Instituto Tecnológico Autónomo de México

Economía Computacional

Tarea 2

Equipo 7

Prof. Isidoro García Urquieta

Alfredo Lefranc Flores

144346

Cynthia Raquel Valdivia Tirado

81358

Rafael Sandoval Fernández

143689

Marco Antonio Ramos Juárez

142244

Francisco Velazquez Guadarrama

175606

Ciudad de México 2021

Contents

Contexto	2
Datos	3
1. Qué variables tienen missing values? Toma alguna decisión con los missing values.	
Justifica tu respuesta	3
Análisis de missing values general	3
Analisis por variable	6
2. Tabula la distribución de la variable churn. Muestra la frecuencia absoluta y	
relativa. Crees que se debe hacer oversampling/undersamping?	11
3. (2 pts) Divide tu base en entrenamiento y validación ($80/20$). Además, considera	
hacer oversampling (SMOTE) o undersampling. (Tip: Recuerda que el objetivo	
final es tener muestra ~balanceada en el traning set. En el validation la distribuci	ón
debe ser la original)	13
Model estimation	16
$4~(2~\mathrm{pts}).$ Estima un cross validated LASSO. Muestra el la gráfica de CV Binomial	
Deviance vs Complejidad	16
5. Grafica el Lasso de los coeficientes vs la complejidad del modelo	17
6 (2 pts). Cuál es la λ resultante? Genera una tabla con los coeficientes que selecciona el	
CV LASSO. Cuántas variables deja iguales a cero? Cuales son las 3 variables más	,
importantes para predecir el abandono? Da una explicación intuitiva a la	
última pregunta	19
7. Genera un data frame (usando el validation set) que tenga: customer, churn y	
las predicciones del LASSO	21
8. Estima ahora tree. Usa mindev = 0.05, mincut = 1000 Cuántos nodos terminales	
salen? Muestra el summary del árbol	21
9. Grafica el árbol resultante	22
10. Poda el árbol usando CV. Muestra el resultado. Grafica Tree Size vs Binomial	
Deviance. Cuál es el mejor tamaño del árbol? Mejora el Error?	23
11. Gráfica el árbol final. (Tip: Checa prune.tree)	24
12. Genera las predicciones del árbol pruned. Guardalas en la base de predicciones.	
Guarda el score y la prediccion categorica en la misma data frame donde	
guardaste las predicciones del LASSO	25
13 (4pts). Corre un Random Forest ahora. Cuál es la B para la que ya no ganamos	
mucho más en poder predictivo?	25
14. Escoge un random forest para hacer las predicciones. Grafica la importancia de	
las variables. Interpreta	27
15. Genera las predicciones OOS para el random forest. Guardalas en la misma	0.0
data.frame que los otros modelos	28

10 (2pts). Corre el mismo lorest pero anora con probability = 1. Esto generara	
predicciones númericas en lugar de categóricas. Genera las predicciones continuas	
y guardalas en el mismo data frame	28
17 (4 pts). Genera graficas de las curvas ROC para los tres modelos. Cual parece	
ser mejor?	29
18. Genera una tabla con el AUC ROC. Cuál es el mejor modelo ?	31
19 (2pts). Escoge un punto de corte para generar predicciones categoricas para el	
LASSO basado en la Curva ROC. Genera las matrices de confusión para cada	
modelo. Compáralas. Qué tipo de error es mas pernicioso?	32
20 (2pts). Finalmente, construye una lift table. Esto es, para 20 grupos del score	
predecido, genera 1) El promedio de las predicciones, 2) el promedio del churn	
observado. Existe monotonía? El mejor algoritmo es monotónico? (Tip: usa	
ntile para generar los grupos a partir de las predicciones)	36
EXTRA: XGB	40

Contexto

Cell2Cell es una compañía de teléfonos celulares que intenta mitigar el abandono de sus usuarios. Te contratan para 1) Encontrar un modelo que prediga el abandono con acierto y para usar los insights de este modelo para proponer una estrategia de manejo de abandono.

Las preguntas que contestaremos son:

- 1. Se puede predecir el abandono con los datos que nos compartieron?
- 2. Cuáles son las variables que explican en mayor medida el abandono?
- 3. Qué incentivos da Cell2Cell a sus usarios para prevenir el abandono?
- 4. Cuál es el valor de una estrategia de prevención de abandono focalizada y cómo difiere entre los segmentos de los usuarios? Qué usuarios deberían de recibir incentivos de prevención? Qué montos de incentivos

Nota: Voy a evaluar las tareas con base en la respuesta a cada pregunta. Como hay algunas preguntas que no tienen una respuesta clara, al final ponderaré de acuerdo al poder predictivo de su modelo vs las respuestas sugeridas.

Datos

Los datos los pueden encontrar en Cell2Cell.Rdata. En el archivo Cell2Cell-Database-Documentation.xlsx pueden encontrar documentación de la base de datos.

Carguemos los datos

```
load("Cell2Cell.Rdata") %>% as.data.frame()

.
1 cell2cell

# file path de archivo path_data <-
# file.path('C:/Users/rsf94/Documents/economia_computacional/tarea_2',
# 'Cell2Cell.RData')

# renombrar como data
data <- as.data.frame(cell2cell)
rm(cell2cell)</pre>
```

1. Qué variables tienen missing values? Toma alguna decisión con los missing values. Justifica tu respuesta

Análisis de missing values general

Primero revisamos las columnas que tienen missing values y su cantidad.

```
# function para NAs
check_nas <- function(df) {
    df %>% select_if(~sum(is.na(.)) > 0) %>% miss_var_summary()
}

# tabla resumen de missing values
kable(check_nas(data), booktabs = T, align = "c", col.names = c("Variable",
    "Cantidad", "%"), digits = 2) %>% kable_styling(position = "center",
    latex_options = "HOLD_position")
```

Variable	Cantidad	%
age1	1244	1.75
age2	1244	1.75
changem	502	0.71
changer	502	0.71
revenue	216	0.30
mou	216	0.30
recchrge	216	0.30
directas	216	0.30
overage	216	0.30
roam	216	0.30
phones	1	0.00
models	1	0.00
eqpdays	1	0.00

Revisamos más a detalle estas variables y notamos que todas son numéricas.

```
# columnas con NAs
cols_con_nas <- names(which(colSums(is.na(data)) > 0))
df_nas <- data %>% select(all_of(cols_con_nas)) %>% as.data.frame()
summary(df_nas)
```

