Abreviatura

([Ctrl]+[M])

PROBLEMAS DE FÍSICA DE 2.º DE BACHILLERATO

Ejemplo de uso da hoja de cálculo: «FisicaBachEs.ods»

Comienzo

Al abrir la hoja de cálculo, se mostrará una alerta de seguridad. Pulse el botón Activar macros. Para ir al índice puede elegir una de estas opciones:

- Pulse en la pestaña 🕯 Índice situada en la parte inferior.
- Presione la tecla [Ctrl] mientras pulsa en la celda <u>Índice</u> situada en la parte superior derecha.

Para ver la ayuda puede elegir una de estas opciones:

- Pulse en la pestaña 🕯 Ayuda situada en la parte inferior.
- Presione la tecla [Ctrl] mientras pulsa en la celda Ayuda situada en la parte superior derecha.

Teclado y ratón

Teclas

Aceptar	[←] ([Intro] o [Enter] o [Entrar])	[←]
Borrar a la derecha	[Supr] (o [Del] o [Delete])	[Supr]
Borrar a la izquierda	[∝] [[←] o [Backspace])	[igtriangledown]
Espaciador	[Esp]	[Esp]
Flecha abajo	[\]	[↓]
Mayúscula	[�] o ([Shift] o [Mayús])	[合]
Tabulador	[埼] (o [Tab] o [tabulador])	$\left[\stackrel{\longleftarrow}{\rightarrow}\right]$
Toolog simples		

Teclas simples

Aceptar	$[\leftarrow]$	[←
Celda siguiente	[×]	[⊬]

Combinación de teclas	Presione a la vez las teclas:	Abreviatura
Ir al principio de la página	[Ctrl] e [Inicio]	
Celda anterior	[♠] y [↹]	
Deshacer acción anterior	[Ctrl] y [Z]	([Ctrl]+[Z])
Copiar	[Ctrl] y [C]	([Ctrl]+[C])
Pegar (Desaconsejado)	[Ctrl] y [V]	([Ctrl]+[V])
Pegar sin formato (menú)	[Ctrl], [♠] y [V]	([Ctrl]+[Alt]+[V])
Pegar sin formato (rápido)	[Ctrl], [Alt], [♠] y [V]	$([Ctrl]+[Alt]+[\triangle]+[V])$
Punto multiplicación	[쇼] y [3]	([合]+[3])
Subíndice	$[\boldsymbol{\Delta}]$ y $[]$, {número o signo} y $\{$, $[\leftrightarrows]$ o $[\leftarrow]$ $\}$	([_]+n.°+[←])
Superíndice	$[\Phi]$ y [^], {número o signo} y { $[Esp]$, $[\leftrightarrows]$ o $[\leftarrow]$ }	([�]+[^]+n.°+[←])
Ver opciones	$[Alt]$ y $[\downarrow]$	$([Alt]+[\downarrow])$

Ratón

Seleccionar Pulsar dos veces (doble clic)

[Ctrl] y [M]

Teclado y ratón

Limpiar formato

Seguir enlace (en hoja cálculo) [Ctrl] y pulsar en el enlace, o hacer doble clic en el enlace.

Datos

Para borrar los datos puede elegir una de estas opciones:

- Datos, instrucciones y enunciado:
 - 1. Pulse en el menú: Editar \rightarrow Seleccionar \rightarrow Seleccionar celdas desprotegidas
 - 2. Presione la tecla [Supr].
 - Todos los datos:
 - 1. Pulse en cualquier celda de datos:

- 2. Pulse en el botón Borrar datos.
- 3. En el diálogo «¿Borrar los datos de esta hoja?», pulse el botón Aceptar.

Solo algunos datos.

- 1. Seleccione con el ratón un área en la que se encuentren los datos que desea borrar.
- 2. Pulse en el botón Borrar datos
- 3. En el diálogo «¿Borrar los datos en el intervalo seleccionado?», pulse el botón Aceptar.

Para elegir una opción siga estos pasos:

- 1. Pulse en la celda:
- 2. Pulse en la flecha ₱ para ver la lista desplegable.
- 3. Desplácese por la lista y elija una opción.

Para anotar una cantidad:

Pulse en la celda: , y escriba en ella a cantidad.

Si no le gusta el formato en el que se muestra un valor (por ejemplo 1,00E-01), pulse en la celda y presione a la vez las teclas [Ctrl] y [M] para limpiar el formato (se verá 0,1).

Para poner un valor en notación científica puede elegir una de estas opciones:

- Escriba el número en formato científico 0,0E-0 de la hoja de cálculo.
- Escriba el número en formato habitual 0,0·10⁻⁰.
- Seleccione el valor en otro documento, cópielo ([Ctrl]+[C]) y péguelo ([Ctrl]+[Alt]+[♣]+[V]).

Ejemplos de escritura en formato científico:

Escriba: En la celda aparecerá:

Hoja de cálculo: 3E-9

3,00E-09

Formato habitual: 3.00

3,00[�]310[�][^]-[Esp][☒][�][^]9[←]

 $3.00 \cdot 10^{-9}$

(Después del signo –, pulse el espaciador [Esp]. Pulse la tecla [\bowtie] para borrar el espacio).

Si ese número ya estaba en un documento, puede copiar y pegar siguiendo estos pasos:

1. Selecciónelo: pulse al principio del número y arrastre el ratón hasta el final o doble clic

2. Cópielo: menú: Editar \rightarrow Copiar

o [Ctrl]+[C]

- 3. Pulse en la celda:
- 4. Péguelo: menú: Editar \rightarrow Pegado especial \rightarrow Pegar texto sin formato o [Ctrl]+[Alt]+[\triangle]+[V]

• Cifras significativas y formato numérico

En el enlace <u>Formato núms</u> se puede elegir el número de cifras significativas (1 a 6) con las que aparecerán los resultados, pero no se usan en los cálculos intermedios.

También se puede elegir un número de cifras para que los resultados aparezcan en formato decimal o científico y, en este caso, el símbolo «·» o «×» delante del 10.

Esta elección afecta la todas las pestañas.

• Como pegar el enunciado en la hoja de cálculo

Si el enunciado se copió de la pestaña de ejemplos de la misma hoja, solo necesita pegarlo, pulsado a la vez las teclas [Ctrl] y [V]. Para pegar de otro origen:

- 1. Pulse dos veces (doble clic) en la celda situada debajo de la etiqueta «Problema» la hoja de cálculo. Selecciónela:
 - o O presionando a la vez las teclas [Ctrl] y [E].
 - o O bien, pulsando en el menú: Editar → Seleccionar todo
- 2. Péguelo, presionando a la vez las teclas [Ctrl], [Alt], [4] y [V].

En el caso que desapareciese el formato de la celda donde va el enunciado, copie cualquier otro enunciado de la hoja de cálculo y péguelo en ella.

Otros cálculos

En todas las pestañas aparecen unas celdas bajo el epígrafe: OTROS CÁLCULOS.

En ellas se pueden escribir fórmulas para hacer cálculos.

Para poner una fórmula en una celda, hay que empezar escribiendo «=» y luego poner símbolos de operaciones («+», «-» «*» o «/») y pulsar en las celdas con las que operar.

Por ejemplo, para que la celda A3 haga la suma entre los números que hay en las celdas A1 y B1:

1. **Pulse en la celda** en la que quiere escribir la fórmula.

- 2. Escriba el signo igual [=] en la celda. Esto le indica a LibreOffice que escribe una fórmula.
- 3. Ahora puede seguir de cualquiera de estas maneras:
 - Pulse en la celda A1. Pulse la tecla [+] Pulse en la celda B1.
 - O escriba la fórmula: =A1+B1 donde A1 y B1 son las coordenadas de las celdas que quiere sumar.
- 4. **Presione** la **tecla** [←] para completar la entrada.

La celda mostrará ahora el resultado de la fórmula.

Puede usar una variedad de funciones matemáticas para las fórmulas, como SUM para sumar o RAIZ para calcular la raíz cuadrada. Consulte la ayuda de LibreOffice para obtener una lista completa de las funciones disponibles.

Cuando la celda que contiene el dato está en formato científico, como 6,67·10⁻¹¹, tiene que emplear la función AVALOR, para que lo transforme en un número. Por ejemplo, la fórmula para calcular la velocidad en

la órbita $v = \sqrt{\frac{G \cdot M}{r}}$, si los datos se encuentran en las celdas del cuadro (y teniendo en cuenta que r es la

suma: R + h), sería:

=RAIZ(AVALOR(J8)*J2/(J3+J6))

	Н	I		K
2	Masa	<i>M</i> =	5,97E+24	kg
3	Radio	R =	6,37E+06	m
4				
5	Masa	m =		kg
6	Altura	h =	693 000	m
7				
8	Constante de la gravitación	<i>G</i> =	6,67·10 ⁻¹¹	N·m²/kg²

La celda donde escribiera la fórmula, por ejemplo H22, presentaría el resultado: 7508,53966 609 457. Para obtener un aspecto más legible podría emplear la función NUMFORMA. Si en otra celda, por ejemplo J22, escribe la función =NUMFORMA(H22) lo que vería en J22 sería: 7,51·10³.

En la pestaña «Introd» hay más información de las funciones exclusivas que puede emplear. Para verlas, haga clic en <u>funciones</u>.

Otros consejos

Haga una copia de seguridad de la hoja de cálculo.

Nunca pegue ([Ctrl]+[V]) en una celda de color naranja.

En vez de eso, pegue sin formato:

menú Editar \rightarrow Pegado especial \rightarrow Pegar texto sin formato o [Ctrl], [Alt] y [V].

Si ya lo hizo, pruebe a deshacerlo pulsando a la vez las teclas [Ctrl] y [Z].

Si eso no va, recupere desde la copia de seguridad o la descargue de nuevo.

Si cambió el aspecto de una celda que era de color blanco y borde azul, pruebe a presionar a la vez las teclas [Ctrl] y [M].

Si esto no funciona, pulse en otra celda que esté bien, y cópiela pulsando a la vez las teclas [Ctrl] y [C]. Pulse en la celda que cambió de aspecto y presione a la vez las teclas [Ctrl], [Alt] y [V], y, en Preconfiguraciones, pulse en «Formatos solo»

Tipos de problemas

En la página findice, aparecen los enlaces a las hojas con los tipos de problemas que puede resolver. Para ir a alguno de ellos, mantenga pulsada la tecla [Ctrl] mientras hace clic con el ratón en el Tema que contiene el tipo de problemas deseado, o haga clic con el ratón en la pestaña inferior correspondiente. El nombre de la pestaña de cada tipo de problemas está en la columna de Pestaña en la página findice. Se pueden resolver ejercicios de los siguientes temas:

Bloque	Tema	Pestaña
Gravitación	Satélites	Satelites
	Propiedades de un astro por comparación con otro	2Astros
	Relación entre períodos o radios de órbitas	2Astros

Desintegr

Masas puntuales Campos Electromagnetismo Cargas puntuales Campos Cálculo de una carga a partir del campo y el potencial en un punto CalcQdeV Péndulo en campo eléctrico Pendulo Elec Esferas concéntricas Esferas Partícula cargada moviéndose en un campo magnético uniforme Lorentz Conductores Campo y fuerza magnética entre conductores paralelos MAS Vibraciones y ondas Movimiento armónico simple Péndulo Pendulo Ondas Ondas Dioptrio plano Dioptrio Óptica geométrica Espejos y lentes Optica Física moderna Efecto fotoeléctrico Fotoelectr EnerNuclear Energía nuclear

• Ejemplos

En la columna de la derecha de la página findice, aparecen los enlaces a las hojas que contienen copias de los datos de los problemas de los tipos que puede resolver. Si quiere consultarlos, mantenga pulsada la tecla [Ctrl] mientras hace clic con el ratón en el Tema que contiene el tipo de problemas deseado, o haga clic con el ratón en la pestaña inferior correspondiente. Note que las hojas con ejemplos comienzan todas por la letra D, desde fi D_Satelites hasta fi D_Desintegr.

Desintegración radiactiva

Cálculo de coordenadas para figuras regulares

En la pestaña «Coords» se pueden calcular las coordenadas de figuras regulares planas (triángulo equilátero, cuadrado, pentágono o hexágono regular) o las del tetraedro o del octaedro. Debe escribir el valor del lado, radio o apotema para las figuras planas o de la arista o del radio circunscrito en las tridimensionales. Se puede girar y/o desplazar la figura o situar alguno de los vértices en un punto concreto. En RESULTADOS, se puede cambiar el número prefijado (8) de cifras decimales por otro entre 1 y 12.

Calcula las coordenadas de un triángulo equilátero de 80 cm de lado con la base en el eje X y el vérti-1. ce superior en el eje Y.

Borre los datos.

Figura:	Triángulo equilátero		
Lado			
	Longitud:		cm
Girar:		° alrededor del eje:	Z
	:		
x (cm)	y (cm)	z (cm)	

Para ver el enunciado en la misma hoja, selecciónelo en la página de origen y cópielo ([Ctrl]+[C]). Pulse en la celda de la hoja de cálculo situada debajo de la etiqueta «Problema», y pegue el enunciado.

50

30

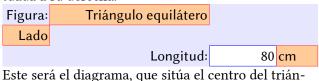
20

10

0

-20

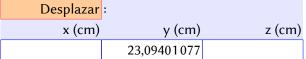
En DATOS, elija la opción «Triángulo equilátero», en la celda situada a la derecha de «Figura», elija la opción «Lado», debajo de «Figura», escriba su valor 40 (80) en la celda situada a la derecha de «Longitud», y elija la unidad (cm) en la celda de color naranja situada a su derecha.



gulo en el punto (0, 0):

-10 Para cumplir con la petición «con la base en el eje X y el vértice superior en el eje Y», se puede:

Desplazar el triángulo hacia arriba hasta que la base quede en el eje X:

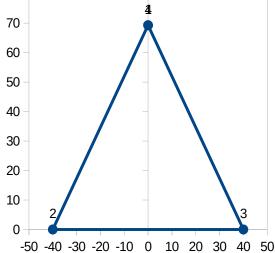


(el número -23,09401 077 aparece en RESULTADOS como la 80 coordenada «y» de los puntos 2 y 3).

O bien situar el punto 3 en las coordenadas (40, 0)

Situar 3 en	:	
x (cm)	y (cm)	z (cm)
40		

			Redondear a: 8
		Coordenadas	
Pto. x	(cm)	y (cm)	z (cm)
1	0	69,28203230	0
2	-40	0	0
3	40	0	0



-50 -40 -30 -20 -10 0 10 20 30 40 50

Para emplear las coordenadas calculadas aquí en la pestaña «Campos» puede optar por uno de los siguientes métodos:

- Seleccionar con el ratón las coordenadas calculadas en la pestaña «Coords» y copiarlas (pulsando a la vez las teclas [Ctrl] y [C]), ir a la pestaña «Campo», presionar sobre la celda situada debajo de x en la zona de «Coordenadas» y:
 - ∘ Pegarlas pulsando a la vez las teclas [Ctrl], [♠] y [V] y presionando sobre «Valores solo».
 - o Dien presionar sobre el menú: Editar → Pegado especial → Pegar solo números.
- Ir a la pestaña «Campo», presionar sobre la celda (I33) situada a la derecha de «copie esta celda →», haciendo clic en ella y pulsando a la vez las teclas [Ctrl] y [C], seleccionar con el ratón las celdas debajo de las coordenadas x e y, y:
 - ∘ Presionar sobre el menú: Editar → Pegado especial → Pegar solo fórmula.
 - o Dien pegarlas pulsando a la vez las teclas [Ctrl], [合] y [V], marcando «Fórmulas» en la columna en la celda situada debajo de «Pegar» y pulsando en «Aceptar».

♦ Satélites

En la pestaña «Satelites» se pueden resolver ejercicios de gravitación de satélites. Se puede calcular:

- Radio o altura, velocidad, período o frecuencia, y energías cinética y potencial de un satélite en distintas unidades.
- Velocidad o energía para alcanzar una altura, ponerlo en órbita o mandarlo al infinito (velocidad de escape).
- Campo gravitatorio, fuerza, gravedad relativa o momento angular en la órbita.
- Masa de un astro central a partir de los datos de uno de sus satélites.

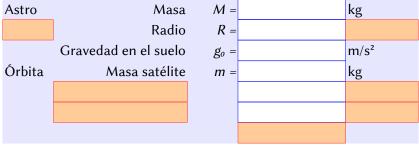
En DATOS, escriba o pegue ([Ctrl]+[Alt]+[Δ]+[V]) los valores de las magnitudes en las celdas de color blanco correspondientes a ellas, y elija las unidades en las celdas de color naranja situadas a su derecha. Debajo de «Astro» puede elegir una de las opciones «Tierra», «Luna» o «Sol» y aparecerán los valores de su masa y su radio. Puede cambiar estos datos.

