## Práctica 3

October 24, 2020

## 1 Práctica 3

## 1.1 Ejercicio N°1

Suponga que  $x_1$ ,  $x_2$  y  $x_3$  son variables binarias cuyo valor 1 indica que se abrirá una planta en un lugar determinado y 0 indica lo contrario. Escriba una restricción para cada una de las siguientes condiciones (puede utilizar las siguientes propiedades):

1. Si se abre la planta 1 entonces la planta 2 debe abrirse

$\overline{x_1}$	$x_2$	$x_1$	$\Longrightarrow$	$x_2$
Τ	${ m T}$		${ m T}$	
$\mathbf{T}$	$\mathbf{F}$		$\mathbf{F}$	
$\mathbf{F}$	$\mathbf{T}$		$\mathbf{T}$	
F	$\mathbf{F}$		$\mathbf{T}$	

2. Si se abre la planta 1 entonces la planta 2 no debería abrirse

$\overline{x_1}$	$x_2$	$x_2'$	$x_1 \implies x_2'$
$\overline{\mathrm{T}}$	Т	F	F
${\rm T}$	$\mathbf{F}$	${\rm T}$	${ m T}$
$\mathbf{F}$	$\mathbf{T}$	$\mathbf{F}$	${ m T}$
$\mathbf{F}$	$\mathbf{F}$	$\mathbf{T}$	${ m T}$

3. Al menos una de las tres plantas debería abrirse

$\overline{x_1}$	$x_2$	$x_3$	$x_1 \lor x_2 \lor x_3$
F	F	F	F
F	F	${\rm T}$	${f T}$
F	${\rm T}$	$\mathbf{F}$	${f T}$
F	$\mathbf{T}$	${\rm T}$	${ m T}$
Τ	$\mathbf{F}$	$\mathbf{F}$	${ m T}$
Τ	$\mathbf{F}$	${\rm T}$	${ m T}$
Τ	$\mathbf{T}$	$\mathbf{F}$	${ m T}$
$\mathbf{T}$	$\mathbf{T}$	T	${ m T}$

4. No más de dos de las tres plantas debería abrirse

$\overline{x_1}$	$x_2$	$x_3$	$(x_1 \wedge x_2 \wedge x_3)'$
$\overline{\mathrm{F}}$	F	F	${ m T}$
$\mathbf{F}$	F	${\rm T}$	${ m T}$
$\mathbf{F}$	${\rm T}$	$\mathbf{F}$	${ m T}$
$\mathbf{F}$	${\rm T}$	$\mathbf{T}$	${ m T}$
${\rm T}$	$\mathbf{F}$	$\mathbf{F}$	${ m T}$
${\rm T}$	$\mathbf{F}$	$\mathbf{T}$	${ m T}$
${\rm T}$	${\rm T}$	$\mathbf{F}$	${ m T}$
Τ	T	Τ	$\mathbf{F}$

5. Si ni la planta 2 ni la planta 3 se abren, la planta 1 no deberia abrirse

$\overline{x_1}$	$x_2$	$x_3$	$x_1'$	$x_2'$	$x_3'$	$x_2' \wedge x_3' \implies x_1'$
$\overline{\mathbf{F}}$	F	F	Τ	Τ	Τ	${ m T}$
$\mathbf{F}$	$\mathbf{F}$	${\rm T}$	$\mathbf{T}$	Τ	F	${ m T}$
$\mathbf{F}$	${ m T}$	$\mathbf{F}$	${\rm T}$	F	${ m T}$	${ m T}$
$\mathbf{F}$	${\rm T}$	${\rm T}$	${\rm T}$	F	F	${ m T}$
$\mathbf{T}$	$\mathbf{F}$	$\mathbf{F}$	$\mathbf{F}$	${\rm T}$	${ m T}$	$\mathbf{F}$
$\mathbf{T}$	$\mathbf{F}$	${ m T}$	$\mathbf{F}$	${\rm T}$	$\mathbf{F}$	${ m T}$
$\mathbf{T}$	${ m T}$	$\mathbf{F}$	$\mathbf{F}$	F	${ m T}$	${ m T}$
Τ	Τ	Τ	F	F	F	${ m T}$

 $6.\ \,$ Si se abre la planta 1entonces se tiene que abrir la planta 2 y la planta 3

$\overline{x_1}$	$x_2$	$x_3$	$x_1 \implies x_2 \wedge x_3$
$\overline{\mathrm{F}}$	F	F	T
$\mathbf{F}$	$\mathbf{F}$	${\rm T}$	${ m T}$
$\mathbf{F}$	$\mathbf{T}$	$\mathbf{F}$	${ m T}$
$\mathbf{F}$	${\rm T}$	${\rm T}$	${ m T}$
$\mathbf{T}$	$\mathbf{F}$	$\mathbf{F}$	$\mathbf{F}$
$\mathbf{T}$	$\mathbf{F}$	$\mathbf{T}$	$\mathbf{F}$
$\mathbf{T}$	$\mathbf{T}$	$\mathbf{F}$	$\mathbf{F}$
Τ	T	Τ	${ m T}$

