# Simulazione di un reticolo di Ising bidimensionale in CUDA

Stefano Mandelli

14 Luglio 2016

# Il Modello di Ising

Il modello di Ising è caratterizzato dalla seguente Hamiltoniana

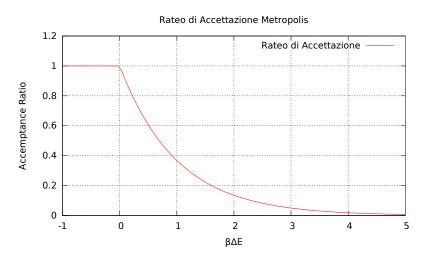
$$H = -J\sum_{\langle i,j\rangle} s_i s_j - h\sum_i s_i \tag{1}$$

le cui grandezze fisiche di interesse sono la magnetizzazione media e il calore specifico per spin definiti come

$$m = \frac{1}{N} \left\langle \sum_{i} s_{i} \right\rangle , c_{v} = \frac{\beta^{2} k_{B}^{2}}{N} \left( \langle E \rangle^{2} - \langle E^{2} \rangle \right)$$
 (2)

### Algoritmo di Metropolis

L'algoritmo con cui vengono proposti gli update degli spin è quello di metropolis la cui probabilità di accettazione è data da



# Implementazione del codice su GPU

Ottimizzazione su memoria shared del reticolo attraverso aggiornamento su doppia scacchiera

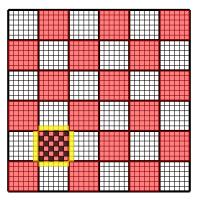


Figura: Le zone rosse più le aree gialle rappresentano i blocchi di memoria shared. Ogni blocco viene aggiornato a scacchiera. Le condizioni di raccordo blocco-blocco sono identificate dai siti reticolari colorati in giallo

#### Confronto Modello Fisico

Confronto CPU - GPU dei grafici di magnetizzazione e calore specifico con la soluzione di Onsager al limite termodinamico