- El Sentinel-1 es un satélite artificial de órbita circular polar de la Agencia Espacial Europea dentro del Programa Copérnico destinado a la monitorización terrestre y de los océanos. Está situado a 693 km sobre la superficie terrestre.
 - a) ¿Cuántas vueltas da a la Tierra cada día?
 - b) ¿Qué velocidad hubo que proporcionarle en el lanzamiento para ponerlo en órbita?

Datos: $G = 6.67 \times 10^{-11} \text{ N m}^2 \text{ kg}^{-2}$; $M(T) = 5.97 \times 10^{24} \text{ kg}$; $R(T) = 6.37 \cdot 10^6 \text{ m}$. (A.B.A.U. extr. 23)

Rta.: a) $f = 14.6 \text{ día}^{-1}$; b) $v = 8.29 \cdot 10^3 \text{ m/s}$.

Borre los datos.



Para ver el enunciado en la misma hoja, selecciónelo en la página de origen y cópielo ([Ctrl]+[C]). Pulse en la celda de la hoja de cálculo situada debajo de la etiqueta «Problema», y pegue el enunciado. En DATOS, escriba o pegue ([Ctrl]+[Alt]+[Δ]+[V]) los valores de las magnitudes en las celdas de color blanco correspondientes a ellas, y elija las unidades en las celdas de color naranja situadas a su derecha. Debajo de «Astro» puede elegir la opción «Tierra», y aparecerán los valores de su masa y su radio. Puede cambiar estos datos, bien copiando ([Ctrl]+[C]) en el enunciado y pegando ([Ctrl]+[Alt]+[Δ]+[V]) o escribiendo, en formato científico «hoja de cálculo» o en el habitual:

- El valor, en kg, de la masa $(5,97E24 \text{ o } 5,97\cdot10^{24})$ en la celda situada a la derecha de «M =».
- El valor del radio (6,37E6 o 6,37·10 $^{\circ}$) en la celda situada a la derecha de «R =».

Debajo de «Masa», elija la opción «Altura», escriba su valor (693) en la celda situada a la derecha de «h=», y elija la unidad (km) en la celda de color naranja situada a su derecha.

Elija el otro valor $(6,67\cdot10^{-11})$ para la constante de la gravitación en la celda situada a la derecha de « $G = \infty$.

Astro	Masa	<i>M</i> =	5,97E+24	kg
Tierra	Radio	<i>R</i> =	6,37E+06	m
Órbita	Masa del satélite	<i>m</i> =		kg
	Altura	h =	693	km
Constan	nte de la gravitación	<i>G</i> =	6,67·10 ⁻¹¹	N·m²/kg²

Si copió y pegó los valores de la masa y el radio, desde el enunciado tal como están escritos, debería ver 5.97×10^{24} en vez de 5.97E+24 y $6.37\cdot 10^6$ en vez de 6.37E+06.

a) En RESULTADOS, elija la opción «Frecuencia» en la celda superior derecha de color naranja (que probablemente contenga «Período») y la opción «día⁻¹» para las unidades en la celda de color naranja debajo a la derecha.

b) Elija las opciones «Velocidad» y «ponerlo en órbita», en la línea donde se lee «en el suelo para».

		Radio	km	Velocidad	m/s	Frecuencia	
Órbita	r =	7060		7510		14,6	día ⁻¹
Energía		cinética		potencial		mecánica	J
en la órbita		2,82·10 ⁷	J/kg	$-5,64\cdot10^{7}$	J/kg	$-2,82\cdot10^{7}$	J/kg
				Tierra	$g_0 =$	9,82	m/s²
Velocidad	en e	el suelo para	ponerlo	en órbita	v(†ó) =	8,29·10³	m/s

Las unidades de energía son J/kg porque no se escribió el dato de la masa del satélite. La energía potencial es, en realidad, el potencial a esa altura.

- 2. Un satélite artificial tiene una masa de 200 kg y una velocidad constante de 7,00 km·s⁻¹.
 - a) Calcula la altura a la que orbita.
 - b) Si en ese momento si le suministra una energía igual a la energía cinética que ya tiene, calcula la que distancia de la Tierra podría llegar.

Datos:
$$g = 9.81 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$$
; $R(T) = 6.37 \cdot 10^6 \text{ m}$.

(A.B.A.U. extr. 22)

Rta.: a) h = 1750 km; b) $r = \infty$.

Borre los datos. Copie ([Ctrl]+[C]) el enunciado y péguelo en la celda situada debajo de «Problema». En DATOS, escriba o pegue ([Ctrl]+[Alt]+[Δ]+[V]) los valores de las magnitudes en las celdas de color blanco correspondientes a ellas, y elija las unidades en las celdas de color naranja situadas a su derecha. Para el radio de la Tierra, copie ([Ctrl]+[C]) el valor en el enunciado y péguelo ([Ctrl]+[Alt]+[Δ]+[V]) o escríbalo, en formato científico «hoja de cálculo» (6,37E6) o en el habitual (6,37·10⁶), en la celda situada a la derecha de «R =».

Elija la opción «Velocidad», en la 2.ª celda situada debajo de «Masa», escriba su valor (7) y elija la unidad (km/s) en la celda de color naranja situada a su derecha.

Astro	Masa	<i>M</i> =		kg
	Radio	<i>R</i> =	6,37E+06	m
	Gravedad en el suelo	$g_o =$	9,81	m/s²
Órbita	Masa satélite	m =	200	kg
	Velocidad	<i>v</i> =	7	km/s

a) Elija la opción «Altura», en lugar de «Radio».

	•	, C	Altura	
Órbita		h =	1750	km

b) Esta hoja no calcula esta cuestión, pero da pistas para resolverla. Compruebe que la energía cinética es opuesta a la energía total.

Energía	cinética	potencial	mecánica <mark>J</mark>
en la órbita	4,90·10° J	-9,80·10 ⁹ J	-4,90·10 ⁹ J

En este caso, una energía cinética sumada a su energía mecánica da como resultado 0. Pero 0 es la energía potencial del infinito, porque se toma el infinito como origen de energía potencial. El satélite deberá llegar al infinito.

- 3. Las relaciones entre las masas y los radios de la Tierra y la Luna son: $M_T/M_L = 79,63$ y $R_T/R_L = 3,66$.
 - a) Calcula la gravedad en la superficie de la Luna.
 - b) Calcula la velocidad de un satélite girando alrededor de la Luna en una órbita circular de 2300 km de radio.
 - c) ¿Dónde es mayor el período de un péndulo de longitud L, en la Tierra o en la Luna? Datos: $g_0 = 9,80 \text{ m/s}^2$; $R_L = 1700 \text{ km}$. (P.A.U. jun. 10)

Rta.: a) $g_L = 1,65 \text{ m/s}^2$; b) v = 1,44 km/s.

Debe ir la pestaña «2Astros» para calcular la gravedad en la superficie de la Luna. En ella, escriba los valores de las relaciones entre las masas de la Tierra y de la Luna, de la relación entre sus los períodos, el rayo de la Luna y la gravedad terrestre.

	1		2	2		Relación
Magnitud		Luna	Tierra			A_2 / A_1
Masa	<i>M</i> =					79,63
Radio	R =	1700		km		3,66
Gravedad	g =		9,8	m/s²		

RESULTADOS (con 3 cifras significativas):

	Luna	Tierra	
M =	7,14.1022	5,68·10 ²⁴	kg
<i>R</i> =		6,22·10³	km
g =	1,65		m/s²

b) Vuelva la pestaña «Satelites», escriba el dato (1700) del radio de la Luna y cualquiera de los resultados, por ejemplo el valor de la aceleración (1,65) de la gravedad:

Astro	Masa	M =		
Luna	Radio	<i>R</i> =	1700	km
	Gravedad en el suelo	$g_o =$	9,81	m/s²
Órbita	Masa satélite	m =		kg
	Radio	<i>r</i> =	2300	km
Cor	stante de la gravitación	<i>G</i> =	6,67·10 ⁻¹¹	N·m²/kg²

RESULTADOS (con 3 cifras significativas):

	Altura	Velocidad		Período			
Órbita <i>h</i> =	600	km	1,44	km/s	02:47:19	h:m:s	

- c) Puede cambiar el valor de la gravedad en la pestaña «Péndulo» y comparar resultados:
- P. ej. en el problema (P.A.U. Set. 13), para el valor de $g=9.8 \text{ m/s}^2$, el resultado del período es: T=2.84 s. Cambiando el valor de g a: $g=1.65 \text{ m/s}^2$, el nuevo valor del período es T=6.92 s.

Puede ver más ejemplos en la pestaña «D Satelites».

Puede emplear la hoja de cálculo <u>Satélites (es)</u>, con la ayuda de <u>Satélites PAU (es)</u> o <u>Satélites ABAU (es)</u>, para poder ver más problemas resueltos de este tema.

Propiedades de un astro por comparación con otro

En la pestaña «2Astros» se pueden resolver ejercicios de dos satélites que giran alrededor de un mismo astro o de dos planetas para calcular alguna magnitud de uno de ellos sabiendo la relación matemática entre las masas y/o radios de ambos.

Se puede calcular:

- La relación ente los períodos o radios (y aceleraciones) de dos satélites sabiendo la relación entre las magnitudes asociadas a ellas.
- La masa, el radio o el valor de la aceleración en la superficie de un planeta, sabiendo alguna de estas magnitudes en otro y conociendo la relación matemática entre radios y masas.
- El período de Júpiter en su órbita alrededor del Sol es aproximadamente 12 veces mayor que el de la Tierra en su correspondiente órbita. Considerando circulares las órbitas de los dos planetas, determina:
 - a) La relación entre los radios de dichas órbitas.
 - b) La relación entre las aceleraciones de los dos planetas en sus respectivas órbitas.

(A.B.A.U. ord. 22)

Rta.: a) $r_2 / r_1 = 5.2$; b) $a_2 / a_1 = 0.036$.

Borre los datos.

stro 1	_		
ilo i	Astro 2		

Para ver el enunciado en la misma hoja, selecciónelo en la página de origen y cópielo ([Ctrl]+[C]). Pulse en la celda de la hoja de cálculo situada debajo de la etiqueta «Problema», y pegue el enunciado. En DATOS, escriba o pegue ([Ctrl]+[Alt]+[\triangle]+[V]) los valores de las magnitudes en las celdas de color blanco correspondientes a ellas, y elija las unidades en las celdas de color naranja situadas a su derecha. En las celdas «Astro 1» y «Astro 2» escriba los nombres de los planetas.

Debajo de «Magnitud» elija la opción «Período», y escriba el valor (12) en la celda de color blanco situada a la derecha. Aparecerá la etiqueta « A_1 / A_2 » indicando que ese valor corresponde a la relación de períodos entre el primer planeta y el segundo.

•		1	2		Relación
Magnitud		Júpiter	Tierra		A_1 / A_2
Período	<i>T</i> =				12
RESULTAD	OS (c	on 3 cifras sign	ificativas):		
		Júpiter	Tierra		Relación
				r_1/r_2	= 5,24
				$a_1 / a_2 =$	= 0,0364

2.

- 3. Las relaciones entre las masas y los radios de la Tierra y la Luna son: $M_T/M_L = 79,63$ y $R_T/R_L = 3,66$.
 - a) Calcula la gravedad en la superficie de la Luna.
 - b) Calcula la velocidad de un satélite girando alrededor de la Luna en una órbita circular de 2300 km de radio.
 - c) ¿Dónde es mayor el período de un péndulo de longitud L, en la Tierra o en la Luna? Datos: $g_0 = 9,80 \text{ m/s}^2$; $R_L = 1700 \text{ km}$.

(P.A.U. jun. 10)

Rta.: a) $g_L = 1,65 \text{ m/s}^2$; b) v = 1,44 km/s.

Borre los datos. Copie ([Ctrl]+[C]) el enunciado y <u>péguelo</u> en la celda situada debajo de «Problema». En DATOS, escriba o pegue ([Ctrl]+[Alt]+[Δ]+[V]) los valores de las magnitudes en las celdas de color blanco correspondientes a ellas, y <u>elija</u> las unidades en las celdas de color naranja situadas a su derecha.

		1	2		Relación
Magnitud		Luna	Tierra		A_2 / A_1
Masa	<i>M</i> =				79,63
Radio	R =	1700		km	3,66
Gravedad	g =		9,8	m/s²	

RESULTADOS (con 3 cifras significativas):

ı	Tierra	Luna	
kg	5,68·10 ²⁴	7,14.1022	$\mathcal{M} =$
km	6,22·10³		<i>R</i> =
m/s²		1,65	g =

b) No se resuelve en esta pestaña. Debe ir a la pestaña «Satelites» y usar el dato del radio de la Luna (1700 km), junto con cualquiera de los resultados, por ejemplo el valor de la aceleración (1,65) de la gravedad:

Astro	Masa	<i>M</i> =		
Luna	Radio	<i>R</i> =	1700	km
	Gravedad en el suelo	$g_o =$	1,65	m/s²
Órbita	Masa satélite	<i>m</i> =		kg
	Radio	<i>r</i> =	2300	km
Cor	nstante de la gravitación	<i>G</i> =	6,67·10 ⁻¹¹	N·m²/kg²

RESULTADOS (con 3 cifras significativas):

	Altura	Velocidad		Período		
Órbita h =	600	km	1,44	km/s	02:47:19	h:m:s

- c) Puede cambiar el valor de la gravedad en la pestaña «Péndulo» y comparar resultados:
- P. ej. en el problema (P.A.U. Set. 13), para el valor de $g=9.8 \text{ m/s}^2$, el resultado del período es: T=2.84 s. Cambiando el valor de g a: $g=1.65 \text{ m/s}^2$, el nuevo valor del período es T=6.92 s.

Masas o cargas puntuales: Masas

En la pestaña «Campos» se pueden resolver ejercicios de sistemas de masas o cargas puntuales. Para los ejercicios de masas puntuales tiene que <u>elegir</u> la opción «Masa» en la celda de color naranja situada debajo de «Constante».

Se pueden situar seis masas fijas y una masa móvil en uno de dos puntos en los que se puede calcular:

- La intensidad de campo o la fuerza gravitatoria sobre una masa móvil, y el potencial o la energía potencial gravitatoria.
- El trabajo para mover la masa entre dos puntos o la energía cinética o la velocidad con la que llega a uno de los puntos.
- La energía potencial gravitatoria de la disposición de las masas fijas.
- La posición del punto donde se anularía el campo creado por varias masas.
- Un esquema del vector intensidad de campo gravitatorio en cualquiera de los puntos de la masa móvil.
- 1. Dos masas de 150 kg están situadas en A(0, 0) y B(12, 0) metros. Calcula:
 - a) El vector campo y el potencial gravitatorio en C(6, 0) y D(6, 8).
 - b) Si una masa de 2 kg posee en el punto D una velocidad de $-1 \cdot 10^{-4} \, \bar{\mathbf{j}} \, \, \text{m} \cdot \text{s}^{-1}$, calcula su velocidad en el punto C.

(P.A.U. jun. 14)

Rta.: a) $g_c = 0$; $g_d = -1.6 \times 10^{-10} \text{ j m/s}^2$; $V_c = -3.34 \times 10^{-9} \text{ J/kg}$; $V_d = -2.00 \times 10^{-9} \text{ J/kg}$; b) $v = -1.13 \times 10^{-4} \text{ j m/s}$.

Borre los datos.

DOITE IC	b datob.						
	Constante	K =	8,9875500·10°	$N \cdot m^2 \cdot C^{-2}$		ε' =	1
	Carga			Coordena	das		m
	μС	Pto.	x (m)		y (m)	z (m)	
		1					
		2					
		3					
		4					
		5					
		6					
móvil		Α					
		В					
F	ounto de partida:	S					
I	Punto de llegada:	Т					
	Velocidad inicial	$V_0 =$	I	m/s	m =		kg
					,	↑ Masa	

Para ver el enunciado en la misma hoja, selecciónelo en la página de origen y cópielo ([Ctrl]+[C]).

Pulse en la celda de la hoja de cálculo situada debajo de la etiqueta «Problema», y pegue el enunciado.

En DATOS, en la celda situada debajo de «Constante», elija la opción «Masa».

En la celda de color naranja situada a la derecha de «G =» puede elegir el otro valor (6,67·10⁻¹¹).

En la celda de color naranja situada a la derecha de «Coordenadas», elija las unidades (m).

En la celda de color naranja situada debajo de «Masa» elija la unidad (kg).

En las celdas situadas debajo de «kg», escriba los valores de las masas (150), y, en las celdas situadas a su derecha, los valores correspondientes de las coordenadas «x» e «y».

En la celda de color naranja situada a la derecha de «móvil», elija la opción «C», y en la celda de abajo, elija la opción «D».

En la celda de color naranja situada a la derecha de «Punto de partida:», elija la opción «D», para indicar que la masa móvil sale del punto A. Para «Punto de llegada:» elija la opción «C».

