

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[052204552 - Marco Paulo da Silva Veiga]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$-3 \cdot a$	6	$30+3\cdot a$	$70+4\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

\star PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
-3 \cdot a & 6+3 \cdot a & 18 \\
6 & 24+3 \cdot a & \\
30+3 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[052204552 - Marco Paulo da Silva Veiga]

 ${\tt Solução:}\ \, {\tt O}$ majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[070221144 - Gabriel Ricardo Costa Soromenho]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$2-3\cdot a$	-4	$-46 + 3 \cdot a$	$66 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
2 - 3 \cdot a & -6 + 3 \cdot a & -36 \\
-4 & -42 + 3 \cdot a & \\
-46 + 3 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{ccccc} 2-3\cdot a & -2+a & -2 & 2 \\ -4 & -14+a & 14 \\ -46+3\cdot a & 56+a \\ 66+5\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[070221144 - Gabriel Ricardo Costa Soromenho]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 175/48.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[090221026 – Fábio Miguel Rodrigues Faustino]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$-1-3\cdot a$	-7	$5+3\cdot a$	$41 + 4 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de *x*) do polinómio interpolador de *f* associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
-1 - 3 \cdot a & -6 + 3 \cdot a & 18 \\
-7 & 12 + 3 \cdot a & \\
5 + 3 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[090221026 – Fábio Miguel Rodrigues Faustino]

 ${\tt Solução:}\ \, {\tt O}$ majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[130221093 - Claudiu Alexandru Marinel]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$-1-3\cdot a$	-1	$-37 + 3 \cdot a$	$-1+5\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
-1 - 3 \cdot a & 3 \cdot a & -36 \\
-1 & -36 + 3 \cdot a & \\
-37 + 3 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[130221093 - Claudiu Alexandru Marinel]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 175/48.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[140221038 – Edilson de Jesus Jamba]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$-3 \cdot a$	3	$24+3\cdot a$	$91+4\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} -3 \cdot a & 3+3 \cdot a & 18 \\ 3 & 21+3 \cdot a & \end{array}$$

$$24+3 \cdot a$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccccc} -3 \cdot a & 1+a & 1 & 2 \\ 3 & 7+a & 15 & \\ 24+3 \cdot a & 67+a & \\ 91+4 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[140221038 – Edilson de Jesus Jamba]

 ${\tt Solução:}\ \, {\tt O}$ majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[140221040 - Miguel Figueiredo Mário]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

	x	1	4	7	9
Ì	f(x)	$-1-3\cdot a$	-1	$-37 + 3 \cdot a$	$79 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
-1 - 3 \cdot a & 3 \cdot a & -36 \\
-1 & -36 + 3 \cdot a & \\
-37 + 3 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[140221040 - Miguel Figueiredo Mário]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 175/48.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[140221070 - Rui Filipe Moita Andrade de Sousa]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$-2-3\cdot a$	1	$4+3\cdot a$	$61+4\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} -2-3\cdot a & 3+3\cdot a & 0 \\ 1 & 3+3\cdot a & \\ 4+3\cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[140221070 - Rui Filipe Moita Andrade de Sousa]

 ${\tt Solução:}\ \, {\tt O}$ majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Departamento de Matemática Análise Numérica 2º Semestre 2019/20

2º Teste Avaliação Contínua estão 2 de 3 Cotação: 3 val.

Questão 2 de 3 Cota

[150221020 - Ricardo Filipe Maia Lemos]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$2-3\cdot a$	8	$32+3\cdot a$	$100 + 4 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} 2-3\cdot a & 6+3\cdot a & 18 \\ 8 & 24+3\cdot a & \\ 32+3\cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[150221020 - Ricardo Filipe Maia Lemos]

 ${\tt Solução:}\ \, {\tt O}$ majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[150221082 – David Jorge Conceição Luz]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$-3 \cdot a$	0	$-18 + 3 \cdot a$	$40+5\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

\star PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
-3 \cdot a & 3 \cdot a & -18 \\
0 & -18 + 3 \cdot a & \\
-18 + 3 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[150221082 – David Jorge Conceição Luz]

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[160210042 - Paulo Ruben de Faria Guapo]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$-2-3\cdot a$	1	$-32 + 3 \cdot a$	$6+5\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[160210042 - Paulo Ruben de Faria Guapo]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 175/48.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[160221008 – André Miguel Martins Guerreiro]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$1-2\cdot a$	-3	$-15+2\cdot a$	$-9+3\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \leq 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} 1 - 2 \cdot a & -4 + 2 \cdot a & -8 \\ -3 & -12 + 2 \cdot a & \\ -15 + 2 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{ccccc} 1-2\cdot a & -2+a & -1 & 1 \\ -3 & -6+a & 4 & \\ -15+2\cdot a & 6+a & \\ -9+3\cdot a & & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[160221008 – André Miguel Martins Guerreiro]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[160221011 - Francisco Maria Esteves Leal]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$-1-2\cdot a$	-1	$-17 + 2 \cdot a$	$34 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
-1 - 2 \cdot a & 2 \cdot a & -16 \\
-1 & -16 + 2 \cdot a & \\
-17 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[160221011 - Francisco Maria Esteves Leal]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[160221033 – João Pedro Carromeu Martins]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$2-2\cdot a$	6	$26 + 2 \cdot a$	$72 + 3 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \leq 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} 2 - 2 \cdot a & 4 + 2 \cdot a & 16 \\ 6 & 20 + 2 \cdot a & \\ 26 + 2 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{ccccc} 2-2\cdot a & 2+a & 2 & 2 \\ 6 & 10+a & 12 \\ 26+2\cdot a & 46+a \\ 72+3\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[160221033 – João Pedro Carromeu Martins]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[160221044 - Rui Pinho de Almeida]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$2-2\cdot a$	2	$-14 + 2 \cdot a$	$37 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
2 - 2 \cdot a & 2 \cdot a & -16 \\
2 & -16 + 2 \cdot a & \\
-14 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{cccccc} 2-2\cdot a & a & -2 & 1 \\ 2 & -8+a & 5 \\ -14+2\cdot a & 17+a \\ 37+5\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[160221044 - Rui Pinho de Almeida]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[160221046 - David Nuno Menoita Tavares]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$2-3\cdot a$	-1	$-4+3\cdot a$	$74+5\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
 2 - 3 \cdot a & -3 + 3 \cdot a & 0 \\
 -1 & -3 + 3 \cdot a & \\
 -4 + 3 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{cccccc} 2-3\cdot a & -1+a & 0 & 1 \\ -1 & -1+a & 8 & \\ -4+3\cdot a & 39+a & \\ 74+5\cdot a & & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[160221046 - David Nuno Menoita Tavares]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 175/48.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[160221049 - Daniel Ng dos Santos Faria]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$-2-3\cdot a$	-8	$-50 + 3 \cdot a$	$-18+5\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
-2 - 3 \cdot a & -6 + 3 \cdot a & -36 \\
-8 & -42 + 3 \cdot a & \\
-50 + 3 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccccc} -2 - 3 \cdot a & -2 + a & -2 & 1 \\ -8 & -14 + a & 6 \\ -50 + 3 \cdot a & 16 + a \\ -18 + 5 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[160221049 - Daniel Ng dos Santos Faria]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 175/48.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[160221050 - Bruno Miguel Gonçalves Dias]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$-2-2\cdot a$	-4	$-6+2\cdot a$	$96+5\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc} -2 - 2 \cdot a & -2 + 2 \cdot a & 0 \\ -4 & -2 + 2 \cdot a & \\ -6 + 2 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccccc} -2 - 2 \cdot a & -1 + a & 0 & 1 \\ -4 & -1 + a & 7 & \\ -6 + 2 \cdot a & 34 + a & \\ 96 + 5 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[160221050 - Bruno Miguel Gonçalves Dias]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[160221093 – Daniel Inácio Lima]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$-2 \cdot a$	4	$-8+2\cdot a$	$49 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
-2 \cdot a & 4 + 2 \cdot a & -16 \\
4 & -12 + 2 \cdot a & \\
-8 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[160221093 – Daniel Inácio Lima]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[170221024 - Miguel Ângelo Cadimas Carromeu]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$-1-2\cdot a$	1	$-13+2\cdot a$	$4+3\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} -1 - 2 \cdot a & 2 + 2 \cdot a & -16 \\ 1 & -14 + 2 \cdot a & \\ -13 + 2 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[170221024 – Miguel Ângelo Cadimas Carromeu]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[170221029 - João Paulo Pinto dos Santos]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$2-3\cdot a$	8	$-22+3\cdot a$	$98 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
2 - 3 \cdot a & 6 + 3 \cdot a & -36 \\
8 & -30 + 3 \cdot a & \\
-22 + 3 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{ccccc} 2-3\cdot a & 2+a & -2 & 2 \\ 8 & -10+a & 14 \\ -22+3\cdot a & 60+a \\ 98+5\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[170221029 - João Paulo Pinto dos Santos]

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[170221037 - Frederico Albino Alcaria]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$2-2\cdot a$	4	$-2+2\cdot a$	$79 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
2 - 2 \cdot a & 2 + 2 \cdot a & -8 \\
4 & -6 + 2 \cdot a & \\
-2 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{cccccc} 2-2\cdot a & 1+a & -1 & 1 \\ 4 & -3+a & 6 \\ -2+2\cdot a & 27+a \\ 79+5\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[170221037 - Frederico Albino Alcaria]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[170221049 – João Francisco Rodrigues dos Reis]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$1-2\cdot a$	3	$5+2\cdot a$	$36 + 3 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

★ PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} 1-2\cdot a & 2+2\cdot a & 0 \\ 3 & 2+2\cdot a & \\ 5+2\cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{ccccc} 1-2\cdot a & 1+a & 0 & 2 \\ 3 & 1+a & 10 \\ 5+2\cdot a & 31+a \\ 36+3\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[170221049 – João Francisco Rodrigues dos Reis]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[170221057 - Hugo Alexandre da Silva Modesto]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$-1-2\cdot a$	1	$-13 + 2 \cdot a$	$4+3\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \leq 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} -1 - 2 \cdot a & 2 + 2 \cdot a & -16 \\ 1 & -14 + 2 \cdot a & \\ -13 + 2 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[170221057 - Hugo Alexandre da Silva Modesto]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[170221068 - Bruno Cunha Selistre]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$-2 \cdot a$	-2	$-4+2\cdot a$	$98 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} -2 \cdot a & -2 + 2 \cdot a & 0 \\ -2 & -2 + 2 \cdot a & \\ -4 + 2 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[170221068 – Bruno Cunha Selistre]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[170221069 - Eugenio Duarte da Silva]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$1-2\cdot a$	-1	$5+2\cdot a$	$26+3\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \leq 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} 1 - 2 \cdot a & -2 + 2 \cdot a & 8 \\ -1 & 6 + 2 \cdot a \\ 5 + 2 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{ccccc} 1-2\cdot a & -1+a & 1 & 1 \\ -1 & 3+a & 6 \\ 5+2\cdot a & 21+a \\ 26+3\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[170221069 - Eugenio Duarte da Silva]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Departamento de Matemática Análise Numérica 2º Semestre 2019/20

2º Teste Avaliação Contínua Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[170221078 – César Augusto Fonseca Fontinha]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$2-2\cdot a$	4	$-10 + 2 \cdot a$	$-8+3\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de *x*) do polinómio interpolador de *f* associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \leq 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
2 - 2 \cdot a & 2 + 2 \cdot a & -16 \\
4 & -14 + 2 \cdot a & \\
-10 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{cccc} 2-2\cdot a & 1+a & -2 & 1 \\ 4 & -7+a & 3 \\ -10+2\cdot a & 2+a \\ -8+3\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[170221078 – César Augusto Fonseca Fontinha]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[170221082 - Filipe dos Santos Serra do Amaral]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$1-2\cdot a$	-1	$-11 + 2 \cdot a$	$64+5\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

\star PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
1 - 2 \cdot a & -2 + 2 \cdot a & -8 \\
-1 & -10 + 2 \cdot a & \\
-11 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{ccccc} 1-2\cdot a & -1+a & -1 & 1 \\ -1 & -5+a & 6 \\ -11+2\cdot a & 25+a \\ 64+5\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[170221082 - Filipe dos Santos Serra do Amaral]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[170221084 - Rafael Alexandre Botas Rosado]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$1-2\cdot a$	-1	$-11 + 2 \cdot a$	$11 + 3 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \leq 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
1 - 2 \cdot a & -2 + 2 \cdot a & -8 \\
-1 & -10 + 2 \cdot a & \\
-11 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc} 1 - 2 \cdot a & -1 + a & -1 & 2 \\ -1 & -5 + a & 9 \\ -11 + 2 \cdot a & 22 + a \\ 11 + 3 \cdot a \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[170221084 - Rafael Alexandre Botas Rosado]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Departamento de Matemática Análise Numérica 2º Semestre 2019/20

