# 계산화학실습 2: 계산화학을 통한 분자들의 구조 최적화

담당조교: 김홍석

E-mail: khs01654@snu.ac.kr

#### >> Table of contents

1 실습 목표

**2** 배경 이론

3 실험 방법

4 보고서 작성 및 공지사항

실습 목표

# Part 1 >> 실습 목표

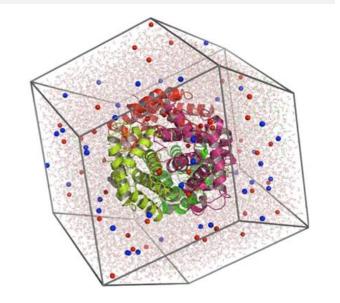


배경 이론

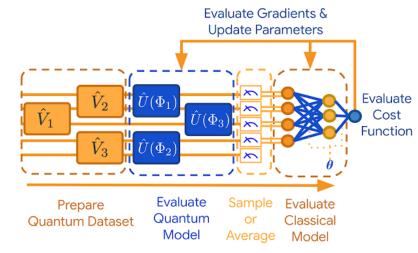
1 Quantum calculation, QC

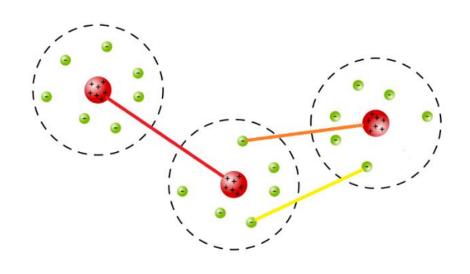
Method of calculation, basis set, molecular geometry Initial guess, charge, spin multiplicity Trial wave functions estimated from semi-empirical calculations SCF calculation of energy and improved wave function Has energy is converged? Determine a better Is the geometry optimized, i.e., are the forces within the molecules guess of sufficiently close to zero? Molecular geometry Output Vibrational spectra, Yes Output Electronic Calculate molecular properties Optimized geometry transitions, NLO property, MEP, NBO and NMR spectra

2 Molecular dynamics, MD



3 Deep learning





#### 양자역학을 이용한 계산

• 슈뢰딩거 방정식(Schrödinger equation)

$$\hat{H}\psi(x) = E\psi(x)$$

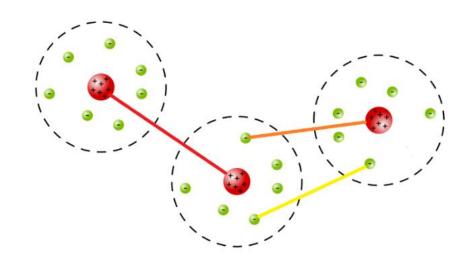
 $\widehat{\mathcal{H}}$ 는

(핵의 운동에너지)+(전자의 운동에너지)+(핵-핵의 반발 에너지) +(핵-전자의 인력에너지)+(전자-전자의 반발 에너지) 를 담은 전체 에너지에 대한 오퍼레이터(Operator).

$$H = -\frac{\hbar^2}{2m}\nabla^2 + V$$

수소 원자와 같이 입자가 하나인 경우 정확한 해를 구할 수 있다. 하지만, 3개 이상의 입자를 포함하는 더 큰 계에 대해서는 해석적인 방법으로 풀 수 없다.

