







Data Science Academy

Seja muito bem-vindo(a)!





Data Science
Academy

Algoritmos de Machine Learning e Modelos Preditivos







Modelos Descritivos

- Quantos clientes perdemos nos últimos 3 meses?
- As fraudes aumentaram ou diminuíram no último ano?



Modelos Preditivos

- Quantos clientes podemos conquistar nos próximos 3 meses?
- As fraudes aumentarão ou diminuirão no próximo ano?



Modelo Preditivo é uma função matemática que, aplicada a uma massa de dados, consegue identificar padrões ocultos e prever o que poderá ocorrer.



Aprendizagem

Supervisionada

Aprendizagem Não Supervisionada

Métodos Baseados em Instância

Métodos Probabilísticos

Métodos Baseados em Procura

Métodos Baseados em Otimização



A construção de bons modelos preditivos implica o domínio de um conjunto de metodologias e conceitos sem os quais a qualidade poderá ser afetada.



O objetivo da análise preditiva é ir além das estatísticas e mostrar, através dos dados coletados, uma melhor visão do que vai acontecer no futuro. Assim é possível coletar insights que levarão a decisões melhores.















Data Science Academy

A Importância do Modelo Preditivo





Suponhamos uma operadora de telefonia móvel. Um dos principais problemas de empresas deste segmento é a taxa de perda de clientes ou churn rate.

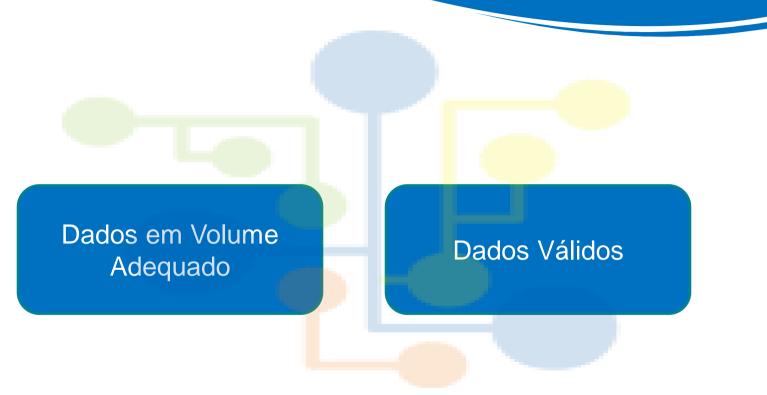




Agregando ao modelo regras de negócio, como agrupar clientes por rentabilidade, a operadora pode fazer ofertas diferenciadas para evitar a desconexão.



Machine Learning









Cri<mark>ar inicia</mark>tivas de Big Data Anal<mark>ytics, não é simplesmente adquirir tecnologias.</mark>



Identifique com a maior precisão possível o problema de negócio.

Quanto mais precisa a pergunta, mais precisa será a resposta e, portanto, maior o valor da resposta.



Mas não superestime o valor da predição.

Mesmo em uma sociedade cada vez mais data-driven, a intuição muitas vezes é necessária.



Tenha dados em v<mark>olum</mark>e e quali<mark>dade a</mark>dequados.

Sem qualidade, o volume não tem valor.



E não subestime o desafio da implementação.

Não basta ter apenas a tecnologia, é necessário expertise (conhecimento do negócio, tecnologia, modelagem) para fazer a coisa acontecer.









Data Science Academy

O que é um Modelo Preditivo?





Modelo Preditivo

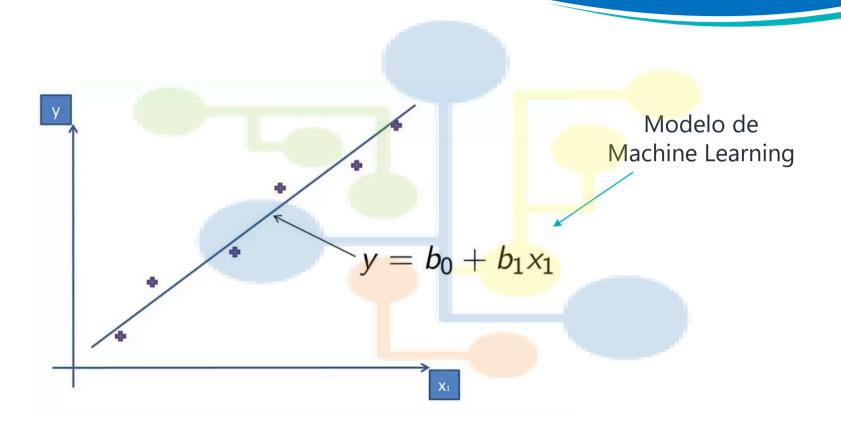


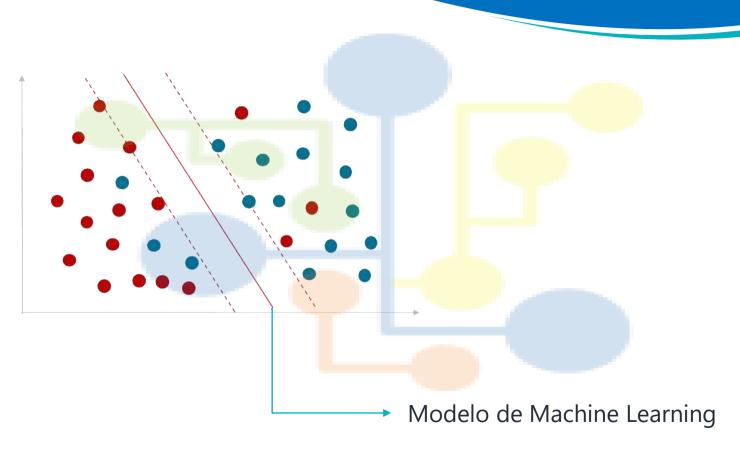
Modelo Preditivo é uma função matemática, aproximada, encontrada através do treinamento com dados e que permite fazer previsões.



O modelo pode empregar uma equação linear simples, ou pode ser uma rede neural complexa.









Como o Modelo Preditivo é Construído?

Machine Learning

Classificação

Variáveis Preditoras

Espécie	Tamanho (Petal)	Largura (Petal)	Tamanho (Sepal)	Largura (Sepal)
Setosa	5.1	3.5	1.4	0.2
Setosa	4.9	3.0	1.4	0.2
Versicolor	7.0	3.2	4.7	1.4
Versicolor	6.4	3.2	4.5	1.5
Virgínica	6.3	3.3	6.0	2.5
Virgínica	5.8	2.7	5.1	1.9

Classe (Variável Target ou Variável Alvo ou Label)



O objetivo do aprendizado de máquina é aprender a aproximação da função f que melhor representa a relação entre os atributos de entrada (chamadas variáveis preditoras) com a variável target.



Regressão

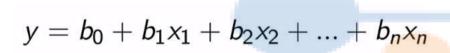
Variáveis Preditoras

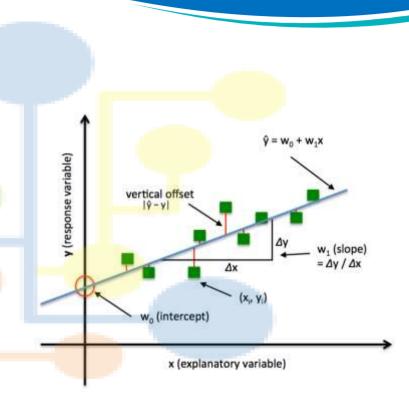
Salário (R\$)	Idade	Anos de Estudo	Salário Médio dos Pais	Número de Filhos
8.000	28	15	9.000	4
7.450	24	17	6.700	5
12.000	32	20	11.200	3
23.500	35	22	20.300	2
25.900	38	25	22.100	1

Classe (Variável Target ou Variável Alvo ou Label)











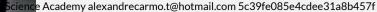
Principais Métodos de Aprendizagem

Métodos Baseados em Instância

Métodos Probabilísticos

Métodos Baseados em Procura

Métodos Baseados em Otimização



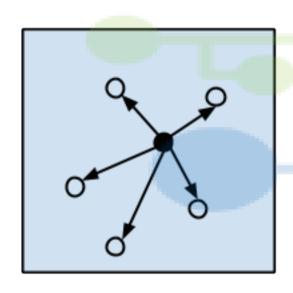




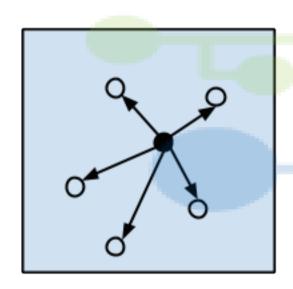
Data Science
Academy

Aprendizagem Baseada em Instância

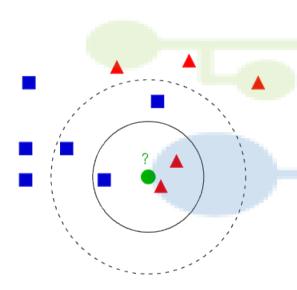




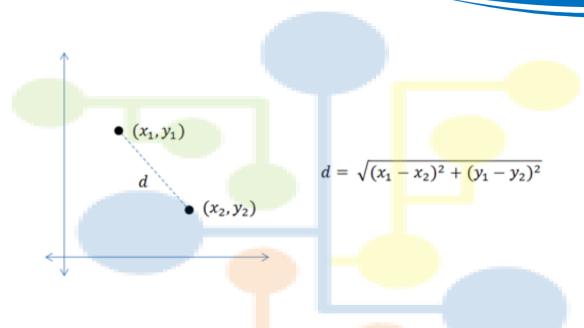
Métodos de Aprendizagem Baseados em Instâncias



A aprendizagem consiste somente em armazenar os exemplos de treinamento!



O conceito base por trás deste método é que os dados tendem a estar concentrados em uma mesma região no espaço de entrada.



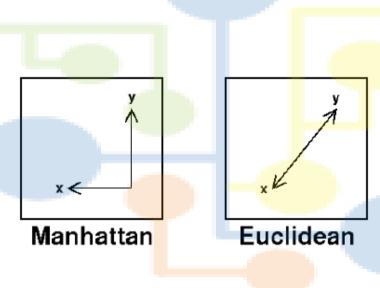
Para compensar as diferenças de unidade entre os atributos contínuos, temos que normalizá-los para ficar no intervalo [0,1].



Métodos de aprendizagem baseados em instâncias assumem que as instâncias podem ser representadas como pontos em um espaço Euclidiano.



Outras Medidas de Distância





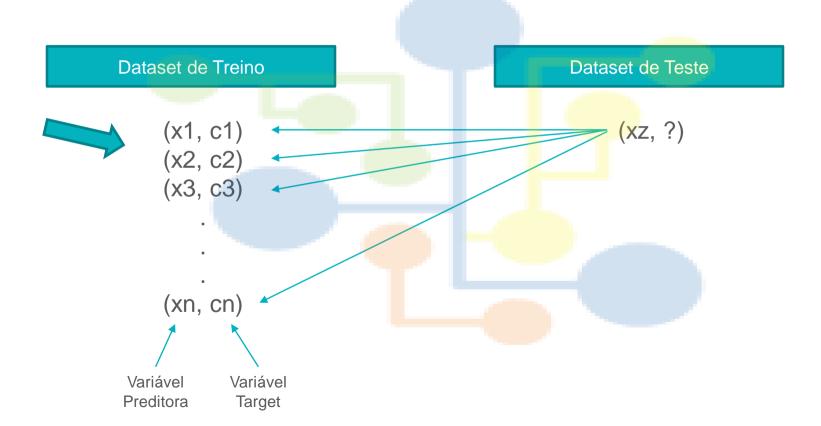
Outras Medidas de Distância

- Correlação de Pearson Coeficiente de correlação usado em estatística. Muito usado em bioinformática.
- Similaridade de Cosseno Cosseno do ângulo entre os vetores.
 Usado para classificação de textos e outros dados de alta dimensão.
- Distância de edição Usado para medir distância entre strings.
 Usado em classificação de textos e bioinformática.

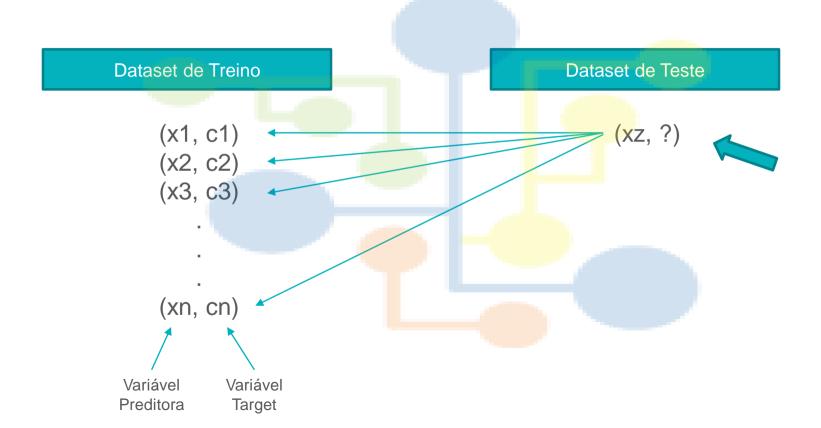


Vejamos um exemplo de como ocorre a aprendizagem através de método baseado em instância.

