

# 物理人才培育計畫考古題

# 2021年

作者:李宥頡

組織: National Taiwan University

# 第1章 數學複習

# 1.1 三角函數

# 1.2 向量

# 1.3 微積分

# 第2章 力學

- 2.1 直線運動與平面運動
- 2.1.1 重點整理

#### 2.1.2 考古題練習

#### 例題 2.1

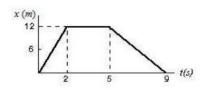
有一人騎著自行車由靜止以 0.10 公尺/秒 <sup>2</sup> 之等加速度加速前進 60 秒後就維持等速前進,再騎了 5 分鐘 後,他便以-0.05 公尺/秒 <sup>2</sup> 之等加速度行進,直到車停下來。請問:

- (a) 他共騎了多少時間
- (b) 他共騎了多少公尺

解

#### 例題 2.2

有一物體在 t=0 時由靜止從原點沿著 x-軸運動, 其位置對時間的關係如圖示  $\circ$  請問在 t=6 s 時該物體的速度為 \_\_\_\_\_,所受到的加速度為 \_\_\_\_\_。



某人將一質量為m的高爾夫球以和地面的夾角為 $\theta$ , $\nu_0$ 的初速擊出。不考慮空氣阻力,該球可以到達的最大高度為 $\underline{\hspace{0.3cm}}$ ;該球在空中停留的時間 $\underline{\hspace{0.3cm}}$ 。(重力加速度為g)

# 2.2 靜力平衡

## 2.2.1 重點整理

#### 2.2.2 考古題練習

#### 例題 2.4

將一質量為 10.0 公斤鋁梯靠在一垂直之平滑牆壁上。梯子與牆壁之間的夾角為 30 度,梯子的長度為 3.10 公尺。有一工人站在離鋁梯地面端 1.50 公尺的鋁梯横桿上,該工人的質量為 60.0 公斤。如果該鋁梯不滑動,地面跟鋁梯之間的摩擦力是多少牛頓?\_\_\_ (請忽略鋁梯與牆壁之間的磨擦力) 如果鋁梯和地面之間的靜摩擦係數  $\mu_k=0.31$ ,請問該鋁梯是否會滑動?\_\_\_  $\left(\cos 30^\circ=\sqrt{3}/2;\sin 30^\circ=1/2\right)$ 



有一艘潛艇長為 110 公尺,船體的直徑是 10 公尺。假設潛艇的上方是平坦的,其面積為 1,100 平方公尺。 當潛艇在水面下 250 公尺時,海水作用在潛艇上方的力為 \_\_\_ 牛頓。(海水密度 1,024 公斤/立方公尺)

解

#### 例題 2.6

物體在運動時所受到空氣的阻力的大小可表示為  $F_D = Dv^2$ , 其中 D 為一常數(和物體的截面積以及空氣的密度有關)。今有甲乙兩顆體積相同之圓球形物體從高空落下,在落地之前皆達到終端速度。甲的質量是 Z 任在著地之瞬間,物體甲之速率為物體乙速率之 \_\_\_ 倍。

# 2.3 功能

## 2.3.1 重點整理

#### 2.3.2 考古題練習

#### 例題 2.7

一質量為 1000 公斤,初速為 20.0 公尺/秒之汽車受到一定值之摩擦力而開始減速,經過 100 公尺後該車完全停止。該車所受到之摩擦力為 \_\_\_ 牛頓。如果此摩擦力完全來自地面與輪胎間之摩擦力,則地面與輪胎間之動摩擦係數為 \_\_\_。

解

#### 例題 2.8

某人用板手要將一螺絲旋緊在水平桌面上,該螺絲之螺帽之直徑為 0.860 公分。他總共轉了 30.5 圈才完成。假設在旋緊過程中,桌子和螺絲之摩擦力為定值(14.5 牛頓),請問將該螺絲旋緊鎖需要做的功為\_\_\_ 焦耳。

解

#### 例題 2.9

墨西哥灣流是全球最大的洋流 (在大西洋), 我們假設它的截面是寬度 100 公里,深度 500 公尺的長方形。洋流的流速為 2.0 公尺/秒,洋流的温度高出周遭海水  $5^{\circ}$ C。請算出此洋流作用在大西洋的功率為 \_\_\_ 瓦特。(水的比熱為 4,186 J/kg - °C)

已知在某地區接受到日光平均強度為 100 瓦/平方公尺, 平均每天日照時間 6 小時, 而太陽能板可將 20% 的太陽能轉換成電能。若某戶住家平均每天耗電為 12 度電, 則需裝設 \_\_\_ 平方公尺的太陽能板, 方可自給自足。

- 2.4 圓周運動
- 2.4.1 重點整理

#### 2.4.2 考古題練習

#### 例題 2.11

一繩子的一端鄉著一顆質量為 m 的石頭並將該石頭在垂直方向作圓周運動 (半徑為 R)。如果當石頭在最低點時,繩子所受到的張力是石頭重量的 5 倍。則石頭在該點的速率為 \_\_\_, 當石頭在最高為點的速率為 \_\_\_, 《繼子之質量可以忽略》

解

# 2.5 萬有引力

### 2.5.1 重點整理

### 2.5.2 考古題練習

#### 例題 2.12

火星的質量是  $6.4\times10^{23}$  公斤,和地球之間的最短距離為  $5.6\times10^{14}$  公尺。在這個時候一輛為 16,000 公斤的卡車距離你多少公尺時,卡車對你造成的重力大小會等於火星對你所造成的重力? 答案: \_\_\_ 公尺。

