MAGNETISMO

• Carga nun campo magnético

- 1. Un protón cunha enerxía cinética de 4,0·10⁻¹⁵ J penetra perpendicularmente nun campo magnético uniforme de 40 mT. Calcula:
 - a) O módulo da forza á que está sometido o protón dentro do campo.
 - b) O tipo de movemento realizado polo protón, a traxectoria que describe e o raio desta.

Datos: $q_p = 1.6 \cdot 10^{-19} \text{ C}; m_p = 1.67 \cdot 10^{-27} \text{ kg}.$

(A.B.A.U. extr. 22)

R

2

Rta.: a) $F_B = 1.4 \cdot 10^{-14} \text{ N}$; b) R = 0.57 m.

Datos	Cifras significativas: 2
Enerxía cinética do protón	$E_{\rm c} = 4.0 \cdot 10^{-15} \rm J$
Valor da intensidade do campo magnético	B = 40 mT = 0.040 T
Ángulo entre a velocidade do protón e o campo	$\varphi = 90^{\circ}$
Carga do protón	$q = 1.6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$
Masa do protón	$m = 1,67 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$
Incógnitas	
Módulo da forza á que está sometido o protón dentro do campo	F_B

Ecuacións

Radio da traxectoria

Lei de Lorentz: forza magnética sobre unha carga, q, que se despraza polo inte- $\overline{F}_B = q(\overline{v} \times \overline{B})$ rior dun campo magnético, \overline{B} , cunha velocidade, \overline{v}

Aceleración normal (nun movemento circular de raio R) $a_{\rm N} = \frac{v^2}{R}$ 2.ª lei de Newton da Dinámica $\Sigma \overline{F} = m \cdot \overline{a}$ Velocidade nun movemento circular uniforme de raio R $v = \frac{2\pi \cdot R}{T}$

Solución:

a) A velocidade do protón calcúlase a partir da enerxía cinética:

$$E_{c} = \frac{1}{2} m \cdot v^{2} \Longrightarrow 4.0 \cdot 10^{-15} [J] = (1,67 \cdot 10^{-27} [kg] / 2) \cdot v^{2}$$
$$v = \sqrt{\frac{2 \cdot 4.0 \cdot 10^{-15} [J]}{1,67 \cdot 10^{-27} [kg]}} = 2,2 \cdot 10^{6} \text{ m/s}$$

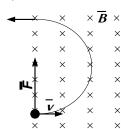
A forza magnética calcúlase pola lei de Lorentz:

$$\overline{F}_B = q (\overline{v} \times \overline{B})$$

En módulos:

$$F_B = |\overline{F}_B| = q \cdot |\overline{v}| \cdot |\overline{B}| \cdot \text{sen } 90^\circ = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ [C]} \cdot 2,2 \cdot 10^6 \text{ [m/s]} \cdot 0,040 \text{ [T]} = 1,4 \cdot 10^{-14} \text{ N}$$

b) Como só actúa a forza magnética, que é perpendicular á velocidade, o protón describe unha traxectoria circular con velocidade de valor constante, polo que a aceleración só ten compoñente normal $a_{\rm N}$.



$$F_B = m \cdot a = m \cdot a_N = m \frac{v^2}{R}$$

Usando a expresión da lei de Lorentz (en módulos) para a forza magnética:

$$|q| \cdot B \cdot v \cdot \operatorname{sen} \varphi = m \frac{v^2}{R}$$

Despexando o raio, R:

$$R = \frac{m \cdot v}{|q| \cdot B \cdot \text{sen } \varphi} = \frac{1,67 \cdot 10^{-27} \,[\text{kg}] \cdot 2,2 \cdot 10^6 \,[\text{m/s}]}{1,6 \cdot 10^{-19} \,[\text{C}] \cdot 0,040 \,[\text{T}] \cdot \text{sen } 90^\circ} = 0,57 \,\text{m}$$

Análise: Se o protón entra nun campo magnético, ao describir media circunferencia sairá del, polo que en realidade só daría media volta e sairía a unha distancia de 2 R = 1,0 m do punto de entrada, na mesma dirección coa que entrou, pero en sentido oposto.

A respostas poden calcularse coa folla de cálculo Fisica (gal).

Cando se execute a folla de cálculo, prema sobre o botón Activar macros.

