

## Física do século XX

[Método e recomendacións](#)

### ◇ PROBLEMAS

#### ● Efecto fotoeléctrico

1. Ao iluminar un metal con luz de frecuencia  $2,5 \cdot 10^{15}$  Hz obsérvase que emite electróns que poden detense ao aplicar un potencial de freado de 7,2 V. Se a luz que se emprega co mesmo fin é de lonxitude de onda no baleiro  $1,78 \cdot 10^{-7}$  m, o devandito potencial pasa a ser de 3,8 V. Determina:

- a) O valor da constante de Planck.  
b) O traballo de extracción do metal.

Datos:  $|q_e| = 1,6 \cdot 10^{-19}$  C;  $c = 3 \cdot 10^8$  m·s<sup>-1</sup>.

(A.B.A.U. extr. 22)

Rta.: a)  $h = 6,7 \cdot 10^{-34}$  J·s; b)  $W_e = 5 \cdot 10^{-19}$  J.

#### Datos

Frecuencia da 1.<sup>a</sup> radiación  
Potencial de freado da 1.<sup>a</sup> radiación  
Lonxitude de onda da 2.<sup>a</sup> radiación  
Potencial de freado da 2.<sup>a</sup> radiación  
Velocidade da luz no baleiro  
Carga do electrón

#### Cifras significativas: 3

$f_1 = 2,50 \cdot 10^{15}$  Hz  
 $V_1 = 7,20$  V  
 $\lambda_2 = 1,78 \cdot 10^{-7}$  m  
 $V_2 = 3,80$  V  
 $c = 3,00 \cdot 10^8$  m/s  
 $q_e = -1,60 \cdot 10^{-19}$  C

#### Incógnitas

Constante de Planck  
Traballo de extracción

$h$   
 $W_e$

#### Ecuacións

Ecuación de Planck (enerxía do fotón)  
Ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico  
Relación entre a frecuencia dunha onda luminosa e a súa lonxitude de onda  
Enerxía cinética  
Relación entre a enerxía cinética dos electróns e o potencial de freado

$E_f = h \cdot f$   
 $E_f = W_e + E_c$   
 $c = f \cdot \lambda$   
 $E_c = \frac{1}{2} m \cdot v^2$   
 $E_c = |e| \cdot V$

#### Solución:

Cando a luz interactúa co metal da célula fotoeléctrica faino coma se fose un chorro de partículas chamadas fotóns (paquetes de enerxía).

Cada fotón choca cun electrón e transmítelle toda a súa enerxía.

Para que se produza efecto fotoeléctrico, os electróns emitidos deben ter enerxía suficiente para chegar ao anticátodo, o que ocorre cando a enerxía do fotón é maior que o traballo de extracción, que é unha característica do metal.

A ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico pode escribirse:

$$E_f = W_e + E_c$$

Na ecuación,  $E_f$  representa a enerxía do fotón incidente,  $W_e$  o traballo de extracción do metal e  $E_c$  a enerxía cinética máxima dos electróns (fotoelectróns) emitidos.

A enerxía que leva un fotón de frecuencia  $f$  é:

$$E_f = h \cdot f$$

$h$  é a constante de Planck e ten un valor moi pequeno:  $h = 6,63 \cdot 10^{-34}$  J·s.

O potencial de freado é a diferenza de potencial que detén o paso de electróns, sendo unha medida da súa enerxía cinética máxima:

$$E_c = q \cdot V$$

A ecuación de Einstein quedaría:

$$h \cdot f = W_e + q \cdot V$$

O traballo de extracción e a constante de Planck poden calcularse resolvendo un sistema de dúas ecuacións con dúas incógnitas:

$$\begin{aligned}h \cdot f_1 &= W_e + q \cdot V_1 \\h \cdot f_2 &= W_e + q \cdot V_2\end{aligned}$$

Expresando a frecuencia  $f$  en función da lonxitude de onda  $\lambda$ :  $f = c / \lambda$  e substituíndo os datos, quedaría:

$$\begin{cases} h \cdot 2,50 \cdot 10^{15} = W_e + 1,60 \cdot 10^{-19} \cdot 7,20 \\ \frac{h \cdot 3,00 \cdot 10^8}{1,78 \cdot 10^{-7}} = W_e + 1,60 \cdot 10^{-19} \cdot 3,80 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 2,50 \cdot 10^{15} \cdot h = W_e + 1,15 \cdot 10^{-18} \\ 1,69 \cdot 10^{15} \cdot h = W_e + 6,08 \cdot 10^{-19} \end{cases}$$

Restándoas obteríase unha expresión en función de  $h$ :

$$0,81 \cdot 10^{15} \cdot h = 5,4 \cdot 10^{-19}$$

Calcúlase  $h$ , despexándoa da relación anterior:

$$h = \frac{5,4 \cdot 10^{-19}}{0,81 \cdot 10^{15}} = 6,7 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$$

Calcúlase o traballo de extracción substituíndo o valor de  $h$  na primeira das dúas ecuacións:

$$2,50 \cdot 10^{15} \cdot 6,7 \cdot 10^{-34} = W_e + 1,15 \cdot 10^{-18}$$

$$W_e = 2,50 \cdot 10^{15} \cdot 6,7 \cdot 10^{-34} - 1,15 \cdot 10^{-18} = 5 \cdot 10^{-19} \text{ J} = 3 \text{ eV}$$

*Análise: O valor obtido da constante de Planck é bastante parecido a  $h = 6,62 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$ . O valor do traballo de extracción é razoable.*

2. Nunha célula fotoelétrica, o cátodo ilumínase cunha radiación de lonxitude de onda  $\lambda = 3 \cdot 10^{-7} \text{ m}$ .

a) Estude se a radiación produce efecto fotoelétrico, considerando que o traballo de extracción corresponde a unha frecuencia de  $7,0 \cdot 10^{14} \text{ Hz}$ .

b) Calcule a velocidade máxima dos electróns arrancados e a diferenza de potencial que hai que aplicar entre ánodo e cátodo para que se anule a corrente fotoelétrica.

DATOS:  $|q_e| = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ ;  $m_e = 9,1 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$ ;  $c = 3 \cdot 10^8 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$ ;  $h = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$ .

(A.B.A.U. ord. 22)

**Rta.:** b)  $v = 6,6 \cdot 10^5 \text{ m/s}$ ;  $V = 1,24 \text{ V}$ .

### Datos

Lonxitude de onda da radiación

Frecuencia á que corresponde o traballo de extracción do metal

Constante de Planck

Velocidade da luz no baleiro

Carga do electrón

Masa do electrón

### Incógnitas

Traballo de extracción

Energía da radiación

Velocidade máxima coa que son emitidos os electróns

Potencial de freado

### Ecuacións

Ecuación de Planck (energía do fotón)

Ecuación de Einstein do efecto fotoelétrico

Relación entre a frecuencia dunha onda luminosa e a súa lonxitude de onda

Energía cinética

Relación entre a enerxía cinética dos electróns e o potencial de freado

### Cifras significativas: 3

$$\lambda = 3,00 \cdot 10^{-7} \text{ m}$$

$$f = 7,00 \cdot 10^{14} \text{ Hz}$$

$$h = 6,62 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$$

$$c = 3,00 \cdot 10^8 \text{ m/s}$$

$$q_e = -1,60 \cdot 10^{-19} \text{ C}$$

$$m_e = 9,10 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$$

$$W_e$$

$$E_f$$

$$v$$

$$V$$

$$E_f = h \cdot f$$

$$E_f = W_e + E_c$$

$$c = f \cdot \lambda$$

$$E_c = \frac{1}{2} m \cdot v^2$$

$$E_c = |e| \cdot V$$

### Solución:

a) Emprégase a relación entre o traballo de extracción,  $W_e$ , e a frecuencia limiar,  $f_0$ .

Na ecuación de Einstein do efecto fotoelétrico substitúese a enerxía do fotón polo seu equivalente na ecuación de Planck:

$$\left. \begin{array}{l} E_f = W_e + E_c \\ E_f = h \cdot f \end{array} \right\} h \cdot f = W_e + E_c$$

A radiación que teña a frecuencia limiar terá a enerxía estritamente necesaria para arrincar o electrón, pero non sobrá nada para comunicarlle enerxía cinética.

$$h \cdot f_0 = W_e + 0$$

A relación entre a frecuencia limiar e o traballo de extracción é:

$$W_e = h \cdot f_0$$

$$W_e = h \cdot f_0 = 6,62 \cdot 10^{-34} [\text{J} \cdot \text{s}] \cdot 7,00 \cdot 10^{14} [\text{s}^{-1}] = 4,63 \cdot 10^{-19} \text{ J}$$

Calcúlase a frecuencia da radiación coa relación entre a lonxitude de onda e a frecuencia:

$$f = \frac{c}{\lambda} = \frac{3,00 \cdot 10^8 [\text{m} \cdot \text{s}^{-1}]}{3,00 \cdot 10^{-7} [\text{m}]} = 1,00 \cdot 10^{15} \text{ Hz}$$

Coa ecuación de Planck calcúlase a enerxía da radiación incidente:

$$E_f = h \cdot f = 6,62 \cdot 10^{-34} [\text{J} \cdot \text{s}] \cdot 1,00 \cdot 10^{15} [\text{s}^{-1}] = 6,62 \cdot 10^{-19} \text{ J}$$

Vese que é maior que o traballo de extracción, e, polo tanto, produce efecto fotoeléctrico.

b) Para calcular a velocidade máxima dos electróns arrancados hai que calcular antes a enerxía cinética máxima dos electróns emitidos, a partir da [ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico](#):

$$E_c = E_f - W_e = 6,62 \cdot 10^{-19} [\text{J}] - 4,63 \cdot 10^{-19} [\text{J}] = 1,99 \cdot 10^{-19} \text{ J}$$

Agora calcúlase a velocidade:

$$E_c = \frac{1}{2} m \cdot v^2 \Rightarrow v = \sqrt{\frac{2 E_c}{m}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 1,99 \cdot 10^{-19} [\text{J}]}{9,1 \cdot 10^{-31} [\text{kg}]}} = 6,60 \cdot 10^5 \text{ m/s}$$

Calcúlase o potencial de freado na ecuación que o relaciona coa enerxía cinética:

$$E_c = |e| \cdot V \Rightarrow V = \frac{E_c}{|e|} = \frac{1,99 \cdot 10^{-19} [\text{J}]}{1,60 \cdot 10^{-19} [\text{C}]} = 1,24 \text{ V}$$

3. Ilumínase un metal con luz monocromática dunha certa lonxitude de onda. Se o traballo de extracción é de  $4,8 \cdot 10^{-19} \text{ J}$  e o potencial de freado é de  $2,0 \text{ V}$ , calcula:

- A velocidade máxima dos electróns emitidos.
- A lonxitude de onda da radiación incidente.
- Representa graficamente a enerxía cinética máxima dos electróns emitidos en función da frecuencia da luz incidente.

DATOS:  $|q_e| = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ ;  $m_e = 9,1 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$ ;  $h = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}^{-1}$ ;  $c = 3 \cdot 10^8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$ . (A.B.A.U. extr. 19)

**Rta.:** a)  $v = 8,4 \cdot 10^5 \text{ m/s}$ ; b)  $\lambda = 250 \text{ nm}$ .

### Datos

Traballo de extracción do metal

Potencial de freado

Constante de Planck

Velocidade da luz no baleiro

Carga do electrón

Masa do electrón

### Incógnitas

Velocidade máxima dos electróns emitidos

Lonxitude de onda da radiación incidente

### Ecuacións

Ecuación de Planck (enerxía do fotón)

Ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico

Relación entre a frecuencia dunha onda luminosa e a súa lonxitude de onda

Enerxía cinética

### Cifras significativas: 2

$$W_e = 4,8 \cdot 10^{-19} \text{ J}$$

$$V = 2,0 \text{ V}$$

$$h = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$$

$$c = 3,0 \cdot 10^8 \text{ m/s}$$

$$|e| = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$$

$$m_e = 9,1 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$$

$$v$$

$$\lambda$$

$$E_f = h \cdot f$$

$$E_f = W_e + E_c$$

$$c = f \cdot \lambda$$

$$E_c = \frac{1}{2} m \cdot v^2$$

**Ecuacións**

Relación entre a enerxía cinética dos electróns e o potencial de freado

$$E_c = |e| \cdot V$$

**Solución:**

a) A enerxía cinética máxima dos electróns emitidos calcúlase a partir do potencial de freado:

$$E_c = |e| \cdot V = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ [C]} \cdot 2,0 \text{ [V]} = 3,2 \cdot 10^{-19} \text{ J}$$

A velocidade calcúlase a partir da expresión da enerxía cinética:

$$E_c = \frac{1}{2} m \cdot v^2 \Rightarrow v = \sqrt{\frac{2 E_c}{m}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 3,2 \cdot 10^{-20} \text{ [J]}}{9,1 \cdot 10^{-31} \text{ [kg]}}} = 8,4 \cdot 10^5 \text{ m/s}$$

b) Calcúlase a enerxía da radiación empregando a [ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico](#):

$$E_f = W_e + E_c = 4,8 \cdot 10^{-19} \text{ [J]} + 3,2 \cdot 10^{-19} \text{ [J]} = 8,0 \cdot 10^{-19} \text{ J}$$

A frecuencia dos fotóns incidentes calcúlase empregando a ecuación de Planck:

$$E_f = h \cdot f \Rightarrow f = \frac{E_f}{h} = \frac{8,0 \cdot 10^{-19} \text{ [J]}}{6,63 \cdot 10^{-34} \text{ [J} \cdot \text{s]}} = 1,2 \cdot 10^{15} \text{ s}^{-1} = 1,2 \cdot 10^{15} \text{ Hz}$$

A lonxitude de onda dos fotóns calcúlase empregando a relación entre a frecuencia e a lonxitude de onda:

$$f = \frac{c}{\lambda} \Rightarrow \lambda = \frac{c}{f} = \frac{3,0 \cdot 10^8 \text{ [m/s]}}{1,2 \cdot 10^{15} \text{ [s}^{-1}\text{]}} = 2,5 \cdot 10^{-7} \text{ m} = 250 \text{ nm}$$

c) Calcúlase a frecuencia limiar [combinando as ecuacións de Planck e Einstein](#):

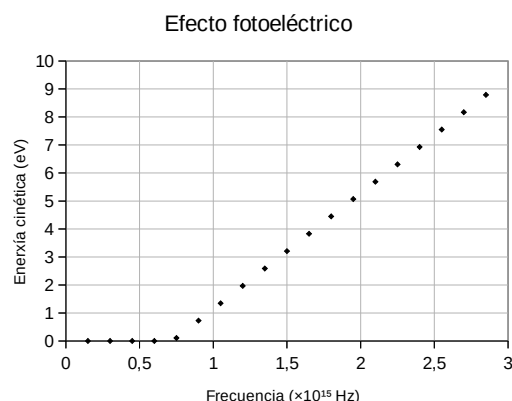
$$W_e = h \cdot f_0$$

$$f_0 = \frac{W_e}{h} = \frac{4,8 \cdot 10^{-19} \text{ [J]}}{6,63 \cdot 10^{-24} \text{ [J} \cdot \text{s]}} = 7,2 \cdot 10^{14} \text{ s}^{-1}$$

Por debaixo da frecuencia limiar non hai electróns.

Faise unha táboa con valores da frecuencia maiores ao valor da frecuencia limiar, e calcúlase a enerxía cinética dos electróns coa ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico.

A gráfica podería ser como a seguinte:



4. O traballo de extracción para o sodio é de 2,50 eV. Calcula:

- A lonxitude de onda da radiación que debemos usar para que a velocidade máxima dos electróns emitidos sexa de  $1,00 \cdot 10^7 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$ .
- O potencial de freado.
- A lonxitude de onda de De Broglie asociada aos electróns emitidos polo metal con velocidade máxima.

Datos:  $h = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$ ;  $c = 3 \cdot 10^8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$ ;  $|q(e)| = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ ;  $1 \text{ nm} = 10^{-9} \text{ m}$ ;  $m(e) = 9,1 \cdot 10^{-31}$ .