⇒ 여러 Approximation을 사용



#### • 보른-오펜하이머 근사(Born-Oppenheimer approximation)

원자핵의 질량이 전자보다 훨씬 무거우므로, 전자에 의해 핵이 영향을 받지 않는다는 가정

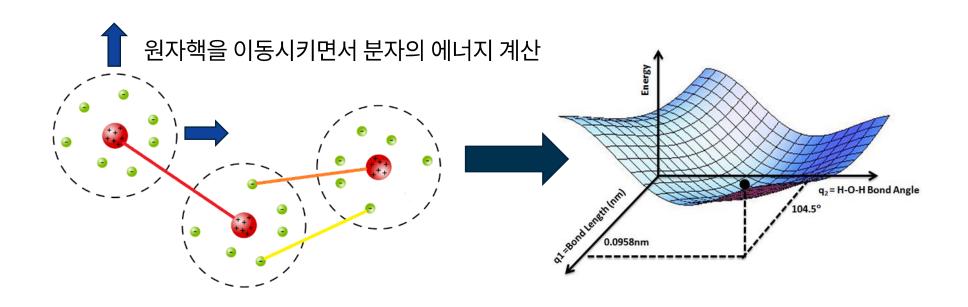
BO 근사를 적용할 경우 원자핵들의 위치는 모두 고정

- ⇒ 핵의 운동에너지 = 0
- ⇒ 핵-핵의 반발 에너지 = 상수

BO 근사에 의한 새로운 슈뢰딩거 방정식

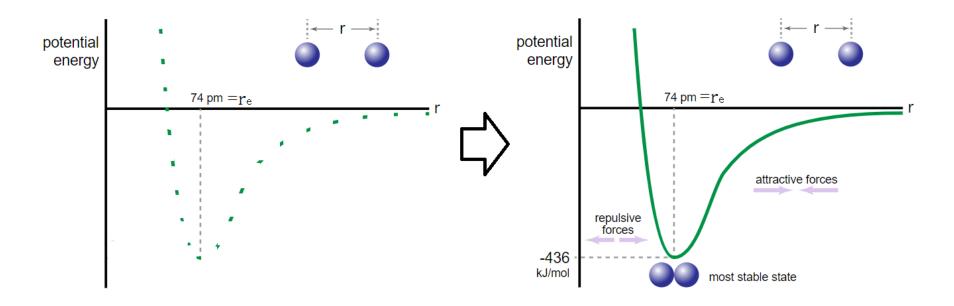
$$\widehat{\mathcal{H}}'\psi'=(E-( \ \ \ \ ))\psi'=E'\psi'$$

$$\hat{H}\psi(x) = E\psi(x) \rightarrow \hat{H}_{el}\psi_n(\mathbf{r}) = \left[ -\frac{\hbar^2}{2m_e} \nabla^2 - \sum_{i=1}^N \sum_{A=1}^M \frac{Z_A e^2}{4\pi\varepsilon_0 r_{iA}} + \sum_{i=1}^N \sum_{j>i}^N \frac{e^2}{4\pi\varepsilon_0 r_{ij}} \right] \psi_n(\mathbf{r}) = E_n \psi_n(\mathbf{r})$$



원자핵의 위치에 대한 분자의 에너지(potential energy surface)를 얻는다.

예시) 원자핵 사이의 거리에 따른 수소 분자(H2)의 에너지

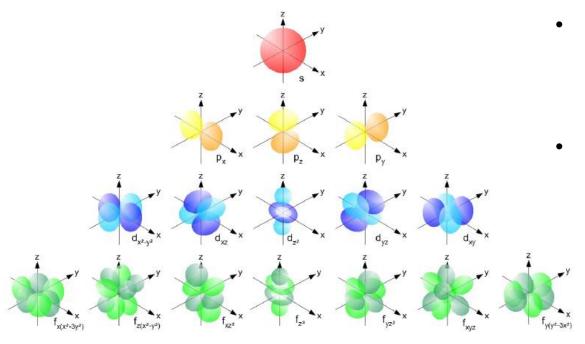


$$\hat{H}_{el}\psi_n(\mathbf{r}) = \left[ -\frac{\hbar^2}{2m_e} \nabla^2 - \sum_{i=1}^N \sum_{A=1}^M \frac{Z_A e^2}{4\pi\varepsilon_0 r_{iA}} + \sum_{i=1}^N \sum_{j>i}^N \frac{e^2}{4\pi\varepsilon_0 r_{ij}} \right] \psi_n(\mathbf{r}) = E_n \psi_n(\mathbf{r})$$

원자 또는 분자 내 전자들 간의 상호작용에 의해 전자가 2개 이상인 원자와 분자에 대해서는 수학적으로 정확한 해를 구할 수 없다.