Para ir á folla para resolver un problema dunha partícula cargada movéndose nun campo magnético uniforme pode elixir unha destas opcións:

- Prema sobre a icona ➤ do grupo | ◀ ◀ ➤ ► | situado na parte inferior esquerda ata que vexa a pestana
 Lorentz. Logo prema sobre esa pestana.
- Ou, no índice, pulse a tecla Ctrl mentres preme sobre a cela Partícula cargada movéndose nun campo magnético uniforme do capítulo Electromagnetismo.

Para borrar tódolos datos pode elixir unha destas opcións:

- Prema sobre o botón Borrar datos e despois sobre o botón Aceptar.
- Ou prema no menú: Editar → Seleccionar → Seleccionar celas desprotexidas, e pulse despois a tecla Supr.

Faga clic na cela situada debaixo de "Partícula" e escolla «Protón», para non ter que teclear os valores da masa e carga do protón.

Partícula Carga
$$q = 1,60218 \cdot 10^{-19}$$
 C
Protón Masa $m = 1,67262 \cdot 10^{-27}$ kg

Faga clic na cela de color salmón situada baixo «kg» e elixa «J».

Faga clic na cela de color branca e bordo azul situada a súa esquerda e escriba 4E-15, (o, si o prefire, 4,0 \uparrow 3 10^- ^1 ^5 e borre os espacios).

Faga clic na cela de color branca e bordo azul situada á dereita de «B =» e teclee 0,04. Deberá ver:

Partícula	Carga $q = 1,60218 \cdot 10^{-19}$ C
Protón	Masa $m = 1,67262 \cdot 10^{-27}$ kg
	Enerxía cinética $E = 4E-15$
	Ángulo entre v e B $\varphi = 90^{\circ}$
	Radio da circunferencia R =
	Campo magnético $B = 0.04 \text{ T}$

Para ver o resultado da «Forza magnética», debe facer clic na cela de color salmón baix «Radio da traxectoria circular» e elixir esa opción.

	Cifras sig	gnificativas:	3
Velocidade dea partícula	<i>v</i> =	$2,19 \cdot 10^6$	m/s
Radio da traxectoria circular	R =	0,571	
		•	
Forza magnética	F =	$1,40\cdot 10^{-14}$	N

- 2. Unha partícula de masa 8 ng e carga eléctrica $-2 \mu C$ entra nunha rexión do espazo na que hai un campo magnético $\overline{B} = 3 \overline{j}$ T, cunha velocidade, $\overline{v} = 6 \overline{i}$ km·s⁻¹. Calcula:
 - a) A velocidade angular con que se move.
 - b) A intensidade de campo eléctrico (vector) que se debe aplicar para que a partícula siga unha traxectoria rectilínea.

(A.B.A.U. ord. 22)

Rta.: a)
$$\omega = 7.5 \cdot 10^5 \text{ rad/s}$$
; b) $\overline{E} = -1.8 \cdot 10^4 \overline{k} \text{ N/C}$.

Datos	Cifras significativas: 3
	3 3 3
Masa da partícula	$m = 8,00 \text{ ng} = 8,00 \cdot 10^{-12} \text{ kg}$
Carga da partícula	$q = -2,00 \ \mu \ \text{C} = -2,00 \cdot 10^{-6} \ \text{C}$
Intensidade do campo magnético	$\mathbf{\bar{B}} = 3,00 \mathbf{\bar{j}} \mathrm{T}$
Velocidade da partícula	$\overline{\mathbf{v}} = 6.00 \cdot 10^3 \overline{\mathbf{i}} \text{m/s}$
Radio da traxectoria circular	$R = 1,00 \cdot 10^{-7} \text{ m}$
Incógnitas	

 \overline{E}

Incógnitas

Velocidade angular

Vector campo eléctrico para que a partícula siga unha traxectoria rectilínea Outros símbolos

Radio da traxectoria circular R Valor da forza magnética sobre a partícula F_B Vector forza eléctrica sobre a partícula

Ecuacións

Lei de Lorentz: forza magnética sobre unha carga, q, que se despraza polo inte- $\overline{F}_B = q(\overline{v} \times \overline{B})$ rior dun campo magnético, \overline{B} , cunha velocidade, \overline{v}

 $a_{\rm N} = \frac{v^2}{R}$ Aceleración normal (nun movemento circular de raio R)

 $\Sigma \overline{F} = m \cdot \overline{a}$ 2.ª lei de Newton da Dinámica

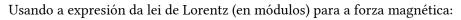
Velocidade nun movemento circular uniforme de raio R

Forza, \overline{F}_E , exercida por un campo electrostático, \overline{E} , sobre unha carga, qRelación entre a velocidade lineal v e a velocidade angular ω nun movemento $v = \omega \cdot R$ circular de raio R.

