Instituto Tecnológico Autónomo de México

Economía Computacional

Tarea 2

Equipo 7

Prof. Isidoro García Urquieta

Alfredo Lefranc Flores

144346

Cynthia Raquel Valdivia Tirado

81358

Rafael Sandoval Fernández

143689

Marco Antonio Ramos Juárez

142244

Francisco Velazquez Guadarrama

175606

Ciudad de México 2021

Contents

Contexto	
Datos	
1. Qué variables tienen missing values? Toma alguna decisión con los missing values.	
Justifica tu respuesta	
Análisis de missing values general	
Analisis por variable	
2. Tabula la distribución de la variable churn. Muestra la frecuencia absoluta y	
relativa. Crees que se debe hacer oversampling/undersamping?	1
3. (2 pts) Divide tu base en entrenamiento y validación (80/20). Además, considera	
hacer oversampling (SMOTE) o undersampling. (Tip: Recuerda que el	
objetivo final es tener muestra ~balanceada en el traning set. En el validation	
la distribución debe ser la original)	1
Model estimation	1
$4~(2~\mathrm{pts}).$ Estima un cross validated LASSO. Muestra el la gráfica de CV Binomial	
Deviance vs Complejidad	1
5. Grafica el Lasso de los coeficientes vs la complejidad del modelo	1
6 (2 pts). Cuál es la λ resultante? Genera una tabla con los coeficientes que selecciona	
el CV LASSO. Cuántas variables deja iguales a cero? Cuales son las 3 variables	
más importantes para predecir el abandono? Da una explicación intuitiva a	
la última pregunta	1
7. Genera un data frame (usando el validation set) que tenga: customer, churn y	
las predicciones del LASSO	2
8. Estima ahora tree. Usa mindev = 0.05, mincut = 1000 Cuántos nodos terminales	
salen? Muestra el summary del árbol	2
9. Grafica el árbol resultante	2
10. Poda el árbol usando CV. Muestra el resultado. Grafica Tree Size vs Binomial	
Deviance. Cuál es el mejor tamaño del árbol? Mejora el Error?	2
11. Gráfica el árbol final. (Tip: Checa prune.tree)	2
12. Genera las predicciones del árbol pruned. Guardalas en la base de predicciones.	
Guarda el score y la prediccion categorica en la misma data frame donde	
guardaste las predicciones del LASSO	2
13 (4pts). Corre un Random Forest ahora. Cuál es la B para la que ya no ganamos	-
mucho más en poder predictivo?	2
14. Escoge un random forest para hacer las predicciones. Grafica la importancia de	c
las variables. Interpreta	2
15. Genera las predicciones OOS para el random forest. Guardalas en la misma data.frame que los otros modelos	c
qata.irame que los otros modelos	2

16 (2pts). Corre el mismo forest pero ahora con probability = T. Esto generará	
predicciones númericas en lugar de categóricas. Genera las predicciones	
continuas y guardalas en el mismo data frame	30
17 (4 pts). Genera graficas de las curvas ROC para los tres modelos. Cual parece ser	
mejor?	30
18. Genera una tabla con el AUC ROC. Cuál es el mejor modelo ?	33
19 (2pts). Escoge un punto de corte para generar predicciones categoricas para el	
LASSO basado en la Curva ROC. Genera las matrices de confusión para cada	
modelo. Compáralas. Qué tipo de error es mas pernicioso?	34
20 (2pts). Finalmente, construye una lift table. Esto es, para 20 grupos del score	
predecido, genera 1) El promedio de las predicciones, 2) el promedio del churn	
observado. Existe monotonía? El mejor algoritmo es monotónico? (Tip: usa	
ntile para generar los grupos a partir de las predicciones)	38
EXTRA: XCB	42

Contexto

Cell2Cell es una compañía de teléfonos celulares que intenta mitigar el abandono de sus usuarios. Te contratan para 1) Encontrar un modelo que prediga el abandono con acierto y para usar los insights de este modelo para proponer una estrategia de manejo de abandono.

Las preguntas que contestaremos son:

- 1. Se puede predecir el abandono con los datos que nos compartieron?
- 2. Cuáles son las variables que explican en mayor medida el abandono?
- 3. Qué incentivos da Cell2Cell a sus usarios para prevenir el abandono?
- 4. Cuál es el valor de una estrategia de prevención de abandono focalizada y cómo difiere entre los segmentos de los usuarios? Qué usuarios deberían de recibir incentivos de prevención? Qué montos de incentivos

Nota: Voy a evaluar las tareas con base en la respuesta a cada pregunta. Como hay algunas preguntas que no tienen una respuesta clara, al final ponderaré de acuerdo al poder predictivo de su modelo vs las respuestas sugeridas.

Datos

Los datos los pueden encontrar en Cell2Cell.Rdata. En el archivo Cell2Cell-Database-Documentation.xlsx pueden encontrar documentación de la base de datos.

Carguemos los datos

```
load('Cell2Cell.Rdata') %>% as.data.frame()

.
1 cell2cell

# file path de archivo

# path_data <- file.path('C:/Users/rsf94/Documents/economia_computacional/tarea_2',

# 'Cell2Cell.RData')

# renombrar como data
data <- as.data.frame(cell2cell)

rm(cell2cell)</pre>
```

1. Qué variables tienen missing values? Toma alguna decisión con los missing values. Justifica tu respuesta

Análisis de missing values general

Primero revisamos las columnas que tienen missing values y su cantidad.

Variable	Cantidad	%
age1	1244	1.75
age2	1244	1.75
changem	502	0.71
changer	502	0.71
revenue	216	0.30
mou	216	0.30
recchrge	216	0.30
directas	216	0.30
overage	216	0.30
roam	216	0.30
phones	1	0.00
models	1	0.00
eqpdays	1	0.00

