

موضوع پروژه کاربرد جبر خطی در نرم افزار اندرویدی که دمای N نقطه را با استفاده از دیتا فیوژن به دست آورد

استاد **دکتر میگلی**

حل تمرین غلامرضا قاسمی

تهیه کننده علی قنبری ۹۷۰۲۱۶۶۵۷

فهرست

مقدمه	<u>3</u>
تلفیق داده <i>چیست</i> ؟	3
ظرورت استفاده از تلفيق داده	3
منشأ نظريه تلفيق داده	3
فيلتر كالمَن	3
شبیه سازی	4
جسم مجازی	4
بسه _ا مدوری انتقال داده به سنسور ها	5
نحوه تولید ماتریس دمای سطح جسم	5
ت بود تو بیدی ستے جسم سنسور مجازی دو بعدی	6
ایجاد نویز در سنسور مجازی	7
ٔ یبات تویر در سنسور منادری معادله تشابه ماتریس ها	8
معادلة لشابة مالريس لفا	
فيلتر كالمَن	9
پیش بینی	10
بروزرسانى	10
سنسور ادغام	11
برنامه اندروید	<u>12</u>
قابلیت ها	12
صفحه ها	13
مرجع ها	<u>15</u>

مقدمه

هدف این پروژه استفاده از جبر خطی برای تلفیق داده است. یکی از روش های مهم تلفیق داده به نام فیلتر کالمن که بر اساس جبرخطی است در این پروژه استفاده شده. در این گزارش مفاهیم استفاده شده و نحوه پیاده سازی آن ها توضیح داده شده اند.

تلفيق داده چيست؟

دیتا فیوژن یا تلفیق داده یک فرایندی است که در آن داده های حاصل از چندین منبع ادغام می شوند تا اطلاعات دقیق تر و یکسان تری نسبت به داده های حاصل از هر یک از منبع ها به صورت جداگانه حاصل شود.

ظرورت استفاده از تلفیق داده

چون ما چندین ورودی داریم در صورتی که یکی از ورودی ها خراب شود یا در دسترس نباشد، سیستم می تواند پایداری خود را حفظ کند، همچنین ادغام چندین منبع داده باعث کاهش چشم گیری در نرخ داده های نا مطمئن و افزایش اطمینان می شود.

منشأ نظريه تلفيق داده

مفهوم تلفیق داده منشأ گرفته از قابلیت انسان ها و حیوانات برای استفاده ترکیبی از حواس خود هستند. مثلا میتوانند با ترکیب اطلاعاتی که از بینایی، لمس و بویایی از یک ماده دریافت می کنند، تصمیم بگیرند که این ماده خوراکی است یا نه.

فيلتر كالمَن (Kalman filter)

این فیلتر یکی از الگوریتم هایی است که برای تلفیق داده استفاده می شود و می تواند بر اساس حالت فعلی، مدل و داده های جدید، یک پیش بینی دقیق تری از حالت فعلی جسم به ما بدهد.

شبیه سازی

برای اینکه بتوانیم از فیلتر کالمن استفاده کنیم، باید به آن داده خام بدهیم. بجای اینکه یک سنسور واقعی را به برنامه خود وصل کنیم می توانیم رفتار یک سنسور واقعی را شبیه سازی کنیم.

در نهایت ساختار برنامه اینگونه خواهد بود:



بخش شبیه سازی شده

در برنامه ساخته شده فقط بخش های سنسور و جسم، شبیه سازی شده هستند و می توانیم با جایگزین کردن این بخش ها با معادل واقعی آن ها، همچنان از برنامه ساخته شده استفاده کنیم.

در بخش های بعدی، نحوه پیاده سازی مربوط به آن بخش آمده است:

جسم مجازي

سنسورهای مجازی به یک جسم مجازی نیاز دارند که باید در دسترس آن ها قرار بگیرد تا بتوانند آن را اندازه گیری کنند. برای همین از جسم مجازی شروع می کنیم. برای اینکار یک کلاس به نام

VirtualObject2D در برنامه تعریف کرده ام که نماینده جسم مجازی ما خواهد بود و شکل ساده شده پیاده سازی آن بصورت زیر است:

```
class VirtualObject2D {
  final double minTemp;
  final double maxTemp;
  final Matrix surfaceTemps;
...
}
```

VirtualObject2D سه مؤلفه دارد:

minTemp و maxTemp که کمترین و بیشترین عددی که ممکن است در ماتریس دما باشد را نشان می دهند.