revenue	mou	recchrge	directas
Min. : -6.168	Min. : 0.0	Min. :-11.29 M	lin. : 0.0000
1st Qu.: 33.642	1st Qu.: 158.2	1st Qu.: 30.00 1	st Qu.: 0.0000
Median: 48.530	Median : 366.0	Median: 44.99 M	Median : 0.2475
Mean : 58.853	Mean : 525.7	Mean : 46.88 M	lean : 0.8940
3rd Qu.: 71.030	3rd Qu.: 721.8	3rd Qu.: 59.99	Brd Qu.: 0.9900
Max. :1223.380	Max. :7667.8	Max. :399.99 M	Max.:159.3900
NA's :216	NA's :216	NA's :216 N	IA's :216
overage	roam	changem	changer
Min. : 0.00	Min. : 0.0000	Min. :-3875.00	Min. :-1107.740
1st Qu.: 0.00	1st Qu.: 0.0000	1st Qu.: -83.00	1st Qu.: -7.107
Median : 2.50	Median : 0.0000	Median : -5.00	Median: -0.295
Mean : 40.09	Mean : 1.2211	Mean : -10.85	Mean : -1.206
3rd Qu.: 40.75	3rd Qu.: 0.2575	3rd Qu.: 65.75	3rd Qu.: 1.605
Max. :4320.75	Max. :1112.4480	Max. : 5192.25	Max. : 2483.482
NA's :216	NA's :216	NA's :502	NA's :502
phones	models	eqpdays	age1

```
: -5.0
Min.
       : 1.000
                         : 1.000
                  Min.
                                    Min.
                                                      Min.
                                                              : 0.00
1st Qu.: 1.000
                  1st Qu.: 1.000
                                    1st Qu.: 204.0
                                                      1st Qu.: 0.00
Median : 1.000
                  Median : 1.000
                                    Median : 330.0
                                                      Median :36.00
       : 1.809
                                            : 380.3
Mean
                  Mean
                         : 1.562
                                    Mean
                                                      Mean
                                                              :31.38
3rd Qu.: 2.000
                  3rd Qu.: 2.000
                                    3rd Qu.: 515.0
                                                      3rd Qu.:48.00
Max.
       :28.000
                  Max.
                         :16.000
                                    Max.
                                            :1823.0
                                                      Max.
                                                              :99.00
NA's
       :1
                  NA's
                         :1
                                    NA's
                                            :1
                                                      NA's
                                                              :1244
     age2
Min.
       : 0.00
1st Qu.: 0.00
Median: 0.00
Mean
       :21.16
3rd Qu.:42.00
       :99.00
Max.
NA's
       :1244
```

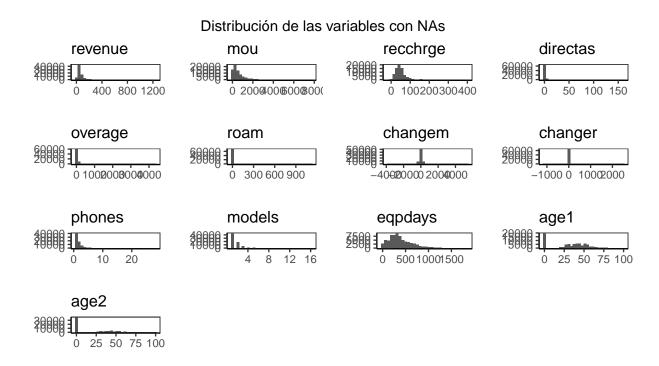
Otro elemento importante a tener en cuenta son las coincidencias de los NAs en observaciones. Por ejemplo, los 216 valores faltantes para revenue, mou, recchrge, directas, overage y roam coinciden. Lo mismo pasa con los 502 valores faltantes de changem y changer, con el valor faltante de phones, models, eqpdays, y con los 1244 valores faltantes de age1 y age2. Esto en general nos dice qué los NAs están agrupados, lo cual es indicio de que tal vez haya un patrón detrás; y de que no hay un problema serio de NAs. No obstante, para no perder dicha información, lo mejor sería hacer imputación.

El primer paso para evaluar la estrategia de imputación es examinar la distribución de estas variables.

```
# creo una función para hacer los histogramas pertinentes

myhist <- function(yvar) {
    ggplot(df_nas, aes_(x = as.name(yvar))) + geom_histogram() +
        ggtitle(paste0(as.name(yvar))) + xlab("") + ylab("") +
        geom_rangeframe() + theme_bw() + theme(axis.line = element_line(colour = "black"),
        panel.grid.major = element_blank(), panel.grid.minor = element_blank(),
        panel.background = element_blank())
}
hists <- df_nas %>% names() %>% lapply(myhist)

# grafico las variables
grid.arrange(grobs = hists, ncol = 4, top = textGrob("Distribución de las variables con NAs"))
```



Analisis por variable

En esta sección procederemos a hacer un análisis por cada grupo de NAs

Se trata de variables de edad que comienzan a partir de los 18 y para las cuales existe una etiqueta "0" que curiosamente es la moda. Es decir, no conocemos la edad para una gran parte de las observaciones. Podemos aprovechar esta etiqueta y extenderla para tratar los missing values, de tal manera que ahora los NA's tienen la etiqueta "0".

```
# imputación de etiqueta
data$age1[is.na(data$age1)] <- 0
data$age2[is.na(data$age2)] <- 0</pre>
```

phones, models y eqpdays

En este caso, solo estamos hablando de un missing value por lo que haremos algo sencillo, imputar la mediana.

```
# imputación de mediana
data$phones[is.na(data$phones)] <- median(data$phones[!is.na(data$phones)]) %>%
    as.numeric
data$models[is.na(data$models)] <- median(data$models[!is.na(data$models)]) %>%
    as.numeric
data$eqpdays[is.na(data$eqpdays)] <- median(data$eqpdays[!is.na(data$eqpdays)])</pre>
```

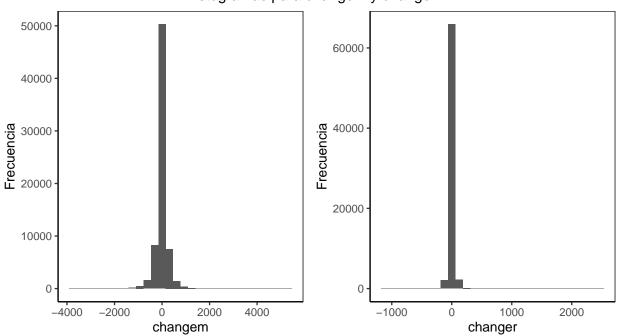
changem y changer

```
# histograma
plot1 <- ggplot(data, aes_(x = (data$changem))) + geom_histogram() +
    ylab("Frecuencia") + xlab("changem") + theme_bw() + theme(axis.line = element_line(colour = panel.grid.major = element_blank(), panel.grid.minor = element_blank(),
    panel.background = element_blank())

plot2 <- ggplot(data, aes_(x = (data$changer))) + geom_histogram() +
    ylab("Frecuencia") + xlab("changer") + theme_bw() + theme(axis.line = element_line(colour = panel.grid.major = element_blank(), panel.grid.minor = element_blank(),
    panel.background = element_blank())

grid.arrange(plot1, plot2, ncol = 2, top = textGrob("Histogramas para changem y changer"))</pre>
```

Histogramas para changem y changer



En este caso, ante la sospecha notamos que las medias están muy centradas en algún valor cercano a cero pero los outliers son considerables. Por ello, decidimos imputar con la mediana muestral.

```
# imputación de mediana
data$changem[is.na(data$changem)] <- median((data$changem[!is.na(data$changem)]))
data$changer[is.na(data$changer)] <- median((data$changer[!is.na(data$changer)]))</pre>
```

revenue, mou, recchrge, directas, overage, roam

Debido a que los 216 valores que faltan son compartidos por todo este grupo de vairables, sería inadecuado hacer imputaciones con base en información entre ellas. Lo que podemos hacer es A) imputar simplemente la media muestral o B) encontrar alguna relación con otras variables que nos permitan imputar con base en un modelo lineal sencillo.

```
# dataframe de correlaciones
aux_data <- data.frame(sapply(data, function(x) as.numeric(as.character(x))))
aux_data <- aux_data[complete.cases(aux_data), ]
cor_aux <- cor(aux_data)
cor_aux <- data.frame(cor_aux) %>% select(churn, changer, changem,
    revenue, mou, recchrge, directas, overage, roam)
```

En el data frame cor_aux podemos ver las correlaciones entre nuestras variables con missing values y las demás. Podemos proponer imputar en cada variable el valor predicho por una regresión, De esta manera, lograremos una mejor imputación que con solo la media muestral. Para construir los modelos simplemente elegimos para cada variable las variables más correlacionadas (tanto negativa como positivamente), sin contar revenue, mou, recchrge, directas, overage ni roam pues los missing values son compartidos y no contamos con esa información para estimar.