Solución:

a) Como só actúa a forza magnética, que é perpendicular á velocidade, a partícula describe unha traxectoria circular con velocidade de valor constante, polo que a aceleración só ten compoñente normal a_N .

$$F_B = m \cdot a = m \cdot a_N = m \frac{v^2}{R}$$



$$|q| \cdot B \cdot v \cdot \operatorname{sen} \varphi = m \frac{v^2}{R}$$

Se a partícula entra perpendicularmente ao campo magnético, sen $\varphi = 1$. Despexando o raio, *R*:

$$R = \frac{m \cdot v}{|q| \cdot B} = \frac{8,00 \cdot 10^{-12} [\text{kg}] \cdot 6,00 \cdot 10^{3} [\text{m/s}]}{2,00 \cdot 10^{-6} [\text{C}] \cdot 3,00 [\text{T}]} = 8,00 \cdot 10^{-3} \text{ m} = 8,00 \text{ mm}$$

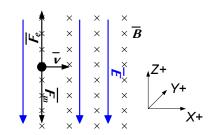
Pódese calcular a velocidade angular a partir da velocidade lineal:

$$v = \omega \cdot R \Rightarrow \omega = \frac{v}{R} = \frac{6,00 \cdot 10^3 \text{ [m/s]}}{8,00 \cdot 10^{-3} \text{ [m]}} = 7,50 \cdot 10^5 \text{ rad/s}$$

b) Se a forza eléctrica anula a magnética:

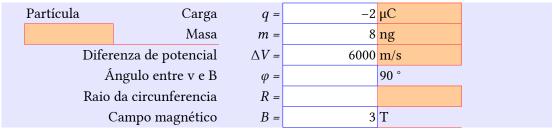
$$\overline{\boldsymbol{F}}_{B} + \overline{\boldsymbol{F}}_{E} = q (\overline{\boldsymbol{v}} \times \overline{\boldsymbol{B}}) + q \cdot \overline{\boldsymbol{E}} = \overline{\boldsymbol{0}}$$

$$\overline{\boldsymbol{E}} = -(\overline{\boldsymbol{v}} \times \overline{\boldsymbol{B}}) = -(6,00 \cdot 10^{3} \overline{\mathbf{i}} [\text{m/s}] \times 3,00 \overline{\mathbf{j}} [\text{T}]) = -1,80 \cdot 10^{4} \overline{\mathbf{k}} \text{ N/C}$$



A maior parte das respostas pode calcularse coa folla de cálculo Fisica (gal) Cando estea no índice, manteña pulsada a tecla «↑» (maiúsculas) mentres fai clic na cela Partícula cargada movéndose nun campo magnético uniforme del capítulo

Faga clic nas celas de cor salmón e elixa as opcións como se amosa. Escriba os datos nas celdas de cor branca e bordo azul.



A folla non realiza o cálculo vectorial, só calcula os módulos dos vectores.

Para ver o resultado de «Velocidade angular», debe facer clic na cela de color salmón baixo «Radio da traxectoria circular» e elixir esa opción.

Velocidade angular $\omega = 7,50 \cdot 10^5 \text{ rad/s}$

Para ver o resultado de «Intensidade de campo eléctrico», debe facer clic na cela de color salmón e elixir «Intensidade de campo eléctrico» en vez de «Velocidad angular».

Intensidade de campo eléctrico	E =	e1,80·10 ⁴ N/C
que anula a desviación		

- 3. Un protón acelerado por unha diferenza de potencial de 5000 V penetra perpendicularmente nun campo magnético uniforme de 0,32 T. Calcula:
 - a) A velocidade do protón.
 - b) O raio da órbita que describe.
 - c) O número de voltas que dá en 1 segundo.
 - d) Que campo eléctrico \vec{E} hai que aplicar para que a carga non sufra ningunha desviación?