Revisamos más a detalle estas variables y notamos que todas son numéricas.

```
# columnas con NAs
cols_con_nas <- names(which(colSums(is.na(data)) > 0))
df_nas <- data %>% select(all_of(cols_con_nas)) %>% as.data.frame()
summary(df_nas)
```

revenue	mou	recchrge	directas
Min. : -6.168	Min. : 0.0	Min. :-11.29 N	Min. : 0.0000
1st Qu.: 33.642	1st Qu.: 158.2	1st Qu.: 30.00	lst Qu.: 0.0000
Median : 48.530	Median : 366.0	Median: 44.99 N	Median : 0.2475
Mean : 58.853	Mean : 525.7	Mean : 46.88 N	Mean : 0.8940
3rd Qu.: 71.030	3rd Qu.: 721.8	3rd Qu.: 59.99	Brd Qu.: 0.9900
Max. :1223.380	Max. :7667.8	Max. :399.99 N	Max. :159.3900
NA's :216	NA's :216	NA's :216	NA's :216
overage	roam	changem	changer
Min. : 0.00	Min. : 0.0000	Min. :-3875.00	Min. :-1107.740
1st Qu.: 0.00	1st Qu.: 0.0000	1st Qu.: -83.00) 1st Qu.: -7.107
Median: 2.50	Median : 0.0000	Median : -5.00	Median: -0.295
Mean : 40.09	Mean : 1.2211	Mean : -10.85	5 Mean : −1.206
3rd Qu.: 40.75	3rd Qu.: 0.2575	3rd Qu.: 65.75	5 3rd Qu.: 1.605
Max. :4320.75	Max. :1112.4480	Max. : 5192.25	Max. : 2483.482
NA's :216	NA's :216	NA's :502	NA's :502
phones	models	eqpdays	age1

```
Min.
       : 1.000
                  Min.
                          : 1.000
                                    Min.
                                            : -5.0
                                                      Min.
                                                              : 0.00
1st Qu.: 1.000
                  1st Qu.: 1.000
                                    1st Qu.: 204.0
                                                       1st Qu.: 0.00
Median : 1.000
                  Median : 1.000
                                    Median : 330.0
                                                      Median :36.00
Mean
       : 1.809
                  Mean
                          : 1.562
                                    Mean
                                            : 380.3
                                                      Mean
                                                              :31.38
3rd Qu.: 2.000
                  3rd Qu.: 2.000
                                    3rd Qu.: 515.0
                                                       3rd Qu.:48.00
        :28.000
Max.
                  Max.
                          :16.000
                                    Max.
                                            :1823.0
                                                      Max.
                                                              :99.00
NA's
        :1
                  NA's
                          :1
                                    NA's
                                            :1
                                                      NA's
                                                              :1244
     age2
Min.
       : 0.00
1st Qu.: 0.00
Median: 0.00
Mean
       :21.16
3rd Qu.:42.00
Max.
        :99.00
NA's
        :1244
```

Otro elemento importante a tener en cuenta son las coincidencias de los NAs en observaciones. Por ejemplo, los 216 valores faltantes para revenue, mou, recchrge, directas, overage y roam coinciden. Lo mismo pasa con los 502 valores faltantes de changem y changer, con el valor faltante de phones, models, eqpdays, y con los 1244 valores faltantes de age1 y age2. Esto en general nos dice qué los NAs están agrupados, lo cual es indicio de que tal vez haya un patrón detrás; y de que no hay un problema serio de NAs. No obstante, para no perder dicha información, lo mejor sería hacer imputación.

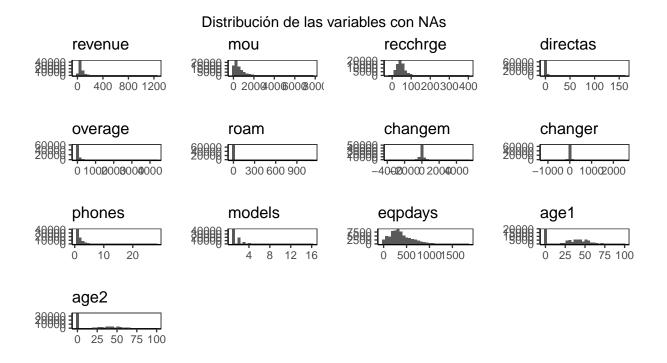
El primer paso para evaluar la estrategia de imputación es examinar la distribución de estas variables.

```
# creo una función para hacer los histogramas pertinentes

myhist <- function(yvar){
    ggplot(df_nas, aes_(x=as.name(yvar)))+
        geom_histogram()+
        ggtitle(paste0(as.name(yvar)))+
        xlab("")+
        ylab("")+ geom_rangeframe()+
        theme_bw()+
        theme(axis.line = element_line(colour = "black"),
        panel.grid.major = element_blank(),
        panel.grid.minor = element_blank())
}
hists<- df nas %>%
```

```
names() %>%
    lapply(myhist)

# grafico las variables
grid.arrange(grobs=hists,ncol=4,top=textGrob("Distribución de las variables con NAs"))
```



Analisis por variable

En esta sección procederemos a hacer un análisis por cada grupo de NAs

Se trata de variables de edad que comienzan a partir de los 18 y para las cuales existe una etiqueta "0" que curiosamente es la moda. Es decir, no conocemos la edad para una gran parte de las observaciones. Podemos aprovechar esta etiqueta y extenderla para tratar los missing values, de tal manera que ahora los NA's tienen la etiqueta "0".

```
# imputación de etiqueta
data$age1[is.na(data$age1)] <- 0
data$age2[is.na(data$age2)] <- 0</pre>
```

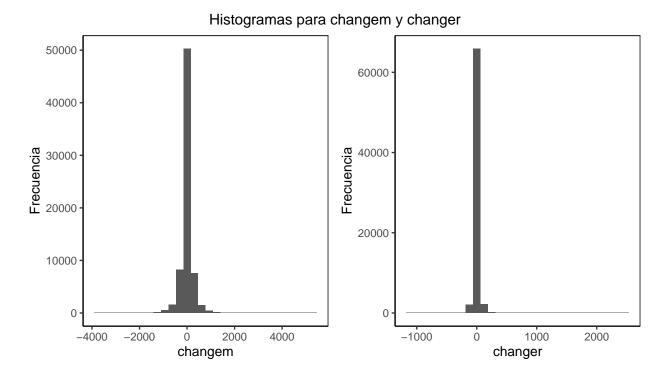
phones, models y eqpdays

En este caso, solo estamos hablando de un missing value por lo que haremos algo sencillo, imputar la mediana.

```
# imputación de mediana
data$phones[is.na(data$phones)] <- median(data$phones[!is.na(data$phones)]) %>% as.numeric
data$models[is.na(data$models)] <- median(data$models[!is.na(data$models)]) %>% as.numeric
data$eqpdays[is.na(data$eqpdays)]<- median(data$eqpdays[!is.na(data$eqpdays)])</pre>
```

changem y changer

```
# histograma
plot1 <- ggplot(data, aes_(x=(data$changem)))+</pre>
    geom_histogram()+
  ylab("Frecuencia")+xlab("changem")+
  theme_bw()+
  theme(axis.line = element_line(colour = "black"),
    panel.grid.major = element_blank(),
    panel.grid.minor = element_blank(),
    panel.background = element_blank())
plot2 <- ggplot(data, aes_(x=(data$changer)))+</pre>
    geom_histogram()+
  ylab("Frecuencia")+xlab("changer")+
  theme_bw()+
  theme(axis.line = element_line(colour = "black"),
    panel.grid.major = element_blank(),
    panel.grid.minor = element_blank(),
    panel.background = element_blank())
grid.arrange(plot1, plot2, ncol=2,top=textGrob("Histogramas para changem y changer"))
```



