A PRODUTIVIDADE DA AGRICULTURA NO BRASIL

LÚCIA SILVA KINGSTON

1. A Produção Agricola e Alguns de seus Indices. 1.1. A Subdivisão Regional. 1.2. O Índice de Produção Agrícola. 13. A Estrutura da Produção Agricola. 1.4. A Expansão das Lavouras. 1.5. O Índice de Valor. 2. Area e Rendimento. 2.1. O Deslocamento de Fronteiras. 2.2. A Dissociação do Índice de Produção. 23. O Índice de Area Cultivada. 2.4. O Índice de Rendimento Físico. 2.5. A Ineficência de nossa Agricultura. 3. A População Econômicamente Ativa no Setor Agrícola. 3.1. A População Econômicamente Ativa. 3.2. Evolução da População Total. 3.3. Estimativa das Populações Regionais. 3.4. A Fórmula de WATERS. 35. A População Econômicamente Ativa na Agricultura. 3.6. As Taxas de Atividade na Agricultura. 3.7. Indice de População Ativa. 3.8. A Fuga do Meio Rural. 4. A Produtividade na Agricultura. 4.1. A Produtividade no Trabalho. 4.2. A Produtividade na Agricultura Brasileira. 43. Análise Matemática das Tendências. 4.4. A Tendência da Produtividade em nossa Agricultura.

APRESENTAÇÃO

O estudo da produtividade na agricultura do Brasil já tem ocupado a atenção do Instituto Brasileiro de Economia, como seja na extensa investigação sôbre a estrutura da nossa agricultura, dirigida pelos Profs. Julian Chacel e Janes de Souza, seja na Ninety-nine Fazendas: The Structure and Prouctivity in Brazilian Agriculture dos Profs. Nicholls e Miller Paiva. O problema foi, então, focalizado sob seu aspecto microeconômico.

O presente trabalho aborda outra face da questão, e constitui uma tentativa de análise da produtividade, considerada sob o facies macroeconômico.

Procuramos, de nossa parte, explorar os levantamentos estatísticos existentes. São êles, ainda, parcos, e a carência de séries estatísticas derivadas é quase total. Assim, tivemos que elaborar ab ovo várias séries e índices, que constituem a fundamentação desta análise.

Como subprodutos de nossa pesquisa, assinalamos as seguintes estatísticas inéditas, tôdas elas com a dimensão regional:

- a) estimativas inter e pós-censitárias da população por regiões;
- b) estimativas da população econômicamente ativa na agricultura;
- c) índices de volume, valor, valor real, área e rendimento das culturas destinadas ao consumo interno;
- d) os mesmos índices para produtos destinados à exportação;
- e) índices de produtividade.

O prolongamento dessas séries e índices, para os anos vindouros, constituirá, doravante, um trabalho de rotina.

As bases para o estudo macroeconômico da produtidade estão lançadas, embora imperfeitadas. Muito há que retocar, ou mesmo substituir. Não obstante, esperamos que a atualização dessas estatísticas permita, de certo modo, acompanhar a evolução da produtividade em nossa agricultura, e auxiliar a programação econômica nesse setor.

1. A PRODUÇÃO AGRÍCOLA E ALGUNS DE SEUS ÍNDICES

1.1. A Subdivisão Regional

O Brasil não é, geogràficamente, um país, mas um continente. A diversidade de solos e climas, acrescida da diferenciação cultural que se estabeleceu ao longo de nossa evolução histórica, faz com que, para um estudo adequado da produtividade na agricultura, não seja suficiente a consideração de nosso país como um todo. Devemos descer à subdivisão regional.

A divisão que adotamos difere da do IBGE (Instituto Brasileiro de Geografia e Estatística), no sentido de anexar Bahia e Sergipe ao Nordeste, por constituírem uma vasta região com condições e problemas similares. As regiões de Leste e Sul têm a mesma definição daquele órgão. Grupamos numa quarta região os Estados da Bacia Amazônica e os do Centro-Oeste, não por motivos de similaridade, mas para não adensar a nossa análise, por constituírem zonas de fraca expressão econômica.

1.2. O Indice de Produção Agrícola

Em nosso estudo, limitar-nos-emos ao estudo da produtividade na agricultura pròpriamente dita, isto é, nas lavouras, excluindo a pecuária.

Para êsse fim elaboramos um índice de volume da produção, discriminadas as lavouras segundo se destinam predominantemente ao consumo interno ou à exportação.

O índice de produtos para o consumo interno abrange as nossas 14 principais lavouras. ¹ Em conjunto, as mesmas representam 91 por cento em média do valor total das culturas no período considerado.

Seguindo a praxe do Centro de Contas Nacionais, da Fundação Getúlio Vargas, consideraremos como produtos de exportação o café, o cacau e o algodão. Segundo a Tabela III, êstes três produtos têm contribuído para o valor total de nossa exportação com uma média de 62,2 por cento. Em alguns anos, essa participação tem superado 80 por cento, mas no presente decênio, ela tem se mantido às voltas de 49 por cento.

Como os índices do IBRE (Instituto Brasileiro de Economia) têm a base em 1953, também conservamos essa base. Para a ponderação, a fim de levar em conta a irregularidade das colheitas, adotamos o valor médio da produção no triênio 1952/1954 (Tabela I, e, por regiões, Tabela II).

TABELA I

MÉDIA TRIENAL DO VALOR DA PRODUÇÃO — 1952/1954
(NCr\$ 1.000)

	1952	1953	1954	Média	%
Total de Larouras				82.232	100.0
Produtos de Consumo Interno		i		48.713	59.2
Produtos de Exportação			ĺ	33.519	40,8
Produtos de Consumo Interno				68.713	100,0
Amendoim	345	427	670	481	1,0
Arroz	6.533	12.938	15.397	11.623	23,9
Banana	1.584	1.845	2.515	1.981	4,
Batata-doce	571	747	930	749	1.5
Batata-inglêsa	1.341	2.280	2.711	2.111	4,3
Cana	4.392	5.092	6.347	5.277	10,8
Feijão	3.508	5.701	4.896	4.702	9,6
Fumo	785	1.080	1.435	1.100	2,3
Laranja	852	987	1.379	1.073	2,3
Mamona	406	351	380	379	0,8
Mandioca	4.568	5.658	6.181	5.469	11,5
Milho	8.639	11.105	12.453	10.732	22,0
Soja	121	179	266	189	0,4
Trigo	1.848	2.763	3.929	2.847	5,8
Produtos de Exportação		1		33.519	100.0
Algodão	8.852	6.515	8.542	7.970	23,8
Cacau	896	1.716	3.767	2.126	6,3
Café	19.021	21.451	29.797	23.423	69.9

¹ Uma relação dessas lavouras encontra-se na coluna mestra da Tabela I.

O índice foi calculado como uma média aritmética de razões, ou seja, pela fórmula

$$Q_i = \frac{\sum V_o - q_i/q_o}{\sum V_o}$$

Os resultados dos cálculos acham-se consignados nas Tabelas V - VII.

TABELA II
PONDERAÇÕES POR REGIÕES
(MÉDIAS TRIENAIS 1952/1954 EM NCr\$ 1.000)

	NORD	ESTE	LES	STE	su	L	E CE	RTE NTRO- STE
	Média	%	Média	%	Média	%	Média	%
Produtos Consumo Interno								
Amendoim	10	0,11	25	0,22	443	1,72	2	0,07
Arroz	651	7,35	2.917	25,91	6.831	26,59	1,224	42,13
Banana	631	7,12	614	5,45	645	2,51	92	3,17
Batata-doce	274	3,09	120	1,07	336	1,31	19	0,65
Batata-inglèsa	28	0,32	344	3,06	1.728	6,73	10	0,34
Cana	2.058	23,24	1.254	11,14	1.781	6,93	185	6,37
Feijão	1.098	12,39	1.195	10,62	2,120	8,25	289	9,95
Fumo	403	4,55	210	1,87	421	1,64	66	2,27
Laranja	190	2,14	454	4,03	384	1,49	45	1,55
Mamona	244	2,75	22	0,20	111	0,43	2	0,07
Mandioca	2.247	25,37	946	8,40	1.779	6,92	497	17,11
Milho	1.024	11,56	3.152	28,01	6.083	23,67	474	16,32
Soja	1	0,01	1	0,01	187	0,73	_	_
Trigo			1	0,01	2.846	11,08		
	8.859	100,00	11.255	100,00	25.695	100,00	2.905	100,00
Produtos Exportação								
Algodão	2.863	50,01	375	5,77	4.619	22,34	113	18,43
Сасви	2.063	36,03	41	0,63	_	_	22	3,59
Café	799	13,96	6.088	93,60	16.058	77,66	478	77.98
	5.725	100,00	6.504	100,00	20.677	100,00	613	100,00
PRODUTOS CONSUMO INTERNO	8.859	60,74	11.255	63,38	25.695	55,41	2.905	82,58
PRODUTOS EXPORTAÇÃO	5.725	39,26	6.504	36,62	20.677	44,59	613	17,42
:	14.584	100,00	17.759	100,00	46.372	100,00	3.518	100,00

TABELA III

PARTICIPAÇÃO DE CAFÉ, CACAU E ALGODÃO NA EXPORTAÇÃO TOTAL DO BRASIL

(NCr\$ 1.000)

Total ANO Geral da Exportação			EXPORTA	ÇÃO DE		~
		Café	Cacau	Algodão	Total	%
1950	24.914	15.908	1.446	1.936	19.290	77,4
51	31.501	19.448	1.276	3.823	20.724	65.8
52	26.061	19.213	763	640	20.616	79,1
53	32.257	21.696	1.532	2.238	25.466	78,9
54	42.778	24.813	4.139	6.480	35,432	82,8
955	56.487	30.367	3.695	5, 134	39.196	69.4
56	60,609	37.710	2.865	3.597	44.172	72.9
57	60.777	30.991	2.991	1.849	35.831	59,0
58	64.030	25.340	3.842	1.514	30.696	47.9
59	109.457	50.128	4.296	5.166	59.590	54,4
1960	146.928	59.377	5.799	8.325	73.501	50.0
61	245.151	78.788	8.425	28.792	116.005	47,3
62	306.833	101.457	8.394	41.436	151.287	49,3
63	551.422	186.834	19.622	65.009	271.465	49,2
64	1.145.143	405.241	40.387	121.749	567.377	49,5
					Média	62,2

TABELA IV
CONFRONTO DAS MÉDIAS TRIENAIS
1952/54 E 1960/62

(NCr\$ 1.000)

	Média 1952/54	%	Média 1960/62	%
Total de Lavouras	82.232	100,00	593 248	100,0
Produtos de Consumo Interno	48.713	59,2	430.721	72,6
Produtos de Exportação	33.519	40,8	162.527	27,
Produtos de Consumo Interno	48.713	100.0	430.721	100.0
Amendoim	481	1,0	11.139	2,6
Arroz	11.623	23,9	94.562	21,9
Banana	1.981	4,1	19.171	4,
Batata-doce	749	1,5	5.762	1,3
Bata-inglêsa	2.111	4,3	14.882	3,
Cana	5.277	10.8	48.926	11,
Feijão	4.702	9,6	57.179	13,
Fumo	1.100	2,3	10.524	2,
Laranja	10073	2,2	8.971	2,
Mamona	379	0,8	3.813	0,
Mandioca	5.469	11,2	48.078	11,
Milho	10 732	22,0	86.526	20,
Soja	189	0,4	3.753	0,
Trigo	2.847	5,8	17.425	4,0
Produtos de Exportação	\$3.519	100.0	162.527	100.
Algodão	7-970	23,8	71.165	43,
Cacau	2.126	6,3	10.258	6,
Café	23.423	69,9	81 104	49,

1.3. A Estrutura da Produção Agrícola

Ao estabelecermos a ponderação do índice, ensaiamos também o triênio 1960/1962, optando pela anterior por razões de uniformidade. O confronto das duas soluções está exposto na Tabela IV.

