20. Dado el árbol B+ que se detalla más abajo, con orden 6, es decir, capacidad de 5 claves como máximo. Muestre los estados sucesivos al realizar la siguiente secuencia de operaciones: +159, -5 y -190, además indicar nodos leídos y escritos en el orden de ocurrencia. Política de resolución underflow derecha.

$$0: (1)(5) \rightarrow 1: (34)(44) \rightarrow 3: (60)(113) \rightarrow 4: (120)(125)(131)(139) \rightarrow 5: (145)(153)(158)(160)(177) \rightarrow 6: (179)(190)$$

Insertar el 159

Overflow en el nodo 5

$$0: (1)(5) \rightarrow 1: (34)(44) \rightarrow 3: (60)(113) \rightarrow 4: (120)(125)(131)(139) \rightarrow 5: (145)(153)(158)(159)(160)(177) \rightarrow 6: (179)(190)$$

Creación del nodo 7 y división con éste para balancear las cargas, promoción de una copia de la clave 159 y genera overflow en el nodo 2

 $0: (1)(5) \rightarrow 1: (34)(44) \rightarrow 3: (60)(113) \rightarrow 4: (120)(125)(131)(139) \rightarrow 5: (145)(153)(158) \rightarrow 7: (159)(160)(177) \rightarrow 6: (179)(190)$

Creación del nodo 8 y división con éste para balancear las cargas, promoción de la clave 145

$$0: (1)(5) \rightarrow 1: (34)(44) \rightarrow 3: (60)(113) \rightarrow 4: (120)(125)(131)(139) \rightarrow 5: (145)(153)(158) \rightarrow 7: (159)(160)(177) \rightarrow 6: (179)(190)$$

Eliminar el 5

Underflow en el nodo 0, cantidad mínima de claves por nodo = [6/2] - 1

$$0: (1) \rightarrow 1: (34)(44) \rightarrow 3: (60)(113) \rightarrow 4: (120)(125)(131)(139) \rightarrow 5: (145)(153)(158) \rightarrow 7: (159)(160)(177) \rightarrow 6: (179)(190)$$

Fusión con el nodo 1 único hermano, la política es indiferente, no se puede distribuir

2: 0(60)3(115)4 8: 5(159)7(179)6

 $0: (1)(34)(44) \rightarrow 3: (60)(113) \rightarrow 4: (120)(125)(131)(139) \rightarrow 5: (145)(153)(158) \rightarrow 7: (159)(160)(177) \rightarrow 6: (179)(190)$

Eliminar el 190

Underflow en el nodo 6

2: 0(60)3(115)4 8: 5(159)7(179)6

 $0: (1)(34)(44) \rightarrow 3: (60)(113) \rightarrow 4: (120)(125)(131)(139) \rightarrow 5: (145)(153)(158) \rightarrow 7: (159)(160)(177) \rightarrow 6: (179)$

Distribución con el hermano izquierdo, ya que al distribuir no queda en underflow

2: 0(60)3(115)4 8: 5(159)7(177)6

 $0: (1)(34)(44) \rightarrow 3: (60)(113) \rightarrow 4: (120)(125)(131)(139) \rightarrow 5: (145)(153)(158) \rightarrow 7: (159)(160) \rightarrow 6: (177)(179)$