# ECMA Résultats expérimentaux

# Barreaux Alexis - Le Bozec-Chiffoleau Sulian

dépôt github du projet:

https://github.com/alexisbarreaux/projet\_ECMA









1) Modèles utilisés	2
a) Statique	2
b) Dual	2
c) Plans coupants	2
d) Branch and cut	2
e) Heuristiques	2
i) Faisabilité et score dans le cas robuste	2
ii) Obtention d'une solution réalisable	3
2) Choix de méthodologie pour les résultats	4
a) Lenteurs d'exécution	4
i) Constat sur la lenteur	4
iii) Bornes sur les instances	5
iv) Contrainte triviale pour les symétries	6
v) Warm start	7
b) Choix des durées d'exécution	7
i) Impact d'une limite de temps en statique	7
ii) Impact sur le dual robuste	8
3) Résultats	11
a) Discussion sur les méthodes	11
b) Instances résolues de manières optimales	11
i) Statique	11
ii) Dual	11
iii) Branch and cut	12
iv) Plans coupants	12
c) Tableau des résultats	13
d) Diagramme de performances	14
4) Annexes	14
a) Statique	15
h) Robuste	16

# 1)Modèles utilisés

### a) Statique

Le modèle statique est présent dans le fichier <u>staticModel.jl</u>. Il contient un modèle équivalent à celui proposé dans notre partie théorique, qui équivalent à la correction sans les inégalités triangulaires redondantes.

### b) Dual

Le modèle dual est présent dans le fichier dualModel.il.

### c) Plans coupants

Le modèle des plans coupants est présent dans <u>cutsModel.jl</u>. Les sous problèmes se trouvent dans les fonctions firstSubProblem et secondKSubProblem respectivements. On utilise une boucle while pour faire tourner le modèle et itérativement ajouter les nouvelles contraintes après la résolution si certaines sont violées.

### d) Branch and cut

Le modèle du branch and cut se trouve dans <u>brandAndCutModel.jl</u>. Du fait de la gestion différente de la limite de temps entre les plans coupants et les autres modèles, les sous-problèmes sont ici définis dans des fonctions très proches mais avec un nom différent (branchFirstSubProblem et branchSecondKSubProblem). Le callback est présent dans la fonction avec le modèle principal et se nomme myCallback.

### e) Heuristiques

L'heuristique a pour but d'obtenir rapidement des solutions de la meilleure qualité possible, mais sans garantie d'optimalité. Elle se trouve dans le fichier <u>heuristic.jl</u>. Afin d'évaluer la qualité des solutions renvoyées par l'heuristique nous avons besoin de vérifier leur faisabilité et leur score dans le cas robuste, ce qui nécessite un traitement supplémentaire une fois la solution obtenue.

### i) Faisabilité et score dans le cas robuste

Afin de vérifier la faisabilité d'une solution dans le pire des cas nous avons implémenté l'algorithme suivant :

#### check\_feasibility:

Entrée : *K* listes de sommets (où *K* est le nombre de clusters pour une instance donnée).

Sortie: Un booléen: VRAI si la solution est faisable et FAUX sinon.

Algorithme:

Pour chaque cluster *k* faire :

• Trier les sommets contenus dans le cluster par ordre de poids  $(w_{_{_{1}}})$  décroissants.

- Ajouter une erreur sur les poids en priorité sur les premiers sommets, en respectant la limite  $W_{ij}$  pour chaque sommet et la limite W sur l'erreur totale.
- Calculer le poids robuste du cluster, i.e. la somme des poids avec leur erreur Si le poids robuste dépasse *B* alors renvoyer FAUX, sinon continuer

Renvoyer VRAI

Ensuite nous avons implémenté l'algorithme suivant afin de calculer le score de notre solution dans le pire des cas :

#### compute\_worst\_case:

 $\underline{\text{Entrée}}$ : K listes de sommets (où K est le nombre de clusters pour une instance donnée).

Sortie: Un float: le score robuste de la solution.

#### Algorithme:

Initialiser le coût statique  $C_{statique} = 0$ 

Initialiser le coût robuste  $C_{robuste} = 0$ 

Initialiser l'ensemble des distances supplémentaires  $D_{cin} = \{\}$ 

Pour chaque couple de sommets d'un même cluster (i, j) : i < j faire :

- $C_{statique}$  += distance[i][j], où distance est la matrice des distances statiques du problème
- $\bullet \quad \text{Ajouter l'élément } l_h[i] \, + \, l_h[j] \text{ à } D_{sup} \\$

Trier les éléments de  $D_{sup}$  par valeurs décroissantes

Initialiser la somme des erreurs E = 0

Pour chaque élément d de  $D_{_{SUD}}$  pris dans l'ordre, faire

- $\bullet$  e = max(3, L E)
- $\bullet$  E += e
- $C_{robuste}$  +=  $e \times d$

Renvoyer  $C_{statique} + C_{robuste}$ 

### ii) Obtention d'une solution réalisable

On peut remarquer que notre problème s'intéresse à deux grandeurs dont les incertitudes sont indépendantes, en effet l'incertitude sur les distances n'a aucune relation avec l'incertitude sur les poids. Ainsi pour la création d'une heuristique on peut se focaliser sur l'une ou l'autre des deux grandeurs. En revanche, le critère des poids est une contrainte et doit à tout prix être vérifiée. On a ainsi implémenté une heuristique ayant pour seul but de construire une solution qui soit réalisable, sans prendre en compte les distances.