O que ressalta do mesmo é que, quanto aos produtos de consumo interno, a estrutura da produção agrícola pouco variou: um ligeiro recuo nos quantitativos dos dois principais produtos, o arroz e o milho, a favor da cana e feijão. Nas culturas menores há poucas alterações, sendo excepcional o avanço do amendoim.

Já quanto aos produtos de exportação, as discrepâncias são muito maiores. O cacau permanece estável, mas o café declina de 70 para 50 por cento, a diferença sendo absorvida pelo algodão.

Esta circunstância não deve ser perdida de vista, pois mostra que a validade do índice de produtos de consumo interno permanece inalterada, mas o índice de produtos de exportação deve ser considerado com cautela, em vista de manter-se fixa a ponderação.

Esta permanência no tempo não encontra paralelo no espaço. Como era de se esperar, é grande a diversidade de culturas entre as várias regiões (Tabela II).

Considerando primeiro os produtos de consumo interno, vemos que a agricultura do Nordeste é dominada pela cana e mandioca, a de Leste e Sul pelo arroz e milho, com percentagem de cêrca de 25 por cento para cada produto, e a de Norte/Centro-Oeste pelo arroz, com 42 por cento. O feijão é uma constante em tôdas as zonas. Em geral, as mesmas culturas se estendem por tôdas as regiões, excessão feita da mamona no Nordeste e do trigo no Sul.

Relativamente aos produtos de exportação, o café predomina nas regiões Leste e Sul, com percentagens de 94 e 78 por cento; o cacau é característico do Nordeste com 31 por cento, e o algodão desta região (50 por cento) e do Sul (22 por cento).

1.4. A Expansão das Lavouras

Se considerarmos os índices da produção agrícola, para o Brasil, expostos na Tabela V, ressalta desde logo que os mesmos são dominados pela produção da região Sul. As duas séries correm quase paralelas, e findam em 1967 quase no mesmo valor.

Noutros têrmos, quando se leva em conta, como ponderação, o valor das culturas, é a produção do Sul que comanda a expansão de nossa agricultura.

A região Leste apresenta índices sempre inferiores aos das demais regiões; pode-se dizer, quase, que está em estagnação. Em 1960, o índice alcançou 127,4, e de então por diante, oscila em tôrno dêsse valor.

O Nordeste e o Norte/Centro-Oeste, ao contrário, apresentam crescimento decididamente mais forte que o da região Sul. Entre 1953 e 1967, o aumento verificado na primeira região é da ordem de 117, enquanto que na segunda alcança 190 por cento. É certo que, nesta segunda área, a expansão não se fêz na Amazônia, que ainda permanece inexplorada, mas pela abertura de novas lavouras em Goiás e Mato Grosso, em terras ainda virgens, e assim assegurando alto rendimento unitário.

O contraste entre a expansão das lavouras de produtos destinados à exportação (Tabela VII) e os de consumo interno (Tabela VI) é gritante. Aquêles só se expandem, no período considerado, de 40 por cento; enquanto os últimos excedem de pouco 100 por cento.

TABELA V

INDICE DE QUANTIDADE
LAVOURAS — PRODUÇÃO TOTAL

(1953 = 100)

ANO	BRASIL	NE	L	S	N-CO
1950	97,7	110,2	95,7	94,9	92,4
51	94,8	86,0	100,2	95,5	95,4
52,	100,7	96,0	90,0	106,8	94,3
53	100,0	100,0	100,0	100,0	100,0
54	104,8	122,4	95,0	102,8	108,2
1955	118,0	124,2	106,1	119,6	132,6
56	105,8	127,6	95,5	100,7	133,7
57	123,6	138,4	117,7	119,2	149,9
58	128,2	111,6	120,8	134,6	150,2
59	150,1	141,2	115,2	164,3	176,4
1960	157,7	156,3	127,4	185,9	207,7
61	167,6	163,3	128,5	179,0	231,7
62	171,9	169,2	126,1	184,7	246,4
63	161,4	184,8	118,2	162,2	272,5
64	146,3	180,4	117,3	133,9	315,0
1965	188,0	196,0	138,3	191,7	355,7
66	164,6	182,5	124,4	166,0	275,1
67	177,7	217,1	124,8	177,1	289,8

TABELA VI

fNDICE DE QUANTIDADE
LAVOURAS -- PRODUTOS DE CONSUMO INTERNO

 (1953 ± 100)

ANO	BRASIL	NE	L	s	N-CO
1950	94,8	97,7	100,4	91,3	95,4
51	94,8	85,9	102,1	94,7	93,7
52	94,2	93,0	96,4	93,7	92,5
53	100,0	100,0	100,0	100,0	100,0
54	109,3	117,5	94,4	113,1	108,5
1955	114,6	118,2	105,4	115,0	135,6
56	112,9	120,8	99,1	114,3	130,3
57	123,4	132,8	119,6	119,2	146,0
58	1 19,0	107,7	118,6	119,8	147,6
59	126,2	135,0	112,8	124,6	164,9
1960	141,2	148,1	135,3	134,3	203,5
61	148,1	158,3	135,0	142,4	219,1
62	156,8	173,5	132,6	152,6	236,9
63	163,6	188,8	125,6	160,3	263,2
64	169,0	187,8	135,0	159,7	326,2
1965	198,0	201,9	161,6	192,7	373,7
66	182,8	193,4	142,3	184,8	289,2
67	203,3	237,0	154,4	199,7	321,1

TABELA VII ÍNDICE DE QUANTIDADE LAVOURAS — PRODUTOS DE EXPORTAÇÃO

 (1953 ± 100)

ANO	BRASIL	NE	L	S	N-CO
1950	101,8	129,4	87,4	99,4	78,4
51	94,9	86,3	97,0	96,4	103,2
52	110,2	100,6	78,6	123,0	102,6
53	100,0	100,0	100,0	100,0	100,0
54	98,3	129,9	95,9	90,1	106,4
1955	123,0	133,6	107,4	125,2	118,4
56	95,4	138,1	89,1	83,9	149,8
57	123,9	146,9	114,5	119,2	168,2
58	141,6	117,6	124,7	153,0	162,5
59	184,9	150,7	119,3	213,6	230,9
1960	181,7	169,0	113,7	205,2	227,7
61	195,8	171,1	117,2	224,6	291,9
62	193,9	162,6	114,8	224,5	291,7
63	158,2	178,6	105,5	164,5	316,6
64	113,2	169,0	86,5	101,7	262,1
1965	173,4	186,8	98,1	190,5	270,7
66	138,2	165,5	93,4	142,6	208,4
67	140,6	186,4	73,5	149,0	141,8

Como sempre, o índice do Brasil é dominado pela produção do Sul. A região Leste apresenta uma alta de 54 por cento no caso dos produtos internos, mas é francamente declinante para os de exportação. O Nordeste exibe nítidos sinais de vitalidade, com crescimento superior à média geral, alcançando 86 por cento nos produtos de exportação, e 137% nos de consumo interno.

1.5. O Indice de Valor

Nas Tabelas VIII — X, apresentamos o índice de valor das lavouras. A impressão decorrente dêsses índices é prejudicada, porque durante o período em foco a economia nacional sofreu fortes pressões inflacionárias. De qualquer modo, mantêm-se os aspectos já anteriormente apontados: a estreita ligação entre o crescimento das lavouras no Brasil e na região Sul, a maior expansão no Nordeste e Norte/Centro-Oeste, o maior incremento das culturas destinadas ao consumo interno em face das destinadas à exportação.

TABELA VIII

INDICE DE VALOR

TOTAL DAS LAVOURAS

(1953 = 100)

ANO	BRASIL	NE	L	s	N-C0
1950	60,0	70,0	56.1	59.8	45.5
51	65,6	74.1	66,0	64,1	51,3
52	79.5	86.7	71,0	82,0	64.7
53	100.0	100.0	100,0	100.0	100.0
54	125,7	138,7	114,3	126,6	123,7
955	164.0	157.3	139.9	175,7	168,0
56	172,7	196.2	154.2	170.7	205.7
57	221.3	250.3	194.2	221.4	250.9
58	242.6	280,1	199.7	244.7	298.7
59	376,5	443,7	285,8	388,6	443,3
.960	510.5	618.4	381.0	521,6	639.1
61	688.2	886.6	471.2	705.5	852,2
62	1.286,3	1.779.2	829.8	1.272,2	1.977.8
63	1.925,0	2.651.8	1.241,2	1.861,1	3.529,6
64	3.521,4	4.849,7	2.583,2	3.300,4	6.149,9
.965	6,093,6	8,058,6	3.825,2	6.247,6	8.550,4
66	7.483,7	10.207,5	5.163,3	7.212.9	12.648.3
67	9.992.6	14,549,8	6.511.7	9.512,6	16.918,5

Para uma melhor apreciação do que aconteceu em nossa agricultura, os índices foram convertidos em valor real (Tabelas XI – XIII), usando como deflator o índice geral de preços, publicado na coluna 2 de Conjuntura Econômica. Este parece ser o índice que melhor expressa as va-

riações do poder aquisitivo de nossa moeda. As séries obtidas mostram, dêste modo, a evolução do valor da produção agrícola, considerada a preços constantes de 1953.

TABELA IX

INDICE DE VALOR

PRODUTOS DE CONSUMO INTERNO

(1953 = 100)

ANO	BRASIL	NE	L	s	N-CO
1950	50,1	58.1	51,4	47,6	44.1
51	54,5	69.6	56.4	49.8	45,2
52	69,4	85.2	70.2	65.0	59,1
5 3	100,0	100,0	100,0	100.0	100,0
54	116,3	117,4	104,3	120,8	121,4
1955	148,6	143,4	131.6	155.8	167.7
56	186,3	203,0	162.8	189.8	202,1
57	225,8	259,2	201,3	203.4	249,2
58	246,2	277.9	218.4	241,6	305,7
5 9	354,5	432,4	298,7	344,0	446,3
.96 ⁿ	496,5	579,8	419,4	485,9	658,2
61	654,2	880,3	513,3	622,6	846,6
62	1.375,0	1.990,2	990.7	1.268.2	2,684,1
63	2.218.5	3.010.0	1.507.1	2.108.0	3.755.7
64	4.088,8	5.078,1	2.924,8	4.017,6	6.517,6
1965	6.361,2	8.751.9	4.331,4	6,215,0	8.904,8
6 6	8.986,1	11.998.9	6.242.1	8.723.1	13,612,6
67	12 . 213,5	16.819,6	8.244,1	11.760,2	18.836,4

TABELA X ÍNDICE DE VALOR PRODUTOS DE EXPORTAÇÃO

 (1953 ± 100)

ANO	BRASIL	NE	L	S	N-CO
950	77,0	92,5	65,2	78,0	53,4
51	84.8	82,5	84,4	85,5	85,2
52	96,9	89,5	72,6	107,4	96,0
53	100,0	100,0	100,0	100,0	100,0
54	141,9	179,0	133,7	135,4	136,5
955	190.7	183.4	156.1	205,4	169,5
56	149,3	183,3	137.7	142,3	225,6
57	213.4	233.5	180.4	218,5	259,9
58	236,6	284.2	163.5	249.3	259,4
59	414,4	464,9	261,0	455,0	426,3
)6 0	534.7	691,1	307.1	574,7	531,4
61	746.7	898,5	389,9	829.1	883,4
6:	1, 133,1	1.381,5	519.2	1.278.0	1.381,7
63	1.419.1	1.976.4	728.0	1.493.1	2.261.1
64	2.543,5	4.418,7	1.924,0	2.231,4	4.087,2
65	5,632,3	6.750.8	2.848.0	6.296,0	6.562,3
6 6	4.894.1	6.829,9	3.080.8	4.962,2	7.238,8
67	6.164,8	10.270,2	3.167,3	6.163.0	6.161,0

TABELA XI

INDICE DE VALOR REAL *

TOTAL DAS LAVOURAS

 (1953 ± 100)

ANO	BRASIL	NE	L	s	N-CO
1950	89,5	104,5	83,7	89.2	68,0
51	84,1	95,0	84.6	82,2	65,7
52	91,4	99,7	81,6	94,3	74,3
53	100,0	100.0	100.0	100,0	100,0
54	99,0	109,2	90,0	99,7	97,4
1955	110,8	106,3	94,6	118,7	113,5
56	97,6	110,8	87,1	96,4	116,2
57	109,5	123,9	96,1	109.6	124,2
58	106,0	122,3	87,2	106,8	130,4
59	119,1	140,4	90,4	123,0	140,3
1960,	125,4	151,9	93,6	128,2	157,0
61	123,1	158,6	84,3	126.2	152,4
62	151,7	209,8	97,8	150,0	233.2
63	130.7	180,0	84,3	126.4	239.6
64	125,3	172,5	91,9	117,4	218,8
1965	138,0	182,5	86,6	141,5	193,6
66	122.4	166,9	84.4	118.0	206.8
67	127,1	185,1	82,8	121,0	215,2

^(*) Índice a Preços Constantes de 1953. Defletor usado: Índice de preços da Conjuntura Econômica (coluna 2).

