### Aprendizaje Reforzado

#### Maestría en Ciencia de Datos, DC - UBA

Julián Martínez Javier Kreiner

#### Evaluación de Política

$$egin{align} \overline{v_{\pi}(s)} &= \sum_{a} [\mathcal{R}^{a}_{s} + \sum_{s'} v_{\pi}(s') p^{a}_{s,s'}] \pi(a|s) \ &= \mathcal{R}^{\pi}_{s} + \sum_{s'} v_{\pi}(s') p^{\pi}_{s,s'} \ \end{aligned}$$

Método Iterativo

$$v^{k+1}_\pi(s) = \mathcal{R}^\pi_s + \sum_{s'} v^k_\pi(s') p^\pi_{s,s'}$$

# Función de Valor Óptima

$$v_*(s) = \max_{\pi} v_{\pi}(s)$$

$$q_*(s,a) = \max_{\pi} q_{\pi}(s,a)$$

# Optimalidad de MDP

$$\exists \ \pi_* \ / \pi_* \geq \pi \ orall \ \pi$$
 such that

$$v_*(s) = v_{\pi_*}(s), \qquad q_*(s,a) = q_{\pi_*}(s,a)$$

 $\forall s, a$ 

$$\pi_*(s) = arg\max_a q_*(s,a)$$
 $v_*(s) = \max_a q_*(s,a)$ 

## Optimalidad de Bellman

 $T_{ij} = ext{Costo de viajar de } i$  a j

 $O_{ij}= ext{Costo del viaje OPTIMO de }i$  a j

$$T_{ij} = min_k[T_{ik} + O_{kj}]$$

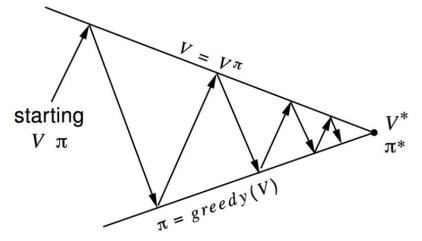
#### Ecuaciones de optimalidad para MDP

$$v_*(s) = \max_a [\mathcal{R}^a_s + \sum_{s'} p^a_{s,s'} v_*(s')]$$

Son ecuaciones NO lineales!

#### Evaluación y Mejora

$$oldsymbol{v_{\pi}(s)} = \sum_a [\mathcal{R}^a_s + \sum_{s'} oldsymbol{v_{\pi}(s')} p^a_{s,s'}] oldsymbol{\pi(a|s)}$$





#### **Evaluation / Improvement**

$$\pi_0 \xrightarrow{\mathrm{E}} v_{\pi_0} \xrightarrow{\mathrm{I}} \pi_1 \xrightarrow{\mathrm{E}} v_{\pi_1} \xrightarrow{\mathrm{I}} \pi_2 \xrightarrow{\mathrm{E}} \cdots \xrightarrow{\mathrm{I}} \pi_* \xrightarrow{\mathrm{E}} v_*,$$

$$egin{aligned} q_{\pi_k}(s,a) &= \mathcal{R}^a_s + \gamma \sum_{s'} v_\pi(s') p^a_{s,s'} \ \pi_{k+1}(s) &= arg \max_a q_{\pi_k}(s,a) \end{aligned}$$

#### Plan de la case

Práctica: (python)

- Evaluación de una política
- Iteración de política
- Iteración de Valor

# **Ejercicio**

- Problema del apostador
- Ejercicio matemática

#### Lectura recomendada

- AlphaStar de deepmind le gana a profesionales del Starcraft 2: https://deepmind.com/blog/alphastar-mastering-real-time-strategy-game-starcraft-ii/