## **MAGNETISMO**

## Método e recomendacións

## Carga nun campo magnético

- Un protón cunha enerxía cinética de 4,0·10<sup>-15</sup> J penetra perpendicularmente nun campo magnético uniforme de 40 mT. Calcula:
  - a) O módulo da forza á que está sometido o protón dentro do campo.
  - b) O tipo de movemento realizado polo protón, a traxectoria que describe e o raio desta.

Datos:  $q_p = 1.6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ ;  $m_p = 1.67 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$ . (A.B.A.U. extr. 22)

**Rta.:** a)  $F_B = 1.4 \cdot 10^{-14} \text{ N}$ ; b) R = 0.57 m.

Datos	Cifras significativas: 2
Enerxía cinética do protón	$E_{\rm c} = 4.0 \cdot 10^{-15} \rm J$
Valor da intensidade do campo magnético	B = 40  mT = 0.040  T
Ángulo entre a velocidade do protón e o campo	$\varphi = 90^{\circ}$
Carga do protón	$q = 1.6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$
Masa do protón	$m = 1,67 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$
Incógnitas	_
Módulo da forza á que está sometido o protón dentro do campo	$F_B$
Radio da traxectoria	R

Radio da traxectoria **Ecuacións** 

Lei de Lorentz: forza magnética sobre unha carga, q, que se despraza polo inte- $\overline{F}_B = q(\overline{v} \times \overline{B})$ rior dun campo magnético,  $\overline{B}$ , cunha velocidade,  $\overline{\nu}$ 

 $a_{\rm N} = \frac{v^2}{R}$ Aceleración normal (nun movemento circular de raio R)  $\Sigma \overline{F} = m \cdot \overline{a}$ 2.ª lei de Newton da Dinámica  $v = \frac{2\pi \cdot R}{T}$ Velocidade nun movemento circular uniforme de raio R

## Solución:

a) A velocidade do protón calcúlase a partir da enerxía cinética:

$$E_{c} = \frac{1}{2} m \cdot v^{2} \Rightarrow 4.0 \cdot 10^{-15} [J] = (1.67 \cdot 10^{-27} [kg] / 2) \cdot v^{2}$$
$$v = \sqrt{\frac{2 \cdot 4.0 \cdot 10^{-15} [J]}{1.67 \cdot 10^{-27} [kg]}} = 2.2 \cdot 10^{6} \text{ m/s}$$

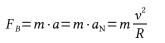
A forza magnética calcúlase pola lei de Lorentz:

$$\overline{F}_B = q (\overline{v} \times \overline{B})$$

En módulos:

$$F_{B} = |\; \overline{\pmb{F}}_{B} \; | = q \cdot |\; \overline{\pmb{\nu}} \; | \cdot |\; \overline{\pmb{B}} \; | \; \cdot \; \text{sen } 90^{\circ} = 1,6 \cdot 10^{-19} \; [\text{C}] \; \cdot \; 2,2 \cdot 10^{6} \; [\text{m/s}] \; \cdot \; 0,040 \; [\text{T}] = 1,4 \cdot 10^{-14} \; \text{N}$$

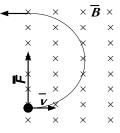
b) Como só actúa a forza magnética, que é perpendicular á velocidade, o protón describe unha traxectoria circular con velocidade de valor constante, polo que a aceleración só ten compoñente normal  $a_N$ .



Usando a expresión da lei de Lorentz (en módulos) para a forza magnética:

$$|q| \cdot B \cdot v \cdot \operatorname{sen} \varphi = m \frac{v^2}{P}$$

Despexando o raio, *R*:



$$R = \frac{m \cdot v}{|q| \cdot B \cdot \text{sen } \varphi} = \frac{1,67 \cdot 10^{-27} \,[\text{kg}] \cdot 2,2 \cdot 10^6 \,[\text{m/s}]}{1,6 \cdot 10^{-19} \,[\text{C}] \cdot 0,040 \,[\text{T}] \cdot \text{sen } 90^\circ} = 0,57 \,\text{m}$$

Análise: Se o protón entra nun campo magnético, ao describir media circunferencia sairá del, polo que en realidade só daría media volta e sairía a unha distancia de 2 R = 1,0 m do punto de entrada, na mesma dirección coa que entrou, pero en sentido oposto.

Pode obter as respostas na pestana «Lorentz» da folla de cálculo Fisica (gal). Instrucións.

Prema sobre a cela situada de debaixo de «Partícula» e elixa «Protón», para non ter que teclear os valores da masa e carga do protón.

Faga clic na cela de color laranxa situada baixo «kg» e elixa «J».

Faga clic na cela de color branca e bordo azul situada a súa esquerda e escriba 4E-15, (o, si o prefire, 4,0 ↑3 10^- ^1 ^5 e borre os espazos).

Faga clic na cela de color branca e bordo azul situada á dereita de «B =» e teclee 0,04. Deberá ver:

Partícula	Carga	q =	$1,60218 \cdot 10^{-19}$	С
Protón	Masa	<i>m</i> =	$1,67262 \cdot 10^{-27}$	kg
	Enerxía cinética	E =	4E-15	J
	Ángulo entre v e B	φ =	90	0
	Radio da circunferencia	R =		
	Campo magnético	B =	0,04	T

Para ver o resultado da «Forza magnética», debe premer sobre a cela de color laranxa baixo «Radio da traxectoria circular» e elixir esa opción.

