Лабараторная работа №4

Александр Повколас 29 Ноября, 2018

Задание 1

Генерация и простейшие статистики

Сгенерировать выборку из 200 элементов из нормального закона распределения(Ширяев 1980) со следеющими параметрами:

$$N(\mu, \sigma^2), \mu = 0, \sigma^2 = 4$$

Вывести первые 10 и последние 20 сгенерированных значений. Вывести минимальный и максимальный элементы, выборочные оценки математического ожидания, дисперсии, медианы, коэффициентов асимметрии и эксцесса, 25% и 75% - квантилей, 95% - квантиля. Сравнить полученные оценки с теоретическими значениями. Построить ящик с усами (диаграмма размаха), эмпирическую функцию распределения. Построить выборочную гистограмму и поверх нее теоретическую плотность распределения.

```
## [1] "First 10"

## [1] -0.7335793 -0.3433456  0.5103337 -0.6317212 -3.8446173  0.8355126

## [7] -0.1017000  0.5477432  0.9819983 -0.5095194

## [1] "Last 20"

## [1] 3.61186616  2.53957836  0.03048474  0.92289174 -2.84733233
```

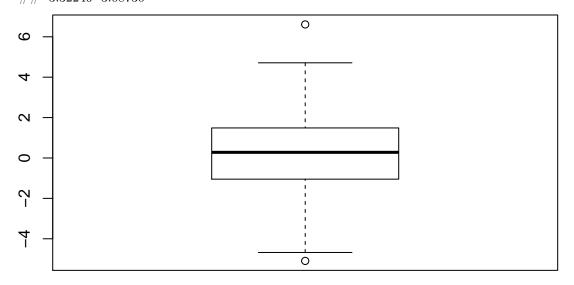
[6] 0.64380818 0.45925527 -2.20228980 -1.64859967 -3.11867508

[11] -1.73225809 3.32017532 1.95817751 3.07504422 1.08252548

[16] -1.25385040 1.46687596 3.33660827 1.97102803 -1.33431177

Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max. Var Skewness ## -5.09572 -1.03860 0.27932 0.22289 1.48697 6.61087 3.62162 -0.07814

Kurtosis 95% Qu ## 3.32246 3.08730



```
## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <d0>
```

- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция
- ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <ad>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция
- ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <d0>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция
- ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <bc>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция
- ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <d0>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция
- ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <bf>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <d0>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция
- ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <bs>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция
- ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <d1>
 ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция
- ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <80>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <d0>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <b8>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <d1>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция
- ## распределения in 'mbcsToSbcs': dot substituted for < 87 >
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <d0>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <b5>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция
- ## распределения in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <d1>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <81>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <d0>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция
- ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <ba>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <d0>

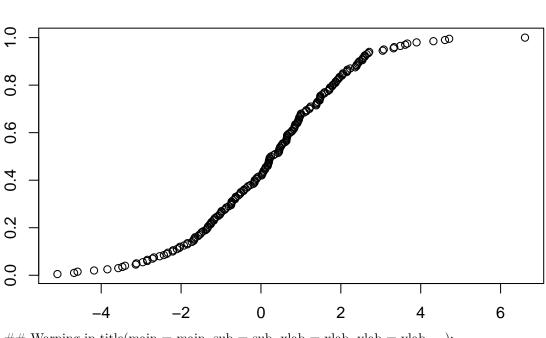
```
## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <b0>
```

- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция
- ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <d1>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция
- ## распределения ' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <8f>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <d1>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <84>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция
- ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <d1>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <83>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция
- ## распределения in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <d0>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <bd>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <d0>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <ba>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <d1>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <86>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <d0>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <b8>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <d1>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <8f>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <d1>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <80>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <d0>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <bo>

```
## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <d1>
```

- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <81>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <d0>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция
- ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <bf>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <d1>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <80>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <d0>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <b5>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <d0>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <b4>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <d0>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <b5>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <d0>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <bb>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <d0>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <b5>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <d0>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <bd>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <d0>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <b8>
- ## Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <d1>

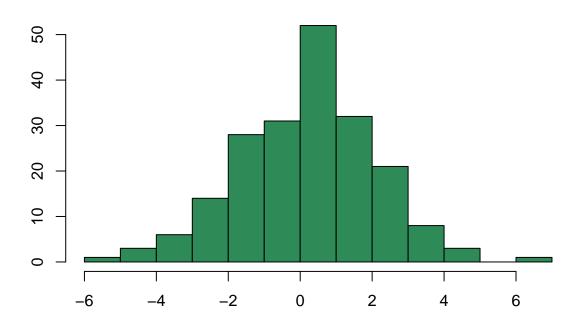
Warning in title(...): conversion failure on 'Эмпирическая функция ## распределения' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for <8f>