(A.B.A.U. extr. 18)

**Rta.:** a)  $\lambda = 4,33 \text{ nm}$ ; b)  $V = 284 \text{ V}$ ; c)  $\lambda_B = 72,9 \text{ pm}$ .

**Datos**

Traballo de extracción do sodio  
 Velocidade dos electróns emitidos  
 Constante de Planck  
 Velocidade da luz no baleiro  
 Masa do electrón  
 Carga do electrón

**Incógnitas**

Lonxitude de onda incidente para que a velocidade dos electróns emitidos sexa  $1,00 \cdot 10^7 \text{ m/s}$

**Cifras significativas: 3**

$W_e = 2,50 \text{ eV}$   
 $v = 1,00 \cdot 10^7 \text{ m/s}$   
 $h = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$   
 $c = 3,00 \cdot 10^8 \text{ m/s}$   
 $m_e = 9,10 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$   
 $|q_e| = 1,60 \cdot 10^{-19} \text{ C}$

**Incógnitas**

Potencial de freado

 $V$ 

Lonxitude de onda de De Broglie asociada aos electróns

 $\lambda_B$ **Outros símbolos**

Enerxía do fotón

 $E_f$ **Ecuacións**

Ecuación de Planck (enerxía do fotón)

$$E_f = h \cdot f$$

Ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico

$$E_f = W_e + E_c$$

Relación entre a frecuencia limiar e o traballo de extracción

$$W_e = h \cdot f_0$$

Relación entre a frecuencia dunha onda luminosa e a súa lonxitude de onda  $c = f \cdot \lambda$ 

Enerxía cinética

$$E_c = \frac{1}{2} m \cdot v^2$$

Lonxitude de onda de De Broglie

$$\lambda = \frac{h}{m \cdot v}$$

**Solución:**

a) Calcúlase o traballo de extracción en unidades do S.I.:

$$W_e = 2,50 \text{ [eV]} \cdot \frac{1,60 \cdot 10^{-19} \text{ [C]}}{1 \text{ [e]}} = 4,00 \cdot 10^{-19} \text{ C} \cdot \text{V} = 4,00 \cdot 10^{-19} \text{ J}$$

Calcúlase a enerxía cinética máxima dos electróns emitidos:

$$E_c = m \cdot v^2 / 2 = 9,10 \cdot 10^{-31} \text{ [kg]} \cdot (1,00 \cdot 10^7 \text{ [m/s]})^2 / 2 = 4,55 \cdot 10^{-17} \text{ J}$$

Calcúlase a enerxía da radiación empregando a [ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico](#):

$$E_f = W_e + E_c = 4,00 \cdot 10^{-19} \text{ [J]} + 4,55 \cdot 10^{-17} \text{ [J]} = 4,59 \cdot 10^{-17} \text{ J}$$

Calcúlase a frecuencia dos fotóns incidentes empregando a ecuación de Planck:

$$E_f = h \cdot f \Rightarrow f = \frac{E_f}{h} = \frac{4,59 \cdot 10^{-17} \text{ [J]}}{6,63 \cdot 10^{-34} \text{ [J} \cdot \text{s]}} = 6,93 \cdot 10^{16} \text{ s}^{-1} = 6,93 \cdot 10^{16} \text{ Hz}$$

Calcúlase a lonxitude de onda dos fotóns empregando a relación entre a frecuencia e a lonxitude de onda:

$$f = \frac{c}{\lambda} \Rightarrow \lambda = \frac{c}{f} = \frac{3,00 \cdot 10^8 \text{ [m/s]}}{6,93 \cdot 10^{16} \text{ [s}^{-1}]} = 4,32 \cdot 10^{-9} \text{ m} = 4,32 \text{ nm}$$

b) Calcúlase o potencial de freado na ecuación que o relaciona coa enerxía cinética:

$$E_c = |e| \cdot V \Rightarrow V = \frac{E_c}{|e|} = \frac{4,55 \cdot 10^{-17} \text{ [J]}}{1,60 \cdot 10^{-19} \text{ [C]}} = 284 \text{ V}$$

c) Calcúlase a lonxitude de onda asociada aos electróns empregando a ecuación de De Broglie.

A interpretación de Einstein do efecto fotoeléctrico demostrou que a luz se comporta como un chorro de partículas, chamadas fotóns, cuxa enerxía é proporcional á frecuencia:

$$E = h \cdot f$$

No efecto Compton, o fotón compórtase como unha partícula de momento lineal:

$$p = \frac{E}{c} = \frac{h \cdot f}{c} = \frac{h \cdot f}{\lambda \cdot f} = \frac{h}{\lambda}$$

Como xa estaba establecido que a luz se propaga como unha onda, propúxose que o comportamento era dual: nalgúns experimentos o comportamento da luz parece ser corpuscular e noutros, ondulatorio.

De Broglie propuxo que este comportamento dual tamén afecto a calquera partícula. Nalgúns casos o comportamento de certas partículas podería interpretarse como o de ondas cuxa lonxitude de onda asociada  $\lambda$  vén dada pola expresión:

$$\lambda = \frac{h}{p} = \frac{h}{m \cdot v}$$

 $h$  é a constante de Planck,  $m$  é a masa da partícula e  $v$  é a súa velocidade.

Calcúlase a lonxitude de onda de De Broglie:

$$\lambda_B = \frac{h}{m \cdot v} = \frac{6,63 \cdot 10^{-34} [\text{J} \cdot \text{s}]}{9,10 \cdot 10^{-31} [\text{kg}] \cdot 1,00 \cdot 10^7 [\text{m/s}]} = 7,29 \cdot 10^{-11} \text{ m} = 72,9 \text{ pm}$$

5. Unha radiación monocromática que ten unha lonxitude de onda de 600 nm penetra nunha célula fotoeléctrica de cátodo de cesio cuxo traballo de extracción é  $3,2 \cdot 10^{-19} \text{ J}$ . Calcula:

- A lonxitude de onda limiar para o cesio.
- A enerxía cinética máxima dos electróns emitidos.
- O potencial de freado.

DATOS:  $h = 6,62 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$ ;  $c = 3 \cdot 10^8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$ ;  $q_e = -1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ ;  $1 \text{ nm} = 10^{-9} \text{ m}$

(A.B.A.U. ord. 18)

Rta.: a)  $\lambda_0 = 621 \text{ nm}$ ; b)  $E_c = 1,1 \cdot 10^{-20} \text{ J}$ ; c)  $V = 0,069 \text{ V}$ .

### Datos

Lonxitude de onda da radiación

Traballo de extracción do metal

Constante de Planck

Velocidade da luz no baleiro

Carga do electrón

### Incógnitas

Lonxitude de onda limiar

Enerxía cinética máxima coa que son emitidos os electróns

Potencial de freado

### Ecuacións

Ecuación de Planck (enerxía do fotón)

Ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico

Relación entre a frecuencia dunha onda luminosa e a súa lonxitude de onda

Enerxía cinética

Relación entre a enerxía cinética dos electróns e o potencial de freado

### Cifras significativas: 3

$\lambda = 600 \text{ nm} = 6,00 \cdot 10^{-7} \text{ m}$

$W_e = 3,20 \cdot 10^{-19} \text{ J}$

$h = 6,62 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$

$c = 3,00 \cdot 10^8 \text{ m/s}$

$q_e = -1,60 \cdot 10^{-19} \text{ C}$

$\lambda_0$

$E_c$

$V$

$E_f = h \cdot f$

$E_f = W_e + E_c$

$c = f \cdot \lambda$

$E_c = \frac{1}{2} m \cdot v^2$

$E_c = |e| \cdot V$

### Solución:

Cando a luz interactúa co metal da célula fotoeléctrica faino coma se fose un chorro de partículas chamadas fotóns (paquetes de enerxía).

Cada fotón choca cun electrón e transmítelle toda a súa enerxía.

Para que se produza efecto fotoeléctrico, os electróns emitidos deben ter enerxía suficiente para chegar ao anticátodo, o que ocorre cando a enerxía do fotón é maior que o traballo de extracción, que é unha característica do metal.

A ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico pode escribirse:

$$E_f = W_e + E_c$$

Na ecuación,  $E_f$  representa a enerxía do fotón incidente,  $W_e$  o traballo de extracción do metal e  $E_c$  a enerxía cinética máxima dos electróns (fotoelectróns) emitidos.

A enerxía que leva un fotón de frecuencia  $f$  é:

$$E_f = h \cdot f$$

$h$  é a constante de Planck e ten un valor moi pequeno:  $h = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$ .

- A lonxitude de onda limiar corresponde a unha radiación coa enerxía mínima para provocar o efecto fotoeléctrico.

Na ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico substitúese a enerxía do fotón polo seu equivalente na ecuación de Planck:

$$\left. \begin{array}{l} E_f = W_e + E_c \\ E_f = h \cdot f \end{array} \right\} h \cdot f = W_e + E_c$$

A radiación que teña a frecuencia limiar terá a enerxía estritamente necesaria para arrincar o electrón, pero non sobrá nada para comunicarlle enerxía cinética.

$$h \cdot f_0 = W_e + 0$$

A relación entre a frecuencia limiar e o traballo de extracción é:

$$W_e = h \cdot f_0$$

Calcúlase a frecuencia, despexándoa da relación anterior:

$$f_0 = \frac{W_e}{h} = \frac{3,20 \cdot 10^{-19} [\text{J}]}{6,62 \cdot 10^{-24} [\text{J} \cdot \text{s}]} = 4,83 \cdot 10^{14} \text{ s}^{-1}$$

Calcúlase a lonxitude de onda limiar, despexándoa na relación entre frecuencia e lonxitude de onda:

$$\lambda_0 = \frac{c}{f_0} = \frac{3,00 \cdot 10^8 [\text{m} \cdot \text{s}^{-1}]}{4,83 \cdot 10^{14} [\text{s}^{-1}]} = 6,21 \cdot 10^{-7} \text{ m} = 621 \text{ nm}$$

c) Para calcular a enerxía cinética máxima dos electróns emitidos emprégase ecuación de Einstein:

$$E_c = E_f - W_e$$

Calcúlase antes a enerxía dos fotóns, despois de substituír a frecuencia pola súa expresión en función da lonxitude de onda:

$$E_f = h \cdot f = \frac{h \cdot c}{\lambda} = \frac{6,62 \cdot 10^{-34} [\text{J} \cdot \text{s}] \cdot 3,00 \cdot 10^8 [\text{m} \cdot \text{s}^{-1}]}{6,00 \cdot 10^{-7} [\text{m}]} = 3,31 \cdot 10^{-19} \text{ J}$$

Calcúlase entón a enerxía cinética máxima dos electróns emitidos:

$$E_c = 3,31 \cdot 10^{-19} [\text{J}] - 3,20 \cdot 10^{-19} [\text{J}] = 1,1 \cdot 10^{-20} \text{ J}$$

b) Calcúlase o potencial de freado na ecuación que o relaciona coa enerxía cinética:

$$E_c = |e| \cdot V \Rightarrow V = \frac{E_c}{|e|} = \frac{1,1 \cdot 10^{-20} [\text{J}]}{1,60 \cdot 10^{-19} [\text{C}]} = 0,069 \text{ V}$$

## ● Desintegración radioactiva

1. Nunha peza extraída dunha central nuclear existen  $10^{20}$  núcleos dun material radioactivo cun período de semidesintegración de 29 anos.

a) Calcula o número de núcleos que se desintegran no primeiro ano.

b) Se a peza é considerada segura cando a súa actividade é menor de 600 Bq, determine cantos anos deben transcorrer para alcanzar ese valor.

(A.B.A.U. extr. 24)

**Rta.:** a)  $\Delta N = 2,4 \cdot 10^{18}$  núcleos; b)  $\Delta t = 780$  anos.

### **Datos**

Período de semidesintegración

Cantidade da mostra

Tempo transcorrido

Actividade final

### **Incógnitas**

Número de núcleos que se desintegran no primeiro ano

Tempo para que a actividade sexa de 600 Bq

### **Outros símbolos**

Constante de desintegración radioactiva

### **Ecuacións**

Lei da desintegración radioactiva

Relación do período de semidesintegración coa constante de desintegración  $T_{1/2} \cdot \lambda = \ln 2$

Actividade radioactiva

### **Cifras significativas: 3**

$T_{1/2} = 29$  anos =  $9,15 \cdot 10^8$  s

$N_0 = 1,00 \cdot 10^{20}$  núcleos

$t = 1,00$  ano

$A = 600$  Bq

$\Delta N$

$\Delta t$

$\lambda$

$N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$

$T_{1/2} \cdot \lambda = \ln 2$

$A = -dN / dt = \lambda \cdot N$

### **Solución:**

a) Dedúcese a relación entre o período de semidesintegración e a constante de desintegración.

A lei de desintegración radioactiva, que di que o número de átomos que se desintegran na unidade de tempo é proporcional á cantidade de átomos presentes, ( $-dN = \lambda \cdot N \cdot dt$ ), pode expresarse como:

$$N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

$N$  é a cantidade de átomos que quedan sen desintegrar ao cabo dun tempo  $t$ ,  $N_0$  é a cantidade inicial de átomos e  $\lambda$  é a constante de desintegración.

Obtense unha versión máis manexable da ecuación de desintegración radioactiva,  $N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$ , pasando  $N_0$  ao outro membro, aplicando logaritmos neperianos e cambiando o signo:

$$-\ln(N/N_0) = \ln(N_0/N) = \lambda \cdot t$$

O período de semidesintegración dunha substancia radioactiva é o tempo que transcorre ata que só queda a metade da mostra orixinal. Cando  $t = T_{1/2}$ ,  $N = N_0 / 2$ .

Poñendo na ecuación logarítmica: ( $2N$ ) en lugar de  $N_0$ , e  $T_{1/2}$  en vez de  $t$ , queda:

$$\ln(2N/N) = \lambda \cdot T_{1/2} \quad \Rightarrow \quad \lambda \cdot T_{1/2} = \ln 2$$

Calcúlase o período de semidesintegración en segundos:

$$T_{1/2} = 29,0 \text{ [anos]} \cdot \frac{365,25 \text{ [días]}}{1 \text{ [ano]}} \cdot \frac{24,0 \text{ [h]}}{1 \text{ [día]}} \cdot \frac{3600 \text{ [s]}}{1 \text{ [h]}} = 9,15 \cdot 10^8 \text{ s}$$

Calcúlase a constante radioactiva:

$$\lambda = \frac{\ln 2}{T_{1/2}} = \frac{0,693}{29,0 \text{ [anos]}} = 0,023 \text{ [anos]}^{-1} = \frac{0,693}{9,15 \cdot 10^8 \text{ [s]}} = 7,57 \cdot 10^{-10} \text{ s}^{-1}$$

Aplicase a lei de desintegración radioactiva:

$$N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t} = 1,00 \cdot 10^{20} \text{ [núcleos]} \cdot e^{0,023 \text{ [anos]}^{-1} \cdot 1,00 \text{ [anos]}} = 7,39 \cdot 10^{10} \text{ núcleos quedan sen desintegrar.}$$

Polo tanto desintegráronse:

$$\Delta N = 1,00 \cdot 10^{20} - 7,39 \cdot 10^{10} = 2,4 \cdot 10^{18} \text{ núcleos}$$

b) Calcúlase a cantidade de núcleos que producen esa actividade radioactiva:

$$A = \lambda \cdot N \Rightarrow N = \frac{A}{\lambda} = \frac{600 \text{ [Bq]}}{7,57 \cdot 10^{-10} \text{ [s}^{-1}\text{]}} = 7,93 \cdot 10^{11} \text{ núcleos}$$

Calcúlase o tempo, coa ecuación de desintegración en versión logarítmica:

$$t = \frac{\ln(N_0/N)}{\lambda} = \frac{\ln(1,00 \cdot 10^{20} / 7,93 \cdot 10^{11})}{0,023 \text{ [anos]}^{-1}} = 780 \text{ anos}$$

2. Marie Curie recibiu o Premio Nobel de Química en 1911 polo descubrimento do radio. Se nese mesmo ano se gardasen no seu laboratorio 2,00 g de radio-226, calcula:

a) A cantidade de radio que quedaría e a actividade da mostra na actualidade.

b) Os anos que pasarían ata que a mostra de radio se reducise ó 1 % do seu valor inicial.

DATOS:  $N_A = 6,02 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$ . Tempo de semidesintegración do radio =  $1,59 \times 10^3$  anos. (A.B.A.U. ord. 24)

**Rta.:** a)  $m = 1,90 \text{ g}$ ;  $A = 7,01 \cdot 10^{10} \text{ Bq}$ ; b)  $t = 1,06 \cdot 10^4$  anos

### Datos

Período de semidesintegración

Masa inicial da mostra

Tempo para calcular a actividade

Porcentaxe que quedaría nun certo tempo

Masa atómica do  $^{226}\text{Ra}$

Número de Avogadro

### Incógnitas

Masa (cantidade?) de radio que quedaría na actualidade.

Actividade da mostra na actualidade

Tempo ata que a mostra de radio se reducise ó 1 % do seu valor inicial

### Cifras significativas: 3

$$T_{1/2} = 1,59 \cdot 10^3 \text{ anos} = 5,02 \cdot 10^{10} \text{ s}$$

$$m_0 = 2,00 \text{ g}$$

$$t = 2024 - 1911 = 113 \text{ anos}$$

$$r = 1,00 \%$$

$$M = 226 \text{ g/mol}$$

$$N_A = 6,02 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$$

$m$

$A$

$t$



**Outros símbolos**

Constante de desintegración radioactiva  $\lambda$

**Ecuacións**

Lei da desintegración radioactiva  $N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$

Relación do período de semidesintegración coa constante de desintegración  $T_{1/2} \cdot \lambda = \ln 2$

Actividade radioactiva  $A = -dN / dt = \lambda \cdot N$

**Solución:**

a) Pódese calcular o número de átomos a partir da expresión da actividade radioactiva.

A lei de desintegración radioactiva, que di que o número de átomos que se desintegran na unidade de tempo é proporcional á cantidade de átomos presentes,  $(-dN = \lambda \cdot N \cdot dt)$ , pode expresarse como:

$$N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

$N$  é a cantidade de átomos que quedan sen desintegrar ao cabo dun tempo  $t$ ,  $N_0$  é a cantidade inicial de átomos e  $\lambda$  é a constante de desintegración.

