Norah Jones

2023-06-10

# Table of contents

Preface				4
ı	De	ep Lea	arning Specialization	5
1	Redes neuronales convolucionales: paso a paso			6
2	Redes neuronales convolucionales: paso a paso			7
	2.1	Conte	nidos	8
	2.2	1 - Lib	orerías	8
	2.3	2 - Co	nvolutional Neural Networks	8
		2.3.1	2.1 - Zero-Padding	9
		2.3.2	Ejercicio 1 - zero_pad	9
		2.3.3	2.2 - Un solo paso de la convolución	11
		2.3.4	Ejercicio 2 - conv_single_step	12
		2.3.5	2.3 - Convolutional Neural Networks - Forward Pass	13
		2.3.6	Exercise 3 - conv_forward	13
	2.4	4 - Po	oling Layer	16
		2.4.1	4.1 - Forward Pooling	16
		2.4.2	Exercise 4 - pool_forward	16
	2.5	5 - Ba	ckpropagation en las Convolutional Neural Networks	20
		2.5.1	5.1 - Convolutional Layer Backward Pass	21
		2.5.2	Exercise 5 - conv_backward	22
	2.6	5.2 Po	oling Layer - Backward Pass	25
		2.6.1	5.2.1 Max Pooling - Backward Pass	25
		2.6.2	5.2.2 - Average Pooling - Backward Pass	26
		2.6.3	Exercise 7 - distribute_value	27
		2.6.4	5.2.3 Putting it Together: Pooling Backward	27
		2.6.5	Exercise 8 - pool_backward	28
3 Introduction		n	30	
4 Shinylive in Quarto example		Quarto example	31	
5 Summary		ımary		33

References 34

# **Preface**

This is a Quarto book.

To learn more about Quarto books visit https://quarto.org/docs/books.

# Part I Deep Learning Specialization

1 Redes neuronales convolucionales: paso a paso

# 2 Redes neuronales convolucionales: paso a paso

Esta es la primera tarea del Curso 4. En esta tarea se implementan capas de convolución (CONV) y de pooling (POOL) en numpy, incluyendo tanto el fordward propagation como el backward propagation.

Al final de este cuaderno, serás capaz de:

- Explicar la operación de convolución.
- Aplicar dos tipos diferentes de operaciones de agrupamiento.
- Identificar los componentes utilizados en una red neuronal convolucional (padding, stride, filtro, ...) y su propósito.
- Construir una red neuronal convolucional.

#### Notación

- El superíndice [l] denota un objeto de la  $l^{th}$  capa.
  - Ejemplo:  $a^{[4]}$  es la activación de la cuarta capa.  $W^{[5]}$  y  $b^{[5]}$  son los parámetros de la quinta capa.
- El superíndice (i) denota un objeto del  $i^{th}$  ejemplo.
  - Ejemplo:  $x^{(i)}$  es la entrada del  $i^{th}$  ejemplo de entrenamiento.
- El subíndice i denota la  $i^{th}$  entrada de un vector.
  - Ejemplo:  $a_i^{[l]}$  denota la  $i^{th}$  entrada de las activaciones en la capa l, asumiendo que esta es una capa fully connected (FC).
- $n_H$ ,  $n_W$  y  $n_C$  denotan respectivamente la altura, anchura y número de canales de una capa dada. Si quieres referirte a una capa específica l, también puedes escribir  $n_H^{[l]}$ ,  $n_W^{[l]}$ ,  $n_C^{[l]}$ .
- $n_{H_{prev}}$ ,  $n_{W_{prev}}$  y  $n_{C_{prev}}$  denotan respectivamente la altura, anchura y número de canales de la capa anterior. Si se hace referencia a una capa específica l, esto también podría denotarse como  $n_H^{[l-1]}$ ,  $n_W^{[l-1]}$ ,  $n_C^{[l-1]}$

#### 2.1 Contenidos

```
1 - Librerías
2 - Convolutional Neural Networks
2.1 - Zero-Padding

Exercise 1 - zero_pad
2.2 - Single Step of Convolution
Exercise 2 - conv_single_step
2.3 - Convolutional Neural Networks - Forward Pass
Exercise 3 - conv_forward
```

#### 2.2 1 - Librerías

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

%matplotlib inline
plt.rcParams['figure.figsize'] = (5.0, 4.0) # set default size of plots
plt.rcParams['image.interpolation'] = 'nearest'
plt.rcParams['image.cmap'] = 'gray'