•	Cifras sig	gnificativas:	3
Velocidade dea partícula	<i>v</i> =	$2,19 \cdot 10^6$	m/s
Radio da traxectoria circular	R =	0,571	
Forza magnética	F =	$1,40 \cdot 10^{-14}$	N

- Unha partícula de masa 8 ng e carga eléctrica -2 μC entra nunha rexión do espazo na que hai un campo magnético  $\overline{B} = 3\overline{\mathbf{j}}$  T, cunha velocidade,  $\overline{\mathbf{v}} = 6\overline{\mathbf{i}}$  km·s<sup>-1</sup>. Calcula:
  - a) A velocidade angular con que se move.
  - b) A intensidade de campo eléctrico (vector) que se debe aplicar para que a partícula siga unha traxectoria rectilínea.

(A.B.A.U. ord. 22)

**Rta.:** a)  $\omega = 7.5 \cdot 10^5 \text{ rad/s}$ ; b)  $\overline{E} = -1.8 \cdot 10^4 \overline{k} \text{ N/C}$ .

Cifras significativas: 3 $m = 8,00 \text{ ng} = 8,00 \cdot 10^{-12} \text{ kg}$ $q = -2,00  \mu \text{ C} = -2,00 \cdot 10^{-6} \text{ C}$ $\mathbf{B} = 3,00  \mathbf{j} \text{ T}$ $\mathbf{v} = 6,00 \cdot 10^{3}  \mathbf{i} \text{ m/s}$ $R = 1,00 \cdot 10^{-7} \text{ m}$
$\omega$
$\frac{\omega}{m{E}}$
R
$F_B$
$rac{F_B}{oldsymbol{F}_E}$
$\overline{F}_{B} = q(\overline{\boldsymbol{v}} \times \overline{\boldsymbol{B}})$

Aceleración normal (nun movemento circular de raio 
$$R$$
)  $a_N = \frac{v^2}{R}$ 

#### **Ecuacións**

#### 2.ª lei de Newton da Dinámica

Velocidade nun movemento circular uniforme de raio R

Forza,  $\overline{F}_E$ , exercida por un campo electrostático,  $\overline{E}$ , sobre unha carga, q  $\overline{F}_E = q \cdot \overline{E}$  Relación entre a velocidade lineal v e a velocidade angular  $\omega$  nun movemento circular de raio R.

$$\sum \overline{F} = m \cdot \overline{a}$$

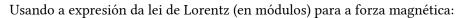
$$v = \frac{2\pi \cdot R}{T}$$

$$\overline{F}_E = q \cdot \overline{E}$$

#### Solución:

a) Como só actúa a forza magnética, que é perpendicular á velocidade, a partícula describe unha traxectoria circular con velocidade de valor constante, polo que a aceleración só ten compoñente normal  $a_N$ .

$$F_B = m \cdot a = m \cdot a_N = m \frac{v^2}{R}$$



$$|q| \cdot B \cdot v \cdot \operatorname{sen} \varphi = m \frac{v^2}{R}$$

Se a partícula entra perpendicularmente ao campo magnético, sen  $\varphi$  = 1. Despexando o raio:

$$R = \frac{m \cdot v}{|q| \cdot B} = \frac{8,00 \cdot 10^{-12} [\text{kg}] \cdot 6,00 \cdot 10^{3} [\text{m/s}]}{2,00 \cdot 10^{-6} [\text{C}] \cdot 3,00 [\text{T}]} = 8,00 \cdot 10^{-3} \text{ m} = 8,00 \text{ mm}$$

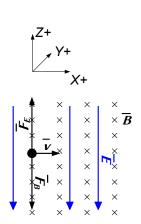
Pódese calcular a velocidade angular a partir da velocidade lineal:

$$v = \omega \cdot R \Rightarrow \omega = \frac{v}{R} = \frac{6,00 \cdot 10^3 \text{ [m/s]}}{8,00 \cdot 10^{-3} \text{ [m]}} = 7,50 \cdot 10^5 \text{ rad/s}$$

b) Se a forza eléctrica anula a magnética:

$$\overline{F}_B + \overline{F}_E = q (\overline{\boldsymbol{v}} \times \overline{\boldsymbol{B}}) + q \cdot \overline{\boldsymbol{E}} = \overline{\boldsymbol{0}}$$

$$\overline{E} = -(\overline{\boldsymbol{v}} \times \overline{\boldsymbol{B}}) = -(6,00 \cdot 10^3 \overline{\mathbf{i}} [\text{m/s}] \times 3,00 \overline{\mathbf{j}} [\text{T}]) = -1,80 \cdot 10^4 \overline{\mathbf{k}} \text{ N/C}$$



Pode obter as respostas na pestana «Lorentz» da folla de cálculo Fisica (gal). Instrucións.

