

**„ZPR PWr – Zintegrowany Program Rozwoju Politechniki Wrocławskiej”**

Wrocław 2024.12.06

Autor: Michał Przewoźniczek i Marcin Komarnicki

**Techniki Efektywnego Programowania – mini-projekt**

**Uwaga:** mini-projekt ma służyć użyciu umiejętności zdobytych w ramach kursu, w tym w ramach wykonania wcześniejszych list zadań. Dlatego, w ramach mini-projektu **można używać konstrukcji językowych oferowanych przez standard C++11 i wyższe.** Ograniczenia, które nadal obowiązują to m.in.:

- 1. Zakaz nieuzasadnionego rzucania wyjątków (tak jak dla wcześniejszych list).**
- 2. Zakaz używania inteligentnych wskaźników, chyba że napisało się je samodzielnie (można użyć/rozbudować klasę zaimplementowaną w ramach listy nr 5).**

W ramach zadania należy napisać własną metodę Algorytmu Genetycznego (AG). AG służy do wyszukiwania jak najlepszych rozwiązań dla problemów optymalizacyjnych. Niniejsze zadanie jest zadaniem programistycznym, nie ma na celu pokazania całego spektrum możliwych zastosowań AG. Może jednak stanowić intelektualną rozrywkę dla osób, którym spodoba się ta tematyka.

Niniejsze zadanie, dla celów dydaktycznych związanych z kursem TEP, ograniczy się do rozwiązywania **problemu grupowania podobnych punktów**, jednak implementacja dobrej jakości będzie mogła być bezpośrednio użyta również w konkursie programowania w C++ prowadzonym w ramach przedmiotu.

**UWAGA** – w ramach oceny z laboratorium będzie oceniana wyłącznie jakość dostarczonego kodu. Jakość działania AG (jakość optymalizacji) nie będzie brana pod uwagę.

**Problem grupowania podobnych punktów – dokumentacja znajduje się na ePortalu w materiałach dotyczących konkursu programowania w C++.**

## Podstawy działania algorytmu genetycznego

Do poszukiwania dobrych jakościowo rozwiązań takich problemów jak problem grupowania podobnych punktów służy między innymi metoda nazywana Algorytmem Genetycznym. Główna idea jej działania polega na stworzeniu populacji losowo wybranych rozwiązań. Następnie, zgodnie z ideą ewolucji wybieramy rozwiązania jakościowo lepsze i krzyżujemy je z innymi dobrymi jakościowo rozwiązaniami. Liczymy na to, że skoro rodzice byli dobrej jakości, to być może wśród ich potomstwa trafi się takie, które będzie jeszcze lepsze.

W przypadku opisanego powyżej problemu, pojedyncze rozwiązanie można zakodować jako tablicę  $n$  liczb typu *int* o wartościach dodatnich.

Poszczególne kroki algorytmu genetycznego są przedstawione poniżej, każdy z nich jest opisany dokładniej w dalszej części dokumentu.

**Zmienne wejściowe:** *PopSize* (rozmiar populacji), *CrossProb* (prawdopodobieństwo krzyżowania), *MutProb* (prawdopodobieństwo mutacji)

1. Wygeneruj populację *PopSize* losowych rozwiązań
2. Oceń wszystkie rozwiązania wyliczając sumę odległości euklidesowych punktów, które należą do tej samej grupy
3. Wykonaj krzyżowanie
4. Wykonaj mutację
5. Jeśli osiągnąłeś warunek zatrzymania metody (np. upłynął czas dostępny na obliczenia) to zakończ, jeśli nie, to wróć do punktu 2.

### Populacja i jej generowanie

W algorytmie genetycznym (AG) pojedyncze rozwiązanie jest nazywane *osobnikiem*. Żeby AG mogło rozpocząć swoje działanie należy najpierw wygenerować populację (pewną grupę osobników). Liczbę osobników określa użytkownik, w niniejszym zadaniu parametr ten nazywa się *PopSize*. Początkowa populacja jest generowana losowo. Należy użyć generatora liczb pseudolosowych. W C++98 do generowania liczb pseudolosowych służą komendy *srand(time(NULL))* (ustawienie tzw. *seeda* wywoływane jeden raz, na starcie programu) oraz *rand()* (patrz: <http://www.cplusplus.com/reference/cstdlib/rand/>). W tym zadaniu można również użyć mechanizmu z C++11 (i jest to zalecane, ale nie nakazywane) dokumentacja: [https://en.cppreference.com/w/cpp/numeric/random/uniform\\_int\\_distribution](https://en.cppreference.com/w/cpp/numeric/random/uniform_int_distribution).