np.random.seed(1)
```

#### 2.3 2 - Convolutional Neural Networks

Una capa de convolución transforma un volumen de entrada en un volumen de salida de tamaño diferente, como se muestra a continuación:

En esta parte, se construirán todos los pasos de la capa de convolución. Se comenzará implementando dos funciones auxiliares: una para el zero-padding y otra para calcular la función de convolución en sí.

#### 2.3.1 2.1 - Zero-Padding

Figure 1: Zero-Padding Image (3 channels, RGB) with a padding of 2.

Los principales beneficios del padding son:

Permite utilizar una capa CONV sin reducir necesariamente la altura y el ancho de los volúmenes. Esto es importante para construir redes más profundas, ya que de lo contrario, la altura y el ancho disminuirían al avanzar hacia capas más profundas. Un caso especial importante es la convolución "same", en la que la altura y el ancho se preservan exactamente después de una capa.

Ayuda a conservar más información en el borde de una imagen. Sin relleno, muy pocos valores en la capa siguiente se verían afectados por los píxeles en los bordes de una imagen.

#### 2.3.2 Ejercicio 1 - zero\_pad

Se debe implementar la siguiente función, que añade zero-padding a todas las imágenes de un batch de ejemplos X.

Por ejemplo, si se desea añadir un relleno de pad = 1 para la segunda dimensión, pad = 3 para la cuarta dimensión y pad = 0 para el resto a un array "a" de forma (5, 5, 5, 5, 5), se haría de la siguiente manera:

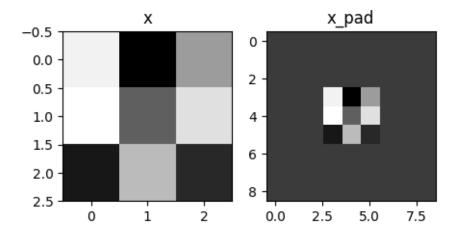
```
a = np.pad(a, ((0,0), (1,1), (0,0), (3,3), (0,0)), mode='constant', constant_values = (0,0)

def zero_pad(X, pad):
    """
    Pad with zeros all images of the dataset X. The padding is applied to the height and was illustrated in Figure 1.

Argument:
    X -- python numpy array of shape (m, n_H, n_W, n_C) representing a batch of m images pad -- integer, amount of padding around each image on vertical and horizontal dimensing Returns:
    X_pad -- padded image of shape (m, n_H + 2 * pad, n_W + 2 * pad, n_C)
    """

X_pad = np.pad(X,((0,0),(pad,pad),(pad,pad),(0,0)))
    return X_pad
```

```
# genero vector de números aleatorios (4 matrices de 3x3 con 2 canales)
  x = np.random.randn(4, 3, 3, 2)
  # le añado el padding (El tamaño del relleno es 3, lo que significa que se añaden 3 filas/
  x_pad = zero_pad(x, 3)
  print (f"Dimensiones del vector x: \t{x.shape}")
  print (f"Dimensiones del vector x_{pad}: \t{x.shape}")
  print ("\nContenido de x[1,1] = \n", x[1, 1])
  print ("\nContenido de x_{pad}[1,1] = n", x_{pad}[1,1])
  fig, axarr = plt.subplots(1, 2)
  axarr[0].set_title('x')
  axarr[0].imshow(x[0, :, :, 0])
  axarr[1].set_title('x_pad')
  axarr[1].imshow(x_pad[0, :, :, 0])
  plt.show()
Dimensiones del vector x: (4, 3, 3, 2)
Dimensiones del vector x_{pad}: (4, 3, 3, 2)
Contenido de x[1,1] =
 [[ 0.90085595 -0.68372786]
 [-0.12289023 -0.93576943]
 [-0.26788808 0.53035547]]
Contenido de x_pad[1,1] =
 [[0. 0.]
 [0. 0.]
 [0. 0.]
 [0. 0.]
 [0. 0.]
 [0. 0.]
 [0. 0.]
 [0. 0.]
 [0. 0.]]
```



```
x[1,:,:,:]
```

#### 2.3.3 2.2 - Un solo paso de la convolución

En esta parte, se implementará un solo paso de la convolución, en el cual se aplicará el filtro a una única posición de la entrada. Esto se utilizará para construir una unidad convolucional, que:

- Toma un volumen de entrada
- Aplica un filtro en cada posición de la entrada
- Produce otro volumen (generalmente de tamaño diferente)

Figura 2: Operación de convolución Operación de convolución con un filtro de 3x3 y un paso de 1 (el paso es la cantidad que mueves la ventana cada vez que la deslizas)

En una aplicación de computer vision, cada valor en la matriz de la izquierda corresponde a un solo valor de píxel. Se convoluciona un filtro de 3x3 con la imagen multiplicando sus valores elemento a elemento (element-wise) con la matriz original, luego sumándolos y añadiendo un sesgo (bias). En este primer paso, se implementa un solo paso de la convolución, correspondiente a aplicar un filtro a solo una de las posiciones para obtener una única salida de valor real.

#### 2.3.4 Ejercicio 2 - conv\_single\_step

Implementa conv\_single\_step().