Datos: $m_p = 1,67 \cdot 10^{-27} \text{ kg}, q_p = 1,60 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ (Fai un debuxo do problema)

Problema modelo basado en P.A.U. Xuño 05

Rta.: a) $v = 9.8 \cdot 10^5$ m/s; b) R = 3.2 cm; c) $N = 4.9 \cdot 10^6$ voltas/s; d) $\overline{E} = 3.1 \cdot 10^5$ N/C perpendicular a \overline{B} e \overline{v}

Datos Potencial de aceleración Valor da intensidade do campo magnético Carga do protón Ángulo entre a velocidade do protón e o campo magnético Masa do protón Torres para calcular a reference da valtas	Cifras significativas: 3 $V = 5000 \text{ V} = 5,00 \cdot 10^3 \text{ V}$ B = 0,320 T $q = 1,60 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ $\varphi = 90^\circ$ $m = 1,67 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$
Tempo para calcular o número de voltas	t = 1,00 s
Incógnitas	
Velocidade do protón	ν
Radio da traxectoria circular	R
Número de voltas que dá en 1 s	N
Campo eléctrico para que a carga non sufra ningunha desviación	E
Outros símbolos	
Valor da forza magnética sobre o protón	F_{B}
Período do movemento circular	T
Enerxía (cinética) do protón	$E_{ m c}$
Traballo do campo eléctrico	$W(\text{eléctrico}) = q \cdot \Delta V$
Traballo da forza resultante	$W = \Delta E_{\rm c}$
Enerxía cinética	$E_{\rm c} = \frac{1}{2} m \cdot v^2$
Forza \overline{F}_{E} exercida por un campo electrostático \overline{E} sobre unha carga q	$\vec{F}_E = q \cdot \vec{E}$

Solución:

a) Para calcular a velocidade temos que ter en conta que ao acelerar o protón cunha diferenza de potencial (supomos que desde o repouso), este adquire unha enerxía cinética:

$$W(\text{eléctrico}) = q \cdot \Delta V = \Delta E_{\text{c}} = \frac{1}{2} m_{\text{p}} v^2 - \frac{1}{2} m_{\text{p}} v_0^2$$

Se parte do repouso, $v_0 = 0$. A velocidade final é:

$$v = \sqrt{\frac{2q \cdot \Delta V}{m_{\rm p}}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 1,60 \cdot 10^{-19} [{\rm C}] \cdot 5,00 \cdot 10^{3} [{\rm V}]}{1,67 \cdot 10^{-27} [{\rm kg}]}} = 9,79 \cdot 10^{5} {\rm m/s}$$

b) Como só actúa a forza magnética:

$$\Sigma \overline{\boldsymbol{F}} = \overline{\boldsymbol{F}}_{B}$$

O protón describe unha traxectoria circular con velocidade de valor constante, polo que a aceleración só ten compoñente normal aN,

$$F_{B} = m \cdot a = m \cdot a_{N} = m \frac{v^{2}}{R}$$

Usando a expresión da lei de Lorentz (en módulos) para a forza magnética

$$|q| \cdot B \cdot v \cdot \text{sen } \varphi = m \frac{v^2}{R}$$

Despexando o raio R

$$R = \frac{m \cdot v}{|q| \cdot B \cdot \text{sen } \varphi} = \frac{1,67 \cdot 10^{-27} \, [\text{kg}] \cdot 9,79 \cdot 10^5 \, [\text{m/s}]}{1,60 \cdot 10^{-19} \, [\text{C}] \cdot 0,320 \, [\text{T}] \cdot \text{sen } 90^{\circ}} = 3,19 \cdot 10^{-2} \, \text{m} = 3,19 \, \text{cm}$$

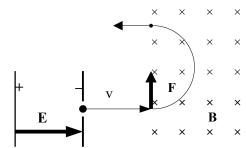
Análise: o raio ten un valor aceptable, uns centímetros.

c) Despexando o período

$$T = \frac{2\pi \cdot R}{v} = \frac{2 \cdot 3,14 \cdot 3,19 \cdot 10^{-2} [m]}{9,79 \cdot 10^{5} [m/s]} = 2,05 \cdot 10^{-7} s$$