Obtense unha versión máis manexable da ecuación de desintegración radioactiva,  $N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$ , pasando  $N_0$  ao outro membro, aplicando logaritmos neperianos e cambiando o signo:

$$-\ln(N / N_0) = \ln(N_0 / N) = \lambda \cdot t$$

O período de semidesintegración dunha substancia radioactiva é o tempo que transcorre ata que só queda a metade da mostra orixinal. Cando  $t = T_{1/2}$ ,  $N = N_0 / 2$ .

Poñendo na ecuación logarítmica:  $(2 N)$  en lugar de  $N_0$ , e  $T_{1/2}$  en vez de  $t$ , queda:

$$\ln(2 N / N) = \lambda \cdot T_{1/2} \quad \Rightarrow \quad \lambda \cdot T_{1/2} = \ln 2$$

Calcúlase o período de semidesintegración en segundos:

$$T_{1/2} = 1,59 \cdot 10^3 [\text{anos}] \frac{365,25 [\text{días}]}{1 [\text{ano}]} \frac{24,0 [\text{h}]}{1 [\text{día}]} \frac{3600 [\text{s}]}{1 [\text{h}]} = 5,02 \cdot 10^{10} \text{ s}$$

Calcúlase a constante  $\lambda$  de desintegración radioactiva, a partir do período de semidesintegración:

$$\lambda = \frac{\ln 2}{T_{1/2}} = \frac{0,693}{5,02 \cdot 10^{10} [\text{s}]} = 1,38 \cdot 10^{-11} \text{ s}^{-1}$$

Dedúcese a lei da desintegración radioactiva en función da masa.

Como a masa,  $m$ , é proporcional á cantidade de átomos,  $N$ : ( $m = N \cdot M / N_A$ ), pódese obter unha expresión similar á lei da desintegración radioactiva,  $N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$ , multiplicando ambos os membros por  $(M / N_A)$ :

$$N \cdot \frac{M}{N_A} = N_0 \cdot \frac{M}{N_A} e^{-\lambda \cdot t} \Rightarrow m = m_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

$N_A$  é o número de Avogadro e  $M$  é a masa atómica do elemento.

Calcúlase o tempo transcorrido desde o descubrimento do raio:

$$t = (2024 - 1911) [\text{anos}] \frac{365,25 [\text{días}]}{1 [\text{ano}]} \frac{24,0 [\text{h}]}{1 [\text{día}]} \frac{3600 [\text{s}]}{1 [\text{h}]} = 3,57 \cdot 10^9 \text{ s}$$

Calcúlase a masa actual da mostra:

$$m = m_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t} = 2,00 [\text{g}] \cdot e^{-1,38 \cdot 10^{-11} [\text{s}^{-1}] \cdot 3,57 \cdot 10^9 [\text{s}]} = 1,90 \text{ g}$$

*Análise: 113 anos son menos da 1/10 de período de semidesintegración, polo que a masa que debe quedar debe ser un pouco menos ca inicial (2 g), o que está de acordo co resultado.*

A actividade radioactiva é o número de átomos que se desintegran nun segundo. É proporcional á cantidade de substancia radioactiva, sendo  $\lambda$ , a constante radioactiva, característica de cada isótopo.

$$A = \frac{-dN}{dt} = \lambda \cdot N$$

Calcúlase o número de átomos actual co número de Avogadro:

$$N = \frac{m}{M} \cdot N_A = \frac{1,90 \text{ [g]}}{226 \text{ [g/mol]}} \cdot 6,02 \cdot 10^{23} \text{ [átomos/mol]} = 5,07 \cdot 10^{21} \text{ átomos}$$

Calcúlase a actividade radioactiva, que é proporcional á cantidade de átomos:

$$A = \lambda \cdot N = 1,38 \cdot 10^{-11} \text{ [s}^{-1}] \cdot 5,07 \cdot 10^{21} \text{ [átomos]} = 7,01 \cdot 10^{10} \text{ Bq}$$

b) Se a cantidade que queda nun tempo é o 1 % da inicial, pódese calcular ese tempo coa expresión logarítmica da lei de desintegración radioactiva:

$$\ln(N_0 / N) = \lambda \cdot t \Rightarrow t = \frac{\ln(N / N_0)}{\lambda} = \frac{\ln(0,01 N / N)}{\lambda} = \frac{\ln 0,01}{1,38 \cdot 10^{-11} \text{ [s}^{-1}]} = 3,33 \cdot 10^{11} \text{ s}$$

Pódese calcular ese tempo en anos:

$$t = 3,33 \cdot 10^{11} \text{ [s]} \cdot \frac{1 \text{ [h]}}{3600 \text{ [s]}} \cdot \frac{1 \text{ [día]}}{24,0 \text{ [h]}} \cdot \frac{1 \text{ [ano]}}{365,25 \text{ [días]}} = 1,06 \cdot 10^4 \text{ anos}$$

*Análise: O 1 % (= 0,01) está comprendido entre  $(1/2)^6 = 1/64 = 0,016$  e  $(1/2)^7 = 1/128 = 0,08$ , polo que deberán transcorrer máis de 6 períodos ( $6 \cdot 1,59 \cdot 10^3 \approx 9,5 \cdot 10^3$  anos), pero menos de 7, ( $\approx 1,1 \cdot 10^4$  anos). O resultado calculado cumpre estes requisitos.*

3. O  $^{210}_{82}\text{Pb}$  transfórmasse en polonio ao emitir dúas partículas beta e posteriormente, por emisión dunha partícula alfa, obtense chumbo.

a) Escribe as reaccións nucleares descritas.

b) O período de semidesintegración do  $^{210}_{82}\text{Pb}$  é de 22,3 anos. Se tiñamos inicialmente 3 moles de átomos dese elemento e transcorreron 100 anos, calcula o número de núcleos radioactivos que quedan sen desintegrar e a actividade inicial da mostra.

DATO:  $N_A = 6,02 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$ .

(A.B.A.U. ord. 23)

**Rta.:** a)  $^{210}_{82}\text{Pb} \rightarrow ^{210}_{83}\text{Bi} + ^0_{-1}\text{e} \rightarrow ^{210}_{84}\text{Po} + ^0_{-1}\text{e} \rightarrow ^{206}_{82}\text{Pb} + ^4_2\text{He}$  ; b)  $N = 8,07 \cdot 10^{22}$  núcleos;  $A_0 = 1,78 \cdot 10^{15} \text{ Bq}$ .

### Datos

Período de semidesintegración

Cantidade da mostra

Número de Avogadro

Tempo transcorrido

### Incógnitas

Número de núcleos que queda sen desintegrar despois de 100 anos

Actividade inicial

### Outros símbolos

Constante de desintegración radioactiva

### Ecuacións

Lei da desintegración radioactiva

Relación do período de semidesintegración coa constante de desintegración  $T_{1/2} \cdot \lambda = \ln 2$

Actividade radioactiva

### Cifras significativas: 3

$T_{1/2} = 22,3 \text{ anos} = 7,04 \cdot 10^8 \text{ s}$

$n_0 = 3,00 \text{ mol}$

$N_A = 6,02 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$

$t = 100 \text{ anos}$

$N$

$A_0$

$\lambda$

$N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$

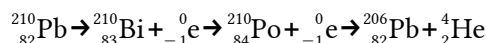
$T_{1/2} \cdot \lambda = \ln 2$

$A = -dN / dt = \lambda \cdot N$

### Solución:

a) As partículas alfa son núcleos de helio,  $^4_2\text{He}$ , e as partículas beta electróns,  $^0_{-1}\text{e}$ .

As reaccións nucleares, aplicando os principios de conservación do número bariónico (ou número másico) e da carga, son:



b) Dedúcese a relación entre o período de semidesintegración e a constante de desintegración.

A lei de desintegración radioactiva, que di que o número de átomos que se desintegran na unidade de tempo é proporcional á cantidade de átomos presentes, ( $-dN = \lambda \cdot N \cdot dt$ ), pode expresarse como:

$$N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

$N$  é a cantidade de átomos que quedan sen desintegrar ao cabo dun tempo  $t$ ,  $N_0$  é a cantidade inicial de átomos e  $\lambda$  é a constante de desintegración.

Obtense unha versión máis manexable da ecuación de desintegración radioactiva,  $N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$ , pasando  $N_0$  ao outro membro, aplicando logaritmos neperianos e cambiando o signo:

$$-\ln (N / N_0) = \ln (N_0 / N) = \lambda \cdot t$$

O período de semidesintegración dunha substancia radioactiva é o tempo que transcorre ata que só queda a metade da mostra orixinal. Cando  $t = T_{1/2}$ ,  $N = N_0 / 2$ .

Poñendo na ecuación logarítmica: ( $2 N$ ) en lugar de  $N_0$ , e  $T_{1/2}$  en vez de  $t$ , queda:

$$\ln (2 N / N) = \lambda \cdot T_{1/2} \quad \Rightarrow \quad \lambda \cdot T_{1/2} = \ln 2$$

Calcúlase o período de semidesintegración en segundos:

$$T_{1/2} = 22,3 \text{ [anos]} \frac{365,25 \text{ [días]}}{1 \text{ [ano]}} \frac{24,0 \text{ [h]}}{1 \text{ [día]}} \frac{3600 \text{ [s]}}{1 \text{ [h]}} = 7,04 \cdot 10^8 \text{ s}$$

Calcúlase a constante radioactiva:

$$\lambda = \frac{\ln 2}{T_{1/2}} = \frac{0,693}{22,3 \text{ [años]}} = 0,031 \text{ [ano}^{-1}] = \frac{0,693}{7,04 \cdot 10^8 \text{ [s]}} = 9,85 \cdot 10^{-10} \text{ s}^{-1}$$

Calcúlase o número de núcleos que hai en 3 mol de  $^{210}\text{Pb}$ :

$$N_0 = \frac{3,00 \text{ [mol Pb]} \cdot 6,02 \cdot 10^{23} \text{ [átomos Pb]}}{1 \text{ [mol Pb]}} \frac{1 \text{ [núcleo Pb]}}{1 \text{ [átomo Pb]}} = 1,81 \cdot 10^{24} \text{ [núcleos Pb]}$$

Aplicase la lei de desintegración radioactiva:

$$N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t} = 1,81 \cdot 10^{24} \text{ [núcleos]} \cdot e^{0,031 \text{ [ano}^{-1}] \cdot 100 \text{ [anos]}} = 8,07 \cdot 10^{22} \text{ núcleos quedan sen desintegrar.}$$

Calcúlase a actividade inicial:

$$A_0 = \lambda \cdot N_0 = 9,85 \cdot 10^{-10} \text{ [s}^{-1}] \cdot 1,81 \cdot 10^{24} \text{ [núcleos]} = 1,78 \cdot 10^{15} \text{ Bq}$$

4. Nun laboratorio recíbense 100 g dun isótopo descoñecido. Transcorridas 2 horas desintegrouse o 20 % da masa inicial do isótopo. Calcula:

- A constante radioactiva.
- O período de semidesintegración do isótopo e a masa que fica do isótopo orixinal transcorridas 20 horas.

(A.B.A.U. ord. 21)

**Rta.:** a)  $\lambda = 3,10 \cdot 10^{-5} \text{ s}^{-1}$ ; b)  $T_{1/2} = 6 \text{ h } 13 \text{ min}$ ;  $m = 10,7 \text{ g}$ .

### Datos

Masa inicial

Tempo transcorrido no que se desintegrou o 20 % da masa inicial

Porcentaxe desintegrado da mostra nese tempo

Tempo para calcular a masa que fica

### Incógnitas

Constante radioactiva

Período de semidesintegración

Masa que fica ás 20 h

### Outros símbolos

Número de átomos iniciais

Número de átomos ao cabo dun tempo

### Ecuacións

Lei da desintegración radioactiva

Relación entre o período de semidesintegración e a constante de desintegración  $T_{1/2} = \ln 2 / \lambda$

### Cifras significativas: 3

$$m_0 = 100 \text{ g}$$

$$t_d = 2,00 \text{ h}$$

$$m_d = 20,0 \% m_0 = 0,200 m_0$$

$$t = 20,0 \text{ h}$$

$$\lambda$$

$$T_{1/2}$$

$$m$$

$$N_0$$

$$N$$

$$N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

$$T_{1/2} = \ln 2 / \lambda$$

### Solución:

- a) Se a masa desintegrada é o 20 % da inicial, fica aínda un 80 %:

$$m = m_0 - m_d = m_0 - 0,200 m_0 = 0,800 m_0$$

A lei de desintegración radioactiva, que di que o número de átomos que se desintegran na unidade de tempo é proporcional á cantidade de átomos presentes, ( $-dN = \lambda \cdot N \cdot dt$ ), pode expresarse como:

$$N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

$N$  é a cantidade de átomos que quedan sen desintegrar ao cabo dun tempo  $t$ ,  $N_0$  é a cantidade inicial de átomos e  $\lambda$  é a constante de desintegración.

Obtense unha versión máis manexable da ecuación de desintegración radioactiva,  $N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$ , pasando  $N_0$  ao outro membro, aplicando logaritmos neperianos e cambiando o signo:

$$-\ln(N/N_0) = \ln(N_0/N) = \lambda \cdot t$$

Como a masa,  $m$ , é proporcional á cantidade de átomos,  $N$ : ( $m = N \cdot M/N_A$ ), pódese obter unha expresión similar, multiplicando  $N$  e  $N_0$  por  $(M/N_A)$ :

$$\lambda \cdot t = \ln\left(\frac{N_0 \cdot M/N_A}{N \cdot M/N_A}\right) = \ln\left(\frac{m_0}{m}\right)$$

$N_A$  é o número de Avogadro e  $M$  é a masa atómica do elemento.

Calcúlase a constante de desintegración radioactiva, despexándoa:

$$\lambda = \frac{\ln(m_0/m)}{t} = \frac{\ln(1/0,800)}{2,00 \text{ [h]}} = 0,112 \text{ h}^{-1}$$

O período de semidesintegración dunha substancia radioactiva é o tempo que transcorre ata que só queda a metade da mostra orixinal. Cando  $t = T_{1/2}$ ,  $N = N_0/2$ .

Poñendo na ecuación logarítmica: ( $2N$ ) en lugar de  $N_0$ , e  $T_{1/2}$  en vez de  $t$ , queda:

$$\ln(2N/N) = \lambda \cdot T_{1/2} \quad \Rightarrow \quad \lambda \cdot T_{1/2} = \ln 2$$

b) Calcúlase o período de semidesintegración a partir da constante de desintegración radioactiva:

$$T_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda} = \frac{0,693}{0,112 \text{ [h}^{-1}\text{]}} = 6,21 \text{ h} = 6 \text{ h } 13 \text{ min}$$

Da ecuación logarítmica ( $\lambda \cdot t = \ln(m_0/m)$ ) obtense:

$$m = m_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

Calcúlase a masa que fica ao cabo de 20 h:

$$m = 100 \text{ [g]} \cdot e^{-0,112 \text{ [h}^{-1}\text{]} \cdot 20 \text{ [h]}} = 10,7 \text{ g}$$

*Análise: 20 h son algo máis de 3 períodos de semidesintegración (6 h 13 min), polo que a masa que debe quedar debe ser un pouco menor que  $100 \cdot (1/2)^3 = 12,5 \text{ g}$ , o que está de acordo co resultado.*

5. Nunha cova encóntranse restos orgánicos e ao realizar a proba do carbono-14 obsérvase que a actividade da mostra é de  $10^6$  desintegracións/s. Sabendo que o período de semidesintegración do carbono-14 é de 5730 anos, calcula:

- A masa inicial da mostra.
- A masa da mostra cando transcorran 4000 anos.

DATOS:  $N_A = 6,02 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$ ;  $A(^{14}\text{C}) = 14$ .

(A.B.A.U. ord. 20)

**Rta.:** a)  $m_0 = 6,06 \text{ } \mu\text{g}$ ; b)  $m = 3,74 \text{ } \mu\text{g}$ .

### Datos

Período de semidesintegración

Actividade da mostra

Tempo para calcular a actividade

Masa atómica do  $^{14}\text{C}$

Número de Avogadro

### Incógnitas

Masa inicial da mostra

### Cifras significativas: 3

$T_{1/2} = 5730 \text{ anos} = 1,81 \cdot 10^{11} \text{ s}$

$A_0 = 1,00 \cdot 10^6 \text{ Bq}$

$t = 4000 \text{ anos}$

$M = 14,0 \text{ g/mol}$

$N_A = 6,02 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$

$m_0$

**Incógnitas**

Masa aos 4000 anos

A

**Outros símbolos**

Constante de desintegración radioactiva

 $\lambda$ **Ecuacións**

Lei da desintegración radioactiva

$$N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

Relación do período de semidesintegración coa constante de desintegración  $T_{1/2} \cdot \lambda = \ln 2$ 

Actividade radioactiva

$$A = -dN / dt = \lambda \cdot N$$

**Solución:**

a) Pódese calcular o número de átomos a partir da expresión da actividade radioactiva.