직접 풀 수 있는 경우는 전자가 1개인 경우 = 수소 원자와 같이 전자가 1개인 시스템

⇒ 또다른 Approximation을 사용

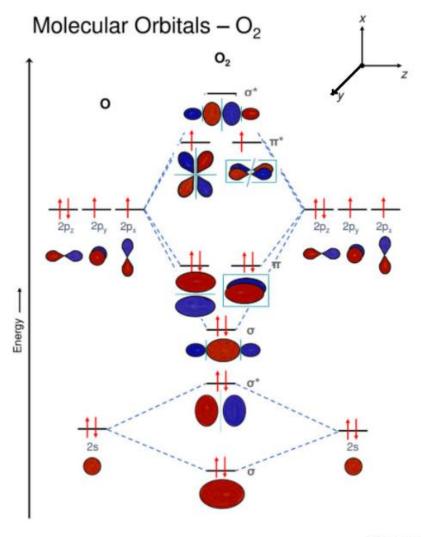


• 원자 오비탈(Atom orbital, AO)

전자 한 개에 대한 파동함수 = 오비탈(Orbital) 원자 한 개에 대해 구해진 오비탈 = 원자 오비탈(Atom orbital)

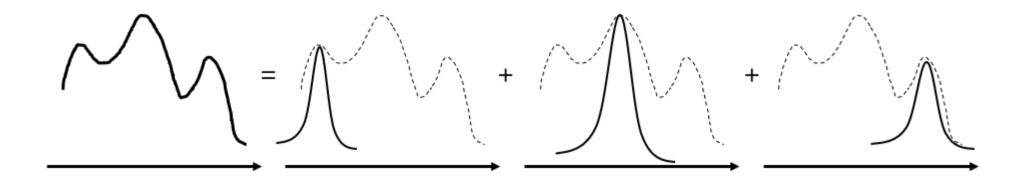
원자 오비탈의 선형결합(Linear combination of atomic orbitals, LCAO)

원자 오비탈의 선형 결합을 통해 분자 오비탈(Molecular orbital, MO)등 실제 시스템의 오비탈을 근사적으로 구하는 방법



예시) O<sub>2</sub> 분자의 분자 오비탈

• 산소(O)의 원자 오비탈을 basis로 하여 이들의 선형 결합(두 원자 오비탈을 빼거나 더하여)을 통해 분자 오비탈을 만들 수 있다.



#### Basis function, Basis set

원자 오비탈을 대신해 사용하는 계산이 더 간편한 함수를 사용 오비탈을 basis function의 선형결합으로 표현한다. 이번 실험에서는 6-31g(d) basis set을 사용함

$$\psi_i = \sum_{\nu=1}^K C_{\nu i} \phi_{\nu}$$

#### Hartree-Fock method

분자를 양자역학적으로 묘사하기 위해 슈뢰딩거 방정식을 수학적으로 풀 수 있는 형태 (closed form)로 변환 ⇒ 하나의 전자의 움직임이 다른 전자들에게 미치는 상호작용은 평균적인 값(mean-field)으로 영향을 미친다는 근사

#### Hartree-Fock-Roothaan equation

$$FC = SC\epsilon$$

지금까지의 근사와 가정, 기저 함수 집합을 적용하여 기저 함수들의 계수들로 이루어진 행렬로 나타낸 방정식

$$\begin{split} \boldsymbol{H}_1 &= \boldsymbol{F}(1) = -\frac{1}{2} \nabla_1^2 + V_1^{eff} \\ V_1^{eff} &= -\sum_{A=1}^{M} \frac{Z_A}{r_1} + \sum_{j=1}^{N} \int d\mathbf{r}_2 \frac{|\psi_j(r_2)|^2}{r_{12}} - \sum_{j=1}^{N} \delta_{\sigma_i \sigma_j} \int d\mathbf{r}_2 \frac{\psi_j^*(r_2) \psi_1(r_2)}{r_{12}} \\ & \boldsymbol{F}(1) \psi(1) = \epsilon_1 \psi(1) \end{split}$$