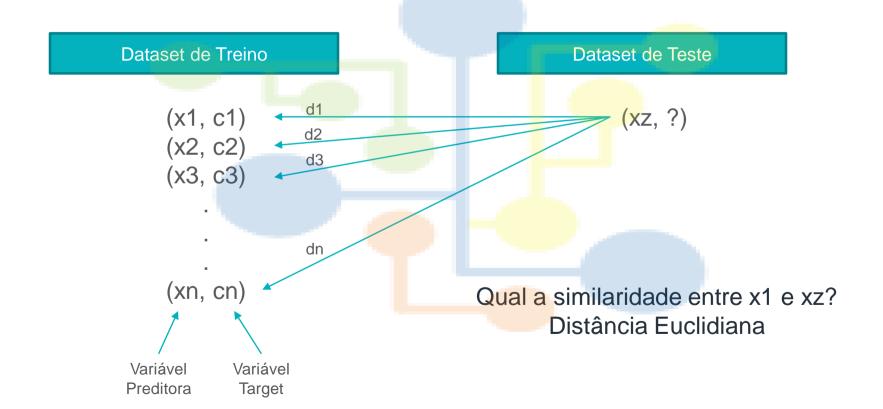




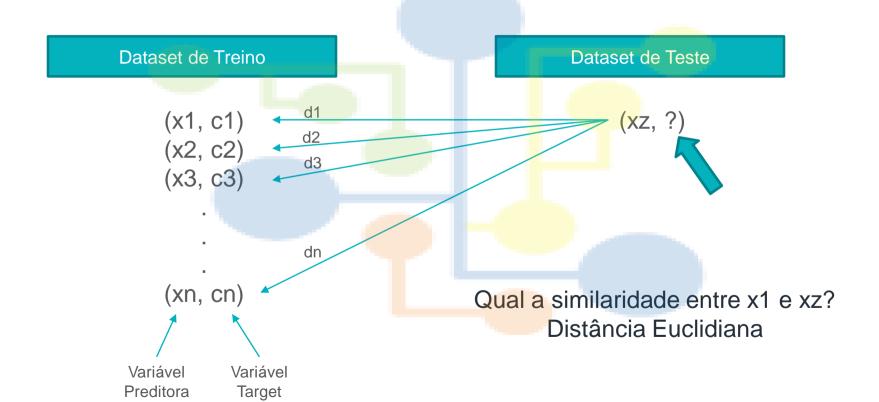




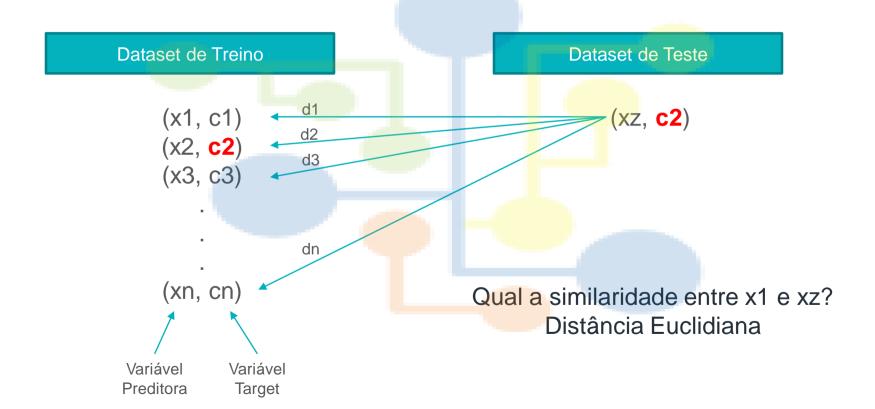














Métodos Baseados em Instância

Constroem aproximações da função alvo para cada instância de teste diferente.

Métodos Baseados em Instância

Os métodos de aprendizagem baseados em instâncias são métodos não paramétricos.



Métodos Baseados em Instância

Uma desvantagem é o alto custo para classificação. Toda computação ocorre no momento da classificação.

Outras Características:

- Ao contrário das outras abordagens, não ocorre a construção de um modelo de classificação explícito.
- Novos exemplos são classificados com base na comparação direta e similaridade aos exemplos de treinamento.
- Treinamento pode ser fácil, apenas memoriza exemplos.
- Teste pode ser intenso computacionalmente pois requer comparação com todos os exemplos de treinamento.
- Métodos baseados em instância favorecem a similaridade global e não a simplicidade do conceito.



KNN K – Nearest Neighbours

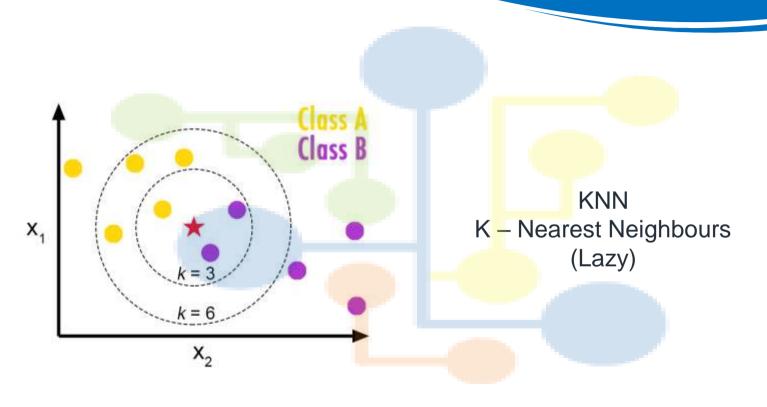
Objetos relacionados ao mesmo conceito são semelhantes entre si.



Regra do KNN

Classificar xz atribuindo a ele o rótulo representado mais frequentemente dentre as k amostras mais próximas e utilizando um esquema de votação.









Data Science Academy

Aprendizagem Baseada em Métodos Probabilísticos



Métodos Probabilísticos

Os métodos probabilísticos bayesianos assumem que a probabilidade de um evento A, que pode ser uma classe, dado em um evento B, não depende apenas da relação entre A e B, mas também da probabilidade de observar A independentemente de B.

$$P(A \mid B) = \frac{P(B \mid A)P(A)}{P(B)}$$



Decisões ótimas podem ser tomadas com base nessas probabilidades conjuntamente com os dados observados e fornece uma solução quantitativa ponderando a evidência e suportando hipóteses alternativas. Fornece a base para algoritmos de aprendizagem que manipulam probabilidades bem como outros algoritmos que não manipulam probabilidades explicitamente.



Os Métodos Probabilísticos são relevantes por dois motivos:

- 1. Fornecem algoritmos de aprendizagem práticos:
- Aprendizagem Naïve Bayes
- Aprendizagem de Redes Bayesianas
- Combinam conhecimento a priori com os dados observados



Os Métodos Probabilísticos são relevantes por dois motivos:

2. Fornecem uma estrutura conceitual útil:

Fornecem a "norma de ouro" (regra do menor erro possível) para avaliar outros algoritmos de aprendizagem.



Cada exemplo de treinamento pode decrementar ou incrementar a probabilidade de uma hipótese ser correta.



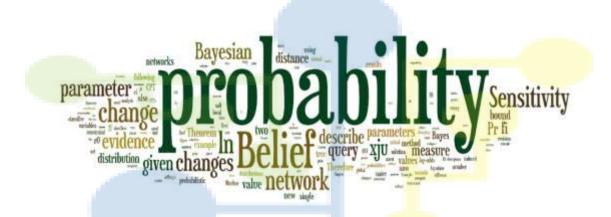


Métodos Bayesianos podem acomodar hipóteses que fazem predições probabilísticas.

(Ex: Este paciente tem uma chance de 93% de se recuperar)

Novas instâncias podem ser classificadas combinando a probabilidade de múltiplas hipóteses ponderadas pelas suas probabilidades.





Vejamos um exemplo de como ocorre a aprendizagem através de métodos probabilísticos.

Machine Learning

P(Doença = presente) = 0.08

P(Doença = ausente) = 0.92

P(Teste = positivo | Doença = presente) = 0.75

P(Teste = negativo| Doença = ausente) = 0.96



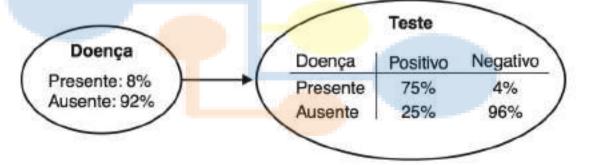




P(Doença = ausente) = 0.92

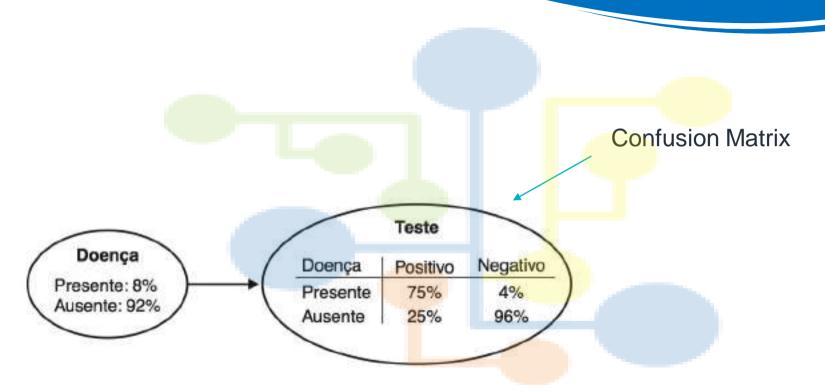
P(Teste = positivo | Doença = presente) = 0.75

P(Teste = negativo| Doença = ausente) = 0.96





Machine Learning





$$P(Doença = presente) = 0.08$$

P(Doença = ausente) = 0.92

P(Teste = positivo | Doença = presente) = 0.75

P(Teste = negativo| Doença = ausente) = 0.96

$$P(A) = P(A|B) \times P(B)$$

Qual é o poder preditivo do teste com respeito à doença? É possível calcular as probabilidades a priori para a variável **Teste**.





P(Teste = positivo) =

- = P(Teste = positivo) | Doença = presente) x P(Doença = presente)
- + P(Teste = positivo | Doença = ausente) x P(Doença = ausente)
- $= 0.75 \times 0.08 \times 0.04 \times 0.92 = 0.0968$

P(Teste = negativo) =

- = P(Teste = negativo) | Doença = presente) x P(Doença = presente)
- + P(Teste = negativo | Doença = ausente) x P(Doença = ausente)
- $= 0.25 \times 0.08 \times 0.96 \times 0.92 = 0.9032$



Naive Bayes



Naïve Bayes Classifier

$$P(A|B) = \frac{P(B|A) P(A)}{P(B)}$$

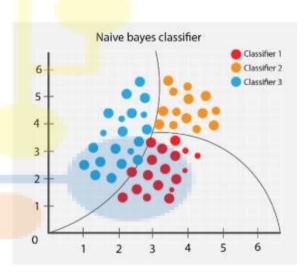


Thomas Bayes 1702 - 1761



Naive Bayes

$$P(A|B) = \frac{P(B|A) P(A)}{P(B)}$$





O classificador Naïve Bayes é baseado na suposição simplificadora de que os valores dos atributos são condicionalmente independentes dado o valor alvo.