است و دمای همهی نقاط جسم را ذخیره می کند. m imes n است و دمای همهی نقاط از m imes n است و دمای همهی نقاط از خیره می کند.

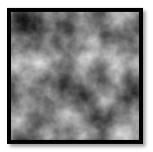
انتقال داده به سنسور ها

برای انتقال داده به سنسور ها، به جای اینکه دمای جسم توسط سنسورها خوانده شود، ماتریس دما از جسم به سنسور ها فرستاده می شود. اینکار باعث می شود که بتوانیم چیزی را که سنسور ها می توانند ببینند از طرف جسم مجازی قابل کنترل باشد.

اگر بخواهم بصورت فنی تری این فرایند را توضیح بدم، جسم مجازی یک <Stream<Matrix یا پخش جریانی ماتریس دارد و سنسور ها می توانند به این پخش جریانی گوش دهند و موقعی که جسم مجازی، به این جریان ماتریسی اضافه کند، به گوش همه سنسورها می رسد و آن ها می توانند خروجی خود را بر اساس آخرین ماتریسی که از راه جریان به آن ها رسیده آپدیت کنند.

نحوه تولید ماتریس دمای سطح جسم

برای تولید ماتریس دمای سطح یک جسم مجازی از الگوریتم پرلین نویز (Perlin noise) استفاده کردم چون خروجی این الگوریتم بصورت تپه ای است و در یک بازه کوچک نقطه از 0 به 1 نمی رود. این الگوریتم در بازی سازی خیلی کاربرد دارد. عکس زیر یک بعد کار می کند و برای تولید مرحله و محیط های شبه طبیعی در بازی سازی خیلی کاربرد دارد. عکس زیر یک نمونه پرلین نویز دو بعدی است که در آن هر نقطه مقداری بین 0 و 1 دارد:



چون ما مینیمم و ماکسیمم دمای جسم را داریم می توانیم دمای هر نقطه را با استفاده از فرمول زیر روی یک پرلین نویز دو بعدی بدست آوریم:

 $SurfaceTemps_{ij} = (t_{ij} \times (maxTemp - minTemp) + minTemp)$

برای مثال اگر یک پرلین نویز 3×3 داشته باشیم و کمترین و بیشترین دما 273 و 400 باشند، یک نمونه خروجی که می توانیم داشته باشیم به این صورت است:

[287 281 273] 279 273 281 273 279 287]

سنسور مجازی دو بعدی

این سنسور قرار رفتار یک دوربین حرارتی را شبیه سازی کند و بصورت $m \times n$ سنسور یک بعدی طراحی شده. کلاسی که نماینده این نوع سنسور خواهد بود VirtualTempSensor2D نام دارد و شکل ساده شده پیاده سازی آن بصورت زیر است:

```
class VirtualTempSensor2D {
   final double errorRate;
   final VirtualObject2D object;
   bool enabled;
   double accuracy;
   double avgAccuracy;
   bool kalmanFilter;
   int updates;
   double totalAccuracy;
   Stream<Matrix> temps;
}
```

VirtualTempSensor2D از نظر پیاده سازی، پیچیده ترین بخش برنامه است و این موضوع از تعداد مؤلفه های آن پیداست که کاربر هر یک از آنها به این صورت است:

errorRate دلتای خطای سنسور را مشخص می کند که در بخش نحوه تولید نویز سنسور بیشتر در مورد آن خواهیم پرداخت.

object به ما دسترسی مستقیم به جسم مجازی می دهد تا بتوانیم به تغییرات آن گوش دهیم و ماتریسی که بعد از اعمال نویز بدست آوردیم را با دمای واقعی جسم مقایسه کنیم تا بتوانیم دقت سنسور را محاسبه کنیم.

enabled نشان می دهد که سنسور روشن است یا خاموش که در برنامه فعلی سنسور ها همیشه روشن هستند.

accuracy یک مقدار متغییر است و در هر باری که سنسور آپدیت می شود، تغییر می کند. این متغییر دقت سنسور در آخرین بروزرسانی را نمایش می دهد.

avgAccuracy همانند accuracy تغییر می کند ولی با این تفاوت که متوسط دقت سنسور، از زمان ساختش را نمایش می دهد و بصورت زیر محاسبه می شود:

$$avgAccuracy = \frac{totalAccuracy}{updates}$$

kalmanFilter نشان می دهد که فیلتر کالمن روشن است یا خاموش. با تغییر این پارامتر می توانیم، فیلتر کالمن سنسور را خاموش یا روشن کنیم.

updates شمارنده تعداد آپدیت های سنسور است که برای محاسبه دقت متوسط استفاده می شود.

totalAccuracy مجموع همهی دقت های سنسور از شروع تا آخرین بروزرسانی است.

temps که جریان خروجی سنسور است و برای ورودی سنسور ادغام و رابط کاربری استفاده می شود.