```
def conv_single_step(a_slice_prev, W, b):
    Apply one filter defined by parameters W on a single slice (a_slice_prev) of the output
    of the previous layer.
    Arguments:
    a_slice_prev -- slice of input data of shape (f, f, n_C_prev)
    W -- Weight parameters contained in a window - matrix of shape (f, f, n_C_prev)
    b -- Bias parameters contained in a window - matrix of shape (1, 1, 1)
    Returns:
    Z -- a scalar value, the result of convolving the sliding window (W, b) on a slice x of
    # Element-wise product between a_slice_prev and W. Do not add the bias yet.
    s = np.multiply(a_slice_prev,W)
    # Sum over all entries of the volume s.
    Z = np.sum(s)
    # Add bias b to Z. Cast b to a float() so that Z results in a scalar value.
    b = np.squeeze(b)
    Z = Z + b
    return Z
a_slice_prev = np.random.randn(4, 4, 3)
W = np.random.randn(4, 4, 3)
b = np.random.randn(1, 1, 1)
Z = conv_single_step(a_slice_prev, W, b)
print("Z =", Z)
```

#### 2.3.5 2.3 - Convolutional Neural Networks - Forward Pass

En el forward pass, se convolucionan múltiples filtros sobre la entrada. Cada 'convolución' proporciona una salida en forma de matriz 2D. Estas salidas se apilan para obtener un volumen 3D:

#### 2.3.6 Exercise 3 - conv\_forward

Se implementará la función a continuación para convolucionar los filtros W sobre una activación de entrada A\_prev. Esta función toma los siguientes parámetros:

- A\_prev, las activaciones producidas por la capa anterior (para un batc de m entradas);
- Los pesos se denotan con W. El tamaño de la ventana del filtro es fxf .
- El vector de sesgo es b, donde cada filtro tiene su propio sesgo (único). También se tiene acceso al diccionario de hiperparámetros, que contiene el paso (stride) y el relleno (padding).

#### # Hint

**Hint**: 1. Para seleccionar una porción 2x2 en la esquina superior izquierda de una matriz "a\_prev" (de forma (5,5,3)), se haría:

```
a_slice_prev = a_prev[0:2,0:2,:]
```

Notese cómo esto da una porción 3D que tiene altura 2, ancho 2 y profundidad 3. La profundidad es el número de canales.

Esto será útil cuando se defina a\_slice\_prev a continuación, utilizando los índices start/end que se definirán.

2. Para definir a\_slice se necesitará primero definir sus esquinas vert\_start, vert\_end, horiz\_start y horiz\_end. La siguiente figura puede ser útil para descubrir cómo cada una de las esquinas puede ser definida usando h, w, f y s en el código a continuación.

Figura 3: Definition of a slice using vertical and horizontal start/end (with a 2x2 filter) This figure shows only a single channel.

#### Reminder:

Las fórmulas que relacionan la forma de salida de la convolución con la forma de entrada son:

$$\begin{split} n_{H} &= \Big\lfloor \frac{n_{H_{prev}} - f + 2 \times pad}{stride} \Big\rfloor + 1 \\ n_{W} &= \Big\lfloor \frac{n_{W_{prev}} - f + 2 \times pad}{stride} \Big\rfloor + 1 \end{split}$$

 $n_C =$  número de filtros en la convolución

Para este ejercicio se implementará todo con bucles for.

```
def conv_forward(A_prev, W, b, hparameters):
   Implements the forward propagation for a convolution function
   Arguments:
   A_prev -- output activations of the previous layer,
       numpy array of shape (m, n_H_prev, n_W_prev, n_C_prev)
   W -- Weights, numpy array of shape (f, f, n_C_prev, n_C)
   b -- Biases, numpy array of shape (1, 1, 1, n_C)
   hparameters -- python dictionary containing "stride" and "pad"
   Returns:
   Z -- conv output, numpy array of shape (m, n_H, n_W, n_C)
   cache -- cache of values needed for the conv_backward() function
   # Retrieve dimensions from A_prev's shape (1 line)
   (m, n_H_prev, n_W_prev, n_C_prev) = A_prev.shape
   # Retrieve dimensions from W's shape (1 line)
   (f, f, n_C_prev, n_C) = W.shape
   # Retrieve information from "hparameters" (2 lines)
   stride = hparameters["stride"]
   pad = hparameters["pad"]
   # Compute the dimensions of the CONV output volume using the formula given above.
   # Hint: use int() to apply the 'floor' operation. (2 lines)
   n_H = int((n_H_prev + 2*pad - f)/stride) + 1
   n_W = int((n_W_prev + 2*pad - f)/stride) + 1
   # Initialize the output volume Z with zeros. (1 line)
```

