



Facultad de Ciencias Exactas, Ingeniería y Agrimensura UNIVERSIDAD NACIONAL DE ROSARIO

Av. Pellegrini 250. S2000BTP Rosario. Sta. Fe

Álgebra y Geometría Analítica I- PM - LM - LCC - PF - LF - 2023

PRÁCTICA 5 - Polinomios

- 1. Sean $P(x)=x^5+4x^2-2i$, $Q(x)=x^2+(2-i)$ y $R(x)=x^7+5x^3-ix^2+2x+1-i$. Hallar los polinomios indicados en cada caso:
 - a) P+Q

c) $P \cdot C$

e) $2P \cdot (R-Q)$

- b) P + Q R
- d) $Q \cdot (P + 2R)$
- 2. En cada uno de los siguientes casos hallar el cociente y el resto de dividir el polinomio P por el polinomio Q. En los casos que sea posible aplicar la regla de Ruffini.
 - a) $P(x) = 4x^3 + x^2$, $Q(x) = x^2 + 1 + i$
 - b) $P(x) = 4x^3 + x^2$, Q(x) = x + 1 + i
 - c) $P(x) = 3x^4 x^2 + ix 2$, Q(x) = 5x 4
 - d) $P(x) = 3x^6 x^4 + ix^3 2x^2$, $Q(x) = 5x^3 4x^2$
- 3. Analizar porqué son iguales los resultados de los ejercicios 2c) y 2d).
- 4. Siendo $P(x) = x^4 ix^3 ix + 1 + i$, hallar P(0), P(1), P(i), P(-i), P(i+1), P(5), P(6) y P(2-i). Cuando resulte más conveniente, utilizar el Teorema del Resto.
- 5. Siendo $P(x) = kx^4 + kx^3 33x^2 + 17x 10$, calcular P(4) sabiendo que P(5) = 0.
- 6. Siendo $P(x)=3x^{12}+x^9-x^6+2x^5+2x^4-3x^2+2$, determinar si los números $1,\,-1,\,i$ y -i son raíces de P.
- 7. Dar en cada caso un polinomio P que cumpla con las condiciones pedidas, explicitando si es único o no.
 - a) P tiene a 2 como raíz simple y a i como raíz triple.
 - b) P tiene a 2 como raíz simple, a i como raíz triple y es de grado 4.
 - c) P tiene a 2 como raíz simple, a i como raíz triple, es de grado 4 y P(1) = 3i.
 - d) 0, 1, 2 y 4 son raíces de P y P es de grado 6.
 - e) 0, 1, 2 y 4 son raíces de P, P es de grado 5 y a coeficientes reales.
- 8. Encontrar la descomposición factorial de los siguientes polinomios. En los casos que existan raíces complejas, dar la descomposición en factores lineales exclusivamente y en factores lineales y cuadráticos a coeficientes reales.
 - a) $P(x) = 2x^4 + 5x^3 11x^2 20x + 12$
 - b) $P(x) = x^5 3x^4 + x^3 + x^2 + 4$
- 9. Sea $P(x)=2x^4-6x^3+7x^2+ax+a$. Determinar $a\in\mathbb{R}$ sabiendo que (1+i) es raíz de P. Luego hallar las restantes raíces de P.
- 10. Hallar un polinomio P de grado mínimo con coeficientes reales que verifique simultáneamente:
 - a) las soluciones de $z^2 = 5\overline{z}$ son raíces de P,
 - b) P tiene alguna raíz doble,
 - c) P(1) = 31.