Escriba el valor de la masa móvil (2), en la celda situada a la derecha de la etiqueta «móvil», y los valores correspondientes de las coordenadas «x» e «y» para los puntos C y D. (Cuando escriba 6, aparecerá $6,67\cdot10^{-11}$. Pulse la tecla [Supr] para que quede solo el 6).

En la celda (I15) situada a la derecha de «Velocidad inicial v_0 =» escriba -1E-4, o copie el dato en el enunciado del problema (seleccione -10⁻⁴ y pulse a la vez las teclas [Ctrl] y [C]) y péguelo en esa celda (clic en la celda I15 y pulse a la vez las teclas [Ctrl], [Alt], [Δ] y [V]).

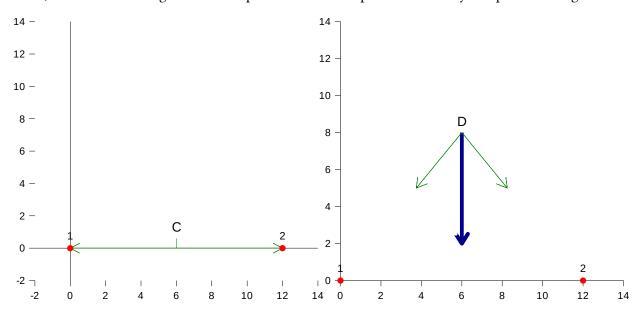
	Constante	<i>G</i> =	6,67·10 ⁻¹¹			1
	Masa			Coordenadas		m
kg		Pto.	x (m)	y (m)	z (m)	
	150	1	0	0		
	150	2	12	0		
		3				
		4				
		5				
		6				
nóvil	2	С	6	0		С
		D	6	8		D
	Punto de partida:	D				D
	Punto de llegada:	С				С
	Velocidad inicial	$V_0 =$	-1.10^{-4}	m/s		kg

Elija la opción «Campo» en la celda de color naranja situada a la izquierda de «resultante», y la opción «Potencial» en la celda de color naranja situada más abajo.

		J	J		
	Campo	resultante			
	g		g _x	g_y	
C	0	N/kg	0	0	N/kg
D	1,60.10-10	N/kg	0	$-1,60\cdot10^{-10}$	N/kg
	Potencial				
C	$-3,34\cdot10^{-9}$	J/kg		Velocidad final:	$1,13\cdot10^{-4} \text{ m/s}$
D	0	J/kg			

GRÁFICAS:

Los vectores campo gravitatorio pueden verse en la zona de GRÁFICAS, eligiendo la opción «C» en el primero caso y la opción «D» en el segundo. Los vectores campo, creados por cada una de las masas situadas en los puntos rojos 1 y 2, aparecen en color verde. En el punto D puede verse además el vector campo resultante, en color azul más grueso. El campo resultante en el punto C es nulo y no aparece en la gráfica.



- 2. Una nave sitúa un objeto de 20 kg de masa entre la Tierra y el Sol en un punto donde la fuerza gravitatoria neta sobre el objeto es nula. Calcula en ese punto:
 - a) La distancia del objeto al centro de la Tierra.
 - b) La aceleración de la Tierra debida a la fuerza que el objeto ejerce sobre ella.

DATOS: $G = 6.67 \times 10^{-11} \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{kg}^{-2}$; $M(T) = 5.98 \times 10^{24} \text{ kg}$; $M(S) = 2.00 \times 10^{30} \text{ kg}$; distancia Tierra-Sol = $1.50 \times 10^{11} \text{ m}$.

(A.B.A.U. ord. 24)

Rta.: a) $r = 2.59 \cdot 10^8$ m; b) $a = 1.99 \cdot 10^{-26}$ m/s².

<u>Borre los datos</u>. Copie ([Ctrl]+[C]) el enunciado y <u>péguelo</u> en la celda situada debajo de «Problema». Para los datos:

- Seleccione, en el enunciado, el dato (5,98×10²⁴) de la masa de la Tierra. cópielo ([Ctrl]+[C]) y péguelo sin formato ([Ctrl], [Alt], [♠] y [V]), en la celda situada debajo de «kg». Siga el mismo procedimiento para la masa del sol (péguela debajo de la masa de la Tierra, a la izquierda del punto 2), y para la coordenada x (péguela a la derecha del punto 2).
- O teclee los valores en las celdas correspondientes. Puede emplear «formato hoja de cálculo» (5,98E24) o «formato científico» (5,98·10²⁴)

Constante	<i>G</i> =	6,67·10 ⁻¹¹	N·m²·kg⁻²		
Masa			Coordenadas		m
kg	Pto.	x (m)	y (m)	z (m)	
5,98×10 ²⁴	1	0	0		
2,00×10 ³⁰	2	1,50×10 ¹¹	0		

RESULTADOS (con 3 cifras significativas):

Campo nulo en 2,59×10⁸ 0 m

Para el apartado b) escriba en OTROS CÁLCULOS la fórmula: =AVALOR(12)*20/AVALOR(129)^2 Corresponde a la ecuación: $a = G \cdot m/r^2$

Escriba, si quiere, la etiqueta a(Tierra) para indicar que es la aceleración de la Tierra

Etiqueta:	a (Tierra)	
Fórmula:	1	,99E-26

♦ Masas o cargas puntuales: Cargas

En la pestaña «Campos» se pueden resolver ejercicios de sistemas de masas o cargas puntuales. Para los ejercicios de cargas puntuales tiene que <u>elegir</u> la opción «Carga» en la celda de color naranja situada debajo de «Constante».

Se pueden situar seis cargas fijas y una carga móvil en uno de dos puntos en los que se puede calcular:

- La intensidad de campo eléctrico o la fuerza electrostática sobre la carga móvil, y lo potencias eléctrico o la energía potencial eléctrica.
- El trabajo para mover la carga entre dos puntos o la energía cinética o la velocidad con la que llega a un de los puntos.
- La energía potencial eléctrica de la disposición de las cargas fijas.
- La posición y el valor de una carga que equilibraría la disposición de las cargas fijas
- Un esquema del vector intensidad de campo eléctrico en uno de los puntos de la carga móvil.
- 1. Dos cargas eléctricas positivas de 3 nC cada una están fijas en las posiciones (2, 0) y (-2, 0) y una carga negativa de -6 nC está fija en la posición (0,-1).
 - a) Calcule el vector campo eléctrico en el punto (0, 1).
 - b) Se coloca otra carga positiva de 1 μ C en el punto (0,1), inicialmente en reposo y de suerte que es libre de moverse. Razone se llegará hasta el origen de coordenadas y, en caso afirmativo, calcule la energía cinética que tendrá en ese punto. Las posiciones están en metros.

Datos: $K = 9.10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{C}^{-2}$. (A.B.A.U. ord. 21)

Rta.: a) E = -8,67 j N/C; b) $E_c = 2,41 \cdot 10^{-5}$ J.

Borre los datos.

Dolle le	os datos.					
	Constante	K =	8,9875500·10°	N·m²·C⁻²	ε' =	1
	Carga			Coordenadas		m
	μС	Pto.	x (m)	y (m)	z (m)	
		1				
		2				
		3				
		4				
		5				
		6				
móvil		Α				
		В				
Ī	Punto de partida:	S				
	Punto de llegada:					
	Velocidad inicial	$V_0 =$		m/s m =		kg
		•0			↑ Masa	8
					1	

Para ver el enunciado en la misma hoja, selecciónelo en la página de origen y cópielo ([Ctrl]+[C]).

Pulse en la celda de la hoja de cálculo situada debajo de la etiqueta «Problema», y pegue el enunciado.

En DATOS, en la celda situada debajo de «Constante», elija la opción «Carga».

En la celda de color naranja situada a la derecha de «K =» elija el otro valor (9,00·10°).

En la celda de color naranja situada a la derecha de «Coordenadas», elija las unidades (m).

En la celda de color naranja situada debajo de «Carga», elija la unidad (nC).

En las celdas situadas debajo de «nC», escriba los valores de las cargas (3, 3, y -6), y, a su derecha, los valores correspondientes de sus coordenadas «x» e «y».

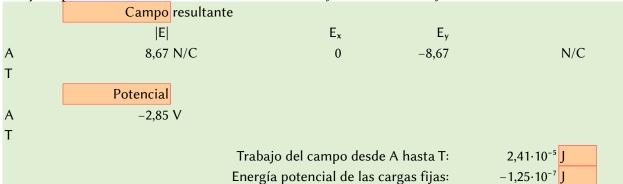
En la celda situada a la derecha de la etiqueta «móvil», escriba el valor de la carga móvil (1000), ¡en las mismas unidades que el resto de las cargas!, y, a su derecha, los valores de las coordenadas (0 y 1).

En la celda de color naranja situada a la derecha de la etiqueta «Punto de partida:», elija la opción «A», para indicar que la carga móvil sale del punto A.

Para el punto de llegada, puede dejar el nombre del punto como se le propone (T) o cambiarlo, pero debe escribir los valores de las coordenadas (0 v 0).

	Constante	K =	9,00·10°	$N \cdot m^2 \cdot C^{-2}$	ε' =	1	
	Carga			Coordenadas		m	
	nC	Pto.	x (m)	y (m)	z (m)		
	3	1	2	0			
	3	2	-2	0			
	-6	3	0	-1			
		4					
		5					
		6					
móvil	1000	Α	0	1			
		В					
	Punto de partida:	Α				Α	
	Punto de llegada:	T	0	0			
	Velocidad inicial	$V_0 =$		m/s m =			kg
					↑ Masa		

En RESULTADOS elija la opción «Campo» en la celda de color naranja situada a la izquierda de «resultante», y la opción «Potencial» en la celda de color naranja situada más abajo.



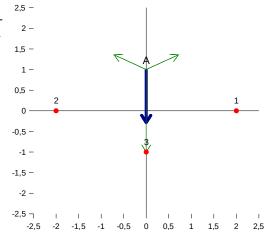
En GRÁFICAS aparece un diagrama con los vectores campo eléctrico, en color verde, creados por cada una de las cargas situadas en los puntos rojos 1, 2 y 3, y el vector campo resultante en el punto A, en color azul más grueso.

A la vista de la dirección y sentido del campo eléctrico y, teniendo en cuenta que la carga móvil es positiva, parece lógico pensar que pasará por el origen de coordenadas. Deduciendo que en todos los puntos de la parte positiva del eje Y, la dirección y sentido del vector campo no varían, se puede asegurar que la carga pasará por el origen.

Puesto que cuando la carga se desplaza desde A hasta el origen, el trabajo de la fuerza del campo es positivo, la carga adquiere una energía cinética igual a ese trabajo:

$$\Delta E_c = W = 2,41 \cdot 10^{-5} \text{ J}$$

Si partió del reposo, esa será la energía cinética que tendrá.



- 2. Tres cargas de -2, 1 y 1 μ C están situadas en los vértices de un triángulo equilátero y distan 1 m del centro del mismo.
 - a) Calcula el trabajo necesario para llevar otra carga de 1 μC desde el infinito al centro del triángulo.
 - b) ¿Qué fuerza sufrirá la carga una vez que esté situada en el centro del triángulo?
 - c) Razona si en alguno punto de los lados del triángulo puede existir un campo electrostático nulo. Dato: $K=9\cdot10^9~\mathrm{N\cdot m^2\cdot C^2}$ (P.A.U. jun. 16)

Rta.: a) W = 0; b) F = 0.0270 hacia la carga negativa.

Borre los datos. Copie ([Ctrl]+[C]) el enunciado y <u>péguelo</u> en la celda situada debajo de «Problema». Se pueden calcular las coordenadas en la pestaña «Coords» atendiendo las instrucciones siguientes: Pulse en la pestaña «Coords» y <u>elija</u> la opción «Triángulo equilátero» y «Radio», escriba el valor del radio (1) y elija a la unidad (m) en la celda de color naranja situada a su derecha.

(1)) 011ja a 1a 01110au (111) 01	ir ra ceraa are coror maranga	DIVORGINA CA D CA CACTO CITAL	
Figura: ⁻	Triángulo equilátero		
Radio			
	Longitud:	1	m

Si en RESULTADOS mantiene «Redondear a 8 cifras decimales», verá:

			Redondear a:	8
		Coordenadas	cifras decin	nales
Pto.	x (m)	y (m)	z (m)	
1	0	1	0	
2	-0,86602540	-0,5	0	
3	0,86602540	-0,5	0	

Vuelva a la pestaña «Campos» y copie la celda situada a la derecha de «copie esta celda \rightarrow », haciendo clic en ella y pulsando a la vez las teclas [Ctrl] y [C]. Seleccione con el ratón las celdas debajo de las coordenadas «x» e «y» para los tres puntos. Elija en el menú: Editar \rightarrow Pegado especial \rightarrow Pegar solo fórmula. Escriba los valores de las cargas fijas (-2, 1, y 1) en las celdas situadas debajo de « μ C».

Escriba el valor de la carga móvil (1) en la celda situada a la derecha de etiqueta «móvil». Escriba, en las celdas a su derecha, los valores de las coordenadas de la carga móvil, que son las del centro del triángulo (0 v 0).

Elija la opción «∞» en la celda de color naranja a la derecha de «Punto de partida:», y la opción «A» en la celda de color naranja a la derecha de «Punto de llegada:»

ceida de color haranja a la derecha de «l'anto de negada.»						
	Constante	K =	9,00.109	$N \cdot m^2 \cdot C^{-2}$	ε' =	1
	Carga			Coordenadas		
	μС	Pto.	x (m)	y (m)	z (m)	
	-2	1	0	1		
	1	2	-0,86602540	-0,5		
	1	3	0,86602540	-0,5		
		4				
		5				
		6				
móvil	1	Α	0	0		
		В				
	Punto de partida:	∞				∞
	Punto de llegada:	Α				Α

En RESULTADOS elija la opción «Fuerza»:

	Fuerza	resultante			
	F		F_x	F_y	F_z
Α	0,0270	N	0	0,0270	0 N

- 3. Una carga q de 2 mC está fija en el punto A (0, 0), que es el centro de un triángulo equilátero de lado $3\sqrt{3}$ m. Tres cargas iguales Q están en los vértices y la distancia de cada carga Q al punto A es 3 m. El conjunto está en equilibrio electrostático. Calcula:
 - a) El valor de Q.
 - b) La energía potencial de cada carga Q.
 - c) La energía puesta en juego para que el triángulo rote 45° alrededor de un eje que pasa por A y es perpendicular al plano del papel.

Dato: $K = 9 \times 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{C}^{-2}$.

(P.A.U. jun. 11)

Rta.: a) Q = -3.46 mC; b) $E_p = 2.08 \times 10^4$ J; c) $\Delta E = 0$.

a) El problema no se resuelve directamente. Se puede calcular el valor de una carga central que equilibraría tres cargas de 1 mC en los vértices.

Borre los datos. Copie ([Ctrl]+[C]) el enunciado y péguelo en la celda situada debajo de «Problema». Se pueden calcular las coordenadas en la pestaña «Coords» atendiendo a las instrucciones siguientes: Pulse en la pestaña «Coords» y elija las opciones «Triángulo equilátero» y «Lado», escriba =3*RAIZ(3) en la celda situada a la derecha de «Longitud» y elija a la unidad (m) en la celda de color naranja situada a su derecha.

Figura: Triángulo equilátero

Lado

Longitud: 5,1961524227 m

Si en RESULTADOS mantiene «Redondear a 8 cifras decimales», verá:

Pto.	x (cm)	y (cm)
1	0	3
2	-2,59807621	-1,5
3	2,59807 621	-1,5

Haga doble clic en el enlace <u>Campos</u> para regresar, y copie la celda situada a la derecha de «copie esta celda →», haciendo clic en ella y pulsando a la vez las teclas [Ctrl] y [C]. Seleccione con el ratón las celdas debajo de las coordenadas «x» e «y» para los tres puntos. Elija en el menú:

Editar \rightarrow Pegado especial \rightarrow Pegar solo fórmula.

Escriba «1» para cada uno de los valores de las cargas fijas, en las celdas situadas debajo de «mC».

Carga			Coordenadas
mC	Pto.	x (m)	y (m)
1	1	0	3
1	2	-2,59807621	-1,5
1	3	2,59807 621	-1,5

Haga doble clic en el enlace <u>Formato núms</u> y escriba 6 en la celda situada a la derecha de «Cifras significativas», para tener mayor precisión.

Haga doble clic en el enlace Campos para regresar.

Busque, en RESULTADOS, el valor de la carga que equilibra las cargas fijas.

Carga que equilibra las cargas fijas: -0,577350 mC

La carga en el centro que equilibra tres cargas de 1 mC, situadas en los vértices, vale q = -0.57735 mC. Este equilibrio se mantendrá si se multiplican todas las cargas por el mismo número. Para que la carga en el centro sea de 2 mC, habrá que multiplicar su valor actual (-0.57735) por el factor 2/(-0.57735).

Este será el factor por el que habría que multiplicar las cargas en los vértices, que son de 1 mC.