Partícula	Carga	<i>q</i> =	-2	μС
	Masa	<i>m</i> =	8	ng
Difer	enza de potencial	$\Delta V$ =	6000	m/s
Á	angulo entre v e B	φ =		90°
Raio	da circunferencia	R =		
(	Campo magnético	<i>B</i> =	3	T

A folla non realiza o cálculo vectorial, só calcula os módulos dos vectores.

Para ver o resultado de «Velocidade angular», debe facer clic na cela de color laranxa baixo «Radio da traxectoria circular» e elixir esa opción.

Velocidade angular 
$$\omega = 7,50.10^5 \text{ rad/s}$$

Para ver o resultado de «Intensidade de campo eléctrico», debe facer clic na cela de color laranxa e elixir «Intensidade de campo eléctrico» en vez de «Velocidad angular».

Intensidade de campo eléctrico	<i>E</i> =	1,80·10 <sup>4</sup> N/C
que anula a desviación		

- 3. Un protón acelerado por unha diferenza de potencial de 5000 V penetra perpendicularmente nun campo magnético uniforme de 0,32 T. Calcula:
  - a) A velocidade do protón.
  - b) O raio da órbita que describe e o número de voltas que dá en 1 segundo.

Datos:  $m_p = 1,67 \cdot 10^{-27}$  kg,  $q_p = 1,60 \cdot 10^{-19}$  C (Fai un debuxo do problema) (*P.A.U. xuño 05*) **Rta.:** a)  $v = 9,8 \cdot 10^5$  m/s; b) R = 3,2 cm;  $N = 4,9 \cdot 10^6$  voltas/s

Datos	Cifras significativas: 3	
Potencial de aceleración	$V = 5000 \text{ V} = 5,00 \cdot 10^3 \text{ V}$	
Valor da intensidade do campo magnético	B = 0.320  T	
Carga do protón	$q = 1,60 \cdot 10^{-19} \text{ C}$	
Ángulo entre a velocidade do protón e o campo magnético	$\varphi = 90^{\circ}$	
Masa do protón	$m = 1,67 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$	
Tempo para calcular o número de voltas	t = 1,00  s	
Incógnitas		
Velocidade do protón	ν	
Radio da traxectoria circular	R	
Número de voltas que dá en 1 s	N	
Outros símbolos		
Valor da forza magnética sobre o protón	$F_B$	
Período do movemento circular	T	
Enerxía (cinética) do protón	$E_{\rm c}$	
Ecuacións		
Lei de Lorentz: forza magnética sobre unha carga, $q$ , que se despraza no interi-	$\overline{F}_{0} = a(\overline{v} \times \overline{R})$	
or dun campo magnético, $\overline{B}$ , cunha velocidade, $\overline{v}$		
A colono sión manusal (como massamento cinavlar da maio D)	$a_{\rm N} = \frac{v^2}{R}$	
Aceleración normal (nun movemento circular de raio $R$ )	$a_{\rm N} = \frac{R}{R}$	
2.ª lei de Newton da Dinámica	$\Sigma \overline{F} = m \cdot \overline{a}$	
Velocidade nun movemento circular uniforme de raio $R$	$v = \frac{2\pi \cdot R}{T}$	
Traballo do campo eléctrico	$W(\text{eléctrico}) = q \cdot \Delta V$	
Traballo da forza resultante	$W = \Delta E_{\rm c}$	
Enerxía cinética	$E_{\rm c} = \frac{1}{2} m \cdot v^2$	
Difference Circulate	-c /2 ·	

## Solución:

a) Para calcular a velocidade temos que ter en conta que ao acelerar o protón cunha diferenza de potencial (supomos que desde o repouso), este adquire unha enerxía cinética:

$$W(\text{eléctrico}) = q \cdot \Delta V = \Delta E_{\text{c}} = \frac{1}{2} m_{\text{p}} v^2 - \frac{1}{2} m_{\text{p}} v_0^2$$

Se parte do repouso,  $v_0 = 0$ . A velocidade final é:

$$v = \sqrt{\frac{2q \cdot \Delta V}{m_{\rm p}}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 1,60 \cdot 10^{-19} \left[ \text{ C} \right] \cdot 5,00 \cdot 10^{3} \left[ \text{ V} \right]}{1,67 \cdot 10^{-27} \left[ \text{ kg} \right]}} = 9,79 \cdot 10^{5} \text{ m/s}$$

b) Como só actúa a forza magnética, que é perpendicular á velocidade, o protón describe unha traxectoria circular con velocidade de valor constante, polo que a aceleración só ten compoñente normal  $a_N$ .

$$F_B = m \cdot a = m \cdot a_N = m \frac{v^2}{R}$$

Usando a expresión da lei de Lorentz (en módulos) para a forza magnética:

$$|q| \cdot B \cdot v \cdot \operatorname{sen} \varphi = m \frac{v^2}{R}$$

Despexando o raio, R:

$$R = \frac{m \cdot v}{|q| \cdot B \cdot \text{sen } \varphi} = \frac{1,67 \cdot 10^{-27} [\text{kg}] \cdot 9,79 \cdot 10^{5} [\text{m/s}]}{1,60 \cdot 10^{-19} [\text{C}] \cdot 0,320 [\text{T}] \cdot \text{sen } 90^{\circ}} = 3,19 \cdot 10^{-2} \text{ m} = 3,19 \text{ cm}$$

Análise: o raio ten un valor aceptable, uns centímetros.

