Parte I

Ruta más corta

1. Formulación de transbordo

1.1. Conjuntos

N = Conjunto de nodos
A = Conjunto de arcos

1.2. Parámetros

c_{ij} = costo asociado al arco (i,j)
o = Nodo de origen
d = Nodo destino

1.3. Variables

$$x_{ij} = \begin{cases} 1 & \text{si el arco } (i,j) \text{ se encuentra en el path} \\ 0 & \text{en caso contrario} \end{cases}$$

1.4. Formulación matemática

$$min \sum_{(i,j)\in A} c_{ij} \cdot x_{ij} \tag{1.1}$$

Sujeto a :

$$\sum_{j\in N} x_{oj} = 1 \tag{1.2}$$

$$\sum_{i\in N} x_{id} = 1 \tag{1.3}$$

$$\sum_{i\in N} x_{ij} = \sum_{k\in N} y_{jk} \qquad \forall j \in N \backslash \{o,d\} \tag{1.4}$$

$$x_{ij} \in \{0,1\} \qquad \forall (i,j) \in A \tag{1.5}$$

$$\tag{1.6}$$

Parte II
El problema del minimum spanning tree MST

2. Formulación de clásica

2.1. Conjuntos

N = Conjunto de nodos
A = Conjunto de arcos

2.2. Parámetros

c_{ij} = costo asociado al arco (i, j)

2.3. Variables

$$x_{ij} = \begin{cases} 1 & \text{si el arco } (i,j) \text{ se encuentra en el árbol de expansión} \\ 0 & \text{en caso contrario} \end{cases}$$

2.4. Formulación matemática

$$min \sum_{(i,j)\in A} c_{ij} \cdot x_{ij} \tag{2.1}$$

Sujeto a :

$$\sum_{(i,j)\in A} x_{ij} = |N| - 1 \tag{2.2}$$

$$\sum_{(i,j)\in A: i,j\in S} x_{ij} \leq |S| - 1 \qquad \forall S \subseteq N : |S| \geq 2 \tag{2.3}$$

$$x_{ij} \in \{0, 1\} \qquad \forall (i,j) \in A \tag{2.4}$$

Parte III

El problema de la p-mediana

3. Formulación clásica

3.1. Conjuntos

N = Conjunto de nodos
A = Conjunto de arcos

3.2. Parámetros

d_{ij} = Distancia entre el nodo de demanda i y el servidor candidato j
p = Cantidad de servidores a localizar

3.3. Variables

$$x_j = \begin{cases} 1 & \text{si se localiza un servidor en } j \\ 0 & \text{en caso contrario} \end{cases}$$

$$y_{ij} = \begin{cases} 1 & \text{si se asigna el nodo } i \text{ al servidor } j \\ 0 & \text{en caso contrario} \end{cases}$$

3.4. Formulación matemática

$$min \sum_{(i,j)\in A} y_{ij} \cdot d_{ij} \tag{3.1}$$

Sujeto a :

$$\sum_{j\in N} x_j = p \tag{3.2}$$

$$\sum_{j\in N} y_{ij} = 1 \qquad \forall i \in N \tag{3.3}$$

$$y_{ij} - x_j \leq 0 \qquad \forall (i,j) \in A \tag{3.4}$$

$$x_j \in \{0,1\} \qquad \forall j \in N \tag{3.5}$$

$$y_{ij} \in \{0,1\} \qquad \forall (i,j) \in A \tag{3.6}$$

Parte IV
El problema de la p-centro

4. Formulación clásica

4.1. Conjuntos

N = Conjunto de nodos
A = Conjunto de arcos

4.2. Parámetros

d_{ij} = Distancia entre el nodo de demanda i y el servidor candidato j
p = Cantidad de servidores a localizar

4.3. Variables

$$x_j = \begin{cases} 1 & \text{si se localiza un servidor en } j \\ 0 & \text{en caso contrario} \end{cases}$$

$$y_{ij} = \begin{cases} 1 & \text{si se asigna el nodo } i \text{ al servidor } j \\ 0 & \text{en caso contrario} \end{cases}$$

W = Distancia máxima entre un nodo de demanda y su servidor asignado

4.4. Formulación matemática

$$min\, W \tag{4.1}$$

Sujeto a :

$$\sum_{j \in N} x_j = p \tag{4.2}$$

$$\sum_{j \in N} y_{ij} = 1 \qquad \forall i \in N \tag{4.3}$$

$$y_{ij} - x_j \leq 0 \qquad \forall (i,j) \in A \tag{4.4}$$

$$W - \sum_{j \in N} d_{ij} \cdot y_{ij} \geq 0 \qquad \forall i \in N \tag{4.5}$$

$$x_j \in \{0,1\} \qquad \forall j \in N \tag{4.6}$$

$$y_{ij} \in \{0,1\} \qquad \forall (i,j) \in A \tag{4.7}$$

$$W \geq 0 \tag{4.8}$$

Parte V

El problema del maximal covering

5. Formulación clásica

5.1. Conjuntos

N = Conjunto de nodos
A = Conjunto de arcos

5.2. Parámetros

d_{ij} = Distancia entre el nodo de demanda i y el servidor candidato j
h_i = Demanda del nodo i
S = Radio de cobertura
p = Cantidad de servidores a localizar
$C_i = \{j \mid d_{ij} \leq S\}$

