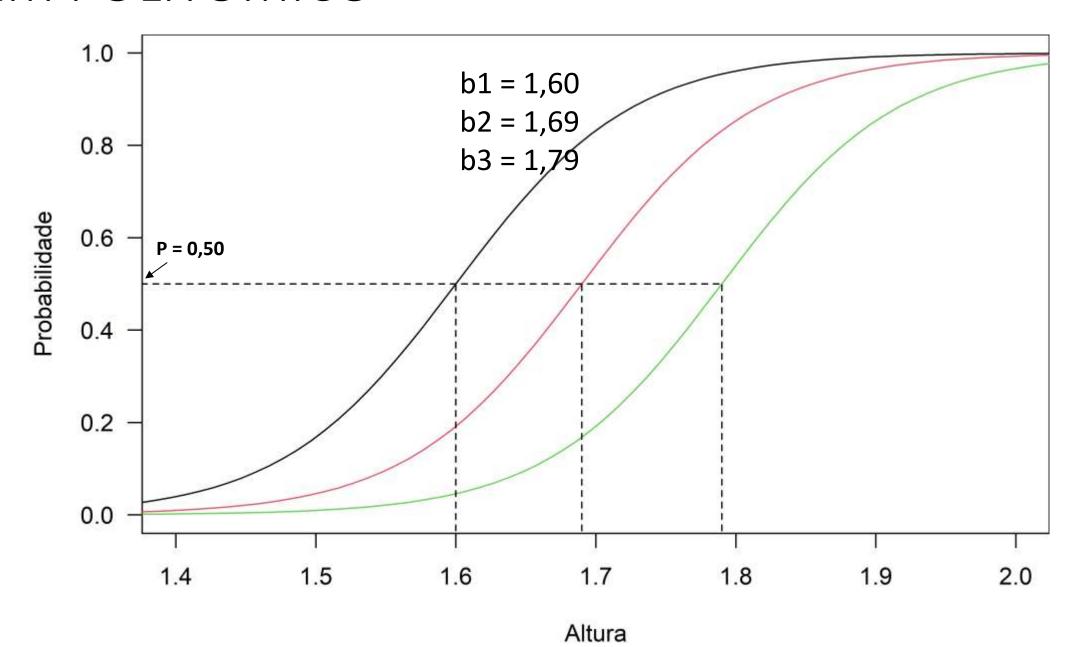


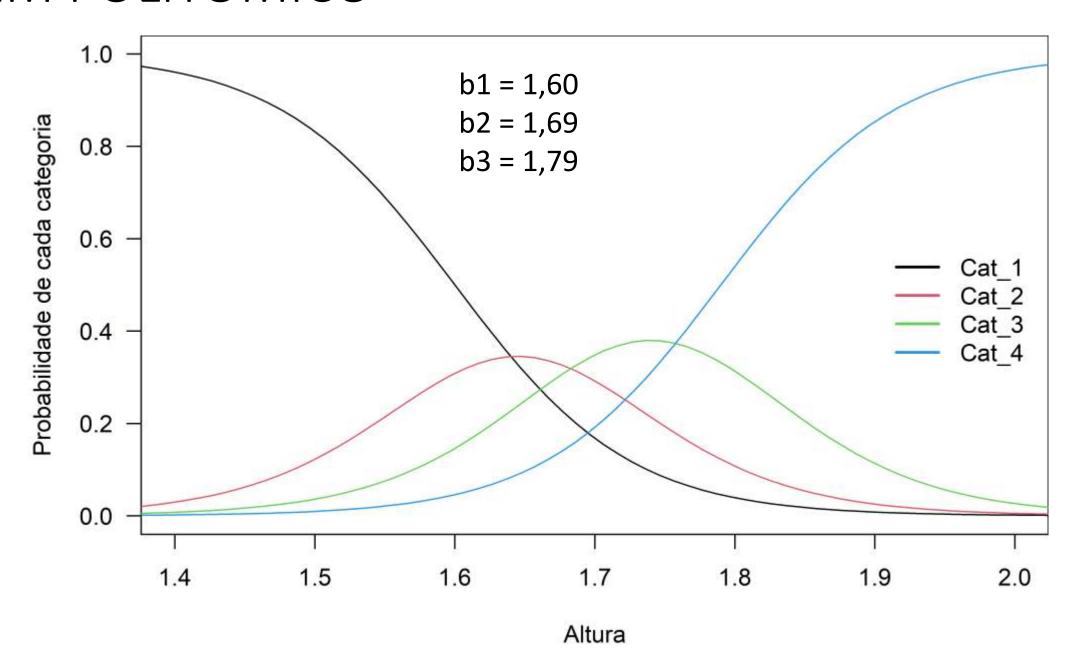


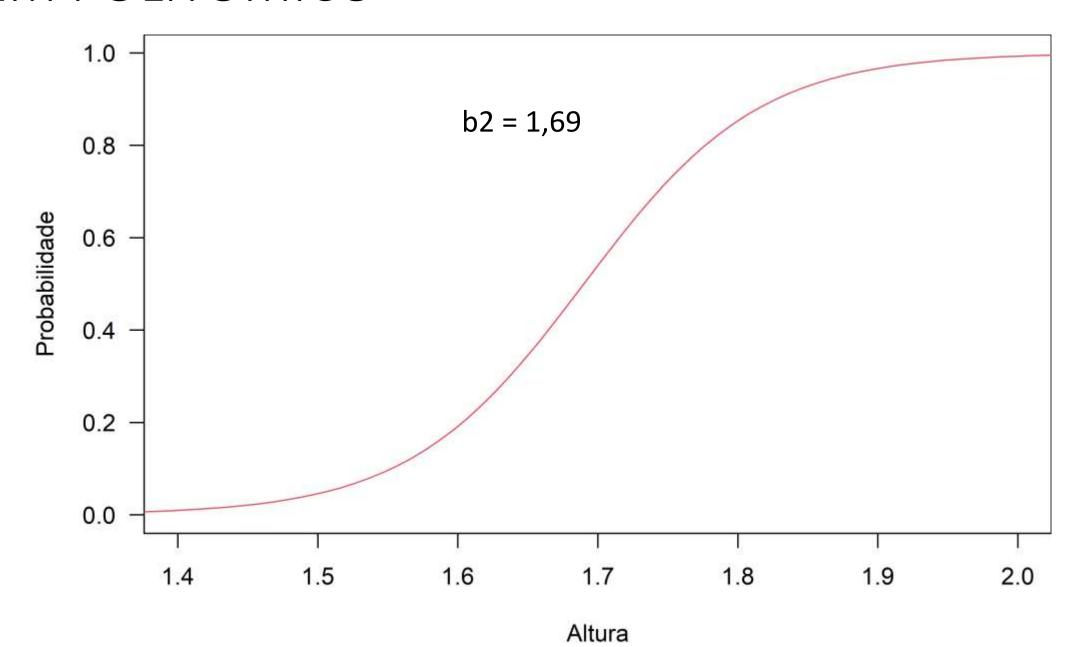


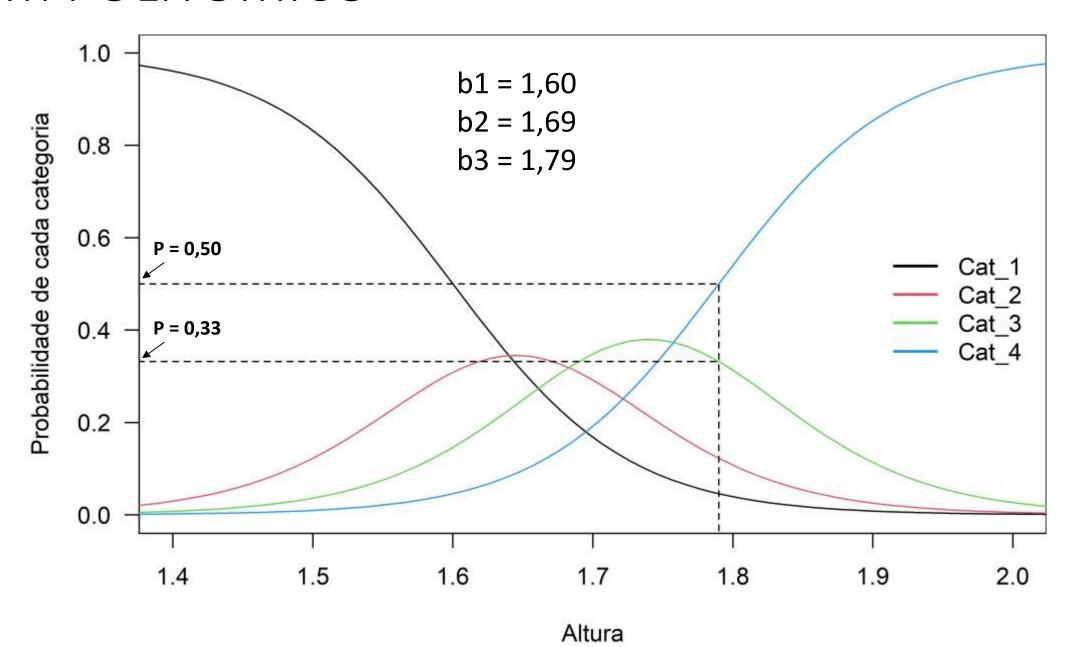


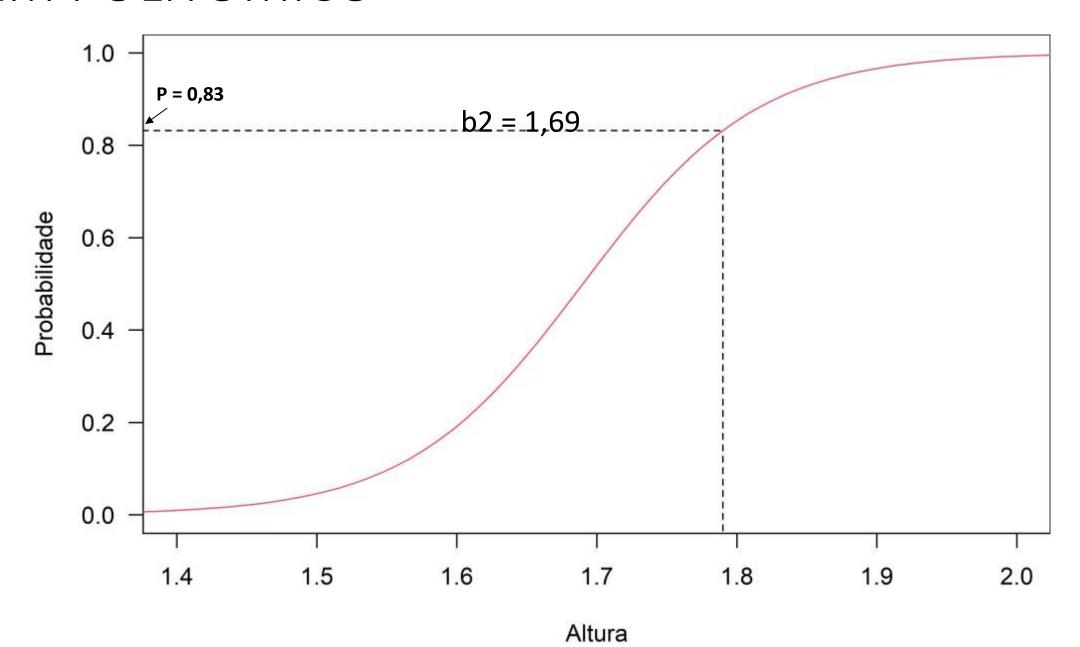


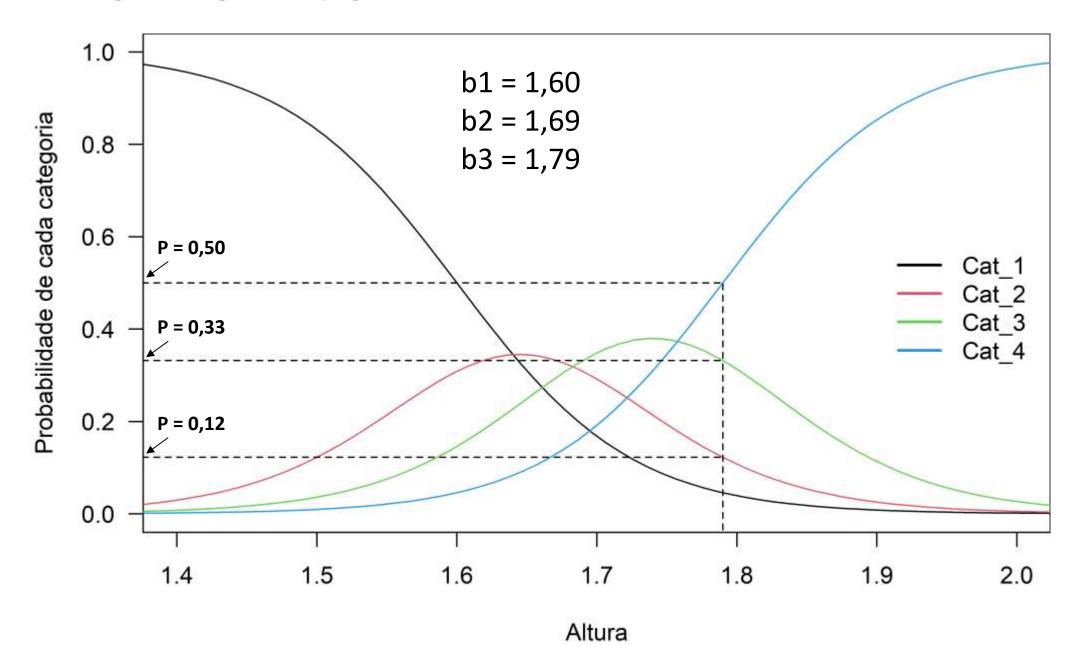


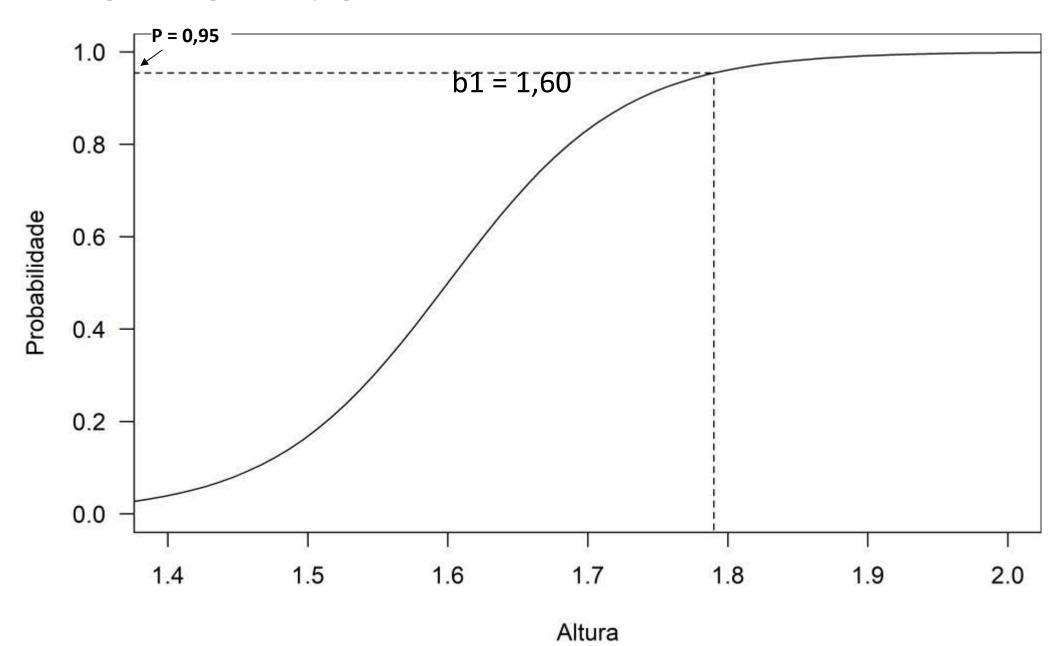


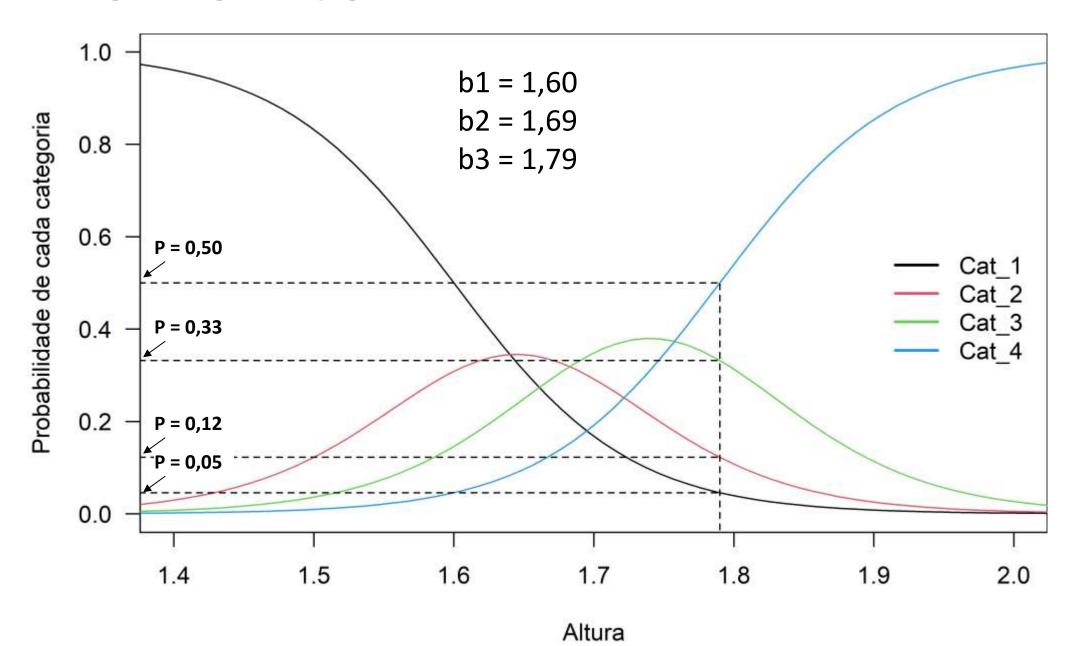


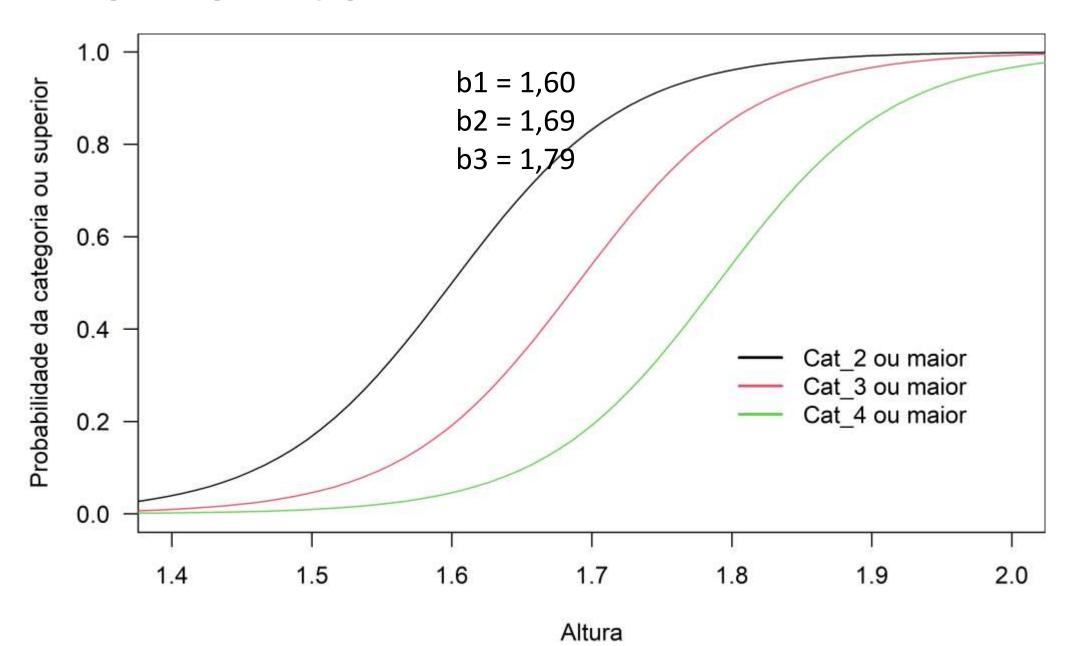


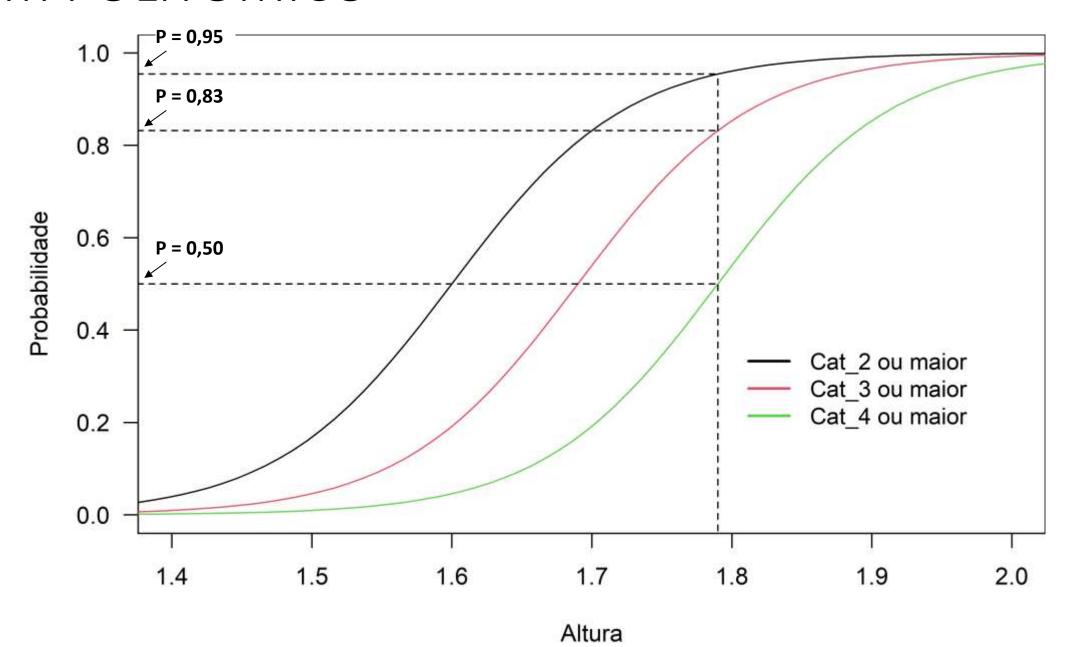


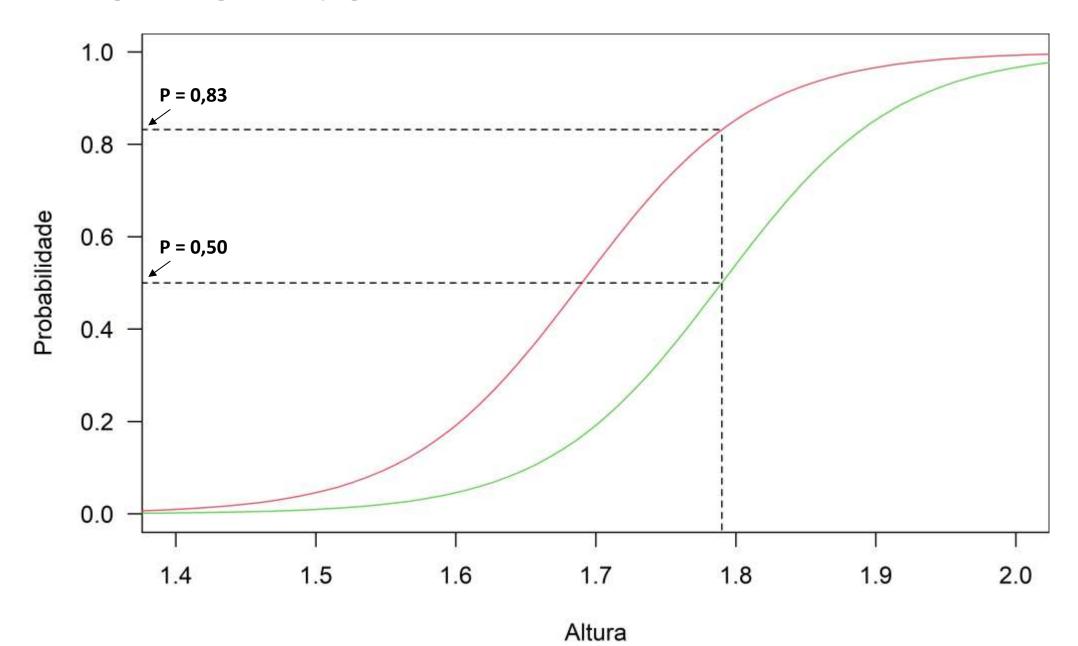


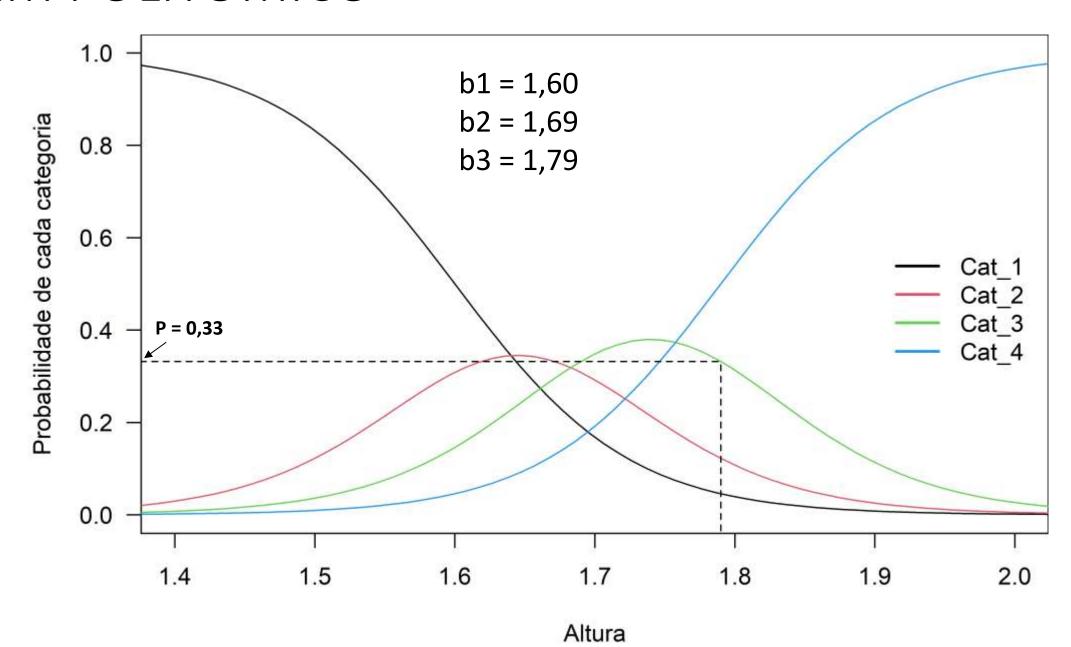


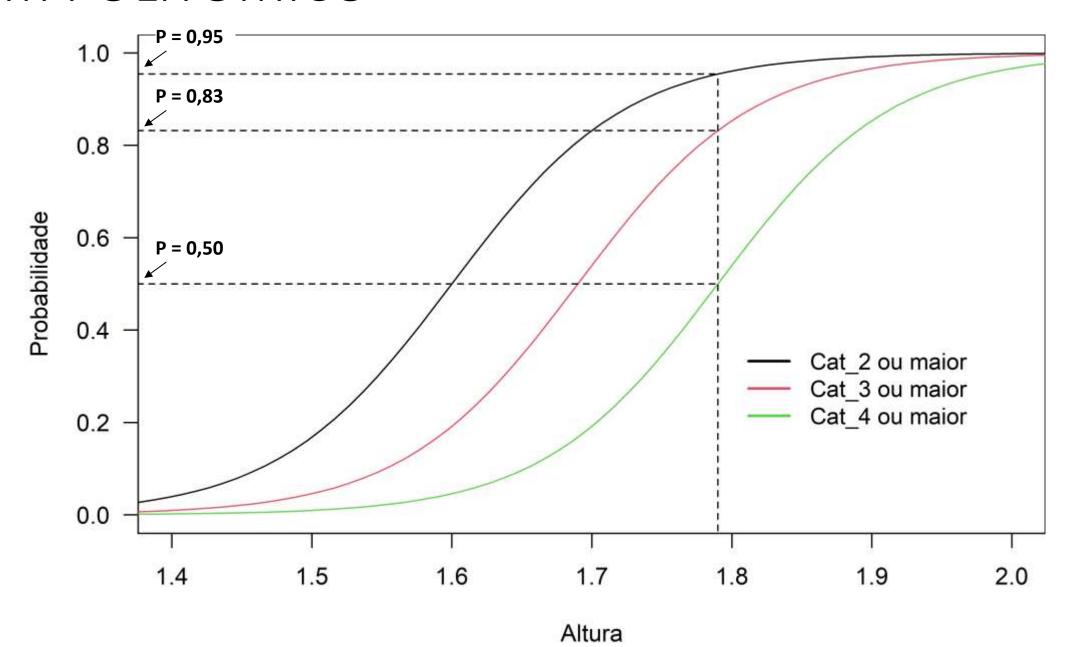


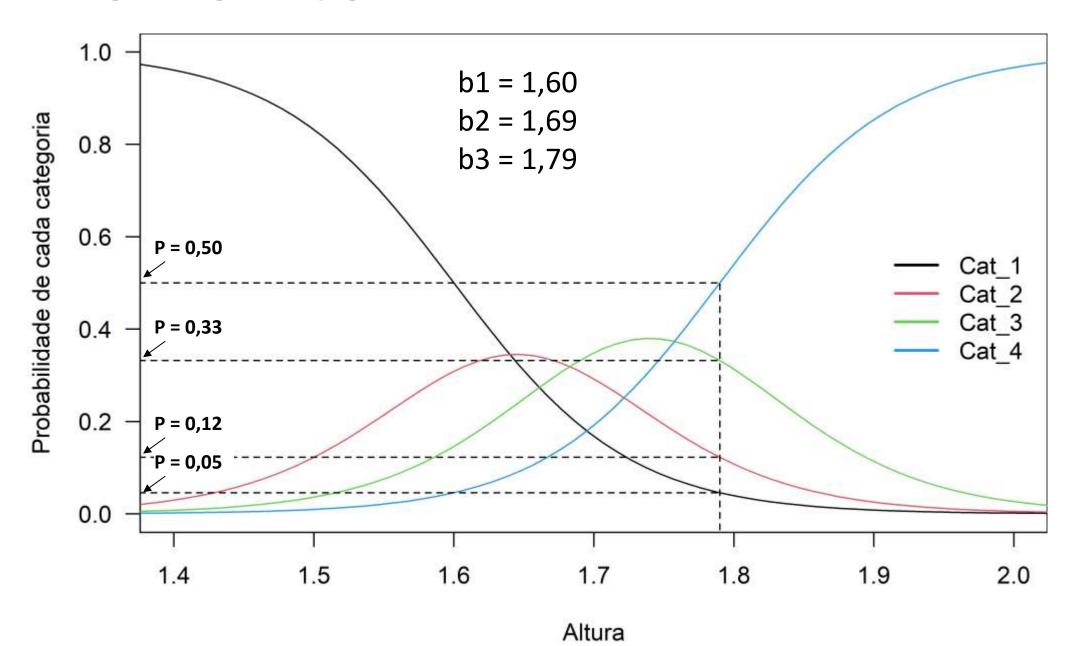












## Obrigado!

contato: alexandre.jaloto@inep.gov.br















































## COMO MEDIR CONHECIMENTO (TCT)?

Teste 2, aplicado para o 9º ano do Ensino Fundamental

	Item 1	Item 2	Item 3	Item 4	Item 5	Item 6	Item 7	Item 8	Item 9	Item 10	Escore
Francisca	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	10
Mariana	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0	8
Mário	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	6
Antônio	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	4
Márcia	1	1	0	0	0	1	0	0	1	0	4
Natália	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	2
Acertos	6	6	4	4	3	4	2	2	1	1	

## COMO MEDIR CONHECIMENTO (TCT)?

Teste 2, aplicado para o 9º ano do Ensino Fundamental

	Item 1	Item 2	Item 3	Item 4	Item 5	Item 6	Item 7	Item 8	Item 9	Item 10	Escore
Francisco	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	10
Mariana	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0	8
Mério	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	6
Antônio	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	4
Márcia	1	1	0	0	0	1	0	0	1	0	4
Natália	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	2
Acertos	6	6	4	4	3	4	2	2	1	1	

## COMO MEDIR CONHECIMENTO (TRI)?

Teste 2, aplicado para o 9º ano do Ensino Fundamental

	Item 1	Item 2	Item 3	Item 4	Item 5	Item 6	Item 7	Item 8	Item 9	Item 10	Escore
Francisca	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	667
Mariana	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0	588
Mério	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	518
Antônio	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	449
Márcia	1	1	0	0	0	1	0	0	1	0	411