# 3

실험 방법

#### 1. EDISON 접속



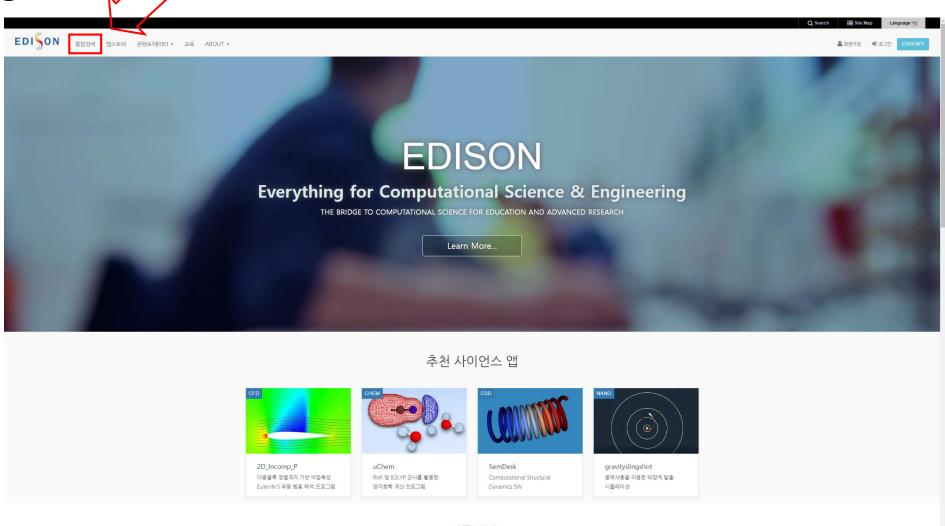
#### 2. EDISON 로그인

아이디: c2125 + 학번 뒤 7자리

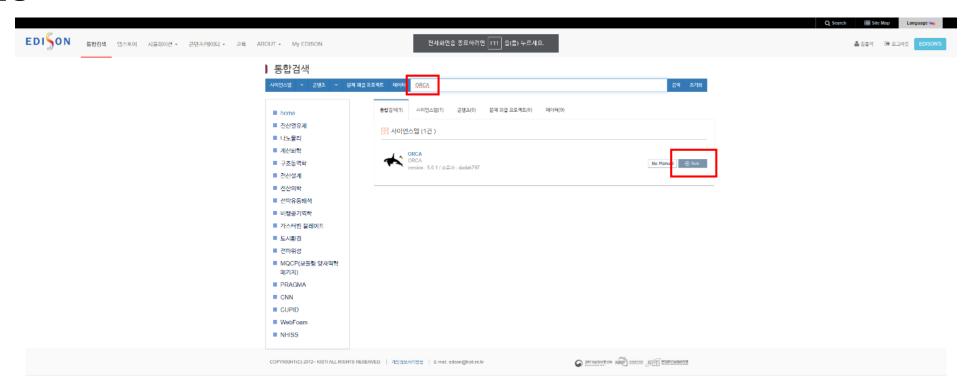
비밀번호: ID와 동일

예시: 학번이 2023-12345인 경우 아이디와 비밀번호는 "c21252312345"