Data Science
Academy

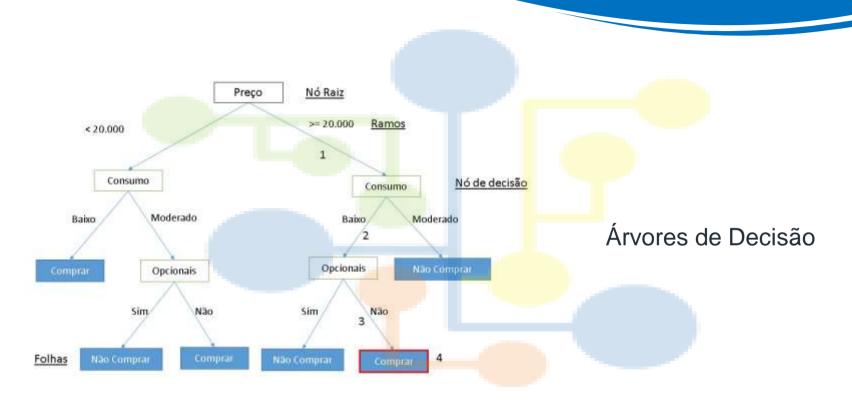
Aprendizagem Baseada em Procura



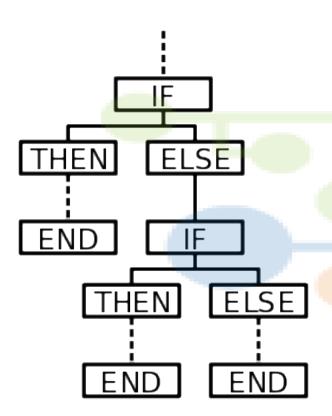






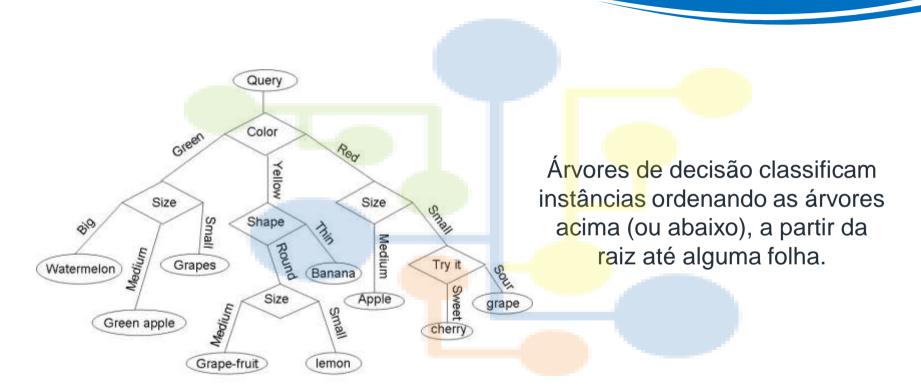


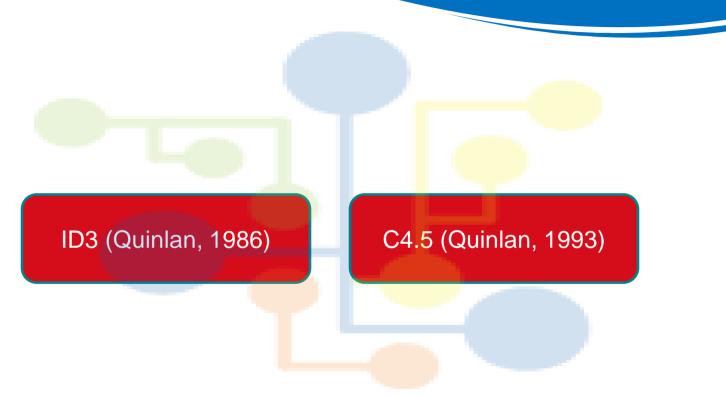




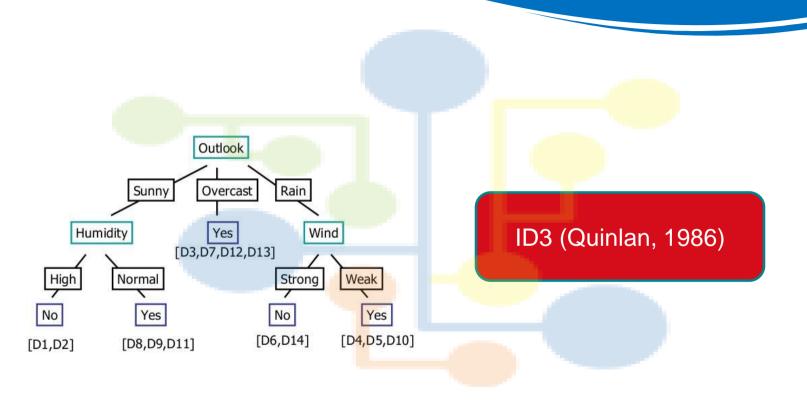
Árvores de decisão também podem ser representadas como conjuntos de regras SE-ENTÃO-SENÃO (IF-THEN-ELSE).



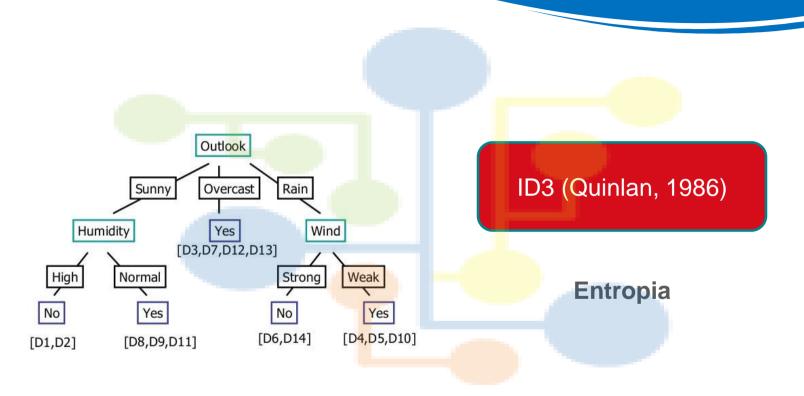


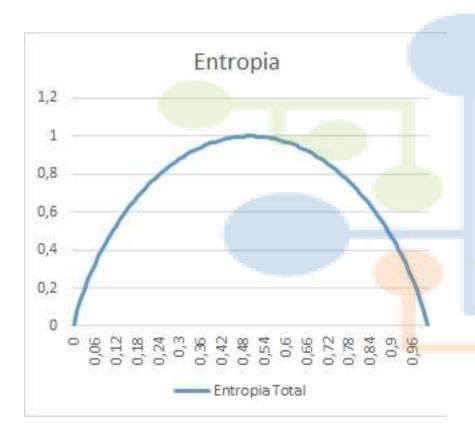




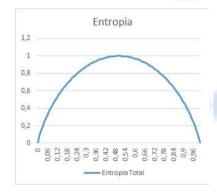








A Física usa o termo entropia para descrever a quantidade de desordem associada a um sistema.

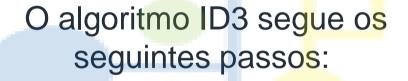


A incerteza ou impureza em um nó pode ser medida através da Entropia.

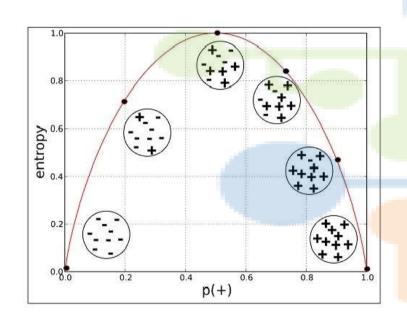
Se todos os exemplos são da mesma classe, então a entropia assume valor mínimo.

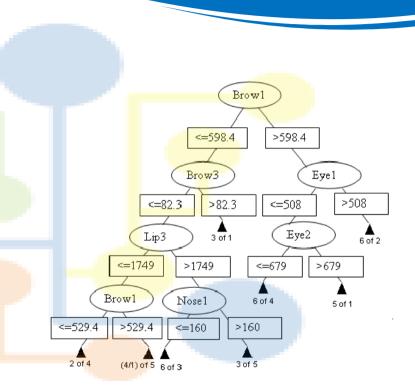
Se todos as classes têm o mesmo número de exemplos então a entropia assume o valor máximo.

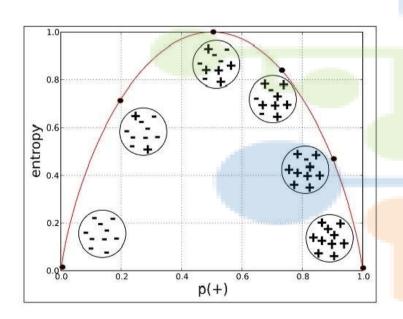






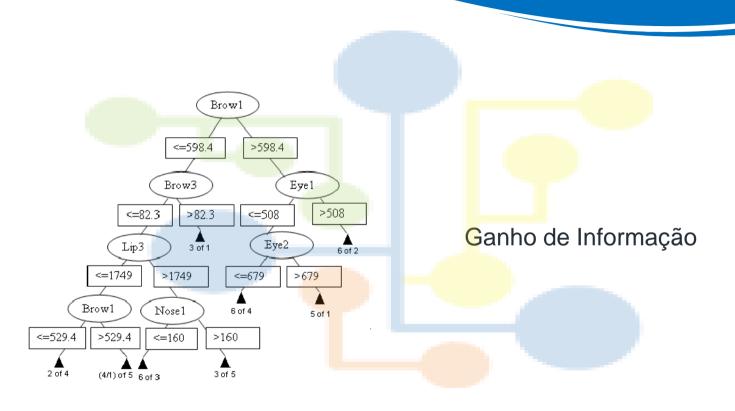






$$Entropia(S) = \sum p_i \log_2 p_i$$



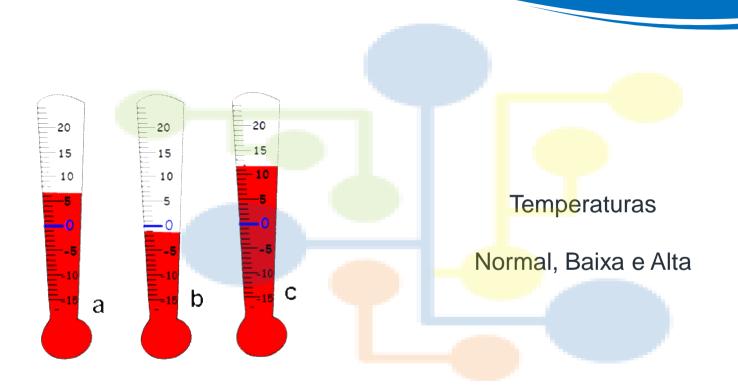




Entropia mede o nível de certeza que temos sobre um evento.

Ganho de Informação mede a efetividade de um atributo em classificar um conjunto de treinamento.