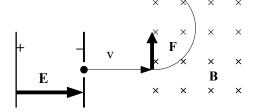
O período do movemento calcúlase a partir da ecuación da velocidade no movemento circular uniforme:

$$v = \frac{2\pi \cdot R}{T} \Rightarrow T = \frac{2\pi \cdot R}{v} = \frac{2 \cdot 3.14 \cdot 3.19 \cdot 10^{-2} \text{ [m]}}{9.79 \cdot 10^{5} \text{ [m/s]}} = 2.05 \cdot 10^{-7} \text{ s}$$

O número, N, de voltas en 1 s será:

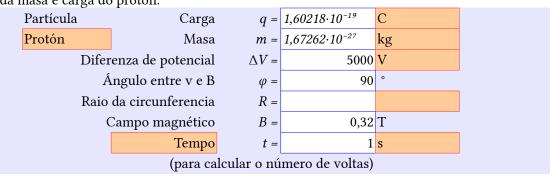
$$N = 1,00 \text{ [s]} \cdot \frac{1 \text{ volta}}{2,05 \cdot 10^{-7} \text{ [s]}} = 4,88 \cdot 10^6 \text{ voltas}$$

Análise: Se o protón entra nun campo magnético, ao describir media circunferencia sairá del, polo que en realidade só daría media volta



nun tempo de  $T/2 = 1,03 \cdot 10^{-7}$  s e sairía a unha distancia de 2 R = 6,4 cm do punto de entrada.

Pode obter as respostas na pestana «Lorentz» da folla de cálculo Fisica (gal). Instrucións. Prema sobre a cela situada de debaixo de «Partícula» e elixa «Protón», para non ter que teclear os valores da masa e carga do protón.



Para ver o resultado de «Número de voltas», debe premer sobre a cela de color laranxa baixo «Radio da traxectoria circular» e elixir esa opción.

		Cifras si	gnificativas:	3
a)	Velocidade da partícula	<i>v</i> =	$9,79 \cdot 10^{5}$ m/s	
b)	Raio da traxectoria circular	R =	0,0319 <mark>m</mark>	
				_
c)	Número de voltas	f=	4,88·10 <sup>6</sup> vueltas/s	

## Forza entre condutores

- Dous condutores rectilíneos, paralelos e infinitos, están situados no plano yz, na dirección do eixo z, separados unha distancia de 80 cm. Se por cada un deles circula unha corrente de 12 A en sentidos contrarios, calcula:
  - a) A forza por unidade de lonxitude que se exercen mutuamente, indicando a dirección e o sentido
  - b) O vector campo magnético no punto medio da distancia que separa os condutores.

DATO:  $\mu_0 = 4\pi \ 10^{-7} \ \text{T m A}^{-1}$ . (A.B.A.U. ord. 23)

**Rta.:** a)  $F/l = 3.6 \cdot 10^{-5} \text{ N/m}$ ; b)  $\overline{B} = -1.20 \cdot 10^{-5} \overline{\mathbf{j}} \text{ T}$ 

Intensidade de corrente polo condutor 1 Intensidade de corrente polo condutor 2 Distancia entre os condutores Permeabilidade magnética do baleiro

Incógnitas

Datos

Forza por unidade de lonxitude que se exercen mutuamente Campo magnético no punto medio entre os dous condutores

**Ecuacións** 

Lei de Biot-Savart: campo magnético,  $\overline{\textbf{\textit{B}}}$ , creado a unha distanciar r, por un condutor recto polo que circula unha intensidade de corrente, IPrincipio de superposición:

Cifras significativas: 3

 $I_1 = 12,0 \text{ A}$  $I_2 = 12,0 \text{ A}$ 

d = 80.0 cm = 0.800 m

 $\mu_0 = 4 \pi \cdot 10^{-7} \text{ T} \cdot \text{m} \cdot \text{A}^{-1}$ 

 $\overline{B}$ 

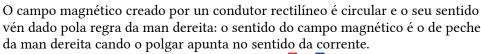
#### **Ecuacións**

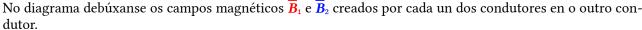
Lei de Laplace: forza magnética que exerce un campo magnético,  $\overline{B}$ , sobre un tramo, l, de condutor recto polo que circula unha intensidade de corrente, I  $\overline{F}_B = I(\overline{l} \times \overline{B})$ 

#### Solución:

a) O valor do campo magnético,  $\overline{B}$ , creado a unha distancia, r, por un condutor recto polo que circula unha intensidade de corrente, I, vén dado pola lei de Biot-Savart:

$$B = \frac{\mu_0 \cdot I}{2\pi \cdot r}$$





O campo magnético creado polo condutor 1 no condutor 2, que dista 80 cm del é:

$$\vec{B}_{1} = \frac{\mu_{0} \cdot I_{1}}{2\pi \cdot r} (-\vec{j}) = \frac{4\pi \cdot 10^{-7} [\text{T·m·A}^{-1}] \cdot 12,0 [\text{A}]}{2\pi \cdot 0,800 [\text{m}]} (-\vec{j}) = -3,00 \cdot 10^{-6} \vec{j} \text{ T}$$