```
Z = np.zeros((m, n_H, n_W, n_C))
    # Create A_prev_pad by padding A_prev
    A_prev_pad = zero_pad(A_prev, pad)
                                     # loop over the batch of training examples
    for i in range(m):
        a_prev_pad = A_prev_pad[i]
                                            # Select ith training example's padded activat
        for h in range(n_H):
                                       # loop over vertical axis of the output volume
            # Find the vertical start and end of the current "slice" (2 lines)
            vert_start = stride * h
            vert_end = vert_start + f
            for w in range(n_W):
                                       # loop over horizontal axis of the output volume
                # Find the horizontal start and end of the current "slice" (2 lines)
                horiz_start = stride * w
                horiz_end = horiz_start + f
                for c in range(n_C): # loop over channels (= #filters) of the output vol
                    # Use the corners to define the (3D) slice of a_prev_pad (See Hint about
                    a_slice_prev = a_prev_pad[vert_start:vert_end,horiz_start:horiz_end,:]
                    # Convolve the (3D) slice with the correct filter W and bias b, to get
                    weights = W[:, :, :, c]
                    biases = b[:, :, :, c]
                    Z[i, h, w, c] = conv_single_step(a_slice_prev, weights, biases)
    # Save information in "cache" for the backprop
    cache = (A_prev, W, b, hparameters)
    return Z, cache
np.random.seed(1)
A_{prev} = np.random.randn(2, 5, 7, 4)
W = np.random.randn(3, 3, 4, 8)
b = np.random.randn(1, 1, 1, 8)
hparameters = {"pad" : 1,
               "stride": 2}
Z, cache_conv = conv_forward(A_prev, W, b, hparameters)
print("\nZ's mean =\t", np.mean(Z))
```

```
print("\nZ[0,2,1] =\n", Z[0, 2, 1])
print("\ncache_conv[0][1][2][3] =\n", cache_conv[0][1][2][3])

Z's mean = 0.5511276474566768

Z[0,2,1] =
  [-2.17796037 8.07171329 -0.5772704 3.36286738 4.48113645 -2.89198428 10.99288867 3.03171932]

cache_conv[0][1][2][3] =
  [-1.1191154 1.9560789 -0.3264995 -1.34267579]
```

#### 2.4 4 - Pooling Layer

La capa de pooling (POOL) reduce la altura y el ancho de la entrada. Contribuye a la reducción del cálculo, así como a la invariancia de los detectores de características frente a su posición en la entrada. Existen dos tipos de capas de pooling:

- Max-pooling layer: slides an (f, f) window over the input and stores the max value of the window in the output.
- Average-pooling layer: slides an (f, f) window over the input and stores the average value of the window in the output.

Estas c<br/>pasa de pooling no tienen parámetros que entrenar durante el backpropagation, pero si<br/> tienen hiperparámetros como el window size f, que especifica la altura y ancho de la ventana<br/>  $f \times f$  sobre la cual se calcula el máximo o el promedio (max o average).

#### 2.4.1 4.1 - Forward Pooling

En la sección se implementarán tanto el MAX-POOL como el AVG-POOL dentro de la misma función.

#### 2.4.2 Exercise 4 - pool\_forward

Reminder: Como aquí no hay padding, las fórmulas que relacionan la forma de salida del agrupamiento con la forma de entrada son las siguientes:

```
número de canales de salida, n_C = n_{C_{nrev}}
def pool_forward(A_prev, hparameters, mode = "max"):
    Implements the forward pass of the pooling layer
    Arguments:
    A_prev -- Input data, numpy array of shape (m, n_H_prev, n_W_prev, n_C_prev)
    hparameters -- python dictionary containing "f" and "stride"
    mode -- the pooling mode you would like to use, defined as a string ("max" or "average
    Returns:
    A -- output of the pool layer, a numpy array of shape (m, n_H, n_W, n_C)
    cache -- cache used in the backward pass of the pooling layer, contains the input and
    # Retrieve dimensions from the input shape
    (m, n_H_prev, n_W_prev, n_C_prev) = A_prev.shape
    # Retrieve hyperparameters from "hparameters"
    f = hparameters["f"]
    stride = hparameters["stride"]
    # Define the dimensions of the output
    n_H = int(1 + (n_H_prev - f) / stride)
    n_W = int(1 + (n_W_prev - f) / stride)
    n_C = n_C_prev
    # Initialize output matrix A
    A = np.zeros((m, n_H, n_W, n_C))
    ### START CODE HERE ###
    for i in range(m):
                                                # loop over the training examples
        a_prev_slice = A_prev[i]
```

ancho de salida,  $n_H = \left| \frac{n_{H_{prev}} - f}{stride} \right| + 1$ 

ancho de salida,  $n_W = \left| \frac{n_{W_{prev}} - f}{stride} \right| + 1$ 