Por lo tanto, las cargas en los vértices que equilibrarían una carga de 2 mC del centro valdrían: Q = 2/(-0.57735) = -2/0.57735 mC.

En DATOS, escriba la fórmula: =-2/0,57735 en vez del valor de la carga, en la celda situada debajo de «mC».

mC	Pto.	x (m)	y (m)
=-2/0,57735	1	0	3

Es posible que aparezca: ######## en la celda. No se preocupe. Haga clic en la barra de herramientas en el icono .00x, varias veces para ir reduciendo la cantidad de decimales visibles, hasta que aparezca el resultado: -3,4641032303.

Puede copiar esta celda (G5) en las dos de abajo o escribir en cada una de ellas =, hacer clic en esta celda (G5) y presionar la tecla $[\leftarrow]$.

En RESULTADOS verá ahora:

Carga que equilibra las cargas fijas:

2,00000 mC

- b) Para este apartado, escriba 2, en el valor de la carga del punto 4, y 0, en las coordenadas x e y. En la celda situada a la derecha de «móvil»:
 - Presione la tecla [=] y haga clic en la celda que contiene el valor de la carga de la que quiere averiguar la energía potencial, y presione la tecla [≝₃]. En la celda situada a la derecha de «móvil» aparecerá el valor de la carga y el cursor se situará en la celda de la coordenada x. Realice el mismo proceso para las coordenada x e y.
 - O escriba el valor de la carga y el de sus coordenadas en las celdas de la derecha.

	Carga			Coordenadas
	mС	Pto.	x (m)	y (m)
	-3,464103	1	0	3
	-3,464103	2	-2,59807621	-1,5
	-3,464103	3	2,59807 621	-1,5
	2	4	0	0
		5		
		6		
móvil	-3,464103		0	3

En RESULTADOS, elija la opción «E. potencial»:

E. potencial
A 2,07846·10⁴ J

c) En RESULTADOS, fíjese en el valor de la «Energía potencial de las cargas fijas:». Vale 0 J. Vaya ahora a la pestaña «Coords.» y haga girar el triángulo 45° alrededor del eje Z.

Girar: 45° alrededor del eje: Z

Las coordenadas cambiaron. Vuelva la pestaña «Campo», compruebe que las coordenadas son las nuevas, y compruebe que la energía es a misma: 0 J.

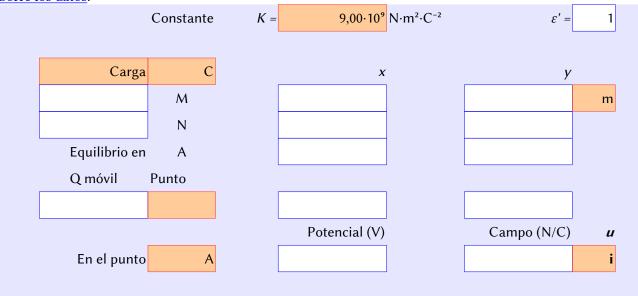
♦ Cálculo de una carga a partir del campo y del potencial en un punto

En la pestaña «CalcQdeV» se pueden resolver ejercicios para calcular:

- El valor de la carga o masa que crea un campo, y la distancia a la que se encuentra el punto de ella, dados los valores del potencial y del campo en ese punto.
- El valor de la carga o masa que, situada en un punto, neutraliza el potencial o el campo producido por una o dos cargas o masas en otro punto determinado.
- 1. Una carga eléctrica puntual de valor Q ocupa la posición (0,0) del plano XY en el vacío. En un punto A del eje X el potencial eléctrico es V = -120 V y el campo eléctrico es $\overline{E} = -80$ \overline{i} N /C. Si las coordenadas están dadas en metros, calcula:
 - a) La posición del punto A y el valor de Q.
 - b) El trabajo que realiza la fuerza eléctrica del campo para llevar un electrón desde el punto B (2,2) hasta el punto A.

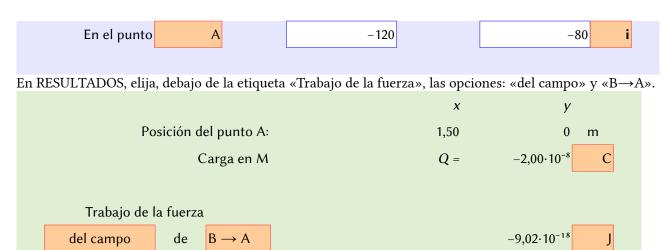
DATOS: $K = 9 \times 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{C}^{-2}$; $|q_e| = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$. (A.B.A.U. ord. 24) **Rta.:** a) $\overline{r}_A = (1.50, 0) \text{ m}$; Q = -20.0 nC; b) $W_{B \to A} = -9.02 \cdot 10^{-18} \text{ J}$.

Borre los datos.



Para ver el enunciado en la misma hoja, selecciónelo en la página de origen y cópielo ([Ctrl]+[C]). Pulse en la celda de la hoja de cálculo situada debajo de la etiqueta «Problema», y pegue el enunciado. En la celda (F9) situada debajo de «Q móvil» escriba -1,6E-19, o copie el dato en el enunciado del problema (seleccione $1,6\times10^{-19}$ y pulse a la vez las teclas [Ctrl] y [C]) y péguelo en esa celda (clic en la celda F9 y pulse a la vez las teclas [Ctrl], [Alt], [Δ] y [V]). Haga clic al principio del número, escriba el signo «-» y presione la tecla [\leftarrow].

STOTIC	e la lecla [←].						
		Constante	K =	9,00.109	N·m²·C ⁻²	ε' =	1
	Carga	С		Х		У	
		М		0		0	m
		N					
		Α					
	Q móvil	Punto					
	–1,6×10 ⁻¹⁹	В		2		2	
				Potencial (V)		Campo (N/C)	u



En las celdas de color naranja, puede cambiar las unidades tanto de la carga como del trabajo.

- 2. En un punto de coordenadas (0, 3) está situada una carga $q_1 = 7,11$ nC, y en el punto de coordenadas (4, 0) está situada otra carga $q_2 = 3,0$ nC. Calcula:
 - a) La expresión vectorial de la intensidad del campo eléctrico en el punto (4, 3).
 - b) El valor del potencial eléctrico en el punto (4, 3).
 - c) Indica el signo y el valor de la carga q_3 que hay que situar en el origen para que el potencial eléctrico en el punto (4, 3) se anule.

Dato: $K = 9.10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{C}^{-2}$. Las coordenadas están expresadas en metros.

(A.B.A.U. ord. 19)

Rta.: a) $\overline{E} = (4 \overline{\mathbf{i}} + 3 \overline{\mathbf{j}}) \text{ N/C}$; b) V = 25 V; c) $q_3 = -13.9 \text{ nC}$.

Para resolver este problema tiene que usar dos pestañas distintas. La pestaña «Campos» para los apartados a) y b), y la pestaña «CalcQdeV» para el apartado c).

Apartados a) y b). Vaya a la pestaña «Campos» y borre los datos.

Copie ([Ctrl]+[C]) el enunciado y péguelo en la celda situada debajo de «Problema».

En DATOS, escriba los valores de las magnitudes en las celdas de color blanco correspondientes a ellas, y <u>elija</u> las unidades en las celdas de color naranja situadas a su derecha.

a)	b)	Constante	K =	9·10°	$N \cdot m^2 \cdot C^{-2}$	ε' =	1
		Carga			Coordenadas		m
		nC	Pto.	x (m)	y (m)	z (m)	
		7,11	1	0	3		
		3	2	4	0		

a) En RESULTADOS, elija «Campo» a la izquierda de «resultante»

	Campo resultante	resultante		nificativas: 3
	E	E_x	E _y	
Α	5,00 N/C	4,00	3,00	N/C

b) En RESULTADOS, elija «Potencial» más abajo:

Potencial A 25,0 V

Apartado c). Vaya a la pestaña «CalcQdeV» y borre los datos.

Copie ([Ctrl]+[C]) el enunciado y péguelo en la celda situada debajo de «Problema».

En DATOS, escriba los valores de las magnitudes en las celdas de color blanco correspondientes a ellas, y elija las unidades en las celdas de color naranja situadas a su derecha.

Constante $K = \frac{9,00 \cdot 10^9}{\text{N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{C}^{-2}} \times \epsilon' = 1$

Carga	nC	x	у		
7,11	М	0	3 m		
3	N	4	0		
Equilibrio en	Α	4	3		
Q móvil	Q móvil Punto				
	В	0	0		
		Potencial (V)	Campo (N/C) u		
En el punto	Α	0	i		
'					

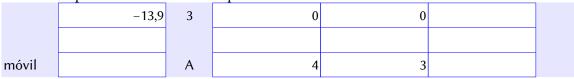
Es necesario que escriba todos los valores, aunque sean cero.

b) En RESULTADOS, con 3 cifras significativas, se muestra:

Carga en B Q = -13.9 nC

Puede comprobar este resultado volviendo a la pestaña «Campos» y escribiendo, o copiando, el valor obtenido y escribiendo las coordenadas en la fila correspondiente a la carga 3.

Escriba también las coordenadas para el punto de equilibrio, a la derecha de la etiqueta de la letra (A) que identifica el punto en la fila con la etiqueta «móvil».



El resultado del potencial no parece ser 0.

Potencial
A -0,0225 V

Pero es debido a que el número de cifras significativas no es suficiente.

Vaya a la pestaña «FormatN», haciendo doble clic en el enlace Formato núms, escriba 6 a la derecha de «Cifras significativas», y vuelva haciendo doble clic en el enlace CalcQdeV, El valor de *Q* se ve como:

Carga en B Q = -13,8875 nC

Poniendo este valor en la pestaña «Campos»:

-13,8875 3 0 0

El resultado ahora sí es 0.

Péndulo en un campo eléctrico

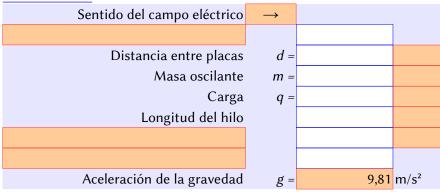
En la pestaña «Pendulo_Elec» se pueden resolver ejercicios de un péndulo con carga en un campo eléctrico vertical u horizontal. Se puede calcular:

- Ángulo con la vertical, tensión del hilo, velocidad en el punto más bajo, período o frecuencia.
- Campo necesario para desviarlo un ángulo.
- Valor de la carga.
- En una región del espacio en la que hay un campo eléctrico de intensidad $\overline{E} = 6.10^3 \, \overline{i} \, \text{N C}^{-1}$ cuelga, de un hilo de 20 cm de longitud, una esfera metálica que posee una carga eléctrica de 8 μC y tiene una masa de 4 g. Calcula:
 - a) El ángulo que forma el hilo con la vertical.
 - b) La velocidad de la esfera cuando pasa por la vertical al desaparecer el campo eléctrico.

Dato: $g = -9.8 i \text{ m s}^{-2}$. (A.B.A.U. extr. 23)

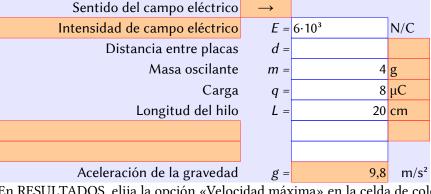
Rta.: a) $\alpha = 50.8^{\circ}$; b) $\nu = 1.20$ m/s.

Borre los datos.



Para ver el enunciado en la misma hoja, selecciónelo en la página de origen y cópielo ([Ctrl]+[C]). Pulse en la celda de la hoja de cálculo situada debajo de la etiqueta «Problema», y pegue el enunciado. En DATOS, escriba o pegue ($[Ctrl]+[Alt]+[\Phi]+[V]$) los valores de las magnitudes en las celdas de color blanco correspondientes a ellas, y elija las unidades en las celdas de color naranja situadas a su derecha. En la celda de color naranja situada a la derecha de «Sentido del campo eléctrico», elija la opción «→», y en la que se encuentra debajo de ella, elija la opción «Intensidad de campo eléctrico». Copie ([Ctrl]+[C]) el valor en el enunciado y péguelo ([Ctrl]+[Alt]+[♣]+[V]) o escríbalo, en formato científico «hoja de cálculo» (6E3) o en el habitual (6·10³), en la celda situada a la derecha de «E =».

Elija el valor de la aceleración de la gravedad (9,8) en la celda de color naranja situada a la derecha de «g=».



En RESULTADOS, elija la opción «Velocidad máxima» en la celda de color naranja.

Ángulo con la vertical	φ =	50,8 °
Tensión del hilo	T =	0,0620 N
Velocidad máxima	<i>v</i> =	1,20 m/s

- 2. Un péndulo está constituido por una pequeña esfera metálica de masa m=1 g y dimensiones despreciables, y un hilo inextensible de 150 cm de ancho y sin peso apreciable. Si la esfera tiene una carga positiva q y el péndulo se sitúa en una región donde existe un campo eléctrico uniforme de intensidad $E=10^5$ N/C. Calcula:
 - a) El valor de la carga q de la esfera sabiendo que cuando el campo es paralelo al eje X se alcanza la posición de equilibrio para un ángulo de 30° del hilo con la vertical.
 - b) El período de oscilación del péndulo cuando el campo eléctrico es perpendicular al eje *X* y está dirigido de abajo arriba.

Toma $g = 10 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$.

Rta.: a) q = 57.7 nC; b) T = 3.74 s.

Borre los datos. Copie ([Ctrl]+[C]) el enunciado y péguelo en la celda situada debajo de «Problema». En DATOS, escriba o pegue ([Ctrl]+[Alt]+[Δ]+[V]) los valores de las magnitudes en las celdas de color blanco correspondientes a ellas, y elija las unidades en las celdas de color naranja situadas a su derecha. En la celda de color naranja situada a la derecha de «Sentido del campo eléctrico», elija la opción « \rightarrow », y en la que se encuentra debajo de ella, elija la opción «Intensidad de campo eléctrico». Copie ([Ctrl]+[C]) el valor en el enunciado y péguelo ([Ctrl]+[Alt]+[Δ]+[V]) o escríbalo, en formato científico «hoja de cálculo» (1E5) o en el habitual (1·10 5), en la celda situada a la derecha de «E=».

Elija el valor de la aceleración de la gravedad (10) en la celda de color naranja situada a la derecha de « g=».

Sentido del campo eléctrico	\rightarrow		
Intensidad de campo eléctrico	E =	1·10 ⁵	N/C
Distancia entre placas	<i>d</i> =		
Masa oscilante	<i>m</i> =	1	g
Carga	<i>q</i> =		
Longitud del hilo	L =	150	cm
Ángulo	φ =	30	О
Aceleración de la gravedad	g =	10	m/s²
RESULTADOS (con 3 cifras significativas	s):		
Carga eléctrica	<i>q</i> =	$5,77 \cdot 10^{-8}$	C

b) Copie ([Ctrl]+[C]) el resultado, seleccionándolo con el ratón y presionando al tiempo las teclas [Ctrl] y [C]. En DATOS, cambie el «Sentido del campo eléctrico» a « \uparrow ». Pulse en la celda situada a la derecha de «q =» y presione a la vez las teclas [Ctrl], [Alt], [\spadesuit] y [V]. Elija las unidades (C) en la celda de color naranja situada a su derecha.

Carga
$$q = 5.77 \cdot 10^{-8}$$
 C
Longitud del hilo $L = 150$ cm

En RESULTADOS verá un aviso de que el ángulo (30°) es demasiado grande para suponer M.A.S.

$$\phi = 30^{\circ} > 15^{\circ}!$$
Período $T = 3.81 \text{ s}$

La hoja da un resultado aproximado multiplicando el período de un M.A.S. $(T = 2 \pi \sqrt{L/g})$ por el factor: $-\ln(\cos(\varphi/2))/(1-\cos(\varphi/2))^1$.

Borre «Ángulo», su valor v sus unidades.

20110	aror , bub unimuduco.			
	Longitud del hilo	L =	150	cm
Ahora el resultado es:				
	Período	<i>T</i> =	3,74	S

♦ Esferas concéntricas

En la pestaña «Esferas» se pueden resolver ejercicios de dos esferas concéntricas con carga eléctrica. Se puede calcular:

- Campo y potencial eléctrico en tres puntos.
- Diferencia de potencial entre las esferas.

Se muestran también dos gráficas con la variación del campo eléctrico y del potencial con la distancia.

- 1. Una esfera conductora de radio 4 cm tiene una carga de $+8~\mu C$ en equilibrio eléctrico. Calcula cuánto valen en puntos que distan 0, 2 y 6 cm del centro de la esfera:
 - a) El módulo de la intensidad del campo eléctrico.
 - b) El potencial eléctrico.
 - c) Representa las magnitudes anteriores en función de la distancia al centro de la esfera.

