

Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ INVÁLIDO!! – NÃO RESOLVER (Procure o seu enunciado) ]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 48 \cdot x^4 - 14 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{8}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.35$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## $\star$ PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.4142$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.352897$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{144 \cdot x^4 - 14 \cdot x^2 - 1}{192 \cdot x^3 - 28 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 052204552 - Marco Paulo da Silva Veiga]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 40 \cdot x^4 - 18 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0 = 0.44$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.7889$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.443107$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{120 \cdot x^4 - 18 \cdot x^2 - 2}{160 \cdot x^3 - 36 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 070221144 - Gabriel Ricardo Costa Soromenho]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 30 \cdot x^4 - 11 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0 = 0.40$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1835$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.408204$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{90 \cdot x^4 - 11 \cdot x^2 - 1}{120 \cdot x^3 - 22 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 090221026 – Fábio Miguel Rodrigues Faustino]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 33 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 + x + 4$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0 = 0.58$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577367$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{99 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 - 4}{132 \cdot x^3 - 46 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

ibal Questao o de o Cotação. I v

[ 130221093 - Claudiu Alexandru Marinel]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 24 \cdot x^4 - 10 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.41$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.6330$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.408939$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{72 \cdot x^4 - 10 \cdot x^2 - 1}{96 \cdot x^3 - 20 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 140221038 – Edilson de Jesus Jamba]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 96 \cdot x^4 - 34 \cdot x^2 + x + 3$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.40$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.6330$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.407880$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{288 \cdot x^4 - 34 \cdot x^2 - 3}{384 \cdot x^3 - 68 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 140221040 - Miguel Figueiredo Mário]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 24 \cdot x^4 - 17 \cdot x^2 + x + 3$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0 = 0.57$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577161$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{72 \cdot x^4 - 17 \cdot x^2 - 3}{96 \cdot x^3 - 34 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 140221070 - Rui Filipe Moita Andrade de Sousa]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 45 \cdot x^4 - 19 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.45$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1056$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.447285$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{135 \cdot x^4 - 19 \cdot x^2 - 2}{180 \cdot x^3 - 38 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 150221020 - Ricardo Filipe Maia Lemos]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 42 \cdot x^4 - 29 \cdot x^2 + x + 5$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.57$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577638$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{126 \cdot x^4 - 29 \cdot x^2 - 5}{168 \cdot x^3 - 58 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 150221082 – David Jorge Conceição Luz]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 56 \cdot x^4 - 15 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{8}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0 = 0.36$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.2929$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.354692$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{168 \cdot x^4 - 15 \cdot x^2 - 1}{224 \cdot x^3 - 30 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 160210042 – Paulo Ruben de Faria Guapo]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 24 \cdot x^4 - 17 \cdot x^2 + x + 3$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.58$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577381$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{72 \cdot x^4 - 17 \cdot x^2 - 3}{96 \cdot x^3 - 34 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



## Departamento de Matemática Análise Numérica

 $2^o$  Semestre 2019/20 Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5

Cotação: 4 val.

[ 160221008 – André Miguel Martins Guerreiro]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 95 \cdot x^4 - 39 \cdot x^2 + x + 4$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.44$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1056$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.448254$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{285 \cdot x^4 - 39 \cdot x^2 - 4}{380 \cdot x^3 - 78 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 160221011 - Francisco Maria Esteves Leal]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 48 \cdot x^4 - 14 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{8}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.35$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.4142$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.352897$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{144 \cdot x^4 - 14 \cdot x^2 - 1}{192 \cdot x^3 - 28 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 C

Cotação: 4 val.

[ 160221033 – João Pedro Carromeu Martins]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 33 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 + x + 4$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0 = 0.57$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577329$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{99 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 - 4}{132 \cdot x^3 - 46 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 160221044 - Rui Pinho de Almeida]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 40 \cdot x^4 - 18 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.44$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.7889$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.443107$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{120 \cdot x^4 - 18 \cdot x^2 - 2}{160 \cdot x^3 - 36 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 160221046 - David Nuno Menoita Tavares]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 56 \cdot x^4 - 15 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{8}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.35$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## $\star$ PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.2929$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.353361$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{168 \cdot x^4 - 15 \cdot x^2 - 1}{224 \cdot x^3 - 30 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 160221049 - Daniel Ng dos Santos Faria]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 60 \cdot x^4 - 22 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.41$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.6330$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.408913$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{180 \cdot x^4 - 22 \cdot x^2 - 2}{240 \cdot x^3 - 44 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 160221050 - Bruno Miguel Gonçalves Dias]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 24 \cdot x^4 - 17 \cdot x^2 + x + 3$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha = 1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0 = 0.57$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577161$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{72 \cdot x^4 - 17 \cdot x^2 - 3}{96 \cdot x^3 - 34 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 160221093 – Daniel Inácio Lima]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 42 \cdot x^4 - 13 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{7}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.37$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.2441$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.377844$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{126 \cdot x^4 - 13 \cdot x^2 - 1}{168 \cdot x^3 - 26 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 170221024 - Miguel Ângelo Cadimas Carromeu]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 24 \cdot x^4 - 17 \cdot x^2 + x + 3$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.57$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## $\star$ PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577161$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{72 \cdot x^4 - 17 \cdot x^2 - 3}{96 \cdot x^3 - 34 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 170221029 - João Paulo Pinto dos Santos]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 42 \cdot x^4 - 29 \cdot x^2 + x + 5$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.57$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577638$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{126 \cdot x^4 - 29 \cdot x^2 - 5}{168 \cdot x^3 - 58 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5

Cotação: 4 val.

[ 170221037 - Frederico Albino Alcaria]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 48 \cdot x^4 - 14 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{8}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0 = 0.36$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.4142$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.354339$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{144 \cdot x^4 - 14 \cdot x^2 - 1}{192 \cdot x^3 - 28 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 170221049 – João Francisco Rodrigues dos Reis]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 24 \cdot x^4 - 10 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0 = 0.40$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.6330$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.404893$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{72 \cdot x^4 - 10 \cdot x^2 - 1}{96 \cdot x^3 - 20 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 170221057 - Hugo Alexandre da Silva Modesto]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 95 \cdot x^4 - 39 \cdot x^2 + x + 4$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0 = 0.44$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1056$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.448254$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{285 \cdot x^4 - 39 \cdot x^2 - 4}{380 \cdot x^3 - 78 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 170221068 - Bruno Cunha Selistre]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 33 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 + x + 4$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.58$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577367$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{99 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 - 4}{132 \cdot x^3 - 46 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 170221069 - Eugenio Duarte da Silva]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 33 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 + x + 4$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.57$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577329$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{99 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 - 4}{132 \cdot x^3 - 46 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 170221078 – César Augusto Fonseca Fontinha]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 60 \cdot x^4 - 22 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.41$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.6330$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.408913$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{180 \cdot x^4 - 22 \cdot x^2 - 2}{240 \cdot x^3 - 44 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 170221082 - Filipe dos Santos Serra do Amaral]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 24 \cdot x^4 - 17 \cdot x^2 + x + 3$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0 = 0.57$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577161$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{72 \cdot x^4 - 17 \cdot x^2 - 3}{96 \cdot x^3 - 34 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 170221084 - Rafael Alexandre Botas Rosado]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 30 \cdot x^4 - 11 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.41$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1835$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.408321$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{90 \cdot x^4 - 11 \cdot x^2 - 1}{120 \cdot x^3 - 22 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 170221100 – José Manuel Coelho Florindo]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 95 \cdot x^4 - 39 \cdot x^2 + x + 4$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.45$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1056$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.447365$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{285 \cdot x^4 - 39 \cdot x^2 - 4}{380 \cdot x^3 - 78 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5

Cotação: 4 val.