O número de voltas en 1 s será:

$$N = 1,00 \text{ [s]} \cdot \frac{1 \text{ volta}}{2,05 \cdot 10^{-7} \text{ [s]}} = 4,88 \cdot 10^6 \text{ voltas}$$



Análise: Se o protón entra nun campo magnético, ao describir media circunferencia sairá del, polo que en realidade só daría media volta nun tempo de $T/2 = 1,03 \cdot 10^{-7}$ s e sairía a unha distancia de 2 R = 6,4 cm do punto de entrada.

d) Tomando o sistema de referencia como o de figura da dereita, cando só actúa a forza magnética a traxectoria do protón é unha circunferencia. Na figura anterior debuxouse o protón movéndose inicialmente no sentido positivo do eixe X e o campo magnético dirixido no sentido negativo do eixe Z.



Cando actúa unha forza eléctrica que anula a magnética,

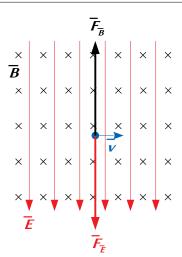
$$\overline{F}_B + \overline{F}_E = q(\overline{v} \times \overline{B}) + q \cdot \overline{E} = \overline{0}$$

O campo eléctrico debe valer:

$$\overline{E} = -(\overline{v} \times \overline{B}) = -(9.79 \cdot 10^5 \,\overline{i} \,[\text{m/s}] \times 0.320 \,(-\overline{k}) \,[\text{T}]) = -3.13 \cdot 10^5 \,\overline{j} \,\text{N/C}$$

O campo eléctrico está dirixido no sentido negativo do eixe Y.

En calquera sistema de referencia, a dirección do campo eléctrico debe ser perpendicular tanto á dirección do campo magnético como á dirección da velocidade. O sentido do campo eléctrico ten que ser igual que o da forza eléctrica, porque a carga do protón é positiva, e oposto ao da forza magnética.



A maior parte das respostas pode calcularse coa folla de cálculo <u>Fisica (gal)</u> Cando estea no índice, manteña pulsada a tecla «↑» (maiúsculas) mentres fai clic na cela

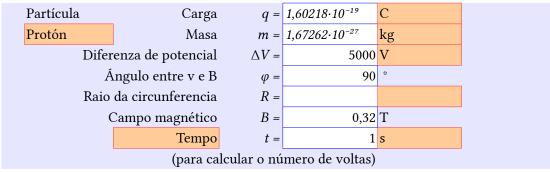
Partícula cargada movéndose nun campo magnético uniforme

del capítulo

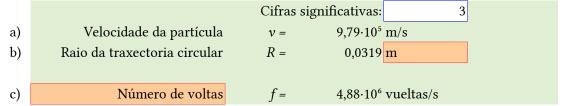
Electromagnetismo Lorentz

Partícula cargada movéndose nun campo magnético uniforme

Faga clic nas celas de cor salmón e elixa as opcións como se amosa. Escriba os datos nas celdas de cor branca e bordo azul.



Os resultados son:



Facendo clic en «Número de voltas» e elixindo «Intensidade de campo eléctrico» vese o resultado do último apartado:

d) Intensidade de campo eléctrico $E = 3,13 \cdot 10^5 \text{ N/C}$ que anula a desviación

Forza entre condutores

- 1. Dous fíos condutores rectos moi longos e paralelos (A e B) con correntes $I_A = 5$ A e $I_B = 3$ A no mesmo sentido están separados 0,2 m. Calcula:
 - a) O campo magnético no punto medio entre os dous condutores (D)
 - b) A forza exercida sobre un terceiro condutor C paralelo os anteriores, de 0,5 m e con I_C = 2 A e que pasa por D.

Dato: $\mu_0 = 4 \pi \cdot 10^{-7} \text{ S.I.}$ (P.A.U. Set. 06)

Rta.: a) $\overline{B} = 4.0 \cdot 10^{-6}$ T perpendicular aos fíos; b) $\overline{F} = 4.0 \cdot 10^{-6}$ N cara a A.