En este caso, ante la sospecha notamos que las medias están muy centradas en algún valor cercano a cero pero los outliers son considerables. Por ello, decidimos imputar con la mediana muestral.

```
# imputación de mediana
data$changem[is.na(data$changem)] <- median((data$changem[!is.na(data$changem)]))
data$changer[is.na(data$changer)] <- median((data$changer[!is.na(data$changer)]))</pre>
```

revenue, mou, recchrge, directas, overage, roam

Debido a que los 216 valores que faltan son compartidos por todo este grupo de vairables, sería inadecuado hacer imputaciones con base en información entre ellas. Lo que podemos hacer es A) imputar simplemente la media muestral o B) encontrar alguna relación con otras variables que nos permitan imputar con base en un modelo lineal sencillo.

```
# dataframe de correlaciones
aux_data <- data.frame(sapply(data, function(x) as.numeric(as.character(x))))
aux_data<-aux_data[complete.cases(aux_data),]
cor_aux<-cor(aux_data)
cor_aux<-data.frame(cor_aux) %>% select (churn,changer,changem,revenue, mou, recchrge, directal)
```

En el data frame cor_aux podemos ver las correlaciones entre nuestras variables con missing values y las demás. Podemos proponer imputar en cada variable el valor predicho por una regresión, De esta manera, lograremos una mejor imputación que con solo la media muestral. Para construir los modelos simplemente elegimos para cada variable las variables más correlacionadas (tanto negativa como positivamente), sin contar revenue, mou, recchrge, directas, overage ni roam pues los missing

values son compartidos y no contamos con esa información para estimar.

En esta tabla podemos observar que en general los modelos nos dan una predicción mejor a la media, excepto en el último modelo sobre roam. Esta información nos da luz verde para realizar una imputación con base en una regresión lineal. En el caso de roam, solo se imputará la media muestral.

Finalmente checo mi base:

```
#imprime tabla con NAs
cols_con_nas <- names(which(colSums(is.na(data)) > 0))
df_nas <- data %>% select(all_of(cols_con_nas)) %>% as.data.frame()
summary(df_nas)
```

< table of extent 0 x 0 >

Table 1

	$Dependent\ variable:$		
	revenue	recchrge	directas
	(1)	(2)	(3)
peakvce	0.185***	0.101***	0.009***
	(0.002)	(0.001)	(0.0001)
opeakvce			-0.002***
			(0.0001)
mourec	0.074***	0.023***	-0.001***
	(0.001)	(0.001)	(0.0001)
outcalls		-0.005^{*}	0.006***
		(0.003)	(0.0004)
callwait			0.029***
			(0.002)
Constant	33.493***	35.235***	0.153***
	(0.163)	(0.099)	(0.010)
Observations	70,831	70,831	70,831
\mathbb{R}^2	0.454	0.319	0.180
Adjusted R ²	0.454	0.319	0.180
Residual Std. Error	32.691 (df = 70828)	19.735 (df = 70827)	$1.990 (\mathrm{df} = 70825)$
F Statistic	$29,453.020^{***} (df = 2; 70828)$	$11,063.210^{***} (df = 3; 70827)$	$3,116.236^{***} (df = 5; 70825)$

Note:

*p<0.1; **p<0.05; ***p<0.01

Table 2

	Dependent variable:		
	mou	overage	roam
	(1)	(2)	(3)
peakvce	0.983***	0.230***	0.006***
	(0.017)	(0.005)	(0.001)
opeakvce	0.900***	-0.178***	-0.003***
	(0.021)	(0.006)	(0.001)
mourec	1.498***	0.179***	0.001***
	(0.010)	(0.003)	(0.0004)
outcalls	1.278***	0.208***	0.004**
	(0.045)	(0.014)	(0.002)
unansvce	1.346***		
	(0.038)		
callwait	-1.385***	2.620***	-0.009
	(0.252)	(0.080)	(0.009)
Constant	134.924***	0.622	0.713***
	(1.320)	(0.418)	(0.048)
Observations	70,831	70,831	70,831
\mathbb{R}^2	0.777	0.319	0.005
Adjusted \mathbb{R}^2	0.777	0.319	0.005
Residual Std. Error	$250.401 \; (df = 70824)$	79.533 (df = 70825)	9.060 (df = 70825)
F Statistic	$41,109.470^{***} (df = 6; 70824)$	$6,623.726^{***} \text{ (df} = 5; 70825)$	$67.635^{***} \text{ (df} = 5; 70825)$

Note:

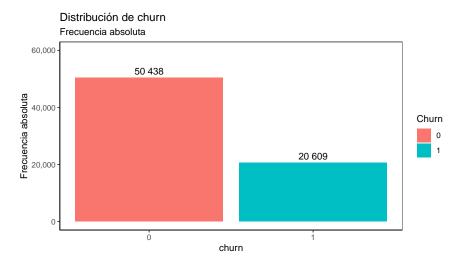
*p<0.1; **p<0.05; ***p<0.01

```
# como no existe nos dice que el tamaño es 0x0
```

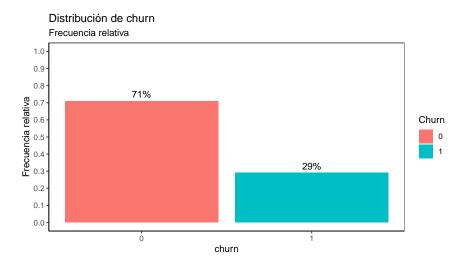
2. Tabula la distribución de la variable churn. Muestra la frecuencia absoluta y relativa. Crees que se debe hacer oversampling/undersamping?