TABELA XII

INDICE DE VALOR REAL *

PRODUTOS DE CONSUMO INTERNO

 (1953 ± 100)

ANO	BRASIL	NE	L	S	N-Co
1950	74,8	86,8	76,7	71.0	65,9
51	69.9	89.2	72.3	63,8	58,0
52	79.8	98.0	80,7	74,7	67,9
53	100,0	100.0	100,0	100.0	100.0
54	91,6	92,4	82,1	95,1	95,6
1955	100,4	96,9	88,9	105,3	113,3
56	105,2	114,7	92,0	107,2	114,2
57	111,8	128.3	99,5	110.6	123,4
58	107,5	121,4	95,4	105,5	133,5
5 9	112,2	136,8	94,5	108,9	141,2
19 60	122.0	143.4	103.0	119.4	161.7
61.	117.6	157.5	91.8	111.4	151.4
62	162,2	234,6	116,8	149,5	245.7
63	150,6	204,4	102,3	143,1	255,0
64	145,5	180,6	104,0	142,9	231,9
1965	144,0	198,2	98,1	140,7	201,6
66	147,0	196,2	102,1	142,6	222,6
67	155,3	213,9	104,9	149.6	239.6

^(*) Índice a preços constantes de 1953 — Deflator usado: Índice de Preços da Conjuntura Econômica (coluna 2)

TABELA XIII

INDICE DE VALOR REAL *

PRODUTOS DE EXPORTAÇÃO

 (1953 ± 100)

ANO	BRASIL	NE	L	S	N-CO
1950	115.0	138.0	97,2	116.4	79.7
51	108.7	105.7	108,2	109.6	109.2
52	111.4	102.9	83,5	123,5	110.4
53	100.0	100,0	100.0	100,0	100,0
54	111,7	141,0	105,2	106,6	107,4
1955	128,8	123,9	105.5	138,8	114,5
56	84,4	103,6	77,8	80,4	127.5
57	105,7	115.6	89.3	108.2	128.7
58	103,3	124.1	71.4	108.9	113.4
59	131,1	147,1	82,6	144,0	134,9
1960	131,4	169,8	75,5	141,0	130,6
61	133.6	160,7	69.8	148,3	158,0
62	133,6	162,9	61.2	150,7	162,9
63	96,3	134,2	49.4	101.4	153,5
64	90,5	157,2	68,4	79,4	145,4
1965	127,5	152,9	64,5	142,6	148,6
66	80,0	111.7	50,4	81,2	118,4
67	78,4	130,6	40,3	78.4	78,4

^(*) Índices a Preços Constantes de 1953 — Deflator usado: Índice de Preço da Conjuntura Econômica (Coluna 2)

Os contrastes são, agora, muito mais marcantes. É nítida a estagnação do valor da produção agrária na região Leste, que no final do período só atinge pouco mais de 80 por cento do valor inicial.

Os produtos de exportação apresentam-se todos, para o Brasil e as regiões, como fortemente declinantes, excessão feita ao Nordeste, onde se registra um aumento de 30 por cento. No Leste, o valor das culturas só atinge, no final, 40 por cento do montante inicial. Por coincidência, o Brasil e as regiões Sul e Norte/Centro-Oeste encerram o período com o mesmo decréscimo de 21 por cento.

A expansão no valor das lavouras restringe-se, assim, ao setor interno.

2. AREA E RENDIMENTO

2.1. O Deslocamento de Fronteiras

O índice de produção, que focalizamos no capítulo anterior, dá-nos apenas uma imagem imperfeita da realidade. Com efeito, a produção decorre de dois fatôres: a área cultivada e o rendimento unitário.

Ora, a expansão de nossa economia tem se processado através de um contínuo deslocamento de fronteiras. ² Grande parte de nossa agricultura é do tipo arcaico, usando técnicas herdadas dos autóctones ou dos escravos africanos, praticando a agricultura itinerante das queimadas.

Analisando esta situação, diz o Prof. CHACEL:

"Tôda a evidência estatística sôbre a produção agrícola do Brasil parece demonstrar que a expansão da oferta repousa pesadamente na ocupação de novas terras, num deslocamento de sentido geral Sudoeste do epicentro da produção. Pode-se mesmo estabelecer um módulo para a agricultura brasileira, no qual, na ausência de inovações nas práticas de exploração, é a fertilidade natural das áreas novas que responde por certa capacidade de resposta da produção (elasticidade da oferta). Grande parte das áreas tradicionais, geralmente mais próximas dos centros de consumo, constitui-se em fator de rigidez da produção porque o declínio de fertilidade não é neutralizado pelo emprêgo de nova tecnologia. É êste mecanismo compensatório de declínio da fertilidade em áreas de agricultura tradicional com a fertilidade naturalmente elevada das áreas pioneiras, que explica a relativa constância de rendimento por hectare, ao longo tempo. O dualismo produtivo da agricultura brasileira pode ser observado de diversas maneiras". §

2.2. A Dissociação do Indice de Produção

Em face dessas circunstâncias, cumpre-nos dissociar o índice de produção, reconduzindo-o aos de seus fatôres essenciais: um índice de área cultivada e um de rendimento unitário.

Denotando por A o índice de área e por R o de rendimento, devemos ter Q=AR. Essa igualdade impõe certas restrições quanto à forma dos índices A e R. 4

Representemos ainda, relativamente a cada cultura, a \equiv área, r \equiv rendimento e p \equiv preço. O índice de quantidade assumirá a forma

$$Q = \frac{\sum (a_1 r_1) p_0}{\sum (a_0 r_0) p_0}$$

- Normano, J. F. Evolução Econômica do Brasil, São Paulo, 1939, Cap. 1.
- ⁸ CHACEL, J. M. Agricultura e Desenvolvimento: Uma Proposição de Política Econômica, Revista Brasileira de Economia, junho 1965, p. 34.
 - ⁴ ALLEN, R. G. D. Statistics for Economists, Londres, 1949, p. 11.

Para o índice de área adotamos a fórmula de Laspeyres, efetuando a ponderação pelo valor da produção por unidade de área

$$A = \frac{\sum a_1 (r_0 p_0)}{\sum a_0 (r_0 p_0)}$$

A fim de satisfazer a identidade Q = AR, devemos agora definir o índice de rendimento mediante a fórmula de Paasche, isto é,

$$R = \frac{\sum r_1 (a_1 p_0)}{\sum r_0 (a_1 p_0)}$$

2.3. O Indice de Area Cultivada

Para calcular o índice de área A, começamos por determinar a rentabilidade monetária r_0 p_0 para as diversas culturas. A média dêsses valôres, para o período 1952/54, forneceu-nos a ponderação dos índices, quer das regiões, quer do Brasil (Tabelas XIV — XIV-A).

Denotando a rentabilidade por $\rho = r$ p, o índice de área tem por expressão

$$A_1 = \frac{\sum \rho \ a_1/a_0}{\sum \rho}$$

A agregação para o Brasil fêz-se mediante uma média ponderada dos índices regionais, usando pesos correspondentes às proporções entre as somas das rentabilidades nas regiões e no Brasil, isto é,

$$\frac{\sum \rho_0^{\text{REG}}}{\sum \rho_0^{\text{BRA}}}$$

Os índices obtidos foram registrados nas Tabelas XV - XVII.

2.4. O Índice de Rendimento Físico

Conforme anteriormente exposto, êste índice tem a forma de PAASCHE, com a ponderação a_1 p_0 . Foi obtido indiretamente, a partir dos índices Q e A.

Os resultados do cálculo encontram-se nas Tabelas XVIII – XX.

TABELA XIV PONDERAÇÃO DOS ÍNDICES REGIONAIS DE ÁREA (NCr\$/Ha)

	N	E	I.		s		N-	co
	Média	%	Média	%	M éd ia	%	Média	%
Total de lavouras		100,0		100,0		100,0		100,0
Produtos de Consumo Interno	86,98	85,2	94,54	87,4	82,51	86,6	99,54	84,2
Produtos de Exportação	15,07	14,8	13,59	12,6	12,73	13,4	18,64	15,8
Produtos de Consumo interno		100,0		100,0		100,0		100,0
Amendoim	3,28	3,8	3,66	3,9	3,46	4,2	2,62	2,6
Arroz	2,39	2,8	4,87	5,2	6,57	8,0	4,78	4,8
Banana	19,58	22,5	13,24	14,0	12,54	15,2	15,14	15,
Batata-doce	7,37	8,5	9,30	9,8	6,45	7,8	8,16	8,5
Batata-inglêsa	7,03	8,1	18,35	19,4	12,51	15,2	16,04	16,
Cana	5,26	6,0	4,93	5,2	5,90	7,2	4,96	5,0
Feijão	1,73	2,0	2,41	2,6	2,66	3,2	3,20	3,
Fumo	7,13	8,2	6,77	7,2	5,53	6,7	9,02	9,
Laranja	23,60	27,1	15,14	16,0	10,62	12,9	20,25	20,
Mamona	1,60	1,8	1,51	1,6	2,28	2,8	0,97	1,
Mandioca	4,20	4,8	6,91	7,3	5,89	7,1	5,67	5,
Milho	1,09	1,2	2,49	2,6	2,17	2,6	2,62	2,
Soja	0,94	1,1	2,49	2,6	2,95	3,6	5,20	5,
Trigo	1,78	2,0	2,47	2,6	2,98	3,5	0,91	1,0
Produtos de exportação		100,0		100,0		100,0		100,
Algodão	2,10	13,9	3,44	25,3	3,93	30,9	2,80	15,
Cacau	6,46	42,9	3,69	27,2	-	_	2,85	15,
Café	6,51	43,2	6,46	47,5	8,80	69,1	12,99	69,

TABELA XIV-A PONDERAÇÃO DO ÍNDICE DE ÁREA DO BRASIL

	Produtos de Consumo Interno	%	Produtos de Exportação	%
BRASIL	363,57	100,0	60,03	100,0
NE	86,98	23,9	15,07	25,1
L	94,54	26,0	13,59	22,6
s	82,51	22,7	12,73	21,2
N-co	99,54	27,4	18,64	31.1

	Média	%
BRASIL	423,60	100,0
Produtos de Consumo Interno	363,57	85,8
Produtos de Exportação	60,03	14,2