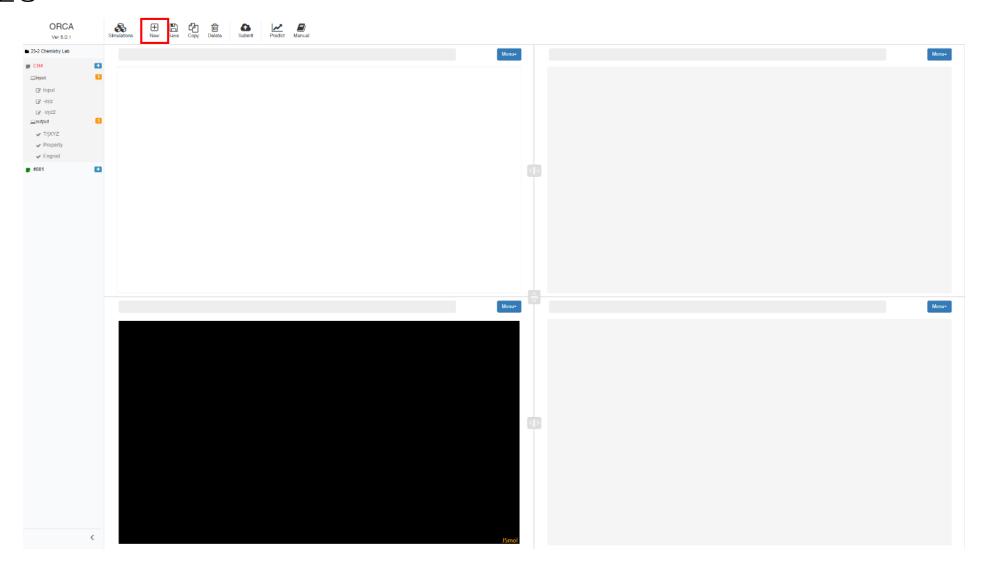
3. ORCA 실행



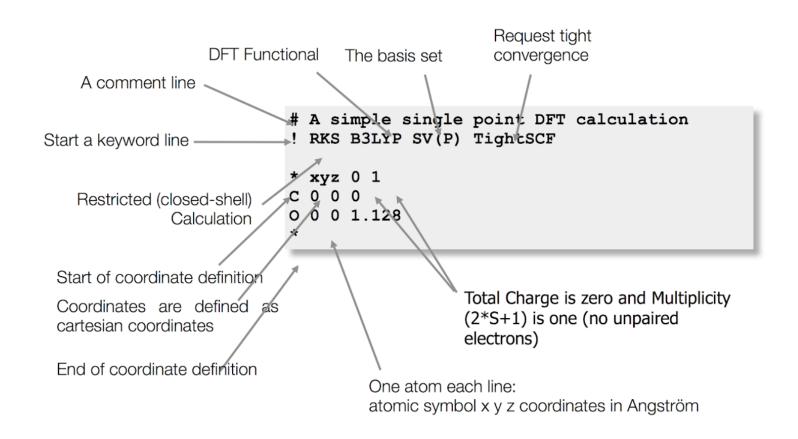
#### 3. ORCA 실행



#### 3. ORCA 실행



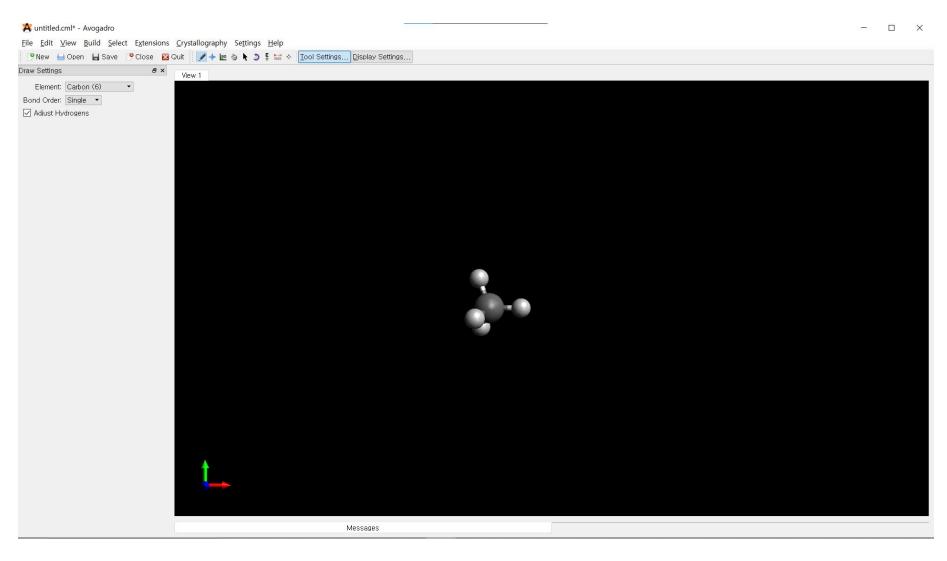
#### 4. Input file 만들기

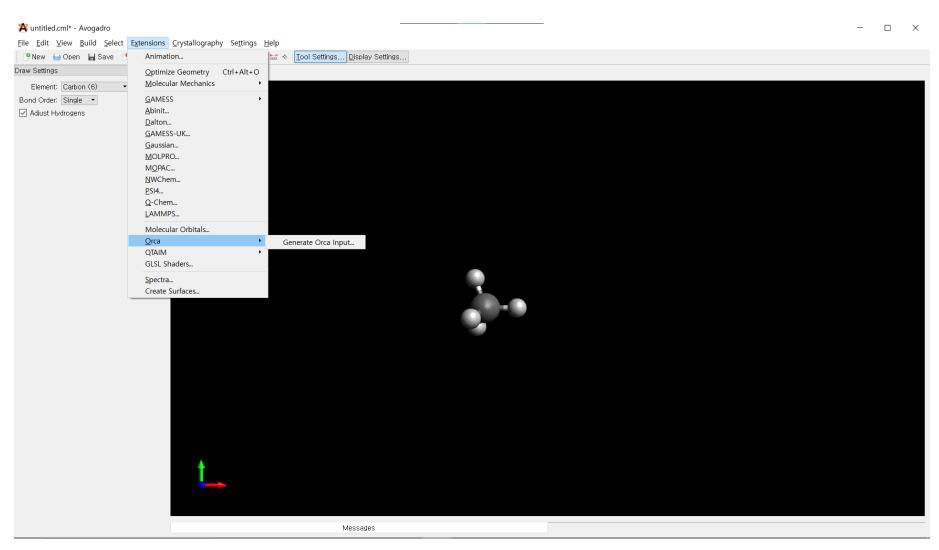


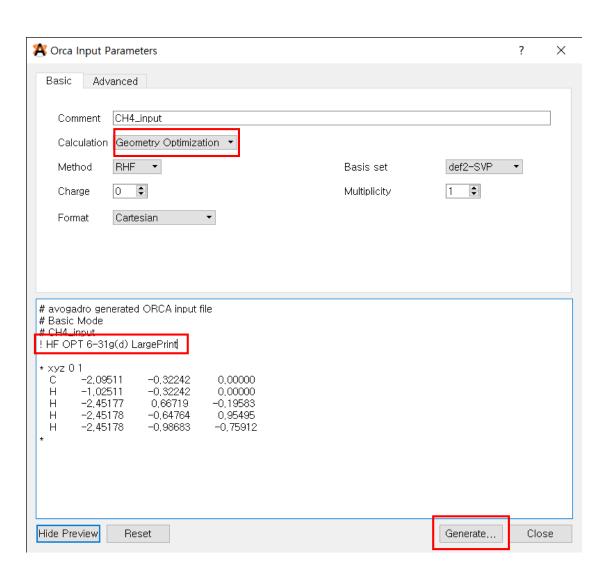


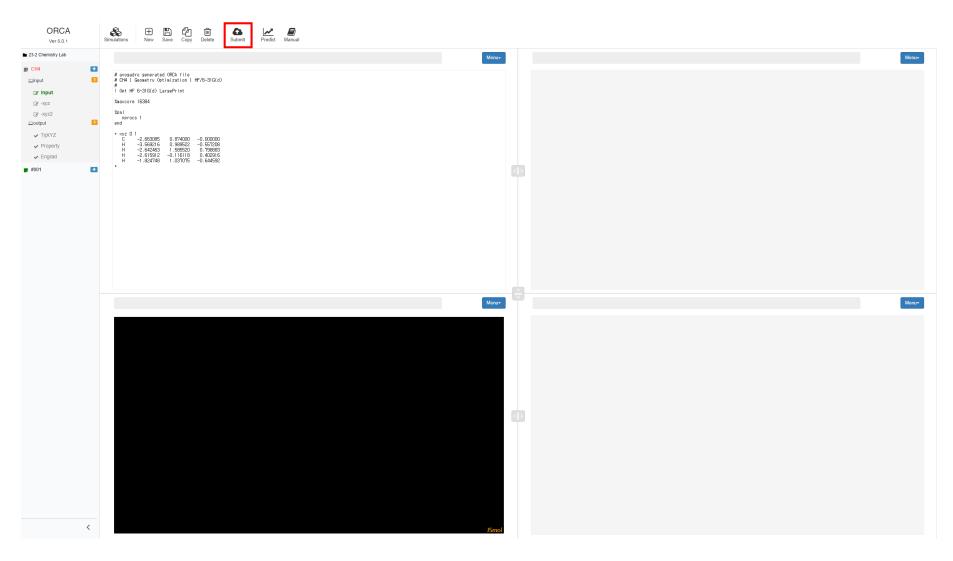
Avogadro Download link