Natella	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	377
Dificuldade	300	344	388	433	477	522	566	611	655	700	
				,							

### COMO MEDIR CONHECIMENTO (TRI)?

Teste 2, aplicado para o 9º ano do Ensino Fundamental

	Item 1	Item 2	Item 3	Item 4	Item 5	Item 6	Item 7	Item 8	Item 9	Item 10	Escore
Francisco	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	667
Mariana	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0	588
Mério	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	518
Antônio	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	449
Márcia	1	1	0	0	0	1	0	0	1	0	411
Natália	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	377
Dificuldade	300	344	388	433	477	522	566	611	655	700	

### COMO MEDIR ALTURA (TRI)?

#### Teste de altura fictício

	Item 1	Item 2	Item 3	Item 4	Item 5	Item 6	Item 7	Item 8	Item 9	Item 10	Altura
Frencisco	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1,87
Mariana	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0	1,79
Mério	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	1,73
Antônio	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	1,69
Márcia	1	1	0	0	0	1	0	0	1	0	1,66
Natálla	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	1,64
Altura	1,61	1,63	1,65	1,68	1,70	1,73	1,75	1,78	1,80	1,82	

#### COMO MEDIR ALTURA (TRI)?

#### Teste de altura fictício

	Item 1	Item 2	Item 3	Item 4	Item 5	Item 6	Item 7	Item 8	Item 9	Item 10	Altura
Francisco	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1,87
Mariana	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0	1,79
Mério	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	1,73
Antônio	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	1,69
Márcia	1	1	0	0	0	1	0	0	1	0	1,66
Natália	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	1,64
Altura	1,61	1,63	1,65	1,68	1,70	1,73	1,75	1,78	1,80	1,82	

#### PAUSA: SOBRE PROBABILIDADE

• Probabilidade de se obter 6 em uma jogada:

• Probabilidade de se obter 6 **ou** 5 em uma jogada:

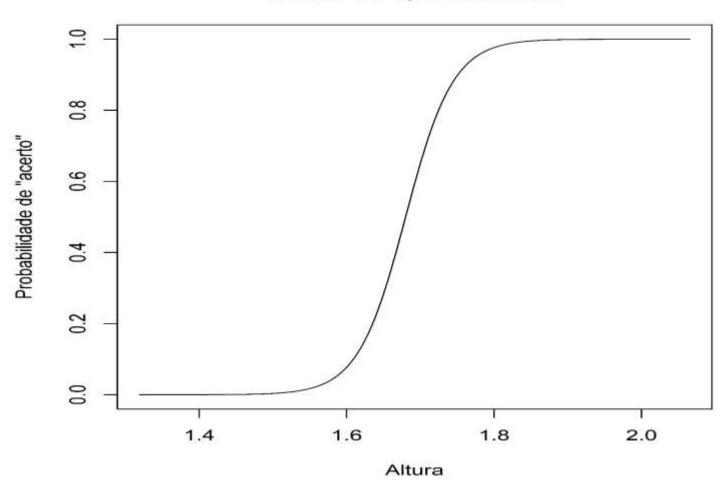
• Probabilidade de se obter 6 na 1ª jogada **e** 6 na 2ª jogada:

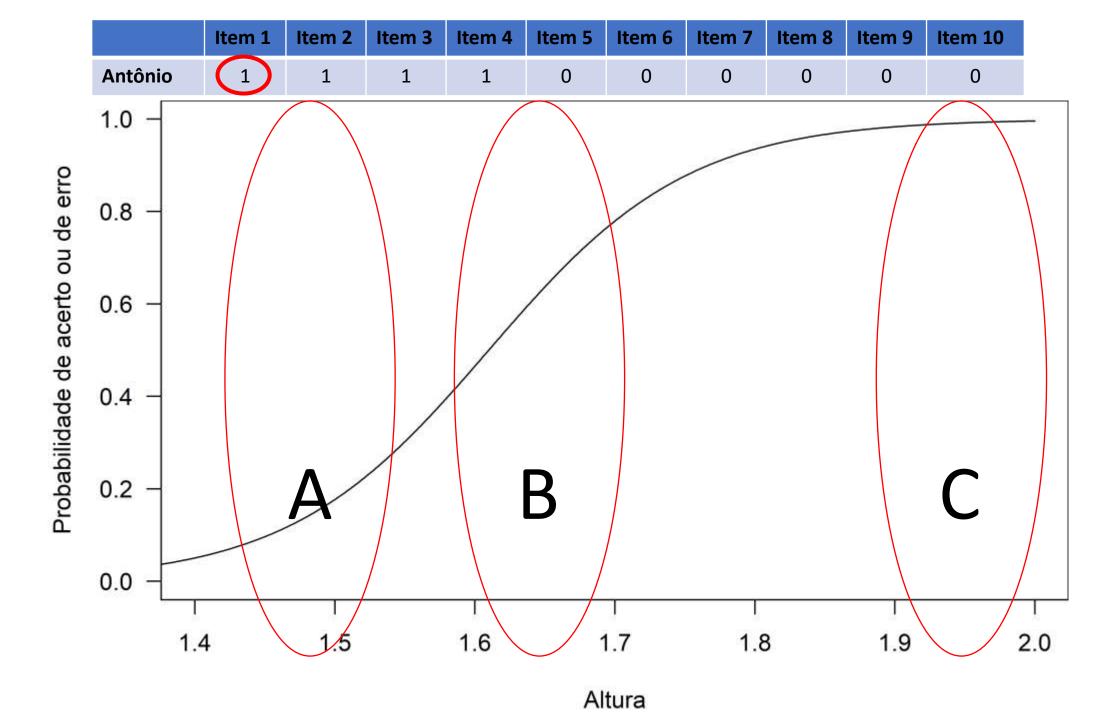
$$\frac{1}{6} + \frac{1}{6} = \frac{2}{6}$$

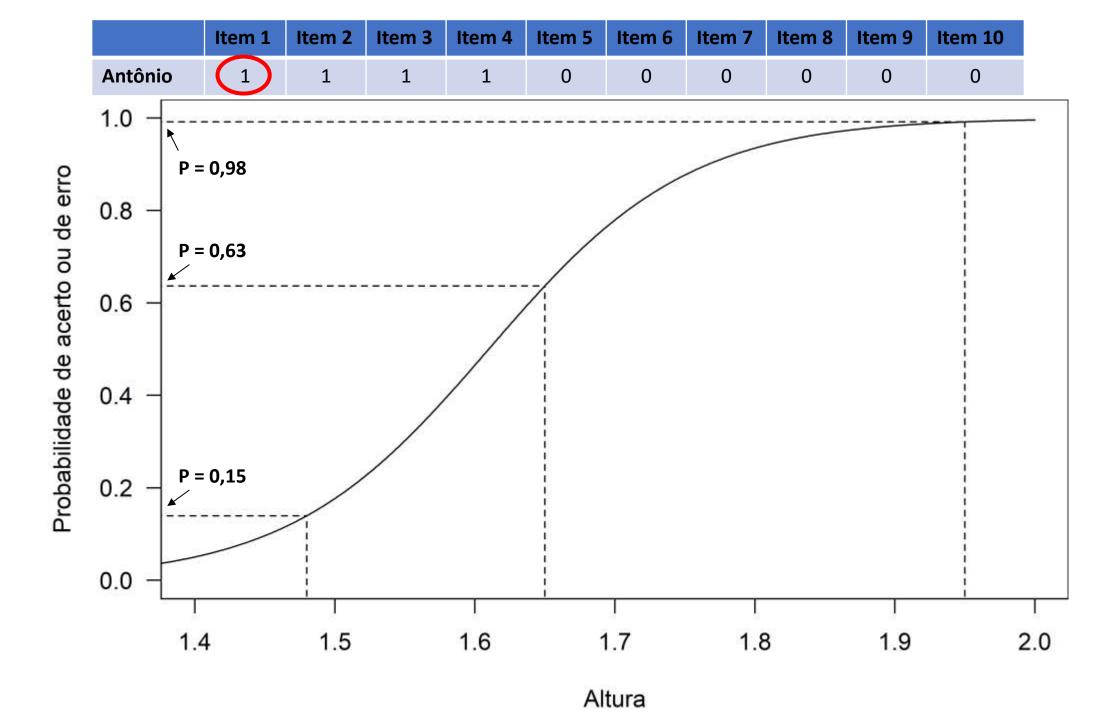
$$\frac{1}{6} \times \frac{1}{6} = \frac{1}{36}$$