Cette heuristique se base sur un algorithme de liste, inspiré des algorithmes utilisés en ordonnancement de tâches sur des machines.

#### construct\_feasible\_solution:

 $\underline{\operatorname{Entrée}} : \text{Un nombre de clusters } K, \text{ une liste ordonnée de sommets } L_{\underline{sommets}}$ 

 $\underline{\textbf{Sortie}:} \textit{K} \textit{ listes disjointes de sommets, dont l'union contient tous les sommets de } L_{\underline{sommets}}$ 

#### Algorithme:

Pour chaque sommet v de  $L_{sommets}$  pris dans l'ordre, faire

Pour chaque cluster *k* faire

• calculer le poids robuste de  $L_{\nu}$  U{ $\nu$ }, où  $L_{\nu}$  est la liste des sommets

actuellements présents dans le cluster k

Ajouter v au cluster  $k_{\min}$  dont le poids robuste ainsi calculé est le plus faible

Renvoyer la liste des sommets présents dans chaque cluster

Cette heuristique a pour but de minimiser le maximum des poids robustes de chaque cluster, avec pour objectif d'avoir ce maximum en dessous de *B*. Cette condition n'est toutefois pas certaine d'être respectée puisqu'il s'agit d'un algorithme sans garantie d'optimalité.

C'est pourquoi nous avons dû appeler cet algorithme avec plusieurs ordres différents afin d'obtenir une solution réalisable pour le plus d'instances possible :

- 1) Sommets ordonnés par  $w_{ij}$  décroissants
- 2) Sommets ordonnés par  $w_n$  décroissants puis par  $W_n$  décroissants
- 3) Sommets ordonnés par  $\boldsymbol{w}_{_{\boldsymbol{v}}}$  décroissants puis par  $\boldsymbol{W}_{_{\boldsymbol{v}}}$  croissants

Avec ces trois ordres différents, seule une instance ne nous permet pas d'obtenir de solution réalisable (52\_berlin\_9.tsp).

En pratique, on teste les 3 ordres pour chacune des instances et on garde la solution réalisable avec le plus petit score calculé par **compute\_worst\_case**.

# 2)Choix de méthodologie pour les résultats

# a) Lenteurs d'exécution

i) Constat sur la lenteur

Un problème majeur pour étudier ce problème et nos résultats a été que les instances deviennent extrêmement rapidement trop lentes à faire tourner. En effet, atteindre l'optimal semble très vite irréalisable en l'état. Seule une poignée d'instances sont possibles à résoudre en dessous de la minute et le temps de résolution s'envole ensuite : pour 26\_eil\_6 déjà il faut plus de 12 min et pour 30\_eil\_6 c'est près de 5 heures qui sont nécessaires. Même les instances avec seulement trois parties dans le partitionnement ne sont pas réalistes à résoudre : 38\_rat\_3 demande déjà plus d'une heure et demie.

Instance ▲ ▼	Optimal ▼	Time ▼	Value ▼
10_ulysses_3.tsp	true	0.16	54.35
10_ulysses_6.tsp	true	0.15	7.22
10_ulysses_9.tsp	true	0.13	0.72
14_burma_3.tsp	true	0.27	66.21
14_burma_6.tsp	true	0.3	17.96
14_burma_9.tsp	true	0.31	4.72
22_ulysses_3.tsp	true	0.85	284.21
22_ulysses_6.tsp	true	9.6	82.63
22_ulysses_9.tsp	true	2.24	26.22
26_eil_3.tsp	true	33.46	1850.42
26_eil_6.tsp	true	827.05	608.72
26_eil_9.tsp	true	1019.75	317.76
30_eil_3.tsp	true	214.6	2693.05
30_eil_6.tsp	true	17989.92	868.39
34_pr_3.tsp	true	236.83	493480.25
38_rat_3.tsp	true	6161.7	6505.45

Extrait des instances résolues de manière optimale en statique (<u>lien</u> vers le fichier)

### ii) Réécriture du problème statique

Pour résoudre ce problème de lenteur, nous avons notamment essayé d'utiliser une modélisation différente en statique, avec un objectif quadratique mais binaire pour voir si CPLEX arrive mieux à le résoudre (fichier <a href="staticModel\_2.jl">staticModel\_2.jl</a>). A partir de là on aurait pu essayé de l'adapter à une version robuste. Or sur des petites instances déjà il ne semble pas que cela apporte de gain et même que cela ralentisse le processus.