A lei de desintegración radioactiva, que di que o número de átomos que se desintegran na unidade de tempo é proporcional á cantidade de átomos presentes,  $(-dN = \lambda \cdot N \cdot dt)$ , pode expresarse como:

$$N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

N é a cantidade de átomos que quedan sen desintegrar ao cabo dun tempo  $t$ ,  $N_0$  é a cantidade inicial de átomos e  $\lambda$  é a constante de desintegración.Obtense unha versión máis manexable da ecuación de desintegración radioactiva,  $N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$ , pasando  $N_0$  ao outro membro, aplicando logaritmos neperianos e cambiando o signo:

$$-\ln(N / N_0) = \ln(N_0 / N) = \lambda \cdot t$$

O período de semidesintegración dunha substancia radioactiva é o tempo que transcorre ata que só queda a metade da mostra orixinal. Cando  $t = T_{1/2}$ ,  $N = N_0 / 2$ .Poñendo na ecuación logarítmica:  $(2 N)$  en lugar de  $N_0$ , e  $T_{1/2}$  en vez de  $t$ , queda:

$$\ln(2 N / N) = \lambda \cdot T_{1/2} \quad \Rightarrow \quad \lambda \cdot T_{1/2} = \ln 2$$

Calcúlase o período de semidesintegración en segundos:

$$T_{1/2} = 5730 \text{ [anos]} \cdot \frac{365,25 \text{ [días]}}{1 \text{ [ano]}} \cdot \frac{24,0 \text{ [h]}}{1 \text{ [día]}} \cdot \frac{3600 \text{ [s]}}{1 \text{ [h]}} = 1,81 \cdot 10^{11} \text{ s}$$

Calcúlase a constante  $\lambda$  de desintegración radioactiva, a partir do período de semidesintegración:

$$\lambda = \frac{\ln 2}{T_{1/2}} = \frac{0,693}{1,81 \cdot 10^{11} \text{ [s]}} = 3,83 \cdot 10^{-12} \text{ s}^{-1} = \frac{0,693}{5730 \text{ [anos]}} = 0,000175 \text{ ano}^{-1}$$

A actividade radioactiva é o número de átomos que se desintegran nun segundo. É proporcional á cantidade de substancia radioactiva, sendo  $\lambda$ , a constante radioactiva, característica de cada isótopo.

$$A = \frac{-dN}{dt} = \lambda \cdot N$$

Calcúlase o número de átomos inicial desdexando na actividade:

$$A = \lambda \cdot N \Rightarrow N_0 = \frac{A_0}{\lambda} = \frac{1,00 \cdot 10^6 \text{ [Bq]}}{3,83 \cdot 10^{-12} \text{ [s}^{-1}\text{]}} = 2,61 \cdot 10^{17} \text{ átomos}$$

Calcúlase a masa, que é proporcional á cantidade de átomos:

$$m_0 = \frac{N_0}{N_A} \cdot M = \frac{2,61 \cdot 10^{17} \text{ [átomos]}}{6,02 \cdot 10^{23} \text{ [átomos/mol]}} \cdot 14,0 \text{ [g/mol]} = 6,06 \cdot 10^{-6} \text{ g} = 6,06 \text{ } \mu\text{g}$$

*Análise: Coa nula precisión do dato da actividade,  $10^6$  Bq, o resultado podería ser calquera ente  $0,1 \text{ } \mu\text{g}$  e  $10 \text{ } \mu\text{g}$ .*

b) Dedúcese a lei da desintegración radioactiva en función da masa.

Como a masa,  $m$ , é proporcional á cantidade de átomos,  $N$ : ( $m = N \cdot M / N_A$ ), pódese obter unha expresión similar á lei da desintegración radioactiva,  $N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$ , multiplicando ambos os membros por  $(M / N_A)$ :

$$N \cdot \frac{M}{N_A} = N_0 \cdot \frac{M}{N_A} e^{-\lambda \cdot t} \Rightarrow m = m_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

$N_A$  é o número de Avogadro e  $M$  é a masa atómica do elemento.

Calcúlase a masa da mostra cando transcorran 4000 anos:

$$m = m_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t} = 6,06 \cdot 10^{-6} [\text{g}] \cdot e^{-0,000175 [\text{ano}]^{-1} \cdot 4000 [\text{ano}]} = 3,74 \cdot 10^{-6} \text{ g} = 3,74 \mu\text{g}$$

*Análise: 4000 anos son algo menos que 1 período de semidesintegración, polo que a masa que debe quedar debe ser un pouco máis da metade da inicial (6,06  $\mu\text{g}$ ), o que está de acordo co resultado.*

6. O  $^{131}\text{I}$  é un isótopo radioactivo que se utiliza en medicina para o tratamento do hipertiroidismo. O seu período de semidesintegración é de 8 días. Se inicialmente se dispón dunha mostra de 20 mg de  $^{131}\text{I}$ :

a) Calcula a masa que queda sen desintegrar despois de estar almacenada nun hospital 50 días.

b) Representa nunha gráfica, de forma cualitativa, a variación da masa en función do tempo.

c) Cal é a actividade inicial de 2 mg de  $^{131}\text{I}$ ?

DATO:  $N_A = 6,022 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$ .

(A.B.A.U. ord. 18)

**Rta.:** a)  $m = 0,263 \text{ mg}$ ; c)  $A = 9,22 \cdot 10^{12} \text{ Bq}$ .

### Datos

Período de semidesintegración

Masa da mostra

Número de Avogadro

Masa atómica do iodo

Tempo transcorrido

### Incógnitas

Masa que queda sen desintegrar despois de 50 días

Actividade inicial de 2 mg de  $^{131}\text{I}$

### Outros símbolos

Constante de desintegración radioactiva

### Ecuacións

Lei da desintegración radioactiva

Relación entre o período de semidesintegración e a constante de desintegración  $T_{1/2} = \ln 2 / \lambda$

Actividade radioactiva

### Cifras significativas: 3

$$T_{1/2} = 8,00 \text{ días} = 6,91 \cdot 10^5 \text{ s}$$

$$m_0 = 20,0 \text{ mg}$$

$$N_A = 6,02 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$$

$$M = 131 \text{ g/mol}$$

$$t = 50 \text{ días} = 4,32 \cdot 10^6 \text{ s}$$

$m$

$A$

$\lambda$

$$N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

$$T_{1/2} = \ln 2 / \lambda$$

$$A = -dN / dt = \lambda \cdot N$$

### Solución:

O período de semidesintegración dunha substancia radioactiva é o tempo que transcorre ata que só queda a metade da mostra orixinal. Cando  $t = T_{1/2}$ ,  $N = N_0 / 2$ .

Poñendo na ecuación logarítmica:  $(2 N)$  en lugar de  $N_0$ , e  $T_{1/2}$  en vez de  $t$ , queda:

$$\ln (2 N / N) = \lambda \cdot T_{1/2} \quad \Rightarrow \quad \lambda \cdot T_{1/2} = \ln 2$$

a) Calcúlase o período de semidesintegración en segundos:

$$T_{1/2} = 8,00 [\text{días}] \cdot \frac{24,0 [\text{h}]}{1 [\text{día}]} \cdot \frac{3600 [\text{s}]}{1 [\text{h}]} = 6,91 \cdot 10^5 \text{ s}$$

Calcúlase a constante radioactiva a partir do período de semidesintegración:

$$\lambda = \frac{\ln 2}{T_{1/2}} = \frac{0,693}{6,91 \cdot 10^5 [\text{s}]} = 1,00 \cdot 10^{-6} \text{ s}^{-1}$$

Como a masa,  $m$ , é proporcional á cantidade de átomos,  $N$ : ( $m = N \cdot M / N_A$ ), pódese obter unha expresión similar á lei da desintegración radioactiva,  $N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$ , multiplicando ambos os membros por  $(M / N_A)$ :

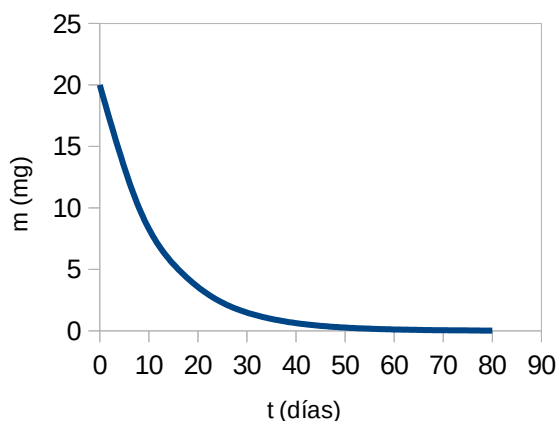
$$N \cdot \frac{M}{N_A} = N_0 \cdot \frac{M}{N_A} e^{-\lambda \cdot t} \Rightarrow m = m_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

$N_A$  é o número de Avogadro e  $M$  é a masa atómica do elemento.

Calcúlase a masa que queda sen desintegrar despois de estar almacenada nun hospital 50 días:

$$m = m_0 e^{-\lambda \cdot t} = 20,0 [\text{mg}] \cdot e^{-1,00 \cdot 10^{-6} [\text{s}^{-1}] \cdot 4,32 \cdot 10^6 [\text{s}]} = 0,263 \text{ mg}$$

b) A gráfica é unha función exponencial decrecente.



c) Para calcular a actividade calcúlase primeiro o número de átomos que hai en 2 mg de  $^{131}\text{I}$ .

$$N = 2,00 \cdot 10^{-3} \text{ g } ^{131}\text{I} \frac{1 \text{ mol } ^{131}\text{I}}{131 \text{ g } ^{131}\text{I}} \frac{6,02 \cdot 10^{23} \text{ átomos } ^{131}\text{I}}{1 \text{ mol } ^{131}\text{I}} \frac{1 \text{ núcleo } ^{131}\text{I}}{1 \text{ átomo } ^{131}\text{I}} = 9,19 \cdot 10^{18} \text{ núcleos } ^{131}\text{I}$$

Calcúlase agora a actividade:

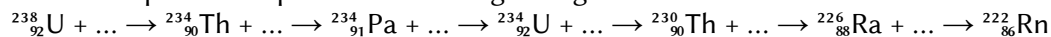
$$A = \lambda \cdot N = 1,00 \cdot 10^{-6} [\text{s}^{-1}] \cdot 9,19 \cdot 10^{18} [\text{núcleos}] = 9,22 \cdot 10^{12} \text{ Bq}$$

7. En 2012 atopouse no Sahara un meteorito que contiña restos de U-238. Sabemos que no momento da súa formación había unha concentración de  $5,00 \cdot 10^{12}$  átomos de U-238 por  $\text{cm}^3$ , mentres que na actualidade a concentración medida é de  $2,50 \cdot 10^{12}$  átomos de U-238 por  $\text{cm}^3$ . Se o tempo de semidesintegración deste isótopo é de  $4,51 \cdot 10^9$  anos, determina:

a) A constante de desintegración do U-238.

b) A idade do meteorito.

c) Sabendo que o gas radon resulta da desintegración do U-238, completa a seguinte serie radioactiva coas correspondentes partículas ata chegar ao gas radon:



(A.B.A.U. extr. 17)

**Rta.:** a)  $\lambda = 4,87 \cdot 10^{-18} \text{ s}^{-1}$ ; b)  $t = 4,51 \cdot 10^9$  anos; c)  $^{238}_{92}\text{U} \xrightarrow{\alpha} ^{234}_{90}\text{Th} \xrightarrow{\beta} ^{234}_{91}\text{Pa} \xrightarrow{\beta} ^{234}_{92}\text{U} \xrightarrow{\alpha} ^{230}_{90}\text{Th} \xrightarrow{\alpha} ^{226}_{88}\text{Ra} \xrightarrow{\alpha} ^{222}_{86}\text{Rn}$ .

### Datos

Período de semidesintegración

Átomos iniciais

Átomos actuais

### Incógnitas

Constante de desintegración radioactiva

Idade do meteorito

### Ecuacións

Lei da desintegración radioactiva

Relación do período de semidesintegración coa constante de desintegración  $T_{1/2} \cdot \lambda = \ln 2$

Actividade radioactiva

### Cifras significativas: 3

$$T_{1/2} = 4,51 \cdot 10^9 \text{ anos} = 1,42 \cdot 10^{17} \text{ s}$$

$$N_0 = 5,00 \cdot 10^{12} \text{ átomos/cm}^3$$

$$N = 2,50 \cdot 10^{12} \text{ átomos/cm}^3$$

$$\lambda$$

$$t$$

$$N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

$$T_{1/2} \cdot \lambda = \ln 2$$

$$A = -dN / dt = \lambda \cdot N$$

### Solución:

a) Dedúcese a relación entre o período de semidesintegración e a constante de desintegración:

O período de semidesintegración dunha substancia radioactiva é o tempo que transcorre ata que só queda a metade da mostra orixinal. Cando  $t = T_{1/2}$ ,  $N = N_0 / 2$ .

Poñendo na ecuación logarítmica:  $(2 N)$  en lugar de  $N_0$ , e  $T_{1/2}$  en vez de  $t$ , queda:

$$\ln (2 N / N) = \lambda \cdot T_{1/2} \quad \Rightarrow \quad \lambda \cdot T_{1/2} = \ln 2$$

Calcúlase o período de semidesintegración en segundos:

$$T_{1/2} = 4,51 \cdot 10^9 [\text{anos}] \frac{365,25 [\text{días}]}{1 [\text{ano}]} \frac{24,0 [\text{h}]}{1 [\text{día}]} \frac{3600 [\text{s}]}{1 [\text{h}]} = 1,42 \cdot 10^{17} \text{ s}$$

Calcúlase a constante radioactiva a partir do período de semidesintegración:

$$\lambda = \frac{\ln 2}{T_{1/2}} = \frac{0,693}{1,42 \cdot 10^{17} [\text{s}]} = 4,87 \cdot 10^{-18} \text{ s}^{-1}$$

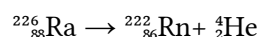
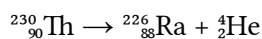
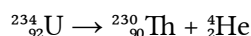
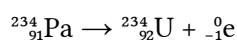
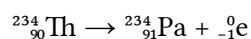
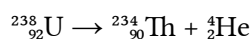
b) Calcúlase o tempo na ecuación da lei de desintegración radioactiva en forma logarítmica.

$$-\ln(N/N_0) = \ln(N_0/N) = \lambda \cdot t$$

$$t = \frac{\ln(N_0/N)}{\lambda} = \frac{\ln(5,00 \cdot 10^{12}/2,50 \cdot 10^{12})}{4,87 \cdot 10^{-18} [\text{s}^{-1}]} = 1,42 \cdot 10^{17} \text{ s} = 4,51 \cdot 10^9 \text{ anos}$$

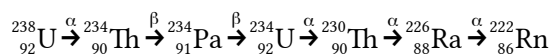
*Análise: Posto que nese tempo a mostra reduciuse á metade, transcorreu 1 período de semidesintegración que son  $4,51 \cdot 10^9$  anos.*

c) Os procesos de emisión de partículas son



Estas ecuacións cumpren as leis de conservación do número bariónico (ou número másico) e da carga eléctrica nos procesos nucleares.

Sabendo que unha partícula alfa é un núcleo de helio-4 ( $\alpha = {}^4_2\text{He}$ ) e unha partícula beta(-) é un electrón ( $\beta^- = {}^0_{-1}\text{e}$ ), o proceso pode resumirse na seguinte expresión:



8. O período de semidesintegración do  ${}^{90}_{38}\text{Sr}$  é 28 anos. Calcula:

- A constante de desintegración radioactiva expresada en  $\text{s}^{-1}$ .
  - A actividade inicial dunha mostra de 1 mg.
  - O tempo necesario para que esa mostra se reduza a 0,25 mg.
- Datos:  $N_A = 6,022 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$ ; masa atómica do  ${}^{90}_{38}\text{Sr} = 90 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

(A.B.A.U. ord. 17)

**Rta.:** a)  $\lambda = 7,84 \cdot 10^{-10} \text{ s}^{-1}$ ; b)  $A_0 = 5,25 \cdot 10^9 \text{ Bq}$ ; c)  $t = 56 \text{ anos}$ .

### Datos

Período de semidesintegración

Masa da mostra

Masa atómica do  ${}^{90}_{38}\text{Sr}$

Número de Avogadro

### Incógnitas

Constante de desintegración radioactiva

Actividade inicial dunha mostra de 1 mg.

Tempo necesario para que a masa se reduza de 1 mg a 0,25 mg

### Ecuacións

Lei da desintegración radioactiva

Relación do período de semidesintegración coa constante de desintegración  $T_{1/2} \cdot \lambda = \ln 2$

Actividade radioactiva

### Cifras significativas: 3

$$T_{1/2} = 28,0 \text{ anos} = 8,84 \cdot 10^8 \text{ s}$$

$$m = 1,00 \text{ mg} = 1,00 \cdot 10^{-3} \text{ g}$$

$$M = 90,0 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$$

$$N_A = 6,022 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$$

$$\lambda$$

$$A_0$$

$$t$$

$$N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

$$T_{1/2} \cdot \lambda = \ln 2$$

$$A = -dN / dt = \lambda \cdot N$$

### Solución:

a) Dedúcese a relación entre o período de semidesintegración e a constante de desintegración:

A lei de desintegración radioactiva, que di que o número de átomos que se desintegran na unidade de tempo é proporcional á cantidade de átomos presentes, ( $-dN = \lambda \cdot N \cdot dt$ ), pode expresarse como:

$$N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$



$N$  é a cantidade de átomos que quedan sen desintegrar ao cabo dun tempo  $t$ ,  $N_0$  é a cantidade inicial de átomos e  $\lambda$  é a constante de desintegración.