Churn	Cantidad	%
0	50438	0.71
1	20609	0.29

```
rm(tabulado)
data$churn <- as.numeric(data$churn)</pre>
# frecuencia absoluta
ggplot(data, aes(x=churn))+
  geom_bar(aes(y=..count..,fill=(factor(..x..)),stat="count"))+
  geom_text(aes(label= scales::number(..count..),
                y=..count..), stat="count", vjust=-0.5)+
 labs(title="Distribución de churn",
    subtitle="Frecuencia absoluta",
    fill="Churn")+
 ylab("Frecuencia absoluta")+
  scale_y_continuous(labels=scales::comma,
                     limits=c(0,60000))+
  scale_x_continuous(breaks=c(0,1))+
 theme_bw()+
  theme(axis.line = element_line(colour = "black"),
    panel.grid.major = element_blank(),
    panel.grid.minor = element_blank(),
    panel.background = element_blank())
```



```
# frecuencia relativa
ggplot(data, aes(x=churn))+
  geom_bar(aes(y=..prop.., fill=factor(..x..)),stat="count")+
    geom_text(aes(label= scales::percent(..prop..),
                y=..prop..), stat="count", vjust=-0.5)+
  scale_y_continuous(breaks=seq(0,1, by =0.1),
                     limits=c(0,1))+
  scale_x_continuous(breaks=c(0,1))+
    labs(title="Distribución de churn",
       subtitle="Frecuencia relativa",
       fill="Churn")+
 ylab("Frecuencia relativa")+
 theme_bw()+
 theme(axis.line = element_line(colour = "black"),
    panel.grid.major = element_blank(),
    panel.grid.minor = element_blank(),
    panel.background = element_blank())
```



Sí, parece que sí se debe hacer algún tipo de remuestreo para tener una base balanceada y que los modelos a estimar tengan mayor poder predictivo.

3. (2 pts) Divide tu base en entrenamiento y validación (80/20). Además, considera hacer oversampling (SMOTE) o undersampling. (Tip: Recuerda que el objetivo final es tener muestra ~balanceada en el traning set. En el validation la distribución debe ser la original)

Primero dividimos la base.

Churn	Frecuencia absoluta	Frecuencia relativa
0	40303	0.7090979
1	16534	0.2909021

No está balanceada, aunque sí conserva la proporción de clases de la base original. Procedemos a rebalancear, probamos 3 estrategias: undersampling, oversampling o una mezcla de ambas. A continuación mostramos cómo realizamos las tres estrategias sobre nuestra base de entrenamiento.

A. Undersampling

```
class(data %>% na.exclude)
oversampled <- as.data.frame(smote$data)

# smote guarda la variable de clase como class.
# se renombra y convierte a numerica
colnames(oversampled)[68] <- "churn"
oversampled$churn <- oversampled$churn %>% as.numeric

# ahora está mmejor balanceado pero como el SMOTE da vueltas completas,
# en este caso de tamaño 2, el balance no es perfecto
tabulado <- oversampled %>% group_by(churn) %>%
    dplyr::summarise(frecuencia_absoluta=n()) %>%
    mutate(frecuencia_relativa = frecuencia_absoluta/sum(frecuencia_absoluta))
kable(tabulado,
    col.names = c("Churn", "Frecuencia absoluta", "Frecuencia relativa"))%>%
kable_styling(position = "center",
    latex_options="HOLD_position")
```

B. oversampling

C. Under y over sampling De esta manera quedan 3 bases para comparar: undersampling, oversampling y una combinación de ambos. Comparamos las tres bases con los tres modelos y obtuvimos los mejores resultados de la base con undersampling. En adelante, mostramos nuestros resultados con esa base. En el script remuestreo_alt.R incluimos algunos resultados con las otras bases.

```
data_training_a<-undersampling %>% na.exclude
```

Model estimation

Pondremos a competir 3 modelos:

- 1. Cross-Validated LASSO-logit
- 2. Prune Trees
- 3. Random Forest

4 (2 pts). Estima un cross validated LASSO. Muestra el la gráfica de CV Binomial Deviance vs Complejidad

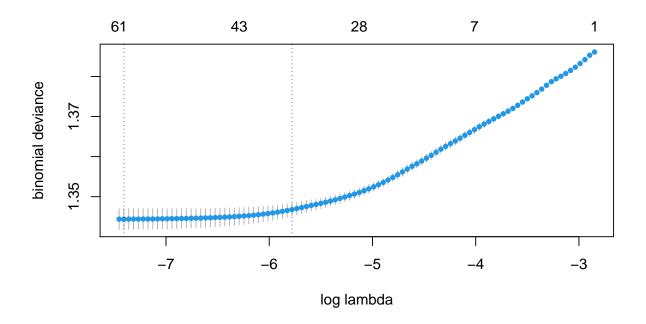
```
#Matriz de covariates
Xa <-data_training_a %>% select(-customer,-churn)

#se quita intercepto
Xa <- sparse.model.matrix(~.+0, data = Xa)

#vector de Y's
Ya<-data_training_a$churn

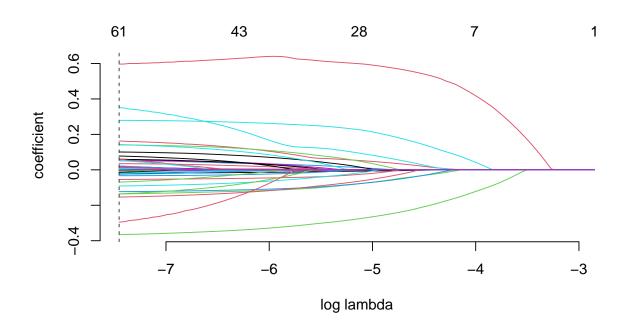
#CV LASSO
cvlasso_a<-cv.gamlr(x = Xa, y = Ya, verb = T, family = 'binomial', nfold = 5)

fold 1,2,3,4,5,done.
#Grafica
plot(cvlasso_a)</pre>
```



5. Grafica el Lasso de los coeficientes vs la complejidad del modelo.

plot(cvlasso_a\$gamlr)