#### iii) Bornes sur les instances

Nous avons aussi tenté de voir si les instances étaient suffisamment contraintes pour nous donner des informations certaines, comme une borne sur le nombre d'éléments pouvant être mis dans une partie. C'est le sujet du sous-modèle présent dans partWeightsModel.jl qui cherche à minimiser, en ne prenant en compte que la contrainte de sac à dos sur le poids des parties, le nombre d'éléments dans la première partie (choix arbitraire et équivalent à prendre n'importe qu'elle autre). Le nombre d'éléments dans cette partie offre une borne sur le nombre d'éléments qu'on est obligé au minimum de mettre par instance pour ne pas dépasser les contraintes de poids. Hélas, cela offre des résultats assez décevants : seule une petite moitié des instances sont ainsi contraintes (voir le json des résultats). Surtout, cela va logiquement plus contraindre les instances avec peu de parties possibles (les "\_3") qui sont déjà les plus simples à résoudre. Par contre c'est un modèle très rapide à résoudre et dont on peut stocker le résultat pour plus tard, ainsi le json

où sont stockés les résultats pour la totalité des instances peut se générer en 30. Dans le cas où on a une borne cependant, cela permet de gagner du temps. Ainsi, on peut citer le cas de 34\_pr\_3 où sans la borne on a une valeur au bout de 5 minutes mais encore un gap de 7%, alors qu'avec la borne en moins de 4 minutes la même valeur est prouvée être optimale. Pour 38\_pr\_3 aussi par exemple, la valeur réalisable est améliorée de 7% environ et le gap de 10%. Pour 40\_eil\_3 par contre, la valeur réalisable trouvée est moins bonne, avec un gap plus faible d'1% par contre. Voir le <u>fichier sans la borne</u> et <u>celui avec</u> pour d'autres résultats. Bien qu'intéressante, cette borne ne paraît donc pas suffisante pour être exploitée systématiquement et on ne l'utilise pas dans la suite des résultats.

### iv) Contrainte triviale pour les symétries

Ensuite, nous avons testé la contrainte très simple d'imposer qu'un élément soit dans une partie (@constraint(model, y[1,1] ==1)). C'est en effet toujours possible au départ pour un élément et cela casse légèrement les symétries. Bien que cela permettent un gain en théorie, cela paraissait avoir un effet négatif au départ, mais pour le dual nous avons comparé sur les premières instances et finalement ça a semblé positif. D'une part, on arrivait en moyenne à des meilleures solutions à temps équivalent et d'autre part, on avait un gap plus faible à valeur supérieure ou égale. En tout cas, il n'y avait pas de pertes importantes a priori. C'est ce que l'on voit dans les captures ci-dessous:

Instance ▼	Optimal T	Time ▼	Value ▼	Gap ▼
22_ulysses_9.tsp	false	301.78	64.97	1
26_eil_3.tsp	true	156.8	2297.63	0
26_eil_6.tsp	false	300.1	1054.41	0.42
26_eil_9.tsp	false	300.11	825.3	1
30_eil_3.tsp	false	300.06	3113.81	0.33
30_eil_6.tsp	false	300.1	1405.74	0.62
30_eil_9.tsp	false	300.48	851.47	1
34_pr_3.tsp	false	300.16	755306.15	0.47

Extrait des instances de la résolution par le dual en 5 minutes maximum sans la contrainte (<u>lien</u> vers le fichier)

Instance ▲ ▼	Optimal ▼	Time ₹	Value ▼	Gap ▼
22_ulysses_9.tsp	false	300.58	64.97	0.95
26_eil_3.tsp	true	137.18	2297.63	0
26_eil_6.tsp	false	300.03	1085.79	0.46
26_eil_9.tsp	false	300.03	836.83	0.87
30_eil_3.tsp	false	300.02	3155.29	0.25
30_eil_6.tsp	false	265.99	1376.96	0.58
30_eil_9.tsp	false	300.03	749.98	0.94
34_pr_3.tsp	false	300.01	669328.02	0.25

Extrait des instances de la résolution par le dual en 5 minutes avec la contrainte (<u>lien</u> vers le fichier)

Cette contrainte a donc été utilisée dans la suite.

### v) Warm start

Nous avons aussi essayé de brancher notre heuristique sur le dual pour fournir des solutions réalisables au départ, comme nous avons constaté que générer une solution de départ semble assez difficile sur le problème : ainsi il faut quelques minutes sur les plus grosses instances déjà pour générer une première solution réalisable. Pour ce faire nous avons utilisé l'option start de la définition de variable : "@variable(model, x[i=1:n, j=i+1:n], Bin, start=x\_heur[i,j])" où x\_heur est ici le x associé à la solution réalisable de l'heuristique par exemple. Néanmoins, encore une fois les résultats sont décevants. Dans le fichier dual warm comparison.csv, on a comparé l'exécution du dual en 5 minutes avec et sans warm start. On regarde l'écart relatif à la solution sans warm start en valeur et en gap (ie (sans - avec) / sans ). Donc plus l'écart est grand et positif, plus la solution avec warm start améliore la résolution et à l'inverse plus elle est négative moins elle aide. On peut voir dans ce fichier que, si ponctuellement le warm start arrive à faire jusqu'à deux fois mieux que sans, sur 100\_kroA\_9 on a ainsi 98% d'amélioration, on a en moyenne entre +5% et -5% de modifications par rapport à la valeur trouvée par le dual de base. Surtout, il n'y a pas de logique apparente sur quelle instance sera meilleure et quelle instance sera pire. Enfin, sur 400\_rd\_9 on multiplie par plus de 21 la solution avec le warm start et sur deux instances on n'est même plus réalisable.