TABELA XV INDICE DE AREA CULTIVADA TOTAL DAS LAVOURAS

 (1953 ± 100)

ANO	BRASIL	NE	L	S	N-CO
1950	94,6	91,2	94,9	88,8	101,8
51	93,9	91,1	94,4	100,3	90,9
52	96,1	95,5	98,4	96,7	94,0
53	100,0	100,0	100,0	100,0	100,0
54	103,8	106,6	100,1	103,7	104,8
1955	117,3	111,7	103,5	111,6	139,6
56	115,4	114,2	107,3	112,6	126,0
57	122,8	123,3	114,3	119,1	133,1
58	138,5	123,7	124,9	123,3	175,9
59	143,9	130,6	125,0	129,3	184,4
1960	141,3	140,5	126,2	138,6	158,0
61	170,0	148,2	125,6	149,1	246,5
62	211,5	157,5	128,7	159,0	376,2
63	210,9	165,7	135,9	168,1	352,9
64	212,8	174,4	139,3	172,7	345,5
1965	222,8	178,4	142,8	189,6	360,9
66	265,2	193,6	138,2	193,7	500,7
67	314,3	204,4	141,4	202,2	657,6

TABELA XVI

1NDICE DE AREA CULTIVADA
PRODUTOS DE CONSUMO INTERNO

 (1953 ± 100)

ANO	BRASIL	NE	NE L		N-CO	
1950	96,6	91,6	97,5	87,0	108,0	
51	94,4	91,0	95,1	101,0	91,1	
52	95,7	96,1	98,3	94,7	93,7	
53	100,0	100,0	100,0	100,0	100,0	
54	104,1	107,0	100,3	104,8	104,7	
1955	118,2	112,3	102,9	112,4	142,6	
56	114,2	114,4	106,8	113,1	122,2	
57	121,3	124,2	113,3	119,6	127,6	
58	137,4	121,0	123,9	123,4	176,2	
59	142,8	128,8	123,7	129,2	184,5	
1960	139,2	139,8	124,8	139,3	152,2	
61	170,9	148,0	123,6	151,2	252,0	
62	218,3	159,0	125,8	162,1	404,3	
63	218,2	168,9	133,3	173,5	378,9	
64	222,0	178,4	135,4	181,4	375,9	
1965	234,2	182,7	140,8	200,5	395,9	
66	285,0	201,5	137,0	205,8	564,1	
67	345,7	216,9	142,6	218,5	756,4	

TABELA XVII ÍNDICE DE AREA CULTIVADA PRODUTOS DE EXPORTAÇÃO

 (1953 ± 100)

ANO	BRASIL	NE	L	s	N-CO
1950	82,5	88,7	77,3	100,4	69,0
51	91,3	91,3	89,5	95,5	89,9
52	98,3	91,6	98,6	109,6	95,7
53	100,0	100,0	100,0	100,0	100,0
54	101,6	104,0	98,4	96,7	105,3
1955	112,2	108,1	107,6	106,2	123,0
56	122,0	113,3	110,4	109,2	146,3
57	132,0	118,2	121,0	115,6	162,5
58	145,0	139,2	131,5	123,0	174,6
59	150,5	140,8	134,6	129,5	184,2
1960	154,4	144,6	136,4	134,1	189,2
61	165,0	149,1	139,3	135,6	216,7
62	170,9	148,7	149,1	139,2	226,3
63	166,4	147,1	153,6	133,5	214,0
64	157,3	151,9	166,4	116,0	183,2
1965	153,3	153,2	156,8	119,3	174,1
66	145,1	148,1	146,4	114,6	162,5
67	124,3	132,4	133,4	96,8	130,1

TABELA XVIII INDICE DE RENDIMENTO FÍSICO TOTAL DAS LAVOURAS

 (1953 ± 100)

ANO	BRASIL	NE	L	s	N-CO		
1950	103,3	120,8	100,8	106,9	90,8		
51	101,0	94,4	106,2	95,2	104,9		
52	104,8	100,5	91,4	110,4	100,3		
53	100,0	100,0	100,0	100,0	100,0		
54	101,0	114,8	94,9	99,2	103,2		
1955	100,6	111,2	102,5	107,1	95,0		
56	91,7	111,7	89,0	89,5	106,1		
57	100,6	112,2	103,0	100,1	112,6		
58	92,6	90,2	96,8	109,2	85,4		
59	104,3	108,1	92,2	127,1	95,7		
1960	111,6	111,3	100,9	119,7	131,4		
61	98,6	110,2	102,3	120,1	94,0		
62	81,3	107,4	98,0	116,1	65,5		
63	76,5	111,5	87,0	96,5	77,2		
64	68,7	103,4	84,2	77,5	91,2		
1965	84,4	109,8	96,9	101,1	98,6		
66	62,1	94,2	90,0	85,7	54,9		
67	56,5	106,2	88,2	87,6	44,1		

TABELA XIX

INDICE DE RENDIMENTO FÍSICO
PRODUTOS DE CONSUMO INTERNO

 (1953 ± 100)

ANO	BRASIL	NE	L	S	N-CO
1950	98,2	106,6	103,0	105,0	88,4
51	190,4	94,4	107,4	93,8	102,9
52	98,4	96,8	98,0	99,0	98,8
53	100,0	100,0	100,0	100,0	100,0
54	105,0	109,8	94,1	108,0	103,7
1955	97,0	105,2	102,4	102,3	95,1
56	98,9	105,6	92,8	101,0	106,7
57	101,7	107,0	105,5	99,6	114,5
58	86,6	89,0	95,8	97,2	83,8
59	88,4	104,8	91,2	96,4	89,4
1960	101,4	105,9	108,4	96,4	133,7
61	86,7	107,0	109,2	94,2	86,7
62	71,8	109, 1	105,4	94,2	58,6
63	75,0	111,8	94,2	92,4	69,4
64	76,1	105,3	99,7	88,0	86,8
1965	84,5	110,5	114,8	96,1	94,4
66	64,1	96,0	103,8	89,8	51,3
67	58,8	109,2	108,3	91,4	42,4

TABELA XX ÍNDICE DE RENDIMENTO FÍSICO PRODUTOS DE EXPORTAÇÃO

(1953 = 100)

ANO	BRASIL	NE L		S	N-CO	
1950	123,4	146,0	113,1	99,0	113,7	
51	104,0	94,5	108,4	101,0	114,8	
52	112,1	109,9	79,7	112,3	107,2	
53	100,0	100,0	100,0	100,0	100,0	
54	9 ⁶ ,7	124,9	97,4	93,2	101,0	
1955	109,7	123,5	99,8	118,0	96,2	
56	78,2	121,9	80,7	76,9	102,4	
57	93,9	124,3	94,6	103,1	103,5	
58	97,7	84,4	94,8	124,4	93,1	
59	122,8	107,0	88,6	164,9	125,4	
1960	117,7	116,9	83,3	153,0	120,3	
61	118,7	114,7	84,1	165,7	134,7	
62	113,5	109,3	77,0	161,2	128,9	
63	95,1	121,4	68,7	123,2	148,0	
64	72,0	111,3	52,0	87,7	143,0	
1965	113,1	121,9	62,6	159,6	155,5	
66	95,2	111,7	63,8	124,4	128,3	
67	113,1	140,8	70,1	153,9	109,0	

2.5. A Ineficiência de nossa Agricultura

A vastidão territorial de nosso País ensejou o largo uso de uma agricultura do tipo extensivo. Era de se esperar, pois, que o aumento do quantitativo da produção proviesse, em grande parte, da extensão das lavouras, e não da melhoria de seu rendimento unitário.

Examinando a Tabela XV, verifica-se que, no período em questão, até 1965, a área cultivada havia dobrado. Tôdas as regiões ampliaram suas lavouras: o Nordeste e o Sul à razão de quase 190 por cento, enquanto o Norte/Centro-Oeste apresentam o crescimento excepcional de 360 por cento.

Em 1966/67, a expansão das lavouras se acelera, sobretudo naquela última região. Tão grande, entretanto, é o aumento, que preferimos deixar a questão em aberto, aguardando que os dados dos anos posteriores venham confirmar aquêles. Os nossos comentários restringir-se-ão, assim, à fase terminada em 1965.

Se isso aconteceu com a área cultivada, o mesmo não ocorreu com o quantitativo da produção, que nem de longe aumentou nas proporções enunciadas.

Em consequência, o rendimento físico das lavouras, que se manteve aproximadamente estável para o Brasil durante a primeira década, cai assustadoramente no final do período (Tabela XVIII).

Só a região do Nordeste consegue conservar a paridade. A baixa de rendimento é quase igual nas demais regiões.

Confrontando-se os dados relativos às lavouras para consumo interno e para exportação, vê-se que a expansão de área deu-se, na maior proporção, naquelas (Tabelas XVI-XVII).

Nas culturas de exportação, a área que menos se expande é a da região Sul, pois, tendo tido aumentos de até cêrca de 40 por cento, em 1965 só atingia 19 por cento. Para as outras regiões, o aumento final é superior a 50 por cento.

Ao invés, o aumento médio para as culturas de consumo interno é, para o Brasil e para a região Sul, da ordem de 200 por cento. O Nordeste só atinge 180 por cento, e o Leste, valor ainda menor.

Em contraste com a situação relativa à áreas cultivada, o rendimento físico das lavouras (Tabelas XIX-XX) é maior para os produtos de

exportação, para os quais se apresenta sempre crescente, exceção feita da região Leste.

Outra diferença de comportamento que cumpre assinalar é a seguinte: para as lavouras de consumo interno, o rendimento é pràticamente estável no primeiro decênio, declinando no segundo; para as de exportação, é o inverso que se observa.

3. A POPULAÇÃO ECONÔMICAMENTE ATIVA NO SETOR AGRÍCOLA

3.1. A População Econômicamente Ativa

O trabalho é o elemento fundamental na expansão da economia. Constitue o meio indispensável para converter os outros elementos, terra e capital, para o benefício da população. De como evolui a massa trabalhadora, e de que habilitações é dotada, depende o que a Nação conseguirá no futuro.

Cumpre, assim, proceder a uma análise de população econômicamente ativa no setor agrícola. ⁵ Infelizmente, os dados estatísticos necessários são ainda deficientes, quando não errôneos, o que justifica a metodologia que tivemos de adotar.

A estimativa da população ativa baseia-se na da população total, da qual aquela constitui uma certa proporção.

Temos assim, em primeiro lugar, que estimar a população total do Brasil no último período intercensitário, e projetá-la para o decênio vigente, distribuindo tal população pelas regiões. Em seguida, devemos estimar a evolução de taxa de atividade no setor agrícola, no decurso do mesmo período. A conjunção dêstes dois elementos ensejará as estimativas da população ativa na agricultura.⁶

3.2. Evolução da População Total

A população total do Brasil, no período intercensitário, 1950-1960, reconduzida aos valôres de 1.º de julho de cada ano, foi calculada pelo método geométrico, com a razão de crescimento anual de r — 1,029869 (Tabela XXI).

- Doravante usaremos abreviadamente a expressão população ativa.
- U.S. Departament of State. Demographic Techniques for Manhower Planning in Developing Countries, Washington, 1963, p. 211.

Para o período pós-censitário, dispomos de duas estimativas. Primeiro, uma do IBGE (Instituto Brasileiro de Geografia e Estatística), que avalia a população em 1.º de julho de 1970 no montante de 93.548,7 milhares de habitantes. Esta estimativa foi obtida supondo que a taxa média geométrica anual de incremento no anterior período intercensitário se tenha mantido constante.

Por sua vez, o EPEA (Escritório de Pesquisa Econômica Aplicada) do Ministério do Planejamento, para o seu Plano Decenal de Desenvolvimento Econômico e Social, elaborou uma estimativa usando o método das componentes, encontrando, para 1970, a população total de 93.292,1 milhares de habitantes, valor que muito se aproxima do anteriormente enunciado. Adotamos esta última estimativa, e, mediante uma exponencial, com a razão de incremento r = 1,029553, reconstituímos a população total em 1.º de julho de cada ano (Tabela XXI).

