Линейная и логистическая регрессии

Наталья Баданина

Методист академических программ ML направления, Яндекс

Data Scientist



Проверка связи



Если у вас нет звука:

- убедитесь, что на вашем устройстве и колонках включён звук
- обновите страницу вебинара или закройте её и заново присоединитесь к вебинару
- откройте вебинар в другом браузере
- перезагрузите устройство и попытайтесь зайти заново



Поставьте в чат:

- 🕂 если меня видно и слышно
- если нет

Рекомендации

- При просмотре с компьютера
 - Используйте браузеры Google Chrome или Microsoft Edge
 - Если есть проблемы с изображением или звуком, обновите страницу **F5**
- → При просмотре с мобильного телефона или планшета
 - Перейдите с мобильного интернет-соединения на Wi-Fi
 - Если есть проблемы с изображением или звуком, перезапустите приложение на телефоне

Правила участия

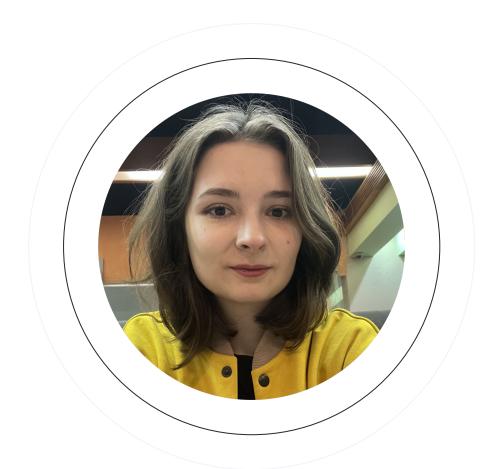
- $ig(oldsymbol{\scriptscriptstyle 1} ig)$ Приготовьте блокнот и ручку, чтобы записывать важные мысли и идеи
- (**2**) Продолжительность вебинара 90 минут
- (з) Вы можете писать свои вопросы в чате
- $\left(f{4}
 ight)$ Запись вебинара будет доступна в личном кабинете



Наталья Баданина

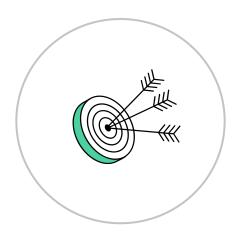
О спикере:

- Методист академических программ ML направления, Яндекс
- Data Scientist



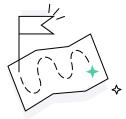
Цели занятия

- 1 Познакомиться с понятием линейной регрессии
- **2** Познакомиться с понятием линейной регрессии логистической регрессии
- **3** Применить на практике модель логистической регрессии и вычислить основные метрики

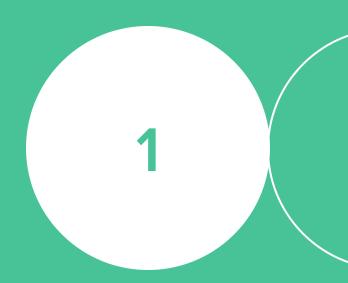


План занятия

- (1) Линейная регрессия
- (2) Логистическая регрессия
- (з) Практика



Линейная регрессия



Линейная регрессия

Гипотеза о линейной зависимости целевой переменной, ищем решение в виде:

$$a(X_1,...,X_n) = w_0 + w_1 X_1 + ... + w_n X_n$$

- часто неплохо работает и при монотонных зависимостях
- хорошо работает, когда есть много «однородных» зависимостей

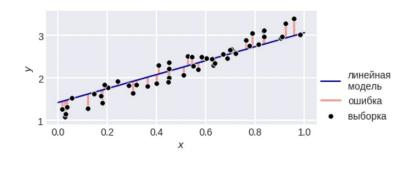
Линейная регрессия от одной переменной

$$a(X_1) = w_0 + w_1 X_1$$

хотели бы

$$\begin{cases} w_0 + w_1 x_1 = y_1 \\ \cdots \\ w_0 + w_1 x_m = y_m \end{cases}$$

невязки/отклонения (residuals)



$$e_{1} = y_{1} - w_{0} - w_{1}x_{1}$$

$$\vdots$$

$$e_{m} = y_{m} - w_{0} - w_{1}x_{m}$$

Линейная регрессия от одной переменной

Задача минимизации суммы квадратов отклонений (residual sum of squares):

$$RSS = e_1^2 + ... + e_m^2 \rightarrow min$$

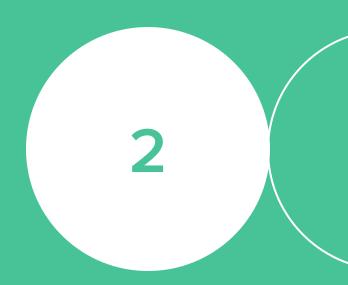
На это можно смотреть как на минимизацию эмпирического риска по параметрам $w = (w_0, w_1)$

$$L(w) = \sum_{i=1}^{m} (y_i - a_w(x_i))^2 = \sum_{i=1}^{m} (y_i - (w_0 + w_1 x_i))^2$$



Ваши вопросы?

Логистическая регрессия



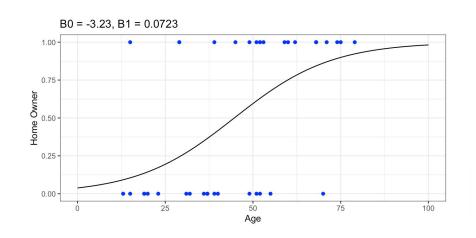
Логистическая регрессия

Решаем задачу классификации методом логистической регрессии

$$p(x) = P(Y = 1 \mid x) = \sigma(z) = \frac{1}{1 + e^{-z}} \in (0, 1),$$

$$z = w^{\mathsf{T}} x = w_0 + w_1 X_1 + \dots + w_n X_n,$$

$$\log\left(\frac{p(x)}{1 - p(x)}\right) = z$$



Практика



Цель и задачи

Цель:

1. Изучить практическую реализацию логистической регрессии

Задачи:

- 1. Понять, как обучить модель
- 2. Разобрать теоретическую составляющую модели
- 3. Изучить метрики классификации для оценки модели



Ваши вопросы?

Выводы

- 1. Линейная и логистическая регрессии связаны, но решают разные задачи регрессия и классификация
- 2. Для оценки модели нужно использовать несколько метрик

Итоги занятия

- Познакомились с понятием линейной регрессии
- Познакомились с понятием логистической регрессии
- Применили на практике модель логистической регрессии и вычислили основные метрики



Рефлексия

- Что изменилось? Раньше я думал(а), что..., а теперь...
- Какие вопросы у меня остались?



Домашнее задание. ДЗ 2. Часть 2

- 1. Проведите встречу команды и распределите задачи, используя материалы Вебинара «Линейная и логистическая регрессии»
- 2. Реализуйте задачи:
 - Примените модель, соответствующую вашей задаче
 - Посчитайте метрики

Срок выполнения Части 1 и Части 2 задания — 7 дней с момента открытия задания

Линейная и логистическая регрессии

Наталья Баданина

Методист академических программ ML направления, Яндекс

Data Scientist

