

Universidad de Carabobo - Facultad de Ingenieria - Direccion de Postgrado
Programa: Maestria Matematica y Computacion - **Asignatura:** Introduccion al Calculo
Alumno: Ronald Medina - **Cedula:** V-16291029
Lapso: 03 - 2022 - **Fecha:** 14 - 03 - 2023
Titulo: Asignacion - **Parte 2)** Derivadas Implicitas

> restart:

Ejercicio 2.1 $x + y^2 + y \sin(x) = y^3 + \pi$

> f1:=x->x+y^2+y*sin(x)=(y)^(3)+Pi;

$$f1 := x \rightarrow x + y^2 + y \sin(x) = y^3 + \pi \quad (1.1)$$

1ra manera de obtener la derivada implicita:

> dy/dx=implicitdiff(x+y^2+y*sin(x)=(y)^(3)+Pi,y,x);

$$\frac{dy}{dx} = \frac{1 + y \cos(x)}{3y^2 - 2y - \sin(x)} \quad (1.2)$$

2da manera de obtener la derivada implicita:

> dimp1:=implicitdiff(f1(x),y,x);

$$dimp1 := \frac{1 + y \cos(x)}{3y^2 - 2y - \sin(x)} \quad (1.3)$$

Se simplifica (si es posible), la expresion resultante de la derivada implicita.

> simplify(%);

$$-\frac{1 + y \cos(x)}{-3y^2 + \sin(x) + 2y} \quad (1.4)$$

Para encontrar la pendiente, se evalua el punto $(\pi, 1)$, en la ecuacion resultante de la derivada implicita:

> eval(dimp1,[x=Pi, y=1]); #Se sustituyen ambos valores, de x y el de y

$$0 \quad (1.5)$$

Ejercicio 2.2 $\frac{x + \sqrt{y}}{y + \sqrt{x}} = \frac{3y - 9x}{x + y}$

> f2:=x->(x+sqrt(y))/(y+sqrt(x))=((3*y -9*x))/(x+y);

$$f2 := x \rightarrow \frac{x + \sqrt{y}}{y + \sqrt{x}} = \frac{3y - 9x}{x + y} \quad (2.1)$$

1ra manera de obtener la derivada implicita:

> dy/dx=implicitdiff((x+sqrt(y))/(y+sqrt(x))=((3*y -9*x))/(x+y),y,x);

$$\frac{dy}{dx} = - \left(-26y^{7/2}\sqrt{x} - 4y^{5/2}x^{3/2} - 2y^{3/2}x^{5/2} - 49y^{5/2}x - 24y^{3/2}x^{3/2} - 2y^{3/2}x^2 - \sqrt{y}x^3 + y^3 + 2y^2x + yx^2 \right) / \left(26y^{5/2}x^{3/2} + 2y^2x^{3/2} + 48y^{3/2}x^2 + 4y^{3/2}x^{5/2} + y^3\sqrt{x} + yx^{5/2} + 24\sqrt{y}x^{5/2} + 2\sqrt{y}x^{7/2} - 2yx^2 - y^2x - x^3 \right) \quad (2.2)$$

2da manera de obtener la derivada implicita:

> dimp2:=implicitdiff(f2(x),y,x);

$$dimp2 := - \left(-26y^{7/2}\sqrt{x} - 4y^{5/2}x^{3/2} - 2y^{3/2}x^{5/2} - 49y^{5/2}x - 24y^{3/2}x^{3/2} - 2y^{3/2}x^2 \right) \quad (2.3)$$

$$\frac{-\sqrt{y} x^3 + y^3 + 2 y^2 x + y x^2}{(26 y^{5/2} x^{3/2} + 2 y^2 x^{3/2} + 48 y^{3/2} x^2 + 4 y^{3/2} x^{5/2} + y^3 \sqrt{x} + y x^{5/2} + 24 \sqrt{y} x^{5/2} + 2 \sqrt{y} x^{7/2} - 2 y x^2 - y^2 x - x^3)}$$

Se simplifica (si es posible), la expresion resultante de la derivada implicita.

```
> simplify(%);
```

$$\frac{(26 y^{7/2} \sqrt{x} + 4 y^{5/2} x^{3/2} + 2 y^{3/2} x^{5/2} + 49 y^{5/2} x + 24 y^{3/2} x^{3/2} + 2 y^{3/2} x^2 + \sqrt{y} x^3 - y^3 - 2 y^2 x - y x^2)}{(26 y^{5/2} x^{3/2} + 2 y^2 x^{3/2} + 48 y^{3/2} x^2 + 4 y^{3/2} x^{5/2} + y^3 \sqrt{x} + y x^{5/2} + 24 \sqrt{y} x^{5/2} + 2 \sqrt{y} x^{7/2} - 2 y x^2 - y^2 x - x^3)} \quad (2.4)$$