Dato: $K = 9 \cdot 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{C}^{-2}$. **Rta.**: a) $|\overline{E_1}| = |\overline{E_2}| = 0$; $|\overline{E_3}| = 2,00 \cdot 10^7 \text{ N/C}$; b) $V_1 = V_2 = 1,80 \cdot 10^6 \text{ V}$; $V_3 = 1,20 \cdot 10^6 \text{ V}$.

(A.B.A.U. ord.18)

Borre los datos.

Constante	K =	8,9875500·10 ⁹ N·m²/C²		ε' =	1
Esfera		Interior	Exterior		
Carga de la esfera	Q =				
Radio de la esfera	R =				
Distancia	r =			С	m
al centro del punto		A	В	С	

Para ver el enunciado en la misma hoja, selecciónelo en la página de origen y cópielo ([Ctrl]+[C]). Pulse en la celda de la hoja de cálculo situada debajo de la etiqueta «Problema», y pegue el enunciado. En la celda situada a la derecha de «K =» elija el otro valor (9,00·10°).

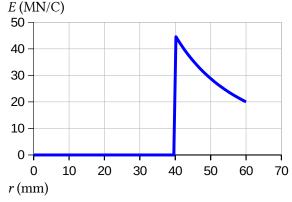
En DATOS, escriba o pegue ([Ctrl]+[Alt]+[Δ]+[V]) los valores de las magnitudes en las celdas de color blanco correspondientes a ellas, y elija las unidades en las celdas de color naranja situadas a su derecha.

ordines corresponding	a crras,	j ciija ias alliaacis	on the contract are contract	indiana de la constante de la	
Constante	K =	9,00.109	$N \cdot m^2 / C^2$	$\varepsilon'=$	
Esfera		Interior	Exterior		
Carga de la esfera	<i>Q</i> =		8	μC	
Radio de la esfera	<i>R</i> =		4	cm	
Distancia	<i>r</i> =	0	2	6 cm	
al centro del punto		Α	В	С	

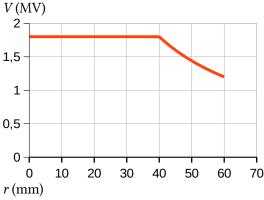
Punto	A	В	С
Distancia	0	2	6 cm
Campo	0	0	2,00·10 ⁷ N/C
Potencial	1,80·10 ⁶	1,80·10 ⁶	1,20·10 ⁶ V

GRÁFICAS:

Valor del campo eléctrico con la distancia



Potencial electrostático con la distancia



- 2. Dos conductores esféricos concéntricos, huecos, tienen de radios 4 y 8 cm, respectivamente. La esfera interior tiene una carga de 24 nC y la exterior 40 nC. Determina:
 - a) Los campos eléctricos en los puntos que distan del centro de las esferas 1, 5 y 10 cm.
 - b) Los potenciales eléctricos en los puntos que distan del centro de las esferas 1, 5 y 10 cm.
 - c) La diferencia de potencial entre los conductores

Rta.: a) $E_1 = 0$; $E_5 = 86,4$ kN/C; $E_{10} = 57,6$ kN/C; b) $V_1 = 9,90$ kV; $V_5 = 8,82$ kV; $V_{10} = 5,76$ kV; c) $\Delta V = 2,7$ kV.

Borre los datos. Copie ([Ctrl]+[C]) el enunciado y péguelo en la celda situada debajo de «Problema». En DATOS, escriba o pegue ([Ctrl]+[Alt]+[\triangle]+[V]) los valores de las magnitudes en las celdas de color blanco correspondientes a ellas, y elija las unidades en las celdas de color naranja situada a la derecha. Elija el otro valor (9,00·10°) de la constante en la celda de color naranja situadas a su derecha de «K =». Escriba los valores (4 y 8) de los radios en las celdas situadas a la derecha de «K =». Elija la unidad (cm) en la celda de color naranja situada a su derecha.

Escriba los valores (24 y 40) de las cargas en las celdas situadas a la derecha de «Q =». Elija la unidad (nC) en la celda de color naranja situada a su derecha.

Escriba los valores (1, 5 y 10) de las distancias de los puntos al centro de las esferas, en las celdas situadas a la derecha de $\alpha r = \infty$.

Las distancias deben escribirse en orden creciente.

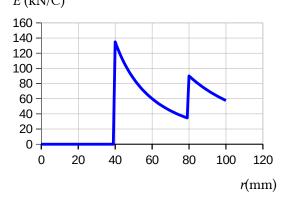
Constante	K =	9,00.109	$N \cdot m^2/C^2$	€' =	1
Esfera		Interior	Exterior		
Carga de la esfera	<i>Q</i> =	24	40		nC
Radio de la esfera	<i>R</i> =	4	8		cm
Distancia	r =	1	5	10	cm
al centro del punto		A	В	С	

RESULTADOS (con 3 cifras significativas):

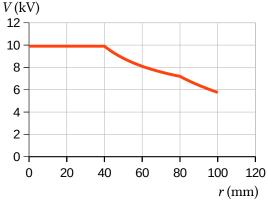
Punto	A	В	C
Distancia	1	5	10 cm
Campo	0	8,64·10 ⁴	5,76·10 ⁴ N/C
Potencial	$9,90 \cdot 10^{3}$	$8,82 \cdot 10^3$	5,76·10³ V
	Diferencia de potencial	$(V_{int} - V_{ext}) =$	$2,70\cdot10^3 \text{ V}$

GRÁFICAS:

Valor del campo eléctrico con la distancia E(kN/C)



Potencial electrostático con la distancia



Partículas cargadas en un campo magnético

En la pestaña «Lorentz» se pueden resolver ejercicios de partículas cargadas en el interior de un campo magnético. Se puede calcular:

- Fuerza magnética, rayo de la trayectoria, velocidad lineal y #angular, período o frecuencia,
- Si la partícula es un ion monoatómico, comprueba si la masa calculada de la partícula se desvía más del 5 % de su valor.
- Campo eléctrico que anula la fuerza magnética.
- Uno protón con una energía cinética de 4,0·10⁻¹⁵ J penetra perpendicularmente en un campo magnético uniforme de 40 mT. Calcula:
 - a) El módulo de la fuerza a la que está sometido el protón dentro del campo.
 - b) El tipo de movimiento realizado por protón, la trayectoria que describe y el radio de esta.

Datos: $q_p = 1.6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$; $m_p = 1.67 \times 10^{-27} \text{ kg}$. **Rta.:** a) $F = 1,40 \cdot 10^{-14}$ N; b) R = 0,571 m.

(A.B.A.U. extr. 22)

Borre los datos.

Partícula	Carga	<i>q</i> =				
	Masa	<i>m</i> =				
				clic		
	Ángulo entre v y B	φ =	90	0		
	Radio de la circunferencia	<i>R</i> =				
	Campo magnético	<i>B</i> =				
	Tiempo	<i>t</i> =		1 s		
	(para calcular el número de vueltas)					

Para ver el enunciado en la misma hoja, selecciónelo en la página de origen y cópielo ([Ctrl]+[C]). Pulse en la celda de la hoja de cálculo situada debajo de la etiqueta «Problema», y pegue el enunciado. En DATOS, en la celda de color naranja situada debajo de «Partícula» puede elegir la opción «Protón». Si lo hace, aparecerán los valores de su carga y masa. Puede cambiarlos, o copiando ([Ctrl]+[C]) el enunciado y pegando ($[Ctrl]+[Alt]+[\Phi]+[V]$) o escribirlos en formato científico «hoja de cálculo» o en el habitual:

- El valor de la carga (1,6E-19 o 1,6·10⁻¹⁹), en la celda situada a la derecha de «q =». El valor de la masa (1,67E-27 o 1,67·10⁻²⁷), en la celda situada a la derecha de «m =».

Elija las unidades (C y kg) en las celdas de color naranja situadas a su derecha.

Debajo de «kg», donde se ve «clic», elija la opción «J». Aparecerá la etiqueta «Energía cinética». Copie ([Ctrl]+[C]) el valor de la energía cinética en el enunciado y péguelo ([Ctrl]+[Alt]+[♣]+[V]) o escríbalo, en formato científico «hoja de cálculo» (4E-15) o en el habitual ($4\cdot10^{-15}$), en la celda a la derecha de «E=». Escriba el valor del campo magnético (0,04) en la celda situada a la derecha de «B =».

Partícula	Carga	<i>q</i> =	1,6E-19	С		
	Masa	<i>m</i> =	1,67E-27	kg		
	Energía cinética	<i>E</i> =	4E-15	J		
	Ángulo entre v y B	φ =	90	0		
	Radio de la circunferencia	<i>R</i> =				
	Campo magnético	<i>B</i> =	0,04	Т		
	Tiempo	<i>t</i> =				
	(para calcular el número de vueltas)					

Si copió y pegó los valores de carga y masa, desde el enunciado tal como están escritos, debería ver:

Carga	<i>q</i> =	1,6·10 ⁻¹⁹	С
Masa	<i>m</i> =	$1,67 \times 10^{-27}$	kg

a) En RESULTADOS elija la opción «Fuerza magnética» en la celda de color naranja situada debajo de «Radio de la trayectoria circular».

Radio de la trayectoria circular	<i>R</i> =	0,571 <mark>m</mark>	
Fuerza magnética	F =	1,40·10 ⁻¹⁴ N	

- 2. Una partícula de masa 8 ng y carga eléctrica $-2 \mu C$ entra en una región del espacio en la que hay un campo magnético $\overline{B} = 3 \overline{\mathbf{j}} T$, con una velocidad $\overline{\mathbf{v}} = 6 \overline{\mathbf{i}} \text{ km·s}^{-1}$. Calcula:
 - a) La velocidad angular con que se mueve.
 - b) La intensidad de campo eléctrico (vector) que se debe aplicar para que la partícula siga una trayectoria rectilínea.

(A.B.A.U. ord. 22)

Rta.: a)
$$\omega = 7.5 \cdot 10^5 \text{ rad/s}$$
; b) $\overline{E} = -1.80 \cdot 10^4 \overline{k} \text{ N/C}$.

Borre los datos. Copie ([Ctrl]+[C]) el enunciado y péguelo en la celda situada debajo de «Problema». En DATOS, escriba o pegue ([Ctrl]+[Alt]+[Δ]+[V]) los valores de las magnitudes en las celdas de color blanco correspondientes a ellas, y elija las unidades en las celdas de color naranja situadas a su derecha. Debajo de «ng», donde se ve «clic», elija la opción «m/s». Aparecerá la etiqueta «Velocidad». Copie ([Ctrl]+[C]) el valor en el enunciado y péguelo ([Ctrl]+[Alt]+[Δ]+[V]) o escríbalo, en formato científico «hoja de cálculo» (6E3) o en el habitual (6000 o 6·10³) en la celda situada a la derecha de «v=».

Partícula	Carga	<i>q</i> =	-2	μC		
	Masa	<i>m</i> =	8	ng		
	Velocidad	ν =	6000	m/s		
	Ángulo entre v y B	φ =	90	0		
Rad	dio de la circunferencia	<i>R</i> =				
	Campo magnético	<i>B</i> =	3	Т		
	Tiempo	t =				
(para calcular el número de vueltas)						

a) En RESULTADOS elija la opción «Velocidad angular» en la celda de color naranja situada encima de «Intensidad de campo eléctrico».

"III CIIDI	add de campo cicetrico».		
	Velocidad angular	ω =	7,50·10 ⁵ rad/s
	Intensidad de campo eléctrico	E =	1,80·10 ⁴ N/C
	que anula la desviación		

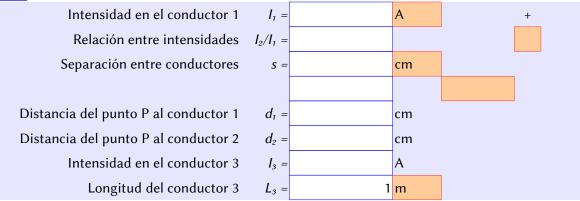
Campo y fuerza magnética entre conductores paralelos

En la pestaña «Conductores» se pueden resolver ejercicios de campos magnéticos producidos por dos conductores paralelos y la fuerza sobre un tercer conductor paralelo. Se puede calcular:

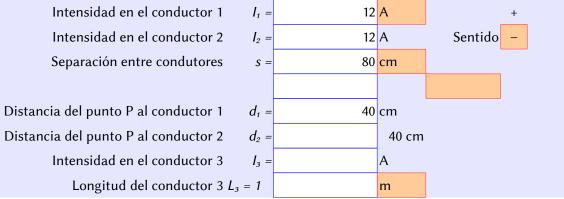
- Valor del campo magnético resultante en un punto.
- Fuerza magnética por unidad de longitud entre ambos conductores.
- Fuerza magnética sobre un tramo de un tercero conductor paralelo a ambos..
- Intensidad que circula por uno de los conductores sabiendo la relación entres las intensidades y la fuerza por unidad de longitud entre ellos.
- 1. Dos conductores rectilíneos, paralelos e infinitos, están situados en el plano *yz*, en la dirección del eje *z*, separados una distancia de 80 cm. Si por cada uno de ellos circula una corriente de 12 A en sentidos contrarios, calcula:
 - a) La fuerza por unidad de longitud que se ejercen mutuamente, indicando la dirección y el sentido de esta.
 - b) El vector campo magnético en el punto medio de la distancia que separa los conductores. DATO: $\mu_0 = 4 \pi \ 10^{-7} \ \text{T m A}^{-1}$. (A.B.A.U. ord. 23)

DATO: $\mu_0 = 4 \text{ m } 10^{-7} \text{ T m A}^{-1}$. **Rta.:** a) $F/l = 3.6 \cdot 10^{-5} \text{ N/m}$; b) $\overline{B} = -1.20 \cdot 10^{-5} \overline{\mathbf{j}} \text{ T.}$

Borre los datos.



Para ver el enunciado en la misma hoja, selecciónelo en la página de origen y cópielo ([Ctrl]+[C]). Pulse en la celda de la hoja de cálculo situada debajo de la etiqueta «Problema», y pegue el enunciado. En DATOS, escriba o pegue ([Ctrl]+[Alt]+[\Data]+[V]) los valores de las magnitudes en las celdas de color blanco correspondientes a ellas, y elija las unidades en las celdas de color naranja situadas a su derecha. En la celda situada a la derecha de «Sentido» elija la opción «-», que indica sentido contrario.



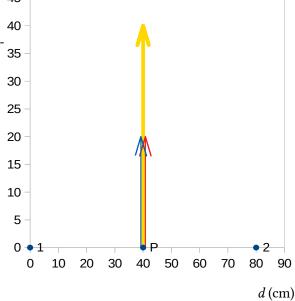
RESULTADOS (con 3 cifras significativas):

Campo magnético en el punto P debido al conductor 1 $B_1 = 6,00 \, \mu\text{T}$ debido al conductor 2 $B_2 = 6,00 \, \mu\text{T}$ resultante $B = 12,0 \, \mu\text{T}$ Fuerza entre los conductores 1 y 2 $F_{12} = 3,60 \times 10^{-5} \, \text{N/m} \longleftrightarrow \circ \to 0$

GRÁFICA:

$$B (\times 10^{-6} \text{ T})_{45}$$

Las flechas de colores azul y rojo representan los vectores 40 campo magnético creados por los conductores 1 y 2. La flecha más gruesa de color dorado representa el campo magnético resultante.



- 2. a) Indica cuál es el módulo, dirección y sentido del campo magnético creado por un hilo conductor recto recorrido por una corriente y realiza un esquema que ilustre las características de dicho campo. Considérese ahora que dos hilos conductores rectos y paralelos de gran longitud transportan su respectiva corriente eléctrica.
 - b) Sabiendo que la intensidad de una de las corrientes es el doble que la de la otra corriente y que, estando separados 10 cm, se atraen con una fuerza por unidad de longitud de $4.8\cdot10^{-5}$ N·m⁻¹, calcula las intensidades que circulan por los hilos.
 - c) ¿Cuánto vale el campo magnético en un punto situado entre los dos hilos, a 3 cm del que transporta menos corriente?

Dato: $\mu_0 = 4 \pi 10^{-7} \text{ N} \cdot \text{A}^{-2}$.

(P.A.U. jun. 15)

Rta.: b) $I_1 = 3,46$ A; $I_2 = 6,93$ A; c) B = 3,3 μ T.