En esta tabla podemos observar que en general los modelos nos dan una predicción mejor a la media, excepto en el último modelo sobre roam. Esta información nos da luz verde para realizar una imputación con base en una regresión lineal. En el caso de roam, solo se imputará la media muestral.

Table 1

	$Dependent\ variable:$		
	revenue	recchrge	directas
	(1)	(2)	(3)
peakvce	0.185***	0.101***	0.009***
	(0.002)	(0.001)	(0.0001)
opeakvce			-0.002^{***}
-			(0.0001)
mourec	0.074***	0.023***	-0.001***
	(0.001)	(0.001)	(0.0001)
outcalls		-0.005^{*}	0.006***
		(0.003)	(0.0004)
callwait			0.029***
			(0.002)
Constant	33.493***	35.235***	0.153***
	(0.163)	(0.099)	(0.010)
Observations	70,831	70,831	70,831
\mathbb{R}^2	0.454	0.319	0.180
Adjusted \mathbb{R}^2	0.454	0.319	0.180
Residual Std. Error	32.691 (df = 70828)	19.735 (df = 70827)	1.990 (df = 70825)
F Statistic	$29,453.020^{***} (df = 2; 70828)$	$11,063.210^{***} (df = 3; 70827)$	$3,116.236^{***} (df = 5; 70825)$

Note:

*p<0.1; **p<0.05; ***p<0.01

Table 2

	Dependent variable:		
	mou	overage	roam
	(1)	(2)	(3)
peakvce	0.983***	0.230***	0.006***
	(0.017)	(0.005)	(0.001)
opeakvce	0.900***	-0.178***	-0.003***
	(0.021)	(0.006)	(0.001)
mourec	1.498***	0.179***	0.001***
	(0.010)	(0.003)	(0.0004)
outcalls	1.278***	0.208***	0.004**
	(0.045)	(0.014)	(0.002)
unansvce	1.346***		
	(0.038)		
callwait	-1.385***	2.620***	-0.009
	(0.252)	(0.080)	(0.009)
Constant	134.924***	0.622	0.713***
	(1.320)	(0.418)	(0.048)
Observations	70,831	70,831	70,831
\mathbb{R}^2	0.777	0.319	0.005
Adjusted R ²	0.777	0.319	0.005
Residual Std. Error	$250.401 \; (df = 70824)$	79.533 (df = 70825)	9.060 (df = 70825)
F Statistic	$41,109.470^{***} (df = 6; 70824)$	$6,623.726^{***} \text{ (df} = 5; 70825)$	$67.635^{***} (df = 5; 70825)$

Note:

*p<0.1; **p<0.05; ***p<0.01

< table of extent 0 x 0 >

como no existe nos dice que el tamaño es 0x0

2. Tabula la distribución de la variable churn. Muestra la frecuencia absoluta y relativa. Crees que se debe hacer oversampling/undersamping?

```
# tabulación
tabulado <- data %>% group_by(churn) %>% dplyr::summarise(frecuencia_absoluta = n()) %>%
    mutate(frecuencia_relativa = frecuencia_absoluta/sum(frecuencia_absoluta))

kable(tabulado, booktabs = T, align = "c", col.names = c("Churn",
    "Cantidad", "%"), digits = 2) %>% kable_styling(position = "center",
    latex_options = "HOLD_position")
```

Churn	Cantidad	%
0	50438	0.71
1	20609	0.29

```
rm(tabulado)

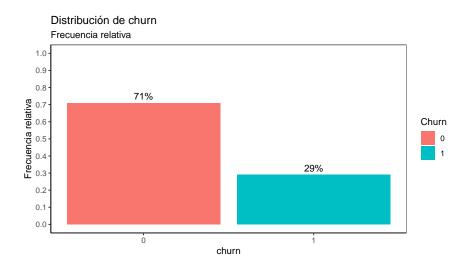
data$churn <- as.numeric(data$churn)</pre>
```

Distribución de churn Frecuencia absoluta 50 438 Churn churn

```
# frecuencia relativa
ggplot(data, aes(x = churn)) + geom_bar(aes(y = ..prop.., fill = factor(..x..)),
    stat = "count") + geom_text(aes(label = scales::percent(..prop..),
    y = ..prop..), stat = "count", vjust = -0.5) + scale_y_continuous(breaks = seq(0,
    1, by = 0.1), limits = c(0, 1)) + scale_x_continuous(breaks = c(0,
    1)) +

labs(title = "Distribución de churn", subtitle = "Frecuencia relativa",
    fill = "Churn") + ylab("Frecuencia relativa") + theme_bw() +

theme(axis.line = element_line(colour = "black"), panel.grid.major = element_blank(),
    panel.grid.minor = element_blank(), panel.background = element_blank())
```



Sí, parece que sí se debe hacer algún tipo de remuestreo para tener una base balanceada y que los modelos a estimar tengan mayor poder predictivo.

3. (2 pts) Divide tu base en entrenamiento y validación (80/20). Además, considera hacer oversampling (SMOTE) o undersampling. (Tip: Recuerda que el objetivo final es tener muestra ~balanceada en el traning set. En el validation la distribución debe ser la original)

Primero dividimos la base.

```
mutate(frecuencia_relativa = frecuencia_absoluta/sum(frecuencia_absoluta))
kable(tabulado, col.names = c("Churn", "Frecuencia absoluta",
    "Frecuencia relativa")) %>% kable_styling(position = "center",
    latex_options = "HOLD_position")
```

Churn	Frecuencia absoluta	Frecuencia relativa
0	40303	0.7090979
1	16534	0.2909021

No está balanceada, aunque sí conserva la proporción de clases de la base original. Procedemos a rebalancear, probamos 3 estrategias: undersampling, oversampling o una mezcla de ambas. A continuación mostramos cómo realizamos las tres estrategias sobre nuestra base de entrenamiento.

A. Undersampling

B. oversampling

```
# para rebalancear de manera más precisa el oversampling,
# simplemente 'podamos'(con un remuestreo) las observaciones
# sinteticas de tal manera que nos quede una base de datos
# perfectamente balanceada.
freq_churn_os <- oversampled %>% filter(churn == 0) %>% nrow()
# podamos
undersampling_c1 <- sample_n((oversampled %>% filter(churn ==
    1)), size = freq_churn_os, replace = FALSE)
# armamos la base
under_over_sampling <- rbind((oversampled %>% filter(churn ==
   0)), undersampling_c1)
# balance perfecto
tabulado <- under_over_sampling %>% group_by(churn) %>% dplyr::summarise(frecuencia_absoluta =
   mutate(frecuencia_relativa = frecuencia_absoluta/sum(frecuencia_absoluta))
kable(tabulado, col.names = c("Churn", "Frecuencia absoluta",
    "Frecuencia relativa")) %>% kable_styling(position = "center",
   latex_options = "HOLD_position")
```

C. Under y over sampling De esta manera quedan 3 bases para comparar: undersampling, oversampling y una combinación de ambos. Comparamos las tres bases con los tres modelos y

obtuvimos los mejores resultados de la base con undersampling. En adelante, mostramos nuestros resultados con esa base. En el script remuestreo_alt.R incluimos algunos resultados con las otras bases.

```
data_training_a <- undersampling %>% na.exclude
```

Model estimation

Pondremos a competir 3 modelos:

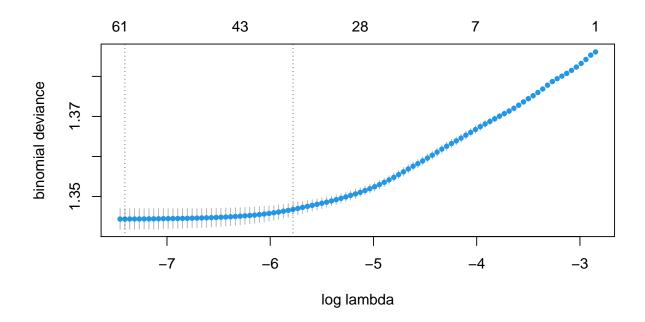
- 1. Cross-Validated LASSO-logit
- 2. Prune Trees
- 3. Random Forest

4 (2 pts). Estima un cross validated LASSO. Muestra el la gráfica de CV Binomial Deviance vs Complejidad

```
# X <- sparse.model.matrix(~.+0, data =
# data_training[,-c(1,2)]) # Transformar a sparse matrix la
# información relevante
# cv_{lasso} \leftarrow c
# = 'binomial', nfold = 5, verb = TRUE) # Estimar el CV LASSO
# par(mar=c(5,4,4,2) + 0.1) plot(cv_lasso) # Gráfico
## A
# Matriz de covariates
Xa <- data_training_a %>% select(-customer, -churn)
# se quita intercepto
Xa <- sparse.model.matrix(~. + 0, data = Xa)</pre>
# vector de Y's
Ya <- data_training_a$churn
# CV LASSO
cvlasso_a <- cv.gamlr(x = Xa, y = Ya, verb = T, family = "binomial",</pre>
            nfold = 5)
```

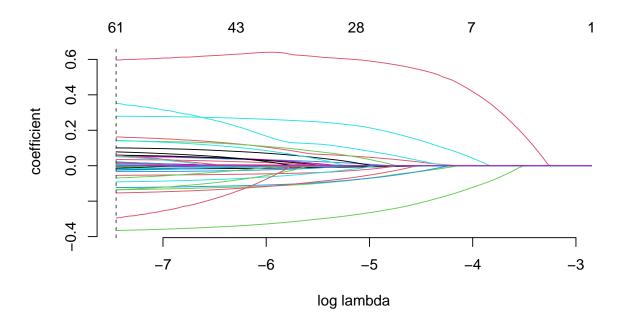
fold 1,2,3,4,5,done.

```
# Grafica
plot(cvlasso_a)
```



5. Grafica el Lasso de los coeficientes vs la complejidad del modelo.

```
# plot(cv_lasso$gamlr, select=FALSE)
plot(cvlasso_a$gamlr)
```



6 (2 pts). Cuál es la λ resultante? Genera una tabla con los coeficientes que selecciona el CV LASSO. Cuántas variables deja iguales a cero? Cuales son las 3 variables más importantes para predecir el abandono? Da una explicación intuitiva a la última pregunta

```
# coef(cv_lasso, select='min') # Coeficientes de CV LASSO
coef(cvlasso_a, select = "min", k = 2, corrected = TRUE) #a
67 x 1 sparse Matrix of class "dgCMatrix"
                  seg99
intercept -1.137975e-01
           6.302478e-04
revenue
          -1.986502e-04
mou
recchrge -1.899325e-03
           2.986691e-03
directas
overage
           9.849538e-04
           5.470179e-03
roam
          -5.759147e-04
changem
           2.804547e-03
changer
           6.503516e-03
dropvce
blckvce
unansvce
           3.104458e-04
custcare -5.321727e-03
threeway
          -1.451446e-02
mourec
           1.798823e-04
outcalls
           9.242483e-05
incalls
          -1.369377e-03
peakvce
          -6.702399e-04
opeakvce -1.576663e-04
dropblk
           1.483887e-03
callfwdv -5.425391e-03
          8.500811e-04
callwait
months
          -1.908024e-02
uniqsubs
           1.619105e-01
actvsubs -1.351256e-01
phones
           5.957587e-02
models
eqpdays
           1.382974e-03
age1
          -2.772636e-03
age2
          -8.534496e-04
```

```
children
           1.403129e-01
credita
          -1.531635e-01
creditaa -3.652155e-01
          1.003076e-01
prizmrur
prizmub
          -5.409206e-02
prizmtwn
          3.472156e-02
refurb
           2.789570e-01
webcap
          -1.230094e-01
truck
           5.103158e-02
           1.365985e-02
rv
          -1.823898e-02
occprof
occcler
           7.726085e-02
occcrft
occstud
occhmkr
           5.071779e-02
occret
          -1.285097e-02
occself
          -6.820692e-02
ownrent
           1.527827e-02
marryun
           5.873367e-02
           2.092830e-02
marryyes
mailord
mailres
          -1.356902e-01
mailflag -1.909547e-03
travel
          -2.452862e-02
pcown
          1.789798e-02
creditcd
         5.803585e-02
retcalls
           3.492776e-01
retaccpt -2.930552e-01
newcelly -3.298212e-02
newcelln
          7.610507e-03
          -9.091549e-02
refer
incmiss
income
          -2.855282e-03
          1.422297e-01
mcycle
          -8.667456e-03
setprcm
setprc
           7.111671e-04
           5.969897e-01
retcall
# lambda_id <- colnames(coef(cv_lasso, select='min')) #</pre>
# Identificador para el lambda deseado
```

```
# cv_lasso$gamlr$lambda[lambda_id] # Valor del lambda deseado

# lambda resultante A
a_lambda <- colnames(coef(cvlasso_a, select = "min"))
cvlasso_a$gamlr$lambda[a_lambda]</pre>
```

seg99

0.0006067582

7. Genera un data frame (usando el validation set) que tenga: customer, churn y las predicciones del LASSO.

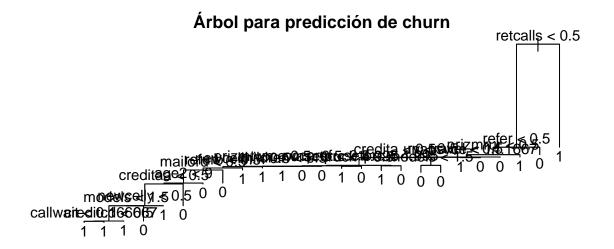
8. Estima ahora tree. Usa mindev = 0.05, mincut = 1000 Cuántos nodos terminales salen? Muestra el summary del árbol

```
Classification tree:
tree(formula = as.factor(churn) ~ ., data = data_training_a[,
   -1], control = tree_control, split = c("gini"))
Variables actually used in tree construction:
 [1] "retcalls" "refer"
                           "prizmrur" "travel"
                                                            "credita"
 [7] "truck"
                "occprof"
                           "pcown"
                                      "children" "prizmtwn" "newcelln"
[13] "refurb"
                "mailord"
                           "age2"
                                      "creditaa" "newcelly" "models"
[19] "creditcd" "callwait" "setprc"
                                      "unansvce"
Number of terminal nodes: 25
Residual mean deviance: 1.376 = 45480 / 33040
Misclassification error rate: 0.4655 = 15394 / 33068
```

Obtenemos 25 nodos finales

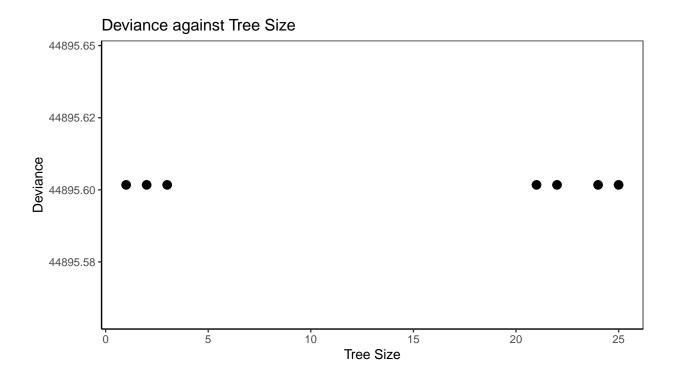
9. Grafica el árbol resultante

```
plot(tree_estimation)
text(tree_estimation, pretty = 0)
title("Árbol para predicción de churn", line = 0.5)
```