[ 180221001 - Weshiley Felix Aniceto]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 24 \cdot x^4 - 10 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha = 1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.40$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.6330$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.404893$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{72 \cdot x^4 - 10 \cdot x^2 - 1}{96 \cdot x^3 - 20 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 180221010 – César Alves Caldeira]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 48 \cdot x^4 - 14 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{8}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.36$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.4142$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.354339$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{144 \cdot x^4 - 14 \cdot x^2 - 1}{192 \cdot x^3 - 28 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 180221015 - Francisco Miguel Luzio Moura]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 95 \cdot x^4 - 39 \cdot x^2 + x + 4$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0 = 0.45$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1056$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.447365$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{285 \cdot x^4 - 39 \cdot x^2 - 4}{380 \cdot x^3 - 78 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5

Cotação: 4 val.

[ 180221022 - Carlos Emanuel Martins]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 56 \cdot x^4 - 15 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{8}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.36$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.2929$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.354692$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{168 \cdot x^4 - 15 \cdot x^2 - 1}{224 \cdot x^3 - 30 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 180221029 - Daniel Mestre Lachkeev]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 84 \cdot x^4 - 26 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{7}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.37$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.5119$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.376669$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{252 \cdot x^4 - 26 \cdot x^2 - 2}{336 \cdot x^3 - 52 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época Questão 3 de 5

Cotação: 4 val.

[ 180221037 – João Vidal Martins]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 45 \cdot x^4 - 19 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha = 1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.44$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1056$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.447359$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{135 \cdot x^4 - 19 \cdot x^2 - 2}{180 \cdot x^3 - 38 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 180221039 - António Carlos Marques da Silva Miranda]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 42 \cdot x^4 - 13 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{7}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0 = 0.38$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.2441$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.378117$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{126 \cdot x^4 - 13 \cdot x^2 - 1}{168 \cdot x^3 - 26 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 180221049 - Tomás Machado Correia]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 24 \cdot x^4 - 17 \cdot x^2 + x + 3$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.57$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### $\star$ PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577161$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{72 \cdot x^4 - 17 \cdot x^2 - 3}{96 \cdot x^3 - 34 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 180221052 – António Pedro Guerreiro Milheiras]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 91 \cdot x^4 - 27 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{7}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.37$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.2441$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.378339$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{273 \cdot x^4 - 27 \cdot x^2 - 2}{364 \cdot x^3 - 54 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 180221054 - Diogo Couchinho Rodrigues]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 24 \cdot x^4 - 17 \cdot x^2 + x + 3$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.58$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577381$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{72 \cdot x^4 - 17 \cdot x^2 - 3}{96 \cdot x^3 - 34 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 180221060 – Bruno Alexandre da Silva Nunes]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 33 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 + x + 4$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.57$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577329$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{99 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 - 4}{132 \cdot x^3 - 46 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 180221068 – Guilherme Miguel de Azevedo Martins]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 33 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 + x + 4$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.57$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577329$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{99 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 - 4}{132 \cdot x^3 - 46 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 180221070 – Rafael André Anselmo Trindade]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 42 \cdot x^4 - 13 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{7}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.38$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.2441$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.378117$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{126 \cdot x^4 - 13 \cdot x^2 - 1}{168 \cdot x^3 - 26 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 180221072 – Miguel Ângelo Candeias Messias]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 40 \cdot x^4 - 18 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.44$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.7889$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.443107$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{120 \cdot x^4 - 18 \cdot x^2 - 2}{160 \cdot x^3 - 36 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 180221075 - Marco Alexandre Gonçalves Martins]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 40 \cdot x^4 - 18 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.44$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.7889$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.443107$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{120 \cdot x^4 - 18 \cdot x^2 - 2}{160 \cdot x^3 - 36 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 180221079 - Daniel Tiago dos Santos Azevedo]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 60 \cdot x^4 - 22 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.41$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.6330$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.408913$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{180 \cdot x^4 - 22 \cdot x^2 - 2}{240 \cdot x^3 - 44 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 180221080 - Alexandre Miguel Machado Ferreira]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 70 \cdot x^4 - 29 \cdot x^2 + x + 3$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.45$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1056$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.447319$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{210 \cdot x^4 - 29 \cdot x^2 - 3}{280 \cdot x^3 - 58 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 180221083 - Gonçalo Fernandes Costa]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 48 \cdot x^4 - 14 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{8}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0 = 0.35$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.4142$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.352897$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{144 \cdot x^4 - 14 \cdot x^2 - 1}{192 \cdot x^3 - 28 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 180221088 – André Pinheiro Duarte]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 66 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.40$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1835$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.408575$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{198 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 - 2}{264 \cdot x^3 - 46 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 180221094 - Gonçalo Miguel dos Santos Pratas]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 30 \cdot x^4 - 11 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.40$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1835$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.408204$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{90 \cdot x^4 - 11 \cdot x^2 - 1}{120 \cdot x^3 - 22 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 180221096 - Nuno Miguel Prazeres Tavares]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 56 \cdot x^4 - 15 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{8}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0 = 0.36$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.2929$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.354692$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{168 \cdot x^4 - 15 \cdot x^2 - 1}{224 \cdot x^3 - 30 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 180221099 – Dionicio Odi Djú]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 91 \cdot x^4 - 27 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{7}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.38$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.2441$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.378163$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{273 \cdot x^4 - 27 \cdot x^2 - 2}{364 \cdot x^3 - 54 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 180221100 - Pedro Miguel Martins Lima]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 24 \cdot x^4 - 10 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.41$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.6330$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.408939$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{72 \cdot x^4 - 10 \cdot x^2 - 1}{96 \cdot x^3 - 20 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 180221104 - Vitor Nuno Valente Gomes]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 24 \cdot x^4 - 17 \cdot x^2 + x + 3$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.57$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577161$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{72 \cdot x^4 - 17 \cdot x^2 - 3}{96 \cdot x^3 - 34 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 180221106 - Ana Catarina Sales Duarte]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 42 \cdot x^4 - 29 \cdot x^2 + x + 5$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.58$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577354$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{126 \cdot x^4 - 29 \cdot x^2 - 5}{168 \cdot x^3 - 58 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 180221110 – Luís Miguel Dias Varela]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 60 \cdot x^4 - 22 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.41$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.6330$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.408913$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{180 \cdot x^4 - 22 \cdot x^2 - 2}{240 \cdot x^3 - 44 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 180221116 - Victor Castilho de Barros]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 35 \cdot x^4 - 12 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{7}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0 = 0.37$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.5119$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.375800$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{105 \cdot x^4 - 12 \cdot x^2 - 1}{140 \cdot x^3 - 24 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final 2<sup>a</sup> Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 180221118 - Daniel Franco Custódio]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 66 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0 = 0.41$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1835$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.408340$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{198 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 - 2}{264 \cdot x^3 - 46 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 180221122 - Tiago Miguel Cotovio Fino]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 42 \cdot x^4 - 29 \cdot x^2 + x + 5$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.58$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577354$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{126 \cdot x^4 - 29 \cdot x^2 - 5}{168 \cdot x^3 - 58 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5

Cotação: 4 val.