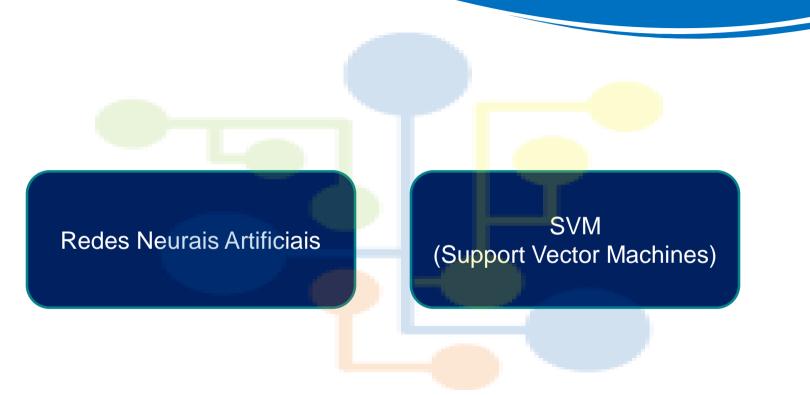




Data Science Academy

Aprendizagem Baseada em Otimização



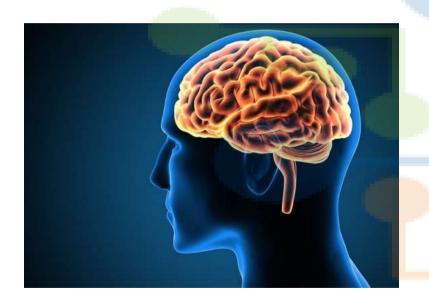






Data Science Academy

Aprendizagem com Redes Neurais Artificiais



A máquina mais incrível do Planeta Terra

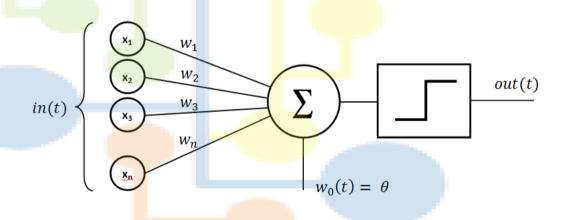








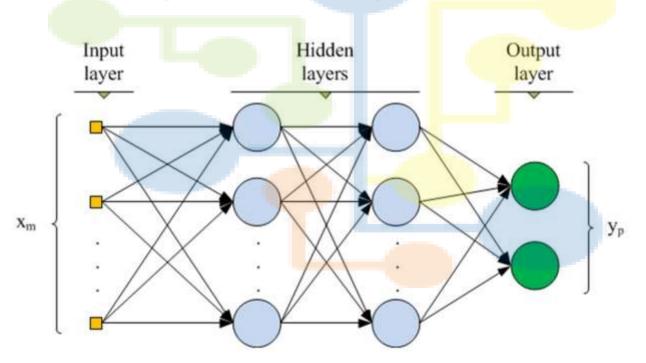
Perceptron



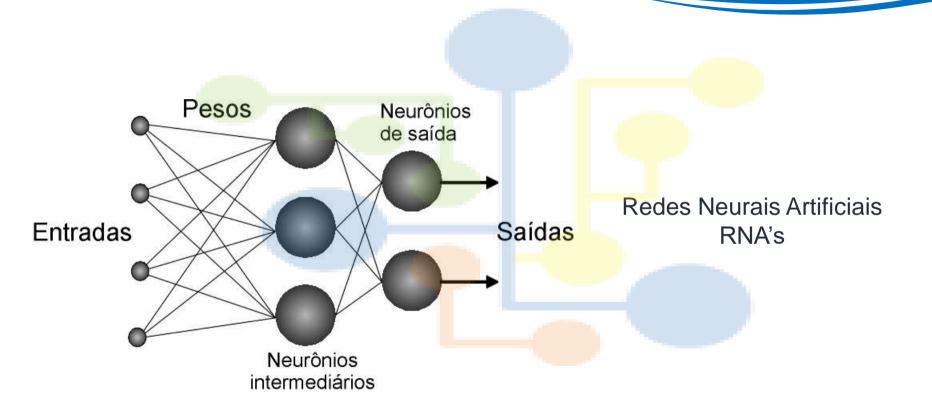
Representação de um Neurônio Matemático

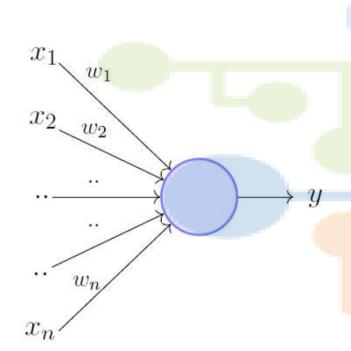


Perceptron de Múltiplas Camadas









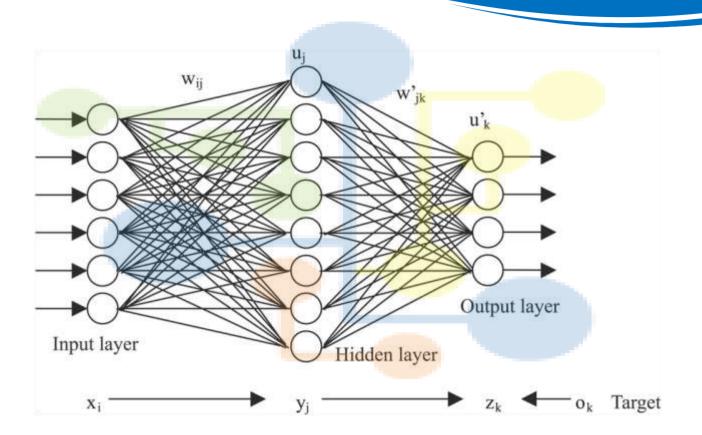
$$y = 1 \quad if \sum_{i=1}^{n} w_i * x_i \ge \theta$$
$$= 0 \quad if \sum_{i=1}^{n} w_i * x_i < \theta$$

Incluindo o Bias:

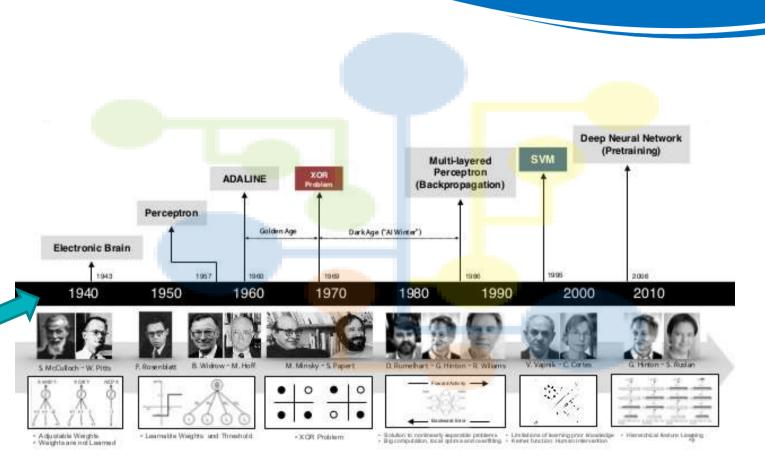
$$y = 1 \quad if \sum_{i=1}^{n} w_i * x_i - \theta \ge 0$$

$$= 0 \quad if \sum_{i=1}^{n} w_i * x_i - \theta < 0$$



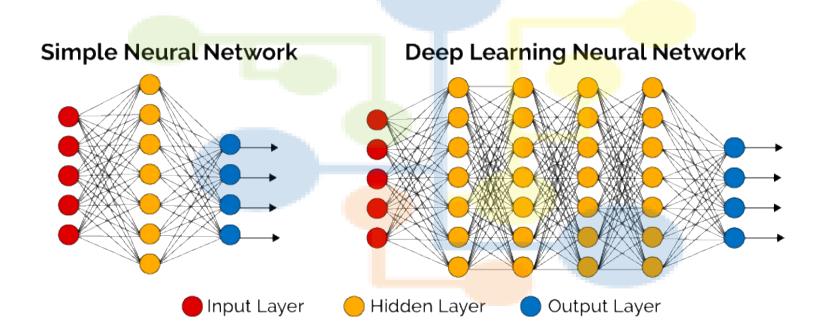






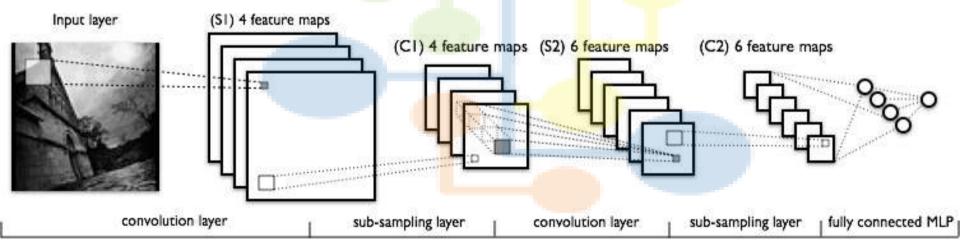






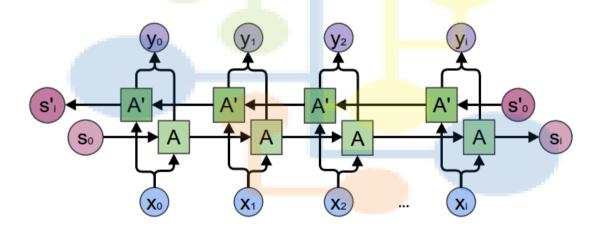


Redes Neurais Convulocionais (CNN – Convolutional Neural Networks)

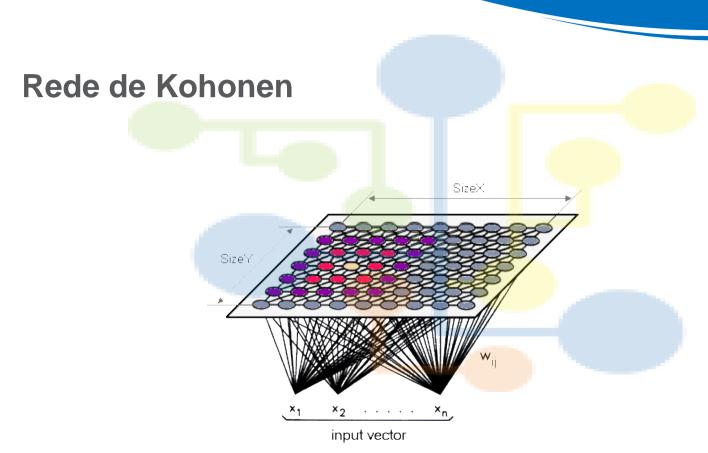




Redes Neurais Recorrentes (RNN – Recurrent Neural Networks)

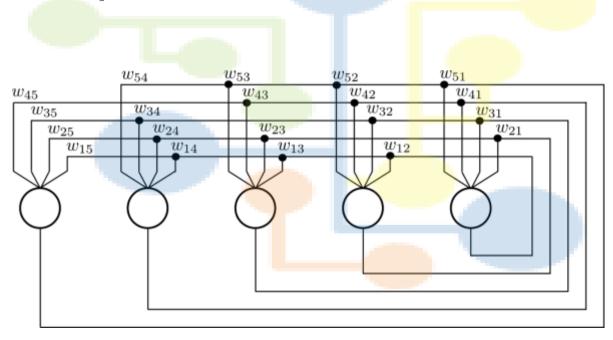








Rede de Hopfield



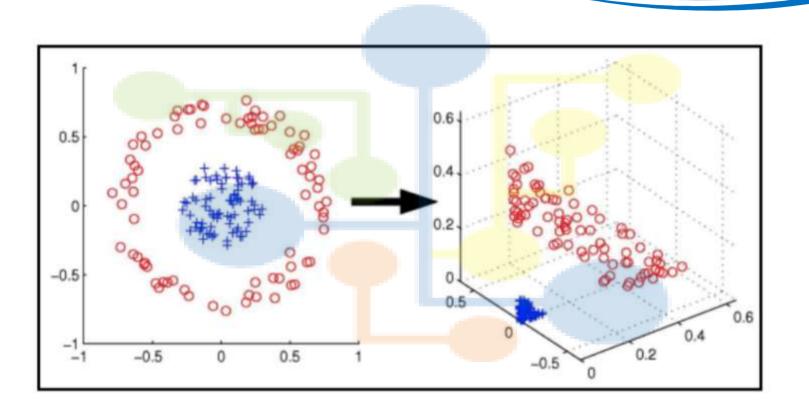




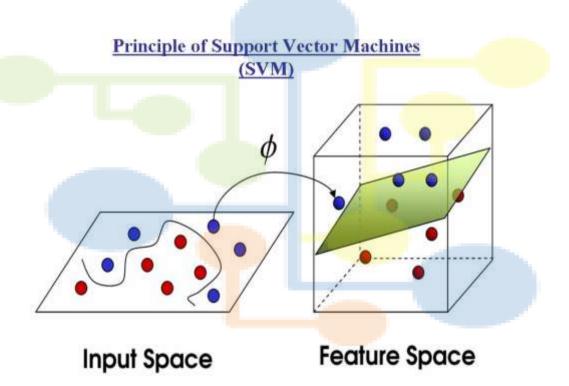


Data Science Academy

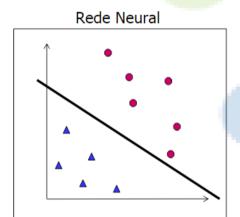
Aprendizagem com SVMs

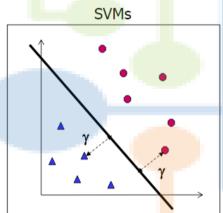






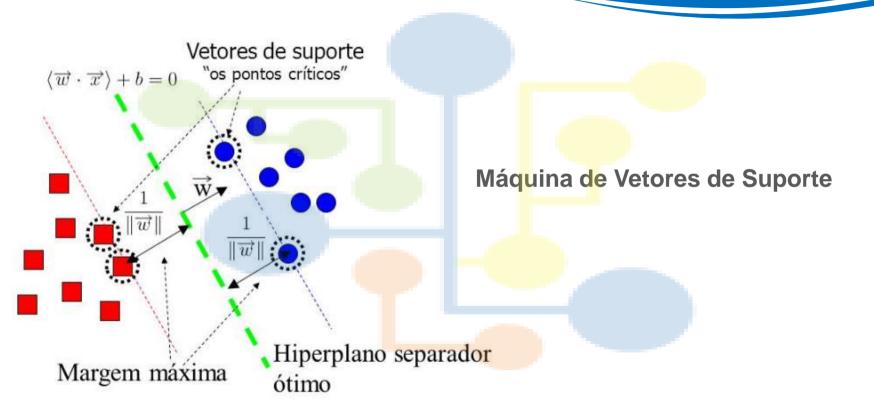






As máquinas de vetores de suporte são consideradas uma outra categoria das redes neurais.





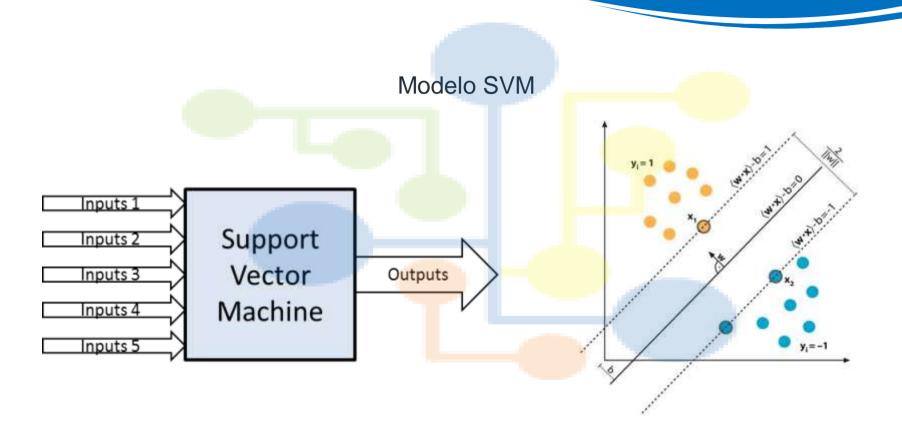


Vetores de suporte são simplesmente as coordenadas de observação individual.

Support Vector Machine é uma fronteira (hiperplano) que melhor segrega as duas classes.

A SVM é uma técnica de aprendizado estatístico, baseada no princípio da Minimização do Risco Estrutural (SRM) e pode ser usada para resolver problemas de classificação ou de regressão.