10. Poda el árbol usando CV. Muestra el resultado. Grafica Tree Size vs Binomial Deviance. Cuál es el mejor tamaño del árbol? Mejora el Error?

```
cv_tree <- cv.tree(tree_estimation, K = 10)</pre>
cv_tree
$size
[1] 25 24 22 21 3 2 1
$dev
[1] 44895.6 44895.6 44895.6 44895.6 44895.6 44895.6
$k
[1]
           -Inf
                  0.1267368
                              1.3400605
                                           4.1129528
                                                       8.1676465 14.0495505
[7] 193.9543018
$method
[1] "deviance"
attr(,"class")
[1] "prune"
                    "tree.sequence"
# Size con menor deviance
min_dev_size <- cv_tree$size[match(min(cv_tree$dev), cv_tree$dev)]</pre>
# Gráfica Tree Size vs. Binomial Deviance
plot_size_dev <- function(cv_tree) {</pre>
    ggplot(data = as.data.frame(cbind(size = cv_tree$size, dev = cv_tree$dev)),
        aes(x = size, y = dev)) + geom_point(size = 3) + labs(title = "Deviance against Tree S
        xlab("Tree Size") + ylab("Deviance") + theme_bw() + theme(axis.line = element_line(col-
        panel.grid.major = element_blank(), panel.grid.minor = element_blank(),
        panel.background = element_blank())
}
plot_size_dev(cv_tree)
```

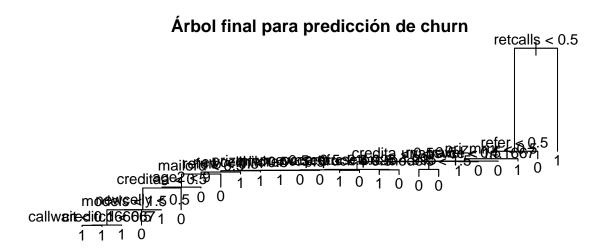


Por lo general buscaríamos el árbol que nos de menor deviance, en este caso tenemos una deviance constante y elegimos el modelo de 25 nodos. Esto nos podría indicar que los split son espurios y probablemente este modelo no sea el adecuado para llevar a cabo la predicción de churn

11. Gráfica el árbol final. (Tip: Checa prune.tree)

```
tree_cut <- prune.tree(tree_estimation, best = min_dev_size)

plot(tree_cut)
text(tree_cut, pretty = 0)
title("Árbol final para predicción de churn", line = 0.5)</pre>
```



12. Genera las predicciones del árbol pruned. Guardalas en la base de predicciones. Guarda el score y la prediccion categorica en la misma data frame donde guardaste las predicciones del LASSO

- 13 (4pts). Corre un Random Forest ahora. Cuál es la B para la que ya no ganamos mucho más en poder predictivo?
 - Corre para num.trees=100,200,300, 500, 700, 800
 - En cada caso, guarda únicamente el prediction.error

```
# eficientar el Random Forest corriendolo en los nodos
# disponibles del equipo
cl <- detectCores() %>% makeCluster()
cl
```

socket cluster with 8 nodes on host 'localhost'

```
# vector con el número de los arboles
trees <- c()
# vector con el prediction error de cada forest
error <- c()
# Estimation. Loop que estima un random forest para distintos
# numeros de árboles
a <- Sys.time() # para observar el tiempo de estimacion
k <- 1 # iterador
for (i in c(100, 200, 300, 500, 700, 800)) {
    rf <- ranger(churn ~ ., data = data_training_a[-1], num.trees = i,</pre>
        mtry = (ncol(data_training_a) - 2) %>% sqrt() %>% floor(),
        min.node.size = 1, splitrule = "gini", classification = T,
        )
    trees[k] <- rf$num.trees</pre>
    error[k] <- rf$prediction.error</pre>
    rf <- NULL
    k < - k + 1
}
Sys.time() - a
```

```
Time difference of 54.88877 secs
```

Trees	Error
100	0.3968187
200	0.3884722
300	0.3858111
500	0.3786440
700	0.3833011
800	0.3820612

Parece ser que con una B=200, el error de predicción ya no parece reducirse mucho. Cabe mencionar que el error in sample era mucho menor con las bases resultantes de oversampling, pero lo opuesto pasaba en OOS.

14. Escoge un random forest para hacer las predicciones. Grafica la importancia de las variables. Interpreta

```
# vuelvo a correr el mejor random forest
cl <- detectCores() %>% makeCluster()
cl
```

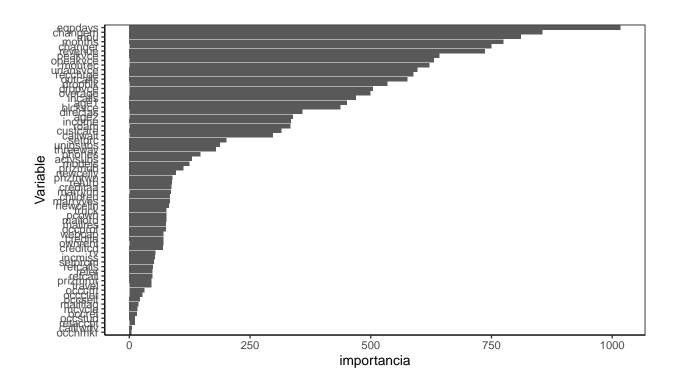
socket cluster with 8 nodes on host 'localhost'

```
best_rf <- ranger(churn ~ ., data = data_training_a[, -1], num.trees = 200,
    mtry = (ncol(data_training_a) - 2) %>% sqrt() %>% floor(),
    importance = "impurity", classification = T)

stopCluster(cl)

# Grafica
df_imp <- data.frame(names = (importance(best_rf) %>% names()),
    importance = (importance(best_rf)))

ggplot(df_imp, aes(x = reorder(names, importance), y = importance)) +
    geom_bar(stat = "identity") + xlab("Variable") + ylab("importancia") +
    coord_flip() + theme(axis.text.y = element_text(size = 9)) +
    theme_bw() + theme(axis.line = element_line(colour = "black"),
    panel.grid.major = element_blank(), panel.grid.minor = element_blank(),
    panel.background = element_blank())
```



15. Genera las predicciones OOS para el random forest. Guardalas en la misma data.frame que los otros modelos

```
pred_rf <- predict(best_rf, data = (data_validation[, -1]), type = "response")
# añadir prediccion al data frame con las otras predicciones

A <- data.frame(A, pred_rf$predictions)
names(A)[6] <- "rf_predict"</pre>
```

16 (2pts). Corre el mismo forest pero ahora con probability = T. Esto generará predicciones númericas en lugar de categóricas. Genera las predicciones continuas y guardalas en el mismo data frame

```
# vuelvo a correr el mejor random forest, con probability=T
cl <- detectCores() %>% makeCluster()
cl
socket cluster with 8 nodes on host 'localhost'
best_rf2 <- ranger(churn ~ ., data = data_training_a[, -1], num.trees = 200,
    mtry = (ncol(data_training_a) - 2) %>% sqrt() %>% floor(),
    importance = "impurity", classification = T, probability = T)
```

```
# prediccion continua de churn==1 eval$pred_rf_cont <-
# predict(best_rf2, data=data_validation)$predictions[,1]

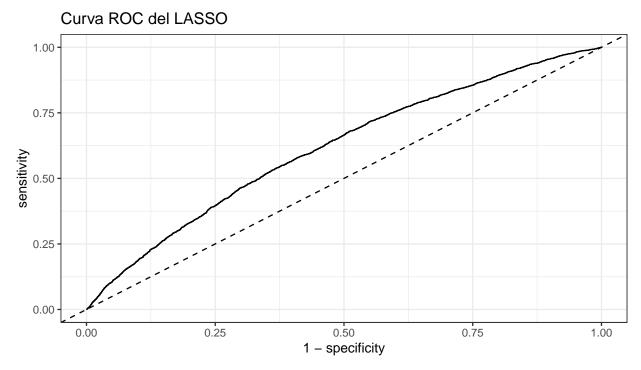
rf_score <- predict(best_rf2, data = data_validation[, -1])

A <- data.frame(A, rf_score$predictions[, 1])

names(A)[7] <- "rf_score"
A <- A[c(1, 2, 3, 4, 5, 7, 6)]</pre>
```

17 (4 pts). Genera graficas de las curvas ROC para los tres modelos. Cual parece ser mejor?