Datos

Intensidade de corrente polo condutor A Intensidade de corrente polo condutor B

Distancia entre os condutores

Permeabilidade magnética do baleiro

Intensidade de corrente polo condutor C

Lonxitude do condutor C

Incógnitas

Campo magnético no punto D medio entre os dous condutores

Forza exercida sobre un terceiro condutor C que pasa por D

Ecuacións

Lei de Biot e Savart: campo magnético $\overline{\boldsymbol{B}}$ creado a unha distancia r por un condutor recto polo que circula unha intensidade de corrente I

Principio de superposición:

Lei de Laplace: forza magnética que exerce un campo magnético \overline{B} sobre un

tramo l de condutor recto polo que circula unha intensidade de corrente I

Cifras significativas: 3

 $I_{\rm A} = 5,00 {\rm A}$ $I_{\rm B} = 3,00 {\rm A}$

d = 0,200 m

 $\mu_0 = 4 \pi \cdot 10^{-7} \text{ T} \cdot \text{m} \cdot \text{A}^{-1}$

 $I_{\rm C} = 2,00 {\rm A}$

l = 0.500 m

 $\overline{\boldsymbol{B}}_{\!\scriptscriptstyle \mathrm{D}}$

 $\overline{F}_{R} = I(\overline{l} \times \overline{B})$

Solución:

a) O campo magnético creado por un condutor rectilíneo é circular e o seu sentido vén dado pola regra da man dereita: o sentido do campo magnético é o de peche da man dereita cando o polgar apunta no sentido da corrente.

No diagrama debúxanse os campos magnéticos \overline{B}_{A} e \overline{B}_{B} creados por ambos os condutores no punto medio D.

O campo magnético creado polo condutor A no punto D equidistante de ambos os condutores é:

$$\vec{B}_{A \to D} = \frac{\mu_0 \cdot I_A}{2\pi \cdot r} (-\vec{k}) = \frac{4\pi \cdot 10^{-7} [T \cdot m \cdot A^{-1}] \cdot 5,00 [A]}{2\pi \cdot 0,100 [m]} (-\vec{k}) = -1,00 \cdot 10^{-5} \vec{k} T$$

O campo magnético creado polo condutor B no punto D equidistante de ambos os condutores é:

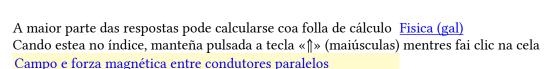
$$\vec{B}_{\text{B} \to \text{D}} = \frac{\mu_0 \cdot I_{\text{B}}}{2\pi \cdot r} \vec{\mathbf{k}} = \frac{4\pi \cdot 10^{-7} \left[\text{T} \cdot \text{m} \cdot \text{A}^{-1} \right] \cdot 3,00 \left[\text{A} \right]}{2\pi \cdot 0,100 \left[\text{m} \right]} \vec{\mathbf{k}} = 6,00 \cdot 10^{-6} \vec{\mathbf{k}} \text{ T}$$

O campo magnético resultante é a suma vectorial de ambos:

b) A forza que se exerce sobre un condutor C situado en D é:

$$\overline{F}_B = I(\overline{l} \times \overline{B}) = 2,00 \text{ [A] } (0,500 \overline{\mathbf{j}} \text{ [m]} \times (-4,0.10^{-6} \overline{\mathbf{k}} \text{ [T]})) = -4,0.10^{-6} \overline{\mathbf{i}} \text{ N}$$

Está dirixida cara ao condutor A se o sentido da corrente é o mesmo que o dos outros condutores. Análise: Os condutores que transportan a corrente no mesmo sentido atráense e en sentido oposto repélense. Aínda que se ve atraído por ambos os condutores, o será con maior forza polo que circula maior intensidade, ou sexa o A.



do capítulo.

Electromagnetismo Condutores

Campo e forza magnética entre condutores paralelos

Faga clic nas celas de cor salmón e elixa as opcións como se amosa. Escriba os datos nas celdas de cor branca e bordo azul.

