

**МИНОБРНАУКИ РОССИИ**  
**САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ**  
**ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ**  
**“ЛЭТИ” ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)**  
**Кафедра МО ЭВМ**

**ОТЧЕТ**

**По лабораторной работе №2**

**По дисциплине “Построение и анализ алгоритмов”**

**Тема: Жадный алгоритм и  $A^*$**

Студент гр. 8382

Гордиенко А.М.

Преподаватель

Фирсов М.А.

Санкт-Петербург

2020

### **Цель работы.**

Изучить и реализовать жадный алгоритм поиска кратчайшего пути в графе и алгоритм A\* в графе между двумя заданными вершинами.

### **Постановка задачи.**

1) Разработайте программу, которая решает задачу построения пути в ориентированном графе при помощи жадного алгоритма. Жадность в данном случае понимается следующим образом: на каждом шаге выбирается последняя посещенная вершина. Переместиться необходимо в ту вершину, путь до которой является самым дешевым из последней посещенной вершины. Каждая вершина в графе имеет буквенное значение (a, b, c, ...), каждое ребро имеет неотрицательный вес.

Пример входных данных:

```
a e
a b 3.0
b c 1.0
c d 1.0
a d 5.0
d e 1.0
```

В первой строке через пробел указываются начальная и конечная вершины.

Далее в каждой строке указываются ребра графа и их вес.

В качестве выходных данных необходимо представить строку, в которой перечислены вершины, по которым необходимо пройти от начальной вершины до конечной.

Для приведенных в примере входных данных ответом будет abcde.

2) Разработайте программу, которая решает задачу построения кратчайшего пути в ориентированном графе методом A\*. Каждая вершина в графе имеет буквенное обозначение (a, b, c, ...), каждое ребро имеет неотрицательный вес. В качестве эвристической функции следует взять близость символов, обозначающих вершины графа, в таблице ASCII.

Пример входных данных

a e

a b 3.0

b c 1.0

c d 1.0

a d 5.0

d e 1.0

В первой строке через пробел указываются начальная и конечная вершины.

Далее в каждой строке указываются начальная и конечная вершины.

В качестве выходных данных необходимо представить строку, в которой перечислены вершины, по которым необходимо пройти от начальной вершины до конечной.

Для приведенных выше входных данных ответом будет ade.

### **Индивидуальное задание.**

Вариант 8. Перед выполнением  $A^*$  выполнять предобработку графа: для каждой вершины отсортировать список смежных вершин по приоритету.

### **Описание алгоритма.**

*Жадный алгоритм.*

Для удобства в начале работы жадного алгоритма поиска пути в ориентированном графе, список ребер сортируется по не убыванию их весов. Алгоритм начинает поиск из заданной вершины. Текущая просматриваемая вершина добавляется в список просмотренных.

В отсортированном списке ребер выбирается первое, которое начинается в просматриваемой вершине, если эта вершина не просмотрена, то текущей вершиной становится та, к которой ведет это ребро. Если вершина уже просмотрена, то выбирается следующее ребро. Если в какой-то момент из текущей вершины нет путей, то происходит откат на шаг

назад, и в предыдущей вершине выбирается другое ребро, если это возможно.

Алгоритм заканчивает свою работу, когда текущей вершиной становится заданная искомая, или когда были просмотрены все ребра, которые начинаются из исходной вершины.

$A^*$ .

Поиск начинается из исходной вершины. В текущие возможные пути добавляются все ребра из начальной вершины. Происходит выбор минимального пути, где учитывается эвристическая близость вершины к искомой (в нашем случае это близость в таблице ASCII), если в выбранном пути последняя вершина уже была просмотрена, то этот путь удаляется из открытого списка, и снова происходит выбор минимального пути.

