CUERPOS DE GALOIS G(256)

```
# Cuerpo finito 256 elems (0..255)
\# b_7, b_6... b_0 <-> b_7 * x^7 + ... b_1 * x + b_0
# suma: XOR bit a bit (b ^ b' en python)
# resta: lo mismo
# producto: (b_7 * x^7 + ... b_1 * x + b_0) * (b_7' * x^7 + ... b_1' * x + b_0') =
b7 * b7' * x<sup>14</sup> + ... b0*b0' (15 bits !!)
# necesitamos un polinomio irreducible de grado 8 m(x).
# AES: M = 0x 11B = 100010111 <-> x^8 + x^4 + x^2 + x + 1
# EN EL CONSTRUCTOR DE LA CLASE GF LE PASAMOS EL POLINOMIO IRREDUCIBLE QUE
QUEREMOS PASAR (si se deja en blanco se usa el por defecto)
# ahora con b7 \star b7' \star \times \star \star \star \star + ... b0\starb0' mod m(x) (obtendremos un polinomio de
grado estrictamente menor a 8, menor a m)
\# B * B' := p(x) mod m(x) = residuo(x)
# funcion para multiplicar bytes, se hace mirando rapidamente a tablas
# tablas: construidas 1 sola vez. Se crean con un algoritmo de multiplicacion
"lenta"
xTime(a):
    a(x)*x
    if a <= 127:
        a <<1
    else:
        # se nos sale del byte si multiplicamos
        (a <<1)^m
        # hacemos XOR con m, el resultado de el residuo de dividir entre m
# producto lento::
\# a(x) * b(x) = SUM:i=0:7 bi * x^i * a(x) donde x^i * a = x(x(x..a)) i veces
# generadores, tienen la longitud de ciclo de elevaciones exponenciales maxima
(que es la cardinalidad del cuerpo-1, es decir g^255 = 1)
\mathring{\#} son diferentes g^0 = 1, g^1 = g, g^2, g^3,...,g^2
# hay que encontrar un generador (0 y 1 no valen), g=3 (0x03)
# TABLAS de g^i i de log(g^i)=i
# i | 0
                     2 ...
              1
# g\hat{1} | g^0 = 1 \quad g^1 = q
                     q² ... g^254
# log(g^i)=i
# se hacen con el producto lento: exp[i] de i=0,...,254 = g*exp[i-1]
\# \log[g^i] = i
# con las tablas tenemos el producto rapido y los inversos
# producto rapido: A * B, A = g^i donde i = log(A), B = g^j donde j = log(B) -->
g^i * g^j = g^{(i+j)}%255
\# \exp ((\log(A) + \log(B)) \% 255)
# inverso rapido
\# A^{-1} (A!=0)
\# A = g^i, (g^i)^{-1} = g^{(-i)}%255
\# \exp(-\log(A)\%255) = A^{-1}
```

AES PARTE 1: OPERACIONES ELEMENTALES

```
# ByteSub: Sbox, invSbox
# ShiftRow: 0,1,2 i 3 bytes de offset
```

```
# MixColumn: Matriz circulante 0x11B (dada la primera fila, las siguientes son
la anterior + offest de 1 hacia la derecha)
    Con la matriz circulante se multiplica por el estado (teniendo en cuenta la
multiplicacion en cuerpo finito)
    Matriz inversa con GAUSS (invMixColumn): M^-1 donde M es la matriz
circulante
## Shox
# ByteSub[byte] = byte'
# invByteSub[byte'] = byte (se construye automaticamente con la otra)
# construccion ByteSub:
    dado un byte A calculamos B=A^-1 separamos bit a bit los bits de B
construyendo un vector [b7, b6, ..., b0] (se puede hacer haciendo
desplazamientos)
#multiplica la matriz
# 0 0 0 1 1 1 1 1
# 1 0 0 0 1 1 1 1
                                 * el vector de bs (como columna)
# 1 1 0 0 0 1 1 1
#... hasta 8 filas, matriz ciclica
#(por ejemplo primera fila, b4 + b4 + b2 + b1 + b0) se hacen las sumas como xors
#cuando tengamos el vector cs constuyo el byte C y le sumo 0x63
# PARA EL 0 solo le sumo 0x63
# ByteSub empieza en 0x63
#invByteSub, en la posicion 0x63 està el 0
# padding, tanto como para encript como para desencript
# añadir bytes para que el documento tenga longitud multiplo 16 bytes.
# si me falta n3 bytes añado 3 bytes 0x03, si me faltan 7 añado 7 bytes del tipo
# si el último es 0x01, es padding de 1 o es justo? SIEMPRE SE AÑADE PADDING, si
da justo, añadimos 16 bytes de 16
# CBC
# encriptamos con la informacion del estado anterior encriptado
# en el ficher encriptado, los 16 primeros bytes son el vector de inicializacion
# con el vi, el primer estado se hace xor y con el resultado se hace xor con el
segundo estado encriptado...
```

openssl para comprobar

AES PARTE 2: EXPANSIÓN DE LA CLAVE

```
# Expansion de la clave
# key -> EXPANDED key
# long(bytes)
                             Num Rondas
# 16
                 176
                             11
                                      (16*11 = 176)
# 24
                 208
                             13
                                      (16*13 = 208)
# 32
                 240
                             15
                                      (16*15 = 240)
#
#
\# \text{ key} = \text{key}_0
# la organizo en palabras de 4 bytes
# calculo las keys que necesite (todas con los mismos numeros de bytes)
# El calculo complicado es la primera palabra de cada key (la primera columna, 4
bytes)
# key_i[0]
# cogemos la ultima palabra de la key_i-1, llamaremos k
# 1-> Rotamos k (shift hacia arriba)
```

```
# 2-> SubByte (de la Sbox)
# 3-> Hacemos XOR con la palabra key_i-1[0]
# 4-> Hacemos XOR con la posicion del vector Rcon que toque (solo cambia el primer byte ya que el Rcon tiene vlores diferente de 0 solo en la primera componente)
# # para key_i[j]
# 1->key_i[j-1] XOR key_i-1[j]
# Rcon
# 1, 2¹, 2², 2³, 2⁴... Rcon[i] = Rcon[i-1] * 0x02
# (en hexadeximal)
# Xtimes el anterior, Xtimes el anterior... Hay que calcular suficientes componentes para todas las keys, muchos valores no se usaran
```