Tous ces différents essais ne permettant pas de changer drastiquement le temps d'exécution, nous avons donc fait le choix de restreindre les durées de nos exécutions.

## b) Choix des durées d'exécution

### i) Impact d'une limite de temps en statique

Pour savoir ce que la réduction du temps d'exécution implique sur nos instances, on peut comparer les valeurs réalisables obtenues entre un temps d'exécution de 5 minutes et un autre de 30 minutes. On évalue pour cela l'écart relatif entre la solution en 5 minutes et celle en 30 minutes, on obtient le tableau suivant :

Instance ▼	Optimal <b>T</b>	Relative_difference ▼ ▼
44_lin_9.tsp	false	0.16
38_rat_6.tsp	false	0.09
202_gr_3.tsp	false	0.08
38_rat_3.tsp	true	0.08
70_st_6.tsp	false	0.05
48_att_9.tsp	false	0.05
48_att_6.tsp	false	0.05
26_eil_9.tsp	true	0.04
202_gr_9.tsp	false	0.04
70_st_3.tsp	false	0.04
34_pr_6.tsp	false	0.04
80_gr_6.tsp	false	0.04
100_kroA_3.tsp	false	0.04
44_lin_6.tsp	false	0.03
44_lin_3.tsp	false	0.03
100_kroA_6.tsp	false	0.03
52_berlin_3.tsp	false	0.03
34_pr_9.tsp	false	0.03

Extrait du fichier contenant les écart relatifs trié par différence relative décroissante pour le modèle classique (<u>lien</u> vers le fichier)

On peut voir dans ce tableau que seules 4 instances ont des écarts relatifs de plus de 5% et qu'une moitié est en dessous de 2%. De plus, sur l'instance 30\_eil\_6 où on a trouvé l'opt en 5h, on est à moins d'1% de la solution optimale en 5 minutes avec un écart absolu de l'ordre de 3. Pourtant le gap est encore à 42% pour CPLEX (33% avec la borne citée plus haut). Le problème est donc de réussir à couper efficacement nos solutions pour éviter ce gap très élevé à proximité de l'optimal, car il semble qu'en static on obtient rapidement déjà une solution efficace.

### ii) Impact sur le dual robuste

Par acquis de conscience, nous avons fait la même étude sur les premières instances pour les résultats avec le modèle dual.

Instance 🔻	Optimal <b>T</b>	Relative_difference ▼ ▼
70_st_3.tsp	false	0.33
48_att_9.tsp	false	0.25
52_berlin_9.tsp	false	0.22
38_rat_9.tsp	false	0.22
80_gr_6.tsp	false	0.2
48_att_3.tsp	false	0.16
40_eil_3.tsp	false	0.15
44_lin_9.tsp	false	0.14
48_att_6.tsp	false	0.14
70_st_6.tsp	false	0.14
44_lin_3.tsp	false	0.13
80_gr_3.tsp	false	0.1
70_st_9.tsp	false	0.09
26_eil_9.tsp	false	0.07
100_kroA_3.tsp	false	0.07

Extrait du fichier contenant les écart relatifs trié par différence relative décroissante pour le modèle robuste dual (<u>lien</u> vers le fichier)

Cette fois on voit des écarts plus grands apparaître, à noter que par manque de temps on n'a que les instances jusqu'à 100\_... qui ont été évaluées en 30 min en dual. Toutefois, en 17% du temps on a déjà en moyenne plus de 85% de la solution. Or, comme faire tourner toutes les instances 5 minutes représente déjà 4h30 de temps d'exécution par modèle, c'est le choix que nous avons fait dans la suite pour pouvoir évaluer nos modifications et disposer de résultats sur toutes les instances.