2º Teste Avaliação Contínua

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[170221100 – José Manuel Coelho Florindo]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$-2-2\cdot a$	-4	$-6+2\cdot a$	$8+3\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \leq 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc} -2 - 2 \cdot a & -2 + 2 \cdot a & 0 \\ -4 & -2 + 2 \cdot a & \\ -6 + 2 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccccc} -2 - 2 \cdot a & -1 + a & 0 & 1 \\ -4 & -1 + a & 5 & \\ -6 + 2 \cdot a & 14 + a & \\ 8 + 3 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[170221100 – José Manuel Coelho Florindo]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[180221001 - Weshiley Felix Aniceto]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$2-2\cdot a$	-2	$-14 + 2 \cdot a$	$58 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

\star PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
2 - 2 \cdot a & -4 + 2 \cdot a & -8 \\
-2 & -12 + 2 \cdot a & \\
-14 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{ccccc} 2-2\cdot a & -2+a & -1 & 1 \\ -2 & -6+a & 6 \\ -14+2\cdot a & 24+a \\ 58+5\cdot a \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[180221001 - Weshiley Felix Aniceto]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[180221010 – César Alves Caldeira]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$1-2\cdot a$	5	$9+2\cdot a$	$41+3\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \leq 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
 1 - 2 \cdot a & 4 + 2 \cdot a & 0 \\
 5 & 4 + 2 \cdot a & \\
 9 + 2 \cdot a & &
 \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{cccc} 1-2\cdot a & 2+a & 0 & 2 \\ 5 & 2+a & 10 \\ 9+2\cdot a & 32+a \\ 41+3\cdot a \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[180221010 – César Alves Caldeira]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[180221015 - Francisco Miguel Luzio Moura]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$1-2\cdot a$	-3	$1+2\cdot a$	$21+3\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{cccc} 1-2\cdot a & -4+2\cdot a & 8 \\ -3 & 4+2\cdot a \\ 1+2\cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{ccccc} 1-2\cdot a & -2+a & 1 & 1 \\ -3 & 2+a & 6 \\ 1+2\cdot a & 20+a \\ 21+3\cdot a \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[180221015 - Francisco Miguel Luzio Moura]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[180221022 - Carlos Emanuel Martins]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$-1-2\cdot a$	-5	$-9+2\cdot a$	$19+3\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \leq 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
-1 - 2 \cdot a & -4 + 2 \cdot a & 0 \\
-5 & -4 + 2 \cdot a & \\
-9 + 2 \cdot a &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccccccc}
-1 - 2 \cdot a & -2 + a & 0 & 2 \\
-5 & -2 + a & 10 & \\
-9 + 2 \cdot a & 28 + a & \\
19 + 3 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[180221022 - Carlos Emanuel Martins]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Departamento de Matemática Análise Numérica 2º Semestre 2019/20

2º Teste Avaliação Contínua Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[180221029 - Daniel Mestre Lachkeev]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$-2-3\cdot a$	-5	$-44 + 3 \cdot a$	$-10 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

\star PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{rrr}
-2 - 3 \cdot a & -3 + 3 \cdot a & -36 \\
-5 & -39 + 3 \cdot a & \\
-44 + 3 \cdot a & -36
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccccc} -2 - 3 \cdot a & -1 + a & -2 & 1 \\ -5 & -13 + a & 6 \\ -44 + 3 \cdot a & 17 + a \\ -10 + 5 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[180221029 - Daniel Mestre Lachkeev]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 175/48.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[180221037 – João Vidal Martins]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$-2-3\cdot a$	-2	$-38+3\cdot a$	$-2+5\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[180221037 – João Vidal Martins]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 175/48.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[180221039 – António Carlos Marques da Silva Miranda]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$-2-2\cdot a$	2	$22 + 2 \cdot a$	$68 + 3 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} -2 - 2 \cdot a & 4 + 2 \cdot a & 16 \\ 2 & 20 + 2 \cdot a \\ 22 + 2 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[180221039 – António Carlos Marques da Silva Miranda]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[180221049 - Tomás Machado Correia]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$1-2\cdot a$	1	$9+2\cdot a$	$31 + 3 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
1 - 2 \cdot a & 2 \cdot a & 8 \\
1 & 8 + 2 \cdot a & 9 + 2 \cdot a
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{cccccc} 1-2\cdot a & a & 1 & 1 \\ 1 & 4+a & 6 \\ 9+2\cdot a & 22+a \\ 31+3\cdot a \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[180221049 - Tomás Machado Correia]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[180221052 - António Pedro Guerreiro Milheiras]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$1-3\cdot a$	-2	$-23+3\cdot a$	$22+4\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{rrr}
 1 - 3 \cdot a & -3 + 3 \cdot a & -18 \\
 -2 & -21 + 3 \cdot a & \\
 -23 + 3 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{cccccc} 1-3\cdot a & -1+a & -1 & 2 \\ -2 & -7+a & 13 \\ -23+3\cdot a & 45+a \\ 22+4\cdot a \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[180221052 – António Pedro Guerreiro Milheiras]

 ${\tt Solução:}\ \, {\tt O}$ majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[180221054 - Diogo Couchinho Rodrigues]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$-3 \cdot a$	6	$-24+3\cdot a$	$-14 + 4 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
-3 \cdot a & 6 + 3 \cdot a & -36 \\
6 & -30 + 3 \cdot a & \\
-24 + 3 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc} -3 \cdot a & 2+a & -2 & 1 \\ 6 & -10+a & 5 \\ -24+3 \cdot a & 10+a \\ -14+4 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[180221054 - Diogo Couchinho Rodrigues]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[180221060 - Bruno Alexandre da Silva Nunes]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$-1-2\cdot a$	-5	$-17 + 2 \cdot a$	$55+5\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
-1 - 2 \cdot a & -4 + 2 \cdot a & -8 \\
-5 & -12 + 2 \cdot a & \\
-17 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccccc} -1 - 2 \cdot a & -2 + a & -1 & 1 \\ -5 & -6 + a & 6 \\ -17 + 2 \cdot a & 24 + a \\ 55 + 5 \cdot a \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[180221060 - Bruno Alexandre da Silva Nunes]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[180221068 – Guilherme Miguel de Azevedo Martins]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$1-2\cdot a$	3	$-3+2\cdot a$	$78 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
1 - 2 \cdot a & 2 + 2 \cdot a & -8 \\
3 & -6 + 2 \cdot a & \\
-3 + 2 \cdot a &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{ccccc} 1-2\cdot a & 1+a & -1 & 1 \\ 3 & -3+a & 6 \\ -3+2\cdot a & 27+a \\ 78+5\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[180221068 – Guilherme Miguel de Azevedo Martins]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[180221070 – Rafael André Anselmo Trindade]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$1-3\cdot a$	1	$-35+3\cdot a$	$81 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de *x*) do polinómio interpolador de *f* associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
1 - 3 \cdot a & 3 \cdot a & -36 \\
1 & -36 + 3 \cdot a & \\
-35 + 3 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{cccccc} 1 - 3 \cdot a & a & -2 & 2 \\ 1 & -12 + a & 14 \\ -35 + 3 \cdot a & 58 + a \\ 81 + 5 \cdot a & & & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[180221070 – Rafael André Anselmo Trindade]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 175/48.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Departamento de Matemática Análise Numérica 2º Semestre 2019/20

2º Teste Avaliação Contínua

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[180221072 – Miguel Ângelo Candeias Messias]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$-1-3\cdot a$	-7	$-49 + 3 \cdot a$	$-43 + 4 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

\star PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
-1 - 3 \cdot a & -6 + 3 \cdot a & -36 \\
-7 & -42 + 3 \cdot a & -49 + 3 \cdot a
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc} -1 - 3 \cdot a & -2 + a & -2 & 1 \\ -7 & -14 + a & 5 \\ -49 + 3 \cdot a & 6 + a \\ -43 + 4 \cdot a \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[180221072 – Miguel Ângelo Candeias Messias]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[180221075 - Marco Alexandre Gonçalves Martins]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

	x	1	4	7	9
ſ	f(x)	$2-3\cdot a$	2	$-16 + 3 \cdot a$	$42 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
2 - 3 \cdot a & 3 \cdot a & -18 \\
2 & -18 + 3 \cdot a & \\
-16 + 3 \cdot a & & & \\
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{cccccc} 2-3\cdot a & a & -1 & 1 \\ 2 & -6+a & 7 \\ -16+3\cdot a & 29+a \\ 42+5\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[180221075 - Marco Alexandre Gonçalves Martins]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 175/48.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[180221079 - Daniel Tiago dos Santos Azevedo]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

ĺ	x	1	4	7	8
	f(x)	$1-3\cdot a$	4	$25+3\cdot a$	$64 + 4 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} 1-3\cdot a & 3+3\cdot a & 18 \\ & 4 & 21+3\cdot a \\ 25+3\cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccccc} 1 - 3 \cdot a & 1 + a & 1 & 1 \\ 4 & 7 + a & 8 & \\ 25 + 3 \cdot a & 39 + a & \\ 64 + 4 \cdot a & & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[180221079 - Daniel Tiago dos Santos Azevedo]

 ${\tt Solução:}\ \, {\tt O}$ majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[180221080 - Alexandre Miguel Machado Ferreira]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$1-2\cdot a$	1	$17 + 2 \cdot a$	$61 + 3 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de *x*) do polinómio interpolador de *f* associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \leq 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} 1-2\cdot a & 2\cdot a & 16 \\ 1 & 16+2\cdot a & \\ 17+2\cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[180221080 – Alexandre Miguel Machado Ferreira]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[180221083 - Gonçalo Fernandes Costa]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$2-2\cdot a$	-2	$-22 + 2 \cdot a$	$23 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} 2 - 2 \cdot a & -4 + 2 \cdot a & -16 \\ -2 & -20 + 2 \cdot a & \\ -22 + 2 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{cccc} 2-2\cdot a & -2+a & -2 & 1 \\ -2 & -10+a & 5 \\ -22+2\cdot a & 15+a \\ 23+5\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[180221083 – Gonçalo Fernandes Costa]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[180221088 – André Pinheiro Duarte]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

	x	1	4	7	9
Ì	f(x)	$-2-3\cdot a$	-2	$-20 + 3 \cdot a$	$38 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[180221088 – André Pinheiro Duarte]

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[180221094 - Gonçalo Miguel dos Santos Pratas]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$-1-2\cdot a$	-3	$-13 + 2 \cdot a$	$62 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{rrr}
-1 - 2 \cdot a & -2 + 2 \cdot a & -8 \\
-3 & -10 + 2 \cdot a & \\
-13 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccccc} -1 - 2 \cdot a & -1 + a & -1 & 1 \\ -3 & -5 + a & 6 \\ -13 + 2 \cdot a & 25 + a \\ 62 + 5 \cdot a \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[180221094 - Gonçalo Miguel dos Santos Pratas]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[180221096 - Nuno Miguel Prazeres Tavares]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$2-2\cdot a$	4	$-2+2\cdot a$	$7+3\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \leq 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
2 - 2 \cdot a & 2 + 2 \cdot a & -8 \\
4 & -6 + 2 \cdot a & \\
-2 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{cccccc} 2-2\cdot a & 1+a & -1 & 1 \\ 4 & -3+a & 4 \\ -2+2\cdot a & 9+a \\ 7+3\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[180221096 - Nuno Miguel Prazeres Tavares]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Departamento de Matemática Análise Numérica 2º Semestre 2019/20

2º Teste Avaliação Contínua Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[180221099 – Dionicio Odi Djú]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$1-2\cdot a$	3	$-3+2\cdot a$	$78 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
 1 - 2 \cdot a & 2 + 2 \cdot a & -8 \\
 3 & -6 + 2 \cdot a & \\
 -3 + 2 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{cccccc} 1-2\cdot a & 1+a & -1 & 1 \\ 3 & -3+a & 6 \\ -3+2\cdot a & 27+a \\ 78+5\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[180221099 - Dionicio Odi Djú]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[180221100 - Pedro Miguel Martins Lima]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$1-3\cdot a$	-5	$-11 + 3 \cdot a$	$65 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{rrr}
 1 - 3 \cdot a & -6 + 3 \cdot a & 0 \\
 -5 & -6 + 3 \cdot a & \\
 -11 + 3 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[180221100 - Pedro Miguel Martins Lima]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 175/48.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[180221104 - Vitor Nuno Valente Gomes]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$-3 \cdot a$	-6	$-12+3\cdot a$	$42+4\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{rrr}
-3 \cdot a & -6 + 3 \cdot a & 0 \\
-6 & -6 + 3 \cdot a & \\
-12 + 3 \cdot a &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[180221104 - Vitor Nuno Valente Gomes]