6 (2 pts). Cuál es la λ resultante? Genera una tabla con los coeficientes que selecciona el CV LASSO. Cuántas variables deja iguales a cero? Cuales son las 3 variables más importantes para predecir el abandono? Da una explicación intuitiva a la última pregunta

```
coef(cvlasso_a, select="min", k=2, corrected=TRUE)
67 x 1 sparse Matrix of class "dgCMatrix"
                  seg99
intercept -1.137975e-01
           6.302478e-04
revenue
          -1.986502e-04
mou
recchrge -1.899325e-03
           2.986691e-03
directas
overage
           9.849538e-04
           5.470179e-03
roam
changem
          -5.759147e-04
changer
           2.804547e-03
dropvce
           6.503516e-03
blckvce
unansvce
           3.104458e-04
custcare -5.321727e-03
          -1.451446e-02
threeway
mourec
           1.798823e-04
outcalls
           9.242483e-05
          -1.369377e-03
incalls
peakvce
          -6.702399e-04
opeakvce -1.576663e-04
dropblk
           1.483887e-03
callfwdv
          -5.425391e-03
callwait
           8.500811e-04
months
          -1.908024e-02
uniqsubs
           1.619105e-01
actvsubs
          -1.351256e-01
           5.957587e-02
phones
models
eqpdays
           1.382974e-03
age1
          -2.772636e-03
age2
          -8.534496e-04
           1.403129e-01
children
```

```
credita
          -1.531635e-01
creditaa
          -3.652155e-01
prizmrur
          1.003076e-01
prizmub
          -5.409206e-02
prizmtwn
          3.472156e-02
          2.789570e-01
refurb
webcap
          -1.230094e-01
           5.103158e-02
truck
           1.365985e-02
rv
          -1.823898e-02
occprof
occcler
          7.726085e-02
occcrft
occstud
occhmkr
           5.071779e-02
          -1.285097e-02
occret
          -6.820692e-02
occself
ownrent
          1.527827e-02
           5.873367e-02
marryun
           2.092830e-02
marryyes
mailord
mailres
          -1.356902e-01
mailflag -1.909547e-03
travel
          -2.452862e-02
pcown
          1.789798e-02
creditcd 5.803585e-02
retcalls
           3.492776e-01
retaccpt -2.930552e-01
newcelly -3.298212e-02
newcelln
          7.610507e-03
refer
          -9.091549e-02
incmiss
          -2.855282e-03
income
mcycle
          1.422297e-01
          -8.667456e-03
setprcm
setprc
          7.111671e-04
           5.969897e-01
retcall
# Identificador para el lambda deseado
# Valor del lambda deseado
#lambda resultante
```

```
a_lambda<- colnames(coef(cvlasso_a, select="min"))
cvlasso_a$gamlr$lambda[a_lambda]</pre>
```

seg99

0.0006067582

Son 6 variables a las que deja iguales a cero: 1. blckvce: la media de las llamdas bloqueadas 2. models: número de modelos expedidos 3. occerft: la dummy de ocupación de artesanos 4. occstud: la dummy de ocupación de estudiantes 5. mailord: la dummy de los que compran vía mail 6. incmiss: la dummy de faltantes de ingreso

Se determinó que, dado el tamaño de su coeficiente, las tres variables más importantes para predecir el abandono son las siguientes: 1. retcall: la dummy de que el cliente ha hecho llamadas al equipo de retención 2. refurb: la dummy de que el celular está renovado 3. uniques el número de personas incluidas en la cuenta del teléfono

Las variables arrojadas por el modelo como las más importantes para la predicción son razonables ya que si el cliente ha hecho llamdas al equipo de retención, es posible que sea para efectuar una queja o reportar alguna deficiencia en el servicio; los clientes generalmente llaman para comunicar quejas o inconformidades, lo que implicaría que, ante tal desconento, puedan cancelar el servicio con la compañía telefónica. Asimismo, el que se haya hecho una renovación del teléfono celular, puede implicar que el cliente haya sido captado por otra compañía que le haya ofrecido el teléfono y por ello efectuó la renovación, o que la renovación haya estado aparejada de un paquete telefónico de manera que el cliente ya no necesite el servicio de telefonía de Cell2Cell. Por último, la media del número de personas incluidas en la cuenta telefónica es 1.5, es decir, menos de dos personas por cuenta, por tanto, es posible que sea más sencillo tomar la decisión de abandonar la compañía telefónica o cambiar de compañía cuando en tu servicio no están incluidas más personas.

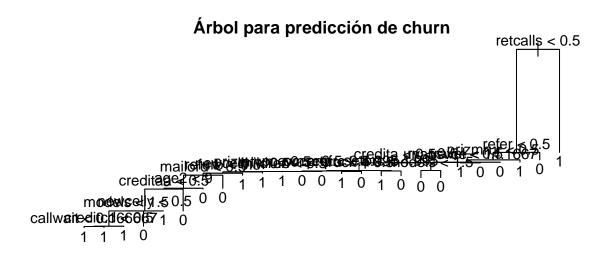
7. Genera un data frame (usando el validation set) que tenga: customer, churn y las predicciones del LASSO.

8. Estima ahora tree. Usa mindev = 0.05, mincut = 1000 Cuántos nodos terminales salen? Muestra el summary del árbol

```
tree_control <- tree.control(nobs=nrow(data_training_a[,-1]),</pre>
             mincut = 1000,
             mindev = 0.05)
tree_estimation <- tree(as.factor(churn) ~ . ,</pre>
                        data = data_training_a[,-1],
                        control = tree_control,
                        split = c("gini"))
summary(tree_estimation)
Classification tree:
tree(formula = as.factor(churn) ~ ., data = data_training_a[,
    -1], control = tree_control, split = c("gini"))
Variables actually used in tree construction:
 [1] "retcalls" "refer"
                           "prizmrur" "travel" "rv"
                                                             "credita"
[7] "truck"
                "occprof" "pcown"
                                      "children" "prizmtwn" "newcelln"
[13] "refurb"
                "mailord" "age2"
                                      "creditaa" "newcelly" "models"
[19] "creditcd" "callwait" "setprc"
                                      "unansvce"
Number of terminal nodes: 25
Residual mean deviance: 1.376 = 45480 / 33040
Misclassification error rate: 0.4655 = 15394 / 33068
Obtenemos 25 nodos finales
```

9. Grafica el árbol resultante

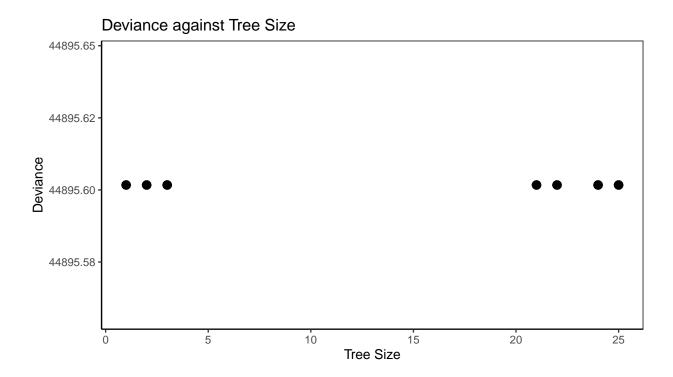
```
plot(tree_estimation)
text(tree_estimation,pretty=0)
title("Árbol para predicción de churn",line=0.5)
```