A forza por unidade de lonxitude que exerce o condutor 1 sobre un condutor 2 vale:

$$\frac{\vec{F}}{l} = \frac{I_2(\vec{l} \times \vec{B}_1)}{l} = I_2(\vec{u}_l \times \vec{B}_1) = 12.0[A](-\vec{k} \times (-3.00 \cdot 10^{-6} \vec{j}[T])) = 3.60 \cdot 10^{-5} \vec{i} N/m$$

O campo magnético creado polo condutor 2 no condutor 1 é:

$$\vec{\boldsymbol{B}}_{2} = \frac{\mu_{0} \cdot I_{1}}{2\pi \cdot r} (-\vec{\mathbf{j}}) = \frac{4\pi \cdot 10^{-7} [\text{T·m·A}^{-1}] \cdot 12,0 [\text{A}]}{2\pi \cdot 0,800 [\text{m}]} (-\vec{\mathbf{j}}) = -3,00 \cdot 10^{-6} \vec{\mathbf{j}} \text{ T}$$

A forza por unidade de lonxitude que se exerce sobre un condutor 2 sobre un condutor 1 vale:

$$\frac{\vec{F}}{l} = \frac{I_1(\vec{l} \times \vec{B}_2)}{l} = I_1(\vec{u}_l \times \vec{B}_2) = 12,0 [A](\vec{k} \times (-3,00 \cdot 10^{-6} \vec{j}[T])) = -3,60 \cdot 10^{-5} \vec{i} N/m$$

Análise: Os condutores que transportan a corrente no mesmo sentido atráense e en sentido oposto repélense.

- b) No diagrama debúxanse os campos magnéticos  $\overline{B}_1$  e  $\overline{B}_2$  creados por ambos os condutores no punto medio.
- O campo magnético creado polo condutor 1 no punto equidistante de ambos os condutores é:

$$\vec{\boldsymbol{B}}_{1} = \frac{\mu_{0} \cdot I_{1}}{2\pi \cdot r_{1}} \left( -\vec{\boldsymbol{j}} \right) = \frac{4\pi \cdot 10^{-7} \left[ \text{T} \cdot \text{m} \cdot \text{A}^{-1} \right] \cdot 12,0 \left[ \text{A} \right]}{2\pi \cdot 0,400 \left[ \text{m} \right]} \left( -\vec{\boldsymbol{j}} \right) = -6,00 \cdot 10^{-6} \vec{\boldsymbol{j}} \text{ T}$$

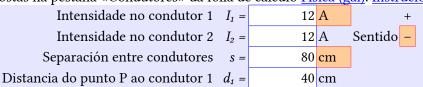
O campo magnético creado polo condutor 2 no punto equidistante de ambos os condutores vale o mesmo:

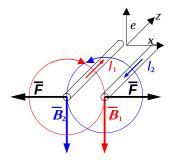
$$\overline{B}_2 = -6,00 \cdot 10^{-5} \, \overline{\mathbf{j}} \, \mathrm{T}$$

O campo magnético resultante é a suma vectorial de ambos:

$$\overline{\boldsymbol{B}} = \overline{\boldsymbol{B}}_1 + \overline{\boldsymbol{B}}_2 = -6.00 \cdot 10^{-5} \, \overline{\boldsymbol{j}} \, [\mathrm{T}] + (-6.00 \cdot 10^{-5} \, \overline{\boldsymbol{j}} \, [\mathrm{T}]) = -1.20 \cdot 10^{-5} \, \overline{\boldsymbol{j}} \, \mathrm{T}$$

Pode obter as respostas na pestana «Condutores» da folla de cálculo Fisica (gal). Instrucións.





## Distancia do punto P ao condutor 2 $d_2 = 40$ cm

#### **RESULTADOS:**

	Campo magnético no punto P		Cifras significativas: 3
	debido ao condutor 1	$B_1 =$	6,00·10 <sup>-6</sup> T
	debido ao condutor 2	$B_2 =$	+6,00·10 <sup>-6</sup> T
b)	resultante	$\mathbf{B}_p =$	1,20·10⁻⁵ T
a)	Forza entre los condutores 1 y 2	$F_{12} =$	$3,60\cdot10^{-5} \text{ N/m}$

- 2. Dous fíos condutores rectos moi longos e paralelos (A e B) con correntes  $I_A = 5$  A e  $I_B = 3$  A no mesmo sentido están separados 0,2 m. Calcula:
  - a) O campo magnético no punto medio entre os dous condutores (D)
  - b) A forza exercida sobre un terceiro condutor C paralelo os anteriores, de 0,5 m e con  $I_C$  = 2 A e que pasa por D.

Dato:  $\mu_0 = 4 \pi \cdot 10^{-7} \text{ S.I.}$  (P.A.U. Set. 06)

**Rta.:** a)  $\overline{B} = 4.0 \cdot 10^{-6}$  T perpendicular aos fíos; b)  $\overline{F} = 4.0 \cdot 10^{-6}$  N cara a A.