Borre los datos. Copie ([Ctrl]+[C]) el enunciado y <u>péguelo</u> en la celda situada debajo de «Problema». En DATOS, escriba o pegue ([Ctrl]+[Alt]+[Δ]+[V]) los valores de las magnitudes en las celdas de color blanco correspondientes a ellas, y <u>elija</u> las unidades en las celdas de color naranja situadas a su derecha.

correspondiences a emas, y <u>empa</u> nas annac	acco cii	iab ceraab ac ec	oror marc	arija biraadab a ba acreena.
Intensidad en el conductor 1	I ₁ =			Sentido +
Relación entre intensidades	$I_2/I_1 =$	2		
Separación entre conductores	<i>s</i> =	10	cm	
Forza entre conductores 1 e 2	$F_{12} =$	4,8.10-5	N/m	∘→ ← ∘
Distancia del punto P al conductor 1	<i>d</i> ₁ =	3	cm	
Distancia del punto P al conductor 2	$d_2 =$	7	cm	

RESULTADOS (con 3 cifras significativas):

Campo magnético en el punto P			
debido al conductor 1	$B_1 =$	23,1 <mark>μΤ</mark>	
debido al conductor 2	$B_2 =$	19,8 μΤ	
resultante		3,30 μΤ	
Intensidad en el conductor 1	$I_1 =$	3,46 A	
Intensidad en el conductor 2	I ₂ =	6,93 A	+

Movimiento armónico simple

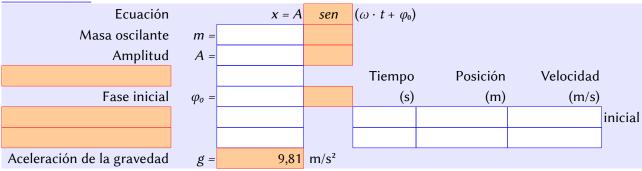
En la pestaña «MAS» se pueden resolver ejercicios de péndulo. Se puede calcular:

- El valor de la constante elástica al colgar del resorte una masa, dado el alargamiento.
- Las ecuaciones de elongación, velocidad, aceleración y fuerza en función del tiempo a partir de la amplitud, período o frecuencia, constante elástica, frecuencia angular e incluso a partir de la energía mecánica y la fuerza máxima.
- Los valores de la elongación, velocidad, aceleración, fuerza, energía cinética y potencial en un punto o instante determinados y sus valores máximos.
- Una gráfica de la variación de las energías cinética y potencial con la elongación.
- 1. La energía total de un cuerpo de masa 0.5 kg que realiza un movimiento armónico simple es $6.0 \cdot 10^{-3}$ J y la fuerza máxima que actúa sobre él es 0.3 N.
 - a) Escribe la ecuación de la elongación en función del tiempo, si en el instante inicial se encuentra en el punto de máxima elongación positiva.
 - b) Calcula en el instante *T*/4 la energía cinética y la energía potencial.
 - c) Halla la frecuencia con la que oscilaría si se duplica su masa.

(P.A.U. Set. 16)

Rta.: a) $x = 0.0400 \cos(3.87 \ t)$ (m); b) $E_p = 0$; $E_c = 6.0 \cdot 10^{-3} \ \text{J}$; c) $f' = 0.436 \ \text{Hz}$.

Borre los datos.



Para ver el enunciado en la misma hoja, selecciónelo en la página de origen y cópielo ([Ctrl]+[C]). Pulse en la celda de la hoja de cálculo situada debajo de la etiqueta «Problema», y pegue el enunciado. En DATOS, escriba o pegue ([Ctrl]+[Alt]+[Δ]+[V]) los valores de las magnitudes en las celdas de color blanco correspondientes a ellas, y elija las unidades en las celdas de color naranja situadas a su derecha. Elija la opción «cos» en la celda de color naranja situada a la derecha de «Ecuación», y las opciones «Energía mecánica» y «Fuerza máxima» En las celdas de color naranja situadas debajo de «Fase inicial». Copie ([Ctrl]+[C]) el valor en el enunciado y péguelo ([Ctrl]+[Alt]+[Δ]+[V]) o escríbalo, en formato científico «hoja de cálculo» (6E-3) o en el habitual (6,0·10⁻³), en la celda situada a la derecha de «E =». Escriba 0,3 en la celda situada a la derecha de «E =».

En la celda de color naranja situada a la derecha de «g =» puede elegir otro valor.

Escriba el valor (0,5) de la masa en la celda situada a la derecha de «m =» y elija a la unidad (kg) en la celda de color naranja situada a su derecha.

<i>y</i>								
Ecuación			x = A	cos	$(\omega \cdot t + \varphi_0)$			
Masa oscilante	<i>m</i> =		0,5	kg				
Amplitud	<i>A</i> =							
Constante elástica	k =			N/m	Tiempo	Posiciór	velocidad	l
Fase inicial	$\varphi_0 =$				(s)	(m)	(m/s))
Energía mecánica	E =	$6,0\cdot 10^{-3}$		J				inicial
Fuerza máxima	F=		0,3	N				
Aceleración de la gravedad	g =		9,81	m/s²				

En RESULTADOS elija la opción «Elongación» en la celda situada debajo de «Ecuación».

Ecuación	
Elongación	$x = 0.0400 \cos(3.87 t) \text{ (m)}$

Frecuencia	f =	0,616 Hz	_		
		Posición	Velocidad		E. potencia
		m	m/s		
Máxima		0,0400	0,110		0,00600
	1	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	0,110		0,00000
Si no está seguro de cuál debe s valor (0,04) de la amplitud (posi	ción máxima)	Tiempo	Posición	Velocidad	
«Máxima» en la última fila de r			(s)	(m)	(m/s)
Escriba su valor en la posición i	nicial.		0	0,04	inicia
b) Mire en RESULTADOS el val	or del período):			
Período	T =	1,62	S		
Escriba en la segunda fila de los	DATOS la fói	rmula:			
=H14/4 o.			Tiempo	Posición	Velocidad
1. Escriba	=		(s)	(m)	(m/s)
2. Pulse en la celda que co		r del Período.	0	0,04	inicia
3. Siga escribiendo	/4	0,41			
4. Presione la tecla	[←]	L		I	
H14 es la celda que contiene el v		odo.			
Esta fórmula hace la división: 1,					
c) Cambie en los DATOS el valo	r de la masa:				

2. Se cuelga un cuerpo de 10 kg de masa de un resorte y se alarga 2,0 cm. Después se le añaden otros 10 kg y se le da un tirón hacia abajo, de modo que el sistema comienza a oscilar con una amplitud de 3.0 cm.

1 kg

0.436 Hz

a) Calcula la constante elástica del resorte y la frecuencia del movimiento.

m =

En RESULTADOS elija la opción «Frecuencia» en lugar de «Período».

Frecuencia

Masa oscilante

- b) Escribe, en función del tiempo, las ecuaciones de la elongación, velocidad, aceleración y fuerza.
- c) Calcula la energía cinética y la energía potencial elástica a los 2 s de empezar a oscilar. Dato: $g = 9.8 \text{ m/s}^2$. (P.A.U. set. 14)

Rta.: a) $k = 4,90 \cdot 10^3$ N/m; f = 2,49 Hz; b) $x = 0,0300 \cos(15,7 t)$ [m]; $v = -0,470 \sin(15,7 t)$ [m/s]; $a = -7,35 \cos(15,7 t)$ [m/s²]; $F = -147 \cos(15,7 t)$ [N]; c) $E_c = 0,0270$ J; $E_p = 2,18$ J.

Borre los datos. Copie ([Ctrl]+[C]) el enunciado y péguelo en la celda situada debajo de «Problema». En DATOS, escriba o pegue ([Ctrl]+[Alt]+[Δ]+[V]) los valores de las magnitudes en las celdas de color blanco correspondientes a ellas, y elija las unidades en las celdas de color naranja situadas a su derecha. Fíjese que los datos de la masa oscilante y la amplitud son diferentes de los del alargamiento al colgar una masa de 10 kg.

Debe poner 3 en la celda situada debajo de Posición en la línea correspondiente a «inicial». Si en la expresión de «Ecuación» elige la opción «cos», las ecuaciones tienen fase inicial nula.

Ecuación		X = A	cos	$(\omega \cdot t + \varphi_0)$			
Masa oscilante	<i>m</i> =	20	kg				
Amplitud	<i>A</i> =	3	cm				
				Tiempo	Posición	Velocidad	
Fase inicial	$\varphi_0 =$			(s)	(cm)	(m/s))
Alargamiento producido	$\Delta x =$	2	cm	0	3		inicial
al colgar una masa	<i>m</i> =	10	kg	2			
Aceleración de la gravedad	g =	9,8	m/s²				

a) En RESULTADOS elija la opción «Constante elástica» en la celda de color naranja situada debajo de «Elongación».

2,21

Constante elástica k = $4,90 \cdot 10^3 \text{ N/m}$ Cambie la opción «Constante elástica» por «Frecuencia». 2,49 Hz Frecuencia f =b) Elija la opción «Elongación» en la celda de color naranja situada debajo de «Ecuación». Ecuación Elongación $x = 0.0300 \cos(15.7 t)$ (m) Cambie la opción «Elongación» por «Velocidad». Velocidad v = -0.470 sen(15.7 t) (m/s)Cambie la opción «Velocidad» por «Aceleración». Aceleración $la = -7.35 \cos(15.7 t) (m/s^2)$ Cambie la opción «Aceleración» por «Fuerza». $F = -147 \cos(15.7 t) N$ Fuerza Si elige « π » en la celda de color naranja situada a la derecha, las expresiones se muestran en función de π . Elongación $x = 0.0300 \cos(5 \pi t)$ (m) c) En DATOS, escriba 2 en la celda situada debajo de 0, correspondiente a «Tiempo» En RESULTADOS, elija la opción «E. cinética» en la celda de color naranja situada debajo de «Energía». E. cinética Posición Velocidad cm m/s 2,98 0,0520 0,0270 En t=2 s

3,00

0,470

El ejercicio estaba pensado para que $E_c = 0$, si la frecuencia fuera exactamente 2,5 Hz.

En cuyo caso T = 0.4 s y x = 3 cm, pero no es así.

Cambie la opción «E. cinética» por «E. potencial».

Máxima

El valor que se obtiene es $E_{\rm p}$ = 2,18 J, es ligeramente inferior al valor máximo.

♦ Péndulo

En la pestaña «Pendulo» se pueden resolver ejercicios de movimiento armónico simple. Se puede calcular:

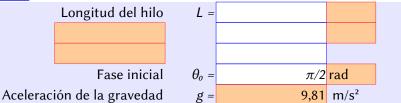
- La ecuación de movimiento.
- La frecuencia o el período a partir de su longitud y viceversa.
- Los valores de la velocidad o altura máximos.
- 1. Un péndulo simple de longitud l = 2,5 m, se desvía del equilibrio hasta un punto a 0,03 m de altura y se suelta. Calcula:
 - a) La velocidad máxima.
 - b) El período.
 - c) La amplitud del movimiento armónico simple descrito por péndulo.

Dato $g = 9.8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$.

(P.A.U. jun. 11)

Rta.: a) $v_m = 0.77 \text{ m/s}$; b) T = 3.2 s; c) A = 0.39 m.

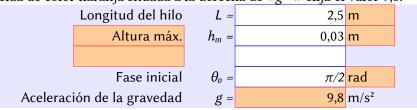
Borre los datos.



Para ver el enunciado en la misma hoja, selecciónelo en la página de origen y cópielo ([Ctrl]+[C]). Pulse en la celda de la hoja de cálculo situada debajo de la etiqueta «Problema», y pegue el enunciado. En DATOS, escriba o pegue ([Ctrl]+[Alt]+[Δ]+[V]) los valores de las magnitudes en las celdas de color blanco correspondientes a ellas, y elija las unidades en las celdas de color naranja situadas a su derecha. En DATOS, escriba el valor (2,5) de la longitud del hilo en la celda situada a la derecha de «L =» y elija la unidad (m) en la celda de color naranja situada a su derecha.

Debajo de ella elija la opción «Altura máx.», escriba su valor (0,03) en la celda situada a la derecha de « h_m =» y elija a la unidad (m) en la celda de color naranja situada a su derecha.

En la celda de color naranja situada a la derecha de «g =» elija el valor 9,8.



En RESULTADOS elija la opción «Período» debajo de la ecuación, y «Velocidad máxima» en la última fila. La ecuación se expresa en las mismas unidades que elija para la «Amplitud». Si elige la opción «m» verá:

Ecuación		
$s = 0.388 \operatorname{sen}(1.98 \ t + 1.57) (m)$		
Período	<i>T</i> =	3,17 s
Amplitud	<i>A</i> =	0,388 <mark>m</mark>
Velocidad máxima	$v_m =$	0,767 m/s

♦ Ondas

En la pestaña «Ondas» se pueden resolver ejercicios de ondas. Se puede calcular:

- El valor de la velocidad de propagación, la longitud de onda o la frecuencia (o período) a partir de los otros dos atributos.
- Las ecuaciones de elongación, velocidad y aceleración en función de la posición y del tiempo a partir de la amplitud, período, frecuencia o pulsación, longitud de onda o número de onda.
- Los valores de la elongación, velocidad y aceleración en un punto o instante determinados y sus valores máximos.
- La distancia mínima entre dos puntos conociendo la diferencia de fase y viceversa.
- Una gráfica de la elongación de cada punto en un determinado instante o de un punto en función del tiempo.
- 1. Una onda se propaga en el sentido positivo del eje X con una velocidad de 20 m s⁻¹, una amplitud de 0,02 m y una frecuencia de 10 Hz. Determina:
 - a) El período y la longitud de onda.
 - b) La expresión matemática de la onda si en t = 0 s la partícula situada en el origen está en la posición de máxima elongación positiva.

(A.B.A.U. extr. 23)

Rta.: a) T = 0.100 s; $\lambda = 2.00 \text{ m}$; b) $y = 0.0200 \text{ sen}(20 \pi t - \pi x + \pi/2) \text{ (m)}$.

Borre los datos.

Dorre	105 datos.				
	Ecuación		y = A	sen	$(\omega t \pm k x + \varphi_0)$
	Amplitud	<i>A</i> =			
	en el instante	t =		s	-
	Elongación inicial	<i>y</i> ₀ =		m	
	Diferencia de fase	Δφ =		rad	

Para ver el enunciado en la misma hoja, selecciónelo en la página de origen y cópielo ([Ctrl]+[C]). Pulse en la celda de la hoja de cálculo situada debajo de la etiqueta «Problema», y pegue el enunciado. En DATOS, en la celda situada a la derecha de «Ecuación» puede elegir entre «sen» y «cos». Por defecto es «sen».

Escriba el valor (0,02) de la amplitud en la celda situada a la derecha de «A = y elija a la unidad (m). Debajo de «Amplitud» elija la opción «Frecuencia», y escriba su valor (10) en la celda situada a la derecha de «f = x».

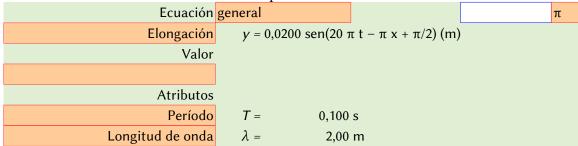
Debajo de ella, elija la opción «Velocidad de propagación» y escriba su valor (20) en la celda situada a la derecha de «v=».

Para el apartado b) escriba 0 en la celda situada a la derecha de «en el instante $t = \infty$, y 0,02 en la celda situada a la derecha de «Elongación inicial $y_0 = \infty$.

O S			
Ecuación	_	<i>y</i> = <i>A</i>	sen
Amplitud	<i>A</i> =	0,02	m
Frecuencia	f =	10	Hz
Velocidad de propagación	<i>v</i> =	20	m/s
en el instante	t =	0	s
Elongación inicial	<i>y</i> ₀ =	0,02	m
Diferencia de fase	Δφ =		rad
	_		

a) En RESULTADOS elija las opciones «Período» y «Longitud de onda» en las celdas de color naranja debajo de «Atributos».

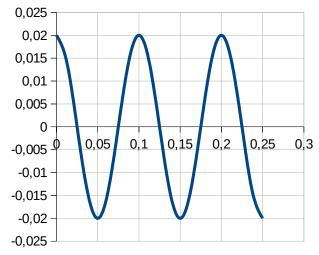
b) Elija «general», en la celda situada a la derecha de «Ecuación» y «Elongación» debajo de ella. Para que aparezca π en la expresión de la elongación, elija la opción « π » en la celda de color naranja situada a la derecha de la celda de color blanco de la línea que contiene «Ecuación».



GRÁFICA:

También puede ver una gráfica de la elongación de un punto en x = 0, entre 0 y 0,25 s:

Posición (cm)		mín.	máx.
0	Tiempo (s)	0	0,25



- 2. La expresión matemática de una onda armónico transversal que se propaga por una cuerda tensa orientada según el eje x es: y = 0.5 sen $[2\pi (3t x)]$ (unidades en el SI). Determina:
 - a) Los valores de la longitud de onda, velocidad de propagación, velocidad y aceleración máximas de vibración de los puntos de la cuerda.
 - b) La distancia mínima que separa dos puntos de la cuerda que en un mismo instante vibran desfasados 2π radianes.

(A.B.A.U. ord. 22)

Rta.: a)
$$\lambda = 1$$
 m; $v_p = 3{,}00 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$; $v_m = 9{,}42 \text{ m/s}$; $a_m = 177 \text{ m/s}^2$; b) $\Delta x = \lambda = 1 \text{ m}$.