[ 180221123 – Iuri Sanchez Fidalgo Amaral Tomé]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 96 \cdot x^4 - 34 \cdot x^2 + x + 3$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0 = 0.40$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.6330$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.407880$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{288 \cdot x^4 - 34 \cdot x^2 - 3}{384 \cdot x^3 - 68 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5

Cotação: 4 val.

[ 180221132 - Rui M. Pitas de Almeida e Oliveira Nunes]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 20 \cdot x^4 - 9 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha = 1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0 = 0.44$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1056$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.447214$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{60 \cdot x^4 - 9 \cdot x^2 - 1}{80 \cdot x^3 - 18 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final 2<sup>a</sup> Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190200040 - Rafael Bernardino Palma]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 24 \cdot x^4 - 10 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.40$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.6330$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.404893$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{72 \cdot x^4 - 10 \cdot x^2 - 1}{96 \cdot x^3 - 20 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5

Cotação: 4 val.

[ 190200043 - Pedro Miguel Viegas Ferreira]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 40 \cdot x^4 - 18 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.45$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.7889$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.448878$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{120 \cdot x^4 - 18 \cdot x^2 - 2}{160 \cdot x^3 - 36 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190200050 - Pedro Miguel Lima Fernandes]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 42 \cdot x^4 - 29 \cdot x^2 + x + 5$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.57$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577638$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{126 \cdot x^4 - 29 \cdot x^2 - 5}{168 \cdot x^3 - 58 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final 2<sup>a</sup> Época Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

Considere a função polinomial

$$p(x) = 66 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 + x + 2$$

[ 190200051 – André Filipe Benjamim Castro]

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.41$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1835$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.408340$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{198 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 - 2}{264 \cdot x^3 - 46 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5

Cotação: 4 val.

[ 190200054 - Tiago João Mateus de Lima]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 20 \cdot x^4 - 9 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.44$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1056$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.447214$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{60 \cdot x^4 - 9 \cdot x^2 - 1}{80 \cdot x^3 - 18 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190200059 - Tiago Lopes Quaresma]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 45 \cdot x^4 - 19 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.44$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1056$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.447359$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{135 \cdot x^4 - 19 \cdot x^2 - 2}{180 \cdot x^3 - 38 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5

Cotação: 4 val.

[ 190200060 – João Pedro Dias Daniel]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 33 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 + x + 4$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.58$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577367$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{99 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 - 4}{132 \cdot x^3 - 46 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190200061 – João Guilherme Peniche Massano]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 45 \cdot x^4 - 19 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.45$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1056$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.447285$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{135 \cdot x^4 - 19 \cdot x^2 - 2}{180 \cdot x^3 - 38 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190200063 – André Filipe Rocha dos Santos]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 24 \cdot x^4 - 10 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.41$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.6330$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.408939$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{72 \cdot x^4 - 10 \cdot x^2 - 1}{96 \cdot x^3 - 20 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190200064 - Rafael Carvalho Martins]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 42 \cdot x^4 - 29 \cdot x^2 + x + 5$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.57$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577638$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{126 \cdot x^4 - 29 \cdot x^2 - 5}{168 \cdot x^3 - 58 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190200085 - Sergio Trentin Junior]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 33 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 + x + 4$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.57$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### $\star$ PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577329$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{99 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 - 4}{132 \cdot x^3 - 46 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final 2<sup>a</sup> Época Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221001 - Rafael Viegas Caumo]

# Considere a função polinomial

$$p(x) = 24 \cdot x^4 - 17 \cdot x^2 + x + 3$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.58$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577381$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{72 \cdot x^4 - 17 \cdot x^2 - 3}{96 \cdot x^3 - 34 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



# Departamento de Matemática Análise Numérica 2º Semestre 2019/20 Exame Final 2ª Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221002 - Israel Pereira]

# Considere a função polinomial

$$p(x) = 95 \cdot x^4 - 39 \cdot x^2 + x + 4$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.45$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1056$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.447365$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{285 \cdot x^4 - 39 \cdot x^2 - 4}{380 \cdot x^3 - 78 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



# Departamento de Matemática Análise Numérica 2º Semestre 2019/20 Exame Final 2ª Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

Questao 5 de 5 Cotação: 4 v.

[ 190221003 – Geovani de Souza Pereira]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 96 \cdot x^4 - 34 \cdot x^2 + x + 3$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.41$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.6330$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.408881$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{288 \cdot x^4 - 34 \cdot x^2 - 3}{384 \cdot x^3 - 68 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221005 – Lunay António Gomes Simão]

# Considere a função polinomial

$$p(x) = 60 \cdot x^4 - 22 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.41$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.6330$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.408913$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{180 \cdot x^4 - 22 \cdot x^2 - 2}{240 \cdot x^3 - 44 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31–07–2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221006 - Armindo Filipe da Costa]

# Considere a função polinomial

$$p(x) = 35 \cdot x^4 - 12 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{7}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.37$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.5119$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.375800$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{105 \cdot x^4 - 12 \cdot x^2 - 1}{140 \cdot x^3 - 24 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5

Cotação: 4 val.

[ 190221008 – André Miguel Lança Lisboa]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 33 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 + x + 4$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0 = 0.57$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577329$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{99 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 - 4}{132 \cdot x^3 - 46 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



# Departamento de Matemática Análise Numérica 2º Semestre 2019/20 Exame Final 2ª Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221009 - Bernardo Serra Mota]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 70 \cdot x^4 - 29 \cdot x^2 + x + 3$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.45$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1056$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.447319$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{210 \cdot x^4 - 29 \cdot x^2 - 3}{280 \cdot x^3 - 58 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Co

Cotação: 4 val.

[ 190221010 – João Pedro Freitas Caetano]

# Considere a função polinomial

$$p(x) = 90 \cdot x^4 - 38 \cdot x^2 + x + 4$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.45$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.7889$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.448706$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{270 \cdot x^4 - 38 \cdot x^2 - 4}{360 \cdot x^3 - 76 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221013 - Sara Filomena Gonçalves Jorge]

# Considere a função polinomial

$$p(x) = 30 \cdot x^4 - 11 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.41$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

# $\star$ PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1835$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.408321$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{90 \cdot x^4 - 11 \cdot x^2 - 1}{120 \cdot x^3 - 22 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221014 – Tiago Miguel Galvão Simão]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 24 \cdot x^4 - 10 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.40$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.6330$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.404893$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{72 \cdot x^4 - 10 \cdot x^2 - 1}{96 \cdot x^3 - 20 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



# Departamento de Matemática Análise Numérica

 $2^o$  Semestre 2019/20 Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5

Cotação: 4 val.

