Física do século XX

Método e recomendacións

♦ PROBLEMAS

• Efecto fotoeléctrico

- 1. Ao iluminar un metal con luz de frecuencia 2,5·10¹⁵ Hz obsérvase que emite electróns que poden deterse ao aplicar un potencial de freado de 7,2 V. Se a luz que se emprega co mesmo fin é de lonxitude de onda no baleiro 1,78·10⁻⁷ m, o devandito potencial pasa a ser de 3,8 V. Determina:
 - a) O valor da constante de Planck.

b) O traballo de extracción do metal.

Datos: $|q_e| = 1.6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$; $c = 3 \cdot 10^8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$. **Rta.:** a) $h = 6.7 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$; b) $W_e = 5 \cdot 10^{-19} \text{ J}$. (A.B.A.U. extr. 22)

Datos	Cifras significativas: 3
Frecuencia da 1.ª radiación	$f_1 = 2,50 \cdot 10^{15} \text{ Hz}$
Potencial de freado da 1.ª radiación	$V_1 = 7,20 \text{ V}$
Lonxitude de onda da 2.ª radiación	$\lambda_2 = 1,78 \cdot 10^{-7} \text{ m}$
Potencial de freado da 2.ª radiación	$V_2 = 3,80 \text{ V}$
Velocidade da luz no baleiro	$c = 3.00 \cdot 10^8 \text{ m/s}$
Carga do electrón	$q_{\rm e} = -1.60 \cdot 10^{-19} {\rm C}$

Incógnitas

Constante de Planck hTraballo de extracción W_e

Ecuacións

Ecuación de Planck (enerxía do fotón) $E_{\rm f} = h \cdot f$ Ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico $E_{\rm f} = W_{\rm e} + E_{\rm c}$ Relación entre a frecuencia dunha onda luminosa e a súa lonxitude de onda $c = f \cdot \lambda$ Enerxía cinética $E_{\rm c} = \frac{1}{2} m \cdot v^2$ Relación entre a enerxía cinética dos electróns e o potencial de freado $E_{\rm c} = |e| \cdot V$

Solución:

Cando a luz interactúa co metal da célula fotoeléctrica faino coma se fose un chorro de partículas chamadas fotóns (paquetes de enerxía).

Cada fotón choca cun electrón e transmítelle toda a súa enerxía.

Para que se produza efecto fotoeléctrico, os electróns emitidos deben ter enerxía suficiente para chegar ao anticátodo, o que ocorre cando a enerxía do fotón é maior que o traballo de extracción, que é unha característica do metal.

A ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico pode escribirse:

$$E_{\rm f} = W_e + E_{\rm c}$$

Na ecuación, $E_{\rm f}$ representa a enerxía do fotón incidente, $W_{\rm e}$ o traballo de extracción do metal e $E_{\rm c}$ a enerxía cinética máxima dos electróns (fotoelectróns) emitidos.

A enerxía que leva un fotón de frecuencia f é:

$$E_{\rm f} = h \cdot f$$

h é a constante de Planck e ten un valor moi pequeno: $h = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$.

O potencial de freado é a diferencia de potencial que detén o paso de electróns, sendo unha medida da súa enerxía cinética máxima:

$$E_{\rm c} = q \cdot V$$

A ecuación de Einstein quedaría:

$$h \cdot f = W_e + q \cdot V$$

O traballo de extracción e a constante de Planck poden calcularse resolvendo un sistema de dúas ecuacións con dúas incógnitas:

$$h \cdot f_1 = W_e + q \cdot V_1$$
$$h \cdot f_2 = W_e + q \cdot V_2$$

Expresando a frecuencia f en función da lonxitude de onda λ : $f = c / \lambda$ e substituíndo os datos, quedaría:

$$\begin{cases} h \cdot 2,50 \cdot 10^{15} = W_e + 1,60 \cdot 10^{-19} \cdot 7,20 \\ \frac{h \cdot 3,00 \cdot 10^8}{1,78 \cdot 10^{-7}} = W_e + 1,60 \cdot 10^{-19} \cdot 3,80 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 2,50 \cdot 10^{15} \cdot h = W_e + 1,15 \cdot 10^{-18} \\ 1,69 \cdot 10^{15} \cdot h = W_e + 6,08 \cdot 10^{-19} \end{cases}$$

Restándoas obteríase unha expresión en función de h:

$$0.81 \cdot 10^{15} \cdot h = 5.4 \cdot 10^{-19}$$

Calcúlase h, despexándoa da relación anterior:

$$h = \frac{5.4 \cdot 10^{-19}}{0.81 \cdot 10^{15}} = 6.7 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$$

Calcúlase o traballo de extracción substituíndo o valor de *h* na primeira das dúas ecuacións:

$$2,50 \cdot 10^{15} \cdot 6,7 \cdot 10^{-34} = W_e + 1,15 \cdot 10^{-18}$$

$$W_e = 2,50 \cdot 10^{15} \cdot 6,7 \cdot 10^{-34} - 1,15 \cdot 10^{-18} = 5 \cdot 10^{-19} \text{ J} = 3 \text{ eV}$$

Análise: O valor obtido da constante de Planck é bastante parecido a $h = 6.62 \cdot 10^{-34}$ J·s. O valor do traballo de extracción é razoable.

- Nunha célula fotoeléctrica, o cátodo ilumínase cunha radiación de lonxitude de onda $\lambda = 3 \cdot 10^{-7}$ m.
 - a) Estude se a radiación produce efecto fotoeléctrico, considerando que o traballo de extracción corresponde a unha frecuencia de 7,0·10¹⁴ Hz.
 - b) Calcule a velocidade máxima dos electróns arrancados e a diferenza de potencial que hai que aplicar entre ánodo e cátodo para que se anule a corrente fotoeléctrica.

DATOS: $|q_e| = 1.6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$; $m_e = 9.1 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$; $c = 3 \cdot 10^8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$; $h = 6.63 \cdot 10^{-34} \text{ J·s}$. (A.B.A.U. ord. 22) **Rta.:** b) $v = 6.6 \cdot 10^5$ m/s; V = 1.24 V.

Datos	Cifras significativas: 3
Lonxitude de onda da radiación	$\lambda = 3,00 \cdot 10^{-7} \text{ m}$
Frecuencia á que corresponde o traballo de extracción do metal	$f = 7,00 \cdot 10^{14} \text{ Hz}$
Constante de Planck	$h = 6.62 \cdot 10^{-34} \text{J} \cdot \text{s}$
Velocidade da luz no baleiro	$c = 3,00 \cdot 10^8 \text{ m/s}$
Carga do electrón	$q_{\rm e} = -1.60 \cdot 10^{-19} {\rm C}$
Masa do electrón	$m_{\rm e} = 9.10 \cdot 10^{-31} \rm kg$
Incógnitas	
Traballo de extracción	W_e
Enerxía da radiación	$E_{\mathbf{f}}$
Velocidade máxima coa que son emitidos os electróns	ν
Potencial de freado	V
Ecuacións	
Ecuación de Planck (enerxía do fotón)	$E_{\mathbf{f}} = h \cdot f$
Ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico	$E_{\rm f} = W_{\rm e} + E_{\rm c}$
Relación entre a frecuencia dunha onda luminosa e a súa lonxitude de onda	$c = f \cdot \lambda$
Enerxía cinética	$E_{\rm c} = \frac{1}{2} m \cdot v^2$
Relación entre a enerxía cinética dos electróns e o potencial de freado	$E_{\rm c} = e \cdot V$

Solución:

a) Emprégase a relación entre o traballo de extracción, W_e , e a frecuencia limiar, f_o .

Na ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico substitúese a enerxía do fotón polo seu equivalente na ecuación de Planck:

$$E_f = W_e + E_c E_f = h \cdot f$$
 $h \cdot f = W_e + E_c$

A radiación que teña a frecuencia limiar terá a enerxía estritamente necesaria para arrincar o electrón, pero non sobrará nada para comunicarlle enerxía cinética.

$$h \cdot f_0 = W_e + 0$$

A relación entre a frecuencia limiar e o traballo de extracción é:

$$W_e = h \cdot f_0$$

$$W_e = h \cdot f_0 = 6.62 \cdot 10^{-34} [\text{J} \cdot \text{s}] \cdot 7.00 \cdot 10^{14} [\text{s}^{-1}] = 4.63 \cdot 10^{-19}]$$

Calcúlase a frecuencia da radiación coa relación entre a lonxitude de onda e a frecuencia:

$$f = \frac{c}{\lambda} = \frac{3,00 \cdot 10^8 \,[\,\text{m·s}^{-1}\,]}{3,00 \cdot 10^{-7} \,[\,\text{m}\,]} = 1,00 \cdot 10^{15} \,\text{Hz}$$

Coa ecuación de Planck calcúlase a enerxía da radiación incidente:

$$E_{\rm f} = h \cdot f = 6.62 \cdot 10^{-34} \, [\text{J} \cdot \text{s}] \cdot 1.00 \cdot 10^{15} \, [\text{s}^{-1}] = 6.62 \cdot 10^{-19} \, \text{J}$$

Vese que é maior que o traballo de extracción, e, polo tanto, produce efecto fotoeléctrico.

b) Para calcular a velocidade máxima dos electróns arrancados hai que calcular antes a enerxía cinética máxima dos electróns emitidos, a partir da ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico:

$$E_{\rm c} = E_{\rm f} - W_{\rm e} = 6.62 \cdot 10^{-19} \, [\rm J] - 4.63 \cdot 10^{-19} \, [\rm J] = 1.99 \cdot 10^{-19} \, \rm J$$

Agora calcúlase a velocidade:

Datos

$$E_{\rm c} = \frac{1}{2} m \cdot v^2 \implies v = \sqrt{\frac{2 E_{\rm c}}{m}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 1,99 \cdot 10^{-19} \, [\text{J}]}{9,1 \cdot 10^{-31} \, [\text{kg}]}} = 6,60 \cdot 10^5 \, \text{m/s}$$

Calcúlase o potencial de freado na ecuación que o relaciona coa enerxía cinética:

$$E_{\rm c} = |e| \cdot V \Longrightarrow V = \frac{E_{\rm c}}{|e|} = \frac{1,99 \cdot 10^{-19} [\text{J}]}{1.60 \cdot 10^{-19} [\text{C}]} = 1,24 \text{ V}$$

- 3. Ilumínase un metal con luz monocromática dunha certa lonxitude de onda. Se o traballo de extracción é de $4.8\cdot10^{-19}$ J e o potencial de freado é de 2.0 V, calcula:
 - a) A velocidade máxima dos electróns emitidos.
 - b) A lonxitude de onda da radiación incidente.
 - Representa graficamente a enerxía cinética máxima dos electróns emitidos en función da frecuencia da luz incidente.

DATOS: $|q_e| = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$; $m_e = 9,1 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$; $h = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}^{-1}$; $c = 3 \cdot 10^8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$. (A.B.A.U. extr. 19) **Rta.:** a) $v = 8,4 \cdot 10^5 \text{ m/s}$; b) $\lambda = 250 \text{ nm}$.

Cifras significativas: 2

Duios	Cijius signijicutivus. 2
Traballo de extracción do metal	$W_{\rm e} = 4.8 \cdot 10^{-19} \rm J$
Potencial de freado	V = 2.0 V
Constante de Planck	$h = 6.63 \cdot 10^{-34} \text{J} \cdot \text{s}$
Velocidade da luz no baleiro	$c = 3.0 \cdot 10^8 \text{ m/s}$
Carga do electrón	$ e = 1.6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$
Masa do electrón	$m_{\rm e} = 9.1 \cdot 10^{-31} {\rm kg}$
Incógnitas	
Velocidade máxima dos electróns emitidos	v
Lonxitude de onda da radiación incidente	λ
Ecuacións	
Ecuación de Planck (enerxía do fotón)	$E_{\mathrm{f}} = \mathbf{h} \cdot \mathbf{f}$
Ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico	$E_{ m f}=W_{ m e}+E_{ m c}$
Relación entre a frecuencia dunha onda luminosa e a súa lonxitude de onda	$c = f \cdot \lambda$
Enerxía cinética	$E_{\rm c} = \frac{1}{2} m \cdot v^2$

Ecuacións

Relación entre a enerxía cinética dos electróns e o potencial de freado

$$E_{\rm c} = |e| \cdot V$$

Solución:

a) A enerxía cinética máxima dos electróns emitidos calcúlase a partir do potencial de freado:

$$E_c = |e| \cdot V = 1.6 \cdot 10^{-19} [C] \cdot 2.0 [V] = 3.2 \cdot 10^{-19} [C] \cdot 10^{-19} [C] = 3.2 \cdot 10^{-$$

A velocidade calcúlase a partir da expresión da enerxía cinética:

$$E_{\rm c} = \frac{1}{2} m \cdot v^2 \Rightarrow v = \sqrt{\frac{2 E_{\rm c}}{m}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 3.2 \cdot 10^{-20} \text{ [J]}}{9.1 \cdot 10^{-31} \text{ [kg]}}} = 8.4 \cdot 10^5 \text{ m/s}$$

b) Calcúlase a enerxía da radiación empregando a ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico:

$$E_{\rm f} = W_{\rm e} + E_{\rm c} = 4.8 \cdot 10^{-19} [\rm J] + 3.2 \cdot 10^{-19} [\rm J] = 8.0 \cdot 10^{-19} \rm J$$

A frecuencia dos fotóns incidentes calcúlase empregando a ecuación de Planck:

$$E_{\rm f} = h \cdot f \Rightarrow f = \frac{E_{\rm f}}{h} = \frac{8,0 \cdot 10^{-19} \, [\rm J]}{6,63 \cdot 10^{-34} \, [\rm J \cdot s]} = 1,2 \cdot 10^{15} \, {\rm s}^{-1} = 1,2 \cdot 10^{15} \, {\rm Hz}$$

A lonxitude de onda dos fotóns calcúlase empregando a relación entre a frecuencia e a lonxitude de onda:

$$f = \frac{c}{\lambda} \Rightarrow \lambda = \frac{c}{f} = \frac{3.0 \cdot 10^8 \,[\text{m/s}]}{1.2 \cdot 10^{15} \,[\text{s}^{-1}]} = 2.5 \cdot 10^{-7} \,\text{m} = 250 \,\text{nm}$$

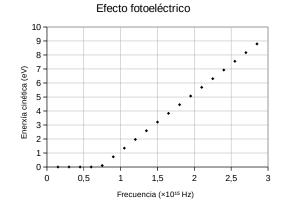
c) Calcúlase a frecuencia limiar <u>combinando as ecuacións de</u> Planck e Einstein:

$$W_{\rm e} = h \cdot f_{\rm o}$$

$$f_{\rm o} = \frac{W_{\rm e}}{h} = \frac{4.8 \cdot 10^{-19} [\rm J]}{6.63 \cdot 10^{-24} [\rm J \cdot s]} = 7.2 \cdot 10^{14} {\rm s}^{-1}$$

Por debaixo da frecuencia limiar non hai electróns. Faise unha táboa con valores da frecuencia maiores ao valor da frecuencia limiar, e calcúlase a enerxía cinética dos electróns coa ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico.

A gráfica podería ser como a seguinte:



- 4. O traballo de extracción para o sodio é de 2,50 eV. Calcula:
 - a) A lonxitude de onda da radiación que debemos usar para que a velocidade máxima dos electróns emitidos sexa de $1,00\cdot10^7~\text{m}\cdot\text{s}^{-1}$.
 - b) O potencial de freado.
 - c) A lonxitude de onda de De Broglie asociada aos electróns emitidos polo metal con velocidade máxima.