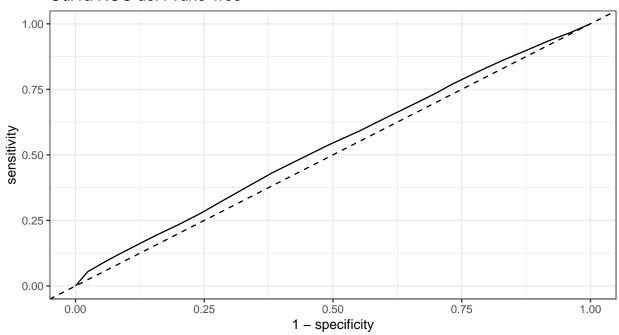
```
# Lasso
roc_curve(data = A, truth = as.factor(churn_validation), lasso_score,
    event_level = "second") %>% ggplot(aes(x = 1 - specificity,
    y = sensitivity)) + geom_abline(slope = 1, intercept = 0,
    linetype = "dashed") + ggtitle("Curva ROC del LASSO") + geom_path() +
    theme_bw()
```



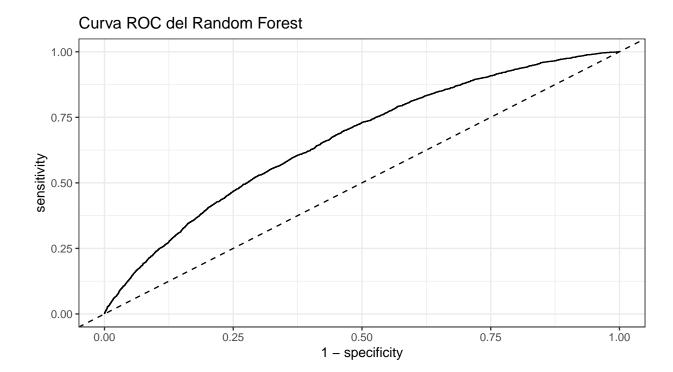
```
# Trees
roc_curve(data = A, truth = as.factor(churn_validation), tree_score,
```

```
event_level = "second") %>% ggplot(aes(x = 1 - specificity,
y = sensitivity)) + geom_abline(slope = 1, intercept = 0,
linetype = "dashed") + ggtitle("Curva ROC del Prune Tree") +
geom_path() + theme_bw()
```

Curva ROC del Prune Tree



```
# Random Forest
roc_curve(data = A, truth = factor(churn_validation), rf_score,
    event_level = "second") %>% ggplot(aes(x = 1 - specificity,
    y = sensitivity)) + geom_abline(slope = 1, intercept = 0,
    linetype = "dashed") + ggtitle("Curva ROC del Random Forest") +
    geom_path() + theme_bw()
```



Dado que la línea punteada es un modelo nulo (aleatorio), entre más rápido gane sensibilidad sin perder especificidad, el modelo será mejor. Gráficamente, buscamos una curva cóncava y pegada al eje y del lado derecho y al eje x por arriba. En este sentido, el Random Forest parece ser el mejor modelo.

18. Genera una tabla con el AUC ROC. Cuál es el mejor modelo?

```
# roc_auc(eval, factor(validation), pred_rf, event_level =
# 'second')
lasso_auc <- roc_auc(data = A, truth = factor(churn_validation),
    lasso_score, event_level = "second")

tree_auc <- roc_auc(data = A, truth = factor(churn_validation),
    tree_score, event_level = "second")

rf_auc <- roc_auc(data = A, truth = factor(churn_validation),
    rf_score, event_level = "second")

aucs <- (full_join(lasso_auc, tree_auc) %>% full_join(rf_auc))[,
    3] %>% rename(AUC = .estimate) %>% as.data.frame()
model_names <- c("CV-LASSO", "Pruned Tree", "Random Forest")
aucs <- data.frame(model_names, aucs$AUC)</pre>
```

Modelos	AUC
CV-LASSO	0.6157044
Pruned Tree	0.5346934
Random Forest	0.6647805

Confirmamos que el mejor modelo es el Random Forest.

19 (2pts). Escoge un punto de corte para generar predicciones categoricas para el LASSO basado en la Curva ROC. Genera las matrices de confusión para cada modelo. Compáralas. Qué tipo de error es mas pernicioso?

Para elegir el punto de corte, graficamos la Curva ROC para diferentes puntos de corte. Partimos de lo más general y lo fuimos acotando, con el 0.5 como punto central del intervalo.

```
Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max. 0.06522 0.42516 0.48946 0.49042 0.55234 0.99391
```

```
# Loop que tome diferentes puntos de corte y grafique curva
# ROC sobre el predict

gglist <- NULL
auc_vector <- NULL
corte <- NULL
it <- 1 # iterador

for (x in seq(0.45, 0.55, 0.01)) {</pre>
```

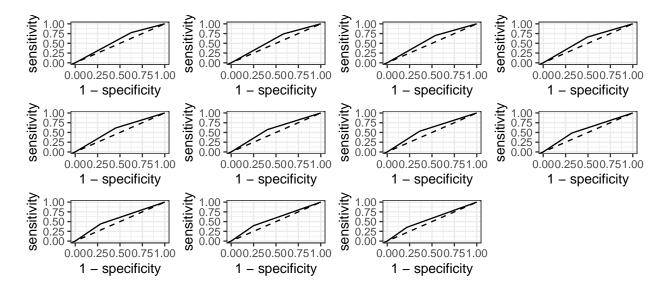
```
A$lasso_1 <- as.numeric(A$lasso_score > x)

curva <- roc_curve(data = A, truth = as.factor(churn_validation),
    lasso_1, event_level = "second") %>% ggplot(aes(x = 1 -
    specificity, y = sensitivity)) + geom_abline(slope = 1,
    intercept = 0, linetype = "dashed") + geom_path() + theme_bw()

auc_vector[it] <- roc_auc(data = A, truth = factor(churn_validation),
    lasso_1, event_level = "second")[1, 3]

gglist[[it]] <- curva
    corte[it] <- x
    curva <- NULL
    it <- it + 1
}

grid.arrange(grobs = gglist, ncol = 4, nrow = 4)</pre>
```



```
data.frame(corte, unlist(auc_vector))
```

corte unlist.auc_vector.

```
0.45
                  0.5744871
1
   0.46
                  0.5789149
2
3
   0.47
                  0.5817287
4
   0.48
                  0.5824983
5
   0.49
                  0.5813174
6
   0.50
                  0.5844272
7
   0.51
                  0.5848566
8
   0.52
                 0.5823133
9
   0.53
                 0.5785329
10 0.54
                  0.5726817
11 0.55
                  0.5668697
# punto de corte elegido
A$lasso_predict <- as.numeric(A$lasso_score > 0.51)
```

El máximo es 0.51, así que elegimos ese como nuestro punto de corte.