 ${\tt Solução:}\ \, {\tt O}$ majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[180221106 - Ana Catarina Sales Duarte]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$-1-3\cdot a$	-4	$-43 + 3 \cdot a$	$71 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
-1 - 3 \cdot a & -3 + 3 \cdot a & -36 \\
-4 & -39 + 3 \cdot a & \\
-43 + 3 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccccc} -1 - 3 \cdot a & -1 + a & -2 & 2 \\ -4 & -13 + a & 14 \\ -43 + 3 \cdot a & 57 + a \\ 71 + 5 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[180221106 - Ana Catarina Sales Duarte]

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[180221110 – Luís Miguel Dias Varela]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$-1-2\cdot a$	3	$-9+2\cdot a$	$-6+3\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \leq 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$-1 - 2 \cdot a$$
 $4 + 2 \cdot a$ -16 3 $-12 + 2 \cdot a$ $-9 + 2 \cdot a$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[180221110 – Luís Miguel Dias Varela]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[180221116 - Victor Castilho de Barros]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

α	:	2	4	6	7
$\int f$	(x)	$2-2\cdot a$	6	$-6+2\cdot a$	$12+3\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \leq 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
 2 - 2 \cdot a & 4 + 2 \cdot a & -16 \\
 6 & -12 + 2 \cdot a & \\
 -6 + 2 \cdot a & &
 \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{cccc} 2-2\cdot a & 2+a & -2 & 2 \\ 6 & -6+a & 8 \\ -6+2\cdot a & 18+a \\ 12+3\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[180221116 - Victor Castilho de Barros]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[180221118 - Daniel Franco Custódio]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$2-3\cdot a$	5	$-28+3\cdot a$	$10 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de *x*) do polinómio interpolador de *f* associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

\star PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc} 2 - 3 \cdot a & 3 + 3 \cdot a & -36 \\ 5 & -33 + 3 \cdot a & \\ -28 + 3 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{ccccc} 2-3\cdot a & 1+a & -2 & 1 \\ 5 & -11+a & 6 \\ -28+3\cdot a & 19+a \\ 10+5\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[180221118 - Daniel Franco Custódio]

 ${\tt Solução:}\ \ \, {\tt O}$ majorante para o caso de três nós de interpolação seria 175/48.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[180221122 - Tiago Miguel Cotovio Fino]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$-2 \cdot a$	4	$-8+2\cdot a$	$49 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de *x*) do polinómio interpolador de *f* associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

\star PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
-2 \cdot a & 4 + 2 \cdot a & -16 \\
4 & -12 + 2 \cdot a & \\
-8 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[180221122 - Tiago Miguel Cotovio Fino]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[180221123 – Iuri Sanchez Fidalgo Amaral Tomé]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$2-3\cdot a$	-1	$-40 + 3 \cdot a$	$-6+5\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
2 - 3 \cdot a & -3 + 3 \cdot a & -36 \\
-1 & -39 + 3 \cdot a & \\
-40 + 3 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{ccccc} 2-3\cdot a & -1+a & -2 & 1 \\ -1 & -13+a & 6 \\ -40+3\cdot a & 17+a \\ -6+5\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[180221123 – Iuri Sanchez Fidalgo Amaral Tomé]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 175/48.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[180221132 - Rui M. Pitas de Almeida e Oliveira Nunes]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$-1-3\cdot a$	5	$11 + 3 \cdot a$	$95 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de *x*) do polinómio interpolador de *f* associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} -1 - 3 \cdot a & 6 + 3 \cdot a & 0 \\ 5 & 6 + 3 \cdot a \\ 11 + 3 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccccc} -1 - 3 \cdot a & 2 + a & 0 & 1 \\ 5 & 2 + a & 8 & \\ 11 + 3 \cdot a & 42 + a & \\ 95 + 5 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[180221132 – Rui M. Pitas de Almeida e Oliveira Nunes]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 175/48.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190200040 - Rafael Bernardino Palma]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$-2-3\cdot a$	-8	$-50 + 3 \cdot a$	$-18+5\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
-2 - 3 \cdot a & -6 + 3 \cdot a & -36 \\
-8 & -42 + 3 \cdot a & \\
-50 + 3 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccccc} -2 - 3 \cdot a & -2 + a & -2 & 1 \\ -8 & -14 + a & 6 \\ -50 + 3 \cdot a & 16 + a \\ -18 + 5 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190200040 - Rafael Bernardino Palma]

 ${\tt Solução:}\ \ \, {\tt O}$ majorante para o caso de três nós de interpolação seria 175/48.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190200043 - Pedro Miguel Viegas Ferreira]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$2-3\cdot a$	2	$-16+3\cdot a$	$30 + 4 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de *x*) do polinómio interpolador de *f* associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
2 - 3 \cdot a & 3 \cdot a & -18 \\
2 & -18 + 3 \cdot a & \\
-16 + 3 \cdot a & & & \\
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190200043 - Pedro Miguel Viegas Ferreira]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190200050 - Pedro Miguel Lima Fernandes]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$2-3\cdot a$	2	$-16+3\cdot a$	$42 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} 2-3\cdot a & 3\cdot a & -18 \\ 2 & -18+3\cdot a \end{array}$$

$$\begin{array}{ccc} -16+3\cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{ccccccc} 2-3\cdot a & a & -1 & 1 \\ 2 & -6+a & 7 \\ -16+3\cdot a & 29+a \\ 42+5\cdot a & & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190200050 - Pedro Miguel Lima Fernandes]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 175/48.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190200051 – André Filipe Benjamim Castro]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$1-3\cdot a$	-5	$-29 + 3 \cdot a$	$15 + 4 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
1 - 3 \cdot a & -6 + 3 \cdot a & -18 \\
-5 & -24 + 3 \cdot a & \\
-29 + 3 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190200051 – André Filipe Benjamim Castro]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Departamento de Matemática Análise Numérica 2º Semestre 2019/20

 2^o Teste Avaliação Contínua

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190200054 - Tiago João Mateus de Lima]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$2-3\cdot a$	-4	$26+3\cdot a$	$72 + 4 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de *x*) do polinómio interpolador de *f* associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} 2 - 3 \cdot a & -6 + 3 \cdot a & 36 \\ -4 & 30 + 3 \cdot a & \\ 26 + 3 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{ccccc} 2-3\cdot a & -2+a & 2 & 1 \\ -4 & 10+a & 9 & \\ 26+3\cdot a & 46+a & \\ 72+4\cdot a & & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190200054 - Tiago João Mateus de Lima]

 ${\tt Solução:}\ \, {\tt O}\ \, {\tt majorante}$ para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190200059 - Tiago Lopes Quaresma]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$1-2\cdot a$	-3	$-23 + 2 \cdot a$	$22 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de *x*) do polinómio interpolador de *f* associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

\star PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{rrr}
1 - 2 \cdot a & -4 + 2 \cdot a & -16 \\
-3 & -20 + 2 \cdot a & \\
-23 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{cccc} 1-2\cdot a & -2+a & -2 & 1 \\ -3 & -10+a & 5 \\ -23+2\cdot a & 15+a \\ 22+5\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190200059 - Tiago Lopes Quaresma]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190200060 – João Pedro Dias Daniel]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$1-2\cdot a$	3	$5+2\cdot a$	$36+3\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \leq 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} 1-2\cdot a & 2+2\cdot a & 0 \\ 3 & 2+2\cdot a & \\ 5+2\cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{ccccc} 1-2\cdot a & 1+a & 0 & 2 \\ 3 & 1+a & 10 \\ 5+2\cdot a & 31+a \\ 36+3\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190200060 – João Pedro Dias Daniel]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190200061 – João Guilherme Peniche Massano]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$-2-2\cdot a$	-4	$-14 + 2 \cdot a$	$61 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

\star PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
-2 - 2 \cdot a & -2 + 2 \cdot a & -8 \\
-4 & -10 + 2 \cdot a & \\
-14 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccccc} -2-2\cdot a & -1+a & -1 & 1 \\ -4 & -5+a & 6 \\ -14+2\cdot a & 25+a \\ 61+5\cdot a \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190200061 – João Guilherme Peniche Massano]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Departamento de Matemática Análise Numérica 2º Semestre 2019/20

2º Teste Avaliação Contínua

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190200063 – André Filipe Rocha dos Santos]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$-3 \cdot a$	-6	$-48 + 3 \cdot a$	$-16+5\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{rrr}
-3 \cdot a & -6 + 3 \cdot a & -36 \\
-6 & -42 + 3 \cdot a & \\
-48 + 3 \cdot a &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc} -3 \cdot a & -2 + a & -2 & 1 \\ -6 & -14 + a & 6 \\ -48 + 3 \cdot a & 16 + a \\ -16 + 5 \cdot a \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190200063 – André Filipe Rocha dos Santos]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 175/48.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Departamento de Matemática Análise Numérica 2º Semestre 2019/20

 2^o Teste Avaliação Contínua

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190200064 - Rafael Carvalho Martins]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$-2-3\cdot a$	-8	$-50 + 3 \cdot a$	$-18+5\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{rrrr}
-2 - 3 \cdot a & -6 + 3 \cdot a & -36 \\
-8 & -42 + 3 \cdot a & \\
-50 + 3 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc} -2 - 3 \cdot a & -2 + a & -2 & 1 \\ -8 & -14 + a & 6 \\ -50 + 3 \cdot a & 16 + a \\ -18 + 5 \cdot a \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190200064 - Rafael Carvalho Martins]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 175/48.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190200085 - Sergio Trentin Junior]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

\boldsymbol{x}	2	4	6	7
f(x)	$1-2\cdot a$	-3	$9+2\cdot a$	$51+3\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \leq 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
 1 - 2 \cdot a & -4 + 2 \cdot a & 16 \\
 -3 & 12 + 2 \cdot a & \\
 9 + 2 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{ccccc} 1-2\cdot a & -2+a & 2 & 2 \\ -3 & 6+a & 12 \\ 9+2\cdot a & 42+a \\ 51+3\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190200085 - Sergio Trentin Junior]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221001 - Rafael Viegas Caumo]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$-1-3\cdot a$	5	$11+3\cdot a$	$69 + 4 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} -1 - 3 \cdot a & 6 + 3 \cdot a & 0 \\ 5 & 6 + 3 \cdot a \\ 11 + 3 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccccc} -1 - 3 \cdot a & 2 + a & 0 & 2 \\ 5 & 2 + a & 14 & \\ 11 + 3 \cdot a & 58 + a & \\ 69 + 4 \cdot a & & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221001 - Rafael Viegas Caumo]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221002 - Israel Pereira]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$-1-2\cdot a$	1	$11+2\cdot a$	$49+3\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
-1 - 2 \cdot a & 2 + 2 \cdot a & 8 \\
1 & 10 + 2 \cdot a & \\
11 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221002 - Israel Pereira]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221003 – Geovani de Souza Pereira]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$2-2\cdot a$	2	$-6+2\cdot a$	$72 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
2 - 2 \cdot a & 2 \cdot a & -8 \\
2 & -8 + 2 \cdot a & \\
-6 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{cccccc} 2-2\cdot a & a & -1 & 1 \\ 2 & -4+a & 6 \\ -6+2\cdot a & 26+a \\ 72+5\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221003 – Geovani de Souza Pereira]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221005 – Lunay António Gomes Simão]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

	x	1	4	7	8
ĺ	f(x)	$-1-3\cdot a$	-4	$-25+3\cdot a$	$20+4\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
-1 - 3 \cdot a & -3 + 3 \cdot a & -18 \\
-4 & -21 + 3 \cdot a & \\
-25 + 3 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc} -1 - 3 \cdot a & -1 + a & -1 & 2 \\ -4 & -7 + a & 13 \\ -25 + 3 \cdot a & 45 + a \\ 20 + 4 \cdot a \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221005 – Lunay António Gomes Simão]

 ${\tt Solução:}\ \, {\tt O}$ majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221006 - Armindo Filipe da Costa]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$-1-3\cdot a$	-4	$29 + 3 \cdot a$	$76 + 4 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

\star PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$-1 - 3 \cdot a$$
 $-3 + 3 \cdot a$ 36
 -4 $33 + 3 \cdot a$
 $29 + 3 \cdot a$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccccc} -1 - 3 \cdot a & -1 + a & 2 & 1 \\ -4 & & 11 + a & 9 \\ 29 + 3 \cdot a & 47 + a & \\ 76 + 4 \cdot a & & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221006 - Armindo Filipe da Costa]