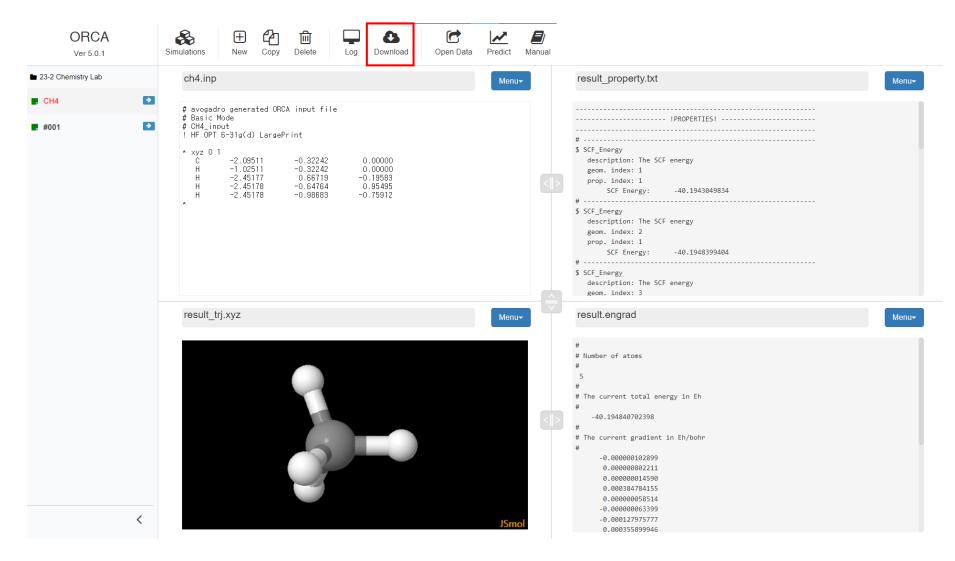
MSVCP100.dll 오류 발생 시



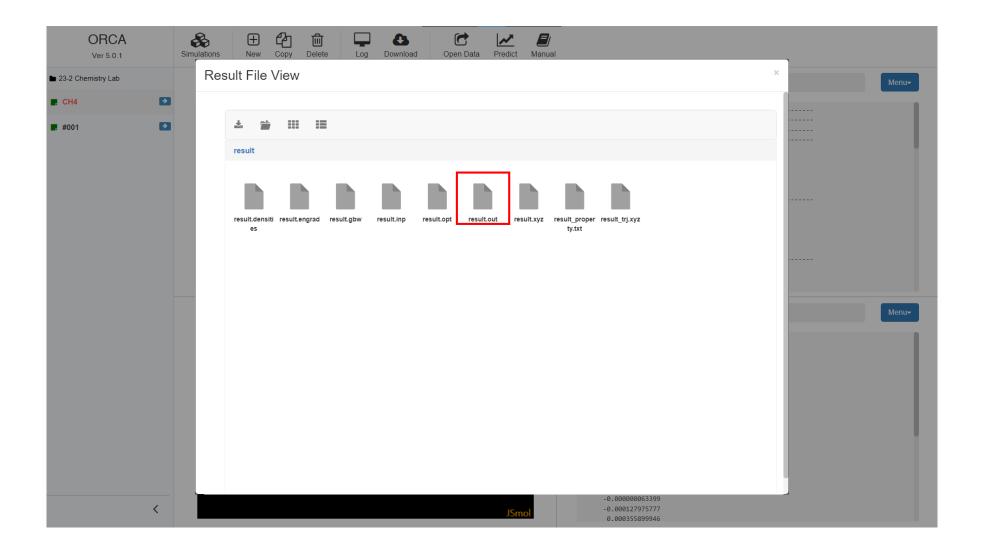




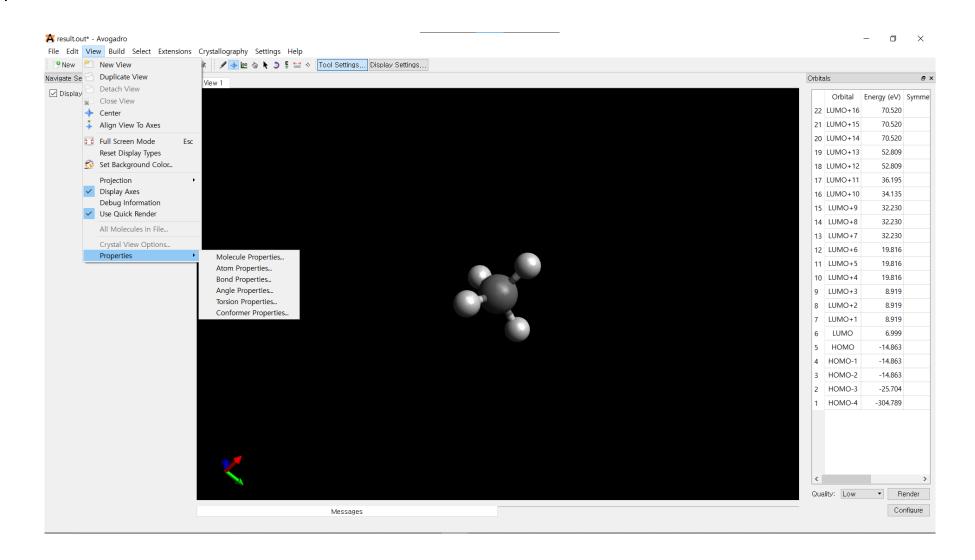




#### 5. 결과 분석



#### 5. 결과 분석



#### • 실습진행

단분자  $H_2O$ ,  $NH_3$ ,  $CH_4$  세 가지 분자들의 구조를 최적화하고 안정한 분자 구조와 결합에 대하여 알아본다.



보고서 작성 및 공지사항

#### Part 4 >> 보고서 작성 및 공지사항

- 두 가지 과제의 답을 모두 결과보고서에 포함하여 제출한다.