ایجاد نویز در سنسور مجازی

دوربین حرارتی مجازی ما قرار است که یک ماتریس $m \times n$ بگیرد و مشابه یک دوربین حرارتی واقعی، آن را با مقداری خطا به ما بازگرداند.

دوربین های حرارتی واقعی به دو صورت نویز دارند:

- ۱. دوربین کالیبره نباشد و دمای همه نقاط بصورت ک $t_n \pm \Delta$ گزارش می شوند.
- ۲. بدلیل خواص جسم یا گرد و غبار موجود در هوا چندین نقطه با خطای $\pm \Delta$ گزارش می شوند.

برای شبیه سازی مورد اول، کافی است که همه درایه های ماتریسی که نماینده دمای جسم است را با مقدار $\pm \Delta$ جمع کنیم کنیم. مثلا اگر ماتریس دمای سطح جسم به این شکل باشد:

$$\begin{bmatrix} 302.0 & 302.4 \\ 302.6 & 303.0 \end{bmatrix}$$

آنگاه یک Δ برای آن فریم در نظر می گیریم که متناسب با $\pm errorRate$ سنسور باشد، مثلا اگر میزان خطا 30 باشد، Δ که در نظر می گیریم می تواند عددی بین 30- و 30 باشد و خروجی مرحله اول بصورت نمونه، بشکل زیر خواهد بود:

$$\begin{bmatrix} 302.0 & 302.4 \\ 302.6 & 303.0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1.5 & 1.5 \\ 1.5 & 1.5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 304.5 & 303.9 \\ 304.1 & 304.5 \end{bmatrix}$$

در مرحله دوم چندین نقطه بصورت تصادفی از خروجی مرحله اول انتخاب می شوند و با $\pm \Delta$ جمع می شوند که در اینجا Δ بصورت تصادفی برای هر نقطه تولید می شود و ممکن است اثرات خطا در مرحله قبل را خنثی کند. مثلا به یکی از نقاط 2- اضافه می کنیم:

$$\begin{bmatrix} 304.5 & 303.9 \\ 304.1 & 304.5 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ -2 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 304.5 & 303.9 \\ 302.1 & 304.5 \end{bmatrix}$$

در اینجا می بینیم که دما در نقطهی t_{21} به مقدار واقعی آن نزدیکتر شد.

معادله تشابه ماتریس ها

برای اینکه بدانیم که تلفیق داده، دقت سنسور های ما را بالا می برد نیاز داریم که دقت سنسور ها را اندازه گیری کنیم. برای بدست آورن درصد تشابه دو ماتریس، یک تابع مشابهت (similarity function) بصورت زیر نوشته شده:

 \mathbf{max} و \mathbf{min} و ماتریس نویز دار \mathbf{N} باشد و ماتریس هم اندازه با نام ماتریس اصلی \mathbf{S} و ماتریس نویز دار \mathbf{N} باشد و بیشترین دمای ممکن برای جسم باشند، معادله زیر میزان تشابه ماتریس نویز دار به ماتریس اصلی را حساب می کند:

$$accuracy = \frac{\sum_{i}^{rows} \sum_{j}^{columns} \left(1 - \left| \frac{S_{ij} - min}{max - min} - \frac{N_{ij} - min}{max - min} \right| \right)}{rows \times columns}$$

تابع مشابهت نوشته شده از نوع باینری است و $\mathbf{accuracy}$ عددی بین $\mathbf{0}$ و $\mathbf{1}$ خواهد بود.

فيلتر كالمَن (Kalman filter)

این فیلتر یکی از الگوریتم هایی است که برای تلفیق داده استفاده می شود و می تواند بر اساس حالت فعلی، مدل و داده های جدید، یک پیش بینی دقیق تری از حالت فعلی جسم به ما بدهد.