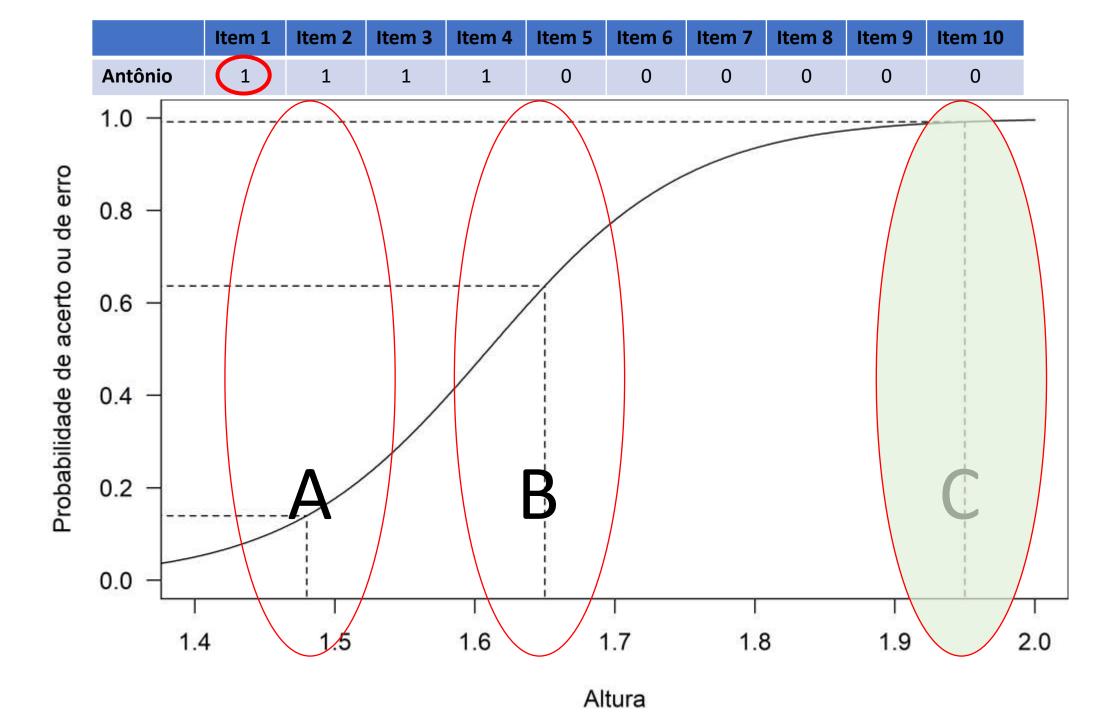
## CURVA CARACTERÍSTICA DO ITEM

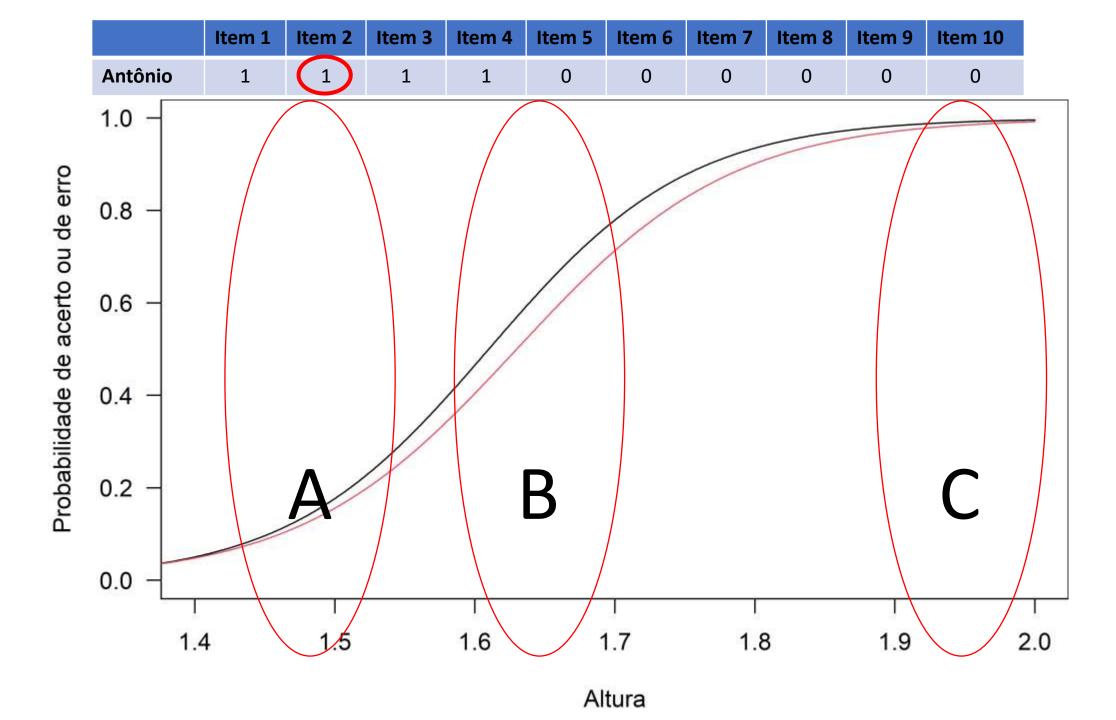
#### Item 7 do questionário

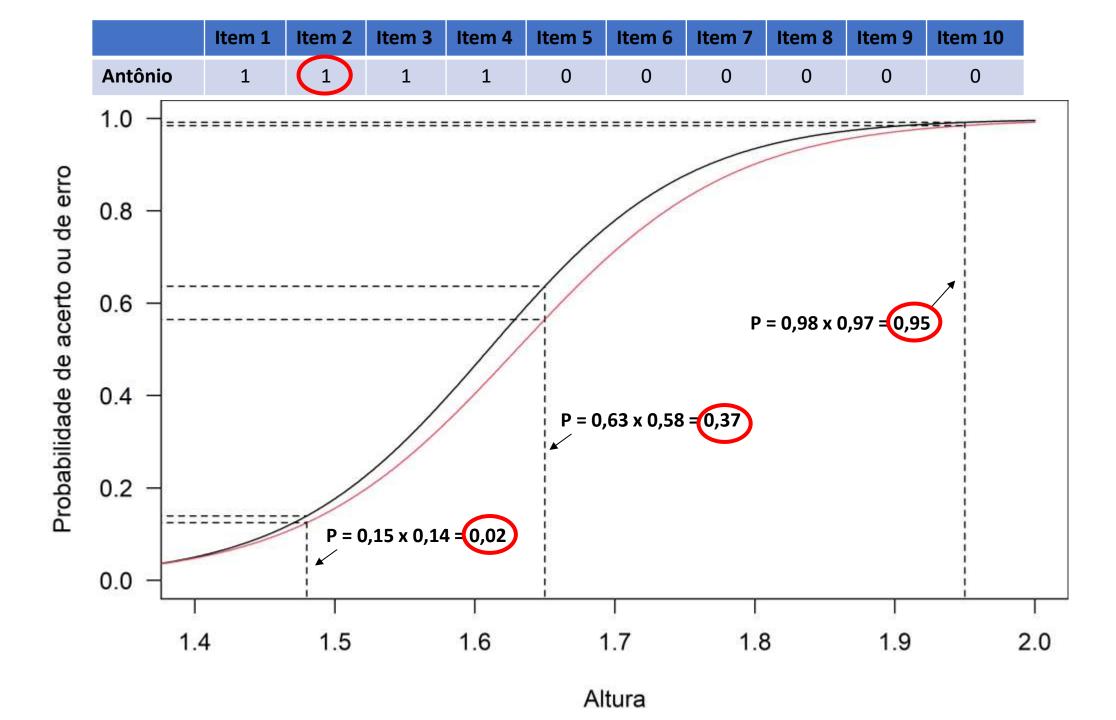


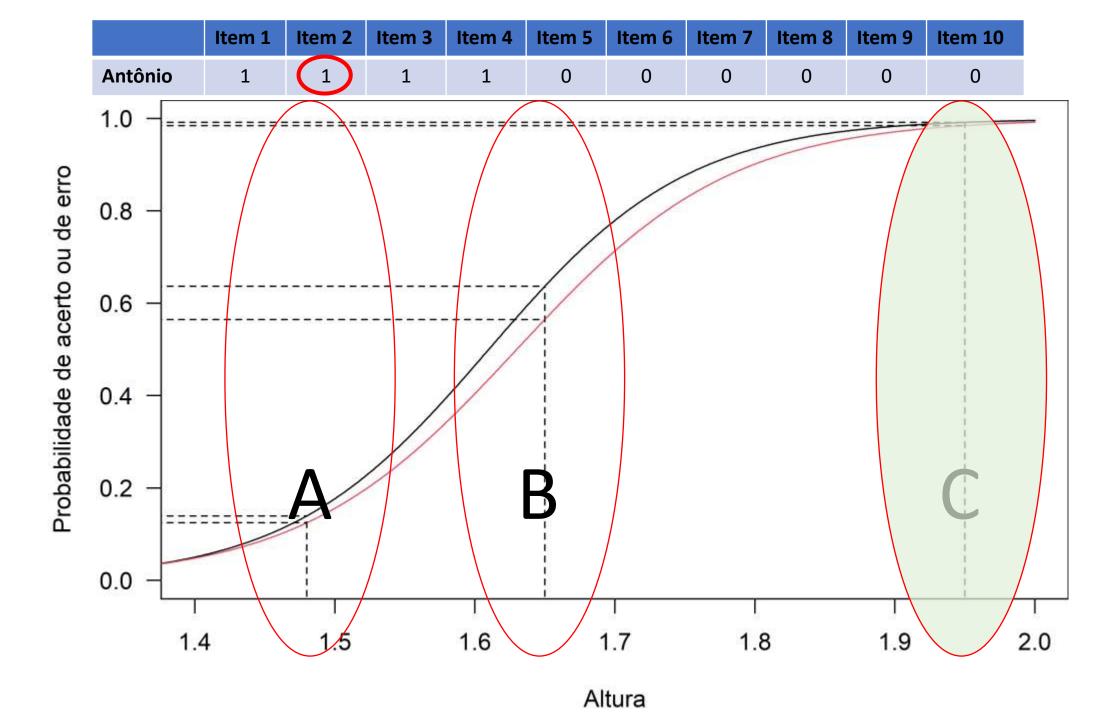


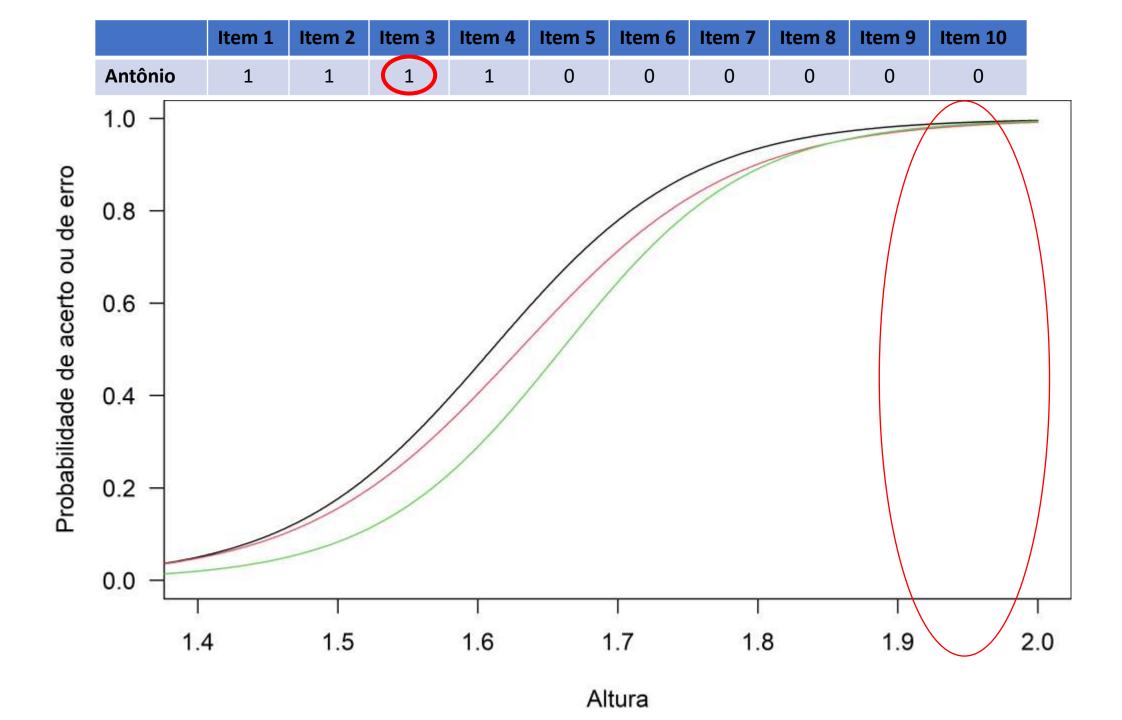


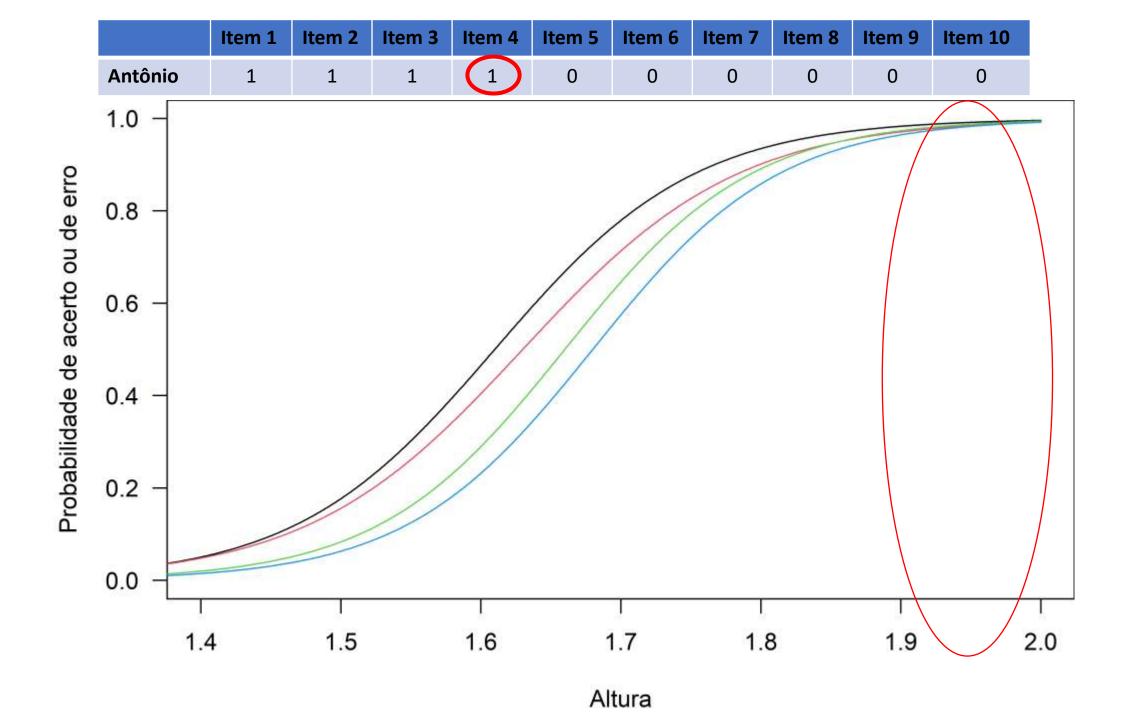


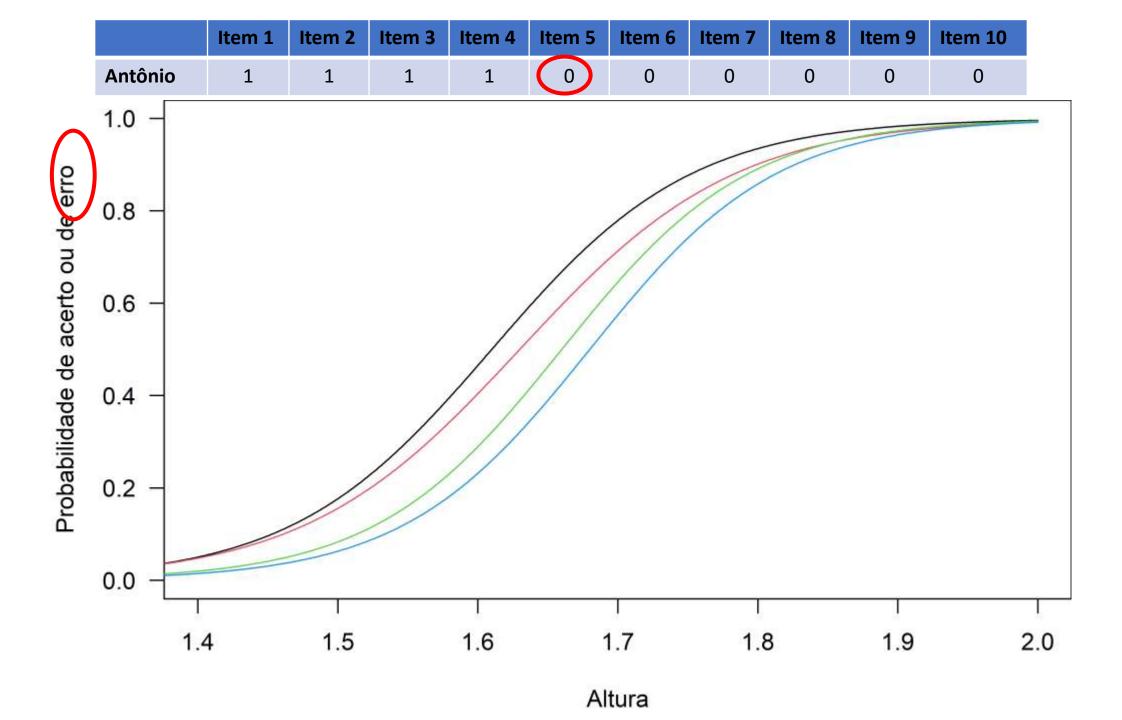


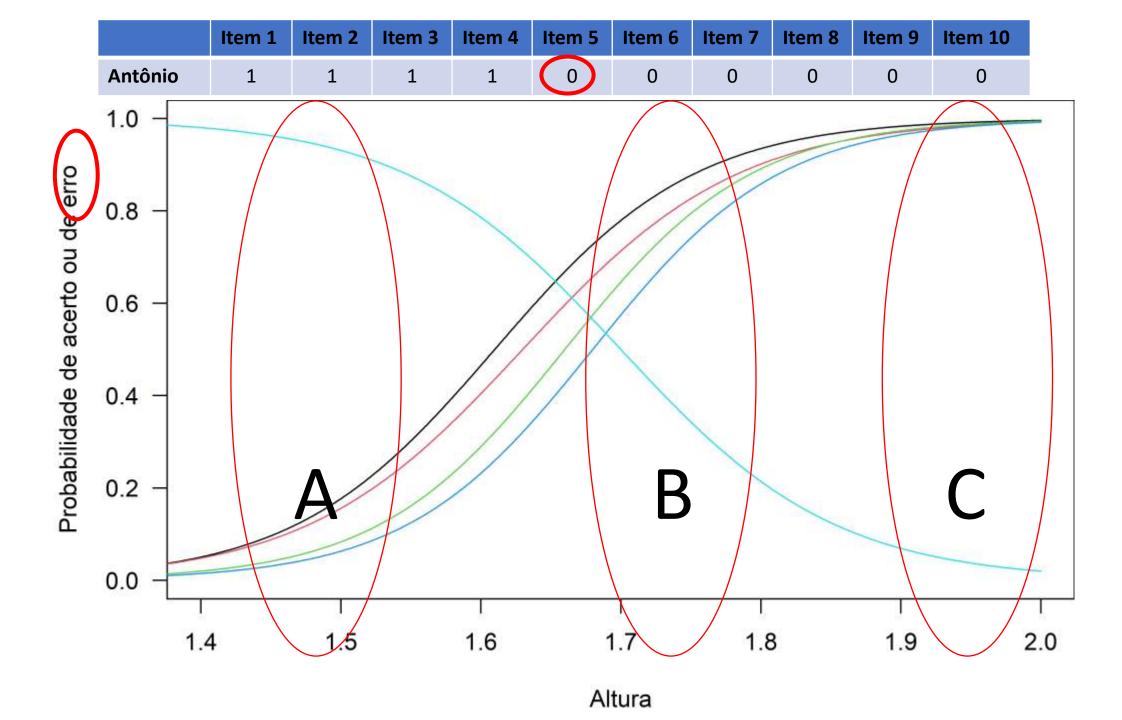


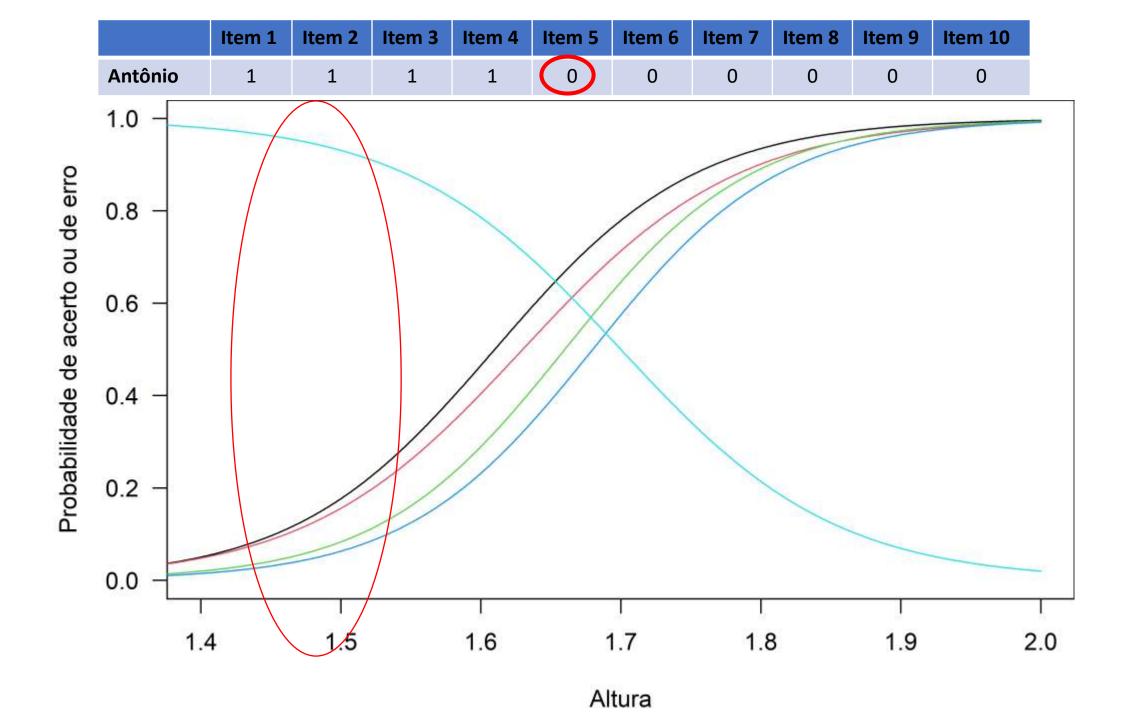


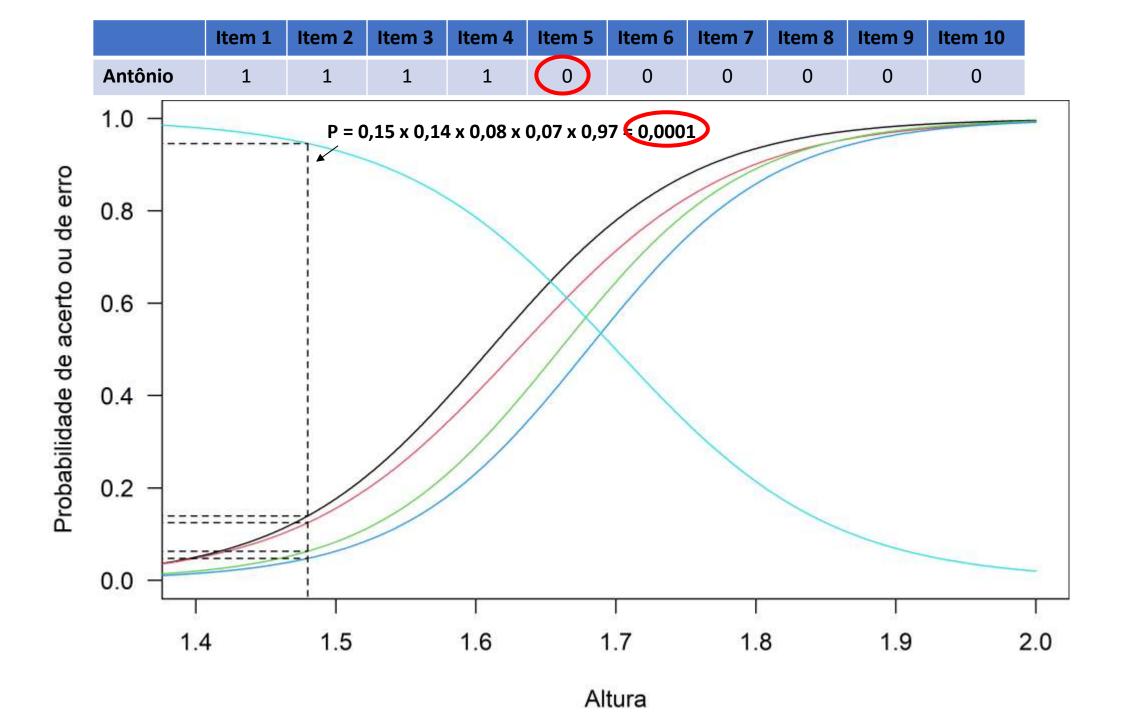


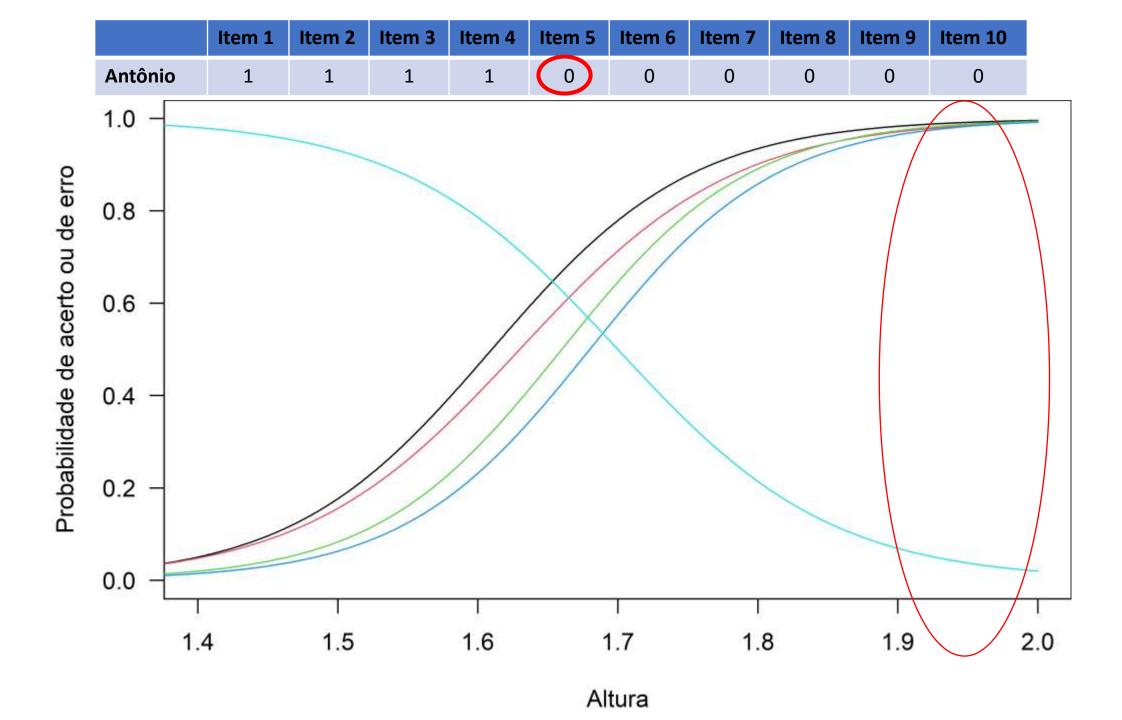


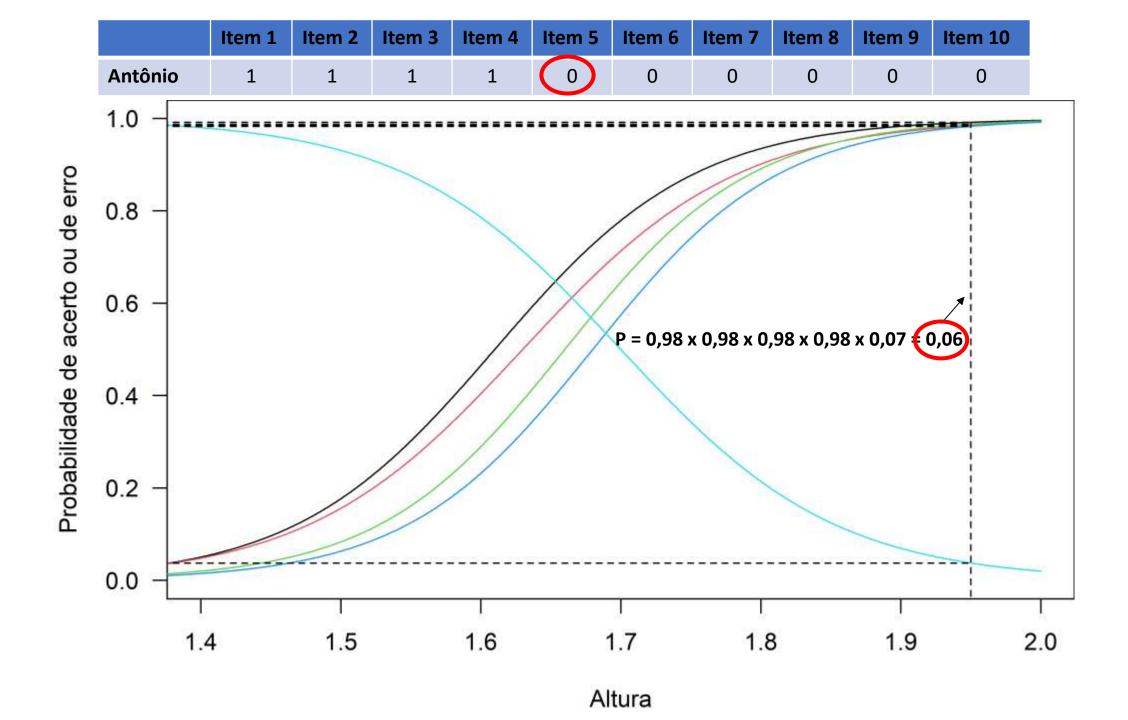


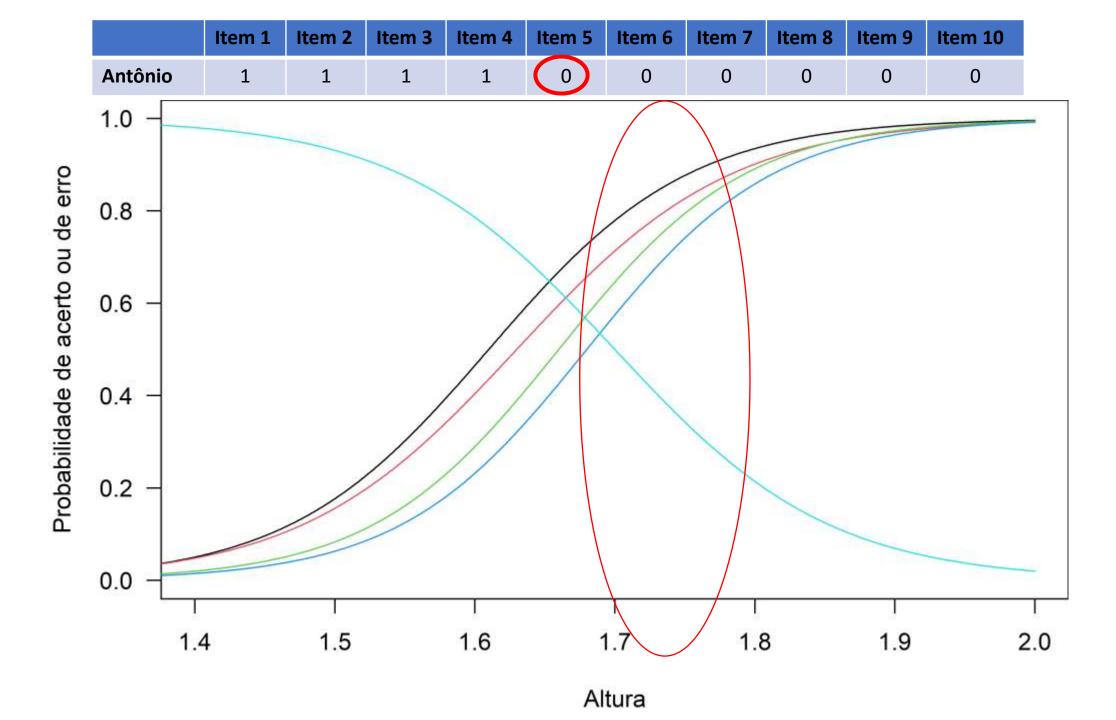


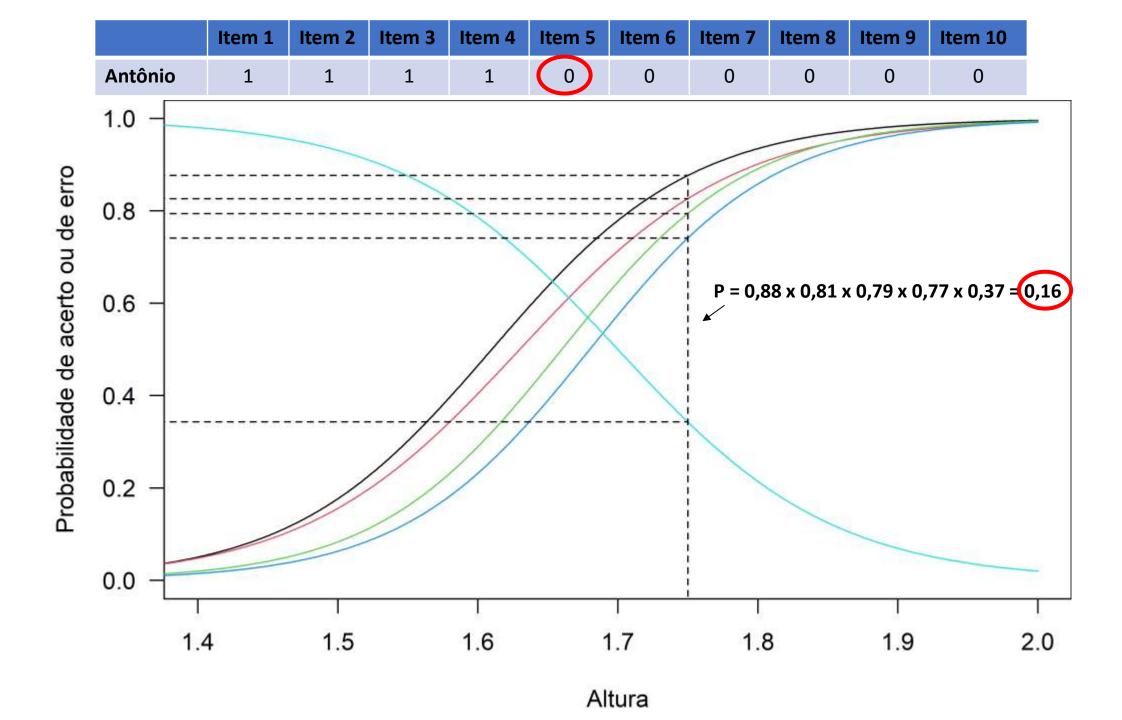


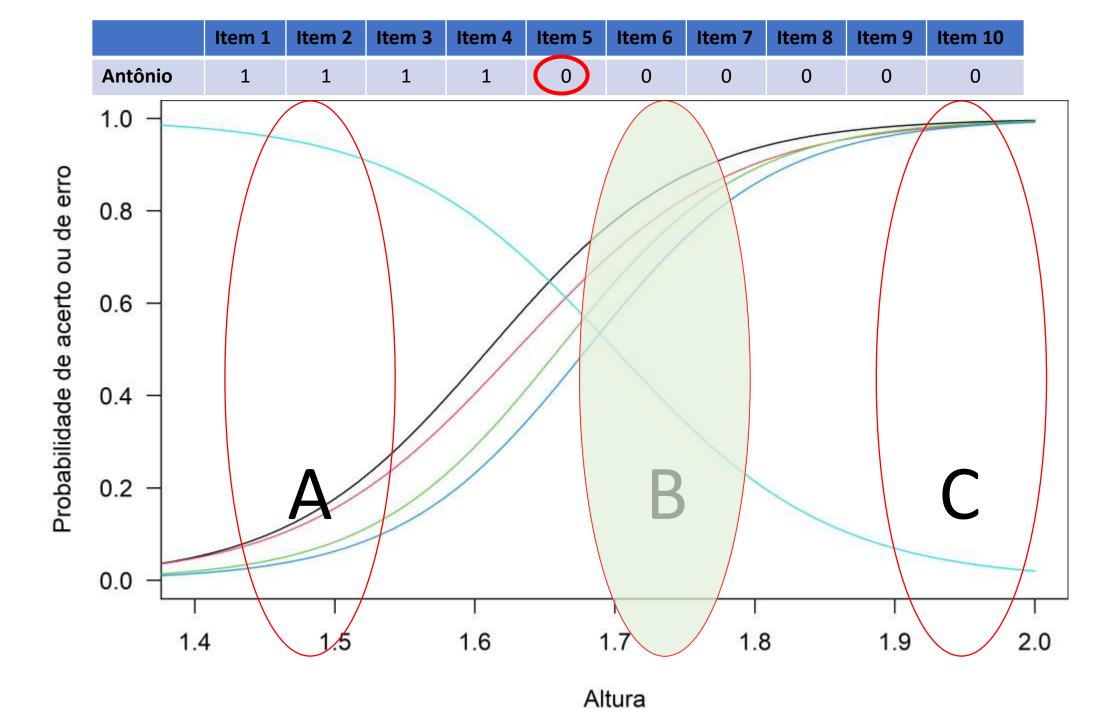


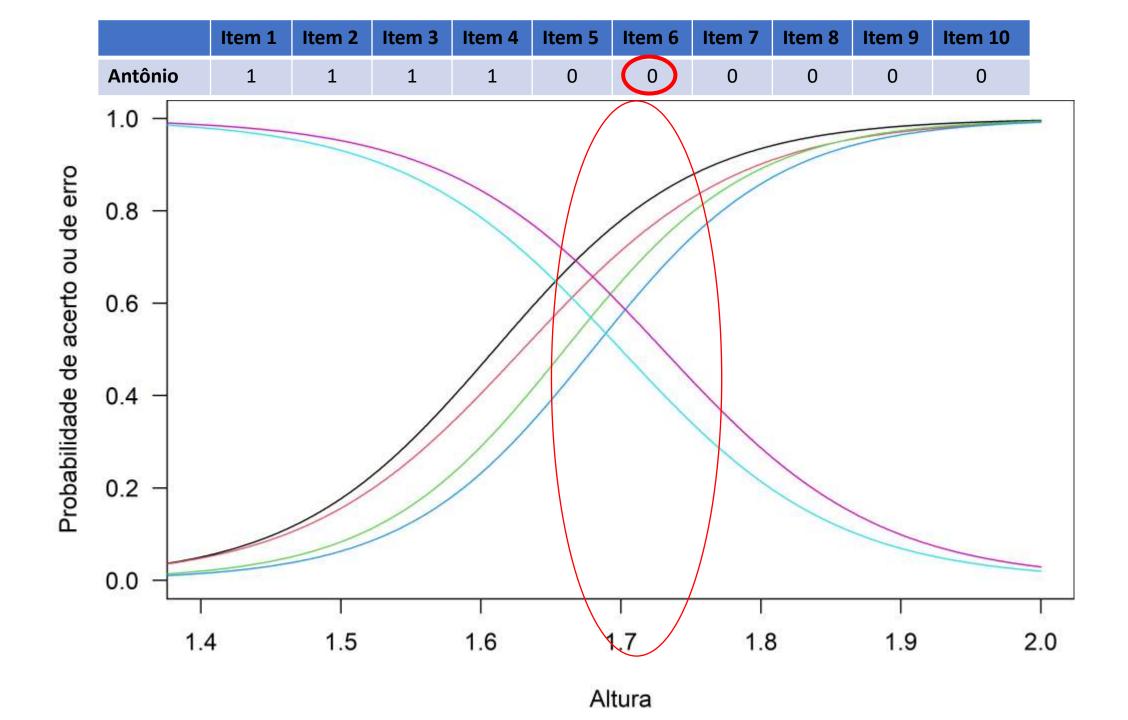


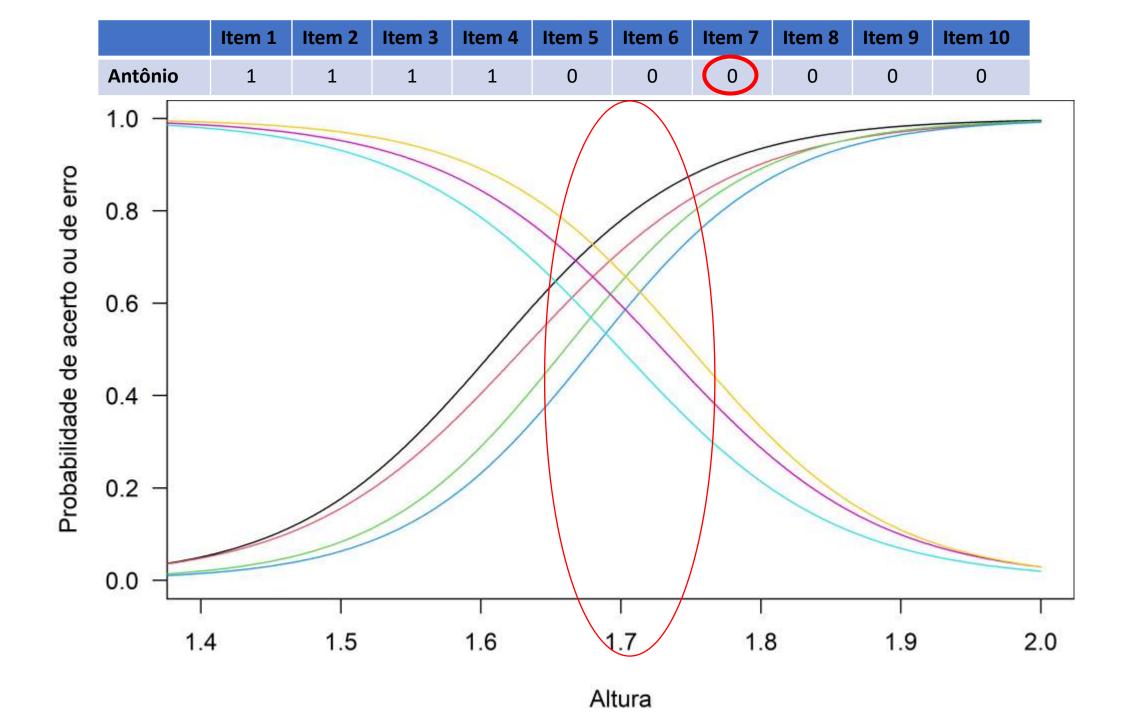


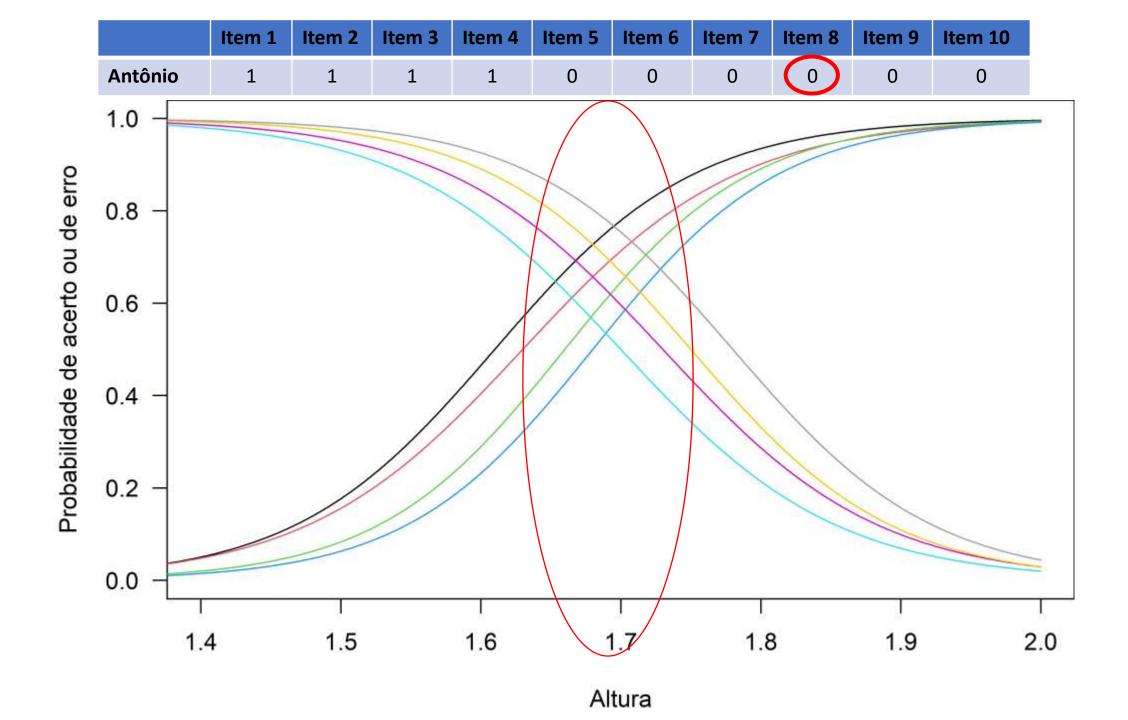


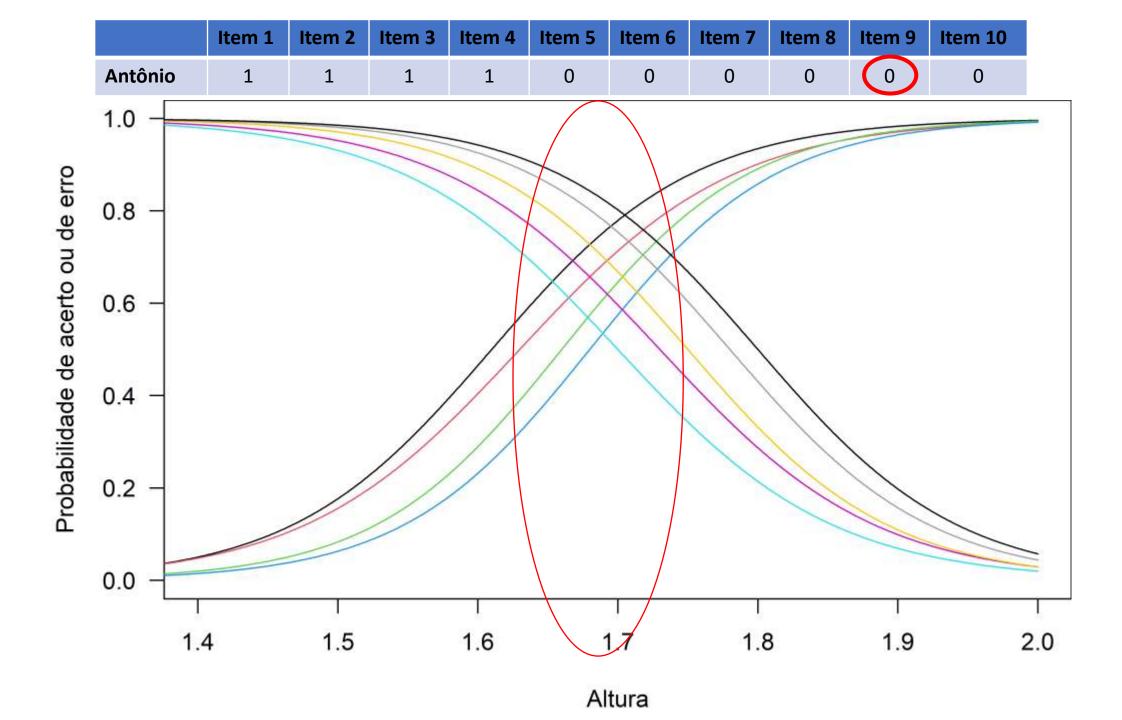


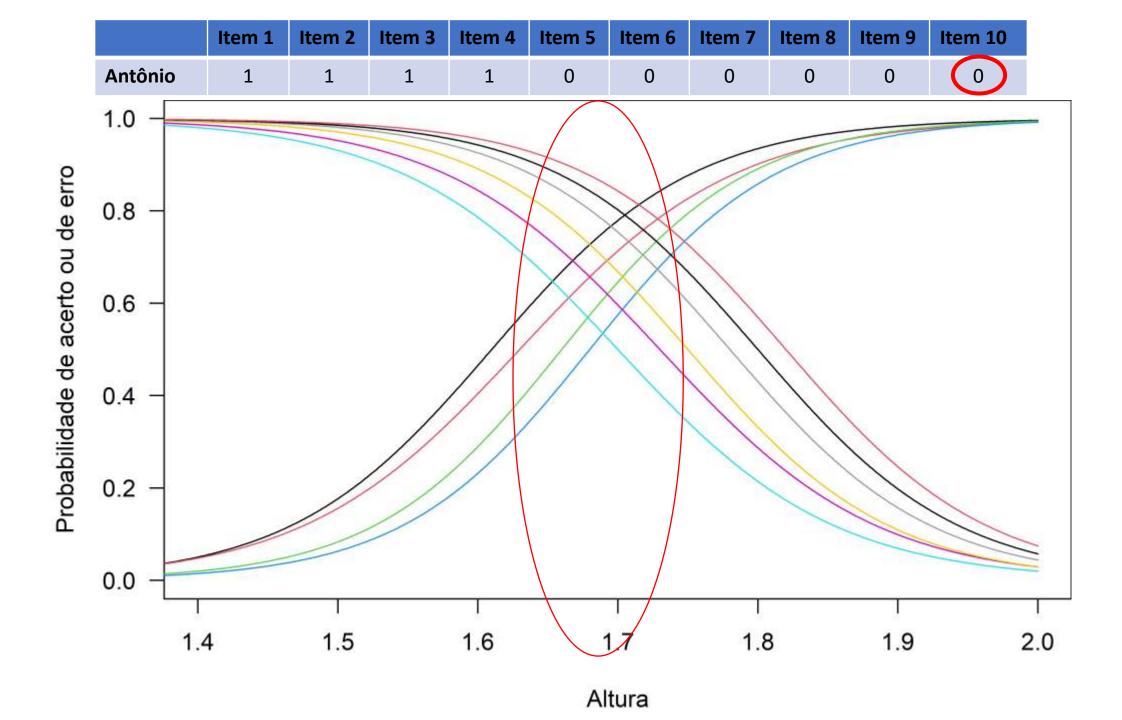


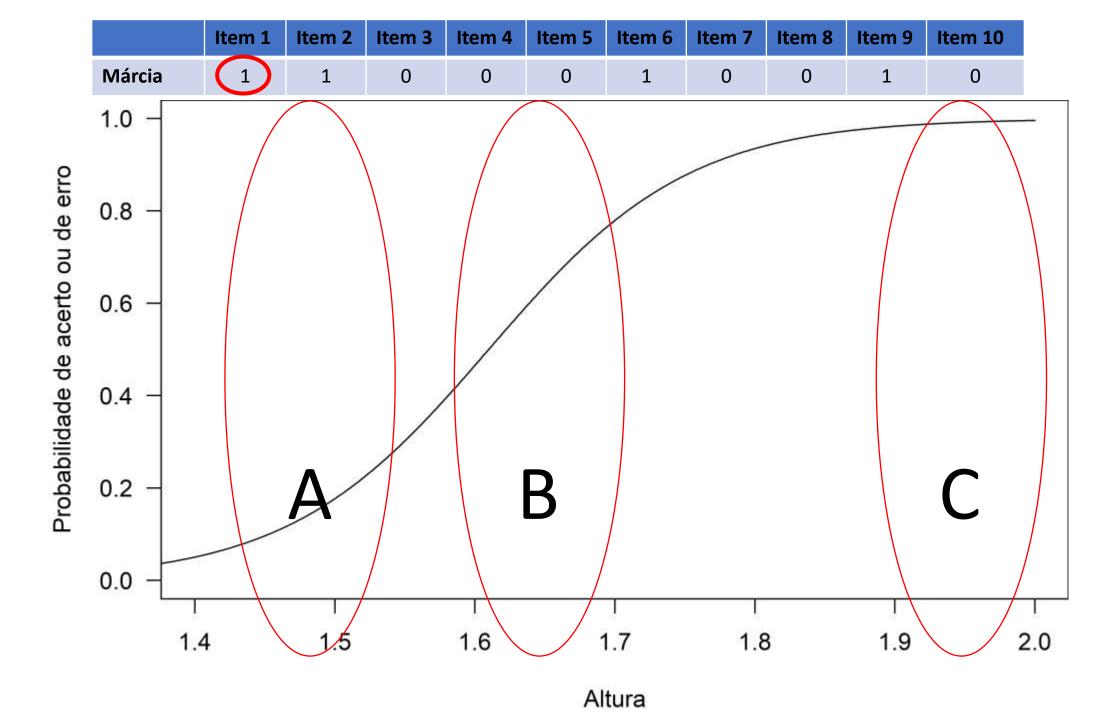


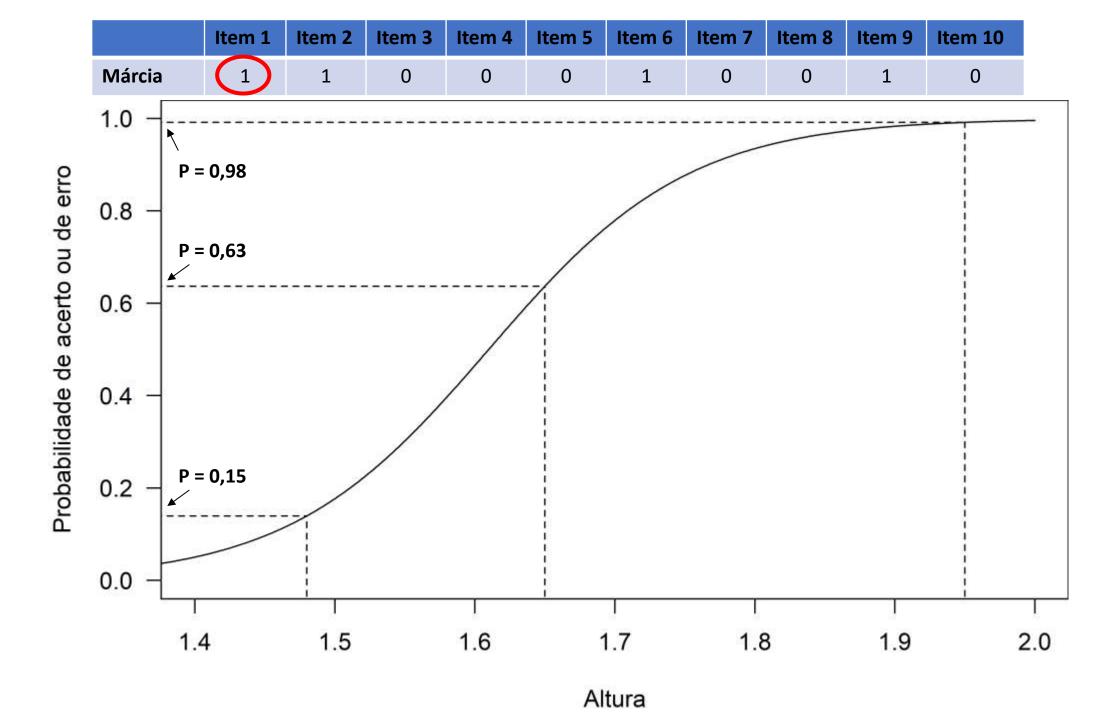