```
# loop on the vertical axis of the output
        for h in range(n_H):
            # Find the vertical start and end of the current "slice" (2 lines)
            vert_start = stride * h
            vert_end = vert_start + f
            for w in range(n_W):
                                                 # loop on the horizontal axis of the outp
                # Find the vertical start and end of the current "slice" (2 lines)
                horiz start = stride * w
                horiz_end = horiz_start + f
                for c in range (n_C):
                                                 # loop over the channels of the output vo
                    # Use the corners to define the current slice on the ith training exam
                    a_slice_prev = a_prev_slice[vert_start:vert_end,horiz_start:horiz_end,
                    # Compute the pooling operation on the slice.
                    # Use an if statement to differentiate the modes.
                    # Use np.max and np.mean.
                    if mode == "max":
                        A[i, h, w, c] = np.max(a_slice_prev)
                    elif mode == "average":
                        A[i, h, w, c] = np.mean(a_slice_prev)
                        print(mode+ "-type pooling layer NOT Defined")
    # YOUR CODE ENDS HERE
    # Store the input and hparameters in "cache" for pool_backward()
    cache = (A_prev, hparameters)
    # Making sure your output shape is correct
    assert(A.shape == (m, n_H, n_W, n_C))
    return A, cache
# Case 1: stride of 1
np.random.seed(1)
A_{prev} = np.random.randn(2, 5, 5, 3)
hparameters = {"stride" : 1, "f": 3}
A, cache = pool_forward(A_prev, hparameters, mode = "max")
```

```
print("Max pooling:")
  print("\nA.shape = " + str(A.shape))
  print("A[1, 1] =\n", A[1, 1])
  print()
  A, cache = pool_forward(A_prev, hparameters, mode = "average")
  print("Average pooling:")
  print("\nA.shape = " + str(A.shape))
  print("A[1, 1] = \n", A[1, 1])
Max pooling:
A.shape = (2, 3, 3, 3)
A[1, 1] =
 [[1.96710175 0.84616065 1.27375593]
 [1.96710175 0.84616065 1.23616403]
 [1.62765075 1.12141771 1.2245077 ]]
Average pooling:
A.shape = (2, 3, 3, 3)
A[1, 1] =
 [[ 0.44497696 -0.00261695 -0.31040307]
 [ 0.50811474 -0.23493734 -0.23961183]
 [ 0.11872677  0.17255229  -0.22112197]]
  # Case 2: stride of 2
  np.random.seed(1)
  A_prev = np.random.randn(2, 5, 5, 3)
  hparameters = {"stride" : 2, "f": 3}
  A, cache = pool_forward(A_prev, hparameters)
  print("Max pooling:")
  print("\nA.shape = " + str(A.shape))
  print("A[0] =\n", A[0])
  print()
  A, cache = pool_forward(A_prev, hparameters, mode = "average")
  print("Average pooling:")
  print("\nA.shape = " + str(A.shape))
  print("A[1] =\n", A[1])
```

```
Max pooling:
A.shape = (2, 2, 2, 3)
A[0] =
  [[[1.74481176  0.90159072  1.65980218]
  [1.74481176  1.6924546   1.65980218]]

[[1.13162939  1.51981682  2.18557541]
  [1.13162939  1.6924546   2.18557541]]]

Average pooling:

A.shape = (2, 2, 2, 3)
A[1] =
  [[[-0.17313416   0.32377198  -0.34317572]
  [  0.02030094   0.14141479  -0.01231585]]

[[  0.42944926   0.08446996  -0.27290905]
  [  0.15077452   0.28911175   0.00123239]]]
```

#### Lecciones

- Una convolución extrae características de una imagen de entrada tomando el dot product entre los datos de entrada y un array 3D de pesos (el filtro).
- El resultado 2D de la convolución se denomina feature map.
- Una capa de convolución es donde el filtro se desliza sobre la imagen y calcula el dot product.
  - Esto transforma el volumen de entrada en un volumen de salida de tamaño diferente.
- El zero-padding ayuda a conservar más información en los bordes de la imagen y es útil para construir redes más profundas, ya que se puede construir una capa CONV sin reducir la altura y el ancho de los volúmenes.
- Las pooling layers reducen gradualmente la altura y el ancho de la entrada deslizando una ventana 2D sobre cada región especificada, luego resumiendo las características en esa región.

#### 2.5 5 - Backpropagation en las Convolutional Neural Networks

En los frameworks de deep learning, solo se necesita implementar el forward pass, y el framework se encarga del backpropagation, por lo que la mayoría de los ingenieros de deep learning no necesitan preocuparse por susdetalles.

Cuando se implementa una red neuronal simple (fully-connected), se utiliza la retropropagación para calcular las derivadas con respecto al loss para actualizar los parámetros. De manera similar, en las redes neuronales convolucionales se pueden calcular las derivadas con respecto al costo para actualizar los parámetros. Las ecuaciones de retropropagación se presentan brevemente a continuación.

#### 2.5.1 5.1 - Convolutional Layer Backward Pass

Comencemos implementando el paso hacia atrás para una capa CONV.

#### **2.5.1.1 5.1.1** - Cálculo de dA:

This is the formula for computing dA with respect to the cost for a certain filter  $W_c$  and a given training example:

$$dA += \sum_{h=0}^{n_H} \sum_{w=0}^{n_W} W_c \times dZ_{hw}$$
 (1)

Donde  $W_c$  es un filtro y  $dZ_{hw}$  un escalar correspondiente al gradiente del loss con respecto a la salida de la capa convolucional Z en la fila h y columna w (correspondiente al dot-product tomado en el desplazamiento i hacia la izquierda y el desplazamiento j hacia abajo). Notese que en cada momento, se multiplica el mismo filtro  $W_c$  por un dZ diferente al actualizar dA. Esto se debe pricipalmente a que cuanto se calcula el forward pass, cada filtro realiza el dot-product y es sumado por un  $a_{slice}$  distinto. Por lo tanto, al calcular el backpropagation para dA, simplemente se estan sumando los gradientes de todos los  $a_{slices}$ .

En código, dentro de los bucles for apropiados, esta fórmula se traduce en:

#### 2.5.1.2 5.1.2 - Cálculo de dW:

Esta es la fórmula para calcular  $dW_c$  (donde  $dW_c$  es la derivada de un filtro) con respecto al loss:

$$dW_c += \sum_{h=0}^{n_H} \sum_{w=0}^{n_W} a_{slice} \times dZ_{hw}$$
 (2)

Donde  $a_{slice}$  corresponde a la porción que se utilizó para generar la activación  $Z_{ij}$ . Por lo tanto, esto nos da el gradiente para Wcon respecto a esa porción. Dado que es el mismo W, simplemente se sumarán todos esos grandientes para obtener dW.

En código, dentro de los bucles for apropiados, esta fórmula se traduce en:

```
dW[:,:,:,c] += a_slice * dZ[i, h, w, c]
```

#### 2.5.1.3 5.1.3 - Cálculo de db:

Esta es la fórmula para calcular db con respecto al costo para un cierto filtro  $W_c$ :

$$db = \sum_{h} \sum_{w} dZ_{hw} \tag{3}$$

Al igual que en el caso de las redes básicas, db se calcula sumando dZ. En este caso, simplemente se están sumando todos los gradientes de la salida convolucional (Z) con respecto al loss.

En código, dentro de los bucles for apropiados, esta fórmula se traduce en:

$$db[:,:,:,c] += dZ[i, h, w, c]$$

#### 2.5.2 Exercise 5 - conv\_backward

A continuación, se implementa la función conv\_backward. You should sum over all the training examples, filters, heights, and widths. You should then compute the derivatives using formulas 1, 2 and 3 above.

```
numpy array of shape (f, f, n_C_prev, n_C)
db -- gradient of the cost with respect to the biases of the conv layer (b)
      numpy array of shape (1, 1, 1, n_C)
# Retrieve information from "cache"
(A_prev, W, b, hparameters) = cache
# Retrieve dimensions from A_prev's shape
(m, n_H_prev, n_W_prev, n_C_prev) = A_prev.shape
# Retrieve dimensions from W's shape
(f, f, n_C_prev, n_C) = W.shape
# Retrieve information from "hparameters"
stride = hparameters["stride"]
pad = hparameters["pad"]
# Retrieve dimensions from dZ's shape
(m, n_H, n_W, n_C) = dZ.shape
# Initialize dA_prev, dW, db with the correct shapes
dA_prev = np.zeros(A_prev.shape)
dW = np.zeros(W.shape)
db = np.zeros(b.shape) # b.shape = [1,1,1,n_C]
# Pad A_prev and dA_prev
A_prev_pad = zero_pad(A_prev, pad)
dA_prev_pad = zero_pad(dA_prev, pad)
for i in range(m):
                                         # loop over the training examples
    # select ith training example from A_prev_pad and dA_prev_pad
    a_prev_pad = A_prev_pad[i]
    da_prev_pad = dA_prev_pad[i]
    for h in range(n_H):
                                           # loop over vertical axis of the output vol
        for w in range(n_W):
                                           # loop over horizontal axis of the output v
            for c in range(n_C):
                                           # loop over the channels of the output volu
                # Find the corners of the current "slice"
                vert_start = stride * h
```