Table 3. Lasso

	0	1
0	6458	1905
1	3677	2170

Table 4. Tree

	0	1
0	5435	1992
1	4700	2083

Table 5. Random Forest

	0	1
0	6015	1481
1	4120	2594

Como vimos en clase, a partir de las matrices de confusión es posible calcular 5 métricas de éxito:
- Sensibilidad - Especificidad - Positivos Acertados - Negativos Acertados - Accuracy

A continuación se comparan dichas métricas en una tabla:

Modelo	Sensibilidad	Especificidad	Positivos acertados	Negativos acertados	Accuracy
Lasso	0.637	0.533	0.772	0.371	0.772
Tree	0.536	0.511	0.732	0.307	0.732
Random Forest	0.593	0.637	0.802	0.386	0.802

El modelo que arroja las mejores métricas de éxito es el Random Forest. En este caso nos interesa

una sensibilidad relativamente alta, ya que nos indica cuál es la probabilidad de que encontremos a clientes que efectivamente se van (churn = 1).

Adicionalmente, nos interesa ver el porcentaje de positivos acertados, lo que nos dice cuántos clientes que predecimos que se vayan efectivamente se irán.

En este caso el error más pernicioso sería el error tipo II (falso negativo), o sea que el modelo nos diga que un cliente no se va cuando en realidad si se irá. El modelo con menos falsos negativos es el *Random Forest*.

20 (2pts). Finalmente, construye una lift table. Esto es, para 20 grupos del score predecido, genera 1) El promedio de las predicciones, 2) el promedio del churn observado. Existe monotonía? El mejor algoritmo es monotónico? (Tip: usa ntile para generar los grupos a partir de las predicciones)

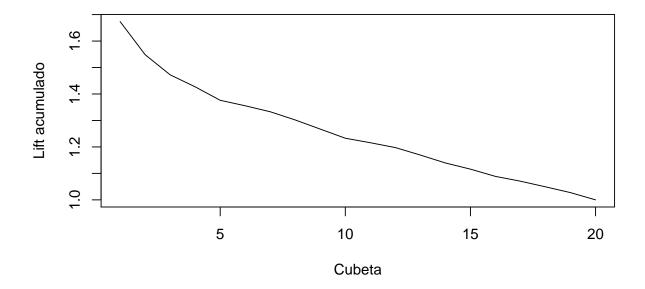
```
# tablas
tabla_lasso <- liftTable(A$lasso_score, A$churn_validation, resolution = 1/20)
tabla_tree <- liftTable(A$tree_score, A$churn_validation, resolution = 1/20)
tabla_rf <- liftTable(A$rf_score, A$churn_validation, resolution = 1/20)
tabla_lift <- data.frame(tabla_lasso$Percentile, tabla_lasso$expectedIncidence,
    tabla_lasso$trueIncidence, tabla_tree$trueIncidence, tabla_rf$trueIncidence)
kable(tabla_lift, col.names = c("Percentil", "Valor esperado",
    "Promedio Lasso", "Promedio Tree", "Promedio RF")) %>% kable_styling(position = "center",
    latex_options = "HOLD_position")
```

Percentil	Valor esperado	Promedio Lasso	Promedio Tree	Promedio RF
5	0.2867699	0.4802817	0.4338028	0.5436620
10	0.2867699	0.4433498	0.3638283	0.5080929
15	0.2867699	0.4218677	0.3345847	0.4819334
20	0.2867699	0.4088670	0.3216045	0.4616467
25	0.2867699	0.3944257	0.3147523	0.4487613
30	0.2867699	0.3882243	0.3140981	0.4325592
35	0.2867699	0.3818621	0.3130907	0.4186608
40	0.2867699	0.3731527	0.3128079	0.4030612
45	0.2867699	0.3633094	0.3087269	0.3900532
50	0.2867699	0.3531316	0.3059817	0.3801548
55	0.2867699	0.3485605	0.3026232	0.3726168
60	0.2867699	0.3433028	0.3004926	0.3621863
65	0.2867699	0.3353183	0.2992638	0.3544825
70	0.2867699	0.3267317	0.2973761	0.3458329
75	0.2867699	0.3200713	0.2964249	0.3362109
80	0.2867699	0.3121042	0.2955665	0.3264426
85	0.2867699	0.3069217	0.2935089	0.3170227
90	0.2867699	0.3008054	0.2912659	0.3075299
95	0.2867699	0.2946144	0.2888362	0.2980221
100	0.2867699	0.2867699	0.2867699	0.2867699

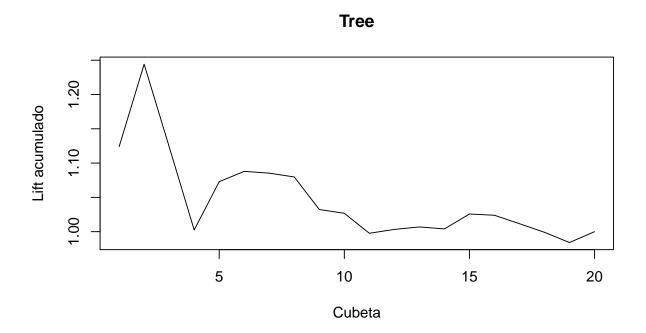
```
# Esto es para generar las graficas
tabla_lift <- function(variable_objetivo, score_prediccion, groups) {</pre>
    if (is.factor(variable_objetivo))
        variable_objetivo <- as.integer(as.character(variable_objetivo))</pre>
    if (is.factor(score_prediccion))
        score_prediccion <- as.integer(as.character(score_prediccion))</pre>
    helper = data.frame(cbind(variable_objetivo, score_prediccion))
    helper[, "bucket"] = ntile(-helper[, "score_prediccion"],
        groups)
    gaintable = helper %>% group_by(bucket) %>% summarise_at(vars(variable_objetivo),
        funs(total = n(), totalresp = sum(., na.rm = TRUE))) %>%
        mutate(Cumresp = cumsum(totalresp), Gain = Cumresp/sum(totalresp) *
            100, Cumlift = Gain/(bucket * (100/groups)))
    return(gaintable)
}
# Grafico el lift
```

```
lift_lasso <- tabla_lift(A$churn_validation, A$lasso_score, groups = 20)
graphics::plot(lift_lasso$bucket, lift_lasso$Cumlift, type = "1",
    ylab = "Lift acumulado", xlab = "Cubeta", main = "Lasso")</pre>
```

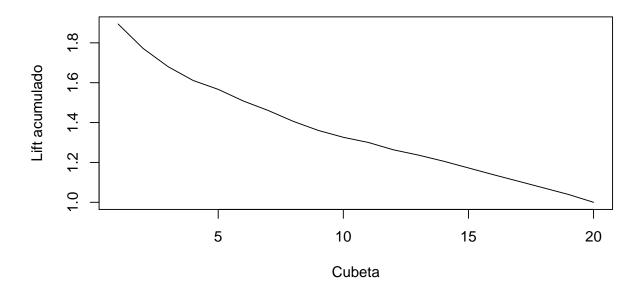
Lasso



```
lift_tree <- tabla_lift(A$churn_validation, A$tree_score, groups = 20)
graphics::plot(lift_tree$bucket, lift_tree$Cumlift, type = "l",
    ylab = "Lift acumulado", xlab = "Cubeta", main = "Tree")</pre>
```