#### Datos

Intensidade de corrente polo condutor A Intensidade de corrente polo condutor B Distancia entre os condutores Permeabilidade magnética do baleiro Intensidade de corrente polo condutor C Lonxitude do condutor C

## Incógnitas

Campo magnético no punto D medio entre os dous condutores Forza exercida sobre un terceiro condutor C que pasa por D

#### Ecuacións

Lei de Biot-Savart: campo magnético,  $\overline{\pmb{B}}$ , creado a unha distanciar r, por un condutor recto polo que circula unha intensidade de corrente, I

Principio de superposición:

Lei de Laplace: forza magnética que exerce un campo magnético,  $\overline{B}$ , sobre un tramo, l, de condutor recto polo que circula unha intensidade de corrente, l

## Cifras significativas: 3

 $I_{A=}$  5,00 A  $I_{B}$  = 3,00 A d = 0,200 m  $\mu_{0}$  = 4  $\pi$  10<sup>-7</sup> T·m·A<sup>-1</sup>  $I_{C}$  = 2,00 A l = 0,500 m

 $oldsymbol{ar{B}}_{\! ext{D}}$ 

 $B = \frac{\mu_0 \cdot I}{2\pi \cdot r}$  $\overline{B} = \Sigma \overline{B}_i$  $\overline{F}_B = I(\overline{l} \times \overline{B})$ 

## Solución:

a) O valor do campo magnético,  $\overline{B}$ , creado a unha distancia, r, por un condutor recto polo que circula unha intensidade de corrente, I, vén dado pola lei de Biot-Savart:

$$B = \frac{\mu_0 \cdot I}{2\pi \cdot r}$$

O campo magnético creado por un condutor rectilíneo é circular e o seu sentido vén dado pola regra da man dereita: o sentido do campo magnético é o de peche da man dereita cando o polgar apunta no sentido da corrente.

No diagrama debúxanse os campos magnéticos BA e BB creados por ámbolos dous condutores no punto medio D.

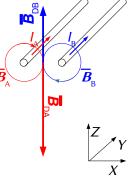
O campo magnético creado polo condutor A no punto D equidistante de ámbolos dous condutores é:

$$\vec{B}_{DA} = \frac{\mu_0 \cdot I_A}{2\pi \cdot r} (-\vec{k}) = \frac{4\pi \cdot 10^{-7} [T \cdot m \cdot A^{-1}] \cdot 5,00 [A]}{2\pi \cdot 0.100 [m]} (-\vec{k}) = -1,00 \cdot 10^{-5} \vec{k} T$$

O campo magnético creado polo condutor B no punto D equidistante de ámbolos dous condutores é:

$$\vec{B}_{DB} = \frac{\mu_0 \cdot I_B}{2 \pi \cdot r} \vec{k} = \frac{4 \pi \cdot 10^{-7} [T \cdot m \cdot A^{-1}] \cdot 3,00 [A]}{2 \pi \cdot 0,100 [m]} \vec{k} = 6,00 \cdot 10^{-6} \vec{k} T$$

O campo magnético resultante é a suma vectorial de ambos:



$$\overline{\boldsymbol{B}}_{\mathrm{D}} = \overline{\boldsymbol{B}}_{\mathrm{DA}} + \overline{\boldsymbol{B}}_{\mathrm{DB}} = -1,00 \cdot 10^{-5} \ \overline{\mathbf{k}} \ [\mathrm{T}] + 6,00 \cdot 10^{-6} \ \overline{\mathbf{k}} \ [\mathrm{T}] = -4,0 \cdot 10^{-6} \ \overline{\mathbf{k}} \ \mathrm{T}$$

b) A forza que se exerce sobre un condutor C situado en D é:

$$\overline{F}_B = I(\overline{l} \times \overline{B}) = 2,00 \text{ [A] } (0,500 \text{ } \overline{\mathbf{i}} \text{ [m]} \times (-4,0.10^{-6} \text{ } \overline{\mathbf{k}} \text{ [T]})) = -4,0.10^{-6} \text{ } \overline{\mathbf{i}} \text{ N}$$

Está dirixida cara ao condutor A se o sentido da corrente é o mesmo que o dos outros condutores. Análise: Os condutores que transportan a corrente no mesmo sentido atráense e se o fan en sentido oposto, repélense. Aínda que se ve atraído por ambos os condutores, o será con maior forza polo que circula maior intensidade, ou sexa o A.