- 실습에 대한 주요 정보들과 결론을 담은 Abstract를 포함해 작성해야 한다.
- 결과 분석에 필요한 정보만 출력 파일에서 찾아 정리해서 싣도록 한다.
- 기타 정보나 그림, 표 등을 싣고 싶은데 보고서 분량 제한을 넘어선다면

보고서 뒤에 'Supporting information' 단락을 만들 수도 있다.

#### 나머지 보고서 관련 사항들은 오리엔테이션 자료 참고

### Part 4 >> 보고서 작성 및 공지사항

#### • 과제

1.  $H_2$ O의 분자구조 최적화를 진행할 때, 분자 내에서 고려해야할 상호작용은 몇 개가 있는지 생각해보기 (한 분자 내의 electrons, nucleus 입자들만 고려).

Hartree-Fock method를 사용할 때, 위 상호작용 중 어떤 것들이 어떠한 형태로 근사되는지 복습해보고, 이러한 근사 방법에 의한 limitation을 줄일 수 있는 방법들을 조사해보기

2.  $CF_4$ ,  $NF_3$ ,  $OF_2$  분자의 기하구조를 예측하고,

Geometry Optimization 계산결과와 일치하는지 확인하고 결과를 CH<sub>4</sub>, NH<sub>3</sub>, H<sub>2</sub>O와 비교하기

#### Part 4 >> **Q&A**

수업 이후 문의 사항이 있다면 이메일(khs01654@snu.ac.kr)로 문의 부탁드립니다.

질문에 대한 답변은 eTL에 공유될 수 있습니다.

# Q&A