Random Forest



EXTRA: XGB

```
# Preparar la base de entrenamiento
sparse_train <- sparse.model.matrix(~. + 0, data = data_training_a[,</pre>
   -c(1, 2)])
label_train <- data_training_a[, 2]</pre>
dtrain <- xgb.DMatrix(sparse_train, label = label_train) # Label es el target</pre>
# Preparar la base de validación
data_validationn <- data[-training_rows, ]</pre>
sparse_test <- sparse.model.matrix(~. + 0, data = data_validation[,</pre>
    -c(1)
label_test <- data_validationn[, 2]</pre>
dtest <- xgb.DMatrix(sparse_test, label = label_test)</pre>
watchlist <- list(train = dtrain, eval = dtest) # Para evaluar el performance del modelo
# Entrenamiento del modelo
param <- list(max_depth = 6, learning_rate = 0.06, objective = "binary:logistic",</pre>
    eval_metric = "auc", subsample = 0.85, colsample_bytree = 0.7)
xgb_model <- xgb.train(params = param, dtrain, early_stopping_rounds = 10,</pre>
  nrounds = 100, watchlist)
[1] train-auc:0.650117 eval-auc:0.621607
Multiple eval metrics are present. Will use eval_auc for early stopping.
Will train until eval_auc hasn't improved in 10 rounds.
[2] train-auc:0.666514 eval-auc:0.634619
[3] train-auc:0.669490 eval-auc:0.637811
[4] train-auc:0.673285 eval-auc:0.641212
[5] train-auc:0.678104 eval-auc:0.643719
[6] train-auc:0.682485 eval-auc:0.645962
[7] train-auc:0.685446 eval-auc:0.647391
[8] train-auc:0.687835 eval-auc:0.649248
[9] train-auc:0.691503 eval-auc:0.651482
[10]
       train-auc:0.693612 eval-auc:0.653245
[11]
       train-auc:0.694385 eval-auc:0.653290
       train-auc:0.698615 eval-auc:0.655706
[12]
[13]
       train-auc:0.700314 eval-auc:0.656205
[14]
       train-auc:0.701126 eval-auc:0.656180
Г15Т
       train-auc:0.702442 eval-auc:0.655774
```

[16]	train-auc:0.704004	eval-auc:0.656690
[17]	train-auc:0.704654	eval-auc:0.657166
[18]	train-auc:0.705217	eval-auc:0.657607
[19]	train-auc:0.706729	eval-auc:0.657647
[20]	train-auc:0.707939	eval-auc:0.657853
[21]	train-auc:0.709233	eval-auc:0.657925
[22]	train-auc:0.710540	eval-auc:0.658479
[23]	train-auc:0.712020	eval-auc:0.659106
[24]	train-auc:0.714319	eval-auc:0.660129
[25]	train-auc:0.715647	eval-auc:0.660557
[26]	train-auc:0.717105	eval-auc:0.660943
[27]	train-auc:0.718102	eval-auc:0.661658
[28]	train-auc:0.718954	eval-auc:0.661678
[29]	train-auc:0.721077	eval-auc:0.663104
[30]	train-auc:0.721712	eval-auc:0.663083
[31]	train-auc:0.722820	eval-auc:0.663191
[32]	train-auc:0.724610	eval-auc:0.663481
[33]	train-auc:0.725823	eval-auc:0.663539
[34]	train-auc:0.727076	eval-auc:0.663912
[35]	train-auc:0.728255	eval-auc:0.664286
[36]	train-auc:0.729910	eval-auc:0.664977
[37]	train-auc:0.731060	eval-auc:0.665487
[38]	train-auc:0.732321	eval-auc:0.666014
[39]	train-auc:0.733178	eval-auc:0.666226
[40]	train-auc:0.734077	eval-auc:0.666440
[41]	train-auc:0.735093	eval-auc:0.666480
[42]	train-auc:0.735967	eval-auc:0.666628
[43]	train-auc:0.737072	eval-auc:0.667246
[44]	train-auc:0.738253	eval-auc:0.667484
[45]	train-auc:0.739832	eval-auc:0.668142
[46]	train-auc:0.741538	eval-auc:0.668576
[47]	train-auc:0.742804	eval-auc:0.668683
[48]	train-auc:0.743856	eval-auc:0.668710
[49]	train-auc:0.745149	eval-auc:0.669005
[50]	train-auc:0.746172	eval-auc:0.669229
[51]	train-auc:0.747036	eval-auc:0.669675
[52]	train-auc:0.748274	eval-auc:0.669845
[53]	train-auc:0.749247	eval-auc:0.670043
[54]	train-auc:0.749915	eval-auc:0.670108
[55]	train-auc:0.751254	eval-auc:0.670179

[56] train-auc:0.751923 eval-auc:0.670588 [57] train-auc:0.752310 eval-auc:0.670691 [58] train-auc:0.752783 eval-auc:0.670665 [59] train-auc:0.754133 eval-auc:0.671220 [60] eval-auc:0.671329 train-auc:0.754935 [61] train-auc: 0.755627 eval-auc:0.671577 [62] train-auc:0.756864 eval-auc:0.671662 [63] train-auc:0.758214 eval-auc:0.671627 [64] train-auc:0.758843 eval-auc:0.671720 [65] train-auc:0.759664 eval-auc:0.671869 [66] train-auc:0.760753 eval-auc:0.671986 [67] train-auc:0.761279 eval-auc:0.672088 [68] train-auc:0.761951 eval-auc:0.672278 [69] train-auc:0.762608 eval-auc:0.672472 [70] train-auc:0.763193 eval-auc:0.672764 eval-auc:0.673265 [71] train-auc:0.764293 [72] train-auc:0.764853 eval-auc:0.673514 [73] train-auc: 0.765465 eval-auc:0.673697 [74]train-auc:0.766366 eval-auc:0.673902 [75] train-auc:0.767126 eval-auc:0.673981 [76] train-auc:0.767710 eval-auc:0.674287 [77] train-auc:0.768686 eval-auc:0.674514 [78] train-auc:0.769628 eval-auc:0.674773 [79] train-auc:0.770127 eval-auc:0.674832 [80] train-auc:0.770772 eval-auc:0.674858 [81] train-auc:0.771364 eval-auc:0.674803 [82] train-auc:0.772048 eval-auc:0.675038 [83] eval-auc:0.675086 train-auc:0.772798 [84] eval-auc:0.674975 train-auc:0.773537 [85] train-auc:0.774271 eval-auc:0.674980 [86] train-auc:0.774768 eval-auc:0.675326 [87] train-auc:0.775303 eval-auc:0.675394 [88] train-auc:0.775600 eval-auc:0.675686 [89] train-auc:0.776298 eval-auc:0.675528 [90] train-auc:0.776730 eval-auc:0.675550 [91] train-auc:0.776990 eval-auc:0.675661 [92] train-auc:0.777914 eval-auc:0.675599 [93] train-auc:0.778946 eval-auc:0.675653 [94] train-auc:0.779649 eval-auc:0.675812 [95] train-auc:0.780551 eval-auc:0.676116

```
[96]
        train-auc:0.781341 eval-auc:0.676027
[97]
        train-auc:0.781925 eval-auc:0.676067
[98]
        train-auc:0.782268 eval-auc:0.675961
[99]
        train-auc:0.782970 eval-auc:0.676039
[100]
        train-auc:0.783607 eval-auc:0.676134
# Actualmente le pego al 0.676 con 6, 0.06, 0.85, 0.7, 10,
# 100
# Predicción
pred <- predict(xgb_model, sparse_test)</pre>
# Matriz de importancia
names <- dimnames(data.matrix(data_training_a[, -c(1, 2)]))[[2]]</pre>
importance_matrix <- xgb.importance(names, model = xgb_model)</pre>
# Gráfico
xgb.plot.importance(importance_matrix)
```