TABELA XXI

POPULAÇÃO DO BRASIL *

(Em 1.º de julho de cada ano)

	t	r [‡]	Pt
1950	0	1,000 000	51.94 4
51	i	1,029 869	53,496
52	$\tilde{2}$	1,060 630	55,093
53	3	1,092 310	56,739
54	4	1,124 936	58,4?4
1955	5	1,158 537	60,179
56	6	1,193 141	61,977
57	7	1,228 779	63,828
58	8	1,265 48 1	65,734
59	9	1,203 280	67,698
960	10	1,342 208	69,720
1960	0	1,000 000	69,720
61	1	1,029 553	71,780
62	2	1,059 979	73,902
63	3	1,091 304	76,086
64	4	1,123 555	78,334
1965	5	1,156 759	80,649
66	6	1,190 945	83,033
67	7	1,226 141	85,487
68,	8	1,262 377	88,013
69	9	1,299 684	90,614
1970	10	1,338 094	93,292

⁺ Média Geométrica. Razão de Incremento

r = 1.029 869 para 1950 - 60

r = 1.029 553 para 1960 - 70.

TIBGE, LABORATÓRIO DE ESTATÍSTICA. Pesquisa Demográfica n.º 4: Previsão de População do Brasil.

3.3. Estimativa das Populações Regionais

Na análise do setor agrícola a que estamos procedendo, temos considerado a subdivisão regional. Da mesma forma, devemos estimar as populações dessas regiões.

Os métodos em uso, com esta finalidade, apresentam uma grande e desconcertante variedade. 8

O método das componentes oferece, neste caso, maiores dificuldades, sobretudo pela necessidade de considerar os movimentos migratórios entre as regiões, para os quais não há levantamentos estatísticos; e tais movimentos são muito acentuados no Brasil, onde os excedentes das populações do Nordeste encaminham-se para as regiões sulinas.

Por vêzes, procura-se melhorar estas estimativas, procurando ajustá-las a séries sintomáticas de dados, sobretudo de natureza econômica.

Mesmo os métodos que envolvem a representação matemática de evolução da população total, compreendem variados critérios para a subdivisão regional. 9

O problema foi estudado, para o Brasil, pelo Prof. Mortara, ¹⁰ que confrontou várias soluções. Sem lhe atribuir uma preferência incondicional, elaborou estimativas detalhadas usando o chamado *ratio method*, mas mantendo constante a distribuição proporcional da população entre os diferentes Estados e igual à verificada no último censo.

Contudo, mantemos dúvidas sôbre esta proporcionalização das populações totais. Seria compreensível se apenas houvesse a considerar os incrementos naturais, pois a população total exprime o resultado da atuação das diversas componentes demográficas; mas, os fortes movimentos migratórios existentes entre as regiões, de Norte a Sul, devem provocar distorções de monta.

Por isso, preferimos adotar a elegante solução preconizada por Waters, 11 que passamos a expor.

- ⁶ SIEGEL, J. S. Some Aspects of the Methodology of Population Forecast for Geographic Subdivision of Countries, *Proceedings of the World Conference*, 1954, vol. III, p. 113.
- ⁹ White, H. Empirical Study of the Accuracy of Selected Methods of Projecting State Population, Journal of the American Statistical Association, set. 1954, p. 480.
- MORTARA, G. Aplicações Comparativas de Diferentes Critérios para as Estimativas da População do Brasil no Período entre os Recenseamentos de 1940 e 1950, Estatistica Demográfica n.º 7, IBGE, Rio de Janeiro, 1949.
- ¹¹ WATERS, A. C. Note upon Estimate of Population, Seventieth Annual Report of the Registar General (1907), p. CXXXII.

3.4. A Fórmula de WATERS

O objetivo é determinar uma expressão analítica para a evolução da população das regiões p_i (t), tal que a população total P (t) obedeça a uma lei definida.

Waters admite que a população regional no período intercensitário se possa exprimir como uma função linear e homogênea das respectivas populações iniciais $p_i(0)$ e final $p_i(1)$, isto é,

$$p_{i}(t) = \lambda(t) p_{i}(0) + \lambda'(t) p_{i}(1)$$

sendo λ e λ ' parâmetros a determinar.

Somando para tôdas as regiões, temos que

$$\sum p_i(t) = \lambda(t) \sum p_i(0) + \lambda'(t) \sum p_i(1)$$
.

ou seja,

$$P(t) = \lambda(t) P(0) + \lambda'(t) P(1).$$

Essa fórmula, contendo dois parâmetros, é indeterminada. Para levantar a indeterminação, é lógico supor que, se as populações $p_i\left(0\right)$ e $p_i\left(1\right)$ de uma região são iguais nos dois censos, tais populações mantiveram-se estacionárias durante o período. Analíticamente, esta condição se traduz por

$$\lambda$$
 (t) + λ' (t) = 1.

Dêsse sistema de equações lineares, deduz-se a expressão dos parâmetros.

$$\lambda (t) = \frac{P(1) - P(t)}{P(1) - P(0)}, \quad \lambda'(t) = \frac{P(t) - P(0)}{P(1) - P(0)}$$

que, substituídos na expressão anterior de P(t), dão

$$p_{i}(t) = \frac{P(1) - P(t)}{P(1) - P(0)} p_{i}(0) + \frac{P(t) - P(0)}{P(1) - P(0)} p_{i}(1)$$

Essa fórmula independe da lei matemática da evolução da população do país P(t). Se se admite que esta segue uma lei exponencial, com a razão de crescimento r = P(1) P(0), têm-se a fórmula de WATERS

$$p_{i}(t) = \frac{r - r^{t}}{r - 1} p_{i}(0) + \frac{r^{t} - 1}{r - 1} p_{i}(0)$$

A fórmula de Waters pode, porém, ser simplificada, reduzindo λ e λ ' a um único coeficiente μ (t). Com efeito, uma transformação simples levará, na expressão mais geral, a

$$p_i(t) = p_i(0) + \mu(t) [p_i(1) - p_i(0)];$$

sendo o parâmetro definido por

$$\mu$$
 (t) = $\frac{P(t) - P(0)}{P(1) - P(0)}$

A fórmula é válida para o período pós-censitário, computando-se os incrementos a partir de $p_i(l)$ e definindo-se μ como

$$\mu$$
 (t) = $\frac{P(t) - P(1)}{P(1) - P(0)}$

O cálculo do desdobramento das populações regionais se torna, então, expedito, por isso que só o coeficiente varia com o tempo, sendo os outros elementos dados censitários.

Nas instruções para o Censo de 1940, esclarecera-se que as mulheres ocupadas em atividades domésticas não remuneradas não se incluiriam no cômputo da população ativa; em 1950, ao contrário, atribuiu-se explicitamente o caráter de atividade às ocupações domésticas, independentemente de haver renumeração pecuniária. Assim, no primeiro censo, grande número de mulheres, para não serem incluídas na categoria das inativas, declarou como principal outra ocupação, que na realidade só tinha o caráter de suplementar. No segundo censo, aumentou fortemente a proporção de mulheres que se declararam ocupadas em atividades domésticas, diminuindo a proporção das que registraram ocupação principal diversas. Chega o Prof. Mortara a conclusão de que "é possível que o Censo Demográfico seja mais completo quanto à ocupação masculina, e o Censo Agrícola menos incompleto quanto à ocupação feminina nas atividades agropecuárias". No entanto, a conjunção dos dados relativos aos dois censos não seria possível, pois que ambos adotaram definições e delimitações diferentes.

A solução que nos pareceu mais convinhável foi abandonar, para 1950, o quantitativo apurado pelo Censo da atividade anual feminina, e substituí-lo pelo que resultaria de se adotar, para a taxa de atividade feminina naquela época, uma interpolação linear entre as taxas observadas em 1940 e 1960.

Os cálculos acham-se elaborados na Tabela XXIV, que nos dá a reconstituição da população econômicamente ativa na agricultura para 1950.

Utilizando a fórmula de WATERS, reconstituímos, a partir da estimativa da população total do Brasil, uma estimativa de suas componentes regionais para o período 1950-1970, conforme consta das Tabelas XXII e XXIII.

3.5. A População Econômicamente Ativa na Agricultura

São grandes as dificuldades que se antepõem à análise da população econômicamente ativa, sobretudo no setor agrícola. As Tabelas XXIV e XXV nos dão os cômputos censitários de 1940, 1950 e 1960, para a população total e para a econômicamente ativa na agricultura, discriminados ambos pelo sexo e pelas regiões. Daí foram calculadas as taxas de atividade.

Se compararmos os dados censitários de 1940 e 1950, vemos que a proporção de mulheres ocupadas em atividades agrícolas caía de 6,16% para 2,81%. Não é de se admitir que no curto espaço de 10 anos tenha ocorrido tão grande modificação no aproveitamento ao trabalho feminino. Essa impressionante mutação é, na maior parte, aparente, dependendo principal ou totalmente, da modificação dos critérios usados no levantamento das ocupações nos dois censos. 12

3.6. As Taxas de Atividade na Agricultura

Apoiando-nos nos dados censitários, corrigido o de 1950 como acima foi exposto, pudemos estimar as taxas de atividade na agricultura, no período subsequente a 1950, quer para o Brasil, quer para as suas regiões.

Esta estimativa baseou-se numa interpolação linear para cada uma das regiões, entre 1950 e 1960, que se projetou para o decênio seguinte. Os resultados acham-se expostos na Tabela XXVI.

A partir das taxas de atividade assim determinadas pudemos reconstituir o montante da população ativa em cada um dos anos do período considerado, discriminado por regiões (Tabelas XXII — XXIII). A soma destas populações nos forneceu a população rural no Brasil.

¹³ MORTARA, G. Análises críticas dos Resultados dos Censos Demográficos, Estatistica Demográfica n.º 21, IBGE, Rio de Janeiro, 1956, p. 108 e 114.

TABELA XXII

POPULAÇÃO REGIONAL E POPULAÇÃO ECONÔMICAMENTE
ATIVA NA AGRICULTURA

(1.000 Hab.)

	1950	1951	1952	1953	1954	1955	1956	1957	1958	1959	1960
População Total											
Brasil População	51,944	53,496	55,093	56,739	58,434	60,179	61,977	63,828	65,734	67,698	69,720
Brasil $\left\{egin{array}{ll} ext{População} & & \\ \mu & & & \end{array}\right.$	_	0,0854	0,1733	0,2638	0,3571	0,4531	0,5520	0,6621	0,7587	0,8668	0,978
NE	17,973	18,340	18,719	19,108	19,510	19,923	20,348	20,822	21,238	21,703	22,181
L	13,414	13,798	14,193	14,600	15,019	15,450	15,895	16,389	16,824	17,309	17,809
8	16,975	17,613	18,270	18,946	19,643	20,360	21,099	21,922	22,643	23,451	24,282
N-CO	3,582	3,745	3,913	4,085	4,262	4,446	4,635	4,845	5,029	5,235	5,448
População Econômicamente Ativa na Agricultura											
Brasil	10,446	10,576	10,703	10,828	10,953	11,073	11,192	11,334	11,421	11,528	11,633
NE	4,360	4,413	4,468	4,523	4,581	4,638	4,698	4,766	4,821	4,883	4,949
L	2,246	2,244	2,238	2,232	2,223	2,212	2,198	2,188	2,164	2,143	2,116
s	3,169	3,223	3,276	3,327	3,377	3,425	3,471	3,525	3,557	3,595	3,633
N-CO	0,671	0,696	0,721	0,746	0,772	0,798	0,825	0,855	0,879	0,907	0,935
ndice da População Ativa (1953 = 100)											
Brasil	96,5	97,7	98,8	100,0	101,2	102,3	103,4	104,7	105,5	106,5	107,4
NE	96,4	97,6	98,8	100,0	101,3	102,5	103,9	105,4	106,6	108,0	109,4
L	100,6	100,5	100,3	100,0	99,6	99,1	98,5	98,0	97,0	96,0	94,8
s	95,3	96,9	98,5	100,0	101,5	103,0	104,3	106,0	106,9	108,1	109,2
N-CO	90,0	93,3	96,7	100,0	103,5	107,0	110,6	114,6	117,8	121,6	125,3

TABELA XXIII

POPULAÇÃO REGIONAL E POPULAÇÃO ECONOMICAMENTE
ATIVA NA AGRICULTURA

(1.000 hab.)