[ 190221015 - Pedro Miguel Teixeira Palma Rosa]

# Considere a função polinomial

$$p(x) = 42 \cdot x^4 - 29 \cdot x^2 + x + 5$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.57$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577638$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{126 \cdot x^4 - 29 \cdot x^2 - 5}{168 \cdot x^3 - 58 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época Questão 3 de 5

Cotação: 4 val.

[ 190221016 - Tiago Filipe de Deus Folgado Pereira]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 24 \cdot x^4 - 10 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha = 1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0 = 0.41$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.6330$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.408939$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{72 \cdot x^4 - 10 \cdot x^2 - 1}{96 \cdot x^3 - 20 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5

Cotação: 4 val.

[ 190221017 – André Fraga Pauli]

# Considere a função polinomial

$$p(x) = 24 \cdot x^4 - 17 \cdot x^2 + x + 3$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.57$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577161$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{72 \cdot x^4 - 17 \cdot x^2 - 3}{96 \cdot x^3 - 34 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221018 – Diogo António Bettencourt Santos Félix]

# Considere a função polinomial

$$p(x) = 30 \cdot x^4 - 11 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0 = 0.40$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

# $\star$ PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1835$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.408204$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{90 \cdot x^4 - 11 \cdot x^2 - 1}{120 \cdot x^3 - 22 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



# Departamento de Matemática Análise Numérica $2^o$ Semestre 2019/20Exame Final $2^a$ Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221020 - Gonçalo Filipe Mesquita Fernandes]

# Considere a função polinomial

$$p(x) = 45 \cdot x^4 - 19 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha = 1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0 = 0.44$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1056$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.447359$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{135 \cdot x^4 - 19 \cdot x^2 - 2}{180 \cdot x^3 - 38 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



# Departamento de Matemática Análise Numérica 2º Semestre 2019/20 Exame Final 2ª Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221021 - Marco Neves Gomes]

# Considere a função polinomial

$$p(x) = 66 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.40$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1835$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.408575$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{198 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 - 2}{264 \cdot x^3 - 46 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



# Departamento de Matemática Análise Numérica 2º Semestre 2019/20 Exame Final 2ª Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221022 - Duarte Mourão Pardal]

# Considere a função polinomial

$$p(x) = 48 \cdot x^4 - 14 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{8}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0 = 0.36$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.4142$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.354339$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{144 \cdot x^4 - 14 \cdot x^2 - 1}{192 \cdot x^3 - 28 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221023 - Jorge Filipe Carapinha Piteira]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 30 \cdot x^4 - 11 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.41$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1835$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.408321$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{90 \cdot x^4 - 11 \cdot x^2 - 1}{120 \cdot x^3 - 22 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221026 – João Tomás Ramos Ferreira]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 48 \cdot x^4 - 14 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{8}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.35$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.4142$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.352897$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{144 \cdot x^4 - 14 \cdot x^2 - 1}{192 \cdot x^3 - 28 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221028 - Pedro Miguel Teixeira Alves]

# Considere a função polinomial

$$p(x) = 35 \cdot x^4 - 12 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{7}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.38$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.5119$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.378476$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{105 \cdot x^4 - 12 \cdot x^2 - 1}{140 \cdot x^3 - 24 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



# Departamento de Matemática Análise Numérica 2º Semestre 2019/20 Exame Final 2ª Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221029 - Tomás Correia Barroso]

# Considere a função polinomial

$$p(x) = 90 \cdot x^4 - 38 \cdot x^2 + x + 4$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.45$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

# $\star$ PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.7889$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.448706$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{270 \cdot x^4 - 38 \cdot x^2 - 4}{360 \cdot x^3 - 76 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221032 - Tiago Miguel Camacho Branco]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 91 \cdot x^4 - 27 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{7}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.38$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.2441$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.378163$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{273 \cdot x^4 - 27 \cdot x^2 - 2}{364 \cdot x^3 - 54 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221034 – Daniel Alexandre de Morais e Sousa]

# Considere a função polinomial

$$p(x) = 33 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 + x + 4$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.58$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577367$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{99 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 - 4}{132 \cdot x^3 - 46 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221036 – André Filipe Virtuoso Serrado]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 84 \cdot x^4 - 26 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{7}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.38$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.5119$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.378433$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{252 \cdot x^4 - 26 \cdot x^2 - 2}{336 \cdot x^3 - 52 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



# Departamento de Matemática Análise Numérica

 $2^o$  Semestre 2019/20 Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5

Cotação: 4 val.

[ 190221037 - Daniel Alexandre Andrade Singh]

# Considere a função polinomial

$$p(x) = 60 \cdot x^4 - 22 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0 = 0.40$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.6330$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.405671$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{180 \cdot x^4 - 22 \cdot x^2 - 2}{240 \cdot x^3 - 44 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5

Cotação: 4 val.

[ 190221039 – Hysa Mello de Alcântara]

# Considere a função polinomial

$$p(x) = 84 \cdot x^4 - 26 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{7}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.37$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.5119$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.376669$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{252 \cdot x^4 - 26 \cdot x^2 - 2}{336 \cdot x^3 - 52 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221040 - Sandro Miguel Sousa Santos]

# Considere a função polinomial

$$p(x) = 66 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.41$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1835$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.408340$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{198 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 - 2}{264 \cdot x^3 - 46 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221042 - Tiago Alexandre dos Santos Rosa]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 48 \cdot x^4 - 14 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{8}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.35$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.4142$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.352897$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{144 \cdot x^4 - 14 \cdot x^2 - 1}{192 \cdot x^3 - 28 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221043 – Carolina Rabaçal da Cunha Lobo]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 96 \cdot x^4 - 34 \cdot x^2 + x + 3$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.41$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.6330$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.408881$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{288 \cdot x^4 - 34 \cdot x^2 - 3}{384 \cdot x^3 - 68 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final 2<sup>a</sup> Época

Questão 3 de 5

Cotação: 4 val.

[ 190221044 - Eduardo Feliciano Ferra]

# Considere a função polinomial

$$p(x) = 42 \cdot x^4 - 13 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{7}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.37$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.2441$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.377844$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{126 \cdot x^4 - 13 \cdot x^2 - 1}{168 \cdot x^3 - 26 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final 2<sup>a</sup> Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221045 – João Carlos de Brito Bandeira]

# Considere a função polinomial

$$p(x) = 60 \cdot x^4 - 22 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.41$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.6330$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.408913$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{180 \cdot x^4 - 22 \cdot x^2 - 2}{240 \cdot x^3 - 44 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221046 – Joao Miguel dos Santos Cabete]

# Considere a função polinomial

$$p(x) = 45 \cdot x^4 - 19 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0 = 0.44$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1056$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.447359$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{135 \cdot x^4 - 19 \cdot x^2 - 2}{180 \cdot x^3 - 38 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



# Departamento de Matemática Análise Numérica 2º Semestre 2019/20 Exame Final 2ª Época

Questão 3 de 5 Cotação

Cotação: 4 val.