```
vert_end = vert_start + f
                      horiz_start = stride * w
                      horiz_end = horiz_start + f
                      # Use the corners to define the slice from a_prev_pad
                      a_slice = a_prev_pad[vert_start:vert_end,horiz_start:horiz_end,:]
                      # Update gradients for the window and the filter's parameters using the
                      da_prev_pad[vert_start:vert_end, horiz_start:horiz_end, :] += W[:,:,:,
                      dW[:,:,:,c] += a\_slice * dZ[i, h, w, c]
                      db[:,:,:,c] += dZ[i, h, w, c]
          # Set the ith training example's dA_prev to the unpadded da_prev_pad (Hint: use X[
          dA_prev[i, :, :, :] = da_prev_pad[pad:-pad, pad:-pad, :]
      # Making sure your output shape is correct
      assert(dA_prev.shape == (m, n_H_prev, n_W_prev, n_C_prev))
      return dA_prev, dW, db
  # We'll run conv_forward to initialize the 'Z' and 'cache_conv",
  # which we'll use to test the conv_backward function
  np.random.seed(1)
  A_{prev} = np.random.randn(10, 4, 4, 3)
  W = np.random.randn(2, 2, 3, 8)
  b = np.random.randn(1, 1, 1, 8)
  hparameters = {"pad" : 2,
                 "stride": 2}
  Z, cache_conv = conv_forward(A_prev, W, b, hparameters)
  # Test conv_backward
  dA, dW, db = conv_backward(Z, cache_conv)
  print("dA_mean =", np.mean(dA))
  print("dW_mean =", np.mean(dW))
  print("db_mean =", np.mean(db))
dA_{mean} = 1.4524377775388075
dW_{mean} = 1.7269914583139097
db_{mean} = 7.839232564616838
```

#### 2.6 5.2 Pooling Layer - Backward Pass

A continuación, se implementará el backward pass para la pooling layer, empezando por la capa MAX-POOL. Aunque una capa pooling no tiene parámetros que actualizar en la fase de retropropagación, aún es necesario retropropagar el gradiente a través de la la pooling layer para calcular los gradientes de las capas que precedieron a la capa de pooling.

#### 2.6.1 5.2.1 Max Pooling - Backward Pass

Antes de saltar directamente al backpropagation de la capa de pooling, se va a contruir la función de ayuda create\_mask\_from\_window(), que hace lo siguiente:

$$X = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 4 & 2 \end{bmatrix} \quad \to \quad M = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \tag{4}$$

La función create\_mask\_from\_window() genera una matriz "máscara" que identifica la ubicación del valor máximo dentro de una matriz. Un True (1) en la máscara indica la posición del máximo en la matriz X, mientras que todas las demás entradas son False (0). El average pooling durante la retropropagación opera de manera similar, aunque con una máscara distinta.

```
### Exercise 6 - create_mask_from_window
```

return mask

Se implementa la función create\_mask\_from\_window(). Esta función será de ayuda durante el pooling de la retropropagación.

```
def create_mask_from_window(x):
    """
    Creates a mask from an input matrix x, to identify the max entry of x.

Arguments:
    x -- Array of shape (f, f)

Returns:
    mask -- Array of the same shape as window, contains a True at the position corresponding """

mask = (x == np.max(x))
```

```
np.random.seed(1)
  x = np.random.randn(2, 3)
  mask = create_mask_from_window(x)
  print('x = \n', x)
  print("mask = \n", mask)
  x = np.array([[-1, 2, 3],
                 [2, -3, 2],
                 [1, 5, -2]])
  y = np.array([[False, False, False],
        [False, False, False],
        [False, True, False]])
  mask = create_mask_from_window(x)
x =
 [[ 1.62434536 -0.61175641 -0.52817175]
 [-1.07296862 0.86540763 -2.3015387 ]]
mask =
 [[ True False False]
 [False False False]]
```

Se realiza el seguimiento de la posición del valor máximo porque es este valor de entrada el que finalmente influye en el resultado y, por tanto, en el costo. El proceso de retropropagación calcula los gradientes con respecto al costo, por lo que cualquier elemento que influya en el costo final debe tener un gradiente no nulo. Por tanto, la retropropagación "propagará" el gradiente de vuelta al valor de entrada específico que influyó en el costo.

#### 2.6.2 5.2.2 - Average Pooling - Backward Pass

En el max pooling, para cada ventana de entrada, toda la "influencia" en el resultado proviene de un único valor de entrada: el máximo. En el average pooling, cada elemento de la ventana de entrada tiene la misma influencia en el resultado. Por lo tanto, para implementar la retropropagación, ahora se implementará una función auxiliar que refleje esto.

Por ejemplo, si se realizó un average pooling en el forward pass utilizando un filtro de 2x2, entonces la máscara que se utilizará para la retropropagación será así:

$$dZ = 1 \quad \rightarrow \quad dZ = \begin{bmatrix} 1/4 & 1/4 \\ 1/4 & 1/4 \end{bmatrix} \tag{5}$$

Esto implica que cada posición en la matriz dZ contribuye de manera igual al resultado porque, en el forward pass, se toma un promedio.

#### 2.6.3 Exercise 7 - distribute\_value

A continuación se implementa la función distribute\_value para distribuir equitativamente un valor dz a través de una matriz de dimensión shape.