Borre los datos. Copie ([Ctrl]+[C]) el enunciado y péguelo en la celda situada debajo de «Problema». En DATOS, escriba o pegue ([Ctrl]+[Alt]+[Δ]+[V]) los valores de las magnitudes en las celdas de color blanco correspondientes a ellas, y elija las unidades en las celdas de color naranja situadas a su derecha. Como la ecuación es y = 0.5 sen $[2\pi (3t - x)]$, comparada con $y = \text{sen}[2\pi (t/T - x/\lambda)]$, se puede deducir que: $1/T = f = 3 \text{ Hz y } 1/\lambda = 1 \text{ m}^{-1}$.

En la celda correspondiente a «Diferencia de fase», situada a la derecha de « $\Delta \varphi$ =» puede escribir 2 :pi:, o =2*PI().

2 1 1()·				
Ecuación		y = A	sen	$(\omega t \pm k x + \varphi_0)$
Amplitud	<i>A</i> =	0,5	m	
Frecuencia	f =	3	Hz	
Número de onda 1/λ	n =	1	m ⁻¹	
en el instante	t =		s	•
Elongación inicial	<i>y</i> ₀ =		m	
Diferencia de fase	$\Delta \varphi = 2 \pi$		rad	

Puede comprobar que la elección de los atributos es la correcta en RESULTADOS, eligiendo la opción «Elongación» en la celda situada debajo de «Ecuación» y la opción « π » en la celda de color naranja situada a la derecha de «general» y escribiendo 2 en la celda situada a su izquierda.

Ecuación	general	2 π
Elongación	$y = 0.500 \text{ sen } 2\pi(3 \text{ t} - x) \text{ (m)}$	

a) En RESULTADOS elija la opción «Velocidad» en la celda situada debajo de «Valor», y la opción «Longitud de onda» en la segunda celda debajo de «Atributos».

Valor	j	Máximo			
Velocidad	$V_m =$	9,42 m/s			
Atributos					
Longitud de onda	λ =	1,00 m			
Velocidad de propagación	<i>v</i> =	3,00 m/s			
Cambie la opción «Velocidad» por «	Aceleració	n», par ver la acelera	ción máxima.		
Aceleración	$la_m =$	178 m/s^2			
b) Fíjese en la última línea de RESUL	TADOS.				
Distancia entre puntos	$\Delta x =$	1,00 m si	$\Delta \varphi$ = 6,28 rad		
Puede elegir la opción «π» en la celo	la de color	naranja de la derecha	ì.		
Distancia entre puntos	$\Delta x =$	1,00 m si	$\Delta \varphi$ = 2 π rad	π	

Espejos y lentes

En la pestaña «Optica» se pueden resolver ejercicios de espejos y lentes. Se puede calcular:

- La posición y tamaño de la imagen de un objeto producida por un espejo o una lente.
- Un esquema con las posiciones y tamaños del objeto y su imagen.
- 1. Un objeto de 4 cm de altura está situado 20 cm delante de una lente delgada divergente de distancia focal 12 cm.
 - a) Determina la posición y el tamaño de la imagen.
 - b) Dibuja un esquema (marcha de rayos) con la posición del objeto, la lente y la imagen.

(A.B.A.U. extr. 23)

0

5

Rta.: a) s' = -7.5 cm; v' = 1.5 cm.

Borre los datos.

Lente	convergente	Unidades	cm
	Posición (cm)	Altura (cm)	
Foco			
Objeto			
Imagen			

Para ver el enunciado en la misma hoja, selecciónelo en la página de origen y cópielo ([Ctrl]+[C]).

Pulse en la celda de la hoja de cálculo situada debajo de la etiqueta «Problema», y pegue el enunciado.

En DATOS, elija la opción «Lente» en la primera celda de color naranja.

Elija la opción «Foco» en la celda de color naranja debajo de ella.

Escriba el valor de la posición del foco, con signo «-» (-20), en la celda situada a la derecha de «Foco». La etiqueta de la lente cambia a «divergente».

Escriba en la celda situada a la derecha de «Objeto» el valor de la posición del objeto (4), pero le dará un mensaje de que tiene que ser negativa. Ponga el signo «-» (-4).

Escriba la altura del objeto en la celda de la derecha.

		Lente	diverger	nte	Unid	ades	cm
			Pos	ición (cm)	Altura	(cm)	
		Foco		-12			
	(Objeto		-20		4	
	Ir	nagen					
R	ESULTAD			_		6	
		Posició	` ′	Altura (cr	<i>•</i>	4 -	
	Objeto		-20,0		00 Aumento		
	lmagen		-7,50		50 0,375	2	
	<mark>lmagen</mark> RÁFICA:		Virtual	Derecl	na Menor		
G	KAFICA:					0	0
							O
						-2 -	
						4	
						-4	
						-6	

-25

-20

-15

-10

-5

- 2. Se quiere formar una imagen real y de doble tamaño de un objeto de 1,5 cm de altura. Determina:
 - a) La posición del objeto si se usa un espejo cóncavo de R = 15 cm.
 - b) La posición del objeto si se usa una lente convergente con la misma distancia focal que el espejo. Dibuja la marcha de los rayos para los dos apartados anteriores.

(P.A.U. jun. 11)

Rta.: a) $s_e = -11$ cm; b) $s_l = -11$ cm.

<u>Borre los datos</u>. Copie ([Ctrl]+[C]) el enunciado y <u>péguelo</u> en la celda situada debajo de «Problema». <u>Elija</u> la opción «cm» en la celda de color naranja situada a la derecha de «Unidades».

a) Cambie la opción «Lente» por «Espejo».

En la celda de color naranja más abajo elija la opción «Centro (radio)» y escriba 15 en la celda situada a su derecha. Verá que aparece la etiqueta «convexo» a la derecha de «espejo». Para que el espejo sea cóncavo, el radio tiene que ser negativo. Escriba −15 en lugar de 15. Para emplear el dato «doble tamaño», elija la opción «Aumento ↑» en la celda de color naranja situada debajo de «Altura (cm)». Escriba 2 en la celda de color blanco situada encima de ella. Verá en RESULTADOS que la imagen es virtual. Para que sea real, deberá cambiar el signo del aumento y escribir −2.

Espejo	cóncavo	Unidades	cm
	Posición (cm)	Altura (cm)	
Centro (radio)	-15		
Objeto		1,5	
		-2	
		Aumento ↑	

RESULTADOS (con 3 cifras significativas):

Posición del foco -7,50 cm

Posición (cm) Altura (cm)

Objeto -11,3 1,50 Aumento

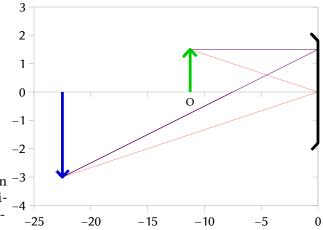
Imagen -22,5 -3,00 -2,00

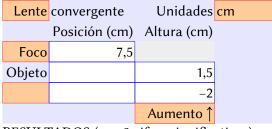
Imagen Real Invertida Mayor

GRÁFICA:

Anote la posición del foco para el apartado b).

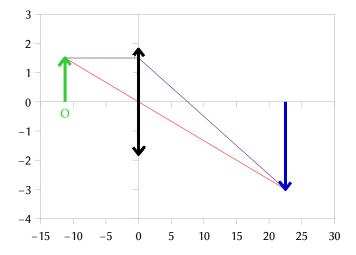
b) Cambie la opción «Espejo» por «Lente», y la opción ⁻³ «Centro (radio)» por «Foco». Escriba 7,5 en la celda situada a su derecha y compruebe que la lente y convergente. (Si escribiera -7,5, la lente sería divergente).





RESULTADOS (con 3 cifras significativas):

	Posición (cm)	Altura (cm)	
Objeto	-11,3	1,50	Aumento
Imagen	22,5	-3,00	-2,00
Imagen	Real	Invertida	Mayor
GRÁFIC	Λ:		



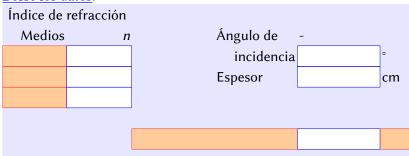
♦ Dioptrio plano

En la pestaña «Dioptrio» se pueden resolver ejercicios de dioptrio plano. Se puede calcular:

- El ángulo de refracción en un segundo o tercer medio y el ángulo límite.
- La longitud de onda de la onda refractada.
- Un esquema con la trayectoria de los rayos.
- 1. Un rayo de luz de frecuencia 5·10¹⁴ Hz incide con un ángulo de incidencia de 30° sobre una lámina de vidrio de caras plano-paralelas de espesor 10 cm. Sabiendo que el índice de refracción del vidrio es 1,50 y el del aire 1,00:
 - a) Enuncia las leyes de la refracción y dibuja la marcha de los rayos en el aire y en el interior de la lámina de vidrio.
 - b) Calcula la longitud de onda de la luz en el aire y en el vidrio, y la longitud recorrida por el rayo en el interior de la lámina.
 - c) Halla el ángulo que forma el rayo de luz con la normal cuando emerge de nuevo al aire.

Dato: $c = 3.00 \cdot 10^8 \text{ m/s}$ **Rta.**: b) $\lambda(\text{aire}) = 600 \text{ nm}$; $\lambda(\text{vidrio}) = 400 \text{ nm}$; L = 10.6 cm; c) $\theta_{r2} = 30^\circ$ (P.A.U. sep. 14)

Borre los datos.



Para ver el enunciado en la misma hoja, selecciónelo en la página de origen y cópielo ([Ctrl]+[C]). Pulse en la celda de la hoja de cálculo situada debajo de la etiqueta «Problema», y pegue el enunciado. En DATOS, escriba o pegue ([Ctrl]+[Alt]+[\$\Delta\$]+[V]) los valores de las magnitudes en las celdas de color blanco correspondientes a ellas, y elija las unidades en las celdas de color naranja situadas a su derecha. Elija, en las celdas de color naranja debajo de «Medios» las opciones «Aire» y «Vidrio». Cambie el valor del índice de refracción del vidrio a 1,5 y escriba el valor (30) del ángulo de incidencia.

Escriba el valor (10) del espesor de la lámina a la derecha de la etiqueta «Espesor».

En la última línea, elija «Frecuencia» en la celda de color naranja de la izquierda.

Puede copiar ([Ctrl]+[C]) en el enunciado la frecuencia ($5\cdot10^{14}$) y pegarla ([Ctrl]+[Alt]+[Δ]+[V]) o escribir, en formato científico «hoja de cálculo» o en el habitual, su valor (5E14 o $5\cdot10^{14}$) en la celda de color blanco situada a la derecha de «Frecuencia».

	situada a la defectia de «Freedericia».								
	Índice de refracción								
	Medios	n		Ángulo de Aire-V					
	Aire	1		incidenci	a	30 °			
	Vidrio	1,5		Espesor		10 cm			
	Aire	1							
	Frecuencia 5·10 ¹⁴ Hz								
	RESULTAI	OOS (con 3	cifras significa	ativas) y GR	ÁFICA:				
		Ángu	lo refractado	límite					
		Aire-Vidr	io 19,5°						
	Vidrio-Aire 30,0° 41,8°								
Longitud recorrida por el rayo en la lámina 10,6 cm									
			Aire	Vidrio A	Aire				
	Long	itud de ond	da 600	400	600 <mark>nm</mark>				



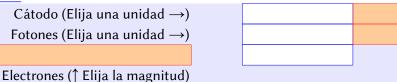
♦ Efecto fotoeléctrico

En la pestaña «Fotoelectr» se pueden resolver ejercicios de efecto fotoeléctrico. Se puede calcular:

- A partir de la ecuación de Einstein cualquiera de las magnitudes relacionadas con la energía para el cátodo (trabajo de extracción, frecuencia o longitud de onda umbral), los fotones (energía, frecuencia o longitud de onda) o los electrones (energía, velocidad máxima o potencial de frenado).
- Una gráfica para la energía cinética o potencial de frenado de los electrones en función de la frecuencia de los fotones o de la energía o frecuencia de los fotones en función de la energía cinética o potencial de frenado de los electrones
- 1. Se ilumina un metal con luz monocromática de una cierta longitud de onda. Si el trabajo de extracción es de 4,8·10⁻¹⁹ J y el potencial de frenado es de 2,0 V, calcula:
 - a) La velocidad máxima de los electrones emitidos.
 - b) La longitud de onda de la radiación incidente.
 - c) Representa gráficamente la energía cinética máxima de los electrones emitidos en función de la frecuencia de la luz incidente.

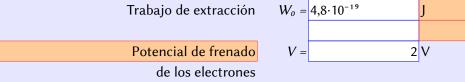
Datos: $|q_e| = 1.6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$; $m_e = 9.1 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$; $h = 6.63 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}^{-1}$; $c = 3 \cdot 10^8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$. (A.B.A.U. extr. 19) **Rta.:** a) $v = 8.4 \cdot 10^5 \text{ m/s}$; b) $\lambda = 250 \text{ nm}$.

Borre los datos.

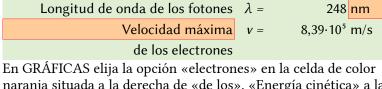


Para ver el enunciado en la misma hoja, selecciónelo en la página de origen y cópielo ([Ctrl]+[C]). Pulse en la celda de la hoja de cálculo situada debajo de la etiqueta «Problema», y pegue el enunciado. En DATOS elija la opción «J» en la celda de color naranja situada a la derecha de «Cátodo». La etiqueta cambiará a «Trabajo de extracción». Copie ([Ctrl]+[C]) el valor en el enunciado y péguelo ([Ctrl]+[Alt]+ $[\Phi]$ +[V]) o escríbalo, en formato científico «hoja de cálculo» (7E14) o en el habitual (7,0·10¹⁴), en la celda situada a la derecha de « W_0 =».

Elija la opción «Potencial de frenado» en la celda situada encima de «Electrones (\uparrow Elija la magnitud)». Escriba su valor (2) en la celda situada a la derecha de «V =».



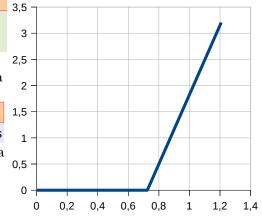
- a) En RESULTADOS elija la opción «Velocidad máxima», en la celda situada encima de «Electrones († Elija la magnitud)»
- b) Elija la opción «nm» o «m» en la fila de «Fotones (Elija una unidad \rightarrow)». La etiqueta cambia:



naranja situada a la derecha de «de los», «Energía cinética» a la izquierda de «frente a», y «Frecuencia» su derecha.

Energía cinética		frente a	Frecuencia	
de los	electrones			de los
C: 1 - 1	:111	J. 1. C		. 1. 1

Si lo desea, escriba el valor de la frecuencia máxima a la derecha de «f=». El valor máximo prefijado es el doble de la frecuencia umbral.



- 2. El trabajo de extracción para el sodio es de 2,50 eV. Calcula:
 - a) La longitud de onda de la radiación que debemos usar para que la velocidad máxima de los electrones emitidos sea de $1,00\cdot10^7$ m·s⁻¹.
 - b) El potencial de frenado.
 - c) La longitud de onda de De Broglie asociada a los electrones emitidos por metal con velocidad máxima.

Datos:
$$h = 6.63 \times 10^{-34} \text{ J·s}$$
; $c = 3 \times 10^8 \text{ m·s}^{-1}$; $|q(y)| = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$; 1 nm = 10^{-9} m; $m(y) = 9.1 \times 10^{-31}$. (A.B.A.U. extr. 18)

Rta.: a) $\lambda = 4.32$ nm; b) V = 284 V; c) $\lambda_d = 72.7$ pm.

Borre los datos. Copie ([Ctrl]+[C]) el enunciado y péguelo en la celda situada debajo de «Problema». En DATOS elija la opción «eV» en la celda de color naranja situada a la derecha de «Cátodo». La etiqueta cambiará a «Trabajo de extracción». Escriba el valor (2,5) en la celda situada a la derecha de « W_0 =». Elija la opción «Velocidad máxima» en la celda de color naranja situada encima de «Electrones». Copie ([Ctrl]+[C]) su valor en el enunciado y péguelo ([Ctrl]+[Alt]+[Δ]+[V]) o escríbalo, en formato científico «hoja de cálculo» (1E7) o en el habitual (1·10⁷), en la celda situada a la derecha de «v =».

	(,,		
	Trabajo de extracción	$W_o =$	2,5	eV
	Velocidad máxima	v =	1,00·10 ⁷	m/s
	de los electrones			

b) En RESULTADOS elija la opción «Potencial de frenado», en la celda de color naranja situada encima de «Electrones († Elija la magnitud)»

Longitud de onda de los fotones	λ =	4,32 <mark>nm</mark>
Potencial de frenado	<i>V</i> =	284 V
de los electrones		

c) Cambie la opción «Potencial de frenado» por «Longitud de onda de De Broglie».