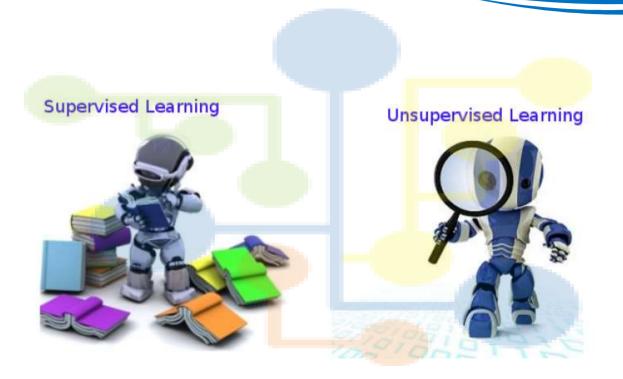




Data Science Academy

Aprendizagem Não Supervisionada Clusterização







Agrupar todos os clientes de sua locadora de automóveis em 10 grupos com base em seus hábitos de compra e usar uma estratégia separada para os clientes em cada um desses 10 grupos. Isso é Clusterização.

Agrupamento (Clustering) é a tarefa de dividir a população ou pontos de dados em um número de grupos de tal forma que os pontos de dados nos mesmos grupos são mais semelhantes a outros pontos de dados no mesmo grupo do que aqueles em outros grupos. Em palavras simples, o objetivo é segregar grupos com traços semelhantes e atribuí-los em clusters.

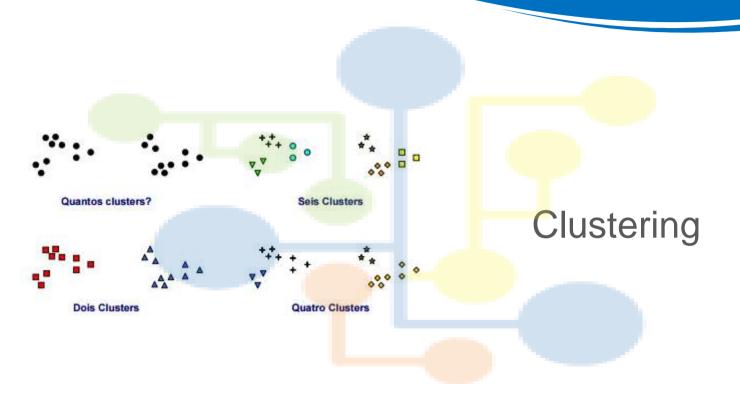


Clustering

$$X = \{X1, X2, ..., Xn\}$$

 $C = \{C1, C2, ..., Ck\}$







Medidas de Distância

Distância euclidiana: considera a distância entre dois elementos Xi e Xj no espaço p-dimensional:

$$d(X_{i}, X_{j}) = \left[\sum_{l=1}^{p} (x_{il} - x_{jl})^{2}\right]^{\frac{1}{2}}$$

Distância "city-block": corresponde à soma das diferenças entre todos os p atributos de dois elementos Xi e Xj, não sendo indicada para os casos em que existe uma correlação entre tais atributos:

$$d(X_{i}, X_{j}) = \sum_{l=1}^{p} |x_{il} - x_{jl}|$$



Normalização ⇒ variáveis com mesmo peso.

Min-Max para um atributo f:

$$s_{if} = \frac{x_{if} - \min_{f}}{\max_{f} - \min_{f}} \times (novoMax_{f} - novoMin_{f}) + novoMin_{f}$$

Z-score
$$z_{ij} = \frac{x_{ij} - m_f}{\sigma_f}$$

Desvio absoluto médio

$$s_f = \frac{1}{n}(|x_{1f} - m_f| + |x_{2f} - m_f| + ... + |x_{nf} - m_f|)$$



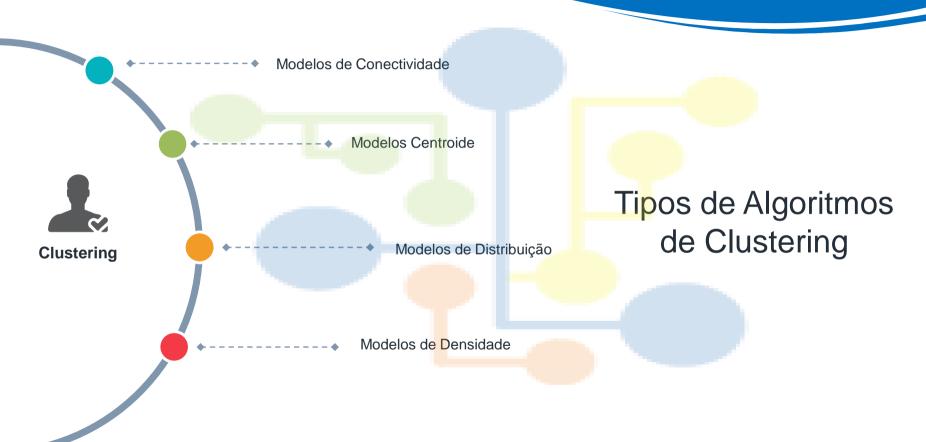


Tipos de Clustering

Hard Clustering

Soft Clustering







Métodos Utilizados para Clusterização

As heurísticas existentes para a solução de problemas de clusterização podem ser classificadas, de forma geral, em métodos hierárquicos e métodos de particionamento.

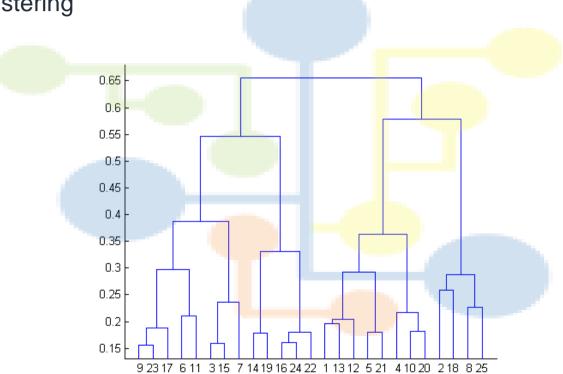








Hierarchical Clustering



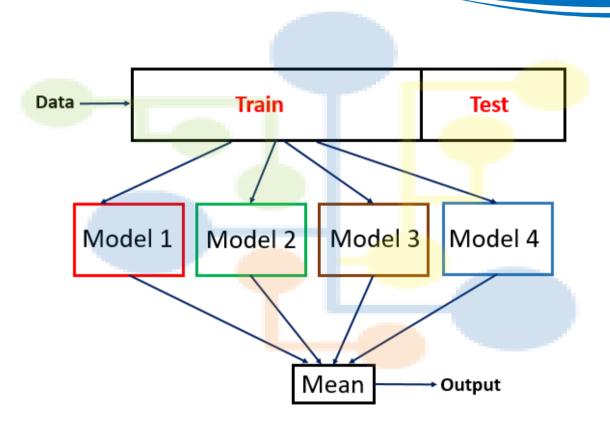




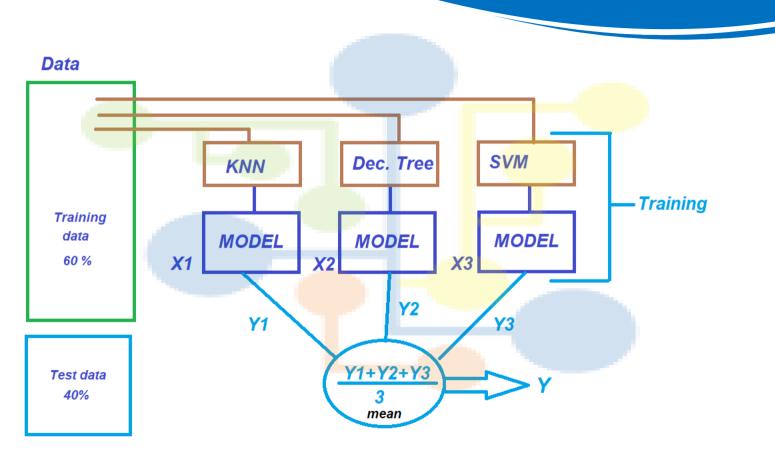
Data Science
Academy

Aprendizagem com Métodos Ensemble

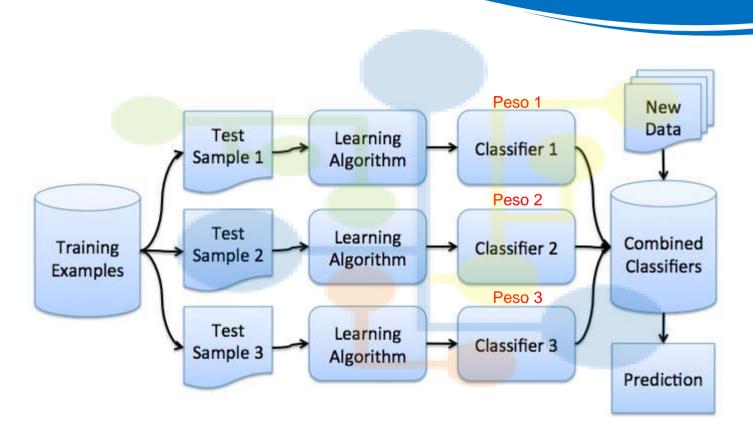




Machine Learning



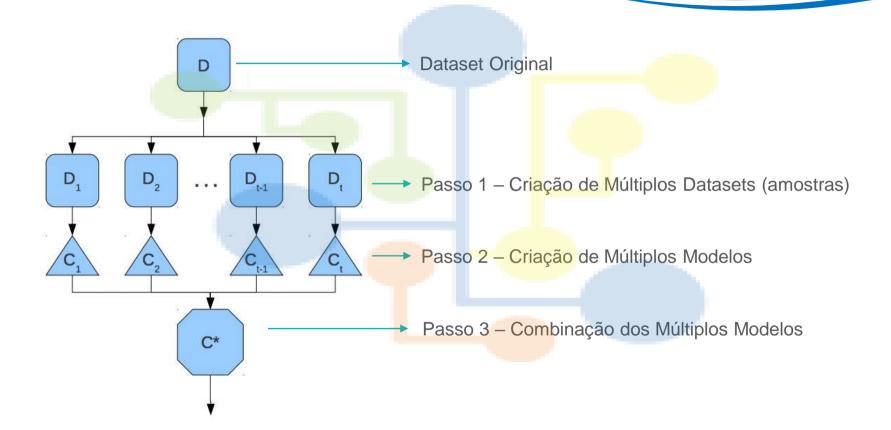






Isso é Método Ensemble Unimos as saídas de diferentes modelos para encontrar a melhor resposta para o problema.







Temos duas abordagens principais com Métodos Ensemble:

Bootstrap Aggregation ou Bagging

- Bagged CART
- Random Forest

Boosting

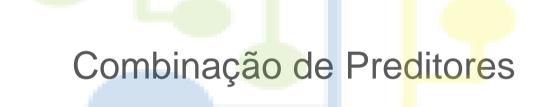
- C5.0
- Stochastic Gradient Boosting
- AdaBoost





Métodos Ensemble - Parte II





Machine Learning

Bootstrap Aggregating (Bagging)

Boosting

Voting



Bootstrap Aggregating (Bagging)

Para construção de múltiplos modelos (normalmente do mesmo tipo) a partir de diferentes subsets no dataset de treino.



Boosting

Para construção de múltiplos modelos (normalmente do mesmo tipo), onde cada modelo aprende a corrigir os erros gerados pelo modelo anterior, dentro da sequência de modelos criados.

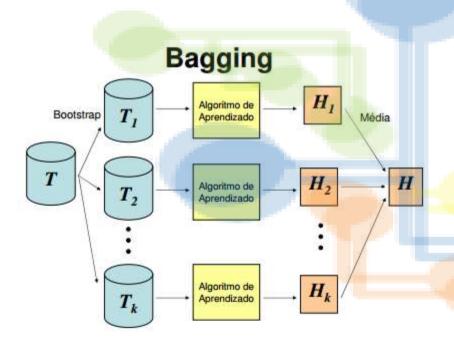


Voting

Para construção de múltiplos modelos (normalmente de tipos diferentes) e estatísticas simples (como a média) são usadas para combinar as previsões.