 ${\tt Solução:}\ \, {\tt O}$ majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221008 – André Miguel Lança Lisboa]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$2-3\cdot a$	5	$-28+3\cdot a$	$90+5\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc} 2 - 3 \cdot a & 3 + 3 \cdot a & -36 \\ 5 & -33 + 3 \cdot a & \\ -28 + 3 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{ccccc} 2-3\cdot a & 1+a & -2 & 2 \\ 5 & -11+a & 14 \\ -28+3\cdot a & 59+a \\ 90+5\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221008 – André Miguel Lança Lisboa]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 175/48.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221009 - Bernardo Serra Mota]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
$\int f(x)$	$-3 \cdot a$	-6	$6+3\cdot a$	$70+4\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$-3 \cdot a$$
 $-6 + 3 \cdot a$ 18
 -6 $12 + 3 \cdot a$
 $6 + 3 \cdot a$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc} -3 \cdot a & -2 + a & 1 & 2 \\ -6 & 4 + a & 15 & \\ 6 + 3 \cdot a & 64 + a & \\ 70 + 4 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221009 - Bernardo Serra Mota]

 ${\tt Solução:}\ \, {\tt O}$ majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221010 – João Pedro Freitas Caetano]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$-2-3\cdot a$	4	$46+3\cdot a$	$96+4\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
-2 - 3 \cdot a & 6 + 3 \cdot a & 36 \\
4 & 42 + 3 \cdot a & \\
46 + 3 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccccc} -2 - 3 \cdot a & 2 + a & 2 & 1 \\ 4 & 14 + a & 9 & \\ 46 + 3 \cdot a & 50 + a & \\ 96 + 4 \cdot a & & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221010 – João Pedro Freitas Caetano]

 ${\tt Solução:}\ \, {\tt O}$ majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221013 – Sara Filomena Gonçalves Jorge]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$2-2\cdot a$	0	$14+2\cdot a$	$42 + 3 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \leq 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} 2 - 2 \cdot a & -2 + 2 \cdot a & 16 \\ 0 & 14 + 2 \cdot a & \\ 14 + 2 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{ccccc} 2-2\cdot a & -1+a & 2 & 1 \\ 0 & 7+a & 7 \\ 14+2\cdot a & 28+a \\ 42+3\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221013 - Sara Filomena Gonçalves Jorge]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221014 - Tiago Miguel Galvão Simão]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$-1-2\cdot a$	-5	$-25+2\cdot a$	$-26+3\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \leq 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} -1 - 2 \cdot a & -4 + 2 \cdot a & -16 \\ -5 & -20 + 2 \cdot a & \\ -25 + 2 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc} -1 - 2 \cdot a & -2 + a & -2 & 1 \\ -5 & -10 + a & 3 \\ -25 + 2 \cdot a & -1 + a \\ -26 + 3 \cdot a \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221014 - Tiago Miguel Galvão Simão]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Departamento de Matemática Análise Numérica 2º Semestre 2019/20

2º Teste Avaliação Contínua

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221015 - Pedro Miguel Teixeira Palma Rosa]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$2-3\cdot a$	8	$-4+3\cdot a$	$44+4\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc} 2 - 3 \cdot a & 6 + 3 \cdot a & -18 \\ 8 & -12 + 3 \cdot a & \\ -4 + 3 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221015 - Pedro Miguel Teixeira Palma Rosa]

 ${\tt Solução:}\ \, {\tt O}$ majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221016 - Tiago Filipe de Deus Folgado Pereira]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$-1-3\cdot a$	-7	$-31 + 3 \cdot a$	$-15 + 4 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
-1 - 3 \cdot a & -6 + 3 \cdot a & -18 \\
-7 & -24 + 3 \cdot a & \\
-31 + 3 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccccc} -1 - 3 \cdot a & -2 + a & -1 & 1 \\ -7 & -8 + a & 6 \\ -31 + 3 \cdot a & 16 + a \\ -15 + 4 \cdot a \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221016 - Tiago Filipe de Deus Folgado Pereira]

 ${\tt Solução:}\ \, {\tt O}$ majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221017 - André Fraga Pauli]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$-2 \cdot a$	0	$-8+2\cdot a$	$70+5\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

\star PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
-2 \cdot a & 2 \cdot a & -8 \\
0 & -8 + 2 \cdot a & \\
-8 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221017 – André Fraga Pauli]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221018 – Diogo António Bettencourt Santos Félix]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$-1-3\cdot a$	2	$-31+3\cdot a$	$87 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de *x*) do polinómio interpolador de *f* associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

\star PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$-1 - 3 \cdot a$$
 $3 + 3 \cdot a$ -36
 2 $-33 + 3 \cdot a$
 $-31 + 3 \cdot a$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221018 – Diogo António Bettencourt Santos Félix]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 175/48.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221020 - Gonçalo Filipe Mesquita Fernandes]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$-2-3\cdot a$	-8	$-14+3\cdot a$	$12+4\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{rrr}
-2 - 3 \cdot a & -6 + 3 \cdot a & 0 \\
-8 & -6 + 3 \cdot a & \\
-14 + 3 \cdot a &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221020 - Gonçalo Filipe Mesquita Fernandes]

 ${\tt Solução:}\ \ {\tt O}\ \ {\tt majorante}\ \ {\tt para}\ \ {\tt o}\ \ {\tt caso}\ \ {\tt de}\ \ {\tt três}\ \ {\tt nós}\ \ {\tt de}\ \ {\tt interpolação}\ \ {\tt seria}\ \ 35/12.$

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221021 - Marco Neves Gomes]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$2-2\cdot a$	-2	$-14 + 2 \cdot a$	$58 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
2 - 2 \cdot a & -4 + 2 \cdot a & -8 \\
-2 & -12 + 2 \cdot a & \\
-14 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{ccccc} 2-2\cdot a & -2+a & -1 & 1 \ -2 & -6+a & 6 \ -14+2\cdot a & 24+a \ 58+5\cdot a \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221021 - Marco Neves Gomes]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221022 - Duarte Mourão Pardal]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$2-3\cdot a$	2	$2+3\cdot a$	$82 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} 2 - 3 \cdot a & 3 \cdot a & 0 \\ 2 & 3 \cdot a \\ 2 + 3 \cdot a \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccccc} 2-3\cdot a & a & 0 & 1 \\ 2 & a & 8 \\ 2+3\cdot a & 40+a \\ 82+5\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221022 - Duarte Mourão Pardal]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 175/48.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221023 - Jorge Filipe Carapinha Piteira]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$2-2\cdot a$	6	$2+2\cdot a$	$86 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
 2 - 2 \cdot a & 4 + 2 \cdot a & -8 \\
 6 & -4 + 2 \cdot a & \\
 2 + 2 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{ccccc} 2-2\cdot a & 2+a & -1 & 1 \\ 6 & -2+a & 6 \\ 2+2\cdot a & 28+a \\ 86+5\cdot a \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221023 - Jorge Filipe Carapinha Piteira]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

★ DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221026 – João Tomás Ramos Ferreira]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$-2 \cdot a$	-4	$8+2\cdot a$	$35 + 3 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \leq 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
-2 \cdot a & -4 + 2 \cdot a & 16 \\
-4 & 12 + 2 \cdot a & \\
8 + 2 \cdot a &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221026 – João Tomás Ramos Ferreira]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Departamento de Matemática Análise Numérica 2º Semestre 2019/20

2º Teste Avaliação Contínua Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221028 - Pedro Miguel Teixeira Alves]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

\boldsymbol{x}	2	4	6	9
f(x)	$-1-2\cdot a$	-1	$-9+2\cdot a$	$69 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de *x*) do polinómio interpolador de *f* associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
-1 - 2 \cdot a & 2 \cdot a & -8 \\
-1 & -8 + 2 \cdot a & \\
-9 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221028 - Pedro Miguel Teixeira Alves]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221029 - Tomás Correia Barroso]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$1-2\cdot a$	-3	$-15+2\cdot a$	$6+3\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \leq 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

\star PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} 1 - 2 \cdot a & -4 + 2 \cdot a & -8 \\ -3 & -12 + 2 \cdot a & \\ -15 + 2 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{cccc} 1-2\cdot a & -2+a & -1 & 2 \\ -3 & -6+a & 9 \\ -15+2\cdot a & 21+a \\ 6+3\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221029 - Tomás Correia Barroso]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221032 - Tiago Miguel Camacho Branco]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x		2	4	6	7
$\int f$	(x)	$2-2\cdot a$	6	$10+2\cdot a$	$42 + 3 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{cccc} 2-2\cdot a & 4+2\cdot a & 0 \\ 6 & 4+2\cdot a & \\ 10+2\cdot a & & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{cccc} 2-2\cdot a & 2+a & 0 & 2 \\ 6 & 2+a & 10 \\ 10+2\cdot a & 32+a \\ 42+3\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221032 - Tiago Miguel Camacho Branco]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Departamento de Matemática Análise Numérica 2º Semestre 2019/20

 2^o Teste Avaliação Contínua

Questão 2 de 3

Cotação: 3 val.

[190221034 – Daniel Alexandre de Morais e Sousa]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x		2	4	6	9
f(x)	$2-2\cdot a$	4	$-2+2\cdot a$	$79 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
2 - 2 \cdot a & 2 + 2 \cdot a & -8 \\
4 & -6 + 2 \cdot a & \\
-2 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{cccccc} 2-2\cdot a & 1+a & -1 & 1 \\ 4 & -3+a & 6 \\ -2+2\cdot a & 27+a \\ 79+5\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221034 – Daniel Alexandre de Morais e Sousa]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221036 – André Filipe Virtuoso Serrado]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$-3 \cdot a$	-6	$-30 + 3 \cdot a$	$14+4\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{rrr}
-3 \cdot a & -6 + 3 \cdot a & -18 \\
-6 & -24 + 3 \cdot a & \\
-30 + 3 \cdot a &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221036 – André Filipe Virtuoso Serrado]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221037 - Daniel Alexandre Andrade Singh]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x		2	4	6	9
f	(x)	$2-2\cdot a$	6	$-6+2\cdot a$	$51+5\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
 2 - 2 \cdot a & 4 + 2 \cdot a & -16 \\
 6 & -12 + 2 \cdot a & \\
 -6 + 2 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{cccc} 2-2\cdot a & 2+a & -2 & 1 \\ 6 & -6+a & 5 \\ -6+2\cdot a & 19+a \\ 51+5\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221037 - Daniel Alexandre Andrade Singh]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Departamento de Matemática Análise Numérica 2º Semestre 2019/20

2º Teste Avaliação Contínua Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221039 – Hysa Mello de Alcântara]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$-1-2\cdot a$	3	$-9+2\cdot a$	$48 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

\star PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$-1 - 2 \cdot a$$
 $4 + 2 \cdot a$ -16 3 $-12 + 2 \cdot a$ $-9 + 2 \cdot a$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221039 – Hysa Mello de Alcântara]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Departamento de Matemática Análise Numérica 2º Semestre 2019/20

 2^o Teste Avaliação Contínua

Questão 2 de 3

Cotação: 3 val.