Longitud de onda de De Broglie $\lambda_d = 7,27 \cdot 10^{-11} \text{ m}$

♦ Energía nuclear

En la pestaña «EnerNuclear» se pueden resolver ejercicios de energía nuclear. Se puede calcular:

- La energía de enlace por nucleón.
- La energía liberada en una reacción nuclear.
- 1. Para el núcleo de uranio, 238 U, calcula:
 - a) El defecto de masa.
 - b) La energía de enlace nuclear.
 - c) La energía de enlace por nucleón.

Datos: $m(^{238}_{92}\text{U}) = 238,051 \text{ u}$; 1 g = 6,02·10²³ u; $c = 3.10^8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$; m(p) = 1,007277 u; m(n) = 1,008665 u (A.B.A.U. extr. 18)

Rta.: a) $\Delta m = 1,883 \text{ u} = 3,128 \cdot 10^{-27} \text{ kg; b})$ $E_e = 2,81 \cdot 10^{-10} \text{ J/átomo; c})$ $E_{en} = 1,18 \cdot 10^{-12} \text{ J/nucleón.}$

Borre los datos.

	N.º atómico	Z	1	N.º másico A	
F	Partícula proyectil				
١	Núclido diana				
١	Núclido formado				
2	º núclido/partícula				
٨	Masa de la muestra				

Para ver el enunciado en la misma hoja, selecciónelo en la página de origen y cópielo ([Ctrl]+[C]). Pulse en la celda de la hoja de cálculo situada debajo de la etiqueta «Problema», y pegue el enunciado. En DATOS, escriba o pegue ([Ctrl]+[Alt]+[\Delta]+[V]) los valores de las magnitudes en las celdas de color blanco correspondientes a ellas, y elija las unidades en las celdas de color naranja situadas a su derecha. Escriba el valor de la carga (92) en la celda situada a la derecha de «Núclido formado», y de su masa en la celda de la derecha (238,051). Elija la unidad (u) en la celda de color naranja situada a su derecha.

Car	ga (e+)	Masa	
Partícula proyectil			
Núclido diana			
Núclido formado	92	238,05	u
2º núclido/partícula			
Masa de la muestra			

a) En RESULTADOS elija la opción «u» o «kg», en la celda de color naranja situada a la izquierda de «/átomo».

		92 ¦H + 146 ₀'n -	$\rightarrow 9238$ U		
	Defecto de masa	$\Delta m =$	-1,88	u /átomo	
1	b) Elija ahora «J» o «Me'	√» en la misma c	elda.		
	Energía de enlace	$E_e =$	$-2,81\cdot10^{-10}$	J /átomo	
	c) Elija la opción «/nucle	ón» en vez de «/	átomo» en la c	celda de color naranja	situada a su derecl
	Energía de enlace	$E_e =$	$-1,18\cdot10^{-12}$	J /nucleón	

- 2. El isótopo del boro $^{10}_5$ B es bombardeado por una partícula α y se produce $^{13}_6$ C y otra partícula.
 - a) Escribe la reacción nuclear.
 - b) Calcula la energía liberada por núcleo de boro bombardeado.
 - c) Calcula la energía liberada si se considera 1 g de boro.

Datos: masa atómica($^{10}_5$ B) = 10,0129 u; masa atómica($^{13}_6$ C) = 13,0034 u; masa(α) = 4,0026 u; masa(protón) = 1,0073 u; α = 3.108 m/s; α = 6,022·10²³ mol⁻¹; 1 u = 1,66·10⁻²⁷ kg. (*P.A.U. sep. 16*)

Rta.: a) ${}_{5}^{10}B + {}_{2}^{4}He \rightarrow {}_{6}^{13}C + {}_{1}^{1}H; b) E = 7,15 \cdot 10^{-13} \text{ J/átomo; c) } E_{2} = 43,1 \text{ GJ/g.}$

Borre los datos. Copie ([Ctrl]+[C]) el enunciado y <u>péguelo</u> en la celda situada debajo de «Problema». En DATOS, escriba o pegue ([Ctrl]+[Alt]+[Δ]+[V]) los valores de las magnitudes en las celdas de color blanco correspondientes a ellas, y <u>elija</u> las unidades en las celdas de color naranja situadas a su derecha.

(e+)	Masa		
2	4	u	
5	10,01	u	
6	13	u	
	1	g	N. diana
	(e ⁺) 2 5 6	2 4 5 10,01 6 13	(e*) Masa 2 4 u 5 10,01 u 6 13 u 1 g

En RESULTADOS aparece un mensaje:

Faltan datos:
$$\Delta Z = -1$$
; $\Delta A = -1$

Esto indica que falta una partícula de A = 1 y Z = 1.

Por tanto, hay que añadir los datos del protón debajo de los de «Núclido formado»

Núclido formado	6	13	u
Partícula emitida	1	1,01	u

a) En RESULTADOS elija la opción «J» o «MeV», en la celda de color naranja situada a la izquierda de «/ átomo».

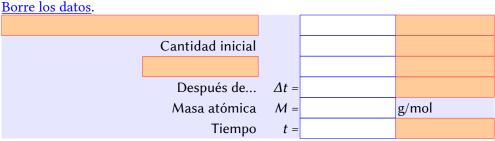
	${}_{2}^{4}\text{He} + {}_{5}^{10}\text{B} \longrightarrow {}_{6}^{13}\text{C} + {}_{7}^{1}\text{H}$				
Energía	<i>E</i> =	−7,16·10 ⁻¹³	J /átomo		
Energía de la muestra	E =	4,31.1010	J/g 50 B		

Desintegración radiactiva

En la pestaña «Desintegr» se pueden resolver ejercicios de desintegración radiactiva. Se puede calcular:

- La cantidad de sustancia radiactiva que queda al cabo de un tiempo, y su actividad radiactiva, conocido el dato del período de semidesintegración o la vida media y viceversa.
- 1. El ²10 Pb se transforma en polonio al emitir dos partículas beta y posteriormente, por emisión de una partícula alfa, se obtiene plomo.
 - a) Escribe las reacciones nucleares descritas.
 - b) El período de semidesintegración del ²10 Pb es de 22,3 años. Sí teníamos inicialmente 3 moles de átomos diera elemento y transcurrieron 100 años, calcula el número de núcleos radioactivos que quedan sin desintegrar y la actividad inicial de la muestra.

Dato: $E_{\text{n la}} = 6.02 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$. (A.B.A.U. ord. 23) Rta: a) ${}^{282}_{82}^{0}\text{Pb} \rightarrow {}^{0}_{-1}\text{e} + {}^{210}_{83}^{0}\text{Bi} \rightarrow {}^{0}_{-1}\text{e} + {}^{210}_{84}^{0}\text{Po} \rightarrow {}^{4}_{2}\text{He} + {}^{20}_{82}^{6}\text{Pb}$; b) $N = 8.07 \cdot 10^{22} \text{ núcleos}$; $A_{0} = 1.78 \cdot 10^{15} \text{ Bq}$.



Para ver el enunciado en la misma hoja, selecciónelo en la página de origen y cópielo ([Ctrl]+[C]). Pulse en la celda de la hoja de cálculo situada debajo de la etiqueta «Problema», y pegue el enunciado. En DATOS, elija la opción «Período de semidesintegración» en la primera celda de la izquierda de color naranja.

Escriba los valores de las magnitudes en las celdas de color blanco correspondientes a ellas, y <u>elija</u> las unidades en las celdas de color naranja situadas a su derecha.

Período de semidesintegración	<i>T</i> =	22,3	años
Cantidad inicial	$N_o =$	3	mol
Después de	$\Delta t =$		
Masa atómica	<i>M</i> =		g/mol
Tiempo	<i>t</i> =	100	años

En RESULTADOS elija la opción «átomos» en la celda de color naranja situada a la derecha de «clic \rightarrow ».

Cantidad $\frac{1}{81 \cdot 10^{24}}$ En 100 años $8,07 \cdot 10^{22}$

Para la actividad inicial elija la opción «Bq» en lugar de «átomos».

Actividad Bq
Inicial 1,78·10¹⁵

Cuestiones y problemas de las <u>Pruebas de evaluación de Bachillerato para el acceso a la Universidad</u> (A.B.A.U. y P.A.U.) en Galicia.

Respuestas y composición de Alfonso J. Barbadillo Marán.

Algunos cálculos se hicieron con una hoja de cálculo de LibreOffice del mismo autor.

Algunas ecuaciones y las fórmulas orgánicas se construyeron con la extensión CLC09 de Charles Lalanne-Cassou.

La traducción al/desde el gallego se realizó con la ayuda de traducindote, y del traductor de la CIXUG.

Se procuró seguir las recomendaciones del Centro Español de Metrología (CEM).

Se consultó al Copilot de Microsoft Edge y se tuvieron en cuenta algunas de sus respuestas en las cuestiones.

Actualizado: 23/10/24

Sumario

PROBLEMAS DE FÍSICA DE 2.º DE BACHILLERATO	
Comienzo	1
Teclado y ratón	
Datos	
Cifras significativas y formato numérico	2
Como pegar el enunciado en la hoja de cálculo	2
Otros cálculos	2
Otros consejos	3
Tipos de problemas	3
Ejemplos	
Cálculo de coordenadas para figuras regulares	
1. Calcula las coordenadas de un triángulo equilátero de 80 cm de lado con la base en el eje X y el vé	
tice superior en el eje Y	
Satélites	
1. El Sentinel-1 es un satélite artificial de órbita circular polar de la Agencia Espacial Europea dentro	
del Programa Copérnico destinado a la monitorización terrestre y de los océanos. Está situado a 693	
km sobre la superficie terrestre	
2. Un satélite artificial tiene una masa de 200 kg y una velocidad constante de 7,00 km·s ⁻¹	
3. Las relaciones entre las masas y los radios de la Tierra y la Luna son: MT/ML= 79,63 y RT/RL = 3,	66
	10
Propiedades de un astro por comparación con otro	
Tierra en su correspondiente órbita. Considerando circulares las órbitas de los dos planetas, determi	
3. Las relaciones entre las masas y los radios de la Tierra y la Luna son: MT/ML= 79,63 y RT/RL = 3,	
11	00
Masas o cargas puntuales: Masas	. 12
1. Dos masas de 150 kg están situadas en A(0, 0) y B(12, 0) metros. Calcula:	
2. Una nave sitúa un objeto de 20 kg de masa entre la Tierra y el Sol en un punto donde la fuerza gra	
vitatoria neta sobre el objeto es nula. Calcula en ese punto:	
Masas o cargas puntuales: Cargas	
1. Dos cargas eléctricas positivas de 3 nC cada una están fijas en las posiciones (2, 0) y (-2, 0) y una	
carga negativa de –6 nC está fija en la posición (0,-1)	15
2. Tres cargas de −2, 1 y 1 μC están situadas en los vértices de un triángulo equilátero y distan 1 m d	lel
centro del mismo	
3. Una carga q de 2 mC está fija en el punto A (0, 0), que es el centro de un triángulo equilátero de la	
3√3 m. Tres cargas iguales Q están en los vértices y la distancia de cada carga Q al punto A es 3 m. I	
conjunto está en equilibrio electrostático. Calcula:	
Cálculo de una carga a partir del campo y del potencial en un punto	
1. Una carga eléctrica puntual de valor Q ocupa la posición (0,0) del plano XY en el vacío. En un pur	
A del eje X el potencial eléctrico es V = -120 V y el campo eléctrico es E = -80 i N /C. Si las coorden	
das están dadas en metros, calcula:	
2. En un punto de coordenadas $(0, 3)$ está situada una carga $q_1 = 7,11$ nC, y en el punto de coordenada $(0, 3)$ está situada una carga $q_1 = 7,11$ nC, y en el punto de coordenada $(0, 3)$ está situada una carga $q_1 = 7,11$ nC, y en el punto de coordenada $(0, 3)$ está situada una carga $q_1 = 7,11$ nC, y en el punto de coordenada $(0, 3)$ está situada una carga $q_1 = 7,11$ nC, y en el punto de coordenada $(0, 3)$ está situada una carga $(0, 3)$ está situada una carg	
(4, 0) está situada otra carga q ₂ = 3,0 nC. Calcula:	
Péndulo en un campo eléctrico	
un hilo de 20 cm de longitud, una esfera metálica que posee una carga eléctrica de 8 μC y tiene una	, ae
masa de 4 g. Calcula:masa de 4 g. Calcula:	22
2. Un péndulo está constituido por una pequeña esfera metálica de masa m = 1 g y dimensiones des	
preciables, y un hilo inextensible de 150 cm de ancho y sin peso apreciable. Si la esfera tiene una car	
positiva q y el péndulo se sitúa en una región donde existe un campo eléctrico uniforme de intensid	
E = 10 ⁵ N/C. Calcula:	
Esferas concéntricas.	
1. Una esfera conductora de radio 4 cm tiene una carga de +8 μC en equilibrio eléctrico. Calcula cuá:	
valen en puntos que distan 0, 2 y 6 cm del centro de la esfera:	

2. Dos conductores esféricos concéntricos, huecos, tienen de radios 4 y 8 cm, respectivamente. La esfe	
ra interior tiene una carga de 24 nC y la exterior 40 nC. Determina:	
Partículas cargadas en un campo magnético	
1. Uno protón con una energía cinética de 4,0⋅10 ⁻¹⁵ J penetra perpendicularmente en un campo magne	
tico uniforme de 40 mT. Calcula:	
2. Una partícula de masa 8 ng y carga eléctrica −2 μC entra en una región del espacio en la que hay un campo magnético B = 3 j T, con una velocidad v = 6 i km·s ⁻¹ . Calcula:	
Campo y fuerza magnética entre conductores paralelos	
1. Dos conductores rectilíneos, paralelos e infinitos, están situados en el plano yz, en la dirección del	
eje z, separados una distancia de 80 cm. Si por cada uno de ellos circula una corriente de 12 A en sent	i -
dos contrarios, calcula:	
2. a) Indica cuál es el módulo, dirección y sentido del campo magnético creado por un hilo conductor	
recto recorrido por una corriente y realiza un esquema que ilustre las características de dicho campo.	
Considérese ahora que dos hilos conductores rectos y paralelos de gran longitud transportan su res-	
pectiva corriente eléctrica. b) Sabiendo que la intensidad de una de las corrientes es el doble que la de	
la otra corriente y que, estando separados 10 cm, se atraen con una fuerza por unidad de longitud de	
4,8·10 ⁻⁵ N·m ⁻¹ , calcula las intensidades que circulan por los hilos. c) ¿Cuánto vale el campo magnético	
en un punto situado entre los dos hilos, a 3 cm del que transporta menos corriente?	
Movimiento armónico simple	
1. La energía total de un cuerpo de masa 0,5 kg que realiza un movimiento armónico simple es 6,0·10 ⁻	
J y la fuerza máxima que actúa sobre él es 0,3 N	
2. Se cuelga un cuerpo de 10 kg de masa de un resorte y se alarga 2,0 cm. Después se le añaden otros	-
10 kg y se le da un tirón hacia abajo, de modo que el sistema comienza a oscilar con una amplitud de	
3,0 cm	32
Péndulo	
1. Un péndulo simple de longitud $l = 2,5$ m, se desvía del equilibrio hasta un punto a $0,03$ m de altura	
se suelta. Calcula:	
Ondas	
1. Una onda se propaga en el sentido positivo del eje X con una velocidad de 20 m s⁻¹, una amplitud d	e
0,02 m y una frecuencia de 10 Hz. Determina:	
2. La expresión matemática de una onda armónico transversal que se propaga por una cuerda tensa	
orientada según el eje x es: y = 0,5 sen $[2\pi (3t - x)]$ (unidades en el SI). Determina:	37
Espejos y lentes	
1. Un objeto de 4 cm de altura está situado 20 cm delante de una lente delgada divergente de distancia	ı
focal 12 cm	38
2. Se quiere formar una imagen real y de doble tamaño de un objeto de 1,5 cm de altura. Determina:	39
Dioptrio plano	
1. Un rayo de luz de frecuencia 5·10¹⁴ Hz incide con un ángulo de incidencia de 30° sobre una lámina	
de vidrio de caras plano-paralelas de espesor 10 cm. Sabiendo que el índice de refracción del vidrio es	
1,50 y el del aire 1,00:	
Efecto fotoeléctrico	
1. Se ilumina un metal con luz monocromática de una cierta longitud de onda. Si el trabajo de extrac-	
ción es de 4,8·10 ⁻¹⁹ J y el potencial de frenado es de 2,0 V, calcula:	
2. El trabajo de extracción para el sodio es de 2,50 eV. Calcula:	42
Energía nuclear	
1. Para el núcleo de uranio, ⅔U, calcula:	
2. El isótopo del boro $^{10}_5$ B es bombardeado por una partícula α y se produce $^{13}_6$ C y otra partícula	
Desintegración radiactiva	
1. El $^{21}_{82}$ Pb se transforma en polonio al emitir dos partículas beta y posteriormente, por emisión de un	
partícula alfa, se obtiene plomo	45