

# Clase 26

Manuel Garcia.

November 16, 2023

## 1 Haces fibrados

Con la variedad asociamos:  $(\begin{matrix} E \\ \text{Variedad total} \end{matrix}, \pi, M, \begin{matrix} F \\ \text{Estructura(fibra)} \end{matrix}, \begin{matrix} G \\ \text{Grupobajola fibra} \end{matrix})$ . Tambien lo representamos como  $E \xrightarrow{\pi} M$

## 2 Haz Vectorial

$(\begin{matrix} E \\ \text{Variedad total} \end{matrix}, \pi, M, \begin{matrix} F \\ \text{V} \end{matrix}, \begin{matrix} G \\ t_{ij} \end{matrix})$ .  $(E, \pi, M, \mathbb{R}^k, GL(k, \mathbb{R}))$ .

### 2.1 Haz normal (a una variedad)

Tambien es un ejemplo de haz vectorial. Está definido por las estructuras: Primero tomamos una variedad  $M$  que vamos a encajar dentro de (embedded) en un espacio  $\mathbb{R}^{m+k}$  y dentro de este vamos a definir un producto escalar  $\langle V_1 | V_2 \rangle = \delta_{ij} V_1^i V_2^j$ . Vamos a definir la variedad normal  $N_p M =$  Espacio normal a  $T_p M$   $N_p M \rightarrow u \in \mathbb{R}^{m+k} / \langle U | V \rangle = 0$ . Haz fibrado:

$$NM = \bigcup_p N_p M$$

### 2.2 Haz cotangente

$$T^* M = \bigcap_p T_p^* M$$

Haces:  $\{dx^\mu\}$ ,  $\mu = 1, \dots, m$