Bootstrap Aggregating (Bagging)



Bootstraps (amostras diferentes da base de dados que são usadas para aprender hipóteses diferentes)



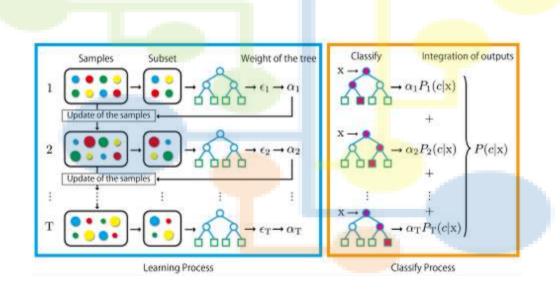
Boosting

- AdaBoost (Adaptive Boosting)
- Gradient Boosting
- XGBoost

O termo "Boosting" refere-se a uma família de algoritmos que converte modelos fracos em um modelo forte

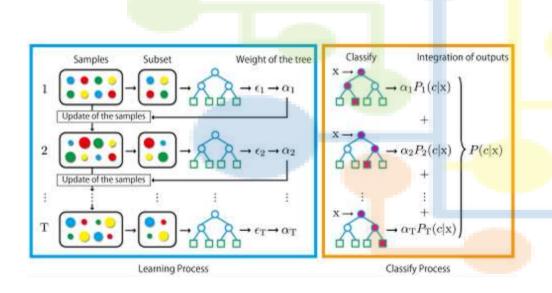
Machine Learning

Boosting





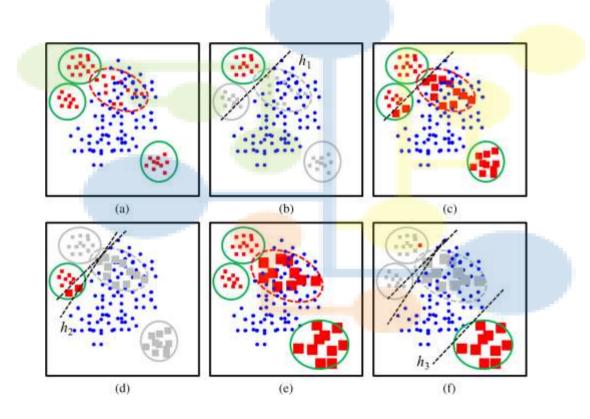
Boosting



- AdaBoost.M1
- AdaBoost.M2
- AdaBoost.R
- Adaboost.R2
- AdaBoost.RT
- Boosting Correlation Improvement (BCI)

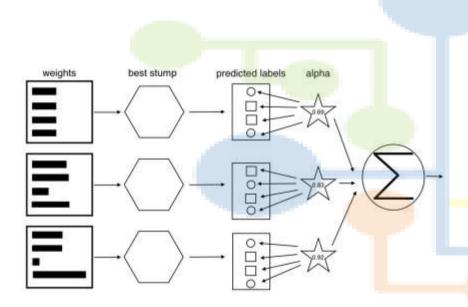


Adaboost





Adaboost



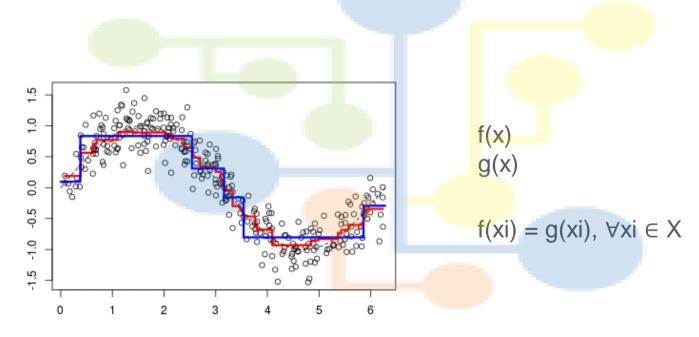
Entrada: (x1, y1), ..., (xm, ym)

x = vetor de características

$$y = \{-1, +1\}$$

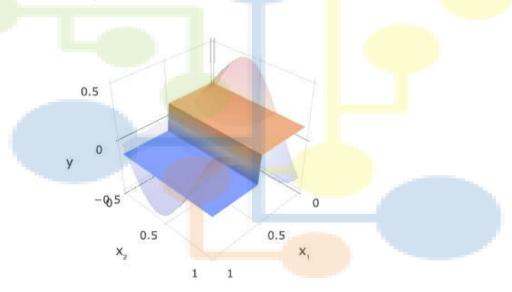


Boosting para Problemas de Regressão – AdaBoost.R



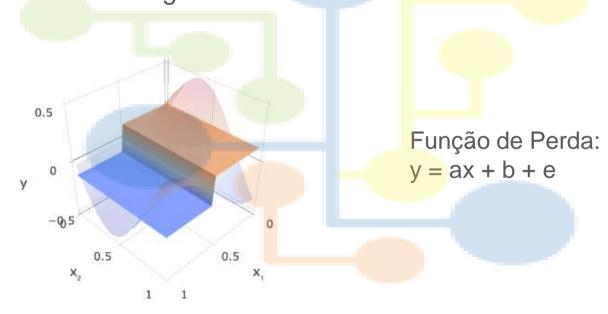


Gradient Boosting = Gradient Descent + Boosting GBM = Gradient Boosting Method





Gradient Boosting = Gradient Descent + Boosting GBM = Gradient Boosting Method





XGBoost – eXtreme Gradient Boosting

scikit-learn gridsearch

scikit-learn classifier API

XGBoost Python

XGboost

R. caret grid search

caret xgboost adaptor

XGBoost R

XGboost







Por que utilizar Métodos Ensemble?

Razões Estatísticas

Grandes volumes de dados

Pequenos volumes de dados

Por que utilizar Métodos Ensemble?

Razões Estatísticas

Dividir e Conquistar

Grandes volumes de dados

Seleção de modelo

Pequenos volumes de dados

Diversidade





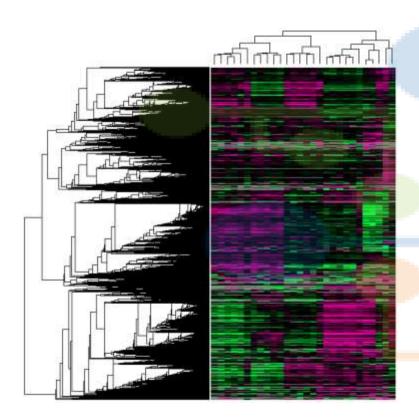


Data Science Academy

Redução de Dimensionalidade





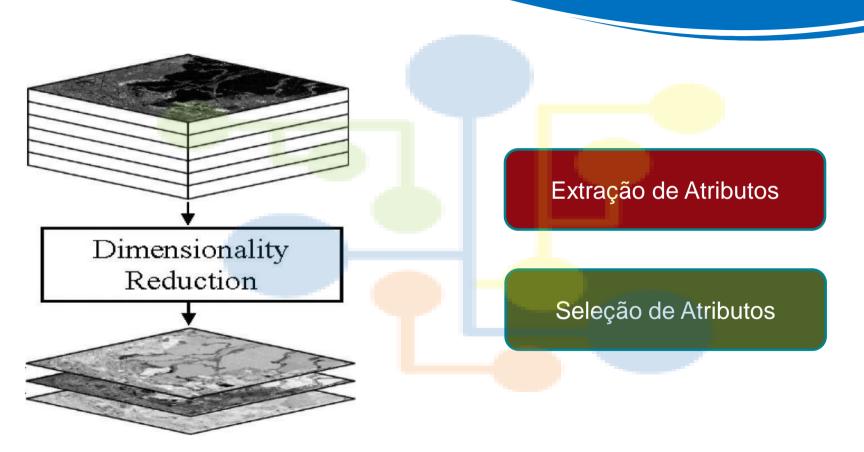


E esse aumento no volume de dados não é apenas em volume e de forma vertical, mas ocorre também na horizontal, com o aumento do número de dimensões ou atributos das bases de dados.



O termo *dimensionalidade* é atribuído ao número de características de uma representação de padrões, ou seja, a dimensão do espaço de características.







Extração de Atributos

Principal Component Analysis, Multidimensional Scaling e o FastMap.

Seleção de Atributos

Algoritmos de aprendizado de máquina (Random Forest), cálculo de dimensão fractal e wrapper.



7 Técnicas para Redução da Dimensionalidade

Missing Values Ratio

Low Variance Filter

High Correlation Filter

Random Forests / Ensemble Trees

Forward Feature
Construction

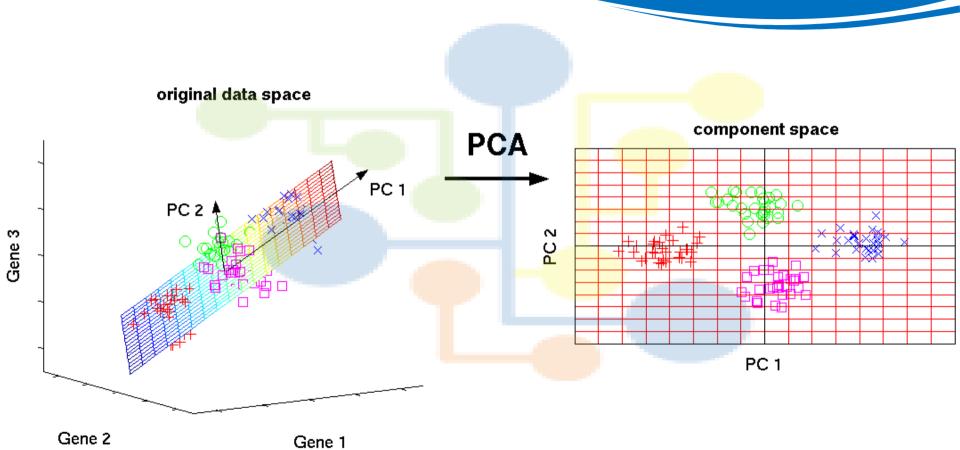
Backward Feature Elimination

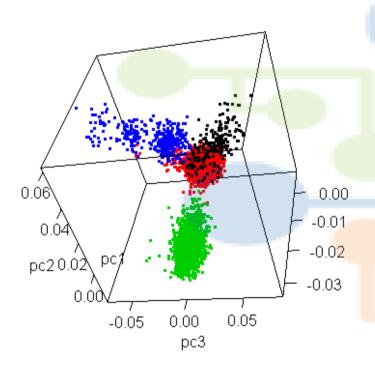
Principal Component Analysis (PCA)





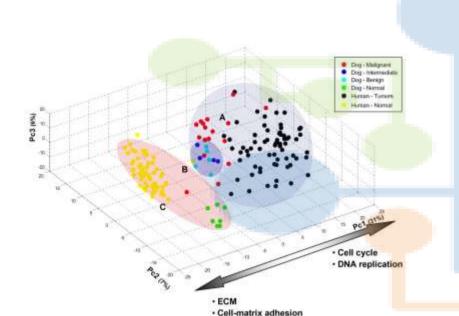






Cad<mark>a componente resu</mark>ltante é uma combinação linear de n atributos.

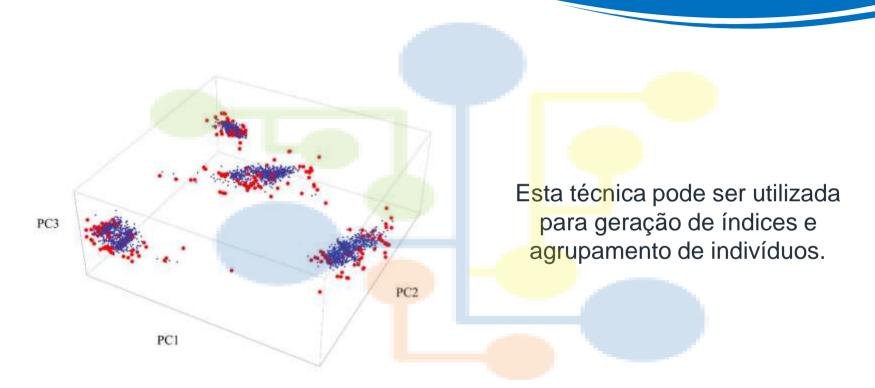
Cada componente
principal é uma
combinação de
atributos presentes no
dataset



Cell communication
 TGF-8 receptor pathway

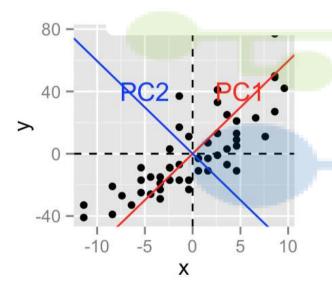
O PCA precisa ser alimentado com dados normalizados. Utilizar o PCA em dados não normalizados pode gerar resultados inesperados.





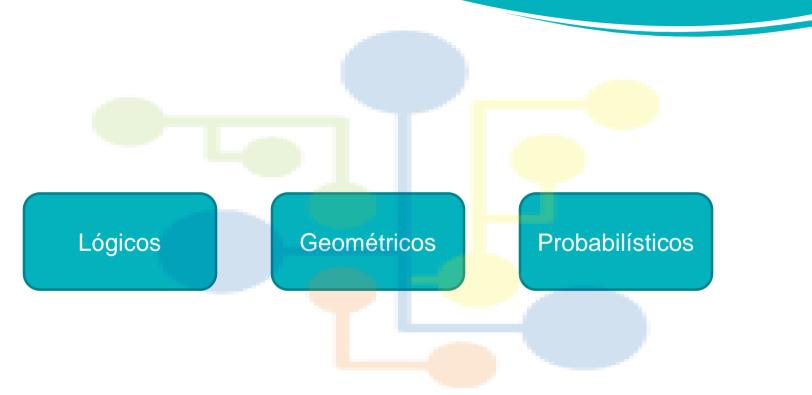


A análise de componentes principais é associada à ideia de redução de massa de dados, com menor perda possível da informação.