Pode obter as respostas na pestana «Condutores» da folla de cálculo Fisica (gal). Instrucións.

de obter as respostas na pestana «cone	autor c	on an iona ac c	arcaro	i ibica (Sai). ilibil actori	_
Intensidade no condutor 1	$I_1 =$	5	A	+	
Intensidade no condutor 2	$I_2 =$	3	A	Sentido +	
Separación entre condutores	s =	0,2	m		
Distancia del punto P ao condutor 1	$d_1 =$	0,1	m		
Distancia del punto P ao condutor 2	$d_2 =$	0,1	m		
Intensidade no condutor 3	$I_3 =$	2	A		
Lonxitude do condutor 3	$L_3 =$	50	cm		

#### **RESULTADOS:**

	Campo magnético no punto P		Cifras significativas: 3
	debido ao condutor 1	$B_1 =$	1,00⋅10 <sup>-5</sup> T
	debido ao condutor 2	$B_2 =$	-6,00·10 <sup>-6</sup> T
a)	resultante	$B_p =$	4,00·10 <sup>-6</sup> T
	Forza entre los condutores 1 e 2	$F_{12} =$	$1,50 \cdot 10^{-5} \text{ N/m}$
b)	Forza sobre o cond. 3 no punto P	F =	4,00·10 <sup>-6</sup> N

- 3. Indica cal é o módulo, dirección e sentido do campo magnético creado por un fío condutor recto percorrido por unha corrente e realiza un esquema que ilustre as características de devandito campo. Considérese agora que dous fíos condutores rectos e paralelos de gran lonxitude transportan a súa respectiva corrente eléctrica.
  - a) Sabendo que a intensidade dunha das correntes é o dobre que a da outra corrente e que, estando separados 10 cm, atráense cunha forza por unidade de lonxitude de 4,8·10<sup>-5</sup> N·m<sup>-1</sup>, calcula as intensidades que circulan polos fíos.
  - b) Canto vale o campo magnético nun punto situado entre os dous fíos, a 3 cm do que transporta menos corrente?

Dato:  $\mu_0 = 4 \pi \cdot 10^{-7} \text{ N} \cdot \text{A}^{-2}$  (P.A.U. Xuño 15) **Rta.:** b)  $I_1 = 3,46 \text{ A}$ ;  $I_2 = 6,93 \text{ A}$ ; c)  $B = 3,3 \mu\text{T}$ 

## Datos

Intensidade de corrente polo segundo condutor Distancia entre os dous condutores Forza de atracción por unidade de lonxitude Permeabilidade magnética do baleiro

## Incógnitas

Intensidades que circulan polos fíos

Campo magnético a 3 cm do fío con menos corrente

#### Ecuacións

Lei de Biot-Savart: campo magnético,  $\overline{B}$ , creado a unha distanciar r, por un condutor recto polo que circula unha intensidade de corrente, I

Principio de superposición:

Lei de Laplace: forza magnética que exerce un campo magnético,  $\overline{B}$ , sobre un tramo, l, de condutor recto polo que circula unha intensidade de corrente, l

## Cifras significativas: 3

$$I_2 = 2 I_1$$
  
 $d = 10.0 \text{ cm} = 0.100 \text{ m}$   
 $F/l = 4.8 \cdot 10^{-5} \text{ N} \cdot \text{m}^{-1}$   
 $\mu_0 = 4 \pi 10^{-7} \text{ N} \cdot \text{A}^{-2}$ 

$$\frac{I_1}{\mathbf{B}}$$
,  $I_2$ 

$$B = \frac{\mu_0 \cdot I}{2\pi \cdot r}$$

$$\overline{B} = \Sigma \overline{B}_i$$

$$\overline{F}_B = I(\overline{l} \times \overline{B})$$

#### Solución:

a) O campo magnético creado por un condutor rectilíneo é circular e o seu sentido vén dado pola regra da man dereita: o sentido do campo magnético é o de peche da man dereita cando o polgar apunta no sentido da corrente.

O valor do campo magnético,  $\overline{B}$ , creado a unha distancia, r, por un condutor recto polo que circula unha intensidade de corrente, I, vén dado pola lei de Biot-Savart:



$$B = \frac{\mu_0 \cdot I}{2\pi \cdot r}$$

b) A forza entre dous condutores rectilíneos paralelos obtense substituíndo na ecuación de Lorentz a expresión da lei de Biot-Savart.

$$F_{21} = I_1 \cdot l \cdot B_2 = I_1 \cdot l \cdot \frac{\mu_0 \cdot I_2}{2\pi \cdot r} = \frac{\mu_0 \cdot I_1 \cdot I_2}{2\pi \cdot r} \cdot l$$

Substituíndo os datos, tendo en conta que a forza é por unidade de lonxitude (l = 1 m):

$$4,8 \cdot 10^{-5} \left[ \text{N} \cdot \text{m}^{-1} \right] = \frac{4 \pi \cdot 10^{-7} \left[ \text{N} \cdot \text{A}^{-2} \right] \cdot I_1 \cdot 2 I_1}{2 \pi \cdot 0,100 \left[ \text{m} \right]}$$

$$I_1 = \sqrt{\frac{4,8 \cdot 10^{-5} \left[ \text{N} \cdot \text{m}^{-1} \right] \cdot 2 \pi \cdot 0,100 \left[ \text{m} \right]}{2 \cdot 4 \pi \cdot 10^{-7} \left[ \text{N} \cdot \text{A}^{-2} \right]}} = 3,46 \text{ A}$$

$$I_2 = 2 I_1 = 6,93 \text{ A}$$

c) No diagrama debúxanse os campos magnéticos  $\overline{\pmb{B}}_1$  e  $\overline{\pmb{B}}_2$  creados por ámbolos dous condutores no punto 3 a 3 cm de I<sub>1</sub>.