Obtense unha versión máis manexable da ecuación de desintegración radioactiva,  $N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$ , pasando  $N_0$  ao outro membro, aplicando logaritmos neperianos e cambiando o signo:

$$-\ln(N/N_0) = \ln(N_0/N) = \lambda \cdot t$$

O período de semidesintegración dunha substancia radioactiva é o tempo que transcorre ata que só queda a metade da mostra orixinal. Cando  $t = T_{1/2}$ ,  $N = N_0 / 2$ .

Poñendo na ecuación logarítmica: ( $2N$ ) en lugar de  $N_0$ , e  $T_{1/2}$  en vez de  $t$ , queda:

$$\ln(2N/N) = \lambda \cdot T_{1/2} \quad \Rightarrow \quad \lambda \cdot T_{1/2} = \ln 2$$

Calcúlase o período de semidesintegración en segundos:

$$T_{1/2} = 28,0 \text{ [anos]} \frac{365,25 \text{ [días]}}{1 \text{ [ano]}} \frac{24,0 \text{ [h]}}{1 \text{ [día]}} \frac{3600 \text{ [s]}}{1 \text{ [h]}} = 8,84 \cdot 10^8 \text{ s}$$

Calcúlase a constante radioactiva a partir do período de semidesintegración

$$\lambda = \frac{\ln 2}{T_{1/2}} = \frac{0,693}{8,84 \cdot 10^8 \text{ [s]}} = 7,84 \cdot 10^{-10} \text{ s}^{-1}$$

b) Calcúlanse cantos átomos hai en 1 mg de estroncio:

$$N = 1,00 \cdot 10^{-3} \text{ g } {}^{90}_{38}\text{Sr} \frac{1 \text{ mol } {}^{90}_{38}\text{Sr}}{90,0 \text{ g } {}^{90}_{38}\text{Sr}} \frac{6,022 \cdot 10^{23} \text{ átomos } {}^{90}_{38}\text{Sr}}{1 \text{ mol } {}^{90}_{38}\text{Sr}} \frac{1 \text{ núcleo } {}^{90}_{38}\text{Sr}}{1 \text{ átomo } {}^{90}_{38}\text{Sr}} = 6,69 \cdot 10^{18} \text{ núcleos } {}^{90}_{38}\text{Sr}$$

Despois calcúlase a actividade radioactiva:

$$A = \lambda \cdot N = 7,84 \cdot 10^{-10} \text{ [s}^{-1}\text{]} \cdot 6,69 \cdot 10^{18} \text{ [núcleos]} = 5,25 \cdot 10^9 \text{ Bq}$$

c) Calcúlase o tempo coa ecuación da lei de desintegración radioactiva:

Como a masa,  $m$ , é proporcional á cantidade de átomos,  $N$ : ( $m = N \cdot M / N_A$ ), pódese obter unha expresión similar á lei da desintegración radioactiva,  $N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$ , multiplicando ambos os membros por ( $M / N_A$ ):

$$N \cdot \frac{M}{N_A} = N_0 \cdot \frac{M}{N_A} e^{-\lambda \cdot t} \Rightarrow m = m_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

$N_A$  é o número de Avogadro e  $M$  é a masa atómica do elemento.

Pasando  $m_0$  ao outro lado e aplicando logaritmos:

$$-\ln(m/m_0) = \ln(m_0/m) = \lambda \cdot t$$

Calcúlase o tempo necesario para que esa mostra se reduza a 0,25 mg.

$$t = \frac{\ln(m_0/m)}{\lambda} = \frac{\ln(1,00 \text{ mg } {}^{90}_{38}\text{Sr} / 0,25 \text{ mg } {}^{90}_{38}\text{Sr})}{7,84 \cdot 10^{-10} \text{ [s}^{-1}\text{]}} = 1,77 \cdot 10^9 \text{ s} = 56 \text{ anos}$$

*Análise: Posto que nese tempo a mostra reduciuse á cuarta parte =  $(1/2)^2$ , transcorreron 2 períodos de semidesintegración que son 56 anos.*

## ● Enerxía nuclear

1. Para o núcleo de uranio,  ${}^{238}_{92}\text{U}$ , calcula:

- O defecto de masa.
- A enerxía de enlace nuclear.
- A enerxía de enlace por nucleón.

Datos:  $m({}^{238}_{92}\text{U}) = 238,051 \text{ u}$ ;  $1 \text{ g} = 6,02 \cdot 10^{23} \text{ u}$ ;  $c = 3 \cdot 10^8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$ ;  $m(p) = 1,007277 \text{ u}$ ;  $m(n) = 1,008665 \text{ u}$

(A.B.A.U. extr. 18)

**Rta.:** a)  $\Delta m = 1,883 \text{ u} = 3,128 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$ ; b)  $E_e = 2,81 \cdot 10^{-10} \text{ J/átomo}$ ; c)  $E_n = 1,18 \cdot 10^{-12} \text{ J/nucleón}$ .

**Datos**

Masa: uranio-238

protón

neutrón

Unidade de masa atómica

Velocidade da luz no baleiro

**Incógnitas**

Defecto de masa

Enerxía de enlace

Enerxía de enlace por nucleón

**Ecuacións**

Equivalencia masa enerxía de Einstein

**Cifras significativas: 3**

$$m(^{238}_{92}\text{U}) = 238,051 \text{ u}$$

$$m(^1_1\text{H}) = 1,007277 \text{ u}$$

$$m(^1_0\text{n}) = 1,008665 \text{ u}$$

$$1 \text{ g} = 6,02 \cdot 10^{23} \text{ u}$$

$$c = 3,00 \cdot 10^8 \text{ m/s}$$

$$\Delta m$$

$$E_e$$

$$E_{e \text{ n}}$$

$$E = m \cdot c^2$$

**Solución:**

a) O defecto de masa é a diferenza entre a masa do núcleo de uranio-238 e a suma das masas dos protóns e neutróns que o forman. O número de protóns é o número atómico, 92, e o de neutróns é 146, a diferenza entre o número másico 238 e o número de protóns 92.

$$\Delta m = m(^{238}_{92}\text{U}) - 92 \cdot m(^1_1\text{H}) - 146 \cdot m(^1_0\text{n}) = 238,051 [\text{u}] - 92 \cdot 1,0073 [\text{u}] - 146 \cdot 1,008665 [\text{u}] = -1,883 \text{ u}$$

$$\Delta m = -1,883 [\text{u}] \cdot \frac{1 [\text{g}]}{6,02 \times 10^{23} [\text{u}]} \cdot \frac{1 [\text{kg}]}{10^3 [\text{g}]} = -3,13 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$$

b) A enerxía equivalente calcúlase coa ecuación de Einstein:

$$E_e = m \cdot c^2 = 3,13 \cdot 10^{-27} [\text{kg}] \cdot (3,00 \cdot 10^8 [\text{m/s}])^2 = 2,81 \cdot 10^{-10} \text{ J/átomo U}$$

c) A enerxía de enlace por nucleón calcúlase dividindo entre o número de nucleóns:

$$E_{\text{en}} = \frac{2,81 \cdot 10^{-10} [\text{J/átomo U}]}{238 [\text{nucleóns/átomo U}]} = 1,18 \cdot 10^{-12} \text{ J/nucleón}$$

**◇ CUESTIÓNS****● Física relativista**

1. Unha nave espacial viaxa a unha velocidade uniforme  $0,866 c$  relativa á Terra. Se un observador da Terra rexistra que a nave en movemento mide 100 m, canto medirá a nave para o seu piloto?:

A) 50 m.

B) 100 m.

C) 200 m.

Nota:  $c$  é a velocidade da luz no baleiro.

(A.B.A.U. ord. 24)

**Solución: C**

A teoría da relatividade especial di que a lonxitude dun obxecto que se move a velocidades próximas as da luz, medida desde outro sistema en repouso, é menor que a que mediría un observador situado nese obxecto que se move. A lonxitude  $l'$  medida desde o sistema en repouso vén dada pola expresión:

$$l' = l \cdot \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}$$

Como o factor que contén a raíz cadrada é menor que 1, a lonxitude  $l' < l$ .

A contracción da lonxitude afecta só á medida da lonxitude que se move na mesma dirección, pero non á da altura, que é perpendicular á dirección do movemento.

Polo tanto, a lonxitude (da nave) para o piloto será maior.

Pódese aplicar a ecuación para determinar o valor:

$$l' = l \cdot \sqrt{1 - \frac{(0,866 \, c)^2}{c^2}} = l \cdot \sqrt{1 - \frac{0,75 \cdot c^2}{c^2}} = l \cdot \sqrt{0,25} = 0,5 \cdot l$$

$$l = \frac{100 \, [\text{m}]}{0,5} = 200 \, \text{m}$$

2. Unha muller situada na Terra observa que dúas naves espaciais, A e B, se dirixen cara a ela na mesma dirección e con sentidos opostos con velocidades  $0,7 \, c$  e  $0,6 \, c$  respectivamente. A velocidade relativa da nave A medida por unha observadora pertencente á nave B é:

- A)  $1,3 \, c$   
 B)  $0,9 \, c$   
 C)  $0,1 \, c$

(A.B.A.U. ord. 23)

**Solución:** B

Segundo a relatividade especial, a velocidade relativa entre dous obxectos en movemento non se pode calcular simplemente sumando ou restando as súas velocidades, como se faría na mecánica clásica. No seu lugar, débese usar a fórmula de composición de velocidades de Einstein:

$$v = \frac{v_1 - v_2}{1 - \frac{v_1 \cdot v_2}{c^2}}$$

Nesta ecuación  $v$  é a velocidade relativa entre os dous obxectos,  $v_1$  e  $v_2$  son as súas velocidades medidas por un observador externo e  $c$  é a velocidade da luz.

Neste caso, a muller na Terra observa que as naves A e B diríxense cara a ela con velocidades de  $0,7 \, c$  e  $-0,6 \, c$  respectivamente (o signo negativo indica que a nave B desprázase en dirección oposta á da nave A). A velocidade relativa a nave A medida por un observador pertencente á nave B pódese calcular utilizando a fórmula de Einstein:

$$v = \frac{0,7 \, c - (-0,6 \, c)}{1 - \frac{0,7 \, c \cdot (-0,6 \, c)}{c^2}} = \frac{1,3 \, c}{1,4} = 0,9 \, c$$

3. Un astronauta viaxa nunha nave espacial con velocidade constante  $\bar{v}$  respecto a un observador que está en repouso na Terra. O astronauta mide a lonxitude  $l$  (que coincide coa dirección de  $\bar{v}$ ) e a altura  $h$  da nave. As medidas da lonxitude  $l'$  e altura  $h'$  que fai o terrícola serán:

- A)  $l' < l$  e  $h' < h$ .  
 B)  $l' < l$  e  $h' = h$ .  
 C)  $l' > l$  e  $h' > h$ .

(A.B.A.U. ord. 22)

**Solución:** B

A teoría da relatividade especial di que a lonxitude dun obxecto que se move a velocidades próximas as da luz, medida desde outro sistema en repouso, é menor que a que mediría un observador situado nese obxecto que se move. A lonxitude  $l'$  medida desde o sistema en repouso vén dada pola expresión:

$$l' = l \cdot \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}$$

Como o factor que contén a raíz cadrada é menor que 1, a lonxitude  $l' < l$ .

A contracción da lonxitude afecta só á medida da lonxitude que se move na mesma dirección, pero non á da altura, que é perpendicular á dirección do movemento.

4. Un astronauta (A) achégase a unha estrela cunha velocidade de 200 000 km/s e outro astronauta (B) distánciase da mesma estrela coa mesma velocidade coa que se achega o (A). A velocidade con que estes astronautas perciben a velocidade da luz da estrela é:
- A) Maior para o astronauta (A) e menor para o (B).
  - B) Menor para o astronauta (A) e maior para o (B).
  - C) Igual para os dous astronautas.

(A.B.A.U. ord. 19)

**Solución:** C

O segundo postulado da teoría especial da relatividade de Einstein establece que a velocidade da luz no baleiro é constante e independente do sistema de referencia inercial desde o que se mida. Tampouco depende da velocidade relativa entre o observador e a fonte de luz.

5. Un vehículo espacial afástase da Terra cunha velocidade de 0,5  $c$  ( $c$  = velocidade da luz). Desde a Terra envíase un sinal luminoso e a tripulación mide a velocidade do sinal obtendo o valor:
- A) 0,5  $c$
  - B)  $c$
  - C) 1,5  $c$

(A.B.A.U. extr. 22)

**Solución:** B

O segundo postulado da teoría especial da relatividade de Einstein establece que a velocidade da luz no baleiro é constante e independente do sistema de referencia inercial desde o que se mida. Tampouco depende da velocidade relativa entre o observador e a fonte de luz.

6. Medimos o noso pulso na Terra (en repouso) observando que o tempo entre cada latexo é de 0,80 s. Despois facemos a medida viaxando nunha nave espacial á velocidade de 0,70  $c$ , sendo  $c$  a velocidade da luz no baleiro. De acordo coa teoría especial da relatividade, o tempo que medimos será:
- A) 1,12 s
  - B) 0,57 s
  - C) 0,80 s

(A.B.A.U. ord. 20)

**Solución:** C

A teoría da relatividade especial predí que o tempo dun sistema que se move a velocidade moi alta relativa a un sistema en repouso, transcorre máis lentamente. A dilatación do tempo vén dada pola expresión:

$$\Delta t' = \frac{\Delta t}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$$

Pero o tempo propio, medido por un observador situado dentro do sistema que se move, é o mesmo que se estivese en repouso. O principio de relatividade di que non se pode determinar mediante a experiencia se un sistema está en repouso ou está movéndose.

7. A ecuación de Einstein  $E = m \cdot c^2$  implica que:
- A) Unha masa  $m$  necesita unha enerxía  $E$  para poñerse en movemento.
  - B) A enerxía  $E$  é a que ten unha masa  $m$  cando vai á velocidade da luz.
  - C)  $E$  é a enerxía equivalente a unha masa  $m$ .

(A.B.A.U. extr. 21)

**Solución:** C

A ecuación de Einstein establece a relación entre masa e enerxía.

$$E = m \cdot c^2$$

$E$  representa a enerxía dunha partícula e  $m$  é a súa masa. Masa e enerxía son aspectos equivalentes. Pódese dicir que  $E$  é a enerxía que se pode obter dunha masa  $m$  se se desintegrate.

## ● Física cuántica

1. Ilumínase o cátodo dunha célula fotoelétrica cunha radiación de frecuencia  $1,6 \times 10^{15}$  Hz e o potencial de freado é de 2 V. Se usamos unha luz de 187,5 nm, o potencial de freado será:

A) Menor.

B) Maior.

C) Igual.

DATO:  $c = 3,0 \times 10^8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$ .

(A.B.A.U. ord. 24)

**Solución:** C

Cando a luz interactúa co metal da célula fotoelétrica faíno coma se fose un chorro de partículas chamadas fotóns (paquetes de enerxía).

Cada fotón choca cun electrón e transmíttelle toda a súa enerxía.

Para que se produza efecto fotoelétrico, os electróns emitidos deben ter enerxía suficiente para chegar ao anticátodo, o que ocorre cando a enerxía do fotón é maior que o traballo de extracción, que é unha característica do metal.

A ecuación de Einstein do efecto fotoelétrico pode escribirse:

$$E_f = W_e + E_c$$

Na ecuación,  $E_f$  representa a enerxía do fotón incidente,  $W_e$  o traballo de extracción do metal e  $E_c$  a enerxía cinética máxima dos electróns (fotoelectróns) emitidos.

A enerxía que leva un fotón de frecuencia  $f$  é:

$$E_f = h \cdot f$$

$h$  é a constante de Planck e ten un valor moi pequeno:  $h = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$ .

A frecuencia dunha onda é inversamente proporcional a súa lonxitude de onda  $\lambda$ ,

$$f = \frac{c}{\lambda}$$

Cuanto maior sexa a súa lonxitude de onda, menor será a frecuencia e menor será a enerxía do fotón.

A enerxía cinética máxima dos electróns emitidos será:

$$E_c = E_f - W_e$$

A enerxía cinética  $E_c$  máxima dos electróns escríbese en función do potencial de freado

$$E_c = |e| \cdot V$$

A ecuación de Einstein queda:

$$h \cdot f = W_e + |e| \cdot V$$

Por tanto, canto menor sexa a frecuencia da radiación, menor será a enerxía dos fotóns e a enerxía cinética e o potencial de freado dos electróns emitidos.

Co dato da velocidade da luz no baleiro, pódese calcular a frecuencia correspondente á lonxitude de onda de 187,5 nm:

$$f = \frac{c}{\lambda} = \frac{3 \cdot 10^8 \text{ m/s}}{187,5 \cdot 10^{-9} \text{ m}} = 1,6 \cdot 10^{15} \text{ Hz}$$

Como a frecuencia é a mesma, o potencial de freado tamén valerá o mesmo.