10. Poda el árbol usando CV. Muestra el resultado. Grafica Tree Size vs Binomial Deviance. Cuál es el mejor tamaño del árbol? Mejora el Error?

```
cv_tree <- cv.tree(tree_estimation, K=10)</pre>
cv_tree
$size
[1] 25 24 22 21 3 2 1
$dev
[1] 44895.6 44895.6 44895.6 44895.6 44895.6 44895.6
$k
[1]
           -Inf
                  0.1267368
                              1.3400605
                                          4.1129528
                                                      8.1676465 14.0495505
[7] 193.9543018
$method
[1] "deviance"
attr(,"class")
[1] "prune"
                    "tree.sequence"
```

```
# Size con menor deviance
min_dev_size <- cv_tree$size[match(min(cv_tree$dev),cv_tree$dev)]</pre>
# Gráfica Tree Size vs. Binomial Deviance
plot_size_dev <- function(cv_tree){</pre>
  ggplot(data=as.data.frame(cbind(size=cv_tree$size,dev=cv_tree$dev)),
       aes(x=size,y=dev))+
  geom_point(size=3)+
  labs(title="Deviance against Tree Size")+
  xlab("Tree Size")+
  ylab("Deviance")+
  theme_bw()+
    theme(axis.line = element_line(colour = "black"),
    panel.grid.major = element_blank(),
    panel.grid.minor = element_blank(),
    panel.background = element_blank())
                                   }
plot_size_dev(cv_tree)
```

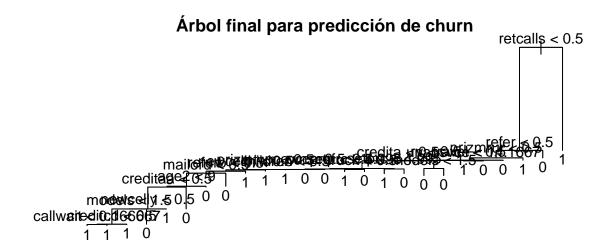


Por lo general buscaríamos el árbol que nos de menor deviance, en este caso tenemos una deviance constante y elegimos el modelo de 25 nodos. Esto nos podría indicar que los split son espurios y probablemente este modelo no sea el adecuado para llevar a cabo la predicción de churn

11. Gráfica el árbol final. (Tip: Checa prune.tree)

```
tree_cut <- prune.tree(tree_estimation, best = min_dev_size)

plot(tree_cut)
text(tree_cut,pretty=0)
title("Árbol final para predicción de churn",line=0.5)</pre>
```



12. Genera las predicciones del árbol pruned. Guardalas en la base de predicciones. Guarda el score y la prediccion categorica en la misma data frame donde guardaste las predicciones del LASSO

```
tree_score_predict <- predict(tree_cut,newdata=data_validation)

tree_class_predict <- predict(tree_cut,newdata=data_validation,type="class")

# unir con base de predicciones

A <- data.frame(A, tree_score_predict[,2], tree_class_predict)

names(A)[4:5] <- c("tree_score","tree_predict")</pre>
```

- 13 (4pts). Corre un Random Forest ahora. Cuál es la B para la que ya no ganamos mucho más en poder predictivo?
 - Corre para num.trees=100,200,300, 500, 700, 800
 - En cada caso, guarda únicamente el prediction.error

```
# eficientar el Random Forest corriendolo en los nodos disponibles del equipo
cl<- detectCores() %>% makeCluster()
cl
```

socket cluster with 8 nodes on host 'localhost'

```
# vector con el número de los arboles
trees <- c()
# vector con el prediction error de cada forest
error <- c()
# Estimation. Loop que estima un random forest para distintos numeros de árboles
a<-Sys.time() # para observar el tiempo de estimacion
k <- 1 # iterador
for (i in c(100,200,300,500,700,800)){
  rf<-ranger(churn~.,
             data = data_training_a[-1],
             num.trees = i,
             mtry = (ncol(data_training_a)-2) %>% sqrt() %>% floor(),
             min.node.size = 1,
             splitrule = "gini",
             classification = T,
             )
  trees[k] <- rf$num.trees</pre>
  error[k] <- rf$prediction.error</pre>
  rf <- NULL
  k < - k + 1
}
Growing trees.. Progress: 88%. Estimated remaining time: 4 seconds.
Sys.time() -a
Time difference of 2.176381 mins
stopCluster(cl)
rf <- data.frame(trees,error)</pre>
kable(rf, col.names = c("Trees", "Error"))%>%
  kable_styling(position = "center",
                latex_options="HOLD_position")
```

Trees	Error
100	0.4028668
200	0.3913753
300	0.3880186
500	0.3846619
700	0.3786138
800	0.3783718

Parece ser que con una B=200, el error de predicción ya no parece reducirse mucho. Cabe mencionar que el error in sample era mucho menor con las bases resultantes de oversampling, pero lo opuesto pasaba en OOS.

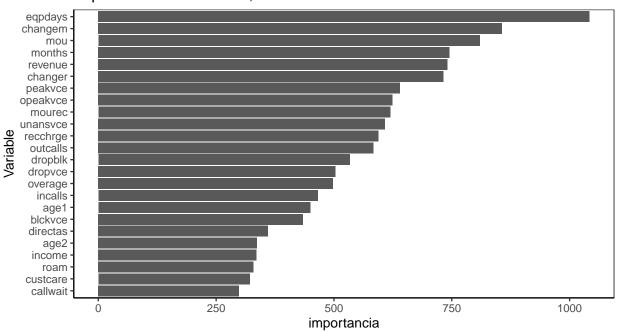
14. Escoge un random forest para hacer las predicciones. Grafica la importancia de las variables. Interpreta

```
# vuelvo a correr el mejor random forest
cl<- detectCores() %>% makeCluster()
cl
```

socket cluster with 8 nodes on host 'localhost'

```
ggtitle('Importancia de variables, Random Forest')+
coord_flip()+
theme(axis.text.y = element_text(size = 9))+
theme_bw()+
theme(axis.line = element_line(colour = "black"),
    panel.grid.major = element_blank(),
    panel.grid.minor = element_blank(),
    panel.background = element_blank())
```

Importancia de variables, Random Forest



15. Genera las predicciones OOS para el random forest. Guardalas en la misma data.frame que los otros modelos

```
pred_rf<-predict(best_rf, data = (data_validation[,-1]), type = "response")
# añadir prediccion al data frame con las otras predicciones

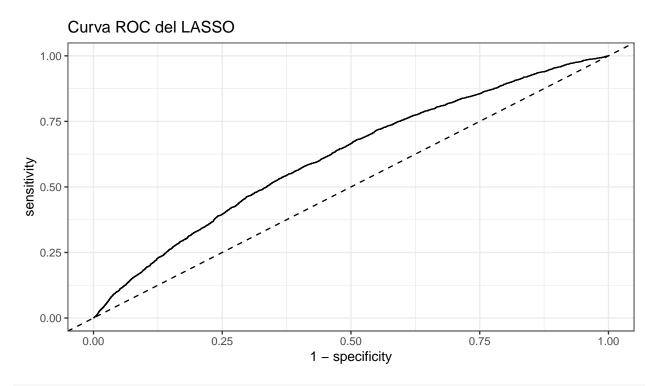
A <- data.frame(A,pred_rf$predictions)
names(A)[6] <- "rf_predict"</pre>
```