	1960	1961	1962	1963	1964	1965	1966	1967	1968	1969	1970
População Total											
Brasil População	69,720	71,780	73,902	76,086	78,334	80,649	83,033	85,487	88,013	90,614	93,292
\mathbf{Brasil} $\left\{egin{align*} \mathbf{População} & \dots & \dots & \dots \\ \boldsymbol{\mu}.\dots & \dots & \dots & \dots \end{array}\right.$	_	0,1133	0,2301	0,3503	0,4739	0,6013	0,7325	0,8675	1,0065	1,1496	1,296
NE	22,181	22,669	23,171	23,688	24,220	24,768	25,333	25,914	26,512	27,128	27,762
L	17,809	18,318	18,843	19,383	19,939	20,512	21,101	21,708	22,332	22,975	23,638
s	24,282	25,129	26,001	26,899	27,823	28,774	29,754	30,763	31,802	32,871	33,971
N-CO	5,448	5,664	5,887	6,116	6,352	6,595	6,845	7,102	7,367	7,640	7,921
População Econômicamente Ativa Agricultura											
Brasil	11,633	11,729	11,825	11,913	11,999	12,077	12,151	12,216	12,277	12,332	12,377
NE	4,949	5,012	5,079	5,145	5,215	5,283	5,355	5,426	5,499	5,575	5,650
L	2,116	2,088	2,058	2,022	1,984	1,942	1,895	1,845	1,791	1,732	1,669
s	3,633	3,666	3,697	3,726	3,751	3,772	3,791	3,805	3,816	3,823	3,825
N-CO	0,935	0,963	0,991	1,020	1,049	1,080	1,110	1,140	1,171	1,202	1,233
ndice da População Ativa (1953 = 100)											
Brasil	107,4	108,3	109,2	110,0	110,8	111,5	112,2	112,8	113,4	113,9	114,3
NE	109,4	110,8	112,3	113,8	115,3	116,8	118,4	120,0	121,6	123,3	124,9
L	94,8	93,6	92,2	90,6	88,9	87,0	84,9	82,7	80,2	77,6	74,8
s	109,2	110,2	111,1	112,0	112,7	113,4	114,0	114,4	114,7	114,9	115,0
N-CO	125,3	129,1	132,8	136,7	140,6	144,8	148,8	152,8	157.0	161,1	165,3

TABELA XXIV
RETIFICAÇÃO DA POPULAÇÃO ECONÔMICAMENTE ATIVA
NA AGRICULTURA

		CE	NSO DE	1950		POPULAÇÃO RETIFICADA				
	BRASIL	NE	L	8	N-CO	BRASIL	NE_	L	8	N-CO
População Total										
Total	51.944.397	17.973.413	13.414.071	16.975.293	3.581.620	<u> </u>				
Homens	25.885.001	8.766.551	6.679.233	8.610.398	1.828.819	}				
Mulheres	26.059.396	9.206.862	6.734.838	8.364.895	1.752.801					
População Econômicamente Ativa na Agricultura										
Total	9.886.934	4.028.057	2.177.740	3.042.982	638.155	10.445.997	4.360.567	2.245.285	3.168.933	671.21
Homens	9.154.034	3.729.897	2.085.669	2.732.285	606.183					
Mulheres	732.900	298.160	92.071	310.697	31.972	1.291.963	630,670	159.616	436.648	65.02
Taxa de Atividade na Agricultura										
Total	19,0	22,4	16,2	17,9	17,8	20,1	24,3	16,7	18,7	18,
Homens	35,4	42,6	31,2	31,7	33,2					
Mulheres	2,8	3,2	1,4	3,7	1,8	5,0	6,8	2,4	5,2	3

TABELA XXV

POPULAÇÃO TOTAL E POPULAÇÃO ECONÔMICAMENTE ATIVA
NA AGRICULTURA

			1940		
	BRASIL	NE	L	s	N-CO
População Total Total Homens Mulheres	41.236.315 20.614.088 20.622.227	14.434.080 7.066.521 7.367.559	11.165.515 5.590.954 5.574.561	12.915.621 6.564.236 6.351.385	2,721.099 1,392.377 1,328,722
População Econômicamente Ativa na Agricultura Total Homens. Mulheres.	9.453.512 8.183.313 1.270.199	3.786.238 3.251.755 534.483	2.236.477 2.022.417 214.060	2.866.758 2.414.934 451.824	564.039 494.207 69.832
Taxa de Atividade na Agricultura Total	22.9 39,7 6,2	26,2 46,0 7,2	20,0 36,2 3,8	22,2 36,8 7,1	20,7 35,5 5,3
	1	· <u>·</u> ·			
			1950		. <u></u>
	BRASIL	NE	L	s	N-CO
População Total Total Homens. Mulheres.	51.944.397 25.885.001 26.059.396	17.973.413 8.766.551 9.206.862	13.414.071 6.679.233 6.734.838	16.975.293 8.610.398 8.364.895	3.581.620 1.828.819 1.752.801
População Econômicamente Ativa na Agricultura Total Homens Mulheres	9.886.934 9.154.034 732.900	4.028.057 3.729.897 298.160	2.177.740 2.085.669 92.071	3.042.982 2.732.285 310.697	638.155 606.183 31.972
Taxa de Atividade na Agricultura Total Homens Mulheres	19,0 35,4 2,8	22,4 42,6 3,2	16,2 31,2 1,4	17,9 31,7 3,7	17,8 33,2 1,8
			1960		
	BRASIL	NE	L	s	N-CO
População Total Total Homens Mulheres	70.119.071 35.010.717 35.108.354	22.275.487 10.950.086 11.325.401	17.908.354 8.850.743 9.057.611	24.445.902 12.401.688 12.044.214	5.489.328 2.808.200 2.681.128
População Econômicamente Ativa na Apricultura Total Homens Mulheres	11.697.798 10.523.225 1.174.573	4.969.784 4.335.117 634.667	2.127.720 2.046.726 80.994	3.658.122 3.257.046 401.076	942.172 884.336 57.836
Taxa de Atividade na Agricultura Total Homens Mulheres	16,7 30,1 3,4	22,3 39,6 5,6	11,9 23,1 0,9	15,0 26,3 3,3	17,2 31,5 2,2

FONTE: Censos Demográficos de 1940, 1950 e 1960 (sinopse preliminar).

Observe-se que a taxa de atividade para o Brasil, que figura na coluna 2 da Tabela XXVI, é a média ponderada das taxas de atividades regionais.

TABELA XXVI
TAXA DE ATIVIDADE NA AGRICULTURA

ANO	BRASIL	NE	L	<u>s</u>	N-CO
1950	20,1	24,3	16,7	18,7	18,7
51	19.8	24,1	16.3	18.3	18,6
52,	19.4	23,9	15.8	17.9	18,4
53	19.1	23.7	15,3	17,6	18,3
54	18.7	23,5	14,8	17,2	18,1
1955	18.4	23,3	14,3	16,8	18.0
56	18.1	23.1	13,8	16,4	17.8
57	17.8	22,9	13,4	16,1	17,6
58	17.4	22,7	12.9	15.7	17,5
59	17.0	22,5	12,4	15,3	17,3
1960	16.7	22,3	11,9	15.0	17.2
61,	16.3	22,1	11.4	14,6	17,0
62	16.0	21.9	10,9	14,2	16,8
63,,	15.7	21.7	10,4	13.8	16,7
64.,	15.3	21,5	10,0	13,5	16,5
1965	15.0	21.3	9,5	13.1	16,4
66	14.6	21.1	9.0	12.7	16,2
67	14.3	20.9	8,5	12.4	16,0
68	14.0	20.7	8,0	12,0	15,9
69	13.6	20,6	7,5	11,6	15,7
1970	13,3	20,4	7,1	11,3	15,6

3.7. Indice da População Ativa

Para o seguimento dêste estudo, temos necessidade de referir a evolução da população ativa ao ano base de 1953. Por êste motivo, calculamos nas Tabelas XXII — XXIII o índice da população econômicamente ativa, com base 1953 = 100.

3.8. A Fuga do Meio Rural

O exame das Tabelas XXII-XXIII e XXVI desperta alguns reparos. Entre 1950 e 1960, quer no Brasil como um todo, quer em cada uma das regiões, a taxa de atividade na agricultura declinou. É êste, aliás, um fenômeno mundial.

A diminuição média foi de 16,6 por cento. Foi pequena na região Norte/Centro-Oeste, com 8,4 por cento, e acentuada no Sul, com 19,8 por cento. No Nordeste, a queda foi diminuta, apenas 8,2 por cento, apesar

da intensa corrente migratória para os Estados sulinos, que foi compensada por uma taxa de reprodução elevada.

Mas a região Leste constitui um problema. O declínio foi da ordem de 28,8 por cento, e, projetada esta tendência para o final da década, esta região estaria então com uma taxa de atividade de 7 por cento, equivalente à dos Estados Unidos, sem ter nem de longe a mesma eficiência nas práticas agrícolas. Entretanto, nenhuma conclusão definitiva se pode tirar a êste respeito, pois a região, sob o ponto de vista agrário, é perturbada pela presença de uma grande metrópole, o Rio de Janeiro, que constitui um pólo de atração excepcional. Seria necessário empreender uma análise mais minuciosa, descendo à quantificação na ordem estadual, o que não podemos fazer no momento.

Releva notar outro ponto. Embora as taxas de atividade sejam uniformemente declinantes, a população econômicamente ativa na agricultura, em têrmos absolutos, aumentou no Brasil e em cada uma das regiões. O fenômeno, já constatado em outros lugares, é característico dos países em desenvolvimento. Diz Ducoff:

"In developing countries that are mainly agrarian in economic structure, as is the case in most Latin American countries, the rapid growth of population due to high birth rates and declining mortality results in a continuing presure of population on economic resources. The consequent surplus labor supply in the rural population is partly relieved through heavy rates of outmigration from rural to urban areas, particularly to the larger cities. The rate of outmigration, however, is not large enough to siphon off all of the increase in the rural population and consequently the agricultural labor force continues to increase in absolute numbers". ¹³

Os problemas que, assim se originam, são de grande monta. O superavit de população que as altas taxas de reprodução provocam nos meios rurais, mesmo com o êxodo para as cidades, conduzem ao subemprêgo. Por outro lado, o rápido aumento da população econômicamente ativa nas cidades, oriundo do forte incremento natural conjugado com as correntes imigratórias que recebe dos meios rurais, leva também ao subemprêgo, ou quando muito à ocupação no comércio a varejo, ou no setor de serviços, caracterizados ambos por uma baixa produtividade. Esta situação pode ocasionar, e o tem feito, fortes tensões sociais.

DUCOFF, L. J. Population Growth in Relation to the Agricultural Labour Force in Developed and Some Developing American Countries, Paper n.º 139, U.N. World Population Conference, Belgrado, 1965.

