#### Разложение чисел на множители

Милёхин Александр НПМмд-02-21

# Цель лабораторной работы

Изучение задачи разложения на множители, изучение р-алгоритма Полларда.

#### Задача разложения на простые множители

Разложение на множители — предмет непрерывного исследования в прошлом; и такие же исследования, вероятно, продолжатся в будущем. Разложение на множители играет очень важную роль в безопасности некоторых криптосистем с открытым ключом.

#### р-алгоритм Полларда

- Вход. Число n, начальное значение c, функция f, обладающая сжимающими свойствами.
- Выход. Нетривиальный делитель числа n.
- 1. Положить a = c, b = c
- 2. Вычислить a = f(a)(modn), b = f(b)(modn)
- 3. Найти d = GCD(a b, n)
- 4. Если 1 < d < n, то положить p = d и результат: p. При d = n результат: "Делитель не найден". При d = 1 вернуться на шаг 2.

#### Оценка сложности

Сложность. Заметим, что этот метод требует сделать B-1операций возведения в степень  $a = a^e mod n$ . Есть быстрый алгоритм возведения в степень, который выполняет это за  $2 * 10q_2 B$  операций. Метод также использует вычисления НОД, который требует  $n^3$  операций. Мы можем сказать, что сложность — так или иначе больше, чем O(B) или  $O(2^n)$ , где  $n_b$  — число битов в B. Другая проблема – этот алгоритм может заканчиваться сигналом об ошибке. Вероятность успеха очень мала, если B имеет значение, не очень близкое к величине  $\sqrt{n}$ .

### Пример работы алгоритма

```
print("Делитель не найден")
            if d == 1:
                global ag
                method(n, a, b, d)
        def main():
            n = 1359331
            a = f(a, n)%n
            b = f(a, n)%n
            d = gcd(a-b, n)
            if 1 < d < n:
                p = d
                print(p)
                exit()
            if d == n:
            if d == 1:
                method(n, a, b, d)
In [2]: main()
        1181
```

Figure 1: Пример работы алгоритма

Таким образом, число 1181 является нетривиальным делителем числа 1359331.

## Результаты выполнения лабораторной работы

Я изучил задачу разложения на множители и р-алгоритм Полларда, а также реализовал данный алгоритм программно на языке Python.

Спасибо за внимание