برای اینکه از این الگوریتم برای سنسورهایمان استفاده کنیم ابتدا باید مدل سیستم را طراحی کنیم. مدلی که طراحی کردم به این صورت است:

$$t_k = t_{k-1} + \dot{t}_{k-1}\Delta T + \frac{Q}{mc}(\Delta T)^2 + V_1$$

$$\dot{t}_k = \dot{t}_{k-1} + \frac{Q}{mc}(\Delta T) + V_2$$

$$V = \begin{bmatrix} V_1 \\ V_2 \end{bmatrix}$$

V در این جا، Q انرژی وارد به سیستم بر حسب ژول، M جرم جسم، M ظرفیت گرمایی ویژه جسم می باشد. M بردار خطا ناشی از خطاهای خارجی و M فاصله زمانی از بروزرسانی قبلی بر حسب ثانیه است.

چون ورودى الگوريتم بصورت ماتريسى است، بايد فرمول هاى بالا را بصورت ماتريسى بنويسيم:

$$r_k = \begin{bmatrix} t_k \\ \dot{t}_k \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & \Delta T \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} t_{k-1} \\ \dot{t}_{k-1} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \frac{(\Delta T)^2}{mc} \\ \frac{\Delta T}{mc} \end{bmatrix} Q + V_k$$

معادله بالا فرم کلی F در مرحله پیش بینی برای ما $r_k = Fr_{k-1} + Bu_k + V_k$ معادله بالا فرم کلی مهم است:

$$\to F = \begin{bmatrix} 1 & \Delta T \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

این فیلتر از دو ماتریس \mathbf{r} و \mathbf{r} تشکیل شده که به ترتیب نماینده حالت فعلی و کواریانس حالت پیش بینی شده است.

این الگوریتم در دو قسمت کار می کند، پیش بینی و بروزرسانی که در ادامه فرمولهای کار هر یکی از این مرحله ها آمده است.

پیش بینی

در این مرحله تغییرات مربوط به زمان با استفاده از ماتریس F، بصورت زیر، حالت سیستم پیش بینی می شود:

$$r_k = \begin{bmatrix} 1 & \Delta T \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} t_{k-1} \\ \dot{t}_{k-1} \end{bmatrix}$$

همچنین ماتریس واریانس داده ها را هم بروز می کنیم:

$$P = FPF^t + GVG^t$$

ماتریس V مربوط به اغتشاشات(Disturbance) است.

ماتریس های V و G را ماتریس یکه 2x2 در نظر گرفتم.

بروزرساني

در این مرحله که به آن مرحله اندازه گیری هم گفته می شود می توانیم داده های جدید را وارد کنیم.

معادله بروزرسانی حالت به این صورت تعریف می شود:

$$z_k = t_k + R_k \rightarrow z_k = Hr_k + R_k$$

ورودی های معادله بالا را بصورت زیر محاسبه کردم:

که مدل اندازی گیری است، چون از اندازه گیری داده ای نداریم، آن را برابر با ماتریس یکه قرار دادم: $\sf H$

$$H = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

R که نشان دهنده کواریانس اندازه گیری است (مربوط به نویز) را برابر با 100 برابر ماتریس یکه قرار دادم و طبق اعدادی که امتحان کردم، مقدار دقیق آن زیاد مهم نیست و فقط کافی است که عدد نسبتاً بزرگی انتخاب شود و الگوریتم کالمن باز هم می تواند نتایج دقیقی به ما بدهد:

$$R = \begin{bmatrix} 100 & 0 \\ 0 & 100 \end{bmatrix}$$

هم داده جدید دریافتی از سنسور است و چون در سیستم فعلی تغییر دما نداریم t_k را صفر می گذاریم و برای t_k دمای دریافتی از سنسور یعنی t_s را قرار می دهیم:

$$r_k = \begin{bmatrix} t_s \\ 0 \end{bmatrix}$$

بعد از جمع کردن همه ورودی های مورد نیاز، باید حالت فعلی را محاسبه کنیم.