4. A PRODUTIVIDADE NA AGRICULTURA

4.1. A Produtividade do Trabalho

Embora o conceito de produtividade possa ser referido a qualquer um dos fatôres da produção, o mais comum — e o que aqui nos interessa — é o que relaciona a produção ao correspondente insumo de trabalho. 14

A medida dessa produtividade também pode ser feita através de diversos índices, mais ou menos elaborados 15; mas, por só dispormos, no setor agrícola, de medidas globais, devemos nos cingir aos índices mais simples.

Consideremos as variações no quantitativo da produção no decorrer do tempo como uma função do aumento da fôrça de trabalho L e de um resto, que representará a produtividade do trabalho:

$$\frac{Q(t)}{Q(0)} = \frac{L(t)}{L(0)} \times \frac{Q(t)}{L(t)} \div \frac{Q(0)}{L(0)}$$

Noutros têrmos, a evolução da produtividade pode ser medida deflacionando o índice de volume físico pelo índices da população ativa.

4.2. A Produtividade na Agricultura Brasileira

Utilizando os dados obtidos nos capítulos anteriores, podemos, destarte, calcular o índice de produtividiade na agricultura, conforme exposto nas Tabelas XXVII-XXIX.

A primeira tabela mostra que, consideradas as lavouras em conjunto, a produtividade nas mesmas tem aumentado constantemente no período em foco, tanto para o Brasil, como para cada uma de suas regiões.

O incremento mais forte a partir de 1959, e o aumento médio no atual decênio, é da ordem de 51 por cento para o Brasil e 52 por cento para o Sul. A região Leste retarda, só atingindo a média de 41 por cento, enquanto as Regiões Nordeste e Norte/Centro-Oeste alcançam 58 e 97 por cento.

Confrontando agora a evolução da produtividade para as lavouras de consumo interno e de exportação, vê-se que aquelas sobrepujam estas.

¹⁴ SIEGEL, J. H. Concepts of Measurement of Production and Productivity, U.S. of Labor Statistics, Washington, 1952, p. 17.

¹⁸ International Labour Office. Methods of Labour Productivity Statistics, Genebra, 1951, p. 124.

Para as culturas de consumo interno, o rendimento no Brasil supera ligeiramente o da região Sul. Paradoxalmente o da região Leste também supera o desta região, Mas os aumentos maiores encontram-se no Nordeste e Norte/Centro-Oeste.

TABELA XXVII

INDICE DE PRODUTIVIDADE
TOTAL DE LAVOURAS

 (1953 ± 100)

ANO	BRASIL	NE	L	8	N-CO
1950	101,2	114,3	95,1	99,6	102,8
51	97,0	88,2	99,7	98,6	102,2
52	101,9	97.2	89.7	108.5	97,6
53,,,,,	100,0	100.0	100,0	100,0	100,0
54	103,6	120,8	96,3	101,3	104,5
1955	115,3	121,1	107.1	116.1	124.0
56	102.3	122.8	96,9	96.6	120.9
57	118.1	131.3	120.1	112,5	130.8
58	121.5	104.7	124,7	125.9	127,5
59	140,9	130,8	120,0	152,0	145, 1
1960	146,8	142.9	134,4	152.0	165.7
61	154.8	147.4	137.3	162.5	179.5
62	157,4	150.7	136,7	166,2	185.5
63	146.7	162,4	130.5	144,8	199,3
64	132,0	156,5	131,9	118,7	224,0
1965	168.6	167.8	159,0	169,1	245,7
66	146.7	154,1	146,5	145,7	184.9
67	157.5	181.0	151.0	154,8	189.7

TABELA XXVIII

ÍNDICE DE PRODUTIVIDADE PRODUTOS DE CONSUMO INTERNO

 (1953 ± 100)

ANO	BRASIL	NE	L	s	N-CO
1950	98.2	101,4	99.8	95,8	106.1
51	97.0	88.0	101,6	97.8	100,5
52	95,3	94,2	96.2	95.2	95,8
53	100.0	100.0	100.0	100.0	100.0
54	108,0	116,0	94,8	111,1	104,9
1955	112.0	115.2	106.4	111,7	126.8
56	109,2	116.3	100.7	109.5	117.8
57	117.9	126.1	122.0	112.5	127.4
58	112,8	101.0	122.4	112.1	125.3
59	118,5	125,1	117,5	115,3	135,6
1960	131,5	135,4	142,7	123.0	162.3
61	136.7	142.9	144.3	129.2	169.7
62	143,6	154,5	143.8	137,3	178,3
63	148,7	165,9	138.6	143,2	192,5
64	152,5	162,8	151,9	141,7	232,0
1965	177.6	172.8	185.7	170.0	258.1
66	162.9	163,4	167.6	162.2	194,3
67	180,2	197,6	186,8	174.6	210,1

TABELA XXIX

INDICE DE PRODUTIVIDADE
PRODUTOS DE EXPORTAÇÃO

 (1953 ± 100)

ANO	BRASIL	NE	L	s	N-CO
1950	105,5	134,3	86,9	104,3	87.2
51	97,1	88.4	96.4	99,6	110,6
52	111.5	101.9	78.4	125.0	106.2
53	100.0	100.0	100.0	100.0	100.0
54	97,1	128,2	96,2	88,7	102,8
1955	120,2	130,3	108,4	121,6	110,7
56	92.3	132.9	90.5	80.5	135.5
57	118.3	139.4	116.8	112.5	146.8
58	134.2	110,3	128,6	143,1	137,9
59	173,6	139,6	124,3	197,7	189,9
1960	169,2	154,5	119,9	187,9	181,7
61	180,8	154,4	125,2	203,8	226,1
62	177.6	144.8	124,5	202,0	219,6
63	143.8	157.0	116,4	146.9	231,5
64	120,2	146,6	97,3	90,2	186,4
1965	155,5	159,9	112,8	168,1	187,0
66	123,2	139.8	110,0	125,2	140,0
67	124,6	155.4	89.0	130,2	92,8

Para as culturas de exportação, o panorama não é tão promissor. A produtividade, que atinge os seus maiores índices por volta de 1961-62, declina ligeiramente, sobretudo nos dois últimos anos. 16

4.3. Análise Matemática das Tendências

Como fundamento para o prognóstico da evolução da produtividade agrícola, em trabalhos de programação econômica, submetemos as séries de índices de produtividade, antes descritas, a um tratamento matemático. Ele revelará, como veremos, certos detalhes das tendências, que o simples exame das séries não deixa perceber.

Primeiramente, a fim de eliminarmos as irregularidades de safras nos anos sucessivos, em grande parte oriundas de condições climáticas, foram as séries submetidas a uma perequação por médias móveis quatrienais. Na realidade, usamos médias ponderadas de cinco têrmos, do tipo

$$Y'_{i} = \frac{1}{4} \left[y_{i} + y_{1-1} + y_{i+1} + \frac{y_{i-2} + y_{i+2}}{2} \right]$$

Os resultados acham-se registrados nas Tabelas XXX-XXXII.

¹⁶ Ver o § 2.5.

Em seguida, calculamos os logaritmos neperianos dos índices de produtividade, e, às séries assim obtidas ajustamos polinômios ortogonais de TCHEBYCHEFF, isto é, da forma

$$Y = \alpha_0 + \alpha_1 \xi_1 + \alpha_2 \xi_2 + \dots$$

tendo as funções ξ₁, ξ₂ etc., definições conhecidas. 17

TABELA XXX
MÉDIAS MÓVEIS QUATRIENAIS DOS ÍNDICES DE PRODUTIVIDADE
TOTAL DAS LAVOURAS

ANO	BRASIL	NE	L	8	N-CO
1950	_	_	_	_	_
51		_	_	_	_
52	100,3	100,7	96,3	101,9	100,9
53	102,9	105,7	97.4	104,3	130,8
54	105,3	113,0	99,2	105,0	109,4
1955	107,6	120,1	102.6	105,1	116,2
56	112.1	122.0	108.7	109.7	122,9
57	117.5	121,2	113.8	117.3	128,4
58	126.3	124,9	120,1	128.7	136,7
59	136,4	129,4	127,0	141,9	148,4
1960	145.5	137.2	130.6	153.1	161.7
61	150.7	146.9	133.4	157.3	175.7
62	149,6	152,6	134.4	152,2	189,8
63,,,,,,,,,,	149,5	156,8	136.8	148.9	205,4
64	149,8	159,8	140,8	147,1	213,6
1965	149.9	162.5	144.5	145.8	212.3
66		-02,0			
67				_	

TABELA XXXI
MÉDIAS MÓVEIS QUATRIENAIS DOS ÍNDICES DE PRODUTIVIDADE
PRODUTOS DE CONSUMO INTERNO

ANO	BRASIL	NE	L	<u>s</u>	N-CO
1950	_	-	_		_
51		_	-	-	_
52	98,9	97,7	98,8	99,1	100,5
53	102,0	103,0	98,8	102.8	103,6
54	105,6	109,1	99,9	106,3	109,6
1955	109,5	115,1	103,2	109,6	115,8
56	112.4	116.5	109.4	111.3	121,8
57	113,8	115.9	114.3	111,9	125.4
58	117.4	119.5	120.9	114,0	132.1
59	122,5	124,0	128,9	117,8	142,9
1960	128.7	132.8	134.4	123.1	154.9
61,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,	136,4	144.6	139.7	129.7	168.6
62	142.8	153.1	143.5	135.5	184.4
63	150,5	160.3	149.8	143.0	204.2
64	158,0	165,1	158,0	151,2	217,2
1965	164,4	170.2	167.0	158.2	221,4
66	<u> </u>	<u>—</u>			
67		_		_	_

²⁷ FISHER, R. A. Statistical Methods for Research Works, 5.º ed., Edimburgo, 1934, p. 140; FISHER, R. A. & YATES, F. Statistical Tables, Edimburgo, 1938.

TABELA XXXII

MÉDIAS MÓVEIS QUATRIENAIS DOS ÍNDICES DE PRODUTIVIDADE
PRODUTOS DE EXPORTAÇÃO

ANO	BRASIL	NE	L	8	N-CO
1950					_
51	_	_	_	_	
52	102,5	105,4	91,6	105,3	103,0
53	104.3	109,9	94,3	106,1	104,9
54	104,8	119,0	97,3	103,3	108,6
1955	104.7	127.8	100.9	99,3	118,1
56	111.6	130,5	107.0	107.6	128.3
57	122,9	129,4	113.1	123.9	142.6
58	139,2	133.3	118.7	146.9	158,3
59	156,6	137,8	123,5	171,7	174,0
1960	169.9	144.0	124.0	190.5	194,1
61	171.6	150.5	122,3	191.5	209.5
62	159,5	151,7	118.7	172.9	215,3
63	147,9	151.4	114.3	156.3	211,0
64	138,0	151,5	1 10,9	142,2	196,2
1965.,	128,8	150,6	105.7	130,5	168,9
66					_
67		_	_	_	

Uma das vantagens do emprêgo dêsses polinômios está em se poder ir aumentando gradativamente a potência dos mesmos, até conseguir o adequado grau de aderência, sem necessidade de refazer, a cada etapa, todos os cálculos, como acontece com o método clássico dos mínimos quadrados.

Finalmente, os polinômios ortogonais foram reconvertidos à forma estandardizada, com desenvolvimento de Y segundo as potências crescentes de X, ou seja, a função parabólica

$$Y = a_0 + a_1 X + a_2 X^2 + a_3 X^3 + \dots$$

Nessa equação, temos que Y é o logaritmo neperiano do índice de produtividade, e X é o desvio entre o ano em foco e o ano médio do período, seja 1958,5.

