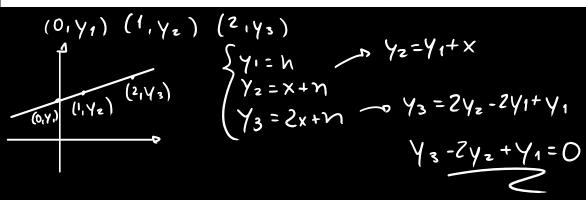
14/08/24

LISTA 1

1. Quais condições para y_1, y_2 e y_3 fazem com que os pontos $(0, y_1), (1, y_2)$ e $(2, y_3)$ caiam numa reta?



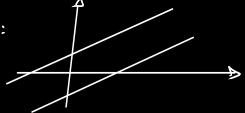
2. Se (a,b) é um múltiplo de (c,d) e são todos não-zeros, mostre que (a,c) é um múltiplo de (b,d). O que isso nos diz sobre a matriz

$$A = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}?$$

SE
$$\alpha = \alpha c \wedge b = \alpha d \Rightarrow \alpha = \frac{c}{c} = \frac{b}{d} \Rightarrow \alpha = \frac{c}{b} = \frac{c}{d}$$
OUSEIA, $\alpha = \alpha b \in c = \alpha d : (\alpha, c) = \alpha(b, d)$

ISSO INDICA QUE DADA A=[ab], O SISTEMA AX= b NÃO TEM SOLUÇÃO!

VISUALIZAÇÃO GRÁFICA:



3. Se \mathbf{w} e \mathbf{v} são vetores unitários, calcule os produtos internos de (a) \mathbf{v} e $-\mathbf{v}$; (b) $\mathbf{v} + \mathbf{w}$ e $\mathbf{v} - \mathbf{w}$; (c) $\mathbf{v} - 2\mathbf{w}$ e $\mathbf{v} + 2\mathbf{w}$.

a)
$$\langle V, -V \rangle$$

$$(\sum_{i=0}^{\infty} V_{i}(-V_{i}) + \sum_{i>0}^{\infty} V_{i}^{2} + \sum_{i>0}^{\infty} V_{i}^{2} + \sum_{i=0}^{\infty} V_{i}^{2} + \sum_{i=0$$

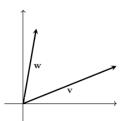
c)
$$< V-2w_1, V+2w_2$$

 $\sum_{i=0}^{\infty} (v_i-2w_i)(v_i+2w_i) \Rightarrow \sum_{i=0}^{\infty} v_i^2 - 4w_i^2 \Rightarrow ||v||^2 - 4||w||^2$

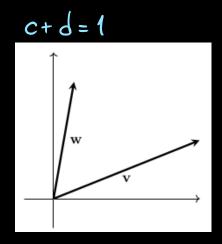
$$||w-v|| \le ||w-v|| + ||w-v|| \le 8$$

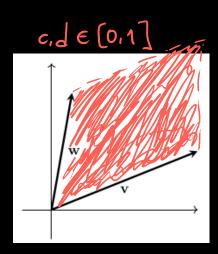
 $||w-v|| \le ||v|| + ||v|| \le 8$

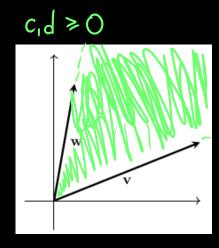
5. Considere o desenho dos vetores \mathbf{w} e \mathbf{v} abaixo. Hachure as regiões definidas pelas combinações lineares $c\mathbf{v}+d\mathbf{w}$ considerando as seguintes restrições: c+d=1 (não necessariamente positivos), $c,d\in[0,1]$ e $c,d\geq 0$ (note que são três regiões distintas).



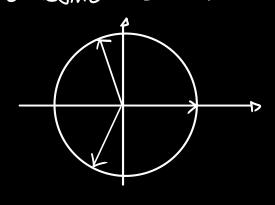
$$h_i = (\sigma_i \cdot c) + (w_i \cdot d)$$



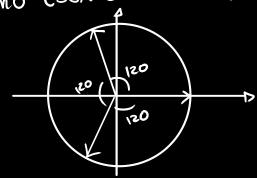




SE 1. V < 0, ENTÃO 30° < 6 < 270° O MESMO VALE PARA V EW EUEW.