- ## Warning in title(main = main, sub = sub, xlab = xlab, ylab = ylab, ...):
- ## conversion failure on 'Гистограмма' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for
- ## <d0>
- ## Warning in title(main = main, sub = sub, xlab = xlab, ylab = ylab, ...):
- ## conversion failure on 'Гистограмма' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for
- ## < 93 >
- ## Warning in title(main = main, sub = sub, xlab = xlab, ylab = ylab, ...):
- ## conversion failure on 'Гистограмма' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for
- $\#\# <\! d0\! >$
- ## Warning in title(main = main, sub = sub, xlab = xlab, ylab = ylab, ...):
- ## conversion failure on 'Гистограмма' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for
- ## < b8 >
- ## Warning in title(main = main, sub = sub, xlab = xlab, ylab = ylab, ...):
- ## conversion failure on 'Гистограмма' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for
- ## <d1>
- ## Warning in title(main = main, sub = sub, xlab = xlab, ylab = ylab, ...):
- ## conversion failure on 'Гистограмма' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for
- ## <81>
- ## Warning in title(main = main, sub = sub, xlab = xlab, ylab = ylab, ...):
- ## conversion failure on 'Гистограмма' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for
- ## < d1>
- ## Warning in title(main = main, sub = sub, xlab = xlab, ylab = ylab, ...):
- ## conversion failure on 'Гистограмма' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for
- ## <82>
- ## Warning in title(main = main, sub = sub, xlab = xlab, ylab = ylab, ...):
- ## conversion failure on 'Гистограмма' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for

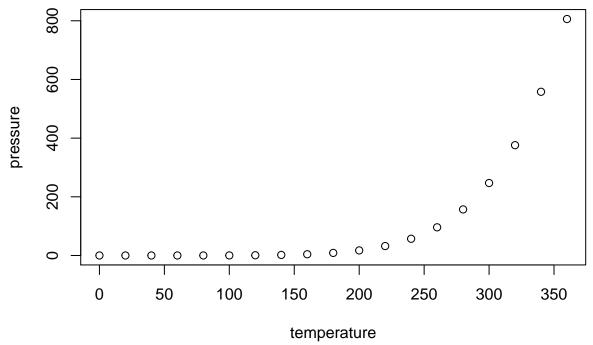
```
## <d0>
## Warning in title(main = main, sub = sub, xlab = xlab, ylab = ylab, ...):
## conversion failure on 'Γματογραμμα' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for
\#\# < be >
## Warning in title(main = main, sub = sub, xlab = xlab, ylab = ylab, ...):
## conversion failure on 'Гистограмма' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for
\#\# < d0 >
## Warning in title(main = main, sub = sub, xlab = xlab, ylab = ylab, ...):
## conversion failure on 'Гистограмма' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for
\#\# <b3>
## Warning in title(main = main, sub = sub, xlab = xlab, ylab = ylab, ...):
## conversion failure on 'Гистограмма' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for
\#\# < d1 >
## Warning in title(main = main, sub = sub, xlab = xlab, ylab = ylab, ...):
## conversion failure on 'Гистограмма' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for
## Warning in title(main = main, sub = sub, xlab = xlab, ylab = ylab, ...):
## conversion failure on 'Гистограмма' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for
## Warning in title(main = main, sub = sub, xlab = xlab, ylab = ylab, ...):
## conversion failure on 'Гистограмма' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for
## Warning in title(main = main, sub = sub, xlab = xlab, ylab = ylab, ...):
## conversion failure on 'Гистограмма' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for
## Warning in title(main = main, sub = sub, xlab = xlab, ylab = ylab, ...):
## conversion failure on 'Гистограмма' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for
## Warning in title(main = main, sub = sub, xlab = xlab, ylab = ylab, ...):
## conversion failure on 'Γистограмма' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for
## Warning in title(main = main, sub = sub, xlab = xlab, ylab = ylab, ...):
## conversion failure on 'Гистограмма' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for
## Warning in title(main = main, sub = sub, xlab = xlab, ylab = ylab, ...):
## conversion failure on 'Гистограмма' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for
## Warning in title(main = main, sub = sub, xlab = xlab, ylab = ylab, ...):
## conversion failure on 'Гистограмма' in 'mbcsToSbcs': dot substituted for
\#\# < b0>
```





Including Plots

You can also embed plots, for example:



Note that the echo = FALSE parameter was added to the code chunk to prevent printing of the R code that generated the plot.

References

Ширяев, А.Н. 1980. "Вероятность. в 2-х кн." 7 (2). М.: Hayka: 179–88. http://booksshare.net/books/physics/shiryaev-an/1957/files/veroyatnost 1957.pdf.