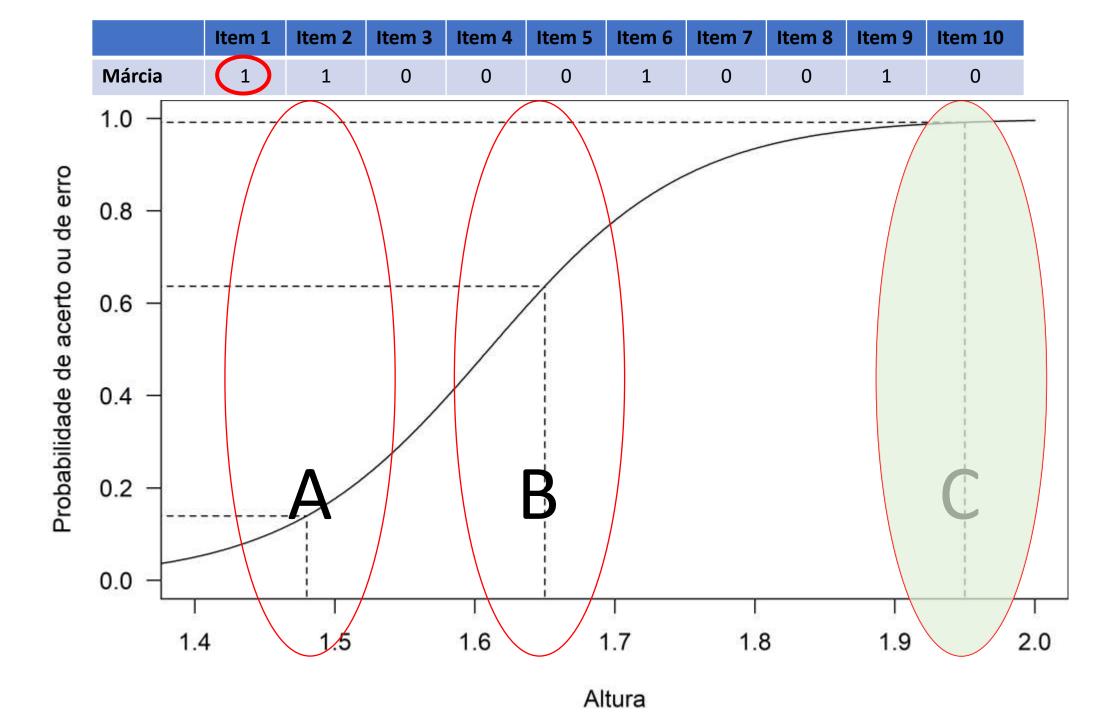


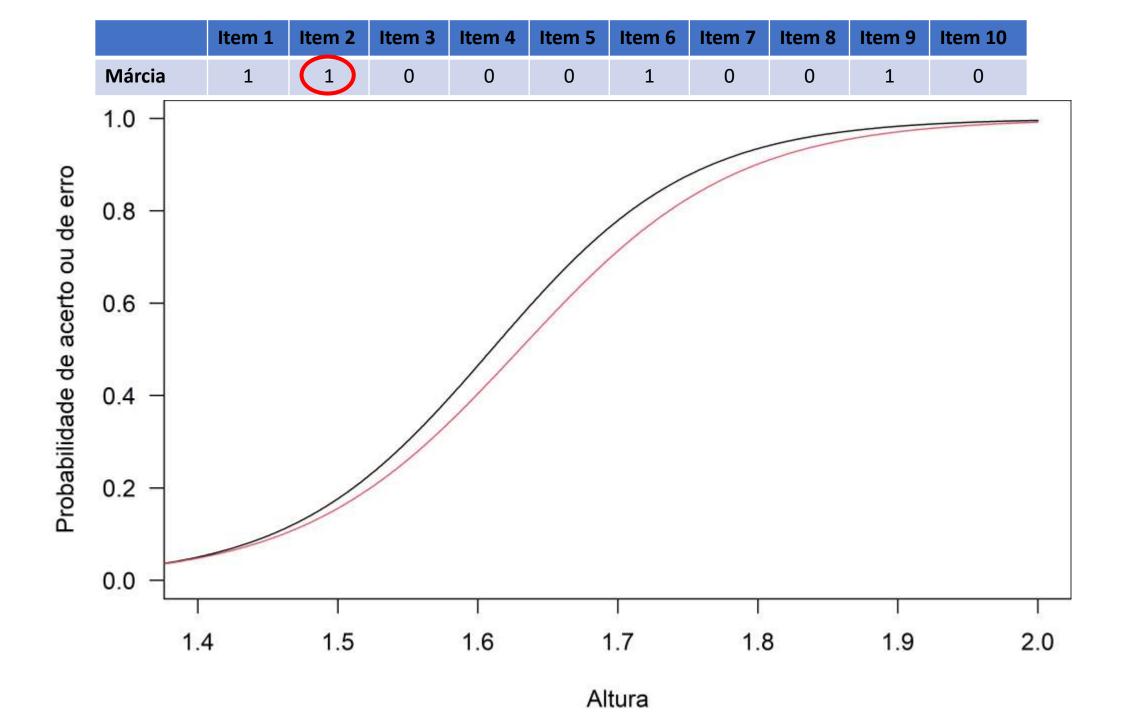


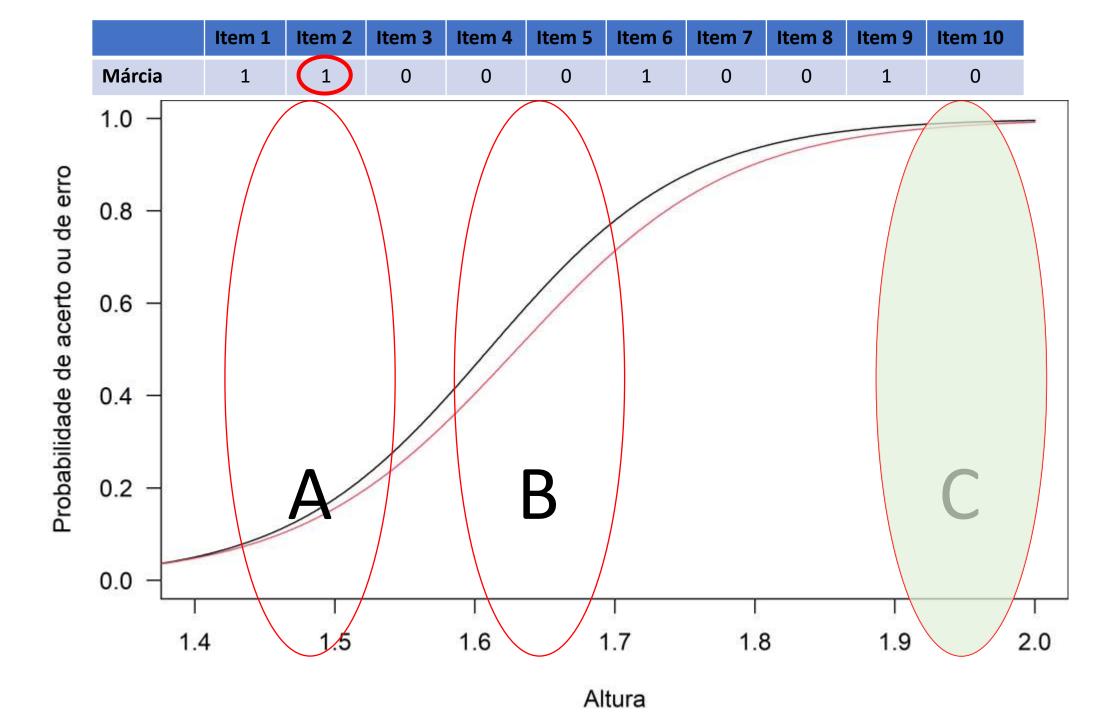


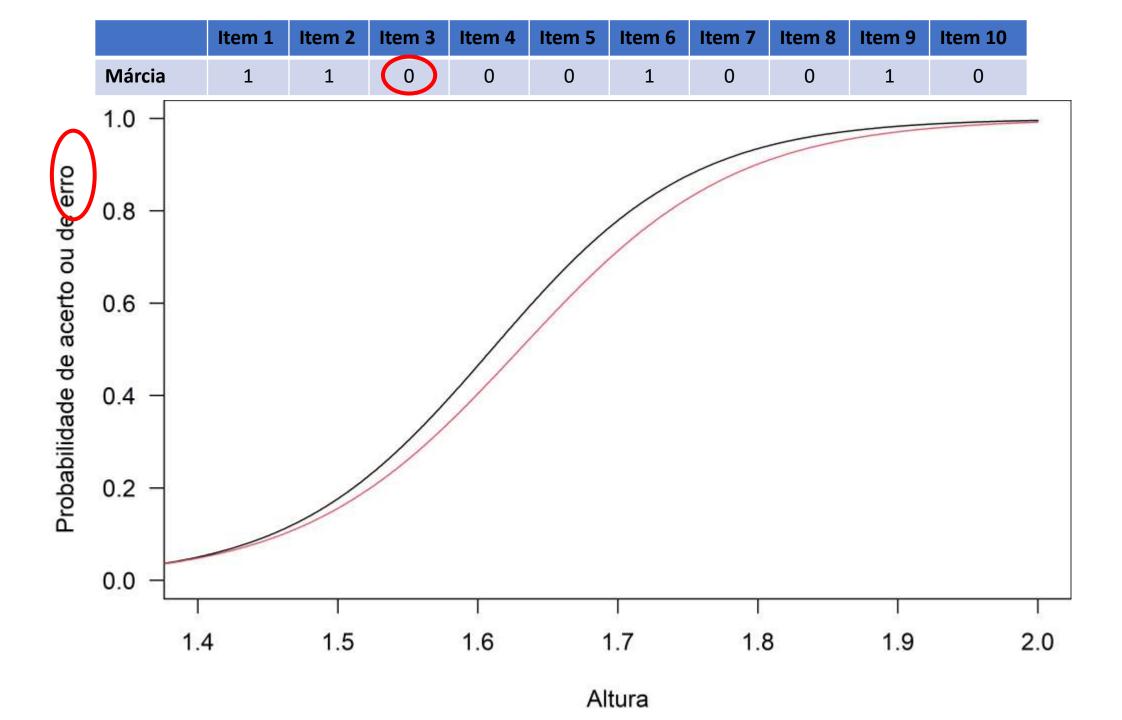


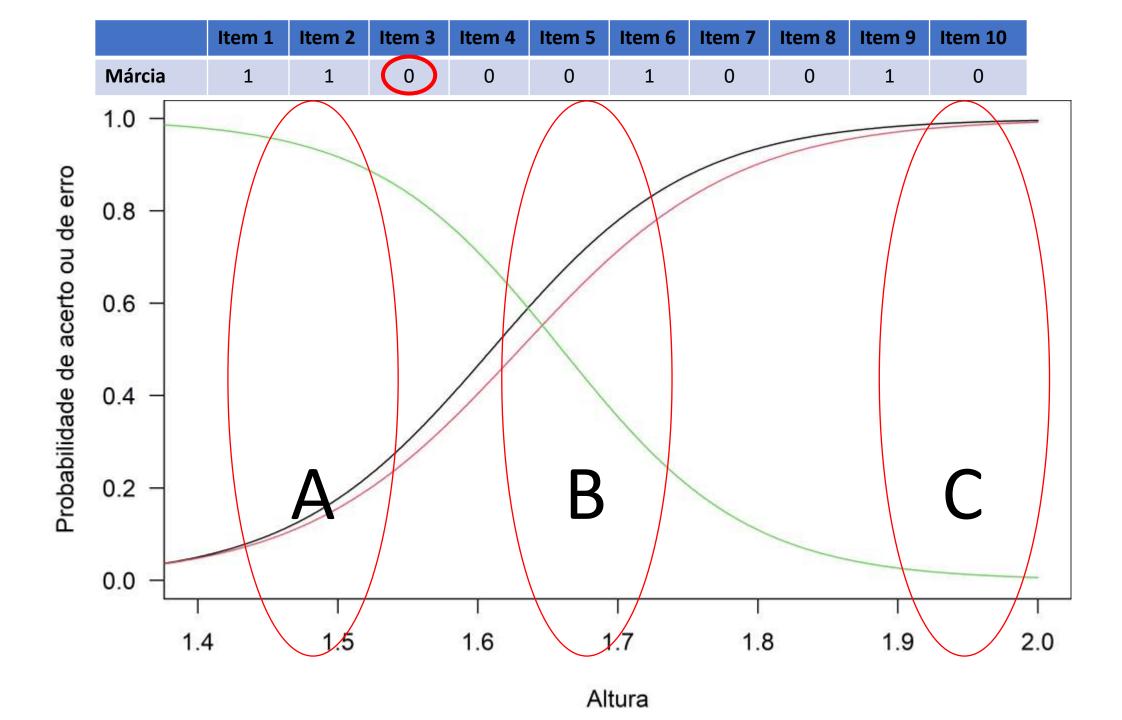


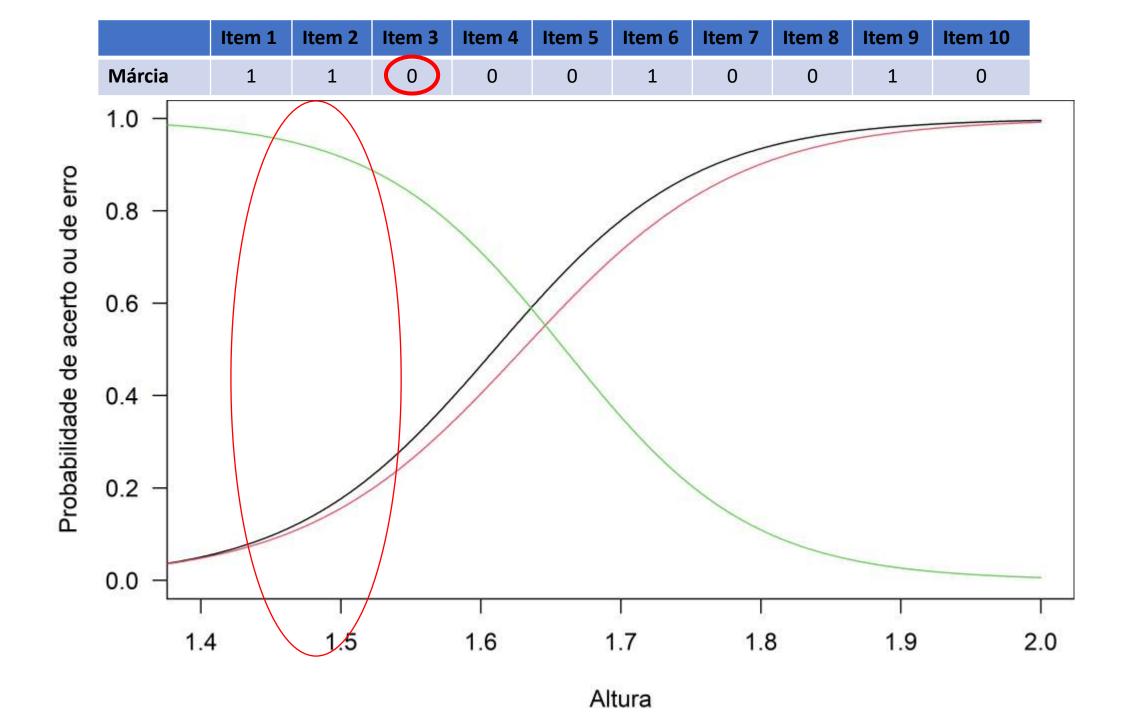


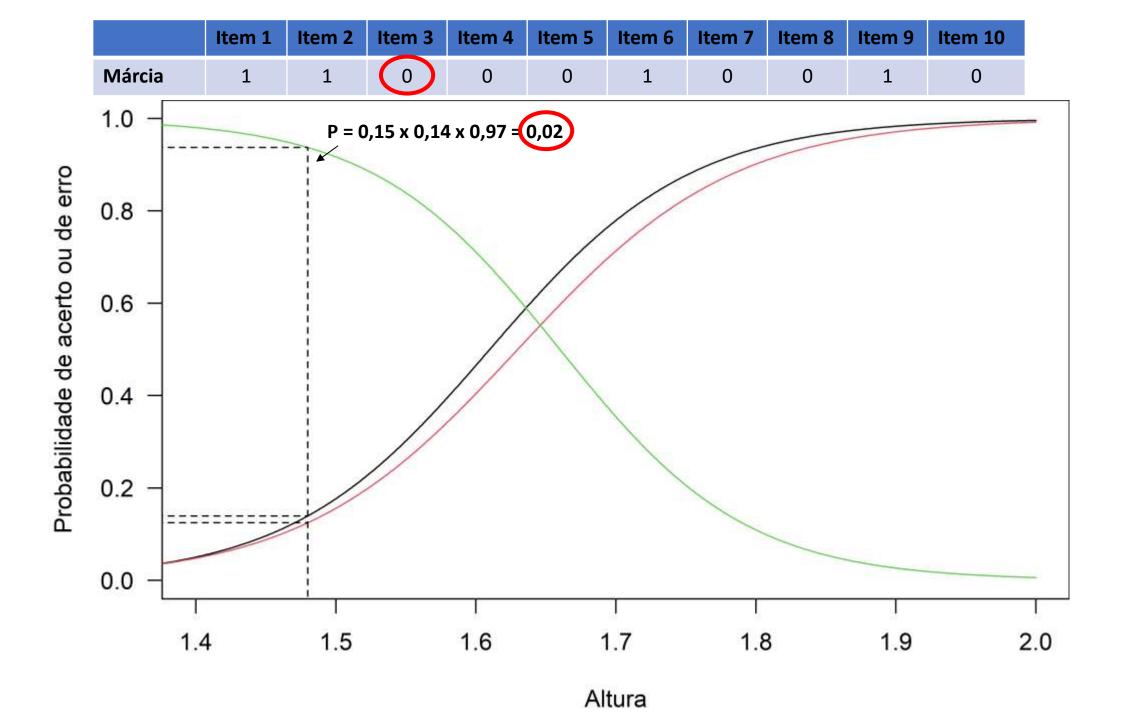


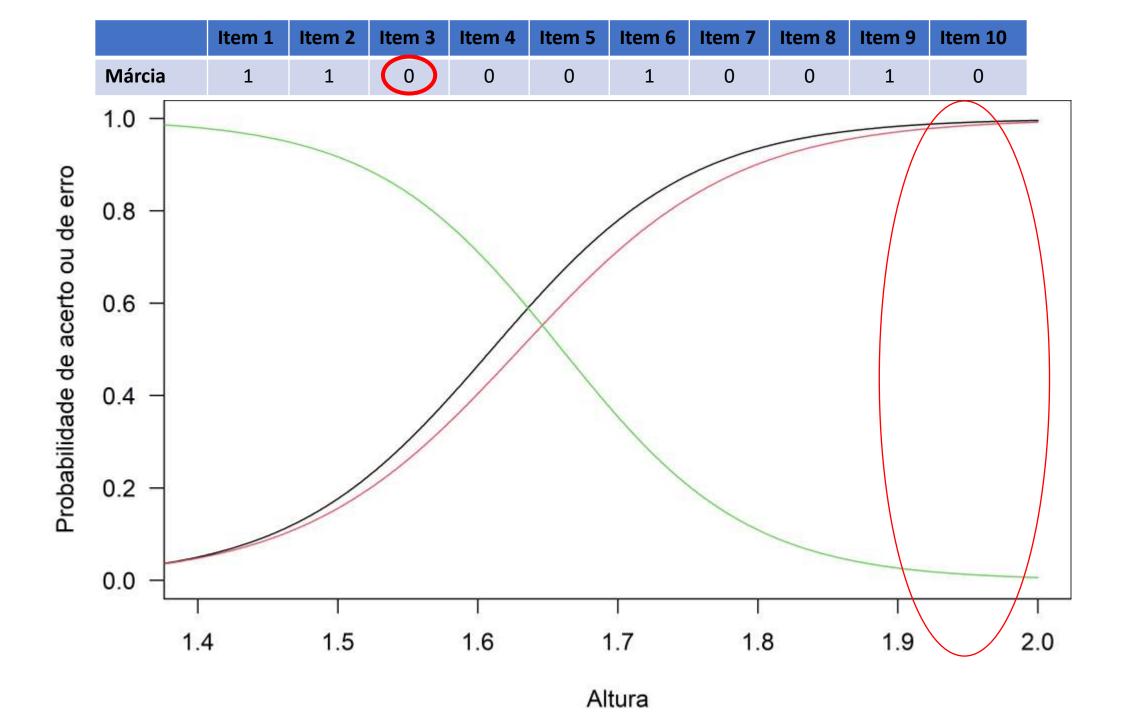


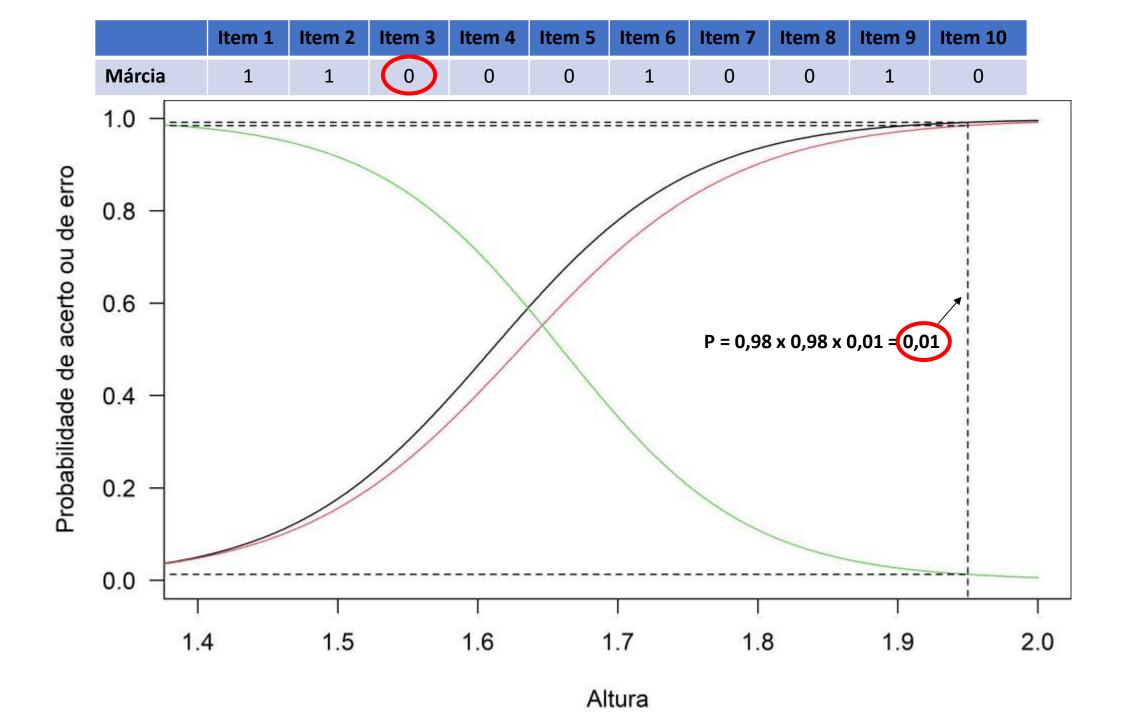


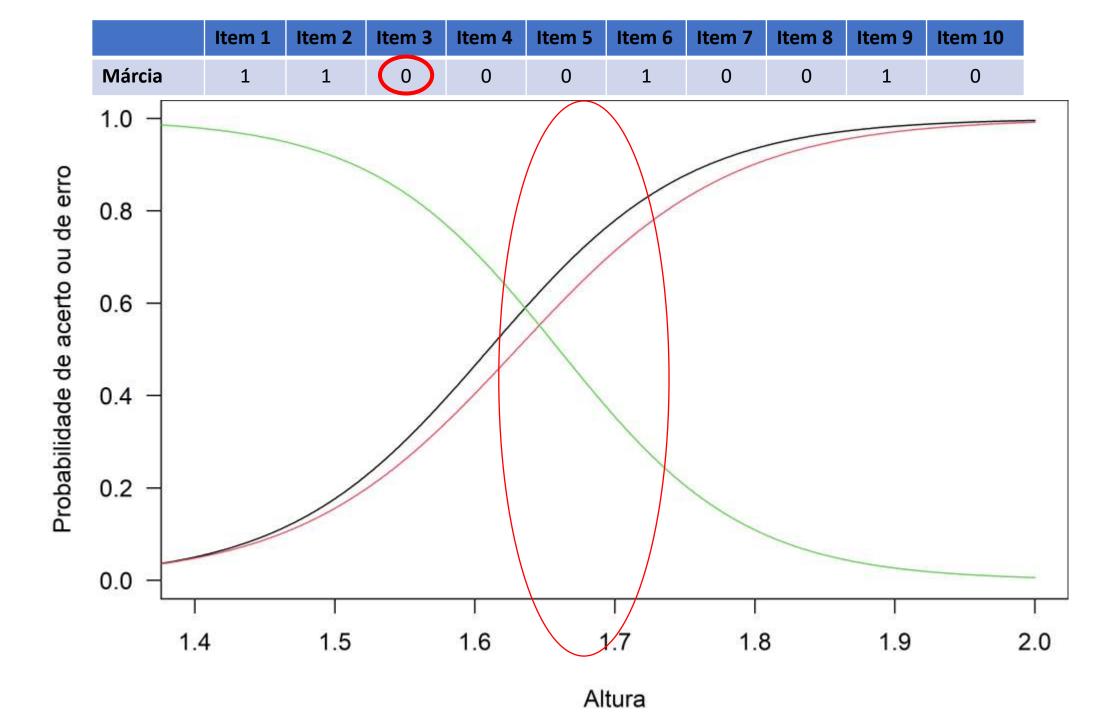


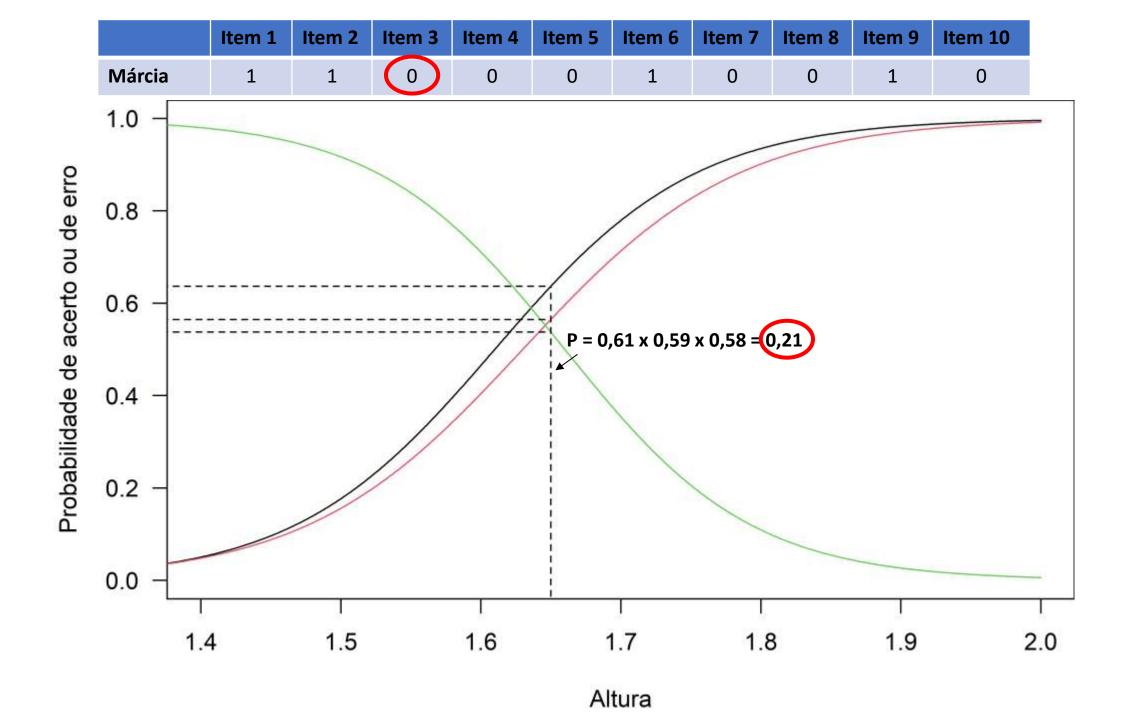


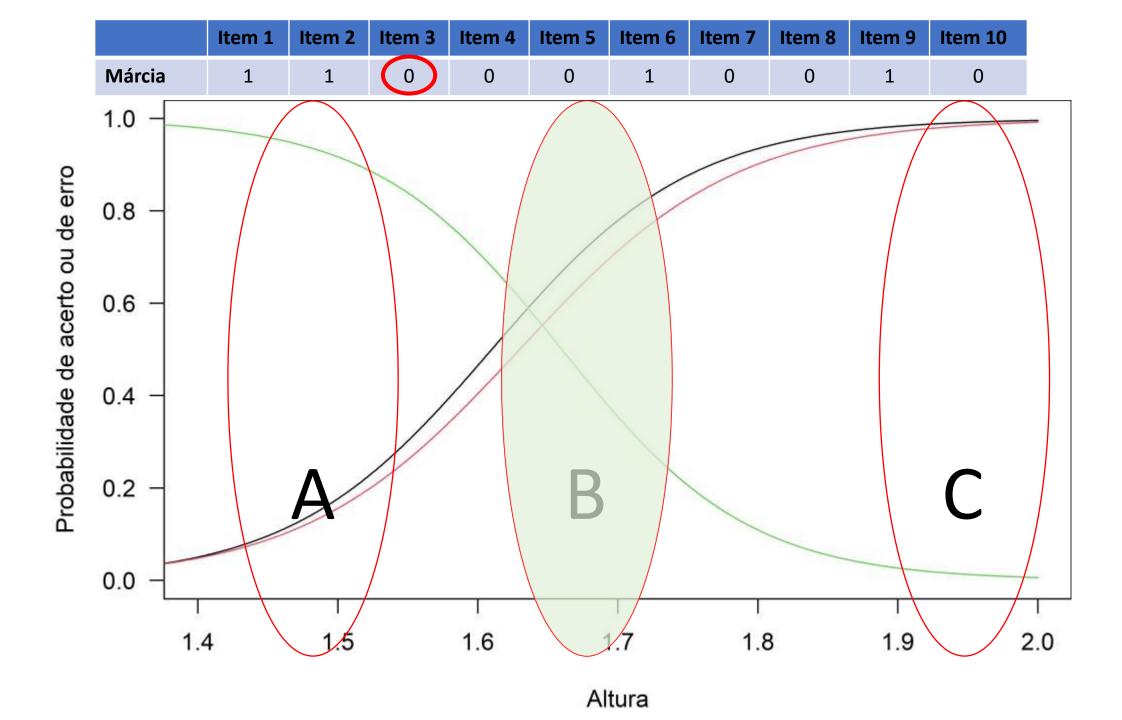


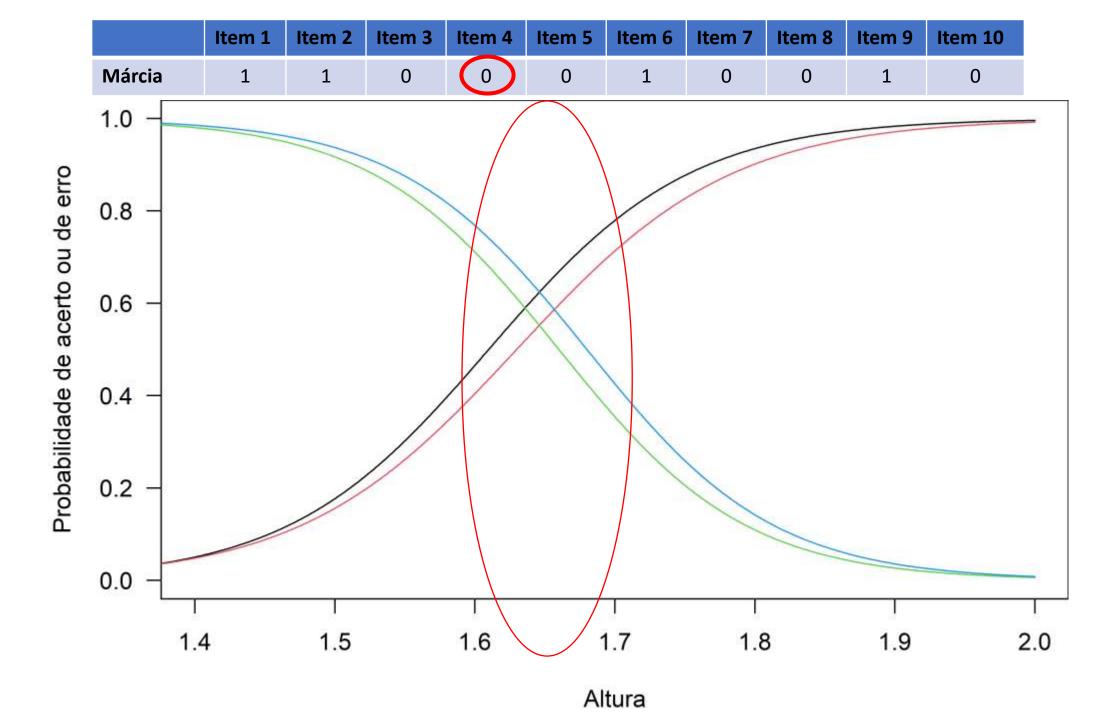


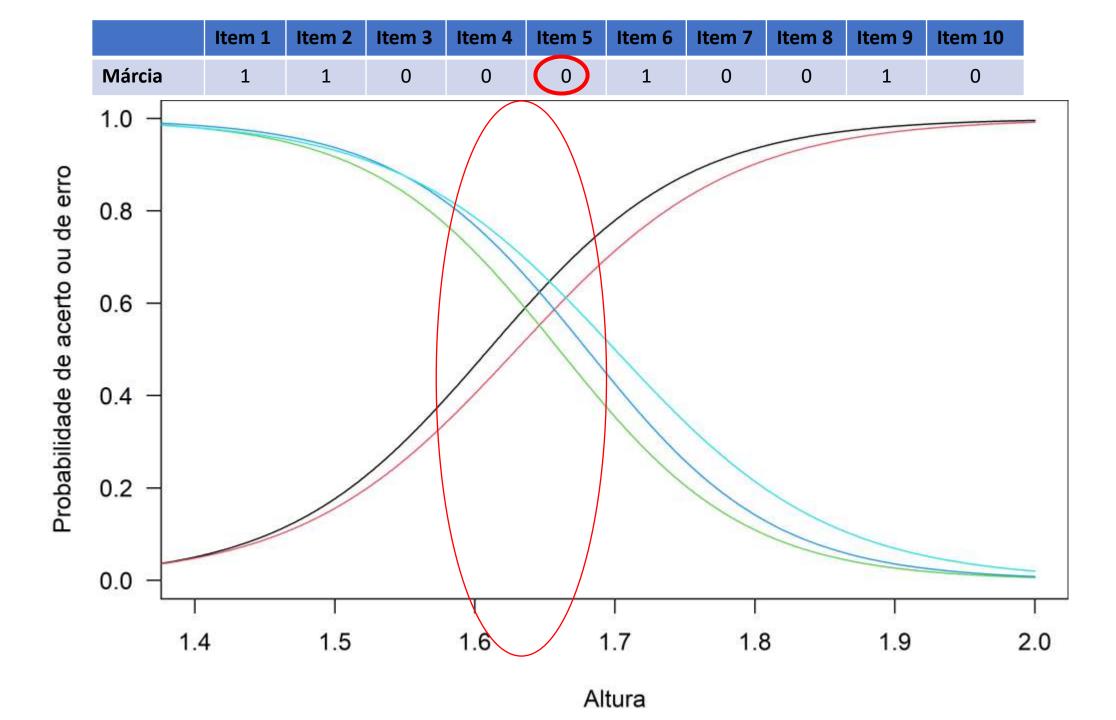


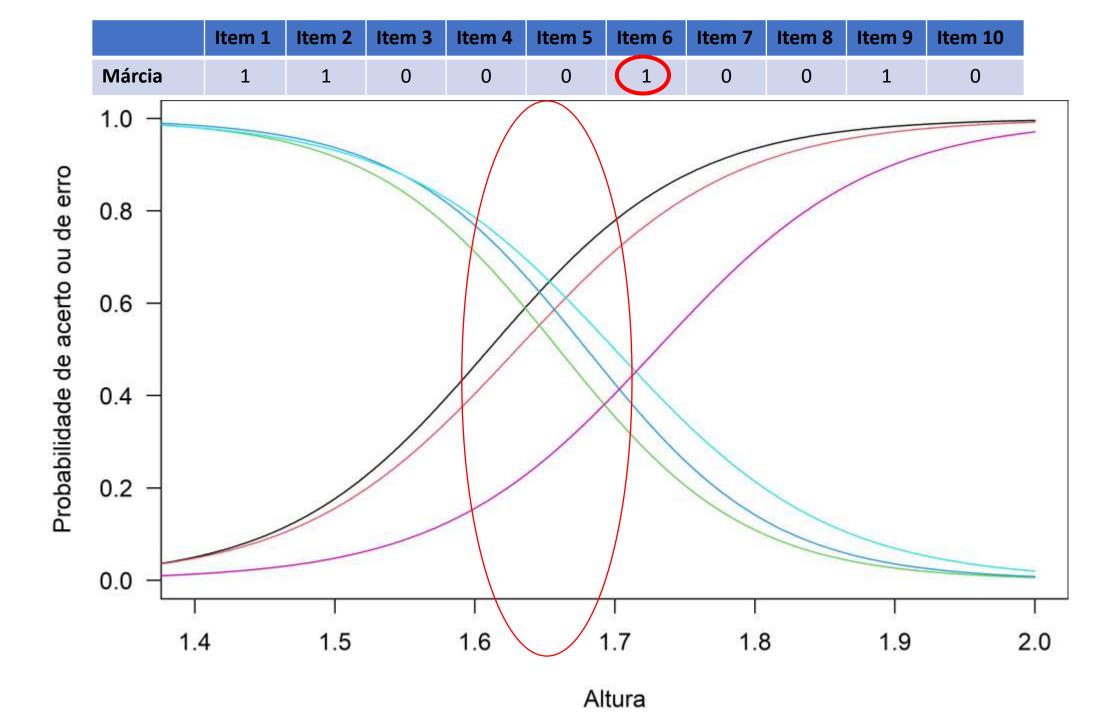


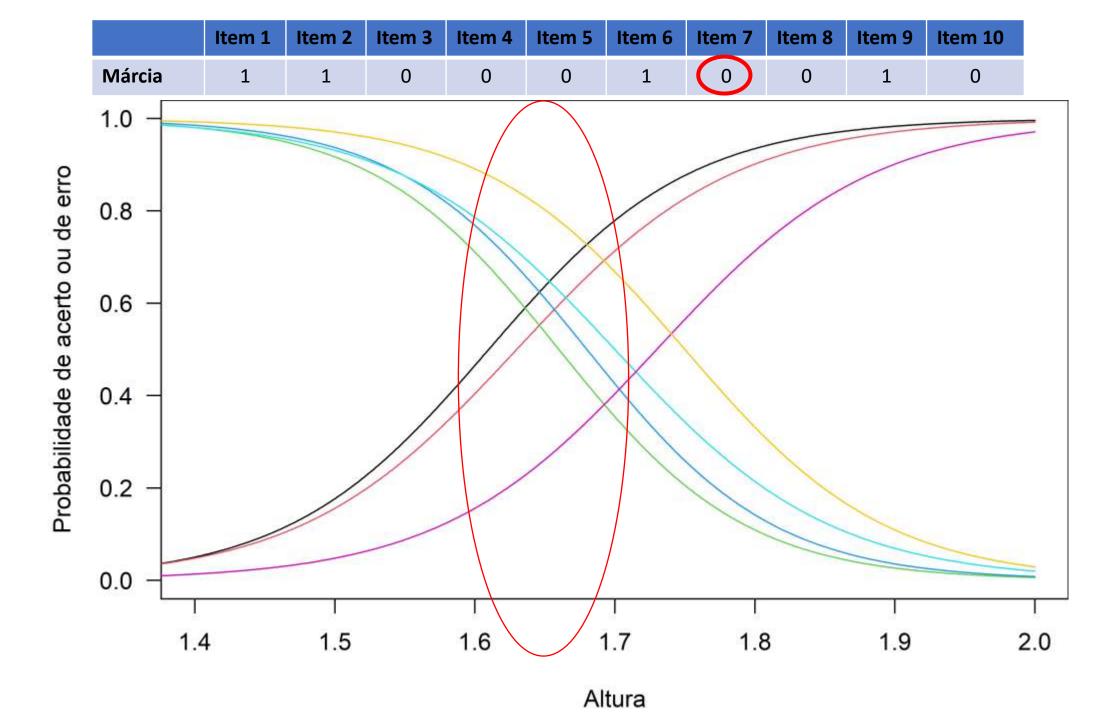


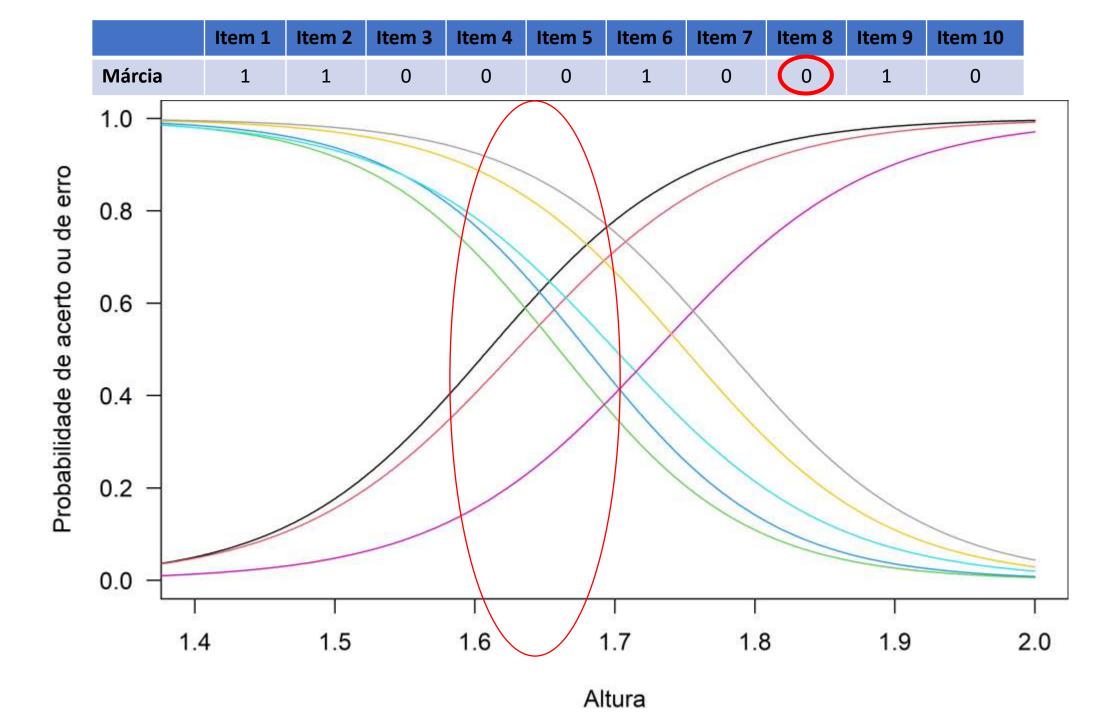


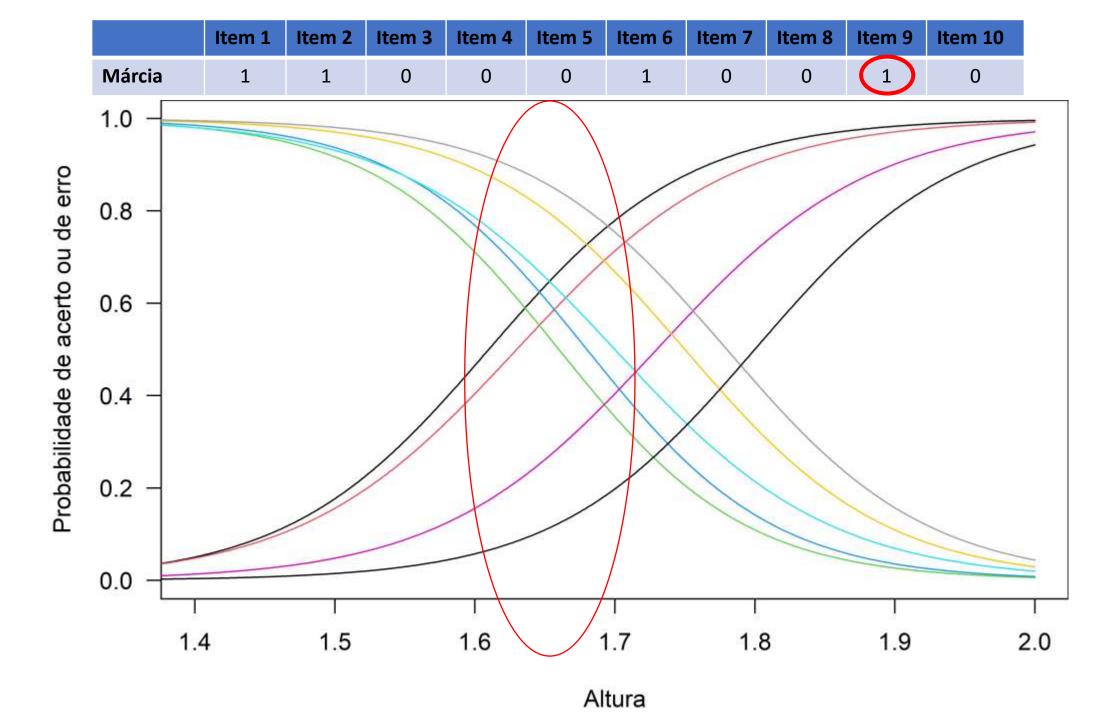


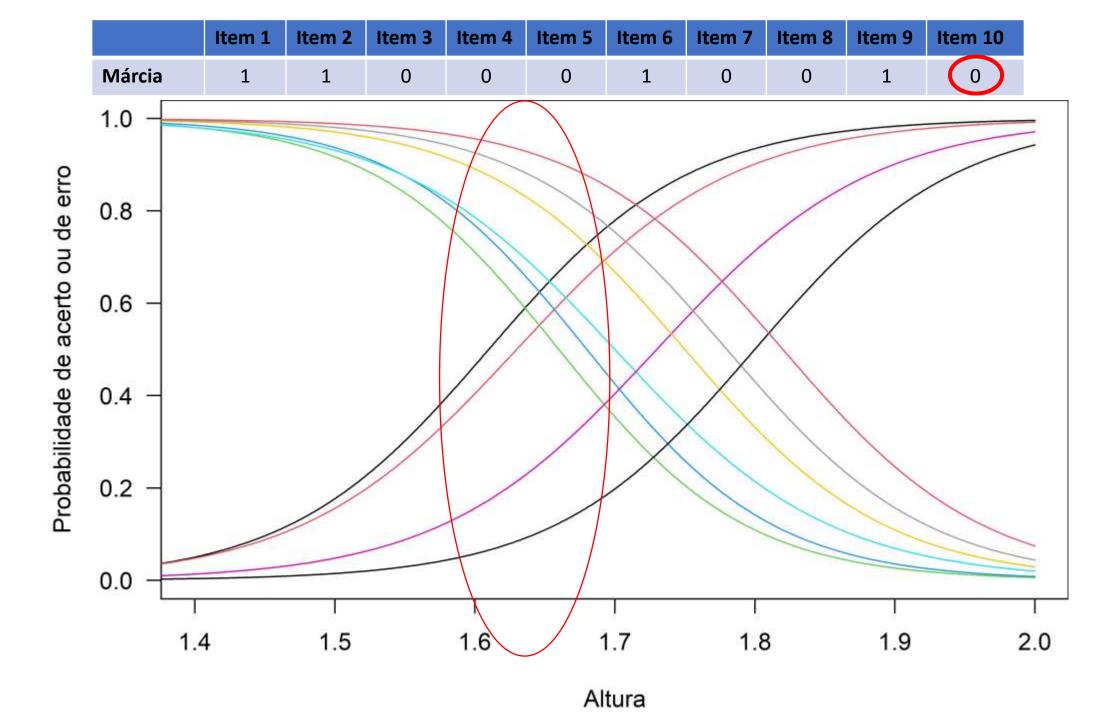












### COMO MEDIR ALTURA (TRI)?

#### Teste de altura fictício

	Item 1	Item 2	Item 3	Item 4	Item 5	Item 6	Item 7	Item 8	Item 9	Item 10	Altura
Frencisco	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1,87