ENTRO 5/M É POSSÍVEL COMO ESSA CONFIGURAÇÃO S



7. Sejam x, y, z satisfazendo x + y + z = 0. Calcule o ângulo entre os vetores (x, y, z) e (z, x, y).

$$x^{2}+y^{2}+2^{2}+2xz+2xy+2zy=0$$

 $x^{2}+y^{2}+2^{2}=-2(xy+xz+zy)$

$$\frac{xz+yx+yz}{-2(xy+yz+zx)} \Rightarrow -\frac{1}{2} :: 120^{\circ}$$

$$x+y+z=0$$

 $x^{2}+y+z+z=0$
 $xy+y^{2}+zy=0$
 $xz+y^{2}+z^{2}=0$

Resolva o sistema linear abaixo:

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} b_1 \\ b_2 \\ b_3 \end{bmatrix}$$

Escreva a solução \mathbf{x} como uma matriz A vezes o vetor

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & -1 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 1 & -1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & -1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} b_1 \\ b_2 \\ b_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \end{bmatrix}$$

9. Repita o problema acima para a matriz:

$$\begin{bmatrix} -1 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}.$$

$$\begin{bmatrix}
-1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\
0 & -1 & 1 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & -1 & 0 & 0 & 1
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
1 & 0 & -1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
1 & 0 & -1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\
0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
1 & 0 & -1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\
0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
1 & 0 & -1 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
1 & 0 & 0 & -1 & 1 & 1 \\
0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
1 & 0 & 0 & -1 & 1 & 1 \\
0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
1 & 0 & 0 & -1 & 1 & 1 \\
0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
1 & 0 & 0 & -1 & 1 & 1 \\
0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
1 & 0 & 0 & -1 & 1 & 1 \\
0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
0 & 1 & 0 & 0 & -1 & 1 \\
0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
0 & 1 & 0 & 0 & -1 & 1 \\
0 & 1 & 0 & 0 & -1
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
0 & 1 & 0 & 0 & -1 & 1 \\
0 & 1 & 0 & 0 & -1
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
0 & 1 & 0 & 0 & -1 & 1 \\
0 & 1 & 0 & 0 & -1
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
0 & 1 & 0 & 0 & -1 & 1 \\
0 & 1 & 0 & 0 & -1
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
0 & 1 & 0 & 0 & -1 & 1 \\
0 & 1 & 0 & 0 & -1
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
0 & 1 & 0 & 0 & -1 & 1 \\
0 & 1 & 0 & 0 & -1
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
0 & 1 & 0 & 0 & -1 & 1 \\
0 & 1 & 0 & 0 & -1
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
0 & 1 & 0 & 0 & -1 & 1 \\
0 & 1 & 0 & 0 & -1
\end{bmatrix}$$

10. Considere a equação de recorrência $-x_{i+1} + 2x_i - x_{i-1} = i$ para i = 1, 2, 3, 4 com $x_0 = x_5 = 0$. Escreva essas equações em notação matricial $A\mathbf{x} = \mathbf{b}$ e ache \mathbf{x} .

$$x_{0}-x_{0}=($$

$$-x_{i+1}+2x_{i}-x_{i+1}=($$

$$1=1 \Rightarrow -x_{2}+2x_{1}-x_{i}=1$$

$$1=2 \Rightarrow -x_{3}+2x_{1}-x_{i}=2$$

$$1=3 \Rightarrow -x_{4}+2x_{3}-x_{i}=3$$

$$1=4 \Rightarrow -x_{5}+2x_{4}-x_{5}=4$$

$$2x_{1}-x_{2}=4$$

$$2x_{2}-x_{3}=4$$

$$2x_{3}-x_{4}=3x_{4}-x_{5}=4$$

$$2x_{4}-x_{5}=4$$

$$2x_{5}-x_{5}=2x_{5}-x_{5}=4$$

$$2x_{5}-x_{5}=2x_{5}-x_{5}=4$$

$$2x_{6}-x_{5}-x_{5}=4$$

$$2x_{1}-x_{2}=2x_{5}-x_{5}=4$$

$$2x_{1}-x_{2}-x_{5}-x_{5}=4$$

$$2x_{2}-x_{3}-x_{4}-x_{5}=4$$

$$2x_{3}-x_{4}-x_{5}-x_{5}-x_{5}-x_{5}=4$$

$$2x_{4}-x_{5}-x_{5}-x_{5}-x_{5}-x_{5}=4$$

$$2x_{4}-x_{5}-x_{5}-x_{5}-x_{5}-x_{5}-x_{5}=4$$

$$2x_{4}-x_{5$$