2. A teoría ondulatoria de Huygens sobre a natureza da luz vén confirmada polos fenómenos:
- A) Reflexión e formación de sombras.
  - B) Refracción e interferencias.
  - C) Efecto fotoeléctrico e efecto Compton.

(A.B.A.U. extr. 23)

**Solución:** B

A teoría ondulatoria de Huygens propón que a luz é unha onda que se propaga en todos os sentidos desde unha fonte luminosa. Esta teoría explica o fenómeno da refracción, que é o cambio de dirección e velocidade que sofre unha onda cando pasa dun medio a outro con diferente densidade. Tamén explica o fenómeno das interferencias, que é a superposición de dúas ou máis ondas que se cruzan, producindo zonas de reforzo e cancelación da luz. Estes fenómenos non poden ser explicados pola teoría corpuscular de Newton, que considera que a luz está formada por partículas. A teoría ondulatoria de Huygens foi confirmada experimentalmente por Young e Fresnel no século XIX.

As outras opcións:

- A) Incorrecta. Estes fenómenos poden ser explicados tanto pola teoría ondulatoria como pola teoría corpuscular. A reflexión é o cambio de dirección que sofre unha onda ou unha partícula cando choca contra unha superficie. A formación de sombras é a ausencia de luz nunha zona onde un obxecto opaco impide o paso da luz.
- C) Estes fenómenos contradín a teoría ondulatoria e apoian a teoría cuántica, que considera que a luz está formada por cuantos de enerxía chamados fotóns. O efecto fotoeléctrico é a emisión de electróns por un metal cando é iluminado por unha luz con suficiente enerxía. O efecto Compton é o cambio de lonxitude de onda que sofre un fotón cando colide con un electrón. Estes fenómenos demostran que a luz ten comportamento dual, ondulatorio e corpuscular, dependendo das circunstancias.

3. Ao irradiar un metal con luz vermella (682 nm) prodúcese efecto fotoeléctrico. Se irradiamos o mesmo metal con luz amarela (570 nm):
- A) Non se produce efecto fotoeléctrico.
  - B) Os electróns emitidos son máis rápidos.
  - C) Emítense máis electróns, pero á mesma velocidade.

(A.B.A.U. ord. 23)

**Solución:** B

Cando a luz interactúa co metal da célula fotoeléctrica faino coma se fose un chorro de partículas chamadas fotóns (paquetes de enerxía).

Cada fotón choca cun electrón e transmítelle toda a súa enerxía.

Para que se produza efecto fotoeléctrico, os electróns emitidos deben ter enerxía suficiente para chegar ao anticátodo, o que ocorre cando a enerxía do fotón é maior que o traballo de extracción, que é unha característica do metal.

A ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico pode escribirse:

$$E_f = W_e + E_c$$

Na ecuación,  $E_f$  representa a enerxía do fotón incidente,  $W_e$  o traballo de extracción do metal e  $E_c$  a enerxía cinética máxima dos electróns (fotoelectróns) emitidos.

A enerxía que leva un fotón de frecuencia  $f$  é:

$$E_f = h \cdot f$$

$h$  é a constante de Planck e ten un valor moi pequeno:  $h = 6,63 \cdot 10^{-34}$  J·s.

A frecuencia,  $f$ , e a lonxitude de onda,  $\lambda$ , da luz son inversamente proporcionais:

$$f \cdot \lambda = c$$

$c$  é a velocidade da luz.

Cando un fotón golpea un electrón nun metal, lle transfire a súa enerxía. Se esta enerxía é suficiente para vencer a forza de atracción do metal, emitírase o electrón. A enerxía mínima requirida para emitir un electrón dun metal chámase función de traballo do metal.

No enunciado da cuestión indícase que irradiando o metal con luz vermella ( $\lambda = 682 \text{ nm}$ ) prodúcese efecto fotoeléctrico. Isto significa que a enerxía dos fotóns de luz vermella é suficiente para superar a función de traballo do metal e emitir electróns.

Se irradiamos o mesmo metal con luz amarela ( $\lambda = 570 \text{ nm}$ ), os fotóns desta luz terán maior frecuencia (xa que a frecuencia é inversamente proporcional á lonxitude de onda e  $\lambda$  é menor) e por tanto maior enerxía ( $E = h \cdot f$ ). Isto significa que os fotóns da luz amarela transferirán máis enerxía aos electróns do metal, que serán emitidos a maior velocidade. Por tanto, os electróns emitidos son máis rápidos.

As outras opcións:

A) Falso. Se ao irradiar o metal con luz vermella prodúcese efecto fotoeléctrico, tamén se producirá ao irradiar con luz amarela, xa que a enerxía dos fotóns de luz amarela é maior que a enerxía dos fotóns de luz vermella.

C) Falso. El número de electróns emitidos depende da intensidade da luz incidente, non da súa frecuencia ou lonxitude de onda. Por tanto, si irradiamos o metal con luz amarela e vermella de igual intensidade, emitiránse o mesmo número de electróns.

4. Un fotón de luz visible con lonxitude de onda de 500 nm ten un momento lineal de:

A) 0

B)  $3,31 \cdot 10^{-25} \text{ kg} \cdot \text{m} \cdot \text{s}^{-1}$

C)  $1,33 \cdot 10^{-27} \text{ kg} \cdot \text{m} \cdot \text{s}^{-1}$

DATO:  $h = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$

(A.B.A.U. ord. 21)

**Solución:** C

A interpretación de Einstein do efecto fotoeléctrico demostrou que a luz se comporta como un chorro de partículas, chamadas fotóns, cuxa enerxía é proporcional á frecuencia:

$$E = h \cdot f$$

No efecto Compton, o fotón compórtase como unha partícula de momento lineal:

$$p = \frac{E}{c} = \frac{h \cdot f}{c} = \frac{h \cdot f}{\lambda \cdot f} = \frac{h}{\lambda}$$

Como xa estaba establecido que a luz se propaga como unha onda, propúxose que o comportamento era dual: nalgúns experimentos o comportamento da luz parece ser corpuscular e noutros, ondulatorio.

De Broglie propuxo que este comportamento dual tamén afecto a calquera partícula. Nalgúns casos o comportamento de certas partículas podería interpretarse como o de ondas cuxa lonxitude de onda asociada  $\lambda$  vén dada pola expresión:

$$\lambda = \frac{h}{p} = \frac{h}{m \cdot v}$$

$h$  é a constante de Planck,  $m$  é a masa da partícula e  $v$  é a súa velocidade.

Tamén que nalgúns casos o comportamento das ondas podería interpretarse como o de partículas cun momento lineal:

$$p = m \cdot v = \frac{h}{\lambda}$$

Para o fotón de  $\lambda = 500 \text{ nm} = 5,00 \cdot 10^{-7} \text{ m}$ , o momento lineal valería:

$$p = m \cdot v = \frac{h}{\lambda} = \frac{6,63 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}}{5,00 \cdot 10^{-7} \text{ m}} = 1,33 \cdot 10^{-27} \text{ kg} \cdot \text{m} \cdot \text{s}^{-1}$$

5. Un determinado feixe de luz provoca efecto fotoeléctrico nun determinado metal. Se aumentamos a intensidade do feixe incidente:

A) Aumenta o número de fotoelectróns arrancados, así como a súa enerxía cinética.

B) Aumenta o número de fotoelectróns arrancados sen se modificar a súa enerxía cinética.

C) O número de fotoelectróns arrancados non varía, pero a súa enerxía cinética aumenta.

(A.B.A.U. ord. 19)

**Solución: B**

Cando a luz interactúa co metal da célula fotoeléctrica faino coma se fose un chorro de partículas chamadas fotóns (paquetes de enerxía).

Cada fotón choca cun electrón e transmítelle toda a súa enerxía.

Para que se produza efecto fotoeléctrico, os electróns emitidos deben ter enerxía suficiente para chegar ao anticátodo, o que ocorre cando a enerxía do fotón é maior que o traballo de extracción, que é unha característica do metal.

A ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico pode escribirse:

$$E_f = W_e + E_c$$

Na ecuación,  $E_f$  representa a enerxía do fotón incidente,  $W_e$  o traballo de extracción do metal e  $E_c$  a enerxía cinética máxima dos electróns (fotoelectróns) emitidos.

A enerxía que leva un fotón de frecuencia  $f$  é:

$$E_f = h \cdot f$$

$h$  é a constante de Planck e ten un valor moi pequeno:  $h = 6,63 \cdot 10^{-34}$  J.s.

Ao aumentar a intensidade da luz, aumenta o número de fotóns que chega ao cátodo, e, como cada fotón arranca un electrón, aumentará o número de electróns emitidos. Pero a enerxía cinética dos electróns non depende da intensidade da luz senón da súa frecuencia.

6. O efecto fotoeléctrico prodúcese se:
- A) A intensidade da radiación incidente é moi grande.
  - B) A lonxitude de onda da radiación é grande.
  - C) A frecuencia da radiación é superior á frecuencia limiar.

(A.B.A.U. extr. 17)

**Solución: C**

Cando a luz interactúa co metal da célula fotoeléctrica faino coma se fose un chorro de partículas chamadas fotóns (paquetes de enerxía).

Cada fotón choca cun electrón e transmítelle toda a súa enerxía.

Para que se produza efecto fotoeléctrico, os electróns emitidos deben ter enerxía suficiente para chegar ao anticátodo, o que ocorre cando a enerxía do fotón é maior que o traballo de extracción, que é unha característica do metal.

A ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico pode escribirse:

$$E_f = W_e + E_c$$

Na ecuación,  $E_f$  representa a enerxía do fotón incidente,  $W_e$  o traballo de extracción do metal e  $E_c$  a enerxía cinética máxima dos electróns (fotoelectróns) emitidos.

A enerxía que leva un fotón de frecuencia  $f$  é:

$$E_f = h \cdot f$$

$h$  é a constante de Planck e ten un valor moi pequeno:  $h = 6,63 \cdot 10^{-34}$  J.s.

As outras opcións:

- A. Falsa. Se a intensidade da luz é moi grande haberá un gran número de fotóns. Pero se cada un deles non ten enerxía suficiente, non se producirá efecto fotoeléctrico.
- B. Falsa. A lonxitude de onda é inversamente proporcional á frecuencia. A maior lonxitude de onda, menor frecuencia e, por tanto, menor enerxía dos fotóns. Con menos enerxía é menos probable que se supere o traballo de extracción.

7. Nunha célula fotoeléctrica, o cátodo metálico ilumínase cunha radiación de  $\lambda = 175$  nm e o potencial de freado é de 1 V. Cando usamos unha luz de 250 nm, o potencial de freado será:
- A) Menor.



- B) Maior.  
C) Igual.

(A.B.A.U. ord. 20)

**Solución:** A

Cando a luz interactúa co metal da célula fotoelétrica faíno coma se fose un chorro de partículas chamadas fotóns (paquetes de enerxía).

Cada fotón choca cun electrón e transmíttelle toda a súa enerxía.

Para que se produza efecto fotoelétrico, os electróns emitidos deben ter enerxía suficiente para chegar ao anticátodo, o que ocorre cando a enerxía do fotón é maior que o traballo de extracción, que é unha característica do metal.

A ecuación de Einstein do efecto fotoelétrico pode escribirse:

$$E_f = W_e + E_c$$

Na ecuación,  $E_f$  representa a enerxía do fotón incidente,  $W_e$  o traballo de extracción do metal e  $E_c$  a enerxía cinética máxima dos electróns (fotoelectróns) emitidos.

A enerxía que leva un fotón de frecuencia  $f$  é:

$$E_f = h \cdot f$$

$h$  é a constante de Planck e ten un valor moi pequeno:  $h = 6,63 \cdot 10^{-34}$  J·s.

A frecuencia dunha onda é inversamente proporcional a súa lonxitude de onda  $\lambda$ ,

$$f = \frac{c}{\lambda}$$

Cuanto maior sexa a súa lonxitude de onda, menor será a frecuencia e menor será a enerxía do fotón.

A enerxía cinética máxima dos electróns emitidos será:

$$E_c = E_f - W_e$$

A enerxía do fotón, que depende da frecuencia  $f$ , escríbese en función da lonxitude de onda  $\lambda$ .

$$E_f = h \cdot f = h \cdot \frac{c}{\lambda}$$

A enerxía cinética  $E_c$  máxima dos electróns escríbese en función do potencial de freado

$$E_c = |e| \cdot V$$

A ecuación de Einstein queda:

$$\frac{h \cdot c}{\lambda} = W_e + |e| \cdot V$$

Por tanto, canto maior sexa a súa lonxitude de onda menor será a enerxía dos fotóns e a enerxía cinética e o potencial de freado dos electróns emitidos.

Se tivéssemos todos os datos para facer os cálculos (a constante de Planck, a velocidade da luz no baleiro e a carga do electrón) descubriríamos que a radiación de 250 nm non produciría efecto fotoelétrico.

O traballo de extracción é:

$$W_e = \frac{h \cdot c}{\lambda} - |e| \cdot V = \frac{6,63 \cdot 10^{-34} [\text{J} \cdot \text{s}] \cdot 3,00 \cdot 10^8 [\text{m/s}]}{175 \cdot 10^{-9} [\text{m}]} - 1,60 \cdot 10^{-19} [\text{C}] \cdot 1 [\text{V}] = 9,74 \cdot 10^{-19} \text{ J}$$

A enerxía do fotón de 250 nm vale:

$$E_f = h \cdot f = h \cdot \frac{c}{\lambda} = \frac{6,63 \cdot 10^{-34} [\text{J} \cdot \text{s}] \cdot 3,00 \cdot 10^8 [\text{m/s}]}{250 \cdot 10^{-9} [\text{m}]} = 7,95 \cdot 10^{-19} [\text{J}]$$

Enerxía menor que o traballo de extracción. Non sería suficiente para producir efecto fotoelétrico.

8. A hipótese de De Broglie refírese a que:

- A) Ao medir con precisión a posición dunha partícula atómica altérase a súa enerxía.

- B) Todas as partículas en movemento levan asociada unha onda.  
 C) A velocidade da luz é independente do movemento da fonte emisora de luz.

(A.B.A.U. ord. 17)

**Solución:** B

De Broglie propuxo que nalgúns casos o comportamento de certas partículas podería interpretarse como o de ondas cuxa lonxitude de onda asociada  $\lambda$  viría dada pola expresión:

$$\lambda = \frac{h}{p} = \frac{h}{m \cdot v}$$

Na ecuación,  $h$  é a constante de Planck e  $m$  a masa da partícula e  $v$  a súa velocidade.

Como  $h$  é unha constante e  $m \cdot v$  é a expresión do momento lineal ou cantidade de movemento, a lonxitude da onda asociada a un protón é inversamente proporcional ao seu momento lineal.

As outras opcións.

- A. Falsa. É unha consecuencia do principio de indeterminación de Heisenberg.  
 C. Falsa. É un dos postulados da teoría da relatividade especial de Einstein.

### ● Desintegración radioactiva

1. Obsérvase que o número de núcleos  $N_0$  inicialmente presentes nunha mostra de isótopo radioactivo queda reducida a  $N_0/16$  ao cabo de 24 horas. O período de semidesintegración é:  
 A) 4 h  
 B) 6 h  
 C) 8,6 h

(A.B.A.U. extr. 21)

**Solución:** B

A lei de desintegración radioactiva, que di que o número de átomos que se desintegran na unidade de tempo é proporcional á cantidade de átomos presentes, ( $-dN = \lambda \cdot N \cdot dt$ ), pode expresarse como:

$$N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

$N$  é a cantidade de átomos que quedan sen desintegrar ao cabo dun tempo  $t$ ,  $N_0$  é a cantidade inicial de átomos e  $\lambda$  é a constante de desintegración.

Obtense unha versión máis manexable da ecuación de desintegración radioactiva,  $N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$ , pasando  $N_0$  ao outro membro, aplicando logaritmos neperianos e cambiando o signo:

$$-\ln(N/N_0) = \ln(N_0/N) = \lambda \cdot t$$

Calcúlase a constante de desintegración radioactiva substituíndo  $N$  por  $N_0/16$  e  $t$  por 24 h na expresión logarítmica:

$$-\ln \frac{(N_0/16)}{N_0} = -\ln \frac{1}{16} = \ln 16 = 2,77 = \lambda \cdot 24 [\text{h}]$$

$$\lambda = \frac{2,77}{24 [\text{h}]} = 0,116 \text{ h}^{-1}$$

O período de semidesintegración dunha substancia radioactiva é o tempo que transcorre ata que só queda a metade da mostra orixinal. Cando  $t = T_{1/2}$ ,  $N = N_0/2$ .

Poñendo na ecuación logarítmica: ( $2 N$ ) en lugar de  $N_0$ , e  $T_{1/2}$  en vez de  $t$ , queda:

$$\ln(2 N/N) = \lambda \cdot T_{1/2} \quad \Rightarrow \quad \lambda \cdot T_{1/2} = \ln 2$$

Calcúlase o período de semidesintegración da relación coa constante de desintegración radioactiva:

$$T_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda} = \frac{0,693}{0,116 [\text{h}^{-1}]} = 6 \text{ h}$$

*Análise:* Se o período de semidesintegración é de 6 horas, ao cabo de  $24 / 6 = 4$  períodos de semidesintegración quedarán  $N = N_0 \cdot (1/2)^4 = 1/16 N_0$ .