```
def distribute_value(dz, shape):
      Distributes the input value in the matrix of dimension shape
      Arguments:
      dz -- input scalar
      shape -- the shape (n_H, n_W) of the output matrix for which we want to distribute the
      Returns:
      a -- Array of size (n_H, n_W) for which we distributed the value of dz
      # Retrieve dimensions from shape (1 line)
      (n_H, n_W) = shape
      # Compute the value to distribute on the matrix (1 line)
      average = np.prod(shape)
      # Create a matrix where every entry is the "average" value (1 line)
      a = (dz/average)*np.ones(shape)
      return a
  a = distribute_value(2, (2, 2))
  print('distributed value =\n', a)
distributed value =
 [[0.5 \ 0.5]]
 [0.5 \ 0.5]]
```

#### 2.6.4 5.2.3 Putting it Together: Pooling Backward

Ahora se dispoonen de todos los elementos para calcular el back propagation en una pooling layer.

#### 2.6.5 Exercise 8 - pool\_backward

Se implementa la función pool\_backward en ambos modos ("max" and "average"). Nuevamente, se utilizan 4 bucles for (iterando sobre los ejemplos de entrenamiento, altura, anchura y canales). Se emprea un if/elif para verificar si el modo es igual a 'max' o 'average'. Si es igual a 'average' se usa la función distribute\_value() implementada anteriormente para crear una matriz de la misma dimensión que a\_slice. De lo contrario, si el mdoo es igual a 'max', se crea una máscara con create\_mask\_from\_window() y se multiplica por el valor correspondiente de dA.

```
def pool_backward(dA, cache, mode = "max"):
   Implements the backward pass of the pooling layer
   Arguments:
   dA -- gradient of cost with respect to the output of the pooling layer, same shape as
   cache -- cache output from the forward pass of the pooling layer, contains the layer's
   mode -- the pooling mode you would like to use, defined as a string ("max" or "average
   Returns:
   dA_prev -- gradient of cost with respect to the input of the pooling layer, same shape
   # Retrieve information from cache (1 line)
   (A_prev, hparameters) = cache
   # Retrieve hyperparameters from "hparameters" (2 lines)
   stride = hparameters["stride"]
   f = hparameters["f"]
   # Retrieve dimensions from A_prev's shape and dA's shape (2 lines)
   m, n_H_prev, n_W_prev, n_C_prev = A_prev.shape
   m, n_H, n_W, n_C = dA.shape
   # Initialize dA_prev with zeros (1 line)
   dA_prev = np.zeros(A_prev.shape)
   for i in range(m): # loop over the training examples
       # select training example from A_prev (1 line)
       a_prev = A_prev[i,:,:,:]
       for h in range(n_H):
                                               # loop on the vertical axis
```

```
for w in range(n_W):
                                          # loop on the horizontal axis
           for c in range(n_C):  # loop over the channels (depth)
               # Find the corners of the current "slice" (4 lines)
               vert_start = h * stride
               vert_end
                          = h * stride + f
               horiz_start = w * stride
               horiz_end = w * stride + f
               # Compute the backward propagation in both modes.
               if mode == "max":
                    # Use the corners and "c" to define the current slice from a_prev
                    a_prev_slice = a_prev[ vert_start:vert_end, horiz_start:horiz_end,
                    # Create the mask from a_prev_slice (1 line)
                   mask = create_mask_from_window( a_prev_slice )
                    # Set dA_prev to be dA_prev + (the mask multiplied by the correct
                    dA_prev[i, vert_start:vert_end, horiz_start:horiz_end, c] += mask
               elif mode == "average":
                    # Get the value da from dA (2 line)
                    da = dA[i, h, w, c]
                    # Define the shape of the filter as fxf (1 line)
                    shape = (f,f)
                    # Distribute it to get the correct slice of dA_prev. i.e. Add the
                    dA_prev[i, vert_start: vert_end, horiz_start: horiz_end, c] += dis
# Making sure your output shape is correct
assert(dA_prev.shape == A_prev.shape)
return dA_prev
```

# 3 Introduction

This is a book created from markdown and executable code.

See Knuth (1984) for additional discussion of literate programming.

### 4 Shinylive in Quarto example

This is a Shinylive application embedded in a Quarto doc.

The plot below allows you to control parameters used in the sine function. Experiment with the *period*, *amplitude*, and *phase shift* to see how they affect the graph.

```
#| standalone: true
#| viewerHeight: 420
from shiny import App, render, ui
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
app_ui = ui.page_fluid(
    ui.layout_sidebar(
        ui.panel_sidebar(
            ui.input_slider("period", "Period", 0.5, 2, 1, step=0.01),
            ui.input_slider("amplitude", "Amplitude", 0, 2, 1, step=0.25),
            ui.input_slider("shift", "Phase shift", 0, 2, 0, step=0.1),
        ),
        ui.panel_main(
            ui.output_plot("plot"),
        ),
    ),
)
def server(input, output, session):
    @output
    @render.plot(alt="Sine function")
    def plot():
        t = np.arange(0.0, 4.0, 0.01)
        s = input.amplitude() * np.sin(
            (2 * np.pi / input.period()) * (t - input.shift() / 2)
        fig, ax = plt.subplots()
```

```
ax.set_ylim([-2, 2])
ax.plot(t, s)
ax.grid()

app = App(app_ui, server)
```

# Summary

In summary, this book has no content whatsoever.

## References

Knuth, Donald E. 1984. "Literate Programming." Comput. J. 27 (2): 97–111. https://doi.org/10.1093/comjnl/27.2.97.