Intensidade no condutor 1	$I_1 =$	5	A	+
Intensidade no condutor 2	$I_2 =$	3	A	Sentido +
Separación entre condutores	s =	0,2	m	
Distancia del punto P ao condutor 1	$d_1 =$	0,1	m	
Distancia del punto P ao condutor 2	$d_2 =$	0,1	m	
Intensidade no condutor 3	$I_3 =$	2	A	
Lonxitude do condutor 3	$L_3 =$	50	cm	

Os resultados son:

	Campo magnético no punto P		Cifras significativas: 3
	debido ao condutor 1	$B_1 =$	1,00⋅10 ⁻⁵ T
	debido ao condutor 2	$B_2 =$	−6,00·10 ⁻⁶ T
a)	resultante	$B_p =$	4,00·10 ⁻⁶ T
	Forza entre los condutores 1 e 2	$F_{12} =$	1,50·10 ⁻⁵ N/m
b)	Forza sobre o cond. 3 no punto P	F =	4,00·10 ⁻⁶ N

- 2. Indica cal é o módulo, dirección e sentido do campo magnético creado por un fío condutor recto percorrido por unha corrente e realiza un esquema que ilustre as características de devandito campo. Considérese agora que dous fíos condutores rectos e paralelos de gran lonxitude transportan a súa respectiva corrente eléctrica.
 - a) Sabendo que a intensidade dunha das correntes é o dobre que a da outra corrente e que, estando separados 10 cm, atráense cunha forza por unidade de lonxitude de 4,8·10⁻⁵ N·m⁻¹, calcula as intensidades que circulan polos fíos.
 - b) Canto vale o campo magnético nun punto situado entre os dous fíos, a 3 cm do que transporta menos corrente?

Dato: $\mu_0 = 4 \pi \cdot 10^{-7} \text{ N} \cdot \text{A}^{-2}$ (P.A.U. Xuño 15) **Rta.:** b) $I_1 = 3,46 \text{ A}$; $I_2 = 6,93 \text{ A}$; c) $B = 3,3 \mu\text{T}$

DatosCifras significativas: 3Intensidade de corrente polo segundo condutor $I_2 = 2 I_1$ Distancia entre os dous condutoresd = 10,0 cm = 0,100 mForza de atracción por unidade de lonxitude $F/l = 4,8 \cdot 10^{-5} \text{ N} \cdot \text{m}^{-1}$ Permeabilidade magnética do baleiro $\mu_0 = 4 \pi \cdot 10^{-7} \text{ N} \cdot \text{A}^{-2}$ Intensidades que circulan polos fíos I_1, I_2 Campo magnético a 3 cm do fío con menos corrente \overline{B}

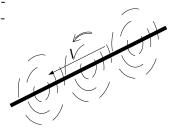
Ecuacións

Lei de Biot e Savart: campo magnético $\overline{\boldsymbol{B}}$ creado a unha distancia r por un condutor recto polo que circula unha intensidade de corrente I $\overline{\boldsymbol{B}} = \frac{\mu_0 \cdot I}{2\pi \cdot r}$ Principio e superposición: $\overline{\boldsymbol{B}} = \Sigma \overline{\boldsymbol{B}}_i$ Lei de Laplace: Forza que exerce un campo magnético $\overline{\boldsymbol{B}}$ sobre un tramo l de condutor que transporta unha corrente I $\overline{\boldsymbol{F}} = I(\overline{\boldsymbol{l}} \times \overline{\boldsymbol{B}})$

Solución:

a) O campo magnético creado por un condutor rectilíneo é circular e o seu sentido vén dado pola regra da man dereita: o sentido do campo magnético é o de peche da man dereita cando o polgar apunta no sentido da corrente.

O valor do campo magnético \overline{B} creado a unha distancia r por un condutor recto polo que circula unha intensidade de corrente I vén dado pola expresión:



$$B = \frac{\mu_0 \cdot I}{2\pi \cdot r}$$

b) A forza entre dous condutores rectilíneos paralelos obtense substituíndo na ecuación de Lorentz a expresión da lei de Biot e Savart.

$$F_{1\rightarrow 2}=I_1\cdot l\cdot B_2=I_1\cdot l\cdot \frac{\mu_0\cdot I_2}{2\pi\cdot r}=\frac{\mu_0\cdot I_1\cdot I_2}{2\pi\cdot r}\cdot l$$