Datos:
$$h = 6.63 \cdot 10^{-34} \text{ J·s}$$
; $c = 3.10^8 \text{ m·s}^{-1}$; $|q(e)| = 1.6.10^{-19} \text{ C}$; 1 nm = 10^{-9} m; $m(e) = 9.1.10^{-31}$. (A.B.A.U. extr. 18)

Rta.: a) $\lambda = 4{,}33 \text{ nm}$; b) V = 284 V; c) $\lambda_B = 72{,}9 \text{ pm}$.

Datos

Traballo de extracción do sodio Velocidade dos electróns emitidos Constante de Planck Velocidade da luz no baleiro Masa do electrón Carga do electrón

Cifras significativas: 3

 $W_{\rm e} = 2,50 \text{ eV}$ $v = 1,00 \cdot 10^7 \text{ m/s}$ $h = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$ $c = 3,00 \cdot 10^8 \text{ m/s}$ $m_{\rm e} = 9,10 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$ $|q_{\rm e}| = 1,60 \cdot 10^{-19} \text{ C}$

Incógnitas

Lonxitude de onda incidente para que a velocidade dos electróns emitidos sexa $1,00\cdot10^7$ m/s

	,	٠.	
In	COO	nita	c
111	CUL	····	v

Potencial de freado	V
Lonxitude de onda de De Broglie asociada aos electróns	$\lambda_{\scriptscriptstyle m B}$
Outros símbolos	
Enerxía do fotón	$E_{ m f}$
Ecuacións	
Ecuación de Planck (enerxía do fotón)	$E_{\mathrm{f}} = h \cdot$
Ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico	$E_{ m f}=W_{ m e}$
Relación entre a frecuencia limiar e o traballo de extracción	$W_{\rm e} = h$

Relación entre a frecuencia dunha onda luminosa e a súa lonxitude de onda c = $f \cdot \lambda$

Enerxía cinética $E_{\rm c} = \frac{1}{2} \, m \cdot v$

Lonxitude de onda de De Broglie

$\lambda = \frac{h}{m \cdot v}$

Solución:

a) Calcúlase o traballo de extracción en unidades do S.I.:

$$W_{e} = 2,50 \,[\text{eV}] \cdot \frac{1,60 \cdot 10^{-19} \,[\text{C}]}{1 \,[\text{e}]} = 4,00 \cdot 10^{-19} \,\text{C} \cdot \text{V} = 4,00 \cdot 10^{-19} \,\text{J}$$

Calcúlase a enerxía cinética máxima dos electróns emitidos:

$$E_{\rm c} = m \cdot v^2 / 2 = 9,10 \cdot 10^{-31} \, [\text{kg}] \cdot (1,00 \cdot 10^7 \, [\text{m/s}])^2 / 2 = 4,55 \cdot 10^{-17} \, \text{J}$$

Calcúlase a enerxía da radiación empregando a ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico:

$$E_{\rm f} = W_{\rm e} + E_{\rm c} = 4,00 \cdot 10^{-19} \, [{\rm J}] + 4,55 \cdot 10^{-17} \, [{\rm J}] = 4,59 \cdot 10^{-17} \, {\rm J}$$

Calcúlase a frecuencia dos fotóns incidentes empregando a ecuación de Planck:

$$E_{\rm f} = h \cdot f \Rightarrow f = \frac{E_{\rm f}}{h} = \frac{4.59 \cdot 10^{-17} [\text{J}]}{6.63 \cdot 10^{-34} [\text{J} \cdot \text{s}]} = 6.93 \cdot 10^{16} \text{ s}^{-1} = 6.93 \cdot 10^{16} \text{ Hz}$$

Calcúlase a lonxitude de onda dos fotóns empregando a relación entre a frecuencia e a lonxitude de onda:

$$f = \frac{c}{\lambda} \Rightarrow \lambda = \frac{c}{f} = \frac{3,00 \cdot 10^8 \,[\text{m/s}]}{6.93 \cdot 10^{16} \,[\text{s}^{-1}]} = 4,32 \cdot 10^{-9} \,\text{m} = 4,32 \,\text{nm}$$

b) Calcúlase o potencial de freado na ecuación que o relaciona coa enerxía cinética:

$$E_{c} = |e| \cdot V \Longrightarrow V = \frac{E_{c}}{|e|} = \frac{4,55 \cdot 10^{-17} [J]}{1,60 \cdot 10^{-19} [C]} = 284 \text{ V}$$

c) Calcúlase a lonxitude de onda asociada aos electróns empregando a ecuación de De Broglie. A interpretación de Einstein do efecto fotoeléctrico demostrou que a luz se comporta como un chorro de partículas, chamadas fotóns, cuxa enerxía é proporcional á frecuencia:

$$E = h \cdot f$$

No efecto Compton, o fotón compórtase como unha partícula de momento lineal:

$$p = \frac{E}{c} = \frac{h \cdot f}{c} = \frac{h \cdot f}{\lambda \cdot f} = \frac{h}{\lambda}$$

Como xa estaba establecido que a luz se propaga como unha onda, propúxose que o comportamento era dual: nalgúns experimentos o comportamento da luz parece ser corpuscular e noutros, ondulatorio. De Broglie propuxo que este comportamento dual tamén afecto a calquera partícula. Nalgúns casos o comportamento de certas partículas podería interpretarse como o de ondas cuxa lonxitude de onda asociada λ vén dada pola expresión:

$$\lambda = \frac{h}{p} = \frac{h}{m \cdot v}$$

h é a constante de Planck, m é a masa da partícula e v é a súa velocidade. Calcúlase a lonxitude de onda de De Broglie:

$$\lambda_{\rm B} = \frac{h}{m \cdot v} = \frac{6,63 \cdot 10^{-34} \, [\text{J} \cdot \text{s}]}{9,10 \cdot 10^{-31} \, [\text{kg}] \cdot 1,00 \cdot 10^7 \, [\text{m/s}]} = 7,29 \cdot 10^{-11} \, \text{m} = 72,9 \, \text{pm}$$

- 5. Unha radiación monocromática que ten unha lonxitude de onda de 600 nm penetra nunha célula fotoeléctrica de cátodo de cesio cuxo traballo de extracción é 3,2·10⁻¹⁹ J. Calcula:
 - a) A lonxitude de onda limiar para o cesio.
 - b) A enerxía cinética máxima dos electróns emitidos.
 - c) O potencial de freado.

DATOS: $h = 6.62 \cdot 10^{-34} \text{ J·s}$; $c = 3 \cdot 10^8 \text{ m·s}^{-1}$; $q_e = -1.6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$; 1 nm = 10^{-9} m (A.B.A.U. ord. 18) **Rta.:** a) $\lambda_0 = 621 \text{ nm}$; b) $E_c = 1.1 \cdot 10^{-20} \text{ J}$; c) V = 0.069 V.

Cifras significations 2

Datos	Cifras significativas: 3
Lonxitude de onda da radiación	$\lambda = 600 \text{ nm} = 6,00 \cdot 10^{-7} \text{ m}$
Traballo de extracción do metal	$W_{\rm e} = 3.20 \cdot 10^{-19} { m J}$
Constante de Planck	$h = 6.62 \cdot 10^{-34} \text{J} \cdot \text{s}$
Velocidade da luz no baleiro	$c = 3,00 \cdot 10^8 \text{ m/s}$
Carga do electrón	$q_{\rm e}$ = -1,60·10 ⁻¹⁹ C
Incógnitas	
Lonxitude de onda limiar	$\lambda_{ m o}$
Enerxía cinética máxima coa que son emitidos os electróns	E_c
Potencial de freado	V
Ecuacións	
Ecuación de Planck (enerxía do fotón)	$E_{\rm f} = h \cdot f$
Ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico	$E_{\rm f} = W_{\rm e} + E_{\rm c}$
Relación entre a frecuencia dunha onda luminosa e a súa lonxitude de onda	$c = f \cdot \lambda$
Enerxía cinética	$E_{\rm c} = \frac{1}{2} m \cdot v^2$
Relación entre a enerxía cinética dos electróns e o potencial de freado	$E_{\rm c} = e \cdot V$

Solución:

Datos

Cando a luz interactúa co metal da célula fotoeléctrica faino coma se fose un chorro de partículas chamadas fotóns (paquetes de enerxía).

Cada fotón choca cun electrón e transmítelle toda a súa enerxía.

Para que se produza efecto fotoeléctrico, os electróns emitidos deben ter enerxía suficiente para chegar ao anticátodo, o que ocorre cando a enerxía do fotón é maior que o traballo de extracción, que é unha característica do metal.

A ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico pode escribirse:

$$E_{\rm f} = W_e + E_{\rm c}$$

Na ecuación, $E_{\rm f}$ representa a enerxía do fotón incidente, $W_{\rm e}$ o traballo de extracción do metal e $E_{\rm c}$ a enerxía cinética máxima dos electróns (fotoelectróns) emitidos.

A enerxía que leva un fotón de frecuencia f é:

$$E_{\rm f} = h \cdot f$$

h é a constante de Planck e ten un valor moi pequeno: $h = 6,63 \cdot 10^{-34} \, \text{J} \cdot \text{s}$.

a) A lonxitude de onda limiar corresponde a unha radiación coa enerxía mínima para provocar o efecto fotoeléctrico.

Na ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico substitúese a enerxía do fotón polo seu equivalente na ecuación de Planck:

$$\begin{vmatrix}
E_f = W_e + E_c \\
E_f = h \cdot f
\end{vmatrix} h \cdot f = W_e + E_c$$

A radiación que teña a frecuencia limiar terá a enerxía estritamente necesaria para arrincar o electrón, pero non sobrará nada para comunicarlle enerxía cinética.

$$h \cdot f_0 = W_e + 0$$

A relación entre a frecuencia limiar e o traballo de extracción é:

$$W_e = h \cdot f_0$$

Calcúlase a frecuencia, despexándoa da relación anterior:

$$f_0 = \frac{W_e}{h} = \frac{3,20 \cdot 10^{-19} [\text{J}]}{6,62 \cdot 10^{-24} [\text{J} \cdot \text{s}]} = 4,83 \cdot 10^{14} \text{ s}^{-1}$$

Calcúlase a lonxitude de onda limiar, despexándoa na relación entre frecuencia e lonxitude de onda:

$$\lambda_0 = \frac{c}{f_0} = \frac{3,00 \cdot 10^8 \,[\,\text{m} \cdot \text{s}^{-1}\,]}{4.83 \cdot 10^{14} \,[\,\text{s}^{-1}\,]} = 6,21 \cdot 10^{-7} \,\text{m} = 621 \,\text{nm}$$

c) Para calcular a enerxía cinética máxima dos electróns emitidos emprégase ecuación de Einstein:

$$E_c = E_f - W_e$$

Calcúlase antes a enerxía dos fotóns, despois de substituír a frecuencia pola súa expresión en función da lonxitude de onda:

$$E_{\rm f} = h \cdot f = \frac{h \cdot c}{\lambda} = \frac{6.62 \cdot 10^{-34} \,[\,\text{J} \cdot \text{s}\,] \cdot 3.00 \cdot 10^8 \,[\,\text{m} \cdot \text{s}^{-1}\,]}{6.00 \cdot 10^{-7} \,[\,\text{m}\,]} = 3.31 \cdot 10^{-19} \,\text{J}$$

Calcúlase entón a enerxía cinética máxima dos electróns emitidos:

$$E_{\rm c} = 3.31 \cdot 10^{-19} \, [\rm J] - 3.20 \cdot 10^{-19} \, [\rm J] = 1.1 \cdot 10^{-20} \, \rm J$$

b) Calcúlase o potencial de freado na ecuación que o relaciona coa enerxía cinética:

$$E_{c} = |e| \cdot V \Longrightarrow V = \frac{E_{c}}{|e|} = \frac{1.1 \cdot 10^{-20} [J]}{1.60 \cdot 10^{-19} [C]} = 0.069 \text{ V}$$

• Desintegración radioactiva

- 1. Marie Curie recibiu o Premio Nobel de Química en 1911 polo descubrimento do radio. Se nese mesmo ano se gardasen no seu laboratorio 2,00 g de radio-226, calcula:
 - a) A cantidade de radio que quedaría e a actividade da mostra na actualidade.
 - b) Os anos que pasarían ata que a mostra de radio se reducise ó 1 % do seu valor inicial.

DATOS: N_A = 6,02·10²³ mol⁻¹. Tempo de semidesintegración do radio = 1,59×10³ anos. (A.B.A.U. ord. 24)

Cifus simuif satings, 2

Rta.: a) m = 1.90 g; $A = 7.01 \cdot 10^{10}$ Bq; b) $t = 1.06 \cdot 10^4$ anos

Cifras significativas: 3		
$T_{\frac{1}{2}} = 1,59 \cdot 10^{3} \text{ anos} = 5,02 \cdot 10^{10} \text{ s}$		
$m_0 = 2,00 \text{ g}$		
t = 2024 - 1911 = 113 anos		
r = 1,00 %		
M = 226 g/mol		
$N_{\rm A}$ = 6,02 ·10 ²³ mol ⁻¹		
m		
A		
t		
λ		
$N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$		
Relación do período de semidesintegración coa constante de desintegración $T_{\frac{1}{2}} \cdot \lambda = \ln 2$		
$A = -d N / d t = \lambda \cdot N$		

Solución:

a) Pódese calcular o número de átomos a partir da expresión da actividade radioactiva.

A lei de desintegración radioactiva, que di que o número de átomos que se desintegran na unidade de tempo é proporcional á cantidade de átomos presentes, ($-dN = \lambda \cdot N \cdot dt$), pode expresarse como:

$$N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

N é a cantidade de átomos que quedan sen desintegrar ao cabo dun tempo t, N_0 é a cantidade inicial de átomos e λ é a constante de desintegración.

Obtense unha versión máis manexable da ecuación de desintegración radioactiva, $N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$, pasando N_0 ao outro membro, aplicando logaritmos neperianos e cambiando o signo:

$$-\ln (N/N_0) = \ln (N_0/N) = \lambda \cdot t$$

O período de semidesintegración dunha substancia radioactiva é o tempo que transcorre ata que só queda a metade da mostra orixinal. Cando $t = T_{1/2}$, $N = N_0 / 2$.

Poñendo na ecuación logarítmica: (2 N) en lugar de N_0 , e $T_{1/2}$ en vez de t, queda:

$$\ln (2 N/N) = \lambda \cdot T_{1/2}$$
 $\Rightarrow \lambda \cdot T_{1/2} = \ln 2$

Calcúlase o período de semidesintegración en segundos:

$$T_{1/2}=1,59\cdot10^3 \text{ [anos] } \frac{365,25 \text{ [días]}}{1 \text{ [ano]}} \frac{24,0 \text{ [h]}}{1 \text{ [día]}} \frac{3600 \text{ [s]}}{1 \text{ [h]}}=5,02\cdot10^{10} \text{ s}$$

Calcúlase a constante λ de desintegración radioactiva, a partir do período de semidesintegración:

$$\lambda = \frac{\ln 2}{T_{1/2}} = \frac{0.693}{5.02 \cdot 10^{10} \, [s]} = 1.38 \cdot 10^{-11} \, \text{s}^{-1}$$

Dedúcese a lei da desintegración radioactiva en función da masa.

