

1. Сортування обміном

```
1  /* а - масив для сортування , n - розмір масиву
2  ідея сортування : кожен раз знаходимо найменший елемент із ще не відсортованих
3  і ставимо його на відповідну позицію в масиві
4  Складність : O(n^2)
5  */
6  void selectionSort(int a[], int n)
7  {
8      for(int i = 0; i < n - 1; i++) {
9          // знаходимо мінімальний елемент із ще не відсортованих
10         int m = i;
11         for(int j = i + 1; j < n; j++) {
12             if(a[j] < a[m]) {
13                 m = j;
14             }
15         }
16         /// ставимо мінімальний елемент на потрібне місце
17         swap(a[i], a[m]);
18     }
19 }
```

2. Сортування бульбашкою

```
1  /* а - масив для сортування , n - розмір масиву
2  Ідея : кожного разу за допомогою порівнянь сусідніх елементів
3  підтягуємо на місце найбільший елемент, який не на своєму місці
4  Оскільки в найгіршому випадку знадобиться n-1 підтягування,
5  то потрібно повторити цю операцію n-1 раз
6  Складність : O(n^2)
7  */
8  void stupidBubbleSort(int a[], int n)
9  {
10     for(int i = 0; i < n - 1; i++) {
11         // на кожному кроці підтягуємо елемент послідовними порівняннями
12         for(int j = 1; j < n - i; j++) {
13             if(a[j - 1] > a[j]) {
14                 swap(a[j - 1], a[j]);
15             }
16         }
17     }
18 }

19
20 /*
21 Ідея оптимізації в тому, щоб завершувати роботу функції одразу,
22 як ми відсортували масив. Критерій відсортованості :
23 якщо жоден елемент не потрібно було обмінювати місцями,
24 то всі елементи стоять на своїх місцях, і масив відсортований.
25 */
26
27 void smartBubbleSort(int a[], int n)
28 {
29     for(int i = 0; i < n - 1; i++) {
30         int swapped = 0;
31         for(int j = 1; j < n - i; j++) {
32             if(a[j - 1] > a[j]) {
33                 swap(a[j - 1], a[j]);
34                 swapped++;
35             }
36         }
37         if(!swapped) break;
38     }
39 }
```

3. Сортування включенням

```
1  /*a - масив для сортування, n - розмір масиву
2   Ідея : приймаємо по черзі елементи масиву і
3   вставляємо їх на потрібні позиції в масиві
4   Складність :  $O(n^2)$  в гіршому випадку або  $O(n + d)$ , де  $d$  - кількість інверсій
5  */
6
7  void insertionSort(int a[], int n)
8  {
9      for(int i = 0; i < n; i++) {
10         int j = i - 1, x = a[i]; // витягуємо елемент з масиву і запам'ятовуємо значення в x
11         while(j >= 0 && a[j] > x) { // поки не закінчилися позиції і цей елемент більший за той, який вставляємо
12             a[j + 1] = a[j]; //зміщуємо цей елемент вперед на одну позицію
13             j--;
14         }
15         a[j + 1] = x; //ставимо елемент після першого елемента, не більшого за нашій;
16     }
17 }
```

4. Сортування злиттям

```
1  const int MAXN = 1e5 + 10;
2  int b[MAXN]; // Допоміжний масив, потрібний для об'єднання двох відсортованих відрізків
3  /*
4   Процедура об'єднання двох відсортованих відрізків в один
5   a - масив, l, r - ліва і права межа відрізка відповідно
6
7   Ідея : давайте формувати наш список так : розглядаємо
8   два чергові елементи відрізків(спочатку це два перші елементи),
9   очевидно, один із них стоятиме на першій позиції,
10  тож обираємо найменший з них, ставимо його в початок нашої послідовності
11  і вважаємо черговим елементом наступний
12  */
13  void mergeRanges(int a[], int l, int r) {
14      int sizeOfTheRange = r - l + 1; //розмір відрізка-результату
15      int m = (l + r) / 2; //середина відрізка
16      for(int i = l, j = m + 1, k = 0; k < sizeOfTheRange; k++) {
17          /* i - черговий елемент першої половини,
18           j - другої,
19           k - номер елемента, який ми додаємо в послідовність-відповідь*/
20          if(i > m || (j <= r && a[i] > a[j])) {
21              /* виконується якщо перша половина вичерпалась,
22              або теперішній мінімум заходиться в іншій половині,
23              яка себе не вичерпала також
24              */
25              b[k] = a[j];
26              j++;
27          }
28          else {
29              b[k] = a[i];
30              i++;
31          }
32      }
33      for(int i = 0; i < sizeOfTheRange; i++) {
34          a[l + i] = b[i];
35      }
36  }
37  /*
38  Процедура сортування злиттям
39  a - масив, l і r - межі відрізка, що сортується
40
41  Ідея : якщо масив довжини один, то він автоматично відсортований,
42  в іншому випадку ми можемо розділити масив на 2 половини і
43  рекурсивно запустити сортування,
44  після цього об'єднати дві половини масива
45  */
46  void mergeSort(int a[], int l, int r) {
47      if(l == r) return; // в цьому випадку відрізок відсортований
48      int m = (l + r) / 2;
49      //визначили середину і запустили рекурсивне сортування для обох половин масиву
50      mergeSort(a, l, m);
51      mergeSort(a, m + 1, r);
52      //об'єднали два відрізки в один
53      mergeRanges(a, l, r);
54  }
```