UNIVERSITATEA "ALEXANDRU-IOAN CUZA" DIN IAȘI

FACULTATEA DE INFORMATICĂ



LUCRARE DE LICENȚĂ

Verificarea formală în Dafny a algoritmului Greedy pentru Problema Bancnotelor cu bancnote puteri ale lui 2

propusă de

Alexandra Elena Contur

Sesiunea: februarie, 2023

Coordonator științific

Conf. Dr. Ciobâcă Ștefan

UNIVERSITATEA "ALEXANDRU-IOAN CUZA" DIN IAȘI

FACULTATEA DE INFORMATICĂ

Verificarea formală în Dafny a algoritmului Greedy pentru Problema Bancnotelor cu bancnote puteri ale lui 2

Alexandra Elena Contur

Sesiunea: februarie, 2023

Coordonator științific

Conf. Dr. Ciobâcă Ștefan

	Avizat
	Îndrumător lucrare de licență
	Conf. Dr. Ciobâcă Ștefan
Data:	Semnătura:

Declarație privind originalitatea conținutului lucrării de licență

Subsemnatul Contur Alexandra Elena domiciliat în România, jud. Iași, com. Holboca, str. Dascălilor, nr. 10, născut la data de 04 martie 2001, identificat prin CNP 6010304226743, absolvent al Facultății de informatică, Facultatea de informatică specializarea informatică, promoția 2022, declar pe propria răspundere cunoscând consecințele falsului în declarații în sensul art. 326 din Noul Cod Penal și dispozițiile Legii Educației Naționale nr. 1/2011 art. 143 al. 4 și 5 referitoare la plagiat, că lucrarea de licență cu titlul Verificarea formală în Dafny a algoritmului Greedy pentru Problema Bancnotelor cu bancnote puteri ale lui 2 elaborată sub îndrumarea domnului Conf. Dr. Ciobâcă Ștefan, pe care urmează să o susțin în fața comisiei este originală, îmi aparține și îmi asum conținutul său în întregime.

De asemenea, declar că sunt de acord ca lucrarea mea de licență să fie verificată prin orice modalitate legală pentru confirmarea originalității, consimțind inclusiv la introducerea conținutului ei într-o bază de date în acest scop.

Am luat la cunoștință despre faptul că este interzisă comercializarea de lucrări științifice în vederea facilitării falsificării de către cumpărător a calității de autor al unei lucrări de licență, de diplomă sau de disertație și în acest sens, declar pe proprie răspundere că lucrarea de față nu a fost copiată ci reprezintă rodul cercetării pe care am întreprins-o.

Data:	Semnătura:

Declarație de consimțământ

Prin prezenta declar că sunt de acord ca lucrarea de licență cu titlul **Verificarea formală în Dafny a algoritmului Greedy pentru Problema Bancnotelor cu bancnote puteri ale lui 2**, codul sursă al programelor și celelalte conținuturi (grafice, multimedia, date de test, etc.) care însoțesc această lucrare să fie utilizate în cadrul Facultății de informatică.

De asemenea, sunt de acord ca Facultatea de informatică de la Universitatea "Alexandru-Ioan Cuza" din Iași, să utilizeze, modifice, reproducă și să distribuie în scopuri necomerciale programele-calculator, format executabil și sursă, realizate de mine în cadrul prezentei lucrări de licență.

	Absolvent Alexandra Elena Contur		
Data:	Semnătura:		

Cuprins

1	1 Context						
	1.1	Algor	itmul Greedy pentru Problema Bancnotelor	2			
	1.2	Problema Bancnotelor cu bancnote puteri ale lui 2					
	1.3	Limbajul Dafny					
2	Veri	ficarea	formală a problemei	3			
	2.1	Partic	ularități ale problemei alese	3			
		2.1.1	Implementarea algoritmului	3			
		2.1.2	Observații	4			
	2.2	Demonstrarea optimalității					
		2.2.1	Pașii verificării	4			
		2.2.2	Detalii de implementare	4			
	2.3	Posibile îmbunătățiri ???		4			
Co	Concluzii			5			
Bi	bliog	rafie		6			

Capitolul 1

Context

1.1 Algoritmul Greedy pentru Problema Bancnotelor

Problema Bancnotelor are ca scop reprezentarea unei sume într-un număr minim posibil de bancnote.

Metoda Greedy face alegerea cea mai bună la fiecare pas, construind soluția finală. Verificarea formală in Dafny a problemei bancnotelor demonstrează faptul că soluția construită este optimă pentru orice sumă dată ca input.

Reprezentarea soluției : $banknote_1 := 1 < banknote_2 < ... < banknote_n$.

1.2 Problema Bancnotelor cu bancnote puteri ale lui 2

Anterior am menționat forma generală a Problemei Bancnotelor.

Banc
notele posibile în "Problema Banc
notelor cu banc
note puteri ale lui 2" sunt: [1,2,4,8,16,32] .

1.3 Limbajul Dafny

Dafny este un limbaj de programare și verificare, capabil să verifice corectitudinea funcțională a unui program.

Verificarea este posibilă datorită caracteristicilor specifice limbajului precum precondiții, postcondiții, invariante, ș.a.m.d. De asemenea, verificatorul Dafny are grijă ca adnotările făcute să se îndeplinească, astfel acesta ne scapă de povara de a scrie cod fără erori, în schimbul scrierii de adnotări fără erori.

Capitolul 2

Verificarea formală a problemei

2.1 Particularități ale problemei alese

2.1.1 Implementarea algoritmului

Implementarea algoritmului propriu-zis care rezolvă problema a fost primul și cel mai ușor pas.

Am început prin crearea unei bucle care la fiecare pas alegea bancnota optimă, o adăuga în secvența de bancnote considerată soluție și o scădea din sumă, tipic metodei Greedy.

```
var rest:= sum;
solution:= [0, 0, 0, 0, 0, 0];
while (0 < rest)
   decreases rest
   {
   index:= maxBanknote(rest);
   var banknote:= power(2, index);
   solution:= addValueToIndex(solution,1,index);
   rest:= rest - banknote;
}</pre>
```

Acest algoritm era suficient pentru a rezolva problema, dar nu era suficient pentru a demonstra că soluția produsă este optimă.

Considerăm o soluție optimă soluția de cost minim, costul fiind numărul de bancnote.

2.1.2 Observații

Datorită bancnotelor care sunt puteri ale lui 2, dacă avem mai mult de o bancnotă de valoare mai mică decât 32, putem înlocui 2 bancnote de acea valoare cu o bancnotă de valoarea următoare și am obține o soluție cu cost mai mic.

Astfel, am descoperit proprietatea: $forall \ i :: 0 <= i <= 4 ==> s[i] <= 1$

2.2 Demonstrarea optimalității

2.2.1 Pașii verificării

//fa un desen schematic //explica cam cum apeleaza cine pe cine pt un caz general i

2.2.2 Detalii de implementare

//exemple cod pentru cele mai importante: exchange argument32, banknoteMaxim32, maxBanknote, metoda principala

2.3 Posibile îmbunătățiri ???

Concluzii

Bibliografie

- 1. https://github.com/alexxandra21/Licenta2023
- 2. https://core.ac.uk/works/69828860
- 3. https://arxiv.org/pdf/1412.4395.pdf