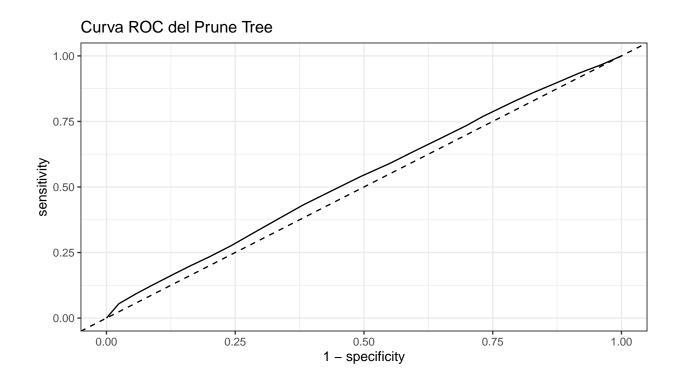
16 (2pts). Corre el mismo forest pero ahora con probability = T. Esto generará predicciones númericas en lugar de categóricas. Genera las predicciones continuas y guardalas en el mismo data frame

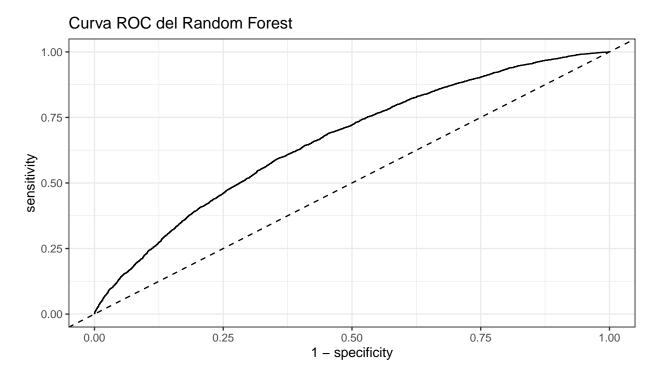
```
# vuelvo a correr el mejor random forest, con probability=T
cl<- detectCores() %>% makeCluster()
cl
```

socket cluster with 8 nodes on host 'localhost'

17 (4 pts). Genera graficas de las curvas ROC para los tres modelos. Cual parece ser mejor?







Dado que la línea punteada es un modelo nulo (aleatorio), entre más rápido gane sensibilidad sin perder especificidad, el modelo será mejor. Gráficamente, buscamos una curva cóncava y pegada al eje y del lado derecho y al eje x por arriba. En este sentido, el Random Forest parece ser el mejor modelo.

18. Genera una tabla con el AUC ROC. Cuál es el mejor modelo?

Modelos	AUC
CV-LASSO	0.6157044
Pruned Tree	0.5346934
Random Forest	0.6629787

Confirmamos que el mejor modelo es el Random Forest, seguido del CV-LASSO.

19 (2pts). Escoge un punto de corte para generar predicciones categoricas para el LASSO basado en la Curva ROC. Genera las matrices de confusión para cada modelo. Compáralas. Qué tipo de error es mas pernicioso?

La curva ROC representa la sensibilidad y especificidad para ciertos puntos de corte. Para elegir un punto de corte óptimo, calculamos la sensibilidad y especificidad de distintos puntos de corte, buscando el óptimo en la gráfica, el cual está alrededor del 0.6 de sensibilidad y 0.5 de especificidad.

```
# ------

# Puntos de corte

# ------

summary(A$lasso_score)
```

```
Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max. 0.06522 0.42516 0.48946 0.49042 0.55234 0.99391
```

```
# Loop que tome diferentes puntos de corte y mida especificidad y sensibilidad
sens <- NULL
spec <- NULL
corte <- NULL
it <- 1 # iterador</pre>
```

Punto de Corte	Sensibilidad	Especificidad
0.45	0.375	0.774
0.46	0.417	0.741
0.47	0.461	0.702
0.48	0.503	0.662
0.49	0.549	0.613
0.50	0.594	0.574
0.51	0.637	0.533
0.52	0.679	0.486
0.53	0.716	0.441
0.54	0.750	0.395
0.55	0.780	0.353

A\$lasso_predict <- as.numeric(A\$lasso_score > 0.52)

Siguiendo este criterio, y premiando sensibilidad frente a especificidad (por razones que se explican más abajo), elegimos 0.52 como punto de corte.

Table 3. Lasso

	0	1
0	6879	2095
1	3256	1980

Table 4. Tree

	0	1
0	5435	1992
1	4700	2083

Table 5. Random Forest

	0	1
0	5996	1425
1	4139	2650

Como vimos en clase, a partir de las matrices de confusión es posible calcular 5 métricas de éxito: - Sensibilidad - Especificidad - Positivos Acertados - Negativos Acertados - Accuracy

A continuación se comparan dichas métricas en una tabla:

Modelo	Sensibilidad	Especificidad	Positivos acertados	Negativos acertados	Accuracy
Lasso	0.679	0.486	0.767	0.378	0.767
Tree	0.536	0.511	0.732	0.307	0.732
Random Forest	0.592	0.650	0.808	0.390	0.808

El modelo que arroja las mejores métricas de éxito es el *Random Forest*. En este caso nos interesa una sensibilidad relativamente alta, ya que nos indica cuál es la probabilidad de que encontremos a

clientes que efectivamente se van (churn = 1).

Adicionalmente, nos interesa ver el porcentaje de positivos acertados, lo que nos dice cuántos clientes que predecimos que se vayan efectivamente se irán.

En este caso el error más pernicioso sería el error tipo II (falso negativo), o sea que el modelo nos diga que un cliente no se va cuando en realidad si se irá. El modelo con menos falsos negativos es el $Random\ Forest$.