D'autant plus que nous avons essayé également de jouer avec les paramètres de génération de coupes de CPLEX (CPX\_PARAM\_CLIQUES, CPX\_PARAM\_COVERS, CPX\_PARAM\_ZEROHALFCUTS, CPX\_PARAM\_MIRCUTS) pour fermer plus vite le gap (résultats sur le problème <u>statique</u> et le <u>dual</u>) mais cela fournissait des résultats incertains :

Instance <b>T</b>	Optimal ▼	Difference ▼	Gap_difference
34_pr_3.tsp	false	0.02	-0.02
34_pr_6.tsp	false	-0.09	-0.08
34_pr_9.tsp	false	-0.02	-0.01
38_rat_3.tsp	false	0.09	0.11
38_rat_6.tsp	false	-0.05	-0.02
38_rat_9.tsp	false	0.12	0.02
40_eil_3.tsp	false	0.13	0.22
40_eil_6.tsp	false	0.04	0.02
40_eil_9.tsp	false	-0.08	0
44_lin_3.tsp	false	0.12	0.11
44_lin_6.tsp	false	-0.03	0.01
44_lin_9.tsp	false	0.15	0.04
48_att_3.tsp	false	0.1	0.13
48_att_6.tsp	false	-0.02	0.02
48_att_9.tsp	false	0.06	0.01
52_berlin_3.tsp	false	0.03	0.01
52_berlin_6.tsp	false	0.01	-0.02
52_berlin_9.tsp	false	0.07	0.01
70_st_3.tsp	false	0.08	0.03
70_st_6.tsp	false	0.09	0.02
70_st_9.tsp	false	0.35	0
80_gr_6.tsp	false	0.06	0
100_kroA_6.tsp	false	0.33	0.01

Extrait de la comparaison des résultats sur 5 minutes d'exécution pour le dual avec et sans les paramètres de coupes renforcées (lien vers le fichier)

Dans le tableau ci-dessus la troisième colonne correspond à la différence relative de valeur trouvée sans et avec les paramètres de coupe et la quatrième à la différence de gap. Des valeurs négatives signifient donc que la version avec les coupes est moins bonne et à l'inverse des valeurs positives qu'elle est meilleure. On observe que plus les instances sont grandes, plus il semble que les coupes sont utiles, sans pour autant pouvoir parler de régularité. On voit que la valeur peut parfois être bien meilleure avec les coupes (jusqu'à plus de 30% de gain) sans que le gap n'ait beaucoup évalué une fois cette solution réalisable trouvée (l'écart de gap est très faible par exemple pour 100\_kro\_6.tsp). Donc ce que nous voulions obtenir avec ces coupes n'a pas fonctionné.

En fin de compte nous nous sommes donc contentés de garder le modèle tel quel et de garder des temps d'exécutions courts de 5 minutes, faute de mieux.

# 3)Résultats

### a) Discussion sur les méthodes

Des méthodes non heuristiques implémentées, la plus efficace est de loin la méthode duale. Elle est déjà plus rapide : elle réussit à trouver des solutions réalisables pour la quasi totalité des instances en 5 minutes environ (53/54) là où le branch and cut n'y arrive que pour la moitié environ (26/54) et les plans coupants sur encore moins d'instances (7/54). Ensuite, à durée équivalente elle est plus proche de l'optimal comme on peut le voir dans le tableau ci-dessous.

Les heuristiques quant à elles fournissent des résultats globalement moins bons, mais à partir des instances de taille 70 on voit apparaître des gaps plus faibles, en particulier logiquement pour la version avec recherche locale.

### b) Instances résolues de manières optimales

On regroupe ci-dessous pour chaque méthode non heuristique les instances résolues de manière optimale en 5 minutes maximum.

### i) Statique

Instance T	Optimal ▼ ▼	Time 🏲	Value ▼	Gap ▼
10_ulysses_3.tsp	true	0.17	54.35	0
10_ulysses_6.tsp	true	0.07	7.22	0
10_ulysses_9.tsp	true	0.07	0.72	0
14_burma_3.tsp	true	0.19	66.21	0
14_burma_6.tsp	true	0.14	17.96	0
14_burma_9.tsp	true	0.14	4.72	0
22_ulysses_3.tsp	true	0.58	284.21	0
22_ulysses_6.tsp	true	6.95	82.63	0
22_ulysses_9.tsp	true	1.6	26.22	0
26_eil_3.tsp	true	18.61	1850.42	0
30_eil_3.tsp	true	180.27	2693.05	0

Solutions optimales en statique, tirées de <u>static 5.csv</u>

### ii) Dual

Instance T	Optimal ▼ ▼	Time <b>T</b>	Value <b>▼</b>	Gap ▼
10_ulysses_3.tsp	true	0.16	137	0
10_ulysses_6.tsp	true	0.07	55.12	0
10_ulysses_9.tsp	true	0.04	33.29	0
14_burma_3.tsp	true	0.16	93.39	0
14_burma_6.tsp	true	0.12	42.74	0
22_ulysses_3.tsp	true	2.57	358.64	0
22_ulysses_6.tsp	true	62.38	116.53	0
26_eil_3.tsp	true	137.18	2297.63	0

Solutions optimales avec le dual, tirées de <u>dual 5.csv</u>

### iii) Branch and cut

Instance Y	Optimal ▼ ▼	Time 🏲	Value <b>▼</b>	Gap ₹
10_ulysses_3.tsp	true	2.58	137	0
10_ulysses_6.tsp	true	2.61	55.12	0
10_ulysses_9.tsp	true	7.28	33.29	0
14_burma_3.tsp	true	1.86	93.39	0
14_burma_6.tsp	true	14.36	42.74	0
22_ulysses_3.tsp	true	28.92	358.64	0