ابتدا 5 که کواریانس اندازه گیری ها است را محاسبه می کنیم:

$$S = HPH^t + R$$

بعد با استفاده از \$، نتیجه بهینه كالمن را محاسبه كنیم:

$$K = PH^tS^{-1}$$

و در آخر ماتریس حالت و کواریانس را بروزرسانی می کنیم:

$$P_k = (I - KH)P_{k-1}$$

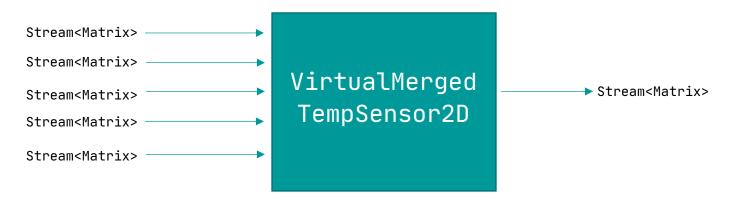
$$r_k = r_{k-1}(K(Z - (H \times r_{k-1})))$$

سنسور ادغام

با استفاده از فیلتر کالمن و یک سنسور می توانیم نتایج خیلی دقیقی بدست بیاوریم. حالا می خواهیم داده های دریافتی از چندین سنسور را با هم ادغام کنیم. برای این کار، یک نوع سنسور مجازی دیگر معرفی می کنم.

VirtualMergedTempSensorYD

این سنسور بجای اینکه از یک جسم ورودی بگیرد، از چندین سنسور ورودی می گیرد.

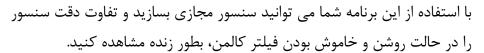


علاوه براینکه داده های خیلی زیادی وارد این سنسور می شوند، می توانیم با اعمال فیلتر کالمن دقت داده ها را بصورت قابل توجهی بالا ببریم.

برای استفاده از فیلتر کالمن و برای بدست آوردن دقیق ترین نتیجه، داده ها را در دو جا فیلتر می کنیم، یک بار قبل از ورود و یک بار بعد از خروج داده از سنسور ادغام.



برنامه اندرويد



Linear Algebra Kalman برنامه اندرویدی این پروژه Linear Algebra Kalman یا بطور خلاصه نام دارد. این برنامه با استفاده از فریمور ک فلاتر (Flutter) برای اندروید ساخته شده.

قابلیت ها

- ۱. قابلیت متوقف کردن و ریست کردن شبیه سازی
 - ۲. قابلیت دیدن دمای واقعی جسم مجازی
 - ۳. قابلیت تولید مجدد ماتریس دمای سطح جسم
- ۴. قابلیت تعیین کمترین و بیشترین دمای ممکن برای سطح جسم
 - ۵. قابلیت تنظیم نرخ ارسال داده از جسم مجازی به سنسورها
 - قابلیت تعیین ابعاد ماتریس مبدأ
 - ۷. قابلیت اضافه و کم کردن سنسور مجازی
 - ۸. قابلیت دیدن خروجی سنسور مجازی



- ٩. قابلیت روشن/خاموش کردن فیلتر کالمن
 - ۱۰.قابلیت تعیین مقدار نویز سنسور
 - ۱۱.نمایش دقت فعلی سنسور
 - ۱۲. نمایش متوسط دقت سنسور
- ۱۳. نمایش گراف دقت سنسور در ۵۰ بروزرسانی اخیر
 - ۱۴.قابلیت تعیین کواریانس فیلتر کالمن
- ١٥. قابليت اعمال فيلتر كالمن دوم با استفاده از سنسور ادغام

صفحه ها

در این قسمت مهمترین صفحه های برنامه را می توانید:

صفحه اصلي

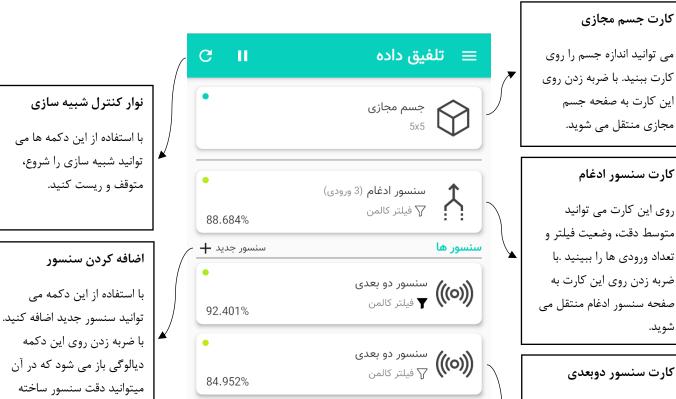
كارت جسم مجازي

این کارت به صفحه جسم

مجازی منتقل می شوید.