Como a masa, m, é proporcional á cantidade de átomos, N: $(m = N \cdot M / N_A)$, pódese obter unha expresión similar á lei da desintegración radioactiva, $N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$, multiplicando ambos os membros por (M / N_A) :

$$N \cdot \frac{M}{N_{\rm A}} = N_0 \cdot \frac{M}{N_{\rm A}} e^{-\lambda t} \Rightarrow m = m_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

 $N_{\!\scriptscriptstyle \rm A}$ é o número de Avogadro e Mé a masa atómica do elemento.

Calcúlase o tempo transcorrido desde o descubrimento do raio:

$$t = (2024 - 1911) [anos] \frac{365,25 [días]}{1 [ano]} \frac{24,0 [h]}{1 [día]} \frac{3600 [s]}{1 [h]} = 3,57 \cdot 10^9 s$$

Calcúlase a masa actual da mostra:

$$m = m_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t} = 2,00 \text{ [g]} \cdot e^{-1,38 \cdot 10^{-11} \text{ [s}^{-1}] \cdot 3,57 \cdot 10^9 \text{ [s]}} = 1,90 \text{ g}$$

Análise: 113 anos son menos da 1/10 de período de semidesintegración, polo que a masa que debe quedar debe ser un pouco menos ca inicial (2 g), o que está de acordo co resultado.

A actividade radioactiva é o número de átomos que se desintegran nun segundo. É proporcional á cantidade de substancia radioactiva, sendo λ , a constante radioactiva, característica de cada isótopo.

$$A = \frac{-\mathrm{d}\,N}{\mathrm{d}\,t} = \lambda \cdot N$$

Calcúlase o número de átomos actual co número de Avogadro:

$$N = \frac{m}{M} \cdot N_{A} = \frac{1,90 \text{ [g]}}{226 \text{ [g/mol]}} \cdot 6,02 \cdot 10^{23} \text{ [átomos/mol]} = 5,07 \cdot 10^{21} \text{ átomos}$$

Calcúlase a actividade radioactiva, que é proporcional á cantidade de átomos:

$$A = \lambda \cdot N = 1,38 \cdot 10^{-11} [s^{-1}] \cdot 5,07 \cdot 10^{21} [\text{átomos}] = 7,01 \cdot 10^{10} \text{Bq}$$

b) Se a cantidade que queda nun tempo é o 1 % da inicial, pódese calcular ese tempo coa expresión logarítmica da lei de desintegración radioactiva:

$$\ln (N_0 / N) = \lambda \cdot t \Rightarrow t = \frac{\ln (N / N_0)}{\lambda} = \frac{\ln (0.01 \text{ N} / N)}{\lambda} = \frac{\ln 0.01}{1.38 \cdot 10^{-11} \left[\text{s}^{-1}\right]} = 3.33 \cdot 10^{11} \text{ s}$$

Pódese calcular ese tempo en anos:

$$t=3,33\cdot10^{11} [s] \frac{1 [h]}{3600 [s]} \frac{1 [día]}{24,0 [h]} \frac{1 [ano]}{365,25 [días]} = 1,06\cdot10^4 anos$$

Análise: O 1 % (= 0,01) está comprendido entre $(1/2)^6 = 1/64 = 0,016$ e $(1/2)^7 = 1/128 = 0,08$, polo que deberán transcorrer máis de 6 períodos $(6 \cdot 1,59 \cdot 10^3 \approx 9,5 \cdot 10^3$ anos), pero menos de 7, ($\approx 1,1 \cdot 10^4$ anos). O resultado calculado cumpre estes requisitos.

- 2. O ²10</sup>Pb transfórmase en polonio ao emitir dúas partículas beta e posteriormente, por emisión dunha partícula alfa, obtense chumbo.
 - a) Escribe as reaccións nucleares descritas.
 - b) O período de semidesintegración do ²₈₂ Pb é de 22,3 anos. Si tiñamos inicialmente 3 moles de átomos dese elemento e transcorreron 100 anos, calcula o número de núcleos radioactivos que quedan sen desintegrar e a actividade inicial da mostra.

DATO: $N_A = 6,02 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$. (A.B.A.U. ord. 23) **Rta.:** a) $^{210}_{82}\text{Pb} \rightarrow ^{210}_{83}\text{Bi} + ^{0}_{-1}\text{e} \rightarrow ^{210}_{84}\text{Po} + ^{0}_{-1}\text{e} \rightarrow ^{206}_{82}\text{Pb} + ^{4}_{2}\text{He}$; b) $N = 8,07 \cdot 10^{22} \text{ núcleos}$; $A_0 = 1,78 \cdot 10^{15} \text{ Bq}$.

Datos Período de semidesintegración	Cifras significativas: 3 $T_{\frac{1}{2}} = 22.3 \text{ anos} = 7.04 \cdot 10^{8}$
Cantidade da mostra	$n_0 = 3,00 \text{ mol}$
Número de Avogadro	$N_{\rm A} = 6.02 \cdot 10^{23} \rm mol^{-1}$
Tempo transcorrido	t = 100 anos
Incógnitas	
Número de núcleos que queda sen desintegrar despois de 100 anos	N
Actividade inicial	A_{0}
Outros símbolos	
Constante de desintegración radioactiva	λ
Ecuacións	
Lei da desintegración radioactiva	$N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$
Relación do período de semidesintegración coa constante de desintegración	$T_{\frac{1}{2}} \cdot \lambda = \ln 2$
Actividade radioactiva	$A = -d N / d t = \lambda \cdot N$

Solución:

a) As partículas alfa son núcleos de helio ⁴2He e as partículas beta electróns - ¹1e.

As reaccións nucleares, aplicando os principios de conservación do número bariónico (ou número másico) e da carga, son:

$$^{210}_{82}$$
Pb \rightarrow $^{210}_{83}$ Bi $+_{-1}^{0}$ e \rightarrow $^{210}_{84}$ Po $+_{-1}^{0}$ e \rightarrow $^{206}_{82}$ Pb $+_{2}^{4}$ He

b) Dedúcese a relación entre o período de semidesintegración e a constante de desintegración.

A lei de desintegración radioactiva, que di que o número de átomos que se desintegran na unidade de tempo é proporcional á cantidade de átomos presentes, (-d $N = \lambda \cdot N \cdot dt$), pode expresarse como:

$$N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

N é a cantidade de átomos que quedan sen desintegrar ao cabo dun tempo t, N_0 é a cantidade inicial de átomos e λ é a constante de desintegración.

Obtense unha versión máis manexable da ecuación de desintegración radioactiva, $N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$, pasando N_0 ao outro membro, aplicando logaritmos neperianos e cambiando o signo:

$$-\ln (N/N_0) = \ln (N_0/N) = \lambda \cdot t$$

O período de semidesintegración dunha substancia radioactiva é o tempo que transcorre ata que só queda a metade da mostra orixinal. Cando $t = T_{1/2}$, $N = N_0 / 2$.

Poñendo na ecuación logarítmica: (2 N) en lugar de N_0 , e $T_{1/2}$ en vez de t, queda:

$$\ln (2 N/N) = \lambda \cdot T_{1/2} \qquad \Rightarrow \lambda \cdot T_{1/2} = \ln 2$$

Calcúlase o período de semidesintegración en segundos:

$$T_{1/2}$$
=22,3 [anos] $\frac{365,25 \text{ [días]}}{1 \text{ [ano]}} \frac{24,0 \text{ [h]}}{1 \text{ [día]}} \frac{3600 \text{ [s]}}{1 \text{ [h]}}$ =7,04·10⁸ s

Calcúlase a constante radioactiva:

$$\lambda = \frac{\ln 2}{T_{1/2}} = \frac{0.693}{22.3 \text{ [años]}} = 0.031 \text{ laño}^{-1} = \frac{0.693}{7.04 \cdot 10^8 \text{ [s]}} = 9.85 \cdot 20^{-10} \text{ s}^{-1}$$

Calcúlase o número de núcleos que hai en 3 mol de ²¹⁰Pb:

$$N_0 = \frac{3,00 \; [\,\mathrm{mol}\; \mathrm{Pb}\,] \cdot 6,02 \cdot 10^{23} \; [\,\mathrm{\acute{a}tomos}\; \mathrm{Pb}\,]}{1 \; [\,\mathrm{mol}\; \mathrm{Pb}\,]} \; \frac{1 \; [\,\mathrm{n\acute{u}cleo}\; \mathrm{Pb}\,]}{1 \; [\,\mathrm{\acute{a}tomo}\; \mathrm{Pb}\,]} = 1,81 \cdot 10^{24} \; [\,\mathrm{n\acute{u}cleos}\; \mathrm{Pb}\,]$$

Aplícase la lei de desintegración radioactiva:

$$N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t} = 1,81 \cdot 10^{24} \left[\text{núcleos} \right] \cdot e^{0,031 \text{ [ano}^{-1]} \cdot 100 \text{ [anos]}} = 8,07 \cdot 10^{22} \text{ núcleos quedan sen desintegrar.}$$

Calcúlase a actividade inicial:

$$A_0 = \lambda \cdot N_0 = 9.85 \cdot 10^{-10} \text{ [s}^{-1} \cdot 1.81 \cdot 10^{24} \text{ [núcleos]} = 1.78 \cdot 10^{15} \text{ Bq}$$

- 3. Nun laboratorio recíbense 100 g dun isótopo descoñecido. Transcorridas 2 horas desintegrouse o 20 % da masa inicial do isótopo. Calcula:
 - a) A constante radioactiva.
 - b) O período de semidesintegración do isótopo e a masa que fica do isótopo orixinal transcorridas 20 horas.

(A.B.A.U. ord. 21)

Cifras significativas: 3

Rta.: a) $\lambda = 3.10 \cdot 10^{-5} \text{ s}^{-1}$; b) $T_{\frac{1}{2}} = 6 \text{ h} 13 \text{ min}$; m = 10.7 g.

	3 3
Masa inicial	$m_0 = 100 \text{ g}$
Tempo transcorrido no que se desintegrou o 20 % da masa inicial	$t_{\rm d} = 2,00 \; {\rm h}$
Porcentaxe desintegrado da mostra nese tempo	$m_{\rm d} = 20.0 \% m_{\rm o} = 0.200 m_{\rm o}$
Tempo para calcular a masa que fica	t = 20,0 h
Incógnitas	
Constante radioactiva	λ
Período de semidesintegración	$T_{lac{1}{2}}$
Masa que fica ás 20 h	m
Outros símbolos	
Número de átomos iniciais	$N_{ m o}$
Número de átomos ao cabo dun tempo	N
Ecuacións	
Lei da desintegración radioactiva	$N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$

Relación entre o período de semidesintegración e a constante de desintegración $T_{1/2} = \ln 2 / \lambda$

Solución:

Datos

a) Se a masa desintegrada é o 20 % da inicial, fica aínda un 80 %:

$$m = m_0 - m_d = m_0 - 0.200 \ m_0 = 0.800 \ m_0$$

A lei de desintegración radioactiva, que di que o número de átomos que se desintegran na unidade de tempo é proporcional á cantidade de átomos presentes, (-d $N = \lambda \cdot N \cdot dt$), pode expresarse como:

$$N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

N é a cantidade de átomos que quedan sen desintegrar ao cabo dun tempo t, N_0 é a cantidade inicial de átomos e λ é a constante de desintegración.

Obtense unha versión máis manexable da ecuación de desintegración radioactiva, $N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$, pasando N_0 ao outro membro, aplicando logaritmos neperianos e cambiando o signo:

$$-\ln (N/N_0) = \ln (N_0/N) = \lambda \cdot t$$

Como a masa, m, é proporcional á cantidade de átomos, N: ($m = N \cdot M / N_A$), pódese obter unha expresión similar, multiplicando $N \in N_0$ por (M / N_A) :

$$\lambda \cdot t = \ln \left(\frac{N_0 \cdot M/N_A}{N \cdot M/N_A} \right) = \ln \left(\frac{m_0}{m} \right)$$

 N_A é o número de Avogadro e M é a masa atómica do elemento. Calcúlase a constante de desintegración radioactiva, despexándoa:

$$\lambda = \frac{\ln(m_0/m)}{t} = \frac{\ln(1/0,800)}{2,00 \text{ [h]}} = 0,112 \text{ h}^{-1}$$

O período de semidesintegración dunha substancia radioactiva é o tempo que transcorre ata que só queda a metade da mostra orixinal. Cando $t = T_{1/2}$, $N = N_0 / 2$.

Poñendo na ecuación logarítmica: (2 N) en lugar de N_0 , e $T_{1/2}$ en vez de t, queda:

$$\ln (2 N / N) = \lambda \cdot T_{1/2} \qquad \Longrightarrow \lambda \cdot T_{1/2} = \ln 2$$

b) Calcúlase o período de semidesintegración a partir da constante de desintegración radioactiva:

$$T_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda} = \frac{0.693}{0.112 \left[\text{h}^{-1} \right]} = 6.21 \text{ h} = 6 \text{ h} 13 \text{ min}$$

Da ecuación logarítmica ($\lambda \cdot t = \ln (m_0 / m)$) obtense:

$$m = m_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

Calcúlase a masa que fica ao cabo de 20 h:

$$m=100 [g] \cdot e^{-0.112[h^{-1}] \cdot 20[h]} = 10.7 g$$

Análise: 20 h son algo máis de 3 períodos de semidesintegración (6 h 13 min), polo que a masa que debe quedar debe ser un pouco menor que $100 \cdot (1/2)^3 = 12,5$ g, o que está de acordo co resultado.

- Nunha cova encóntranse restos orgánicos e ao realizar a proba do carbono-14 obsérvase que a actividade da mostra é de 106 desintegracións/s. Sabendo que o período de semidesintegración do carbono-14 é de 5730 anos, calcula:
 - a) A masa inicial da mostra.
 - b) A masa da mostra cando transcorran 4000 anos.

DATOS: $N_A = 6.02 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$; $A(^{14}\text{C}) = 14$. **Rta.:** a) $m_0 = 6.06 \,\mu\text{g}$; b) $m = 3.74 \,\mu\text{g}$.

(A.B.A.U. ord. 20)

λ

Cifras significativas: 3 Datos Período de semidesintegración $T_{\frac{1}{2}} = 5 730 \text{ anos} = 1.81 \cdot 10^{11} \text{ s}$ Actividade da mostra $A_0 = 1,00.10^6 \text{ Bq}$ Tempo para calcular a actividade t = 4000 anosMasa atómica do 14C M = 14,0 g/mol $N_{\rm A} = 6.02 \cdot 10^{23} \, \rm mol^{-1}$ Número de Avogadro Incógnitas

Masa inicial da mostra m_0 Masa aos 4000 anos Α Outros símbolos

Constante de desintegración radioactiva

Ecuacións

 $N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$ Lei da desintegración radioactiva

Relación do período de semidesintegración coa constante de desintegración $T_{\frac{1}{2}} \cdot \lambda = \ln 2$ Actividade radioactiva $A = -d N / d t = \lambda \cdot N$

Solución:

a) Pódese calcular o número de átomos a partir da expresión da actividade radioactiva.

A lei de desintegración radioactiva, que di que o número de átomos que se desintegran na unidade de tempo é proporcional á cantidade de átomos presentes, ($-dN = \lambda \cdot N \cdot dt$), pode expresarse como:

$$N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

N é a cantidade de átomos que quedan sen desintegrar ao cabo dun tempo t, N_0 é a cantidade inicial de átomos e λ é a constante de desintegración.

