

ESCUELA POLITÉCNICA NACIONAL

FACULTAD DE CIENCIAS ANÁLISIS NUMÉRICO I LABORATORIO 02



Fecha: 01 de noviembre, 2016

DESCRIPCIÓN:

La clase Laboratorio 02 tiene como objetivo principal mostrar al estudiante la forma de cómo Matlab utiliza la notación de punto flotante en la solución de diferentes problemas.

EJERCICIOS:

- 1. Ejercicio 1. Ejecutar los siguientes comandos y analizar el resultado de su aplicación.
 - a) format long, format short, short e, rat.
 - b) 1/0, 1/0 == Inf, 0/0, Inf/Inf.
 - c) eps, eps(1), (1 + eps) 1, eps(5), (5 + eps) 5.
- 2. Ejercicio 2. Dada la identidad:

$$((((a+eps)+eps)+eps)+\cdots+eps)=a+(eps+\cdots+eps)$$

- a) Implementar los dos lados de la expresión mediante las funciones $suma1_e(a, n)$, $suma2_e(a, n)$.
- b) Verficar si $suma1_e(2,20) == suma2_e(2,20)$.
- c) Qué puede concluir?.
- 3. Ejercicio 3. dado x=15, implementar las expresiones, $y_1=x(\sqrt{x+1}-\sqrt{x})$ y $y_2=\frac{x}{(\sqrt{x+1}+\sqrt{x})}$. Explicar por qué a pesar de ser expresiones equivalentes los resultados son distintos.
- 4. Ejercicio 4. Considerando la identidad

$$\sum_{1}^{k} \frac{1}{k} = 1$$

Implementar una rutina en MATLAB que calcule $\sum_{1}^{k} \frac{1}{k}$ para $k = 10; 1000; 1x10^4; 1x10^{10}$. Explique las discrepacias que ocurren entre los resultados numéricos y la identidad.

5. Ejercicio 5. Implementar las siguientes funciones:

$$f_1(x) = \frac{2}{x(\sqrt{x + (1/x)} + \sqrt{x - (1/x)})}$$

$$f_2(x) = \sqrt{x + (1/x)} - \sqrt{x - (1/x)}$$

$$f_3(x) = \sqrt{(2x) - (2\sqrt{x + (1/x)}\sqrt{x - (1/x)})}$$

$$f_4(x) = \frac{\sqrt{x^2 + 1} - \sqrt{x^2 - 1}}{\sqrt{x}}$$

Para x suficientemente mayor que 1. Explicar que función es numéricamente más estable.