解

#### 例題 2.13

一行星的質量為地球之兩倍, 半徑為地球之 1.5 倍。在該行星表面的重力加速度 g 之值為 \_\_\_ 公尺/秒  $^2$  。

解

#### 例題 2.14

地球的質量是 5.97×10<sup>24</sup> 公斤, 月球的質量為 7.36×10<sup>22</sup> 公斤, 月球繞地球的軌道距離地心 384,000 公里。請問地球-月球系統的質量中心距離地心多少公里? (請注意有效位數) 答案: \_\_\_ 公里。

福衛七號衛星的任務軌道高度約為 550 公里, 求衛星繞行地球一周所需要的時間為多久: \_\_\_。(地球的半徑為 6380 km; 地球表面  $g=9.8~\mathrm{m/s^2}$ )

- 2.6 簡諧運動
- 2.6.1 重點整理

#### 2.6.2 考古題練習

#### 例題 2.16

一彈性係數為 k = 50 牛頓/公尺之彈簧,一端固定在牆上,另一端連接一質量為 0.50 公斤的物體。將該物體拉長至離平衡點 (即將該彈簧伸長) 0.12 公尺後將該物體放開。求該物體運動之週期為 \_\_\_ 秒,該物體所受到之加速度之最大量值為 \_\_\_ 公尺/秒  $^2$  。

解

## 2.7 動量與衝量

#### 2.7.1 重點整理

### 2.7.2 考古題練習

#### 例題 2.17

將一顆蛋裝在一個特別的盒子裡,盒子跟蛋的質量總共是 0.144 公斤。如果讓該盒子從 3.7 公尺的高度自由落下,請問盒子從碰到地面到停止 (盒子不會再彈起來) 至少要多久才不會將蛋打破?(蛋可承受的最大淨力為 4.42 牛頓) 答案: \_\_\_ 秒。

解

2.8 碰撞

2.8.1 重點整理

#### 2.8.2 考古題練習

#### 例題 2.18

一質量為 2.0 公斤, 速率為 6 公尺/秒之物體與另一靜止之物體做完全彈性碰撞後, 速率變為原來速率之 3 分之 1,繼續向原來的方向前進。請問該靜止之物體的質量為 \_\_\_ 公斤。碰撞後該原先靜止之物體的動能變為 \_\_\_ 焦耳

解

### 例題 2.19

一質量為 1.5 公斤之物體與另一靜止之物體做完全非彈性碰撞後,速率變為原來速率之 3 分之 1,繼續向原來的方向前進。請問該靜止之物體的質量為 \_\_\_ 公斤。

# 2.9 熱

## 2.9.1 重點整理

### 2.9.2 考古題練習

#### 例題 2.20

地球表面海洋的面積為  $3.6\times10^8~\mathrm{km}^2$ , 平均的深度為  $3,700~\mathrm{公R}$ 。一般來說, 水溫在  $1,000~\mathrm{公R}$ 深以下 化不大 (忽略之)。假設全球  $1,000~\mathrm{公R}$ 深以內的平均水溫為  $10.0^{\circ}\mathrm{C}$ ,請計算出如果平均水溫上升  $1.0^{\circ}\mathrm{C}$ ,海平面將上升多少? 答案: \_\_\_\_  $^{\circ}$ (水在  $10^{\circ}\mathrm{C}$  的體積膨脹係數為  $87.5\times10^{-6\circ}\mathrm{C}^{-1}$ )

解

#### 例題 2.21

60 公斤重的慢跑者在半小時產生  $7.0\times10^5$  焦耳的熱,如果這些熱不被移除,該慢跑者之體溫將上升多少 °C?(人體的平均比熱為 3500 焦耳/公斤-°C) 正確之答案:\_\_\_

解

#### 例題 2.22

等溫下,物體之輻射熱跟其表面積成正比。有一實心圓柱,其長度為其半徑之20倍。若欲在相同溫度下使其幅射熱變成原來之兩倍,須將該圓柱切成 \_\_\_ 塊相同長度之小圓柱。

有一實心圓柱,其長度為其半徑之12倍。若欲在相同溫度下使其輻射熱變成原來之兩倍,須將該圓柱切成 \_\_\_ 塊相同長度之小圓柱。

解

#### 例題 2.24

以一加熱器加熱 800 克的純水,升高 20°C 費時 40 秒;而加熱 400 克的某液體時,升高 10°C 費時 20 秒,則該液體的比熱為\_\_\_ 卡/克 °C; 400 克該液體的熱容量為\_\_\_ 卡/°C

# 2.10 波

# 2.10.1 重點整理

### 2.10.2 考古題練習

#### 例題 2.25

一般人的耳朵可以聽到聲音的頻率為 20-20,000 Hz, 室溫聲速為 343 公尺/秒, 請問人耳可聽到的聲音波長 = 長範圍是 = 。

解

#### 例題 2.26

高速公路上有一救護車邊行駛邊發出300赫茲的警笛聲。救護車的時速為108公里,請寫出在救護車正前方 \_\_\_ 和正後方 \_\_\_ 測到該警笛聲的波長之值。(聲波在空氣中的傳遞速率為330公尺/秒)