Obtense unha versión máis manexable da ecuación de desintegración radioactiva, $N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$, pasando N_0 ao outro membro, aplicando logaritmos neperianos e cambiando o signo:

$$-\ln (N/N_0) = \ln (N_0/N) = \lambda \cdot t$$

O período de semidesintegración dunha substancia radioactiva é o tempo que transcorre ata que só queda a metade da mostra orixinal. Cando $t = T_{1/2}$, $N = N_0 / 2$.

Poñendo na ecuación logarítmica: (2 N) en lugar de N_0 , e $T_{1/2}$ en vez de t, queda:

$$\ln (2 N/N) = \lambda \cdot T_{1/2}$$
 $\Rightarrow \lambda \cdot T_{1/2} = \ln 2$

Calcúlase o período de semidesintegración en segundos:

$$T_{1/2}$$
=5730 [anos] $\frac{365,25 \text{ [días]}}{1 \text{ [ano]}} \frac{24,0 \text{ [h]}}{1 \text{ [día]}} \frac{3600 \text{ [s]}}{1 \text{ [h]}} = 1,81 \cdot 10^{11} \text{ s}$

Calcúlase a constante λ de desintegración radioactiva, a partir do período de semidesintegración:

$$\lambda = \frac{\ln 2}{T_{1/2}} = \frac{0.693}{1.81 \cdot 10^{11} \, [s]} = 3.83 \cdot 10^{-12} \, \text{s}^{-1} = \frac{0.693}{5730 \, [anos]} = 0.000175 \, \text{ano}^{-1}$$

A actividade radioactiva é o número de átomos que se desintegran nun segundo. É proporcional á cantidade de substancia radioactiva, sendo λ , a constante radioactiva, característica de cada isótopo.

$$A = \frac{-\mathrm{d} N}{\mathrm{d} t} = \lambda \cdot N$$

Calcúlase o número de átomos inicial despexando na actividade:

$$A = \lambda \cdot N \Rightarrow N_0 = \frac{A_0}{\lambda} = \frac{1,00 \cdot 10^6 [\text{Bq}]}{3,83 \cdot 10^{-12} [\text{s}^{-1}]} = 2,61 \cdot 10^{17} \text{ átomos}$$

Calcúlase a masa, que é proporcional á cantidade de átomos:

$$m_0 = \frac{N_0}{N_A} \cdot M = \frac{2.61 \cdot 10^{17} [\text{átomos}]}{6.02 \cdot 10^{23} [\text{átomos/mol}]} \cdot 14.0 [\text{g/mol}] = 6.06 \cdot 10^{-6} \text{g} = 6.06 \mu \text{g}$$

Análise: Coa nula precisión do dato da actividade, 106 Bq, o resultado podería ser calquera ente 0,1 μg e 10 μg.

b) Dedúcese a lei da desintegración radioactiva en función da masa.

Como a masa, m, é proporcional á cantidade de átomos, N: $(m = N \cdot M / N_A)$, pódese obter unha expresión similar á lei da desintegración radioactiva, $N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$, multiplicando ambos os membros por (M / N_A) :

$$N \cdot \frac{M}{N} = N_0 \cdot \frac{M}{N} e^{-\lambda t} \Rightarrow m = m_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

 $N_{\rm A}$ é o número de Avogadro e M é a masa atómica do elemento.

Calcúlase a masa da mostra cando transcorran 4000 anos:

$$m = m_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t} = 6,06 \cdot 10^{-6} [g] \cdot e^{-0,000175 [ano]^{-1} \cdot 4000 [ano]} = 3,74 \cdot 10^{-6} g = 3,74 \mu g$$

Análise: 4000 anos son algo menos que 1 período de semidesintegración, polo que a masa que debe quedar debe ser un pouco máis da metade da inicial (6,06 µg), o que está de acordo co resultado.

- 5. O ¹³¹I é un isótopo radioactivo que se utiliza en medicina para o tratamento do hipertiroidismo. O seu período de semidesintegración é de 8 días. Se inicialmente se dispón dunha mostra de 20 mg de ¹³¹I:
 - a) Calcula a masa que queda sen desintegrar despois de estar almacenada nun hospital 50 días.

b) Representa nunha gráfica, de forma cualitativa, a variación da masa en función do tempo.

c) Cal é a actividade inicial de 2 mg de ¹³¹I?

DATO: $N_A = 6.022 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$. (A.B.A.U. ord. 18)

Rta.: a) m = 0.263 mg; c) $A = 9.22 \cdot 10^{12}$ Bq.

Cifras significativas: 3 Datos Período de semidesintegración $T_{\frac{1}{2}}$ = 8,00 días = 6,91·10⁵ s Masa da mostra $m_0 = 20,0 \text{ mg}$ $N_{\rm A} = 6.02 \cdot 10^{23} \; {\rm mol^{-1}}$ Número de Avogadro Masa atómica do iodo M = 131 g/mol $t = 50 \text{ días} = 4.32 \cdot 10^6 \text{ s}$ Tempo transcorrido Incógnitas Masa que queda sen desintegrar despois de 50 días m Actividade inicial de 2 mg de 131 I AOutros símbolos Constante de desintegración radioactiva λ **Ecuacións**

Lei da desintegración radioactiva

 $N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$

Relación entre o período de semidesintegración e a constante de desintegración $T_{1/2}$ = ln 2 / λ

 $A = -d N / d t = \lambda \cdot N$ Actividade radioactiva

Solución:

O período de semidesintegración dunha substancia radioactiva é o tempo que transcorre ata que só queda a metade da mostra orixinal. Cando $t = T_{1/2}$, $N = N_0 / 2$.

Poñendo na ecuación logarítmica: (2 N) en lugar de N_0 , e $T_{1/2}$ en vez de t, queda:

$$\ln (2 N / N) = \lambda \cdot T_{1/2} \qquad \Longrightarrow \lambda \cdot T_{1/2} = \ln 2$$

a) Calcúlase o período de semidesintegración en segundos:

$$T_{1/2}$$
=8,00 [días] $\frac{24,0 \text{ [h]}}{1 \text{ [día]}} \frac{3600 \text{ [s]}}{1 \text{ [h]}}$ =6,91·10⁵ s

Calcúlase a constante radioactiva a partir do período de semidesintegración:

$$\lambda = \frac{\ln 2}{T_{1/2}} = \frac{0,693}{6,91 \cdot 10^5 [s]} = 1,00 \cdot 10^{-6} s^{-1}$$

Como a masa, m, é proporcional á cantidade de átomos, N: $(m = N \cdot M / N_A)$, pódese obter unha expresión similar á lei da desintegración radioactiva, $N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$, multiplicando ambos os membros por (M/N_A) :

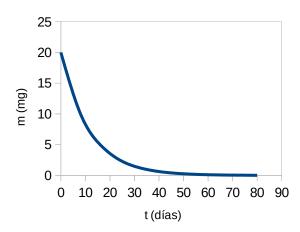
$$N \cdot \frac{M}{N_{\rm A}} = N_0 \cdot \frac{M}{N_{\rm A}} e^{-\lambda t} \Rightarrow m = m_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

 $N_{\rm A}$ é o número de Avogadro e M é a masa atómica do elemento.

Calcúlase a masa que queda sen desintegrar despois de estar almacenada nun hospital 50 días:

$$m = m_0 e^{-\lambda t} = 20.0 [\text{mg}] \cdot e^{-1.00 \cdot 10^{-6} [\text{s}^{-1}] \cdot 4.32 \cdot 10^{6} [\text{s}]} = 0.263 \text{ mg}$$

- b) A gráfica é unha función exponencial decrecente.
- c) Para calcular a actividade calcúlase primeiro o número de átomos que hai en 2 mg de 131.



$$N = 2,00 \cdot 10^{-3} \text{ g}^{131} \text{I} \frac{1 \text{ mol}^{131} \text{I}}{131 \text{ g}^{131} \text{I}} \frac{6,02 \cdot 10^{23} \text{ átomos}^{131} \text{I}}{1 \text{ mol}^{131} \text{I}} \frac{1 \text{ núcleo}^{131} \text{I}}{1 \text{ átomo}^{131} \text{I}} = 9,19 \cdot 10^{18} \text{ núcleos}^{131} \text{I}$$

Calcúlase agora a actividade:

$$A = \lambda \cdot N = 1,00 \cdot 10^{-6} [s^{-1}] \cdot 9,19 \cdot 10^{18} [núcleos] = 9,22 \cdot 10^{12} Bq$$

- 6. En 2012 atopouse no Sahara un meteorito que contiña restos de U-238. Sabemos que no momento da súa formación había unha concentración de 5,00·10¹² átomos de U-238 por cm³, mentres que na actualidade a concentración medida é de 2,50·10¹² átomos de U-238 por cm³. Se o tempo de semidesintegración deste isótopo é de 4,51·10⁹ anos, determina:
 - a) A constante de desintegración do U-238.
 - b) A idade do meteorito.
 - c) Sabendo que o gas radon resulta da desintegración do U-238. completa a seguinte serie radioactiva coas correspondentes partículas ata chegar ao gas radon:

$$^{238}_{92}\text{U} + \dots \rightarrow ^{234}_{90}\text{Th} + \dots \rightarrow ^{234}_{91}\text{Pa} + \dots \rightarrow ^{234}_{92}\text{U} + \dots \rightarrow ^{230}_{90}\text{Th} + \dots \rightarrow ^{226}_{88}\text{Ra} + \dots \rightarrow ^{222}_{86}\text{Rn}$$
(A.B.A.U. extr. 17)

Rta.: a) $\lambda = 4.87 \cdot 10^{-18} \text{ s}^{-1}$; b) $t = 4.51 \cdot 10^9 \text{ anos}$; c) $\frac{238}{92} \text{U} \xrightarrow{\alpha} \frac{234}{90} \text{Th} \xrightarrow{\beta} \frac{234}{91} \text{Pa} \xrightarrow{\beta} \frac{234}{92} \text{U} \xrightarrow{\alpha} \frac{230}{90} \text{Th} \xrightarrow{\alpha} \frac{226}{88} \text{Ra} \xrightarrow{\alpha} \frac{222}{86} \text{Rn}$.

Datos		Cifras significativas: 3
Período de semide	sintegración	$T_{\frac{1}{2}} = 4,51 \cdot 10^9 \text{ anos} = 1,42 \cdot 10^{17} \text{ s}$
Átomos iniciais		$N_0 = 5,00 \cdot 10^{12} \text{ átomos/cm}^3$
Átomos actuais		$N = 2,50 \cdot 10^{12} \text{ átomos/cm}^3$
Incógnitas		
Constante de desir	ntegración radioactiva	λ
Idade do meteorito)	t
Ecuacións		
Lei da desintegrac	ión radioactiva	$N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$
Relación do perío	lo de semidesintegración coa constante	e de desintegración $T_{\frac{1}{2}} \cdot \lambda = \ln 2$
Actividade radioa	ctiva	$A = -d N / d t = \lambda \cdot N$

Solución:

- a) Dedúcese a relación entre o período de semidesintegración e a constante de desintegración:
- O período de semidesintegración dunha substancia radioactiva é o tempo que transcorre ata que só queda a metade da mostra orixinal. Cando $t=T_{1/2},\,N=N_0$ / 2.

Poñendo na ecuación logarítmica: (2 N) en lugar de N_0 , e $T_{1/2}$ en vez de t, queda:

$$\ln (2 N / N) = \lambda \cdot T_{1/2} \qquad \Rightarrow \lambda \cdot T_{1/2} = \ln 2$$

Calcúlase o período de semidesintegración en segundos:

$$T_{1/2}$$
=4,51·10⁹ [anos] $\frac{365,25 \text{ [días]}}{1 \text{ [ano]}} \frac{24,0 \text{ [h]}}{1 \text{ [día]}} \frac{3600 \text{ [s]}}{1 \text{ [h]}}$ =1,42·10¹⁷ s

Calcúlase a constante radioactiva a partir do período de semidesintegración:

$$\lambda = \frac{\ln 2}{T_{1/2}} = \frac{0.693}{1.42 \cdot 10^{17} [s]} = 4.87 \cdot 10^{-18} \text{ s}^{-1}$$

b) Calcúlase o tempo na ecuación da lei de desintegración radioactiva en forma logarítmica.

$$t = \frac{\ln(N/N_0) = \ln(N_0/N) = \lambda \cdot t}{\lambda} = \frac{\ln(5,00 \cdot 10^{12}/2,50 \cdot 10^{12})}{4,87 \cdot 10^{-18} [s^{-1}]} = 1,42 \cdot 10^{17} s = 4,51 \cdot 10^{9} anos$$

Análise: Posto que nese tempo a mostra reduciuse á metade, transcorreu 1 período de semidesintegración que son 4,51·10° anos.

c) Os procesos de emisión de partículas son

$$^{238}_{92}U \longrightarrow ^{234}_{90}Th + ^{4}_{2}He$$

$$^{234}_{90}Th \longrightarrow ^{234}_{91}Pa + ^{0}_{-1}e$$

$$^{234}_{91}Pa \longrightarrow ^{234}_{92}U + ^{0}_{-1}e$$

$$^{234}_{92}U \longrightarrow ^{230}_{90}Th + ^{4}_{2}He$$

$$^{230}_{90}Th \longrightarrow ^{226}_{88}Ra + ^{4}_{2}He$$

$$^{226}_{88}Ra \longrightarrow ^{222}_{86}Rn + ^{4}_{2}He$$

Estas ecuacións cumpren as leis de conservación do número bariónico (ou número másico) e da carga eléctrica nos procesos nucleares.

Sabendo que unha partícula alfa é un núcleo de helio-4 ($\alpha = {}^{4}_{2}$ He) e unha partícula beta(-) é un electrón ($\beta^{-} = {}^{0}_{-}$ e), o proceso pode resumirse na seguinte expresión:

$${}^{238}_{92}\text{U} \xrightarrow{\alpha} {}^{234}_{90}\text{Th} \xrightarrow{\beta} {}^{234}_{91}\text{Pa} \xrightarrow{\beta} {}^{234}_{92}\text{U} \xrightarrow{\alpha} {}^{230}_{90}\text{Th} \xrightarrow{\alpha} {}^{226}_{88}\text{Ra} \xrightarrow{\alpha} {}^{222}_{86}\text{Rn}$$

- 7. O período de semidesintegración do ⁹⁰₃₈Sr é 28 anos. Calcula:
 - a) A constante de desintegración radioactiva expresada en s⁻¹.
 - b) A actividade inicial dunha mostra de 1 mg.
 - c) O tempo necesario para que esa mostra se reduza a 0,25 mg. Datos: $N_A = 6,022 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$; masa atómica do $^{90}_{38}\text{Sr} = 90 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$. **Rta.:** a) $\lambda = 7,84 \cdot 10^{-10} \text{ s}^{-1}$; b) $A_0 = 5,25 \cdot 10^9 \text{ Bq}$; c) t = 56 anos.