Mariana	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0	1,79
Mério	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	1,73
Antônio	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	1,69
Márcia	1	1	0	0	0	1	0	0	1	0	1,66
Natálla	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	1,64
Altura	1,61	1,63	1,65	1,68	1,70	1,73	1,75	1,78	1,80	1,82	

## COMO MEDIR CONHECIMENTO (TRI)?

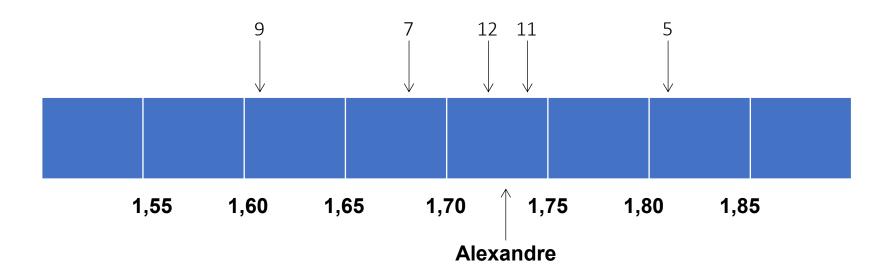
Teste 2, aplicado para o 9º ano do Ensino Fundamental

	Item 1	Item 2	Item 3	Item 4	Item 5	Item 6	Item 7	Item 8	Item 9	Item 10	Escore
Francisca	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	667
Mariana	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0	588
Mério	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	518
Antônio	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	449
Márcia	1	1	0	0	0	1	0	0	1	0	411
Natella	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	377
Dificuldade	300	344	388	433	477	522	566	611	655	700	
				,							

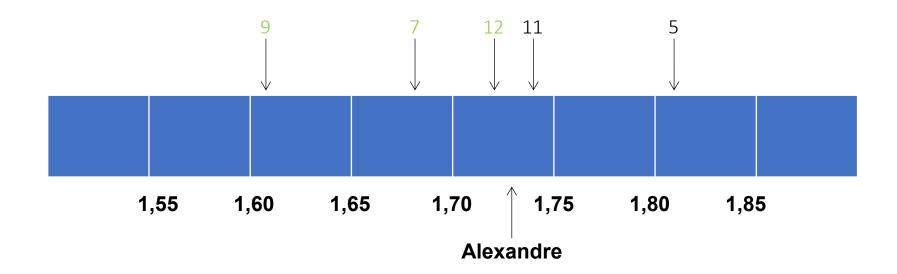