7. Si se abre la planta 1 o la planta 3 no se abre, la planta 2 debe abrirse.

$\overline{x_1}$	$x_2$	$x_3$	$x_3'$	$x_1 \vee x_3' \implies x_2$
F	F	F	Τ	F
$\mathbf{F}$	$\mathbf{F}$	${\rm T}$	$\mathbf{F}$	${ m T}$
F	${\rm T}$	$\mathbf{F}$	${\rm T}$	${ m T}$
$\mathbf{F}$	$\mathbf{T}$	$\mathbf{T}$	$\mathbf{F}$	${ m T}$
$\mathbf{T}$	$\mathbf{F}$	$\mathbf{F}$	$\mathbf{T}$	$\mathbf{F}$
$\mathbf{T}$	$\mathbf{F}$	$\mathbf{T}$	$\mathbf{F}$	$\mathbf{F}$
$\mathbf{T}$	${\rm T}$	$\mathbf{F}$	$\mathbf{T}$	${ m T}$
Τ	Τ	Τ	F	${f T}$

8. Si se abre la planta 1 y la planta 3 no se abre, la planta 2 debe abrirse.

$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_3'$	$x_1 \wedge x_3' \implies x_2$
F	$\mathbf{F}$	$\mathbf{F}$	${ m T}$	${ m T}$
$\mathbf{F}$	$\mathbf{F}$	${\rm T}$	$\mathbf{F}$	${ m T}$
$\mathbf{F}$	${\rm T}$	F	$\mathbf{T}$	${ m T}$
$\mathbf{F}$	${\rm T}$	${\rm T}$	$\mathbf{F}$	${ m T}$
$\mathbf{T}$	$\mathbf{F}$	F	$\mathbf{T}$	$\mathbf{F}$
$\mathbf{T}$	$\mathbf{F}$	${\rm T}$	$\mathbf{F}$	${ m T}$
$\mathbf{T}$	${\rm T}$	F	$\mathbf{T}$	${ m T}$
Τ	Τ	Τ	F	Т

9. Si se abre la planta 1 y la planta 2 entonces se debe abrir la planta 3.

$\overline{x_1}$	$x_2$	$x_3$	$x_1 \wedge x_2 \implies x_3$
$\overline{\mathrm{F}}$	F	F	T
$\mathbf{F}$	F	${\rm T}$	${ m T}$
$\mathbf{F}$	Τ	$\mathbf{F}$	${ m T}$
$\mathbf{F}$	$\mathbf{T}$	$\mathbf{T}$	${ m T}$
$\mathbf{T}$	F	$\mathbf{F}$	${ m T}$
$\mathbf{T}$	$\mathbf{F}$	$\mathbf{T}$	${ m T}$
$\mathbf{T}$	Τ	$\mathbf{F}$	$\mathbf{F}$
Τ	Τ	Τ	Т

 $10.\,$  Si se abre la planta 1o la planta 2 entonces se debe abrir la planta  $3.\,$ 

$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_1 \lor x_2 \implies x_3$
F	F	F	${ m T}$
$\mathbf{F}$	F	${\rm T}$	${ m T}$
$\mathbf{F}$	$\mathbf{T}$	$\mathbf{F}$	$\mathbf{F}$
$\mathbf{F}$	${\rm T}$	${\rm T}$	${ m T}$
${\rm T}$	F	$\mathbf{F}$	$\mathbf{F}$
Τ	$\mathbf{F}$	${\rm T}$	${ m T}$
$\mathbf{T}$	$\mathbf{T}$	$\mathbf{F}$	$\mathbf{F}$
Τ	Τ	Τ	Т

11. Si se abre la planta 1 o la planta 2 entonces no se debe abrir la planta 3.

$\overline{x_1}$	$x_2$	$x_3$	$x_3'$	$x_1 \lor x_2 \implies x_3'$
$\overline{\mathrm{F}}$	F	F	Т	T
$\mathbf{F}$	F	${\rm T}$	F	${ m T}$
$\mathbf{F}$	${ m T}$	F	${ m T}$	${ m T}$
$\mathbf{F}$	${\rm T}$	Τ	F	$\mathbf{F}$
$\mathbf{T}$	$\mathbf{F}$	$\mathbf{F}$	${\rm T}$	${ m T}$
${ m T}$	F	${\rm T}$	F	$\mathbf{F}$

$\overline{x_1}$	$x_2$	$x_3$	$x_3'$	$x_1 \lor x_2 \implies x_3'$
Т	Т	F	Τ	${ m T}$
Τ	${\rm T}$	${\rm T}$	$\mathbf{F}$	$\mathbf{F}$