Substituíndo os datos, tendo en conta que a forza é por unidade de lonxitude ($l=1~\mathrm{m}$)

$$4.8 \cdot 10^{-5} \left[\mathbf{N} \cdot \mathbf{m}^{-1} \right] = \frac{4 \,\pi \cdot 10^{-7} \left[\mathbf{N} \cdot \mathbf{A}^{-2} \right] \cdot I_1 \cdot 2 \,I_1}{2 \,\pi \cdot 0.100 \left[\mathbf{m} \right]}$$

$$I_{1} = \sqrt{\frac{4,8 \cdot 10^{-5} \left[\text{N} \cdot \text{m}^{-1} \right] \cdot 2\pi \cdot 0,100 \left[\text{m} \right]}{2 \cdot 4\pi \cdot 10^{-7} \left[\text{N} \cdot \text{A}^{-2} \right]}} = 3,46 \text{ A}$$

$$I_{2} = 2 I_{1} = 6,93 \text{ A}$$

c) No diagrama debúxanse os campos magnéticos $\overline{\boldsymbol{B}}_1$ e $\overline{\boldsymbol{B}}_2$ creados por ambos os condutores no punto 3 a 3 cm de I ₁.

O campo magnético creado polo condutor 1 a 3 cm de distancia é:

$$B_{1} = \frac{\mu_{0} \cdot I_{1}}{2\pi \cdot r_{1}} = \frac{4\pi \cdot 10^{-7} \left[\text{N} \cdot \text{A}^{-2} \right] \cdot 3,46 \left[\text{A} \right]}{2\pi \cdot 0,030 \text{ Q/m}} = 2,31 \cdot 10^{-5} \text{ T}$$

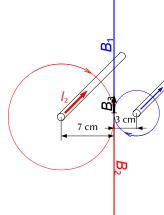
O campo magnético creado polo condutor 2 a 7 cm de distancia é:

$$B_2 = \frac{\mu_0 \cdot I_1}{2\pi \cdot r_2} = \frac{4\pi \cdot 10^{-7} \left[\text{N} \cdot \text{A}^{-2} \right] \cdot 6,93 \left[\text{A} \right]}{2\pi \cdot 0,070 \text{ Q[m]}} = 1,98 \cdot 10^{-5} \text{ T}$$

Como os campos son de sentidos opostos, o campo magnético resultante no punto que dista 3 cm é

$$B_3 = B_1 - B_2 = 2.31 \cdot 10^{-5} [T] - 1.98 \cdot 10^{-5} [T] = 3.3 \cdot 10^{-6} T$$

A dirección do campo magnético resultante é perpendicular ao plano formado polos dous condutores e o sentido é o do campo magnético do fío máis próximo, (no debuxo, cara ao bordo superior do papel)



Actualizado: 21/02/24

Sumario

	•	\sim	ъ.		TO:		\sim
Λ / I	A (÷	V	$\mathbf{F}\mathbf{T}$	1	$\Lambda / 1$	()

Carg	a nun campo magnético1
1.	Un protón acelerado por unha diferenza de potencial de 5000 V penetra perpendicularmente nun campo magnético uniforme de 0,32 T. Calcula:
	a) A velocidade do protón
	b) O raio da órbita que describe
	c) O número de voltas que dá en 1 segundo
	d) Que campo eléctrico E hai que aplicar para que a carga non sufra ningunha desviación?
Forza	a entre condutores
	Dous fíos condutores rectos moi longos e paralelos (A e B) con correntes IA = 5 A e IB = 3 A no mesmo sentido están separados 0,2 m. Calcula:
	a) O campo magnético no punto medio entre os dous condutores (D)
	b) A forza exercida sobre un terceiro condutor C paralelo os anteriores, de 0,5 m e con IC = 2 A e que pasa por D
2.	Indica cal é o módulo, dirección e sentido do campo magnético creado por un fío condutor recto percorrido por unha corrente e realiza un esquema que ilustre as características de devandito campo. Considérese agora que dous fíos condutores rectos e paralelos de gran lonxitude transportan a súa respectiva corrente eléctrica
	a) Sabendo que a intensidade dunha das correntes é o dobre que a da outra corrente e que, estando separados 10 cm, atráense cunha forza por unidade de lonxitude de 4,8·10 ⁻⁵ N·m ⁻¹ , calcula as intensidades que circulan polos fíos
	b) Canto vale o campo magnético nun punto situado entre os dous fíos, a 3 cm do que transporta menos corrente?

Método e recomendacións