[ 190221047 - Miguel Alexandre Marques Rodrigues]

# Considere a função polinomial

$$p(x) = 20 \cdot x^4 - 9 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.45$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1056$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.447260$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{60 \cdot x^4 - 9 \cdot x^2 - 1}{80 \cdot x^3 - 18 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221048 - Rafael da Rosa Marçalo]

# Considere a função polinomial

$$p(x) = 24 \cdot x^4 - 17 \cdot x^2 + x + 3$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.57$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577161$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{72 \cdot x^4 - 17 \cdot x^2 - 3}{96 \cdot x^3 - 34 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221049 – André Luís da Cruz Santos]

# Considere a função polinomial

$$p(x) = 35 \cdot x^4 - 12 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{7}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.37$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.5119$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.375800$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{105 \cdot x^4 - 12 \cdot x^2 - 1}{140 \cdot x^3 - 24 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5

Cotação: 4 val.

[ 190221050 - Bernardo Manuel Fernandes Vicente]

# Considere a função polinomial

$$p(x) = 33 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 + x + 4$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.58$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

## \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577367$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{99 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 - 4}{132 \cdot x^3 - 46 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221051 – Bruno Miguel Lázaro Resende]

### Considere a função polinomial

$$p(x) = 33 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 + x + 4$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.57$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577329$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{99 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 - 4}{132 \cdot x^3 - 46 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221052 - Daniel Filipe Martins Roque]

### Considere a função polinomial

$$p(x) = 65 \cdot x^4 - 28 \cdot x^2 + x + 3$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.44$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.7889$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.444174$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{195 \cdot x^4 - 28 \cdot x^2 - 3}{260 \cdot x^3 - 56 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotaç

Cotação: 4 val.

[ 190221053 – Ivo Martinho Garraio]

### Considere a função polinomial

$$p(x) = 48 \cdot x^4 - 14 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{8}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.36$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.4142$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.354339$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{144 \cdot x^4 - 14 \cdot x^2 - 1}{192 \cdot x^3 - 28 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5

Cotação: 4 val.

[ 190221054 – João Alexandre dos Anjos Soeiro]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 60 \cdot x^4 - 22 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.40$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.6330$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.405671$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{180 \cdot x^4 - 22 \cdot x^2 - 2}{240 \cdot x^3 - 44 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221055 – João Filipe Lopes Jardin]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 35 \cdot x^4 - 12 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{7}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.38$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.5119$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.378476$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{105 \cdot x^4 - 12 \cdot x^2 - 1}{140 \cdot x^3 - 24 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221056 – Rúben Pereira Lourenço]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 24 \cdot x^4 - 10 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.40$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.6330$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.404893$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{72 \cdot x^4 - 10 \cdot x^2 - 1}{96 \cdot x^3 - 20 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221057 - Gabriel Soares Alves Dias Pais]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 42 \cdot x^4 - 13 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha = 1/\sqrt{7}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0 = 0.37$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.2441$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.377844$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{126 \cdot x^4 - 13 \cdot x^2 - 1}{168 \cdot x^3 - 26 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221058 – Diogo André Fernandes dos Santos]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 95 \cdot x^4 - 39 \cdot x^2 + x + 4$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.45$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1056$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.447365$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{285 \cdot x^4 - 39 \cdot x^2 - 4}{380 \cdot x^3 - 78 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5

Cotação: 4 val.

[ 190221059 - Marco Antonio Coelho Teodoro]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 40 \cdot x^4 - 18 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.44$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.7889$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.443107$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{120 \cdot x^4 - 18 \cdot x^2 - 2}{160 \cdot x^3 - 36 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221060 - Ricardo Filipe Sobral Ribeiro]

### Considere a função polinomial

$$p(x) = 42 \cdot x^4 - 29 \cdot x^2 + x + 5$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.57$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577638$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{126 \cdot x^4 - 29 \cdot x^2 - 5}{168 \cdot x^3 - 58 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5

Cotação: 4 val.

[ 190221061 - Tiago Alexandre Morgado Rosa]

### Considere a função polinomial

$$p(x) = 42 \cdot x^4 - 13 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{7}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0 = 0.37$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.2441$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.377844$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{126 \cdot x^4 - 13 \cdot x^2 - 1}{168 \cdot x^3 - 26 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Co

Cotação: 4 val.

[ 190221062 – João Filipe Rodrigues Silva]

### Considere a função polinomial

$$p(x) = 24 \cdot x^4 - 17 \cdot x^2 + x + 3$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.57$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577161$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{72 \cdot x^4 - 17 \cdot x^2 - 3}{96 \cdot x^3 - 34 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221063 – Gonçalo Mestre Páscoa]

### Considere a função polinomial

$$p(x) = 65 \cdot x^4 - 28 \cdot x^2 + x + 3$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.44$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.7889$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.444174$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{195 \cdot x^4 - 28 \cdot x^2 - 3}{260 \cdot x^3 - 56 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221064 - Henrique Candeias Madureira]

### Considere a função polinomial

$$p(x) = 35 \cdot x^4 - 12 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{7}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.38$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.5119$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.378476$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{105 \cdot x^4 - 12 \cdot x^2 - 1}{140 \cdot x^3 - 24 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221065 – José Eduardo Lopes Castanhas]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 30 \cdot x^4 - 11 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0 = 0.40$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1835$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.408204$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{90 \cdot x^4 - 11 \cdot x^2 - 1}{120 \cdot x^3 - 22 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221066 – Rúben Miguel da Costa Videira]

### Considere a função polinomial

$$p(x) = 24 \cdot x^4 - 10 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0 = 0.41$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.6330$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.408939$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{72 \cdot x^4 - 10 \cdot x^2 - 1}{96 \cdot x^3 - 20 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221067 - David Rodrigues Cerdeira]

### Considere a função polinomial

$$p(x) = 60 \cdot x^4 - 22 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.40$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.6330$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.405671$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{180 \cdot x^4 - 22 \cdot x^2 - 2}{240 \cdot x^3 - 44 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221068 – André Carlos Fernandes Dias]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 95 \cdot x^4 - 39 \cdot x^2 + x + 4$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.44$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1056$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.448254$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{285 \cdot x^4 - 39 \cdot x^2 - 4}{380 \cdot x^3 - 78 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221069 – Luís Manuel Gonçalves Martins]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 84 \cdot x^4 - 26 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{7}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.37$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.5119$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.376669$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{252 \cdot x^4 - 26 \cdot x^2 - 2}{336 \cdot x^3 - 52 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221070 - Margarida Maunu]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 90 \cdot x^4 - 38 \cdot x^2 + x + 4$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.44$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.7889$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.446047$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{270 \cdot x^4 - 38 \cdot x^2 - 4}{360 \cdot x^3 - 76 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221071 – André Filipe Gonçalves Paiva]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 20 \cdot x^4 - 9 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.45$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1056$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.447260$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{60 \cdot x^4 - 9 \cdot x^2 - 1}{80 \cdot x^3 - 18 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221074 - Miguel Costa Coelho]

### Considere a função polinomial

$$p(x) = 56 \cdot x^4 - 15 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{8}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.35$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.2929$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.353361$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{168 \cdot x^4 - 15 \cdot x^2 - 1}{224 \cdot x^3 - 30 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221075 – André Galveia Castanho]

### Considere a função polinomial

$$p(x) = 48 \cdot x^4 - 14 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{8}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.35$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.4142$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.352897$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{144 \cdot x^4 - 14 \cdot x^2 - 1}{192 \cdot x^3 - 28 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cota

Cotação: 4 val.