(A.B.A.U. ord. 17)

 $A = -d N / d t = \lambda \cdot N$

Datos	Cifras significativas: 3
Período de semidesintegración	$T_{\frac{1}{2}} = 28,0 \text{ anos} = 8,84 \cdot 10^8 \text{ s}$
Masa da mostra	$m = 1,00 \text{ mg} = 1,00 \cdot 10^{-3} \text{ g}$
Masa atómica do 90 38 Sr	$M = 90.0 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$
Número de Avogadro	$N_{\rm A} = 6.022 \cdot 10^{23} \; {\rm mol^{-1}}$
Incógnitas	
Constante de desintegración radioactiva	λ
Actividade inicial dunha mostra de 1 mg.	A_{o}
Tempo necesario para que a masa se reduza de 1 mg a 0,25 mg	t
Ecuacións	
Lei da desintegración radioactiva	$N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$
Relación do período de semidesintegración coa constante de desintegra	ación $T_{\frac{1}{2}} \cdot \lambda = \ln 2$

Solución:

Actividade radioactiva

a) Dedúcese a relación entre o período de semidesintegración e a constante de desintegración: A lei de desintegración radioactiva, que di que o número de átomos que se desintegran na unidade de tempo é proporcional á cantidade de átomos presentes, $(-dN = \lambda \cdot N \cdot dt)$, pode expresarse como:

$$N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

N é a cantidade de átomos que quedan sen desintegrar ao cabo dun tempo t, N_0 é a cantidade inicial de átomos e λ é a constante de desintegración.

Obtense unha versión máis manexable da ecuación de desintegración radioactiva, $N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$, pasando N_0 ao outro membro, aplicando logaritmos neperianos e cambiando o signo:

$$-\ln (N/N_0) = \ln (N_0/N) = \lambda \cdot t$$

O período de semidesintegración dunha substancia radioactiva é o tempo que transcorre ata que só queda a metade da mostra orixinal. Cando $t = T_{1/2}$, $N = N_0 / 2$.

Poñendo na ecuación logarítmica: (2 N) en lugar de N_0 , e $T_{1/2}$ en vez de t, queda:

$$\ln (2 N/N) = \lambda \cdot T_{1/2} \qquad \Longrightarrow \lambda \cdot T_{1/2} = \ln 2$$

Calcúlase o período de semidesintegración en segundos:

$$T_{1/2}$$
=28,0 [anos] $\frac{365,25 \text{ [días]}}{1 \text{ [ano]}} \frac{24,0 \text{ [h]}}{1 \text{ [día]}} \frac{3600 \text{ [s]}}{1 \text{ [h]}}$ =8,84·10⁸ s

Calcúlase a constante radioactiva a partir do período de semidesintegración

$$\lambda = \frac{\ln 2}{T_{1/2}} = \frac{0.693}{8.84 \cdot 10^8 \, [s]} = 7.84 \cdot 10^{-10} \, \text{s}^{-1}$$

b) Calcúlanse cantos átomos hai en 1 mg de Sr:

$$N = 1,00 \cdot 10^{-3} \text{ g} _{38}^{90} \text{Sr} \quad \frac{1 \text{ mol} _{38}^{90} \text{Sr}}{90,0 \text{ g} _{38}^{90} \text{Sr}} \quad \frac{6,022 \cdot 10^{23} \text{ átomos} _{38}^{90} \text{Sr}}{1 \text{ mol} _{38}^{90} \text{Sr}} \quad \frac{1 \text{ núcleo} _{38}^{90} \text{Sr}}{1 \text{ átomo} _{38}^{90} \text{Sr}} = 6,69 \cdot 10^{18} \text{ núcleos} _{38}^{90} \text{Sr}$$

Despois calcúlase a actividade radioactiva:

$$A = \lambda \cdot N = 7.84 \cdot 10^{-10} [s^{-1}] \cdot 6.69 \cdot 10^{18} [núcleos] = 5.25 \cdot 10^{9} Bq$$

c) Calcúlase o tempo coa ecuación da lei de desintegración radioactiva:

Como a masa, m, é proporcional á cantidade de átomos, N: $(m = N \cdot M / N_A)$, pódese obter unha expresión similar á lei da desintegración radioactiva, $N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$, multiplicando ambos os membros por (M / N_A) :

$$N \cdot \frac{M}{N_{\Delta}} = N_0 \cdot \frac{M}{N_{\Delta}} e^{-\lambda t} \Rightarrow m = m_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

 $N_{\rm A}$ é o número de Avogadro e M é a masa atómica do elemento.

Pasando m_0 ao outro lado e aplicando logaritmos:

$$-\ln (m / m_0) = \ln (m_0 / m) = \lambda \cdot t$$

Calcúlase o tempo necesario para que esa mostra se reduza a 0,25 mg.

$$t = \frac{\ln(m_0/m)}{\lambda} = \frac{\ln(1,00 \text{ mg}_{38}^{90}\text{Sr}/0,25 \text{ mg}_{38}^{90}\text{Sr})}{7,84 \cdot 10^{-10} [\text{s}^{-1}]} = 1,77 \cdot 10^9 \text{ s} = 56 \text{ anos}$$

Análise: Posto que nese tempo a mostra reduciuse á cuarta parte = $(1/2)^2$, transcorreron 2 períodos de semidesintegración que son 56 anos.

Enerxía nuclear

- 1. Para o núcleo de uranio, ²³8 U, calcula:
 - a) O defecto de masa.
 - b) A enerxía de enlace nuclear.
 - c) A enerxía de enlace por nucleón.

Datos: $m(^{238}_{92}U) = 238,051 \text{ u}$; $1 \text{ g} = 6,02 \cdot 10^{23} \text{ u}$; $c = 3 \cdot 10^8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$; m(p) = 1,007277 u; m(n) = 1,008665 u (A.B.A.U. extr. 18)

Rta.: a) $\Delta m = 1,883 \text{ u} = 3,128 \cdot 10^{-27} \text{ kg; b})$ $E_e = 2,81 \cdot 10^{-10} \text{ J/átomo; c})$ $E_n = 1,18 \cdot 10^{-12} \text{ J/nucleón.}$

Datos	Cifras significativas: 3
Masa: uranio-238	$m(^{238}_{92}\text{U}) = 238,051 \text{ u}$
protón	$m({}_{1}^{1}\mathrm{H}) = 1,007277 \mathrm{u}$
neutrón	$m(^{1}_{0}n) = 1,008665 \text{ u}$
Unidade de masa atómica	$1 \text{ g} = 6.02 \cdot 10^{23} \text{ u}$
Velocidade da luz no baleiro	$c = 3,00 \cdot 10^8 \text{ m/s}$
Incógnitas	
Defecto de masa	Δm
Enerxía de enlace	$E_{\mathbf{e}}$
Enerxía de enlace por nucleón	E _{e n}
Ecuacións	
Equivalencia masa enerxía de Einstein	$E = m \cdot c^2$

Solución:

a) O defecto de masa é a diferencia entre a masa do núcleo de uranio-238 e a suma das masas dos protóns e neutróns que o forman. O número de protóns é o número atómico, 92, e o de neutróns é 146, a diferencia entre o número másico 238 e o número de protóns 92.

$$\Delta m = m(^{238}_{92}\text{U}) - 92 \cdot m(^{1}\text{H}) - 146 \cdot m(^{1}\text{n}) = 238,051 \text{ [u]} - 92 \cdot 1,0073 \text{ [u]} - 146 \cdot 1,008665 \text{ [u]} = -1,883 \text{ u}$$

$$\Delta m = -1,883 \text{ [u]} \cdot \frac{1 \text{ [g]}}{6,02 \times 10^{23} \text{ [u]}} \cdot \frac{1 \text{ [kg]}}{10^{3} \text{ [g]}} = -3,13 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$$

b) A enerxía equivalente calcúlase coa ecuación de Einstein:

$$E_{\rm e} = m \cdot c^2 = 3.13 \cdot 10^{-27} \text{ [kg]} \cdot (3.00 \cdot 10^8 \text{ [m/s]})^2 = 2.81 \cdot 10^{-10} \text{ J/átomo U}$$

c) A enerxía de enlace por nucleón calcúlase dividindo entre o número de nucleóns:

$$E_{\rm en} = \frac{2.81 \cdot 10^{-10} \left[\text{ J/átomo U} \right]}{238 \left[\text{nucleóns/átomo U} \right]} = 1.18 \cdot 10^{-12} \text{ J/nucleón}$$

CUESTIÓNS

Física relativista

- 1. Unha nave espacial viaxa a unha velocidade uniforme 0,866 c relativa á Terra. Se un observador da Terra rexistra que a nave en movemento mide 100 m, canto medirá a nave para o seu piloto?:
 - A) 50 m.
 - B) 100 m.
 - C) 200 m.

Nota: c é a velocidade da luz no baleiro.

(A.B.A.U. ord. 24)

Solución: C

A teoría da relatividade especial di que a lonxitude dun obxecto que se move a velocidades próximas as da luz, medida desde outro sistema en repouso, é menor que a que mediría un observador situado nese obxecto que se move. A lonxitude l' medida desde o sistema en repouso vén dada pola expresión:

$$l' = l \cdot \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}$$

Como o factor que contén a raíz cadrada é menor que 1, a lonxitude l' < l.

A contracción da lonxitude afecta só á medida da lonxitude que se move na mesma dirección, pero non á da altura, que é perpendicular á dirección do movemento. Polo tanto, a lonxitude (da nave) para o piloto será maior. Pódese aplicar a ecuación para determinar o valor:

$$l' = l \cdot \sqrt{1 - \frac{(0,866 \ c)^2}{c^2}} = l \cdot \sqrt{1 - \frac{0,75 \cdot c^2}{c^2}} = l \cdot \sqrt{0,25} = 0,5 \cdot l$$

$$l = \frac{100 \ [\text{m}]}{0.5} = 200 \ \text{m}$$

- 2. Unha muller situada na Terra observa que dúas naves espaciais, A e B, se dirixen cara a ela na mesma dirección e con sentidos opostos con velocidades 0,7 c e 0,6 c respectivamente. A velocidade relativa da nave A medida por unha observadora pertencente á nave B é:
 - A) 1,3 c
 - B) 0.9 c
 - C) 0,1 c

(A.B.A.U. ord. 23)

Solución: B

Segundo a relatividade especial, a velocidade relativa entre dous obxectos en movemento non se pode calcular simplemente sumando ou restando as súas velocidades, como se faría na mecánica clásica. No seu lugar, débese usar a fórmula de composición de velocidades de Einstein:

$$v = \frac{v_1 - v_2}{1 - \frac{v_1 \cdot v_2}{c^2}}$$

Nesta ecuación v é a velocidade relativa entre os dous obxectos, v_1 e v_2 son as súas velocidades medidas por un observador externo e c é a velocidade da luz.

Neste caso, a muller na Terra observa que as naves A e B diríxense cara a ela con velocidades de 0,7 c e -0,6 c respectivamente (o signo negativo indica que a nave B desprázase en dirección oposta á da nave A). A velocidade relativa a nave A medida por un observador pertencente á nave B pódese calcular utilizando a fórmula de Einstein:

$$v = \frac{0.7 c - (-0.6 c)}{1 - \frac{0.7 c \cdot (-0.6 c)}{c^2}} = \frac{1.3 c}{1.4} = 0.9 c$$

- 3. Un astronauta viaxa nunha nave espacial con velocidade constante $\overline{\mathbf{v}}$ respecto a un observador que está en repouso na Terra. O astronauta mide a lonxitude l (que coincide coa dirección de $\overline{\mathbf{v}}$) e a altura h da nave. As medidas da lonxitude l' e altura h' que fai o terrícola serán:
 - A) l' < l e h' < h.
 - B) l' < l e h' = h.
 - C) l' > l e h' > h.

(A.B.A.U. ord. 22)

Solución: B

A teoría da relatividade especial di que a lonxitude dun obxecto que se move a velocidades próximas as da luz, medida desde outro sistema en repouso, é menor que a que mediría un observador situado nese obxecto que se move. A lonxitude l' medida desde o sistema en repouso vén dada pola expresión:

$$l' = l \cdot \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}$$

Como o factor que contén a raíz cadrada é menor que 1, a lonxitude l' < l.

A contracción da lonxitude afecta só á medida da lonxitude que se move na mesma dirección, pero non á da altura, que é perpendicular á dirección do movemento.

- 4. Un astronauta (A) achégase a unha estrela cunha velocidade de 200 000 km/s e outro astronauta (B) distánciase da mesma estrela coa mesma velocidade coa que se achega o (A). A velocidade con que estes astronautas perciben a velocidade da luz da estrela é:
 - A) Maior para o astronauta (A) e menor para o (B).
 - B) Menor para o astronauta (A) e maior para o (B).
 - C) Igual para os dous astronautas.

(A.B.A.U. ord. 19)

Solución: C

O segundo postulado da teoría especial da relatividade de Einstein establece que a velocidade da luz no baleiro é constante e independente do sistema de referencia inercial desde o que se mida. Tampouco depende da velocidade relativa entre o observador e a fonte de luz.

- 5. Un vehículo espacial afástase da Terra cunha velocidade de $0.5\ c$ (c = velocidade da luz). Desde a Terra envíase un sinal luminoso e a tripulación mide a velocidade do sinal obtendo o valor:
 - A) 0.5 c
 - B) *c*
 - C) 1,5 c

(A.B.A.U. extr. 22)

Solución: B

O segundo postulado da teoría especial da relatividade de Einstein establece que a velocidade da luz no baleiro é constante e independente do sistema de referencia inercial desde o que se mida. Tampouco depende da velocidade relativa entre o observador e a fonte de luz.

- 6. Medimos o noso pulso na Terra (en repouso) observando que o tempo entre cada latexo é de 0,80 s. Despois facemos a medida viaxando nunha nave espacial á velocidade de 0,70 c, sendo c a velocidade da luz no baleiro. De acordo coa teoría especial da relatividade, o tempo que medimos será:
 - A) 1,12 s
 - B) 0,57 s
 - C) 0,80 s

(A.B.A.U. ord. 20)

Solución: C

A teoría da relatividade especial predí que o tempo dun sistema que se move a velocidade moi alta relativa a un sistema en repouso, transcorre máis lentamente. A dilatación do tempo vén dada pola expresión:

$$\Delta t' = \frac{\Delta t}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$$

Pero o tempo propio, medido por un observador situado dentro do sistema que se move, é o mesmo que se estivese en repouso. O principio de relatividade di que non se pode determinar mediante a experiencia se un sistema está en repouso ou está movéndose.

- 7. A ecuación de Einstein $E = m \cdot c^2$ implica que:
 - A) Unha masa *m* necesita unha enerxía *E* para poñerse en movemento.
 - B) A enerxía *E* é a que ten unha masa *m* cando vai á velocidade da luz.
 - C) E é a enerxía equivalente a unha masa m.

(A.B.A.U. extr. 21)

A ecuación de Einstein establece a relación entre masa e enerxía.

$$E = m \cdot c^2$$

E representa a enerxía dunha partícula e m é a súa masa. Masa e enerxía son aspectos equivalentes. Pódese dicir que E é a enerxía que se pode obter dunha masa m se se desintegrase.

• Física cuántica

- 1. Ilumínase o cátodo dunha célula fotoeléctrica cunha radiación de frecuencia 1,6×10¹⁵ Hz e o potencial de freado é de 2 V. Se usamos unha luz de 187,5 nm, o potencial de freado será:
 - A) Menor.
 - B) Maior.
 - C) Igual.

DATO:
$$c = 3.0 \times 10^8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$
.

(A.B.A.U. ord. 24)

Solución: C

Cando a luz interactúa co metal da célula fotoeléctrica faino coma se fose un chorro de partículas chamadas fotóns (paquetes de enerxía).

Cada fotón choca cun electrón e transmítelle toda a súa enerxía.

Para que se produza efecto fotoeléctrico, os electróns emitidos deben ter enerxía suficiente para chegar ao anticátodo, o que ocorre cando a enerxía do fotón é maior que o traballo de extracción, que é unha característica do metal.

A ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico pode escribirse:

$$E_{\rm f} = W_e + E_{\rm c}$$

Na ecuación, $E_{\rm f}$ representa a enerxía do fotón incidente, $W_{\rm e}$ o traballo de extracción do metal e $E_{\rm c}$ a enerxía cinética máxima dos electróns (fotoelectróns) emitidos.

A enerxía que leva un fotón de frecuencia f é:

$$E_{\rm f} = h \cdot f$$

h é a constante de Planck e ten un valor moi pequeno: $h = 6,63 \cdot 10^{-34} \, \text{J} \cdot \text{s}$.

A frecuencia dunha onda é inversamente proporcional a súa lonxitude de onda λ ,

$$f = \frac{c}{\lambda}$$

Cuanto maior sexa a súa lonxitude de onda, menor será a frecuencia e menor será a enerxía do fotón. A enerxía cinética máxima dos electróns emitidos será:

$$E_{\rm c} = E_{\rm f} - W_{\rm e}$$

A enerxía cinética E_c máxima dos electróns escríbese en función do potencial de freado

$$E_{\rm c} = |e| \cdot V$$

A ecuación de Einstein queda:

$$h \cdot f = W_e + |e| \cdot V$$

Por tanto, canto menor sexa a frecuencia da radiación, menor será a enerxía dos fotóns e a enerxía cinética e o potencial de freado dos electróns emitidos.

Co dato da velocidade da luz no baleiro, pódese calcular a frecuencia correspondente á lonxitude de onda de 187,5 nm:

$$f = \frac{c}{\lambda} = \frac{3 \cdot 10^8 \text{ m/s}}{187.5 \cdot 10^{-9} \text{ m}} = 1.6 \cdot 10^{15} \text{ Hz}$$

Como a frecuencia é a mesma, o potencial de freado tamén valerá o mesmo.

- 2. A teoría ondulatoria de Huygens sobre a natureza da luz vén confirmada polos fenómenos:
 - A) Reflexión e formación de sombras.
 - B) Refracción e interferencias.
 - C) Efecto fotoeléctrico e efecto Compton.

(A.B.A.U. extr. 23)

Solución: B

A teoría ondulatoria de Huygens propón que a luz é unha onda que se propaga en todos os sentidos desde unha fonte luminosa. Esta teoría explica o fenómeno da refracción, que é o cambio de dirección e velocidade que sofre unha onda cando pasa dun medio a outro con diferente densidade. Tamén explica o fenómeno das interferencias, que é a superposición de dúas ou máis ondas que se cruzan, producindo zonas de reforzo e cancelación da luz. Estes fenómenos non poden ser explicados pola teoría corpuscular de Newton, que considera que a luz está formada por partículas. A teoría ondulatoria de Huygens foi confirmada experimentalmente por Young e Fresnel no século XIX.

As outras opcións:

- A) Incorrecta. Estes fenómenos poden ser explicados tanto pola teoría ondulatoria como pola teoría corpuscular. A reflexión é o cambio de dirección que sofre unha onda ou unha partícula cando choca contra unha superficie. A formación de sombras é a ausencia de luz nunha zona onde un obxecto opaco impide o paso da luz.
- C) Estes fenómenos contradín a teoría ondulatoria e apoian a teoría cuántica, que considera que a luz está formada por cuantos de enerxía chamados fotóns. O efecto fotoeléctrico é a emisión de electróns por un metal cando é iluminado por unha luz con suficiente enerxía. O efecto Compton é o cambio de lonxitude de onda que sofre un fotón cando colide con un electrón. Estes fenómenos demostran que a luz ten comportamento dual, ondulatorio e corpuscular, dependendo das circunstancias.
- 3. Ao irradiar un metal con luz vermella (682 nm) prodúcese efecto fotoeléctrico. Se irradiamos o mesmo metal con luz amarela (570 nm):
 - A) Non se produce efecto fotoeléctrico.
 - B) Os electróns emitidos son máis rápidos.
 - C) Emítense máis electróns, pero á mesma velocidade.

(A.B.A.U. ord. 23)

Solución: B

Cando a luz interactúa co metal da célula fotoeléctrica faino coma se fose un chorro de partículas chamadas fotóns (paquetes de enerxía).

Cada fotón choca cun electrón e transmítelle toda a súa enerxía.

Para que se produza efecto fotoeléctrico, os electróns emitidos deben ter enerxía suficiente para chegar ao anticátodo, o que ocorre cando a enerxía do fotón é maior que o traballo de extracción, que é unha característica do metal.

A ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico pode escribirse:

$$E_{\rm f} = W_e + E_{\rm c}$$

Na ecuación, $E_{\rm f}$ representa a enerxía do fotón incidente, $W_{\rm e}$ o traballo de extracción do metal e $E_{\rm c}$ a enerxía cinética máxima dos electróns (fotoelectróns) emitidos.

A enerxía que leva un fotón de frecuencia f é:

$$E_{\rm f} = h \cdot f$$

h é a constante de Planck e ten un valor moi pequeno: $h = 6,63 \cdot 10^{-34}$ J·s.

A frecuencia, f, e a lonxitude de onda, λ , da luz son inversamente proporcionais:

$$f \cdot \lambda = c$$

c é a velocidade da luz.

Cando un fotón golpea un electrón nun metal, lle transfire a súa enerxía. Se esta enerxía é suficiente para vencer a forza de atracción do metal, emitirase o electrón. A enerxía mínima requirida para emitir un electrón dun metal chámase función de traballo do metal.

No enunciado da cuestión indícase que irradiando o metal con luz vermella (λ = 682 nm) prodúcese efecto fotoeléctrico. Isto significa que a enerxía dos fotóns de luz vermella é suficiente para superar a función de traballo do metal e emitir electróns.

Se irradiamos o mesmo metal con luz amarela (λ = 570 nm), os fotóns desta luz terán maior frecuencia (xa que a frecuencia é inversamente proporcional á lonxitude de onda e λ é menor) e por tanto maior enerxía ($E = h \cdot f$). Isto significa que os fotóns da luz amarela transferirán máis enerxía aos electróns do metal, que serán emitidos a maior velocidade. Por tanto, os electróns emitidos son máis rápidos.

As outras opcións:

- A) Falso. Se ao irradiar o metal con luz vermella prodúcese efecto fotoeléctrico, tamén se producirá ao irradialo con luz amarela, xa que a enerxía dos fotóns de luz amarela é maior que a enerxía dos fotóns de luz vermella.
- C) Falso. El número de electróns emitidos depende da intensidade da luz incidente, non da súa frecuencia ou lonxitude de onda. Por tanto, si irradiamos o metal con luz amarela e vermella de igual intensidade, emitiranse o mesmo número de electróns.
- 4. Un fotón de luz visible con lonxitude de onda de 500 nm ten un momento lineal de:
 - A) 0
 - B) 3,31·10⁻²⁵ kg·m·s⁻¹
 - C) 1,33·10⁻²⁷ kg·m·s⁻¹

DATO:
$$h = 6.63 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$$

(A.B.A.U. ord. 21)

Solución: C

A interpretación de Einstein do efecto fotoeléctrico demostrou que a luz se comporta como un chorro de partículas, chamadas fotóns, cuxa enerxía é proporcional á frecuencia:

$$E = h \cdot f$$

No efecto Compton, o fotón compórtase como unha partícula de momento lineal:

$$p = \frac{E}{c} = \frac{h \cdot f}{c} = \frac{h \cdot f}{\lambda \cdot f} = \frac{h}{\lambda}$$

Como xa estaba establecido que a luz se propaga como unha onda, propúxose que o comportamento era dual: nalgúns experimentos o comportamento da luz parece ser corpuscular e noutros, ondulatorio. De Broglie propuxo que este comportamento dual tamén afecto a calquera partícula. Nalgúns casos o comportamento de certas partículas podería interpretarse como o de ondas cuxa lonxitude de onda asociada λ vén dada pola expresión:

$$\lambda = \frac{h}{p} = \frac{h}{m \cdot v}$$

hé a constante de Planck, mé a masa da partícula e vé a súa velocidade.

Tamén que nalgúns casos o comportamento das ondas podería interpretarse como o de partículas cun momento lineal:

$$p = m \cdot v = \frac{h}{\lambda}$$

Para o fotón de λ = 500 nm = 5,00·10⁻⁷ m, o momento lineal valería:

$$p = m \cdot v = \frac{h}{\lambda} = \frac{6.63 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}}{5.00 \cdot 10^{-7} \text{ m}} = 1.33 \cdot 10^{-27} \text{ kg} \cdot \text{m} \cdot \text{s}^{-2}$$

- 5. Un determinado feixe de luz provoca efecto fotoeléctrico nun determinado metal. Se aumentamos a intensidade do feixe incidente:
 - A) Aumenta o número de fotoelectróns arrancados, así como a súa enerxía cinética.
 - B) Aumenta o número de fotoelectróns arrancados sen se modificar a súa enerxía cinética.
 - C) O número de fotoelectróns arrancados non varía, pero a súa enerxía cinética aumenta.

(A.B.A.U. ord. 19)

Solución: B

Cando a luz interactúa co metal da célula fotoeléctrica faino coma se fose un chorro de partículas chamadas fotóns (paquetes de enerxía).

Cada fotón choca cun electrón e transmítelle toda a súa enerxía.

Para que se produza efecto fotoeléctrico, os electróns emitidos deben ter enerxía suficiente para chegar ao anticátodo, o que ocorre cando a enerxía do fotón é maior que o traballo de extracción, que é unha característica do metal.

A ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico pode escribirse:

$$E_{\rm f} = W_{\rm e} + E_{\rm c}$$

Na ecuación, $E_{\rm f}$ representa a enerxía do fotón incidente, $W_{\rm e}$ o traballo de extracción do metal e $E_{\rm c}$ a enerxía cinética máxima dos electróns (fotoelectróns) emitidos.

A enerxía que leva un fotón de frecuencia f é:

$$E_{\rm f} = h \cdot f$$

h é a constante de Planck e ten un valor moi pequeno: $h = 6,63 \cdot 10^{-34} \,\text{J} \cdot \text{s}$.

Ao aumentar a intensidade da luz, aumenta o número de fotóns que chega ao cátodo, e, como cada fotón arranca un electrón, aumentará o número de electróns emitidos. Pero a enerxía cinética dos electróns non depende da intensidade da luz senón da súa frecuencia.

- 6. O efecto fotoeléctrico prodúcese se:
 - A) A intensidade da radiación incidente é moi grande.
 - B) A lonxitude de onda da radiación é grande.
 - C) A frecuencia da radiación é superior á frecuencia limiar.

(A.B.A.U. extr. 17)

Solución: C

Cando a luz interactúa co metal da célula fotoeléctrica faino coma se fose un chorro de partículas chamadas fotóns (paquetes de enerxía).

Cada fotón choca cun electrón e transmitelle toda a súa enerxía.

Para que se produza efecto fotoeléctrico, os electróns emitidos deben ter enerxía suficiente para chegar ao anticátodo, o que ocorre cando a enerxía do fotón é maior que o traballo de extracción, que é unha característica do metal.

A ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico pode escribirse:

$$E_{\rm f} = W_e + E_{\rm c}$$

Na ecuación, $E_{\rm f}$ representa a enerxía do fotón incidente, $W_{\rm e}$ o traballo de extracción do metal e $E_{\rm c}$ a enerxía cinética máxima dos electróns (fotoelectróns) emitidos.

A enerxía que leva un fotón de frecuencia f é:

$$E_{\rm f} = h \cdot f$$

h é a constante de Planck e ten un valor moi pequeno: $h = 6.63 \cdot 10^{-34}$ J·s.

As outras opcións:

A. Falsa. Se a intensidade da luz é moi grande haberá un gran número de fotóns. Pero se cada un deles non ten enerxía suficiente, non se producirá efecto fotoeléctrico.

B. Falsa. A lonxitude de onda é inversamente proporcional á frecuencia. A maior lonxitude de onda, menor frecuencia e, por tanto, menor enerxía dos fotóns. Con menos enerxía é menos probable que se supere o traballo de extracción.

7. Nunha célula fotoeléctrica, o cátodo metálico ilumínase cunha radiación de λ = 175 nm e o potencial de freado é de 1 V. Cando usamos unha luz de 250 nm, o potencial de freado será: A) Menor.

- B) Maior.
- C) Igual.

(A.B.A.U. ord. 20)

Solución: A

Cando a luz interactúa co metal da célula fotoeléctrica faino coma se fose un chorro de partículas chamadas fotóns (paquetes de enerxía).

Cada fotón choca cun electrón e transmítelle toda a súa enerxía.

Para que se produza efecto fotoeléctrico, os electróns emitidos deben ter enerxía suficiente para chegar ao anticátodo, o que ocorre cando a enerxía do fotón é maior que o traballo de extracción, que é unha característica do metal.

A ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico pode escribirse:

$$E_f = W_e + E_c$$

Na ecuación, $E_{\rm f}$ representa a enerxía do fotón incidente, $W_{\rm e}$ o traballo de extracción do metal e $E_{\rm c}$ a enerxía cinética máxima dos electróns (fotoelectróns) emitidos.

A enerxía que leva un fotón de frecuencia f é:

$$E_{\rm f} = h \cdot f$$

h é a constante de Planck e ten un valor moi pequeno: $h = 6,63 \cdot 10^{-34} \,\text{J} \cdot \text{s}$.

A frecuencia dunha onda é inversamente proporcional a súa lonxitude de onda λ ,

$$f = \frac{c}{\lambda}$$

Cuanto maior sexa a súa lonxitude de onda, menor será a frecuencia e menor será a enerxía do fotón. A enerxía cinética máxima dos electróns emitidos será:

$$E_c = E_f - W_e$$

A enerxía do fotón, que depende da frecuencia f, escríbese en función da lonxitude de onda λ .

$$E_{\rm f} = h \cdot f = h \cdot \frac{c}{\lambda}$$

A enerxía cinética E_c máxima dos electróns escríbese en función do potencial de freado

$$E_{\rm c} = |e| \cdot V$$

A ecuación de Einstein queda:

$$\frac{h \cdot c}{2} = W_e + |e| \cdot V$$

Por tanto, canto maior sexa a súa lonxitude de onda menor será a enerxía dos fotóns e a enerxía cinética e o potencial de freado dos electróns emitidos.

Se tivésemos todos os datos para facer os cálculos (a constante de Planck, a velocidade da luz no baleiro e a carga do electrón) descubririamos que a radiación de 250 nm non produciría efecto fotoeléctrico. O traballo de extracción é:

$$W_{e} = \frac{h \cdot c}{\lambda} - |e| \cdot V = \frac{6.63 \cdot 10^{-34} [\text{ J} \cdot \text{s}] \cdot 3.00 \cdot 10^{8} [\text{ m/s}]}{175 \cdot 10^{-9} [\text{ m}]} - 1.60 \cdot 10^{-19} [\text{ C}] \cdot 1 [\text{ V}] = 9.74 \cdot 10^{-19} \text{ J}$$

A enerxía do fotón de 250 nm vale:

$$E_{\rm f} = h \cdot f = h \cdot \frac{c}{\lambda} = \frac{6.63 \cdot 10^{-34} \,[\,\text{J} \cdot \text{s}\,] \cdot 3.00 \cdot 10^8 \,[\,\text{m/s}\,]}{250 \cdot 10^{-9} \,[\,\text{m}\,]} = 7.95 \cdot 10^{-19} \,[\,\text{J}\,]$$

Enerxía menor que o traballo de extracción. Non sería suficiente para producir efecto fotoeléctrico.

