

A ecuación de movemento nun M.H.S. é

$$x = A \cdot \text{sen}(\omega \cdot t + \varphi_0)$$

Tamén

$$x = A \cdot \text{cos}(\omega \cdot t + \varphi'_0)$$

$x$  é a elongación: separación da posición de equilibrio. Tamén é a posición do móbil no sistema de referencia elixido.

$A$  é a amplitude: elongación máxima.

$\omega$  é a pulsación ou frecuencia angular: número de oscilacións do móbil en  $2\pi$  segundos. Está relacio-

nada co período  $T$  e coa frecuencia  $f$  polas expresións:  $\omega = \frac{2\pi}{T} = 2\pi f$

$t$  é o tempo.

$\varphi_0$  é a fase inicial. Emprégase para determinar a posición inicial  $x_0$ . Ten distinto valor coa función seno que coa función coseno:

$$\varphi_0 = \varphi'_0 + \pi / 2$$

Para obter a ecuación de movemento hai que calcular os valores de  $A$ ,  $\omega$  e  $\varphi_0$  a partir dos datos.

Cando se estira o resorte e se solta, o móbil oscila a ambos os dous lados da posición de equilibrio. O alongamento inicial é o alongamento máximo. Ese dato xa é a amplitude  $A$ .

Para calcular a frecuencia angular  $\omega$ , no caso de non ter nin o período  $T$  nin a frecuencia  $f$ , emprégase o valor da constante elástica do resorte  $k$ .

A relación matemática entre a frecuencia angular  $\omega$  e a constante elástica do resorte  $k$  é

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$$

Pódese demostrar polo seguinte camiño:

Obtense a ecuación da velocidade derivando a ecuación de movemento con respecto ao tempo

$$v = \frac{dx}{dt} = \frac{d[A \cdot \text{sen}(\omega \cdot t + \varphi_0)]}{dt} = A \cdot \omega \cdot \text{cos}(\omega \cdot t + \varphi_0)$$

Volvendo derivar obtense a ecuación da aceleración:

$$a = \frac{dv}{dt} = \frac{d[A \cdot \omega \cdot \text{cos}(\omega \cdot t + \varphi_0)]}{dt} = -A \cdot \omega^2 \cdot \text{sen}(\omega \cdot t + \varphi_0)$$

Ao substituír  $A \cdot \text{sen}(\omega \cdot t + \varphi_0)$  por  $x$  queda

$$a = -\omega^2 \cdot x$$

A aceleración é proporcional e de sentido contrario á elongación.

A forza resultante pode escribirse, pola 2ª lei de Newton,

$$F = m \cdot a = m(-\omega^2 \cdot x)$$

No movemento vertical, a forza resultante entre a forza elástica e o peso é unha forza recuperadora que se rexe pola expresión:

$$F = -k \cdot x$$

Igualando as dúas expresións queda

$$-k \cdot x = m(-\omega^2 \cdot x)$$

$$k = m \cdot \omega^2$$

Despexando  $\omega$

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$$

Para calcular a fase inicial  $\varphi_0$ , substitúese na ecuación de movemento o valor da posición inicial  $x_0$  cando o tempo  $t = 0$ .

$$x_0 = A \cdot \text{sen}(\omega \cdot 0 + \varphi_0) = A \cdot \text{sen}(\varphi_0)$$

$$\varphi_0 = \arcsen(x_0 / A)$$

No caso de que a posición inicial sexa o do resorte totalmente estirado sería: para  $t = 0$ ,  $x_0 = A$

$$\varphi_0 = \arcsen(1) = \pi/2 \text{ [rad]}$$

Neste caso é máis sinxelo escribir a ecuación de movemento en función do coseno porque  $\varphi'_0 = 0$