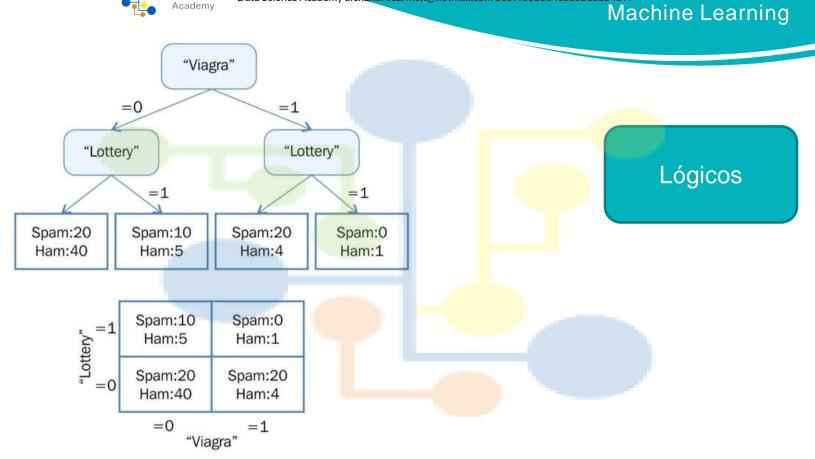


Em termos gerais a PCA busca reduzir o número de dimensões de um dataset, projetando os dados em um novo plano.

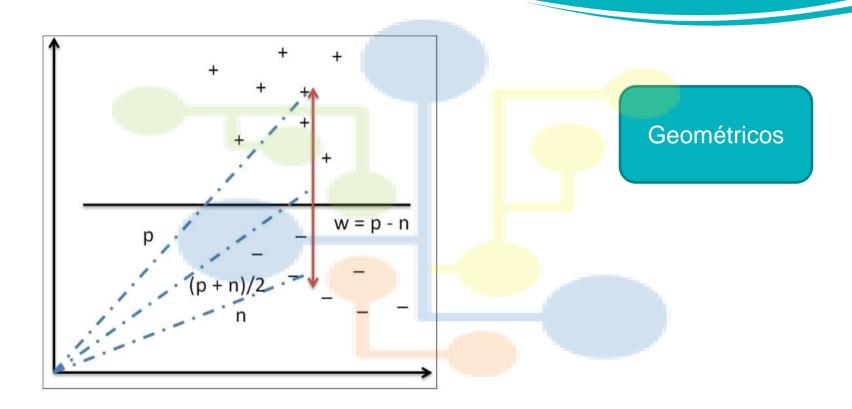














Viagra	Lottery	P(Y= Spam	(Viagra,	lottery))	P(Y=	- ham	(Viagra,	lo	ttery))
О	О	0.31			0.69				
О	1	0.65			0.35				
1	О	0.80			0.20				
1	1	0.40			0.60				

Probabilísticos

Machine Learning





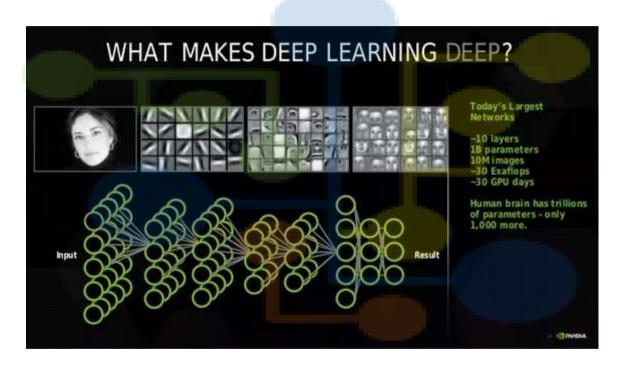


Deep Learning

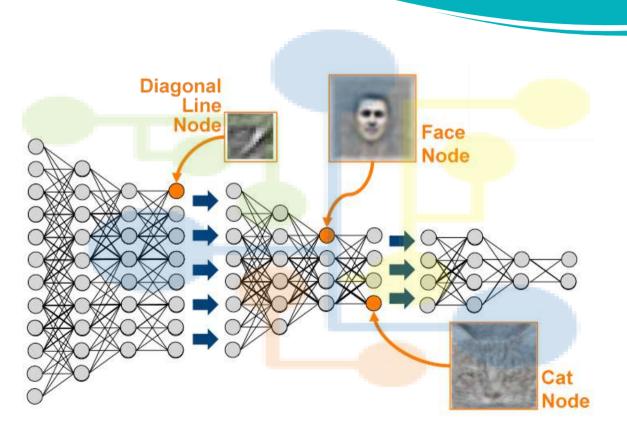
Machine Learning



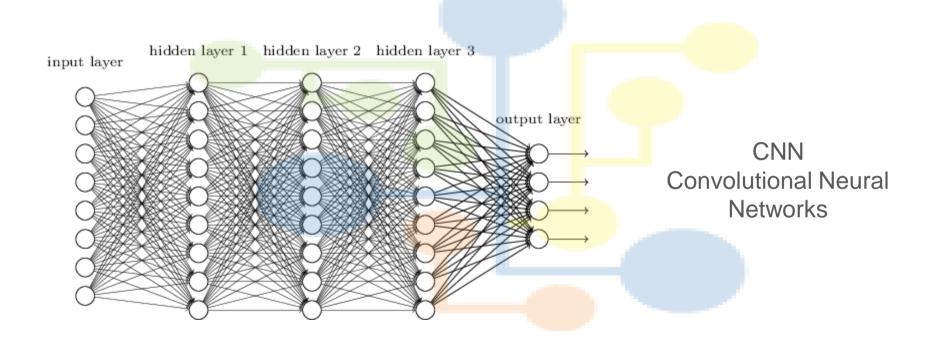


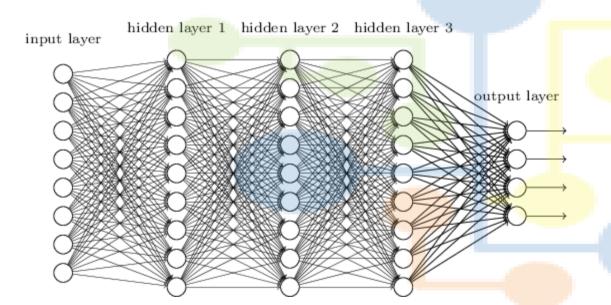


Machine Learning







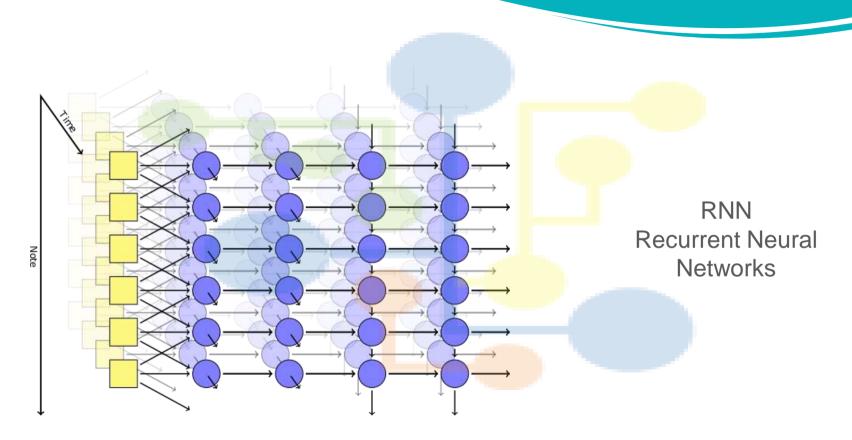


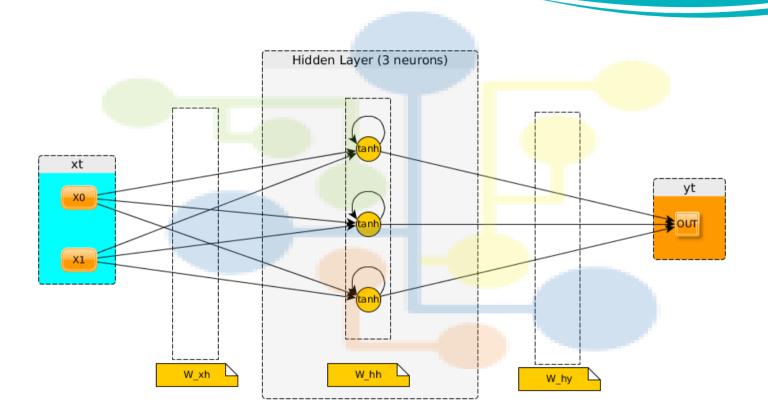
O nome "Rede Neural Convolucional" indica que a rede aplica uma operação matemática denominada convolução.

Convolução é um tipo especializado de operação linear.

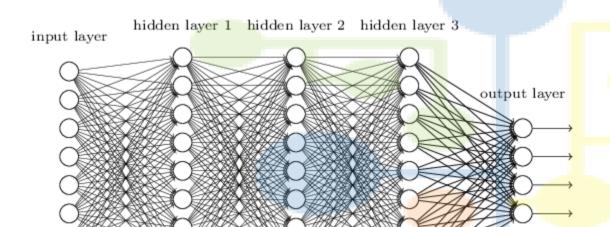
Redes convolucionais são redes neurais simples que utilizam convolução no lugar de multiplicação geral de matrizes em pelo menos uma das camadas.











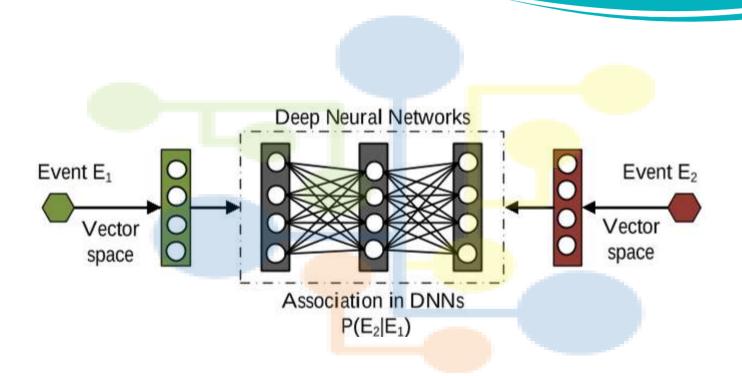
Deep Learning é a técnica de aprendizado baseada em Multi-Camadas (Redes Neurais Densas)



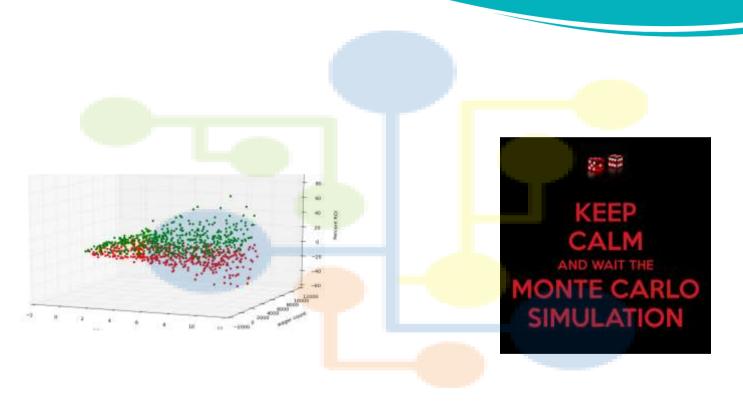


Reconhecimento de Voz e Processamento de Linguagem Natural



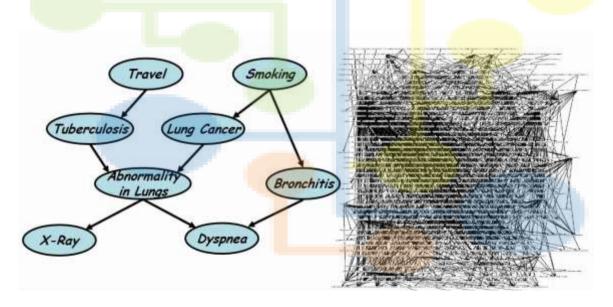




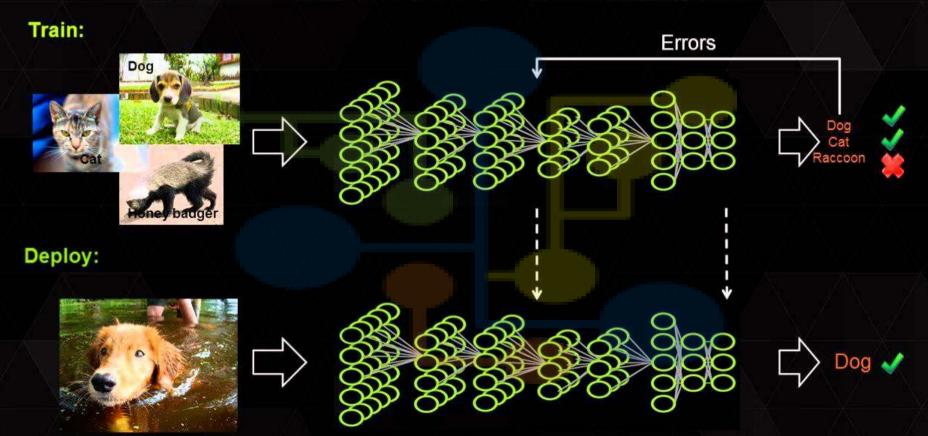




Muitos modelos probabilísticos são difíceis de treinar devido a dificuldade de realizar inferência