#### ALTURA x CONHECIMENTO

- Medindo altura com questionário, pode-se comparar a "proficiência" obtida por meio do questionário, com a altura medida pela fita métrica
- Não há uma fita métrica que meça a proficiência em Ciências da Natureza.
  - O que representa o "número mágico" que vem no boletim do participante do Enem?

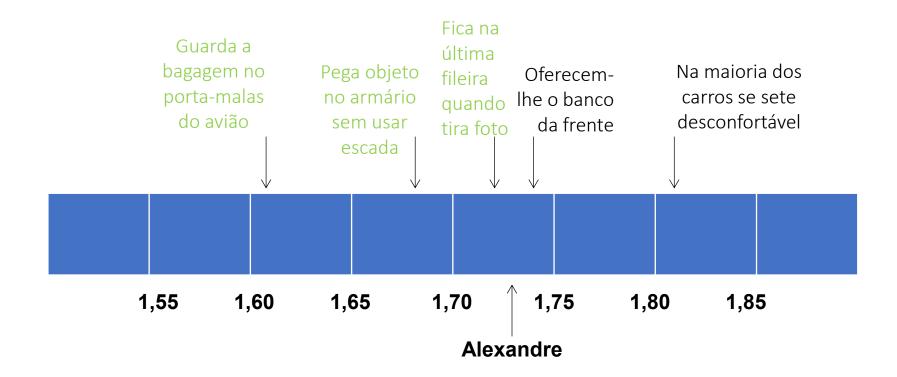
### MEDINDO ALTURA COM TRI



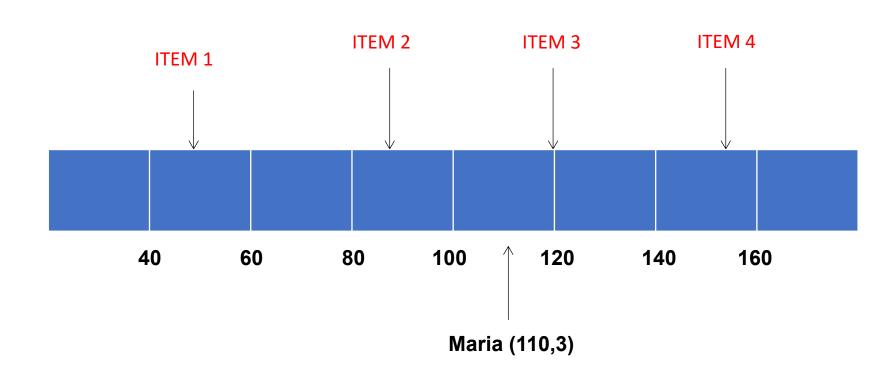
### MEDINDO ALTURA COM TRI



### MEDINDO ALTURA COM TRI



# INTERPRETAÇÃO PEDAGÓGICA DA "RÉGUA"



# INTERPRETAÇÃO PEDAGÓGICA DA "RÉGUA"



# DESCRIÇÃO DO ITEM

• Em uma sentença, o que o item demanda do participante?

Operação cognitiva + Objeto do conhecimento + Contexto

# DESCRIÇÃO DO ITEM

Operação cognitiva + Objeto do conhecimento + Contexto

- Operação cognitiva deve traduzir as ações requeridas ao respondente para que ele resolva a situação-problema proposta pelo item.