2. O estroncio-90 é un isótopo radioactivo cun período de semidesintegración de 28 anos. Se dispoñemos dunha mostra de dous moles do dito isótopo, o número de átomos de estroncio-90 que quedarán na mostra despois de 112 anos será:

- A)  $1/8 N_A$   
 B)  $1/16 N_A$   
 C)  $1/4 N_A$

DATO:  $N_A = 6,022 \cdot 10^{23}$  partículas/mol.

(A.B.A.U. ord. 19)

**Solución:** A

A lei de desintegración radioactiva, que di que o número de átomos que se desintegran na unidade de tempo é proporcional á cantidade de átomos presentes,  $(-dN = \lambda \cdot N \cdot dt)$ , pode expresarse como:

$$N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

$N$  é a cantidade de átomos que quedan sen desintegrar ao cabo dun tempo  $t$ ,  $N_0$  é a cantidade inicial de átomos e  $\lambda$  é a constante de desintegración.

Obtense unha versión máis manexable da ecuación de desintegración radioactiva,  $N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$ , pasando  $N_0$  ao outro membro, aplicando logaritmos neperianos e cambiando o signo:

$$-\ln(N/N_0) = \ln(N_0/N) = \lambda \cdot t$$

O período de semidesintegración dunha substancia radioactiva é o tempo que transcorre ata que só queda a metade da mostra orixinal. Cando  $t = T_{1/2}$ ,  $N = N_0 / 2$ .

Poñendo na ecuación logarítmica:  $(2 N)$  en lugar de  $N_0$ , e  $T_{1/2}$  en vez de  $t$ , queda:

$$\ln(2 N / N) = \lambda \cdot T_{1/2} \quad \Rightarrow \quad \lambda \cdot T_{1/2} = \ln 2$$

Calcúlase a constante de desintegración radioactiva da relación co período de semidesintegración:

$$\lambda = \frac{\ln 2}{T_{1/2}} = \frac{0,693}{28 [\text{ano}]} = 0,024 \text{ ano}^{-1}$$

Pasados 112 anos quedarán:

$$N = 2 \cdot N_A \cdot e^{-0,024 \text{ ano}^{-1} \cdot 112 \text{ ano}} = \frac{N_A}{8}$$

*Análise:* Como o período de semidesintegración é de 28 anos, ao cabo de  $112 / 28 = 4$  períodos de semidesintegración quedarán  $2 \cdot N_A \cdot (1/2)^4 = 2/16 N_A = 1/8 N_A$ .

3. Unha mostra dunha substancia radioactiva contiña hai 10 anos o dobre de núcleos que no instante actual; polo tanto, o número de núcleos que había hai 30 anos respecto ao momento actual era:

- A) Seis veces maior.  
 B) Tres veces maior.  
 C) Oito veces maior.

(A.B.A.U. extr. 20)

**Solución:** C

O período de semidesintegración dunha sustancia radioactiva é o tempo que transcorre ata que só queda a metade da mostra orixinal. É un valor constante. Do enunciado da cuestión dedúcese que o período de semidesintegración da sustancia radioactiva é de 10 anos xa que daquela había o dobre de núcleos que agora. De hai trinta anos ata agora transcorreron 3 períodos, polo que a cantidade que había entón era  $2^3 = 8$  veces maior que agora.

4. A vida media dun núclido radioactivo e o período de semidesintegración son:
- Conceptualmente iguais.
  - Conceptualmente diferentes pero valen o mesmo.
  - Diferentes, a vida media é maior.

(A.B.A.U. extr. 18)

**Solución:** C

A vida media  $\tau$  é a esperanza de vida dunha substancia radioactiva. É o valor medio dos tempos que tardarían en desintegrarse todos os núclidos dunha mostra.

$$\tau = \frac{\int_0^{\infty} t \cdot dN}{N_0} = \frac{\int_0^{\infty} t \cdot (-\lambda N) dt}{N_0}$$

Como  $N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$ :

$$\tau = \frac{\int_0^{\infty} t \cdot N_0 \cdot e^{-\lambda t} dt}{N_0} = \int_0^{\infty} t \cdot e^{-\lambda t} dt$$

Debemos realizar unha integración por partes:

$$\int u dv = u \cdot v - \int v du$$

Chamando:

$$\begin{aligned} u &= t & \Rightarrow du &= 1 \\ dv &= e^{-\lambda t} dt & \Rightarrow v &= -\frac{1}{\lambda} e^{-\lambda t} \end{aligned}$$

queda

$$\tau = \int_0^{\infty} t \cdot e^{-\lambda t} dt = \left[ -\frac{t}{\lambda} e^{-\lambda t} \right]_0^{\infty} - \int_0^{\infty} \frac{-1}{\lambda} e^{-\lambda t} dt = \left[ \frac{1}{\lambda} e^{-\lambda t} \right]_0^{\infty} = \frac{1}{\lambda}$$

O período de semidesintegración dunha substancia radioactiva é o tempo que transcorre ata que só queda a metade da mostra orixinal. Cando  $t = T_{1/2}$ ,  $N = N_0 / 2$ .

Poñendo na ecuación logarítmica:  $(2 N)$  en lugar de  $N_0$ , e  $T_{1/2}$  en vez de  $t$ , queda:

$$\ln(2 N / N) = \lambda \cdot T_{1/2} \quad \Rightarrow \quad \lambda \cdot T_{1/2} = \ln 2$$

Como  $\ln 2 = 0,693 < 1$ :

$$\tau = \frac{1}{\lambda} > \frac{\ln 2}{\lambda} = T_{1/2}$$

## ● Energía nuclear

1. A masa dun núcleo atómico é:
- Maior cá suma das masas das partículas que o constitúen.
  - Menor cá suma das masas das partículas que o constitúen.
  - Igual á suma das masas das partículas que o constitúen.

(A.B.A.U. extr. 22)

**Solución:** B

O defecto de masa é a diferenza entre a masa total dun núcleo atómico e a suma das masas das súas partículas constituíntes (protóns e neutróns). Esta diferenza de masa é debida á enerxía de ligazón que mantén unidas as partículas no núcleo, segundo a ecuación de Einstein:

$$E = \Delta m \cdot c^2$$

$E$  é a enerxía,  $m$  é a masa e  $c$  é a velocidade da luz.

Esta enerxía de ligazón, que se desprende cando se formou o núcleo, fai que a masa total do núcleo sexa menor que a suma das masas das partículas que o forman.

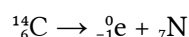
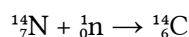
## ● Reaccións nucleares

- Alguns átomos de nitróxeno ( $^{14}_7\text{N}$ ) atmosférico chocan cun neutrón e transfórmanse en carbono ( $^{14}_6\text{C}$ ) que, por emisión  $\beta$ , se converte de novo en nitróxeno. Neste proceso:  
 A) Emítese radiación gamma.  
 B) Emítese un protón.  
 C) Non pode existir este proceso xa que se obtería  $^{14}_5\text{B}$ .

(A.B.A.U. extr. 23)

**Solución:** B

As reaccións nucleares descritas no enunciado son:



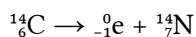
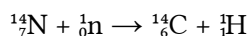
A primeira reacción, tal como está escrita, non respecta os principios de conservación da carga nin o do número másico. Supoñendo que na primeira reacción se emite unha partícula  $^A_Z\text{X}$ , e aplicando os principios de conservación do número bariónico (ou número másico) e da carga, queda:

$$14 + 1 = 14 + A \Rightarrow A = 1$$

$$7 + 0 = 6 + Z \Rightarrow Z = 1$$

A partícula  $^A_Z\text{X}$  é  $^1_1\text{H}$ , un protón.

As ecuacións completas son:



- Na reacción  $^{235}_{92}\text{U} + {}^1_0\text{n} \rightarrow ^{141}_{56}\text{Ba} + ^A_Z\text{X} + 3 {}^1_0\text{n}$ , cúmprese que:  
 A) É unha fusión nuclear.  
 B) Ponse en xogo unha gran cantidade de enerxía correspondente ao defecto de masa.  
 C) Ao elemento X correspóndelle o número atómico 36 e o número másico 94.

(A.B.A.U. ord. 22)

**Solución:** B

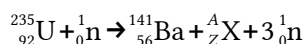
Nas reaccións nucleares libérase moita enerxía que é equivalente ao defecto de masa, segundo a ecuación de Einstein:

$$E = \Delta m \cdot c^2$$

As reaccións de fisión prodúcense ao bombardear un núcleo pesado, uranio ou plutonio, con neutróns térmicos, que se moven á velocidade adecuada para producir a fragmentación do núcleo en dous núcleos máis pequenos e a emisión de dous ou tres neutróns que producen unha reacción en cadea (se non se controla).

As outras opcións.

- Falsa. É unha reacción de fisión. O núcleo de uranio rómpese en outros máis pequenos ao ser bombardeado con neutróns. Os neutróns que se desprenden provoca unha reacción en cadea.
- Falsa.



Aplicando os principios de conservación do número bariónico (ou número másico) e da carga, queda:

$$235 + 1 = 141 + A + 3 \Rightarrow A = 92$$

$$92 = 56 + Z \Rightarrow Z = 36$$

O número atómico coincide, pero non o número másico.

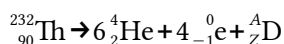
3. O  ${}^{232}_{90}\text{Th}$  desintégrese emitindo 6 partículas  $\alpha$  e 4 partículas  $\beta$ , o que dá lugar a un isótopo estable do chumbo de número atómico:

- A) 82  
B) 78  
C) 74

(A.B.A.U. extr. 19)

**Solución:** A

As partículas alfa son núcleos de helio  ${}^4_2\text{He}$ , as partículas beta electróns  ${}^0_{-1}\text{e}$  e as radiacións gamma fotóns  ${}^0_0\gamma$ . Escribindo a reacción nuclear:



Aplicando os principios de conservación do número bariónico (ou número másico) e da carga, queda:

$$232 = 6 \cdot 4 + A \Rightarrow A = 208$$

$$90 = 6 \cdot 2 + 4 \cdot (-1) + Z \Rightarrow Z = 82$$

## ◇ LABORATORIO

1. Nun experimento sobre o efecto fotoeléctrico nun certo metal observouse a correlación entre o potencial de freado,  $V(\text{freado})$ , e a frecuencia,  $\nu$ , da radiación empregada que mostra a táboa.
- a) Representa graficamente a frecuencia  $f$  en unidades de  $10^{14}$  Hz (eixo Y) fronte a  $V(\text{freado})$  en V (eixo X) e razoe se debe esperarse unha ordenada na orixe positiva ou negativa.
- b) Deduce o valor da constante de Planck a partir da gráfica.
- DATO:  $|q_e| = 1,6 \times 10^{-19}$  C.
- Rta.:** b)  $h = 6,6 \cdot 10^{-34}$  J·s.

(A.B.A.U. extr. 24)

**Solución:**

Cando a luz interactúa co metal da célula fotoeléctrica faino coma se fose un chorro de partículas chamadas fotóns (paquetes de enerxía).

Cada fotón choca cun electrón e transmítelle toda a súa enerxía.

Para que se produza efecto fotoeléctrico, os electróns emitidos deben ter enerxía suficiente para chegar ao anticátodo, o que ocorre cando a enerxía do fotón é maior que o traballo de extracción, que é unha característica do metal.

A ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico pode escribirse:

$$E_f = W_e + E_c$$

Na ecuación,  $E_f$  representa a enerxía do fotón incidente,  $W_e$  o traballo de extracción do metal e  $E_c$  a enerxía cinética máxima dos electróns (fotoelectróns) emitidos.

A enerxía que leva un fotón de frecuencia  $f$  é:

$$E_f = h \cdot f$$

$h$  é a constante de Planck e ten un valor moi pequeno:  $h = 6,63 \cdot 10^{-34}$  J·s.

O potencial de freado é a diferenza de potencial que detén o paso de electróns, sendo unha medida da súa enerxía cinética máxima:

$$E_c = q \cdot V$$

Ordenamos a ecuación de Einstein para que se axuste á gráfica da frecuencia fronte ao potencial de freado.

$$h \cdot f = W_e + q \cdot V$$

$$f = (q/h) \cdot V + W_e/h$$

Esta é a ecuación dunha recta

$$y = m \cdot x + b$$

Nela,  $f$  é a variable dependente ( $y$ ),  $V$  é a variable independente ( $x$ ),  $(q/h)$  sería a pendente  $m$  e  $(W_e/h)$  a ordenada  $b$  na orixe.

A ordenada na orixe ten que ser positiva, porque corresponde á frecuencia limiar: a frecuencia mínima dos fotóns para producir o efecto fotoeléctrico.

Se se dispón dunha folla de cálculo, pódese pedir que faga unha regresión lineal para obter a pendente e a ordenada na orixe.

A constante de Planck calcúlase da pendente:

$$m = 2,42 \cdot 10^{14} = q/h$$

$$h = \frac{q}{m} = \frac{1,6 \cdot 10^{-19} [\text{C}]}{2,42 \cdot 10^{14} [\text{Hz/V}]} = 6,6 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$$

Na proba de acceso non deixan, polo de agora, empregar follas de cálculo. Pódese tomar como unha boa aproximación da pendente o cociente entre os valores dos puntos máximo e mínimo:

$$m = \frac{(8,000 - 4,000) \cdot 10^{14} [\text{Hz}]}{(1,809 - 0,154) [\text{V}]} = 2,417 \cdot 10^{14} \text{ Hz/V}$$

Con este resultado, calcúlase a constante de Planck:

$$h = \frac{q}{m} = \frac{1,6 \cdot 10^{-19} [\text{C}]}{2,417 \cdot 10^{14} [\text{Hz/V}]} = 6,6 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$$

*Análise: Este resultado é moi aproximado ao valor correcto ( $h = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$ ). Aínda que os datos das medidas teñen catro cifras significativas, ao facer unha aproximación da pendente e vendo que o valor da carga do electrón só ten dúas, o valor calculado da constante de Planck, só terá dúas cifras significativas.*

2. Ao iluminar a superficie dun metal con luz de lonxitude de onda 280 nm, a emisión de fotoelectróns cesa para un potencial de freado de 1,3 V.

- Determina a función traballo do metal e a frecuencia limiar de emisión fotoeléctrica.
- Representa a gráfica enerxía cinética – frecuencia e determina o valor da constante de Planck a partir da dita gráfica.

DATOS:  $h = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$ ;  $c = 3 \cdot 10^8 \text{ m s}^{-1}$ ;  $|q_e| = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ .

(A.B.A.U. extr. 23)

**Rta.:** a)  $W_e = 5,0 \cdot 10^{-19} \text{ J}$ ;  $f_0 = 7,6 \cdot 10^{14} \text{ Hz}$ .

### Solución:

Esta cuestión non ten sentido. Para poder calcular a función traballo necesitamos o valor da constante de Planck (que é un dato!). Pero no apartado b) nos piden que calculemos a constante de Planck!

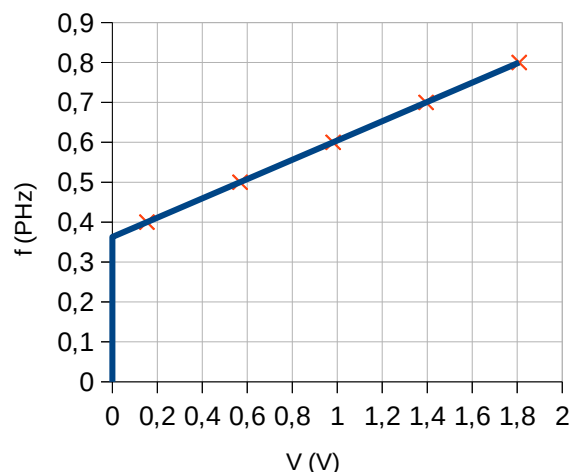
Piden que fagamos unha gráfica, pero só nos dan valores para un punto!

Pódese resolver o apartado a) co dato da constante de Planck.