Solutions optimales avec le branch and cut, tirées de <u>branch and cut 5.csv</u>

### iv) Plans coupants

Instance T	Optimal <b>T</b>	Time 🌱	Value 🏲	Gap ₹
10_ulysses_3.tsp	true	1.48	137	0
10_ulysses_6.tsp	true	0.55	55.12	0
10_ulysses_9.tsp	true	0.82	33.29	0
14_burma_3.tsp	true	1.88	93.39	0
14_burma_6.tsp	true	1.15	42.74	0
14_burma_9.tsp	true	2.63	20.76	0
22_ulysses_3.tsp	true	53.38	358.64	0

Solutions optimales avec les plans coupants, tirées de <u>cut\_5.csv</u>

### c) Tableau des résultats

Le tableau des résultats est disponible au format csv sur ce <u>lien</u>. A noter pour comprendre son contenu que:

#### - pour PR:

- une valeur seule en % correspond au coût réel entre l'optimal statique et l'optimal robuste quand il est connu,
- une valeur préfixée de "<=" signifie qu'on connaît l'optimal statique mais seulement une valeur réalisable robuste et tout ce qu'on peut dire est que le PR sera inférieur à cela.
- une valeur préfixée de "(?)" correspond au cas où ni le robuste ni le statique ne sont optimaux et on en est réduit à comparer deux valeurs réalisables sans garantie.

#### - pour le temps:

- quand on a "---" cela signifie que qu'il n'y a pas eu de solution réalisables dans le temps imparti,
- si un temps dépasse de manière importante les 300 secondes, c'est lié au fait qu'une opération "unitaire" a débuté avant 300 secondes strictement et n'a pu être terminée que longtemps après.

#### pour le gap:

- si on a "---" pour le temps et le gap c'est encore une fois que la solution retournée n'était pas réalisable au terme du temps,
- s on a "---" pour le gap seulement, c'est que le gap était de 1 exactement et donc que la borne pouvait être aussi loin que l'on veut de la valeur réalisable trouvée et donc on n'est pas en mesure de retrouver exactement la borne à partir de la valeur et du gap, car on n'a stocké que les gaps et non les bornes dans nos tableaux. Plutôt que de dire des choses fausses, on préfère donc mettre un gap vide.

Instance Y	PR ₹	Dual_time	Dual_gap	Branch_time	Branch_gap	Plans_time	Plans_gap	Heur_time	Heur_gap	Heur_local_time	Heur_local_gap
10_ulysses_3.tsp	152.0%	0.16s	-0.0%	2.58s	0.0%	1.48s	-0.0%	0.18s	17.1%	2.2s	13.8%
10_ulysses_6.tsp	663.2%	0.07s	-0.0%	2.61s	0.0%	0.55s	0.0%	0.18s	59.8%	3.47s	-0.0%
10_ulysses_9.tsp	4522.1%	0.04s	0.0%	7.28s	0.0%	0.82s	0.0%	0.23s	22.6%	3.33s	0.0%
14_burma_3.tsp	41.0%	0.16s	-0.0%	1.86s	0.0%	1.88s	0.0%	0.9s	92.3%	2.39s	75.3%
14_burma_6.tsp	137.9%	0.12s	0.0%	14.36s	0.0%	1.15s	0.0%	0.25s	60.4%	4.72s	14.5%
14_burma_9.tsp	339.4%	300.02s	0.0%	300.03s	0.0%	2.63s	0.0%	0.37s	108.2%	9.77s	31.7%
22_ulysses_3.tsp	26.2%	2.57s	0.0%	28.92s	0.0%	53.38s	0.0%	0.27s	48.7%	17.36s	25.4%
22_ulysses_6.tsp	41.0%	62.38s	0.0%	300.01s	27.2%			0.88s	112.0%	34.21s	45.6%
22_ulysses_9.tsp	<= 147.8%	300.58s	94.9%	300.02s	99.5%			1.41s	387.4%	36.37s	101.4%
26_eil_3.tsp	24.2%	137.18s	0.0%	300.0s	5.3%			0.65s	49.9%	40.32s	11.3%
26_eil_6.tsp	(?) 77.5%	300.03s	45.7%	300.02s	59.8%			0.59s	111.9%	51.7s	54.9%
26_eil_9.tsp	(?) 152.8%	300.03s	64.4%	300.01s	99.3%			0.94s	135.6%	54.73s	67.1%
30_eil_3.tsp	<= 17.2%	300.02s	25.0%	300.02s	42.6%			0.43s	66.7%	70.11s	34.0%
30_eil_6.tsp	(?) 58.0%	265.99s	50.5%	300.01s	95.6%			0.76s	117.2%	53.49s	75.1%
30_eil_9.tsp	(?) 50.4%	300.03s	32.2%	300.02s	99.8%			1.22s	117.2%	90.88s	68.7%
34_pr_3.tsp	(?) 35.6%	300.01s	25.2%	300.02s	48.6%			0.54s	75.5%	93.24s	49.3%
34_pr_6.tsp	(?) 85.9%	300.55s	53.5%	300.01s	98.4%			0.96s	139.2%	209.77s	57.4%
34_pr_9.tsp	(?) 124.4%	300.15s	63.2%	300.01s	100.0%			1.38s	118.7%	222.33s	40.1%
38_rat_3.tsp	(?) 35.0%	300.09s	41.5%	300.01s	59.9%			0.55s	86.0%	159.57s	43.4%
38_rat_6.tsp	(?) 67.5%	300.36s	53.6%	300.0s	98.4%			1.03s	110.6%	271.86s	56.2%
38_rat_9.tsp	(?) 167.0%	300.89s	98.0%					1.61s	118.0%	292.63s	69.6%