- Objeto do conhecimento refere-se aos conhecimentos que estão sendo solicitados ou mobilizados pelo/no item para que o respondente execute a operação cognitiva visando sua resolução.
- Contexto refere-se à situação para a qual o item transporta o respondente para que ele resolva então o que está sendo proposto.

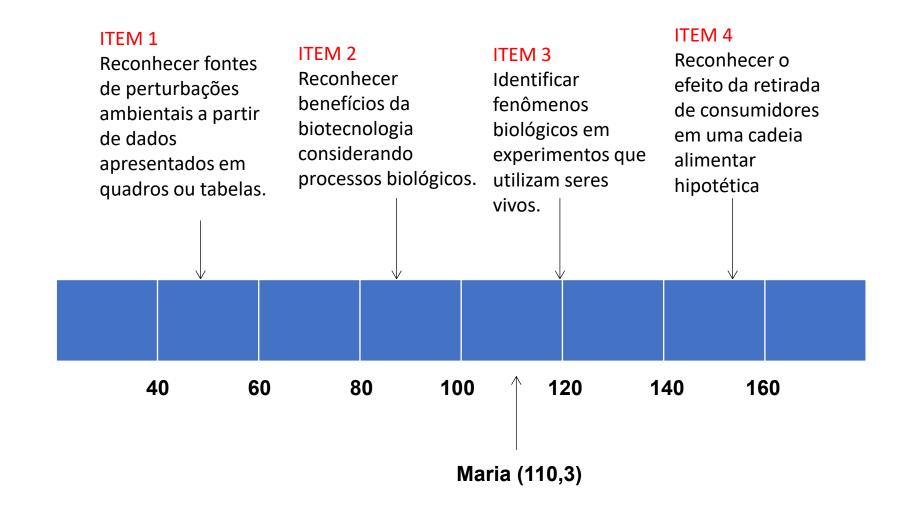
# DESCRIÇÃO DO ITEM

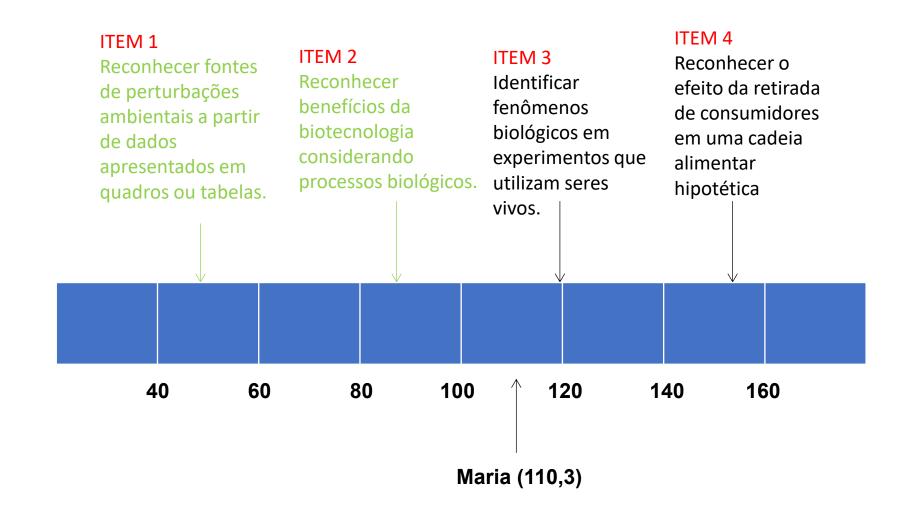
Os personagens da figura estão representando uma situação hipotética de cadeia alimentar. Suponha que, em cena anterior à apresentada, o homem tenha se alimentado de frutas e grãos que conseguiu coletar. Na hipótese de, nas próximas cenas, o tigre ser bem-sucedido e, posteriormente, servir de alimento aos abutres, tigre e abutres ocuparão, respectivamente, os níveis tróficos de



- A) produtor e consumidor primário.
- B) consumidor primário e consumidor secundário.
- C) consumidor secundário e consumidor primário.
- D) consumidor terciário e produtor.
- E) consumidor secundário e consumidor terciário.

Reconhecer níveis tróficos de consumidores em uma cadeia alimentar hipotética.