5.3. Variables

$$x_j = \begin{cases} 1 & \text{si se localiza el servidor en } j \\ 0 & \text{en caso contrario} \end{cases}$$

$$y_i = \begin{cases} 1 & \text{si la demanda del nodo } i \text{ es cubierta} \\ 0 & \text{en caso contrario} \end{cases}$$

5.4. Formulación matemática

$$max \sum_{i \in N} y_i \cdot h_i \tag{5.1}$$

Sujeto a :

$$\sum_{j \in C_i} x_j - y_i \geq 0 \qquad \forall i \in N \tag{5.2}$$

$$\sum_{j \in N} x_j = p \tag{5.3}$$

$$x_j \in \{0, 1\} \qquad \forall j \in N \tag{5.4}$$

$$y_j \in \{0, 1\} \qquad \forall j \in N \tag{5.5}$$

Parte VI

El problema del set-covering

6. Formulación clásica

6.1. Conjuntos

N = Conjunto de nodos
A = Conjunto de arcos

6.2. Parámetros

d_{ij} = Distancia entre el nodo de demanda i y el servidor candidato j
S = Radio de cobertura
$C_i = \{j \mid d_{ij} \leq S\}$

6.3. Variables

$$x_j = \begin{cases} 1 & \text{si se localiza el servidor en } j \\ 0 & \text{en caso contrario} \end{cases}$$

6.4. Formulación matemática

$$min \sum_{j \in N} x_j \tag{6.1}$$

Sujeto a :

$$\sum_{j \in C_i} x_j \geq 1 \qquad \forall i \in N \tag{6.2}$$

$$x_j \in \{0, 1\} \qquad \forall j \in N \tag{6.3}$$

Parte VII

El problema del vendedor viajero

7. Formulación de Flujo Entero

7.1. Conjuntos

N = Conjunto de nodos
A = Conjunto de arcos

7.2. Parámetros

c_{ij} = costo asociado al arco (i, j)

7.3. Variables

$$x_{ij} = \begin{cases} 1 & \text{si el arco } (i,j) \text{ se encuentra en el tour} \\ 0 & \text{en caso contrario} \end{cases}$$

y_{ij} = flujo enviado desde el nodo i, hacia el nodo j

7.4. Formulación matemática

$$min \sum_{(i,j)\in A} c_{ij} \cdot x_{ij} \tag{7.1}$$

Sujeto a :

$$\sum_{i\in N} x_{ij} = 1 \qquad \forall j \in N \tag{7.2}$$

$$\sum_{j\in N} x_{ij} = 1 \qquad \forall i \in N \tag{7.3}$$

$$\sum_{j\in N\setminus\{0\}} y_{1j} = |N| - 1 \tag{7.4}$$

$$\sum_{i\in N} y_{ik} - \sum_{j\in N} y_{kj} = 1 \qquad \forall k \in N\setminus\{0\} \tag{7.5}$$

$$y_{ij} \leq (|N| - 1) \cdot x_{ij} \qquad \forall (i,j) \in A \tag{7.6}$$

$$x_{ij} \in \{0,1\} \qquad \forall (i,j) \in A \tag{7.7}$$

$$y_{ij} \geq 0 \qquad \forall (i,j) \in A \tag{7.8}$$

8. Formulación MTZ

8.1. Conjuntos

N = Conjunto de nodos
A = Conjunto de arcos

8.2. Parámetros

c_{ij} = costo asociado al arco (i, j)

8.3. Variables

$$x_{ij} = \begin{cases} 1 & \text{si el arco } (i,j) \text{ se encuentra en el tour} \\ 0 & \text{en caso contrario} \end{cases}$$

t_i = posicion en que se recorre el nodo i en el tour

8.4. Formulación matemática

$$min \sum_{(i,j)\in A} c_{ij} \cdot x_{ij} \tag{8.1}$$

Sujeto a :

$$\sum_{i\in N} x_{ij} = 1 \qquad \forall j \in N \tag{8.2}$$

$$\sum_{j\in N} x_{ij} = 1 \qquad \forall i \in N \tag{8.3}$$

$$\sum_{j\in N\setminus\{0\}} y_{1j} = |N| - 1 \tag{8.4}$$

$$t_j \geq t_i + 1 - |N| \cdot (1 - x_{ij}) \qquad \forall (i,j) \in A, i \neq 0, j \neq 0 \tag{8.5}$$

$$t_0 = 0 \tag{8.6}$$

$$x_{ij} \in \{0, 1\} \qquad \forall (i,j) \in A \tag{8.7}$$

$$t_i \in \mathbb{Z}_0^+ \qquad \forall i \in N \tag{8.8}$$