

$$(f_1 + f_2)^2 \text{ es } O(h_1^2 + h_2^2)$$

$$f_1 = O(h_1) \Rightarrow \exists (C_1, n_1) \in \mathbb{R}^+ \times \mathbb{N} \mid \forall n \geq n_1, f_1(n) \leq C_1 \cdot h_1(n)$$

$$f_2 = O(h_2) \Rightarrow \exists (C_2, n_2) \in \mathbb{R}^+ \times \mathbb{N} \mid \forall n \geq n_2, f_2(n) \leq C_2 \cdot h_2(n)$$

$$f_1 + f_2 \text{ es } O(h_1 + h_2)$$

$$(f_1^2 + 2f_1f_2 + f_2^2)(x) \leq 9(h_1^2 + h_2^2)$$

$$f_1f_2 \text{ es } O(h_1 \cdot h_2)$$

$$f_1^2 \text{ es } O(h_1^2)$$

$$f_2^2 \text{ es } O(h_2^2)$$

$$h_1 \cdot h_2 \leq h_1^2 \text{ o } h_1 \cdot h_2 \leq h_2^2$$

$$\Rightarrow (f_1 + f_2)^2 \text{ es } O(h_1 \cdot h_2 + h_1^2 + h_2^2) \text{ que es } O(h_1^2 + h_2^2)$$

$$\text{que es } O(\max(h_1^2, h_2^2)).$$