# DESCRIÇÃO DO ITEM

Os personagens da figura estão representando uma situação hipotética de cadeia alimentar. Suponha que, em cena anterior à apresentada, o homem tenha se alimentado de frutas e grãos que conseguiu coletar. Na hipótese de, nas próximas cenas, o tigre ser bem-sucedido e, posteriormente, servir de alimento aos abutres, tigre e abutres ocuparão, respectivamente, os níveis tróficos de

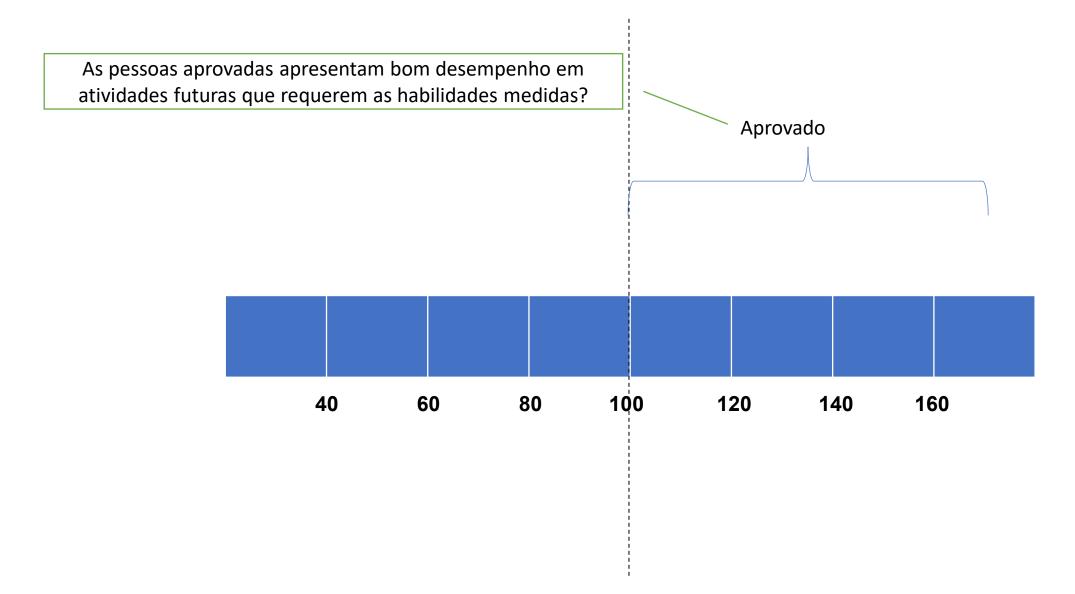


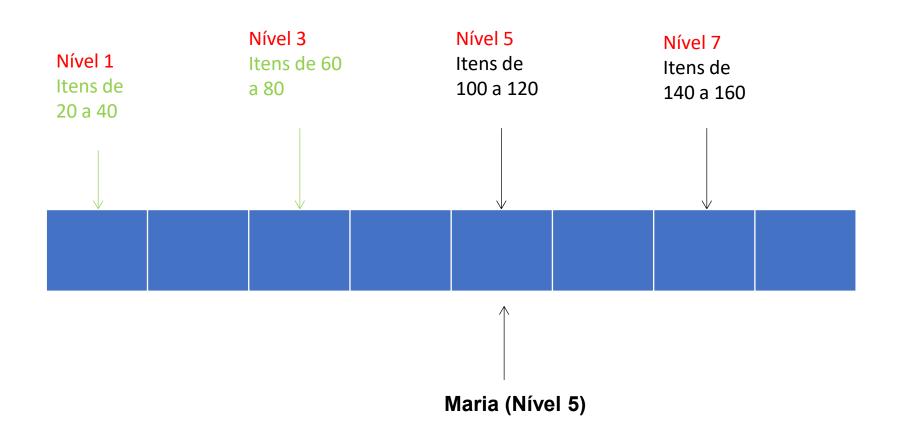
- A) produtor e consumidor primário.
- B) consumidor primário e consumidor secundário.
- C) consumidor secundário e consumidor primário.
- D) consumidor terciário e produtor.
- E) consumidor secundário e consumidor terciário.

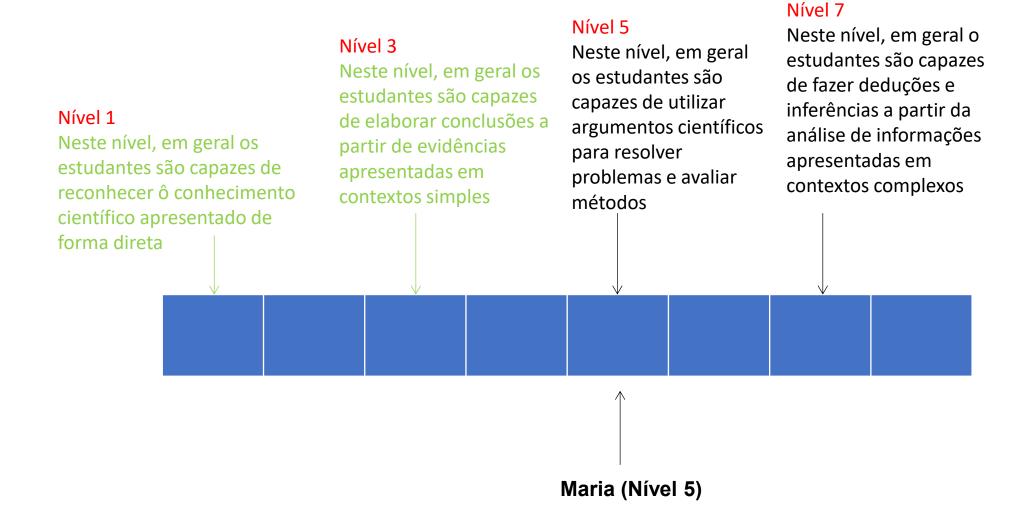
Sem pegadinhas nas alternativas

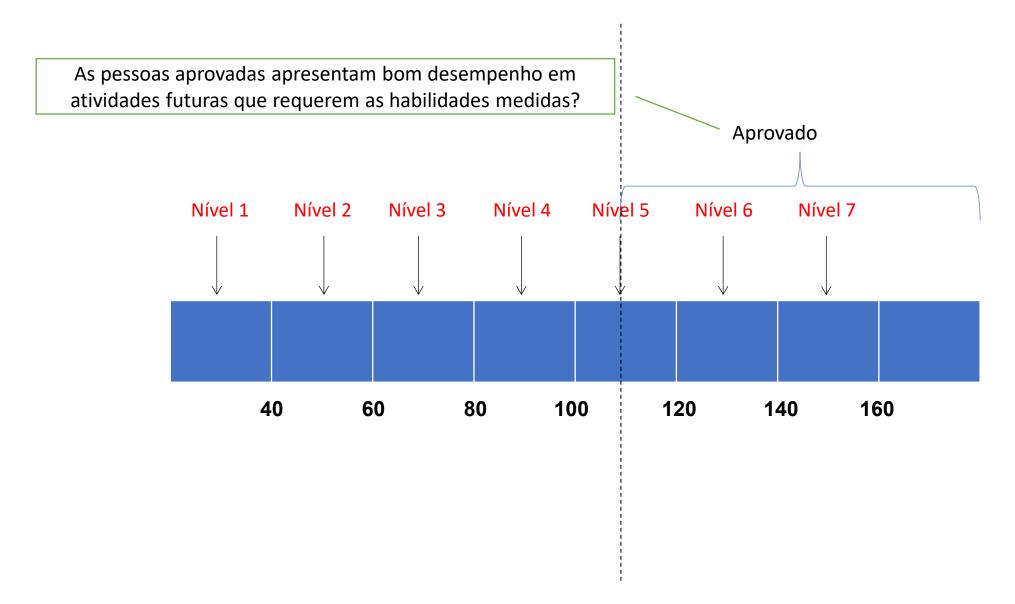
Deve medir aquilo que dizemos que estamos medindo

Reconhecer níveis tróficos de consumidores em uma cadeia alimentar hipotética.



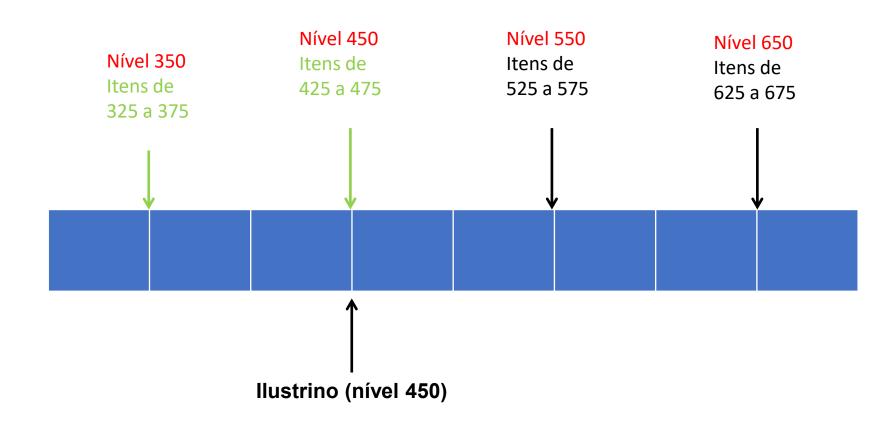






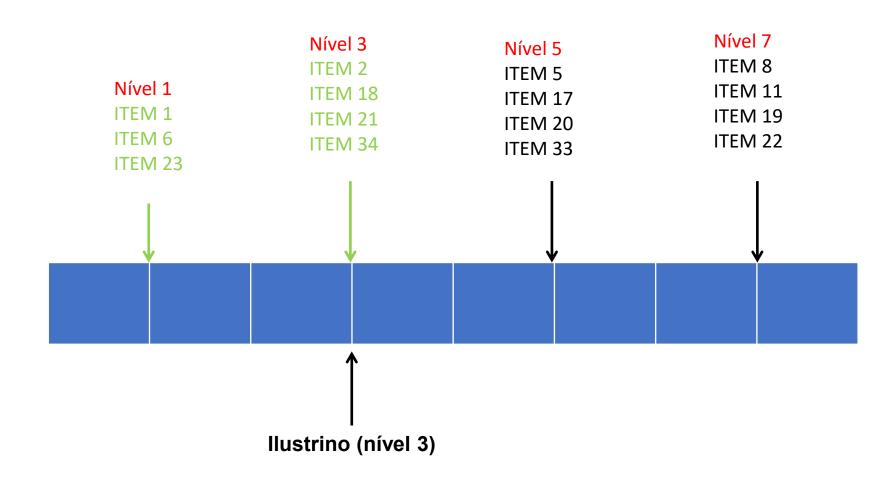
Em que nível o item tem uma proporção de acerto tão alta a ponto de essa proporção ser bem maior do que a do nível anterior?

- Estabelecimento de níveis na escala
  - Por exemplo: a partir de 350, a cada meio desvio padrão há um novo nível centrado no ponto



Em que nível o item tem uma proporção de acerto tão alta a ponto de essa proporção ser bem maior do que a do nível anterior?

- Estabelecimento de níveis na escala
  - Por exemplo: a partir de 350, a cada meio desvio padrão há um novo nível centrado no ponto
- Posicionamento do item âncora (BEATON; ALLEN, 1992):
  - 65% das pessoas deste nível acertaram o item
  - Menos 50% das pessoas do nível anterior acertaram o item
  - Diferença entre essas porcentagens deve se maior do que 30%



#### Nível 5 capazes de fazer Nível 3 Neste nível, em geral os deduções e Neste nível, em geral os estudantes são capazes de inferências a partir estudantes são capazes utilizar argumentos da análise de Nível 1 de elaborar conclusões a científicos para resolver informações Neste nível, em geral os partir de evidências problemas e avaliar apresentadas em estudantes são capazes de apresentadas em métodos contextos complexos reconhecer ô conhecimento contextos simples científico apresentado de forma direta **llustrino (nível 3)**

Nível 7

Neste nível, em geral

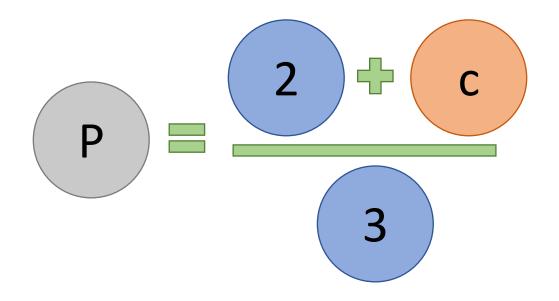
o estudantes são

O quanto uma pessoa precisa ter do traço latente para ter uma alta probabilidade de acertar o item?

Traço latente da pessoa

$$P(U_{ij} = 1) = c_i + (1 - c_i) \frac{1}{1 + e^{-a_i (\theta_j - b_i)}}$$

Probabilidade de acertar o item



O quanto uma pessoa precisa ter do traço latente para ter uma alta probabilidade de acertar o item?

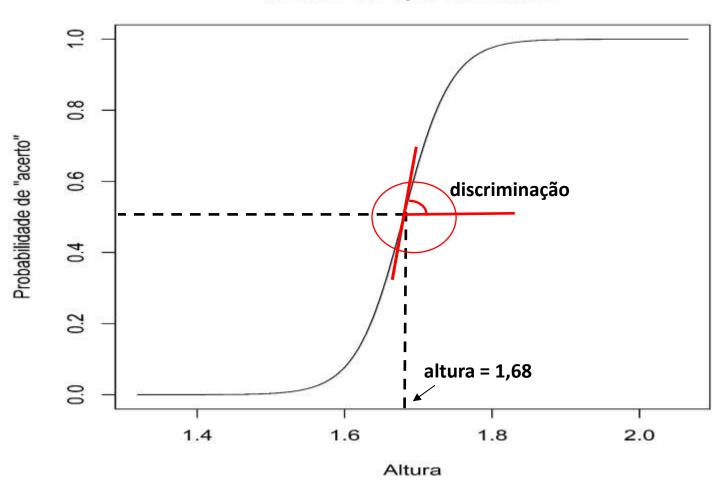
$$P(U_{ij} = 1) = c_i + (1 - c_i) \frac{1}{1 + e^{-a_i(\theta_j - b_i)}}$$

O quanto uma pessoa precisa ter do traço latente para ter uma alta probabilidade de acertar o item?

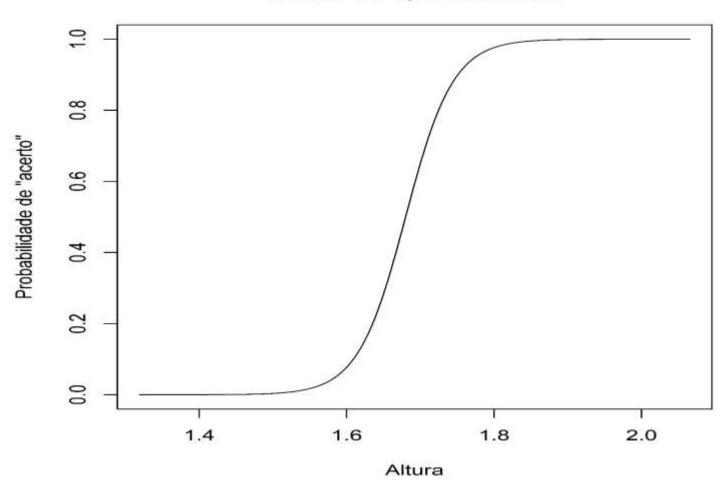
$$P(U_{ij} = 1) = c_j + (1 - c_j) \frac{1}{1 + e^{-c_j(\theta_j)}}$$

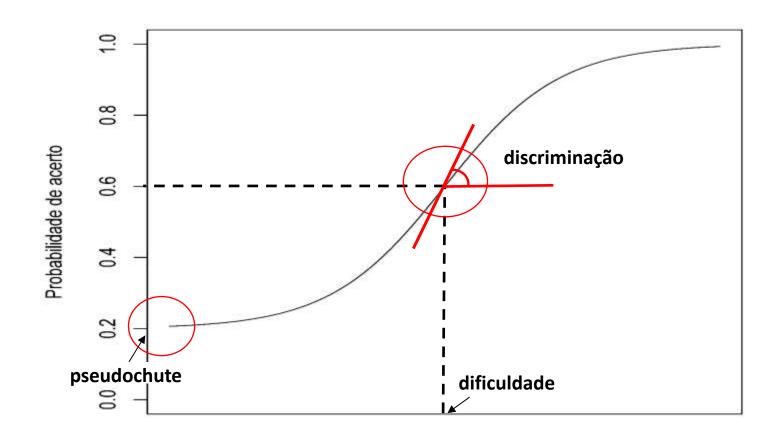
$$P(U_{ij} = 1) = \frac{2 + c_i}{3}$$

#### Item 7 do questionário



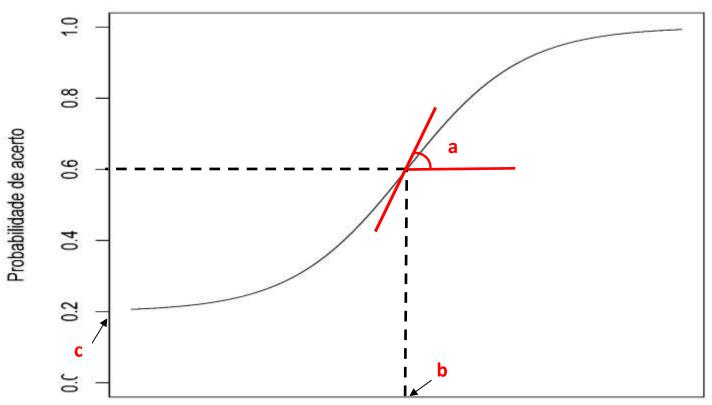
#### Item 7 do questionário





Proficiência (habilidade)

$$P(U_{ij} = 1 \mid \theta_j, a_i, b_i, c_i) = c_i + (1 - c_i) \frac{1}{1 + e^{-a_i(\theta_j - b_i)}}$$



Proficiência (habilidade)

## Obrigado novamente!

contato: alexandre.jaloto@inep.gov.br



Título

Insira o logo aqui



Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Maecenas id dapibus diam. Nulla justo ligula, euismod eu vulputate sit amet, sagittis sed erat. Maecenas efficitur condimentum lorem. Nullam non risus non ante pharetra scelerisque eget in sem. Nulla facilisi. Praesent vel erat sit amet nibh tristique auctor ac nec nulla. Vestibulum congue nibh et ex vestibulum mollis. Aliquam erat volutpat. Nunc placerat, orci vitae tempus placerat, justo risus auctor sapien, sed ornare risus turpis mollis purus. Donec a lobortis nibh. Aenean tellus odio, tempor nec lectus eget, aliquam pharetra ipsum. Duis facilisis risus nec neque tempus, sit amet bibendum ante bibendum. Fusce a efficitur sapien. Mauris consequat mollis erat vel rhoncus. Etiam nec neque lectus. Suspendisse ultricies laoreet maximus.

Phasellus pulvinar sagittis est sed faucibus. Etiam dapibus luctus aliquet. Aliquam id hendrerit nunc. Aliquam libero arcu, dapibus vel tristique id, auctor non mi. Phasellus et ipsum semper, interdum enim vulputate, vestibulum ante. Maecenas quam quam, convallis vel lacus vel, placerat ultrices dui. Vestibulum molestie sem sit amet orci tristique dignissim. Fusce nec ullamcorper risus. Morbi vel nisl tempus velit lacinia elementum ac non magna. Quisque ante justo, accumsan sit amet mollis eget, tempor sed ex. Integer imperdiet aliquam suscipit. Vivamus scelerisque vel nisl eget malesuada.



#### **Título**

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Maecenas id dapibus diam. Nulla justo ligula, euismod eu vulputate sit amet, sagittis sed erat. Maecenas efficitur condimentum lorem. Nullam non risus non ante pharetra scelerisque eget in sem. Nulla facilisi. Praesent vel erat sit amet nibh tristique auctor ac nec nulla.

Vestibulum congue nibh et ex vestibulum mollis. Aliquam erat volutpat. Nunc placerat, orci vitae tempus placerat, justo risus auctor sapien, sed ornare risus turpis mollis purus. Donec a lobortis nibh. Aenean tellus odio, tempor nec lectus eget, aliquam pharetra ipsum. Maecenas efficitur condimentum lorem. Nullam non risus non ante pharetra scelerisque eget in sem. Nulla facilisi. Praesent vel erat sit amet nibh tristique auctor ac nec nulla.

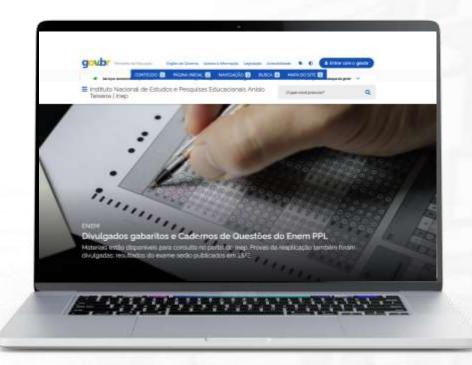




### **Título**

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Maecenas id dapibus diam. Nulla justo ligula, euismod eu vulputate sit amet, sagittis sed erat. Maecenas efficitur condimentum lorem. Nullam non risus non ante pharetra scelerisque eget in sem. Nulla facilisi. Praesent vel erat sit amet nibh tristique auctor ac nec nulla.

Vestibulum congue nibh et ex vestibulum mollis. Aliquam erat volutpat. Nunc placerat, orci vitae tempus placerat, justo risus auctor sapien, sed ornare risus turpis mollis purus. Donec a lobortis nibh. Aenean tellus odio, tempor nec lectus eget, aliquam pharetra ipsum. Maecenas efficitur condimentum lorem. Nullam non risus non ante pharetra scelerisque eget in sem. Nulla facilisi. Praesent vel erat sit amet nibh tristique auctor ac nec nulla.

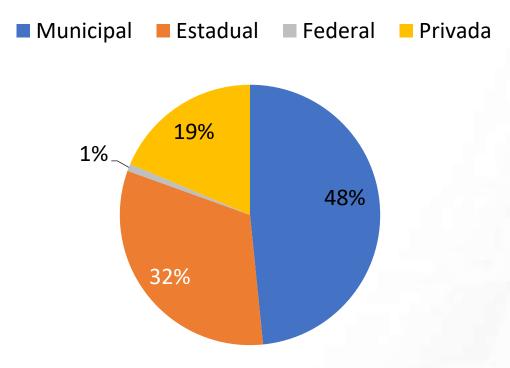




Cabeçalho				
1ª Linha	Lorem Ipsum	Lorem Ipsum	Lorem Ipsum	Lorem Ipsum
2ª linha	Lorem Ipsum	Lorem Ipsum	Lorem Ipsum	Lorem Ipsum
3ª linha	Lorem Ipsum	Lorem Ipsum	Lorem Ipsum	Lorem Ipsum
4ª linha	Lorem Ipsum	Lorem Ipsum	Lorem Ipsum	Lorem Ipsum

<sup>\*</sup>Sempre inserir a fonte da tabela.

# Percentual de Matrículas nas Educação Básica, segundo a dependência administrativa - Brasil - 2020



<sup>\*</sup>Sempre inserir a fonte do gráfico.

#### Confira o portal gov.br/inep e siga nossas redes sociais

















#### Fale conosco

0800 616161 <u>Autoatendimento</u>

#### **Contatos**

(61) 2022 xxxx xxxxx@inep.gov.br