Tableau des résultats dans resultats.csv, (1/3)

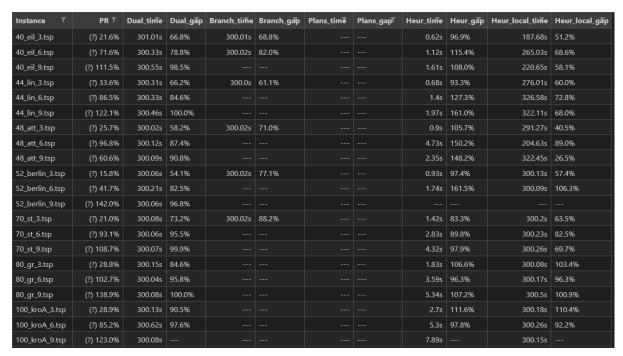


Tableau des résultats dans resultats.csv, (2/3)

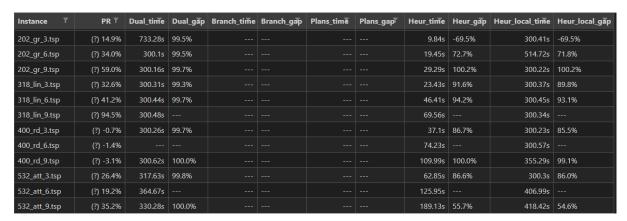


Tableau des résultats dans resultats.csv, (3/3)

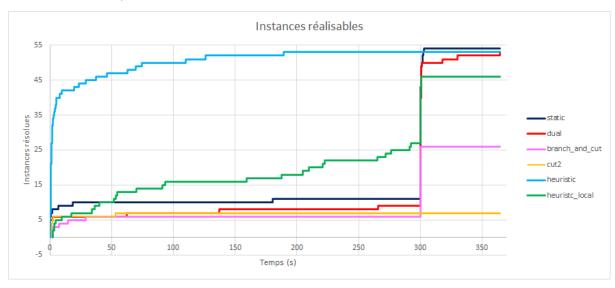
# d) Diagramme de performances

Les deux diagrammes ci-dessous sont tirés du tableur diagram.xlsx.

# i) Instances optimales



# ii) Instances réalisables



# 4)Annexes

Comme demandé, on présente ici les meilleures valeurs d'objectif obtenues pour les premières instances. Pour être homogène on compare les résultats avec des temps d'exécution maximal de 5 minutes comme indiqué plus tôt.

### a) Statique

Solving 10\_ulysses\_3.tsp in static mode.

Success, nodes: 0, Time: 0.107 Value: 54.3548

Part 1 Any[1, 5, 8] Part 2 Any[6, 7, 9, 10] Part 3 Any[2, 3, 4]

Solving 10\_ulysses\_6.tsp in static mode.

Success, nodes: 0, Time: 0.067 Value: 7.222

Part 1 Any[1, 8] Part 2 Any[6, 7]

Part 3 Any[5]

Part 4 Any[2, 3] Part 5 Any[9, 10]

Part 6 Any[4]

Solving 10 ulysses 9.tsp in static mode.

Success, nodes: 0, Time: 0.048 Value: 0.7203

Part 1 Any[1, 8] Part 2 Any[2]

Part 3 Any[3]

Part 4 Any[7]

Part 5 Any[5]

Part 6 Any[10]

Part 7 Any[4]

Part 8 Any[9]

Part 9 Any[6]

Solving 14 burma 3.tsp in static mode.

Success, nodes: 0, Time: 0.174 Value: 66.2137

Part 1 Any[1, 2, 8, 9, 10, 11] Part 2 Any[3, 4, 12, 14]

Part 3 Any[5, 6, 7, 13]

Solving 14\_burma\_6.tsp in static mode.

Success, nodes: 456, Time: 0.119 Value: 17.9622

Part 1 Any[1, 2, 8] Part 2 Any[6, 12, 14] Part 3 Any[3, 4]

Part 4 Any[7, 13]

Part 5 Any[9, 10, 11] Part 6 Any[5]

Solving 14\_burma\_9.tsp in static mode.