[190221040 - Sandro Miguel Sousa Santos]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$-2 \cdot a$	-4	$8+2\cdot a$	$50+3\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
-2 \cdot a & -4 + 2 \cdot a & 16 \\
-4 & 12 + 2 \cdot a & \\
8 + 2 \cdot a &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc} -2 \cdot a & -2 + a & 2 & 2 \\ -4 & 6 + a & 12 \\ 8 + 2 \cdot a & 42 + a \\ 50 + 3 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221040 - Sandro Miguel Sousa Santos]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Departamento de Matemática Análise Numérica 2º Semestre 2019/20

2º Teste Avaliação Contínua

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221042 - Tiago Alexandre dos Santos Rosa]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$1-2\cdot a$	5	$25 + 2 \cdot a$	$56+3\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de *x*) do polinómio interpolador de *f* associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \leq 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} 1-2\cdot a & 4+2\cdot a & 16 \\ 5 & 20+2\cdot a & \\ 25+2\cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc} 1-2\cdot a & 2+a & 2 & 1 \\ 5 & 10+a & 7 \\ 25+2\cdot a & 31+a \\ 56+3\cdot a \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221042 - Tiago Alexandre dos Santos Rosa]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221043 – Carolina Rabaçal da Cunha Lobo]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$-1-2\cdot a$	3	$-1+2\cdot a$	$83 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de *x*) do polinómio interpolador de *f* associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
-1 - 2 \cdot a & 4 + 2 \cdot a & -8 \\
3 & -4 + 2 \cdot a & \\
-1 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221043 – Carolina Rabaçal da Cunha Lobo]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221044 - Eduardo Feliciano Ferra]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

ĺ	x	1	4	7	8
	f(x)	$2-3\cdot a$	-1	$-40 + 3 \cdot a$	$-33 + 4 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{rrr}
 2 - 3 \cdot a & -3 + 3 \cdot a & -36 \\
 -1 & -39 + 3 \cdot a & \\
 -40 + 3 \cdot a & &
 \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc} 2-3\cdot a & -1+a & -2 & 1 \\ -1 & -13+a & 5 \\ -40+3\cdot a & 7+a \\ -33+4\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221044 – Eduardo Feliciano Ferra]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221045 - João Carlos de Brito Bandeira]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$2-3\cdot a$	8	$-22+3\cdot a$	$98 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
2 - 3 \cdot a & 6 + 3 \cdot a & -36 \\
8 & -30 + 3 \cdot a & \\
-22 + 3 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{ccccc} 2-3\cdot a & 2+a & -2 & 2 \\ 8 & -10+a & 14 \\ -22+3\cdot a & 60+a \\ 98+5\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221045 – João Carlos de Brito Bandeira]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 175/48.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221046 - Joao Miguel dos Santos Cabete]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

	x	1	4	7	8
ſ	f(x)	$2-3\cdot a$	5	$26 + 3 \cdot a$	$65 + 4 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} 2-3\cdot a & 3+3\cdot a & 18 \\ 5 & 21+3\cdot a & \\ 26+3\cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccccc} 2-3\cdot a & 1+a & 1 & 1 \\ 5 & 7+a & 8 \\ 26+3\cdot a & 39+a \\ 65+4\cdot a \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221046 - Joao Miguel dos Santos Cabete]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221047 - Miguel Alexandre Marques Rodrigues]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$-3 \cdot a$	-3	$-42+3\cdot a$	$72 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{rrr}
-3 \cdot a & -3 + 3 \cdot a & -36 \\
-3 & -39 + 3 \cdot a & \\
-42 + 3 \cdot a &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccccc} -3 \cdot a & -1 + a & -2 & 2 \\ -3 & -13 + a & 14 \\ -42 + 3 \cdot a & 57 + a \\ 72 + 5 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221047 - Miguel Alexandre Marques Rodrigues]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 175/48.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221048 - Rafael da Rosa Marçalo]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$1-2\cdot a$	-3	$-15+2\cdot a$	$57 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{rrr}
 1 - 2 \cdot a & -4 + 2 \cdot a & -8 \\
 -3 & -12 + 2 \cdot a & \\
 -15 + 2 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{ccccc} 1-2\cdot a & -2+a & -1 & 1 \\ -3 & -6+a & 6 \\ -15+2\cdot a & 24+a \\ 57+5\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221048 - Rafael da Rosa Marçalo]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221049 – André Luís da Cruz Santos]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$-2 \cdot a$	-2	$-4+2\cdot a$	$98 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

\star PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} -2 \cdot a & -2 + 2 \cdot a & 0 \\ -2 & -2 + 2 \cdot a & \\ -4 + 2 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221049 – André Luís da Cruz Santos]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221050 - Bernardo Manuel Fernandes Vicente]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$1-3\cdot a$	7	$-5+3\cdot a$	$57 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de *x*) do polinómio interpolador de *f* associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

\star PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
1 - 3 \cdot a & 6 + 3 \cdot a & -18 \\
7 & -12 + 3 \cdot a & \\
-5 + 3 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{ccccc} 1-3\cdot a & 2+a & -1 & 7 \\ 7 & -4+a & 7 \\ -5+3\cdot a & 31+a \\ 57+5\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221050 - Bernardo Manuel Fernandes Vicente]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 175/48.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221051 – Bruno Miguel Lázaro Resende]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$-3 \cdot a$	3	$6+3\cdot a$	$63 + 4 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

\star PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} -3 \cdot a & 3+3 \cdot a & 0 \\ 3 & 3+3 \cdot a & \\ 6+3 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccccc} -3 \cdot a & 1+a & 0 & 2 \\ 3 & 1+a & 14 \\ 6+3 \cdot a & 57+a \\ 63+4 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221051 – Bruno Miguel Lázaro Resende]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221052 - Daniel Filipe Martins Roque]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$1-2\cdot a$	-3	$-15+2\cdot a$	$57 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{rrr}
 1 - 2 \cdot a & -4 + 2 \cdot a & -8 \\
 -3 & -12 + 2 \cdot a & \\
 -15 + 2 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{ccccc} 1-2\cdot a & -2+a & -1 & 1 \\ -3 & -6+a & 6 \\ -15+2\cdot a & 24+a \\ 57+5\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221052 - Daniel Filipe Martins Roque]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221053 – Ivo Martinho Garraio]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$-1-3\cdot a$	5	$-25+3\cdot a$	$95 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$-1 - 3 \cdot a$$
 $6 + 3 \cdot a$ -36 5 $-30 + 3 \cdot a$ $-25 + 3 \cdot a$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221053 - Ivo Martinho Garraio]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 175/48.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Questão 2 de 3 Co

Cotação: 3 val.

[190221054 – João Alexandre dos Anjos Soeiro]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$2-2\cdot a$	-2	$10 + 2 \cdot a$	$37 + 3 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} 2 - 2 \cdot a & -4 + 2 \cdot a & 16 \\ -2 & 12 + 2 \cdot a & \\ 10 + 2 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccccc} 2-2\cdot a & -2+a & 2 & 1 \\ -2 & 6+a & 7 \\ 10+2\cdot a & 27+a \\ 37+3\cdot a \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221054 – João Alexandre dos Anjos Soeiro]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221055 – João Filipe Lopes Jardin]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$-2-2\cdot a$	-6	$6+2\cdot a$	$33+3\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
-2 - 2 \cdot a & -4 + 2 \cdot a & 16 \\
-6 & 12 + 2 \cdot a & \\
6 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221055 – João Filipe Lopes Jardin]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221056 – Rúben Pereira Lourenço]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$1-3\cdot a$	-5	$-47 + 3 \cdot a$	$-41 + 4 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
1 - 3 \cdot a & -6 + 3 \cdot a & -36 \\
-5 & -42 + 3 \cdot a & \\
-47 + 3 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc} 1 - 3 \cdot a & -2 + a & -2 & 1 \\ -5 & -14 + a & 5 \\ -47 + 3 \cdot a & 6 + a \\ -41 + 4 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221056 – Rúben Pereira Lourenço]

 ${\tt Solução:}\ \, {\tt O}$ majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221057 - Gabriel Soares Alves Dias Pais]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$-3 \cdot a$	3	$42 + 3 \cdot a$	$91+4\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} -3 \cdot a & 3+3 \cdot a & 36 \\ 3 & 39+3 \cdot a & \\ 42+3 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccccc} -3 \cdot a & 1+a & 2 & 1 \\ 3 & 13+a & 9 & \\ 42+3 \cdot a & 49+a & \\ 91+4 \cdot a & & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221057 - Gabriel Soares Alves Dias Pais]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

★ DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221058 – Diogo André Fernandes dos Santos]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$-2 \cdot a$	4	$8+2\cdot a$	$40+3\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
-2 \cdot a & 4 + 2 \cdot a & 0 \\
4 & 4 + 2 \cdot a & 8 + 2 \cdot a
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc} -2 \cdot a & 2 + a & 0 & 2 \\ 4 & 2 + a & 10 \\ 8 + 2 \cdot a & 32 + a \\ 40 + 3 \cdot a \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221058 – Diogo André Fernandes dos Santos]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221059 - Marco Antonio Coelho Teodoro]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$2-2\cdot a$	0	$-10 + 2 \cdot a$	$12 + 3 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de *x*) do polinómio interpolador de *f* associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \leq 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
2 - 2 \cdot a & -2 + 2 \cdot a & -8 \\
0 & -10 + 2 \cdot a & \\
-10 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{cccc} 2-2\cdot a & -1+a & -1 & 2 \\ 0 & -5+a & 9 \\ -10+2\cdot a & 22+a \\ 12+3\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221059 - Marco Antonio Coelho Teodoro]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221060 - Ricardo Filipe Sobral Ribeiro]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$-3 \cdot a$	-6	$24+3\cdot a$	$98 + 4 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} -3 \cdot a & -6 + 3 \cdot a & 36 \\ -6 & 30 + 3 \cdot a & \\ 24 + 3 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221060 - Ricardo Filipe Sobral Ribeiro]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221061 - Tiago Alexandre Morgado Rosa]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$-1-2\cdot a$	-5	$-25+2\cdot a$	$20+5\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de *x*) do polinómio interpolador de *f* associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

\star PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} -1 - 2 \cdot a & -4 + 2 \cdot a & -16 \\ -5 & -20 + 2 \cdot a & \\ -25 + 2 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc} -1 - 2 \cdot a & -2 + a & -2 & 1 \\ -5 & -10 + a & 5 \\ -25 + 2 \cdot a & 15 + a \\ 20 + 5 \cdot a \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221061 - Tiago Alexandre Morgado Rosa]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221062 – João Filipe Rodrigues Silva]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$2-3\cdot a$	2	$-16 + 3 \cdot a$	$42 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
2 - 3 \cdot a & 3 \cdot a & -18 \\
2 & -18 + 3 \cdot a & \\
-16 + 3 \cdot a & & & \\
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{cccccc} 2-3\cdot a & a & -1 & 1 \\ 2 & -6+a & 7 \\ -16+3\cdot a & 29+a \\ 42+5\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221062 – João Filipe Rodrigues Silva]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 175/48.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221063 – Gonçalo Mestre Páscoa]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$2-2\cdot a$	6	$-6+2\cdot a$	$51+5\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
 2 - 2 \cdot a & 4 + 2 \cdot a & -16 \\
 6 & -12 + 2 \cdot a & \\
 -6 + 2 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221063 – Gonçalo Mestre Páscoa]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221064 - Henrique Candeias Madureira]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$2-2\cdot a$	6	$-6+2\cdot a$	$51+5\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

\star PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
2 - 2 \cdot a & 4 + 2 \cdot a & -16 \\
6 & -12 + 2 \cdot a & \\
-6 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{cccc} 2-2\cdot a & 2+a & -2 & 1 \\ 6 & -6+a & 5 \\ -6+2\cdot a & 19+a \\ 51+5\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221064 - Henrique Candeias Madureira]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221065 – José Eduardo Lopes Castanhas]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$-3 \cdot a$	0	$-36+3\cdot a$	$5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
-3 \cdot a & 3 \cdot a & -36 \\
0 & -36 + 3 \cdot a & \\
-36 + 3 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221065 – José Eduardo Lopes Castanhas]

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221066 – Rúben Miguel da Costa Videira]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$-1-3\cdot a$	-4	$-43+3\cdot a$	$-8+4\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de *x*) do polinómio interpolador de *f* associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

\star PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{rrr}
-1 - 3 \cdot a & -3 + 3 \cdot a & -36 \\
-4 & -39 + 3 \cdot a & \\
-43 + 3 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221066 – Rúben Miguel da Costa Videira]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221067 - David Rodrigues Cerdeira]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$-2 \cdot a$	2	$-4+2\cdot a$	$77 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de *x*) do polinómio interpolador de *f* associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} -2 \cdot a & 2 + 2 \cdot a & -8 \\ 2 & -6 + 2 \cdot a \\ -4 + 2 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221067 - David Rodrigues Cerdeira]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Departamento de Matemática Análise Numérica 2º Semestre 2019/20

 2^o Teste Avaliação Contínua

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221068 – André Carlos Fernandes Dias]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$-2 \cdot a$	-4	$-8+2\cdot a$	$91+5\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

\star PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
-2 \cdot a & -4 + 2 \cdot a & 0 \\
-4 & -4 + 2 \cdot a & \\
-8 + 2 \cdot a &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221068 – André Carlos Fernandes Dias]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Departamento de Matemática Análise Numérica 2º Semestre 2019/20