8. A hipótese de De Broglie refírese a que:

A) Ao medir con precisión a posición dunha partícula atómica altérase a súa enerxía.

- B) Todas as partículas en movemento levan asociada unha onda.
- C) A velocidade da luz é independente do movemento da fonte emisora de luz.

(A.B.A.U. ord. 17)

Solución: B

De Broglie propuxo que nalgúns casos o comportamento de certas partículas podería interpretarse como o de ondas cuxa lonxitude de onda asociada λ viría dada pola expresión:

$$\lambda = \frac{h}{p} = \frac{h}{m \cdot v}$$

Na ecuación, h é a constante de Planck e m a masa da partícula e v a súa velocidade.

Como h é unha constante e $m \cdot v$ é a expresión do momento lineal ou cantidade de movemento, a lonxitude da onda asociada a un protón é inversamente proporcional ao seu momento lineal.

As outras opcións.

A. Falsa. É unha consecuencia do principio de indeterminación de Heisenberg.

C. Falsa. É un dos postulados da teoría da relatividade especial de Einstein.

• Desintegración radioactiva

- 1. Obsérvase que o número de núcleos N_0 inicialmente presentes nunha mostra de isótopo radioactivo queda reducida a $N_0/16$ ao cabo de 24 horas. O período de semidesintegración é:
 - A) 4 h
 - B) 6 h
 - C) 8,6 h

(A.B.A.U. extr. 21)

Solución: B

A lei de desintegración radioactiva, que di que o número de átomos que se desintegran na unidade de tempo é proporcional á cantidade de átomos presentes, $(-dN = \lambda \cdot N \cdot dt)$, pode expresarse como:

$$N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

N é a cantidade de átomos que quedan sen desintegrar ao cabo dun tempo t, N_0 é a cantidade inicial de átomos e λ é a constante de desintegración.

Obtense unha versión máis manexable da ecuación de desintegración radioactiva, $N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$, pasando N_0 ao outro membro, aplicando logaritmos neperianos e cambiando o signo:

$$-\ln (N/N_0) = \ln (N_0/N) = \lambda \cdot t$$

Calcúlase a constante de desintegración radioactiva substituíndo N por $N_{\rm o}/16$ e t por 24 h na expresión logarítmica:

$$-\ln\frac{(N_0/16)}{N_0} = -\ln\frac{1}{16} = \ln 16 = 2,77 = \lambda \cdot 24 [h]$$
$$\lambda = \frac{2,77}{24[h]} = 0,116 \text{ h}^{-1}$$

O período de semidesintegración dunha substancia radioactiva é o tempo que transcorre ata que só queda a metade da mostra orixinal. Cando $t=T_{1/2}$, $N=N_0$ / 2.

Poñendo na ecuación logarítmica: (2 N) en lugar de N_0 , e $T_{1/2}$ en vez de t, queda:

$$\ln (2 N/N) = \lambda \cdot T_{1/2} \qquad \Longrightarrow \lambda \cdot T_{1/2} = \ln 2$$

Calcúlase o período de semidesintegración da relación coa constante de desintegración radioactiva:

$$T_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda} = \frac{0.693}{0.116 \left[h^{-1} \right]} = 6 h$$

Análise: Se o período de semidesintegración é de 6 horas, ao cabo de 24 / 6 = 4 períodos de semidesintegración quedarán $N = N_0 \cdot (1/2)^4 = 1/16 N_0$.

- 2. O estroncio-90 é un isótopo radioactivo cun período de semidesintegración de 28 anos. Se dispoñemos dunha mostra de dous moles do dito isótopo, o número de átomos de estroncio-90 que quedarán na mostra despois de 112 anos será:
 - A) $1/8 N_A$
 - B) $1/16 N_{A}$
 - C) $1/4 N_A$

DATO: $N_A = 6,022 \cdot 10^{23}$ partículas/mol.

(A.B.A.U. ord. 19)

Solución: A

A lei de desintegración radioactiva, que di que o número de átomos que se desintegran na unidade de tempo é proporcional á cantidade de átomos presentes, (-d $N = \lambda \cdot N \cdot dt$), pode expresarse como:

$$N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

N é a cantidade de átomos que quedan sen desintegrar ao cabo dun tempo t, N_0 é a cantidade inicial de átomos e λ é a constante de desintegración.

Obtense unha versión máis manexable da ecuación de desintegración radioactiva, $N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$, pasando N_0 ao outro membro, aplicando logaritmos neperianos e cambiando o signo:

$$-\ln (N/N_0) = \ln (N_0/N) = \lambda \cdot t$$

O período de semidesintegración dunha substancia radioactiva é o tempo que transcorre ata que só queda a metade da mostra orixinal. Cando $t = T_{1/2}$, $N = N_0 / 2$.

Poñendo na ecuación logarítmica: (2 N) en lugar de N_0 , e $T_{1/2}$ en vez de t, queda:

$$\ln (2 N/N) = \lambda \cdot T_{1/2} \qquad \Longrightarrow \lambda \cdot T_{1/2} = \ln 2$$

Calcúlase a constante de desintegración radioactiva da relación co período de semidesintegración:

$$\lambda = \frac{\ln 2}{T_{1/2}} = \frac{0,693}{28 \text{ [ano]}} = 0,024 \text{ 8ano}^{-1}$$

Pasados 112 anos quedarán:

$$N = 2 \cdot N_A \cdot e^{-0.024 \text{ 8ano}^{-1} \cdot 112 \text{ ano}} = \frac{N_A}{8}$$

Análise: Como o período de semidesintegración é de 28 anos, ao cabo de 112 / 28 = 4 períodos de semidesintegración quedarán $2 \cdot N_A \cdot (1/2)^4 = 2/16 N_A = 1/8 N_A$.

- 3. Unha mostra dunha substancia radioactiva contiña hai 10 anos o dobre de núcleos que no instante actual; polo tanto, o número de núcleos que había hai 30 anos respecto ao momento actual era:
 - A) Seis veces maior.
 - B) Tres veces maior.
 - C) Oito veces maior.

(A.B.A.U. extr. 20)

Solución: C

O período de semidesintegración dunha sustancia radioactiva é o tempo que transcorre ata que só queda a metade da mostra orixinal. É un valor constante. Do enunciado da cuestión dedúcese que o período de semidesintegración da sustancia radioactiva é de 10 anos xa que daquela había o dobre de núcleos que agora. De hai trinta anos ata agora transcorreron 3 períodos, polo que a cantidade que había entón era 2³ = 8 veces maior que agora.

- 4. A vida media dun núclido radioactivo e o período de semidesintegración son:
 - A) Conceptualmente iguais.
 - B) Conceptualmente diferentes pero valen o mesmo.
 - C) Diferentes, a vida media é maior.

(A.B.A.U. extr. 18)

Solución: C

A vida media τ é a esperanza de vida dunha substancia radioactiva. É o valor medio dos tempos que tardarían en desintegrarse todos os núclidos dunha mostra.

$$\tau = \frac{\int_{N_0}^{0} t \cdot dN}{N_0} = \frac{\int_{0}^{\infty} t \cdot (-\lambda N) dt}{N_0}$$

Como $N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$:

$$\tau = \frac{\int_{0}^{\infty} t \cdot N_{0} \cdot e^{-\lambda} t \, dt}{N_{0}} = \int_{0}^{\infty} t \cdot e^{-\lambda} t \, dt$$

Debemos realizar unha integración por partes:

$$\int u \, dv = u \cdot v - \int v \, du$$

Chamando:

$$u = t$$
 $\Rightarrow du = 1$
 $dv = e^{-\lambda t} dt$ $\Rightarrow v = -\frac{1}{\lambda} e^{-\lambda t}$

queda

$$\tau = \int_{0}^{\infty} t \cdot e^{-\lambda} t \, dt = \left[-\frac{t}{\lambda} e^{-\lambda t} \right]_{0}^{\infty} - \int_{0}^{\infty} \frac{-1}{\lambda} e^{-\lambda t} \, dt = \left[\frac{1}{\lambda} e^{-\lambda t} \right]_{0}^{\infty} = \frac{1}{\lambda}$$

O período de semidesintegración dunha substancia radioactiva é o tempo que transcorre ata que só queda a metade da mostra orixinal. Cando $t = T_{1/2}$, $N = N_0 / 2$.

Poñendo na ecuación logarítmica: (2 N) en lugar de N_0 , e $T_{1/2}$ en vez de t, queda:

$$\ln (2 N / N) = \lambda \cdot T_{1/2} \qquad \Longrightarrow \lambda \cdot T_{1/2} = \ln 2$$

Como ln 2 = 0,693 < 1:

$$\tau = \frac{1}{\lambda} > \frac{\ln 2}{\lambda} = T_{1/2}$$

Enerxía nuclear

- 1. A masa dun núcleo atómico é:
 - A) Maior cá suma das masas das partículas que o constitúen.
 - B) Menor cá suma das masas das partículas que o constitúen.
 - C) Igual á suma das masas das partículas que o constitúen.

(A.B.A.U. extr. 22)

Solución: B

O defecto de masa é a diferenza entre a masa total dun núcleo atómico e a suma das masas das súas partículas constituíntes (protóns e neutróns). Esta diferenza de masa é debida á enerxía de ligazón que mantén unidas as partículas no núcleo, segundo a ecuación de Einstein:

$$E = \Delta m \cdot c^2$$

E é a enerxía, m é a masa e c é a velocidade da luz.

Esta enerxía de ligazón, que se desprendeu cando se formou o núcleo, fai que a masa total do núcleo sexa menor que a suma das masas das partículas que o forman.

Reaccións nucleares

- 1. Algúns átomos de nitróxeno (¹²N) atmosférico chocan cun neutrón e transfórmanse en carbono (¹²C) que, por emisión β, se converte de novo en nitróxeno. Neste proceso:
 - A) Emítese radiación gamma.
 - B) Emítese un protón.
 - C) Non pode existir este proceso xa que se obtería 14/5B.

(A.B.A.U. extr. 23)

Solución: B

As reaccións nucleares descritas no enunciado son:

$$^{14}_{7}N + ^{1}_{0}n \longrightarrow ^{14}_{6}C$$

$${}^{14}_{6}C \rightarrow {}^{0}_{-1}e + {}_{7}N$$

A primeira reacción, tal como está escrita, non respecta os principios de conservación da carga nin o do número másico. Supoñendo que na primeira reacción se emite unha partícula ^A_zX, e aplicando os principios de conservación do número bariónico (ou número másico) e da carga, queda:

$$14 + 1 = 14 + A \Longrightarrow A = 1$$

$$7 + 0 = 6 + Z \Longrightarrow Z = 1$$

A partícula ^A_zX é ¹H, un protón. As ecuacións completas son:

$${}^{14}_{7}N + {}^{1}_{0}n \rightarrow {}^{14}_{6}C + {}^{1}_{1}H$$

$$^{14}_{6}C \rightarrow ^{0}_{-1}e + ^{14}_{7}N$$

- 2. Na reacción ${}^{235}_{92}\text{U} + {}^{1}_{0}\text{n} \rightarrow {}^{141}_{56}\text{Ba} + {}^{A}_{Z}\text{X} + 3 {}^{1}_{0}\text{n}$, cúmprese que:
 - A) É unha fusión nuclear.
 - B) Ponse en xogo unha gran cantidade de enerxía correspondente ao defecto de masa.
 - C) Ao elemento X correspóndelle o número atómico 36 e o número másico 94.

(A.B.A.U. ord. 22)

Solución: B

Nas reaccións nucleares libérase moita enerxía que é equivalente ao defecto de masa, segundo a ecuación de Einstein:

$$E = \Delta m \cdot c^2$$

As reaccións de fisión prodúcense ao bombardear un núcleo pesado, uranio ou plutonio, con neutróns térmicos, que se moven á velocidade adecuada para producir a fragmentación do núcleo en dous núcleos máis pequenos e a emisión de dous ou tres neutróns que producen unha reacción en cadea (se non se controla).

As outras opcións.

A) Falsa. É unha reacción de fisión. O núcleo de uranio rómpese en outros máis pequenos ao ser bombardeado con neutróns. Os neutróns que se desprenden provoca unha reacción en cadea. C) Falsa.

$$^{235}_{92}U + ^{1}_{0}n \rightarrow ^{141}_{56}Ba + ^{A}_{7}X + 3^{1}_{0}n$$

Aplicando os principios de conservación do número bariónico (ou número másico) e da carga, queda:

$$235 + 1 = 141 + A + 3 \Longrightarrow A = 92$$

$$92 = 56 + Z \Longrightarrow Z = 36$$

O número atómico coincide, pero non o número másico.

- 3. O $^{232}_{90}$ Th desintégrase emitindo 6 partículas α e 4 partículas β , o que dá lugar a un isótopo estable do chumbo de número atómico:
 - A) 82
 - B) 78
 - C) 74

(A.B.A.U. extr. 19)

Solución: A

As partículas alfa son núcleos de helio ${}_{2}^{4}$ He, as partículas beta electróns ${}_{1}^{0}$ e e as radiacións gamma fotóns ${}_{0}^{0}\gamma$. Escribindo a reacción nuclear:

$$^{232}_{90}$$
Th $\rightarrow 6^{4}_{2}$ He + 4^{0}_{-1} e + $^{A}_{Z}$ D

Aplicando os principios de conservación do número bariónico (ou número másico) e da carga, queda:

$$232 = 6 \cdot 4 + A \Longrightarrow A = 208$$

$$90 = 6 \cdot 2 + 4 \cdot (-1) + Z \Longrightarrow Z = 82$$

♦ LABORATORIO

- 1. Ao iluminar a superficie dun metal con luz de lonxitude de onda 280 nm, a emisión de fotoelectróns cesa para un potencial de freado de 1,3 V.
 - a) Determina a función traballo do metal e a frecuencia limiar de emisión fotoeléctrica.
 - b) Representa a gráfica enerxía cinética frecuencia e determina o valor da constante de Planck a partir da dita gráfica.

DATOS:
$$h = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ J s}$$
; $c = 3 \cdot 10^8 \text{ m s}^{-1}$; $|q_e| = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$. (A.B.A.U. extr. 23)
Rta.: a) $W_e = 5,0 \cdot 10^{-19} \text{ J}$; $f_0 = 7,6 \cdot 10^{14} \text{ Hz}$.

Solución:

Esta cuestión non ten sentido. Para poder calcular a función traballo necesitamos o valor da constante de Planck (que é un dato!). Pero no apartado b) nos piden que calculemos a constante de Planck! Piden que fagamos unha gráfica, pero só nos dan valores para un punto!

Pódese resolver o apartado a) co dato da constante de Planck.