DEEP LEARNING APPROACH





Deep Learning está revolucionando a indústria aeroespacial









Simulação e Otimização









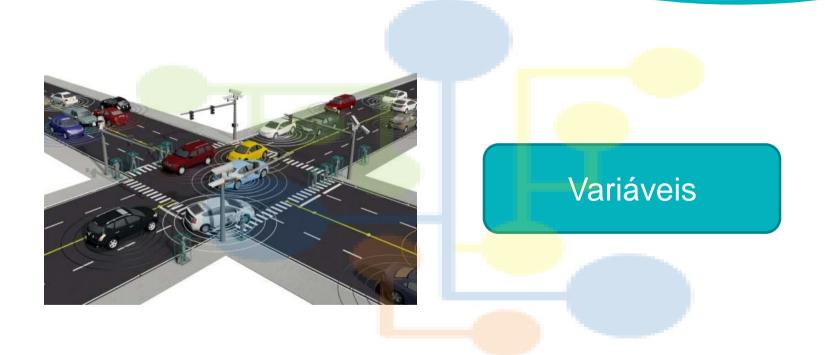
Podemos entender a simulação como um processo amplo que engloba não apenas a construção do modelo, mas todo o método experimental que se segue

Simulação implica na modelagem de um processo ou sistema, de tal forma que o modelo imite as respostas do sistema real em uma sucessão de eventos que ocorrem ao longo do tempo



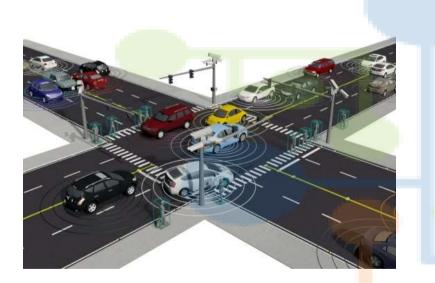
- Um dispositivo para compreensão de um problema;
- Um meio de comunicação para descrever a operação de um sistema;
- Uma ferramenta de análise para determinar elementos críticos e estimar medidas de desempenho;
- Uma ferramenta de projeto para avaliar problemas e propor soluções;
- Um sistema de planejamento de operações para trabalhos, tarefas e recursos;
- Um mecanismo de controle;
- Uma ferramenta de treinamento;
- Uma parte do sistema para fornecer informações online, projeções de situações e suporte à decisão.





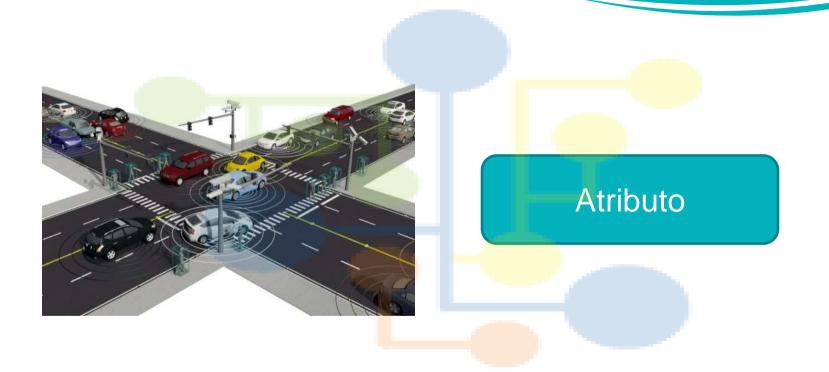


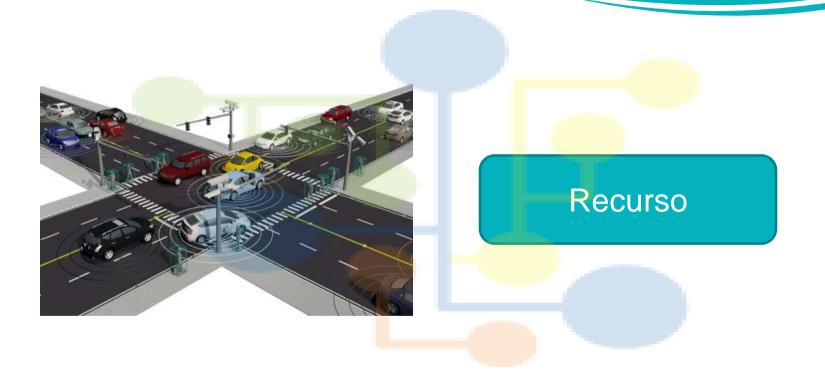




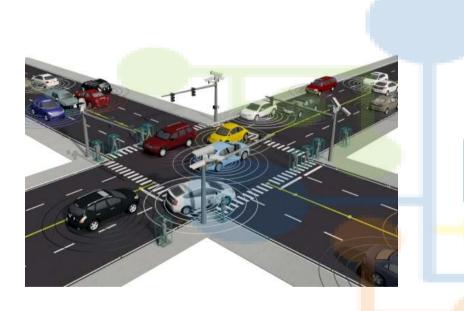
Variáveis de Estado







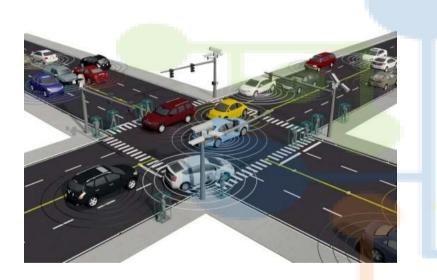




Processos







Tempo de Simulação







A simulação é a técnica empregada durante a fase de construção do modelo preditivo



Pode ser necessário a simulação de uma grande variedade de alternativas e a criação de modelos preditivos pode gerar bons resultados



Machine Learning nos ajuda a simular um determinado evento através de dados e com isso, prever o comportamento futuro.

Academy



Modelos Estocásticos











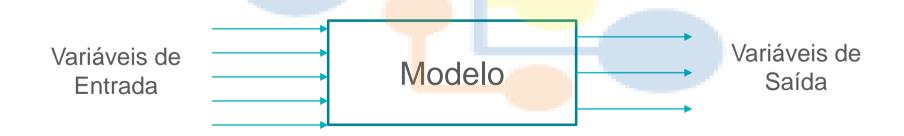
Quando uma variável de entrada de um sistema é aleatória, a variável de saída também será aleatória, no entanto, o sistema pode ter comportamento determinístico ou ser representado por um modelo determinístico



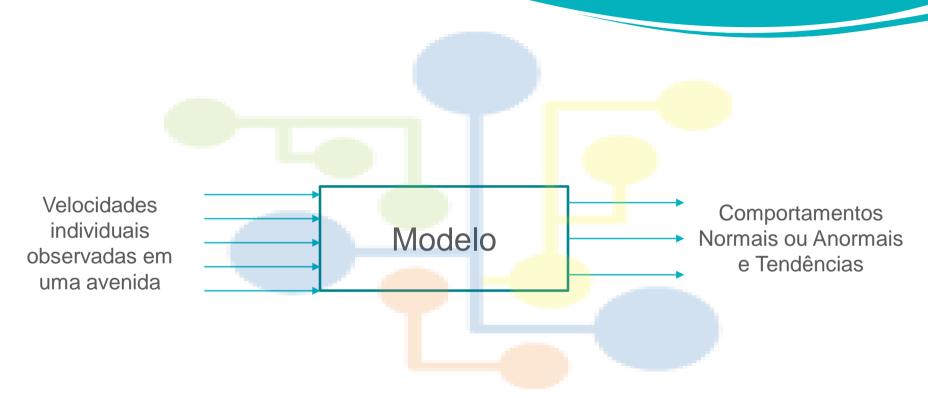




Modelo Computacional é um programa de computador cujas variáveis apresentam o mesmo comportamento dinâmico e estocástico do sistema real que representa









Determinístico

Resultado do modelo é prédeterminado em função dos dados de entrada

Estocástico

Resultado do modelo não depende somente dos dados de entrada, mas também de outros fatores, normalmente aleatórios. Isso requer um modelo probabilístico.



Determinístico

Exemplo: Se uma pessoa tem mais de 16 anos, ela pode tirar carteira de motorista. Se tiver menos de 16, não pode.

Estocástico

Exemplo: Modelo para prever a reação de pessoas em um shopping, a uma situação de emergência. Um modelo probabilístico tenta descrever o comportamento "aleatório" das entidades



Modelos determinísticos e estocásticos podem ser combinados para resolver problemas que requerem muitas alternativas diferentes, tais como:

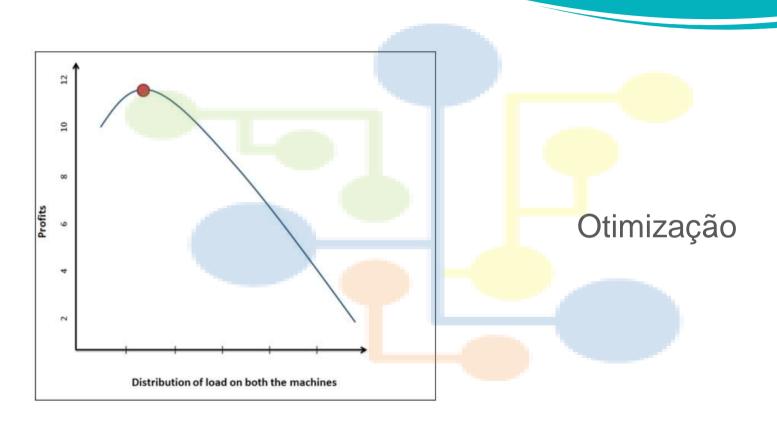
- Busca na Web e Extração de Informação
- Desenvolvimento de Novos Medicamentos
- Prever o Comportamento do Mercado Financeiro
- Compreender o Comportamento de Clientes
- Criação de Robôs













Aprendizado = Representação + Avaliação + Otimização



Machine Learning



Representação

Avaliação

Otimização



Ao contrário da simulação onde existe incerteza associada com os dados de entrada, na otimização nós temos não somente acesso aos dados, mas também as informações de dependências e relacionamentos entre os atributos dos dados.



Generalização → Principal Objetivo na Construção do Modelo Preditivo

Machine Learning



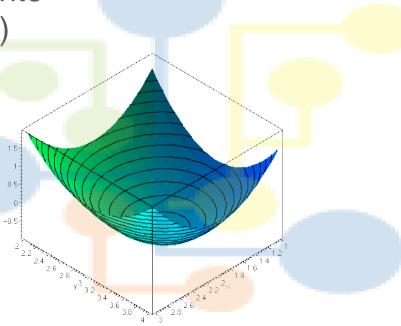


Definir Espaço de Parâmetro Definir Configurações de Validação Cruzada

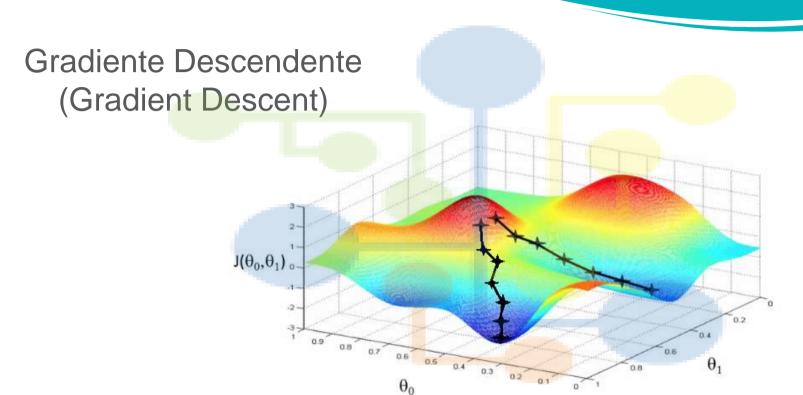
Definir Métrica

Treinar, Avaliar e Comparar

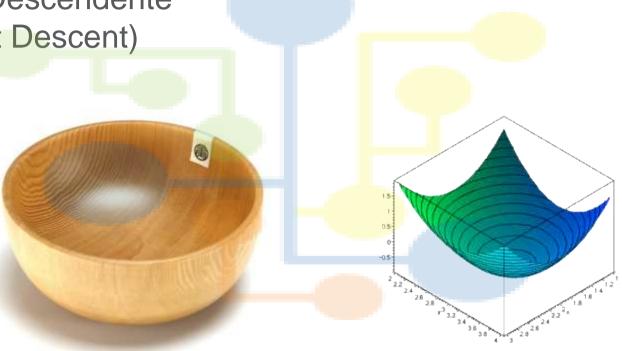
















```
coefficient = 0.0
cost = f(coefficient)
delta = derivative(cost)
coefficient = coefficient - (alpha * delta)
```



Batch Gradient Descent

Stochastic Gradient Descent



Obrigado