كارت سنسور ادغام

روی این کارت می توانید



نوار کنترل شبیه سازی

متوقف و ریست کنید.

با استفاده از این دکمه می

دیالوگی باز می شود که در آن

ميتوانيد دقت سنسور ساخته

شده را تعیین کنید.

85.715%

با استفاده از این دکمه ها می توانید شبیه سازی را شروع،

كارت سنسور دوبعدي

روی این کارت می توانید متوسط دقت، وضعیت فیلتر و تعداد ورودی ها را ببینید .با ضربه زدن روی این کارت به صفحه این سنسور منتقل می

ســـرر ((**(ە)))** خىلتر كالمن

سنسور دو بعدی

صفحه جسم مجازي

دكمه ريست

ابعاد جسم

این دکمه شبیه سازی را ریست می کند که جسم جدید با پارامترهای جدید تولید می کند و جایگزین جسم قبلی می کند. با زدن این دکمه، فقط مقداری از شبیه سازی ریست می شود.

de

تغییر دادن این پارامترها، تأثیری روی شبیه سازی فعلی ندارد و تغییرات، در شبیه سازی بعدی اعمال می شوند.

صفحه سنسور مجازي

خروجي سنسور

این قسمت، خروجی سنسور را پس از اعمال نویز و فیلتر کالمن(در صورت روشن بودن) بصورت زنده نمایش می دهد.

ميزان نويز

این ردیف $\Delta \pm$ سنسور را نمایش می دهد.

دقت سنسور

در این دو ردیف دقت فعلی و متوسط دقت سنسور بطور زنده نمایش داده می شوند.

→ جسم مجازی 308.07 302.65 302.08 305.40 307.00 313.91 300.00 305.68 310.56 315.44 308.85 315.07 320.22 323.60 324.96 317.79 324.74 330.25 333.61 334.67 325.87 333.61 339.45 342.71 343.32

طول جسم 5 تا ستون در جسم فعلی

عرض جسم 5 تا سطر در جسم فعلی

سرعت بیرون دادن اطلاعات داده ها از جسم به سنسورها push می شوند

کمترین دمای یک نقطه (برابر با 300.0 برای جسم فعلی) کمترین دما n n

بیشترین دمای یک نقطه (برابر با 400.0 برای جسم فعلی) - بیشترین دما

343.08

346.05

354.92

354.37

349.95

351.25

→ سنسور دو بعدی

316.80

333.27

نمودار دقت

335.45

339.75

نمایش دهنده دما

این قسمت از رابط کاربری محتوایات ماتریس دمای سطح جسم را نمایش می دهد.

نرخ ارسال داده ها

این مقدار تعیین می کند که جسم مجازی باید چقدر تا ارسال داده بعدی منتظر بماند.

تنظيمات دما

پارامترهای کمترین و بیشترین دما که برای تولید جسم جدید استفاده می شوند، از طریق این دو ورودی قابل تغییرند.

حذف سنسور

با زدن روی این دکمه، سنسور حذف می شود.

فيلتر كالمن

با تغییر وضعیت این سوئیچ می توانید فیلتر کالمن را برای این سنسور روشن و خاموش کنید.

نمودار دقت

این نمودار دقت فعلی سنسور را بعنوان عددی بین ۰ و ۱ بصورت زنده نمایش می دهد.

350.73	349.65	346.42	341.84	336.73	
343.92	344.90	343.85	341.31	337.92	
		ده	ن ت با تلفیق دا	فیلتر کالہ افزایش دق	
30.0		ندار نویز دارند	ز سنسور حداکثر این مق	میزان نوی داده ها تا	-
92.68%		a,	ت سنسور ور در این لحظ		
85.64%			قت سنسور ور از ابتدا	متوسط د دقت سنس	_

0.8

صفحه سنسور ادغام

این صفحه مشابه صفحه سنسور مجازی دوبعدی است با این تفاوت که ورودی از سنسور های ساخته شده است و هر چه سنسورهای بیشتری داشته باشیم، این سنسور بیشتر آپدیت می شود.



مرجع ها

https://www.slideshare.net/faradars/data-fusion-۶۱۴۰۶۱۶۹

https://en.wikipedia.org/wiki/Data fusion

https://blog.faradars.org/similarity-and-distance-matrix

https://www.youtube.com/watch?v=xv\\xrr\\CA