Da relación entre a lonxitude de onda e a frecuencia, $f = c / \lambda$, obtense a frecuencia da radiación:

$$f = \frac{c}{\lambda} = \frac{3,00 \cdot 10^8 \text{ [m} \cdot \text{s}^{-1}]}{280 \text{ [nm]}} \frac{1 \text{ [nm]}}{10^{-9} \text{ [m]}} = 1,07 \cdot 10^{15} \text{ Hz}$$

A partir do potencial de obtense a enerxía cinética:

$$E_c = |q_e| \cdot V = 1.6 \cdot 10^{-19} [C] \cdot 1.3 [V] = 2.1 \cdot 10^{-19} J$$

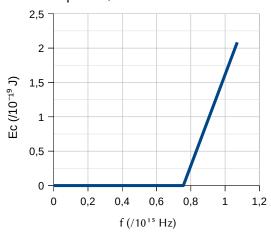
Combinando as ecuacións de Planck, $E_f = h \cdot f$, e Einstein, $E_f = W_e + E_c$, obtense o traballo de extracción:

$$W_{\rm e} = E_{\rm f} - E_{\rm c} = 6.63 \cdot 10^{-34} \, [\text{J} \cdot \text{s}] \cdot 1.07 \cdot 10^{15} \, [\text{s}^{-1}] - 2.08 \cdot 10^{-19} \, [\text{J}] = 5.0 \cdot 10^{-19} \, \text{J}$$

Da relación entre o traballo de extracción, W_e , e a frecuencia limiar, f_0 , obtense a frecuencia limiar:

$$W_{\rm e} = h \cdot f_0 \Longrightarrow f_0 = \frac{W_{\rm e}}{h} = \frac{5.0 \cdot 10^{-19} [\rm J]}{6.63 \cdot 10^{-34} [\rm J \cdot s]} = 7.6 \cdot 10^{14} \rm Hz$$

Pódese tamén facer unha gráfica con dous puntos, o dos datos e o da frecuencia limiar.



Pero non se pode determinar o valor da constante de Planck, porque temos empregado o valor do dato nos cálculos anteriores.

De ter os datos axeitados, cunha folla de cálculo poderíase debuxar a gráfica e obter a ecuación da liña de tendencia.

Ordenando a ecuación de Einstein para que se axuste á gráfica da enerxía cinética fronte a frecuencia.

$$E_{\rm c} = E_{\rm f} - W_{\rm e} = h \cdot f - W_{\rm e}$$

Esta é a ecuación dunha recta:

$$y = m \cdot x + b$$

Nela E_c é a variable dependente (y), f é a variable independente (x), h sería a pendente (m) e $(-W_e)$ a ordenada b na orixe.

Calculando o valor da pendente determinaríase o valor da constante de Planck.

- 2. Nunha experiencia para medir h, ao iluminar unha superficie metálica cunha radiación de lonxitude de onda $\lambda = 200 \cdot 10^{-9}$ m, o potencial de freado para os electróns é de 1,00 V. Se $\lambda = 175 \cdot 10^{-9}$ m, o potencial de freado é 1,86 V.
 - a) Determina o traballo de extracción do metal.
 - b) Representa o valor absoluto do potencial de freado fronte á frecuencia e obtén da dita representación o valor da constante de Planck.

DATÔS:
$$|q_e| = 1.6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$$
; $c = 3 \cdot 10^8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$. (A.B.A.U. extr. 21)
Rta.: a) $W_e = 8.3 \cdot 10^{-19} \text{ J}$; b) $h = 6.6 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$

Solución:

a) A ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico pode escribirse:

$$E_{\rm f} = W_{\rm e} + E_{\rm c}$$

Na ecuación, $E_{\rm f}$ representa a enerxía do fotón incidente, $W_{\rm e}$ o traballo de extracción do metal e $E_{\rm c}$ a enerxía cinética máxima dos electróns (fotoelectróns) emitidos.

A enerxía que leva un fotón de frecuencia f é:

$$E_{\rm f} = h \cdot f$$

En esta ecuación, h é a constante de Planck.

O potencial de freado V é a diferencia de potencial que detén o paso de electróns, sendo unha medida da súa enerxía cinética máxima $E_{\rm c}$, sendo q a carga do electrón en valor absoluto:

$$E_{\rm c} = q \cdot V$$

A ecuación de Einstein quedaría:

$$h \cdot f = W_e + q \cdot V$$

O traballo de extracción e a constante de Planck poden calcularse resolvendo un sistema de dúas ecuacións con dúas incógnitas:

$$h \cdot f_1 = W_e + q \cdot V_1$$
$$h \cdot f_2 = W_e + q \cdot V_2$$

Expresando a frecuencia f en función da lonxitude de onda λ : $f = c/\lambda$ e substituíndo os datos, supoñendo tres cifras significativas, quedaría:

$$\begin{cases} \frac{h \cdot 3 \cdot 10^{8}}{200 \cdot 10^{-9}} = W_{e} + 1,6 \cdot 10^{-19} \cdot 1,00 \\ \frac{h \cdot 3 \cdot 10^{8}}{175 \cdot 10^{-9}} = W_{e} + 1,6 \cdot 10^{-19} \cdot 1,86 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 1,50 \cdot 10^{15} \cdot h = W_{e} + 1,60 \cdot 10^{-19} \\ 1,71 \cdot 10^{15} \cdot h = W_{e} + 2,98 \cdot 10^{-19} \end{cases}$$

Restándoas obteríase unha expresión en función de *h*:

$$0.21 \cdot 10^{15} \cdot h = 1.38 \cdot 10^{-19}$$

Calcúlase *h*, despexándoa da relación anterior:

$$h = \frac{1,38 \cdot 10^{-19}}{0.21 \cdot 10^{15}} = 6,6 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$$

Calcúlase o traballo de extracción substituíndo o valor de *h* na primeira das dúas ecuacións:

$$1,5 \cdot 10^{15} \cdot 6,6 \cdot 10^{-34} = W_e + 1,6 \cdot 10^{-19}$$
$$W_e = 1,5 \cdot 10^{15} \cdot 6,6 \cdot 10^{-34} - 1,6 \cdot 10^{-19} = 8,3 \cdot 10^{-19} J$$

b) Cunha folla de cálculo pódese debuxar a gráfica e obter a ecuación da liña de tendencia. Ordenamos a ecuación de Einstein para que se axuste á gráfica do potencial de freado fronte a frecuencia.

$$V = (h/q) \cdot f - W_e/q$$

Esta é a ecuación dunha recta:

$$y = m \cdot x + b$$

Nela, V é a variable dependente (y), f é a variable independente (x), (h/q) sería a pendente m e $(-W_e/q)$ a ordenada b na orixe.

$$V = 4.01 \cdot 10^{-15} f - 5.02$$

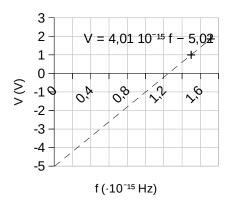
O traballo de extracción W_e pode calcularse da ordenada na orixe b:

$$b = -5.02 = -W_e / q$$

$$W_{\rm e} = 5.02 \cdot q = 5.02 \,[{\rm V}] \cdot 1.6 \cdot 10^{-19} \,[{\rm C}] = 8.0 \cdot 10^{-19} \,{\rm J}$$

A constante de Planck *h* obtense da pendente *m*:

$$h = q \cdot m = 1.6 \cdot 10^{-19} [C] \cdot 4.01 \cdot 10^{-15} [V/s^{-1}] = 6.4 \cdot 10^{-34} J \cdot s$$



- 3. Nunha experiencia para calcular o traballo de extracción dun metal observamos que os fotoelectróns expulsados da súa superficie por unha luz de 4·10⁻⁷ m de lonxitude de onda no baleiro son freados por unha diferenza de potencial de 0,80 V. E se a lonxitude de onda é de 3·10⁻⁷ m o potencial de freado é 1,84 V.
 - a) Representa graficamente a frecuencia fronte ao potencial de freado.
 - b) Determina o traballo de extracción a partir da gráfica.

DATOS:
$$c = 3.10^8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$
; $h = 6.63.10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$; $|q_e| = 1.6.10^{-19} \text{ C}$.

(A.B.A.U. extr. 20)

Rta.: $W_e = 2.3 \text{ eV}$

Solución:

Cando a luz interactúa co metal da célula fotoeléctrica faino coma se fose un chorro de partículas chamadas fotóns (paquetes de enerxía).

Cada fotón choca cun electrón e transmitelle toda a súa enerxía.

Para que se produza efecto fotoeléctrico, os electróns emitidos deben ter enerxía suficiente para chegar ao anticátodo, o que ocorre cando a enerxía do fotón é maior que o traballo de extracción, que é unha característica do metal.

A ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico pode escribirse:

$$E_{\rm f} = W_e + E_{\rm c}$$

Na ecuación, $E_{\rm f}$ representa a enerxía do fotón incidente, $W_{\rm e}$ o traballo de extracción do metal e $E_{\rm c}$ a enerxía cinética máxima dos electróns (fotoelectróns) emitidos.

A enerxía que leva un fotón de frecuencia f é:

$$E_{\rm f} = h \cdot f$$

h é a constante de Planck e ten un valor moi pequeno: $h = 6,63 \cdot 10^{-34}$ J·s.

O potencial de freado é a diferencia de potencial que detén o paso de electróns, sendo unha medida da súa enerxía cinética máxima:

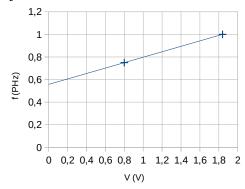
$$E_{\rm c} = q \cdot V$$

Ordenamos a ecuación de Einstein para que se axuste á gráfica da frecuencia fronte ao potencial de freado.

$$h \cdot f = W_e + q \cdot V$$

$$f = (q/h) \cdot V + W_e/h$$

Esta é a ecuación dunha recta



Nela, f é a variable dependente (y), V é a variable independente (x), (q / h) sería a pendente m e (W_e / h) a ordenada b na orixe.

O traballo de extracción pode calcularse da ordenada na orixe:

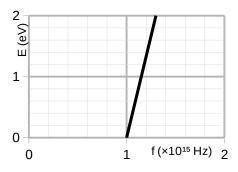
$$b = 0.55 \cdot 10^{15} = W_{e} / h$$

$$W_{e} = 0.55 \cdot 10^{15} \cdot h = 0.55 \cdot 10^{15} [s^{-1}] \cdot 6.63 \cdot 10^{-34} [J \cdot s] = 3.7 \cdot 10^{-19} J$$

$$W_{e} = 3.7 \cdot 10^{-19} [J] / 1.6 \cdot 10^{-19} [J/eV] = 2.3 \text{ eV}$$

4. Pódese medir experimentalmente a enerxía cinética máxima dos electróns emitidos ao facer incidir luz de distintas frecuencias sobre unha superficie metálica. Determina o valor da constante de Planck a partir dos resultados que se mostran na gráfica adxunta. DATO: $1 \text{ eV} = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ J}$.

(A.B.A.U. extr. 18)



Solución:

A ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico pode escribirse:

$$E_{\rm f} = W_{\rm e} + E_{\rm c}$$

Na ecuación, $E_{\rm f}$ representa a enerxía do fotón incidente, $W_{\rm e}$ o traballo de extracción do metal e $E_{\rm c}$ a enerxía cinética máxima dos electróns (fotoelectróns) emitidos.

A enerxía que leva un fotón de frecuencia f é:

$$E_{\rm f} = h \cdot f$$

En esta ecuación, h é a constante de Planck.

Ordenamos a ecuación de Einstein para que se axuste á gráfica.

$$E_{\rm c} = E_{\rm f} - W_{\rm e} = h \cdot f - W_{\rm e}$$

Esta é a ecuación dunha recta na que E_c é a variable dependente (y), f é a variable independente (x), e h sería a pendente m.

A pendente pode calcularse:

$$m = \frac{\Delta y}{\Delta x}$$
 \Rightarrow $h = \frac{\Delta E_c}{\Delta f}$

Lendo os valores na gráfica:

$$f_{1} = 1.0 \cdot 10^{15} \text{ Hz} \qquad E_{c1} = 0 \text{ eV} = 0 \text{ J}$$

$$f_{2} = 1.3 \cdot 10^{15} \text{ Hz} \qquad E_{c1} = 2 \text{ eV} = 3.2 \cdot 10^{-19} \text{ J}$$

$$h = \frac{\Delta E_{c}}{\Delta f} = \frac{(3.2 \cdot 10^{-19} - 0) \text{ J}}{(1.3 \cdot 10^{15} - 1.0 \cdot 10^{15}) \text{ s}^{-1}} = \frac{(3.2 \cdot 10^{-19} - 0) \text{ J}}{3 \cdot 10^{14} \text{ s}^{-1}} = 1 \cdot 10^{-33} \text{ J} \cdot \text{s}$$

Análise: O resultado do noso cálculo ten unha soa cifra significativa porque o denominador só ten unha cifra significativa. O valor da constante de Planck é $h = 6,63 \cdot 10^{-34}$ J·s como pode verse nos datos do problema 1 da opción B. É da mesma orde de magnitude.

ACLARACIÓNS

Os datos dos enunciados dos problemas non adoitan ter un número adecuado de cifras significativas, ben porque o redactor pensa que a Física é unha rama das Matemáticas e os números enteiros son números «exactos» (p. ex. a velocidade da luz: $3\cdot10^8$ m/s cre que é $300\,000\,000,000000\,000\,000\,000\,000$... m/s) ou porque aínda non se decatou de que se pode usar calculadora no exame e parécelle máis sinxelo usar $3\cdot10^8$ que $299\,792\,458$ m/s).

Por iso supuxen que os datos teñen un número de cifras significativas razoables, case sempre tres ci-

fras significativas. Menos cifras darían resultados, en certos casos, cunha incerteza desmedida. Así que cando tomo un dato como $c = 3.10^8$ m/s e reescríboo como:

Cifras significativas: 3

 $c = 3,00 \cdot 10^8 \text{ m/s}$

O que quero indicar é que supoño que o dato orixinal ten tres cifras significativas (non que as teña en realidade) para poder realizar os cálculos cunha incerteza máis pequena que a que tería nese caso. (3·10⁸ m/s ten unha soa cifra significativa, e unha incerteza relativa do 30 %. Como as incertezas adóitanse acumular ao longo do cálculo, a incerteza final sería inadmisible. Entón, para que realizar os cálculos? Cunha estimación sería suficiente).

Cuestións e problemas das <u>Probas de avaliación de Bacharelato para o acceso á Universidade</u> (A.B.A.U. e P.A.U.) en Galiza.

Respostas e composición de Alfonso J. Barbadillo Marán.

Algúns cálculos fixéronse cunha folla de cálculo de LibreOffice do mesmo autor.

Algunhas ecuacións e as fórmulas orgánicas construíronse coa extensión CLC09 de Charles Lalanne-Cassou.

A tradución ao/desde o galego realizouse coa axuda de traducindote, de Óscar Hermida López.

Procurouse seguir as recomendacións do Centro Español de Metrología (CEM).

Consultouse ao Copilot de Microsoft Edge e tivéronse en conta algunhas das súas respostas nas cuestións.

Actualizado: 13/06/24

Sumario

FÍSICA DO SÉCULO XX	
PROBLEMAS	1
Efecto fotoeléctrico	
Desintegración radioactiva	
Enerxía nuclear	
CUESTIÓNS	
Física relativista	
Física cuántica	20
Desintegración radioactiva	
Enerxía nuclear	27
Reaccións nucleares	28
LABORATORIO	
Índice de probas A.B.A.U.	
2017	
1. (ord.)	
2. (extr.)	·
2018	•
1. (ord.)	6, 13
2. (extr.)	4, 16, 27, 33
2019	
1. (ord.)	19, 22, 26
2. (extr.)	3, 29
2020	
1. (ord.)	11, 19, 24
2. (extr.)	·
2021	
1. (ord.)	
2. (extr.)	• •
2022	
1. (ord.)	• •
2. (extr.)	
2023	
1. (ord.)	
2. (extr.)	
2024	
1. (ord.)	7, 17, 20