### Przykład

Wykorzystując AG chcemy szukać dobrych rozwiązań dla *instancji problemu grupowania podobnych punktów*, gdzie liczba punktów to  $n=4$ , każdy punkt możemy przypisać do jednej z  $k=3$  grup, a zadany *PopSize* = 4, to populacja początkowa, która może wyglądać następująco:

Osobnik 1: 1231

Osobnik 2: 1212

Osobnik 3: 1332

Osobnik 4: 2123

Gdzie wartość genu oznacza identyfikator grupy, do której przypisaliśmy dany punkt. Uwaga: w rozważanym problemie kolejność punktów jest przypadkowa. Na przykład punkty 1 i 2 mogą być od siebie bardziej oddalone niż punkty 1 i 3.

## „ZPR PWr – Zintegrowany Program Rozwoju Politechniki Wrocławskiej”

### Ocena osobników

W AG wartość oceny osobnika nazywa się *przystosowaniem* (ang. *fitness*). W omawianym przykładzie można skorzystać z funkcji oceny, która jest elementem udostępnionego frameworka (metoda `dEvaluate` w obiekcie `CGroupingEvaluator`). W problemie grupowania podobnych punktów, interesuje nas jak najmniejsza wartość sumy odległości euklidesowych punktów, które należą do tej samej grupy.

Dla osobników z powyższego przykładu przystosowanie może być następujące:

Osobnik 1: 1231 (przystosowanie=230.0)

Osobnik 2: 1212 (przystosowanie=3000.5)

Osobnik 3: 1332 (przystosowanie=200000.0, rozwiązanie wyraźnie gorszej jakości)

Osobnik 4: 2123 (przystosowanie=0.5; rozwiązanie optymalne; uwaga: może być takich wiele)

### Krzyżowanie

W normalnym procesie ewolucji osobniki żyjące w naturze krzyżują się i mają wspólne potomstwo. Podobnie jest w AG. Żeby wytworzyć potomstwo, potrzebnych jest dwoje rodziców. Jak ich wybrać? Z istniejącej populacji wybieramy losowo dwa osobniki i konkurują one bezpośrednio między sobą, wybieramy tego, który jest lepszy. Krzyżowanie jest powtarzane tak długo, aż utworzonych zostanie *PopSize* nowych osobników.

### Przykład

Mamy populację przedstawioną i ocenioną tak, jak w poprzednim przykładzie. Chcemy utworzyć nowe pokolenie. Wybieramy losowo (z równym prawdopodobieństwem 25% dla każdego osobnika, bo osobników jest 4) dwa osobniki. Załóżmy, że wybraliśmy osobnika nr 2 i osobnika nr 3. Przystosowanie osobnika nr 2 jest lepsze, więc wybieramy go jako pierwszego rodzica. Następnie znów losujemy dwa osobniki i wybieramy jednego z nich jako rodzica. Załóżmy, że wylosowaliśmy osobnika nr 2 (znowu, ale jest to dopuszczalne) oraz osobnika nr 4. Jako drugiego rodzica wybieramy więc osobnika nr 4. Jako rodziców mamy więc wybrane 2 osobniki: 2 (z pierwszej losowej pary) i 4 (z drugiej losowej pary).

Następnie sprawdzane jest prawdopodobieństwo krzyżowania (*CrossProb*), o którym mowa na poprzedniej stronie. Sprawdzamy (losowo!), czy krzyżowanie ma nastąpić, czy nie. Na przykład, jeśli *CrossProb*=0.6 (czyli 60%), a z zakresu [0-1] wylosowaliśmy 0.445, to krzyżowanie nastąpi, bo  $0.445 < 0.6$  (co jeśli nie, jest opisane przy drugiej parze rodziców).

Mamy dwoje rodziców zakodowanych ciągiem liczb od 1 do  $k$  (w omawianym przykładzie  $k=3$ ), zwanym dalej *genotypem*.

Rodzic 1: 1212

Rodzic 2: 2123

Genotyp rodzica może zostać przecięty na dwie części w jednym z 3 miejsc ( $n-1$ ). Na przykład Rodzic 1, może być przecięty na dwie części na jeden z następujących sposobów:

**Punkt 1:** 1 212

**Punkt 2:** 12 12

**Punkt 3:** 121 2

**„ZPR PWr – Zintegrowany Program Rozwoju Politechniki Wrocławskiej”**

Dla obu rodziców losujemy jeden z 3 dostępnych punktów krzyżowania. Załóżmy, że wylosowaliśmy punkt nr 3. Wtedy każdego z rodziców dzielimy na dwie następujące części:

**Rodzic 1: 121 2**

**Rodzic 2: 212 3**

Z tej dwójki rodziców powstanie dwójka dzieci. Dzieci tworzymy w następujący sposób.

Dziecko nr 1 = część 1 Rodzica 1 + część 2 Rodzica 2.

Dziecko nr 2 = część 2 Rodzica 1 + część 1 Rodzica 2.