Da relación entre a lonxitude de onda e a frecuencia,  $f = c/\lambda$ , obtense a frecuencia da radiación:

$$f = \frac{c}{\lambda} = \frac{3,00 \cdot 10^8 [\text{m}\cdot\text{s}^{-1}]}{280 [\text{nm}]} \cdot \frac{1 [\text{nm}]}{10^{-9} [\text{m}]} = 1,07 \cdot 10^{15} \text{ Hz}$$

A partir do potencial de obtense a enerxía cinética:



$$E_c = |q_e| \cdot V = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ [C]} \cdot 1,3 \text{ [V]} = 2,1 \cdot 10^{-19} \text{ J}$$

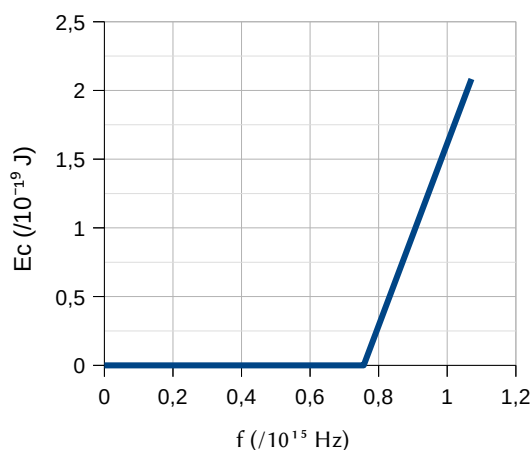
Combinando as ecuacións de Planck,  $E_f = h \cdot f$ , e Einstein,  $E_f = W_e + E_c$ , obtense o traballo de extracción:

$$W_e = E_f - E_c = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ [J}\cdot\text{s]} \cdot 1,07 \cdot 10^{15} \text{ [s}^{-1}\text{]} - 2,08 \cdot 10^{-19} \text{ [J]} = 5,0 \cdot 10^{-19} \text{ J}$$

Da relación entre o traballo de extracción,  $W_e$ , e a frecuencia limiar,  $f_0$ , obtense a frecuencia limiar:

$$W_e = h \cdot f_0 \Rightarrow f_0 = \frac{W_e}{h} = \frac{5,0 \cdot 10^{-19} \text{ [J]}}{6,63 \cdot 10^{-34} \text{ [J}\cdot\text{s]}} = 7,6 \cdot 10^{14} \text{ Hz}$$

Pódese tamén facer unha gráfica con dous puntos, o dos datos e o da frecuencia limiar.



Pero non se pode determinar o valor da constante de Planck, porque temos empregado o valor do dato nos cálculos anteriores.

De ter os datos axeitados, cunha folla de cálculo poderíase debuxar a gráfica e obter a ecuación da liña de tendencia.

Ordenando a ecuación de Einstein para que se axuste á gráfica da enerxía cinética fronte a frecuencia.

$$E_c = E_f - W_e = h \cdot f - W_e$$

Esta é a ecuación dunha recta:

$$y = m \cdot x + b$$

Nela  $E_c$  é a variable dependente ( $y$ ),  $f$  é a variable independente ( $x$ ),  $h$  sería a pendente ( $m$ ) e  $(-W_e)$  a ordenada  $b$  na orixe.

Calculando o valor da pendente determinárase o valor da constante de Planck.

3. Nunha experiencia para medir  $h$ , ao iluminar unha superficie metálica cunha radiación de lonxitude de onda  $\lambda = 200 \cdot 10^{-9} \text{ m}$ , o potencial de freado para os electróns é de 1,00 V. Se  $\lambda = 175 \cdot 10^{-9} \text{ m}$ , o potencial de freado é 1,86 V.

- Determina o traballo de extracción do metal.
- Representa o valor absoluto do potencial de freado fronte á frecuencia e obtén da dita representación o valor da constante de Planck.

DATOS:  $|q_e| = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ ;  $c = 3 \cdot 10^8 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$ .

(A.B.A.U. extr. 21)

Rta.: a)  $W_e = 8,3 \cdot 10^{-19} \text{ J}$ ; b)  $h = 6,6 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$

### Solución:

- a) A ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico pode escribirse:

$$E_f = W_e + E_c$$

Na ecuación,  $E_f$  representa a enerxía do fotón incidente,  $W_e$  o traballo de extracción do metal e  $E_c$  a enerxía cinética máxima dos electróns (fotoelectróns) emitidos.

A enerxía que leva un fotón de frecuencia  $f$  é:



$$E_f = h \cdot f$$

En esta ecuación,  $h$  é a constante de Planck.

O potencial de freado  $V$  é a diferenca de potencial que detén o paso de electróns, sendo unha medida da súa enerxía cinética máxima  $E_c$ , sendo  $q$  a carga do electrón en valor absoluto:

$$E_c = q \cdot V$$

A ecuación de Einstein quedaría:

$$h \cdot f = W_e + q \cdot V$$

O traballo de extracción e a constante de Planck poden calcularse resolvendo un sistema de dúas ecuacións con dúas incógnitas:

$$\begin{aligned} h \cdot f_1 &= W_e + q \cdot V_1 \\ h \cdot f_2 &= W_e + q \cdot V_2 \end{aligned}$$

Expresando a frecuencia  $f$  en función da lonxitude de onda  $\lambda$ :  $f = c / \lambda$  e substituíndo os datos, supoñendo tres cifras significativas, quedaría:

$$\begin{cases} \frac{h \cdot 3 \cdot 10^8}{200 \cdot 10^{-9}} = W_e + 1,6 \cdot 10^{-19} \cdot 1,00 \\ \frac{h \cdot 3 \cdot 10^8}{175 \cdot 10^{-9}} = W_e + 1,6 \cdot 10^{-19} \cdot 1,86 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 1,50 \cdot 10^{15} \cdot h = W_e + 1,60 \cdot 10^{-19} \\ 1,71 \cdot 10^{15} \cdot h = W_e + 2,98 \cdot 10^{-19} \end{cases}$$

Restándoas obteríase unha expresión en función de  $h$ :

$$0,21 \cdot 10^{15} \cdot h = 1,38 \cdot 10^{-19}$$

Calcúlase  $h$ , despegándoa da relación anterior:

$$h = \frac{1,38 \cdot 10^{-19}}{0,21 \cdot 10^{15}} = 6,6 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$$

Calcúlase o traballo de extracción substituíndo o valor de  $h$  na primeira das dúas ecuacións:

$$\begin{aligned} 1,5 \cdot 10^{15} \cdot 6,6 \cdot 10^{-34} &= W_e + 1,6 \cdot 10^{-19} \\ W_e &= 1,5 \cdot 10^{15} \cdot 6,6 \cdot 10^{-34} - 1,6 \cdot 10^{-19} = 8,3 \cdot 10^{-19} \text{ J} \end{aligned}$$

b) Cunha folla de cálculo pódese debuxar a gráfica e obter a ecuación da liña de tendencia.

Ordenamos a ecuación de Einstein para que se axuste á gráfica do potencial de freado fronte a frecuencia.

$$V = (h / q) \cdot f - W_e / q$$

Esta é a ecuación dunha recta:

$$y = m \cdot x + b$$

Nela,  $V$  é a variable dependente ( $y$ ),  $f$  é a variable independente ( $x$ ),  $(h / q)$  sería a pendente  $m$  e  $(-W_e / q)$  a ordenada  $b$  na orixe.

$$V = 4,01 \cdot 10^{-15} f - 5,02$$

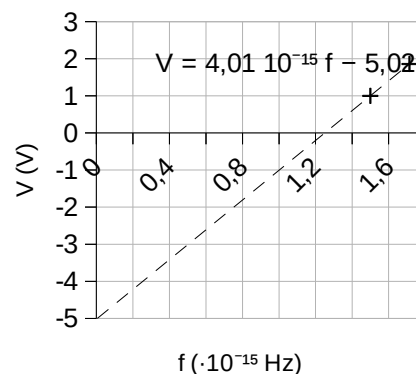
O traballo de extracción  $W_e$  pode calcularse da ordenada na orixe  $b$ :

$$b = -5,02 = -W_e / q$$

$$W_e = 5,02 \cdot q = 5,02 \text{ [V]} \cdot 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ [C]} = 8,0 \cdot 10^{-19} \text{ J}$$

A constante de Planck  $h$  obtense da pendente  $m$ :

$$h = q \cdot m = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ [C]} \cdot 4,01 \cdot 10^{-15} \text{ [V/s}^{-1}] = 6,4 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$$



4. Nunha experiencia para calcular o traballo de extracción dun metal observamos que os fotoelectróns expulsados da súa superficie por unha luz de  $4 \cdot 10^{-7}$  m de lonxitude de onda no baleiro son freados por unha diferenza de potencial de 0,80 V. E se a lonxitude de onda é de  $3 \cdot 10^{-7}$  m o potencial de freado é 1,84 V.

a) Representa graficamente a frecuencia fronte ao potencial de freado.

b) Determina o traballo de extracción a partir da gráfica.

DATOS:  $c = 3 \cdot 10^8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$ ;  $h = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$ ;  $|q_e| = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ .

(A.B.A.U. extr. 20)

Rta.:  $W_e = 2,3 \text{ eV}$

### Solución:

Cando a luz interactúa co metal da célula fotoeléctrica faíno coma se fose un chorro de partículas chamadas fotóns (paquetes de enerxía).

Cada fotón choca cun electrón e transmíttelle toda a súa enerxía.

Para que se produza efecto fotoeléctrico, os electróns emitidos deben ter enerxía suficiente para chegar ao anticátodo, o que ocorre cando a enerxía do fotón é maior que o traballo de extracción, que é unha característica do metal.

A ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico pode escribirse:

$$E_f = W_e + E_c$$

Na ecuación,  $E_f$  representa a enerxía do fotón incidente,  $W_e$  o traballo de extracción do metal e  $E_c$  a enerxía cinética máxima dos electróns (fotoelectróns) emitidos.

A enerxía que leva un fotón de frecuencia  $f$  é:

$$E_f = h \cdot f$$

$h$  é a constante de Planck e ten un valor moi pequeno:  $h = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$ .

O potencial de freado é a diferenza de potencial que detén o paso de electróns, sendo unha medida da súa enerxía cinética máxima:

$$E_c = q \cdot V$$

Ordenamos a ecuación de Einstein para que se axuste á gráfica da frecuencia fronte ao potencial de freado.

$$h \cdot f = W_e + q \cdot V$$

$$f = (q/h) \cdot V + W_e/h$$

Esta é a ecuación dunha recta

$$y = m \cdot x + b$$

Nela,  $f$  é a variable dependente ( $y$ ),  $V$  é a variable independente ( $x$ ),  $(q/h)$  sería a pendente  $m$  e  $(W_e/h)$  a ordenada  $b$  na orixe.

O traballo de extracción pode calcularse da ordenada na orixe:

$$b = 0,55 \cdot 10^{15} = W_e/h$$

$$W_e = 0,55 \cdot 10^{15} \cdot h = 0,55 \cdot 10^{15} [\text{s}^{-1}] \cdot 6,63 \cdot 10^{-34} [\text{J} \cdot \text{s}] = 3,7 \cdot 10^{-19} \text{ J}$$

$$W_e = 3,7 \cdot 10^{-19} [\text{J}] / 1,6 \cdot 10^{-19} [\text{J/eV}] = 2,3 \text{ eV}$$

5. Pódese medir experimentalmente a enerxía cinética máxima dos electróns emitidos ao facer incidir luz de distintas frecuencias sobre unha superficie metálica. Determina o valor da constante de Planck a partir dos resultados que se mostran na gráfica adxunta. DATO:  $1 \text{ eV} = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ J}$ .

(A.B.A.U. extr. 18)

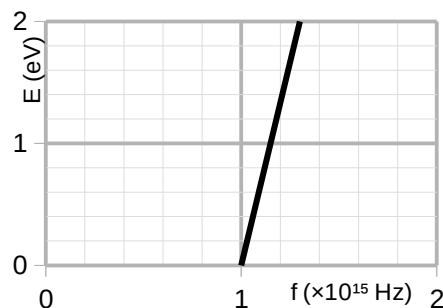
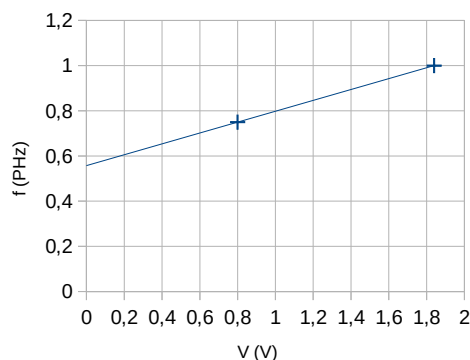
### Solución:

A ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico pode escribirse:

$$E_f = W_e + E_c$$

Na ecuación,  $E_f$  representa a enerxía do fotón incidente,  $W_e$  o traballo de extracción do metal e  $E_c$  a enerxía cinética máxima dos electróns (fotoelectróns) emitidos.

A enerxía que leva un fotón de frecuencia  $f$  é:



$$E_f = h \cdot f$$

En esta ecuación,  $h$  é a constante de Planck.

Ordenamos a ecuación de Einstein para que se axuste á gráfica.

$$E_c = E_f - W_e = h \cdot f - W_e$$

Esta é a ecuación dunha recta na que  $E_c$  é a variable dependente ( $y$ ),  $f$  é a variable independente ( $x$ ), e  $h$  sería a pendente  $m$ .

A pendente pode calcularse:

$$m = \frac{\Delta y}{\Delta x} \quad \Rightarrow \quad h = \frac{\Delta E_c}{\Delta f}$$

Lendo os valores na gráfica:

$$\begin{array}{ll} f_1 = 1,0 \cdot 10^{15} \text{ Hz} & E_{c1} = 0 \text{ eV} = 0 \text{ J} \\ f_2 = 1,3 \cdot 10^{15} \text{ Hz} & E_{c1} = 2 \text{ eV} = 3,2 \cdot 10^{-19} \text{ J} \end{array}$$

$$h = \frac{\Delta E_c}{\Delta f} = \frac{(3,2 \cdot 10^{-19} - 0) \text{ J}}{(1,3 \cdot 10^{15} - 1,0 \cdot 10^{15}) \text{ s}^{-1}} = \frac{(3,2 \cdot 10^{-19} - 0) \text{ J}}{3 \cdot 10^{14} \text{ s}^{-1}} = 1 \cdot 10^{-33} \text{ J} \cdot \text{s}$$

*Análise: O resultado do noso cálculo ten unha soa cifra significativa porque o denominador só ten unha cifra significativa. O valor da constante de Planck é  $h = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$  como pode verse nos datos do problema 1 da opción B. É da mesma orde de magnitude.*

## ACLARACIÓNS

Os datos dos enunciados dos problemas non adoitan ter un número adecuado de cifras significativas, ben porque o redactor pensa que a Física é unha rama das Matemáticas e os números enteiros son números «exactos» (p. ex. a velocidade da luz:  $3 \cdot 10^8 \text{ m/s}$  cre que é 300 000 000,000000 000 000 000... m/s) ou porque aínda non se decatou de que se pode usar calculadora no exame e parécelle máis sinxelo usar  $3 \cdot 10^8$  que 299 792 458 m/s).

Por iso supuxen que os datos teñen un número de cifras significativas razoables, case sempre tres cifras significativas. Menos cifras darían resultados, en certos casos, cunha incerteza desmedida. Así que cando tomo un dato como  $c = 3 \cdot 10^8 \text{ m/s}$  e reescribo como:

**Cifras significativas: 3**

$$c = 3,00 \cdot 10^8 \text{ m/s}$$

O que quero indicar é que supoño que o dato orixinal ten tres cifras significativas (non que as teña en realidade) para poder realizar os cálculos cunha incerteza máis pequena que a que tería nese caso. ( $3 \cdot 10^8 \text{ m/s}$  ten unha soa cifra significativa, e unha incerteza relativa do 30 %. Como as incertezas adóitanse acumular ao longo do cálculo, a incerteza final sería inadmisíble. Entón, para que realizar os cálculos? Cunha estimación sería suficiente).

Cuestións e problemas das [Probos de avaliación de Bacharelato para o acceso á Universidade](#) (A.B.A.U. e P.A.U.) en Galiza.

[Respostas](#) e composición de [Alfonso J. Barbadillo Marán](#).

Alguns cálculos fixéronse cunha [folla de cálculo](#) de [LibreOffice](#) do mesmo autor.

Algunhas ecuacións e as fórmulas orgánicas construíronse coa extensión [CLC09](#) de Charles Lalanne-Cassou.

A tradución ao/desde o galego realizouse coa axuda de [traducindote](#), e de o [tradutor da CIXUG](#).

Procurouse seguir as [recomendacións](#) do Centro Español de Metrología (CEM).

Consultouse ao Copilot de Microsoft Edge e tivéronse en conta algunhas das súas respostas nas cuestións.

Actualizado: 07/07/24

## Sumario

### FÍSICA DO SÉCULO XX

PROBLEMAS.....	1
<i>Efecto fotoeléctrico.....</i>	<i>1</i>
<i>Desintegración radioactiva.....</i>	<i>7</i>
<i>Energía nuclear.....</i>	<i>17</i>
CUESTIÓNS.....	18
<i>Física relativista.....</i>	<i>18</i>
<i>Física cuántica.....</i>	<i>21</i>
<i>Desintegración radioactiva.....</i>	<i>26</i>
<i>Energía nuclear.....</i>	<i>28</i>
<i>Reaccións nucleares.....</i>	<i>29</i>
LABORATORIO.....	30

### Índice de probas A.B.A.U.

2017.....	
1. (ord.).....	16, 26
2. (extr.).....	15, 24
2018.....	
1. (ord.).....	6, 14
2. (extr.).....	4, 17, 28, 34
2019.....	
1. (ord.).....	20, 23, 27
2. (extr.).....	3, 30
2020.....	
1. (ord.).....	12, 20, 25
2. (extr.).....	27, 34
2021.....	
1. (ord.).....	11, 23
2. (extr.).....	20, 26, 32
2022.....	
1. (ord.).....	2, 19, 29
2. (extr.).....	1, 20, 28
2023.....	
1. (ord.).....	10, 19, 22
2. (extr.).....	22, 29, 31
2024.....	
1. (ord.).....	8, 18, 21
2. (extr.).....	7, 30