2º Teste Avaliação Contínua Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221069 – Luís Manuel Gonçalves Martins]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$2-2\cdot a$	4	$14 + 2 \cdot a$	$52 + 3 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \leq 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} 2-2\cdot a & 2+2\cdot a & 8 \\ 4 & 10+2\cdot a \end{array}$$

$$14+2\cdot a$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccccc} 2-2\cdot a & 1+a & 1 & 2 \\ 4 & 5+a & 11 \\ 14+2\cdot a & 38+a \\ 52+3\cdot a \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221069 – Luís Manuel Gonçalves Martins]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221070 - Margarida Maunu]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$1-2\cdot a$	5	$1+2\cdot a$	$85 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{rrr}
 1 - 2 \cdot a & 4 + 2 \cdot a & -8 \\
 5 & -4 + 2 \cdot a & \\
 1 + 2 \cdot a &
 \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{ccccc} 1-2\cdot a & 2+a & -1 & 1 \\ 5 & -2+a & 6 \\ 1+2\cdot a & 28+a \\ 85+5\cdot a \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221070 - Margarida Maunu]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221071 – André Filipe Gonçalves Paiva]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$-2 \cdot a$	2	$-4+2\cdot a$	$77 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} -2 \cdot a & 2 + 2 \cdot a & -8 \\ 2 & -6 + 2 \cdot a \\ -4 + 2 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221071 – André Filipe Gonçalves Paiva]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221074 - Miguel Costa Coelho]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
$\int f(x)$	$-2 \cdot a$	2	$-12 + 2 \cdot a$	$5+3\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \leq 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
-2 \cdot a & 2 + 2 \cdot a & -16 \\
2 & -14 + 2 \cdot a & \\
-12 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221074 - Miguel Costa Coelho]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221075 – André Galveia Castanho]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$1-2\cdot a$	1	$-7+2\cdot a$	$1+3\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \leq 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} 1-2\cdot a & 2\cdot a & -8 \\ 1 & -8+2\cdot a \\ -7+2\cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221075 – André Galveia Castanho]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221076 - Filipe Alexandre Ribeiro Domingos]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$-1-2\cdot a$	-3	$-21+2\cdot a$	$27 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

\star PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} -1 - 2 \cdot a & -2 + 2 \cdot a & -16 \\ -3 & -18 + 2 \cdot a & \\ -21 + 2 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc} -1 - 2 \cdot a & -1 + a & -2 & 1 \\ -3 & -9 + a & 5 \\ -21 + 2 \cdot a & 16 + a \\ 27 + 5 \cdot a \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221076 - Filipe Alexandre Ribeiro Domingos]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221077 – Duarte Vieira Nunes da Conceição]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$2-3\cdot a$	5	$-10 + 3 \cdot a$	$50+5\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
2 - 3 \cdot a & 3 + 3 \cdot a & -18 \\
5 & -15 + 3 \cdot a & \\
-10 + 3 \cdot a & & & \\
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{ccccc} 2-3\cdot a & 1+a & -1 & 1 \\ 5 & -5+a & 7 \\ -10+3\cdot a & 30+a \\ 50+5\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221077 - Duarte Vieira Nunes da Conceição]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 175/48.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221078 – João Pedro Botelheiro Matias]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$-2-2\cdot a$	0	$-14 + 2 \cdot a$	$40 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} -2 - 2 \cdot a & 2 + 2 \cdot a & -16 \\ 0 & -14 + 2 \cdot a & \\ -14 + 2 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc} -2-2\cdot a & 1+a & -2 & 1 \\ 0 & -7+a & 5 \\ -14+2\cdot a & 18+a \\ 40+5\cdot a \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221078 - João Pedro Botelheiro Matias]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221079 – Adalberto Camará King]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$-2-2\cdot a$	-2	$-2+2\cdot a$	$28 + 3 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} -2-2\cdot a & 2\cdot a & 0 \\ -2 & 2\cdot a \\ -2+2\cdot a \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221079 – Adalberto Camará King]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221080 - Melo Carlos Pereira]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$-2-2\cdot a$	-2	$-10 + 2 \cdot a$	$68 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
-2 - 2 \cdot a & 2 \cdot a & -8 \\
-2 & -8 + 2 \cdot a & \\
-10 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221080 - Melo Carlos Pereira]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221081 – Pedro de Castro Vitória]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$2-2\cdot a$	0	$-10 + 2 \cdot a$	$65+5\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
2 - 2 \cdot a & -2 + 2 \cdot a & -8 \\
0 & -10 + 2 \cdot a & \\
-10 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{ccccc} 2-2\cdot a & -1+a & -1 & 1 \\ 0 & -5+a & 6 \\ -10+2\cdot a & 25+a \\ 65+5\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221081 – Pedro de Castro Vitória]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221082 - Ricardo Luís Pinto Cabrito]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$-3 \cdot a$	0	$3 \cdot a$	$80 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} -3 \cdot a & 3 \cdot a & 0 \\ 0 & 3 \cdot a & \\ 3 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221082 - Ricardo Luís Pinto Cabrito]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 175/48.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221084 - Carlos Manuel da Palma Oliveira]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$1-3\cdot a$	7	$13 + 3 \cdot a$	$71+4\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

\star PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} 1-3\cdot a & 6+3\cdot a & 0 \\ 7 & 6+3\cdot a \\ 13+3\cdot a \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{ccccc} 1-3\cdot a & 2+a & 0 & 2 \\ 7 & 2+a & 14 \\ 13+3\cdot a & 58+a \\ 71+4\cdot a \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221084 - Carlos Manuel da Palma Oliveira]

 ${\tt Solução:}\ \, {\tt O}$ majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Departamento de Matemática Análise Numérica 2º Semestre 2019/20

2º Teste Avaliação Contínua

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221085 - David Eduardo Maia]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$1-2\cdot a$	-3	$-23+2\cdot a$	$-9+3\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \leq 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{rrr}
1 - 2 \cdot a & -4 + 2 \cdot a & -16 \\
-3 & -20 + 2 \cdot a & \\
-23 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccccccc}
1 - 2 \cdot a & -2 + a & -2 & 2 \\
-3 & -10 + a & 8 & \\
-23 + 2 \cdot a & 14 + a & \\
-9 + 3 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221085 - David Eduardo Maia]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Departamento de Matemática Análise Numérica 2º Semestre 2019/20

2º Teste Avaliação Contínua

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221086 – André Filipe Lamas Rebelo]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$2-3\cdot a$	8	$32 + 3 \cdot a$	$100 + 4 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} 2-3\cdot a & 6+3\cdot a & 18 \\ 8 & 24+3\cdot a & \\ 32+3\cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221086 – André Filipe Lamas Rebelo]

 ${\tt Solução:}\ \, {\tt O}\ \, {\tt majorante}\ \, {\tt para}\ \, {\tt o}\ \, {\tt caso}\ \, {\tt de}\ \, {\tt três}\ \, {\tt nós}\ \, {\tt de}\ \, {\tt interpolação}\ \, {\tt seria}\ \, 35/12.$

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221087 - Bruno Bispo Gibellino]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$-1-2\cdot a$	3	$-9+2\cdot a$	$48 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$-1 - 2 \cdot a$$
 $4 + 2 \cdot a$ -16 3 $-12 + 2 \cdot a$ $-9 + 2 \cdot a$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221087 - Bruno Bispo Gibellino]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221088 - Pedro Alexandre Santos Vicente]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$-2-2\cdot a$	-2	$-18 + 2 \cdot a$	$33 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
-2 - 2 \cdot a & 2 \cdot a & -16 \\
-2 & -16 + 2 \cdot a & \\
-18 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221088 - Pedro Alexandre Santos Vicente]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221090 – Daniel Corrêa Saes]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$1-3\cdot a$	-2	$-41 + 3 \cdot a$	$73 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{rrr}
 1 - 3 \cdot a & -3 + 3 \cdot a & -36 \\
 -2 & -39 + 3 \cdot a & \\
 -41 + 3 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{ccccc} 1-3\cdot a & -1+a & -2 & 2 \\ -2 & -13+a & 14 \\ -41+3\cdot a & 57+a \\ 73+5\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221090 – Daniel Corrêa Saes]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 175/48.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221091 – Gonçalo Marchão Sousa Martins]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$-1-3\cdot a$	2	$-13 + 3 \cdot a$	$47 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
-1 - 3 \cdot a & 3 + 3 \cdot a & -18 \\
2 & -15 + 3 \cdot a & \\
-13 + 3 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221091 – Gonçalo Marchão Sousa Martins]

 ${\tt Solução:}\ \, {\tt O}\ \, {\tt majorante}\ \, {\tt para}\ \, {\tt o}\ \, {\tt caso}\ \, {\tt de}\ \, {\tt três}\ \, {\tt nós}\ \, {\tt de}\ \, {\tt interpolação}\ \, {\tt seria}\ \, 175/48.$

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221092 - Alberto Miguel Jardino Pereira]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$-2-2\cdot a$	-2	$-10 + 2 \cdot a$	$68 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
-2 - 2 \cdot a & 2 \cdot a & -8 \\
-2 & -8 + 2 \cdot a & \\
-10 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221092 - Alberto Miguel Jardino Pereira]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221093 - Alexandre Manuel Parreira Coelho]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$-2-3\cdot a$	-2	$-2+3\cdot a$	$26+4\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
-2 - 3 \cdot a & 3 \cdot a & 0 \\
-2 & 3 \cdot a & \\
-2 + 3 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221093 – Alexandre Manuel Parreira Coelho]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221094 – André Alexandre da Costa Pereira]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$1-2\cdot a$	5	$-7+2\cdot a$	$50+5\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
 1 - 2 \cdot a & 4 + 2 \cdot a & -16 \\
 5 & -12 + 2 \cdot a & \\
 -7 + 2 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{ccccc} 1-2\cdot a & 2+a & -2 & 1 \\ 5 & -6+a & 5 \\ -7+2\cdot a & 19+a \\ 50+5\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221094 – André Alexandre da Costa Pereira]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221095 – André Rodrigues Batista]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$1 - 3 \cdot a$	1	$-17 + 3 \cdot a$	$41+5\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

\star PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc} 1 - 3 \cdot a & 3 \cdot a & -18 \\ 1 & -18 + 3 \cdot a & \\ -17 + 3 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221095 – André Rodrigues Batista]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 175/48.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221096 – Bernardo José Lopes Batista Paulino]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

	x	2	4	6	7
ĺ	f(x)	$-2-2\cdot a$	2	$-2+2\cdot a$	$23 + 3 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de *x*) do polinómio interpolador de *f* associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \leq 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

\star PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
-2 - 2 \cdot a & 4 + 2 \cdot a & -8 \\
2 & -4 + 2 \cdot a & \\
-2 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221096 – Bernardo José Lopes Batista Paulino]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221097 - Bruno Miguel Lopes Revez]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$-2-3\cdot a$	-8	$-50 + 3 \cdot a$	$-16 + 4 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de *x*) do polinómio interpolador de *f* associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{rrrr}
-2 - 3 \cdot a & -6 + 3 \cdot a & -36 \\
-8 & -42 + 3 \cdot a & \\
-50 + 3 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc} -2 - 3 \cdot a & -2 + a & -2 & 2 \\ -8 & -14 + a & 12 \\ -50 + 3 \cdot a & 34 + a \\ -16 + 4 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221097 - Bruno Miguel Lopes Revez]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221099 – Carlos Eduardo Lúcio Antunes]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$2-2\cdot a$	-2	$-6+2\cdot a$	$22+3\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} 2 - 2 \cdot a & -4 + 2 \cdot a & 0 \\ -2 & -4 + 2 \cdot a & \\ -6 + 2 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{cccc} 2-2\cdot a & -2+a & 0 & 2 \\ -2 & -2+a & 10 \\ -6+2\cdot a & 28+a \\ 22+3\cdot a \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221099 - Carlos Eduardo Lúcio Antunes]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221100 - Catarina Filipa Balugas Alves]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$-1-3\cdot a$	-7	$-49 + 3 \cdot a$	$-17 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
-1 - 3 \cdot a & -6 + 3 \cdot a & -36 \\
-7 & -42 + 3 \cdot a & -49 + 3 \cdot a
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc} -1 - 3 \cdot a & -2 + a & -2 & 1 \\ -7 & -14 + a & 6 \\ -49 + 3 \cdot a & 16 + a \\ -17 + 5 \cdot a \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221100 - Catarina Filipa Balugas Alves]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 175/48.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221101 - Daniel Domingos Cordeiro]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$-1-2\cdot a$	3	$15+2\cdot a$	$39+3\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
-1 - 2 \cdot a & 4 + 2 \cdot a & 8 \\
3 & 12 + 2 \cdot a & \\
15 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccccc} -1 - 2 \cdot a & 2 + a & 1 & 1 \\ 3 & 6 + a & 6 \\ 15 + 2 \cdot a & 24 + a \\ 39 + 3 \cdot a \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221101 - Daniel Domingos Cordeiro]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221102 - David Eduardo Passos Gomes]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$1-3\cdot a$	7	$-23+3\cdot a$	$15+4\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{rrr}
 1 - 3 \cdot a & 6 + 3 \cdot a & -36 \\
 7 & -30 + 3 \cdot a & \\
 -23 + 3 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{ccccc} 1-3\cdot a & 2+a & -2 & 2 \\ 7 & -10+a & 12 \\ -23+3\cdot a & 38+a \\ 15+4\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221102 - David Eduardo Passos Gomes]