[ 190221076 - Filipe Alexandre Ribeiro Domingos]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 90 \cdot x^4 - 38 \cdot x^2 + x + 4$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.45$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.7889$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.448706$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{270 \cdot x^4 - 38 \cdot x^2 - 4}{360 \cdot x^3 - 76 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221077 – Duarte Vieira Nunes da Conceição]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 95 \cdot x^4 - 39 \cdot x^2 + x + 4$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0 = 0.44$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1056$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.448254$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{285 \cdot x^4 - 39 \cdot x^2 - 4}{380 \cdot x^3 - 78 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221078 – João Pedro Botelheiro Matias]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 24 \cdot x^4 - 10 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.41$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

# $\star$ PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.6330$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.408939$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{72 \cdot x^4 - 10 \cdot x^2 - 1}{96 \cdot x^3 - 20 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221079 – Adalberto Camará King]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 24 \cdot x^4 - 17 \cdot x^2 + x + 3$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.57$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577161$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{72 \cdot x^4 - 17 \cdot x^2 - 3}{96 \cdot x^3 - 34 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221080 - Melo Carlos Pereira]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 70 \cdot x^4 - 29 \cdot x^2 + x + 3$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.44$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1056$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.447663$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{210 \cdot x^4 - 29 \cdot x^2 - 3}{280 \cdot x^3 - 58 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221081 – Pedro de Castro Vitória]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 20 \cdot x^4 - 9 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.44$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1056$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.447214$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{60 \cdot x^4 - 9 \cdot x^2 - 1}{80 \cdot x^3 - 18 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5

Cotação: 4 val.

[ 190221082 - Ricardo Luís Pinto Cabrito]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 70 \cdot x^4 - 29 \cdot x^2 + x + 3$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.45$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1056$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.447319$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{210 \cdot x^4 - 29 \cdot x^2 - 3}{280 \cdot x^3 - 58 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221084 - Carlos Manuel da Palma Oliveira]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 66 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.41$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1835$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.408340$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{198 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 - 2}{264 \cdot x^3 - 46 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221085 - David Eduardo Maia]

### Considere a função polinomial

$$p(x) = 60 \cdot x^4 - 22 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.40$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.6330$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.405671$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{180 \cdot x^4 - 22 \cdot x^2 - 2}{240 \cdot x^3 - 44 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221086 – André Filipe Lamas Rebelo]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 35 \cdot x^4 - 12 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{7}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.38$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.5119$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.378476$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{105 \cdot x^4 - 12 \cdot x^2 - 1}{140 \cdot x^3 - 24 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221087 - Bruno Bispo Gibellino]

## Considere a função polinomial

$$p(x) = 24 \cdot x^4 - 17 \cdot x^2 + x + 3$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.58$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577381$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{72 \cdot x^4 - 17 \cdot x^2 - 3}{96 \cdot x^3 - 34 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221088 - Pedro Alexandre Santos Vicente]

### Considere a função polinomial

$$p(x) = 24 \cdot x^4 - 10 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.40$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.6330$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.404893$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{72 \cdot x^4 - 10 \cdot x^2 - 1}{96 \cdot x^3 - 20 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final 2<sup>a</sup> Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221090 – Daniel Corrêa Saes]

### Considere a função polinomial

$$p(x) = 70 \cdot x^4 - 29 \cdot x^2 + x + 3$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.45$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1056$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.447319$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{210 \cdot x^4 - 29 \cdot x^2 - 3}{280 \cdot x^3 - 58 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221091 – Gonçalo Marchão Sousa Martins]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 35 \cdot x^4 - 12 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{7}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0 = 0.37$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.5119$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.375800$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{105 \cdot x^4 - 12 \cdot x^2 - 1}{140 \cdot x^3 - 24 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221092 - Alberto Miguel Jardino Pereira]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 24 \cdot x^4 - 17 \cdot x^2 + x + 3$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.57$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577161$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{72 \cdot x^4 - 17 \cdot x^2 - 3}{96 \cdot x^3 - 34 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



### Departamento de Matemática Análise Numérica

 $2^o$  Semestre 2019/20 Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5

Cotação: 4 val.

[ 190221093 - Alexandre Manuel Parreira Coelho]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 48 \cdot x^4 - 14 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{8}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0 = 0.36$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.4142$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.354339$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{144 \cdot x^4 - 14 \cdot x^2 - 1}{192 \cdot x^3 - 28 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Co

Cotação: 4 val.

[ 190221094 – André Alexandre da Costa Pereira]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 24 \cdot x^4 - 10 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.41$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.6330$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.408939$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{72 \cdot x^4 - 10 \cdot x^2 - 1}{96 \cdot x^3 - 20 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221095 – André Rodrigues Batista]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 20 \cdot x^4 - 9 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.44$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1056$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.447214$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{60 \cdot x^4 - 9 \cdot x^2 - 1}{80 \cdot x^3 - 18 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221096 – Bernardo José Lopes Batista Paulino]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 66 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.40$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1835$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.408575$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{198 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 - 2}{264 \cdot x^3 - 46 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221097 - Bruno Miguel Lopes Revez]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 33 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 + x + 4$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.57$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577329$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{99 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 - 4}{132 \cdot x^3 - 46 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221099 - Carlos Eduardo Lúcio Antunes]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 70 \cdot x^4 - 29 \cdot x^2 + x + 3$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0 = 0.44$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1056$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.447663$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{210 \cdot x^4 - 29 \cdot x^2 - 3}{280 \cdot x^3 - 58 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221100 - Catarina Filipa Balugas Alves]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 42 \cdot x^4 - 29 \cdot x^2 + x + 5$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.58$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577354$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{126 \cdot x^4 - 29 \cdot x^2 - 5}{168 \cdot x^3 - 58 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221101 - Daniel Domingos Cordeiro]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 84 \cdot x^4 - 26 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{7}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.38$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.5119$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.378433$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{252 \cdot x^4 - 26 \cdot x^2 - 2}{336 \cdot x^3 - 52 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221102 - David Eduardo Passos Gomes]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 84 \cdot x^4 - 26 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{7}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.37$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.5119$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.376669$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{252 \cdot x^4 - 26 \cdot x^2 - 2}{336 \cdot x^3 - 52 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221103 – Diogo Alexandre Serra Pereira]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 95 \cdot x^4 - 39 \cdot x^2 + x + 4$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.45$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1056$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.447365$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{285 \cdot x^4 - 39 \cdot x^2 - 4}{380 \cdot x^3 - 78 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221104 - Diogo Alexandre Sobral Ferreira]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 20 \cdot x^4 - 9 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.44$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1056$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.447214$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{60 \cdot x^4 - 9 \cdot x^2 - 1}{80 \cdot x^3 - 18 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221105 - Francisco M. Serralha N. Belchior Zacarias]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 96 \cdot x^4 - 34 \cdot x^2 + x + 3$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.41$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.6330$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.408881$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{288 \cdot x^4 - 34 \cdot x^2 - 3}{384 \cdot x^3 - 68 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Co

Cotação: 4 val.