20 (2pts). Finalmente, construye una lift table. Esto es, para 20 grupos del score predecido, genera 1) El promedio de las predicciones, 2) el promedio del churn observado. Existe monotonía? El mejor algoritmo es monotónico? (Tip: usa ntile para generar los grupos a partir de las predicciones)

```
# tablas
tabla_lasso<-liftTable( A$lasso_score, A$churn_validation, resolution = 1/20)
tabla_tree<-liftTable( A$tree_score, A$churn_validation, resolution = 1/20)
tabla_rf<-liftTable( A$rf_score, A$churn_validation, resolution = 1/20)
tabla lift<-data.frame(tabla lasso$Percentile,
                       tabla_lasso$expectedIncidence,
                    tabla_lasso$trueIncidence,
                    tabla tree$trueIncidence,
                    tabla_rf$trueIncidence)
kable(tabla_lift, col.names = c("Percentil",
                                "Valor esperado",
                                "Promedio Lasso",
                                 "Promedio Tree",
                                 "Promedio RF"))%>%
  kable_styling(position = "center",
                latex_options="HOLD_position")
```

Percentil	Valor esperado	Promedio Lasso	Promedio Tree	Promedio RF
5	0.2867699	0.4802817	0.4338028	0.5563380
10	0.2867699	0.4433498	0.3638283	0.4940183
15	0.2867699	0.4218677	0.3345847	0.4763022
20	0.2867699	0.4088670	0.3216045	0.4595355
25	0.2867699	0.3944257	0.3147523	0.4481982
30	0.2867699	0.3882243	0.3140981	0.4288060
35	0.2867699	0.3818621	0.3130907	0.4144380
40	0.2867699	0.3731527	0.3128079	0.4044687
45	0.2867699	0.3633094	0.3087269	0.3922427
50	0.2867699	0.3531316	0.3059817	0.3812808
55	0.2867699	0.3485605	0.3026232	0.3705694
60	0.2867699	0.3433028	0.3004926	0.3612479
65	0.2867699	0.3353183	0.2992638	0.3530749
70	0.2867699	0.3267317	0.2973761	0.3437217
75	0.2867699	0.3200713	0.2964249	0.3352726
80	0.2867699	0.3121042	0.2955665	0.3255630
85	0.2867699	0.3069217	0.2935089	0.3172711
90	0.2867699	0.3008054	0.2912659	0.3081554
95	0.2867699	0.2946144	0.2888362	0.2981702
100	0.2867699	0.2867699	0.2867699	0.2867699

```
# Esto es para generar las graficas

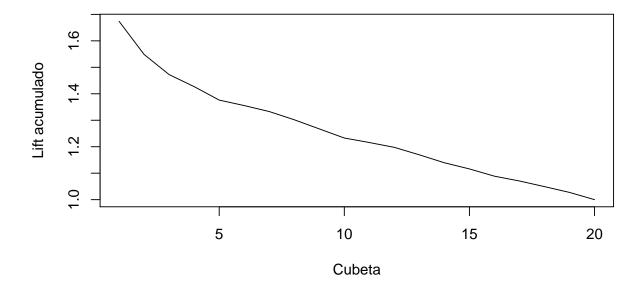
tabla_lift <- function(variable_objetivo, score_prediccion, groups) {
   if(is.factor(variable_objetivo)) variable_objetivo <- variable_objetivo %>%
        as.character() %>% as.integer()
   if(is.factor(score_prediccion)) score_prediccion <- score_prediccion %>%
        as.character() %>% as.integer()

helper = data.frame(cbind(variable_objetivo, score_prediccion))

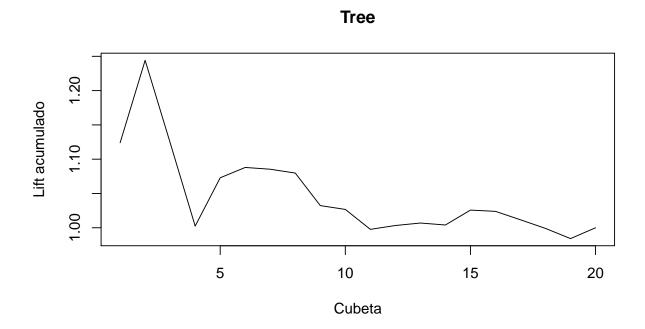
helper[,"bucket"] = ntile(-helper[,"score_prediccion"], groups)

gaintable = helper %>% group_by(bucket) %>%
        summarise_at(vars(variable_objetivo), funs(total = n(),
        totalresp=sum(., na.rm = TRUE))) %>%
        mutate(Cumresp = cumsum(totalresp),
        Gain=Cumresp/sum(totalresp)*100,
        Cumlift=Gain/(bucket*(100/groups)))
```

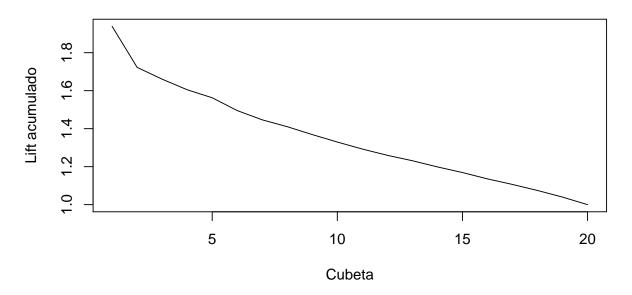
Lasso



main = "Tree")



Random Forest



EXTRA: XGB

```
# Preparar la base de entrenamiento
sparse_train <- sparse.model.matrix(~.+0, data = data_training_a[,-c(1,2)])</pre>
label_train <- data_training_a[,2]</pre>
dtrain <- xgb.DMatrix(sparse_train, label = label_train)</pre>
# Label es el target
# Preparar la base de validación
data_validationn <- data[-training_rows,]</pre>
sparse_test <- sparse.model.matrix(~.+0, data = data_validation[,-c(1)])</pre>
label_test <- data_validationn[,2]</pre>
dtest <- xgb.DMatrix(sparse_test, label = label_test)</pre>
watchlist <- list(train = dtrain, eval = dtest)</pre>
# Para evaluar el performance del modelo
# Entrenamiento del modelo
param <- list(max_depth = 6, learning_rate = 0.06,</pre>
               objective = "binary:logistic",
               eval_metric = "auc", subsample = 0.85, colsample_bytree = 0.7)
xgb_model <- xgb.train(params = param, dtrain,</pre>
                        early_stopping_rounds = 10,
```

Se muestran las evaluaciones del modelo, tanto in sample como out of sample, para las primeras y últimas iteraciones.

Iteración	In sample AUC	Out of sample AUC
1	0.659439	0.637276
2	0.672494	0.644123
3	0.677494	0.645971
98	0.781959	0.675069
99	0.782601	0.674911
100	0.782828	0.675046

Cabe destacar que la mejor iteración del modelo fue la 97.

También se presenta la matriz de importancia.

```
# Matriz de importancia
names <- dimnames(data.matrix(data_training_a[,-c(1,2)]))[[2]]
importance_matrix <- xgb.importance(names, model = xgb_model)

# Gráfico
xgb.plot.importance(importance_matrix)</pre>
```