A interpretação dessa equação é a seguinte:

 a_0 é o logaritmo da produtividade na metade do período, ignorando-se as flutuações anuais.

a₁ é o componente tendencial da produtividade, e equivale ao montante segundo o qual o seu logaritmo varia de ano para ano. Ora, se o logaritmo varia segundo uma quantidade constante, isso implica que a própria produtividade está evoluindo segundo uma proporção constante; por conseguinte, a₁ é o incremento percentual da produtividade.

 a_2 modifica a_1 , e, como é uma função de X^2 , a sua ação se exerce com uma intensidade crescente de ano para ano. Se o sinal de a_2 é o mesmo de a_1 , êle age como um acelerador do movimento, enquanto que, se fôr de sinal contrário, êle age como um amortecedor, que pode, mesmo, anular completamente a tendência principal.

a₃ sugere uma completa alteração de tendência, e como é uma função de X³, pode se tornar ràpidamente o fator dominante.

4.4. A Tendência da Produtividade em nossa Agricultura

Os cálculos foram efetuados sôbre os índices de produtividade do Brasil.

O ajustamento pelos polinômios ortogonais — tendo sido utilizada a forma ξ' de Fischer — levou às seguintes equações (Tabelas XXXIII — XXXV).

1) total de lavouras

$$Y = 0.2410 + 0.0187 \, \xi'_1 - 0.0034 \, \xi'_2 - 0.0004 \, \xi'_3$$

2) lavouras de consumo interno

$$Y = 0.2192 + 0.0193 \, \xi'_1 + 0.0031 \, \xi'_2$$

3) lavouras de exportação

$$Y = 0.2685 + 0.0169 \, \xi'_{1} - 0.0119 \, \xi'_{2} - 0.0010 \, \xi'_{3}$$

Reconduzidas, agora, à forma estandardizada, resultam as seguintes funções parabólicas:

1) total de lavouras

$$Y = 0.2686 + 0.0568 X - 0.0017 X^2 - 0.0006 X^3$$

2) lavouras de consumo interno

$$Y = 0.1940 + 0.0386 X + 0.0016 X^2$$

3) lavouras de exportação

$$Y = 0.3652 + 0.0832 X - 0.0060 X^2 - 0.0017 X^3$$

TABELA XXXIII

ÍNDICE DE PRODUTIVIDADE DO BRASIL AJUSTAMENTO POR POLINÔMIOS ORTOGONAIS

TOTAL DE LAVOURAS

ANO	Produti- vidade	Y=log' e p	<i>ξ</i> ′1	ξ'2	ξ's	Υ ξ'1	Υ ξ'2	Y &'3
1952	100,3	0,0030	—13	13	—143	0,0390	-0,0390	- 0,4290
53 54 55 56 57	102,9 105,3 107,6 112,1 117,5 126,3	0,0286 0,0516 0,0732 0,1142 0,1612 0,2335	-11 - 9 - 7 - 5 - 3 - 1	7 2 2 5 7 - 8 - 8	11 66 98 95 67 24	-0,3146 -0,4644 -0,5124 0,5710 -0,4836 -0,2335	0,2000 0,1032 0,1464 0,5710 1,1284 1,8680	- 0,3146 3,4056 7,1736 10,8490 10,8004 5,6040
59 1960	136,4 145,5	0,3104 0,3751	3	- 7	- 24 - 67	0,3104 1,1253	2,4832 2,6257	- 7,4496 25,1317
61 62 63 64	150,7 149,6 149,5 149,8 149,9	0,4101 0,4027 0,4020 0,4041 0,4048	5 7 9 11 13	- 5 - 2 2 7 13	95 98 66 11 143	2,0505 2,8189 3,6180 4,4451 5,2624	-2,0505 -0,8054 0,8040 2,8287 5,2624	-38,9595 -39,4646 -26,5320 4,4451 57,8864
		3,3745 \alpha_0 0,2410			$\Sigma_{(\xi'_i)^2}$ α_i	17,0121 910 0,0187	-2,4411 728 0,0034	-38,1169 97,240 0,0004

TABELA XXXIV

ÍNDICE DE PRODUTIVIDADE DO BRASIL AJUSTAMENTO POR POLINÔMIOS ORTOGONAIS

PRODUTOS DE CONSUMO INTERNO

ANO	Produti- vidade	Y = log e p	<i>ξ</i> ′1	ξ'2	ξ'a	U Y \$'1	Υ ξ'2
1952	98,9	0,0111	—13	13	143	0,1443	0,1443
53 54 55	102,0 105,6 109,5	0,0198 0.0546 0,0907	$ \begin{array}{r} -11 \\ -9 \\ -7 \end{array} $	7 - 2	- 11 66 98	-0,2178 $-0,4914$ $-0,6349$	0,1386 0,1092 —0,1814
56 57 58	112,4 113,8 117,4	0,1170 0,1292 0,1605	- 5 - 3 - 1	5 7 8	95 67 24	$ \begin{array}{r} -0.5850 \\ -0.3876 \\ -0.1605 \end{array} $	-0,5850 $-0,9044$ $-1,2840$
59	122,5 128,7	0,2029	- 1 1	— 8 — 8	$-\frac{24}{24}$ -67	0,7572	-1,2310 $-1,6232$ $-1,7668$
61	136,4 142,8	0,2324 0,3104 0,3562	5 7	- 5 - 5 - 2	— 95 — 98	1,5520 2,4934	-1,7008 -1,5520 0,7124
63 64	150,5 158,0	0,4087 0,4575 0,4971	9 11 13	7 13	-66 11 143	3,67 8 3 5,0325 6,46 23	0,8174 3,2025
65	164,4	3,0681	13	13	Σ (ξ' _i) ²	17,5571 910	6,4623 2,2651 728
		α ₀ 0,2192			α_{i}	0,0193	0,0031

TABELA XXXV

ÍNDICE DE PRODUTIVIDADE DO BRASIL AJUSTAMENTO POR POLINÔMIOS ORTOGONAIS

PRODUTOS DE EXPORTAÇÃO

ANO	Produti- vidade	Y = log e p	ξ'1	ξ'2	ξ'2	Υ ξ'1	Υ ξ'2	Υ ξ':
1952	102,5	0,0246	—13	13	—143	0,3198	0,3198	_ 3,5178
53 54 55 56 57 58 59	104,3 104,8 104,7 111,6 122,9 139,2 156,6	0,0419 0,0470 0,0458 0,1098 0,2063 0,3307 0,4485	$ \begin{array}{rrr} -11 \\ -9 \\ -7 \\ -5 \\ -3 \\ -1 \\ 1 \end{array} $	7 2 2 5 7 8 8	— 11 66 98 95 67 24 — 24	- 0,4609 - 0,4230 - 0,3206 - 0,5490 - 0,6189 - 0,3307 0,4485	0,2933 0,0940 0,0916 0,5490 1,4441 2,6456 3,5880	- 0,4609 3,1020 4,4884 10,4310 13,8221 7,9368 -10,7640
1960	169,9	0,5301	3	— 7	67	1,5903	3,7107	-35,5167
61 62 63 64 65	171,6 159,5 147,9 138,0 128,8	0,5400 0,4670 0,3914 0,3221 0,2531 3,7583	5 7 9 11 13	- 5 - 2 2 7 13	- 95 98 66 11 143	2,7000 3,2690 3,5226 3,5431 <i>5,2903</i> 15,3409	-2,7000 -0,9340 0,7828 2,2547 5,2903 -8,6281	-51,3000 -45,7660 -25,8324 3,5431 \$6,19\$\$ -93,6411
		α ₀ 0,2685			$\Sigma (\xi'_i)^2$ α_1	910 0,0169	723 0,0119	97,240 0,0010

Constata-se que a componente linear tem, para os produtos de consumo interno, uma intensidade bem menor, cêrca da metade, da dos produtos de exportação; no entanto, aquela só tem uma componente do segundo grau positiva, ao passo que êstes possuem componentes do segundo e terceiro graus negativas. Quer isto dizer que as primeiras lavouras apresentam uma tendência à aceleração, enquanto as segundas revelam a existência de um processo de amortecimento, que pode ser fatal.

A expressão analítica para o total das lavouras sendo a resultante das duas tendências acima assinaladas, é, no entanto, dominada pela última. Embora com menor intensidade, ela denota o mesmo processo de amortecimento. Esse aspecto não deverá passar desapercebido na programação de nossa economia.

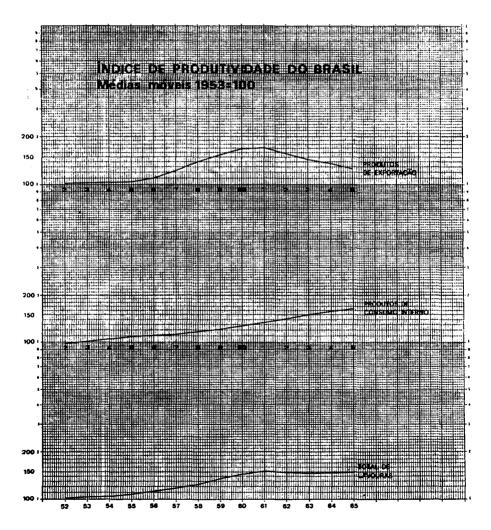
A análise matemática das séries de índices de produtividade ficou limitada ao estudo geral do Brasil, podendo, futuramente, ser estendida às séries regionais.

Também desejamos advertir que, no cálculo dos índices de produtividade, há uma hipótese implícita. Tratamos apenas da produtividade nas lavouras, consideradas no sentido restrito, isto é, excluindo a pecuária, e,

R.B.E. 2/69

no entanto, os dados sôbre a população econômicamente ativa referem-se à agricultura em seu sentido mais amplo. Por conseguinte, ao se deflacionarem as séries, está implícita a hipótese de que, à proporção em que a população ativa repartiu-se entre as atividades da lavoura e da pecuária, manteve-se constante ao longo do período.

Um aperfeiçoamento neste sentido poderá ser feito, não contando com a estatística do pessoal ocupado na lavoura e pecuária separadamente, que os serviços existentes não dão, mas mediante a elaboração de uma estimativa, embora grosseira, baseada na avaliação de rebanhos.



SUMMARY

The paper deals with empirical evidences connected with the productivity of the Brazilian agriculture. Owing to shortage of estatiscal series available at the usual source of information the author felt bound to work out new ones as follow:

- a) Inter and post census years estimates of Brazilian population;
- b) Estimates of the labour force in the agriculture sector;
- Indexes of output, value, real value, area and yield per acre of crops for domestic consumption;
- d) The same for exports.

The distinguishing caracteristic of the paper is the analysis of the agrarian sector viewed not as a whole but as divided into regions and this because of the great differences economic as well as climatic among them, and the study of the agriculture output as divided into goods for domestic consumption and export.

The main findings of the paper are as follows:

- 1. The Southern region prevails over the other ones;
- 2. There is an stagnation in the Eastern and a high yield per acre in the Northern and Center-Western regions due to the cultivation of new lands in Goiás and Mato Grosso;
- 3. There is a contrast between the rate of growth of the export (40 percent for the period) and that of the output of goods for domestic consumption (100 percent);
- 4. The physical yield of farms producing for the domestic market, while rather stable in the first decade, had declined in the second, the farms producing for the rest of the world having behaved the other way around;
- 5. The performance of farms producing for the domestic market as compared with those producing for export has evidenced that the former had shown a higher productivity, the highest rates being those of farms in the Northern and Center-Western regions;

6. The secular trends of crops were found to be as follows:

Crops for domestic consumption:

$$0,1940 + 0,386 X + 0,0016 X^{2}$$

Export crops:

$$0.3652 + 0.0832 X - 0.0060 X^2 - 0.0017 X^3$$

It is worth noticing that such crops as designed for exports have shown a declining rate of growth which fact leads one to antecipate a fall in the purchasing power of the Brazilian exports. It follows that the prospects of the development of the Brazilian economy in years to come are far from brilliant and therefore Brazilians must see to it that measures are taken that said trend may be altered.