A więc, w powyższym przykładzie:

Dziecko nr 1: **1213**

Dziecko nr 2: **2122**

Dzieci nr 1 i 2 są wstawiane do kolejnej populacji. Na razie są w niej tylko te 2 osobniki, a wymagany  $PopSize=4$ . W związku z powyższym losujemy kolejną parę rodziców, zgodnie z procedurą opisaną powyżej. Załóżmy, że jako rodziców wybraliśmy osobnika 1 i 4. Proszę zauważyć, że osobnik nr 4 został wybrany jako rodzic już drugi raz. Nie ma tutaj żadnych ograniczeń. Załóżmy, że tym razem sprawdzając, czy ma nastąpić krzyżowanie wylosowaliśmy 0.778. Ponieważ  $0.778 > CrossProb$  (które jest równe 0.6), to krzyżowanie nie następuje. W takiej sytuacji w kolejnej populacji znajdują się kopie rodziców. A więc następna populacja została utworzona z osobników o genotypach:

1213 (dziecko z krzyżowania osobników 2 i 4)

2122 (dziecko z krzyżowania osobników 2 i 4)

1231 (kopia osobnika 1)

2123 (kopia osobnika 4)

### Mutacja

W przypadku mutacji, dla realizacji niniejszego zadania należy przyjąć, że przebiega ona następująco. Dla każdego osobnika i dla każdego jego genu oddzielnie, sprawdzamy, czy mutacja zachodzi. Losujemy liczbę z zakresu  $[0;1]$  i porównujemy ją z prawdopodobieństwem mutacji  $MutProb$ . Jeśli wylosowana liczba jest mniejsza, to mutujemy gen, w przeciwnym przypadku pozostawiamy osobnika w niezmiennym stanie.

Na przykład:

Dla osobnika o genotypie **1213** wykonujemy mutację. Załóżmy, że  $MutProb=0.1$ .

Sprawdzamy mutację dla genu nr 1. Losujemy liczbę z zakresu  $[0;1]$  i porównujemy ją z  $MutProb$ . Wylosowaliśmy 0.221, a więc gen pozostaje niezmienny.

Sprawdzamy mutację dla genu nr 2, wylosowaliśmy 0.02, a więc mutacja zachodzi. W takiej sytuacji zmieniamy wartość genu na inną losowo wybraną (można pozwolić na powtórne wylosowanie tej samej wartości genu). Ze zbioru  $\{1,2,3\}$  wylosowaliśmy grupę o identyfikatorze 1, a więc aktualny genotyp wygląda teraz tak: **1113**. Na drugiej pozycji była 2, ale została zmieniona na 1, bo drugi gen uległ mutacji.

### **„ZPR PWr – Zintegrowany Program Rozwoju Politechniki Wrocławskiej”**

Następnie sprawdzamy mutację dla genu nr 3. Wylosowaliśmy 0.154, a więc mutacja nie zachodzi i genotyp osobnika nadal ma postać **1113** (na czerwono zaznaczony jest zmutowany wcześniej gen nr 2).

Wreszcie sprawdzamy mutację dla genu nr 4. Wylosowaliśmy 0.003, a więc gen jest mutowany. W związku z powyższym genotyp po mutacji ma postać np.: **1112**.

Zauważ, że w efekcie mutacji osobnika może tak się zdarzyć, że żaden gen nie zostanie zmieniony (zmutowany), może być tak, że zmianie ulegnie 1 gen, a może być ich też kilka. W skrajnym przypadku mogą zostać zmutowane wszystkie geny.

## **Wymagania do programu:**

W ramach wykonania programu należy skorzystać z udostępnionego projektu konkursowego i oprogramować, co najmniej następujące klasy:

- **CGeneticAlgorithm**
  - Klasa do obsługi uruchomienia konkretnej instancji AG
  - Należy uwzględnić parametry wykonania AG (rozmiar populacji, prawdopodobieństwo krzyżowania i mutacji)
  - Jako kryterium zatrzymania można przyjąć liczbę iteracji metody, czas obliczeń, albo liczbę wywołań metody wyliczającej jakość danego rozwiązania
  - Po zakończeniu przebiegu AG obiekt ma dawać możliwość pobrania najlepszego rozwiązania znalezione w trakcie przebiegu metody
- **CIndividual**
  - Klasa osobnika
  - Osobnik musi posiadać genotyp, kodujący rozwiązanie
  - Wymagana jest metoda wyliczająca przystosowanie danego osobnika
  - Wymagana jest metoda mutująca danego osobnika
  - Wymagana jest metoda pozwalająca skrzyżować danego osobnika z innym i zwracająca utworzone w ten sposób dzieci

Wyniesienie powyższych funkcjonalności poza klasę będzie traktowane jak przejaw programowania strukturalnego i karane jako nieodpowiednie przypisanie funkcjonalności obiektom.

**Zastanów się jak ustalić relacje pomiędzy obiektem optymalizatora, a obiektem problemu. Które obiekty będą ze sobą w relacji całość-część?**

Program nie musi posiadać interfejsu użytkownika. Wystarczy wykonanie przykładowego przebiegu z poziomu funkcji main.