 ${\tt Solução:}\ \, {\tt O}$ majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221103 - Diogo Alexandre Serra Pereira]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$-1-2\cdot a$	3	$-9+2\cdot a$	$9+3\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \leq 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

\star PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$-1 - 2 \cdot a$$
 $4 + 2 \cdot a$ -16 3 $-12 + 2 \cdot a$ $-9 + 2 \cdot a$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221103 - Diogo Alexandre Serra Pereira]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221104 - Diogo Alexandre Sobral Ferreira]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$-2-2\cdot a$	0	$-6+2\cdot a$	$75 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de *x*) do polinómio interpolador de *f* associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
-2 - 2 \cdot a & 2 + 2 \cdot a & -8 \\
0 & -6 + 2 \cdot a & \\
-6 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221104 - Diogo Alexandre Sobral Ferreira]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221105 - Francisco M. Serralha N. Belchior Zacarias]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$2-2\cdot a$	6	$-6+2\cdot a$	$51+5\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
 2 - 2 \cdot a & 4 + 2 \cdot a & -16 \\
 6 & -12 + 2 \cdot a & \\
 -6 + 2 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{cccc} 2-2\cdot a & 2+a & -2 & 1 \\ 6 & -6+a & 5 \\ -6+2\cdot a & 19+a \\ 51+5\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221105 - Francisco M. Serralha N. Belchior Zacarias]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221106 – Iúri Miguel Francês Pêta]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$-2 \cdot a$	4	$16 + 2 \cdot a$	$55+3\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} -2 \cdot a & 4 + 2 \cdot a & 8 \\ 4 & 12 + 2 \cdot a & \\ 16 + 2 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccccc} -2 \cdot a & 2 + a & 1 & 2 \\ 4 & 6 + a & 11 \\ 16 + 2 \cdot a & 39 + a \\ 55 + 3 \cdot a \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221106 – Iúri Miguel Francês Pêta]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221107 – João Grácio Coelho Rodrigues]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$-1-2\cdot a$	-5	$-17 + 2 \cdot a$	$4+3\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de *x*) do polinómio interpolador de *f* associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \leq 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
-1 - 2 \cdot a & -4 + 2 \cdot a & -8 \\
-5 & -12 + 2 \cdot a & \\
-17 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccccccc}
-1 - 2 \cdot a & -2 + a & -1 & 2 \\
-5 & -6 + a & 9 & \\
-17 + 2 \cdot a & 21 + a & \\
4 + 3 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221107 – João Grácio Coelho Rodrigues]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Departamento de Matemática Análise Numérica 2º Semestre 2019/20

2º Teste Avaliação Contínua

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221108 – João José Lopes Batista da Silva Pinto]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$-3 \cdot a$	6	$12 + 3 \cdot a$	$70+4\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
 -3 \cdot a & 6 + 3 \cdot a & 0 \\
 6 & 6 + 3 \cdot a & \\
 12 + 3 \cdot a & &
 \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221108 – João José Lopes Batista da Silva Pinto]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221109 – João Pedro Pereira Rosete]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$-3 \cdot a$	-6	$-48+3\cdot a$	$64+5\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{rrr}
-3 \cdot a & -6 + 3 \cdot a & -36 \\
-6 & -42 + 3 \cdot a & \\
-48 + 3 \cdot a &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221109 – João Pedro Pereira Rosete]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 175/48.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221110 – Jorge André Gomes de Sousa]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$-2-3\cdot a$	1	$-32 + 3 \cdot a$	$6+5\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de *x*) do polinómio interpolador de *f* associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
-2 - 3 \cdot a & 3 + 3 \cdot a & -36 \\
1 & -33 + 3 \cdot a & \\
-32 + 3 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221110 – Jorge André Gomes de Sousa]

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221111 – José Manuel Almeida Sousa Mendes]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$-2 \cdot a$	2	$-4+2\cdot a$	$20+3\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} -2 \cdot a & 2 + 2 \cdot a & -8 \\ 2 & -6 + 2 \cdot a \\ -4 + 2 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221111 – José Manuel Almeida Sousa Mendes]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221112 - Leonardo Costeira Costa]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$-2 \cdot a$	0	$-16 + 2 \cdot a$	$35+5\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
-2 \cdot a & 2 \cdot a & -16 \\
0 & -16 + 2 \cdot a & \\
-16 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221112 – Leonardo Costeira Costa]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221113 – Luís Carlos de Veloso Fernandes]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$2-3\cdot a$	2	$-34+3\cdot a$	$2+5\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

\star PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
2 - 3 \cdot a & 3 \cdot a & -36 \\
2 & -36 + 3 \cdot a & \\
-34 + 3 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{cccccc} 2-3\cdot a & a & -2 & 1 \\ 2 & -12+a & 6 \\ -34+3\cdot a & 18+a \\ 2+5\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221113 – Luís Carlos de Veloso Fernandes]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 175/48.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Departamento de Matemática Análise Numérica 2º Semestre 2019/20

2º Teste Avaliação Contínua Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221114 - Marco António Botelho da Silva]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$-2-3\cdot a$	4	$46+3\cdot a$	$96+4\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccccc} -2 - 3 \cdot a & 2 + a & 2 & 1 \\ 4 & 14 + a & 9 & \\ 46 + 3 \cdot a & 50 + a & \\ 96 + 4 \cdot a & & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221114 - Marco António Botelho da Silva]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221115 – Martim Antunes de Oliveira]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$-2 \cdot a$	4	$8+2\cdot a$	$40+3\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

\star PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
-2 \cdot a & 4 + 2 \cdot a & 0 \\
4 & 4 + 2 \cdot a & 8 + 2 \cdot a
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc} -2 \cdot a & 2 + a & 0 & 2 \\ 4 & 2 + a & 10 \\ 8 + 2 \cdot a & 32 + a \\ 40 + 3 \cdot a \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221115 – Martim Antunes de Oliveira]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221117 - Miguel Ângelo Pereira Morgado]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$-2-2\cdot a$	2	$14+2\cdot a$	$53+3\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc} -2 - 2 \cdot a & 4 + 2 \cdot a & 8 \\ 2 & 12 + 2 \cdot a \\ 14 + 2 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccccc} -2 - 2 \cdot a & 2 + a & 1 & 2 \\ 2 & 6 + a & 11 \\ 14 + 2 \cdot a & 39 + a \\ 53 + 3 \cdot a \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221117 - Miguel Ângelo Pereira Morgado]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221118 - Nicole Alexandra Martins Vieira]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$1-2\cdot a$	-1	$-11 + 2 \cdot a$	$-4+3\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \leq 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} 1 - 2 \cdot a & -2 + 2 \cdot a & -8 \\ -1 & -10 + 2 \cdot a & \\ -11 + 2 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{ccccc} 1-2\cdot a & -1+a & -1 & 1 \\ -1 & -5+a & 4 \\ -11+2\cdot a & 7+a \\ -4+3\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221118 - Nicole Alexandra Martins Vieira]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Departamento de Matemática Análise Numérica 2º Semestre 2019/20

2º Teste Avaliação Contínua

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221119 - Nuno Miguel Cortiço Viola]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$2-3\cdot a$	-4	$8+3\cdot a$	$72 + 4 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

\star PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{cccc} 2-3\cdot a & -6+3\cdot a & 18 \\ -4 & 12+3\cdot a & \\ 8+3\cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{ccccc} 2-3\cdot a & -2+a & 1 & 2 \\ -4 & 4+a & 15 & \\ 8+3\cdot a & 64+a & \\ 72+4\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221119 – Nuno Miguel Cortiço Viola]

 ${\tt Solução:}\ \ {\tt O}\ \ {\tt majorante}\ \ {\tt para}\ \ {\tt o}\ \ {\tt caso}\ \ {\tt de}\ \ {\tt três}\ \ {\tt nós}\ \ {\tt de}\ \ {\tt interpolação}\ \ {\tt seria}\ \ 35/12.$

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221120 – Pedro Afonso D' Além Dionísio]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

ſ	x	1	4	7	9
ſ	f(x)	$-3 \cdot a$	6	$-6+3\cdot a$	$56 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

\star PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{rrr}
 -3 \cdot a & 6 + 3 \cdot a & -18 \\
 6 & -12 + 3 \cdot a & \\
 -6 + 3 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$-3 \cdot a$$
 $2 + a$ -1 1 6 $-4 + a$ 7 $-6 + 3 \cdot a$ $31 + a$ $56 + 5 \cdot a$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221120 – Pedro Afonso D' Além Dionísio]

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221122 – Pedro Manuel Gonçalves Paiva de Carvalho]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$-2 \cdot a$	-2	$-12 + 2 \cdot a$	$63 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de *x*) do polinómio interpolador de *f* associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

\star PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{rrr}
-2 \cdot a & -2 + 2 \cdot a & -8 \\
-2 & -10 + 2 \cdot a & \\
-12 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccccc} -2 \cdot a & -1 + a & -1 & 1 \\ -2 & -5 + a & 6 \\ -12 + 2 \cdot a & 25 + a \\ 63 + 5 \cdot a \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221122 - Pedro Manuel Gonçalves Paiva de Carvalho]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221123 – Renato André Claro Nunes]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$1-2\cdot a$	3	$-3+2\cdot a$	$78 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
1 - 2 \cdot a & 2 + 2 \cdot a & -8 \\
3 & -6 + 2 \cdot a & \\
-3 + 2 \cdot a &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{ccccc} 1-2\cdot a & 1+a & -1 & 1 \\ 3 & -3+a & 6 \\ -3+2\cdot a & 27+a \\ 78+5\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221123 – Renato André Claro Nunes]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221124 - Ricardo Diogo Gonçalves Caetano]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$2-3\cdot a$	5	$26 + 3 \cdot a$	$65 + 4 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} 2-3\cdot a & 3+3\cdot a & 18 \\ 5 & 21+3\cdot a & \\ 26+3\cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccccc} 2-3\cdot a & 1+a & 1 & 1 \\ 5 & 7+a & 8 \\ 26+3\cdot a & 39+a \\ 65+4\cdot a \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221124 - Ricardo Diogo Gonçalves Caetano]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221125 - Rodrigo Nave da Costa]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$-1-3\cdot a$	-1	$-19 + 3 \cdot a$	$27 + 4 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
-1 - 3 \cdot a & 3 \cdot a & -18 \\
-1 & -18 + 3 \cdot a & \\
-19 + 3 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221125 - Rodrigo Nave da Costa]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221126 - Rodrigo Roque Fontinha]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$1-3\cdot a$	1	$-35+3\cdot a$	$1+5\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
1 - 3 \cdot a & 3 \cdot a & -36 \\
1 & -36 + 3 \cdot a & \\
-35 + 3 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{cccccc} 1-3\cdot a & a & -2 & 1 \\ 1 & -12+a & 6 \\ -35+3\cdot a & 18+a \\ 1+5\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221126 - Rodrigo Roque Fontinha]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 175/48.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221127 - Sara Conceição Catarino de Jesus]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$-2-2\cdot a$	-2	$-10 + 2 \cdot a$	$13 + 3 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \leq 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
-2 - 2 \cdot a & 2 \cdot a & -8 \\
-2 & -8 + 2 \cdot a & \\
-10 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221127 - Sara Conceição Catarino de Jesus]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221128 – Sérgio Manuel Pinhal Veríssimo]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$1-3\cdot a$	-5	$-11 + 3 \cdot a$	$43+4\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{rrr}
 1 - 3 \cdot a & -6 + 3 \cdot a & 0 \\
 -5 & -6 + 3 \cdot a & \\
 -11 + 3 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221128 – Sérgio Manuel Pinhal Veríssimo]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221129 – Tiago Miguel de Albuquerque Eusébio]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$1-3\cdot a$	-5	$-47 + 3 \cdot a$	$-41 + 4 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
1 - 3 \cdot a & -6 + 3 \cdot a & -36 \\
-5 & -42 + 3 \cdot a & \\
-47 + 3 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc} 1 - 3 \cdot a & -2 + a & -2 & 1 \\ -5 & -14 + a & 5 \\ -47 + 3 \cdot a & 6 + a \\ -41 + 4 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221129 – Tiago Miguel de Albuquerque Eusébio]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221130 - Tiago Miguel Fumega Henriques]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$-2 \cdot a$	0	$-16 + 2 \cdot a$	$3 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \leq 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
-2 \cdot a & 2 \cdot a & -16 \\
0 & -16 + 2 \cdot a & \\
-16 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221130 - Tiago Miguel Fumega Henriques]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221131 - Tim Tetelepta Rodrigues]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$-1-2\cdot a$	-3	$-13 + 2 \cdot a$	$-6+3\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \leq 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{rrr}
-1 - 2 \cdot a & -2 + 2 \cdot a & -8 \\
-3 & -10 + 2 \cdot a & \\
-13 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221131 - Tim Tetelepta Rodrigues]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221132 - Vasco Miguel Ucha de Pinho]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$-2-3\cdot a$	1	$-14+3\cdot a$	$46 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