Из всех ребер выбирается те, которые начинаются из последней вершины в этом пути. Эта вершина добавляется к этому пути, и новый путь заносится в список возможных путей, с увеличением стоимости, равной переходу по этому ребру. Когда были выбраны все ребра, которые начинаются из последней вершины в этом пути, то эта вершина добавляется в закрытый список, а сам путь удаляется из открытого списка путей. Далее снова происходит выбор минимального пути.

Алгоритм заканчивает работу, когда достигнута искомая конечная вершина.

### **Оценка сложности.**

#### **Сложность Жадного алгоритма.**

По памяти.

Так как в памяти хранится только список ребер, то сложность составляет  $O(|E|)$ .

По времени.

Сложность составляет  $O(|V| * |E|)$ .

### **Сложность A\*.**

По памяти.

Так же, как и в жадном алгоритме, так как структура хранения такая же  $O(|E|)$ .

По времени.

Без оптимизации сложность будет квадратичная  $O(2^{|V|})$ . С оптимальной эвристикой  $O(|E| * \log_2(|E|))$ .

### **Описание функций и структур.**

Общие.

Структура-ребро графа. Имеет поля начало ребра `from`, конец ребра `to`, и вес(цену) ребра - `weight`.

```
struct Edge {  
    char from;  
    char to;  
    double weight;  
};
```

Структура-путь графа. Имеет поле самого пути - `path`, длину (суммарный вес ребер) этого пути - `len`, и наименование конечной вершины пути `end`.

```
struct Step {  
    string path;  
    double len;  
    char end;  
};
```

Функции `void readGraph()` для считывания графа из потока.

Функция `void Search()` выполняет соответствующий поиск пути в графе.

**A\*.**

Имеет функции `is_visible(char value)` ищет ребро к вершине с именем `value`.

**Жадный алгоритм.**

Имеет функции `void solve()`, которая запускает поиск решение.

**Тестирование.**

Входные данные.

a g

a b 1

b c 1

c f 2

e b 1

a d 1.49

d e 1.39

e g 2

Результат поиска жадного алгоритма.

abcfg

Результат поиска алгоритма A\*.

adeg

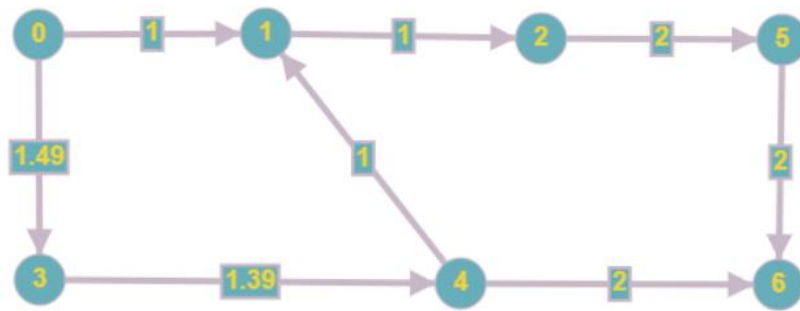


Рисунок 1. Графическое представление графа из тестирования.

### **Выводы.**

В ходе работы были изучены и реализованы два алгоритма. На основе тестирования можно сделать выводы об исполнении алгоритмов. Видно, что жадный алгоритм быстро находит решение, которое не всегда является верным. В то время как алгоритм A\* уступает по времени, но находит точно верное решение, если оно есть.

## ПРИЛОЖЕНИЕ А. ИСХОДНЫЙ КОД ПРОГРАММЫ ЖАДНЫЙ АЛГОРИТМ ПОИСКА

```
#include <iostream>
#include <vector>
#include <algorithm>
using namespace std;
struct Edge
{
    char from;
    char to;
    double weight;
};

class Greedy_graph
{
private:
    vector <Edge> edges;
    vector <char> result;
    vector <char> cur;
    char source;
    char estuary;
public:
    Greedy_graph() {}
    void readGraph(){
        cin >> source >> estuary;
        char tmp;
        while(cin >> tmp)
        {
            Edge Gr;
            Gr.from = tmp;
            if(!(cin >> Gr.to))
```



```

        break;
    if(!(cin >> Gr.weight))
        break;
    edges.push_back(Gr);
}
sort(edges.begin(), edges.end(), [](Edge first, Edge second)
{
    return first.weight < second.weight;
}));
}
bool is_visible(char value) {
    for(char i : cur)
        if(i == value)
            return true;
    return false;
}
void solve() {
    if(source != estuary)
        Search(source);
}
bool Search(char value) {
    if(value == estuary) {
        result.push_back(value);
        return true;
    }
    cur.push_back(value);
    for(auto & i : edges) {
        if(value == i.from) {
            if(is_visible(i.to))
                continue;
            result.push_back(i.from);