[ 190221106 – Iúri Miguel Francês Pêta]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 42 \cdot x^4 - 13 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{7}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.38$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.2441$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.378117$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{126 \cdot x^4 - 13 \cdot x^2 - 1}{168 \cdot x^3 - 26 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5

Cotação: 4 val.

[ 190221107 – João Grácio Coelho Rodrigues]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 35 \cdot x^4 - 12 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{7}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.38$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.5119$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.378476$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{105 \cdot x^4 - 12 \cdot x^2 - 1}{140 \cdot x^3 - 24 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5

Cotação: 4 val.

[ 190221108 – João José Lopes Batista da Silva Pinto]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 24 \cdot x^4 - 17 \cdot x^2 + x + 3$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.57$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577161$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{72 \cdot x^4 - 17 \cdot x^2 - 3}{96 \cdot x^3 - 34 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 C

Cotação: 4 val.

[ 190221109 – João Pedro Pereira Rosete]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 70 \cdot x^4 - 29 \cdot x^2 + x + 3$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.44$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1056$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.447663$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{210 \cdot x^4 - 29 \cdot x^2 - 3}{280 \cdot x^3 - 58 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221110 – Jorge André Gomes de Sousa]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 66 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.41$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1835$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.408340$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{198 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 - 2}{264 \cdot x^3 - 46 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221111 – José Manuel Almeida Sousa Mendes]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 48 \cdot x^4 - 14 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{8}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.36$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.4142$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.354339$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{144 \cdot x^4 - 14 \cdot x^2 - 1}{192 \cdot x^3 - 28 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221112 - Leonardo Costeira Costa]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 33 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 + x + 4$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0 = 0.57$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577329$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{99 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 - 4}{132 \cdot x^3 - 46 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221113 – Luís Carlos de Veloso Fernandes]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 91 \cdot x^4 - 27 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{7}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.37$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.2441$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.378339$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{273 \cdot x^4 - 27 \cdot x^2 - 2}{364 \cdot x^3 - 54 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221114 - Marco António Botelho da Silva]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 65 \cdot x^4 - 28 \cdot x^2 + x + 3$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.44$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.7889$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.444174$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{195 \cdot x^4 - 28 \cdot x^2 - 3}{260 \cdot x^3 - 56 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221115 – Martim Antunes de Oliveira]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 45 \cdot x^4 - 19 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0 = 0.44$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1056$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.447359$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{135 \cdot x^4 - 19 \cdot x^2 - 2}{180 \cdot x^3 - 38 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221117 – Miguel Ângelo Pereira Morgado]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 33 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 + x + 4$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.58$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577367$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{99 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 - 4}{132 \cdot x^3 - 46 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221118 - Nicole Alexandra Martins Vieira]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 66 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.40$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1835$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.408575$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{198 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 - 2}{264 \cdot x^3 - 46 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5

Cotação: 4 val.

[ 190221119 - Nuno Miguel Cortiço Viola]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 42 \cdot x^4 - 13 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{7}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.38$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.2441$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.378117$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{126 \cdot x^4 - 13 \cdot x^2 - 1}{168 \cdot x^3 - 26 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5

Cotação: 4 val.

[ 190221120 – Pedro Afonso D' Além Dionísio]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 42 \cdot x^4 - 29 \cdot x^2 + x + 5$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.57$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577638$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{126 \cdot x^4 - 29 \cdot x^2 - 5}{168 \cdot x^3 - 58 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221122 – Pedro Manuel Gonçalves Paiva de Carvalho]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 40 \cdot x^4 - 18 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0 = 0.44$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.7889$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.443107$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{120 \cdot x^4 - 18 \cdot x^2 - 2}{160 \cdot x^3 - 36 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221123 – Renato André Claro Nunes]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 20 \cdot x^4 - 9 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.45$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1056$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.447260$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{60 \cdot x^4 - 9 \cdot x^2 - 1}{80 \cdot x^3 - 18 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5

Cotação: 4 val.

[ 190221124 - Ricardo Diogo Gonçalves Caetano]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 56 \cdot x^4 - 15 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{8}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.35$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.2929$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.353361$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{168 \cdot x^4 - 15 \cdot x^2 - 1}{224 \cdot x^3 - 30 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221125 - Rodrigo Nave da Costa]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 84 \cdot x^4 - 26 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{7}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.38$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.5119$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.378433$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{252 \cdot x^4 - 26 \cdot x^2 - 2}{336 \cdot x^3 - 52 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221126 - Rodrigo Roque Fontinha]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 24 \cdot x^4 - 17 \cdot x^2 + x + 3$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.57$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577161$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{72 \cdot x^4 - 17 \cdot x^2 - 3}{96 \cdot x^3 - 34 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221127 - Sara Conceição Catarino de Jesus]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 24 \cdot x^4 - 10 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.40$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.6330$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.404893$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{72 \cdot x^4 - 10 \cdot x^2 - 1}{96 \cdot x^3 - 20 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221128 – Sérgio Manuel Pinhal Veríssimo]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 45 \cdot x^4 - 19 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.45$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1056$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.447285$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{135 \cdot x^4 - 19 \cdot x^2 - 2}{180 \cdot x^3 - 38 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221129 – Tiago Miguel de Albuquerque Eusébio]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 30 \cdot x^4 - 11 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.41$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1835$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.408321$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{90 \cdot x^4 - 11 \cdot x^2 - 1}{120 \cdot x^3 - 22 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221130 - Tiago Miguel Fumega Henriques]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 30 \cdot x^4 - 11 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.41$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1835$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.408321$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{90 \cdot x^4 - 11 \cdot x^2 - 1}{120 \cdot x^3 - 22 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221131 - Tim Tetelepta Rodrigues]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 35 \cdot x^4 - 12 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{7}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.38$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.5119$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.378476$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{105 \cdot x^4 - 12 \cdot x^2 - 1}{140 \cdot x^3 - 24 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221132 - Vasco Miguel Ucha de Pinho]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 24 \cdot x^4 - 10 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.41$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.6330$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.408939$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{72 \cdot x^4 - 10 \cdot x^2 - 1}{96 \cdot x^3 - 20 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221133 – António Pedro Resende Rebelo]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 30 \cdot x^4 - 11 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.40$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1835$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.408204$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{90 \cdot x^4 - 11 \cdot x^2 - 1}{120 \cdot x^3 - 22 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221134 – Miguel do Paço A. D'Albuquerque Serrano]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 40 \cdot x^4 - 18 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.44$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.7889$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.443107$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{120 \cdot x^4 - 18 \cdot x^2 - 2}{160 \cdot x^3 - 36 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221136 – Vítor Luís Domingues Nunes]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 42 \cdot x^4 - 29 \cdot x^2 + x + 5$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.58$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577354$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{126 \cdot x^4 - 29 \cdot x^2 - 5}{168 \cdot x^3 - 58 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221138 – João Sá Santos Mendes]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 30 \cdot x^4 - 11 \cdot x^2 + x + 1$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.41$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1835$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.408321$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{90 \cdot x^4 - 11 \cdot x^2 - 1}{120 \cdot x^3 - 22 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221140 - Ricardo Margarido Oliveira]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 33 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 + x + 4$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.57$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577329$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{99 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 - 4}{132 \cdot x^3 - 46 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221141 - Gonçalo Santos Alves]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 95 \cdot x^4 - 39 \cdot x^2 + x + 4$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.45$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1056$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.447365$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{285 \cdot x^4 - 39 \cdot x^2 - 4}{380 \cdot x^3 - 78 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5