Para encontrar la pendiente, se evalua el punto (1,4), en la ecuacion resultante de la derivada implicita.

```
> eval(dimp2,[x=1, y=4]); #Se sustituyen ambos valores, de x y y
```

$$-\frac{2625 \sqrt{4} + 100}{650 \sqrt{4} + 75} \quad (2.5)$$

```
> evalf(%,4); #Valor numerico de la pendiente
```

$$3.745 \quad (2.6)$$

Ejercicio 2.3 $x + y^5 + 1 = y + x^4 + x y^2$

```
> f3:=x->(x+(y)^(5)+1= y +(x)^(4)+x*y^2);
```

$$f3 := x \rightarrow x + y^5 + 1 = y + x^4 + x y^2 \quad (3.1)$$

1ra manera de obtener la derivada implicita de segundo orden:

```
> der_imp_orden2_ej3=implicitdiff((x+(y)^(5)+1= y +(x)^(4)+x*y^2),y,x,x); #1ra Manera de obtener derivada implicita de segundo orden;
```

$$\frac{der_imp_orden2_ej3 = (2 (150 x^2 y^8 - 160 x^6 y^3 - 160 x^3 y^5 + 16 x^7 + 16 x^4 y^2 + 80 x^3 y^3 - 60 x^2 y^4 - 3 x y^4 + 10 y^5 - 8 x^4 + 16 x^3 y + 2 x y^2 - 12 y^3 + 6 x^2 + x + 2 y))}{(125 y^{12} - 150 x y^9 + 60 x^2 y^6 - 75 y^8 - 8 x^3 y^3 + 60 x y^5 - 12 x^2 y^2 + 15 y^4 - 6 x y - 1)} \quad (3.2)$$

2da manera de obtener la derivada implicita de segundo orden:

```
> d2imp_ej3:=implicitdiff(f3(x),y,x,x);
```

$$d2imp_ej3 := (2 (150 x^2 y^8 - 160 x^6 y^3 - 160 x^3 y^5 + 16 x^7 + 16 x^4 y^2 + 80 x^3 y^3 - 60 x^2 y^4 - 3 x y^4 + 10 y^5 - 8 x^4 + 16 x^3 y + 2 x y^2 - 12 y^3 + 6 x^2 + x + 2 y)) / (125 y^{12} - 150 x y^9 + 60 x^2 y^6 - 75 y^8 - 8 x^3 y^3 + 60 x y^5 - 12 x^2 y^2 + 15 y^4 - 6 x y - 1) \quad (3.3)$$

Se simplifica (si es posible), la expresion resultante de la derivada implicita de segundo orden:

```
> simplify(%);
```

$$-(2 (150 x^2 y^8 - 160 x^6 y^3 - 160 x^3 y^5 + 16 x^7 + 16 x^4 y^2 + 80 x^3 y^3 - 60 x^2 y^4 - 3 x y^4 + 10 y^5 - 8 x^4 + 16 x^3 y + 2 x y^2 - 12 y^3 + 6 x^2 + x + 2 y)) / (-125 y^{12} + 150 x y^9 - 60 x^2 y^6 + 75 y^8 + 8 x^3 y^3 - 60 x y^5 + 12 x^2 y^2 - 15 y^4 + 6 x y + 1) \quad (3.4)$$

Se evalua el punto (1,1), en la ecuacion resultante de la derivada implicita de segundo orden

```
> eval(d2imp_ej3,[x=1,y=1]);
```

$$-26 \quad (3.5)$$

Ejercicio 2.4 $x^3 y + x y^3 = 11$

$$\begin{aligned} &> \text{f4}:=x \rightarrow ((x)^{(3)} * (y) + x * y^3 = 11); \\ &f4 := x \rightarrow x^3 y + x y^3 = 11 \end{aligned} \quad (4.1)$$

1ra manera de obtener la derivada implicita de tercer orden:

$$\begin{aligned} &> \text{der_imp_orden3_ej4} := \text{implicitdiff}(x^{(3)} * y + x * y^3 = 11, y, x, x, x); \\ &\#1ra \text{ Manera de obtener derivada implicita de tercer orden;} \\ &der_imp_orden3_ej4 = - \frac{12 (5 x^{10} - 63 x^8 y^2 - 54 x^6 y^4 + 42 x^4 y^6 + 49 x^2 y^8 + 21 y^{10}) y}{(x^{10} + 15 x^8 y^2 + 90 x^6 y^4 + 270 x^4 y^6 + 405 x^2 y^8 + 243 y^{10}) x^3} \end{aligned} \quad (4.2)$$

2da manera de obtener la derivada implicita de tercer orden:

$$\begin{aligned} &> \text{d3imp_ej4} := \text{implicitdiff}(\text{f4}(x), y, x, x, x); \\ &d3imp_ej4 := - \frac{12 (5 x^{10} - 63 x^8 y^2 - 54 x^6 y^4 + 42 x^4 y^6 + 49 x^2 y^8 + 21 y^{10}) y}{(x^{10} + 15 x^8 y^2 + 90 x^6 y^4 + 270 x^4 y^6 + 405 x^2 y^8 + 243 y^{10}) x^3} \end{aligned} \quad (4.3)$$

Se simplifica (si es posible), la expresion resultante de la derivada implicita de segundo orden:

$$\begin{aligned} &> \text{simplify}(\%); \\ &- \frac{12 (5 x^{10} - 63 x^8 y^2 - 54 x^6 y^4 + 42 x^4 y^6 + 49 x^2 y^8 + 21 y^{10}) y}{(x^{10} + 15 x^8 y^2 + 90 x^6 y^4 + 270 x^4 y^6 + 405 x^2 y^8 + 243 y^{10}) x^3} \end{aligned} \quad (4.4)$$

Se evalua el punto (1,2), en la ecuacion resultante de la derivada implicita de tercer orden

$$\begin{aligned} &> \text{eval}(\text{d3imp_ej4}, [x=1, y=2]); \\ &- \frac{855000}{371293} \end{aligned} \quad (4.5)$$

$$\begin{aligned} &> \text{evalf}(\%, 4); \# \text{ Valor numerico del punto (1,2) en la derivada} \\ &\text{implicita de tercer orden} \\ &-2.303 \end{aligned} \quad (4.6)$$