```

```

        bool flag = Search(i.to);
        if(flag)
            return true;
        result.pop_back();
    }
}
return false;
}

void Print() {
    for(char i : result)
        cout << i;
}

};

int main() {
    Greedy_graph Gr;
    Gr.readGraph();
    Gr.solve();
    Gr.Print();
    return 0;
}

```

## АЛГОРИТМ A\*

```
#include <iostream>
#include <vector>
#include <string>
#include <cmath>
#include <cfloat>
#include <algorithm>
using namespace std;
struct Edge { // ребро графа
    char from; // начальная вершина
    char to; // конечная вершина
    double weight; // вес ребра
};
struct Step { // возможные пути
    string path; // путь
    double len; // длина пути
    char end; // конец пути
};
class A_star_graph
{
private:
    vector <Edge> edges;//список смежности
    vector <Step> result;//преобразовываемый (открытый) список путей
    vector <char> cur;//закрытый список вершин, содержит текущий
    путь
    char begin;
    char end;
public:
    A_star_graph(){
    };
    void input_graph()
    {
```

```

cin >> begin >> end;
char temp;
while(cin >> temp)
{
    Edge element;
    element.from = temp;
    cin >> element.to;
    cin >> element.weight;
    edges.push_back(element);
}
string buf = "";
buf += begin;
for(auto & i : edges)
{
    if(i.from == begin)
    {
        buf += i.to;
        result.push_back({buf, i.weight});
        result.back().end = end;
        buf.resize(1); //запись всех ребер, которые исходят
из начальной позиции
    }
}
cur.push_back(begin);
}

size_t min_elem() //возвращает индекс минимального элемента из
непросмотренных
{
    double min;
    min = DBL_MAX;
    size_t temp = -1;
    for(size_t i(0); i < result.size(); i++)

```

```

        {
            if(result.at(i).len + abs(end -
result.at(i).path.back()) < min)
            {
                if(is_visible(result.at(i).path.back()))
                {
                    result.erase(result.begin() + i);
                }
                else
                {
                    min = result.at(i).len + abs(end -
result.at(i).path.back());
                    temp = i;
                }
            }
        }
        return temp;
    }

    bool is_visible(char value)//проверка доступа к вершине
    {
        for(char i : cur) {
            if (i == value) {
                return true;
            }
        }
        return false;
    }

    void Search()
    {
        sort(result.begin(), result.end(), [] (const Step & a, const
Step & b) -> bool
        {

```

```

        return a.len + a.end - a.path.back() > b.len + b.end -
b.path.back());
    });
    while(true)
    {
        size_t min = min_elem();
        if(min == -1){
            cout << "Wrong edges";
            break;
        }
        if(result.at(min).path.back() == end)
        {
            cout << result.at(min).path;
            return;
        }
        for(auto & i : edges)
        {
            if(i.from == result.at(min).path.back())
            {
                string buf = result.at(min).path;
                buf += i.to;
                //cout << buf << endl;
                result.push_back({buf, i.weight +
result.at(min).len});
            }
        }
        cur.push_back(result.at(min).path.back());
        result.erase(result.begin() + min);
    }
}

};

int main() {

```

```
A_star_graph element;  
element.input_graph();  
element.Search();  
return 0;  
}
```