Success, nodes: 100, Time: 0.155 Value: 4.7248

Part 1 Any[1, 8]

Part 2 Any[2]

Part 3 Any[3, 14]

Part 4 Any[4]

Part 5 Any[7, 13]

Part 6 Any[6, 12]

Part 7 Any[5]

Part 8 Any[10]

Part 9 Any[9, 11]

Solving 22\_ulysses\_3.tsp in static mode.

Success, nodes: 473, Time: 0.689 Value: 284.2098

Part 1 Any[1, 2, 3, 4, 8, 16, 17, 18, 22]

Part 2 Any[7, 10, 12, 13, 14, 19, 20, 21]

Part 3 Any[5, 6, 9, 11, 15]

Solving 22 ulysses 6.tsp in static mode.

Success, nodes: 25130, Time: 6.766 Value: 82.631

Part 1 Any[1, 8, 16, 22]

Part 2 Any[7, 12, 13, 14]

Part 3 Any[10, 19, 20, 21]

Part 4 Any[2, 3, 4, 17, 18]

Part 5 Any[5, 6, 15]

Part 6 Any[9, 11]

Solving 22\_ulysses\_9.tsp in static mode.

Success, nodes: 3058, Time: 0.753 Value: 26.2172

Part 1 Any[1, 8, 16]

Part 2 Any[2, 3, 17]

Part 3 Any[10, 19, 20, 21]

Part 4 Any[11]

Part 5 Any[6, 7]

Part 6 Any[12, 13, 14]

Part 7 Any[9]

Part 8 Any[5, 15]

Part 9 Any[4, 18, 22]

## b) Robuste

Solving 10 ulysses 3.tsp in dual mode.

Success, nodes: 0, Time: 0.14 Value: 136.9953

Part 1 Any[1, 2, 3, 10]

Part 2 Any[4, 6, 7, 8]

Part 3 Any[5, 9] Solving 10 ulysses 6.tsp in dual mode. Success, nodes: 18, Time: 0.077 Value: 55.1194 Part 1 Any[1, 4, 8] Part 2 Any[7] Part 3 Any[2, 3] Part 4 Any[10] Part 5 Any[6, 9] Part 6 Any[5] Solving 10 ulysses 9.tsp in dual mode. Success, nodes: 7327, Time: 0.626 Value: 33.2919 Part 1 Any[1] Part 2 Any[7] Part 3 Any[2, 3] Part 4 Any[10] Part 5 Any[9] Part 6 Any[5] Part 7 Any[6] Part 8 Any[8] Part 9 Any[4] Solving 14 burma 3.tsp in dual mode. Success, nodes: 0, Time: 0.168 Value: 93.39 Part 1 Any[1, 8, 9, 10, 11] Part 2 Any[3, 4, 5, 6, 7] Part 3 Any[2, 12, 13, 14] Solving 14 burma 6.tsp in dual mode. Success, nodes: 81, Time: 0.194 Value: 42.7406 Part 1 Any[1, 8, 11] Part 2 Any[6, 12, 14] Part 3 Any[9, 10] Part 4 Any[7] Part 5 Any[2, 13] Part 6 Any[3, 4, 5] Solving 14 burma 9.tsp in dual mode. Success, nodes: 1333107, Time: 300.031 Value: 20.7624 Part 1 Any[1, 8] Part 2 Any[3, 4] Part 3 Any[5] Part 4 Any[6, 12] Part 5 Any[7] Part 6 Any[9, 11]

Part 7 Any[2] Part 8 Any[10]

Part 9 Any[13, 14]

Solving 22\_ulysses\_3.tsp in dual mode.

Success, nodes: 3820, Time: 3.229 Value: 358.6368

Part 1 Any[1, 2, 3, 4, 8, 16, 17, 18]

Part 2 Any[7, 10, 12, 13, 14, 19, 20, 22]

Part 3 Any[5, 6, 9, 11, 15, 21]

Solving 22\_ulysses\_6.tsp in dual mode.

Success, nodes: 60087, Time: 50.026 Value: 116.5288

Part 1 Any[1, 8, 16, 22]

Part 2 Any[7, 11]

Part 3 Any[5, 6, 14, 15]

Part 4 Any[2, 3, 4, 17, 18]

Part 5 Any[9, 13, 19]

Part 6 Any[10, 12, 20, 21]

Solving 22 ulysses 9.tsp in dual mode.

Success, nodes: 286231, Time: 300.035 Value: 64.9736

Part 1 Any[1, 16, 22]

Part 2 Any[6, 10]

Part 3 Any[5, 9]

Part 4 Any[7, 13]

Part 5 Any[11, 19]

Part 6 Any[20, 21]

Part 7 Any[12, 14, 15]

Part 8 Any[2, 3, 17]

Part 9 Any[4, 8, 18]