DÉDUCTION NATURELLE

$$\frac{\Gamma \vdash A}{\Gamma \vdash A} \text{ si } A \in \Gamma \qquad \frac{\Gamma, A \vdash B}{\Gamma \vdash A \Rightarrow B} \text{ Intro} \Rightarrow \qquad \frac{\Gamma \vdash A \Rightarrow B}{\Gamma \vdash B} \text{ Elim} \Rightarrow$$

Figure 1: Déduction naturelle: logique minimale

Figure 2: Déduction naturelle: logique intuitionniste

$$\frac{\Gamma, \neg P \vdash \bot}{\Gamma \vdash P} \text{ RAA}$$

Figure 3: Déduction naturelle: logique classique

$$\frac{\Gamma \vdash A}{\Gamma \vdash \forall x \, A} \; \forall \; \text{intro} \; (x \; \text{n'est pas libre dans} \; \Gamma) \qquad \frac{\Gamma \vdash \forall x \, A}{\Gamma \vdash A[x \leftarrow t]} \; \forall \; \text{elim}$$

$$\frac{\Gamma \vdash A[x \leftarrow t]}{\Gamma \vdash \exists x \, A} \; \exists \; \text{intro} \qquad \frac{\Gamma \vdash \exists x \, A \qquad \Gamma, A \vdash B}{\Gamma \vdash B} \; \exists \; \text{elim} \; (x \; \text{n'est pas libre dans} \; \Gamma \; \text{ni} \; B)$$

Figure 4: Déduction naturelle: logique des prédicats