Cotação: 4 val.

[ 190221142 – Francisco José dos Santos Vicente]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 90 \cdot x^4 - 38 \cdot x^2 + x + 4$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.44$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.7889$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.446047$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{270 \cdot x^4 - 38 \cdot x^2 - 4}{360 \cdot x^3 - 76 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221143 – João Pedro Vicente Rei]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 24 \cdot x^4 - 17 \cdot x^2 + x + 3$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.57$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577161$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{72 \cdot x^4 - 17 \cdot x^2 - 3}{96 \cdot x^3 - 34 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



# Departamento de Matemática Análise Numérica

 $2^o$  Semestre 2019/20 Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221144 - Rodrigo Miguel Portilho Nunes]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 90 \cdot x^4 - 38 \cdot x^2 + x + 4$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.44$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.7889$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.446047$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{270 \cdot x^4 - 38 \cdot x^2 - 4}{360 \cdot x^3 - 76 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221146 - Rafael Santos Mordomo]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 42 \cdot x^4 - 29 \cdot x^2 + x + 5$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.58$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577354$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{126 \cdot x^4 - 29 \cdot x^2 - 5}{168 \cdot x^3 - 58 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221147 – Ricardo Sinaré Torres Ferreira]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 45 \cdot x^4 - 19 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.44$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1056$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.447359$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{135 \cdot x^4 - 19 \cdot x^2 - 2}{180 \cdot x^3 - 38 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5

Cotação: 4 val.

[ 190221148 – André Ricardo Nascimento Guerreiro]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 95 \cdot x^4 - 39 \cdot x^2 + x + 4$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{5}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.45$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1056$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.447365$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{285 \cdot x^4 - 39 \cdot x^2 - 4}{380 \cdot x^3 - 78 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ 190221149 - Thiers Pinto de Mesquita Neto]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 24 \cdot x^4 - 17 \cdot x^2 + x + 3$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{3}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.57$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = -0.1547$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.577161$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{72 \cdot x^4 - 17 \cdot x^2 - 3}{96 \cdot x^3 - 34 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).



Exame Final  $2^a$  Época

Questão 3 de 5 Cotação: 4 val.

[ Modelo – Docente ]

#### Considere a função polinomial

$$p(x) = 66 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 + x + 2$$

- 1. Prove que o ponto  $\alpha=1/\sqrt{6}$  é um ponto fixo de p. Determine  $p'(\alpha)$  e justifique se a iteração de p(x) a partir de pontos próximos de  $\alpha$  gera sucessões convergentes.
- 2. Determine o termo  $x_2$  da sucessão  $(x_k)$  gerada a partir de  $x_0=0.41$  por iteração de p(x) (apresente o valor com 6 algarismos significativos).
- 3. Determine a expressão analítica da função de iteração g(x) que deve ser aplicada para encontrar um ponto fixo de p(x) através do método de Newton-Raphson.

#### \* PARA RESPOSTA BREVE NO INQUÉRITO MOODLE ATÉ 10:55H

Q3-1 Valor da derivada no ponto indicado

Solução:  $p'(\alpha) = 0.1835$ 

Q3-2 Ponto x2 obtido:

Solução:  $x_2 = 0.408340$ 

Q3-3 Função de iteração

Solução:  $g(x) = \frac{198 \cdot x^4 - 23 \cdot x^2 - 2}{264 \cdot x^3 - 46 \cdot x}$ 

\* DISPONÍVEL ÀS 10:30H ( 31-07-2020 ).

#### Resolução do modelo do docente

1

O ponto  $\alpha$  será ponto fixo de p(x) se  $p(\alpha) = \alpha$ . Calculamos:

$$p(\alpha) = 66 \cdot (1/\sqrt{6})^4 - 23(1/\sqrt{6})^2 + (1/\sqrt{6}) + 2 = \frac{66}{36} - \frac{23}{6} + 2 - \frac{1}{\sqrt{6}} = \frac{11 - 23 + 12}{6} + \alpha = \alpha$$

Portanto  $p(\alpha) = \alpha$ , e este valor é ponto fixo de p(x).

Calculemos agora a derivada p'(x) em  $\alpha$ :

$$p'(\alpha) = 66 \cdot 4 \cdot \alpha^3 - 23 \cdot 2 \cdot \alpha + 1 = 0.18350$$

Como  $|p'(\alpha)| < 0.2 < 1$ , e esta derivada é contínua, existe um intervalo da forma  $[\alpha - \epsilon, \alpha + \epsilon]$  onde  $|p'(x)| \le 0.2$ . Neste intervalo p(x) é uma contração com coeficiente de contração c = 0.2, isto é, temos  $|p(x) - p(y)| \le 0.2 \cdot |x - y|$  para qualquer par de pontos do intervalo (basta aplicar o teorema de Lagrange), e p(x) está no intervalo, para qualquer x do intervalo (porque  $|x - \alpha| \le \epsilon \Rightarrow |p(x) - \alpha| = |p(x) - p(\alpha)| \le 0.2 \cdot |x - \alpha| < 0.2\epsilon < \epsilon$ )

Por ser uma contração, deduzimos que qualquer escolha de  $x_0$  neste intervalo gera, ao iterarmos p(x), uma sucessão convergente ao ponto fixo  $\alpha$ 

 $\mathbf{2}$ 

A sucessão obtida por iteração de p(x) tem termos  $x_{k+1} = p(x_k)$ , portanto:

$$x_1 = p(x_0) = p(0.41) = 0.40870$$

$$x_2 = p(x_1) = p(0.40870) = 0.408340$$

3

Queremos encontrar um ponto fixo de p(x), portanto uma solução de p(x) - x = 0. A função de iteração de Newton-Raphson para encontrar zeros desta função  $f(x) = p(x) - x = 66x^4 - 23x^2 + 2$  é:

$$g(x) = x - \frac{f(x)}{f'(x)} = x - \frac{66x^4 - 23x^2 + 2}{264x^3 - 46x} = \frac{198x^4 - 23x^2 - 2}{264x^3 - 46x}$$