O campo magnético creado polo condutor 1 a 3 cm de distancia é:

$$B_1 = \frac{\mu_0 \cdot I_1}{2\pi \cdot r_1} = \frac{4\pi \cdot 10^{-7} \left[ \text{N} \cdot \text{A}^{-2} \right] \cdot 3,46 \left[ \text{A} \right]}{2\pi \cdot 0,030 \text{ O[m]}} = 2,31 \cdot 10^{-5} \text{ T}$$

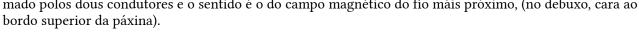
O campo magnético creado polo condutor 2 a 7 cm de distancia é:

$$B_2 = \frac{\mu_0 \cdot I_1}{2 \pi \cdot r_2} = \frac{4 \pi \cdot 10^{-7} \left[ \text{N} \cdot \text{A}^{-2} \right] \cdot 6,93 \left[ \text{A} \right]}{2 \pi \cdot 0,070 \text{ g/m}} = 1,98 \cdot 10^{-5} \text{ T}$$

Como os campos son de sentidos opostos, o campo magnético resultante no punto que dista 3 cm é:

$$B_3 = B_1 - B_2 = 2.31 \cdot 10^{-5} [T] - 1.98 \cdot 10^{-5} [T] = 3.3 \cdot 10^{-6} T$$

A dirección do campo magnético resultante é perpendicular ao plano formado polos dous condutores e o sentido é o do campo magnético do fío máis próximo, (no debuxo, cara ao



Cuestións e problemas das Probas de avaliación de Bacharelato para o acceso á Universidade (A.B.A.U. e P.A.U.) en Galiza.

Respostas e composición de Alfonso J. Barbadillo Marán.

Algúns cálculos fixéronse cunha folla de cálculo de LibreOffice do mesmo autor.

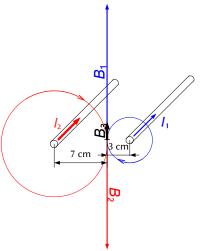
Algunhas ecuacións e as fórmulas orgánicas construíronse coa extensión CLC09 de Charles Lalanne-Cassou.

A tradución ao/desde o galego realizouse coa axuda de traducindote, e de o tradutor da CIXUG.

Procurouse seguir as recomendacións do Centro Español de Metrología (CEM).

Consultouse ao Copilot de Microsoft Edge e tivéronse en conta algunhas das súas respostas nas cuestións.

Actualizado: 07/10/24



# **Sumario**

## **MAGNETISMO**

Carg	a nun campo magnético1
1.	Un protón cunha enerxía cinética de 4,0·10 <sup>-15</sup> J penetra perpendicularmente nun campo magnético
	uniforme de 40 mT. Calcula:1
	a) O módulo da forza á que está sometido o protón dentro do campo
	b) O tipo de movemento realizado polo protón, a traxectoria que describe e o raio desta
2.	Unha partícula de masa 8 ng e carga eléctrica –2 μC entra nunha rexión do espazo na que hai un
	campo magnético B = 3 j T, cunha velocidade, v = 6 i km·s <sup>-1</sup> . Calcula:2
	a) A velocidade angular con que se move
	b) A intensidade de campo eléctrico (vector) que se debe aplicar para que a partícula siga unha tra- xectoria rectilínea
3.	Un protón acelerado por unha diferenza de potencial de 5000 V penetra perpendicularmente nun
	campo magnético uniforme de 0,32 T. Calcula:3
	a) A velocidade do protón
	b) O raio da órbita que describe e o número de voltas que dá en 1 segundo
	a entre condutores5
1.	Dous condutores rectilíneos, paralelos e infinitos, están situados no plano yz, na dirección do eixo
	z, separados unha distancia de 80 cm. Se por cada un deles circula unha corrente de 12 A en senti-
	dos contrarios, calcula:5
	a) A forza por unidade de lonxitude que se exercen mutuamente, indicando a dirección e o sentido
	destab) O vector campo magnético no punto medio da distancia que separa os condutores
2	Dous fios condutores rectos moi longos e paralelos (A e B) con correntes IA = 5 A e IB = 3 A no
۷.	mesmo sentido están separados 0,2 m. Calcula:
	a) O campo magnético no punto medio entre os dous condutores (D)
	b) A forza exercida sobre un terceiro condutor C paralelo os anteriores, de 0,5 m e con IC = 2 A e que pasa por D
2	Indica cal é o módulo, dirección e sentido do campo magnético creado por un fío condutor recto
Э.	percorrido por unha corrente e realiza un esquema que ilustre as características de devandito cam-
	po. Considérese agora que dous fíos condutores rectos e paralelos de gran lonxitude transportan a
	súa respectiva corrente eléctrica8
	a) Sabendo que a intensidade dunha das correntes é o dobre que a da outra corrente e que, estando
	separados 10 cm, atráense cunha forza por unidade de lonxitude de 4,8·10 <sup>-5</sup> N·m <sup>-1</sup> , calcula as in-
	tensidades que circulan polos fíos
	b) Canto vale o campo magnético nun punto situado entre os dous fíos, a 3 cm do que transporta
	menos corrente?