\star PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
-2 - 3 \cdot a & 3 + 3 \cdot a & -18 \\
1 & -15 + 3 \cdot a & \\
-14 + 3 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccccc} -2 - 3 \cdot a & 1 + a & -1 & 1 \\ 1 & -5 + a & 7 \\ -14 + 3 \cdot a & 30 + a \\ 46 + 5 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221132 - Vasco Miguel Ucha de Pinho]

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221133 – António Pedro Resende Rebelo]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$2-2\cdot a$	2	$-6+2\cdot a$	$72 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
2 - 2 \cdot a & 2 \cdot a & -8 \\
2 & -8 + 2 \cdot a & \\
-6 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{cccccc} 2-2\cdot a & a & -1 & 1 \\ 2 & -4+a & 6 \\ -6+2\cdot a & 26+a \\ 72+5\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221133 – António Pedro Resende Rebelo]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221134 – Miguel do Paço A. D'Albuquerque Serrano]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$2-3\cdot a$	8	$14+3\cdot a$	$98 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de *x*) do polinómio interpolador de *f* associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{cccc} 2-3\cdot a & 6+3\cdot a & 0 \\ 8 & 6+3\cdot a & \\ 14+3\cdot a & & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc} 2-3\cdot a & 2+a & 0 & 1 \\ 8 & 2+a & 8 \\ 14+3\cdot a & 42+a \\ 98+5\cdot a \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221134 – Miguel do Paço A. D'Albuquerque Serrano]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 175/48.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221136 – Vítor Luís Domingues Nunes]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

	x	2	4	6	9
Ì	f(x)	$-2-2\cdot a$	2	$-2+2\cdot a$	$82 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
-2 - 2 \cdot a & 4 + 2 \cdot a & -8 \\
2 & -4 + 2 \cdot a & \\
-2 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221136 – Vítor Luís Domingues Nunes]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Departamento de Matemática Análise Numérica 2º Semestre 2019/20

2º Teste Avaliação Contínua

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221138 – João Sá Santos Mendes]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$-2-3\cdot a$	-5	$-8+3\cdot a$	$70 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc} -2 - 3 \cdot a & -3 + 3 \cdot a & 0 \\ -5 & -3 + 3 \cdot a & \\ -8 + 3 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221138 – João Sá Santos Mendes]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 175/48.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Departamento de Matemática Análise Numérica 2º Semestre 2019/20

 2^o Teste Avaliação Contínua

Questão 2 de 3

Cotação: 3 val.

[190221140 - Ricardo Margarido Oliveira]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$-3 \cdot a$	6	$12 + 3 \cdot a$	$96 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de *x*) do polinómio interpolador de *f* associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

\star PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
 -3 \cdot a & 6 + 3 \cdot a & 0 \\
 6 & 6 + 3 \cdot a & \\
 12 + 3 \cdot a & &
 \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccccc} -3 \cdot a & 2+a & 0 & 1 \\ 6 & 2+a & 8 & \\ 12+3 \cdot a & 42+a & \\ 96+5 \cdot a & & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221140 - Ricardo Margarido Oliveira]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 175/48.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Departamento de Matemática Análise Numérica 2º Semestre 2019/20

2º Teste Avaliação Contínua Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

idl -

[190221141 - Gonçalo Santos Alves]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$1-2\cdot a$	-1	$-3+2\cdot a$	$26+3\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \leq 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} 1 - 2 \cdot a & -2 + 2 \cdot a & 0 \\ -1 & -2 + 2 \cdot a & \\ -3 + 2 \cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{ccccc} 1-2\cdot a & -1+a & 0 & 2 \\ -1 & -1+a & 10 \\ -3+2\cdot a & 29+a \\ 26+3\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221141 - Gonçalo Santos Alves]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221142 – Francisco José dos Santos Vicente]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	9
f(x)	$1-3\cdot a$	7	$-23+3\cdot a$	$17 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de *x*) do polinómio interpolador de *f* associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
1 - 3 \cdot a & 6 + 3 \cdot a & -36 \\
7 & -30 + 3 \cdot a & \\
-23 + 3 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{ccccc} 1-3\cdot a & 2+a & -2 & 1 \\ 7 & -10+a & 6 \\ -23+3\cdot a & 20+a \\ 17+5\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221142 – Francisco José dos Santos Vicente]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 175/48.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221143 – João Pedro Vicente Rei]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$-2 \cdot a$	0	$-16 + 2 \cdot a$	$-15+3\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

\star PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
-2 \cdot a & 2 \cdot a & -16 \\
0 & -16 + 2 \cdot a & \\
-16 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221143 – João Pedro Vicente Rei]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221144 - Rodrigo Miguel Portilho Nunes]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$-3 \cdot a$	0	$18 + 3 \cdot a$	$56+4\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de *x*) do polinómio interpolador de *f* associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
-3 \cdot a & 3 \cdot a & 18 \\
0 & 18 + 3 \cdot a & \\
18 + 3 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221144 - Rodrigo Miguel Portilho Nunes]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221146 - Rafael Santos Mordomo]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$-1-3\cdot a$	5	$-25+3\cdot a$	$13+4\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

\star PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$-1 - 3 \cdot a$$
 $6 + 3 \cdot a$ -36 5 $-30 + 3 \cdot a$ $-25 + 3 \cdot a$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221146 - Rafael Santos Mordomo]

 ${\tt Solução:}\ \, {\tt O}$ majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221147 – Ricardo Sinaré Torres Ferreira]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$-2-2\cdot a$	2	$6+2\cdot a$	$38+3\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
-2 - 2 \cdot a & 4 + 2 \cdot a & 0 \\
2 & 4 + 2 \cdot a & \\
6 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccccc} -2 - 2 \cdot a & 2 + a & 0 & 2 \\ 2 & 2 + a & 10 \\ 6 + 2 \cdot a & 32 + a \\ 38 + 3 \cdot a \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221147 – Ricardo Sinaré Torres Ferreira]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221148 – André Ricardo Nascimento Guerreiro]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	1	4	7	8
f(x)	$-3 \cdot a$	6	$12 + 3 \cdot a$	$42+4\cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 4$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc}
 -3 \cdot a & 6 + 3 \cdot a & 0 \\
 6 & 6 + 3 \cdot a & \\
 12 + 3 \cdot a & &
 \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccccc} -3 \cdot a & 2 + a & 0 & 1 \\ 6 & 2 + a & 7 & \\ 12 + 3 \cdot a & 30 + a & \\ 42 + 4 \cdot a & & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221148 – André Ricardo Nascimento Guerreiro]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 35/12.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[190221149 - Thiers Pinto de Mesquita Neto]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	9
f(x)	$-2-2\cdot a$	-2	$-10 + 2 \cdot a$	$68 + 5 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \le 5$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

\star PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{cccc}
-2 - 2 \cdot a & 2 \cdot a & -8 \\
-2 & -8 + 2 \cdot a & \\
-10 + 2 \cdot a & &
\end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[190221149 - Thiers Pinto de Mesquita Neto]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 25/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Departamento de Matemática Análise Numérica 2º Semestre 2019/20

2º Teste Avaliação Contínua Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[Docente - Docente]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$1-2\cdot a$	5	$25+2\cdot a$	$71 + 3 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \leq 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

★ PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} 1-2\cdot a & 4+2\cdot a & 16 \\ 5 & 20+2\cdot a & \\ 25+2\cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{ccccc} 1-2\cdot a & 2+a & 2 & 2 \\ 5 & 10+a & 12 \\ 25+2\cdot a & 46+a \\ 71+3\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[Docente - Docente]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.



Departamento de Matemática Análise Numérica 2º Semestre 2019/20

2º Teste Avaliação Contínua Questão 2 de 3 Cotação: 3 val.

[Outro - Outro]

Considere a seguinte tabela de valores (dependentes dum parámetro a) para uma função f(x)

x	2	4	6	7
f(x)	$2-2\cdot a$	2	$-6+2\cdot a$	$17 + 3 \cdot a$

- 1. Determine, pela fórmula de Gregory-Newton com **diferenças finitas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado aos **três primeiros nós** da tabela.
- 2. Determine, pela fórmula de Newton com **diferenças divididas**, a expressão analítica (sem desenvolver em potências de x) do polinómio interpolador de f associado a **todos os nós** da tabela.
- 3. Sabemos que $|f^{(3)}(x)| \leq 3$, determine um **majorante do erro** do valor aproximado de f(4.5) obtido por um dos polinómios interpoladores acima indicados.

* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 11:20H

Q2-(1) Linha superior na tabela de diferenças finitas associadas aos três primeiros nós.

Solução: A tabela completa é

$$\begin{array}{ccc} 2-2\cdot a & 2\cdot a & -8 \\ 2 & -8+2\cdot a \\ -6+2\cdot a & \end{array}$$

O polinómio interpolador é obtido através das entradas da primeira linha, segundo feito no modelo do docente

Q2-(2) Linha superior na tabela de diferenças divididas associada a todos os nós Solução: A tabela completa é

$$egin{array}{cccccc} 2-2\cdot a & a & -1 & 2 \\ 2 & -4+a & 9 \\ -6+2\cdot a & 23+a \\ 17+3\cdot a & \end{array}$$

O polinómio é obtido através das entradas da primeira linha e dos nós, segundo feito no modelo do docente

[Outro - Outro]

Solução: O majorante para o caso de três nós de interpolação seria 15/16.

[★] DISPONÍVEL ÀS 10:45H.

Resolução do modelo do docente

1

Calculemos a tabela das diferenças finitas de ordem superior $\Delta^j y_i$ onde $\Delta^0 y_i = f(x_i)$ são conhecidas nos três primeiros nós $x_0 = 2, \ x_1 = 4, \ x_2 = 6$ e onde aplicamos as fórmulas recursivas $\Delta^{j+1} y_i = \Delta^j y_{i+1} - \Delta^j y_i$

Devemos observar que os nós estão distribuídos de forma uniforme com um passo de comprimento h=2. Podemos aplicar a fórmula de Gregory-Newton com diferenças finitas progressivas, que identifica valores do polinómio interpolador $p_2(x)$ (de ordem 2, porque temos 3 pontos) em pontos da forma $x_0 + \alpha \cdot h$, sendo neste caso o ponto inicial $x_0 = 2$ e o comprimento de passo h = 2:

$$p(2 + \alpha \cdot 2) = (1 - 2a) + (4 + 2a) \cdot \alpha + 16 \cdot \frac{\alpha(\alpha - 1)}{2}$$

 $\mathbf{2}$

Calculemos a tabela das diferenças divididas de ordem superior $y[x_i, \dots, x_{i+j}]$ onde $y[x_i] = f(x_i)$ nos quatro nós $x_0 = 2$, $x_1 = 4$, $x_2 = 6$, $x_3 = 7$ são conhecidas e aplicamos as fórmulas recursivas $y[x_i, \dots, x_{i+j+1}] = \frac{y[x_{i+1}, \dots, x_{i+j+1}] - y[x_i, \dots, x_{i+j}]}{x_{i+j+1} - x_i}$

x	$y[x_i]$	$y[x_i, x_{i+1}]$	$y[x_i,\ldots,x_{i+2}]$	$y[x_i,\ldots,x_{i+3}]$
2	1-2a	2+a	2	2
4	5	10 + a	12	
6	25 + 2a	46 + a		
7	71 + 3a			

Podemos aplicar a fórmula de interpolação de Newton com diferenças divididas para obter o polinómio interpolador de ordem três $p_3(x)$ (temos 4 pontos como suporte de interpolação)

$$p_3(x) = (1-2a) + (2+a)(x-2) + 2(x-2)(x-4) + 2(x-2)(x-4)(x-6)$$

3

Temos informação sobre a derivada terceira da função f, portanto podemos usar a fórmula do erro de interpolação do polinómio $p_2(x)$, para pontos $x \in [2,7]$

$$|f(x) - p_2(x)| \le \frac{\max|f^{(3)}|}{3!} \cdot |(x-2)(x-4)(x-6)|$$

No caso do ponto x = 4.5 temos:

$$|f(4.5) - p_2(4.5)| \le \frac{3}{3!} \cdot |(4.5 - 2)(4.5 - 4)(4.5 - 6)| = 15/16 = 0.9375$$

Podemos garantir que o polinómio interpolador $p_2(x)$ dado pelos primeiros três nós comete em x=4.5 um erro com respeito de f(4.5) não superior a 0.9375.